

[The page contains extremely faint, illegible text, likely bleed-through from the reverse side of the document.]

10. 1. 22





SCRITTI

D I

LEONARDO PISANO

MATEMATICO DEL SECOLO DECIMOTERZO

PUBBLICATI

DA

BALDASSARRE BONCOMPAGNI

SOCCO ORDINARIO DELL'ACCADEMIA PONTIFICIA DE' NUOVI LINCEI, E SOCCO
CORRISPONDENTE DELL'ACCADEMIA REALE DELLE SCIENZE DI TORINO,
DELLA REALE ACCADEMIA REALE SCIENZE DI NAPOLI,
E DELLA PONTIFICIA ACCADEMIA DELLE SCIENZE
DELL'ISTITUTO DI BOLOGNA

VOLUME I.

(LEONARDI PISANI, LIBER ABRAE)



ROMA

TIPOGRAFIA DELLE SCIENZE MATEMATICHE E FISICHE
VIA LATINA NUM. 214
MDCCCLVII.

10. 1. 22

V. I.

IL

LIBER ABBACI

DI

LEONARDO PISANO

PUBBLICATO

SECONDO LA LEZIONE DEL CODICE MAGLIABECHIANO

C. I, 2636, *Badia Fiorentina*, n.° 73.

DA

BALDASSARRE BONCOMPAGNI

SOCCO ORNAMENTI DELL'ACCADEMIA PONTIFICIA DE' DEONI LINCII, E SOCCO
CORRISPONDENTE DELL'ACCADEMIA DELLE SCIENZE DI TORINO,
DELLA REALI ACCADEMIA DELLE SCIENZE DI NAPOLI,
E DELLA PONTIFICIA ACCADEMIA DELLE SCIENZE
DELL'ISTITUTO DI BOLOGNA



ROMA

TIPOGRAFIA DELLE SCIENZE MATEMATICHE E FISICHE
VIA LATA NUM.° 211
MDCCCLVII.

1

*Incipit liber Abaci Compositus a leonardo filio Bonacij Pisano
In Anno. M^o cc^o ij.^o*

SCRIPSIStis mihi domine mi magister Michael Scotte, summe philosophice, vt librum de numero, quem dudum composui, vobis transcriberem: vnde uestrae obsecundans postulacioni, ipsum subtiliori perscrutans ludagine ad uestrum honorem et aliorum multorum utilitatem correxi. In eius correctione quedam necessaria addidj, et quedam superflua resecaui. In quo plenam numerorum doctrinam edidj, iuxta modum indorum, quem modum in ipsa scientia prestantiorem elegi. Et que arismetria et geometria (*sic*) scientia sunt connexe, et suffragatorie sibi ad iniicem, non potest de numero plena tradi doctrina, nisi intersecantur geometrica quedam, uel ad geometriam spectantia, que hic tantum iuxta modum numerj operantur; qui modus est sumptus ex multis probationibus et demonstrationibus, que figuris geometricis fiunt. Verum in alio libro, quem de practica Geometrie composui, ea que ad Geometriam pertinent et alia plura copiosis explicauj, singula subiectis approbationibus geometricis demonstrando. Sane hic liber magis ad theoreticam spectat quam ad praticam. Vnde qui per eum huius scientie practicam bene scire uoluerint, oportet eos continue usu et exercitio diuturno in eius practica perstudere: quod scientia per practicam uersa in habitum, memoria et intellectus adeo concordent cum manibus et figuris, quod quasi uno impulsu et ancilui in uno et eodem instanti circa idem per omnia naturaliter consonent: et tunc cum fuerit discipulus habitudinem consecutus, gradatim poterit ad perfectionem huius facile peruenire. Et ut facilius pateret doctrina, huic librum per .xv. distinxij capitula: ut quicquid de his lector uoluerit, possit leuius inuenire. Porro si in hoc opere reperitur insufficientia uel defectus, illud emendationi uestrae subicio.

Cum genitor meus a patria publicus scriba in duana hucee pro pisanis mercatoribus ad eam confluentibus constitutus preesset, me in pueritia mea ad se uenire faciens, inspecta utilitate et commoditate futura, ibi me studio abhaci per aliquot dies stare uoluit et doceri. Vbi ex mirabili magisterio in arte per uonem figuris indorum introductus, scientia artis in tantum mihi pre ceteris placuit, et intellexi ad illam, quod quicquid studebatur ex ea apud egyptum, syriam, greciam, siciliam et prouinciam cum suis uariis modis, ad que loca negotiationis tam postea peragraui per multum studium et disputationis didici conflictum. Sed hoc totum etiam et algorismum atque arcus pietagore quasi errorem computaui respectu modi indorum. Quare amplectens strictius ipsam modum indorum, et attentius studens in eo, ex proprio sensu quedam addens, et quedam etiam ex subtilitatibus euclidis geometice artis apponens, summam huius libri, quam intelligihilius potui, in .xv. capitulis distinctam componere laboraui, fere omnia que inserui, certa probatione ostendens, ut extra, perfecto pre ceteris modo, hanc scientiam appetentes instruantur, et gens latina de cetero, sicut hactenus, absque illa minime inueniatur. Si quid forte minus aut plus iusto uel necessario intermisi, mihi deprecor indulgeatur; cum nemo sit qui uitio careat, et in omnibus undique sit circumspectus.

1

Explicit prologus. Incipiunt capitula.

- De cognitione nouem figurarum yndorum, et qualiter cum eis omnis numerus scribatur; et qui numeri, et qualiter retineri debeant in manibus, et de introductionibus abaci. 1
- De multiplicatione integrorum numerorum. 4
- De additione ipsorum ad iuicem. 8 | (*)
- De extractione minorum numerorum ex maioribus.
- De diuisione integrarum (*sic*) numerorum per integros.
- De multiplicatione integrarum (*sic*) numerorum cum ruptis atque ruptorum sine sanis.
- De additione ac extractione et diuisione numerorum integrarum cum ruptis atque partium numerorum in singulis partibus reductione.
- De emptione et venditione rerum uenaliu et similium.
- De baractis rerum uenaliu et de emptione bolsonalie, et quibusdam regulis similibus.
- De societatibus factis inter consocios.
- De consolamine monetarum atque eorum regulis, que ad consolamen pertinent.
- De solutionibus multarum positarum questionum quas erraticas appellamus.
- De regula elcaym qualiter per ipsam fere omnes erratice questiones soluantur.
- De reperiendis radicibus quadratis et culitis ex multiplicatione et diuisione seu extractione earum in se, et de tractatu binomiorum et recisorum et eorum radicum.
- De regulis proportionibus geometrie pertinentibus: de questionibus aliebre et almuhabale.

Incipit primum capitulum.

Nouem figure iudorum he sunt

9 8 7 6 5 4 3 2 1

Cum his itaque nouem figuris, et cum hoc signo 0, quod arabice zephthim appellatur, scribitur quilibet numerus, ut inferius demonstratur. Nam numerus est unitatum per-
 fusus collectio siue congregatio unitatum, que per suos in infinitum ascendit gradus.
 Ex quibus primus ex unitatibus, que sunt ab uno usque in decem, constat. Secundus ex
 decenis, que sunt a decem usque in centum, fit. Tertius fit ex centenis que sunt a centum
 usque in mille. Quartus fit ex millenis que sunt a mille usque in decem milia, et sic
 sequentium graduum in infinitum, quilibet ex decuplo sui antecedentis constat. Primus
 gradus in descriptione numerorum incipit a dextera. Secundus uero uersus sinistram sequi-
 tur primum. Tertius secundum sequitur. Quartus tertium, et quintus quartum, et semper
 sic uersus sinistram gradus gradum sequitur. Figura itaque que in primo reperitur gradu
 se ipsam representat, hoc est: si in primo gradu fuerit figura unitatis, unum representat;
 si binarij, duo; si ternarij, tria, et ita per ordinem que secuntur, usque si nouenarij:
 nouem figure quidem que in secundo gradu fuerint, tot decenas representant, quot in
 primo unitates; hoc est si figura unitatis secundum occupat gradum, denotat decem;
 si binarij, uiginti; si ternarij, triginta; si nouenarij, nonaginta.

Figura namque que in tertio fuerit gradu, tot ceutenas denotat, quot in secundo de-
 cenas, uel in primo unitates, ut si figura unitatis centum; si binarij, ducenta; si ter-

(*) Nel margine laterale esterno ed inferiore del recto della carta 1 del sopraccitato codice Magliabechiano C. I. 2616. *Badini Fiorentina* n. 72. presso alla linea 40 ed ultima del medesimo recto, trovasi scritto in due linee in carattere più moderno del rimanente di questo recto: «Leonardi Pisani Algorithmi Geometrie // Inter Codices de: matarum num: 44: ».

narij, trecenta, et nouenarij, nongenta. Ipsa igitur que fuerit in quarto gradu tot mil-
lenas quot in tertio centenas, aut in secundo decenas, uel in primo unitates denotat;
et sic semper mutando gradum, numerus decuplando ascendit. Et ut hoc quod dictum
est lucidius declarescat, ipsum cum figuris ostendatur. Si figura septenarij fuerit in primo
gradu, et ternarij in secundo, ambe insimul 37 denotant; uel contra : figura ternarij
in primo, et septenarij in secundo, 73 denotabunt. Item si figura quaternarij fuerit in
primo, et unitatis in secundo sic 14, nimirum .xiiii. denotabunt: uel si figura unitatis
fuerit in primo, et quaternarij in secundo sic 41, denotabunt xli. Rursus in primo 72, et
in secundo faciunt 37; contrarium enim facit 72. Si autem septuaginta tantum scribere
uoluerit, ponat in primo gradu 9, et post ipsum ponat figuram septenarij, sic 79; si octua-
ginta sequatur zephyrum figuram octonarij sic 90: hac itaque demonstratione quemlibet
numerum a decem usque in centum cum duabus figuris scribere potes. Cum tribus
uero a centum scribitur usque in mille; ut si figura octonarij fuerit in primo, et qui-
narij in secundo, et unitatis in tertio 138, centum quinquaginta octo denotabunt; et
econuerso : si figura unitatis fuerit in primo, et quinarij in secundo, et octonarij in
tertio 831, octigenta et quinquaginta unum denotabunt; uel contra : si figura octo-
uarij fuerit in primo, et unitatis in secundo, et quinarij in tertio, denotabunt 518.
Item si permutatim figura quinarij fuerit in primo, octonarij in secundo, et unitatis
in tertio, denotabunt 183. Item si figura unitatis fuerit in primo, octonarij in secundo,
et quinarij in tertio, nimirum denotabunt 581: tres uero unitates sic 111, centum unde-
cim faciunt. Verum si quinquaginta tantum scribere uolueris, in primo et in secundo
gradu ponas zephyra, et in tertio figuram quinarij hoc modo 599; et sic cum duobus
zephyris quemlibet centenariorum numerum scribere poteris. Et si centenaria cum dec-
enis siue unitatibus scribere uolueris, ponas in primo gradu zephyrum, in secundo dec-
enas, et in tertio centenas quas uolueris. Verbi gratia: si in primo gradu fiat zephyrum,
et in secundo figura nouenarij, et in tertio binarij, denotabunt 290. Si autem absque dec-
enis centenaria cum unitatibus scribere uolueris, ponas in secundo gradu, scilicet
in loco decenarij zephyrum, et in primo numerum unitatum quem uoluerit, et in tertio
centenariorum: ut si in primo fuerit figura nouenarij, et in secundo zephyrum, et in tertio
binarij 999; et sic secundum supradictam demonstrationem qualem uolueris, numerus a
centum usque in mille scribes cum tribus figuris. Cum quattuor namque a mille usque
in decem milia, ut in sequenti cum figuris numeris super notatis ostenditur.

L. I. §. 100.

M . i	MMXXXIII	MMMXXII	MMMMXX	MMMMMDC	MMM Mxvi	Mccxxxiii	MMMcccxxvi
1001	3 0 2 3	3 0 2 2	3 0 2 0	3 0 0 0	3 0 0 0 1 1 1 1	1 2 3 4	4 3 2 1

Et sic in reliquis numeris est procedendum. Cum quinque namque figuris scribantur
omnes numeri, incipiendo a decem milia usque ad centum milia. Cum sex uero, a cen-
tum milibus usque in mille milia, et sic deinceps, addendo figuram figuris, numerus
gradatim in decuplum ascendit. Vnde si contigerit quod aliquem numerum multarum
figurarum propter multitudinem figurarum, quis legere uel intelligere nequeat, quali-
ter legere et intelligere ipsum debeat, ostendere procurabo.

De prima itaque figura, hoc est de figura primi gradus, dicat unum.

De secunda que est in secundo gradu, dicat decem.

De tertia que erit in tertio gradu, dicat centum, et adcentet eam in superiori parte.

De quarta namque figura eiusdem numeri, dicat mille, et adcentet eam in inferiori parte.

De quinta uero dicat decem milia.

De sexta itaque centum milia, et adcentet eam in superiori parte.

De septima dicat mille milia, et adcentet eam rursus in inferiori parte.

De octava dicat decem milia milium.

De nona dicat centum milia milium, et adcentet eam in superiori parte.

De decima dicat mille milia milium, et adcentet eam in inferiori parte; et sic semper per hos tres numeros, scilicet per millenos, et decem milleos, et centum milleos et adcentando millenos in inferiori parte, et centum millenos in superiori, usque ad ultimum gradum numeri studeat adcentare. Et inde incipiat legere numerum ab ultimo gradu ipsius per acenta predicta, dicendo semper de inferioribus adcentis tot milia milium quot adcenta fuerint ante ipsa in inferiori parte uersus primum gradum, et de superioribus adcentis, dicens tot centum milia, quot adcenta fuerint ante ipsam in inferiori parte similiter uersus primum gradum numeri; et de figuris que non fuerint adcentate post quartum gradum numeri dicit tot decem milleos, quot adcenta fuerint ante ipsas in inferiori parte; et sic poterit cognoscere et legere qualem uoluerit numerum multarum figurarum. Et ut hoc melius intelligatur, quendam numerum octo figurarum proponamus 57654221. De uno namque qui est in primo gradu, dicit uoum; de binario 2, que sunt in secundo, dicit decem; de ternario 3, qui sunt in tertio, dicit centum que adcententur in superiori parte. De quaternario est 4, qui sunt in quarto gradu, dicit mille, que adcententur in inferiori parte, ut in prescripto numero ostenditur. De quinario 5 qui est in quinto gradu, dicit decem milia; de senario 6 qui sunt in sexto gradu, dicit centum milia, que adcententur in superiori parte; de septenario 7 que est in septimo gradu, dicit mille milia que adcententur in inferiori parte; de octuario qui est in ultimo gradu, dicit decem milia: ergo habetur in supradicto numero octuaginta septem milia milium, propter duo inferiora adcenta, quorum unum est sub 7 et aliud sub 4, et insuper sexcenta quinquaginta quattuor miliaria, et insuper .cccxxi. Item proponamus alium numerum de nouem figuris 25760813, que pro ordine adcentato cognoscitur quod continetur in ipso ducenta quinquaginta septem milia miliaria, et sexcenta quattuor miliaria, et octingenta tredecim. Item alius numerus de tredecim figuris proponatur 1067543289081, pro cuius adcentis cognoscitur ipsum esse mille, septem milia milia miliaria, et quingenta quadraginta tria milia miliaria, et ducenta octuaginta nouem miliaria, et insuper octuaginta unum. Possumus eum aliam tradere regulam leuiam que (sic) poteris citissime legere numerum plurimum figurarum. Verbi gratia: proponamus numerum 15 figurarum 67557810396, dimissis tribus primis figuris, scilicet 66, super quibuslibet aliis tribus protrahere uirgulam in modum arcus ut in premissis exemplo; et pro qualibet uirgula dices; et illas tres figuras, quas in principio dimisistis, leges sicut stant; et sic dices sexcenta septuaginta octo milia milia milium, cum quattuor sint uirgule, et noningenta et triginta quinque milia milia milium, cum super sint tantum tres uirgule et septingenta octuaginta quattuor milia milium, cum

due super sint linee et 105 milia, cum una tantum sit uirgula, et 296 pro illis tribus quas in principio dimisisti: et si per ultimum cum remanent una figura uel due, pone ipsas sub ultima uirgula, et leges eas omnes .iiii.^{or} uel omnes quinque simul, et sic poteris legere numerum quot cumque poteris figurarum.

Predictis figuris earumque gradibus secundum materiam superius descriptam cum frequenti usu bene cogitatis, oportet eos qui arte abbaci uti uoluerint, ut subtiliores et ingeniores appareant scire computum per figuram manuum, secundum magistrorum abbaci usum antiquitus sapientissime inuentam. Que signa sunt hec. Curuatio auricularis digiti sinistre manus super medium uole .i. palme manus notat unum. Curuatio quidem eiusdem cum anulari similiter super mediam uolam duo, cum quibus curuatur medius tria. Curuatio autem anularis et medis 4 super mediam uolam. Curuatio nero medii tantum 5. Anularis 6. Positio quippe auricularis sursum super uolam 7, super quem locum cum ponitur auricularis et anularis notantur 8: positio quidem eorumdem cum medio super eundem locum .9. Cuius ab extremitate indicis et pollice fit circulus in nodo pollicis, denotant 10. Cum pollex et index sunt extensi et tangunt se 20. Cum ab extremitate eorumdem sit circulus 30. Cum ponitur pollex super indicem in exteriori parte indicis 40. Curuatio pollicis super principium indicis 50. Curuatio indicis super curuatum pollicem 60. Curuatio indicis super extremitatem extensi pollicis 70. Curuatio itaque indicis super uirgulam extensi pollicis 80. Item curuatio totius indicis in se 90. Centenaria quoque et miliaria fiunt in dextera manu eodem ordine, scilicet signum unitatis facit 100 in dextera manu; binarii quidem 200; decenarii autem mille, et signum nonagesimum facit 900, ut in sequenti pagina (!) pictis (sic) manibus demonstratur. Componuntur itaque in manibus cum his signis omnes reliqui numeri qui sunt a decem usque in decem milia hoc modo: ex signo uigenarii, et ex signo ternarii componuntur 23; et ex signo trium milium et ex signo quingentarum componuntur in dextera manu tria milia quingenta, et sic intelligas in reliquis.

(!) Nel suddetto Codice C. J. 2016 manca la intera carta, numerata 2, che doveva essere quella indicata colle parole « sequenti pagina » che trovansi nella linea 39 della carta 2 verso di questo codice, e nella linea 22 della presente pagina 5.

Introductiones in ac ditioe (sic) et multiplicatiōe numerorum

2 et 2 fiant 4	<i>dena octonario</i>	60 et 60 fiant 120	<i>De Quinario</i>
2 3 5	7 7 14	60 70 130	5 uices 5 fiant 25
2 4 6	7 9 15	60 80 140	
2 5 7	7 9 16	60 90 150	
2 6 8	7 10 17		5 6 30
2 7 9		70 et 70 fiant 140	5 7 35
2 8 10	8 et 8 fiant 16	70 80 150	5 8 40
2 9 11	8 9 17	70 90 160	5 9 45
2 10 12	8 10 18	80 et 80 fiant 160	5 10 50
	9 et 9 fiant 18	80 90 170	<i>De senario</i>
<i>dena ternario</i>	9 10 19	<i>et fiant</i>	6 uices 6 fiant 36
3 et 3 fiant 6	10 et 10 fiant 20	90 90 180	
3 4 7	10 et 10 fiant 20	<i>Explorant actiones</i>	6 7 42
3 5 8	10 et 10 fiant 20	<i>Incipunt multiplicatiōes</i>	6 8 48
3 6 9	10 et 10 fiant 20	<i>De binario</i>	6 9 54
3 7 10	10 et 10 fiant 20	10 uices 2 fiant 4	6 10 60
3 8 11	10 et 10 fiant 20	2 3 6	<i>De octonario</i>
3 9 12	10 et 10 fiant 20	2 4 8	7 uices 7 fiant 49
3 10 13	10 et 10 fiant 20	2 5 10	
	10 et 10 fiant 20	2 6 12	7 8 56
<i>dena quaternario</i>	10 et 10 fiant 20	2 7 14	7 9 63
4 et 4 fiant 8	10 et 10 fiant 20	2 8 16	7 10 70
4 5 9	10 et 10 fiant 20	2 9 18	<i>De octonario</i>
4 6 10	10 et 10 fiant 20	2 10 20	8 uices 8 fiant 64
4 7 11	10 et 10 fiant 20		
4 8 12	10 et 10 fiant 20	<i>De ternario</i>	8 9 72
4 9 13	10 et 10 fiant 20	3 uices 3 fiant 9	8 10 80
4 10 14	10 et 10 fiant 20	3 4 12	<i>De nonario</i>
	10 et 10 fiant 20	3 5 15	9 uices 9 fiant 81
<i>dena Quinario</i>	10 et 10 fiant 20	3 6 18	
5 et 5 fiant 10	10 et 10 fiant 20	3 7 21	9 10 90
5 6 11	10 et 10 fiant 20	3 8 24	<i>De decenario</i>
5 7 12	10 et 10 fiant 20	3 9 27	10 uices 10 fiant 100
5 8 13	10 et 10 fiant 20	3 10 30	
5 9 14	10 et 10 fiant 20		10 20 200
5 10 15	10 et 10 fiant 20	<i>De quaternario</i>	
	10 et 10 fiant 20	4 uices 4 fiant 16	<i>Et plures multiplicatiōes</i>
<i>dena senario</i>	10 et 10 fiant 20	4 5 20	
6 et 6 fiant 12	10 et 10 fiant 20	4 6 24	
6 7 13	10 et 10 fiant 20	4 7 28	
6 8 14	10 et 10 fiant 20	4 8 32	
6 9 15	10 et 10 fiant 20	4 9 36	
6 10 16	10 et 10 fiant 20	4 10 40	

Praescriptas itaque in tabulis iunctiones et multiplicationes in manibus addiscendo semper utantur colligere, ut animus pariter cum manibus in additionibus et multiplicationibus quorumlibet numerorum expeditior fiat.

Incipit capitulum secundum de multiplicatione integrorum numerorum.

Capitulum secundum de multiplicationibus integrorum numerorum in octo partes dividimus, ut differentie atque proprietates earum melius intelligantur. Quarum prima pars erit de multiplicatione duarum figurarum contra duas, atque unius figure contra plures. Secunda de multiplicatione trium figurarum contra tres, atque duarum figurarum in tribus. Tertia de multiplicatione quattuor figurarum contra quattuor, etiam et duarum figurarum et trium in quattuor figuris. Quarta de multiplicatione quinque figurarum in quinque. Quinta de multiplicatione plurium figurarum quam quinque, qualiter multiplicentur ad inuicem. Sexta de multiplicatione numerorum secundi gradus per numeros eiusdem gradus, hoc est duarum figurarum per duas, atque unius figure contra plures, qualiter cordetenus in manibus multiplicentur. Septima de multiplicatione trium figurarum per tres similiter qualiter in manibus cordetenus multiplicentur. Octava de multiplicatione omnium numerorum alium modum.

Incipit pars prima de multiplicatione duarum figurarum contra duas.

Numerus se ipsum multiplicare dicitur, quando similis per similem multiplicatur, ut 12 per 12, uel 36 per 36. Numerus numerum multiplicare dicitur, quando numeri se inuicem multiplicantes fuerint ad inuicem inaequales, ut 12 per 37 et 46 et per 59 : denique nos primum numerus secundi gradus ut promissimus, scilicet a 10 usque in centum in semetipsum multiplicare doceamus. Cum autem uis multiplicare aliquem numerum secundi gradus per aliquem numerum eiusdem gradus, siue equales sint numeri, siue inaequales, scribes numerum sub numero, ita ut similis gradus sit sub simili gradu; et si numeri sunt inaequales, sit maior sub minore, et incipiat multiplicationem a primo gradu numerorum in tabula prescriptorum. Siquidem multiplicet figuram primi gradus superioris numeri in tabula prescripti per figuram primi gradus subterioris, et scribantur unitates super primum gradum numerorum prescriptorum, et per unam quamque decenam retineat in manu sinistra unum : deinde multiplicet figuram primi gradus superioris numeri per figuram secundi gradus, per ultimam scilicet subterioris numeri, et econtra: figura primi gradus subterioris multiplicetur per ultimam figuram superioris, et addantur in manu cum seruatibus decenis; et iterum unitates scribantur super secundum gradum, et retineantur in manu decene. Item multiplicetur ultima figura superioris numeri per ultimam subterioris, et quod ex multiplicatione euenierit cum seruatibus decenis in manu super addatur, et unitates in tertio gradu, et decene super fuerint in quarto ponantur, et habebitur multiplicatio quorumlibet numerorum a decem usque in centum. Verbi gratia : ut si quiesierit multiplicationem de 12 in 12, scribantur 12 bis in tabula dealbata in qua littere leuiter deleantur, sicuti in hac margine scriptum cernitur, primus gradus subterioris numeri sub primo superioris, hoc est figura binarii sub figura binarii, et secundus gradus subterioris sub secundo superioris, scilicet figura unitatis sub figura unitatis, et multiplicet binarium per binarium, erunt 4, que ponat super utrumque binarium ut in prima descriptione posita sunt. Iterum multiplicentur superiora 2 qui est in secundo gradu inferioris numeri, erunt 2 que seruentur in manu, et multiplicet ite-

fol. 4 verso.

† tabula dealbata... distinetur, et s
(fol. 4 verso, lin. 20-25, pag.
7, lin. 17 — pag. 8, lin. 8)

descriptio prima	4 12 12
Secunda	44 12 12
Ultima	144 12 12

rum 3 subterioris numeri per 1 superioris, erunt 3; que adlat cum duobus superior seruat, erunt 4, que ponat super unitatem utramque facient ipsa 4 secundum gradum, post priora posita 4 que fecerant primum gradum, ut in secunda descriptione describitur; et adhuc multiplicetur 1 de superiori numero per unum de subteriori, faciet 1; quod 1 scribatur in tertio gradu, scilicet post 44 descripta, ut in tertia et ultima descriptione ostenditur. Et in tot ascendit multiplicatio de 12 in se ipsa, scilicet 144.

Iterum ut lucidius clarescat, 37 per 37 multiplicentur. Scribantur quidem 37 sub 37, ut superior de 12 diximus, et multiplicentur 7 per 7, erunt 49: ponantur itaque 9 super utrumque 7 ut in prima descriptione ostenditur, et pro quattuor de decenis, que sunt in 49, seruentur 4 in manu, et multiplicentur 7 de superiori numero per 3 de inferiori, et 7 de inferiori per 3 de superiori, et iungantur insimul, erunt 42, quibus additis cum 4 superior seruat, erunt 46: scribantur unitates de 46, que sunt 6 super utrumque 3, ut in secunda descriptione denotatur. Et 4 pro quattuor decenis que sunt in 46 in manu seruentur, et adhuc multiplicentur 3 de superiori numero per 3 de inferiori, erunt 9; que adde cum 4 modo in manu seruat, erunt 13: ponantur 3 de 13 in tertio gradu et 1 in quarto, ut continetur in tertia et ultima descriptione.

fol. 5 recto.

Que multiplicata multiplicata de 1 (fol. 5 recto, lin. 3-15) pag. 3, lin. 12-35).

prima	9
	37
	37
secunda	69
	37
	37
tertia	1369
proba est .i.	37
	37

Que multiplicatio, si recta est, ita cognoscitur. Iungantur quidem figure que sunt in superioribus 37, scilicet 2 cum 7, erunt 10, de quibus dematur 9, remanebit 1, quod seruetur. Eodemque modo colligantur figure de 37 inferioribus, et demantur inde 9, remanebit similiter 1: multiplicetur ergo 1 quod remansit de superioribus 37 per 1 quod remansit de inferioribus, faciet 1, quod moretur pensa uel portio, et seruetur in tabula super ipsam multiplicationem, ut in tertia descriptione cernitur: postea colligantur figure que sunt in summa multiplicationis, et de collecta quantitate demantur 9 quotiens poterit; et si 1 remanebit sicuti pro pensa seruatum est, recta utique erit multiplicatio. Verbi gratia: ut si iunximus figuras que sunt in summa multiplicationis, scilicet 1 et 3 et 6 et 9, et erunt 19, de quibus extrahe bis nouenarium, remanebit 1, ut pro pensa prediximus eum debere remanere: uel de dictis 19 dele 9 que sunt in primo gradu ipsorum, remanebit similiter 1. Et nota cum additis figuris de 37, scilicet 3 cum 7, tunc diuidis 37 per 9, de qua diuisione remanet 1, sicut remansit ex 10 que procreata fuerint ex additione 3 et 7, cum ex eis extracta fuerant 9: nam residuum quod remanet ex quouis numero diuiso per 9, est summa que ponitur ex additione omnium figurarum facientium ipsum numerum. Et notandum rursus, cum aliquis numerus diuiditur in partes, et una queque partium multiplicatur per aliquem numerum, sunt ille multiplicationes in unum collecte equales multiplicationi totius numeri diuisi in numerum, in quem multiplicata fuerunt omnes partes ipsius. Ergo multiplicationes de 36 per 37, et de 1 per 37 in unum coniuncte, equantur multiplicationi de 37 in 37. Sed ex multiplicatione de 36 in 37 pronenit numerus qui creatus est ex aliqua multitudine nouenariorum, cum 36 sint concreta ex nouenariis. Quare numerus surgens ex 36 in 37, si diuisus fuerit per 9, nichil ex eo remanebit indiuisibile. Item multiplicatio de 1 in 37, est equalis summe multiplicationis de 1 in 36 et de 1 in 1. Sed ex multiplicatione de 1 in 36 pronenit numerus qui integratit: diuiditur per 9: multiplicatio ergo de 1 in 1, scilicet 1, remanet indiuisibilis per 9. Ergo de 37 in 37 diuisa per 9 remanet 1, quod habetur ex collectione figurarum omnium que sunt in summa de 37 in 37, ut su-

perius inuenimus: uel ex dicta summa prohece 9, remanebunt 136, de quibus deme 3 et 8 cum coniuncta faciunt 9, remanebit similiter 1 indiuisibiles de 1369 diuisi per 9.

Item si multiplicare uis 98 per 98, scribantur ut predixi 98 sub 98 et multiplicentur 8 per 8, erunt 64: ponatur 4 super utrumque 8, et seruentur pro decenis in manu 8, et multiplicentur 8 per 9, erunt 72; et iterum econtra multiplicentur 8 de inferiori per 9 de superiori, erunt similiter 72, que iungantur cum aliis 72 et cum 6 in manu seruatis, erunt 150; et cum non sit unitas in predictis 150, ponendum est zephyrum super utrumque 9, et seruentur pro decenis in manu 15, et multiplicentur 9 per 9, erunt 81, que addantur cum 15 in manu seruatis, erunt 96, de quibus 98 scribantur 8 in tertio gradu et 9 in quarto, ut in hac descriptione cernitur. Modo uideamus si hec multiplicatio recta est: iungantur figure de superiori 98, scilicet 9 cum 8, et dematur 4, remanebunt 8. Iterum illud idem fiat de inferioribus 98, remanebunt similiter 8; et multiplicentur 8 per 8, erunt 64, de quibus extrahantur omnes nouene que sunt in eisdem 64, remanebit pro pensa 1, uel aliter: iungantur figure que sunt in predictis 64, scilicet 6 cum 4, erunt 10, de quibus demantur 9, remanebit similiter 1, postea colligantur figure, que sunt in summa multiplicationis, scilicet 9 et 6 et 0 et 4 tamen non est necesse ut figura nouenarii colligatur in aliqua persimili probatione, cum nouenarius semper erit, ut extrahi precipiatur unde colligantur 8 et 0 et 4, erunt 10, de quibus demantur 9, remanebit 1 pro pensa, sicuti remanere oportebat. Cum autem uolueris multiplicare aliquem numerum de secundo gradu in se non habentem unitates, uel in primo gradu, ut in 10 et 40 uel 90, in quorum capitibus zephyrum semper esse necesse est, sic erit faciendum: scribarum (*sic*) numerum hoc ut supra dixi; et multiplicabitur secundus gradus per secundum tantum, et ponatur ante summe duo zephyra, et sic habebimus summam cuiuslibet dietarum multiplicationum. Vt pote si queratur multiplicatio de 70 in 70, scribantur itaque utraque 70 supradicto modo, et multiplicetur figura septenarii que est in secundo gradu superiori (*sic*) numeri per 7 inferioris, erunt 49, ante quem numerum ponatur duo zephyra, scilicet pro his que sunt ante utraque 7, faciunt 490, que sunt summa quesite multiplicationis, scilicet queratur | de 37 in 49, scribantur 49 sub 37, scilicet maior numerus sub minori, et similis gradus sub simili gradu, ut in hac margine cernitur; et multiplicentur 7 per 9, erunt 63; ponantur 3 super 7, et pro decenis seruentur in manu 6, et multiplicentur 7 per 4 in cruce, erunt 28, que addantur cum 8 in manu seruatis, erunt 34. Item multiplicentur 9 per 3, erunt 27, que addantur cum 34, erunt 61: ponatur 1 super 3 et pro decenis seruentur in manu 6, et multiplicentur 3 per 4, erunt 12, que addat cum 6, erunt 18, que ponat post 13 superius posita, egredientur pro summa dicte multiplicationis 1812, ut hic ostenditur.

Et si multiplicatio recta est, ita cognoscitur: diuidantur 37 per 9, hoc est, addantur figure de 37, scilicet 3 cum 7, erunt 10, de quibus demantur 9, remanebit 1, quod seruet; similiter addantur figure de 49, scilicet 4 cum 9, erunt 13, de quibus demantur 9, remanebunt 4, que multiplicet cum 1 seruato, erunt 4, que seruet pro pensa, et colligantur figure que sunt in summa multiplicationis, scilicet 1 et 8 et 1 et 2, erunt 12, de quibus demantur 9, remanebunt 4, ut oportet pro pensa remanere.

Precedit hic modus multiplicandi ex his que dixi superius de numero in partes diuiso, et multiplicato in alium quem uis numerum. Nam multiplicatio de 37 in 49,

* Item si ... hic descriptione *
(fol. 3 verso, lin. 22-28. pag. 9, lin. 2-10).

proba est .1.	
	9604
	98
	98

* gradu et ... ponatur * (fol. 3 verso, lin. 33-36. pag. 9, lin. 10-11. lin. 27).

	4900
	70
	70

fol. 3 verso.

* de 37 ... ostenditur * (fol. 5 verso, lin. 1-8; pag. 9, lin. 28-31).

	1812
proba est .1.	37
	49

equatur collectioni multiplicationum de 7 in 49 et de 30 in 49. Sed multiplicatio de 7 in 49 equatur coniuncto multiplicationum de 7 in 7 et de 7 in 49, et multiplicatio rursus de 30 in 49 equatur multiplicationibus de 30 in 9 et de 30 in 40. Ergo multiplicatio de 27 in 49 equatur quattuor multiplicationibus que sunt 7 in 9 et 7 in 40 et 30 in 9 et 30 in 40. Que .iiii.^{te} multiplicationes accepte sunt super per ordinem: multiplicauimus primum 7 per 9, et posuimus unitates super primum gradum; quia primus gradus quemcumque gradum multiplicat, ipsum gradum facit, uel terminante in ipso. Secundo multiplicauimus 7 per 4; tertio 9 per 2, et harum multiplicationum accepimus summam, de qua posuimus unitates in secundo gradu; quia cum primus gradus secundum multiplicat, secundum gradum facit. Et hoc fuit multiplicare 7 per 40 et 9 per 30; postea ad ultimum multiplicauimus 2 per 4, scilicet secundum gradum per secundum. Et et ipsa multiplicatione addita cum decenis seruatis posuimus unitates in tertio gradu, et decenas que super fuerant in quarto; et hoc fuit multiplicare 30 per 40, quia secundus gradus quemcumque multiplicat, secundum gradum facit post ipsum quem multiplicat. Similiter tertius gradus numeri quemcumque gradum multiplicat, tertium gradum facit post ipsum quem multiplicat. Et quartus facit quartum post ipsum quem multiplicat, et quintus quintum, et est. Significabo itaque, quid est dicere primum gradum quemcumque multiplicat, ipsum facit, aut facit numerum terminantem in ipso. Cum multiplicatur figura per figuram, et ex multiplicatione non prouenit ultra. Item multiplicatio illa facit ipsum gradum; et cum ex multiplicatione eadem prouenit numerus secundi gradus, ut 29 uel 30, aut compositus ex secundo et primo ut 15 et 25; tunc facit numerum terminantem in ipso gradu quem primus gradus multiplicat; et ideo cum multiplicauimus primum gradum per aliquem gradum ponimus unitates illius multiplicationis super ipsum gradum et decenas seruamus ad sequentem gradum: hoc idem intelligas de multiplicatione reliquorum graduum.

De multiplicatione unius figure contra plures.

Item si queratur multiplicatio unius figure contra duas, uel contra plures, scribatur ipsa sola figura super figuram primi gradus ipsius numeri, cum quo ipsam multiplicare uoluerit, et multiplicet ipsam solam cum prima ipsius numeri, et ponantur unitates super ipsam et in manu retineantur decene, et multiplicetur eadem sola figura per secunda inferioris numeri, et addatur cum decenis seruatis, et ponantur semper unitates, et decene seruentur, et ipsa figura per ordinem multiplicetur per tertiam et per quartam, et deinceps per reliquas. Verbi gratia: ut si queratur multiplicatio de 5 cum 49, ponatur 5 super 9 et multiplicentur 5 per 9, erunt 72; ponantur 2 super 8 et seruetur in manu 7 et multiplicetur ipsa 5 per 4, erunt 32; super que addat seruata 7 erunt 29; et ponantur 9 et 2, egredientur pro dicta multiplicatione 392, ut in margine ostenditur. Item si queratur multiplicatio de 7 cum 308 scribantur 7 | super 8 et multiplicetur 7 per 8, erunt 56 ponantur 6 et retineantur 5, et multiplicentur 7 per 0, facient 9, quod addat cum 8 seruatis faciet 8, que ponat post posita 8, et multiplicet 7 per 2, facient 21, que ponat post 56 posita, et egredientur 2156 que sunt summa dicte multiplicationis, et sic una figura contra plures multiplicatur.

De eodem.

Item si uolueris multiplicare 79 per 91, dematur 9 de 79, remaneat 7; et multiplicentur

* referuntur agnoscantur pro; * (fol. 5 verso, lin. 30-32; pag. 46, lin. 81-86).

392
8
49

fol. 6 recto.

* super 8 567 * (fol. 6 verso, lin. 1-4; pag. 49, lin. 31—pag. 51, lin. 4).

2156
7
308

7 per 81, erunt 567 cum numero ante ponatur 0 pro eo quod de 70 abstulimus, erunt 5670.

Incipit pars secunda secundi capituli.

Cum autem tres figuras per tres figuras quis multiplicare uoluerit, uniuersalem regulam ei leuiter edocemus. Scilicet, ut scribatur gradus unius numeri contra gradum alterius, hoc est unitas sub unitatibus, decene sub decenis, et centene sub centenis, et multiplicetur prima superioris numeri per primam subterioris, et ponat unitates super primum gradum numerorum, et decene seruentur in manu, et multiplicet primam superioris per secundam subterioris, et primam subterioris per secundam superioris, et addat utrasque multiplicationes cum seruatis unitatibus, et ponat unitates et decenas seruet; et multiplicet primam superiorem per tertiam inferiorem, et primam subterio-rem per tertiam superiorem, et secundam per secundam, et addat tres dictas multiplicationes cum numero seruato, et ponat unitates super tertium gradum, et per unam quamque decenam seruet in manu 1; et multiplicet secundam superioris numeri per tertiam subterioris, et secundam inferioris per tertiam superioris; et de collecta summa ponat unitates et decenas reseruet, et multiplicet tertiam per tertiam, et addat cum seruatis decenis, et ponat unitates et postea ponat decenas si superferunt positus unitatibus; et si habebit multiplicationem quorumlibet numerorum trium figurarum, siue equales fiant siue inaequales.

Ad cuius rei euidenciam sint equales numeri 245 et 345, quos inasimul multiplicare oportet, qui collocentur ad innicem sicuti in pagina collocati esse censuntur; et multiplicet 5 per 3 erunt 15, ponat 5 super utrumque 5, sicuti in secunda descriptione cernitur, et pro decenis seruet in manu 2 et multiplicet 5 superioris numeri per 4 subterioris, et 5 inferioris per 4 superioris; quibus additis cum 2 seruatis, erunt 42: ponat 2 super utrumque 4, sicuti in tertia continetur descriptione, et seruentur pro quattuor decenis 4; et multiplicet 5 superioris per 3 subterioris et 5 inferioris per 3 superioris, et 4 per 4, et summa ipsarum trium multiplicationum addatur cum 4 in manu seruatis, erunt 50: ponat 0 super utrumque 3, ut in quarta descriptione ostenditur, et seruentur in manu 5, et multiplicet 4 superioris per 3 inferioris, et 4 inferioris per 3 superioris, et addantur cum 5, erunt 29: ponat 0 post 0, ut in quinta patet descriptione, et seruentur in manu 2, et multiplicet 2 per 2, erunt 4, que addat cum 2, erunt 11, que ponat, ut in sexta et ultima descriptione ostenditur. Que multiplicatio si recta est, per supra-dictum modum cognoscitur, uidelicet ut addantur figure de 245 superioribus, et dematur inde 9, remanebunt 3; similiter fiat de 345 inferioribus et remanebunt similiter 3; et multiplicentur 3 per 2, de quibus dematur 0, remanet 0 quod habet pro pensa, tunc colligantur figure que sunt in summa multiplicationis, scilicet 1 et 1 et 2 et 5, erunt 0, de quibus trahantur 0, remanet 0 ut oportet. Assignabo quidem quare multiplicatio secunde figure per secundam additur cum multiplicatione primarum figurarum, in tertias; quia ut dictum est primus gradus quicumque multiplicat ipsum gradum, facit secundus gradus, quicumque multiplicat secundum gradum, facit post ipsum quem multiplicat. Et sic est primus gradus multiplicat tertium, tertium gradum facit. Et cum secundus multiplicat secundum, facit eundem, scilicet tertium, qui est secundus post ipsum quem multiplicat. Ergo oportet cum multiplicatio secundi gradus per secundum

* cum numero sub unitatibus -
(fol. 6 recta, lrs. 6-4; pag. 11,
lrs. 1-6).

5670
70
81

* Ad eum figuram * (fol.
6 recta, lrs. 14-15; pag. 11,
lrs. 20 — pag. 12, lrs. 2).

prima	345
	345
secunda	5
	345
	345
tertia	25
	345
	345
quarta	025
	345
	345
quinta	0025
	345
	345
Ultima	110025
	345
	345

iungatur multiplicationibus primarum in tertius. Sequuntur multiplicatio secundarum figurarum in tertias, de qua provenit quartus gradus, silicet secundus ab eo quem multiplicat. Ad ultimum multiplicatur tertius gradus per tertium, de qua multiplicatione provenit quintus gradus, silicet tertius ab eo quem tertius gradus multiplicat. Et hac ratione ex his que procreantur ex multiplicatione primarum in tertias, et ex decenis servatis posuimus unitates in tertio gradu, et servauimus decenas ad quartum gradum. Et ex his que procreantur ex multiplicatione secundarum in tertias, et ex decenis servatis posuimus unitates in quarto gradu, et servauimus decenas ad quintum gradum, que decene adduntur cum multiplicatione tertii gradus in tertium, et ponuntur eorum in quinto gradu, et decene in sexto, et sic habetur multiplicatio supradicta.

De eodem.

Item si uoluerit multiplicare 607 cum 607, collocatis numeris, multiplicetur 7 per 7, erunt 49: ponat 9 et retineat 4, et multiplicet 7 per 0 et 7 per 0 in cruce, et addantur cum 4 seruatis, erunt 4, que ponat; et multiplicet 7 per 6 et 7 per 6 et 0 per 0, erunt 84: ponat 4 retineat 6, et multiplicet 0 per 6 et 0 per 6, et addatur cum 8, erunt 5 et ponat 6, et multiplicet 6 per 6, erunt 36: ponat 6 et 3, et sic habebis pro summa dicte multiplicationis 368449.

De eodem.

Item si uoluerit multiplicare 760 per 760, dematur de utrisque 750 suum 0, remanebit 78 et 78; et multiplicet 76 per 78, erunt 6084, ante quam ponantur duo zephyra, et habebitur pro summa dicte multiplicationis 608400. Item si uoluerit multiplicare 900 cum 900, demantur zephyra de utroque numero, et multiplicet 9 per 9, erunt 81, quibus ante ponantur zephyra quattuor, silicet pro quattuor demptis zephyris de utroque 900, et habebitur pro summa dicte multiplicationis 810000.

De eodem cum inequalibus numeris.

Si autem inequales numeros quis multiplicare uoluerit, eadem uia et ordine erunt multiplicandi; ut si oportuerit multiplicare 123 cum 456, scribantur ad inuicem numeri ut supradictum est, ut multiplicentur 3 per 6, erunt 18: ponantur 8, retineatur 1 et multiplicentur 3 per 5, erunt 15, que addantur cum 1 seruato, erunt 16 et 6 per 2, et addantur cum 16, erunt 32: ponantur 2 et retineantur 2, et multiplicentur 3 per 4 et 6 per 1 et 2 per 5, et addatur cum 2 seruatis, erunt 30: ponatur 0, retineantur 3, et multiplicentur 2 per 4 et 5 per 1, et addantur cum 3 seruatis, erunt 16: ponantur 6, et retineantur 1, cum quo addatur multiplicatio de 1 in 4, erunt 5 que ponantur, et habebitur pro summa multiplicationis dicte 56088. Si autem hoc probare uoluerit, iungantur figure de 123, erunt 6, et figure de 456, erunt 13, de quo numero dematur 0, remanebunt 6, que multiplicentur cum 6, erunt 36, quibus per 9 diuisis remanet 0 quod pro pensa habeatur. Tunc colligantur figure que sunt in summa dicte multiplicationis, erunt 27, quibus per nouenarium diuisis, remanet 0, ut expedit pro pensa remanere. Item si proponatur multiplicare 370 cum 451, quamuis per supradictam doctrinam multiplicari possint, tamen cum zephyrum sit in primo gradu unius numerorum, silicet de 370, aliter multiplicari doceantur, silicet ut dematur ipsum 0 de 370, remanebunt 37, que multiplicentur cum 451; erit itaque illorum multiplicatio duarum figurarum per tres, que multiplicatio sic fieri

fol. 6 verso.

et ex decimis retineat 4. (fol. 6 verso, lin. 1-4; pag. 12, lin. 7-8 — lin. 14).

368440
607
607

et multiplicet multiplicetionis et fol. 6 verso, lin. 1-9; pag. 12, lin. 14-22.

608400
78
78

et retineatur 810000. (fol. 6 verso, lin. 13-18; pag. 12, lin. 29-33).

610000
0
9

et remanere 1 per 2 et fol. 6 verso, lin. 23-25; pag. 12, lin. 37 — pag. 13, lin. 7).

56088
123
456

docetur. Seribantur 37 super 31 de 431, et multiplicentur 7 per 1, erunt 7 que ponantur. Et 7 per 3 et 1 per 3 multiplicentur, erunt 38: ponantur 8 et retineantur 3, et 7 per 4 et 3 per 3 multiplicatis, et additis cum 3 seruat, erunt 46: ponantur 6 et retineantur 4, et multiplicentur 3 per 4 et addantur cum 4 seruat, erunt 16; et ponantur 6 et 1, et habebimus pro summa dicte multiplicationis duarum illarum figurarum in tres, 166870; quibus ante ponatur 0 pro demto 0 de 370, exhibunt 166870: hac itaque uia quelibet due figure per quaslibet tres figuras multiplicentur. Item si queratur multiplicatio de 320 per 570, dematur 0 de utroque numero, remanebunt 32 et 57, qui numeri insimul multiplicentur, erunt 1824, quibus ante ponantur duo zephyra, et habebitur pro summa dicte multiplicationis 182400.

Pars tertia de multiplicatione quattuor figurarum.

Cum autem quattuor figuras contra quattuor quis multiplicare uoluerit, describat numeros, et collocatis gradibus sub gradibus similibus, multiplicet primam per primam et ponat, reminiscendu tamen seruare decenas semper cum posuerit unitates, et multiplicet primam per secundam, et primam per secundam, et ponat; et primam per tertiam, et primam per tertiam, et secundam per secundam, et ponat; et primam per quartam, et primam per quartam, et secundam per tertiam, et secundam per tertiam, et ponat; et secundam per quartam, et tertiam per quartam, et tertiam per quartam, et ponat; et quartam per quartam et ponat; et sic habebit multiplicationem quorumlibet numerorum quattuor figurarum siue euales uel inuales exiterint.

Ad cuius rei euidentiam proponatur multiplicatio de 1234 in se ipsa, et descripto ipso numero, bis multiplicetur prima per | primam ut prediximus, scilicet 4 per 4, erunt 16; et ponantur 6 super utrumque 4 et retineantur 1, et multiplicentur 4 per 3 et per 2, et addantur cum 1 seruat erunt 25, ponantur 5 super utrumque 3 et retineantur 2. Item multiplicentur 4 superioris numeri per 2 inferioris, et 4 per 2 et 3 per 3, et addantur cum 2 seruat, erunt 37: ponantur 7 super utrumque 2 et retineantur 2: multiplicentur 4 per 1 et 4 per 1 et 3 per 2 et 3 per 2, et addantur hee quattuor multiplicationes cum 2 seruat, erunt 22: ponantur 2 super utrumque 1, et retineantur in manu 2, et multiplicentur 3 per 1 et 3 per 1 et 2 per 2, et addantur cum 2 seruat, erunt 12: ponantur 2 et retineantur in manu 1, et multiplicentur 2 per 1 et 2 per 1 et addantur cum 1 seruat, erunt 3, que ponantur, et multiplicentur 1 per 1 erit 1 quod ponatur; et sic habebitur pro summa ipsius multiplicationis 1232756.

De eodem.

Irerum ut intelligibilis intelligatur, multiplicatio de 2343 in 6789 proponatur: descriptis itaque numeris, multiplicentur 3 per 9, erunt 27, ponantur 7 et retineantur 4, et multiplicentur 3 per 8 et 9 per 4, et addantur cum 4 seruat, erunt 80: ponatur 0 et retineantur 8, et multiplicentur 3 per 7 et 9 per 3 et 4 per 8, et addantur cum 8 seruat, erunt 109; ponantur 9 et retineantur in manu 16, et multiplicentur 5 per 6 et 9 per 2 et 4 per 7 et 8 per 2, et addantur cum 10 seruat, erunt 110: ponatur 0 et retineantur 11, et multiplicentur 4 per 6 et 8 per 2 et 3 per 7, et addantur cum 11 seruat, erunt 72: ponantur 7, et retineantur 7, et multiplicentur 3 per 6 et 7 per 2, et addantur cum 7 seruat, erunt 39: ponantur 9 et retineantur 3, quibus addatur multipli-

* ponatur 6 tale ponatur *
164, § xxxvii, lxx. 37-31; pag.
18, lxx. 8-9).

1	6	6	8	7	0
				3	7
				4	3

* et primam subuenit * et
6 xxxvii, lxx. 35-28; pag. 13.
lxx. 13-21).

1	8	2	4	0	0
				3	2
				5	7

§ 7. 1. ubi numerus, xxxv.

* 2 et addantur ... cum * et
3 xxxvii, lxx. 28; pag. 13, lxx.
13-21).

1	5	2	2	7	5	6
				1	2	3
				1	3	1

* etiam ... seruat et 4.7 xxxvii,
lxx. 3-13; pag. 12, lxx. 26-32).

1	5	9	2	0	2	0	5
proba est 6.				2	3	4	3
				6	7	8	9

catio de 2 in 6, erunt 15, et ponantur 5 et 1, et sic habebitur multiplicatio dictorum numerorum, ut hic ostenditur.

Probatio.

Que si recta fuerit, ita probatur: multiplicetur pensa de 5245 que est 5 cum pensa de 6789 que est 2, erunt 15, de quibus demantur 9 remanent 6 que sunt pensa summe multiplicationis.

Quomodo ... 15000000 + (64.7
recte, lin. 18-21; pag. 14, lin.
7-11).

3 7 5 9 3 0 0 0
5 1
7 4 3

Quamvis ita ut dictum est omnes numeri quattuor figurarum multiplicandi sint, tamen sunt inter eos qui aliter et leuius multiplicari possunt: illud (*sic*) silicet, qui habent in capitibus zephyra; ut si queratur multiplicatio de 5000 cum 7000, multiplicentur 5 per 7, erunt 35, ante que ponatur tot zephyra, quot sunt cum ipsis numeris que sunt sex, et sic habebitur pro summa dicte multiplicationis 35000000.

Item si ... 2 servatis + (64.7
recte, lin. 24-27; pag. 14, lin.
13-20).

9 2 5 2 5 0 0
2 5
3 7 0 1

Item si queratur multiplicatio de 5100 cum 7430, multiplicentur 51 per 743, erunt 37592, quibus ante positis zephyra tria que sunt in capitibus utrorumque numerorum, et sic habebitur pro summa dicte multiplicationis 37593000.

Item si quereret multiplicationem de 2500 cum 3701, demat duo zephyra que sunt in capite de 2500, remanebunt 25, que multiplicet per 3701, silicet duas figuras contra quattuor, quarum ordo hic est: describat 25 super 3701 ut inferius cernitur, et multiplicabit 5 per 1, erunt 5, que ponat; et 5 per 0 et 1 per 2, erunt 2, que ponat; et 5 per 7 et 2 per 0, erunt 35; ponat 5 et remanebit 2, et multiplicet 5 per 2 et 2 per 7 et addat cum 2 servatis, erunt 32; et ponatur 2, retineatur 2 et 2 per 2, erunt 6, que addat cum 2 servatis, erunt 9, que ponat. Et sic habetur pro multiplicatione de 25 in 3701, ut in descriptione ostenditur, 92325, quibus ante ponantur duo zephyra, ut habeatur summa prioris multiplicationis quesite.

Pars quarta secundi capituli.

Cum autem quemlibet numerum quinque figurarum per quemlibet numerum eiusdem gradus quis multiplicare uoluerit, silicet quinque figuras per quinque, collocatis numeris multiplicet primam per primam, et ponat; et primam per secundam, et primam per secundam, et ponat; et primam per tertiam, et primam per tertiam, et secundam per secundam, et ponat; et primam per quartam, et primam per quartam, et secundam per tertiam, et secundam per tertiam, et ponat; et primam per quintam, et primam per quintam, et secundam per quartam, et secundam per quartam, et tertiam per tertiam, et ponat; et secundam per quintam, et secundam per quintam, et tertiam per quartam, et tertiam per quartam, et ponat; et tertiam per quintam, et tertiam per quintam, et quartam per quartam, et quartam per quartam, et ponat; et quartam per quintam, et quartam per quintam, et ponat. Et sic habebit multiplicationem quorumlibet numerorum quinti gradus: et ut hic apertius demonstraretur, quedam multiplicatio proponatur, ut per eam euales et inuales multiplicationes eiusdem gradus intelligantur: ut si uoluerit multiplicare 12345 per 12345, descriptis numeris, ut | supra docuimus, multiplicet 5 per 5 erunt 25: ponat 5 et retineat 2, et 5 per 4 et 5 per 4, et addat cum 2 seruatis, erunt 42: ponat 2 et retineat 4, et 5 per 3 et 5 per 3 et 4 per 4, et addat cum 4 seruatis, erunt 50: ponat 0 et retineat 5, et 5 per 2 et 5 per 2 et 4 per 3 et 4 per 3, et addat cum 5 seruatis, erunt 46: ponat 6 et retineat 4, et 5 per 1 et 5 per 1 et 4 per 2 et 4 per 2 et 3 per 2, et addat cum 4 seruatis, erunt 39: ponat 9 et retineat 2, et 4 per 1 et

64. 7 non generatio, extra.

4 per 1 et 3 per 2 et 3 per 2, et addat cum 3 seruatis, erunt 22; ponat 3 et retineat 2, et 3 per 1 et 3 per 1 et 3 per 2, et addat cum 2 seruatis erunt 12; ponat 2 et retineat 1, et 3 per 1 et 3 per 1, et addat cum 1 seruato, erunt 5, que ponat; et 1 per 1 erit 1 quod ponat; et sic habebit summam dicte multiplicationis. Ostendam rursus hunc modum multiplicandi procedere ex his que accidit (*sic*) inter numeros sibi inuicem proportionales. Nam cum tres numeri proportionales sunt, ita quod sicut primus est ad secundum, ita secundum sit ad tertium; tunc multiplicatio primi in tertium equatur multiplicationi secundi in se. Et cum quattuor numeri sunt proportionales, fueritque sicut primus ad secundum, ita tertius ad quartum. Tunc multiplicatio primi in quartum equa est multiplicationi secundi in tertium, ut in euclide reperitur. Ascendit enim numerus in infinitum per gradus continuos; quia sicut primus gradus est ad secundum, ita secundus est ad tertium, et tertius ad quartum, et unusquisque antecedentium ad suum consequentem. Quare multiplicatio secundi gradus in se facit eundem gradum factum ex multiplicatione primi in tertium. Et multiplicatio secundi gradus in tertium facit gradum factum ex multiplicatione primi in quartum. Incipitur quidem in multiplicationibus a figuris primi gradus, ex qua multiplicatione aut prouenit numerus primi gradus, aut terminans in ipso. Et ideo ex multiplicatione prime figure per primam ponuntur unitates super primum gradum, et decene seruantur ad secundum, cum quibus adduntur multiplicationes primarum in secundas, et prouenit numerus secundi gradus, uel terminans in ipso. Quare ponuntur unitates super secundum gradum, et pro unaquaque decena que habetur, seruatur .i. ad tertium gradum. Deinde multiplicatur prime per tertias, et additur cum eis multiplicatio secunde in secundam; quia multiplicatio secundi gradus in secundum facit eundem gradum, quam facit multiplicatio primorum graduum in tertios. Et ideo ex multiplicationibus primarum figurarum in tertias, et secundarum in secundas, ponuntur unitates super tertium gradum; post hec multiplicatur prime per quartas, et secunde per tertias, cum sint in quattuor gradibus proportionalibus; quia sicut primus est ad secundum, ita tertius ad quartum, et prouenit ex ipsis multiplicationibus numerus terminans in quarto gradu. Et idcirco ponuntur unitates super quartum gradum, et multiplicatur postea prime per quintas, et secunde per quartas, et tertie per tertias; quia est sicut primus gradus ad secundum, ita quartus ad quintum. Quare multiplicatio secundi gradus in quartum, facit gradum factum ex multiplicatione primi in quintum, sicut quartum gradum; et est rursus secundus gradus ad tertium sicut tertius ad quartum. Quare multiplicatio tertii gradus in tertium facit gradum factum ex multiplicatione secundi in quartum, scilicet quintum gradum. Et ideo ponuntur unitates super quintum gradum, et sic secundum proportionalitatem efficitur summa quorumlibet numerorum multiplicationis. Et hec possunt manifeste intelligi in his que secuntur. Et notandum quia sicut primus gradus est ad secundum, ita penultimus est ad ultimum; et sicut primus est ad tertium, ita tertius ab ultimo est ad ultimum et cetera. In hac siquidem multiplicatione quinque figurarum in quinque, post positionem quinte figure super quintas, multiplicatur secunde per quintas, et tertie per quartas; que multiplicationes faciunt sextum gradum; quia cum secundus gradus multiplicat quintum, sextum gradum facit, quem facit multiplicatio tertiarum in quartas, cum sit sicut

* ponat 0 ... habebit summam *
(lib. 7. arith. lib. 8. 7. pag. 14,
lin. 41 — pag. 13, lin. 4)

1	5	2	3	9	9	2	5
							1
							2
							3
							4
							5
							6
							7
							8
							9
							0

gradus ad tertium, ita quartus ad quintum. Deinde multiplicatur tertie per quintas et quarta per quartam, et provenit sepius gradus; quia cum tertius gradus multiplicat quintum, facit tertium gradum ad quinto, silicet septimum: deinde multiplicatur quarte per quintas, que faciunt octavum gradum. Ad ultimum multiplicatur quinta per quintam que facit nonum gradum; et sic habetur summa dicte multiplicationis. Post hec enim que de multiplicatione dicta sunt, quilibet ingeniosus potest per supradictam doctrinam multiplicandi habere: tamen ut rades hic perfectam habeant doctrinam, multiplicationi octavi gradus ostendere procuravi.

Pars quinta secundi capituli.

Cum autem quemlibet numerum octo figurarum per quolibet (*sic*) numerum eiusdem gradus quis multiplicare voluerit, multiplicet primam per primam, et ponat; et primam per secundam, et primam per secundam, et ponat; et primam per tertiam, et primam per tertiam, et secundam per secundam, et ponat; et primam per quartam, et primam per quartam, et secundam per tertiam, et secundam per tertiam, et ponat; et primam per quintam, et primam per quintam, et secundam per quartam, et tertiam per tertiam, et ponat; et primam per sextam, et primam per sextam, et secundam per quintam, et secundam per quintam, et tertiam per quartam, et tertiam per quartam, et ponat; et primam per septimam, et primam per septimam, et secundam per sextam, et secundam per sextam, et tertiam per quintam, et tertiam per quintam, et quartam per quartam, et ponat; et primam per octavam, et primam per octavam, et secundam per septimam, et secundam per septimam, silicet eas que sunt secus primam et octavam, et tertiam per sextam, et tertiam per sextam, eo quod sibi secus secundas et septimas, et quartam per quintam, et quartam per quintam; ideo quia sunt secus tertias et sextas, et ponat. Et sic semper in omnibus multiplicationibus ab interiori parte ipse figure ab (*sic*) iuicem semper ab utraque parte multiplicande sunt, que secus eas existunt, que primum multiplicauerunt: donec eas ita multiplicando se ad iuicem coniunxerint; et tunc ponende sunt unitates et decene in manibus seruande. Et cum multiplicatio primarum figurarum, in reliquis per ordinem gradatim ascendendo, completa fuerit usque ad ultimas; tunc penitus relinquende sunt prime figure utrorumque numerorum, et secunde per ultimas multiplicande, hoc est ut in hac questione multiplicet secundam per octavam, et secundam per octavam, et tertiam per septimam, et tertiam per septimam; quia sunt secus secundas et octavas; et quartam per sextam, et quartam per sextam; quia sunt secus tertias et septimas; et quintam per quintam; quia sunt inter quartam et sextam, et ponat; et tunc relinquat secundas; et multiplicet tertiam per octavam, et tertiam per octavam, et quartam per septimam, et quartam per septimam, et quintam per sextam, et ponat; et relinquat tertias, et multiplicet quartam per octavam, et quartam per octavam, et quintam per septimam, et quintam per septimam, et sextam per sextam, et ponat; et relinquat quartas, et multiplicet quintam per octavam, et quintam per octavam, et sextam per septimam, et sextam per septimam, et ponat; et relinquat quintas, et multiplicet sextam per octavam, et sextam per octavam, et septimam per septimam, et ponat; et septimam per octavam, et septimam per octavam, et ponat; et octavam per octavam, et ponat; et sic habebitur multiplicatio omnium numerorum octo figurarum: et ut in numeris clarius intelligatur: sit numeri 12345678 et 87654321, qui ut multiplicentur

ad inuicem describantur, secundum quod supra dictum est, et multiplicet 8 per 1, erunt 8, que ponat; et 8 per 2 et 1 per 7 erunt 22, ponat 2 et retineat 2, et 0 per 3 et 1 per 0 et 7 per 2, et addantur cum 2 seruatim erunt 46, ponat 0 et retineat 4, et 2 per 4 et 1 per 5 et 7 per 3 et 2 per 6 erunt 74, ponat 4 et retineat 7, et 0 per 5 et 1 per 4 et 7 per 4 et 2 per 5 et 0 per 3 erunt 107, ponat 7 et retineantur 10, et 0 per 0 et 1 per 3 et 7 per 5 et 2 per 4 et 0 per 4 et 2 per 5 erunt 142, ponantur 2 et retineantur 14, et 8 per 7 et 1 per 2 et 7 per 6 et 2 per 3 et 0 per 5 et 3 per 4 et 5 per 4 erunt 182, ponantur 2 et retineantur 18, et 0 per 0 et 1 per 1 et 7 per 7 et 2 per 2 et 6 per 6 et 3 per 3 et 5 per 5 et 4 per 4 erunt 222, ponat 2 et retineat 22, et 7 per 0 et 2 per 1 et 6 per 7 et 3 per 2 et 5 per 6 et 4 per 3 et 4 per 5 erunt 298, ponat 0 et retineat 10, et 6 per 0 et 3 per 1 et 5 per 7 et 4 per 2 et 4 per 6 et 5 per 3 erunt 332, ponat 2 et retineat 12, et 5 per 8 et 4 per 1 et 4 per 7 et 5 per 2 et 3 per 6 erunt 315, ponat 3 et retineat 11, et 4 per 8 et 5 per 1 et 3 per 7 et 6 per 2 erunt 41, ponat 1 et retineat 8, et 3 per 8 et 0 per 1 et 2 per 7 erunt 22, ponat 2 et retineat 5, et 2 per 8 et 7 per 1 erunt 28, ponat 0 et retineat 2, et 1 per 8 erunt 10, que ponantur; et sic habebitur summa dicte multiplicationis.

Utrum si in quorumlibet capitibus numerorum zephyra fuerit demantur de ipsis numeris omnia zephyra que in capitibus extiterint, et reliquis figuras insimul multiplicet, et multiplicationi dempta zephyra, ante ponat, et habebit ipsorum numerorum multiplicationem, ut in secundi et tertij, et quarti gradus multiplicationes denotamus, et si per supradictam multiplicationum demonstrationem quis multiplicationem paucarum figurarum contra plures scire non poterit, describat numeros, sed maiorem sub minori, hoc est numerum plurium figurarum sub ipso numero paucarum, collocans primum gradum unius sub primo alterius, et deinceps, ut supra diximus, alios gradus collocabit, et ponat post numerum paucarum figurarum tot zephyra, quot figure superhabundant de maiori numero, et sic habebit equales numeros in multiplicatione, ut si quereret multiplicare tres figuras contra sex, ponat numerum sex figurarum sub numero trium figurarum, et ponat post tres figuras tria zephyra, ut sint in multiplicatione sex figure contra sex, quas secundum per supradictam doctrinam multiplicet. Verbi gratia: ut si quereret multiplicare 343 cum 6554 describit eos hoc ordine, scilicet, tria zephyra post 343. Verum quod de positione zephyrorum post figuras dictum est, non nisi rudibus necessarium fore arbitror, quia subtiles non indigent tali positione zephyrorum.

Pars sexta secundi capituli.

Utrum cum suprascriptam multiplicandi doctrinam, frequenti usu in tabula quis operari seuerit, et uoluerit eandem doctrinam corde tenens et in manibus, absque tabule descriptione, in numeris secundi et tertij gradus habere, retineat descriptionem numerorum in corde quos multiplicare uoluerit, et incipiat multiplicare secundum prescriptum ordinem, et primam positionem in manu sinistra in loco unitatum ponat, et secundam scilicet positionem, in eadem manu in loco decenarum. Tertia uero in manu dextera in loco centenarum. Quartam uero in loco miliarum stuletur ponere consuescat. Quintam uero et deinceps in corde retineat, cum in manibus amplius retinere non possit; et sic habebit quorumlibet numerorum multiplicationem. Verbi gratia: ut si uoluerit multiplicare 12 per 12, retineat descriptionem illorum in corde, et multiplicet 2 per 2 fa-

6 per 7 et 0 per 2 ... et 4 per
1 et 4 per 1 (fol. 8 verso, lin.
30-31; pag. 17. lin. 7-12).

108215D122574626

18345678

87634281

fol. 8 verso

6 numerus numerus ... cum se
dignat a (fol. 8 verso, lin. 4-5
— lin. 9-10; pag. 17. lin. 25-27)

2 4 0 0 6 6 4 5

0 0 0 3 4 5

6 0 8 5 4 1

• per 11 ... signo quadragesimo •
(fol. 8 verso, lin. 18-20), pag.
12, lin. 42 — pag. 18, lin. 2-4).

144
12
12

• in loco ... notant • (fol. 8 verso,
lin. 24-25), pag. 18, lin. 8-14.

48
48

• 23 per 57 ... multiplicatio •
1311 • (fol. 8, verso, lin. 27-
28), pag. 18, lin. 14-17.

13 11
23
57

ciunt 4, que 4 ponat in sinistra manu in loco unitatum, et multiplicet 2 de superioribus 12 per 1 de inferioribus, et 2 de inferioribus per 1 de superioribus, et addat insimul erunt 4, que ponat in eadem manu sinistra in loco decenarum, hoc est in signo quadragesimo, et multiplicet 1 per 1, scilicet secundam figuram per secundam, faciant 1, quod ponat in manu dextra in loco centenariorum. Et sic habebit pro quesita multiplicatione 144, ut in hac pagina cernitur.

Item si cordetenus uoluerit multiplicare 48 per 48, multiplicet 8 per 8 erunt 64, ponat ergo 4 in manu sinistra in loco unitatum, et 8 retineat in manu dextra in loco centenariorum. Et multiplicet 8 per 4 et 8 per 4 et addat insimul erunt 64, que addat cum 8 seruatis in manu dextra erunt 70, ex quibus ponat 0, hoc est nihil, in manu sinistra in loco decenariorum, et 7 retineat in manu dextra, cum quibus addat multiplicationem de 4 in 4, scilicet 16, erunt 23, ex quo ponat 3 in manu dextra in loco centenariorum. Et 2 ponat in eadem manu in loco miliariorum, hoc est in signo bis milieno. Et sic habebit pro quesita multiplicatione 2304. Item si multiplicare uoluerit 23 per 57, retineat eorum descriptionem in corde, et multiplicet 3 per 7 erunt 21, ponat 1 in loco unitatum in manu sinistra, et retineat in manu dextra 2, et 3 per 5 et 7 per 3, et addat cum 2 seruatis erunt 31, ponat 1 in loco decenarum et retineat in manu dextra 3, et 2 per 3, et addat cum 3 seruatis in corde erunt 12, que iterum retineat in manu dextra et in loco miliariorum, et sic habebit pro ista multiplicatione 1311.

Pars VII^a secundi capituli.

Item si uoluerit cordetenus multiplicare 347 per 347, multiplicet 7 per 7, retenta numerorum descriptione in corde, erunt 49, ponat 9 in manu sinistra in loco unitatum et in dextra retineat 4, et bis 7 per 4, et addat cum 4 seruatis erunt 60, ponat 0 in loco decenariorum in manu sinistra, hoc est nihil, et retineat in dextra 6, et bis 7 per 3, et 4 per 4, et insimul iunctis erunt 64, ponat 4 in dextra in loco centenariorum, et 6 retineat in loco miliariorum, uel in corde, et bis 4 per 3, et addat cum 6 erit seruatis, erunt 30, delect de loco, multiplicet 6 et ponat ibidem pro 0 nichil, et retineat in corde 3, et 3 per 3, et addat cum 3 seruatis in corde erunt 12, que iterum retineat cum non possit ipsum in manibus ponere, et sic habebit pro hac multiplicatione 120409. Et ita si numerus in corde retinere scine (*sic*) scinerit et que ad modum edocetur progreditur (*sic*) leuius quam in tabula, poterit multiplicationes quorumlibet numerorum secundi gradus tertij cordetenus in manibus innere.

Incipit capitulum tertium de additione integrorum numerorum.

Cum autem quoslibet numerus et quatuorque quis addere uoluerit, collocet eos in tabula, secundum quod in multiplicatinnibus numerorum prediximus, hoc est primum gradum cunctorum numerorum quos addere uoluerit sub primo ipsius qui ante in iunctionem positus fuerit. Et secundum sub secundo, et deinceps qui sequuntur. Et tunc incipiat in manibus colligere numeros figurarum que in primis gradibus cunctorum numerorum que in iunctionem positi fuerint, ab inferiori numero usque ad superiorem, ascendendo: ponat itaque unitates super primum gradum numerorum et decenas in manu reseruet, quibus decenas superaddat numeros qui in secundis gradibus extiterint, et ponat unitates super secundum gradum, et iterum decenas reseruet. Cum quibus collectionem tertij gradus numerorum super addat, et sic ponendo unitates, et decenas reseruando,

gradatim numeros colligendo, potest collectionem cunctorum numerorum usque ad infinitum habere. Et ut melius intelligatur iunctiones duorum numerorum et etiam tertij, nec non et plurimj ostendantur.

Est enim alius modus multiplicandi ualde laudabilis, maxime in multiplicandis magnis numeris, quem ostendam in multiplicatione de 567 in 4321. Constituatur quadrilaterum in forma scacherii, habens puncta 8 in longitudine, scilicet unum plus numero figurarum maioris numeri, et habeat in latitudine puncta 3, sicuti sunt tres figure in minori numero, et ponatur maior numerus super quadrilaterum supradictum, et minor ponatur ante ipsum, ut hic cernitur, et multiplicetur prima figura minoris numeri, scilicet 7, per 1, scilicet per primam maioris numeri facies 7, que ponantur in primo puncto superioris linee, scilicet sub ipso 1, et multiplicentur 7 per secundam figuram maioris numeri, scilicet per 2, erunt 14, ponantur 4 sub 2 post posita 7, scilicet in secundo puncto superioris linee, et seruetur 1, cum quo addatur multiplicatiui eorundem 7 in 3, erunt 22, ponantur 2 in tertio puncto post 4 posita, et seruentur 2, cum quibus addatur multiplicatio de 7 in 4, scilicet in ultimam figuram maioris numeri erunt 30, ex quibus ponatur 0 in quarto puncto et 3 in quinto. Simili quoque modo multiplicabuntur 6 singulariter per 1 et per 2 et per 3 et per 4, exhibunt 6 in primo puncto secunde linee, et 2 in secundo, et 9 in tertio, et 5 in quarto, et 2 in quinto; quod idem fiat de quinque que sunt in ultimj gradu minoris numeri, et habebitur 5 in primo puncto tertie linee, et 0 in secundo, et 6 in tertio, et 1 in quarto, et 2 in quinto. Deinde pro 7 que posita sunt in primo puncto ponantur 7 super 1, et addantur 6 et 4 que sibi inuicem sunt opposita; post ipsa 7 erunt 10: ponatur 0 super 2 et seruetur 1, cum quo addatur 5 et 2 et 2 que item sibi inuicem sunt opposita: post predicta 6 et 4 erunt 10: ponatur iterum 0 super tertium gradum, scilicet super 3, et seruetur iterum 1 quod addatur cum 0 et 0 et 0 que item sibi inuicem sunt opposita: post dicta 5 et 2 et erunt 10: ponatur iterum 0 super 4, scilicet super ultimum gradum maioris numeri et seruetur iterum 1: quod addatur cum 6 et 5 et 3 que sunt in sequenti oppositione erunt 15: ponatur 5 in quinto gradu, et seruetur unum quod addatur cum .1. et .2. que sunt in sequenti oppositione, erunt 4 que ponantur in sexto gradu. Deinde ponantur 2 in septimo gradu pro 2 que sunt in angulo quadrati post dictam oppositionem de 1 et 2 et habebis predictam summam.

Ut si quiescis scire aditatumem de 25 cum 49 colloct 49 sub 25 tamquam deberet eos ad inuicem multiplicare, et addat 0 cum 2, erunt 14: ponat 4 super primum gradum et pro decenis reseruet in manu 1 quod addat cum 4 et cum 2, erunt 7 que ponat, et sic habebuntur pro eorum collectione 74, ut hic ostenditur.

Item si uoluerit scire collectionem de 123 cum 4567, describat eos ut hic censentur, et addat 7 cum 3, erunt 10; ponat 0 et retineat 1 quod addat cum 6 et cum 2, erunt 9 que ponat. Item addat 5 cum 1 que sunt in tertio gradu, erunt 6 que ponat super eundem gradum, et per 4 que sunt in quarto gradu inferioris numeri, ponat 4 in quarto gradu exentis summe, cum non sit aliqua figura super ipsa in alio numero, scilicet in 123, et sic habebit pro eorum additione 4600.

Item si uoluerit addere 4321 cum 506789, descriptis eis ordine prescripto, addat 0 cum 1, erunt 10: ponet 0 et retineat 1 quod addat cum 8 et cum 2, erunt 11: ponet 1, retineat 1 quod addat cum 7 et cum 3, erunt 11. Iterum ponat 1 et retineat 1 quod addat cum

indistinctum habere... innotuit... (fol. 9 recto, lin. 4-5 — lin. 10, pag. 19, lin. 1-2 — lin. 10)

2 4 5 0 0 7
4 3 2 1

3	0	2	4	7
2	5	0	2	6
2	1	6	0	5

Et ut... et sic habebit 1 (fol. 9 recto, lin. 14-15 — lin. 16; pag. 19, lin. 31 — pag. 20, lin. 2).

74
25
49

4 6 0 0
1 2 3
4 5 6 7

5 1 1 1 1 0
4 3 2 1
5 0 6 7 8 9

o quod est in inferiori numero, erit 1 quod ponat, faciens in summa quintum gradum; et pro 3 que restant in inferiori numero, ponat in summa 3 facienti ad sextum gradum, et sic habebit in summa iunctionis ipsorum.

Probatio.

Id. 9. coroll.

Si autem ipsam collectionem per pensam voluerit, accipiat pensam per nomenclatum de 4221 que est 1, sicuti in multiplicationibus docetur; que addat cum pensa de 506789 que est 8, erunt 9 de quo dematur 9, remanet 0 quod est pensa; et ita si acciperit pensam de summa iunctionis, scilicet de 51110, inueniet eam esse 9 ut oportet. Demum ut ostendat unde talis probatio procedat, sint duo numeri .a. b. et .b. g. quos insimul addere uoluimus, erit ergo coniunctus ex eis numerus .a. g. Dico quidem quod ex addita pensa numeri .a. b. cum pensa numeri .b. g. prouenit .g. Sit primum quod unusquisque numerorum .a. b. et .b. g. diuidatur integraliter per 9, erunt itaque 9 communis mensura numerorum .a. b. et .b. g. Quare totus numerus .a. g. diuidetur integraliter per 9 erit ergo pensa ipsius zephyrum ut habetur ex additione probarum uel proba numerorum .a. b. et .b. g. Item unus illorum diuidatur integraliter per 9 alius non exit numerus .a. b. ille qui integraliter diuiditur per 9 et ex numero .b. g. diuiso per 9. remaneat numerus .d. g.; ergo numeri .d. b. et .b. a. diuiduntur integraliter per 9. Et totus ergo .d. a. numerus per 9 diuidetur. Et quia numerus .a. g. superabundat numerum .a. d. in numero .b. d., et numerus .a. d. diuiditur integraliter per 9, remanebit ergo ex toto .a. g. numerus: ergo .d. indiuisibilis per 9 qui prouenit ex additione probe numeri .a. b. que est zephyrum cum proba numeri .b. g. que est numerus .d. g. Rursus nullus numerorum .a. b. et .b. g. diuidatur integraliter per 9. Sed ex numero .a. b. remaneat numerus .a. e. et ex numero .b. g. remaneat numerus .d. g. Residui quidem, scilicet numeri .e. b. et .b. d. diuiduntur integraliter per 9. Quare et totus .e. d. diuisibilis est, cum sit ex aliqua multitudine nomenclatorum concretis: remanent ergo indiuisibiles numeri .a. e. et .d. g. ex toto numero .a. g. qui sunt probe numerorum .a. b. et .b. g., ex quorum coniunctione prouenit pensa numeri .a. g. ut oportebat ostendere.

4. dictionum ... ostenditur 4 (Id. 9. coroll., loc. cit. 27, pag. 29, loc. cit. 21-22)

18542
25
461
6789
58
10718
491

Item si uoluerit addere 23 et 461 et 6789 et 58 et 491 et 10718, describantur omnes numeri per ordinem, sicuti in positione positi sunt, et addat numerum figurarum, que figure sunt in capitibus eunctorum dictorum numerorum, incipiendo ab inferiori, scilicet 8 et 1 et 8 et 9 et 1 et 5, semper in manu sinistra colligendo, erunt 32: ponat 2 et retineat 2, super que colligat numerum figurarum que in secundo gradu numerorum sunt, scilicet 1 et 9 et 5 et 8 et 0 et 2, erunt 34: ponat 4 et retineat 3, super quem ascendat colligendo numerum figurarum tertii gradus, scilicet 7 et 4 et 7 et 4, erunt 23: ponat 3 et retineat 2 super quem addat numerum figurarum que sunt in quarto gradu, scilicet 0 et 6, erunt 8 que ponat: post hec ponat 1 pro 1 quod restat in quinto gradu inferioris numeri, cum non sint in reliquis numeris figure facientes eundem gradum; et sic habebis pro eorum collectione 18342, ut hic ostenditur.

Quam collectionem si probare uoluerit, colligat omnes figuras que sunt in omnibus numeris, et colligendo semper, relinquat nouenas; et quod super fuerit relictis nouenis, pro pensa summe habeantur. Nam in multorum numerorum iunctione non indigemus probatione, cum non minus cito possimus recolligere summam quam pensam. Volo demon-

strare unde hic modus addendi provenit: adduntur quidem primum omnes figure que sunt in primo gradu omnium numerorum, quos adlere nolumus, ex qua coniunctione, cum omnes ipse figure sint unitates, colligitur numerus unitatum. Quare ponende sunt unitates in primo gradu et decene reseruande ad secundum, cum decene sint de secundo gradu: quare cum ipsis decenis seruatīs addimus omnes numeros figurarum que sunt in secundo gradu numerorum omnium; et quot unitates ex eorum collectione proveniunt, tot decene habentur in summa collectionis: quare ponuntur unitates in secundo gradu, cum ipse unitates decene sint, et pro unaque decena seruatū unum ad tertium gradum. Nam ex decem decenis efficitur centenarius numerus; cum quibus unitatibus addantur numeri tertii gradus omnium numerorum, et quicquid procreatur ex eorum collectione est ex numero tertii gradus, scilicet centenariorum. Et ideo ponuntur unitates in tertio gradu, et seruantur decene ad quartum; et ideo gradatim per continuos gradus, colligendo et in continuīs gradibus figuras, ponendo usque ad suam numerorum proveniunt.

64. 11. 1000.

Cum autem, secundum prescriptam iunctionis doctrinam, numeros adhibet quis scriverit, et voluerit colligere summas expensarum unium et similium in quibus continentur libre et solidi et denarii. Intellegat a camerario uel scriba, uel a renuntiatore, secundum quod dicitur singulariter expensas, uel emptiones singulariter quarumlibet rerum; et describat in tabula linealiter pretium unius cuiusque rei collocans libras sub libris, soldos sub soldis, denarios sub denariis expensarum unius cuiusque faciei, uel cautele; et tunc faciat se optime ab ipso qui expensas renuntiat abscultari, ne forte aliquam fallaciam scripserit in tabula; et correctā in tabula descriptione expensarum colligat omnes denarios, et faciat inde soldos; et quartis qui superfuert soldis reseruet et factis soldis, describat sub soldis in tabula et colligat eos, et de eorum summa faciat libras, quas ponat inferius in lineatione librarum: et soldis qui superfuert factis libris super soldos post denarios seruatō reseruet: post hec accipiat summam librarum, et sic habebit summam ipsius pagine uel cartule. Verbi gratia: ut si quidam renuntiet in quadam expensa quod dedisset in tali et in talibus rebus, ut in sequenti pagina denotatur, nesciat scribere numeros librarum, soldorum et denariorum, sicut in eadem pagina describuntur, in qua pagina denarii qui sunt in ea sunt in summa 72, qui sunt soldi 6 et denarii 1: cum quibus soldi 6 iunctis soldis, qui sunt in eadem pagina, sunt 122 qui sunt libre 6 et soldi 2; et cum ipsis libris 6 colligat libras, reperiet in summa libras 208: est ergo summa librarum omnium soldorum et denariorum insimul iunctorum libre 208 et soldi 2 et denarii 1 que summa est reseruanda in fine pagine, de qua expensa collecta est; et sic per ordinem colligat expensas per paginas et unicuique pagine summam faciendo: post hec rescribat in tabula summas cuotarum paginarum, et faciet inde summam summarum; et sic poterit colligere quaslibet expensas bizantiorum, et karatorum, et auri unciarum, et tarenorum genominorum, cantariorum, etiam et rotulorum et cuetarum rerum numeris adiacentium.

Pro tali re	libre	LI et soldi III et denarii II
Pro tali	libre	XII et soldi XV et denarii V
Pro tali	libre	LIII
Pro tali	libre	LXXX
Pro tali	soldi	XV
Pro tali	soldi	XVIII
Pro tali	soldi	VIII et denarii X
Pro tali	denarii	XI
Pro tali	denarii	VII
Pro tali	libre	V et soldi VI et XI denarii
Pro tali	libre	VIII et soldi VII et denarii V
Pro tali	libre	LXXXVII et denarii VIII
Pro tali	libre	VIII et soldi VI
Pro tali	libre	XXVII et soldi XV et denarii VI
Pro tali	soldi	XIII
Pro tali	denarii	VII
Pro tali	libre	XXX et soldi VIII
Summa	libre	CCCLXVIII et soldi II et denarii I

368	2	1
libre	soldi	denarii
88	4	2
12	15	5
52		
80		
	15	
	16	
	9	10
		11
		7
5	6	11
8	7	5
87		9
8	6	
17	15	6
	13	
		7
30	8	
7	6	

64 *Præter.**Incipit capitulum quartum de extractione minorum numerorum de maioribus.*

Cum autem numerum de numero quis extrahere uoluerit, describat minorem numerum sub maiori, collocans similes gradus sub similibus, et incipiat extrahere primam figuram minoris numeri de prima maioris; et ponat super habundantem numerum super primas figuras. Et secundam extrahat de secunda, et ponat residuum super secunda, et tertiam de tertia. Et reliquas de reliquis per ordinem, semper residua ponendo. Et eum figura minoris numeri, de figura eiusdem gradus maioris numeri extrahi non ualuerit, ideo quia ipsa de minori numero maior erit in eodem gradu quam ipsa de maiori: tunc figure maioris numeri addendus est decenarius, et de coniuncto numero, figura minoris numeri erit extrahenda. Et pro iunctione dicti decenarii in manu unitas erit reseruanda. Et ipsa sequenti figure minoris numeri super addenda et concreata quantitas de superiori figura eiusdem gradus, si possibile fuerit, erit extrahenda: sin autem de addito decenario, ut supradiximus, extrahatur; et sic gradatim usque ad ultimam figuram minoris numeri operando erit gradiendum: et si maior numerus minorem in gradibus super habundauerit figure que in ipsis gradibus extiterit, in fine erit ponendus. Et sic habebitur residuum de quorumlibet extractionibus numerorum. Verbi gratia, ut si uoluerit quis de 89 extrahere 35, ponantur 35 sub 89, ut in hac margine ostenditur: extrahantur itaque 5 de 9, remanent 4, quem (*sic*) ponatur super 9 et extrahantur 3 de 8, remanent 5 que ponat super et sic habebuntur per residuo posite extractionis 54: et si 20 de 85 extrahere uoluerit, descriptis numeris, extrahat 9 de 8, quod est impossibile. Unde addat 10 eiusdem 8, erunt 15, de quibus extrahat 9, remanent 6 que ponat; et pro additis 10, retineat in manu 1 quod addat eum 2, erunt 4 que extrahat de 8 remanent 4 quem ponat super dictam 8, et sic habebit 46 pro residuo posite extractionis.

Item si uoluerit extrahere 80 de 302, ponat 80 sub 302 et extrahat 6 de 2, remanent

* figure que ... extrahuntur * fol.
10 verso, lin. 12-20, pag. 22,
lin. 33-41.

54
89
35

46
85
20

3 que ponat, et 8 demat de 9, remanet 1 quod ponat: post hoc ponat 3 que habundant in minori numero, et sic habebuntur 312 pro residuo diete extractionis.

Item si e contra de 360 uoluerit extrahere 92, descriptis 92 sub 360, et cum sit impossibile de 9 extrahere 2 addantur eidem zephyro 10, eruat 10 de quibus extrahantur 2 que sunt in minori numero, remanent 8 que ponat et pro additis 10 retineat in manu 1, quod addat cum 9, erunt 10 que extrahenda essent de 8 si foret possibile: sed cum possibile non sit, extrahantur de 16, remanent 8 que ponat et retineat 1, quod extrahat de 3, remanent 2 que ponat, et sic habebit 388 pro residuo diete extractionis.

Item si queratur residuum de 497, extractis de 920 descriptis numeris, extrahat 7 de 9, remanent 2 que ponat et 5 extrahat de 12, cum sit impossibile ipsa extrahere de 9, remanent 3 que ponat, et retineat in manu 1 que addat cum 4, erunt 5 que extrahat de 9, remanent 4 que ponat, et sic habebit 482 pro residuo diete extractionis.

Item si uoluerit extrahere 841 de 15728, extrahat 1 de 8, remanent 7 que ponat et remanet 9 que ponat, et retineat in manu 1 quod addat cum 5, erunt 9 que extrahat de 17, remanet 8 que ponat et retineat 1 quod extrahat de 5 que sunt in quarto gradu superioris numeri, remanent 4 que ponat, et postea ponat 1 quod restat in quinto gradu eiusdem numeri; et sic habebit 14897 pro residuo diete extractionis.

Item si uoluerit extrahere 28391 de 81728, extrahat 1 de 8, remanent 7 que ponat et 9 extrahat de 12, remanent 3 que ponat, et retineat 1 quod addat cum 2, erunt 4 que extrahat de 7, remanent 3 que ponat. Item 8 que sunt in quarto gradu minoris numeri extrahat de 11, scilicet de 1 quod est in eodem gradu maioris numeri, et de decenario ei super addat remanent 3 que ponat et retineat 1 quod addat cum ultima figura minoris numeri, scilicet cum 2, erunt 3 que extrahat de ultima figura maioris numeri, scilicet de 8, remanent 3 que ponat; et sic habebit 53337 pro residuo diete extractionis.

Probatio.

Si autem pensam prescriptarum extractionum, uel quarumlibet aliarum quis nosse uoluerit, accipiat pensam utrorumque numerorum secundum quod in multiplicationibus edocimus. Et extrahat pensam minoris numeri, si possibile fuerit, de pensa maioris numeri; sin autem addat super pensam maioris numeri numerum pense, scilicet 9 et residuum pro pensa eiusdem extractionis habeatur. Verbi gratia: pensa maioris numeri, scilicet de 81728 est 8 et minoris, scilicet de 28391 est 5; et extractis 5 de 8, remanent pro pensa 3 ut in summa neutraliter residui extractionis reperitur.

Item extractis 452 de 8382 remanent 3821 pensa maioris numeri est 4 minoris numeri est 8; et cum non possit extrahi 8 de 4, scilicet pensa minoris numeri de pensa maioris numeri, addantur 9 super pensam maioris erunt 12, de quibus extrahantur 8, scilicet pensam minoris numeri, remanent 5 que sunt pensa residui diete extractionis, scilicet de 3821, de ut hic ostenditur.

Incipit capitulum quintum de diuisionibus integrorum numerorum.

Uolentibus scire diuidere quoslibet numeros per quoslibet numeros, necessarium est eis ut addiscant prius diuidere omnes numeros per numeros qui sunt a binario usque in decenarium; et cum hoc scire non possint, donec quasdam introductiones diuisionum quorundam numerorum per ipsos cordetenus, sciant quorum diuisiones in sequentibus paginis in tabulis declarantur. Sed et doceatur primum qualiter euneta minuta numerorum perfecte scribantur.

* Item ... diete extractionis. c. 64. 11. c. 10. l. 10. p. 22. l. 10. 42 — pag. 33, l. 17.

312
292
50

288
280
98

452
939
457

14897
15728
841

64. 11. recte.

* Si autem ... residui diete extractionis. l. 4. 8. p. 23, l. 33-37.

proba est 3
53337
81728
38391

* Item ... integrorum. l. 53. 11. c. 10. l. 10. p. 22, l. 10. 42-43.

proba
est 5
3821
8382
4508

Cum super quolibet numerum quedam uirgula protracta fuerit, et super ipsam quilibet alius numerus descriptus fuerit, superior numerus partem uel partes inferioris numeri affirmat; nam inferior denominatus, et superior denominans appellatur. Vt si super binarium protracta fuerit uirgula, et super ipsam unitas descripta sit ipsa unitas unam partem de duabus partibus unius integri affirmat, hoc est medietatem sic $\frac{1}{2}$ et super ternarium ipsa unitas posita fuerit sic $\frac{1}{3}$, denotat tertium: et si super septenarium sic $\frac{1}{7}$ septimam; et si super 10 decimam; et si super 19, nonandecimam partem unius integri affirmat, et sic deinceps. Item si binarius super ternarium extiterit sic $\frac{2}{3}$, duas partes de tribus partibus unius integri affirmat, hoc est duas tertias. Et si super 7 duas septimas sic $\frac{2}{7}$ et si super 23 duas uigesimas tertias denotabant, et sic deinceps. Item si septenarius super nonenarium positus fuerit sic $\frac{7}{9}$ septem, nonenas unius integri affirmant; et si 7 super 97, septem nonagesimas septimas denotant. Item 13 posita super 29, tredecim uigesimas nonas affirmant. Et si 12 sunt super 247, tredecim trecentimas quadragésimas septimas indicant, et sic de reliquis numeris est intelligendum.

Item si sub una eadem uirgula plures numeri positi fuerint, et super unum quemque ipsorum alii numeri describentur, numerus qui in capite uirgule dextere partis super numerum positus fuerit ipsius, sub positi numeri partem uel partes ut proximis denotabit. Qui uero super secundum ipsius secundam partem de partibus primi sub positi numeri declarat. Qui autem super tertium, ipsius tertiam partem partium secundi de partibus primi affirmat, et sic semper qui sequuntur super uirgulam partes partium cunctorum antecedentium sub uirgula denotant, ut si sub quadam uirgula fiat 2 et 7 et super 2 sit 1 et super 7 sint 4 ut hic cernitur, denotantur quattuor septime, et medietas unius septime. Si autem super 7 esset zephyrum sic $\frac{1}{2} \frac{6}{7}$ medietas tantum unius septime denotaretur. Item sub quadam alia uirgula sint 2 et 6 et 10; et super 2 sit 1; et super 6 sint 5 et super 10 sint 7 ut hic ostenditur $\frac{1}{2} \frac{5}{6} \frac{7}{10}$ septem que sunt super 10 in capite uirgule representant septem decenas, et 5 que sunt super 6 denotant quinque sextas unius decime partis, et 1 quod est super 2 denotat medietatem sexte unius decime partis, et sic singulariter de singulis intelligatur: tamen monendum est ut semper minores numeri sint uersus sinistram sub eadem uirgula: sed si plures fuerint uirgule rupti unius uirgule non respondent ruptis alterius, et illa uirgula que est maior pars integri, semper est ponenda uersus dexteram manum. Dicuntur quidem fractiones, que sunt in una uirgula, esse in gradibus, et est primus gradus earum fractio, que est in capite uirgule a dextera parte. Secundus est fractio sequens uersus sinistram quereret. Verbi gratia in superscripta uirgula, scilicet in $\frac{1}{2} \frac{5}{6} \frac{7}{10}$ sunt $\frac{7}{10}$ in primo gradu ipsius uirgule et $\frac{5}{6}$ sunt in secundo, et $\frac{1}{2}$ est in tertio, hoc est in ultimo gradu eiusdem uirgule, et sic quot sunt numeri sub uirgula, tot sunt gradus eiusdem. Et si in uirgula fuerint plures rupti, et ipsa uirgula terminauerit in circulo, tunc fractiones eius, aliter quam dictum sit denotant, ut in hac $\frac{2}{3} \frac{1}{4} \frac{6}{7} \frac{5}{9}$ cuius uirgule fractiones denotant, octo nonas unius integri, et sex septimas de octononis, et quattuor quintas sex septimarum de octo nonis et duas tertias quattuor quintarum sex septimarum de octo nonis unius integri. Et si hec uirgula terminaret ab alia parte in circulo sic $\frac{5}{6} \frac{6}{7} \frac{7}{8}$ denotaret tantum duas tertias de quattuor quintis de sex septimis de octo nonis unius integri. Item si uirgule protraherentur super uirgulam in hunc modum $\frac{1}{2} \frac{5}{6} \frac{1}{4} \frac{1}{3}$, denotant fractiones eius quinque nonas et tertiam et

quartam et quintam unius none. His itaque intellectis, introductiones predictæ, ut inferius cernitur, describantur, cum cordatenus summo studio addiscantur.

DIVISIONES PER BINARIUM				INTRODUCTIONS QUATERNARI			
$\frac{1}{2}$ de 1 est 0 et remanet 1				$\frac{1}{4}$ 1 0 1			
$\frac{1}{4}$ de 1 est 1				$\frac{1}{4}$ 2 0 2			
$\frac{1}{8}$ de 1 est 1	1			$\frac{1}{8}$ 3 0 3			
$\frac{1}{16}$ de 1 est 1	4	2		$\frac{1}{16}$ 4 1			
$\frac{1}{32}$ de 1 est 1	5	2	1	$\frac{1}{32}$ 5 1 1			
$\frac{1}{64}$ de 1 est 1	6	3		$\frac{1}{64}$ 6 1 2			
$\frac{1}{128}$ de 1 est 1	7	3	1	$\frac{1}{128}$ 7 1 3			
$\frac{1}{256}$ de 1 est 1	8	4		$\frac{1}{256}$ 8 2			
$\frac{1}{512}$ de 1 est 1	9	4	1	$\frac{1}{512}$ 9 2 1			
$\frac{1}{1024}$ de 1 est 1	10	5		$\frac{1}{1024}$ 10 2 2			
$\frac{1}{2048}$ de 1 est 1	11	5	1	$\frac{1}{2048}$ 11 2 3			
$\frac{1}{4096}$ de 1 est 1	12	6		$\frac{1}{4096}$ 12 3			
$\frac{1}{8192}$ de 1 est 1	13	6	1	$\frac{1}{8192}$ 13 3 1			
$\frac{1}{16384}$ de 1 est 1	14	7		$\frac{1}{16384}$ 14 3 2			
$\frac{1}{32768}$ de 1 est 1	15	7	1	$\frac{1}{32768}$ 15 3 3			
$\frac{1}{65536}$ de 1 est 1	16	8		$\frac{1}{65536}$ 16 4			
$\frac{1}{131072}$ de 1 est 1	17	8	1	$\frac{1}{131072}$ 17 4 1			
$\frac{1}{262144}$ de 1 est 1	18	9		$\frac{1}{262144}$ 18 4 2			
$\frac{1}{524288}$ de 1 est 1	19	9	1	$\frac{1}{524288}$ 19 4 3			
$\frac{1}{1048576}$ de 1 est 1	20	10		$\frac{1}{1048576}$ 20 5			
DIVISIONES PER TERNARIUM				$\frac{1}{3}$ 23 7 2			
$\frac{1}{3}$ de 1 est 0	1			$\frac{1}{9}$ 24 8			
$\frac{1}{9}$ de 1 est 2	0	2		$\frac{1}{27}$ 25 8 1			
				$\frac{1}{81}$ 26 8 2			

$\frac{1}{14}$	24	6		$\frac{1}{14}$	48	8	$\frac{1}{14}$	22	2
$\frac{1}{14}$	25	6	1	$\frac{1}{14}$	54	9	$\frac{1}{14}$	33	3
$\frac{1}{14}$	26	6	2	INTRODUCTIONS SEPTENARIH			$\frac{1}{14}$	44	4
$\frac{1}{14}$	27	6	3	de 7 est 1			$\frac{1}{14}$	55	5
$\frac{1}{14}$	28	7		$\frac{1}{14}$	14	2	$\frac{1}{14}$	66	6
$\frac{1}{14}$	29	7	1	$\frac{1}{14}$	21	3	$\frac{1}{14}$	77	7
$\frac{1}{14}$	30	7	2	$\frac{1}{14}$	28	4	$\frac{1}{14}$	88	8
$\frac{1}{14}$	31	7	3	$\frac{1}{14}$	35	5	$\frac{1}{14}$	99	9
$\frac{1}{14}$	32	8		$\frac{1}{14}$	42	6	$\frac{1}{14}$	110	10
$\frac{1}{14}$	33	8	1	INTRODUCTIO DIVISIONUM PER			$\frac{1}{12}$	de 12	est 1
$\frac{1}{14}$	34	8	2	$\frac{1}{12}$	56	8	$\frac{1}{12}$	24	2
$\frac{1}{14}$	35	8	3	$\frac{1}{12}$	63	9	$\frac{1}{12}$	36	3
$\frac{1}{14}$	36	9		DIVISIONES OCTONARIH			$\frac{1}{12}$	48	4
$\frac{1}{14}$	37	9	1	de 8 est 1			$\frac{1}{12}$	60	5
$\frac{1}{14}$	38	9	2	$\frac{1}{12}$	16	2	$\frac{1}{12}$	72	6
$\frac{1}{14}$	39	9	3	$\frac{1}{12}$	24	3	$\frac{1}{12}$	84	7
$\frac{1}{14}$	40	10		$\frac{1}{12}$	32	4	$\frac{1}{12}$	96	8
INTRODUCTIONS QUINARIH				$\frac{1}{12}$	40	5	$\frac{1}{12}$	108	9
de 5 est 1				$\frac{1}{12}$	48	6	$\frac{1}{12}$	129	10
$\frac{1}{12}$	10	2		INTRODUCTIO DIVISIONUM PER			$\frac{1}{11}$	de 12	est 1
$\frac{1}{12}$	15	3		$\frac{1}{11}$	36	7	$\frac{1}{11}$	26	2
$\frac{1}{12}$	20	4		$\frac{1}{11}$	64	8	$\frac{1}{11}$	39	3
$\frac{1}{12}$	25	5		$\frac{1}{11}$	72	9	$\frac{1}{11}$	52	4
$\frac{1}{12}$	30	6		$\frac{1}{11}$	80	10	$\frac{1}{11}$	65	5
$\frac{1}{12}$	35	7		DIVISIONES NOVENARIH			$\frac{1}{11}$	78	6
$\frac{1}{12}$	40	8		de $\frac{1}{9}$ est 1			$\frac{1}{11}$	91	7
$\frac{1}{12}$	45	9		$\frac{1}{11}$	18	2	$\frac{1}{11}$	104	8
$\frac{1}{12}$	50	10		$\frac{1}{11}$	27	3	$\frac{1}{11}$	117	9
INTRODUCTIONS SEXSARIH				$\frac{1}{11}$	36	4	$\frac{1}{11}$	130	10
de 6 est 1				$\frac{1}{11}$	45	5	$\frac{1}{11}$	143	11
$\frac{1}{11}$	12	2		$\frac{1}{11}$	54	6	$\frac{1}{11}$	156	12
$\frac{1}{11}$	18	3		$\frac{1}{11}$	63	7	$\frac{1}{11}$	169	13
$\frac{1}{11}$	24	4		$\frac{1}{11}$	72	8	$\frac{1}{11}$	182	14
$\frac{1}{11}$	30	5		$\frac{1}{11}$	81	9	$\frac{1}{11}$	195	15
$\frac{1}{11}$	36	6		INTRODUCTIO DIVISIONUM PER 11			$\frac{1}{11}$	de 11	est 1
$\frac{1}{11}$	42	7		$\frac{1}{11}$	90	10			

Regula uniuersalis de diuisione numerorum per numeros primi gradus.

Notis igitur prescriptis diuisionibus atque eius frequenti usu optime perscrutatis, et si quis uoluit quemlibet numerum cuiuslibet gradus per quemlibet dictorum numerorum, scilicet eorum qui sunt a binario usque in decenarium diuidere, describat numerum in tabula, et ponat figuram, per quam figuram numerum diuidere uoluerit sub primo gradu ipsius numeri; et incipiat diuisionem ab ultima figura numeri, et diuidat eam, si possibile fuerit, per numerum figure, per quam numerus diuidere uoluerit, ponens diuisionem inferius in tabula sub eodem ultimo gradu: et si aliquid ex diuisione super fuerit, ponat ipsum superfluum super eandem ultimam figuram; et copulet ipsum cum consequenti figura, et diuidat eas duas figuras, tanquam facientes numerum duarum figurarum, et ponat diuisionem sub eadem sequenti figura; et superfluum si fuerit, super ipsam describat. Et sic semper prescripto ordine superfluum sequenti figure cupulando, et numerum, qui ex diuisione prouenerit, ponendo et superfluum superius describendo gradatim usque ad primam figuram numeri deuenire procedendo. Nam cum sepe contigerit, quod figure in quibus numeri diuidentur maiores ultimis figuris ipsorum numerorum extiterint, tunc cum non ualeant ipse per ipsas diuidi, incipiat diuisionem ab ultimis, et a consequentibus figuris; et diuidat eas prescripta ratione copulatas, et diuisiones ponat sub penultimis, et de superfluis usat usque ad finem, ut prediximus, operando: si superfluum quicquam non fuerit, diuidat tantum ipsam figuram, quousque superfluum inuenierit, que copulari edocetur: et si ipsam diuidere non poterit, ideo quia sit minor ipsa, per quam diuidatur, ponat sub ipsa zephyrum, et totam ipsam tanquam superfluum consequenti figure copulando adiungat; et sic habebit quarumlibet dictorum diuisionum quantitates.

Ut si uoluerit diuidere 365 per 3, describat 3 in quadam parte tabule, et desuper protrahat uirgulam, et alia 2 ponat sub 5, et incipiat diuidere 3 per 3, scilicet ultimam figuram, dicens $\frac{1}{3}$ de 3 est 1, et remanet 1: describat 1 sub eisdem 3 et 1 quod remanet describat superius, ut in prima descriptione cernitur; et remanente 1 copulato cum 6, que sunt iuxta ultimam dictam figuram, facient 16: accipiat $\frac{5}{3}$ de 16 quod est 5; ponat ergo 5 sub 6 antepositum, 1 sub 3, ut in secunda descriptione cernitur; et cum nichil sit superfluum in diuisione de 16, diuidat 5 per 3, exibunt 2 et remanet 1: describat 2 sub 5 et 1 quod remanet scribat super posita 2 que ex parte cum uirgula seruate iussimus; et erit medietas unius integri: et ante ipsum $\frac{2}{3}$ describat numerum exeuntem ex diuisione, scilicet 182, ut in ultima descriptione patet. Nam rupti uel fracti semper ponendi sunt post integra, quamuis prius integra quam rupti pronuntiarī debeant. Et notandum rursus, quia quando aliquis numerus diuisus est per aliquem numerum, tunc ex multiplicatione diuisoris in exeuntem prouenit diuisus numerus. Vt si 40. diuidantur per 4., ueniunt 10. Quare si multiplicamus 4. per 10 quadraginta, scilicet diuisum numerum faciant. Similiter si multiplicabunt $\frac{1}{2}$ 182 per 2, scilicet exeuntem numerum per diuisorem, prouenient 365, scilicet numerus diuisus.

Item si eadem 365 per 3 diuidere uoluerit, describat 3 sub 5 et diuidat 3 per 3, exibit 1., quod ponat sub 2. Item diuidat 6 per 3, exibunt 2 que ponat sub 6; et diuidat 5 per 3, exibit 1 et remanet 2: ponat 1 sub 5 et 2 super uirgulam de 3 ex parte seruata, et ante ipsum ponat numerum exeuntem ex diuisione, scilicet 121 et

fol. 12 verso.

optima diuisione... remanent 2.
(fol. 12 verso, lin. 16-21. pag.
27, lin. 21-22.)

3	1
	3 6 5
	2
	1 8
3	3 6 5
	1 8
3	3 6 5
	1 8 2
Rettus diuisus	
	$\frac{1}{2}$ 1 8 2

sic habebitur $\frac{2}{3}$ 121 pro quesita diuisione, ut hic ostenditur. Et notandum quod numerus qui diuiditur uocatur diuisus uel diuidendus; et numerus qui diuidit uocatur diuidens, uel diuisor; et numerus qui pronenit ex diuisione uocatur procedens uel exiens.

Diuisio 1246 per 4.

Item si uoluerit quis diuidere 1246 per 4, ponat 4 sub 6 et diuidat 12 per 4, cum non possit diuidere 4, quod est in ultimo gradu numeri, exhibunt 3 et remanent 1: ponat 3 sub 3 et remanens 1 ponat sub eadem 3, et copulet ipsum 1 cum 4 que antecedunt 3 in numero, erunt 14: sumat quartam de 14 que est 3 et remanent 2: ponat 3 inferius sub 4 et remanentia 2 superius, quibus copulatis cum 6, faciunt 26; que diuidat per 4, exhibunt 6 et remanent 2: ponat 6 sub 6 et remanentia 2 ponat sub uirgula de 4 ex parte seruata | que notat duas quartas unius integri, que equales sunt medietati unius integri; et ante ipsas ponat numerum exeuntem ex diuisione, scilicet 326; et sic habebuntur $\frac{1}{2}$ 326 pro quesita diuisione. Verbi gratia: diuisimus primum 12 per 4, que 12 terminantur in tertio gradu. Quare ipsa esse centenaria cognoscimus, cum tertius gradus sit centenariorum. Diuisus ergo tredecim centenariis per 4, ueniunt centenaria tria et remanet unum centenarium indiuisibile. Quare posuimus 3 in tertio gradu, scilicet in loco centenariorum et 1, quod fuit superfluum, posuimus super 6 et est denotans centum; et copulauimus ipsum 1 cum 4, fecerunt 14 que terminantur in secundo gradu, scilicet in loco decenarum. Quare denotant centenas decenas 14, quas diuisimus per 4, uenerunt tres decene, et duodecena remanserunt indiuisibiles: quare posuimus 3 sub 4 et 2 super 4 in loco, uidelicet decenarum, et copulauimus ipsa 2 cum 6 primi gradus. Ex quorum copulatione habuimus 26 unitates; cum ipsa copulatio terminet in primo gradu; et diuisimus ipsas 26 unitates per 4, et uenerunt unitates 6, et remanserunt 2. Quare posuimus 6 in loco unitatum, et duo posuimus super uirgam de 4; et sic intelligatur de reliquis similibus diuisionibus.

Diuisio 3429 per 5.

Item si uoluerit diuidere 3429 per 5, ponat 5 sub 9 et dicat $\frac{1}{5}$ de 5 est 1, quod ponat sub 5 et $\frac{1}{5}$ de 4 est 0, et remanent 4: ponat 0 sub 4, et pro remanentibus 4 copulet ipsa 4 cum 3 et dicat: $\frac{1}{5}$ de 43 sunt 8 et remanent ipsa 3: ponat 8 sub 3 et accipiat quintam de ipsis 3 copulatis cum 9, scilicet de 39, exhibunt 7 et remanent 4: ponat 7 sub 9 et 4 super uirgulam de 5 ex parte seruatis et ante ponat numerum exeuntem ex diuisione.

Diuisio 9000 per 7.

Item si uoluerit diuidere 9000 per 7, ponat 7 sub primo zephyro, et diuidat 9 per 7, exhibit 1 et remanent 2: ponat ergo 1 sub 9 et 2 desuper, quibus copulatis cum 6, quod est secus 9, faciunt 29 que diuidat per 7, exhibunt 2 et remanent 6: ponat 2 sub illo zephyro, et 6 desuper, quibus copulatis cum sequenti zephyro, faciunt 60 que diuidat per 7, exhibunt 8 et remanent 4: ponat 8 sub illo zephyro 0, et desuper ponat 4, quibus copulatis cum zephyro primi gradus, faciunt 46, que diuidat per 7, exhibunt 5, et remanent 5: ponat 5 sub ipso 6 et remanentia 5 ponat super uirgulam de 7 ex parte descripta, et ante ipsam ponat numerum exeuntem ex diuisione.

Diuisio 10000 per 8.

Item si uoluerit diuidere 10000 per 8, ponat 8 sub 0 primi gradus et dicat: $\frac{1}{8}$ de 10

est 1 et remanent 2: ponat 1 sub 6 tertii gradus, et desuper ponat 4 et accipiat $\frac{1}{3}$ de 40 que est 3 que ponat sub secundo gradu; et ut expleatur ordo graduum exeuntis numeri, ponendum est 6 sub 0 primi gradus, ut in hac descriptione cernitur.

Diuisio 120037 per 9.

Item si 120037 per 9 diuidere uoluerit, describat 9 sub 7 et dicat: $\frac{1}{9}$ de 12 est 1 et remanent 3: ponat 1 sub 2 et superius 2, et $\frac{1}{9}$ de 30 est 3 et remanent 3: ponat 3 sub 6 quarti gradus, et desuper ponat 3; et iterum accipiat 9 de 30 quod est 3 et remanent 3: ponat 3 sub 0 tertii gradus et 3 ponat super ipsum 6: iterum et $\frac{1}{9}$ de 22 est 2 et remanent 6: ponat 2 sub 3 et superius 6 et $\frac{1}{9}$ de 67 est 7 et remanent 4: ponat 7 sub 7 et remanentia 4 ponat super uirgulum de 9 ex parte descripta. Et ita si secundum prescriptum diuidendi ordinem diuidere sciuerit in aliquibus similibus diuisionibus nunquam poterit deiare: etiam per eundem modum omnes numeri diuidi possunt per 11 et per 13: tamen oportet primum scire introductiones ipsorum ordinum aliorum superscriptorum ut in tabulis diuisionum superius continentur. Nam introductio de 11 ascendit a. uno usque in decies 11, scilicet in 110. Et introductio de 13 ascendit ab 1 usque in decies 13, scilicet 130.

Diuisione numerorum per 11.

Notis quidem dictis introductionibus, et uoluerit quis diuidere 12522 per 11, ponat 11 sub 22. Et accipiat $\frac{1}{11}$ de 12, que sunt in capite diuidendi numeri quod est 1, et remanet 1. Ideo quia $\frac{1}{11}$ de 11 est 1 sicut in superscriptis tabulis ostenditur; ergo $\frac{1}{11}$ de 12 est 1 et remanet 1. Pone itaque 1 sub 2 de ipsis 2 et remanens 1 ponat super 2, et copulet ipsum 1 cum antecedente figura, scilicet cum 2, facient 15, de quibus accipiat $\frac{1}{11}$ que est 1 et remanet 4 dicta ratione; et ponat 7 sub 5 et remanentia 4 super 5 que copulet cum antecedente figura, scilicet cum 2, facient 42: de quibus iterum accipiat $\frac{1}{11}$ que est 3 et remanet 16: ideo quia $\frac{1}{11}$ de 22 est 2, a quibus usque in 42 sunt 10: ergo $\frac{1}{11}$ de 42 est 3 et remanent 16 ut diximus: ponat ergo 3 sub 2, et 10 ponat super 42, hoc est ponat 1 super 4, que posita fuerunt super 5 et 0 ponet super 2, et copulet rursus ipsa 16 cum antecedente figura, scilicet cum 2 que sunt in primo gradu, erunt 102, de quibus iterum accipiet $\frac{1}{11}$, erunt 9 et remanent 3: ponat 9 sub dictis 2 et remanentia 3 ponat super uirgulam de 11 ex parte seruata, et habebit pro quesita diuisione $\frac{1}{11}$ 1129.

Diuisio de

Item si uoluerit diuidere 122386 per 12, positus 12 sub 86, diuidat 122 per 12; cum 12 minus sit de 12, exhibunt 9 et remanent 6. Nam tertia decima de 117 est 9, a quibus usque in 122 desunt 6: ponat 9 sub 3 de ipsis 122 et remanentia 6 ponat super eisdem 3 et copulabit ea cum 3, erunt 65, quorum $\frac{1}{12}$ est 5: quare ponat 5 sub 5 et sub 9 ponat 0 cum 9 minus sint de 12, et copulabit ipsa 6 cum 6 que sunt in primo gradu, erunt 86, quorum $\frac{1}{12}$ cum sit 6 et remanent 8: ponet 6 in primo gradu exeuntis numeri, et 8 super uirgam de 12, et habebit pro quesita diuisione $\frac{1}{12}$ 9596: per hunc etiam modum possunt diuidi numeri per 17 et per 19; tamen oportet scire introductiones ipsorum ordine aliorum superscriptorum numerorum. Sed cum graue uideatur ipsorum introductiones cordatenus posse retineri, qualiter per alium modum numeri diuidantur per 17 et per 19, etiam et per alios numeros duarum figurarum, in suo loco demonstrabimus.

* ponat per 9 x (64. 12 re-
cto, lin. 22-23, pag. 28, lin.
41 — pag. 29, lin. 4).

24
10060
8
1250

64. 12 recto.

De diuisione numerorum cordetenus in manibus per eosdem numeros.

Uerum si materia consimilium diuisionum cordetenus in manibus operari uoluerit, retineat numerum in manibus quem diuidere uoluerit, et eat semper per manus, gradatim diuidendo, incipiendo ab ultima figura, ponens semper in manibus numeros ex diuisione exeuntes, superflua semper cordetenus retinendo; et numerum diuidendum gradatim de manibus delendo. Verbi gratia: ut si proposuerit diuidere 7543 per 6, retineat prescriptum numerum in manibus, et diuidat 7 per 6, que 7 sunt in manu dextera in loco miliariorum, exhibit 1 et remanet 1: delect 7 de manu et ponat ibidem 1, et remanens 1 retineat in corde, quod copulet cum 5 que sunt in manu dextera in loco centenariorum, erunt 15, que diuidat per 6, exhibunt 2 et remanent 3: delect 5 de manu et ponat ibidem 2 et in corde retineat 3; quibus copulatis cum 4 que sunt in sinistra manu in loco decenarum, faciunt 24, que diuidat per 6, exhibunt 5 et remanent 4: delect 4 de manu, et ponat ibidem 5 et remanentia 4 in corde retineat, que copulet cum 3 que sunt in eadem manu in loco unitatum, erunt 43 que diuidat per 6, exhibunt 7 et remanet 1: delect 3 de manu et ponat ibidem 7, et pro remanenti 1 dicat sextam; et sic habebit in manibus pro quesita diuisione $\frac{1}{6}$ 1257.

Diuisio 8030 per 5.

Uel si uoluerit diuidere 8030 per 5, retineat numerum in manibus et dicat: $\frac{1}{5}$ de 8 que sunt in loco miliarum est 1 et remanent 3: delect 8 de manu et ponat ibidem 1, et in corde retineat 3; et cum in hoc numero in loco centenariorum non habeatur aliquid in manu, dicendum est quod sit ibi zephyrum, cum quo copulet 3 seruata, facient 30, quorum $\frac{1}{5}$ est 6 que ponat in corde loco, scilicet centenariorum; et ducat diuisionem de manu dextera ad sinistram, dicens $\frac{1}{5}$ de 3, scilicet de eis que sunt in loco decenarum est 1: delect 6 et ponat ibidem 1 et accipiat $\frac{1}{5}$ de 0 que est 1 et retineat 4, scilicet de eis que sunt in loco unitatum: delect ipsa 0 de manu et ponat ibidem 1 et pro remanentibus 4 dicat $\frac{4}{5}$; et sic habebit pro quesita diuisione $\frac{1}{5}$ 1611, et sic in reliquis similibus diuisionibus intelligatur.

64 14 recte.

Cum aliquis aliquem numerum per 10 diuidere uoluerit, delect ex ipso numero figuram primi gradus | et ponat eam super quedam 10 positum ex parte cum uirgula, et ante ipsa ponat numerum qui remanserit post delectionem dicte prime figure; et sic poterit quemlibet numerum per 10 diuidere. Verbi gratia: ut si uoluerit diuidere 167 per 10, delect ex ipsis figuram primi gradus, scilicet 7 et ponat ea super quedam 10, ut diximus, ex parte seruata cum uirgula, et ante ipsam ponat remanentem numerum, scilicet 16; et sic habebit pro quesita diuisione $\frac{7}{10}$ 16. Et si 1672 per 10 diuidere uoluerit, delectis 2 de 1672, remanent pro quesita diuisione $\frac{2}{10}$ 167.

Incipiunt diuisiones numerorum per numeros incompósitos secundi gradus.

Numerorum quidam sunt incompósitos, et sunt illi qui in arismetica et in geometria primi appellantur. Ideo quia a nullis numeris minoribus existentibus ipsis, preter quam ab unitate, metiuntur uel numerantur. Arabes ipsos hasam appellant. Greci coris canon, nos autem sine regulis eos appellamus; ex quibus illi qui sunt infra centum, in quadam tabula in sequentibus describuntur. Alios uero primos, qui sunt ultra centum, per regulam inuenire docebo. Reliqui uero compósitos, uel epipedi, id est superficiales, a peritissimo geometrie Euclide appellantur. Ideo quia componuntur ex multiplicatione ali-

quorum numerorum, ut duodecim que componuntur ex multiplicatione binarii in 6., uel ternarii in 4, nos autem ipsos regulares numeros appellamus. Et cum diuidendi doctrina per primos et compositos non sit eadem, in primis, scilicet per eos qui sunt sine regulis infra centum, quoslibet numeros ipsis maiores existentes diuidere ostendamus.

Cum autem quemlibet numerum per aliquem prescriptorum, qui sit sine regula, quis diuidere uoluerit, describat numerum in tabula, et sub ipso ponat ipsum primum numerum, per quem diuidere uoluerit, collocans siquidem similem gradum sub simili et uideat, si due ultime numeri diuidendi figure maiorem numerum facient, uel equalem uel minorem ipso primo numero, per quam numerus diuidetur. Et si maiorem uel equalem numerum fecerint, incipiendus est ultimus gradus cunctis numeri sub sequenti ultimo gradu diuidendi numeri, hoc est sub penultima, et ponat ibidem arbitrio talem figuram, que multiplicata per ipsum diuisorem numerum, faciat numerum duarum figurarum ultimarum predictarum, uel fere. Et tunc multiplicabis ipsam per ultimam figuram ipsius primi numeri, scilicet diuisoris, et exeantem summam de ultima figura extrahat. Et si aliquid super habundauerit, describat habundantiam super ipsam figuram. Et multiplicet eandem positam figuram per primam eiusdem primi numeri, scilicet diuisoris, et multiplicationem de copulatione dicte super habundantie et penultime figure extrahat, et residuum si fuerit numerus dvarum figurarum, hoc est quod sit amplius de 10, ponat primum gradum ipsius numeri super penultimam figuram, et ultimam super ultimam. Si autem primi gradus ipsum superfluum extiterit, scilicet minus 10, ponat figuram ipsius super penultimam, et copulet ipsum superfluum cum tertia figura ab ultima. Et sub ipsa tertia figura ponat arbitrio talem figuram, que multiplicata per eundem diuisorem, faciat numerum dicte copulationis, uel fere: quod arbitrium qualiter ex arte habeatur; in sequentibus diuisionibus, secundum differentiam ipsorum, ostendere procurabo. Et tunc multiplicet ipsam positam figuram sub tertia per ultimam diuisoris, et summam extrahat, si possibile fuerit, ex ultimo gradu dicti superhabundantis et coniuucti numeri. Sin autem extrahat eam de copulatione ultime et sequentis, et superfluum ponat super eundem gradum. Et multiplicet iterum ipsam per primam diuisoris, et summam extrahat de remanenti numero, et superfluum ponat desuper. Et sic semper copulando superflua cum figuris per gradus sequentes, et sub ipsis gradibus figuras ponendo arbitrio, et secundum prescriptum ordinem multiplicando usquequo ad finem numerideuenerit, procedere studeat. Verum cum sepe contigerit quod de copulatione superflui et antecedentis figure numerus diuisor extrahi non poterit, tunc scribendum erit zephyrum sub eadem antecedente figura, et copulabit eos, scilicet antecedenti uel sequenti, et superfluo aliam, uel sequentem antecedentem figuram, et sub ipsa ponat illam figuram, que multiplicata per diuisorem numerum faciat numerum illarum dictarum trium figurarum, scilicet ipsarum que exhibent ex copulatione superhabundantis figure, et duarum antecedentium, uel sequentium figurarum. Vade si due ultime figure | diuidendi numeri minorem numerum diuisore, ut prediximus, fecerit, incipiendus erit ultimus gradus cunctis numeri sub tertia figura ab ultima; et ita quoslibet numeros per predictos primos numeros diuidere poteris. Et ut intelligibilis que dicta sunt intelligantur, ea cum numeris ostendatur.

Diuisio de 1856 per 17.

Si quis uoluerit diuidere 1856 per 17, describat 17 sub 56 de 1856, et accipiat $\frac{1}{17}$ de

* appellatus... numerus dvarum
164. 14 recte ; lin. 18 e 12 —
24 e 35 ; pag. 31, lin. 2-16)

Tabula numerorum hanc >

11	37	67
12	41	71
17	43	73
19	47	77
23	53	83
29	59	89
31	61	97

ad 11 recte.

• ad hunc diu ... habetur • (fol. 14 verso, lin. 4 + 5 - 9; pag. 32, lin. 1-7).

descriptio prima
1
18156
17
108

• extrahit ... extrahit • (fol. 14 verso, lin. 10 + 13; pag. 32, lin. 7-12).

secunda
6
140
18456
17
168

• extrahit ... ponit super • (fol. 14 verso, lin. 15 + 16 - 21; pag. 32, lin. 13-17).

descriptio vltima
6
140
18456
17
1085
$\frac{11}{17}$ 1665

• de 181 ... multiplicata per • (fol. 14 verso, lin. 20-22; pag. 32, lin. 22-40).

descriptio prima
913
18456
19
9

• 6 et ... gradu • (fol. 14 verso, lin. 23-24; pag. 32, lin. 41 - pag. 33, lin. 3).

secunda
6
9132
18456
19
97

18 que sunt ultime due figure diuidendi numeri que est 1, et remaneat 1; et ponat 1 sub 6 de ipsis 16, et remanens 1 ponat super 8, ut in prima descriptione ostenditur. Et copulet ipsum 1 cum antecedente figura, scilicet cum 4, facient 14 que 14 cum minus aut diuisore numero, scilicet de 17, ponet 0 sub ipsis 4, scilicet antepositum 1 sub 8 et copulabis ipsa 14 cum antecedente figura, scilicet cum 5, facient 145: ponet itaque sub dictis 5 talem figuram arbitrio, que per 17 multiplicata, faciat fere dicta 145: nam ut ipsum arbitrium ex arte habeatur, uideatur de diuisore numero, scilicet de 17 cui decenario numero propinquior est: est enim propinquior 20: diuidat ergo dicta 145 per 20 quod sic fit: de 20 reliquat primam figuram, scilicet zephyrum, remanebunt 2 de ipsis 20; et relinquat iterum primam figuram de 145, scilicet 5, remanebunt 14, que diuidat per dicta 2, exhibunt 7; et talis debet esse figura quam debet ponere sub 5 uel 1 amplius, scilicet 6 et hic contigit, quia 17 minus sunt de 20: unde maior pars est $\frac{1}{17}$ de 145 quam $\frac{1}{20}$. Ponat itaque 6 sub 5 de 145, quia hic itaque oportet et multiplicet ipsa 8 per 17 et extrahet multiplicationem ipsorum de 145 quod sic fit: multiplicabis itaque 8 per ultimam figuram de 17, scilicet per unum, erunt 8, que extrahat de 14, remanebunt 6 que ponat super 4 de 14 et copulet ipsa 8 cum antecedente 8, facient 68, de quibus extrahat multiplicationem eorundem 6 in aliam figuram de 17, scilicet in 7 que multiplicatio est 56, remanent 9 et tot remanet de 145, extracta inde multiplicatione de 8 in 17, ut in secunda descriptione ostenditur: ponat itaque 9 super 15 et copulet ipsa cum antecedente figura, scilicet cum 6, facient que restant diuidenda per 17, 96, et ponat sub 6. Iterum talem figuram que multiplicata per 17 faciet propriam quam poterit de 96. Unde ut sciat qualis sit illa figura, relinquat 6 de 96 et remanentia 9 diuidat per 2, sicut antea fecimus, de 14, exhibunt $\frac{9}{2}$ 4: quare ponat 5, hoc est amplius de $\frac{9}{2}$ 4 sub 6, hoc est in primo gradu exeuntis numeri, et multiplicabis ipsa 5 per 1 de 17, scilicet per ultimam figuram ipsorum, facient 5, que extrahat de 9 que posita sunt super 5, reman. 4, que ponat super ipsis 9 et copulabis ipsa 4 cum antecedentibus 6, scilicet cum quibus 6 te copulauimus 9, facient 46, de quibus extrahet multiplicationem de eisdem 9 in 7, hoc est 35, remanebunt 11 remanebunt (sic), que ponat super 17 ex parte seruatis sub uirga, et exeuntem numerum, scilicet 1085, ponet ante ipsam; et sic habebis $\frac{11}{17}$ 1085 pro quesita diuisione, ut in hac ultima descriptione ostenditur.

Reuersus si eadem 18456 per 10 diuidere uoluerit, describat 19 sub 26 de 18456. Et ponet sub 4 de 184 talem figuram que multiplicata in 19 faciat fere ipsa 184, que qualis sit, eodem modo quod 17 diximus, cognoscitur, hoc est quod reliquat 4 de ipsis 184, remanent 18 que diuidat per 2, exhibunt 9; et talis debet esse figura ponenda, scilicet 9: quare ponat 9 sub 4, scilicet sub tertio gradu, et multiplicet 9 per 1 de 19, erunt 9, que extrahat de 18, remanent 9, que ponat super 6 et copulet ipsa 9 cum 4, facient 94, de quibus extrahat multiplicationem de eisdem 9 in 9 de 19 que est 81, remanent 12: ponet ipsa 12 super 94, scilicet 1 super 9 et 2 super 4, ut in prima descriptione ostenditur. Et copulabis 12 cum antecedente figura, scilicet cum 5, erunt 125. Et ponet sub 5 talem figuram que multiplicata per 19 faciat 125 uel fere, eritque 7: quia si relinquantur 5 de 125, remanebunt 12 que si per 2 diuiderit, exhibunt 6 et amplius: unde ponet 7 sub 5 et multiplicabis 7 per 1 de 19, erunt 7, que extrahet de 12, remanent 6, que ponat super 3 de 12 et copulabis 6 cum 3, facient 68, de quibus extrahet multiplicationem de 7 in 9, sci-

licet 63, remanebunt 2, que ponet super 2, ut in secunda descriptione ostenditur. Et copulabis 2 cum antecedente figura, scilicet cum 6 que sunt in primo gradu, facient 20, que diuidet per 19, ut ita dicamus, exiit 1 et remanet 7: ponet 1 in primo gradu exeuntis numeri, scilicet sub 6, et remanentia 7 ponat super uirgulam de 20, que debent ex parte seruari; et exeuntem | numerum, scilicet 971, ponet ante ipsam uirgulam; et sic habebit pro quesita diuisione $\frac{1}{19}$ 971, ut in hac ultima descriptione ostenditur.

Demonstrata quidem materia in habendo arbitrium in positione figurarum, cum per 17 et per 19 numeros diuidimus; nunc uero ostendimus qualiter habeatur arbitrium in ponendis figuris, cum per reliquos asam qui sunt infra centum diuidere uoluerimus. Et hic est modus; quia sicut cum diuidimus per 17 uel per 19, accipimus medietatem ex diuidendis numeris, prima figura relictæ et quinque, uno amplius: ideo quia 17 et 19 minus sunt de 20, ut prediximus; ita cum diuiserimus per 23, accipiemus medietatem, uel quinque, uno minus, quia 23 plus sunt de 20; et sic cum diuiserimus per 29, debemus accipere tertiam et quinque, 1 plus: ideo quia 29 minus sunt de 30, quibus propria sunt quam aliis decennariis. Et cum diuiserimus per 31, debemus accipere tertiam, et quinque, uno minus. Et sic eodem modo cum diuiserimus per 37, debemus accipere quartam et quinque, 1 plus. Et cum per 41 uel per 43, debemus accipere quartam uel quinque minus. Et cum diuiserimus per 47, debemus accipere quintam et quinque, 1 plus. Et cum per 53, quintam et quinque, 1 minus; et cum per 59, sextam uel plus. Et cum per 61, sextam uel uno minus. Cum per 67, septimam uel uno plus. Cum per 71 uel per 73, septimam uel uno minus. Et cum per 79, debemus accipere octanam, uel plus. Et cum per 83, octanam uel minus. Et cum per 89, debemus accipere nonam, uel plus. Et cum per 97 diuiserimus, debemus accipere decimam diuidendorum numerorum, una figura relictæ, uel quinque, uno plus. Vnde cum quis diuiserit quoslibet numeros per quemlibet prescriptorum numerorum; et ignorauerit utrum debeat dare plus uel minus quam diximus, ponat ipsam partem que ei superius declaratur, et multiplicet ipsam partem per numerum diuisorem; et si multiplicatio maior fuerit diuidendi numeri, detur unum minus. Et si minor ultra quam debeat sit multiplicatio, detur unum plus; et sic poterit quemlibet numerum per predietos numeros diuidere. Tamen nos in quibusdam diuisionibus hoc idem declarabimus.

Diuisio de 12076 per 23.

Item si 12076 per 23 quis diuidere uoluerit, ponat 23 sub 76; et cum 23 sint plus quam 23, scilicet de numero duarum ultimarum figurarum diuidendi numeri, accipiente sunt tres ipse ultime figure, quarum numerus est 120. Vnde irripieudus est ultimus gradus exeuntis numeri sub eisdem 9; ponat ibi 6, que sic inueniuntur per materiam dicti arbitrii, scilicet quod debemus relinquere primam figuram de 120, scilicet 0, remanent 12, que debemus diuidere per 2: quia 23 proprius est 20 quam alio decenario numero, exiunt 6 et semis. Vnde cum debeamus ponere minus, cum 23 sint plus 20, relinquamus ipsum semis, et ponemus 6 sub 9, ut diximus; et multiplicet ipsa 6 per 2 de 23, erunt 12, que extrahat de 12, remanet 1, quod ponat super 2 et copulet ipsum cum 9, erunt 19. Et multiplicet 6 per 2 que sunt in 23, erunt 12, que extrahat de 19, remanet 7, quod ponat super 9, ut in prima descriptione cernitur. Et copulet ipsam 1 cum 7 que antecedit eam in numeris, erunt 17; et cum ipsa 17 minus sint quam 23, ponendum est zeplurum sub ipse 7 et 6 que sunt in primo gradu numeri sunt cum ipsis 17, copulanda erunt 176: post hec ponat sub dicta

(fol. 14 verso, margine inferiore exteriori)

Vltima	16
	10
	932
fol. 15 verso	18456
	19
	$\frac{7}{19}$ 971971

* Item . . . remanet 1 et fol. 13 verso, in. 17-24, pag. 32, in. 21.

Descriptio primæ
1
1 2 9 7 6
2 3
6

* quod ponat . . . diuisoribus a (fol. 15 verso, in. 23-26, pag. 32, in. 23 — pag. 34, in. 6.)

Vltima	3
	1 1 7
	1 2 9 7 6
	2 3
	6 0 7
	$\frac{43}{23}$ 6 0 7

6 talem figuram, que multiplicata in 23 faciat fere 176; eritque 7 prescripta ratione, hoc est minus medietate de 17: multiplicet itaque ipsa 7 per 2 que sunt in 23, erunt 14, que extrahat de 17, remanent 3, que ponat super 7 et copulet ipsa cum 6 primi gradus, erunt 26, ex quibus extrahat multiplicationem de 7 in 3 de 23, remanent 15, que ponat super uirgulam de 23 ex parte seruat, ut in hac ultima descriptione describitur.

Probatio suprascripte diuisionis.

Utrum si prescriptam diuisionem per pensam nouenarii probare uoluerit, accipiat pensam de 12976 que sunt 8, et seruet eam ex parte. Et iterum accipiat pensam exeuntis numeri, scilicet de 607 que sunt 4, et multiplicet eam per pensam de 23 que sunt 5, erunt 20; de quibus accipiat pensam, que sunt 2 et addat eam cum 15 que sunt super uirgulam de 23, erunt 17, quorum pensa sunt 6, sicuti superius ex parte seruauius. Verbi gratia: quoniam ex diuisione ducto in exeuntem numerum pronenit diuisus numerus; ergo si multiplicamus probam diuisoris per probam exeuntis, ueniet proba diuisi numeri: sed ex diuiso numero per 23, remanserunt 15, quibus extractis de 12976, remanent 12961, quibus diuisis per 23, ueniunt 607. Ergo ex multiplicatione de 23 in 607 pronenit 12961. Quare si multiplicatur proba de 607 que est 4 per probam de 23 que est 5, ueniunt 20, quorum proba, scilicet 2, est proba de 12961, quibus additur proba de 15 que super sunt que est 7, faciunt 6, scilicet proba de 12976, et hoc uolui demonstrare. Possunt enim multiplicationes, additiones, minutiones seu diuisiones numerorum aliter per alias quasdam pensas probari, scilicet per eam de 7 et de omnibus numeris asam existentibus, ut per 11 uel per 12 et deinceps. Quam doctrinam, secundum quod nobis uidebitur congruum, in sequentibus demonstrabimus.

fol. 15 verso

Item extrahat s / fol. 15 verso, lin. 3-12; pag. 24, lin. 23-31).

22
3316
24059
31
776
$\frac{1}{21}$ 776

Item si uoluerit diuidere 21659 per 31, describat 31 sub 2169 et ponat sub zephyrum 7: ideo quia 3 sunt circa 30 et sunt plus. Vnde si acceperimus $\frac{1}{3}$ de 24, scilicet, extracta prima figura de 246, habebimus pro tertia parte 8 que sunt plusquam 7. Vnde ponemus, ut diximus, 7 sub zephyro; et secundum prescriptum ordinem multiplicet ipsa 7 per 3 de 31, erunt 21 que extrahat de 24, remanent 3, que ponat super 4 et multiplicet eadem 7 per 1 de 21, erunt 7, que extrahat de 30, remanent 23; que ponat super 20 et dampnet ipsa 3, si uult; uel si non uult, eas in corde habeat pro dampnatis. Item copulet ipsa 22 cum 5, erunt 225, et ponat iterum prescripta ratione 7 sub 3, scilicet minus tertia parte de 23 et multiplicet ipsa per 3, erunt 21 que extrahat de 23, remanent 2: ponat 2 super 3 et dampnet ipsa 22 et copulet ipsa cum 5, faciunt 25; et semper intelligat antecedentium cum consequentibus copulationes, et multiplicet eadem 7 per 1, erunt 7, que extrahat de 25, remanent 18: ponat ipsa super 25 et dampnet ipsa 25. Post hec accipiat $\frac{1}{3}$ de 15, suprascripta ratione, erunt 6. Vnde ponat 6 sub 9 et sub 1 de 21, quibus positis, multiplicet ipsa per 3 de 21, erunt 18, per que dampnet super posita 18 et multiplicet eadem 6 per 1, erunt 6, que extrahat de 9, remanent 3, que ponat super uirgula de 21 ex parte descripta. Et sic habebis pro quesita diuisione $\frac{1}{21}$ 776, ut in hac descriptione uenit. Volo demonstrare unde hic modus diuidendi proneniat: posuimus quidem sub tertio gradu numeri diuidendi, quam multiplicauimus per 3 que sunt in ultimo gradu diuisoris, et occupant secundum gradum; cum sint sub secundo gradu diuidendi numeri; et ex ipsa multiplicatione pronenit numerus terminans in quarto gradu: quare tertius gradus quencumque gradum multiplicat, tertium gradum facit ab ipso quem multiplicat, uel facit numerum terminantem

in ipso. Nam quartus gradus, tertius est a secundo. Et ideo extraximus multiplicationem de 7 in 3, scilicet 21 de 24 que terminantur in quarto gradu; et posuimus 3 super eundem quartum gradum, scilicet super 4, et intelleximus copulationem 3 cum 0 que est in tertio gradu numeri diuidendi, que copulatio est 30: et multiplicamus rursus eandem 7 per 1 quod est in ipso gradu diuisoris; et quia in hac multiplicatione multiplicamus tertium gradum per primum, quod est idem quod multiplicare primum per tertium. Et ideo multiplicationem de 7 in 1, scilicet 7 extraximus de 30, que 30 terminantur in tertio gradu: quare ex multiplicatione tertii gradus in primum, uel primi in tertium prouenit numerus tertii gradus, uel terminans in ipso gradu: et posuimus 23 super 30 uel in loco eorum, et copulauius ipsa 23 cum 5 que sunt in secundo gradu, et habuimus 235; que terminantur in secundo gradu; et posuimus in secundo gradu alia 7 que multiplicamus iterum per 3 diuisoris, hoc est secundum gradum per secundum, ex qua multiplicatione prouenit numerus tertii gradus, uel terminans in ipso; et ideo extraximus 21 de 235; cum ambo terminentur in tertio gradu, et 2 que remanserunt posuimus super 3, et intelleximus copulationem eorum cum 5 sequentibus, que copulatio est 25 et terminantur in secundo gradu, quibus extraximus multiplicationem de 7 in 1, scilicet secundi gradus in primum, ex qua multiplicatione prouenit numerus secundi gradus, uel terminans in ipso, remanserunt 18 in eisdem gradibus, in quibus sunt 25, scilicet in tertio gradu et 8 in secundo; et copulauius ipsa 18 cum 9 primi gradus, fuerunt 162, et posuimus 6 in primo gradu excutens numeri et multiplicauimus ea per 3, scilicet primum gradum per secundum, ex qua multiplicatione prouenit numerus terminans in secundo gradu, que multiplicatio fuit 18, pro quibus deleri fecimus supradicta 18, cum terminentur in secundo gradu: et multiplicauimus eadem 6 per 1, et fuerunt 6 in ipso gradu, que extraximus de 9 que sunt in eodem gradu, remanserunt 3, quibus diuisis per 31, proueniunt $\frac{3}{31}$; et sic habuimus $\frac{7}{31}$ 776: et secundum hoc intelligas in similibus diuisionibus. Nam si prescripte diuisionis probam per pensam de 7 cognoscere cupit, accipiat pensam per 7 de 2639, hoc est superfluum eiusdem numeri in 7 diuisi, quod superfluum sic erit accipiendum: dicatur de $\frac{1}{2}$ de 24, remanent 3 de 30, scilicet copulando, remanent 2; de 25 remanent 4; de 40 remanet 0 pro quesito superfluo, quod habeatur pro pensa: eodemque modo accipiat pensam de 776 que sunt 6, et multiplicet ipsa per pensam de 31 que sunt sub uirgula, hoc est per 3, erunt 18 que diuidat per 7, remanent 4, que addat cum 3 que sunt super uirgula de 31, erunt 7, que diuidat per 7, remanet 0, ut oportebat pro pensa remanere.

Diuisio de 78005 per 39.

Si autem 78005 per 39 diuidere uoluerit, descriptis numeris, ponat 1 sub 8; ideo quia si relinquerimus 8 de 78, remanent 7; que si diuiserimus per 6 propter hoc quod 59 sunt circa 60, exhibit 1 et amplius. Vnde debemus ponere 1 sub 8, ut preduximus: quo posito multiplicet ipsum per 5, fuerit 5, que extrahat de 7, remanent 2, que ponat super 7 et multiplicet eundem 1 per 9, et extrahat ipsam multiplicationem de 28, remanent 15; et deleat 2 uel dampnet posita super 7, et ponat, dicat 10 super 78. Et ponat 3 sub 0 prescripta ratione quam gradus, et multiplicet ipsa per 5, erunt 15, que extrahat de 10, remanet 4: deleat ipsa 10, et in loco nouenarii ponat ipsa 4. Et multiplicet eandem 3 per 9, et extrahat de 40, remanent 13: deleat ipsa 4 et ponat in 1, et super 0 ponat 3: post

fol. 16 recto

et ut probamus... et extra. Accipiat pensam a fol. 16 recto, lin. 8 — 12 + 12: pag. 35, lin. 31 — pag. 36, lin. 41.

1	4	3	2					
2	9	1	3	1	2	2		
7	8	0	0	5				
				5	9			
				1	3	2	2	
				$\frac{12}{15}$	1	3	2	2

hec diuidenda sunt 130 per 59, et danda 2 supradicta ratione pro ea diuisione et sub zephyro tertii gradus ponenda sunt ipsa 2, que 2 in 59 multiplicata et de 130 extracta, remaneat 12; quod idem est si multiplicentur dicta 2 per 5, et extrahatur de 12, et multiplicarentur per 9, et extraherentur de 30: delect itaque 12 et ponat 1 in loco ubi erat 3 de 12, et 2 ponat super 0 tertii gradus. Post hoc ponat 2 sub 0 secundi gradus, et multiplicet ipsa per 59, et extrahat de 120, remaneat 2 super 0; et delect in animo suo 120 que superferant de preterita diuisione, et que delere figuras dicitur uel dampnare sunt sicut eas deletas intelligere uel dampnatas: post hec copulet ipsa cum 5 que sunt in primo gradu numeri, faciunt 25, que cum sint minus 59, ponat 0 sub 5 primi gradus, et 25 super uirgulam de 59 ex parte descripta, ut in hac descriptione manifeste designatur.

Et ut que de diuisionibus dicta sunt lucidius intescant, quendam numerum per 97 diuidamus: sitque 2017200, positus 97 sub utroque zephyro, diuidat numerum trium ultimarum figurarum numeri diuidendi, scilicet 201 per 97, pro qua diuisione eueniunt 6; ideo quia 97 propria sunt 100 quam ab alio decenario numero. Vnde debemus diuidere 59, scilicet numerum duarum figurarum ultimarum per 16, ex qua diuisione proueniunt fere 6, scilicet decima minus; et cum 97 minus sint de 100, debemus accipere quinque amplius deciem. Vnde contingunt 6: ponat ipsa 6 sub primo gradu numeri ipsarum trium figurarum, hoc est sub 1' quod est in quinto gradu totius numeri; et multiplicet ipsa 6 per 9 de 97, erunt 54, que extrahat de 59, scilicet ex numero duarum ultimarum figurarum, remanet 5 que ponat super 9; et multiplicet eadem 6 per 7 de 97, erunt 42, que extrahat de 51, scilicet de copulatione 5 super positarum cum 1 antecedente, remanet 9, que ponat super 1 et posita 5 uel duplet, uel delect in corde. Et predicta 9 que posita sunt super 1 remaneat ex diuisione de 201 in 97; quibus 9 copulatis cum figura antecedente in gradibus, scilicet cum 7, que sunt in quarto gradu numeri, faciunt 97, que diuidat per 97, scilicet per diuisorem, exhibit 1: ponat 1 sub 7 et multiplicet ideo per 9 de 97, erunt 9, pro quibus delect 9 que superferant de 201, et multiplicet eundem 1 per 7, erunt 7, pro quibus relinquat 7 cum quibus 9 fuerat copulata; et cum nihil remaneat de ipsis 7 ad copulandum cum 2 antecedentia sibi, et ipsa 2 minus sint de 97, ponat 0 sub ipsis 2 et copulet ipsa 2 cum 0 ei antecedentem, et erunt 20. Item cum ipsa 20 minus sint de 97, ponendus erit 0 sub dicto 0 cum 2 copulatis, scilicet sub ipso quod est in secundo gradu numeri: post hec copulet ipsa 20 cum 0 ei antecedenti, scilicet cum illo quod est in primo gradu, facient 200, que diuidenda restant per 97, pro qua diuisione ponenda sunt 2 sub 0 primi gradus prescripta ratione; et multiplicet ipsa per 9, et extrahat de 20 superius copulatis, remaneat 2, que ponat super 0 secundi gradus; et intelligat copulationem ipsarum cum 0 antecedente quod est in primo gradu que sunt 20, de quibus extrahat multiplicationem eorundem 2 in 7, remanebunt 6, que ponat super uirgulam de 97 ex parte descripta; et habebit pro quesita diuisione $\frac{2017200}{97} 61002$.

Cum satis de diuisione numerorum in numeris duarum figurarum qui sunt sine regulis, idest asam, dictum esse uideatur, nunc uero eorundem diuisiones in eis que sunt compositi, idest cum regulis, ostendantur: et quamuis per compositos numeros tanquam per 1 primos omnes numeros diuidere, multiplicamus tamen lenius et subtilius, in sequenti ostendit doctrina, scilicet ut reperiantur ipsorum regule. Scilicet numeri ex quibus componuntur, et ponantur sub quadam uirgula, ut semper minores sequantur maiores uersus sinistram, ut

• 57 minus ... posita • (Ed. 14
recta, fol. 22-25, pag. 16, lin.
16-22).

59
5917200
07
6

• 8 uel ... de quibus • (Ed. 14
recta, fol. 27-30, pag. 36,
lin. 22-29).

5017200
6
97 61002

fol. 16 recta.

supra in hoc eodem capitulo edocetur: post hoc diuidat numerum quem diuidere per minorem ex componentibus diuisorem, hoc est per minorem numerum; uel figura que fuerit sub uirgula; et si aliquid super habundauerit, ponat ipsum super eadem figura uel numerum et exiens numerus ex diuisione diuidatur per antecedentem numerum, uel figuram in uirgula, et superfluum, si fuerit, ponat super ipsum antecedentem numerum uel figuram. Et sic semper per ordinem per antecedentes componentes numeros exeuntes ex diuisione, donec ad finem ipsarum denegerit, diuidere studeat; et superflua super eas ponenda, et exeuntem numerum ex diuisione ultime compositionis, idest ultimi numeri, sub uirgula existentis ante ipsam ponere consuescat. Et sic habebit diuisionem quorumlibet numerorum factam per quolibet compositum numerum quorumlibet graduum. Nam ante quam hoc demonstrationibus declaratur, compositiones compositorum numerorum inuenire, nec non et eorum que sunt sine regulis cognoscere, demonstrare duximus necessarium. Et cum numeri duarum figurarum, qui sunt sine regulis, in quadam tabula superius sint demonstrati, compositorum regule duarum similiter figurarum singulariter sub uirgulis ostendantur; aliorum uero graduum compositiones per regulam reperire ostendemus.

COMPOSITIONES NUMERORUM DUARUM FIGURARUM HEC QUE CUM I^{stis} FIGURIS SCRIBUNTUR.

12	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	44	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	74	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
14	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	45	$\frac{1}{2} \frac{0}{5}$	75	$\frac{1}{2} \frac{0}{5}$
15	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	46	$\frac{1}{2} \frac{0}{22}$	76	$\frac{1}{2} \frac{0}{22}$
16	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	48	$\frac{1}{2} \frac{0}{6}$	77	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
18	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	49	$\frac{1}{2} \frac{0}{7}$	78	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
20	$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$	50	$\frac{1}{2} \frac{0}{5}$	80	$\frac{1}{2} \frac{0}{5}$
21	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	51	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	81	$\frac{1}{2} \frac{0}{3}$
22	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	52	$\frac{1}{2} \frac{0}{4}$	82	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
24	$\frac{1}{2} \frac{0}{6}$	54	$\frac{1}{2} \frac{0}{6}$	84	$\frac{1}{2} \frac{0}{6}$
25	$\frac{1}{2} \frac{0}{0}$	55	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	85	$\frac{1}{2} \frac{0}{5}$
26	$\frac{1}{2} \frac{0}{13}$	56	$\frac{1}{2} \frac{0}{8}$	86	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
27	$\frac{1}{2} \frac{0}{9}$	57	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	87	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
28	$\frac{1}{2} \frac{0}{7}$	58	$\frac{1}{2} \frac{0}{19}$	88	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
29	$\frac{1}{2} \frac{0}{13}$	60	$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$	90	$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$
32	$\frac{1}{2} \frac{0}{8}$	62	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	91	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
33	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	63	$\frac{1}{2} \frac{0}{9}$	92	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
34	$\frac{1}{2} \frac{0}{17}$	64	$\frac{1}{2} \frac{0}{8}$	93	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
35	$\frac{1}{2} \frac{0}{7}$	65	$\frac{1}{2} \frac{0}{13}$	94	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
36	$\frac{1}{2} \frac{0}{4}$	66	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	95	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
38	$\frac{1}{2} \frac{0}{13}$	68	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	98	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
39	$\frac{1}{2} \frac{0}{13}$	80	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$	96	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
40	$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$	70	$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$	99	$\frac{1}{2} \frac{0}{11}$
42	$\frac{1}{2} \frac{0}{7}$	72	$\frac{1}{2} \frac{0}{6}$	100	$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$

Regula uniuersalis de reperiendis compositionibus imparium numerorum.

Cum autem regulas prescriptorum numerorum in tabulis ex frequenti usu quis sciverit, et uoluerit regulas, idest compositiones cuiuslibet numeri aliorum numerorum trium nel plurium figurarum reperire, uel qui primus numerus, idest secundum regulam extiterit, cognoscere uoluerit, describat numerum in tabula, et descripto prouideat si numerus par fuerit uel impar. Nam si par fuerit, ipsum compositum esse cognoscat. Si impar autem compositus, aut primus erit. Sunt enim numeri pares compositi aut ex paribus et imparibus, aut ex paribus tantum. Quare regule ipsorum primo inuestigande sunt a paribus numeris, ut in suo demonstrabitur loco. Impares uero numeri componuntur ex imparibus tantum. Vnde componentes ipsos per impares tantum inuestigant, a quibus sumamus initium. Cum itaque figura primi gradus cuiuslibet imparis numeri 5 extiterit numerus, a 5 compositum esse cognoscat, hoc est quod per 5 integraliter diuidetur. Si autem alia figura impar in primo gradu extiterit que facit totum numerum esse imparem, accipiat siquidem pensam ipsius per nouenarium, que si fuerit zephyrum, tunc $\frac{1}{2}$, et si 3 uel 5 pensa fuerit, tunc $\frac{1}{3}$ in sua erit compositione: si autem pensa nulla istarum extiterit, diuidat ipsum per 7; et si aliquid inde superfuert, diuidat iterum numerum per 11; et si aliquid superfuert, diuidet ipsum per 13 et semper eat diuidendo per primos numeros ordinate, secundum quod scribuntur in tabula superius descripta, donec aliquem primum numerum inuenierit, per quem propositum numerum absque aliqua superatione possit diuidere, uel donec ad eiusdem uenerit radicem: si per nullum ipsorum diuidi poterit, tunc ipsum primum esse indicabit. Si autem per aliquem predictorum primorum numerorum ipsum diuidere absque superatione poterit, quod ex diuisione prouenerit, diuidat iterum per ipsum; et numerus qui ex diuisione extiterit, iterum per eundem primum numerum diuidat, hoc est quod ab eodem incipiet querere componentes ipsius per ordinem per reliquos primos numeros usque ad ipsius radicem, si ipse non habuerit compositionem: et sic semper faciendo egrediatur, donec omnes ipsum habuit componentes. Quibus perfecte habitis, ipsas sub quadam uirgula minores per maiores summo studio studeat collocare. Et sic habebit regulam, idest compositionem cuiuslibet imparis numeri. Verbi gratia: sit numerus 805, cuius regula queratur: cum prima ipsius figura sit 8, nimirum $\frac{1}{2}$ in sua erit compositione. Quare diuidat eum numerum per 2, exient 402, quorum pensa accepta, que est 8, ostendit ipsa 161, nec per 3, nec per 9 posse diuidi integraliter. Vnde diuidat eum per 7, exient 57, qui numerus est sine regula: apte repertus componentes, scilicet 3 et 5 et 7 et 23 sub quadam uirgula, et habebit $\frac{2327}{175}$ pro 805 compositione, hoc est quintam septime unius 23^a tertie partis que est una octingentesima quinta: quare dueta multiplicatione de quinque in septem, scilicet 2321. in 23.²¹ tria, surgit in 805. Item si regulam de 957 inuenire quesierit, diuidat ipsa per 3; ideo quia 3 est pensa ipsius numeri, exibit 319, que per 3 iterum diuidenda non sunt, cum pensa ipsorum sit 4: et si diuiserit eam per 7, superabunt 4 per 11: itaque diuiduntur et est eorum 11^a pars 29, qui numerus primus est: collocata itaque reperta regula sub uirgula pro compositionibus 957 habebitur $\frac{29}{11} - \frac{9}{19}$, ut hic ostenditur.

De regula de 951 reperienda.

Utrum si regulam de 951 reperire uoluerit, diuidat ipsa per 3; ideo quia pensa ipsorum est 6, exhibunt 317, quibus aliam regulam inuenire est impossibile, cum integraliter

non possit diuidi per 7, nec per 11, nec per 13, nec per 17. Et pro ipsorum regula amplius querendum non est; quare si diuisus fuerit per 19 exiret primo numerus quam 19 ex diuisione: ergo regula de 251 est $\frac{66}{1317}$. Item si eam de 573 habere uoluerit, cum pensa ipsius numeri sit 9, diuidat eum per 9, exibunt 97, qui numerus 97 superius in tabula primus esse monstratur. Qua regula inuenta, si sub uirgula fuerit collocata, erit $\frac{1}{3}$ de $\frac{1}{17}$.

Regule de 1469 inuentio.

Nam si regulam de 1469 habere uoluerit, accepta ipsius numeri pensa, que est 2, demonstrat ipsum carere regula ternarii et nouenarii. Nam si per 7 eum diuiderit, superant 6; si per 11, remanent similiter .6.; per 13 uero si eum diuiderit, exhibunt 112, pro quibus non oportet amplius querere per aliquem sequentium primorum numerorum uel per eadem 13; cum sit plus ipsorum radice; unde ex primis numeris fore cognoscuntur. Est ergo regula de 1469, ut hic ostenditur $\frac{1}{13}$, $\frac{6}{13}$.

De regula de 2543 reperienda.

Item si eam de 2543 habere uoluerit, accepta ipsius numeri pensa, que est 5, demonstrat ipsum nec 3 nec 9 in sua regula posse habere. Nam ea diuisa per septenarium remanet 2. Et per 11, remanent 2, et per 13, superant 2. Et sic inueniet, quia nec per 17, uel per 19, aut per 23 seu per 29, uel per 31, nec per 37 aut per 41, nec etiam per 47 uel per 53 potest diuidi, et ultra quam per 53 non est querendum: quare 53 sunt plus radice ipsius. Et si possibile esset 2543 in sua compositione aliquem maiorem primum numerum quem 53 habere posse; ergo ipse maior numerus in quemlibet alium multiplicatur, faceret eundem 2543 quam oporteret esse minus de 53 quod est impossibile: ideo quia usque in 53 ipsius regulam querendo eum non inuenimus; ergo est sine regula.

Item si eadem 2543 reperi re uoluerit, ipsum numerum nec 3, nec 9, nec 7 habere dictis dispositionibus esse cognosceret: per 11 uero diuiditur cuius pars, uidelicet undecima, est 26774, que iterum per 11 diuidat, scilicet ut sciat si iterum $\frac{1}{11}$ habuerit: nam per eos numeri qui sunt minores de 11, scilicet per 9 et per 7 et per 2, non oportet ut diuidantur; ideo quia in 2543 reperti non fuerant. Nec etiam in isto, scilicet in 26774, cum sit de ipsius compositione aliquo modo poterit reperiri. Ex qua uero diuisione, scilicet per 11, exhibunt 3162, quibus iterum per 11 diuisis, remanet 2. Quare ipsa $\frac{1}{11}$ iterum habere est impossibile: post hec uidendum est si habeant $\frac{1}{13}$, scilicet diuidat ea per 13, ex qua diuisione exeunt 397, quibus nec $\frac{1}{13}$, nec $\frac{1}{17}$, aut $\frac{1}{19}$ reperiri poterint. Unde ipsa 397 esse asam cognoscimus; quare inter 19 et ipsius radicem non est aliquis primus numerus, id est sine regula, nec ultra ipsius radicem, ut pre diximus, erit querendum: est enim compositio, id est regula de 2543, ut hic ostenditur $\frac{1}{11}$, $\frac{6}{11}$, $\frac{6}{11}$, $\frac{6}{11}$.

Probatio suprascripte regule.

Nam si inuentam regulam per pensam de 7 prolatare uoluerit, accipiat pensam de 62421 per 7 que est 4, et seruet eam ex parte; et samat pensam de 11 primo positus sub uirgula, que est 4; et multiplicet eam per 4, scilicet per pensam de aliis 11, erunt 16, que diuidat per 7, remanent 2, que multiplicet per 6, scilicet per pensam de 12, erunt 12, de quibus demat 7, remanent 5, que multiplicet per 5, scilicet per pensam de 297, erunt 25, que diuidat per 7, remanent 4, ut pro pensa seruata sunt.

De regula parium numerorum reperiendis modus uniuersalis.

Si uero ex aliquo numero pari quis regulam inuenire uoluerit, accipiat similiter pen-

fol. 17 verso.

• ipsius regule • fol. 17 verso
no. fol. 5-14; pag. 39, lin.
29-35).

6	2	4	8	1							
			1	1							
		5	5	7	1						
				1	1						
				5	1	6	1				
						1	3				
							2	9	7		
								0	0		
								11	11	19	19

sam eius per 9, que si fuerit 0, habebit $\frac{1}{9}$. Et si fuerit 3 uel 6 habebit $\frac{2}{9}$ in sua compositione. Si autem pensa nulla istarum extiterit, prouideat diuidendo per 8 numerum duarum figurarum que sunt in primo et secundo gradu quale fuerit superfluum: quod si fuerit 0, et figure tertii gradus par extiterit, uel 2 uel 4 uel 6 aut 8, uel 0, totum numerum cuiuslibet gradus per 8 diuidi posse cognoscat. Si autem ipsa tertia figura impar extiterit, ut 1 uel 3 uel 5 uel 7 aut 9, numerus ipse $\frac{1}{8}$ in sua compositione recipiet. Si uero illud superfluum 4 extiterit, et figura tertii gradus fuerit impar, totus numerus per 8 similiter diuidetur. Et si par extiterit, tantum $\frac{1}{4}$ in sua habebit compositione. Si autem illud superfluum 2, uel 6 extiterit, numerus tantum per 2 ex paribus numeris diuiditur. Et secundum hoc accipiat pares compositiones de paribus numeris, donec habeat regulam ipsam, uel ad aliquem imparium numerum occurrat: de quo impari, secundum suprascriptam imparium ordinem regulam, studeat inuenire. Nam si in ipso gradu aliquorum parium numerorum zephyrum extiterit, dematur ipsum, et pro ipso habeatur $\frac{1}{10}$ in compositione illius numeri. Et si aliud 0 in capite numeri remanserit, dematur iterum ipsum de numero; et iterum $\frac{1}{10}$ in eiusdem numeri compositione habeatur. Et sic semper, donec 0 in capite numerorum extiterit, debet intelligere. Et ut que dicta sunt de parium numerorum regularum inuentione lucidius deprehendantur, ea cum numerorum demonstrationibus ostendantur.

De regula de 126 reperienda.

Ut si queratur regula de 126, quorum pensa cum sit 0, ostendit notam eorum partem integram esse: quare 126 diuidat per 9, exhibunt 14, quorum regula superior in tabula regularum compositorum numerorum duarum figurarum secundi gradus $\frac{10}{27}$ esse utique demonstratur: inde pro regula de 126 habetur $\frac{100}{273}$, ut hic ostenditur.

Item si queratur regula de 156, ipsorum pensa que est 3 demonstrat quod per 6 possunt diuidi, quibus in 6 diuisis, exeunt 25, quorum regula est $\frac{1}{2 \frac{1}{3}}$; et sic habebitur pro regula de 156, ut hic notatur $\frac{1 \frac{1}{3} \cdot 9}{2 \cdot 9 \cdot 18}$.

Si uero ea de 2112 reperire uoluerit, cum ipsarum pensa que est 6 ostendat ipsa per 6 posse diuidi. Diuidantur ergo 2112 per 6, exhibunt 352, de quibus, accepta pensa que est 1, ostendit quod nec per 6 nec per 8 possunt diuidi: unde diuidenda sunt 32 per 8, scilicet numerus duarum figurarum, de qua diuisione remanet 4: ex qua remansione, et ex eo quod figura | tertii gradus numeri, scilicet 2 in prima existit, ostenditur 322 per 8 posse diuidi; diuidanturque per 8, exhibunt 44, cuius regula est $\frac{1 \frac{1}{2}}{4 \frac{1}{11}}$; unde habentur pro regula de 2112, ut hic ostenditur $\frac{1 \frac{1}{2} \cdot 9 \cdot 9}{8 \cdot 9 \cdot 44}$. Nam cum $\frac{1 \frac{1}{2}}{4 \frac{1}{11}}$ que in eadem uirgula continetur sint regula de 24, que laudabiliorem regulam habere in tabula compositionum numerorum reperiuntur, scilicet $\frac{1 \frac{1}{2}}{4 \frac{1}{11}}$; ideo quia maior figura est in ea quam in $\frac{1 \frac{1}{2}}{4 \frac{1}{11}}$, quia maior est 8 quam 6: quare semper sumende sunt regule numerorum extreme, que regule sunt compositae ex numeris qui sunt a binario usque in 10, ut in sequentibus demonstrabitur. Unde roatanda est regula inuenta, scilicet $\frac{1 \frac{1}{2} \cdot 9 \cdot 9}{4 \cdot 9 \cdot 44}$ in $\frac{1 \frac{1}{2} \cdot 9 \cdot 9}{2 \cdot 4 \cdot 9 \cdot 44}$.

De regula de 464 reperienda.

Cum si regula de 464 reperire uoluerit, ipsorum pensa, que est 2, nec $\frac{1}{2}$ nec $\frac{1}{4}$ habere posse ostendit. Et quia ex numero duarum figurarum in capite existentium, scilicet 64 in 8 diuiso, remanet 0; et figura que est in tertio gradu, scilicet 6, est par; ideo 464 habere $\frac{1}{8}$ cognoscat: quare si ea per 8 diuiserit, 583 uimirum ex diuisione egre-

Trinomia. Signa. et al. 17. et seq.
in 23. 29. pag. 49. in 24. 31.

2
2112
6
3
352
8
44
$\frac{1 \frac{1}{2}}{4 \frac{1}{11}}$
$\frac{1 \frac{1}{2} \cdot 9 \cdot 9}{2 \cdot 4 \cdot 9 \cdot 44}$

64. 18. et seq.

dicitur; quorum regula, si per doctrinam supradictam imparium numerorum quesierit $\frac{1-0}{11-29}$, ipsam esse reperiet: unde pro regula de 4664 habetur $\frac{1-0}{2-11-29}$.

Nam si eandem 12632 reperire uoluerit, pensa ipsorum que est 8, ea $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$ carere demonstrat. Nam si numerum duarum figurarum in eorum capite existentium per 8 diuiserit, 4 remanebunt. Vnde cum figura tertii gradus, idest 6, par existit, $\frac{1}{2}$ in ipsorum regula indicant esse: quare 12632 per 4 diuiserit, 3159 nascitur; que cum regula careat, habetur pro regula de 12632, ut hic denotatur, $\frac{1-0}{4-8-12}$.

De regula de 15560 reperienda.

Itaque si ipsam de 15560 reperire uoluerit, cum sit zephyrum in primo gradu, dematur ipsum, et pro ipso habeatur $\frac{1}{10}$ in regula prescripti numeri: deinceps studeat reperire regulam remanentis numeri, scilicet eam de 1556, quorum pensa que est 8, ostendit ipsa carere $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$. Et quia ex numero duarum figurarum ipsorum capitis, idest 56 in 8 diuiso, remanet 7. Et quia figura tertii gradus, idest 8, impar existit, nullam regulam de paribus numeris posse haberi maiorem quam 4 ostenditur. Denique 1556 per 4 diuisis, exeunt 389, que regula carere predictis ostensionibus reperiuntur. Vnde habetur pro regula de 15560, ut hic denotatur, $\frac{1-0}{4-8-15}$.

Item si regulam de 22690 reperire uoluerit, cum in ipsorum primo gradu sit 0, debet in ipsorum regulam pro eodem zephyro $\frac{1}{10}$ habere. Et ipso 0 de numero dempto, remanet 2269. In quorum primo gradu similiter est 0, pro quo habendum est iterum $\frac{1}{10}$. Et dempto ipso de numero, remanent 226, quorum pensa, que est 2, negat ipsa $\frac{1}{2}$ uel $\frac{1}{2}$ in sua habere posse compositionem. Nam 26, que sunt numerus duarum figurarum capitis de 226, si per 2 diuidatur, remanent 2: quare 226 per aliquem parem numerum, preterquam per binarium, non posse diuidi cognoscimus. Vnde ipsis 226 diuisis per 2 exeunt 113, que cum careant regula pro ipsa de 22690, habetur $\frac{1-0}{2-10-226}$.

Et si eam de 7546000 reperire uoluerit, demptis de ipso numero tribus zephyris, et pro ipsis habita $\frac{1-0-0-0}{10-10-10}$, remanet 7546. Quorum pensa que est 4 negat ipsa posse habere $\frac{1}{2}$ uel $\frac{1}{2}$ in sua compositione. Nam si 46, qui sunt in capite de 7546, per 2 diuiserit, remanent 4; quare nullum alium parem numerum, preter 2, post se habere cognoscetur: que scilicet 7546, si per 2 diuiserit, exhibunt 3773. Quorum regula, si secundum parium numerorum doctrinam reperire studuerit, ipsam $\frac{1-0-0-0}{7-7-7-11}$ fore reperiet. Quam si cum reperta superius regula, scilicet cum $\frac{1-0-0-0}{2-10-10-10}$ optime in uirgula coaptauerit pro regula de 7546000, habebitur $\frac{0-0-0-0}{2-7-7-10-10-10-11}$.

Diuisio de 749 per 75.

Nota siquidem regularum numerorum inuentione 3 uoluerit quis diuidere 749 per 75, reperta regula de 75, que est $\frac{10}{152}$, diuidat 749 per 3, exhibunt 249, et remanent 3; que 2 ponat super 3 de uirgula in parte scrutata, et diuidat 249 per 3, per ea scilicet que antecedunt 3 in uirgula, exeunt 89 et remanent 4; que 4 ponat super eadem 3, et 40 diuidat iterum per 3, per ea que sunt in fine uirgule, exeunt 9 et remanent 4; que 4 ponat super ipsa 3, et 9 ponat ante ipsam uirgulam; et sic habebit ex quesita diuisione, ut hic ostenditur, $\frac{2511}{75}$.

Diuisio de 67998 per 1760.

Iterum si 67998 per 1760 diuidere uoluerit, reperta regula de 1760, que est $\frac{1-0-0-0}{2-8-16-11}$, diuidat 67998 per 2, exhibunt 33949, et remanet 0; quod 0 ponat super 2, et diuidat

* Reperta etc. $\frac{1-0-0}{10-10-10}$
(fol. 18 recto, lin. 6-10 ;
pag. 40, lin. 29 - 31 et
lin. 16).

62
4864
38
563
11
53
1-0-0
4-8-15

33
15560
4
3890
1-0-0
4-10-15

32940 per 8, exhibunt 4113, et | remanet 5; que 5 ponat super 8 de uirgula, et diuidat 4242 per 10, exhibunt 424 et remanet 2, hoc est ut dematur figura primi gradus de 4242; que 424 diuidat per 11, exhibunt 28 et remanent 6, que 6 ponat super 11 de uirgula, et 28 ponat ante uirgulam; et sic habebit pro quesita diuisione $\frac{8}{3} \frac{5}{9} \frac{8}{10} \frac{6}{11} \frac{6}{11} 28$.

Probatio superscripte diuisionis.

Quam diuisionem, si per pensam de 13 probare uoluerit, diuidat prescripta 67898 per 12, remanent 12, que habeantur pro pensa. Post hec diuidat 28 ante uirgam posita per 12, remanent 12, que multiplicet per 11 de uirgula, et de super addat 6, que sunt super 11, erunt 128; que diuidat per 12, remanent 8; que multiplicet per 10 de uirgula, et de super addat 2 que sunt super 10, erunt 82; que diuidat per 12, remanent 5; que multiplicet per 8 de uirgula, et de super addat 5, que sunt per 8, erunt 45; que diuidat per 12, remanent 6; que multiplicet per 2 de uirgula, erunt 12, ut superius pro pensa seruatum est. Et cauendum est nequis aliquam diuisionem per aliquam pensam alicuius numeri existentis sub uirgula diuisionis nunquam probare consuecat: ideo quia leuiter per eam posset esse deceptus; quare in hac diuisione prohibetur per 11 probare; quia superfluo quod remaneret de 28, uel ex quolibet alio numero in 11, que sunt sub uirgula multiplicato, et per 11 de pensa diuiso, nil superaret: uide si ipsa 28 recta non essent, non posset per probationem de 11 cognosci. Et sciat quia in diuisionibus numerorum alia restat doctrina, scilicet cum numerus diuidentis aliquam habet communitatem cum diuisore, scilicet quod diuidentis numerus diuidatur integraliter per aliquem numerum, uel numeros qui sint ex regula diuisoris. Tunc primum diuidatur numerus per numerum compositionis quam in uirgula diuisoris ipse diuidentis habuerit, siue maior in uirgula sit, uel minor: ideo quia cum ipsam per ipsum diuiserit, nihil ex diuisione remanebit. Et ut hec apertius intelligantur, ea cum numeris in sequentibus demonstrentur.

Diuisio de 81540 per 8190.

Ut si 81540 per 8190 diuidere uoluerit, reperitur diuisoris regula, que est $\frac{8}{7} \frac{8}{9} \frac{8}{10} \frac{8}{11}$; et cum in regula de 81540 sit $\frac{4}{12}$, propter 0 quod est in primo gradu ipsorum, quamuis $\frac{4}{12}$ non sit in capite uirgule; tamen per 10 primitus 81540 sunt diuidentia, hoc est quod dematur 0 de ipso numero, remanebunt 8154 que restant diuidendam, extracto $\frac{4}{12}$ de uirgula, per $\frac{8}{7} \frac{8}{9} \frac{8}{10}$.

Item 8154 per 9 diuiditur, ideo quia 0 est pensa ipsorum per nouenarium. Unde diuidat ipsa per 9 de uirga, exhibunt 906, que restant diuidenda per $\frac{8}{7} \frac{8}{9}$; uerum 906 per 7 diuisis, exeunt 129 et remanent 2; que 2 ponat super 7. Et 129 per 12 diuidat, exeunt 9 et remanent 12, que 12 ponat super 12, et exeuntia 9 ponat ante uirgam, et habebit pro quesita diuisione $\frac{8}{7} \frac{8}{9} \frac{12}{12} 9$.

Nam si prescripta diuisione probare uoluerit, ponenda erunt 10 et 9 que extracta fuerunt de uirga sub eadem uirga post 7, et super ipsa ponenda sunt zephyra, ut in hac uirgula ceruitur, $\frac{8}{10} \frac{8}{9} \frac{8}{12}$; postea poterit ea probare secundum prescriptum probandi ordinem. Vel aliter habeatur 906 pro numero diuiso et $\frac{8}{7} \frac{8}{9}$ pro diuisore, et secundum hec probare studeas per modum supradictum. Satis enim de diuisionibus numerorum per compositos numeros dictum esse uideretur, nisi in eorum compositionibus numerum trium figurarum uel plurium existerent. Sed ut in hoc opusculo expleta doctrina di-

uidendi contineatur, numeros diuidere in eis, qui sunt trium figurarum uel plurium, in sequentibus ostendantur.

Diuisio numerorum per numeros aham tertii gradus.

Cum autem quemlibet numerum cuiuslibet gradus per quemlibet numerum trium figurarum, hoc est tertii gradus, quis diuidere uoluerit, ponat similem gradum ipsius numeri trium figurarum sub simili gradu diuidendi numeri, et prouideat si numerus trium figurarum ultimarum diuidendi numeri maior diuisione existerit: si enim maior uel equalis fuerit, incipendus erit ultimus gradus exeuntis numeri sub tertii figura ab ultima; et si minor, incipiendus erit sub antecedente, hoc est sub quarta ab ultima. Et posita figura sub quolibet predictarum quam talem esse conuenit, quod multiplicata ipsa in numerum diuisorem, scilicet in eum, in quo numerus maior diuiditur, faciant numerum trium figurarum, uel quattuor ultimarum, uel ita fere, ut non remaneat inde numerus diuisoris uel ultra. Et tunc multiplicet eam per ultimam figuram diuisoris numeri. Et multiplicationem de numero ultime figure, si poteris, extrahat. Et si non, eam extrahat de numero duarum figurarum ultimarum, et superfluum ponat super eandem gradum de quo superfuerit. Et multiplicet iterum eandem positam figuram per antecedentem [ultime diuisoris numeri, scilicet per eam que est in ipsius secundo gradu; et uenientem summam extrahat de suprascripto superfluo cum antecedente figura in maiori numero copulato: et si superfluum fuerit, ponat primum gradum ipsius super eandem antecedentem figurarum, et reliquos uero post ipsos delendo scilicet, uel dampnando alium primum positum superfluum. Et adhuc multiplicet eandem positam figuram per figuram primi gradus eiusdem diuisoris numeri, et summam multiplicationis extrahat de copulatione secundi superflui cum antecedente figura maioris numeri; et primum gradum ipsius superflui ponat super ipsam antecedentem figuram; reliquos uero post ipsum delendo, scilicet uel dampnando alium secundum dictum superfluum. Post hec studeat ponere aliam talem figuram sub alia antecedente figura maioris numeri, idest ante primam positam figuram, que multiplicata in prescriptum diuisorem numerum, faciat copulationem tertii superflui, et antecedentis figure uel fere, cum qua uadat multiplicando per ordinem per figuras diuisoris numeri, sicut in prima posita figura docetur, semper superflua per ordinem super ponendo; et deinceps in reliquis figuris, usque ad finem procedendo, similiter studeat operari. Si uero ex aliquo superfluum supradictorum et antecedente figura procreabitur numerus minor diuisione, tunc ponat zephyrum sub ipsa antecedente figura; et copulabit eidem antecedenti figure, et superfluo aliam antecedentem figuram, sub qua ante predictum zephyrum erit utique ponenda figura: et si iterum numerus copulationis superflui, et duarum antecedentium figurarum, minor diuisione fuerit, erit iterum ante predictum zephyrum aliud θ ponendum, et copulabis dicto superfluo, et dictis duabus figuris aliam eis antecedentem figuram sub qua ponat talem figuram, que multiplicata in diuisori numero faciat fere numerum copulationis superflui, et trium ei antecedentium figurarum; et habebis quorumlibet similium diuisiones: et ut que dicta sunt liquidius exponatur, ea cum numeris ostendatur.

Et si uoluerit diuidere 1240 per 257, describat 257 sub 340 de 1240. Et quia numerus trium figurarum ultimarum diuidendi numeri, idest 124, minor est de 257, scilicet de diuiso-

re numero, ideo sub quarta figura ipsius diuidenti numeri, que primum occupat gradum, idest sub 9, figura exeuntis numeri erit ponenda; et talis que multiplicata in 257, faciat fere 1249 que erit 3; quibus positis sub 9, multiplicet ipsam per ultimam figuram diuisoris numeri, scilicet per 2, erunt 18, que extrahat de 12, scilicet de numero duarum ultimarum figurarum numeri diuidenti; cum non possiat ea de numero ultime figure extrahere, remanent 3, que copulanda sunt cum antecedentibus 4, faciunt 34; de quibus extrahat multiplicationem positorum 5 in 5 diuisoris numeri, remanent 9, que ponat super 4 et multiplicet eadem posita 5 per 7, erunt 25, que extrahat de 99, scilicet de copulatione 9 primi gradus diuidenti numeri, remanent 64; que ponat super uirgam supradictorum 9 cum de 257 seorsum descriptam. Et exeuntia 5 ponat ante ipsam uirgam, et habebit pro quesita diuisione $\frac{25}{127} 5$.

Diuisio de 20749 per 307.

Utrum si 20749 per 307 diuidere uoluerit, describat 307 sub 749; et quia 307, qui est numerus trium figurarum ultimarum diuidenti numeri, equalis est diuisoris numero, ponendum est 1 sub primo gradu numeri predictarum trium figurarum, scilicet sub 7 que sunt in tertio gradu diuidenti numeri; et multiplicet ipsum 1 per 3 diuisoris, faciunt 3, pro quibus reliquantur 3 que sunt in ultimo gradu diuidenti; et multiplicet iterum eundem 1 per 0 diuisoris, faciet 0; pro ipso relinquat ipsam 9 quod est indiuidendi numero; et iterum multiplicet eundem 1 per 7, faciunt 7, pro quibus relinquat ipsa 7 que sunt indiuidendi numero. Nam tertius gradus quemcumque gradum multiplicat, tertium gradum facit ab ipso quem multiplicat. Ergo cum multiplicat tertium, quintum gradum facit; et cum multiplicat secundum, facit quartum; et cum multiplicat primum, facit tertium. Et quia 4, que antecedunt 7 indiuidendi numero, minus sunt de 307, scilicet diuisure, ponendum est 9 sub ipsis 4; et iterum quia 40 eiusdem diuidenti numeri minus sunt eisdem 307, ponendum erit 0 sub 9, scilicet in primo gradu exeuntis numeri; et predicta 40 ponat super uirgulam de 307 ex parte seruata, et exeuntia 190 ponat ante uirgulam; et habebis $\frac{25}{127} 100$ pro quesite diuisioni (sic).

Item si proposuerit diuidere 574929 per 363, positis 363 sub 929, ponat prescriptis dispositionibus 1 sub 4, scilicet in quarto gradu, et multiplicet ipsum per 3 diuisoris numeri, sicut 5, pro quibus relinquat 5 que sunt in ultimo gradu diuidenti numeri: quia cum quartus gradus multiplicat tertium, sextum gradum facit, hoc est quartum ab ipso quem multiplicat; et iterum eundem 1 per 6 diuisoris, sicut 6, que extrahat de 7, remanet 1, quod ponat super eadem 7: nam cum quartus gradus multiplicat secundum, quintum gradum facit; et iterum multiplicet 1 per 3 diuisoris, sicut 3; que extrahat de 4, hoc est de 14, propter 1 quod remansit super 7: nam cum quartus gradus multiplicat primum, quartum gradum facit uel terminante in ipso. Et ideo predicta 3 sunt extrahenda de 4, que sunt in quarto gradu, hoc est de 14 que terminant in ipso, remanebunt 11, scilicet 1 super quintum gradum et aliud super quartum; cum quibus 11 copulet 9 sicut 119, que cum sint minus de 363, scilicet diuisore, ponendum est 0 sub ipsis 9; et copulet 3 que sunt in secundo gradu diuidenti numeri cum 119, sicut 1192. Quare ponat in secundo gradu, arbitrio exeuntis, talem figuram que multiplicata per 363 faciat fere 1192, que figura erit 2, que multiplicet per 3 diuisoris, sicut 19, que extrahat de 11 prescriptis, remanet 1; pro quo relinquat ipsum 1 quod fuerat positum super 4, et deleat aliud 1 quod est

* Utrum ... 1 quod ... (fol. 12 recte, lin. 25-29, pag. 44, lin. 19-20).

4
3 0 7 4 9
3 0 7
1 0 0
$\frac{10}{127} 1 0 0$

1
1 1 7 1 1
1 1 1 9 6 7
5 7 4 9 2 9
3 6 3
1 0 2 1
$\frac{102}{127} 1 0 2 1$

super 7, et multiplicet 3 per 6 diuisoris fiunt 12; que extrahat de 16, remanet 7 que ponat super 9 et deleat 1 quod est super 4; et multiplicet 2 per 3 diuisoris fiunt 6; que extrahat de 72, remanet 67: deleat 7 que erant super 9 et ponat 67 super 92, ut in descriptione habetur. Et copulet ipsa 67 cum 6, fiunt 676; pro quibus dictis dispositis ponat 1 sub 0, et multiplicet ipsum per 3 diuisoris, fiunt 5, que extrahat de 6, remanet 1: deleat ipsa 6 et ponat ibidem 1; et multiplicet 1 per 6, fiunt 6; que extrahat de 7 remanet 1: deleat 7 et ponat ibi ipsum 1; et multiplicet 1 per 3 diuisoris, fiunt 3, que extrahat de 116, remanet 107, que ponat super uirgulam de 563 et ante ipsam ponat exeuntia 1021, ut in hac descriptione describitur.

Probatio suprascripte.

Quam diuisionem si per pensam de 11 probare uulerit, diuidat 574030 per 11, remanent 4, que serues pro pensa; et diuidat exeuntia 1021 similiter per 11, remanent 9, que multiplicet per 3 que remanent ex diuisione 363 per 11, crunt 18; quibus addat pensam numeri remanentis super uirgam, scilicet de 107, que pensa est 8: quia diuisione 107 per 11, remanent 6; et sic habebit 26, quibus diuisione per 11, remanent 4, ut pro pensa oportet remanere. Ad habendum itaque arbitrium in poneulis figuris in exeuntibus numeris, cum numeri trium figurarum uel plurium diuidantur per numeros trium figurarum, tale tradimus magisterium, ut consideret si diuisor numerus prope fuerit alicui numero centenario, siue plus, siue minus sit eu; et aspiciat contra quot figuras sit ponenda figura in numero exeunte, et ex illis figuris relinquat duas que sunt in secundo et in primo gradu earum. Residuum uero numeros diuidat per numerum centenariorum, cui diuisor proprii extiterit; et quot ex diuisione peruenit, erit ponenda figura, uel parum plus si diuisor erit minus numero predicto centenariorum, uel parum minus, si diuisor fuerit plus eodem numero centenariorum. Verbi gratia: uolumus diuidere 1217 per 421, relinquamus 4 et diuidemus 18 que remanent per 4; cum 421 sint proprii 400 quam alii centenarij numero, uenient 3; sed dandum erit minus, quia 421 sunt plus de 400: et si esset minus ut 370, dandum esset plus; et sic intelligas in reliquis. Et si diuisor numerus esset proprii alicui centenario, et dimidio ut 150, uel ducentis quinquaginta, et ceteris similibus: tunc, relictis duabus figuris predictis, reliquum numerum duplicet, et duplicatam summam per duplum centenariorum, et dimidium diuidat, et habebit arbitrium ponende figure. Verbi gratia: uolumus diuidere 2127 per 363, diuidimus 21 per $\frac{1}{2}$ 5, hoc est duplum de 21, scilicet 42, per duplum de $\frac{1}{2}$ 5, hoc est per 11, exhibent 3 et plus; et hoc modo accipiatur arbitrium in similibus.

Item si 505000 per 742 diuidere uulerit, descriptis numeris, ponat 8 suprascriptis dispositis sub 0 quarti gradus, scilicet quia relictis 50 de 5045, remanent 59; quorum duplum si diuidatur per duplum de $\frac{1}{2}$ 7, propter diuisorem qui est prope 750, fere 8 ueniet ex diuisione; et multiplicet 8 per 7 diuisoris, crunt 56, que extrahat de 59, remanent 3; que ponat super 9. Et 8 per 4, fiunt 28, que extrahat de 35, remanent 3; que ponat super 5, et dapnet ipsa 3 que fuerunt posita super 2. Et 8 per 3 diuisoris fiunt 24, que extrahat de 30, remanent 6; que ponat super 0, et deleat 3 que fuerunt super 5; et sic semper multiplicata posita figura, singulariter per figuras diuisoris numeri, incipiendo scilicet ab ultima usque ad primam ueniendo, semper oportet diuisionem remanere in ipsa figura; sub qua figura poni precipitur, ut in prima huius diuisionis descriptione

diuiditur ... multiplicata = 164
 19 series, lin. 24-27; pag. 45.
 lin. 30-31.

5	0	5	0	0	0
		7	4	2	
		8			

b-2 20 recto.

[demonstratur. Post hec ponat duo zephyra sub duobus zephyris tertii et secundi gradus, ideo quod utraque zephyra copulata cum 6 minore faciant numerum quam 743. Vnde summenda sunt 6 cum tribus zephyris, scilicet 6000 et in 743 diuidentia, pro qua diuisione ponenda sunt 8 in primo gradu exeuntis numeri, scilicet sub 0 primi gradus: quare diuiso duplo de 60 per duplum de $\frac{1}{2}$ 7, ueniunt 8; quibus 8 in 7 multiplicatis, et de 60 extractis, remanent 4; que 4 ponat super 0 tertii gradus, et dapnet 6 que sunt super 0 quarti gradus; et iterum 8 in 4 diuisoris multiplicatis, et de 40 extractis, remanent 8: nam sicut multiplicatio prescriptorum 8 per ordinem de gradu mutatur in gradu in diuisori numero; ita eorum multiplicationes in diuidentium numero de gradu in gradu mutari debent. Ponat siquidem remanentia 8 super 0 secundi gradus, et delect ipsa 4 que fuerunt posita super 0 tertii gradus; et multiplicet 8 per 3, fiunt 24, que extrahat de 80, remanent 56; que ponat super uirgulam de 743, et ante ipsam ponat 8008; et habebit proposita diuisionis quantitatem. Et cum per ea que de diuisionibus dicta sunt plenum magisterium haberi possit in diuidentibus numeris per numeros *uix* figurarum et plurium; tamen, ut melius intelligantur, predictas diuisiones per aliquot numeros quatuor figurarum demonstratur.

Diuisio de 17849 per 1973.

Ut si proponatur diuidere 17849 per 1973, describatur diuisor sub diuidentio, scilicet 1973 sub 7849 de 17849; et cum numerus quatuor ultimarum figurarum diuidenti numeri, idest 784, minor sit diuisore, positio figure exeuntis numeri sub primo gradu diuidenti numeri fieri necesse est. Vnde ponat 9 sub primo gradu utrorumque uerborum; ideo quia ducto uocenario in diuisore, facit fere diuidentium numerum; uel quia diuisor est prope 20 centenarius, diuidentia sunt 17 per 2, et relinquende tres figure numeri diuidenti, scilicet 819; et tunc multiplicet ipsa 9 per 1 diuisoris, et extrahat de 17, remanent 8 que ponat super 7, et multiplicet 9 per 8 diuisoris, et extrahat de 88, remanent 7, que ponat super 8, et dapnet posita 8. Et iterum multiplicet 9 per 7 diuisoris, et extrahat de 74, remanent 11, que ponat super 74, et multiplicet 9 per 3 diuisoris numeri, et extrahat de 119, remanent 92, que ponat super uirgulam de 1973, et ante ipsam ponat 9; et habebit proposita diuisionis quantitatem.

Diuisio de 1235689 per 4007.

Item si uoluerit diuidere 1235689 per 4007, descriptis numeris, ponat 3 sub tertio gradu numerorum, prescriptis scilicet dispositis; et multiplicet ipsa 3 per 4, fiunt 12, pro quibus relinquat 12 que sunt numerus duarum ultimarum figurarum diuidenti numeri. Et multiplicet 3 per 0, quod est in tertio gradu diuisoris, faciet 0; quod extrahat de 2, que sunt in diuidenti numero, remanet ipsa 2. Et iterum multiplicet 2 per 0 secundi gradus diuisoris, faciet 0. Quod extrahat de 25, remanent iterum ipsa 25. Et 3 per 7 faciunt 21, que extrahat de 256, remanent 235, que ponat super 256. Nam cum 2356 que sunt copulatio remanentis numeri; cum ei antecedente figura minus sicut de 4007, ponendum est 0 ante posita 3, scilicet sub secundo gradu numerorum, et copulanda sunt 3288 cum antecedente figura, idest cum 9, sub quibus ponat 8 in exeuntis numeri. Et multiplicet ipsam per 4, et extrahat de 32, remanet 1, quod ponat super 3 primi gradus de 32, et dapnet 32. Et 8 per 0 tertii gradus, et extrahat de 15, remanet 15. Et iterum multiplicet 8 per 0 secundi gradus diuisoris numeri, et extrahat de 158, remanet ipsa 158. Et 8 per 7 faciunt

remanet ... 17849 + (-1) 20
recto, lin. 9-12, pag. 46, lin.
42-20.

					56
5039000					
					743
					8008
					36
					1973
					8008

ponat 9 ... remanet + (-1) 20
recto, lin. 13-19, pag. 46,
lin. 21-28.

17849
1973
32
1973
99

Item ... remanet + (-1) 20
recto, lin. 21-27, pag. 46,
lin. 31-41.

15
3353355
1235689
4007
308
1235
1007
308

56, que extrahat de 1560, remanent 1533, que ponat super uirgulam de 4607, et ante ipsam ponat 208; et habebit quesite diuisionis quantitatem, ut in hac denotatur descriptione.

Utrum si eam, uel quamlibet aliam diuisionem aliter quam per pensas probare uoluerit, multiplicet exeantem numerum per diuisorem, et uenienti summe addat remanentem numerum ex diuisione, scilicet ipsum qui super uirgulam poni precipitur. Vt in hac multiplicet 208 per 4607, et multiplicationi super addat 1533 que sunt super uirgulam; et si collecta summa fecerit diuisum numerum, ipsam diuisionem rectam fore cognoscat.

*Explicit capitulum quintum. Incipit capitulum sextum
de multiplicatione integrorum numerorum cum ruptis.*

[Cum autem quemlibet numerum cuiuslibet gradus cum quolibet rupto uel ruptis per quemlibet numerum cum quolibet rupto uel ruptis multiplicare uolueris, describe maiorem numerum cum suo rupto, uel ruptis sub minori numero cum suis minutis, scilicet numerum sub numero, et minuta sub minutis. Et accipe superiorem numerum cum suis minutis. Et fac inde talia minuta qualia sunt illa que sunt cum ipso numero. Et similiter de inferiori facies sua minuta. Et multiplicabis facta minuta superioris numeri per facta minuta inferioris. Et summam diuides per minuta utriusque numeri sub una uirgula, scilicet coaptata; et habebis cuiuslibet numerorum cum minutis multiplicationes. Et ut hec cum demonstrationibus numerorum intelligibiliter ostendatur

hoc capitulum in partes octo diuidimus.

Quarum prima erit de multiplicatione numerorum integrorum cum uno rupto sub una uirgula.

Secunda de multiplicatione numerorum cum duobus et tribus ruptis sub una uirgula.

Tertia de multiplicatione numerorum cum duabus ruptis sub duabus uirgulis.

Quarta de multiplicatione numerorum cum duabus uirgulis cum pluribus ruptis.

Quinta de multiplicatione numerorum cum tribus uirgulis.

Sexta de multiplicatione ruptorum sine sanis.

Septima de multiplicatione numerorum et ruptorum, quorum uirge terminantur in circulo.

Octaua de multiplicatione partium numerorum et ruptis.

*Incipit pars prima de multiplicatione numerorum integrorum
cum uno rupto sub una uirgula.*

Si uoluerit multiplicare 11 et dimidium per 22 et tertiam, describe maiorem numerum sub minori, scilicet $\frac{1}{2}$ 22 sub $\frac{1}{2}$ 11, ut hic ostenditur: deinde fac dimidias de $\frac{1}{2}$ 11; ideo quia ruptus qui est cum $\frac{1}{2}$ 11 est medietas, quod sic fit: multiplicabis 11 per 2 que sunt sub uirgula post ipsa 11, et de super adde 1, quod est super uirgulam de 2, erunt medie 22: uel duplica $\frac{1}{2}$ 11, erunt 22: describe 22 super $\frac{1}{2}$ 11, ut in descriptione ostenditur: eademque ratione multiplicabis 22 per suam uirgulam, hoc est per 2 que sunt sub uirgula post 22, erunt tertie 66, cum quibus adde 1, quod est super 2, erunt tertie 67, que serua super $\frac{1}{2}$ 22, et hoc fuit triplicare $\frac{1}{2}$ 22: et multiplicabis dimidias 22 per tertias 67, erunt sexte 154, quas diuides per ruptos qui sunt sub uirgulis aulorum numerorum, scilicet per 2 et per 3; que diuisio sic fit: multiplica 2 per 2, erunt 6, in quibus diuide 154, exhibunt integra $\frac{2}{3}$ 256 pro quesita multiplicatione, ut in prescripta descriptione demonstratur. Nam querenti quare ex multiplicatione medietatum in tertias proueniunt sexte,

* deinde ... numerum x lib.
24 uero. In 15 21. 149 47.
In 22 106.

	22
$\frac{1}{2}$	11
	67
$\frac{1}{2}$	22
$\frac{1}{3}$	256
	Summa

respondes: quia cum semel tertia accipitur hoc cum multiplicatur per tertiam provenit tertia. Quare cum multiplicatur medietas uulsi per tertiam, scilicet cum accipitur medietas tertie, sextam prouenire necesse est. Et ideo ex multiplicatione medietatum in tertias proveniunt sexte. Rursus cum secundum alium intellectum multiplicauimus duplum de $\frac{1}{2}$ 11, scilicet 22 per triplum de $\frac{1}{2}$ 22, scilicet per 67, tunc habuisse sexuplum summe multiplicationis eorum demonstrabo. Ex multiplicatione quidem de $\frac{1}{2}$ 22 in $\frac{1}{2}$ 11 provenit summa quesita. Quare si unimultiplicatur $\frac{1}{2}$ 22 per duplum de $\frac{1}{2}$ 11, hoc est per 22, provenit duplum quesite summe. Ergo si multiplicatur triplum de $\frac{1}{2}$ 22, hoc est 67 per 22, scilicet per duplum de $\frac{1}{2}$ 11, nimirum triplum dupli, hoc est sexuplum summe quesite proveniet. Quare sexta pars summe multiplicationis eorum est summa quesita, quod oportebit ostendere. Et scias quia ideo multiplicauimus 2 per 2 quando per 2 et per 2 diuidere debeamus; quia multiplicatio illorum non surgit ultra decenarium numerum; et sic debes facere de omnibus numeris, quorum multiplicationes non ascendunt ultra decem. Verbi gratia: ut cum debueris diuidere aliquem numerum per 2 et per 2, diuides ipsum per 4; ideo quia bis 2 faciunt 4; et si debueris ipsum numerum diuidere per 2 et per 4, diuides eum per 8; et si per 2 et per 3, diuides eum per 10; et si per 3 et per 3, diuides eum per 9; et si per 2 et per 5 numerum aliquem diuidere uolueris, diuidas eum per $\frac{1}{2}$ 2: ideo quia multiplicatio de 2 in 5 surgit in 10, quia numerus maior est de 10. Vade melius est ut diuidas per $\frac{1}{2}$ 2 quam per 10.

¶ d. 23. recta.

De eodem.

Item si uolueris multiplicare $\frac{1}{2}$ 12 per $\frac{1}{2}$ 22, describe questionem ut hic ostenditur, et multiplicabis 12 per 2 que sunt sub uirgula, et addes 1 quod est super ipsa 2, erunt medie 25. Item multiplicabis 22 per 2 que sunt sub uirgula, et addas 2 que sunt super ipsa 2, erunt quinte 118: multiplicabis ergo medias 25 per quintas 118, erunt medie quinte, scilicet decime 2950: quare diuides per 2 et per 5, que sunt sub uirgulis, hoc est per 10, uel debes 2950 diuidere per 10; quia ex duplo de $\frac{1}{2}$ 12 in quincuplum de $\frac{1}{2}$ 22, scilicet de 25 in 118, provenit decuplum multiplicationis de $\frac{1}{2}$ 12 in $\frac{1}{2}$ 22, exhibunt integra 295 et nihil aliud, ut superius in questione demonstratur. Potes enim summam dicte multiplicationis aliter reperire, scilicet ut ante quam multiplices 25 per 118, diuide 25 per 5 de uirgula; cum per ipsam integraliter possint diuidi, exhibunt 5 que serua; et diuide 118 per 2 que sunt sub uirgula; cum eorum medietas sit integra, exhibunt 59, que multiplica per 5 seruaata fuerunt quinta pars de 25 erunt 295, que sunt summa dicte multiplicationis, ut superius repertum est: et hec talis est uitatio multum est consideranda, per quam cuitatur labor multiplicandi et diuidendi: grauius enim est multiplicare 25 per 118, quam 5 per 59; quorum multiplicationem, scilicet de 5 in 59, non oportet per aliquem raptum diuidere. Vnde cum debueris multiplicare aliquem numerum per aliquem numerum, et debueris summam illorum per aliquem numerum, uel numerus diuidere, per quem, uel per quos aliquem numerorum possis integraliter diuidere, studebis semper diuidere hos quos integraliter diuidere poteris, ante quam multiplices: deinde multiplicabis residuum numerorum ad inuicem, et diuides per raptum, uel per raptos qui remanebunt ex euitatione, quod in sequentibus demonstrare curabimus. Sed primum uolo demonstrare unde talis euitatio procedat. Quia ex multiplicatione de 25 in 118 provenit decuplum multiplicationis de $\frac{1}{2}$ 12 in $\frac{1}{2}$ 22, ut habetur per ea que in antecedente

¶ Item: multiplicationis 2 (d. 23. recta. fol. 26. pag. 48. bo. 21. 27).

	25
	12
	118
	25
295	25
Summa	

multiplicatione duximus. Ergo ex multiplicatione quinte partis de 25 in 118 proveniet quinta decupli triplicationis de $\frac{1}{3}$ 12 in $\frac{1}{3}$ 22, scilicet diuisum ipsius multiplicationis : quare si multiplicetur quinta 25, scilicet 5 per dimidium de 118, scilicet per 59, provenit ipsa multiplicatio de $\frac{1}{3}$ 12 in $\frac{1}{3}$ 22.

De eodem.

Rvrsus si uolueris multiplicare $\frac{1}{3}$ 12 per $\frac{1}{3}$ 24, descriptis numeris ut hic ostenditur, multiplica 12 per 3 et adde 2, que sunt super ipsa 3, erunt tertie 41. Item multiplica 24 per eorum regulam, hoc est per 7, et adde 5, erunt septime 173, quas multiplica cum 41, erunt uigesime prime 7022. Quas diuide per 3 et per 7, que sunt sub uirgulis positus sub una uirgula sic $\frac{12}{3}$, exhibunt integra $\frac{12}{3}$ 227: de hac enim multiplicatione non potes aliquid cuitare, ideo quia 41 uel 173, nec per 3, nec per 7 integraliter diuiduntur. Si autem per pensam nouenarii cognoscere uolueris ntrum recta fuerit hec multiplicatio, uel non : accipe pensam de 12 per eundem nouenarium que est 4, et multiplica eam per 3, que sunt sub uirgula post ipsa 12, erunt 12, et adde 2, que sunt super ipsa 2, erunt 14, de quibus accipe pensam, que est 5, et serua eam. Et uide de 41 si pensa ipsorum est 5, sicut modo seruasti; quia tunc scies ipsa 41 recta esse, si pensa eorum fuerit 5. Pensa enim de 41 est 5, ut oportet: quare seruabis 5 super 41, uel post ipsa: postea uidebis per eandem pensam nouenarii de 173 si recta sunt, uidelicet multiplicabis pensam de 24, que est 6 per 7 que sunt sub uirgula, et addes 5 que sunt super ipsa 7, erunt 47, quorum pensa, que est 2, serua. Quia talis debet esse pensa de 173, et ita est: quare pones 2 super 173, et multiplicabis pensam de 41 per pensam de 173, scilicet 5 per 2, erunt 10; de quibus extrahe pensam, remanet 1, quod est pensa summe multiplicationis: seruabis enim ipsum 1 super summam multiplicationis, scilicet super $\frac{12}{3}$ 227. Et multiplicabis pensam de 227 que est 4 per 7, que sunt sub uirgula post 227; et super adde 5, erunt 23, quorum pensa que est 6 multiplicabis per 2, que sunt super eadem uirgula post 7, et adde 1, quod est super ipsa 2, erunt 19, quorum pensa est 1, ut pro pensa summe multiplicationis super 227 in questione seruatum est: ergo recta est dicta multiplicatio (*sic*): nam ordo probandi est cum inceperis multiplicare, debes incipere probare. Vt in hac multiplicatione, cum habuisti 41 ex multiplicatione de 12 in 3, duobus super additis, debuisti statim per pensam cognoscere, si ipsa 41 recta esset: similiter et cum habuisti 173, debuisti cognoscere per pensam si recta esset. Iterum cum multiplicasti 41 per 173, debuisti cognoscere per pensam, si eorum multiplicatio recta esset. Et cum habuisti summam, scilicet $\frac{12}{3}$ 227, debuisti cognoscere similiter, secundum quod superius demonstrauius, si illa diuisio recta esset.

De eodem.

Iterum si uolueris multiplicare $\frac{1}{3}$ 16 per $\frac{1}{3}$ 27, descripta questione, multiplica 16 per eorum uirgulam, scilicet per 4 et adde 1, erunt quarte 65, quem numerum proba per pensam sic: ut si per pensam septenarii probare uolueris, diuides 16 per 7, remanebunt 2, que multiplica per 4 de uirgula et adde 1, quod est super 4, erunt 9, que diuide per 7, remanet 2; et tot debet remanere de 65, si diuidantur per 7, et tot remanent. Ergo pensa de 65 est 2, que serua super 65: deinde multiplica 27 per eorum uirgulam, erunt quinte 137, quas pone super $\frac{1}{3}$ 27, et uide per pensam de 7 si ipsa 137 recta sint, sicuti uidisti de 65; et reperijs quod pensa de 137 debet esse 4 et ita est: quia si diuideris 137

* *Summa ... Pensam* ... (fol. 21 r^o verso, lin. 22-25, pag. 45, lin. 6-11):

pensa per 9.		(
41		
$\frac{1}{3}$ 12		
173)
pensa	$\frac{1}{9}$ 24	
$\frac{1}{3}$ 227		

fol. 21 verso.

* *Iterum ... seruatum* ... (f. 1. 21 verso, lin. 2-10, pag. 45, lin. 26 - 33, lin. 2):

65		(
$\frac{1}{3}$ 16		
137		
$\frac{1}{3}$ 27)
$\frac{1}{3}$ 445		

per 7, nimirum 4 remanebunt. Quare seruiabis 4 super 137 pro ipsorum pensa: deinde multiplicabis 63 per 137, erunt uigesime 8905. Que multiplicatio si recta fuerit, ita per eandem septenarij pensam cognosces: multiplicabis seruatam pensam de 63, scilicet 3, per pensam de 137 que est 4, erunt 8, que diuides per 7, remanet 1: et tot debet remanere de 8905 si diuidatur per 7, et ita fit. Vade cognoscimus quod recta est illa multiplicatio. Postea diuide 8905 per raptos qui sunt sub uirgulis, hoc est per 4 et per 5 positos sub una uirgula. Tamen diuide prius per 5; ideo quia 8905 integraliter per 5 diuiduntur, exhibunt $\frac{1}{5}$ 445 pro summa quesite multiplicationis. Que diuisio si recta est, ita debet cognoscere: diuides 445 per 7, remanent 4. Que multiplica per 4 que sunt sub uirgula post ipsa 445, et adde 1 quod est super ipsa 4, erunt 17; que diuide per 7 remanent 3; que multiplica per 5, que sunt sub uirgula post 4, et adde zephyrum quod est super 5, erunt 15; que diuide per 7, remanet 1; quod 1 cum sit pensa de 8905, scimus quod prescripta diuisio recta est. Et scius quare 5 que sunt sub uirgula diuisionis post 4, cum super ipsa sit 0, nihil representant. Ergo descripta multiplicatio est $\frac{1}{5}$ 445. Posuimus eum ipsa 5 sub uirgula ut inueniretur pensa. Aliter promptius potes hanc eandem multiplicationem euitando reperire, scilicet ut diuidas 63 reperta per 3 que sunt sub uirgula, exhibunt 21, que multiplica per 137, et diuides per 4 de alia uirgula, exhibunt similiter $\frac{1}{4}$ 445, ut superius reperta sunt. Nam semper cum debemus aliquem numerum per 4 et per 5 diuidere, hoc est per $\frac{10}{20}$, si ipse numerus habuerit $\frac{1}{5}$, consuescimus ipsum prius per 5 quam per 4 diuidere, propter integram ipsius diuisionem, sicuti modo fecimus de 8905. Et si numerus ipse per 4 integraliter diuiditur, consueuimus ipsum prius per 4 quam per 5 diuidere. Et si numerus ille nec per 4, nec per 5 integraliter diuidi possit, consueuimus ipsum diuidere per $\frac{10}{20}$; ideo quia quattuor quinque faciunt 20, quorum regula est $\frac{15}{210}$. Et hoc facimus propter pulchriorem locutionem; quia pulchrius est dicere $\frac{15}{210}$ quam $\frac{1}{14}$, quamuis idem sint. Similiter debes intelligere de quibusdam alijs numeris, scilicet cum debueris diuidere aliquem numerum per 3 et per 4, hoc est per $\frac{12}{48}$; qui numerus non diuidatur per aliquem ipsorum integraliter, diuides eum per $\frac{10}{40}$ quod est pulchrius. Item cum debueris diuidere per 4, et per 4, hoc est per $\frac{10}{40}$, diuides eum per $\frac{10}{40}$. Et cum debueris diuidere per 3 et per 6, hoc est per $\frac{10}{60}$, diuides per $\frac{10}{60}$; ideo quia tantum faciet multiplicatio de 3 in 9, quantum de 3 in 6. Item cum debueris diuidere per 4 et per 6, hoc est per $\frac{10}{60}$, diuides per $\frac{10}{60}$. Et cum debueris diuidere per $\frac{10}{60}$, diuides per $\frac{10}{60}$. Et cum debueris diuidere per $\frac{10}{60}$, diuides per $\frac{10}{60}$. Et cum debueris diuidere per $\frac{10}{60}$, diuides per $\frac{10}{60}$; ideo quia utraque uirgula, scilicet $\frac{10}{60}$ et $\frac{10}{60}$, est regula de 36. Sed nos diligimus plus extremos numeros, qui sunt a decem et infra in compositionibus numerorum, et ideo pulchrius est $\frac{10}{60}$ quam $\frac{1}{6}$. Et hoc idem intelligas de precedentibus. Verum si diuidere uolueris aliquem numerum per aliquos alios numeros infra decennarium existentes, preter hos quos superius docuimus coaptare, cum ipsi coaptari non possint, diuides ipsum per ipsos; ut si debueris diuidere eum per 5, et per 7, diuides ipsum per $\frac{10}{35}$, et sic intelligas de reliquis.

Rursus si uolueris multiplicare $\frac{2}{3}$ 15 per $\frac{1}{2}$ 24, descripta questione, multiplica 15 per eorum uirgulam, hoc est per 6, et adde 3, erunt 147. Item multiplica 24 per 9, et adde 4, erunt 220. Que multiplica per 147 et diuide per raptos, exhibunt $|\frac{1}{2}$ 449, quorum pensa est 0 per 11. Nam si de $\frac{1}{11}$ que partes sint unius integri scire uolueris, multiplica 1 quod

est super 8 per 8, et adde 4, erunt 12; que serua pro numero denominante: et multiplica 9 per 8, que sunt sub uirgula, erunt 72 pro denominato; que diuide per serua 12 exhibunt 6; de quibus 8 dicas $\frac{1}{2}$; et talis pars sunt 12 de 72: similiter talis $\frac{21}{72}$ sunt $\frac{1}{2}$ unius integri. Dicam hoc pulcrius; quia ex multiplicatione de 8 in 9 surgunt 72: fac septuagesimas secundas de uno integro, erunt 72; de quibus accipe nonam et quattuor octauas unius none, erunt 8 et 4, scilicet 12, ut habentur ex multiplicatione de 1 quod est super 9 in 8, additis 4 que super 8. Ergo $\frac{11}{19}$ sunt $\frac{12}{19}$. Quare proportio de $\frac{11}{19}$ ad unum integrum est sicut 12 ad 72. Sed proportio de 12 ad 72 est sicut proportio duodecime partis de 12 ad duodecimam partem de 72, hoc est de 1 ad 6: quia ut in Euclide reperitur, sicut totum ad totum, ita pars est ad partem: est enim de 6 sexta pars que habetur pro summa prescripte multiplicationis de $\frac{1}{2}$ 449.

Aliter possumus hanc eandem summam euitandi reperire: sed cum debeas multiplicare 147 per 220, et postea diuidere per 8 et per 9, multiplica tantum tertiam partem de 149, que est 49, per quartam partem de 220, hoc est per 55, et diuides summam per tertiam partem de 9, hoc est per 3, et per quartam de 8, hoc est per 2. Ergo diuides eorum summam per 6, exhibunt $\frac{1}{2}$ 449, ut superius repertum est. Et nota cum numerus denominans comunicat cum denominato, scilicet numerus qui est super uirgula cum numero qui est sub uirga, tunc debent aptari diuidendo eos per maiorem numerum, qui est comunis utriusque, a quo ipsi sunt comunicantes. Verbi gratia: habemus $\frac{2}{5}$; sunt enim 6 cum 9 comunicantes, et est eorum comunis mensura ternarius. Quare diuides utraque eorum per 3, et quod ex diuisione superioris prouenerit, scilicet 2, pones super quamdam uirgam; et quod egredietur ex diuisione inferioris pones (*sic*) pones sub ipsa; et habebis $\frac{2}{3}$ pro $\frac{2}{5}$. Item de $\frac{15}{19}$ est quinarins, scilicet numerus denominans comunis mensura eorum. Quare si diuidantur utriusque numeri per 5, scilicet 3 et 19, proueniet $\frac{3}{19}$ pro aptatione de $\frac{15}{19}$; et hoc intelligas in similibus. Est enim modus inueniendi maximam comunitatem quam inter se habent numeri comunicantes, ut diuidas maiorem per minorem; et si ex ipsa diuisione nihil superauerit, tunc minor numerus erit maxima eorum comunis mensura, ut in $\frac{12}{15}$; et si ex ipsa diuisione aliquid superfuerit, serua illud pro residuo primo in quo diuides minorem numerum; ex qua diuisione, si nichil superfuerit, tunc residuum primum erit comunis mensura numerorum ut in $\frac{15}{15}$, quorum comunis mensura est 3: quare diuisis 22 per 19, remanent 3, in quibus 19 integraliter diuiduntur: et si ex diuisione minoris numeri per primum residuum aliquid superfuerit, uocabis illud residuum secundum: in quo si maior numerus integraliter diuidatur, tunc residuum secundum erit comunis mensura numerorum, ut in $\frac{15}{19}$, quorum comunis mensura est 4: quia, diuisis 19 per 12, remanent 7; in quibus diuisis 12, remanent 4, in quibus 12 integraliter diuiduntur: et si ex diuisione maioris numeri aliquid superfuerit, uocabisque cum residuum tertium, in quo diuides minorem numerum; et sic semper facies, donec aliquid residuum proueniat in maiori numero, per quod integraliter diuidatur minor, uel donec in minori proueniat residuum per quod diuidatur maior; et illud residuum erit comunis mensura et maxima, ut in Euclide apertis demonstrationibus declaratur.

Explicit pars prima sexti capituli. Incipit secunda

De multiplicatione numerorum cum pluribus ruptis sub una uirgula.

Si autem 12 et tres octauas, et dimidium unius octaue, quod sic scribuntur $\frac{12}{19}$ 12, uo-

• $\frac{11}{19}$ 449 ... et serua • (fol. 22
recto, lin. 1-6; pag. 80, lin.
42 — pag. 83, lin. 7).

pena est	147	④
per 11		
	$\frac{1}{5}$ 18	
	220	⑥
	$\frac{1}{2}$ 24	
$\frac{11}{19}$	449	

* que de Item si a (fol. 22 verso, lin. 28-30; pag. 52, lin. 4-11).

pensa est 215	
3 per 11	11 13
875	
3	6
87 84	
875 386	

fol. 22 verso.

* utius non . . . pens de a (fol. 24 verso, lin. 7-10; pag. 52, lin. 12-15).

pensa es 1	
0 per 7	2519
7114 14	
8890	
9	6
75 6 25	
8890 362	

* si de ostendit (fol. 22 verso, lin. 16-22; pag. 52, lin. 22-31).

187	
8	8 15
791	
4	2 26
4 7 6 410	

lueris multiplicare per 24 et duas nonas, et tres quartas unius none, que sic scribuntur $\frac{22}{70}$ 24, describe questionem ut hic ostenditur. Et multiplica 12 per 8, et adde 3, erunt octave 107; que multiplica per 3, que sunt sub uirgula per 8 et adde 1, quod est super ipsa 3, erunt sexdecime 215; quia 2 et 8, que sunt sub uirgula, insimul multiplicata, faciunt 16: pone ergo 215 super $\frac{16}{24}$ 12. Similiter multiplica 24 per eorum uirgulam, scilicet per 8 et adde 3 que sunt super 8, erunt none 218; que per 4 que sunt sub uirgula post 8, et adde 3 que sunt super 4, erunt 873 trigesime sexte; quas pone super $\frac{22}{48}$ 24, et multiplica 215 per 875, et diuide per numeros qui sunt sub uirgulis utriusque numeri, hoc est per $\frac{4075}{2240}$, uel per $\frac{102}{448}$ quod est pulchrius, exhibunt $\frac{215}{224}$ 286; et sic poteris multiplicare per quemlibet numerum cum duobus ruptis sub una uirgula per quemlibet numerum cum duobus ruptis sub alia. Item si | 14 et tres undecimas et tres octauas unius undecime et dimidium octave unius undecime, que sic scribuntur $\frac{1}{2} \frac{3}{4} \frac{3}{8}$ 14, multiplicare uolueris per 25 et quattuor tredecimas, et duas nonas unius tredecime, et tertiam unius none de una tredecima, que sic scribuntur $\frac{271}{28}$ 25, describe questionem, at hic ostenditur; et multiplica 14 per eorum uirgulam, hoc est per 11, et adde 3; que per 8, et adde 3, que sunt super 8; que per 2 et adde 1, erunt centesime septuagesime sexte 219, quas pone super $\frac{1}{2} \frac{3}{4} \frac{3}{8}$ 14. Similiter multiplica 25 per eorum uirgulam, erunt trecentissime quinquagesime prime 890, quas pone super $\frac{117}{224}$ 23; et multiplica 219 per 890, erunt 2220910; que diuide per reliquos ruptos qui sunt sub utraque uirgula, scilicet per $\frac{4505}{22412}$, exhibunt $\frac{1345}{22412}$ 362: quia cum de $\frac{1}{2}$ euitatur $\frac{1}{2}$, remanet $\frac{1}{2}$. Quam multiplicationem, si per pensam de 7 probare uolueris, accipe pensam de $\frac{1}{2} \frac{3}{4} \frac{3}{8}$ 14, que sic accipitur: multiplicabis pensam de 14, que est 8, per pensam de 11, que est 4, et adde 3, que sunt super 11, erunt 3; que multiplica per pensam de 8 que est 1 et adde 3, que sunt super 8, erunt 6; que multiplica per 2 que sunt sub uirgula et adde 1, quod est super 2, erunt 12, quorum pensa, que est 6, est pensa de $\frac{1}{2} \frac{3}{4} \frac{3}{8}$ 14. Eademque uia et ordine accipe pensam de $\frac{1}{2} \frac{3}{4} \frac{3}{8}$ 25, et inuenias eam esse 0, que multiplica per 6, scilicet per pensam de $\frac{1}{2} \frac{3}{4} \frac{3}{8}$ 14 modo inuentam, erit 0, quod est pensa summe multiplicationis. Vnde uideas si pensa de $\frac{7}{8} \frac{6}{9} \frac{6}{11} \frac{6}{12}$ 362 est 6, tunc recta erit multiplicatio; et intellige pensam de 12, et suis fractionibus, scilicet 6 esse pensam numerorum, scilicet de 259 et pensam de 25 et suis fractionibus, scilicet 0, est pensa de 890: quare pensa que prouenit de 6 in 0, scilicet 0, est pensa multiplicationis de 259 in 890.

Si uis multiplicare 15, et tertiam et quartam unius integri, que sic scribuntur cum duabus separatis uirgulis $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ per — et quintam et sextam, que sic scribuntur $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ 26, describe questionem ut hic ostenditur, et multiplica 15 per 3 que sunt sub prima uirgula et adde 1, quod est super 3, erunt tertie 46; quas multiplica per 4 que sunt sub alia uirgula, erunt duodecime 184, super quas adde multiplicationem de 1 quod est super 4 in 3: quia quarta equatur tribus duodecimis, erunt similiter duodecime 187, quas pone in questione super $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ 15. Similiter multiplica 26 per suas uirgulas, hoc est per 5, et adde 1, quod est super 5, erunt xxx.iii. 791, quas pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ 26; et multiplica 187 per 791, erunt 147917; que diuides per omnes numeros qui sunt sub uirgulis, scilicet per $\frac{5075}{224}$ qui coaptati reuertuntur in $\frac{10}{40} \frac{6}{20}$, exhibunt $\frac{277}{224}$ 410, ut in questione ostenditur.

Item si uolueris multiplicare $\frac{2}{3} \frac{2}{3}$ 16 cum $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ 27, descripta questione, multiplica 16 per 3 et adde 2; que omnia multiplica per 6, et adde multiplicationem de 2, que sunt super 9 in

5, erunt 757, que pone super $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$. Item multiplica 27 per suas uirgulas, erunt 2447, per que multiplica 757, et diuides summam per omnes ruptos, scilicet per $\frac{1111}{100000}$, et coapta ruptos, exhibuit $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 467. Quam multiplicationem, si per pensam de 7 probare uolueris, accipe pensam de $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$, que sic accipitur: multiplicatur pensa de 16, que est 2, per 5 de uirgula, et super adduntur 3, que sunt super 5, fiunt 13, quorum pensa, que est 6, multiplicatur per pensam de 9 que est 2, fiunt 12; super que additur multiplicatio de 2, que sunt super 9 in 5, fiunt 22, quorum pensa, que est 1, est pensa de $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$. Et tot debet esse pensa de 757 et ita est. Item accipe pensam de $\frac{27}{11}$ $\frac{1}{10}$ 27 que accipitur secundum quod accepimus ipsam de $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$; et inuenies pensam ipsorum esse 4, que 4 sunt pensa de $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$ 467. Multiplica ergo 1 per 4, erunt 4, que 4 sunt pensa summe, scilicet de $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$ 467. Et si $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{10}$ in partes unius numeri reducere uis, multiplica 11 per 10, et eorum summam multiplica per 9, et hoc totum per 4, erunt 2966, qui numerus est denominatus: pone ergo ipsam sub quadam uirga, et multiplica 8 que sunt sub 11 per 10, et adde 4, que sunt super 10; que omnia multiplica per 9, et adde 8, que sunt super 9; que per 4 et adde 2, que sunt super 4, erunt 2059, qui numerus est denominatus. Quare pones cum super uirgam, et habebis $\frac{2059}{2966}$ pro re quesita. Item si uis multiplicare $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$ 17 per $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{10}$ 29, multiplica integra per eorum uirgas ordine superscripto; et habebis pro superiori numero 1241, et pro inferiori numero 1448; quos uumeros debes insimul multiplicare, et summam per omnes ruptos diuidere, scilicet per $\frac{29000}{100000}$. Et quia communicatio inter uumerum diuidendum, et diuidentem, hoc est inter uumeros multiplicantes et uumeros qui sunt sub uirga, debes imitari modum euationis supradictum, uidelicet accipies $\frac{1}{11}$ de 1241, scilicet 73 pro uno ex multiplicationibus (*sic*) numeris, propter quot relinquetur 17, que sunt sub uirga. Item accipies $\frac{1}{10}$ de 1448, scilicet 148 pro alio; et relinques $\frac{1}{10}$ de uirgula. Ergo multiplicabis 73 per 148, et diuides summam per reliquos uumeros, qui sunt sub uirga, scilicet per $\frac{11}{10}$, exhibunt $\frac{11}{10}$ 469 pro quesita multiplicatione: cuius summe probam accipies ex proba de 73 et de 148; cum eorum multiplicationis summa sit diuisa. Nam pro $\frac{1}{10}$ dices $\frac{1}{10}$; pro $\frac{1}{16}$ dices $\frac{1}{16}$ et tertiam none. Item habemus in quadam uirga hoc $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$, quas pronuntias ita: pro $\frac{1}{10}$ dices $\frac{1}{10}$; et pro $\frac{9}{10}$ dices quartam decime; et pro $\frac{1}{10}$ dices dimidium octaue decima; et pro $\frac{1}{10}$ dices dimidium sexte octaue decima; et hec contingunt propter comunitates quas habent superiores uumeri cum inferioribus. Et notandum quod multe fractiones, que sunt sub diuersis uirgis, possunt reduci ad unam uirgam, scilicet ad partes unius numeri, ut in suo demonstrabitur loco. Sed hic, qualiter due fractiones que sunt sub duabus uirgis coniunguntur, duxi necessarium demonstrare: multiplicabis uumerum qui fuerit sub prima uirga per numerum qui fuerit sub secunda; et quot proueniet, pones sub quadam uirga: deinde multiplicabis numerum qui est super primam uirgam per numerum qui est sub secunda; et numerum qui est super secundam multiplicabis per numerum qui est sub prima; et has duas multiplicationes coniunges; et quot prouenerint pones super uirgam, et habebis optatum. Verbi gratia: uolumus addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{2}{3}$, multiplica 2 per 3 que sunt sub uirgis, erunt 10, que pone sub quadam uirga; et multiplica 1 quod est super 2 per 3, et 2 que sunt super 3 per 2 que sub uirga, erunt 5 et 4, scilicet 9: que 9 pone super uirgam, et habebis $\frac{9}{10}$ pro $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{2}$. Aliter fac de uno integro decimas, erunt decime 10: quare pro $\frac{1}{2}$ habebuntur $\frac{5}{10}$, et pro $\frac{2}{3}$ habebuntur $\frac{6}{10}$; et sic pro $\frac{1}{2}$ et $\frac{2}{3}$ habentur $\frac{11}{10}$, ut prediximus.

1. Item... secundum... (fol. 22 verso, lin. 22-23; pag. 52, lin. 22— pag. 52, lin. 8).

757
$\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$
2447
$\frac{2}{3}$ $\frac{1}{16}$ 27
9 9 9 9
1 0 10 11
467

fol. 22 verso.

Et quamuis per os duos modos possunt quelibet due fractiones duarum uirgarum ad unam reduci uirgam; tamen, qualiter in fractionibus que habent sub uirgis numeros comunicantes, subtilius procedere edocebo. Vt si uolueris $\frac{2}{3}$ in unam uirgam reducere; quia 3 et 9, que sunt sub uirgis, comunicant inter se, et est ternarius eorum comunicatio, diuide unum ex ipsis numeris, scilicet 3, uel 9 per 3, scilicet per eorum comunem mensuram; et quod proueniet multiplica per alium numerum, et proueniet 9 pro numero denominato. Verbi gratia: multiplicata quidem tertia parte de 3, scilicet 1 per 9, uel multiplicata tertia parte de 9 per 3, uimirum ex qualibet multiplicatione predictarum 9 proueniet: ponas ea sub quadam uirga, et multiplica 1, quod est super 3, per tertiam partem de 9, erunt 3 que serua in manu; et multiplica 2 que sunt super 9 per tertiam partem de 3, scilicet per 1, erunt 2; que adde cum 3 seruat, erunt 5; que pone super uirgam sub qua posita sunt 9, et habebis $\frac{5}{9}$ pro $\frac{2}{3}$. Item uolumus addere $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{2}$: quia binarius est comunis de 4 et de 6, multiplica dimidium de 4 per 6, uel dimidium de 6 per 4, uel accipe dimidium multiplicationis de 4 in 6, et habebis 12; que pone sub quadam uirga, et multiplicabis 3, que sunt super 4, per dimidium de 6, que sunt super 6, per dimidium de 4; et habebis 9 et 10; que insimul iunge, erunt 19; que 19 ponenda esset super 12 positus sub uirga, si esset minus quam 12: sed quia sunt plus, diuides 19 per 12, exibunt $\frac{1}{12}$ pro coniunctione de $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$. Et nota cum sub duabus uirgulis ponuntur numeri comunicantes, uel ex quorum multiplicatione non proueniat ultra decem, tunc propter dictam doctrinam debes ipsas fractiones reducere ad unam uirgam, et ipsarum habere loco illarum duarum uirgularum, ut in sequentibus demonstrabo. Sed ponam prius in subscriptis tabulis duas fractiones quas aptare debes; et ante eas ponam aptationes earum, et incipiam a $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ que sunt 1: deinde sequuntur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ que sunt $\frac{2}{3}$ et cetera, que in sequentibus tabulis describuntur.

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	1	cccc	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	cccc	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	cccc
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{6}$	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{4}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{4}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{4}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{6}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{6}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{6}{6}$	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{8}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{8}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{8}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{10}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{10}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{10}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{12}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{12}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{12}{6}$	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{14}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{14}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{14}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{16}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{16}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{16}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{18}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{18}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{18}{6}$	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{20}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{20}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{20}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{22}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{22}{6}$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{22}{6}$	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{24}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{24}{6}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{24}{6}$	

pensam de 8, que est 1, et adde 5 que sunt super 8; quorum pensa, scilicet 1, multiplica per 2 et adde 1, quod est super 2, erunt 3, que sunt pensa de 252; quam multiplica per pensam de 9, erunt 6; que multiplica per 5 que sunt sub uirga, erunt 30, quorum pensa est, scilicet 2, est pensa inuenti numeri, scilicet de 12725: deinde multiplica 2 que super 9 per 8, et adde 1, quod est super ipsa 5; que per 2; que per 8 que sunt sub prima uirga, erunt 176; de quibus accipe probam sic: multiplica 2 que sunt super 2 per 5 et adde 1, erunt 11; quorum probatio, scilicet 4, multiplica per 2, erunt 8; quorum proba, que est 1, multiplica per probam de 8, proueniet 1; et tot debet esse proba de 176: et quia ita est, scimus 178 recta esse: adde ergo ea cum 12725, erunt 12911, quorum proba est 2, que prouenit et additione probarum iuكتورorum numerorum: serua ergo ea super 17; studeas ordine eodem multiplicare 28 per suas uirgulas, et proueniet 63091: serua ergo super 28, et probam eorum similiter, que est 0; et multiplica 12911 per 63091 diuide per omnes numeros qui sunt sub 4 uirgis, et apta uirgulam; et habebis quesitam summam, ut in questione ostenditur: cuius summe proba est quod prouenit ex multiplicatione seruatorum probatarum in se. Rursus si uis multiplicare $\frac{251}{292} \frac{272}{3114} 19$ per $\frac{321}{327} \frac{282}{397} 22$; et multiplica 19 per suas uirgulas, scilicet per 19, et adde 3 que sunt super 19; que per 9 et adde 2 que sunt super 9; que per 7 et adde 2 que sunt super 7, erunt 12175; que multiplica per 5; que per 6; que per 2 que sunt sub secunda uirga, erunt 1188800, quorum proba per 11 est 6: adde ergo 14400 cum seruatiss 1168800, erunt 1183290, quorum proba est 9, ut colligitur ex 6 et 3, que sunt probe horum dictorum numerorum. Multiplica ergo 1183290 per 1970219 que proueniunt ex multiplicatione de 23 in suas uirgas, et eorum proba per 11 est 4: et diuides summam per numeros qui sunt sub omnibus quattuor uirgis: ut si uis euitare comunitates quas habent numeri multiplicantes cum diuidentibus, accipe $\frac{1}{10}$ de 1183290; et de decima accipies tertiam partem, uenient 39442. Similiter diuide 1064869 per 3, erunt 354953; que multiplicabis per 29442, et diuides summam per omnes raptos predictos, extractis ex eis $\frac{100}{2115}$, hoc est $\frac{20}{423}$; et studebis aptare raptos ordine suprascripto; et habebis quesitam summam, ut in questione ostenditur. Et si ipsa probare uolueris, multiplica probam de 29442 per probam de 354953, et habebis probam quesite summe.

Incipit pars quinta.

Si uis multiplicare 21 et $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ et $\frac{1}{4}$ per 22 et $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ et $\frac{1}{4}$, describe numeros ut in margine cernuntur; et multiplica 21 per 3 et adde 1 quod est super 3, erunt 64; que per 4; que per 5 que sunt sub uirgis uel in una multiplicatione: multiplica 64 per 20, erunt 1280 sexagesime; et 1 quod est super 4 quod est quarta, multiplica per 5 que sunt sub tertia uirga; que per 3 que sunt sub prima, erant sexagesime 15. Item 1, quod est super 3 quod est quinta, multiplica per 4 que sunt sub secunda uirga; que per 3 que sunt sub prima, erunt sexagesime 12: adde ergo 1280 et 15 et 12 sexagesimas, erunt sexagesime 1307; et tot sexagesime sunt in $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} 21$; quorum proba per 11 est 9, que habetur ordine quo multiplicauerit numeri. Similiter fac sua miuuta de $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} 22$, scilicet multiplica 22 per 7 et adde 3 que sunt super 7; que per 9; que per 8, erunt 1884 quingentesime quarte. Item 2 que sunt super 9 multiplica per 8; que per 7, erunt 112 similiter quingentesime

• *Contin. probare x (fol. 24 recto, lin. 16-29, pag. 56, lin. 12-20).*

1	1	3	2	9	0	
1	0	8	7	8	1	19
2	4	8	1	9	8	10
1	0	7	9	3	1	9
1	7	5	2	2	23	
1	3	7	7	9		461
8	9	3	4	8	1	3
1	2	4	7	9	9	7

• *Si uis quingente x (fol. 24 recto, lin. 31-38, pag. 56, lin. 32-42).*

1	0	7	
1	0	8	21
1	6	5	19
1	8	2	22
0	1	9	7
8	7	9	9

quarte. Item 1 quod est super 8 multiplica per 9, erunt 9 septuagesime secunde, quas multiplica per 7, erunt 63 quingentesime quarte, quibus additis cum quingentesimis quartis 112 et cum 16344, erunt 16519 quingentesime quarte, quarum proba per 11 est 8: deinde multiplica 1207 per 16519, et diuides summam per sexagim quingenta 4.^{ta}, hoc est per omnes numeros qui sunt sub sex uirgis, scilicet per $\frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{6}{7}$ et apta eos, scilicet de $\frac{12}{15}$ fac $\frac{16}{15}$, et de $\frac{16}{15}$ fac 6; et sic habebis pro aptatione uirgule $\frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{6}{7}$; et summa quesite multiplicationis est $\frac{8}{1} \cdot \frac{7}{2} \cdot \frac{6}{3} \cdot \frac{5}{4} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{7} = 712$, ut in questione ostenditur. Et memento ut in similibus nunquam ponas sub uirgis unius lateris numeros sibi inuicem comunicantes: et si ab aliquo tibi propositi fuerint, adde eos, scilicet redige eos in unam uirgam si poteris, uel in duas, per doctrinam quam habes superius, et per ea que sunt in tabulis superscriptis: sed ut hoc melius intelligas, proponam quasdam aptationes uirgularum: ut si uis aptare $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}$ de $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3}$ fac $\frac{1}{3}$, et de $\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}$ fac $\frac{1}{12}$; et sic pro $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}$ habes $\frac{1}{12}$. Item pro $\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{10}$ habebis $\frac{1}{1000}$; quia $\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{10}$ sunt $\frac{1}{100}$ et $\frac{1}{100} \cdot \frac{1}{10}$ sunt $\frac{1}{1000}$. Rursus pro $\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}$ habentur $\frac{1}{64}$, et pro $\frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8}$ habentur $\frac{1}{512}$; quia $\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}$ sunt $\frac{1}{16}$ et $\frac{1}{16} \cdot \frac{1}{4}$ sunt $\frac{1}{64}$; et pro $\frac{1}{16} \cdot \frac{1}{16} \cdot \frac{1}{16}$ habentur $\frac{1}{4096}$; et pro $\frac{1}{32} \cdot \frac{1}{32} \cdot \frac{1}{32}$ habentur $\frac{1}{32768}$; et pro $\frac{1}{64} \cdot \frac{1}{64} \cdot \frac{1}{64}$ habentur $\frac{1}{262144}$; et pro $\frac{1}{128} \cdot \frac{1}{128} \cdot \frac{1}{128}$ habentur $\frac{1}{2097152}$, hoc est $\frac{1}{2}$; et si uis aptare $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$, adde primum $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{2}$, erunt $\frac{3}{2}$; deinde adde $\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2}$, scilicet multiplica dimidium de 3 per 2, uel dimidium de 3 per 2, seu accipe dimidium multiplicationis de 3 in 2, et proueniant 3 quodcumque feceris de predictis serua ea sub quadam uirga pro numero denominato: deinde ut habes numerum denominantem, multiplica 1, quod est super 3, per dimidium de 2 et 2 que sunt super 2 per dimidium de 2, uenient 9 et 20, hoc est 29 pro numero denotaunte: pone ergo ea super 72 et habebis pro $\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$ uel aliter inuenito numero denominato qui columna uocatur a multis; cum sit minimus integraliter diuidere per 6 et per 8 et per 9, scilicet 72, accipe ex eis $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ et $\frac{1}{4}$, exhibunt 12 et 9 et 8, scilicet 20 pro numero denominante. Et si $\frac{3}{2}$ redigere uis in partes partium de 72, diuide 20 per regulam de 72, exhibunt $\frac{20}{72}$, quam uirgam habes loco de $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}$.

Item si uis aptare $\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}$, inuenias minimum mensuratnm numerorum 6 et 8 et 10, hoc est minor numerus qui integraliter diuidatur per unum quemque eorum, eritque 120: pone eum sub quadam uirga, et accipe $\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}$ de 120, erunt 30 et 15 et 12, que adde simul, erunt 47, que pone super uirgam sic $\frac{47}{120}$; et si ea in partes partium de 120 redigere uis, diuide 47 per regulam de 120, exhibunt $\frac{47}{120}$, quam uirgam habebis pro $\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}$. Comenda itaque hec omnia tenaciter memorie; et sic reuertamur ad propositum.

De multiplicatione integrorum cum tribus uirgis et duobus ruptis sub uirga.

Si uis multiplicare 23 et duas septimas et duas tertias septime et duas nonas et octauam none et quintam et duas quintas quinte per 22, et quinque tredecimas et quartam tertie decime et tres decimas, et duas quintas 1^a et quinque septimas decimas et dimidium septime 1^a, pone numeros ut in margine cernuntur, et multiplica 23 per primam suam uirgam, scilicet per 7, et adde 2; que per 3, et adde 2 que sunt super 3, erunt 49; que multiplica per 9; que per 8; que per 5; que per 5, que sub reliquis duabus uirgulis, erunt 86200; quorum pensa per pensam de 11 est 5. Item multiplica 2 que sunt super 9, per 8 que sunt sub eadem uirga; et adde 1 quod est super 8, erunt 17; que multiplica per 5; que per 8, que sunt sub tertia uirga, erunt 485; que per 3, que per 7 que sunt sub prima uirga, erunt 892; quorum proba est 4: post hec multiplica 1, quod est super 5, per 5 que sunt sub eis retro, et adde 2 erunt 7; que multiplica

64. 24. 2000.

* per 5 per 2000 + (64. 24. 2000, lin. 20-29; pag. 57, lin. 41 — pag. 58, lin. 11).

9	3	3	0	9				
17	17	22	23					
52	69	77	23					
2	9	2	3	5	6			
15	3	3	1	3				
67	3	16	4	19				
1	0	0	0	1	4	8	8	
7	7	3	0	19	19	12	17	190

per 8; que per 9; que per 7; que per 7; que sunt sub secunda et prima uirga, erunt 10584, quorum pensa est 2: adde primam tres inuentas pensas, ut 7 et 4 et 2, erunt 11, quorum pensa est, scilicet 0: serua et adde postea tres inuentos numeros, erunt 902309, quorum pensa est 0 quod seruasti, quam pensam requires in predicto numero sic: diuisis de primum 90, scilicet numerum duarum ultimarum figurarum per 11, remanent 2; quibus copulatis cum tribus, que sunt in quarto gradu, faciunt 23; quibus diuisis per 11, remanent 1: quo copulato cum 3 tertii gradus, faciunt 12; quibus diuisis per 11, remanent 2; quibus copulatis cum 0 secundi gradus, erunt 20; quibus diuisis per 11, remanent 2; quibus copulatis cum 0 primi gradus, faciunt 90; quibus diuisis per 11, remanent 0 ut oportet: et hic est modus inuestigandi probas in numeris: serua ergo 902309, et eorum proba super 23: deinde multiplica 23 per suas uirgas ordine quo multiplicasti 23 per suas, uenient 2923156; serua ea cum eorum pensa que erit 5 super 23; et multiplica 902309 per 2923156, et diuide per omnes numeros qui sunt sub uirgis: sed primum propter euitationem qua fieri potest, diuide 902309 per 2, uenient 201103; et diuide 2923156 per 4, uenient 730789, que multiplica per 201103, et dele de diuisione 2 que sunt sub prima superiorum, et 4 que sunt sub prima uirga inferiorum, et reliquos numeros apta sub una uirga, quorum aptatio est $\frac{2}{2} \frac{0}{0} \frac{0}{16} \frac{0}{40} \frac{0}{10} \frac{0}{20} \frac{0}{40} \frac{0}{20}$; et sic habebis summam quesitam, ut in questione ostenditur. Et quia hanc summam habuisti ex diuisione numeri procreati ex multiplicatione de 201103 per 730789, debes pensam ipsius summe habere et multiplicatione pense de 201103 que est 0, in pensa de 730789 que est 4: quare est summe pensa superscripte est 0; quia multiplicato 0 per 4 facit 0.

De eodem cum tribus uirgis sub unaquaque uirga.

Item si tres raptos sub unaquaque uirgula ponere uolueris, et in hac in qua positur multiplicatio de $\frac{155}{255} \frac{175}{040} \frac{110}{211} 11$ in $\frac{021}{087} \frac{170}{210} \frac{170}{040} 22$, descripta questione, multiplicabis 11 per primam suam uirgulam, erunt 2703; que multiplica per omnes numeros qui sunt sub aliis suis duabus uirgulis, erunt 26517500, que serua: et multiplica 2 que sunt super 10 de secunda uirgula per 9, et adde 2; que multiplica per 2, et adde 1, erunt 50, que multiplica per numeros qui sunt sub aliis duabus uirgulis, scilicet sub tertia et sub prima, erunt 1032150 que serua: deinde accipe numerum tertie uirgule, scilicet multiplica 1 quod est super 5 per alia 5, que sunt post ipsa, et adde 2; que per 2, et adde 1, erunt 22, que multiplica per omnes numeros qui sunt sub aliis duabus uirgulis, scilicet sub secunda et sub prima, erunt 942480: adde ergo 942480 cum 1032150 et cum 26517500, erunt 28512120, que pone super 11 et suas uirgulas: deinde multiplica 22 per suas uirgulas, sicuti modo multiplicasti 11 per suas, erunt in summa 142288710, que pone super 22 et suas uirgulas; et multiplica 28512120 per 142288710, et diuide per omnes raptos qui sunt sub omnibus uirgulis, et habebis summam quesite multiplicationis. Nam si euitare uolueris ea que iude euitari possunt, diuide 28512120 per 10, que sunt sub secunda uirgula inferiori latere: ideo quia integraliter potes fieri, exhibunt 2851212; que diuide per 3 que sunt sub tertia uirgula superioris numeri, exhibunt 1283771 que seruabis; ideo quia non possunt diuidi per aliquem numerum existentem sub aliqua superscriptarum sex uirgularum, et relinques quod non diuides per 3, nec per 10, in quibus modo diuisisti: deinde diuidet 142288710 per 10, que sunt in prima uirgula inferioris numeri, et per 7 et per 9 que sunt sub secunda uirgula: quia in eis integraliter diuidi possunt, exhibunt 220617; que multiplica

fol. 23 recto.

23
10 262 possunt fol. 23
recto, lin. 10-11; pag. 58.
lin. 24-25.

pensa est 10 per 11									
3	8	5	1	3	1	3	0		
0	2	4	1	7	0	4	0		
0	3	2	0	0	10	2	1	1	11
415288710									
0	2	4	1	7	0	4	0		
0	0	7	0	7	0	0	10		22
pensa est 10									
4	2	0	1	0	3	0	4	274	
0	2	7	0	7	0	10	10	11	

per 126771, erunt 29608416707; que diuides per omnes alios numeros qui sunt sub pre-scriptis uirgulis, scilicet per $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6} \frac{1}{7} \frac{1}{8} \frac{1}{9} \frac{1}{10} \frac{1}{11} \frac{1}{12}$, quos apta secundum suprascriptum aptandi modum, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6} \frac{1}{7} \frac{1}{8} \frac{1}{9} \frac{1}{10} \frac{1}{11} \frac{1}{12}$ 274 pro summa quesite multiplicationis.

Explicit pars quinta sexti capituli.

Incipit sexta de multiplicatione ruptorum sine sanis.

Si uolueris multiplicare $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{4}$, multiplica 1 quod est super 2, per 1 quod est super 4, erit 1, quod diuide per 2 et per 4 que sunt sub uirgulis, hoc est per $\frac{15}{14}$, uel per $\frac{15}{14}$, exhibunt $\frac{15}{14}$ uel $\frac{15}{14}$, hoc est una pars de XII.^m (sic) partibus unius integri: unde potes cognoscere quantum est si multiplicaueris $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{4}$, quantum si acceperis $\frac{15}{14}$ uel $\frac{15}{14}$; et hoc idem intelligas de omnibus ruptis; quia semper multiplicatio cuiuslibet rupti in quemlibet rupto (sic) facit quantum acceptio unius illorum ex alio: quia cum multiplicatur 1 per $\frac{1}{2}$, tunc semel accipitur $\frac{1}{2}$: ergo cum multiplicatur tertia per quartam, tunc accipitur tertia quarte, et sic ex multiplicatione de tertia in quartam prouenit XII.^m

De eodem.

Item si uolueris multiplicare $\frac{2}{3}$ per $\frac{3}{4}$, multiplica 2, que sunt super 2, per 3 que sunt super 4, erunt 6; que diuide per 2 et per 4 que sunt sub uirgulis, exhibunt $\frac{3}{2}$ unius integri.

De eodem.

Item si uolueris multiplicare $\frac{3}{7}$ per $\frac{4}{9}$, multiplica 3 per 4 qui sunt super uirgulis, erunt 12, que diuide per 7 et per 9 que sunt sub uirgulis, exhibunt $\frac{4}{7}$ unius integri, hoc est XII.^m partes de sexaginta tribus partibus unius integri, que sunt quattuor partes de 21 unius integri. Et hoc inuenies duplici modo. Primus quidem modus est ut diuidas 12 et 63 per 2; ideo quia hanc diuisionem unusquisque eorum integraliter recipit, exhibunt 4 et 21: unde si diuideris 4 per 21, exhibunt $\frac{4}{21}$ unius integri. Vel aliter debuisti diuidere 12 per $\frac{12}{7}$, diuide prius 12 per 3, exhibunt 4: similiter diuide 9 per 3, exhibunt 3; in quibus etiam et in 7 diuides 4, exhibunt $\frac{4}{7}$, hoc est septima pars unius integri, et insuper tertia pars ipsius septime partis, quod tantum est quantum | quattuor partes de 21.

De eodem cum tribus ruptis sub una uirgula.

Si uolueris multiplicare $\frac{12}{17}$ per $\frac{22}{13}$, describe questionem ut hic ostenditur, et multiplicabis 4 que sunt super 7 de superiori uirgula, per 2 que sunt sub eadem uirgula, et adde 1 quod est super 2, erunt 8, que pone super $\frac{12}{17}$; similiter multiplica 3 que sunt super 5 de inferiori uirgula, per 2 que sunt sub eadem uirgula, et adde 2 que sunt super ipsa 2, erunt 11; que pone super $\frac{22}{13}$; et multiplicabis 9 per 11, erunt 99; que diuides per 2, et per 7, et per 2, et per 2, que sunt sub uirgulis, exhibunt $\frac{9}{7}$ unius integri.

De eodem cum tribus ruptis sub una uirgula.

Item si uolueris multiplicare tres ruptos sub una uirgula per tres ruptos qui sint sub alia, ut dicamus $\frac{12}{17}$ per $\frac{22}{13}$, describe questionem, et multiplicabis 3 qui est super 11 per suam uirgulam, hoc est per 8 et adde 5, quem per 2 et adde 1, erunt 59, quem pone super $\frac{12}{17}$; deinde multiplica 7 que est super 13 per suam uirgulam, hoc est per 9, et adde 4; que per 2 et adde 1, erunt 202, que pone super $\frac{22}{13}$; et multiplica 59 per 202, et diuide per omnes numeros qui sunt sub utraque uirgula, quorum aptatio est $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6} \frac{1}{7} \frac{1}{8} \frac{1}{9} \frac{1}{10} \frac{1}{11} \frac{1}{12}$, exhibunt $\frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$.

fol. 25 verso.

Si uolueris ... dicamus ...
25 verso, fol. 26: pag. 39,
lin. 20-21.

9
1 4
2 7
11
3 3
2 5
7 17

$\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6} \frac{1}{7} \frac{1}{8} \frac{1}{9} \frac{1}{10} \frac{1}{11} \frac{1}{12}$, fol. 25
verso, lin. 7-12, pag. 39, lin.
20 — pag. 59, lin. 5.

59
4 2 8
2 5 44
202
4 4 7
7 1 13
1 2 2 3 4 5 6
2 3 2 11 11 0

De eodem cum duabus uirgulis.

Si uolueris multiplicare $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ per $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$, describe questionem; ut hic ostenditur; et multiplica 2 que sunt super 3, per 4 que sunt sub secunda uirgula, erunt 8. Item multiplica 1 quod est super ipsa 4, per 3 que sunt sub prima uirgula, erunt 3; que adde cum 8 erunt 11, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$; deinde accedas ad $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$, et multiplica 3 que sunt super 5, per 6 et 1 quod est super 6, per 5, et adde insimul erunt 23, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$, et multiplica 11 per 23 erunt 253, que diuide per omnes numeros qui sunt sub uirgulis.

diuide ... Val. s. (fol. 25. corr.)
— pag. 61, lin. 6.

$$\begin{array}{r} 11 \\ \times 23 \\ \hline 33 \\ 22 \\ \hline 253 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 470 \\ \times 1407 \\ \hline 3290 \\ 16100 \\ 65800 \\ 658000 \\ \hline 661190 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 47 \\ \times 1407 \\ \hline 329 \\ 1610 \\ 6580 \\ 65800 \\ \hline 66119 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 30012 \\ \times 2794 \\ \hline 216084 \\ 270120 \\ 810360 \\ 900240 \\ \hline 838800 \end{array}$$

De eodem cum duobus ruptis sub unaquaque.

Et si uolueris ponere duos ruptos sub unaquaque uirgula, ut $\frac{11}{12} \frac{11}{12}$ cum $\frac{11}{12} \frac{11}{12}$ describe questionem, et multiplica 4 que sunt super 7 per suam uirgulam, hoc est per 2, et adde 1, erunt 9; que multiplica per 8 et per 4, que sunt sub secunda uirgula eiusdem lateris, erunt 288, que serua; et multiplica 3 que sunt super 8 per suam uirgulam, scilicet per 4 et adde 1, erunt 13; que multiplica per 2 et per 7, que sunt sub prima uirgula, erunt 182, que adde cum 288, erunt 470, que pone super ipsas uirgulas superiores; et multiplica similiter eodem modo reliquas duas uirgulas inferiores, et habebis in eorum multiplicatione 1407, que pone super ipsas uirgulas; et multiplica 470 per 1407, et diuide per omnes numeros qui sunt sub uirgulis; et habebis quesitam multiplicationem: tamen si uis potes inde euitare, scilicet diuides 1407 per 7, exibunt 201; que diuide per 3, exibunt 67; que multiplica per 470, erunt 31490; que diuide per omnes numeros qui sunt sub uirgulis, preter quam per 7 et per 3, in quibus diuidisti 1407. Et aptabis prescriptos ruptos sub una uirgula, exibunt $\frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6}$; per hunc enim modum potes multiplicare, si sub uirgulis ponerentur tres rupti uel plures.

De tribus uirgulis.

Si uolueris multiplicare $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ et $\frac{1}{4}$, per $\frac{1}{5}$ et $\frac{1}{6}$ et $\frac{1}{7}$, describe questionem, et incipe multiplicare superiores uirgulas, scilicet $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ in se ipsas sic: multiplicabis 1, quod est super 3, per 4 que sunt sub secunda uirgula; que per 5 que sunt sub tertia, erunt 20; et multiplicabis 1 quod est super 4 de secunda uirgula, per 3 que sunt sub tertia, et per 3 que sunt sub prima, erunt 15; et multiplicabis 1 quod est super 5 tertia uirgule per 4 que sunt sub secunda, et per 3 que sunt sub prima, erunt 12; que adde cum 15 et cum 20 seruat, erunt 47; que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ in questione: post hec facies similiter de $\frac{1}{5} \frac{1}{6} \frac{1}{7}$, et habebis in eorum summa 149, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$; et multiplicabis 47 per 149, erunt 7003; que diuides per omnes ruptos, et apta eos, exibunt $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6} \frac{1}{7}$.

De eodem eum duobus ruptis sub unaquaque.

Item si uolueris ponere duos ruptos sub unaquaque uirgula, ut $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ et $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{5}$ et $\frac{1}{6}$ cum $\frac{11}{12}$ et $\frac{11}{12}$ et $\frac{11}{12}$, describe questionem, et multiplica primas superiores tres uirgulas in se ipsas, hoc est 6, que sunt super 11, per 2, et adde 1, erunt 13; que multiplica per 10 et per 3, que sunt sub secunda; que omnia per 9 et per 4, que sunt sub tertia, erunt 14040, que serua; et multiplica 3 que sunt super 10 de secunda uirgula per 3 que sunt sub uirgula post ipsa, et adde 2 que sunt super ipsa 3, erunt 11; que multiplica per 9 et per 4 que sunt sub tertia uirgula, et per 3 et per 11 que sunt sub prima, erunt 8712, que serua; et multiplica 2, que sunt super 9 de tertia uirgula, per 4 et adde

3, erunt 11; que multiplica per 3 et per 10 que sunt sub secunda uirgula, et per 9 et per 11 que sunt sub prima, erunt 7860; que adde cum 8712, et cum 14040 seruiatis, erunt 20012; que pone desuper in questione. Deinde multiplica inferiores tres uirgulas in se ipsas; et erit eorum summa 27914, que pone super ipsas uirgulas; et multiplica 20012 per 27914, et diuide summam multiplicationis per omnes ruptos qui sunt sub uirgulis; et habebis quesitam multiplicationem. Vel si uolueris inde euitare, facies secundum quod superius demonstrauius; et habebis pro quesita multiplicatione $\frac{27914 \times 20012}{8712 \times 10 \times 11 \times 9 \times 3}$. Si uero tres rupti sub unaquaque uirgula ponerentur, uel si plures uirgule similiter ponerentur cum integris, uel secundum integros, per prescriptum magisterium omnia poteris subtiliter operari.

Incipit pars septima de multiplicatione numerorum et ruptorum quorum uirge terminantur in circulo.

Si uis 11 et quattuor nonas, et quinque octauas quattuor nonarum, et duas tertias quinque octauarum de quattuor nonis, que sic scribuntur $\frac{7}{8} \frac{3}{8} \frac{5}{8}$ 11, multiplica per 22, et sex septimas octo nonarum ex nouem decimis, que sic scribuntur $\frac{6}{8} \frac{2}{8} \frac{9}{8}$ 22, describe questionem, et multiplica 11 per suam uirgulam, que multiplicatio sic: multiplicauerunt 11 per 9 et adduntur 4, et sunt 103 nonae; que multiplicauerunt per 8, et sunt 821 septuagesime secunde; quibus additur multiplicatio de 5 in 4 que sunt super uirgam, erunt 84 septuagesime secunde: quia cum multiplicauerunt 4 que sunt super 9 per 8 prouenit numerus, cuius proportio est ad numerum ueniens ex ductis 9 in 8, sicut proportio de 4 ad 9. Ergo 22 sunt $\frac{1}{2}$ de 72. Item proportio numeri ueniens ex ductis 5 in 4, scilicet 20, ad numerum ueniens ex ductis 8 in 4, scilicet ad 32, est sicut proportio de 5 ad 8. Ergo 20 que procreantur ex 5 in 4 sunt quinque octaue ex quattuor nonis de 72; et sic sunt 20 septuagesime secunde: deinde multiplicauerunt 844 per 2, et super adduntur 40, que proueniunt ex multiplicatione de 2 in 3; quam in 4 que sunt super uirgam, erunt 2572 ducentesime sexte x.⁶: serua eas super 11, cum eorum proba que accipitur ordine eodem, scilicet multiplicator proba 11 per probam de 9, et addatur 4, quorum proba multiplicator per 8, et additur multiplicatio de 5 in 4, cuius summe proba multiplicator per 2, et additur multiplicatio de 9 in 8 ducta in 4, cuius summe proba est proba de 2572; et est 8 per probam de 11: deinde multiplica 22 per suam uirgam, quod sic fit: multiplicator 22 per 10, que summa multiplicatur per 9; que per 7, exhibunt 13860 sexcentissime trigesime; quibus adde multiplicationem de 8 in 8; que in 9, que sunt super uirgam, scilicet 432, erunt 14292 sexcentissime trigesime: serua eas super 22, cum eorum proba que est 2; et multiplica 2572 per 14292, et diuides summam per omnes ruptos, qui sunt sub ambabus uirgis; tamen euitabis quo euitare poterunt; et habebis summam prescripte multiplicationis $\frac{10 \times 11}{8 \times 9} 270$.

Et si $\frac{7}{8} \frac{3}{8} \frac{5}{8}$ in partes unius numeri redigere uis, hoc dupliciter facere demonstrabo: multiplica primum 9 per 8; que per 2, erunt 216; de quibus fac columnam, et accipe ex eis $\frac{1}{2}$, erunt 96; de quibus accipe $\frac{2}{3}$, erunt 60; de quibus accipe $\frac{5}{6}$, erunt 40; adde itaque 96 et 60 et 40, erunt 196; que diuide per 216, exhibunt $\frac{49}{54}$, hoc est $\frac{49}{54}$; uel aliter multiplica 4 que sunt super 9 per 8, et adde multiplicationem de 5 in 4, erunt 32; que multiplica per 3, et adde multiplicationem de 2 in 3; quam in 4, scilicet 40, erunt similiter 196 per quartam de 8 que sunt sub uirga, et per 3 et per 8, exhibunt similiter $\frac{49}{54}$.

61. 26 recte.

* Et sic ... proueniunt a (fol. 26 recte, lin. 8 12 + 13, pag. 61, lin. 13 24).

2 4 8 0	2
$\frac{7}{8} \frac{3}{8} \frac{5}{8}$ 11	
1 4 4 8 0	8
$\frac{6}{8} \frac{2}{8} \frac{9}{8}$ 22	
1 0 3 1 4	
2 5 7 2 0	

* Et sic ... parte ut a (fol. 26 recte, lin. 21 22; pag. 61, lin. 26 — pag. 62, lin. 4).

1 9 6
$\frac{7}{8} \frac{3}{8} \frac{5}{8}$
2 1 6
4 3 2
$\frac{6}{8} \frac{2}{8} \frac{9}{8}$
1 0 3
2 5 7

Item si $\frac{48}{77411}$ in partes unius integri numeri redigere uis, multiplica 6 per 9, que per 9, scilicet ea que super uirgam, erunt 432; que diuide per numeros qui sunt sub uirga, et euitabis quod cutitari poterit, exhibunt $\frac{21}{11}$, hoc est $\frac{11}{11}$. Et si $\frac{21}{11}$ per $\frac{21}{11}$ multiplicate uis, pone ut in margine cernitur; et multiplica inuenta 196, scilicet numerum superioris uirge per 432, scilicet per numerum inferioris; et diuide summam per omnes numeros qui sunt sub utraque; et cuita, exhibunt $\frac{196}{11}$.

Si uis multiplicare 11 et septem decimas, et quattuor nonas septem decimarum, et tres octauas quattuor nonarum septem decimarum, et quinque undecimas, et quinque sextas quinque xi^{rum}, et tres quartas quinque sextarum quinque xi^{rum} per 22, et tres octauas quattuor nonarum septem decimarum, et tres quartas quinque sextarum quinque undecimarum, describe hoc ut cernis in margine; et multiplica 11 per 10 et adde 7; que per 9 et adde quater septem; que per 8 et adde ter 4 uicibus 7, erunt 8732; que per 11; que per 6; que per 4 que sunt sub alia uirgula, erunt 230218. Et multiplica 3 que sunt super 11 per 6, et adde quinque 3; que per 4, et adde ter 3 quinque, scilicet multiplicationem numerorum qui sunt super uirgam, erunt 396; que multiplica per numeros qui sunt sub prima uirga, scilicet per 8; que per 9; que per 10, erunt 218400, que adde cum alio inuento numero, erunt 2517448, que pone super 11, quorum proba per 7 est 0: et multiplica 22 per suas uirgas, scilicet per 10; que per 9; que per 8, et adde multiplicationem de 3 in 4 ductam in 7, scilicet 84, erunt 13024, que multiplica per 11; que per 6; que per 4, erunt 420326. Cum quibus adde multiplicationem numeri secunde uirge in numeros qui sunt sub prima uirga, scilicet de 75 in 9; que in 9; que in 10. Nam 75 procreatur ex tribus | ductis in 5; quibus in 5, que sunt super uirgam, erunt 34096, que adde cum 420326, erunt 425736, que serua super 22, quorum proba est 4: deinde multiplica numerum positum super 11 per numerum positum super 22, et diuides summam per omnes numeros qui sunt sub uirgis, et euitanda cuita; et habebis quesita ut in questione ostenditur.

Incipit pars septima sexti capituli de multiplicatione partium numerorum cum ruptis.

Si uolueris multiplicare $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{7}$ 29, que sic scribuntur $\frac{1}{7}$ 29, $\frac{2}{3}$ cum $\frac{9}{11}$ de $\frac{2}{3}$ 38, que sic scribuntur $\frac{2}{3}$ 38 $\frac{9}{11}$: describe questionem ut hic ostenditur. Et multiplica 29 per suam uirgulam que est eis retro, scilicet per 7, et adde 4, erunt 207; que multiplica per 2, que sunt super aliam uirgulam que est ante ipsam, scilicet super 5, erunt 621, que pone super $\frac{1}{7}$ 29 $\frac{2}{3}$: similiter multiplica 38 per suam uirgulam que est eis retro, scilicet per 3, et adde 3, erunt 116; que multiplica per 6 que sunt super 11, erunt 696, que pone super $\frac{2}{3}$ 38 $\frac{9}{11}$. Et multiplica 621 per tertiam de 696, et diuides per omnes reliquos ruptos utroque lateris, scilicet per $\frac{1}{7} \frac{2}{3} \frac{9}{11}$; et habebis pro summa quesite multiplicationis $\frac{2}{3} \frac{2}{7} \frac{9}{11}$ 374.

De eodem.

Item si $\frac{1}{11}$ $\frac{2}{3}$ de $\frac{9}{11}$ 23, que sic scribuntur $\frac{2}{3}$ 23 $\frac{9}{11}$ uolueris multiplicare per $\frac{11}{11}$ de $\frac{1}{11}$ 244, que sic scribuntur $\frac{1}{11}$ 244 $\frac{11}{11}$, describe ea ut in hac margine cernitur; et multiplica 23 per suam uirgulam que eis retro, scilicet per 9, et adde 3; que per 7, et adde 2 erunt 2116: deinde multiplica 3 que sunt super 4 per 5 et 4, quod est super 6, per 4, erunt 19, quod est numerus ipsarum duarum uirgularum, que sunt ante ipsa 23, que

Si uis ... ex tribus a (fol. 56 verso, lin. 20-29), pag. 62, lin. 7-22.

2	5	1	7	6	4	8
8	0	5	0	0	7	
4	6	11	6	9	10	11
4	2	5	7	9	2	6
7	0	3	3	3	7	23
3	0	0	8	7		
6	5	10	10	1	6	296

fol. 26 verso.

Si uolueris ... numerus a (fol. 26 verso, lin. 4-11), pag. 62, lin. 29-42.

6	2	1
8	29	$\frac{2}{3}$
6	9	6
7	38	$\frac{9}{11}$
7	8	3
6	7	44
374		

per 19, multiplica 2116, erunt 40204, que super pone $\frac{21}{19}$ 22 $\frac{3}{19}$ $\frac{1}{19}$, quorum pensa per 13, ordine quo multiplicauimus, accepta est 3; que 3 pone super 40204 in questione. Item multiplica 244 per suas uirgulas que sunt retro eis, scilicet per 4, et adde 3; que per 11, et adde multiplicationem de 1 quod est super 11 in 4, erunt 16163; que multiplica per numerum uirgule que est ante ipsa 244, scilicet per 13, que surgunt ex multiplicatione de 3, que sunt super 7 in 4, ipso 1 super addito, quod est super 4, erunt 210143, que pone super 214 et suas uirgulas. Et super ipsa pone 0, quod est pensa ipsorum per 13; et multiplica 40204 per 210143, et diuide summam multiplicationis per omnes ruptos qui sunt sub omnibus uirgulis. Et sic habebis quesitam multiplicationem. Sed ut modus euitandi in hac retineatur multiplicatione, diuides 40204 per 4 que sunt sub uirgula uirgularum, exhibunt 10051, que serua; cum non possit ex eis amplius euitari. Item diuide 210143 per 3, que sunt sub alia uirgula, exhibunt 42029; per que multiplica 10051, et diuides per omnes alios ruptos, exhibunt $\frac{220143}{3772971}$ 3628.

De eodem cum pluribus ruptis.

Item si uolueris multiplicare $\frac{21}{19}$ de $\frac{1}{19}$ $\frac{2}{19}$ $\frac{3}{19}$ 42 per $\frac{4}{9}$ $\frac{1}{7}$ de $\frac{22}{11}$ 22, describe questionem, et incipias multiplicare 42 per suas uirgulas que sunt eis retro, erunt 20644; et accipe $\frac{21}{19}$, et inuenias numerum ipsorum raptorum, scilicet multiplica 3 que sunt super 9 per 8, et adde 3; que per 7, et adde 3, erunt 203; per que multiplica 20644, erunt 228312: deinde ut inuenias numerum inferioris lateris, multiplicabis 221 per suam uirgulam que est eis retro, uidelicet per 11, et adde 3, que sunt super ipsa 11; que multiplica per 5 et per 3, qui sunt sub eadem uirgula, et desuper adde 2 que sunt super ipsa 3, erunt 34663; et reperias numerum de $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{7}$, qui est 479; per que multiplica 34663, erunt 26182095; que pone super 221 et suis uirgulis; et multiplica 228312 per 26182095, et diuide per omnes ruptos qui sunt sub omnibus uirgulis, et euita inde ea que euitari poterant; et habebis pro quesita multiplicatione, ut hic ostenditur: $\frac{1228571}{277491091044112}$ 8112.

Incipit capitulum septimum de additione et extractione et diuisione numerorum cum ruptis et de reductione partium paruum in singulis partibus.

Septimum itaque capitulum in partes sex diuidimus. In prima quarum additionem unius uirgule cum alia, nec non extractionem unius uirgule de alia demonstrabimus et diuisionem unius uirgule per aliam.

In secunda additionem et extractionem duarum uirgularum cum duabus, et de diuisione earum ad inuicem.

In tertia diuisionem integrorum numerorum per integros et ruptos et eorum contrarium.

In quarta additionem et extractionem et diuisionem integrorum numerorum cum ruptis cum integris et ruptis.

In quinta autem additiones extractiones seu diuisiones partium numerorum cum ruptis edocebimus.

In ultima quoque reductiones plurium partium in singulis partibus ostendemus.

De additione $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$.

Si uolueris addere $\frac{1}{2}$ eum $\frac{1}{3}$, hoc te dupliciter facere docemus: primum quidem secundum vulgi modum. Inuenias in quo numero reperiat $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$, qui numerus sic inuenitur: multiplica 3 per 4, que sunt sub uirgulis, erunt 12, in quibus reperiantur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$; et ideo accipe tertiam partem eorum, que est 4, et quartam partem que est 3; et adde ea inuisimul, erunt 7; que diuide per 12, exhibunt $\frac{7}{12}$, hoc est septem partes duodecimis partibus unius integri.

* Ipsorum... exhibunt + (fol. 26 verso, lin. 22-29, pag. 62, lin. 42 - pag. 63, lin. 13).

$$\begin{array}{r} \frac{2}{9} \quad 33 \quad \frac{1}{9} \\ \hline \frac{1}{4} \quad 244 \quad \frac{12}{7} \end{array}$$

* Item... 8112 + (fol. 26 verso, lin. 22-29, pag. 62, lin. 16-22).

$$\begin{array}{r} 19255132 \\ \hline \frac{1}{19} \quad \frac{2}{19} \quad \frac{3}{19} \quad 42 \\ \hline 28182095 \\ \hline \frac{21}{19} \quad 221 \quad \frac{1}{19} \quad \frac{1}{19} \\ \hline 1228571 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 12 \\ \hline 277491091044112 \end{array}$$

fol. 27 recto.

• Item ... de $\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ (64. 27 re-
cto, in 3-6, pag. 64, in. 1-7)

3	4
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{7}{12}$	additio

Item aliter describere $\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ in hunc modum; et multiplica 1, quod est super 2 per 4, erunt 4; que pone super $\frac{1}{2}$, et 1 quod est super 4, multiplica per 2, erunt 2; que pone super $\frac{1}{4}$, et adde ea insimul, erunt 7; que diuide per 2 et per 4 que sunt sub uirgulis, hoc est per 12, exhibunt similiter $\frac{7}{12}$ pro eorum iunctione: et scias quia tale est addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{4}$, quale est dicere $\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$, que partes sunt unius integri: reperi enim $\frac{7}{12}$ unius integri; et sic intelligas de omnibus raptorum additionibus.

De extractione $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{2}$.

Et si uolueris $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{2}$ extrahere: tria que sunt super $\frac{1}{2}$, hoc est quartam de 12, extrahe de 4, que sunt super $\frac{1}{2}$, hoc est de tertia de 12, remanet 1; quod diuide per 12 inuenta, uel per 3 et per 4 que sunt sub uirgulis, exhibit pro residuo dicte extractionis $\frac{1}{12}$, hoc est $\frac{1}{12}$. Et si $\frac{1}{4}$ per $\frac{1}{2}$ diuidere uis, diuide 4 que sunt super $\frac{1}{2}$ per 2, et habebis $\frac{2}{2}$ 1 pro eo quod contigit integre parti. Verbi gratia: proportio de $\frac{1}{2}$ ad $\frac{1}{2}$ est sicut proportio duodecupli de $\frac{1}{2}$ ad duodecuplum de $\frac{1}{2}$, hoc est sicut 4 est ad 2, ita $\frac{1}{2}$ est ad $\frac{1}{2}$. Quare diuisio $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{2}$ prouenit illud quod ex diuisis 4 per 2: uel aliter, cum dicitur: diuide $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{2}$, tunc intelligitur parte parti configere tertiam integri. Quare quadruplo parte partis, scilicet parti integre contigit quadruplum unius tertie, scilicet $\frac{4}{3}$ 1, ut predixi. Et si $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{4}$ diuidere uis ut scias quid inde contingat uni parti integre, diuide 2 posita super $\frac{1}{2}$ per 4 posita super $\frac{1}{4}$, exhibunt $\frac{2}{4}$ 1; uam proportio de $\frac{1}{2}$ ad $\frac{1}{4}$ est sicut proportio de 2 ad 4, uel cum tertie parti contingit $\frac{1}{2}$ tribus tertiis, scilicet parti integre contingit $\frac{3}{2}$.

• Item ... 19 4 + (64. 27 re-
cto, in. 10-17) 1-2 64, in. 21-26

12	10
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{13}{12}$	1

Item si uolueris addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{4}$, inuenias similiter in quo numero reperiantur $\frac{13}{12}$ sic: multiplicabis 2 per 3 que sunt sub uirgulis, erunt 12; et in ipso numero reperiantur $\frac{13}{12}$ 1: quare accipe $\frac{2}{3}$ de 12, que sunt 10, et $\frac{1}{4}$ de 12, que sunt 3, et adde insimul erunt 22; que diuide per 12, exhibit $\frac{13}{12}$ 1 pro adiunctione de $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{4}$.

Item aliter describes $\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ ut in margine ostenditur, et multiplica 2 que sunt super 3 per 5, erunt 10; que pone super $\frac{1}{2}$, et 4 que sunt super 5 per 2, erunt 12; que pone super $\frac{1}{4}$ in questione. Adde ergo 10 cum 12, erunt 22 ut supra; que diuide per raptos qui sunt sub uirgulis, scilicet per $\frac{12}{12}$, exhibunt $\frac{22}{12}$ 1, ut in questione ostenditur, hoc est $\frac{13}{12}$ 1, ut per alium modum repertum est.

Utrum si $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{4}$ extrahere uolueris, inuenies 10 et 12 superius repertis per qualem uolueris modum descriptis duobus modis; et extrahe 10 de 12, remanet 2; que diuide per raptos, uidelicet per $\frac{10}{10}$, exhibunt $\frac{2}{10}$, hoc est $\frac{1}{5}$ pro residuo quesite extractionis. Et si $\frac{1}{4}$ per $\frac{2}{3}$ diuidere uis, diuide 12 per 10, exhibit $\frac{6}{5}$ 1; et tot contingit unius parti integre ex ipsa diuisione. Et si $\frac{2}{3}$ per $\frac{1}{4}$ diuidere uis, diuide 10 per 12, exhibunt $\frac{5}{6}$.

Additio de $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{12}$.

Item si uolueris addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{12}$, reperies similiter in quali numero reperiantur $\frac{7}{12}$ et $\frac{1}{12}$: multiplicabis ergo 6 per 10, erunt 60: reperiantur etiam et in minori numero quam 60. Et hic contingit propter comuniatem quam habet 6 cum 10, uidelicet $\frac{2}{5}$; quia uterque numerus integraliter per 2 diuiditur. Unde diuidas 60 per 2, exhibunt 30, in quibus etiam reperiantur $\frac{6}{12}$ et $\frac{1}{12}$: potes enim hic 30 aliter reperire, uidelicet ut multiplices 6 per medietatem de 10, scilicet per 5, et erunt 30; uel multiplica 10 per medietatem de 6, hoc est per 3, et erunt similiter 30; et accipe $\frac{1}{2}$ de 30, que sunt 15, et adde cum $\frac{1}{12}$ de 30, que sunt 21, erunt 46; que diuide per 30, exhibit $\frac{23}{15}$ 1, hoc est $\frac{7}{12}$ 1.

De eodem aliter.

Item aliter describere sic $\frac{7}{10} \frac{5}{2}$; et quia 6 cum 10, que sunt sub uirgulis, habent communem regulam, scilicet 2, diuide 10 per 2, exhibunt 5; in quibus multiplica 5, que sunt super 6, erunt 25, sicuti superius pro $\frac{5}{2}$ de 20 reperta fuerunt. Item diuide 6 per eadem 2, exhibunt 2, que pone sub 6; in quibus multiplica 7 que sunt super 10, exhibunt 21 pro $\frac{7}{10}$ de 20: adde ergo 21 cum 25, erunt 46; que diuide per medietatem de 10, et per 6, hoc est per $\frac{10}{6}$, uel per medietatem de 6 et per 10, hoc est per $\frac{10}{30}$, exhibit $\frac{5}{3} \frac{1}{4}$, quod tantum est quantum $\frac{16}{12}$ 1, uel quantum $\frac{8}{6}$ 1.

Extractio de $\frac{7}{10}$ de $\frac{5}{2}$.

Utrum si $\frac{7}{10}$ de $\frac{5}{2}$ extrahere uolueris, reperies prescripta 21 et 25, et extrahere 21 de 25, remaneant 4; que diuide per 20, uel per ipsorum regulam, que est $\frac{10}{10}$, exhibit $\frac{2}{5} \frac{1}{10}$ pro residuo quesite extractionis. Et si $\frac{5}{2}$ per $\frac{7}{10}$ diuidere uis, diuide 25 per 21, exhibit $\frac{1}{2} \frac{4}{21}$ 1. Et si $\frac{7}{10}$ uis diuidere per $\frac{5}{2}$, diuide 21 per 25, exhibunt $\frac{2}{5} \frac{1}{25}$.

Additio $\frac{5}{2}$ cum $\frac{7}{10}$.

Reuersus si uolueris addere $\frac{5}{2}$ cum $\frac{7}{10}$, inuenias in quo numero reperiantur $\frac{5}{2}$ et $\frac{7}{10}$, quod sic inuenitur: quia 2 sunt communis regula de 6 et de 9, diuide 6 per 2, exhibunt 3; que multiplica per 9, erunt 18; uel diuide 9 per 2, exhibunt 3; que multiplica per 6, erunt similiter 18, in quibus reperiantur $\frac{5}{2}$ 1: unde accipe $\frac{1}{2}$ de 18, que est 9, et adde cum $\frac{5}{2}$ de 16, que sunt 10, erunt 19; que diuide per regulam de 16, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{9}{16}$; uel aliter describere ruptos, ut hic ostenditur; et multiplica 1, quod est super 6, per tertiam de 9 propter communem regulam ipsorum, erunt 3, que pone super $\frac{5}{2}$; et multiplica 3 que sunt super 9 per tertiam de 6, scilicet per 2, erunt 6, que pone super $\frac{7}{10}$ et adde 3 cum 10, erunt 13; que diuide per tertiam multiplicationis de 6 in 9, hoc est per 18, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{6}{18}$ pro iunctione ipsorum, ut in questione ostenditur.

Extractio 6 de $\frac{5}{2}$.

Utrum si $\frac{5}{2}$ de $\frac{5}{2}$ extrahere uolueris, reperies prescripta 3 et 10; et extrahere 3 de 16, remanebunt 7; que prescripta ratione diuide per 18, uel per ipsorum regulam que est $\frac{10}{18}$, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{7}{18}$ pro residuo dicte extractionis. Et si $\frac{5}{2}$ per $\frac{5}{2}$ diuidere uis, diuide 16 per 3, que sunt super $\frac{5}{2}$, exhibunt $\frac{1}{2}$ 2. Et si $\frac{5}{2}$ per $\frac{5}{2}$ diuidere uis, diuide 3 per 10, exhibunt $\frac{3}{10}$.

Pars secunda de additione et extractione duorum ruptorum adiunctione et de eorum diuisione.

Si uolueris addere $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ cum $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$, uide de $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5}$ in quo numero reperiantur, quod sic uidendum est: multiplica insimul numeros qui sunt sub uirgulis, uidelicet 2 per 4; que per 5; que per 7, erunt 420, que est minimus commensuratus prescriptorum numerorum, hoc est quod est minor numerus, in quo reperiantur prescripti rupti; ideo quia non habent aliquam communem regulam ad inuicem. Accipe ergo $\frac{1}{2}$ de 420, que est 210, et adde cum quarta de eisdem 420, que in 105, et eum quinta que est 84, et eum septima que est 60, erunt 380, quem diuide per 420, exhibunt $\frac{8}{6} \frac{8}{6}$ pro iunctione prescriptorum ruptorum. Et est idem eum queritur de $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5}$ que partes sint unius integri. Possumus enim aliter secundum magisterium numerorum addere $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$ cum $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$, uidelicet quod describantur rupti secundum quod hic cernuntur; et multiplica 1 quod est super 2 per 4, et 1 quod est super 4 per 2, erunt 7; que multiplica per 5, et per 7, que

64. 27. coroll.

* exhibunt 2 ... de $\frac{5}{2}$ (fol. 27 coroll. in 2. 6, pag. 65, lin. 17-25).

10	3
5	1
6	2
$\frac{18}{21}$	additio

* Utrum ... diuiditur a (fol. 27 coroll. lin. 2-10; pag. 65, lin. 26-32).

10	3
5	1
6	2
$\frac{12}{18}$	extractio

* 420 que ... et adde (fol. 27 coroll. lin. 15-21; pag. 65, lin. 37 - pag. 66, lin. 2).

144	245
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{5}$
$\frac{2}{6}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{8}{6}$	additio

sunt sub aliis duabus uirgulis alterius lateris, erunt 245, que sunt $\frac{1}{2}$ de 490, ut superius inuenimus: pone ergo 245 super $\frac{1}{2}$ in questione; deinde accedas ad $\frac{1}{3}$; et multiplica 1, quod est super 5 per 7, et 1 quod est super 7 per 5, erunt 12; que multiplica per 3 et per 4, que sunt sub uirgulis, erunt 144, que sunt $\frac{1}{2}$ de 490: pone ergo 144 super $\frac{1}{2}$; et adde 144 cum 245, erunt 389; que diuide per raptos, uidelicet per $\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1}$, et apta prescriptos raptos, exhibunt $\frac{2 \cdot 1 \cdot 1}{2 \cdot 1 \cdot 2}$, que equantur $\frac{3 \cdot 8 \cdot 9}{2 \cdot 1 \cdot 2}$.

Extractio de $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{3}$ de $\frac{1}{4}$.

Si uero $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{3}$ de $\frac{1}{4}$ extrahere uolueris, reperies prescripta 245 et 144 per equalem uolueris modum de duobus prescriptis modis; et extrahe 144 de 245, remanebant 101; que supra prescripta ratione diuide per $\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$, exhibunt $\frac{2 \cdot 1 \cdot 1}{2 \cdot 1 \cdot 2}$ pro residuo dicte extractionis. Et si $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{3}$ diuidere uis, diuide 245 per regulam de 144, exhibunt $\frac{1 \cdot 7 \cdot 1}{2 \cdot 1 \cdot 2}$. Et si 144 per regulam de 245 diuideris, habebis $\frac{101}{275}$ pro eo quod contingit integre parti ex diuisione $\frac{1}{2}$ in $\frac{1}{3}$, ut in questione ostenditur.

Additio de $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$.

Item si uolueris addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$, reperies numerum in quo reperiantur rupti, eritque 2580, qui exiit ex multiplicatione quattuor numerorum qui sunt sub uirgulis; et non reperiantur in minore numero, eo quod non habent aliquam comunem regulam ad inuicem: et accipe $\frac{1}{2}$ de 2580, que sunt 1290, et adde cum $\frac{1}{3}$ de 2580, que sunt 790, erunt 2220, que serua. Item accipe $\frac{1}{3}$ de 2580, que sunt 1590, que adde cum 2220 seruantis, erunt 3737; que diuide per regulam de 2580, que est $\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$, exhibit $\frac{1 \cdot 7 \cdot 1}{2 \cdot 1 \cdot 2}$. Item aliter describe raptos, ut inferius cernitur; et incipias a $\frac{1}{2}$ sic: multiplicabis 2, que sunt super 5, per 7, que sunt sub uirgula, erunt 21. Item multiplicabis 2, que sunt super 7, per 5, erunt 10, que addes cum 21, erunt 31; que multiplicabis per alios raptos, uidelicet per 3 et per 9, hoc est per 72, exhibunt 2232, ut per $\frac{1}{2}$ de 2580 superius reperta sunt: pone ergo 2232 super $\frac{1}{2}$, et accedas ad $\frac{1}{3}$; et multiplica 2, que sunt super 3 per 9, et 2, que sunt super 9, per 3, et adde insimul, erunt 42; que multiplica per alios raptos, uidelicet per 5 et per 7, erunt 1505, ut superius pro $\frac{1}{3}$ de 2580 inuenimus: pone ergo 1505 super $\frac{1}{3}$; deinde adde 1505 cum 2232, erunt 3737; que diuide per omnes numeros qui sunt sub uirgulis, et aptabis eos, exhibit similiter $\frac{1 \cdot 7 \cdot 1}{2 \cdot 1 \cdot 2}$.

Extractio $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{3}$.

Si autem $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{3}$ extrahere uolueris, reperies prescripta 2232 et 1505, et extrahes 1505 de 2232, remanebant 727; que prescripta ratione diuide per $\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$, exhibunt $\frac{1 \cdot 7 \cdot 1}{2 \cdot 1 \cdot 2}$, ut in hac alia cernitur descriptione. Et si $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{3}$ diuidere uis, diuide 2232 per regulam de 1505, et primus contrarium facies contrarium; et habebis optata, ut in questione cernitur.

Additio $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$.

Item si uolueris addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$, inuenies numerum in quo reperiantur prescripti rupti. Eritque 60, qui numerus reperitur ex multiplicatione de 3 in 4 et in 5; et non oportet ut multiplicetur 60 per 6 propter comunatatem regule, quam habent 6 cum 2 et cum 4: tota enim 3 sunt comunia eisdem 6: quare non oportet ut multiplicetur 60 nisi per tertiam de 6, que est 2, nec etiam per ipsa 2 oportet 60 multiplicare; quia 2 sunt in regula de 4: et ut hoc dicam promptius: regula de 6 est $\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$. Ideo non repetimus 2, neque 2 in multiplicatione, que sunt regula de 6 propter 3 et 4, que multiplicauimus 4 cum habuimus 60. In omni enim numero, in quo reperiantur $\frac{1}{2}$, reperietur etiam $\frac{1}{3}$: accipe itaque $\frac{1}{2}$

et uolueris 245 et a (fol. 27 verso, lin. 26-31; pag. 66, lin. 14-19).

144	245
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$
$\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$	extractio

et que serua 1290 et a (fol. 27 verso, lin. 22-23; pag. 66, lin. 17-21).

1590	2220
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$	additio

fol. 28 verso.

et si autem $\frac{1}{2}$ et a (fol. 28 verso, lin. 1-4; pag. 66, lin. 21-25).

2232	Resi duum	1505
$\frac{1}{2}$		$\frac{1}{3}$
$\frac{1 \cdot 0 \cdot 0}{2 \cdot 1 \cdot 2}$		

$\frac{1}{2}$ de 60, et adde insimul, erunt 57; que diuide per 60, exhibunt $\frac{57}{60}$: sed quia 57 cum 60 habent comunem regulam, scilicet $\frac{3}{20}$, possumus has $\frac{57}{60}$ pulchrius dicere, uidelicet ut diuidas 57 per 3, exhibunt 19: similiter diuide 60 per eadem 3, exhibunt 20; in quibus diuide 19, exhibunt $\frac{19}{20}$, que sunt unum integrum minus uigesima. Item aliter describe ruptos ut hic ostenditur, et incipias a $\frac{1}{2}$ et multiplicabis 1, quod est super 2, per 4, et 1, quod est super 4, per 2, erunt 7; que multiplica per 5 que sunt sub uirgula, erunt 35, que deberes multiplicare per 6, nisi relinques propter comitatem, quam habes 6 cum $\frac{1}{2}$: pone ergo 35 super $\frac{1}{2}$, que sunt $\frac{1}{4}$ de 60: deinde multiplica 1, quod est super 2, per 6, et 1, quod est super 6, per 5, erunt 11, que deberes multiplicare per 2 et per 4: sed relinques quod non multiplicabis per 2; quia sunt in regula de 6, neque per 2, que sunt in regula de 4; cum sint similiter in regula de 6: ergo multiplicabis prescripta 11 per 2 que remanent de 4, erunt 22, que sunt $\frac{1}{2}$ de 60: pones ergo 22 super $\frac{1}{2}$, et addes 22 cum 25, erunt 57, ut superius inuenimus: et diuide ipsa per $\frac{60}{60}$; quia per 6 non debes diuidere eos, eo quia nos relinquimus ea in multiplicatione utriusque lateris, et aptabis prescriptos ruptos, exhibunt $\frac{57}{60}$, hoc est $\frac{19}{20}$, ut in questione ostenditur.

Dicam aliter et apertius in reperiendis superscriptis 25 et 22. Multiplica 2 per 4, que sunt sub uirgis ab una parte, erunt 12: serua ea in manu dextera; et multiplica 5 per 6, que sunt sub aliis duabus uirgis alterius lateris, erunt 30, que serua in sinistra; et diuide utrumque numerorum seruatorum in manibus per maximam comunem mensuram eorum que est 6, exhibunt in manu dextera 2, et in sinistra 5: pones 2 sub $\frac{1}{2}$, et 5 sub $\frac{1}{3}$; et multiplicabis reperta 7 per 5 posita sub $\frac{1}{2}$, et 11 per 2 posita sub $\frac{1}{3}$; et habebis 25 et 22; quorum summam, scilicet 57, diuide per numeros, qui sunt sub uirgis unius lateris, et per numerum positum sub aliis, scilicet per 5 et per 6 et per 2 aut per 3, et per 4 et per 5, hoc est per regulam de 60.

Exratio $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{3}$

Si autem $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{3}$ extrahere uolueris, reperiens prescripta 25 et 22, et extrahes 22 de 25, remanebant 13; que diuide superscripta ratione per $\frac{6}{6-13}$, exhibunt $\frac{13}{6-13}$ pro residuo dicte extractionis.

Additio $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$

Item si uolueris addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{3}$, reperiens numerum in quo reperiantur rupti prescripti, eritque 215; qui numerus exit ex multiplicatione ruptorum, cuius tamen inde 3, que sunt comunis regula de 9 et de 3; que non oportet repetere in multiplicatione, ideo quia $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ reperiantur in 9: unde omnis numerus, qui habet $\frac{1}{2}$, habet similiter et $\frac{1}{3}$: accipe ergo $\frac{2}{9}$ de 215, que sunt 210, et adde cum $\frac{1}{2}$ eorundem, que est 45, erunt 255, que serua: et accipe $\frac{1}{3}$ de eisdem 215, que sunt 214, et adde cum 255, erunt 469; que diuide per regulam de 215, que est $\frac{215}{215}$, exhibit $\frac{214}{215}$.

Aliter secundum artem describe ruptos ut hic ostenditur, et incipias a $\frac{1}{2}$: multiplica 2 que sunt super 2 per 7, et 1 quod est super 7 per 2, et adde insimul, erunt 17; que multiplica per 5, erunt 85; que multiplica per tertiam de 9, hoc est per 3, propter comitatem regule quam habet 3, que sunt sub uirgula cum 9; eritque multiplicatio illa 255, que sunt $\frac{2}{3}$ de 215, ut superius inuenimus. Pones ergo 255 super $\frac{1}{2}$, et accedas ad $\frac{1}{3}$ multiplicando 2, que sunt super 5, per 9 et 1, que sunt super 9, per 5, erunt 22; que multiplica per 7, erunt 224, ut superius pro $\frac{1}{2}$ de 215 reperta sunt:

* per eadem ... erunt 2 (fol. 58 verso, lin. 12-13, pag. 61, lin. 2-12).

22	35
44	11
66	5
5	2
$\frac{1}{2}$	additio
7 10	

* Latera ... $\frac{1}{2}$ + $\frac{1}{3}$ = $\frac{5}{6}$ re-
cto, lin. 25-28, pag. 67, lin.
22-28.

22	35
44	11
66	5
$\frac{1}{2}$	extractio
7 10	

* 210 ... quia habet 2 (fol. 58 verso, lin. 21-22, pag. 67, lin. 24 - pag. 65, lin. 2).

224	255
11	11
66	5
$\frac{1}{2}$	additio
7 10	

que 234 non oportet multiplicare per 3, que sunt sub uirgula propter comitatem predictam, quam habet 3 cum 0: ponas igitur 234 super $\frac{4}{3}$, et adde 234 cum 255, erunt 489; que diuide per $\frac{489}{372}$ que sunt sub uirgulis, et relinuas 3 quod non diuides per ipsa; ideo quia in multiplicatione utrarumque partium reliquisti quod non multiplicasti per 3: quare summam [inuentionis partium non debes diuidere per 3; sed debes eam diuidere per alios ruptos, cum per ipsos multiplicasti, exhibit $\frac{489}{372}$, ut superius.

fol. 28 verso.

* exhibit 140 que * (fol. 28 verso, lin. 2-3; pag. 68, lin. 6-13).

extractio	
4 0	4 0
0 3	3 3

Si autem $\frac{4}{3}$ de $\frac{4}{3}$ extrahere uolueris, reperies prescripta 255 et 234: extrahes 234 de 255, remanebunt 21, que diuide suprascripta ratione per $\frac{489}{372}$ tantum prius diuidas per 7 et per 9, quam per 3: ideo quia 21 integraliter diuiditur per 7 et per 3, que sunt de regula ipsorum 9, exhibuit $\frac{79}{63}$ pro residuo dicte extractionis, hoc est $\frac{10}{12}$: de diuisione autem eorum ad inuicem fac ut supra.

Additio de $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{10}$

Reuersus si uolueris addere $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{10}$, multiplica numeros, qui sunt sub uirgulis, scilicet 4 per 5, erunt 20; que per 9, erunt 180; que 180 non oportet multiplicare per 10, cum in 180 reperitur $\frac{1}{10}$. Quare accipies $\frac{1}{2}$ de 180, scilicet 90, et addes ea cum $\frac{1}{10}$ de 180, scilicet cum 18, erunt 229, que diuide per 180, exhibit $\frac{229}{180}$.

* 180 non in quibus * (fol. 28 verso, lin. 9-13; pag. 68, lin. 15-22).

additio	
5 8	1 7 1
$\frac{4}{10}$	$\frac{4}{9}$
$\frac{4}{10}$	$\frac{4}{9}$
$\frac{4}{10}$	$\frac{4}{9}$

Aliter describere ruptos, et multiplica 3, que sunt super 4, per 5 et 1, quod est super 2 per 4, erunt 19; que multiplica per 9, erunt 171, que relinque multiplicare per 10 propter comitatem quam habent cum 3 et cum 4: pone ergo 171 super $\frac{1}{2}$; quia ipsa sunt $\frac{1}{2}$ de 180: deinde multiplica 2, que sunt super 9, per 10 et 1, quod est super 10 per 9, erunt 29; que multiplica per 2, et relinques comitatem quam habet 10 cum 1 et cum 2, erunt 58, que sunt $\frac{1}{10}$ de 180: adde ergo 58 cum 171, erunt 229; que diuide per ruptos, qui sunt in uno latere, et per raptum alterius lateris, qui multiplicatur in multiplicatione, hoc est, aut per 4 et per 5 que sunt in uno latere, et per 9 que sunt in alio latere, in quibus multiplicamus superius 10: uel diuides per 9 et per 10, que sunt ex altero latere, et per 2 que sumimus ex alio latere in multiplicatione, in quibus uidelicet multiplicauimus 29; nam $\frac{100}{180}$ uel $\frac{10}{18}$ unum est, et una queque ipsarum uirgularum est regula de 180, exhibit $\frac{10}{18}$.

* exhibit etiam et * (fol. 28 verso, lin. 22-23; pag. 68, lin. 23 - pag. 69, lin. 2).

extractio	
5 8	1 7 1
4 0	4 0
0 3	3 3
4 0	4 0
0 3	3 3

Nam si $\frac{1}{10}$ de $\frac{1}{2}$ extrahere uolueris, reperies prescripta 171 et 58, et extrahes 58 de 171, remanebunt 113; que diuide suprascripta ratione per $\frac{100}{180}$, exhibit $\frac{113}{180}$ pro residuo dicte extractionis. Et si ea ad inuicem diuidere uis, fac ut supra. Volo demonstrare modum inueniendi minimum mensuratum datorum quolibet numerorum: ut si uis inuenire numerum, in quo reperiantur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{10}$, multiplica maiorem numerum, qui est sub uirga per sequentem; cum non sint communicantes, scilicet 10 per 9, erunt 90. Que multiplica per comitatem quam habent cum 8, scilicet per medietatem eorum; cum biarius sit eorum communis mensura, erunt 280; que multiplica per 7; cum nulla sit euasio inter ea, erunt 2380, que non oportet multiplicare per 6; cum ipsorum regula sit $\frac{10}{18}$, que partes sunt ex partibus numerorum multiplicatorum. Nam $\frac{1}{2}$ est de regula de 10, que regula est $\frac{10}{18}$; et $\frac{1}{3}$ est de regula de 9: neque etiam multiplicanda sunt 2380 per 3; cum 3 sicut de regula de 10, nec etiam per 4, uel per 2 sunt multiplicanda; cum sint in regula de 8. Similiter nec per 3 oportet multiplicare 2380; cum sint de regula de 9: ergo in 2380 reperiuntur omnes suprascripti rupti; et est minimus commensuratus omnium numerorum, qui sunt sub prescriptis uirgis.

Incipit pars tertia de diuisione integrorum numerorum per integros cum ruptis etiam, et de eorum contrariis.

Cum uolueris diuidere aliquem integrum numerum cum uno rupto, uel pluribus, uel e contra integrum numerum cum ruptis per alium integrum numerum, fac ruptos de utroque numero quales fuerit ille, uel illi qui fuerint positi eum uno numerorum: deinde diuide summam ruptorum illius numeri per summam ruptorum alterius, et habebis qualem uolueris diuisionem. Et ut hec melius ad oculum deprehendas, quorundam numerorum diuisiones in sequentibus demonstrare procurabimus.

Diuisio de 83 per $\frac{2}{3} 5$.

Si uolueris diuidere 83 per $\frac{2}{3} 5$, fac tertias de unoquoque numero sic: multiplica 5 per 3, que sunt sub uirgula, et adde 2, erunt tertie 17; et multiplica 83 per 3, ut facias tertias ex ipsis, erunt tertie 249: diuide ergo 249 per 17, exhibunt $\frac{14}{17}$ 14 pro quesita diuisione.

Ex hoc ergo manifestum est, quod eadem est diuisio de 83 in $\frac{2}{3} 5$, quam de 249 in 17; et hoc est quod Euclides peritissimus geometra in suo libro declarat: quod quam proportionem habet quilibet numerus ad quemlibet numerum, eandem proportionem habent equa quelibet multiplicia illorum; que multiplicia ergo sunt 17 de $\frac{2}{3} 5$, tam multiplicia sunt 249 de 83: sunt enim 17 tripla de $\frac{2}{3} 3$, et 249 tripla de 83. |

Et si e contra uolueris diuidere $\frac{2}{3} 5$ per 83, diuide 17 per regulam de 249, que est $\frac{16}{249}$, exhibunt $\frac{55}{249}$ pro quesita diuisione.

Diuisio de 94 per $\frac{2}{3} 6$.

Item si uolueris diuidere 94 per $\frac{2}{3} 6$, si materiam prescriptam secundum huius artis magisterium retinere uolueris, describe numeros ut hic ostenditur: et multiplica 6 per suam uirgulam, hoc est per 3, et adde 2, erunt quite 22, quas pone super $\frac{2}{3} 6$; et multiplica 94 per eadem 3, erunt quite 470; quas pone super 94, et diuide 470 per regulam de 22, que est $\frac{15}{22}$, exhibunt $\frac{15}{22}$ 15 pro quesita diuisione. Et si 22 per regulam de 470 diuideris, habebis $\frac{22}{470}$ pro diuisione de $\frac{2}{3} 6$ in 94, ut superius in descriptione ostenditur. Verum si 112 per $\frac{12}{22}$ 11 diuidere uolueris, ut hic ceruntur, numeros describe: quibus descriptis, multiplica 11 per suam uirgulam, erunt sexte decime 183, quas pone super $\frac{12}{22}$ 11: deinde multiplica 112 per 8 et per 2, que sunt sub uirgula, hoc est per 16, erunt similiter sexte decime 1808, quas pone super 112: diuide ergo 1808 per regulam de 183, exhibunt $\frac{8}{183}$ 9 pro quesita diuisione: et si diuideris 183 per regulam de 1808, habebis $\frac{183}{1808}$ pro diuisione de $\frac{12}{22}$ 11 in 112. Et iam si plures rupti ponerentur sub eadem uirgula, similiter posses operari.

Diuisio de 217 per $\frac{1}{2} \frac{2}{3} 13$.

Si uolueris diuidere 217 per $\frac{1}{2} \frac{2}{3} 13$, describe numeros; et multiplica 13 per suas uirgulas, erunt 167 duodecime, quas pone super $\frac{1}{2} \frac{2}{3} 13$: deinde multiplica 217 per numeros, qui sunt sub uirgulis, uidelicet per 3 et per 4, uel in una multiplicatione per 12, erunt similiter 217, quas pone super 217; et diuide 2724 per 167, exhibunt $\frac{32}{167}$ 16 pro quesita diuisione. Et si 167 per regulam de 2724 diuideris, exhibunt $\frac{167}{2724}$ pro diuisione de $\frac{1}{2} \frac{2}{3} 13$ in 217, ut in eadem superiori descriptione ostenditur.

Diuisio de 223 per $\frac{1}{2} \frac{2}{3} 14$.

Item si uolueris diuidere 223 per $\frac{1}{2} \frac{2}{3} 14$, quamuis hanc diuisionem, secundum demon-

Et ut ... peritissimus s. (Ed. 28. vers. l. 22-26, pag. 67, l. 7-12).

diuisio numeris per numeros

17	249
$\frac{2}{3}$	83
3	
51	14

Ed. 28. vers.

s. Et ut ... peritissimus s. (Ed. 28. vers. l. 22-26, pag. 67. l. 19 — pag. 28. l. 22. diuisio numeris per numeros)

17	249
$\frac{2}{3}$	83
3	
51	

diuisio numeris per numeros

22	470
$\frac{2}{3}$	94
3	
66	15

diuisio numeris per numeros

22	470
$\frac{2}{3}$	94
3	
66	15

167	2694
12	217
4	
668	15

269	5814
12	323
4	
1076	21

167	2694
12	217
4	
668	15

stratum modum facere possis; tamen qualiter euitando comitatem ruptorum fieri debeat, ostendamus: primum describe questionem; deinde multiplica 14 per suas uirgulas, euitando tantum sic: multiplicabis 14 per 6 et adde 5, erunt sexte 89, quas multiplica per tertiam de 9 propter comitatem regule, quam habet 6 cum 9. Sunt enim 3 comunis regula ipsorum, erunt octaue decime 267; super quas adde multiplicationem de 1, quod est super 9, in tertiam de 6, que sunt sub uirgula, hoc est in 2, erunt octaue decime 269: uel aliter adde $\frac{2}{3}$ cum $\frac{1}{3}$, erunt $\frac{1}{3}$: quare numeri 14 per 18 et adde 17, erunt similiter 269 octaue decime, quas pone super $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ 14; et multiplica 222 aut per 6 et per tertiam de 9, aut per 9 et per tertiam de 6 propter comitatem regule ipsorum: ergo multiplicabis in una multiplicatione 222 per 18, quod idem est, erunt octaue decime 3814, quas pone super 222: deinde diuide 3814 per 269, exhibunt $\frac{143}{269}$ 21 pro quesita diuisione. Nam si 269 per regulam de 3814 diuiseris, reperies $\frac{143}{269}$ 21 pro diuisione de $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{3}$ 14 in 222, ut superius in descriptione ostenditur.

Diuisio de 1257 per $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ 83.

Si autem uolueris diuidere 1257 per $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ 83, describe numeros; et multiplica 83 per suas uirgulas, erunt sexagesime 5027: pone ergo 5027 super $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ 83, et proba ea secundum quod in multiplicationibus per ruptum tibi demonstrabimus. Est enim pensa ipsorum 1 per septenarium, ut oportet; quam pensam pone super 5027: deinde multiplica 1257 per numeros qui sunt sub uirgulis post 83, hoc est per 3; que per 4; que per 5, uel in una multiplicatione per 60, erunt sexagesime 81420, quos pone super 1257. Et super ipsos pone pensam ipsorum per septenarium que est 2: deinde diuide 81420 per regulam de 5027, que est $\frac{1}{11}$ $\frac{6}{11}$, exhibunt $\frac{9}{11}$ $\frac{10}{11}$ 16 pro quesita diuisione: quare si multiplicaueris ipsa per $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ 83, eadem 1257 prouenerint; et est pensa ipsius diuisionis 2 per 7, sicuti est pensa de 81420: et si 5027 per regulam de 81420 diuiseris, habebis $\frac{2}{7}$ $\frac{11}{7}$ $\frac{2}{7}$ pro diuisione de $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ 83 in 1257, cuius diuisionis pensa est 1 per 7, sicuti sunt de 5027; et sic intelligas de pensis quarumlibet diuisionum similium.

Diuisio 2456 per $\frac{1}{10}$ $\frac{2}{10}$ $\frac{3}{10}$ 15.

Item aliam huiusmodi cum tribus ruptis proponamus diuisionem, qui ad inuicem comitatem habeant regulam: ut modum euitandi melius intelligas, proponimus enim tibi ut diuidas 2456 per $\frac{1}{10}$ $\frac{2}{10}$ $\frac{3}{10}$ 15: describe questionem, et multiplica 15 per suas uirgulas, euitando sic: multiplicabis 15 per 6, et addes 5, erunt sexte 95; quas multiplica per tertiam de 9, que sunt sub uirgula; quia propter comitatem quam habet 9 cum 6, non oportet per ipsa tota multiplicare; erunt itaque octaue decime 285, quas multiplica per 5, que sunt medietas de 10 propter 2, que sunt comunis regula de 10 et de 6, erunt nonagesime 1425. Item multiplica 2 que sunt super 9, que sunt none | per 10, erunt nonagesime 20, quas non oportet multiplicare per 6; quia tota 6 comunis sunt regulam de 9 et de 10. Nam regula de 6 est $\frac{10}{6}$ et $\frac{1}{3}$ sequentis regule est de regula de 10, que est $\frac{10}{10}$. Et $\frac{2}{3}$, que remanet de 6, sunt in regula de 9; cum ipsa sit $\frac{10}{9}$: deinde multiplica 1, quod est super 10, per 9, erunt nonagesime 9, quas non oportet per 6, propter comitatem predictam, multiplicare.

Adde ergo nonagesimas 9 iuuentas cum nonagesimis 20, et cum nonagesimis 1425, erunt nonagesime 1454, quorum pensa per septenarium est 5: pone ergo 1454 super 15 et super ruptos suos, et 5 pro pensa pone desuper. Potes enim aliter de $\frac{1}{10}$ $\frac{2}{10}$ $\frac{3}{10}$ 15 nonagesimas

• 2127 per ... et super 9 hab
27 erunt. Ita 22 29. pag. 20.
ho. 24 25.

1454	221040
$\frac{1}{10}$ $\frac{2}{10}$ $\frac{3}{10}$	2156

14 27 28 29

facere: tamen notandum est primum, quare inde nonagesime fieri debeant. Debent enim fieri propter $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ que reperiuntur in 90: et est minor numerus, in quo ipse fractiones reperiuntur: quare multiplica 15 per 90, erunt nonagesime 1350: super quas adde $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ de 90, que sunt nonagesime 104, erunt similiter nonagesime 1454: postea fac nonagesimas de 1454, erunt nonagesime 221040; quas pone super 1456, et diuide 221040 per regulam de 81454, exibunt $\frac{6}{15} \frac{16}{173}$ 152 pro quesita diuisione. Et si 1454 per regulam de 221040 diuideris, habebis diuisionem de $\frac{6}{15} \frac{16}{173} \frac{1}{16}$ in 2456. Que diuisio est $\frac{6}{15} \frac{16}{173} \frac{1}{16}$, ut superius in questione ostenditur.

Incipit pars quarta de additione extratione seu diuisione integrorum numerorum cum ruptis.

Cum autem aliquem numerum cum uno rupto, uel pluribus addere uolueris cum quolibet alio numero, similiter cum uno rupto uel pluribus, uel minorem ipsorum cum suo rupto, uel ruptis de maiori cum suo rupto, uel ruptis extrahere, seu aliquem ipsorum per alterum diuidere, describe minorem numerum cum suo rupto, uel ruptis in dextera tabule parte. Maiorem uero cum suis ruptis in eadem linea uersus sinistram, sicuti in precedenti parte demonstrauius: et multiplica minorem numerum per suam uirgulam, sicuti superius docuimus; et summam per omnes numeros, qui fuerint sub uirgula, uel uirgulis maioris numeri multiplica. Et multiplicatio, que euenerit super prescriptum numerum minorem, reserua. Deinde maiorem numerum per suam uirgulam, et per omnes numeros qui sunt sub uirgula, uel uirgulis minoris numeri multiplica. Et summam super ipsam maiorem numerum describe. Et tunc si uolueris addere, addes ipsos numeros repertos, et coadunatam summam per omnes ruptos qui fuerint in positione diuide, et habebis additionem ipsorum. Et si maiorem de maiori extrahere uolueris, extrahes repertum numerum, et positum super minorem numerum de reperto numero, et posito super maiorem, residuumque per omnes ruptos similiter diuide, et habebis residuum quod est inter maiorem et minorem. Et si maiorem per minorem diuidere uolueris, maiorem repertum numerum per minorem repertum numerum diuide. Et si minorem per maiorem diuidere uolueris, diuide minorem repertum numerum per maiorem repertum numerum; et sic habebis qualem uolueris ipsorum diuisionem. Et ut hec omnia apertius intelligantur, singulariter ea cum positionibus numerorum presentialiter proponimus demonstrare.

Additio de $\frac{1}{2}$ 12 cum $\frac{1}{4}$ 126.

Si uolueris addere $\frac{1}{2}$ 12 cum $\frac{1}{4}$ 126, describe numeros ut hic ostenditur, et multiplica 12 per suam uirgulam, erunt tertie 27; quas multiplica per 4, que sunt sub uirgula post 126, erunt XII. 148, quas pone super $\frac{1}{2}$ 12: deinde multiplica 126 per suam uirgulam, erunt quarte 507; quas multiplica per 2, que sunt sub uirgula post 12, erunt dnodecime 1014, quas pone super $\frac{1}{4}$ 126: adde itaque duodecimas 148 cum duodecimis 1014, erunt duodecime 1668; quas diuide per utrumque ruptum, uidelicet per 2 et per 4, uel in una diuisione per 12, exibunt $\frac{1}{12}$ 129, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Potes enim hanc eandem additionem aliter reperire, ut addas integra cum integris, uidelicet 12 cum 126, erunt 138: deinde adde ruptos in unum, scilicet $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{4}$, sicuti superius in prima parte huius capituli demonstrauius, erit $\frac{3}{4}$ 11; que nde cum 138, erunt $\frac{1}{12}$ 129, ut modo pro superscripta iunctione inuenimus. |

* In uolueris ... De eodem. *
[fol. 29 verso, lin. 11-26].
pag. 71, lin. 33-60.

126	126
$\frac{1}{2}$ 12	$\frac{1}{4}$ 12
Summa iunctionis	
$\frac{1}{12}$ 129	

Extractio de $\frac{1}{2}$ 12 de $\frac{3}{4}$ 126.

Utrum si $\frac{1}{2}$ 12 de $\frac{3}{4}$ 126 extrahere uolueris, describis questionem ut supra, et reperies prescripta 148 et 1321; et extrahas 148 de 1321, remanebunt duodecime 1273; quas diuide suprascripta ratione per 12, exhibunt integre $\frac{21}{12}$ 114 pro residuo diete extractionis, ut in questione ostenditur.

Uel aliter: extrahere integra de integris, uidelicet 12 de 126, remanent 114: deinde extrahere $\frac{1}{2}$ de $\frac{3}{4}$, remanent $\frac{2}{12}$, quas adde cum 114, erunt $\frac{2}{12}$ 114 similiter. Et si diuidere uolueris $\frac{1}{2}$ 126 per $\frac{3}{4}$ 12, diuides 1321 per regulam de 148, que est $\frac{1}{2}$, exhibunt $\frac{1}{4}$ 114 pro quesita diuisione, ut in sua demonstrabitur descriptione.

Item si minorem per maiorem diuidere uolueris, scilicet $\frac{1}{2}$ 12 per $\frac{3}{4}$ 126, repertis quidem 148 et 1321, diuides 148 per regulam de 1321, que est $\frac{1}{1321}$, exhibit $\frac{1}{1321}$ unius integri pro quesita diuisione.

Additio de $\frac{1}{4}$ 12 cum $\frac{2}{3}$ 171.

Si uero $\frac{1}{4}$ 12 cum $\frac{2}{3}$ 171 addere uolueris, describe numeros ut pre diximus; et multiplica 12 per 4, et adde 3, que sunt super 4, erunt quarte 55; quas multiplica per 3, que sunt sub uirgula post 171, erunt uigesime 273, quas pone super $\frac{1}{4}$ 12: et multiplica 171 per snam uirgulam, scilicet per 5 et adde 2, erunt quinte 857; quas multiplica per 4, que sunt sub uirgula post 12, erunt uigesime 3428, quas pone super $\frac{2}{3}$ 171: deinde adde 273 cum 3428, erunt xx.^o 3703; quas diuide per raptos, scilicet per 4 et per 5, qui sunt sub uirgulis utriusque numeri, exhibunt $\frac{11}{212}$ 183 pro quesita iunctione.

Probatio suprascripte iunctionis.

Que iunctio, si recta est, ita per 7 cognoscitur: pensa de 12, que est 6, per 4 multiplica, et de super adde 3, que sunt super 4, erunt 27; quorum pensa que est 6 iterum per 5, que sunt sub uirgula multiplica, erunt 30, quorum pensa que est 2 est pensa de 275. Similiter studeas reperire pensam de 3428 per ipsorum originem sic. Pensam de 171, que est 3, per septenarium multiplica per 5, que sunt sub uirgula, et adde 2 que sunt super 5, erunt 17; quorum pensa que est 3 multiplica per 4, que sunt sub uirgula, erunt 12, quorum pensa que est 5 debet esse pensa de 3428; et quia scimus reete processisse, cum habuimus ipsa 3428 ita est: quoniam pensa pone super 3428; deinde adde pensam de 275, uidelicet 2 cum pensa de 3428, scilicet cum 5, erunt 7; quorum pensam, que est 6, habeas pro pensa snime iunctionis.

De eorundem additione.

Potes enim prescriptam iunctionem aliter inuenire, uidelicet ut addas 12 cum 271, erunt 283; et $\frac{1}{2}$ cum $\frac{2}{3}$ erit $\frac{1}{6}$ 1; que adde cum 283, erunt $\frac{1}{6}$ 183, ut per eorum iunctionem reuertitur est.

Extractio de $\frac{1}{2}$ 12 de $\frac{2}{3}$ 171.

Et si $\frac{1}{2}$ 12 de $\frac{2}{3}$ 171 extrahere uolueris, extrahere 275 de 3428, remanent 2153; que diuide per raptos, exhibunt $\frac{1}{173}$ 157 pro residuo quesite extractionis.

Quod residuum, si rectum sit, ita per 7 cognoscitur: pensam de 275, que est 2, de pensa de 3428, que est 5, extrahere; residuum uero, quod est 3, habeas pro pensa de $\frac{1}{173}$ 157.

Possumus enim $\frac{1}{2}$ 12 aliter de $\frac{2}{3}$ 171 extrahere, uidelicet ut extrahas 12 et $\frac{2}{3}$ de 171, remanet $\frac{1}{3}$ 157; cum quibus adde $\frac{2}{3}$, erunt $\frac{1}{3}$ 157, hoc est $\frac{1}{173}$ 157.

Diuisio $\frac{2}{3}$ 171 per $\frac{1}{2}$ 12.

Et si $\frac{2}{3}$ 171 per $\frac{1}{2}$ 12 diuidere uolueris, diuide 3428 per regulam de 275, que est $\frac{1}{2}$ 114,

Ed. 30 recto.

Utrum ... descriptio ... (Ed. 30 recto, fol. 116 r. pag. 72, lin. 27.)

1 5 2 1	1 4 8
$\frac{1}{2}$ 1 2 6	$\frac{1}{2}$ 1 2
Residuum extractionis	
$\frac{1}{12}$ 1 1 4	

Utrum ... descriptio ... (Ed. 30 recto, fol. 116 r. pag. 72, lin. 10 19.)

1 5 2 1	1 4 8
$\frac{1}{2}$ 1 2 6	$\frac{1}{2}$ 1 2
descriptio duorum numerorum per numerum	

Utrum ... descriptio ... (Ed. 30 recto, fol. 116 r. pag. 74, lin. 10 20.)

1 5 2 1	1 4 8
$\frac{1}{2}$ 1 2 6	$\frac{1}{2}$ 1 2
descriptio duorum numerorum per numerum	
$\frac{1}{12}$ 1 1 4	

3428 ... de 275 ... (Ed. 30 recto, fol. 116 r. pag. 72, lin. 20 - pag. 73, lin. 4.)

descriptio iunctionis	
3 4 2 8	2 7 5
$\frac{2}{3}$ 1 7 1	$\frac{2}{3}$ 4 3
$\frac{1}{6}$ 1 8 5	

descriptio additionis	
$\frac{2}{3}$ 1 7 1	$\frac{2}{3}$ 4 3

descriptio utriusque diuisionis	
$\frac{1}{2}$ 1 2 6	$\frac{2}{3}$ 4 3

exibunt $\frac{3}{2} \frac{3}{11}$ 12 pro quesita diuisione, quorum pensa debet esse 5 per 7, sicut est de 3425, que diuiduntur. Et si $\frac{2}{3}$ 12 per $\frac{7}{11}$ 12 diuidere uolueris, diuide 275 per regulam de 3425, que est $\frac{2}{11} \frac{7}{11}$; exhibunt $\frac{3}{11} \frac{5}{11}$ unius integri, quorum ruptorum pensa per septenarium est 2, sicuti fuit de 275.

Additio de $\frac{2}{3}$ 14 cum $\frac{7}{11}$ 231.

Item si uolueris addere $\frac{2}{3}$ 14 cum $\frac{7}{11}$ 231, describe numeros ut hic ostenditor. Et quamuis hanc iunctionem per superscriptum modum facere possis; tamen propter comitatem quam habent $\frac{2}{3}$ cum $\frac{7}{11}$, qualiter hoc cum euitatione fieri debeat, indicemus. Multiplicabis itaque 14 per 6, et addes 5, erunt sexte 89; quas multiplica per 3, scilicet per tertiam partem de 9 propter comitatem quam habet 6 cum 9, erunt xviii.^{or} 267, quas pone super $\frac{2}{3}$ 14, et proba eas per pensam quamlibet: est enim pensa ipsarum 7 per 12, quam pone super 267: deinde multiplica 231 per 9 et adde 2, erunt nonne 2081; quas multiplica per tertiam de 6, hoc est per 2, erunt similiter xviii.^{or} 4162, quas pone super $\frac{2}{3}$ 231, et super eas pone pensam ipsarum inuentam similiter per 12, que est 2: post hec adde 267 cum 4162, erunt 4429; que diuide per unum ex ruptis qualem uolueris, et per partem comitatis alterius, hoc est aut diuides per 6 et per tertiam de 9, scilicet per 3, aut diuides per 9 et per tertiam de 6, uidelicet per 2, exhibunt $\frac{4}{9}$ 246 pro quesita iunctione, cuius summe pensa est 9 per 12, que exit ex iunctione pense de 267, que est 7, et de 4162, que est 2. Et ut hoc intelligibilis fiant, diuide 6 et 9 per comitatem eorum, scilicet per 3, exhibunt 2 et 3: pone itaque 2 sub 6 et 3 sub 9; et multiplica inuenta 89 per 3 posita sub 9, et 2081 per 2 posita sub 6, et habebis numeros superscriptos, quorum additionem diuide per unum ex numeris, qui sunt sub uirgis, et per numerum positum sub alio, scilicet per 6 et per 2, uel per 9 et per 2. Potes enim aliter $\frac{2}{3}$ 14 cum $\frac{7}{11}$ 231 addere, uidelicet ut addas primum 14 cum 231, erunt 245; deinde adde $\frac{2}{3}$ cum $\frac{7}{11}$ erit $\frac{1}{11}$ 4, que adde cum 245, erunt $\frac{17}{11}$ 246, ut superius per priorem modum reperta sunt.

Extractio $\frac{2}{3}$ 14 de $\frac{7}{11}$ 231.

Ex si $\frac{2}{3}$ 14 de $\frac{7}{11}$ 231 extrahere uolueris, extrahes 267 de 4162, remanebunt 3895, quorum pensa est 8 per 12, que sic reperitur: scilicet cum non possis extrahere 7, que sunt pensa de 267, de pensa de 4162, hoc est de 2, debes addere numerum pense, uidelicet 12 cum 2 prescriptis, faciunt 15; de quibus extrahes predictam 7, remanent 8 pro pensa de 3895, ut prediximus: diuides itaque 3895 per $\frac{12}{11}$ superscripta ratione exhibunt $\frac{17}{11}$ 216 pro residuo dicte extractionis.

Aliter extrahes 14 de $\frac{2}{3}$ 231, remanent $\frac{7}{11}$ 217, de quibus extrahes $\frac{2}{3}$ 1: cum non possis $\frac{2}{3}$ de $\frac{7}{11}$ extrahere, remanebunt 216; et extrahes $\frac{2}{3}$ de $\frac{7}{11}$ 1, faciens xviii.^{or} ex eis, remanebunt $\frac{17}{11}$; quibus additis cum 216, faciunt $\frac{17}{11}$ 216, ut superius reperta sunt.

Diuisio de $\frac{7}{11}$ 231 per $\frac{2}{3}$ 14.

Utrum si $\frac{7}{11}$ 231 per $\frac{2}{3}$ 14 diuidere uolueris, diuide 4162 per regulam de 267, exhibunt $\frac{17}{11}$ 15 pro quesita diuisione.

Diuisio de $\frac{2}{3}$ 14 per $\frac{7}{11}$ 231.

Item si $\frac{2}{3}$ 14 diuidere uolueris per $\frac{7}{11}$ 231, diuide 267 per regulam de 4162, exhibunt $\frac{1}{11} \frac{17}{11}$ pro quesita diuisione.

Gal. 30 error.

* 12 que est sub alio s. Gal.
30 error, lib. 1 6; pag. 72, lib.
14 227.

(2)	(7)
4 1 6 2	2 6 7
$\frac{2}{3}$ 2 3 1	$\frac{7}{11}$ 1 4
3	2
<hr style="width: 100%;"/>	
$\frac{17}{11}$ 246	

Additio de $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ cum $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$.

Item si $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ cum $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ addere uolueris, describe numeros ut hic ostenditur; et multiplica 15 per suas uirgulas, scilicet per 3, et adde 15; que per 4 et adde multiplicationem de 1, quod est super 4 in 2, erunt xu° 167; quas multiplica per numeros qui sunt sub uirgulis post 322, scilicet per 5 et per 7, erunt quadrigentesime uigesime 6545, quas pone super $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$: deinde multiplica 322 per suas uirgulas, erunt trigesime quinte 12596; quas multiplica per numeros qui sunt sub uirgulis post 15, erunt quadrigentesime uigesime 125552, quas pone super $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$: deinde adde 6545 cum 125552, erunt $cccxx. 142097$; quas diuide per 420, hoc est per omnes numeros qui sunt sub uirgulis, et aptabis ipsos, exhibunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ pro quesita iunctione, cuius pensa est 10 per 11.

Aliter iunge 15 cum 322, erunt 337; et adde $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$ cum $\frac{1}{7} \frac{1}{8}$, secundum quod docuimus in secunda parte huius capituli, erit $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$; que adde cum 337, erunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$, ut prediximus.

Extractio de $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ de $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$.

Et si $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ de $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ extrahere uolueris, extrahe 6545 de 125552, remanebunt 120007, que diuides superscripta demonstratione per $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$, exhibunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ pro residuo quesite extractionis.

Aliter extrahe 15 de 322, remanebunt 307; et extrahe $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$ de $\frac{1}{7} \frac{1}{8}$, remanebunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$; que adde cum 307, erunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$, ut prediximus. Verum si $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ diuidere uolueris, diuide 125552 per regulam de 6545, exhibunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ pro quesita diuisione.

Diuisio $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ per $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$.

Item si $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 15$ per $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ diuidere uolueris, diuide 6545 per regulam de 125552, exhibunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 322$ pro quesita diuisione: et sic secundum prescriptum modum quoslibet numeros cum duobus ruptis addere, et extrahere, et diuidere potes: tamen alias quasdam questiones, ex quibus euitare possumus comitatem regule ruptorum, ad presens proponimus demonstrare.

Additio $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 16$ cum $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$.

Si uolueris addere $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 16$ cum $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$, descriptis numeris, multiplica primum 16 per suas uirgulas, erunt lxx° 329; quas cum debeas multiplicare per 5 et per 9, que sunt sub aliis uirgulis non multiplicabis nisi tantum per 9 propter aliam 5, que sunt sub uirgula post $\frac{1}{4} 16$, erunt $c^{\circ}lxxx^{\circ}$ 3054, quas serua super $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 16$: deinde multiplica 422 per suas uirgulas, erunt xlv° 19024, quas multiplica tantum per 4, que sunt sub uirgula post 16: quare relinques quod non multiplicare (*sic*) per 5 supradicta ratione, erunt similiter $c^{\circ}lxxx^{\circ}$ 79724, quas pone super $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$: deinde adde 3054 cum 79724, erunt $c^{\circ}lxxx^{\circ}$ 82778, quas diuide per 180 uel per omnes numeros qui sunt sub uirgis, preter quam per unum ex duobus quinaris: quia sicuti relinquuntur quique in multiplicatione unius cuiusque duorum numerorum prescriptorum, ita debent relinqui in diuisione summe iunctionis ipsorum: ergo diuide 82778 per $\frac{1}{7} \frac{1}{8}$, et euitabis iude $\frac{1}{7} \frac{1}{8}$, exhibunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$ pro quesita iunctione.

Uel potes addere integra cum integris, et quintam cum quintis, et $\frac{1}{4}$ cum $\frac{1}{5}$, ut in precedentibus docuimus; et habeabis similiter summam eiusdem iunctionis.

Extractio $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 16$ de $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$.

Iterum si $\frac{1}{4} \frac{1}{5} 16$ de $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$ extrahere uolueris, extrahes 3054 de 79724, remanebunt 76672; quesita ratione diuides per $\frac{1}{7} \frac{1}{8}$, exhibunt $\frac{1}{7} \frac{1}{8} 422$ pro residuo quesite extractionis:

uel extrahe $\frac{1}{10}$ de $\frac{1}{10}$ 442, remanet $\frac{2}{10}$ 426; et tunc extrahes $\frac{2}{10}$ de $\frac{1}{10}$ de $\frac{1}{10}$ 426, si possibile es-
set. Sed quia possibile non est, extrahe $\frac{2}{10}$ 426 de $\frac{1}{10}$ 426, remanent 425: deinde extrahes $\frac{2}{10}$ de
prescripto $\frac{1}{10}$ 426, remanebunt $\frac{8}{10}$ 410 amplius de 425 pro eodem residuo.

Reversus si $\frac{1}{10}$ 442 per $\frac{1}{10}$ 10 diuidere uolueris, diuide 79724 per regulam de 2051, exhibunt
 $\frac{2}{10}$ 20 pro quesita diuisione. Et si $\frac{1}{10}$ 16 per $\frac{1}{10}$ 16 diuidere uolueris, diuide 2051 per
regulam de 79724, exhibunt $\frac{8}{10}$ 8 pro quesita diuisione.

Additio $\frac{1}{10}$ 17 cum $\frac{1}{10}$ 523.

Si uero $\frac{1}{10}$ 17 cum $\frac{1}{10}$ 523 addere uolueris, descriptis numeris, multiplica 5 per 6, que
sunt sub uirgis, erunt 30; et 9 per 10, que sunt sub aliis uirgis alterius lateris, erunt
90: tunc 30 in manu dextera, et 90 in sinistra, et diuide ea per maiorem cumitatem
quam habent ad inuicem, scilicet per 30, exhibit 3 in manu dextera et 3 in sinistra. Pone
ergo 1 sub $\frac{1}{10}$ 17 et 3 sub $\frac{1}{10}$ 523, ut in questione incient: et multiplica 17 per suas uirgas,
erunt 327 xxx; quas multiplica per 3 posita sub $\frac{1}{10}$ 17, erunt 1581 nonagesime, quas pone
super $\frac{1}{10}$ 17: deinde multiplica 323 per suas uirgas, erunt similiter nonagesime 47148; quas
multiplica per 1 positum sub $\frac{1}{10}$ 17, erunt similiter 47148 nonagesime; quas pone super
 $\frac{1}{10}$ 523, et adde ea cum 1581, erunt 48730, que diuide per numeros qui sunt sub uirgis
unius lateris, et per numerum positum sub uirgis alterius, hoc est per 5, et per 0,
et per 2, uel per 8, et per 10, et per 1; et sic cadet diuisio in 90: quin oportet ut
summa predicta nonagesimarum reintegretur, exhibunt pro quesita iunctione $\frac{1}{10}$ 541: hunc
enim modum studeas tenere in omnibus similibus, cum sit precautior ceteris et melior.

Et si $\frac{1}{10}$ 17 de $\frac{1}{10}$ 523 extrahere uolueris, extrahes quidem 1581 de 47148; residua uero
que sunt 43505, diuides suprascripta ratione per $\frac{10}{515}$, exhibunt $\frac{10}{515}$ 506 pro residuo quesite
extractionis. Vel extrahes 17 de 523, remanebunt 506; et extrahes $\frac{1}{10}$ 506 de $\frac{1}{10}$ 523, remanebunt
 $\frac{10}{515}$, ut prediximus.

Diuisio de $\frac{1}{10}$ 523 per $\frac{1}{10}$ 17.

Nam si $\frac{1}{10}$ 523 per $\frac{1}{10}$ 17 diuidere uolueris, diuides 47149 per 1581: et si diuiseris
1581 per 47149, habebis diuisionem de $\frac{1}{10}$ 17 in $\frac{1}{10}$ 523, ut in precedentibus singu-
lariter demonstrauiamus.

*Incipit pars quinta de additione et extractione seu diuisione
partium numerorum integrorum cum ruptis.*

Si uolueris addere $\frac{2}{3}$ de $\frac{2}{3}$ 29 cum $\frac{2}{3}$ de $\frac{2}{3}$ 125, describes numeros ut hic ostenditur;
et multiplica 29 per 3 et adde 2, erunt 147; que multiplica per 3, que sunt super 4,
erunt 441; que multiplica per 7 et per 9, que sunt sub uirgula alterius numeri, erunt 27782,
que pone super $\frac{2}{3}$ 29, quorum pensa est 8 per 11, que reperitur secundum quod mul-
tiplicauimus: deinde multiplica 125 per 9, et adde 2; que per 5, que sunt super 7, erunt
870; que multiplica per 5, et per 4 que sunt sub uirgulis alterius primi numeri, erunt
115400, que pone super $\frac{2}{3}$ 125 $\frac{2}{3}$; et est pensa ipsorum 10 per 11: adde ergo 27782 cum
115400, erunt 143182; que diuide per omnes ruptos, scilicet per $\frac{1}{10}$ 17, exhibunt $\frac{1}{10}$ 8369
pro quesita iunctione.

Extractio de $\frac{2}{3}$ 29 $\frac{2}{3}$ de $\frac{2}{3}$ 125 $\frac{2}{3}$.

Et si $\frac{1}{10}$ 29 $\frac{2}{3}$ extrahere uis de $\frac{2}{3}$ 125 $\frac{2}{3}$, extrahes 27723 de 115400, remanent 87617; que
similiter diuide per $\frac{1}{10}$ 17, exhibunt $\frac{1}{10}$ 8369 pro residuo quesite extractionis.

Si uolueris pro quesita (54
23) extra. Inc. 23-29; per
79, Inc. 21-23).

(10)	(8)
115400	27782
10 125 $\frac{2}{3}$	29 $\frac{2}{3}$
additio	
115400	27782
10 125 $\frac{2}{3}$	29 $\frac{2}{3}$
extractio	
115400	27782
10 125 $\frac{2}{3}$	29 $\frac{2}{3}$

GL. 21 verso.

Diuisio de $\frac{2}{7}$ 128 $\frac{2}{3}$ per $\frac{2}{3}$ 29 $\frac{1}{4}$.

Rvrsus si $\frac{2}{7}$ 128 $\frac{2}{3}$ per $\frac{2}{3}$ 29 $\frac{1}{4}$ diuidere uolueris, reperis prescriptis numeris, scilicet 27782 et 115400, studeas inuenire regulam de 27782, que est $\frac{2}{7} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$; et diuide per ipsam 115400, exibunt $\frac{2}{7} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$ 4 pro quesita diuisione.

Ahdic si $\frac{2}{7}$ de $\frac{2}{3}$ 29 per $\frac{2}{3}$ 128 diuidere uolueris, diuides 27782 per regulam de 115400, exhibunt $\frac{2}{7} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$ pro quesita diuisione.

Si autem $\frac{2}{7}$ de $\frac{2}{3}$ 29 cum $\frac{11}{17}$ de $\frac{1}{4}$ 211 addere uolueris, describes numeros, ut hic ostenditur; et multiplica 32 per 9, et adde 5 que sunt super 9; que per 7, et adde 2, erunt LXIII^m 216. Item multiplica 2, que sunt super 4 per 5, et 1, quod est super 3, per 4, et adde insimul erunt XX^m 19; quas multiplica per LX^m 216 inuentas, erunt x.^occc.^{xx} 40204, quarum pensa per 12, ut multiplicauimus, accepta est 8; quem numerum, scilicet 40204, cum debeas ipsum multiplicare per omnes ruptos, qui sunt sub uirgulis alterius lateris, scilicet per 7 et per 4, que sunt sub prima uirgula illius lateris, et per 6 et per 11, reliques primum quod non multiplicabis per 7, nec per 4 propter 7 et 4, que sunt sub uirgulis primi lateris. Et reliques iterum quod non multiplicabis per 2, que sunt in regula de dictis 6 propter 2, que sunt in regula de 9, que 9 sunt sub ultima uirgula primi lateris. Ergo multiplicabis 40204 per 2, que remanet de uirgula ditorum 6 et per 11, hoc est in una multiplicatione per 22, erunt xx.viii.^occc.^{xx} 884488; quas pone super $\frac{22}{11}$ 22 $\frac{1}{4}$, et desuper pone pensam ipsarum que est 7. Deinde multiplica 241 per 6, que sunt sub uirgula, et adde 5 que sunt super 6, erunt sexte 1469; quas multiplica per 11, et super adde multiplicationem de 1, quod est super 11 in 6, erunt LXX^m 16163; quarum pensa similiter per 12 est 6. Item multiplica 2, que sunt super 7, per 4, et adde 1, quod est super ipsa 4, erunt xx.viii^m 12; quas multiplica LX^m vi^m 16163, erunt x.^o dccc.^{xx} xl.viii^m 216113. Quas cum debeas multiplicare per omnes numeros, qui sunt sub uirgulis primi lateris, reliques superscriptis dispositis quod non multiplicabis ex eis, nisi tantum per 2, que remanent de regula de 9, et per 5, hoc est in una multiplicatione per 10, erunt similit. xx.^m vii.^m dcc.^m xx.^m 2122175, sicuti fuerunt ille alterius lateris. Quas pones iterum super $\frac{11}{11}$ 241 $\frac{11}{11}$, et desuper pone eam pensam que est 0: deinde adde 884488 cum 2122175, erunt 4026663, que diuides per omnes ruptos uniuscuiuslibet lateris, et per ruptos qui accipiuntur in multiplicatione ex altero latere. Ut pote per 4, et per 5, et per 9, et per 7, que sunt in primo latere, et per 2, que sunt in regula de 6, et per 11 alterius lateris, que accipiuntur in multiplicatione primi numeri, uel per 7, et per 4, et per 6, et per 11, que sunt in secundo latere, et per 2, que sunt in regula de 9, et per 2, que sunt in altero latere, exhibunt $\frac{2}{7} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$ 22 de $\frac{1}{4}$ 244 $\frac{11}{11}$.

Extratio de $\frac{2}{7}$ 29 32 de $\frac{1}{4}$ 244 $\frac{11}{11}$.

Nam si de $\frac{11}{17}$ de $\frac{1}{4}$ 211 uolueris extrahere $\frac{1}{4}$ de $\frac{22}{17}$ 32, uel aliquem ipsorum per reliquum diuidere, reperies superscripto modo et ordine prescripta 884488 et 2122175; et ex ipsis operabis secundum quod superius in hoc capitulo in extractione et diuisione docuimus.

Item si uolueris addere $\frac{2}{7} \frac{2}{3}$ de $\frac{1}{4}$ 29 $\frac{2}{3}$ 42 cum $\frac{2}{7} \frac{2}{3}$ de $\frac{2}{7} \frac{2}{3}$ 321, describe numeros ut hic ostenditur. Et incipias multiplicare 42 per suas uirgulas, que sunt ei retro, erunt 20644. Et accipe $\frac{2}{7} \frac{2}{3}$, et multiplicas 2, que sunt super 9 per 8, et adde 2; que per 7, et adde 2, erunt 203; que multiplica cum 20644, erunt 928322; que cum debeas multi-

* Extratio ... diuisione ... fol. 21 verso, lin. 4-8; pag. 76, lin. 2-6.

diuisio numerorū per minimum	
3	9
7	7
9	9
2	4
diuisio numerorū per maximum	
4	7
2	10
1	7
2	7

* 21 per 9 ... 16163 ... fol. 21 verso, lin. 10-18; pag. 76, lin. 8-22.

0	7
2122175	884488
4	244
11	11
17	22
22	11
pensa est per 12	
2	7
4	11
1	7
2	7

* sunt in regula ... nota de Ex-
tratio ... fol. 21 verso, lin. 30;
pag. 76, lin. 31.

884488
2122175
4026663
22
244
11
22
11
22
11
22
11
22
11

placare per omnes numeros, qui sunt sub omnibus uirgulis alterius lateris, scilicet per 7, et per 8, et per 9, que sunt sub tribus uirgulis illius lateris, et per 11, et per 5, et per 3, que sunt sub una uirgula, relinques quod non repetes ea, multiplicando que iterum sunt in hoc primo latere: ergo, relicto illis, restat quod non multiplicabis 9255122 ex prescriptis, nisi tantum per 3; que multiplicatio ascendit in 2785396, quem numerum pone super primum latus: deinde ut inuenias numerum alterius lateris, multiplicabis 331 per suam uirgulam, que est ei retro, erunt 34662. Et reperies numerum reliquarum suarum | trium uirgularum, scilicet de $\frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3}$, fiunt 476; per quem multiplica 34662, erunt 26183098: que cum debeas multiplicare per omnes numeros qui sunt sub omnibus uirgulis primi lateris, scilicet per 12, et per 11, et per 5, que sunt sub tribus uirgulis illius primi lateris, et per 7, et per 8, et per 9, que sunt sub alia uirgula, relinques quod non multiplicabis ex prescriptis, nisi tantum per 12 propter comitatem, quam habent rupti utriusque lateris ad inuicem. Multiplicatio itaque de 26183098 in 12 ascendit in 314203274, que ponas super secundum latus. Et adde ipsa cum numero posito super primum latus, scilicet cum 2785396, erunt 368225670, que diuide per omnes numeros qui sunt sub uirgulis primi lateris, et per 3 que sunt sub una uirgularum secundi lateris, hoc est sicuti multiplicauimus cum habuimus numerum primi lateris. Vel diuides ea per omnes ruptos qui sunt sub uirgulis secundi lateris, et per 12 que sunt sub una uirgularum primi lateris, hoc est secundum quod multiplicauimus cum habuimus numerum secundi lateris: ergo diuides ipsa per $\frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}$, exhibit post huius uirgule aptationem $\frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}{2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}$ 240 pro quesita inuentione, quorum pensa per 17 est 2.

Alia extractio.

Et si $\frac{1}{10} \frac{2}{11} \frac{3}{12} \frac{4}{13} \frac{5}{14}$ extrahere uolueris de $\frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5}$ 331 $\frac{1}{6} \frac{1}{7} \frac{1}{8}$, reperies superscripto ordine prescripta 2785396 et 314203274, extrahes minorem ipsorum de maiori, remanebunt 312324573; que diuides similiter superscripte iunctionis ratione per $\frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}$, exhibunt $\frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}{2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9}$ 289 pro residuo quesite extractionis.

Nam si per regulam 2785396 diuiseris 314203274, habebis diuisionem maioris positi numeri per minorem: contrarium itaque reddit contrarium. Si uis addere $\frac{1}{12}$ cum $\frac{1}{3}$, fac eadem uirgula terminare in circulo ab alia parte; et habebis quesitam, scilicet $\frac{22}{12}$; que rediges ad partes unius numeri per doctrinam supradictam, erunt $\frac{11}{6}$, hoc est $\frac{11}{6}$. Et si $\frac{11}{6}$ de $\frac{1}{3}$ extrahere uis; si de $\frac{11}{6}$, hoc est de $\frac{11}{6}$, extraheris $\frac{11}{6}$, nimirum $\frac{11}{6}$ remanebunt, hoc est $\frac{11}{6}$: uel accipe $\frac{1}{3}$ de 43, erunt 16; de quibus extrahes $\frac{1}{3}$ ipsorum, remanebunt 4; quibus diuisis per 43, habentur similiter $\frac{1}{13}$ pro residuo dicte extractionis. Similiter si $\frac{11}{6}$ uis extrahere de $\frac{1}{3}$, extrahes $\frac{11}{6}$ de $\frac{1}{3}$, scilicet de $\frac{1}{3}$, remanet $\frac{11}{6}$. Nam de quacumque re extrahuntur $\frac{1}{3}$ eiusdem rei remanere necesse est. Et si ex aliqua re extrahuntur $\frac{1}{3}$, ex eadem remanent $\frac{2}{3}$. Vnde si $\frac{11}{6}$ extraheris, remanebunt $\frac{11}{6}$; et sic intelligas de omnibus similibus. Similiter si $\frac{11}{6}$ uis de $\frac{1}{3}$ extrahere, remanebunt $\frac{11}{6}$, scilicet $\frac{11}{6}$; quia de quacumque re extrahuntur $\frac{1}{3}$, ex eadem re $\frac{2}{3}$ remanere necesse est; cum $\frac{1}{3}$ et $\frac{2}{3}$ faciunt unum integrum.

Incipit pars sexta septimi capituli de disgregatione partium in singulis partibus.

Ex prima et in secunda parte huius capituli diuersorum numerorum partes in partes unius numeri aggregare docuimus. In hac uero plures partes unius numeri in singulas partes disgregare docemus, ut intelligibilis rupti cuiuslibet uirgule, que pars uel partes

fol. 21 recto.

sint unius integri cognoscere ualeas. Diuiditur enim hoc opus in septem distinctiones. Quarum prima est quando maior numerus, qui est sub uirgula, diuiditur per minorem, scilicet per ipsum, qui est sub uirgula. Cuius differentie regula est, ut diuidas maiorem per minorem; et habebis partem que minor est de maiori. Verbi gratia: uolumus scire de $\frac{1}{12}$ que pars sint unius integri: diuisis quidem 12 per 2, reddunt 4, pro quibus dicas $\frac{1}{4}$; et talis pars est $\frac{6}{12}$ ex uno integro. Eademque ratione $\frac{1}{10}$ sunt $\frac{1}{2}$ unius integri, $\frac{5}{10}$ sunt $\frac{1}{3}$; quia 10 diuisis per 3 reddunt 20, quod idem intelligas de similibus.

Diuiditur quidem hec differentia in tres partes, quarum prima est simplex, secunda composita, tertia reuoluta composita nominatur. Simplex est illa, de qua modo feci mentionem. Composita est quando simplex refertur ad partes alterius numeri, ut $\frac{12}{12}$; referuntur enim $\frac{1}{4}$ que sunt de prima differentia simpliciter ad partes de 9: quare pro $\frac{12}{12}$ habetur $\frac{12}{12}$, scilicet $\frac{1}{12}$, et pro $\frac{6}{12}$ habetur $\frac{6}{12}$, et pro $\frac{4}{12}$ habetur $\frac{4}{12}$; cum simpliciter $\frac{1}{2}$ sint $\frac{6}{12}$ compositae cum $\frac{1}{12}$, erunt $\frac{13}{12}$, quod idem intelligas de similibus: prima reuoluta composita sunt $\frac{6}{12}$, cum sint ea ad $\frac{12}{12}$, que sunt $\frac{12}{12}$: similiter intelligas de $\frac{4}{12}$, que reuoluuntur in $\frac{4}{12}$, scilicet in $\frac{13}{12}$; et pro $\frac{12}{12}$ habentur $\frac{13}{12}$, scilicet $\frac{13}{12}$.

De secunda differentia.]

fol. 22 verso.

Secunda differentia est quando maior numerus non diuiditur per minorem; sed de minori possunt fieri tales partes quod per quamlibet ipsarum maior diuiditur: cuius differentie regula est ut de minori facias partes, per quas maior diuidi possit; et diuidatur maior per unamquamque ipsarum partium, et habebis singulares partes, que minor fuerit ex maiore. Verbi gratia: uolumus disgregare $\frac{1}{2}$ in singulas partes unius integri: quia 6 non diuiduntur per 2, negatur $\frac{1}{2}$ ex prima esse differentia: sed quia 3 diuiduntur in duas partes, scilicet in 2 et in 3, per quamlibet quarum maior, scilicet 6, diuiditur, affirmatur esse $\frac{1}{2}$ de secunda esse differentia. Unde diuisis 6 per 2 et per 3, reddunt 2 et 3; pro quibus 2 accipitur $\frac{1}{2}$, et pro 3 accipit $\frac{1}{3}$; ergo $\frac{1}{2}$ sunt $\frac{1}{2}$ unius integri: uel aliter, disgregatis $\frac{1}{2}$ in $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$, erit una queque illarum duarum uirgularum. De prima differentia, scilicet $\frac{1}{2}$, sunt $\frac{1}{2}$. Et $\frac{1}{3}$ sunt $\frac{1}{3}$ unius $\frac{1}{2}$ sunt $\frac{1}{2}$, ut prediximus. Similiter si $\frac{1}{4}$ resolveris in $\frac{1}{4}$, et in $\frac{1}{6}$, et in $\frac{1}{8}$, habebis $\frac{1}{4}$ pro $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{2}$ pro $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ pro $\frac{1}{3}$, hoc est per $\frac{1}{4}$, habebis $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$: habet enim hec secunda differentia similiter partem compositam et partem reuolutam compositam: de parte quidem composita sunt $\frac{12}{12}$; quia $\frac{1}{4}$ pro secunda differentia sunt $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$: quare per $\frac{6}{12}$ habentur compositae $\frac{6}{12}$ et $\frac{4}{12}$, hoc est $\frac{4}{12}$ et $\frac{4}{12}$: similiter pro $\frac{12}{12}$ habentur $\frac{12}{12}$ et $\frac{12}{12}$; cum $\frac{1}{2}$ sint $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$: sed pro $\frac{6}{12}$, cum sint de prima differentia reuoluta, non resolues in $\frac{6}{12}$ et $\frac{6}{12}$, cum per primam differentiam reuoluuntur in $\frac{12}{12}$, que sunt $\frac{12}{12}$: et hoc continget propter comitatem quam habent 2, que sunt super 2; cum 10 de parte quidem composita huius differentie sunt $\frac{10}{10}$, que reuoluuntur in $\frac{10}{10}$, que sunt $\frac{10}{10}$ et $\frac{10}{10}$, hoc est $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$; quia $\frac{6}{12}$ simpliciter rediguntur in $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$; quare $\frac{10}{10}$ compositae resoluentur in $\frac{10}{10}$ et in $\frac{10}{10}$; similiter pro $\frac{12}{12}$ habentur $\frac{12}{12}$, scilicet $\frac{12}{12}$ et $\frac{12}{12}$; et sic intelligas in similibus. Sed quia partes prime et secunde differentie pre ceteris in negotiationibus necessarias esse cognoscimus, in quibusdam tabulis disgregationes partium quorundam numerorum ostendere presentialiter procuramus, quas cordatenus addiscere studeas, ut que in hac parte dicere uolumus, melius intelligas.

TABULA DISCREGATIONIS.

PARTES DE 6		7	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	21	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	21	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
1 de 6 est	$\frac{1}{6}$	6	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	22	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	35	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
2	$\frac{1}{3}$	9	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	23	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	40	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
3	$\frac{1}{2}$	10	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{3}$	PARTES DE 60			55	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
4	$\frac{2}{3}$	11	$\frac{2}{10}$	$\frac{1}{3}$	1 de 60 est	$\frac{1}{60}$	$\frac{1}{60}$	PARTES DE 100			
5	$\frac{5}{6}$	12	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{3}$	2	$\frac{1}{30}$	$\frac{1}{30}$	1 de 100 est	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{100}$
PARTES DE 8		13	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{3}$	3	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	2	$\frac{1}{50}$	$\frac{1}{50}$	$\frac{1}{50}$
1 de 8 est	$\frac{1}{8}$	14	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{3}$	4	$\frac{1}{15}$	$\frac{1}{15}$	3	$\frac{1}{33}$	$\frac{1}{33}$	$\frac{1}{33}$
2	$\frac{1}{4}$	15	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{3}$	5	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{12}$	4	$\frac{1}{25}$	$\frac{1}{25}$	$\frac{1}{25}$
3	$\frac{3}{8}$	16	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$	6	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	5	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$
4	$\frac{1}{2}$	17	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$	7	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	6	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{16}$
5	$\frac{5}{8}$	18	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	8	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	7	$\frac{1}{14}$	$\frac{1}{14}$	$\frac{1}{14}$
6	$\frac{3}{4}$	19	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	9	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	8	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{12}$
7	$\frac{7}{8}$	20	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	10	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	9	$\frac{1}{11}$	$\frac{1}{11}$	$\frac{1}{11}$
PARTES DE 12		PARTES DE 24			11	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	10	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
1 de 12 est	$\frac{1}{12}$	1 de 24 est	$\frac{1}{24}$	$\frac{1}{24}$	12	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	11	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$
2	$\frac{1}{6}$	2	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{12}$	13	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	12	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$
3	$\frac{1}{4}$	3	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	14	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	13	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$
4	$\frac{1}{3}$	4	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	15	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	14	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$
5	$\frac{5}{12}$	5	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	16	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	15	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$
6	$\frac{1}{2}$	6	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	17	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	16	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$
7	$\frac{7}{12}$	7	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	18	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	17	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$
8	$\frac{2}{3}$	8	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	19	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	18	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
9	$\frac{3}{4}$	9	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	20	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	19	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
10	$\frac{5}{6}$	10	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	21	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	20	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
11	$\frac{11}{12}$	11	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	22	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	21	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
PARTES DE 30		12	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	23	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	22	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
1 de 30 est	$\frac{1}{30}$	13	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	24	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	23	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
2	$\frac{1}{15}$	14	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	25	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	24	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
3	$\frac{1}{10}$	15	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	26	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	25	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
4	$\frac{2}{15}$	16	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	27	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	26	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
5	$\frac{1}{6}$	17	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	28	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	27	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
6	$\frac{1}{5}$	18	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$	29	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	28	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
		19	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	30	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	29	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$
		20	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$				30	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{1}$

Tertia differentia disgregationum.

Tertia quidem differentia est, cum uno plus maiori numero diuiditur per minorem; cuius differentie regula est, ut numerum qui fuerit plus maiori diuidas per minorem s , quot ex diuisione exierit, talis pars unius integri erit minor de maiori, et insuper eadem pars partis, que 1 est de minori numero. Verbi gratia: uolumus facere singulares partes de $\frac{2}{11}$, que sunt ex hac differentia cum uno plus de 11, scilicet 12 diuidantur per 2, que sunt super uirgulam; ex qua diuisione eum eueniant 6, reddunt $\frac{1}{2}$, et insuper sextam partem de 11, scilicet $\frac{6}{11}$ pro singularibus partibus de $\frac{1}{11}$: eademque ratione pro $\frac{3}{11}$ habebis quartam et $\frac{6}{11}$, hoc est $\frac{4}{11}$ $\frac{2}{11}$. Et pro $\frac{4}{11}$ habebis tertiam et $\frac{4}{11}$ $\frac{2}{11}$, hoc est $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; et pro $\frac{5}{11}$ habebis dimidium et $\frac{5}{11}$ $\frac{2}{11}$, hoc est $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; et pro $\frac{6}{11}$ habebis $\frac{1}{11}$ $\frac{10}{11}$, hoc est $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; cum 5 que sunt super 19 sint $\frac{1}{2}$ de 20, que sunt 1 plus 19: componitur etiam et bis tertia differentia, ut $\frac{10}{11}$, que sunt $\frac{10}{11}$ et $\frac{10}{11}$; cum $\frac{1}{2}$ sint $\frac{1}{2}$: similiter $\frac{10}{11}$ sunt $\frac{10}{11}$ et $\frac{10}{11}$; quia $\frac{1}{2}$ sunt $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$, et reuoluitur etiam hec eadem differentia, ut $\frac{3}{11}$ uel $\frac{10}{11}$; nam $\frac{3}{11}$ sunt $\frac{2}{11}$ $\frac{1}{11}$, que $\frac{1}{11}$ per tertiam differentiam sunt $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$: quare $\frac{3}{11}$ sunt $\frac{10}{11}$ et $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$: similiter $\frac{10}{11}$ reuoluntur in $\frac{10}{11}$, que sunt ex dualis differentis compositis, scilicet ex secunda et ex tertia. Secundum quidem secundam differentiam compositam $\frac{10}{11}$ sunt $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$, scilicet $\frac{10}{11}$ et $\frac{10}{11}$, secundam quoque tertiam differentiam compositam $\frac{10}{11}$ sunt $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; cum pro $\frac{1}{2}$ habeantur $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; et hoc idem intelligis de similibus.

De eadem differentia.

Sunt enim ex hac eadem differentia quando de minori numero, qui est super uirgulam, possunt fieri due partes, per quamlibet quarum uno plus maiori integraliter diuiditur, ut $\frac{2}{11}$ et $\frac{3}{11}$; nam de $\frac{2}{11}$ possunt fieri due partes, scilicet $\frac{1}{11}$ et $\frac{1}{11}$: unde pro $\frac{1}{11}$ habemus, secundum hanc rationem, duas singulares partes, scilicet $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; et pro $\frac{3}{11}$ habemus $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; ergo pro $\frac{1}{11}$ habemus $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; similiter pro $\frac{2}{11}$, quare soluuntur in $\frac{1}{11}$ et in $\frac{1}{11}$, habemus $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; et pro $\frac{10}{11}$ habemus $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; cum 10 que sunt super 11 sint $\frac{1}{2}$ de 12; que 12 sunt uno plus quam 11, que sunt sub uirgula.

De quarta differentia disgregationis.

Quarta differentia est quando maior est sine regula, et uno plus maiori diuiditur per 1 minus minori, ut $\frac{1}{11}$ et $\frac{1}{11}$: huius differentie regula est ut extrahas 1 de minori, ex qua facies unam singularem partem unius integri, uidelicet talem qualis fuerit numerus, qui est sub uirgula; et tunc remaneant tibi partes tertie differentie: ut si de $\frac{1}{11}$ extraxeris $\frac{1}{11}$, remaneant $\frac{1}{11}$; pro quibus $\frac{1}{11}$ habebis singulares partes per tertiam differentiam, $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; eum quibus addita $\frac{1}{11}$ superscripta, reddunt $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; eademque ratione pro $\frac{1}{11}$ habebis $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$, et pro $\frac{2}{11}$ habebis $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$, et pro $\frac{1}{11}$ habebis $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$, et pro $\frac{1}{11}$ habebis $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; hoc est $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$.

De quinta differentia.

Quinta differentia est eum maior numerus fuerit par duo plus maiori diuiduntur per 2 minus maiori: huius differentie regula est, ut de minori numero extrahas 2, que 2 erunt ex prima differentia; residuum uero erit de tertia ut $\frac{11}{11}$; ex quibus si extraxeris $\frac{1}{11}$, que sunt $\frac{1}{11}$ secundum regulam prime differentie, remanent $\frac{10}{11}$, que sunt $\frac{10}{11}$ $\frac{1}{11}$, hoc est $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$; cum quibus odde $\frac{1}{11}$, erunt $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ pro singularibus partibus de $\frac{1}{11}$: eademque ratione pro $\frac{1}{11}$ habebis $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$.

De sexta differentia.

Sexta differentia est quando maior numerus dividitur integraliter per 3, et uno plus maiori dividitur per 3 minus minori, ut $\frac{15}{3}$: cuius regula est, ut ex ipsis partibus extrahas tres partes, hoc est quod de minori extrahas 3; que tres partes erunt de prima differentia, reliqua vero erunt de tertia: ut si de $\frac{15}{3}$ extraheris $\frac{3}{3}$, que sunt $\frac{1}{3}$ secundum primam differentiam rei, et $\frac{11}{3}$ que per tertiam differentiam sunt $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$; cum quibus addita $\frac{1}{3}$ superscripta, erunt $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ pro partibus de $\frac{15}{3}$. Eademque ratione pro $\frac{15}{3}$ habebis $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$.

De septima differentia.

Septima differentia est quando nulla superscriptarum differentiarum contingit, cuius regula est multum utilis: per hanc enim quarundam superscriptarum differentiarum partes melius quam per ipsarum regulas quandoque inveniuntur, videlicet partes secunde, et quarte, et quinte, et sexte differentie. Unde partes ipsarum quattuor differentiarum per hanc septimam regulam semper sunt repetende, et possis pulchrioris partes vel per ipsorum regulas, vel per hanc subtilius reperire: est uisus differentie regula, ut divides maiorem numerum per minorem; et cum ipsa divisio integra non fuerit, considera inter quos duos numeros illa divisio ceciderit: si inter 3 et 4 ceciderit, scies quia minor numerus de maiori est minus quam $\frac{1}{3}$, et plus quam $\frac{1}{4}$ ipsius; et si inter 4 et 5 ceciderit, erit minus $\frac{1}{4}$ et plus quam $\frac{1}{5}$; et sic intelligas de omnibus duobus numeris, inter quos illa divisio ceciderit: deinde accipe maiorem partem, que minor numerus fuerit de maiori; et residuum quod inde remanet serua: quod si fuerit ex aliqua superscriptarum differentiarum, operare per eam; et si illud residuum non fuerit ex aliqua superscriptarum differentiarum, tunc ex ipso residuo accipies maiorem partem; et hoc facies, donec remanebunt partes aliquius superscriptarum differentiarum, uel donec habueris omnes singulares partes, que minor fuerit de maiori. Verbi gratia: uolumus singulares partes de $\frac{4}{18}$ facere: divisio quidem de 18 in 4 cadit inter 3 et 4; quare $\frac{4}{18}$ unius integri sunt minus de $\frac{1}{3}$ unius integri, et plus quam $\frac{1}{4}$; quare cognoscimus quod $\frac{4}{18}$ est maior singularis pars, que de $\frac{1}{12}$ accipi potest. Nam $\frac{11}{12}$ faciunt unum integrum; quare quarta pars eorum, scilicet $\frac{1}{12}$, est $\frac{1}{3}$ unius integri: quare extrahere $\frac{1}{12}$ de $\frac{4}{18}$, remanebunt $\frac{1}{9}$, que per secundam differentiam sunt $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{9}$, hoc est $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{9}$; uel quia $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{9}$ sunt $\frac{1}{32}$, que per secunde differentie regulam sunt similiter $\frac{1}{32}$ $\frac{1}{32}$; ergo pro $\frac{4}{18}$ habebimus tres singulares partes, scilicet $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{32}$ $\frac{1}{32}$. Aliter partes de $\frac{3}{24}$ per hanc septimam regulam potes reperire. Videlicet ut divides per 3, exeunt 17 et plus: quare $\frac{3}{24}$ est maior pars, que in $\frac{1}{8}$ sit. Unde divisio 24 per 18, exeunt $\frac{1}{2}$ 2; quibus extractis de 3, remanet $\frac{1}{6}$, scilicet $\frac{1}{16}$; ergo pro $\frac{3}{24}$ habebimus $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{16}$; quare pro $\frac{4}{18}$ habebimus $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{16}$.

Item sic facies singulares partes de $\frac{2}{24}$: divide ut per 9, exhibent 6 et amplius; quare habebis $\frac{1}{9}$ pro maiori singulari parte de $\frac{2}{24}$: divides itaque 24 per 9, exhibent $\frac{2}{3}$, que sunt sexagesime prime; quas extrahere de $\frac{2}{24}$, remanebunt $\frac{2}{24}$, hoc est $\frac{1}{12}$, que $\frac{1}{12}$ sunt $\frac{1}{24}$, et $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{24}$ secundum tertium differentiam: ergo $\frac{2}{24}$ sunt $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{24}$ unius integri, ut pro $\frac{2}{24}$ habentur per tertiam compositam differentiam $\frac{1}{24}$ et $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{24}$; quare pro $\frac{4}{18}$ habentur $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{16}$.

Item huc eundem modum de $\frac{11}{24}$ uolumus demonstrare. Divisio quidem 24 per 17, exit 1, et amplius; quare cognoscimus $\frac{11}{24}$ magis esse medietate unius integri: et notandum est quia tres tertie, uel quattuor quarte, uel $\frac{1}{3}$, uel $\frac{1}{6}$ faciunt unum integrum: si-

militer $\frac{11}{12}$ faciunt unum integrum; ex quibus si acceperimus medietatem, scilicet $\frac{1}{2} = \frac{6}{12}$, et extraxerimus eas de $\frac{11}{12}$, remanebunt $\frac{5}{12}$, hoc est $\frac{5}{12}$; quare $\frac{11}{12}$ sunt $\frac{5}{12} + \frac{6}{12}$, de quibus $\frac{5}{12}$ oportet facere singulares partes, scilicet per hanc eandem differentiam; quare divide as per 5, exhibunt 11 et amplius. Vnde cognoscitur quod $\frac{1}{12}$ est maior singularis pars, que sit in $\frac{5}{12}$; unde accipiuntur $\frac{4}{12}$ de $\frac{5}{12}$, scilicet de integro, erunt $\frac{8}{12}$, a quibus usque in $\frac{11}{12}$ deest $\frac{3}{12}$, hoc est $\frac{1}{4}$; et sic habebis pro $\frac{11}{12}$ tres singulares partes, scilicet $\frac{1}{12} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6}$.

Regula universalis in disgregatione partium numerorum.

Est enim in similibus quedam alia uniuersalis regula, scilicet ut inuenias numerum, qui habeat in se multas regulas, ut 12, uel 24, uel 36, uel 48, uel 60, uel quemlibet alium numerum, qui sit maior medietati numeri existenti sub uirgula, uel minor duplo ipsius: ut pro prescriptis $\frac{11}{12}$ accipiamus 24, que sunt plus medietate de 29; et multiplica igitur 17, que sunt super uirgulam per 24, erunt 408; que divide per 29 et per 24, exhibunt $\frac{17}{24} = \frac{11}{12}$; deinde uide de 11, que partes sunt de 21: sunt enim $\frac{1}{21}$ uel $\frac{1}{14} = \frac{2}{28}$, quas serua pro partibus de $\frac{17}{24}$; et uide iterum de 2 que sunt super 29, que partes sint de 24: sunt enim $\frac{1}{12}$ ipsorum, pro quo habebis $\frac{16}{24} = \frac{2}{3}$ in eisdem partibus de $\frac{17}{24}$, quia $\frac{2}{3}$ de $\frac{17}{24}$ equantur $\frac{14}{24}$ de $\frac{1}{12}$, que sunt $\frac{1}{12} = \frac{2}{24}$, scilicet $\frac{1}{12}$; ergo pro $\frac{11}{12}$ habebis $\frac{1}{12} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6}$, ut in superius inuenimus.

Item si multiplicaueris 17, que sunt super 29 per 36, sicuti multiplicasti ea per 24, et diuiseris similiter per 29 et per 36, exhibunt $\frac{17}{36} = \frac{11}{24}$, que 21 sunt $\frac{1}{24}$; uel $\frac{1}{12} = \frac{2}{24}$ de 26 et 3, que sunt super 29, sunt $\frac{1}{12}$ de 36: et cum ipsa 2 sint super 29, erunt $\frac{17}{12} = \frac{17}{12}$, hoc est $\frac{17}{12}$; et sic habebis iterum pro partibus singularibus de $\frac{17}{12}$, uel $\frac{1}{12} + \frac{1}{4}$. Et si uis scire quare multiplicauimus per 24 illa 17, que sunt super 29, et diuisimus summam per 29, scias nos de $\frac{11}{12}$ fecisse $\frac{1}{12}$; quia 21 est numerus ex multis numeris compositus, unde partes eius cadunt ex prima et secunda differentia. Sunt enim $\frac{17}{24}$ ut predicta inuenta sunt $\frac{17}{24} = \frac{11}{12}$, ex quibus $\frac{11}{12}$, que sunt in capite uirge habentur per secundam differentiam $\frac{1}{12}$, uel $\frac{1}{12}$; et per $\frac{17}{24} = \frac{11}{12}$, que remanent, habentur per primam differentiam reuolutam $\frac{1}{12} = \frac{2}{24}$, hoc est $\frac{1}{12} = \frac{2}{24}$. Similiter cum multiplicasti 17 per 36, et diuisisti per 29, tuoc de $\frac{17}{12}$ fecisti trigessimam sextas. Sunt enim $\frac{17}{12}$ equales de $\frac{17}{12}$; quare quam portionem habent 29 ad 36, eandem proportionem habebunt 17 ad quartum numerum: quare multiplicauimus tertium numerum, scilicet 17 per secundum, scilicet per 36, et diuisimus summam per primum; quia cum .no^o. numeri sunt proportionales, est multiplicatio secundi in tertium eua multiplicationi primi in quartum, ut ab Euclide demonstratum est.

Item si $\frac{17}{12}$ in singulas partes disgregare uis, quamuis sint ex quarta differentia cum uno plus de 27, diuidatur pro uno minus de 19: unde pro $\frac{17}{12}$ habebis $\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$; inde qualiter per septimam regulam fieri debeat, ostendamus: diuisio enim de 53 in 19 cedit inter 2 et 3: quare habemus $\frac{1}{3}$ pro maiori singulari parte, que de $\frac{17}{12}$ accipi potest; et extrahe tertium de 53, scilicet $\frac{17}{3}$ de 19, remanebunt $\frac{1}{3}$, hoc est $\frac{1}{3}$: ergo singulares partes de $\frac{17}{12}$ sunt $\frac{1}{12} + \frac{1}{3} = \frac{1}{12} + \frac{4}{12} = \frac{5}{12}$, ut per regulam quarte differentie inuenimus.

Per hanc enim regulam non possunt ita leuiter facere singulares partes de $\frac{17}{12}$. Vnde inuenies eas per aliam regulam, uidelicet multiplicando 29 per aliquem numerum, qui multas habeat regulas, ut prediximus: multiplicatis quidem 29 per 48, et diuisis per 53 et per 48, reddunt $\frac{17}{48} = \frac{17}{48}$, que 18 sunt $\frac{1}{48}$ de 48, uel $\frac{1}{24} = \frac{2}{48}$ et 6, que sunt super 53 sunt $\frac{1}{6}$ de 48: quare erit $\frac{1}{48} + \frac{1}{6} = \frac{1}{48} + \frac{8}{48} = \frac{9}{48} = \frac{3}{16}$; cum ipsa 6 sint super 53: ergo pro singularibus partibus de $\frac{17}{12}$ habes

$\frac{1}{2} \frac{2}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5}$ uel $\frac{1}{2} \frac{2}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5}$ et sic studeas in omnibus similibus operari: et cum non possis per unam ex prescriptis regulis congruas singulares partes quorumlibet similium habere, studeas eas per aliquam aliarum inuicere: et notandum quia sunt multi rapti, qui aptandi sunt antequam disgregentur in singulares partes, scilicet cum maior numerus non diuidatur per minorem, et habeat ad inuicem aliquam comunem regulam ut $\frac{2}{3}$, quorum unusquisque numerus integraliter per 3 diuiditur: quare diuides utrumque eorum per 3, exhibunt 2 super uirgam, et 2 sub ipsa, hoc est $\frac{2}{3}$, que sunt ex tertia differentia; cum uno plus de $\frac{1}{2}$ diuidatur per 2; quare sunt $\frac{1}{2} \frac{1}{3}$, similiter est $\frac{1}{3}$; quorum numerorum uterque diuiditur per 2. Vnde reducuntur in $\frac{1}{6}$, et sunt $\frac{1}{6} \frac{1}{6}$ per secundam differentiam; et sic intelligas de similibus. Et si plures | rapti fuerint sub una uirgula, oportet ut reducantur in uno rupto sub uirgula, ut $\frac{12}{27}$, que sunt $\frac{1}{18}$. Et reducantur sic: multiplicatur 2, que sunt super 8 per 2, et additur 1: ponimus, et sic habemus 7; et multiplicabis 2 per 8, que sunt sub uirgula, fiunt 16; que 16 ponimus sub uirgula, et super ipsa ponimus 7.

Item $\frac{2}{3} \frac{2}{3}$ sunt $\frac{2}{3}$, que inueniuntur secundum superscriptum modum, scilicet multiplicando 4, que sunt super 9 per 8, et addendo 2; que per 2 et addendo 2; et sic habemus 7i super uirgula; et ex multiplicatione de 2 in 2; que in 9, habemus 128 sub uirgula, que $\frac{128}{27}$ secundum septimam regulam disgregatur in $\frac{1}{27} \frac{1}{27} \frac{1}{27}$.

Et notandum quia quando per septimam regulam maiorem partem acceperis, que minor numerus fuerit de maiori, et reliques singulares partes, que remanserint minus quam pulcre euenit: reliques ipsam maiorem partem, et operaberis per aliam sequentem partem, que minor sit ea: ut si maior pars fuerit $\frac{1}{2}$, operaberis cum sexta: et si fuerit $\frac{1}{3}$, operaberis cum $\frac{1}{3}$. Verbi gratia: in $\frac{1}{2}$ maior pars est $\frac{1}{3}$; qua extracta de $\frac{1}{2}$, remanent $\frac{1}{6}$, scilicet $\frac{1}{6}$, que per quartam differentiam sunt $\frac{1}{18} \frac{1}{18} \frac{1}{18}$: ergo pro $\frac{1}{2}$ habemus $\frac{1}{18} \frac{1}{18} \frac{1}{18}$, que minus quam pulcre sunt: quare reliques $\frac{1}{3}$, et opere cum $\frac{1}{3}$; qua extracta de $\frac{1}{6}$, remanent $\frac{1}{12}$, hoc est $\frac{1}{12}$; et sic per $\frac{1}{3}$ habemus $\frac{1}{12} \frac{1}{12} \frac{1}{12}$, que partes pulciores sunt factis partibus; et reperiuntur alio modo: scilicet ut diuidas 4, que sunt super 49 per regulam de 49, exhibunt $\frac{49}{7}$, que per tertiam compositam differentiam sunt $\frac{1}{11} \frac{1}{11} \frac{1}{11}$, nam $\frac{49}{7}$ est $\frac{7}{11}$, et $\frac{49}{11}$ est $\frac{1}{11}$; et sic pro $\frac{1}{2}$ habemus similiter $\frac{1}{11} \frac{1}{11} \frac{1}{11}$.

Incipit capitulum octauum de reperiendis precijs mercium per maiorem guisum.

In omnibus itaque negotiationibus quattuor numeri proportionales semper reperiuntur, ex quibus tres sunt noti, reliquus uero est ignotus: primus quidem illorum trium notorum numerorum est numerus uenditionis cuiuslibet mercis, siue constet numero, siue pondere, siue mensura. Numero quidem ut centum coria, uel centum becune et similia: pondera quoque ut cantarum, uel centum, uel libre, aut unce et similia. Mensura quidem ut metra olei, sextaria frumenti, et canne panni et similia. Secundum autem est pretium illius uenditionis, hoc est illius primi numeri, siue sit quantitas quorumlibet denariorum, siue bizantium, siue tarenorum, uel alicuius alie currentis monete. Tertius uero quandoque erit aliqua eiusdem uendite mercis quantitas, cuius pretium, scilicet quartus numerus, ignoratur; et quandoque erit aliqua similis quantitas secundi pretii, cuius merces, scilicet quartus ignotus numerus, iterum ignorabitur. Quare, ut ignotus numerus per notos reperiatur, talem in omnibus tradimus regulam uniuersalem, uidelicet ut in capite tabule, in dextera parte scribas primum numerum, scilicet mercem; retro in eadem linea ponas pretium ipsius mercis, uidelicet secundum numerum; tertium quoque si fuerit mercis,

scribe eum sub merce, scilicet sub primo; et si fuerit pretium, scribe eum sub pretio, uidelicet sub secundo; ita tamen, ut sicut fuit ex genere ipsius, sub quo scribendum est, ita etiam sit ex qualitate uel ex quantitate ipsius in numero, uel in pondere, uel in mensura; hoc est si superior numerus, sub quo scribendus est, fuerit numerus ipsorum, et ipse similiter fiat rotulorum; si librarum, librarum; si unciarum, unciarum; si cannarum, cannarum. Et si fuerit numerus soldorum, et ipse sit numerus soldorum; si denariorum, denariorum; si tarenorum, tarenorum; et si bizantiorum, bizantiorum. Quibus ita descriptis, euidentissime apparebit, quod duo illorum positi erunt semper ex aduerso, que in simul multiplicentur; et summa multiplicationis eorum, si per reliquum tertium numerum diuidatur, quartus ignotus nimirum inuenietur: et ut hoc apertius intelligatur, cum diuersis mercibus et pretiis, in sequentibus explauimus. Sed primum ostendat, unde hic modus procedit: sunt enim, ut dixi, in negotiationibus m^m numeri proportionales, scilicet, ut sicut primus est ad secundum, ita tertius ad quartum, hoc est, sicut numerus alicuius quantitatis mercis est ad numerum quantitatis sui pretii, ita numerus cuiusuis quantitatis eiusdem mercis ad numerum sui pretii: uel sicut aliqua quantitas cuiusuis mercis est ad quamuis quantitatem eiusdem mercis, ea est pretii unius ad pretii alterius: et cum ita m^m quantitates proportionales sunt, erit multiplicatio secunde in tertiam equa multiplicationi prime in quartam, ut in arismetria, et geometria probatum est: quare si quarta quantitas est ignota tantum, ex multiplicatione quidem secunde quantitatis in tertiam diuisa per primam, nimirum ex diuisione, quarta quantitas provenit: quare cum diuiditur aliquis numerus per aliquem numerum, et ex diuisione aliquid proveniat; si proveniens in diuisorem | multiplicaueris, nimirum diuisus numerus inde proveniet. Similiter si tertia quantitas ignoratur, diuidenda est per tertiam multiplicatio prime in quartam: et ut ea, que ad negotiationes pertinent, perfecte in hoc libro habeantur, hoc capitulum in quattuor partes diuidimus; quarum prima erit in uenditione cantarium, et eorum rerum, que ad pondus uel numerum uenduntur; secunda in eis que ad toloucum seu ad cambium pertinent, ut soldus, libra, uel marca argenti, uncia auri et similia; tertia in uenditione cannarum, ballarum, torsecelli et similia; quarta pars erit in reductione rotulorum unius cantaris ad rotulos cuiuslibet alterius cantarium, secundum eius diuersitatem.

De cantare pisano cum queritur precium de Rotulis, pars prima.

Cantare autem pisanum habet in se centum partes, quarum unaqueque uocatur Rotulus; et Rotuli habent uncias 12, quarum unaqueque ponderat denarios $\frac{1}{2}$ 29 de cantare; et denarius est carubbe 6, et carrubba est grana quattuor frumenti. Quod cantare si uendatur pro libris 32; et queratur quantum ualeant Rotuli 5: quia tres noti numeri preponuntur in hac positione, sicuti superius necesse fore prediximus, scilicet Rotuli 100, et libre 40, et Rotuli 5, quorum duo sunt unius generis, scilicet Rotuli 100 et Rotuli 5; que 100 sunt merces. Aliter uero, scilicet 40, est alterius generis, scilicet pretii; et est pretium dictorum 100 Rotulorum: quare, ut prediximus, describantur Rotuli 100, et libre 40 in una linea, retro uidelicet scribendo: deinde Rotuli 5 scribantur sub Rotulis 100, ut hic superius ostenditur; et erunt duo numeri unius generis, unus sub alio, ut prediximus, scilicet Rotuli 5 sub Rotulis 100: tunc, ipsis ita descriptis, multiplicabis numeros, qui sunt ex aduerso, scilicet 5 per 40, erunt 200; que diuide per 100, exibunt libre 2 pro

64. 25 recto.

* Rotuli 5 ... 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36. 37. 38. 39. 40. — pag. 83, lin. 6.



pretio illorum 3 Rotulorum, que 2 describuntur sub 40: quia ille numerus, qui ex diuisione peruenit, semper est ex genere illius solius numeri, qui est in tribus dietis numeris: unde manifestum est, quod ex quattuor numeris qui ponuntur in mercationibus, duo illorum sunt merces, et duo illorum sunt pretia; et sunt ita proportionales, quia sicut 100, scilicet merces, est ad suum pretium, scilicet ad 40; ita 5, scilicet merces, erit ad suum pretium, scilicet ad 2. Nam 100 ad 40 sunt quinque medietates eorum: similiter et 5 ad 2 sunt quinque medietates eorum. Item sicut 40, scilicet pretium, est ad 100, scilicet ad suam mercem; ita 2 erunt ad suam mercem, scilicet ad 5: nam 40 sunt duo quinte de 100, et 2 sunt duo $\frac{2}{5}$ de 5: permutatum quoque, sicut merces est ad mercem, scilicet 5 ad 100, que sunt eius $\frac{5}{100}$; ita pretium est ad pretium, scilicet 2 ad 40: uel, sicut 100 sunt ad 5, que sunt nieuphm eorum, ita 40 sunt ad 2; et per istas proportionem poteris ex arbitrio colligere, si quartus numerus ignotus fuerit, prout demonstrabitur suo loco.

De eodem cum queritur merces de libris.

Item Rotuli 100 per libras 40; quot Rotulos habuero per libras 2: quia in his tribus numeris duo sunt ex genere pretii, scilicet libre 40, et libre 2, et alter est ex genere mercis, describuntur 40 et 100 in una linea; ideo quia dicitur Rotuli 100 per libras 40: deinde libre 2 describuntur sub libris 40, et erunt numeri eiusdem generis, unus sub alio, ut in hac secunda descriptione cernitur: et multiplica numeros qui sunt ex aduerso, scilicet 100 per 2, erunt 200; que diuide per 40, exhibunt Rotuli 5 pro merce illarum 3 librarum, quos describe sub Rotulis 100.

De eodem cum queritur precium de Rotulis.

Item cantare venditur pro libris 12; quantum ualent Rotuli 27: describuntur numeri, ut prediximus, scilicet Rotuli 100 et libre 12 in una linea, et Rotuli 27 sub 100: multiplicentur numeri existentes ex aduerso, scilicet 12 per 27, erunt 324; que diuide per 100, scilicet per $\frac{12}{100}$, exhibunt $\frac{324}{100}$ 2, quas describe sub libris 12, ut in hac alia patet descriptione. Nam si de $\frac{1}{10}$ scire uolueris, que partes sint unius libre, multiplica 5 que sunt super 10, per alia 10, et desuper adde 1, erunt 51; que multiplica per summam denariorum unius libre, scilicet per 240, erunt 12240; que diuide per $\frac{1}{10}$, exhibunt denarii $\frac{12240}{10}$ 1224, que sunt soldi 10 et denarii $\frac{2}{5}$: aliter duplica 5, que sunt super 10, erunt 10, que sunt soldi. Item duplica 1, quod est super alia 10, erunt 2, que habentur pro denariis cum totidem quintis. Ex hoc ergo manifestum est, quod de unaquaque libra denariorum, que diuisa fuerit per 100, perueniant denarii $\frac{2}{5}$ 2; et de omni deceno librarum soldi 2, et de singulis 5 peruenit solus 1.

De eodem.

Item si Rotuli 100 uendantur pro libris 42; et queratur quot ualeant Rotuli 10: descriptis ipsis secundum prescriptam doctrinam, multiplica numeros, qui sunt ex aduerso, scilicet 10 per 42, erunt 420; que diuide per $\frac{10}{100}$, exhibunt libre $\frac{4200}{100}$ 42, quas pone sub libris 42. Nam de $\frac{1}{10}$ que partes sunt unius libre, ita ut prediximus, cognosceat. Videlicet, ut duplices unum, quod est super 10, erunt soldi 2. Item duplicabis 7, que sunt super alia 10, erunt denarii 11 cum totidem quintis; quibus iunctis cum soldis 2, quos modo habuimus, erunt soldi 3 et denarii $\frac{1}{5}$ 4; et tantum ualent illi Rotuli 10 magis de libris 8: possumus enim ex illis 7 promptius agere, ut accipiantur 5 ex ipsis 7 pro

* *Utra Rotuli ... de Rotulis* ...
fol. 25 verso, lin. 34-39, pag. 85, lin. 12-21.



* *Item cantare ... de que* ... fol. 25 verso, lin. 21-26, pag. 85, lin. 22-27.



* *multiplicet numeros ... Item* ... fol. 25 verso, lin. 1-7, pag. 85, lin. 26 - pag. 86, lin. 2-3.

fol. 25 verso.



quibus retineas soldum 1, quem adde cum soldis 2 inuentis, erunt soldi 3. Residuum itaque, quod est a 5 usque in 7 duplica, erunt denarii 4 cum totidem quintis, ut modo inuenti suut.

De eodem.

Item Rotuli 100 ualent libras $\frac{1}{2}$ 19; quantum ualent ergo Rotuli 21: descriptis itaque numeris per ordinem, multiplica 19 per 2, que sunt sub uirgula post ipsa, et adde 1, quod est super 2, erunt 37, que pone super $\frac{1}{2}$ 19; et multiplica ea per 21, que sunt ex aduerso, erunt 1147; que diuide per 100, et per 2, que sunt sub uirgula de 19, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt libre $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{7}{10}$ 5 pro pretio quesitorum Rotulorum 21.

Quod si recte constat, ita per pensam de 7 cognoscitur, uidelicet ut diuidas 18 per 7, remanet 4; que multiplica per 2, et desuper adde 1, pro uno quod est super ipsa 2, erunt 9; que diuide per 7, remanent 2 pro pensa de 37. Item accipe pensam de 21 per septenarium, que est 3; et multiplica eam per pensam modo inuentam de 37, scilicet per 2, erunt 6, que seruentur pro pensa pretii Rotulorum 21: deinde multiplica 5 per pensam de 10, que sunt post ipsa in uirgula, scilicet per 2; et desuper adde pensam de 7, que sunt super ipsa 10, scilicet 6, erunt 15; que diuide per 7, remanet 1; quod multiplica per pensam sequentium 10 in uirgula, scilicet per 2, et desuper adde 2, que sunt super ipsa 10, erunt 6; que multiplica per 2, que sunt sub eodem uirgula, et desuper adde 1, quod est super 2, erunt 13; de quibus tolle 7, remanent 6, ut pro pensa seruata suut. Nam si de $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{7}{10}$ 5, que partes sint unius libre, cognoscere uolueris; multiplica 7, que sunt super 10 per aliam 10, et desuper adde 2, que sunt super ipsa 10; que multiplica per 2 de uirgula, et adde 1, quod est super 2, erunt 147; que multiplica per 210, scilicet per numerum denariorum unius libre, erunt 32250, que diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 19: inde cum in ipso multiplicatio sit zephyrum, in ipsius primo gradu diuidatur primum per $\frac{1}{10}$; hoc est tollatur inde ipsum zephyrum, remanent 3225; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$, exhibunt de $\frac{1}{10}$ 176, qui sunt soldi 14, et denarii $\frac{2}{5}$ s.

De centum cum queritur precium de libris.

Reuersus si centum piperis, quod ponderat libras 100 subtiles, quarum unaqueque est uice 12, et quelibet uncia ponderat denarios 25 de cantera; et libre 128 ex ipsis faciunt cantare 1, hoc est Rotuli 100 pisis uendantur pro libris $\frac{1}{2}$ 43; et queratur quantum ualent libre $\frac{1}{2}$ 46: scribantur numeri, ut prediximus, scilicet libre 100 in una linea, essent libre $\frac{1}{2}$ 43, et libre $\frac{1}{2}$ 46 sub libris 100, scilicet merces sub merce, ut superius in precedentibus fecimus: et multiplica numeros, qui sunt ex aduerso, scilicet $\frac{1}{2}$ 43 cum $\frac{1}{2}$ 46, et diuide per 100, hoc est multiplica 13 per 4, et desuper adde 2, que sunt super 4, erunt 55, que pones super $\frac{1}{2}$ 43. Item multiplica 46 per 2, et adde 1, erunt 130; que pone super $\frac{1}{2}$ 46, et multiplica 55 per 130, erunt 7645; que diuide per 100 et per 2, que sunt sub uirgula de 46, et per 4, que sunt sub uirgula de 13, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 46; et summa que exierit erit pretium illarum librarum $\frac{1}{2}$ 46: sed cum de fractionibus, que ueniunt super uirgam, non possumus cognoscere que pars, uel partes sint unius libre, donec multiplicemus numerum uirge per denarios, libras scilicet per 240; ilco aliter fractiones uirgule diuisionis, scilicet $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 46, coaptande sunt; uidelicet de 100, in quibus diuisio peruenit, faciamus $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$; quia illud idem est quod $\frac{1}{20} \frac{0}{10}$, et de $\frac{1}{2}$, et de $\frac{1}{4}$ prescriptis faciamus tantum $\frac{1}{4}$; et ponatur in una uirgula sic $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$.

• multiplica 18 super ipsa
• ad. 33 uera, lib. 9-11; pag.
86, lin. 6-16.



• adde 2 $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 46
• 25 uera, lib. 27-28; pag. 86,
lin. 31 — pag. 87, lin. 1.



quod idem est quod $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, in quibus $\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{20}$ diuide 7645; et que super 20 remanserint, erunt soldi: ideo quia libre denariorum est soldi 20; et que super 12 ceciderint, erunt denarii. Ideo quia soldus est denarii 12; et que super reliquas fractiones remanserint, partes tantum unius denarii affirmabunt: quare si 7645 per $\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{20}$ diuiseris, exibit libre $\frac{0}{2} \frac{5}{12} \frac{7}{20}$ pro pretio dictarum librarum de $\frac{1}{2}$ 46; quod tantum est, quantum si nominatim diceret libras 9, et soldos 7, et denarios 5. Nam si ex numeris, in quibus diuisio peruenit $\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{20}$ aptari non possint, qualiter tunc fieri debeat in sequentibus questionibus declarabimus: sed qualiter in 12 et in 20 omnes numeri leuiter diuidantur, ostendere procuramus. In 12 enim omnes numeri diuidi possunt, ordine eodem, quo numeros per numeros, qui sunt a binario usque in nouenarium, diuidere docuimus. Unde adscende sunt quorundam numerorum diuisiones facte in 12; ut de 12 diuisi primum 12, reddit 1, de 24 perueniunt 2, de 36 perueniunt 3, de 48 peruenit 4, de 60 peruenit 5, de 72 peruenit 6, de 84 peruenit 7, de 96 peruenit 8, de 108 peruenit 9, ut in tabulis diuisionum continetur. Quod autem de quolibet numero a 120 infra super quemlibet istorum superauerit, est illud quod debemus in diuisionibus numerorum scribere super illum numerum, de quo superauerit, et copulare cum cum antecedente figura, que sunt in numero diuidendi. Verbi gratia: si uoluerimus diuidere 3479 per 12, describantur 12 sub 79 de 3479, et accipiatur xii. de 31, que est 2, et remanent 10; et hoc est superfluum, quod est a 24 usque in 34: et pone 2 sub 4 de 34, et 10 super eadem 34, cum quibus 10 copula 7, hoc est antecedentem figuram, erunt 107; que diuide per 12, exhibunt 8, et remanent 11, hoc est differentia, que est a 96 usque in 107: ponas igitur 8 sub 7, et 11 super 107, uidelicet 1 super 0, et 1 super 7, et copulabis ipsum 11 cum 9 eis antecedentibus, erunt 119; que diuide per 12, perueniunt 9, et remanent 11: ponas 9 sub 9, et 11 in quadam alia parte super 12, et habebis pro quesita diuisione $\frac{11}{12}$ 289, ut in hac descriptione ceruitur. Quare manifestum est, quod denarii 3479 sunt soldi 289 et denarii 11; quia cum aliqua summa denariorum diuiditur per 12, tunc ex ipsa diuisione proueniunt soldi: et si hec que de diuisione de 12 dicta sunt crebro studio in tabula scribendo firmaueris, ea cordetenus in manibus, ea leuissime poteris operari.

Diuisio numerorum per 20.

In 20 enim omnes numeros sic diuidere possumus: relinque figuram primi gradus ipsius numeri que diuidere uis et sub sequenti, hoc est sub figura secundi gradus eiusdem numeri ponas 2, in quibus diuide totum numerum, usque ad ipsam figuram sub qua posita sunt 2; et quod ex diuisione euenerit, erit $\frac{1}{20}$ totius numeri, que diuidere uolueris: et si aliquod superfluum, copula cum cum figura primi gradus, quam relinque iussimus; et quod ex copulatione exierit, est hoc quod de suprascripta diuisione remanebit: et si super secundam figuram nichil superfluum, erit tunc residuum prima figura tantum. Verbi gratia: si uoluerimus diuidere 1234 per 20, relinquantur 4, que sunt in primo gradu; et sub sequenti figura, scilicet sub 3, ponantur 2; in quibus diuidantur 22, que remanent de 1234; extractis inde 4, exhibunt 61, et remanet 1, quo copulato cum 4, faciunt 14: ergo ueniunt 61 et remanet 14 ex diuisione de 1234 in 20, ut licet ostenditur: ex hoc enim manifestum est quod soldi 1234 sunt libre 61 et soldi 14. Ostensis itaque diuisionibus de 12 et de 20, nunc uero ad prepositam redeamus.

Ed. 26 recto.

Diuisio de 3479 per 12.

* de 21 in tabula a. 63. 35
recto, lin. 2-14, pag. 87, lin.
18-24.

					1
				1	0
				2	4
					7
					9
					1
					2
					8
					9
					11
					289

* si aliquod Ostensis
164. 26 recto, lin. 18-19; lin.
24-25; pag. 87, lin. 25-42.

					1
				1	2
				2	3
					4
					2
					6
					1
					14
					61

De centenario maximinorum.

Massamutini 100 valent libras $\frac{1}{2}$ 53; quantum valent ergo massamutini $\frac{1}{2}$ 23: describe numeros per ordinem, sicuti dictum est superius; et multiplica numeros qui sunt ex aduerso, videlicet $\frac{1}{2}$ 53 per $\frac{1}{2}$ 23, et divide per 100, hoc est multiplicabis 53 per suam virgulam, erunt 107, que pone super $\frac{1}{2}$ 53. Item multiplicabis 23 per 9, et desuper addes 1, erunt 208; que pone super $\frac{1}{2}$ 23, et multiplica 107 per 208, erunt 22256; que divide per 100, et per 2, et per 9, que sunt sub virgis, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, et habebis pretium illorum massamutinorum $\frac{1}{2}$ 23: uel copta numeros diuisionis, ita ut possis habere in capite virgule $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ ut habeas in una multiplicatione libras, et solidos, et denarios, ut in prescripta questione operati fuimus, videlicet ut de $\frac{0}{10} \frac{0}{10}$ facias $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$; et emi de reliquis minutis diuisionis, scilicet de $\frac{1}{2}$ et de $\frac{1}{2}$ conptare $\frac{1}{12}$ non possumus; ideo quod ex eis possumus accipere de compositione de 12 accipiamus, hoc est de regula 9 accipere debemus $\frac{1}{2}$, et commiscere ipsam $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{2}$, faciunt $\frac{1}{2}$, reliquum uero quod deest uobis de 12, scilicet 2, debemus multiplicare per 22256, erunt 44512; que divide per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ exhibunt $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{7}{120}$ 12 pro pretio de massamutinis $\frac{1}{2}$ 23: quod si probare per pensam de 7 uolueris, accipe pensam de 53, que est 4; et multiplica ipsam per 2 de virgula et adde 1, erunt 9; de quibus accipe pensam, que est 2; et tot debet esse pensa de 107, et ita est: deinde accipe pensam de 23 quater 2, et multiplica eam per 9 de virgula, et adde 1, erunt 19; quorum pensa, scilicet 5, est pensa de 208; quam multiplica per pensam 108, scilicet per 2, erunt 10; que multiplica per 2, que nobis minuerunt de regula de 12, uidelicet per 2, | per que multiplicauimus 22256, erunt 20; de quibus accipe pensam, que est 0, et serua eam pro pensa de $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{7}{120}$ 12: que si totidem fuerit in omnibus, recte processisse cognosce: et accipitur pensa ipsorum sic: multiplicatur pensa 12, que sunt extra virgulam, per pensam de 20, que sunt sub virgula, scilicet 5 per 0, sunt 20; quibus super additur pro 7, que sunt super 20, erunt 27; quorum pensa, scilicet 2, multiplicatur per 5, scilicet per pensam de 12, et adduntur 2, que sunt super 12, erunt 12; quorum pensa, scilicet 6, multiplicatur per 5, et super adduntur 2, que sunt super 5, erunt 22; quorum pensa, que est 4, multiplica per 3 de virgula, et super additur 1, quod est super 2, faciunt 12, quorum pensa est 6, ut pro pensa seruatum est. Et sic semper cum quarumlibet similium questionum pensam accipere uolueris, secundum quod uadis multiplicando, ita studens ire per quamlibet pensam probando, donec ad ultimam multiplicationem deuenieris: et accepta pensa ultime multiplicationis, eam pro pensa summe diuisionis serua; et quod de pensa hoc dictum est, satis in aliis questionibus credimus sufficere.

De centum coriorum.

Si coria 100 valent libras $\frac{1}{2}$ 83; quantum ualeat coria 22: describe numeros, et multiplica $\frac{1}{2}$ 83 per 22: ideo quia ponuntur ex aduerso, et diuide multiplicationem eorum per 100, hoc est multiplica 83 per suas virgulas, erunt 2767; que pone super $\frac{1}{2}$ 83, et proba ea per quamlibet pensarum preter quam per 9: deinde multiplica 2767 per 22, erunt 120244, que divide per 100 et per $\frac{10}{100}$, et apta eos ut habeas in capite virgule $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$; sic de 100 fac $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$, et de $\frac{1}{2}$ fac $\frac{1}{2}$; et accipe unam $\frac{1}{2}$ illorum, et multiplicabis eam per 4; ideo quod faciunt 12, et pone ipsa 12 post 20, ut superius facere demonstrauimus; et apta reliquas fractiones post ipsam $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$, et habebis in virgula

Massamutini ... per 2 ... 164.
23 ... in. 26-28, pag. 89,
lin. 2-11

(2)	107 l.	Max.
	$\frac{1}{2}$ 53	100
		(5)
		298
		$\frac{1}{2}$ 23
	$\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{7}{120}$ 12	
(3)	107 l.	Max.
	$\frac{1}{2}$ 53	100
		(5)
		211
		$\frac{1}{2}$ 23
	$\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{7}{120}$ 12	

14 26 verso.

22 ... per 2 ... 29 quor
(14) 26 verso. lin. 11-20, pag.
89, lin. 21— pag. 89, lin. 10.

(1)	2767 l.	4	Coria
	$\frac{1}{2}$ 83		100
		(4)	
			22
	$\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{7}{120}$ 22		
(7)	655	3	
	$\frac{1}{2}$ 23		100
		(4)	
			4177
	$\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{7}{120}$ 15		$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$
	$\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{7}{120}$ 15		$\frac{1}{2} \frac{0}{10}$

diuisionis $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$; et quia minuit nobis $\frac{1}{4}$ de ipsis 12, pone 4 super 100, ut habeas ea tenacius memorie commendata, cum acceperis pensam; et multiplica in eam 120544, erunt 482176; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{12} \frac{15}{24}$ 30 pro pretio illorum 30 coriorum, ut superius in descriptione cernitur. Kursus Rotuli 100 ualent libras $\frac{1}{4}$ 22; quid ergo ualent Rotuli $\frac{2}{3} \frac{0}{12}$ 64: describe questionem, et multiplica 22 per suas uirgulas, erunt 655; que pone super 22, et proba eam per pensam, si recta sint: deinde multiplica 24 per suam uirgulam, erunt 4177; et multiplica ipsa per 655, erunt 2735935, que optime probare non negligas; et diuide ipsum per numerum 100, et per fractiones utrorumque numerorum, qui positi sunt ex aduerso, optime insinual uidelicet aptatas; ita ut habeas in capite uirgule $\frac{1}{17} \frac{1}{20}$, quod sic facias: de 100 facias $\frac{1}{3} \frac{0}{24}$; et uide si poteris de reliquis fractionibus diuisionis extrahere, ut habeas in 12, uel aliquam ipsius partem; de quibus tantum $\frac{1}{4}$ potes habere de partibus de 12, hoc est ex illius compositione: ergo minuunt nobis 3, ut habeamus 12 in uirgula post 20: quare pone 3 super 100, ut in questione ostenditur, ut ipsa tenaci memorie reserves, et apta reliquos numeros diuisionis post $\frac{1}{17} \frac{1}{20}$ sic $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$; et multiplica 2735935 per 3 seruata super 100, erunt 8207805; que iterum proba per pensam, et diuide ea per $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$, exhibunt $\frac{0}{12} \frac{1}{17} \frac{1}{20} \frac{7}{24}$ 15 pro pretio quesitorum Rotulorum; et est pensa illarum per pensam de (sic), ut superius in descriptione cernatur.

De cantare.

Item cantare cuiuslibet mercis ualet libras 14 et soldos 7; quantum ualent ergo Rotuli 27 eiusdem mercis: fac de soldis 7 partes unius libre, erunt $\frac{7}{20}$, que pone post 14 sic: $\frac{7}{20}$ 14; et describe questionem, et multiplica $\frac{7}{20}$ 14 per 27, que sunt ex aduerso, et diuide per 100, hoc est multiplica 14 per 20, desuper adde 7, que sunt super 20, erunt soldi 257; quos pone super $\frac{7}{20}$ 14, et multiplica eos per 27, erunt 10619, hoc debet diuidere per 100 et per 20 de uirgula: sed cum 12 in uirgula diuisionis nos habere oportet, ut habemus in una multiplicatione libras, et soldos, et denarios, multiplica 10619 per ipsam 12, et diuide per 100 et per $\frac{1}{17} \frac{1}{20}$, hoc est per $\frac{1}{17} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$, exhibunt libras $\frac{0}{12} \frac{0}{17} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$ 3 pro pretio dictorum Rotulorum 27, quorum pensa est 6 per nouenarium.

De centum pannorum.

Item canne 100 pannorum ualent libras $\frac{11}{12}$ 15; quantum ualent ergo canne $\frac{2}{3}$ 27, hoc est canne 27 et braclia $\frac{1}{2}$ 2: descripta itaque questione, multiplica 15 per 20, et adde 11, erunt soldi 314, quos pone super 15. Item multiplica 27 per 8, et adde 5, erunt 221; que pone super 27, et multiplica 211 per 221, erunt 6731, que debemus multiplicare per 12, ut habeamus ea in uirgula, nisi quia habemus in diuisione 3, scilicet ea que sunt sub uirgula post cannas [27, quorum regula est $\frac{2}{3}$: quare triplicabimus 4, et habebimus 12 in diuisione. Vnde multiplicentur ipsa 6731 per 3; quia cum triplicator diuisor, triplicandus est numerus diuidendus, erunt 206193; que diuide per 2, que remanet de regula de 8, extractis uidelicet inde 4, et per 100, et per 12, et per 20, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{12} \frac{0}{20}$, exhibunt libras $\frac{1}{10} \frac{0}{12} \frac{0}{20}$ 4, quorum pensa per septenarium est 1, ut in hac descriptione cernitur.

De centum piperis.

Item centum piperis ualet libras $\frac{0}{20}$ 41; quantum ualent ergo libras $\frac{21}{12}$ 46, hoc est libras 46, et unce $\frac{1}{2}$ 5: describe questionem, et multiplica 41 per 205, et adde 9, erunt 299,

* per 100 pone super 3 : i. d.
30 uerba, lin. 22-27; pag. 89,
lin. 22-22).

257	14	12
$\frac{7}{20}$		
		100
		27

* 15 Item canna s (fol. 26
uerba, lin. 26-25, pag. 89, lin.
23-24).

211	110	canne
$\frac{11}{12}$	15	
1		4
		221
		12
		27

fol. 22 recte.

de regula ... dividendi ... 64.
37 recte ... h. 35; pag. 99,
lin. 29-32 — pag. 91, lin. 9.

$\begin{array}{r} \textcircled{5} \ 229 \ \text{L.} \\ \frac{5}{10} \ 11 \\ \hline \text{pensa per 7} \end{array}$	$\begin{array}{r} \textcircled{2} \\ 100 \\ \hline \textcircled{1} \\ 2290 \\ \hline \textcircled{1} \\ 100 \\ \hline \textcircled{2} \\ 2290 \\ \hline \textcircled{1} \\ 100 \\ \hline \textcircled{2} \\ 2290 \\ \hline \textcircled{1} \\ 100 \end{array}$
$\begin{array}{r} \textcircled{2} \\ 2041 \ \text{L.} \\ \frac{10}{12} \ 12 \\ \hline \text{pensa per 7} \end{array}$	$\begin{array}{r} \text{Pec.} \\ 2041 \ \text{L.} \\ 1200 \\ \hline \textcircled{1} \\ 211 \\ \hline \textcircled{2} \\ 211 \\ \hline \textcircled{1} \\ 211 \\ \hline \textcircled{2} \\ 211 \\ \hline \textcircled{1} \\ 211 \end{array}$
$\begin{array}{r} \textcircled{2} \ 20957 \ \text{L.} \\ \frac{1}{4} \ 12 \\ \hline \text{pensa per 11} \end{array}$	$\begin{array}{r} \text{L.} \\ 100 \\ \hline \textcircled{1} \\ 16224 \\ \hline \textcircled{2} \\ 16224 \\ \hline \textcircled{1} \\ 16224 \\ \hline \textcircled{2} \\ 16224 \\ \hline \textcircled{1} \\ 16224 \end{array}$
$\begin{array}{r} \textcircled{5} \ 2127 \ \text{L.} \\ \frac{7}{12} \ 12 \\ \hline \text{pensa per 7} \end{array}$	$\begin{array}{r} \text{L.} \\ 100 \\ \hline \textcircled{1} \\ 742 \\ \hline \textcircled{2} \\ 742 \\ \hline \textcircled{1} \\ 742 \\ \hline \textcircled{2} \\ 742 \\ \hline \textcircled{1} \\ 742 \end{array}$
$\begin{array}{r} \textcircled{2} \ 2060 \ \text{m.l.} \\ \frac{10}{20} \ 152 \\ \hline \text{pensa per 2} \end{array}$	$\begin{array}{r} \text{m.l.} \\ 1000 \\ \hline \textcircled{2} \\ 227 \\ \hline \textcircled{1} \\ 227 \\ \hline \textcircled{2} \\ 227 \\ \hline \textcircled{1} \\ 227 \end{array}$
$\begin{array}{r} \textcircled{9} \ 12781 \ \text{L.} \\ \frac{7}{12} \ 57 \\ \hline \text{pensa per 11} \end{array}$	$\begin{array}{r} \text{L.} \\ 1000 \\ \hline \textcircled{10} \\ 327 \\ \hline \textcircled{2} \\ 327 \\ \hline \textcircled{1} \\ 327 \\ \hline \textcircled{2} \\ 327 \\ \hline \textcircled{1} \\ 327 \end{array}$
$\begin{array}{r} \textcircled{2} \\ 24 \\ \hline \text{pensa per 7} \end{array}$	$\begin{array}{r} \text{L.} \\ 2000 \\ \hline \textcircled{2} \\ 86 \\ \hline \textcircled{1} \\ 86 \\ \hline \textcircled{2} \\ 86 \\ \hline \textcircled{1} \\ 86 \end{array}$

que pone super 11. Item multiplica 46 per 12, et adde 3; que per 4, et adde 1, erunt 2229; que pone super 46, et multiplica 220 per 2229, erunt 510441; que diuide per 100 et per 20, et per $\frac{1}{12}$, hoc est per $\frac{1}{4} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12}$, exhibunt libra $\frac{1}{4} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot 5$ pro pretio illarum librarum $\frac{1}{4} \cdot \frac{6}{12}$ 46, quorum pensa per septenarium est 1.

Item centum ualet libras 12, et soldos 12, et denarios 3, hoc est libras $\frac{2}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 12; quantum ualet ergo uncia $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot 5$; quamuis in hac questione sint ex genere mercis libra 100 et uncia $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot 5$, tamen non sint unius ponderis; quin 100 sunt libra, et $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot 5$ sunt uncie: quare de libris 100 faciende sunt uncie, erunt 1200; et tunc erunt ambe similes: et erit tunc talis questio, uidelicet quod uncie 1200 ualet libras $\frac{5}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 12; quid ualet ergo uncie $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot 5$; quam questionem, ut docuimus, scribe, et multiplica per suam uirgulam, erunt denarii 2041, quos pone super libras 12. Item multiplica 5 per suas uirgulas, erunt 211, que pone super $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot 5$; et multiplica 211 per 2041, erunt 441651; que diuide per 1200, et per 4, et per 9, et per $\frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$ optime in una uirgula aptata, exhibit $\frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$ pro pretio quesitarum unciarum, ut in hac descriptione cernitur.

De cantare.

Item cantare ualet libras $\frac{1}{4} \cdot \frac{7}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 21; et queratur quantum ualeant Rotuli $\frac{1}{7} \cdot \frac{7}{12}$ 42, hoc est Rotuli 42, et uncie $\frac{1}{7} \cdot \frac{7}{12}$ 7. Multiplica igitur questionem descripta 21 per suam uirgulam, erunt 20957. Item multiplica Rotulos 42 per 12, et adde 7; que per 5, et adde 2; que per 7, et adde multiplicationem de uno, quod est super 7, in 5, erunt 16224; que multiplica per 20957, erunt 284016068; que diuide per 100 et per fractiones, que sunt sub uirgulis amborum aliorum numerorum, optime scilicet aptatas, exhibunt $\frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 94, ut in hac descriptione cernitur, quorum pensa per 11 est 7.

De cantare uendito pro libris et denariis.

Item cantare ualet libras 12, et denarios 7, hoc est libras $\frac{7}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 42; quantum ualet ergo cautaria 7, et Rotuli 42, hoc est Rotuli 42; describe questionem, et multiplica 12 per 20; que per 12, et adde 7, erunt 2127; que multiplica per 742, erunt 2222261; que diuide per 100, et per $\frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$, hoc est per $\frac{1}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12}$, exhibunt $\frac{1}{6} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot 96$ pro pretio illorum Rotulorum 742.

De miliario uendito pro libris et soldis.

Item miliarium uariorum uenditur pro libris 152 et soldis 9, hoc est pro libris $\frac{2}{20}$ 152; quantum ualet ergo uaria 227; describe questionem, et multiplica 152 per suam uirgulam, erunt 2069; que multiplica per 227, erunt 696662; que multiplica per 12 ut habeas ea in uirgula diuisionis, erunt 2359556; que diuide per regulam de 1000 et per $\frac{1}{12} \cdot \frac{6}{12}$, hoc est per $\frac{1}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{6}{12}$, exhibunt libra $\frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 24 pro pretio quesitorum unciarum.

De eodem pro libris et soldis et denariis.

Item Rotuli 1000 uenduntur pro libris $\frac{2}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 37; quantum ualet ergo Rotuli $\frac{2}{3}$ 87; descripta itaque questione, multiplica 37 per suam uirgulam, erunt 12781, que pone super 37. Item multiplica 87 per 6, et adde 5, erunt 527; que multiplica per 12781, erunt 726257; que diuide per 1000, et per fractiones reliquorum numerorum, hoc est per $\frac{1}{6} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$, exhibunt libra $\frac{1}{6} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{6}{10} \cdot \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{30}$ 5.

De pondere casei pisano.

Pondus casei, quod pensat centum 22, hoc est libras 2200, uenditur pro libris 24; queritur quantum ualet libra 86; describe questionem, et multiplica 24 per 86, erunt 2064;

que diuide per regulam de 2200, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{0}{12} \frac{0}{10} \frac{0}{11}$; tamen fac $\frac{1}{10}$ de $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$, ut habeamus ipsam in uirgula sic $\frac{1}{10} \frac{0}{11} \frac{0}{10}$; et cum non habeamus 12 in hac diuisione, multiplicetur 2061 per 12, et iungatur 12 sub uirga diuisionis. Quia cum adduntur 12 sub uirga diuisionis, tunc multiplicatur diuisor per 12: quare multiplicandus est similiter diuidendus numerus per 12, ut proportio diuidendi | ad diuisorem fiat eadem, que erat prius ex his $\frac{0}{10} \frac{1}{11} \frac{0}{10} \frac{14}{10}$.

De eodem.

Item pondus casei, hoc est libre 2200, ualent libras $\frac{11}{20}$ 18; quantum ualent ergo libre 100: hanc autem questionem non indiget scribere, ideo quia 100 est $\frac{1}{22}$ de 2200: quare non indiget aliud, nisi ut diuidatur dictum pretium ponderis per regulam de 22, hoc est in $\frac{0}{11} \frac{0}{11}$, quod sic facere potes: accipe $\frac{1}{2}$ de libris 18, et soldis 11, erunt libre 9, et soldi $\frac{1}{2}$ 5; de quibus fac soldos, erunt soldi 183 et denarii 6; quos diuide per 11, exibunt soldi 16, et remanent soldi 9, et denarii 6 ad diuidendum in 11; de quibus fac denarios, erunt denarii 114; quos diuide per 11, exibunt denarii $\frac{1}{11}$ 10; et tot ualet centenarium casei, uidelicet soldos 16, et denarios $\frac{1}{11}$ 10.

De eodem pro libris.

Item pondus ualet libras $\frac{11}{12}$ 19; quantum ualent ergo libre 783: describe questionem, et multiplica 19 per 20 et adde 12, erunt soldi 393; quos multiplica per 783, et erunt 307719, que diuidere debes per regulam de 2200, et per 20, que sunt sub uirgula, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{11} \frac{0}{10}$: sed ut habeamus 12 in uirgula, multiplica 307719 per 6; que 0 coaptabis cum 3, que sunt in uirgula, et habebis 12 in ipsa uirgula sic $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{11} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$; exibunt libre $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{5}{11} \frac{10}{10} \frac{10}{10}$.

De carica prouincie.

Carica prouincie, que pensat libras 308, uenditur pro libris 13 et soldis 7, hoc est pro libris $\frac{13}{12}$ 12; queritur quantum ualent libre 86: multiplica 13 per 20, et adde 7, erunt 267; que pone super 15, et multiplica ea per 86, erunt 26402; que diuide per 308 et per 20, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{11} \frac{0}{10}$, exibunt libre $\frac{0}{3} \frac{0}{14} \frac{0}{12}$ 4 pro pretio quesitarum librarum 86, ut hic ostenditur.

Sic enim debes studere inuenire regulas numerorum, quibus diuisionem peruenit, sicuti modo fecimus de 300: quamuis ipsius regula sit $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{11}$, tamen eam esse $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{11}$ posuimus, ut habeamus $\frac{1}{12}$, sicuti habemus $\frac{1}{12}$, illa scilicet, que sunt eum 15.

De eadem carica.

Item carica piperis ualet libras 11, et soldos 7, et denarios 5, hoc est libras $\frac{1}{12} \frac{7}{12}$ 11; quantum ualent ergo libre 127, et uncie $\frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{3}$ 3, hoc est $\frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{3} \frac{3}{12}$ 127: describe questionem, et multiplica 11 per suam uirgulam, erunt 2729, que pone super 11. Item multiplica 127 per suas uirgulas, hoc est per 12, et adde 3; que per 3, et adde 1; quod per 4; que per 5, erunt 91760. Item multiplica 1, quod est super 4, per 5; que per 3, erunt 12. Rursus multiplica 1, quod est super 5 per 4; que per 3, erunt 12, que adde cum 15, et com 91760, erunt 91767; que pone super 127, et multiplica per 127. erunt 25088723; que diuide per regulam de 300, et per omnes raptos, exibunt libre $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{11} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{7}{12} \frac{10}{10}$ 4 pro pretio illarum quesitarum librarum.

De Rotulis.

Rotuli 27 ualent libras 11; quantum ualent ergo Rotuli 18: multiplica 11 per 18

fol. 37 verso.

* soldos, erunt modo fecimus + fol. 27 verso, lin. 5-13; pag. 91, lin. 12-30.

(1)	302	lib.	
	11	10	2200
			783
(6)	307	lib.	
	7	13	300
			centa per 7
			2
	2	8	8
	1	9	17
			86

* de 200 pretio illarum + fol. 27 verso, lin. 16-23, pag. 91, lin. 31-40.

(12)	2729	lib.	
	0	7	11
	14	79	300
			12
			01787
	1	1	1
	1	1	1
	2	4	0
			127

* quesitarum librarum ad nos + fol. 27 verso, lin. 24-28; pag. 91, lin. 40-42 - pag. 91, lin. 12.

(0)	11	lib.	
	per 11		37
			18
			0
(5)	209	lib.	
	1	1	13
			48
	per 11		37
			4
	0	0	0
	1	4	12
			18

erunt 198; que multiplica per 12 et per 20, hoc est per 240 ut habeamus ea in uirgula, erunt 47520; que diuide per $\frac{4}{21} \frac{6}{14} \frac{8}{10}$, exhibunt $\frac{4}{21} \frac{20}{14} \frac{1}{10}$ 5 pro pretio de Rotulis 18.

De eodem.

Item Rotuli 42 ualent libras $\frac{1}{5} \frac{1}{4}$ 13; quantum ualent ergo Rotuli $\frac{1}{2}$ 18: multiplica 12 per suas uirgulas, erunt 269; et multiplica 18 per 2 et adde 1, erunt 37; que multiplica per 269, erunt 9952; que diuide per regulam de 48, scilicet per $\frac{16}{12}$, et per 3, et per 4, et per 5, que sunt sub uirgulis amborum numerorum, coaptans eos sic, quod de $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$ facias $\frac{1}{12}$, et de $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{2}$ facias $\frac{1}{20}$; et habebis in eorum coaptatione $\frac{1}{7} \frac{18}{14} \frac{6}{10}$, exhibunt libris $\frac{6}{7} \frac{18}{14} \frac{6}{10}$ 5 pro pretio illorum Rotulorum $\frac{1}{2}$ 18.

Nunc satis dictum est de uenditionibus cantariarum, et aliorum diuersorum ponderum pro libris denariorum, in quibus indigemus habere in uirgulas diuisionum ipsorum $\frac{1}{12} \frac{1}{12}$, ut habeamus libras, soldos, et denarios in una multiplicatione: tunc de eorum uenditionibus factis a soldis, in quibus indigemus habere tantum $\frac{1}{12}$ in capite uirgularum diuisionum ipsorum; ut que super 12 ex diuisionibus remanserint, fiant denarii; cum eo, que ex diuisionibus extra uirgulam exierit, sunt soldi.

De cantare uendito pro soldis et ruptis.

Item cantaria ualent soldos $\frac{1}{4}$ 27, hoc est soldos 27 et denarios 3; quantum ualent ergo Rotuli $\frac{1}{2}$ 42: multiplica 27 per 4, et adde 1, erunt 109. Item multiplica 42 per 2, et adde 1, erunt 127; que multiplica per 109, erunt 12842; que diuide per 109, et per 2, et per 4, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{6}{10} \frac{8}{10}$, exhibunt $\frac{12842}{10} \frac{6}{10} \frac{8}{10}$ 11.

De eodem pro soldis et denariis.

Item cantaria ualent soldos 26, et denarios 5, hoc est soldos $\frac{26}{12}$ 26; quantum ualent ergo Rotuli $\frac{1}{2}$ 21: multiplica 26 per 12, et adde 5, erunt denarii 217. Item multiplica 21 per 5, et adde 5, erunt 252; que multiplica per 217, erunt 54224; que diuide per $\frac{1}{8} \frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{8}{10}$, exhibunt $\frac{54224}{8} \frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{8}{10}$ 8.

De eodem pro soldis et denariis et ruptis.

Item cantaria, hoc est Rotuli 100, ualent soldos $\frac{1}{4} \frac{1}{2} \frac{6}{12}$ 28, hoc est soldos 28, et denarios $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ 5; quantum ualent ergo libris $\frac{2}{7}$ 7: quamuis Rotuli 100, et libris $\frac{2}{7}$ 7 sunt unius generis, tamen non sunt ex una qualitate uel pondere; quia 100 sunt Rotuli, et $\frac{2}{7}$ 7 sunt libris: quare aut de libris $\frac{6}{7}$ 7 faciendi sunt Rotuli, aut de Rotulis 100 faciende sunt libris; ut sicuti sunt ex uno genere, ita sint unius quantitatis, scilicet unius ponderis: uel Rotuli sint ambo, uel libris faciamus quidem de Rotulis 100 libras; et erunt libris 136 pisis: sed alias sunt libris 150, que ponantur in questione pro uenditione pretii: deinde multiplica 28 per suam uirgulam, erunt 4092. Item multiplica 7 per 7, et adde 2, erunt 51; que multiplica per 4092, erunt 209040; que diuide per 158, et per fractiones, que insimul coaptare faciunt $\frac{1}{2} \frac{1}{7} \frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{8}{10}$, exhibunt soldi $\frac{6}{7} \frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{8}{10}$ 1: uel multiplica tantum tertiam de 51, scilicet 17 per 4092, et tolles 3 de uirgula; quia semper in omnibus questionibus, in quibus multiplicatio et diuisio cadunt, debes obseruare modum uitandi supradictum.

De cantare uendito pro tarenis.

Si cantare cuiuslibet mercis uendatur apud Siciliam pro tarenis 26; queratur quot ualeant Rotuli 47: describe questionem, et multiplica numeros, qui sunt ex aduerso, uidelicet 26 per 47, erunt 1222; que diuide per regulam de 100, aptans eam ut habeamus

• diuisionum et denarios s.
(fol. 27 verso, lin. 22-29; pag. 92, lin. 19-21).

10	199 s.	8
	4	27
		100
pensa per 11		
		6
		127
		48

fol. 28 verso.

• Item
(fol. 28 verso, lin. 4-10; pag. 92, lin. 27-36).

7	4090	f.
	1	158
	28	7
pensa per 11		
		51
		7

iude $\frac{1}{16}$ in capite uirgule; ideo quia tareus ponderat grana 20 frumenti; et ea que super 20 remanserint, erunt grana. Regula itaque de 100 est $\frac{1}{16} \frac{0}{10}$, in qua si diuideris 1222, exhibunt tareni $\frac{23}{100}$ 12, hoc est tareni 12, et grana $\frac{2}{4}$ 4: uel aliter quia habes in summa multiplicationis 1222, accipe pro 1200 tarenos 12; ideo quia 1200 sunt centum 12: deinde ea que remanent, scilicet 22, diuide per 5; et que ex diuisione perueit, idest $\frac{4}{4}$ 4, sunt grana, ut modo inuenimus.

De eodem.

Item cantare uenditur pro tareuis $\frac{1}{4}$ 37; quantum ualent ergo Rotuli 821, hoc est cantaria 8, et Rotuli 31: multiplica igitur 37 per 4, et adde 1, erunt 229; que multiplica per 821, erunt 190209; que diuide per 100, et per 4, hoc est per $\frac{1}{4} \frac{0}{10}$, uel per $\frac{1}{4} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, quod est pulcrius, exhibunt tareni $\frac{0}{8} \frac{16}{100} \frac{14}{100}$ 475, qui tareni 475, qui sunt ex pondere messane; et uolueris scire quot uncie sunt, diuide ipsos tarenos 475 per 30; ideo quia tareni 30 faciunt ibi unciam 1, exhibunt uncie $\frac{15}{30}$ 15. Iterum si ipsi 475 erunt de pondere panormi, diuide 475 per $\frac{1}{2}$ 27; ideo quia uncia panormi est tareni $\frac{1}{2}$ 27.

De eodem.

Item cantare uenditur pro tarenis $\frac{11}{100}$ 127, hoc est tareuis 127 et grana 11; quantum ualent ergo Rotuli $\frac{1}{4}$ 42: multiplica 127 per 30, et adde 11, erunt 2551. Item multiplica 42 per 4, et adde 1, erunt 169; que multiplica per 2551, erunt 431119; que diuide per 100, et per 4, et per 20, exhibunt tareni $\frac{1}{4} \frac{0}{10} \frac{7}{10} \frac{12}{100}$ 53.

Nunc satis de uenditionibus pro tarenis dictum est, nunc uero de uenditionibus rerum pro bizantiis de garbo tractemus, quorum unusquisque est miliarensis 10: quare opus est, ut in ipsis semper habeamus $\frac{1}{10}$ in capite uirge diuisionum, ut que super 10 remanserint, fiant miliarenses.

Si cantare cuiuslibet mercis apud garbum uendatur pro bizantiis 47; quantum ualent Rotuli 29: describe questionem, et multiplica 47 per 29, que sunt ex aduerso, erunt 1373; que diuide per 100, scilicet per $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt bizantii $\frac{29}{10} \frac{0}{10}$ 29, hoc est bizantii 29; et multiplica $\frac{3}{10}$ 3, et tantum ualent alii Rotuli 30.

Beccune 100 ualent bizantios $\frac{2}{3}$ 42; quantum ualent ergo beccune 21: multiplica 42 per 4, et adde 2, erunt 174; que multiplica per 21, erunt 3654; que diuide per 100, et per 4, hoc est per $\frac{1}{4} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt bizantii $\frac{8}{4} \frac{7}{10} \frac{0}{100}$ 8 pro pretio illarum beccunarum 21.

De cantare uendito pro bizantiis et miliarensibus.

Item cantare uenditur pro bizantiis 23; et multiplica $\frac{1}{4}$ 4, hoc est pro bizantiis $\frac{1}{2} \frac{1}{10}$ 23; quantum ualent ergo Rotuli $\frac{1}{4}$ 31: multiplica 23 per 10, et adde 4; que per 2, et adde 1, erunt 469. Item multiplica 31 per 4, et adde 1, erunt 125; quorum quintam quinte, scilicet 3 multiplica per 469, et summam diuide per quintam quinte de 100, scilicet per 4, et per omnes numeros, qui sunt sub uirgis, exhibunt bizantii $\frac{1}{4} \frac{2}{10} \frac{0}{100}$ 7.

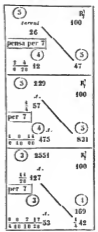
Decena pannellum uendita in garbo.

Pannelli 10 ualent bizantios $\frac{1}{4}$ 34; quantum ualent ergo pannelli 37: multiplica 24 per 4, et adde 1, erunt 127; que multiplica per 37, erunt 5069; que diuide per 10, et per 4 de uirgula, hoc est per $\frac{1}{4} \frac{0}{10}$, exhibunt bizantii $\frac{1}{4} \frac{2}{10}$ 26, hoc est bizantii 26, et miliarenses $\frac{1}{4}$ 7.

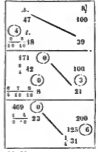
De Rotulo.

Rotulus zaffarani, uel nutium muscatarum, uel aliarum quarumlibet mertium uendi-

u uel multiplica. $\frac{0}{4} \frac{0}{10} \frac{7}{10} \frac{17}{100}$ 52. (fol. 36 recto, lin. 11-20, pag. 92, lin. 26 — pag. 93, lin. 11.)



Nunc satis... quare uoluerit (fol. 36 recto, lin. 29-39; pag. 92, lin. 20-25).



fol. 28 verso.

* Exemplo ... 1629 ... (fol. 24 verso, lin. 2-13; pag. 53, lin. 26 - pag. 54, lin. 17).

③ 137	a.	100
$\frac{1}{2}$ 34		16
per 11		
$\frac{1}{2}$ 126		37
⑤ 140 a.	1	11
$\frac{1}{2}$ 3		⑤
per 7		
$\frac{1}{2}$ 7		419
$\frac{1}{2}$ 6		65
$\frac{1}{2}$ 8		14

tur pro bizantiis 3 et miliarensibus $\frac{1}{2}$ 7, hoc est pro bizantiis $\frac{1}{2}$ $\frac{7}{14}$; quantum valent ergo Rotuli 17, et uncie $\frac{1}{2}$ 5, hoc est Rotuli $\frac{1}{2}$ $\frac{5}{14}$ 17: describe questionem ut hic ceruitur, et multiplica 3 per 10, et adde 7; que per 4, et adde 1, erunt 146. Item multiplica 17 per 12, et adde 5; que per 3, et adde 1, erunt 419; que multiplica per 149, et diuide summam per fractiones amborum numerorum, exibunt bizantii $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{3}{14}$ 65, ut superius in descriptione ostenditur.

De eodem.

Utrum si eadem ratione quis quereret quantum valent uncie $\frac{1}{2}$ 5; tantum fac uncias de Rotulo 1, erunt 12: deinde pone in questione, quod uncie 12 zaffarani valent bizantios 3, et miliarenses $\frac{1}{2}$ 7, hoc est bizantios $\frac{1}{2}$ $\frac{7}{14}$ 3; et quantum valent uncie $\frac{1}{2}$ 5, queritur. Multiplicabis siquidem, ut superius, 3 per summam virgularum, erunt similiter 149; et multiplicabis 5 per 3, et addes 1, erunt 11; que multiplicabis per 149, erunt 1639; quem diuide per 12, et per reliquas fractiones, hoc est per $\frac{1}{2}$ $\frac{6}{14}$ $\frac{7}{14}$, exibunt bizantii $\frac{1}{2}$ $\frac{6}{14}$ $\frac{7}{14}$ 1.

Nunc satis de his, que ad bizantios miliarenses pertinent, de prima parte huius capituli dictum est; nunc vero de eis, que pertinent ad bizantios saracenicis vel yperperos dicamus, in quibus indigemus, ut habeas in capite virgularum de 24, hoc est $\frac{10}{14}$: ideo quia unusquisque illorum bizantium in se caratos 24 continet; et hec que super $\frac{10}{14}$ ex diuisionibus remanserint, karatos esse non dubitabis.

De cantare liui vel alterius cuiuslibet mercis, que uenditur in Suria uel in alexandria.

Si cantare liui vel alie cuiuslibet mercis apud suriam uel alexandriam uendantur pro bizantiis 4 saracenicis, et uolueris scire quantum valent Rotuli 37; describe questionem, et multiplica 4 per 37, erunt 148; que diuide per 100, exibunt bizantii $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$ 1: si autem de $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$ unius bizantii karatos facere uolueris, multiplica 4, que sunt super 10 per aliam 10, et adde 8, erunt 48; que multiplica per karatos unius bizantii, scilicet per 24, erunt 1152; que diuide per $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$, exibunt karati $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$ 11: uel ut habeas summam in una multiplicatione, multiplica 148 per quartam de 24, scilicet per 6, et diuide summam per quartam de 100, et per regulam de 24, exibit similiter bizantius $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$ 1, hoc est bizantius 1, et karatus $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$ 11: quia si multiplicaueris 3, que sunt super 8 per 3, que sunt sub uirgula, et addes 2, erunt karati 11; et $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{10}$, que sunt in uirgula post $\frac{3}{10}$, sunt partes tantum unius karati; et sic semper faciendum est de omnibus aliis, in quibus ponas in capite uirgule $\frac{3}{10}$, uidelicet multiplicare hoc, quod erit super 8 per 3, que erit post ipsa 8 in uirgula, et addere, hoc est quod erit super 3, ubi modo fecimus, et habebis karatos illius uirgule.

De eodem.

Item cantare ualet bizantios $\frac{1}{4}$ 11; quantum valent ergo cantara 2, et Rotuli 37, hoc est Rotuli 237: multiplica 11 per 4, et adde 1, erunt 45, quorum quinta, scilicet 9 multiplica per 37; quod totum etiam multiplica per 2, ut habeamus regulam de 24 sub uirga, erunt 6399; que diuide per quintam de 100, et per 4, que sunt sub uirga, et per 2, que addidimus multiplicationi, que uenit aptata in $\frac{1}{2}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{9}{16}$, exibunt bizantii $\frac{3}{14}$ $\frac{3}{14}$ 26, ut in hac questione describitur.

De miliario olei constantinopolis.

Miliarium olei apud constantinopolim, quod est metra $\frac{1}{2}$ 33, uenditur pro bizantiis

* S per 2 ... constantinopolis ... (fol. 24 verso, lin. 105-111; pag. 94, lin. 20-22).

⑥ 45 a.	1	100
$\frac{1}{4}$ 11		③
per 9		
		237

$\frac{2}{11}$ 31; quantum valent ergo metra 13: describe questionem, et multiplica 33 per 3, que sunt post quam in uirgula, et adde 1, erunt 100; que pone super 33, ut inferius in descriptione cernis: deinde multiplica 31 per 24, et adde 5, erunt karati 740; quos pone super 31, et multiplica 740 per 13, erunt 9737; que multiplica per 3, que sunt sub uirgula de 33, erunt 29211; que diuide per 100, que posita sunt super 33, et per 24, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt bizantii $\frac{1}{11} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 12.

De uncia panormi que mutatur ad persoluendum pisas.

Uncia panormi, que est tarenii $\frac{1}{2}$ 27, mutuatur ibi ad persoluendum pisas pro soldis $\frac{1}{12}$ 107; queritur quantum valent eadem ratione tarenii $\frac{1}{2}$ 7: multiplica 27 per 3, et adde 1, quod est super 3, erunt 83, que serua super $\frac{1}{2}$ 27: deinde multiplica 107 per 12, et adde 3, erunt denarii 1280, quos pone super 197. Item multiplica 7 per 4 | et adde 1, erunt 29; que pone super $\frac{1}{2}$ 7; et multiplica numeros, qui sunt ex aduerso, scilicet 1280 per 29, erunt 3781; que multiplica per 3, que sunt sub uirgula de 27, erunt 11343; que diuide per regulam de 82, et per fractiones reliquorum numerorum, scilicet per $\frac{1}{4}$, et per $\frac{1}{12}$, qui insinul coaptati faciunt $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt soldi $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 25.

Item eadem uncia, scilicet tarenii $\frac{1}{2}$ 27 prestantur pro libris $\frac{17}{10}$ 4, hoc est pro libris 4, et soldis 17; quantum valent ergo tarenii $\frac{1}{2}$ 635: multiplica $\frac{17}{10}$ 4 per $\frac{1}{2}$ 635, et diuide summam eorum per $\frac{1}{2}$ 27, quod sic fieri demonstramus: uidelicet ut multiplices 27 per 3, et adde 1, erunt 82, que serua super 27: deinde multiplica libras 4 per 20, et adde 17, erunt soldi 97, quos pone super $\frac{17}{10}$ 4: postea multiplica 635 per 3, et adde 1, erunt 1271, que pone super $\frac{1}{2}$ 635. Et multiplica 97 per $\frac{1}{17}$ de 1271, scilicet per 31; que per 3, que sunt sub uirgula post 27, erunt 9021; que diuide per $\frac{1}{17}$ de 82, et per 20, et per 3, que sunt sub uirgis, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$; et non oportet multiplicare per 3, que desunt de $\frac{1}{17}$; cum non remaneant fractiones aliq̄ue post $\frac{1}{2}$ de $\frac{0}{10}$; et ipsa quarta sit de regula de 12, exhibunt $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 112, hoc est libre 112, et soldi 12, et denarii 2.

De Rotulis qui uenduntur pro tarenis.

Rotuli $\frac{1}{8}$ 22 uenduntur pro tarenis $\frac{1}{2}$ 14; quantum valent rotuli $\frac{1}{10}$ 17: describe questionem, et multiplica 22 per suas uirgulas, erunt 822, que pone super $\frac{1}{2}$ 14: deinde multiplica 14 per suas uirgulas, erunt 581, que pone super $\frac{1}{2}$ 14. Item multiplica 17 per suas uirgulas, erunt 213; que multiplica per 581, erunt 124913, que debes multiplicare per numeros, qui sunt sub uirgulis de 22, scilicet per 4, et per 2, et diuidere summam per 822, et per 5, et per 2, et per 2, et per 6, que sunt sub uirgulis oppositorum numerorum, scilicet de 14 et de 17: Sed ut inuitemus subtilitatem euitandi, quam ostendimus in multiplicationibus numerorum, relinquatur quod non multiplicetur 124913 per 4, nec per 2, que sunt de regula de ipsis 2; et relinquatur quod non diuiditur per 5, et per 6, que totidem sunt. Sed multiplicabis 124913 per 2, que remanet de ipsis 2, exhibunt 271475, que restant ut diuidenda per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, hoc est per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, uidelicet ut habeamus 29 sub capite uirgule, super que uenient graua, exhibunt tarenii $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 11: potuimus enim dictum euitandi modum in quibusdam de superscriptis negotiationibus obseruare. Sed cum relinquimus, ne forte impedirentur que in eis demonstrare uoluimus, tamen in omnibus hic idem modus obseruandus est.

De Rotulis et eorum partes (sic)

Item Rotuli $\frac{1}{4} \frac{2}{10} \frac{1}{10}$ 12 uenduntur pro bizantiis $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 7; quantum valent ergo $\frac{1}{4} \frac{2}{10} \frac{1}{10}$ unius Rotuli: multiplica 12 per suam uirgulam, erunt 2287, que pone super 12; deinde multiplica

• Makarim ... erunt 82 : (1-1). 24 uerba, lra. 32-38, pag. 53, lra. 42 — pag. 55, lra. 101.



fol. 29 recto.

• et adde tarenii : (fol. 29 recto, lra. 4-4) pag. 53, lra. 11-12).



• $\frac{1}{2}$ 635 pro tarenis : (fol. 29 recto, lra. 8-10, pag. 55, lra. 17-20).



• Rotuli que restant : (fol. 29 recto, lra. 11 — 12 et 19, pag. 55, lra. 31-35).



Item Rotuli: $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ (fol. 29 verso, lin. 22-23, pag. 96, lin. 42 — pag. 96, lin. 21)

467	(8)	2327	(5)
$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$	7	$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$	13
		(8)	25
		$\frac{1}{2} \frac{1}{2}$	

Item $\frac{1}{2}$ unguis a (fol. 29 verso, lin. 29-30; pag. 96, lin. 20-21)

(1)	1	(1)	1
(2)	$\frac{1}{2}$	(1)	$\frac{1}{2}$
	$\frac{1}{2} \frac{1}{2}$		2
	$\frac{1}{2} \frac{1}{2}$		2
	$\frac{1}{2} \frac{1}{2}$		2

fol. 29 verso.

Item ad reliquatur a (fol. 29 verso, lin. 4-10 + 11; pag. 96, lin. 20-21)

(6)	431	47	(11)
$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$		$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$	
		(11)	439
$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$		$\frac{1}{2} \frac{1}{2}$	
$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$		$\frac{1}{2} \frac{1}{2}$	

7 per suas uirgulas, erunt 467, que pone super 7: post hec multiplica 3, que sunt super 3 per 7, et 1 quod est super 7 in 3, erunt 26, que pone super $\frac{1}{2}$; et multiplica tertiam decimam de 26 per 467, et per numeros qui sunt sub uirgula de 13, scilicet per 3, et per 8, et per 11, erunt 164284; que diuide per tertiam decimam de 2327, hoc est per 179, per numeros qui sunt sub uirgulis numerorum, qui sunt ex aduerso: tamen cum in eis regulam de 24 accipere non possumus; ideo quia non habemus ea in ipsis, nisi tantum $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, unde minuit uobis $\frac{1}{2}$, addatur 2 in diuisione, et multiplicentur 164284 per 3, erunt 328768; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$, exhibunt $\frac{89}{21} \frac{231}{179} \frac{13}{26}$.

De parte Rotuli pro parte bizanti.

Item $\frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{2}$ unius bizanti; quantum ualeat ergo $\frac{1}{2}$ unius Rotuli: describe questionem, et multiplica numeros, qui sunt ex aduerso, scilicet $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{2}$, et diuide per $\frac{1}{2}$, quod sic fit: multiplica 1, quod est super 4, per 1, quod est super 3, erit 1; quod multiplica per 3, erunt 3; que diuide per 1, quod est super ipsum 3, et per 4, et per 5, que sunt sub uirgulis, scilicet per $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, exhibit $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ unius bizanti, hoc est $\frac{1}{24}$: ex quibus si Karatos uolueris facere, multiplica 3, que sunt super 20, per quartam de 24, exhibunt $\frac{1}{2}$ 3.

De parte Rotuli pro parte sold.

Item $\frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{2}$ unius soldi; quantum ualeat ergo $\frac{1}{2}$ unius Rotuli: multiplica 3, que sunt super 3, per 4, que sunt super 7; que per 3, que sunt sub uirgula, erunt 26; que diuide per 2, que sunt super 3, et per 5, et per 7, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, exhibit $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ unius soldi, hoc est denarii $\frac{13}{27}$.

De partibus Rotuli pro partibus bizanti.

Item $\frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{2}$ unius bizanti; quantum ualeat ergo $\frac{1}{2}$ unius Rotuli: multiplica $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ per $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, et diuide per $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, quod sic fit: multiplica 3, que sunt super 3, per 4; et 1 quod est super 4 per 3, et adde insimul, erunt 11, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$. Item multiplica 1, quod est super 3, per 6, et 1, quod est super 6 per 5, et adde insimul, erunt 11, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$. Item multiplica 5, que sunt super 9 per 6, et adde 1, erunt 11; que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, et multiplica 11, que sunt super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ per 11, que sunt super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, que per 3, et per 4, que sunt sub uirgulis | et diuide summam per 11, que sunt super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, et per alios ruptos. Sed quia debes multiplicare per 11, et per 3, et per 4, et diuidere per 11, et per 3, et per 6, relinquatur quod non multiplicetur 11, que sunt super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, nec per 3, nec per 4, que sunt sub uirgula $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$; nec diuidetur per 11, nec per 6; sed diuides 11, que sunt super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ per $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, que sunt sub uirgulis, exhibunt $\frac{13}{27}$.

Item $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ unius taren; quantum ualeat $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ unius Rotuli: multiplica 1, quod est super 3, per 4; que per 5, erunt 20; et multiplica 1, quod est super 4, per 3; que per 3, erunt 13; et 1, quod est super 3 per 4; que per 3, erunt 12; et adde 20 cum 15, et cum 12, erunt 47, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$; deinde multiplica 4, que sunt super 9, per 8; que per 7, erunt 224; et multiplica 2, que sunt super 9, per 7, et adde 2, erunt 22; que per 9, erunt 207; que adde cum 224, erunt 431, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$. Item multiplica 7, que sunt super 11 per 10, et adde 3; que per 6, et adde 1, erunt 439; que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$, et multiplica 431 per 439, que sunt ex aduerso, erunt 150209, que deberes multiplicare per ruptos, qui sunt sub 47, scilicet per 3, et per 4, et per 5, et diuidere per eadem 47, et per ruptos, qui sunt sub aliis uirgulis: sed relinquatur

multiplicatio de 3 et de 8, que sunt in regula de 4; et multiplicentur 18200 tantum per 2, que remanet de ipsis 4, et per 8, hoc est per 16, erunt 182990; et relinquatur quod non dividetur per 8, sunt sub uirgula de $\frac{1}{8} \frac{0}{10} \frac{0}{14} \frac{0}{47}$; ergo dividitur per $\frac{1}{8} \frac{0}{10} \frac{0}{14} \frac{0}{47}$; hoc est ut habeamus $\frac{1}{2}$ in capite uirgule per $\frac{1}{8} \frac{0}{10} \frac{0}{14} \frac{0}{47} \frac{0}{219}$; exhibunt grana $\frac{1}{2} \frac{1}{7} \frac{0}{11} \frac{11}{17} \frac{15}{15}$.

Item libre 100 piperis uenduntur per aliquod pretium, ut ponamus pro libris $\frac{1}{2}$ 11; et queratur quantum ualeat Rotulus 1: quia libre 100, et Rotulus 1 sunt unius generis, et non sunt unius quantitas; ideo quia 100 sunt libre, et 1 est Rotulus, redigendi sunt; ut sicuti sunt unius generis, ita sint unius quantitas, ut ex quantitate Rotulorum, aut ex quantitate librarum: et cum utraque sit genere, aliud inde facere demonstramus: uidelicet ut redigantur ambo ad partes cantarii, hoc est quod uideas de libris 100, que partes sint unius cantarii: omnis enim libra pisana est $\frac{1}{172}$ minus cantarii; quare libre 100 sunt $\frac{100}{172}$ unius cantarii, et Rotulus 1 est $\frac{1}{100}$ eiusdem cantarii; quibus ita redactis in tali questione, redigetur quod $\frac{100}{172}$ unius cantarii, ualeat libras $\frac{1}{2}$ 11; et queritur quantum ualeat $\frac{1}{100}$ unius cantarii: describe enim questionem sic; et operaueris secundum quod superius demonstrauimus, et habebis pro pretio illius Rotuli $\frac{0}{18} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{20}$.

Item libre $\frac{1}{2}$ 8 pro soldis $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 11; quantum ueniunt Rotuli $\frac{1}{2}$ 9: fac de libris $\frac{1}{2}$ 8 partes unius cantarii, erunt $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 11; et de Rotulis $\frac{1}{2}$ 9 fac similiter partes cantarii, cruntque $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 9; et describe questionem, et multiplica 8, que sunt super 158, per 2, et adde 1, erunt 17; que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 11; et multiplica 11 per 12, et adde 2; que per 4, et adde 2, erunt 539, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 11: adhuc multiplica 9, que sunt super 108, per 5, et adde 3; que per 2, et adde 1, erunt 121; que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 11; et multiplica 121 per 539, erunt 81289, que deberes multiplicare per 2, et per 158, que sunt sub uirgula sub 17, et diuidere per eadem 17, et per ruptos aliarum uirgularum. Sed relinques multiplicationem de 2, que sunt post 158 in uirgula, et multiplicationem de 2, que sunt in 158; sed multiplica tantum 81289 per medietatem de 158, scilicet per 79, et pro ipsis 2, et 2, que non multiplicasti, relinques quod non diuides per 4, que sunt in uirgula post 12: multiplicatio enim de 81289 per 79 est 642731; quibus diuisis in $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt soldi $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$.

Item Rotuli $\frac{1}{2}$ 11, hoc est $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{11}{10}$ unius cantarii, uenduntur pro denariis $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{11}{10}$ 10; quantum ualent libre $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{2}{10} \frac{7}{10}$, hoc est $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{2}{10} \frac{7}{10}$ unius cantarii: describe questionem, et multiplica 11, que sunt super 100, per 3, et adde 3; que per 9, et adde multiplicationem de 1, quod est super 9 in 5, erunt 327, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{11}{10}$. Item multiplica 10 per 10, et adde 3; que per 2, et adde 1, erunt 287, que pone super $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{10}{10}$: et adhuc multiplica 7, que sunt super 158 per 4, erunt 2866; et multiplica sub 287 per 2866, erunt 1192142: que cum debes multiplicare per 5, et per 9, et per 100, que sunt sub uirgula sub 227, et diuidere summam per regulam de 227, que est $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{11}{10}$; et per reliquos numeros, qui sunt sub uirgula reliquorum duorum numerorum, relinquatur quod non multiplicetur per 9, nec per 100; et relinquatur quod non diuidetur per 9, nec per 10, que sunt in uirgula sub 2866, nec per 10, que sunt sub uirgula sub 287: ergo multiplicabis | 1192142 tantum per 5, erunt 5960710; que diuides per $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{11}{10}$; hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt denarii $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{11}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$.

Item Rotuli 11 geruini ualent in alexandria karatos 17; quantum ualent Rotuli 9 forforini: quia Rotuli 11, et Rotuli 9 non sunt unius ponderis; uel de Rotulis 11 Geruinis

* Item questionem x (fol. 29 verso, fol. 14-20, pag. 57, lin. 3-14).



* Item multiplicatum x (fol. 29 verso, fol. 22 e 23; pag. 97, lin. 16-25).



* Item multiplicatum x (fol. 29 verso, fol. 22-23 e 24; pag. 97, lin. 26-31).



fol. 46 verso.

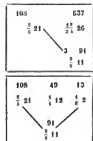
Item Rotuli a (fol. 40 verso, lra. 3-7; pag. 97, lra. 42 - pag. 98, lra. 8).



Item Rotuli a (fol. 40 verso, lra. 9-14; pag. 98, lra. 9-17 e 18).



Item Rotuli a (fol. 40 verso, lra. 15-23; pag. 98, lra. 18-22).



facies Rotulos forforinos, nel de Rotulis 9 forforinis facies Rotulos Gerouinis, ut fiant ambo uel forforini, uel Gerouini: sed quia de Rotulis Gerouinis 11 leuius potes facere Rotulos forforinos, quam de Rotulis 9 forforinis facere Gerouinis; ideo quia unusquisque Rotulus Gerouinus est Rotulus $\frac{1}{2}$ a forforinus: quia si multiplicauerit Rotulus 11 Gerouinus per $\frac{1}{2}$ a faciet Rotulos $\frac{1}{2}$ a 23 forforinos. Vade describe quod Rotuli $\frac{1}{2}$ a 23 forforini ualent karatos 17; quantum ualent Rotuli 9 forforini: multiplicabis ergo 17 per 9, que sunt ex aduerso, et diuides per $\frac{1}{2}$ a 23, exibunt karati $\frac{9}{14}$ 6.

De Rotulis forforinis cum queritur precium. Contrarium.

Item Rotuli 13 forforini ualent karatos $\frac{5}{4}$ 9; quantum ualent Rotuli 7 gerouini: fac forforinos de Rotulis 7 gerouinis, hoc est: multiplicabis Rotulos 7 gerouinis per $\frac{1}{2}$ a, erunt Rotuli $\frac{1}{2}$ a 13 forforini: ergo describes quod Rotuli 13 forforini ualent karatos $\frac{1}{2}$ 9; quantum ualent Rotuli $\frac{1}{2}$ a 13 forforini: multiplicabis $\frac{1}{2}$ 9 per $\frac{1}{2}$ a 13, et diuides per 13, et cuiuslibet inde $\frac{1}{13}$, cum possibile sit, et $\frac{1}{2}$ similiter, exibunt karati $\frac{1}{2}$ 11.

Item Rotuli Gerouini $\frac{1}{2}$ 12 pro karatis $\frac{1}{2}$ 21; quantum ualent Rotuli $\frac{1}{2}$ 11 forforini: fac Rotulos forforinos de Rotulis $\frac{1}{2}$ 12 gerouinis, hoc est multiplica $\frac{1}{2}$ 12 per $\frac{1}{2}$ a, erunt Rotuli forforini $\frac{1}{2}$ 26; deinde describe quod Rotuli $\frac{1}{2}$ 26 forforini ualent karatos $\frac{1}{2}$ 21; quantum ualent Rotuli $\frac{1}{2}$ 11 forforini: multiplicabis $\frac{1}{2}$ 21 per $\frac{1}{2}$ 11, et diuides per $\frac{1}{2}$ 26, exibunt karati $\frac{9}{4}$ 11 2, ut in hac descriptione cernitur: possumus enim hoc idem operari, uitando multiplicationem de $\frac{1}{2}$ 12 in $\frac{1}{2}$ a, quod superius multiplicauimus, uidelicet ut describantur in questione Rotuli $\frac{1}{2}$ 11 forforini sub $\frac{1}{2}$ 12 gerouinis: deinde prouideas de Rotulo 1 gerouino, quot forforini sint, uidelicet $\frac{1}{2}$ 2: pone enim $\frac{1}{2}$ 2 ante $\frac{1}{2}$ 12, ut in hac descriptione cernis; et erit tunc talis questio, quod $\frac{1}{2}$ 2 uicibus Rotuli $\frac{1}{2}$ 12 forforini ualent karatos $\frac{1}{2}$ 11; quantum ualent ergo $\frac{1}{2}$ 11 forforini: multiplicabis ergo, ut predictimus, $\frac{1}{2}$ 21 per $\frac{1}{2}$ 11, et diuides per $\frac{1}{2}$ 12, et per $\frac{1}{2}$ a, quod sic fit: uidelicet quod multiplices 2 per 6, et adde 1, quod est super 6, erunt 13; que pone super $\frac{1}{2}$ 2, et multiplica 12 per 4, et adde 1, quod est super 4, erunt 49, que pone super $\frac{1}{2}$ 12. Item multiplica 21 per 5, et adde 3, erunt 108, que pone super $\frac{1}{2}$ 21: et adhuc multiplica 11 per 8, et adde 2, erunt 91; que pone super $\frac{1}{2}$ 11, et multiplica 108 per 91, et per ruptos, qui sunt sub 49, et sub 13, scilicet per 4 et per 6, erunt 235872; que diuide per 13, et per 49, et per numeros, qui sunt sub uirgulis aliorum duorum numerorum, scilicet per 5, et per 8, hoc est per $\frac{5}{8}$ 108 6 6 6 6, exibunt karati $\frac{9}{17}$ 108 9 9, ut superius inuenimus. Vel aliter describe questionem, scilicet Rotulos $\frac{1}{2}$ 11 forforinos sub Rotulis $\frac{1}{2}$ 12 gerouinis, et ideas de 1 Rotulo forforino, que pars sit unius Rotuli Gerouini, uidelicet $\frac{1}{2}$ a hac ratione: quia cum Rotulus 1 gerouinus sit Rotulus $\frac{1}{2}$ a 2 forforinus; ergo Rotuli 6 Gerouini sunt Rotuli 12 forforini. Vnde Rotulus 1 forforinus est $\frac{1}{12}$ de Rotulo 1 Gerouino, ut predictimus: tunc ergo $\frac{1}{2}$ a 11 forforinos, sicuti superius in precedenti descriptione posuimus $\frac{1}{2}$ a ante Rotulos $\frac{1}{2}$ 12 gerouinos, ut in hac descriptione cernitur: et erit tunc talis questio, quod Rotuli $\frac{1}{2}$ 12 gerouini ualent karatos $\frac{1}{2}$ 21; et queritur, quantum ualent $\frac{1}{2}$ a de Rotulis $\frac{1}{2}$ 11 gerouinis; quod sic facies: multiplicabis $\frac{1}{2}$ 21 per $\frac{1}{2}$ 11 $\frac{1}{12}$, et diuides per $\frac{1}{2}$ 12 sic: multiplica 12 per 4, et adde 1, erunt 49, que pone super $\frac{1}{2}$ 12; et pone 108 eadem ratione super $\frac{1}{2}$ 21, et 91 super $\frac{1}{2}$ 11, et multiplica 108 per numeros, qui sunt ex aduerso, uidelicet per 91, et per 6, et per 4, que sunt sub

49, erunt similiter 225873; que diuides per regulam de 49, et per ruptos, qui sunt sub uirgulis reliquorum numerorum, scilicet per $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14}$, qui coaptati cum regula de dictis 49 faciunt similiter $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14} \frac{0}{19}$, in quibus diuideris 225873, exibunt karati $\frac{0}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14} \frac{0}{19} 9$, ut superius his inuenimus: et ut hoc quod in hac questione demonstrare uolumus non impediretur, non entauimus laborem multiplicandi et diuidendi, quem cuitare potuimus: sed ut non dimittatur magisterium cuitandi laborem, in quibus possumus; qualiter in hoc entandum sit, ostendamus: et est hoc quod nunquam debemus multiplicare aliquem numerum; cum summa multiplicationis eorum per similem, uel per similes debeamus postea diuidere, ut in hac quod multiplicauimus 108 per 91; que per 6; que per 4, que sunt sub uirgula de 49; et | diuisimus summam per $\frac{4}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14} \frac{0}{19}$; poteramus enim relinquere in dicta multiplicatione quod non multiplicaretur 91, uel aliqua pars ipsius; et relinqueremus diuisionem de 7, et de 12, que sunt in uirgula diuisionis, que euales sunt de 91: ideo quia 7 uicibus 12 faciunt 91; et quia euales sunt, ergo similes: et hoc est quod dicimus, quod non debemus multiplicare 91 in dicta multiplicatione, cum debeamus postea diuidere per $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14}$; remanet enim ut multiplicetur 108 per 6; que per 4, et diuidatur tantum per $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14}$, de quibus possumus etiam cuitare, ut non multiplicemus multiplicationem de 6 uicibus 108 per 4, et non diuidimus per 4, que sunt in diuisione. Multiplicabimus ergo tantum 6 per dididium de 108, erunt 224; que diuides per $\frac{10}{17}$ tantum, exibunt karati $\frac{11}{17} 9$, que totidem sunt quantum $\frac{0}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14} \frac{0}{19} 9$. Et ut hoc uerum sit, ita cognoscitur: multiplica 3, que sunt super 12 in 10, que sunt post 12 in uirgula, et adde 2, que sunt super 10, erunt 22; que multiplica per 7, et adde 2, que sunt super 7, erunt 224; que diuide per $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14} \frac{0}{19}$, exibunt $\frac{11}{17}$: est enim pulchrius dicere $\frac{11}{17}$, quam $\frac{0}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{14} \frac{0}{19}$; quare semper studendum est, ut entemus hoc quod cuitare poterimus, ut minor labor sit, et pulchriores atque intelligibiliores habeamus ruptos.

De Rotulis forforinis cum queritur de Gerouini.

Item Rotuli forforini $\frac{1}{4} \frac{1}{4} 43$ per karatos $\frac{1}{7} \frac{2}{8} 9$; quantum ualent ergo Rotuli Gerouini $\frac{1}{4} \frac{1}{4} 7$: describe questionem tanquam essent Rotuli unius ponderis; deinde pone $\frac{0}{12}$ ante Rotulos forforinos, uel ante Rotulos gerouinos pone $\frac{1}{2} 2$ ea ratione, qua superius demonstrauimus: ponamus ergo $\frac{0}{12}$ in hac questione ante Rotulos forforinos $\frac{1}{4} \frac{1}{4} 43$, ut hic ostenditur; et multiplicabis 12 per suas uirgulas, erunt 269; et multiplica 9 per suas, erunt 419. Item multiplica 7 per suas uirgulas, erunt 529; et multiplica 419 per 529, que sunt ex aduerso; quem multiplica per ruptos reliqui numeri, scilicet per 4, et per 5, et per 12; et summam que exierit diuide per 6, que sunt super 12. et per 269, et per ruptos reliquorum numerorum duorum, scilicet per 6, et per 7, et per 8, et per 9; et cuitabis hoc quod cuitare potes, sicuti in precedenti questione demonstrauimus, et habebis karatos $\frac{0}{7} \frac{0}{8} \frac{0}{9} \frac{0}{10} \frac{0}{11} 12$: et sic potes facere de qualibet simili positione, in qua proponatur nentio Rotulorum unius ponderis; et quesieris pretium Rotulorum quorumlibet alterius ponderis. Item ut intelligatur melius Rotuli $\frac{11}{21} 14$ de messana ualent tarenos $\frac{1}{6} \frac{2}{7} 7$; et quantum ualent Rotuli $\frac{1}{6} \frac{2}{7} 17$ de iasis queratur. Primum querendum est de Rotulo messane quot Rotulos pisanos ponderet, uidelicet $\frac{1}{6} 2$, ut ita ponamus, quos pone ante Rotulos messane, sicuti superius docuimus ponere $\frac{1}{6} 2$ ante Rotulos gerouinos; uel pone $\frac{1}{6} 2$ ante Rotulos pisanos; ideo quia Rotulus pisanus est $\frac{1}{6}$ de Rotulis messane. In hac autem ponamus $\frac{1}{6} 2$ ante Rotulos messane, ut hic ostenditur; et multiplica 2 per

fol. 40 verso.

• diuisionem ... diuisionem de 4
fol. 40 verso, lin. 1-6; pag.
59, lin. 10-16.

168	R ²	49	Ger.
$\frac{1}{4}$	$\frac{0}{8}$	$\frac{0}{14}$	$\frac{0}{19}$
108		12	
		91	
		$\frac{1}{4}$	$\frac{0}{8}$
		$\frac{0}{14}$	$\frac{0}{19}$

• quomodo ... Rotulorum fol.
40 verso, lin. 14-20, pag. 59,
lin. 29-31.

419	Ger.	269	f. r.
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$
12		529	
		Ger.	
		$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{7}$
		$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$

• quomodo ... de cetero
fol. 40, verso, lin. 21-22, pag.
59, lin. 31 et 32 — pag. 109,
lin. 11.

338	R ²	205
$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{1}{6}$
$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$
419		501
		$\frac{1}{6}$
		$\frac{2}{7}$
		$\frac{0}{12}$
338	R ²	205
$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{1}{6}$
$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$	$\frac{0}{12}$
419		501
		$\frac{1}{6}$
		$\frac{2}{7}$
		$\frac{0}{12}$

4, et adde 1, erunt 9, que pone super $\frac{1}{2}$ 2: deinde multiplica 14 per suam uirgam, erunt 268, que pone super $\frac{1}{14}$. Item multiplica 7 per suas, erunt 228, que pone super 7. Item multiplica 17 per suos ruptos, erunt 501; que pone super 17, et multiplica 328 per 501; que per ruptos, qui sunt superius, scilicet per 7, et per 7, et per 4; et diuides per 9 et per regulam 505, et per reliquos ruptos, uidelicet per $\frac{1}{3}$, $\frac{2}{3}$, $\frac{4}{9}$; et cuitabis ea que cuitari poteris. Et pro pretio illorum Rotulorum habebis $\frac{7}{1} \frac{23}{14} \frac{21}{14} \frac{4}{28}$. 4. Explicatis quidem demonstrationibus in uenditionibus mercium, in quibus inueniuntur pretia mercium; nunc uero reuertamus ad easdem uenditiones, in quibus reperiantur merces positorum pretiorum, secundum diuersitates uenditionum ipsarum, reuertentes quidem ad uenditiones cautiarum.

De cantare cum uenditur pro libris; et queritur Rotulus de libris.

Si cantare cuiuslibet mercis uenditur pro libris 13; et queratur quot Rotulos quis pro libris 5 habuerit, describe, ut predictimus in precedentibus positionibus in prima uenditione, scilicet Rotulos 100; deinde in eadem lineatione retro pone pretium illorum Rotulorum, uidelicet libras 13; deinde pone libras 5 sub 13; ideo quia sunt unius generis et unius quantitatis, scilicet pretii; et descriptis numeris, in hic ostenditur, multiplicabis numeros, qui sunt ex aduerso, uidelicet 5 per 100, erunt 500; que diuides per 13, exibunt Rotuli $\frac{5}{13}$ 28, ut in hac descriptione cernitur; et tot Rotulos habuerit pro libris 5 descriptis: nam si de $\frac{5}{13}$ unius Rotuli nncias facere uolueris, multiplica 6, que sunt super 13, per 13; ideo quia unusquisque Rotulus ponderat uncias 18, erunt 78; que diuide per 13, exibunt uncie $\frac{7}{13}$ 5; de quibus $\frac{7}{13}$ unius | uncie possumus eodem modo facere partes unius uncie, secundum partes que fuerint ipsius uncie, siue pisani Rotuli, aut libre, uel alicuius alterius Rotuli: et ut melius intelligatur, ponamus quod ipse $\frac{7}{13}$ sint de uncia pisane libre: unde si uoluerimus cognoscere ex eis quot denarii sint de cantare; ideo quia uncia eiusdem libre ponderat denarios 25 de cantare, multiplicabis 7, que sunt super 13 per 25, et diuides per 13; et sic intellige de quibuslibet uncias.

De eodem cum ruptis.

Item cantare ualet libras $\frac{1}{4}$ 16; et queritur quot Rotulos pro libris $\frac{7}{12}$ 3 quis habuerit: describe questionem in hunc modum, et multiplica 16 per 4, et adde 1, erunt 65, que pone super $\frac{1}{4}$ 16; deinde multiplica 3 per suam uirgam, erunt 822; que pone super $\frac{7}{12}$ 3, et multiplica 100 per 822; que per 4, que sunt sub uirgula de 16, et diuides summam per regulam de 65, que est $\frac{6}{12}$ 16; et per ruptos inferioris uirgule, scilicet per $\frac{4}{12}$ 16, et aptabis 12 in capite uirgule; ideo quia ea, que fuerat super 12, erunt uncia, uel uncie; erit ergo aptatio illorum $\frac{4}{12}$ 16 $\frac{6}{12}$ 16, sed ut cuitemus labore moltiplicandi et diuidendi, relinquatur moltiplicatio de 100, et relinquatur diuisio de $\frac{6}{12}$ 16, que sunt in uirgula diuisionis: ergo multiplicabis 822 per 4, et diuides tantum per $\frac{4}{12}$ 16, exibunt Rotuli $\frac{5}{11}$ 21: probatio autem huius rei et simulum eadem est, quam superius demonstrauius, uidelicet ut sicuti egredieris cum numeris, moltiplicando et diuidendo, ita egredieris unam quamlibet pensam operando. Quare pensa huius positionis esse 2 per 7 reperies.

De centenario piperis secundum superscriptum modum.

Item centenarium piperis pro libris 12, et soldis 7, et denariis 5, hoc est pro libris

• Libro 5 ... libro 5 (fol. 40 verso, lin. 24-28; p. 100, lin. 11-20).

l.	R ^o
13	100
5	$\frac{5}{13}$ 28

fol. 41 verso

• Item ... moltiplicato de • (fol. 41 verso, lin. 6-12, pag. 100, lin. 29-36).

65 l.	R ^o
$\frac{1}{4}$ 16	100
per 4	
per 7	
822	
l.	R ^o
$\frac{7}{12}$ 3	$\frac{5}{11}$ 21

$\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$, quot libras piperis habuerit pro soldis 11, et denariis 9: quia libra $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ 12, et soldi $\frac{8}{12}$ 11, suat unius generis, scilicet pretii, et non sunt unius quantitatis, cum 12 sint libre, et soldi 11, suat soldi: ergo uel de libris $\frac{3}{10} = \frac{3}{10}$ 12 faciendi sunt soldi, uel de soldis $\frac{8}{12}$ 11 faciende sunt libre, hoc est partes unius libre; ut sicuti sunt unius generis, ita sint unius quantitatis: ergo de soldis $\frac{8}{12}$ 11 faciamus partes unius libre, que sunt $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$ 11; et describantur sub libris $\frac{3}{10} = \frac{3}{10}$ 12, ut in hac descriptione ostenditur; et multiplicetur 12 per suam uirgulam, erunt 240. Item multiplica 11 per 12, et adde 9, erunt 141; et multiplica 11 per 100; que per 12 et per 20, que sunt sub uirgula de 12, et diuide summam per 240, et per $\frac{1}{10} = \frac{1}{10}$ 100: sed ut euites laborem, non multiplicare per 12, nec per 20; et non oportebit diuidere per $\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$ 240: ergo multiplicabis 141 per 100, erunt 14100; que diuides per 240, uel ut habeamus uicinas super uirgulam, multiplica 14100 per 12, et diuide per $\frac{1}{10} = \frac{1}{10}$ 100, exhibunt Rotuli $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ 4.

De cantare uenducto per libras, cum queritur merces denariorum.

Item cantare ualet libras $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$ 12; et quantum quis pro denariis $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 9 habuerit queritur, hoc est per $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 9 unius libre, ut fiant ex eadem quantitate librarum $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 12; describatur questio ut hic ostenditur; et multiplica 12 per suas uirgulas, erunt 698. Item multiplica 9, que sunt super 12, per 4, et adde 1, erunt 37; et multiplica 37 per 100; que per 3, et per 9, que sunt sub uirgulis post 12; et diuides summam per regulam de 208, que est $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 9; et per $\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$ 12; qui rupti insimul coaptati sunt $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 9; $\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$ 12; et habebis quesitam quantitatem: uel si uolueris euitare, noli multiplicare 37 per totum 100, sed relinques 10 de regula 100, propter quod relinques $\frac{1}{10} = \frac{1}{10}$ 100, que est in uirgula diuisionis: ergo multiplicabis 37 per 10, que remanet de 100, et per 3, et per 9 predicta, erunt 16650; que diuide per $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 9; exhibunt $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ 4.

Item si centenarium uendatur pro soldis $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17; et queratur quantum quis ex ipsa merce pro libris $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17 habuerit, uerte soldos $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17 ad partes unius libre, erunt $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17 unius | habuerit uerte soldos $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17 ad partes unius libre, erunt $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17 unius libre; et hoc facies ut ambo numeri sint unius nominis: deinde describes questionem in hunc modum; et operaberis secundum quod superius dictum est, et habebis pro quesita quantitate illius mercis libras $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ 4.

Regula uniuersalis in centenario.

Uolumus enim quandam regulam demonstrare, que procreatur ex euitatione multiplicationum, et diuisionum ipsorum numerorum, qui ponuntur in similibus questionibus; et hec est, ut cum proponatur quod centenarium piperis ualet libras quotlibet absque fractionibus, ut ponamus pro libris 12; et queratur quantum quis pro denariis quotlibet habuerit, ut ponamus 3; semper multiplicata denariis per 3, et diuide per pretium centenarii, ut in hac: multiplica denarios 3 per 3, erunt 15; que diuide per 12, exhibunt $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 1; et tot uicinas habueris pro ipsis denariis 7: uerum si eadem ratione queratur, quantum ipse pro soldis 7 haberet, multiplicabis similiter 7 per 3, erunt 21; que diuide similiter per 12, exhibunt libre $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 2; et sic intelligas de omnibus similibus.

Item si e contra quesieris quantum eadem ratione uncie 7 ualeant; multiplicabis 7 per 12, et diuides per 3, exhibunt denarii $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 18. Nam si quesieris, quantum ualet libre 7 eiusdem mercis; multiplicabis similiter 7 per 12, et diuide per 3, exhibunt soldi $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 18, idest soldi 18, et denarii $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 2; et sic facies de similibus.

* Item ... multipl. ... (fol. 41 recto, lin. 18-24, pag. 100, lin. 43 - pag. 101, lin. 3).

2909 l.	100
$\frac{3}{10} = \frac{3}{10}$ 12	
propt. est 37 x 3	
141	
0 14	$\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ 4
17 70	$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 18

* Item ... euit. ques. ... (fol. 41 verso, lin. 23-28 et 31, pag. 101, lin. 11-21).

608	100
$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 12	
37	
$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 9	$\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$ 12
$\frac{1}{12} = \frac{1}{12}$ 12	$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17

fol. 41 verso

* habuerit ... fractionibus ... (fol. 41 verso, lin. 4-7 et 9, pag. 101, lin. 20-24).

427 s.	l.
$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17	100
0 10	
501	
$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17	$\frac{3}{10} = \frac{3}{10}$ 12
	$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ 17

per 4 ... de Rotulis ... (fol. 81 verso, lin. 16-21, pag. 101, lin. 42 — pag. 102, lin. 13).

35 r.	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	14
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
positi est 10 per 11			
57			
17			
34 r.	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	25 $\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
29			
497 r.	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	43
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
3			
positi est 10 per 11			
639			
11			

per 4 ... de Rotulis ... (fol. 81 verso, lin. 22-24, pag. 102, lin. 14-16).

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

fol. 48 recto.

per $\frac{1}{2}$... raptus ... (fol. 81 verso, lin. 25-30, pag. 102, lin. 17-22).

149	11
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
537	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

de Rotulis ... 9 per ... (fol. 81 verso, lin. 6-11, pag. 102, lin. 23-27).

117 r.	407 r.
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
9	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

Item Rotuli 14 pro tareis $\frac{1}{2}$ 8; quot Rotulos habuero pro tareis $\frac{1}{2}$ 17: describe questionem hoc modo; et multiplica numeros qui sunt ex aduerso, scilicet 14 per $\frac{1}{2}$ 17, et diuide per $\frac{1}{2}$ 8, exhibit $\frac{14}{8}$ $\frac{17}{8}$ 41.

Item Rotuli $\frac{1}{2}$ 17 pro tareis $\frac{1}{2}$ 11; quantum habuero ex ipsis pro granis $\frac{1}{2}$ 7, hoc est pro $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius tarei, ut fiant ex quantitate tareorum $\frac{1}{2}$ 11 suprascriptorum: describe questionem sic; et multiplicas $\frac{1}{2}$ 17 per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, et diuide per $\frac{1}{2}$ 11; et fac ut habeas 12 in capite uirgule propter uncias, et exhibunt uncie $\frac{7}{11}$ $\frac{16}{11}$ 0.

De Rotulis uenditis pro granis, cum queritur merces tareorum.

Item Rotuli $\frac{1}{2}$ 3 pro granis $\frac{1}{2}$ 13; quot Rotulos habuero pro tareis $\frac{1}{2}$ 7 11: fac partes unius tareni de granis $\frac{1}{2}$ 13, erunt $\frac{13}{2}$ 13; et describe questionem sicut inferius cernitur, et multiplicas $\frac{1}{2}$ 3 per $\frac{1}{2}$ 7 11, et diuides per $\frac{1}{2}$ $\frac{13}{2}$ exhibit Rotuli $\frac{1}{2}$ $\frac{13}{2}$ 60.

Item $\frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{2}$ unius bizantii; quantum habuero pro $\frac{1}{2}$ unius bizantii: describe questionem, et multiplica 3, que sunt super 4, per 4, que sunt super 7, erunt 18; que per 3, que sunt sub uirgula superiori, erunt 90; que diuide per 4, que sunt super 5, et per 4, et per 7, que sunt sub aliis uirgulis, idest per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ exhibit $\frac{1}{2}$ unius Rotuli.

De raptis rotulorum.

Item $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius bizantii; quantum habuero de Rotulis per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius bizantii: describe questionem sic, et multiplica $\frac{1}{2}$ per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, et diuide per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, quod sic fit: accipe prius $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, et multiplicas 2, que sunt super 2, in 4, et 1, quod est super 4, in 3, et adde insimul, erunt 11; que pone super $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, et inuenies numerum de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, erunt 149; que pone super $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, et inuenies numerum de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, erunt 537; et multiplicas 11 per 537; que per raptos, qui sunt sub uirgulis sub 10, scilicet per 5, et per 6, et per 7; et diuides summam per 149, et per raptos, qui sunt sub 11, et sub 537, hoc est per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, qui insimul coaptati sunt $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$: cuiuslibet hoc quod euitare poteris, exhibit $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$.

De Rotulis Gerouini et forforini.

Item Rotuli Gerouini $\frac{1}{2}$ 12 pro bizantiis $\frac{1}{2}$ 3; quot Rotulos forforini habuero pro bizantiis $\frac{1}{2}$ 2: quia uenditio sit de Rotulis Gerouinis, et questio sit de Rotulis forforini; ideo de Rotulis $\frac{1}{2}$ 12 gerouinis faciendi sunt Rotuli forforini, hoc est: multiplica eos per $\frac{1}{2}$ 2, et uenientem summam pone in questione pro uenditione. Et ut euitemus laborem dicte multiplicationis, pone $\frac{1}{2}$ 2 ante Rotulos $\frac{1}{2}$ 12, ut superius in similibus facere demostrauimus; et describe questionem sic: et multiplica 2 per 6, et adde 1, erunt 13, que pone super $\frac{1}{2}$ 2; deinde multiplica 12 per suas uirgulas, erunt 407; et multiplica 2 per suas uirgulas, erunt 117: post hec multiplica 2 per 4, et adde 1, erunt 9; que pone super $\frac{1}{2}$ 2; et multiplica 9 per numeros, qui sunt ei ex aduerso, uidelicet 12, et per 407, erunt 47619; que multiplica per raptos, qui sunt sub 117, uidelicet per 5, et per 7, et diuide per summam per regulam de 117, que est $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, et per numeros, qui sunt sub uirgulis oppositorum numerorum, uidelicet per 6, que sunt sub 12, et per 5, et per 6, que sunt sub 407, et per 4, que sunt sub 9: uerum si laborem multiplicandi et diuidendi euitare uolueris, considera cum diximus: multiplica 9 per 12, et relinque eorum multiplicationem, quod non multiplices ea, et non diuides per 9, et per 12, que sunt in uirgula diuisionis: ergo remanet tantum, ut multiplices 407 per raptos, qui sunt sub

117, et remanet ut diuides per $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$; de quibus reliques iterum quod non multiplicabis per 3, que sunt sub uirgula sub 117; et non diuides per 3, que sunt sub uirgula diuisionis: ergo multiplicabis 407 per 7, que sunt sub uirgula sub 117, et diuides per $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$; hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$, ut habemus uncias super 12, exhibuit Rotuli $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 10 forforini, ut superius in descriptione ostenditur.

De eodem in contrario.

Item si dixerit quod Rotuli $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 12 forforini ualent bizantios $\frac{1}{2}$ 4; et quot Rotulos gerouinus quis pro karatis $\frac{1}{2}$ 17, hoc est pro $\frac{2}{15}$ unius bizantii, habuerit queratur: quia unusquisque Rotulus forforinus est $\frac{1}{15}$ unius Rotuli gerouini, ponende sunt $\frac{6}{17}$ ante Rotulos $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 12 forforinos, ut in hac descriptione ostenditur. Et accipies $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 12, et multiplicabis 12 per snas uirgulas, erunt 362; deinde accede ad $\frac{1}{2}$ 4, et multiplicabis 4 per 4, et adde 3, erunt 19; item multiplicabis 17, que sunt super 24, per 5, et adde 2, erunt 87; et multiplicabis 87 per 8, que sunt ei ex aduerso super 12; que per 362; que per 4, que sunt sub uirgula sub 12, et diuides summam per 19, et per numeros qui sunt sub uirgulis oppositorum numerorum, uidelicet per 5, et per 9, et per 12, et per 5, et per 24, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$; et euitabis quod euitare poteris, et habebis pro quæsitâ quantitate $\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ unius Rotuli gerouini.

Pars secunda octauæ capituli de cambiis monetarum.

Si soldus imperialium, scilicet denarii 12, aut cuiuslibet alie monete uendatur pro denariis 31 pisaninis, uel pro aliis quibuslibet; et queratur quot denarios pisaninos quis pro imperialibus 11 habuerit: describes questionem, uidelicet primo uenditionem, scilicet imperiales 12; deinde in eadem lineatione retro scribes pretium illorum, scilicet denarios 31 pisaninos; et imperiales 11 ponas sub imperialibus 12, ut hic ostenditur: et multiplicabis | numeros qui sunt ex aduerso, scilicet 11 per 31, erunt 341; que diuide per 12, exhibuit denarii $\frac{1}{12}$ 28.

Et scias quia quot denarios pisaninos ualet soldus imperialium, scilicet imperiales 12, tot soldos pisaninos ualent soldi 12 imperialium; et tot libras pisane ualent libre 12 imperialium: unde si dixeris, quod soldus imperialium ualet, ut prediximus, pisaninos 31; et queratur quantum ualent soldi 11 imperialium; erit tunc talis questio: quod soldi 12 imperialium ualent soldos 31 pisaninos; queritur quantum ualent soldi 11 imperialium: describe questionem ut superius, et multiplicabis 31 per 11, ut prediximus, et diuides similiter per 12; et sic exhibuit soldi $\frac{1}{12}$ 28, hoc est soldi 28, et denarii 5 pisanorum, ut in hac secunda cernitur descriptione.

De eodem.

Rursus si eadem ratione quereres, quantum ualeant libre 11 imperialium, erit tunc talis questio. Quod libre 12 imperialium ualent libras 31 pisaninas: quare scribenda est questio ut supra, et multiplicanda 11 per 31, et diuidenda est summa per 12, ut prediximus; et habebis libras $\frac{1}{12}$ 28, ut in hac alia descriptione ostenditur. Nam si de $\frac{1}{12}$ unius libre soldos facere uolueris, multiplica 5, que sunt super 12, per 28, erunt soldi 100; que diuide per 12, que sunt sub uirgula, exhibuit soldi 8, et denarii 4; ergo libre 11 imperialium ualent libras 28, et soldos 8, et denarios 4: uel per 5, multiplica 24, que summa multiplicationis de 31 in 11; et diuides postea per 5, et per 12, hoc est per $\frac{1}{2}$ de 20, et habebis soldos, et denarios in prima diuisione. Quia que super 20 ceciderint, erunt soldi; et que uenient super 3, erunt tertie soldi; et tertia soldi est denarii 4.

* Item ... multiplicatio 31
fol. 48 recto. lin. 24-29, pag.
103, lin. 7-12.

19	563
$\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 4	$\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 12
87	
$\frac{0}{2} \frac{0}{3}$ 17	$\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 10
	$\frac{1}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3} \frac{0}{3}$ 12

* Et uoluit ... multiplicatio
fol. 48 recto. lin. 25-29,
pag. 103, lin. 19-24.

per. d.	d. imp.
31	12
d.	11
$\frac{1}{12}$ 28	

fol. 48 recto.

* 12 lib. ... et diuides ... fol.
48 recto. lin. 3-7, pag. 103,
lin. 27-31.

per. i.	imp. s.
31	12
s.	11
$\frac{1}{12}$ 28	

* Item talis ... denarii 4 ... fol.
48 recto. lin. 11-13, pag. 103,
lin. 35 e 36-40.

i.	l.
54	12
d. s. l.	11
$\frac{1}{12}$ 28	

De eodem.

Reversus soldus imperialium valet pisaninus 31, ut praediximus; et queratur quot imperiales quis pro pisaninis 11 habuerit: quia 11 sunt tantum denarii, et sunt pisanini, super notabis denarios super 31, et super 12; et pones 11 sub 31, scilicet pisaninus sub pisaninis, ut in hac descriptione ostenditur: multiplicabis itaque 11 per 12, erunt 132; que divides per 31, exhibunt imperiales $\frac{4}{3}$.

De eodem.

Item solus Januinorum venditur pro denariis $\frac{1}{2}$ 21 pisaninis; et queratur quantum valeant soldi 7, et denarius (sic) 5 lanuini, hoc est soldi $\frac{7}{2}$ 7: describe questionem sic: et multiplica 31 per 2, et adde 1, que sunt super 2, erunt 43, que pone super $\frac{1}{2}$ 21. Item multiplica 7 per 12, et adde 5, que sunt super 12, erunt 89; que pone super $\frac{1}{2}$ 7, et multiplica 43 per 89, erunt 3827; que divide per soldos, scilicet per 12, et per numeros, qui sunt sub uirgulis, uidelicet per 2, et per 12; qui numeri insum coaptati faciunt $\frac{7}{2} \frac{0}{4} \frac{0}{12}$, exhibunt soldi $\frac{7}{2} \frac{0}{4} \frac{0}{12}$.

De eodem.

Item si e contra eadem ratione queratur quot laminos pro soldis $\frac{5}{12}$ 7 pisane monete habueris, describe $\frac{5}{12}$ 7 sub $\frac{1}{2}$ 21 in descriptione; ideo quia sunt eiusdem generis, uidelicet pisanorum; et multiplicabis $\frac{5}{12}$ 7 per 12, que sunt ex aduerso, et divides per $\frac{1}{2}$ 21. Quod sic fit: inuenias 43 et 89, et describe eos numeros super ipsos, et multiplicabis 89 per 12, que sunt ei ex aduerso; que per 2, que sunt sub uirgula post 21, erunt 2126; que divide per 43, et per 12, que sunt sub uirgula post $\frac{5}{12}$ 7, exhibunt soldi $\frac{59}{12} \frac{1}{12}$ 4, ut in hac descriptione ostenditur.

De eodem.

Item soldi mergulensium, scilicet denarii 12, ualent apud provinciam, 1 denarius $\frac{1}{4}$ 12 regalium; et queratur quantum ualent libre 5, et soldi 12, hoc est $\frac{12}{10}$ 5 mergulensium: ergo enim queratur de libris, talis est questio, quod libre 12 mergulensium ualent libras $\frac{1}{4}$ 12 regalium: describe itaque questionem sic; et accede ad $\frac{1}{4}$ 12, multiplicans 12 per 4, et addens 1, erunt 53: deinde multiplicabis 5 per suam uirgulam, erunt 113; et multiplicabis 53 per 113, erunt 5989; que divide per 12, et per 4, et per 20, que sunt sub uirgulis, exhibunt libre $\frac{1}{4} \frac{1}{12} \frac{1}{20}$ 6. Nam si libras 5, et soldos 12 regales esse posueris; et uolueris ex eis emere mergulenses, describe tunc $\frac{12}{10}$ 5, sunt $\frac{1}{4}$ 12, quia sunt unius generis; et multiplicabis $\frac{12}{10}$ 5 per 12, que erunt ex aduerso, et divides per $\frac{1}{4}$ 12, hoc est multiplicabis 113 per 12; que per 4, que sunt post 12, erunt 5424: que divides per 53, et per 20 de uirgula; sed prius multiplicabis 5424 per 12, ut habeas ipsa in uirgula post 20, exhibunt libre $\frac{1}{4} \frac{1}{12} \frac{1}{20}$ 5 mergulensium.

Item soldi barcellonensium, scilicet denarii 12, ualent podienses $\frac{2}{3}$ 17; et queratur quot quis de podiensibus pro libris 31, et soldis 14, et denariis 9 barcellonensium habuerit, describe questionem, ut hic cernitur; et multiplicabis $\frac{2}{3}$ 17 per $\frac{9}{12} \frac{1}{12}$ 31, que sunt ex aduerso, et divides per 12, exhibunt libre $\frac{1}{3} \frac{2}{4} \frac{1}{12}$ 46 podiensium.

De eodem.

Utrum si ipsas libras $\frac{9}{12} \frac{1}{12}$ 31 podienses esse prepones; et uelles ex eis barcellonenses emere, describe itaque quatuordecim sub podiensibus, ut in hac alia questione demonstratur; et multiplicabis 12 per $\frac{9}{12} \frac{1}{12}$ 31, et divides per $\frac{2}{3}$ 17, hoc est multipli-

* Examen ... De eodem * fol. 42 verso, lin. 27-29; pag. 104, lin. 2-7.



* Item ... exptata * fol. 42 verso, lin. 27-29; pag. 104, lin. 8-13.



* monete ... sub uirgula * fol. 42 verso, lin. 22-23 + 26; pag. 104, lin. 16 + 17 + 21.



1-4. 18 verso.

cabis dicta 12 per 767, que sunt ex aduerso; que per 3, que sunt sub uirgula post 17, et diuides per 52 et per $\frac{1}{12} \frac{6}{20}$, que sunt sub uirgulis post 31, exibunt libras $\frac{4}{3} \frac{8}{12} \frac{4}{12} \frac{21}{20}$.

Aduc soldus imperialium ualeat pisaninos $\frac{1}{2}$ 28, et amplius denaros $\frac{1}{4}$ unaqueque libra imperialium; et queratur quot pisanini habeantur pro libris 21, et denariis $\frac{1}{4}$ 3 imperialium, hoc est pro libris $\frac{1}{3} \frac{3}{12} \frac{21}{20}$: quia soldus est uigesima libris, diuide denarios $\frac{1}{4}$ 1 per 20, exibunt $\frac{1}{2} \frac{3}{20}$ minus denarii pisanini; que adde cum pretio soldi, et sic imperiales 12 ualebunt pisaninos $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28. Quare libre 12 imperialium ualent $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28; pones itaque $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28 sub libris 12 imperialium, et multiplicabis eas per $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28, et summam diuides per 12, et habebis propositum. Et si soldus imperialium ualeat pisaninos $\frac{1}{4}$ 28 minus denariis $\frac{1}{4}$ 1 unaqueque libra imperialis, diuides iterum denarios $\frac{1}{4}$ 1 per 20, ueniet $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$; que extrahes de $\frac{1}{2}$ 28, remanent pisanini $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28 pro pretio unius soldi imperialium. Vnde si habueris libras $\frac{1}{3} \frac{3}{12} \frac{21}{20}$ pisaninorum, de quibus uis imperiales, multiplica eas per 12, et diuide per $\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28. Et nota quot denarii dantur per libram, uel plus, uel minus de pretio soldi; tot uigesimas addes, uel extrahes de ipso pretio, et habebis pretium ipsius soldi.

Explicit de cambio monetarum que uenduntur ad soldum.

Incipit de cambio earundem cum uenduntur ad libram denariorum.

Libra pisaninorum, scilicet soldi 20, ualeat libram 1 bononiorum, et amplius bononius 54, hoc est soldi 20 pisaninorum ualent soldos $\frac{1}{4}$ 24 bononiorum. Quare pisanini 20 ualent bononios $\frac{1}{4}$ 24; et libre 20 pisaninorum, 1 ualeat bononiorum libras $\frac{1}{4}$ 24; et queritur quot bononios (sic) habeantur pro pisanini $\frac{1}{4}$ 11; scribe questionem ut hic cernitur; et multiplica $\frac{1}{4}$ 11 per $\frac{1}{4}$ 24, et diuide per pisaninos 20, exibunt bononii $\frac{1}{4} \frac{11}{20}$ 12; et si cambium libre pisane fuerit bononii $\frac{1}{4}$ 56, hoc est soldi 20 pisanini ualeant soldos 24, et denarios $\frac{1}{2}$ 8, hoc est soldos $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 24; et uis acire quot pisaninos ualeant soldi 14, et denarii 3 bononiorum; pones itaque soldos $\frac{1}{4}$ 14 sub soldis $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 24, et multiplica $\frac{1}{4}$ 14 per 20, et diuides $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 24, hoc est multiplicabis 173 per 20; que per 12, et per 3, que sunt sub uirga; et diuides per 592, et per 12, que sunt uirga de 14, exibunt soldi.

Rursus cambium libre pisane sit bononii $\frac{1}{4}$ 57, hoc est quod soldi 20 pisanini ualent soldos $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 24; et queratur quot bononios ualent libre 17, et soldi 11, et denarii 3 pisanini; descripta questione, multiplica $\frac{1}{4} \frac{11}{20}$ 17 per libras $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 24, et diuide per libras 20 pisaninas, exibunt bononii. Et si habueris libras $\frac{1}{4} \frac{11}{20}$ 17 bononiorum, multiplica eas per 20, et diuide per $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 24, et habebis propositum.

Soldus itaque imperialium ualeat pisaninos $\frac{1}{2}$ 28; queritur quot bononios habent cambium libre 1 pisanine: quia soldus imperialium est bononii 36; ergo pisanini $\frac{1}{2}$ 28 ualent soldos 36 bononios; et libre $\frac{1}{2}$ 28 pisanine ualent libras 36 bononiorum. Quare libre $\frac{1}{2}$ 28 pisaninorum habent cambium libre $\frac{1}{2}$ 7 bononiorum, que sunt ad $\frac{1}{2}$ 28 in 36; et quia queris cambium unius, uel pone 1 sub libris $\frac{1}{2}$ 28, ut in hac cernitur descriptione; et multiplica 1 per $\frac{1}{2}$ 7, et diuide per $\frac{1}{2}$ 28, hoc est, multiplica 1 per 15, et diuide per 57: sed ut habeas in uirga $\frac{1}{2} \frac{7}{20}$, multiplica dictam multiplicationem de 1 in 15 per 80, erunt 1200; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{7}{20}$ 28, exibunt denarii $\frac{1}{2} \frac{7}{20}$ 62; et tot est cambium libre pisane. Et si contra dicatur: cambium unius libre pisane esse soldos 5, et denarios $\frac{1}{4}$ 3, hoc est soldi 20 pisaninorum ualent soldos $\frac{1}{4} \frac{3}{20}$ 25 bononiorum; et queratur quot pisaninos ualeat soldus imperialium, pro ipso soldo pones soldos 3 sub

* exhibit ... pisanini = (fol. 42 verso, lin. 21-30; pag. 103, lin. 2-11).

per. d.	l. imp.
$\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28	12

$\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28	$\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28

per. l. imp.	
$\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28	12

$\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28	$\frac{1}{2} \frac{6}{20}$ 28

* Explicit ... pisaninorum = (fol. 43 verso, lin. 36-40; pag. 103, lin. 16-20).

bon.	d. per.
40 d.	20
$\frac{1}{4}$ 24	45

$\frac{1}{4}$ 11	$\frac{1}{4}$ 11

fol. 42 verso.

* diuide ... soldos = (fol. 43 verso, lin. 2-5; pag. 103, lin. 22-27).

bon.	d. per.
800	20
$\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 14	

$\frac{1}{4}$ 14	

* 36 bononios = $\frac{1}{4} \frac{8}{20}$ 25 hoc = (fol. 43 verso, lin. 46-50; pag. 103, lin. 30-34; pag. 104, lin. 2).

bon.	d. per.
45	
$\frac{1}{2}$ 7	$\frac{1}{2}$ 28

1	

bon. s.	per. s.
$\frac{1}{4} \frac{3}{20}$ 25	20

3	

soldis $\frac{3}{12} \frac{7}{12}$ 25; cum soldus imperialium sit soldorum 3 bononiorum; et multiplicabis ipsa 3 per 20, que sunt cis ex aduerso, et diuides per $\frac{3}{12} \frac{7}{12}$ 25, hoc est per $\frac{1}{12}$ 25; que idem sunt, cum $\frac{3}{12} \frac{7}{12}$ sint $\frac{5}{12}$ tantum, exhibunt soldi $\frac{1}{2} \frac{1}{12}$ 2, hoc est denarii $\frac{1}{2}$ 25 pro pretio unius soldi imperialis.

Reuersus ualeat soldus imperialium pisaninos $\frac{2}{3}$ 25 minus denariis $\frac{1}{2}$ 2 per quamlibet libram imperialium; et queratur quot bononios habeat cambium libre 1 pisaninorum pro predictis denariis $\frac{1}{2}$ 2, extrahere $\frac{1}{2} \frac{2}{3}$ de pisaninis $\frac{2}{3}$ 25, scilicet de pisaninis $\frac{12}{12}$ 25, remaneant pisanini $\frac{10}{12}$ 25 pro pretio soldi imperialium. Ergo libre $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 25 pisaninorum, scilicet libre 25, et soldi 12, et denarii 9 pisaninorum ualent libras 26 bononiorum. Quare cambium de libris 25, et soldis 12, et denariis 9, est libre 7, et soldi 7, et denarii 3 bononiorum, que sunt a libris 25, et soldis 12, et denariis 9 usque in libris 26. Quare describes questionem ut hic ostenditur; et multiplicabis 1 per $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 7, et diuides per $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 25, exhibunt $\frac{12600}{2500} \frac{12}{12} \frac{9}{20}$.

Item cambium libre pisane sit bononini $\frac{1}{2}$ 64, hoc est soldi $\frac{1}{2}$ 25 bononiorum ualent soldos 20 pisaninorum; et queratur pretium de soldis 3 bononiorum, scilicet de soldis 1 imperialium: descripta itaque questione, multiplica 25 per suam uirgam, erunt 202: multiplicabis ergo 3 per 20; que per 8, erunt 480, que diuidenda sunt per 202, scilicet per $\frac{2}{202}$; sed multiplica ea per 20 et per 12, erunt 452800; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 25, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 2, hoc est denarii $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 25. Et nota, quia ideo aptam $\frac{1}{2}$ post $\frac{1}{2}$ et ceterum super ea uigesima denariorum, que contingunt soldo; quia quot uigiesime contingunt soldo, tot denarii contingunt uni libre: ergo soldus imperialium ualeat denarios 25 pisaninorum, et insuper denarios $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 7 per uamquamque libram imperialium. Sed ex denariis quinque contingentibus libre contingit soldo quarta unius denarii; et pro denariis 10 contingunt $\frac{1}{2}$; et pro denariis 15 contingunt soldo $\frac{1}{4}$ unius denarii. Ergo soldus imperialium ualeat $\frac{1}{2}$ 25, et amplius denarios $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 2 per libram, hoc est parum minus denariis $\frac{1}{2}$ 2. Vnde soldus imperialium ualeat pisaninos $\frac{1}{2}$ 25, minus denariis $\frac{1}{2}$ 2 per uamquamque libram; et sic studeas facere in similibus.

De uenetianis cum uenduntur ad libram numeri; et queritur precium libre ponderis.

Libra uenetianorum, scilicet soldi 20, uenditur pro libris 12, et soldis 4 pisaninorum; et queratur quantum ualeat libra ponderis eorundem, quam ponimus esse soldorum 12 et denariorum $\frac{1}{2}$ 5: multiplicabis $\frac{1}{2} \frac{5}{12}$ 12 per $\frac{1}{2}$ 12, et diuides per 20; et si libra ponderis uenetianorum ualeat libras $\frac{1}{2}$ 8; et uis scire pretium libre numerate, scilicet de soldis 20, multiplica 20 per $\frac{1}{2}$ 8, et diuide per $\frac{1}{2} \frac{5}{12}$ 12, et sic habebis indubitanter propositum.

De libra argenti.

Si libra argenti, hoc est uncie 12, uendatur pro libris 7; et queratur quantum ualent uncie 2, describe in questione uncias sub uncis, scilicet 2 sub 12, et multiplicabis 2 per 7, que sunt ex aduerso, erunt 14; et diuide per 12, exhibunt libre denarium $\frac{1}{6}$ 4, hoc est soldi 23 et denarii 4, ut in hac questione ostenditur. Vel aliter: quia uncie 2 sunt $\frac{1}{6}$ unius libre, accipe $\frac{1}{6}$ de libris 7, quod est soldi 23, et denarii 4, ut predictimus.

Item libra argenti uendatur pro libris 7, et soldis 9, hoc est libras $\frac{9}{12}$ 7, et queratur quantum ualent uncie $\frac{1}{6}$ 2; describe questionem, ut hic ostenditur, et multiplica $\frac{1}{6}$ 2 per $\frac{9}{12}$ 7, et diuide per 12, exhibunt libre $\frac{1}{6} \frac{14}{12}$ 7.

• quoniamlibet ... a libris + (fol. 44 verso, lin. 20-25; pag. 106, lin. 9-11).

580	lib.	2291
$\frac{1}{2}$	25	$\frac{2}{3}$ 25
$\frac{1}{2}$	7	$\frac{1}{2}$ 25
$\frac{1000}{2291}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1000}{2291}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

fol. 44 verso.

• 20 pisaninorum ... uentusimam + (fol. 44 verso, lin. 2-7; pag. 106, lin. 19-20).

a. lib.	a. pti.
$\frac{3}{4}$ 25	20
3	

• uenduntur ... quantum + (fol. 44 verso, lin. 13-21; pag. 106, lin. 26-30).

l.	a.
$\frac{1}{2}$ 12	20
$\frac{1}{2} \frac{5}{12}$	12

• 8i libras ... pondusimam + (fol. 44 verso, lin. 21-25; pag. 106, lin. 36-40).

l.	unc.
7	12
$\frac{1}{6}$ 2	

Item libra ualet libras 7, et soldos 11, hoc est libras $\frac{5}{12} \frac{11}{72}$ 7; et queratur quantum ualeant uncie 7, et denarii 14 ponderis de cantera, hoc est uncie $\frac{14}{24}$ 7: ideo quia uncie ponderant denarios 25 de cantera; describe questionem ut hic ostenditur, et multiplicabis $\frac{5}{12} \frac{11}{72}$ 7 per $\frac{14}{24}$ 7, et diuides per 12, exibunt libre $\frac{5}{2} \frac{8}{12} \frac{7}{12} \frac{11}{12} \frac{11}{12}$ 4.

De eodem.

Item libra argenti uenditur pro libris $\frac{3}{12} \frac{7}{12}$ 4 regalium; et queratur quantum ualeant libre 4, et uncie $\frac{1}{4}$ 7, hoc est libre $\frac{1}{4} \frac{7}{12}$ 4: quia queratur in hac positione pretium librarum, describendum est tantum 1 pro uenditione, scilicet pro libra, ut fiant ambo unius qualitatis, sicuti sunt unius generis, ut hic ostenditur; et multiplicabis $\frac{1}{4} \frac{7}{12}$ 4 per $\frac{3}{12} \frac{7}{12}$ 4, et diuides per 4, scilicet per libras, exibunt libre $\frac{1}{3} \frac{2}{12} \frac{2}{12}$ 20 regalium.

De eodem. |

Item libra argenti uenditur pro libris $\frac{1}{2} \frac{2}{3}$ 7; et queratur quantum ualent libre 11, et uncie 7, et denarii 9 de cantera, hoc est libre $\frac{11}{12} \frac{7}{12}$ 11: multiplicabis ergo numeros, qui sunt ex aduerso, uidelicet $\frac{1}{2} \frac{2}{3}$ 7 per $\frac{11}{12} \frac{7}{12}$ 11, et diuides per uenditionem, uidelicet per 1, exibunt libre $\frac{1}{2} \frac{8}{12} \frac{2}{12}$ 87.

Item libre $\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ 7 argenti pro bizantiis saracenicis $\frac{1}{3} \frac{1}{3}$ 63; et queratur quantum ualeant uncie 8, et denarii 11 de cantera, et carrube 3, hoc est uncie $\frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 5: quia libre $\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ 7, et uncie $\frac{8}{12}$ 5 sunt unius generis, uidelicet argenti, et non sunt unius qualitatis; quia $\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ 7 sunt libre, et $\frac{8}{12}$ 5 sunt uncie; uel de libris $\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ 7 faciende sunt uncie, uel de uncis $\frac{8}{12}$ 5 faciende sunt partes unius libre, que sunt $\frac{8}{12} \frac{11}{12}$ unius libre; et describe questionem ut hic ostenditur, et multiplicabis 7 per suas uirgulas, erunt 265. Item multiplicabis 63 per suas uirgulas, erunt 2541; et multiplicabis 5, que sunt super 12, per suam uirgulam, erunt 251; que multiplicabis per 2541, et per 4, et per 8, que sunt sub uirgulis sub 255, et diuides per regulam de 255, et per omnes alios raptos ordinando, ut habeas $\frac{11}{12}$ in uirgula diuisionis pro caratos, exibunt libre $\frac{1}{2} \frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 5.

De eodem.

Reuersus si proponatur quod libra argenti, hoc est uncie 12, ualent libras 8; et queratur quantum argentum quis habuerit pro libris 5 denariorum; describe 5 sub 8 in questione, et multiplica 5 per 12, erunt 60; que diuide per 8, exibunt uncie $\frac{7}{8}$ 7, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Item libra argenti ualet libras 7; et queratur quantum quis inde pro libris 4 habuerit: descripta itaque questione, multiplicabis 4 per 12, erunt 48; que diuides per 7, exibunt uncie $\frac{6}{7}$ 6. Nam si de $\frac{6}{7}$ unius uncie, quot denarii sint de cantera scire uolueris; quia uncia ponderat denarios 25, multiplicabis 6, que sunt super 7, per 25, erunt 150; que diuides per 7, exibunt denarii de cantera $\frac{21}{7}$ 21. Iterum si de $\frac{6}{7}$ unius denarii carrubas facere uolueris, multiplicabis 3, que sunt super 7, per 6: ideo quia denarius est carrube 6, erunt 18; que diuides per 7, exibunt carrube $\frac{2}{7}$ 2: ergo pro illis 4 libris habebis uncias 6, et denarios 21, et carrubas $\frac{2}{7}$ 2. Nam si hoc, secundum maiorem magisterium, in una tantum multiplicatione et diuisione habere uolueris, superscripta as multiplica per partes unius uncie, scilicet per numerum denariorum, et carrubarum, hoc est per 25 et per 6, erunt 7500; que diuides per $\frac{6}{7} \frac{6}{7} \frac{6}{7}$, hoc est per $\frac{6}{7} \frac{6}{7} \frac{6}{7}$, quod est leuius, et habebis eandem quantitatem, ut superius in questione describitur: que

Item ... De eodem ... (fol. 44 recte, lin. 35-38; pag. 107, lin. 6-11).

1040	l.	1
$\frac{3}{12} \frac{7}{12}$ 4	l.	1
		211
d. s. l.		
$\frac{1}{2} \frac{2}{12} \frac{2}{12}$ 20		$\frac{1}{4} \frac{7}{12}$ 4
$\frac{1}{2} \frac{2}{12} \frac{2}{12}$ 4		

fol. 44 verso.

Item ... per 2541 ... (fol. 44 verso, lin. 1-13; pag. 107, lin. 13-18).

301	l.	1
$\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ 7	l.	1
		265
d. s. l.		
$\frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 57		$\frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 11
$\frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 5		

2541		265
$\frac{5}{12}$ 3	63	$\frac{5}{12}$ 7
		251
d. s. l.		
$\frac{1}{2} \frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 57		$\frac{1}{2} \frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 5
$\frac{1}{2} \frac{8}{12} \frac{11}{12}$ 5		

Reuersus ... per libras ... (fol. 44 verso, lin. 13-21; pag. 107, lin. 21-22).

l.	Fac.
8	12
l.	Fac.
5	$\frac{6}{7}$ 6

4 habuerit ... multiplicabis ... (fol. 44 verso, lin. 22-26 + 27, pag. 107, lin. 23 + 25-27).

l.	Fac.
7	12
l.	Fac.
4	

nero super 7 deuenient, sunt partes unius carrubbe; et que super 6 sunt carrubbe; et que super $\frac{15}{23}$ sunt denarii de cantera; et que extra uirgulam, sunt uncie, sicuti sunt ille 12 uenditionis, sub quibus describuntur; quia semper qualis fuerit numerus in genere et in qualitate, sub quo summa exiens describitur, talis erit et ille, qui sub ipso describitur. Et ideo | ex ipso numero, sub quo summa ponenda est, scilicet quartus numerus ignotus comprehendens ea, que in capite uirgule diuisionis habere debeas; ut si fuerint libre denariorum, ea que super uacuum scribuntur, studebis habere $\frac{1}{12} \frac{0}{10}$ propter solidos et denarios; que si fuerint soldi, studebis habere $\frac{1}{12}$ propter denarios. Et si tarenii, studebis habere $\frac{1}{12}$ propter grana. Et sunt bizantii saraceniati, uel ypperi, studebis habere $\frac{1}{16}$; et si bizantii de garbo, studebis habere $\frac{1}{16}$; et si fuerint libre, uel rotuli alicuius mercis non multum care, ut piperis, studebis habere $\frac{1}{16}$ propter uncias; et si fuerint libre pisane alicuius mercis carioris ut zaffarani, studebis habere $\frac{1}{8} \frac{0}{12}$ propter uncias et denarios de cantera; et si fuerint libre eiusdem ponderis alterius mercis carioris ut argenti, studebis habere $\frac{1}{8} \frac{0}{12} \frac{0}{12}$ propter uncias, et denarios, et carrubas; et si fuerint libre carioris rei, ut auri, studebis habere $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{12}$ propter uncias, et denarios, et carrubas, et grana; et si fuerint uncie auri pisane libre, studebis habere $\frac{1}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{8}$ propter denarios de cantera, et carrubas, et grana; et si fuerint denarii de cantera auri, studebis habere tantum $\frac{10}{16}$ propter carrubas et grana; et si fuerint carrubbe auri, uel alicuius rei carioris, studebis habere tantum $\frac{1}{4}$ in uirgula propter grana; et si fuerint uncie argenti, sufficit ut habeas tantum $\frac{1}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{8}$ propter denarios et carrubas, ut in prescripta questione ordinalimus. Et si fuerint denarii de cantera argentum, sufficit ut habeas tantum $\frac{1}{4}$ propter carrubas; et si fuerint marce argenti, studebis habere $\frac{1}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{8}$ propter uncias, et denarios, et carrubas; et sic debet fieri de omnibus aliis rebus, secundum diuersitatem ponderum, et partium eorum, et secundum consuetudinem et ordinem illarum prouinciarum, in quibus hoc operari debueris. Vnde, si hoc quod dictum est optime consideraueris, habebis in una multiplicatione, et in una diuisione hoc quod tibi necessarium fuerit in rebus quesitis; et ne tradas obliuioni seruare ea, que quandoque habueris in diuisione ex parte, uel ex partibus prescriptorum numerorum, quod in capite uirgularum ponere indigebis et commiscere eam, uel eas cum his, que deficient tibi ex illis numeris, et multiplicare cum eisdem. Verbi gratia: ponamus quod oporteat te habere $\frac{1}{12}$ in capite uirgule propter denarios, uel uncias, et habebis ex eo $\frac{1}{4}$ in diuisione; minuit ergo tibi $\frac{1}{2}$, quas commisces in simul, faciens ex eis $\frac{1}{12}$, quam habebis in capite uirgule; et multiplica his totam summam per 2 propter $\frac{1}{2}$ que minuit tibi. Nam si ex diuisione, in qua diuidere debueris totum hoc, quod in capite uirgule tibi necessarium fuerit, comprehendere poteris, studebis illud comprehendere; et pone illud in capite uirgule. Verbi gratia: oportet nos habere $\frac{1}{12} \frac{0}{10}$ propter solidos et denarios; et debemus diuidere summam per $\frac{1}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{12}$; commiscemus ergo $\frac{1}{8}$ cum $\frac{1}{12}$, et faciemus ex eis $\frac{1}{24}$; deinde commiscemus $\frac{1}{8}$ cum $\frac{1}{2}$, et faciemus ex eis $\frac{1}{4} \frac{0}{12}$; et sic habebimus in uirgula $\frac{1}{4} \frac{0}{12} \frac{0}{12}$, quod tantum est, quantum $\frac{1}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{8} \frac{0}{12}$.

Rvrsus si nihil habueris in diuisione ex hoc, quod in capite uirgule tibi necessarium fuerit, multiplicabis totam summam per hoc quod oportuerit te habere in capite uirgule, et super addes diuisioni hoc quod debes habere in capite uirgule. Verbi gratia: ponamus quod debeamus diuidere 221 per $\frac{1}{14} \frac{0}{14}$; et oportet nos habere $\frac{1}{14} \frac{0}{14}$ in capite uir-

61. 43. verso.

61. 43. verso.

gule propter caratos; multiplicabis 321 per 3, et per 8, hoc est per 24; et hoc est facere caratos de bizantiis 321; et diuides per $\frac{1}{41} \frac{8}{2} \frac{2}{14}$; et sic intelligas de reliquis: et nos in sequentibus singula singulariter explanamus.

De marca argenti.

Si marca argenti, hoc est uncie 8, uendatur pro libris 5; et queratur quantum ualeant uncie 2: describe in questione uncias sub uncis, scilicet 2 sub 8, ut hic ostenditur, et multiplicabis 2 per 5, que sunt ex aduerso, erunt 10; que diuides per 8, exibit libre $\frac{5}{4}$, hoc est soldi 25, ut in questione ostenditur: uel aliter, quia uncie 2 sunt $\frac{1}{4}$ pars unius marce; scilicet de uncis 8 accipe $\frac{1}{4}$ pretii marce, uidelicet de libris 5, erunt soldi 25, ut pre diximus.

De eodem.

Et si eadem ratione quereris, quantum argentum habueris pro libris 2, describes pretium sub pretio, uidelicet 2 sub 5; et multiplicabis 2 per 8, erunt 16; et diuides per 5, exibunt uncie $\frac{16}{5}$ 3, hoc est uncie 3, et denarii 5 de cantera; quia eodem est uncia marce et libre.

Item marca pro libris 4, et soldis 12, hoc est pro libris $\frac{15}{12}$ 4; quantum ualent uncie $\frac{2}{3}$ 3: describe questionem, ut hic ostenditur, et multiplica $\frac{2}{3}$ 3 per $\frac{15}{12}$ 4, et diuides per 8, hoc est 15 per 92, que faciunt 1295; et diuide per $\frac{1}{4} \frac{9}{21}$; sed ut habeas 15 post 20 in uirgula, comisce $\frac{1}{4}$, que est in uirgula cum $\frac{1}{4}$, et habebis 12; et multiplica 1295 per 3, et diuide summam per $\frac{1}{4} \frac{7}{12} \frac{6}{21}$, et pone 2 super 5, ut melius memorie commendentur propter probam, exibunt libre $\frac{6}{11} \frac{1}{12}$ 2.

De eodem.

Item marca argenti uenditur pro libris $\frac{1}{12} \frac{7}{26}$ 4; et queratur quantum ualeant uncie 5, et denarii 11 de cantera, hoc est uncie $\frac{11}{21}$ 5: describe questionem sic; et multiplica 4 per summ uirgulum, erunt denarii 1049; quos pone desuper, et multiplicabis uncias 5 per 25, et addes 11, erunt denarii de cantera 126; et multiplicabis 126 per 1049, et diuides per 5, et per omnes ruptos, et ordinabis $\frac{1}{11} \frac{7}{20}$ in capite uirgule: ideo quia numerus qui est super uacuum, in quo debemus ponere summam, est numerus librarum, exibunt libre $\frac{2}{19} \frac{5}{12} \frac{7}{12} \frac{11}{22}$ 2.

De eodem.

Si marca argenti uenditur pro libris 5, et soldis 7, et denariis 9, hoc est libris $\frac{7}{12} \frac{7}{21}$ 5; et queratur quantum ualeant uncie 3, et denarii 12 de cantera, et carrube 5, hoc est uncie $\frac{5}{12} \frac{7}{21}$ 3; describes questionem, ut hic cernitur; et multiplicabis $\frac{5}{12} \frac{7}{21}$ 3 per $\frac{8}{12} \frac{7}{21}$ 5, et diuides per 8, exibunt libre $\frac{7}{14} \frac{8}{10} \frac{16}{12} \frac{7}{22}$ 2.

De eodem.

Item marca uenditur pro libris $\frac{4}{8} \frac{2}{3}$ 5; et queratur quantum ualeant denarii 7 de cantera, et carruba 1, hoc est $\frac{1}{2} \frac{7}{21}$ unius uncie, describes questionem sic; et multiplica $\frac{7}{21}$ 7 per $\frac{1}{2} \frac{2}{3}$ 5, et diuides per 8, exibunt $\frac{1}{2} \frac{7}{3} \frac{11}{12} \frac{11}{20}$ unius libre.

Item marce $\frac{1}{2}$ 7 pro libris $\frac{1}{2}$ 31; et quantum ualeat ergo marce $\frac{1}{2}$ 9: describes questionem sic; et multiplicabis 7 per 4, et addes 1, erunt 29; et multiplicabis 21 per 3, et addes 1, erunt 64; et 9 per 3, et addes 2, erunt 47; et multiplicabis 47 per 64; que per 4, que sunt sub 29, erunt 1752; et diuides per 29, et per alios ruptos, scilicet per 2, et per 5, que sunt sub uirgulis: sed quia scimus quod summam que exierit erit

* Et marca . . . pre diximus . . .
lib 45 uero, lin. 7-10; pag. 109,
lin. 8-10.

l.	l. u.
5	N
	l. u.
$\frac{1}{2}$ 1	2

* Et si . . . De eodem * (64,
45 uero, lin. 11-15; pag. 109,
lin. 16 — pag. 110, lin. 7).

90	l.	3
		l. u.
$\frac{11}{20}$ 4		5
		15
d. r. l.		$\frac{1}{2}$ 2
$\frac{1}{12}$ 3		
$\frac{1}{12}$ 3		

1040	l.	l. u.
		5
$\frac{1}{12}$ 7		4
		136
pross est 6 per 7		
d. r. l.		$\frac{11}{21}$ 5
$\frac{2}{12}$ 3		
$\frac{1}{12}$ 3		

1903	l.	l. u.
		5
$\frac{5}{12}$ 2		8
		523
d. r. l.		$\frac{7}{12}$ 5
$\frac{8}{12}$ 3		
$\frac{1}{12}$ 3		

248	l.	l. u.
		5
$\frac{1}{2}$ 5		43
d. r. l.		$\frac{1}{2}$ 7
$\frac{8}{12}$ 3		
$\frac{1}{12}$ 3		

94	l.	29
		l. u.
$\frac{1}{2}$ 31		1
		47
d. r. l.		$\frac{7}{9}$ 9
$\frac{7}{12}$ 3		
$\frac{1}{12}$ 3		

summa librarum; ideo quia locus, in quo debemus ea describere, est sub libris, uidelicet sub $\frac{1}{10}$ 31: unde oportet nos habere $\frac{4}{10} \frac{0}{10}$ in capite uirgule ut habeamus soldos, et denarios post libras. Sed quia ex $\frac{4}{10}$ non habemus nisi $\frac{1}{2}$, scimus quia minuit nobis ex ipsa $\frac{1}{2}$: et quia de $\frac{4}{10}$ non habemus nisi $\frac{1}{2}$, scimus quia minuit nobis ex ipsa alia $\frac{1}{2}$: ergo minuit nobis 16 inter utramque; quod ponas super 29, et multiplicabis 17672 per 16, et diuides summam per $\frac{4}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt libris $\frac{7}{16} \frac{8}{16} \frac{16}{16}$ 40.

De eodem.

Nam si eadem ratione quereris quantum argentum quis pro libris $\frac{1}{2}$ 9 habuerit; describes questionem sic, et multiplicabis 47 per 29; que per 2, et diuides per regulam de 94; que per $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$, et per alios raptos, uidelicet per 4, et per 3 tantum reliques quod non multiplicabis 47, nec diuides per 47: ergo multiplicabis tantum 29 per 2, que sunt sub uirgula post 31, erunt 57; que diuides per $\frac{1}{10}$, et per $\frac{1}{10}$, quod remanet de regula 94, hoc est per $\frac{10}{10}$. Sed scimus quia hoc quod exierit ex diuisione erit summa marcarum; ideo quia locus, in quo eam ponere debemus, est sub marcis, uidelicet sub $\frac{1}{4}$ 7: unde oportet nos habere in capite uirgule $\frac{1}{5} \frac{0}{5} \frac{0}{5}$ propter uncias, et denarios, et carrubas, ex quibus habemus in diuisione $\frac{1}{5} \frac{0}{5}$; ergo minuit nobis $\frac{1}{5} \frac{0}{5}$, hoc est 50, per que debemus multiplicare 57, ut habeamus $\frac{1}{5} \frac{0}{5} \frac{0}{5}$ in diuisione. Sed quia in prescripta diuisione rupti sunt tantum ex partibus marce, uidelicet $\frac{1}{5} \frac{0}{5}$, non oportet aliud, nisi ut diuidantur 57 per $\frac{1}{5} \frac{0}{5}$, exhibunt marce $\frac{5}{5} \frac{1}{5}$ 2, hoc est marce 2, et uncia 1, et denarii 10 de cantera.

De uncia auri pisana.

Si uncia pisana auri uel tarenorum, que denarios 25 de cantera ponderat, uendatur pro libris 4; et queratur quantum ualeant denarii 17 de cantera eiusdem auri: describes in questione 17 sub 25; ideo quia sunt unius generis, uidelicet auri, et unius ponderis, scilicet denariorum; et multiplicabis libras 4 per 17; quia sunt ex aduerso, erunt libris 68: multiplica 68 per 48, que minuunt nobis de $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$; ideo quia non habemus ex ipsa nisi tantum $\frac{1}{2}$; et diuides summam per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt libris $\frac{4}{10} \frac{16}{10} \frac{24}{10}$ 9, ut in hac questione ostenditur.

De eodem.

Item eadem uncia uenditur pro libris $\frac{3}{10}$ 4; et queritur quantum ualeant denarii 9, et carrubbe 5, hoc est denarii $\frac{2}{10}$ 9: describe questionem, et multiplica $\frac{2}{10}$ 4 per $\frac{1}{10}$ 9, et diuides per 25, hoc est multiplica 83 per 20, erunt 4897; que diuides per 25, et per raptos, hoc est per 6, et per 20: sed ut habeas $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$ in uirgula, multiplica 4897 per 2, que minuunt nobis de $\frac{1}{10}$; ideo quia nos habemus $\frac{1}{10}$ ex ipsa diuisione, erunt 9794; que diuides per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt libra $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{16}{10}$ 1, hoc est soldi 22, et denarii $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$ 7, ut in questione ostenditur.

Item eadem uncia uenditur pro libris $\frac{3}{10} \frac{1}{10}$ 4; quantum ualent ergo denarii 11, et carrubbe 4, et grana 3, hoc est denarii $\frac{11}{10}$ 11: describes questionem, ut hic ostenditur, et multiplicabis $\frac{3}{10} \frac{1}{10}$ 4 per $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$ 11, et diuides per 25, exhibunt libris $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{16}{10}$ 2, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Item eadem uncia uenditur pro libris $\frac{1}{2}$ 4; et queratur quantum ualent uncie 12, et denarii 14, et carrubbe 5, et grana 3, hoc est uncie $\frac{2}{10} \frac{14}{10}$ 12: quia queritur in hac pretium unciarum, debemus describere 1 pro uncea uenditionis, ut hic ostenditur, et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 4 per $\frac{1}{10} \frac{14}{10}$ 12, et diuides per 1, exhibunt libris $\frac{1}{10} \frac{14}{10} \frac{16}{10}$ 58.

Nam si ... sub uirgula ... (fol. 43 verso, lin. 16-20; pag. 110, l. 8-14).

94	29	Mar.
31		
47		$\frac{1}{2}$ 7
0		$\frac{7}{10} \frac{1}{10}$ 2

fol. 46 recto.

... non ut ... denarii ... (fol. 46 verso, lin. 4-24; pag. 110, l. 18 - pag. 111, l. 8).

48	d. pte.	48
25		25
17		17
52	d. pte.	52
25		25
59		59
9		9
5099	d. pte.	5099
25		25
863		863
11		11
13	Fac.	13
1		1
8152		8152
58	Fac.	58
12		12

Item uncia uenditur pro libris $\frac{3}{10}$ 4; et queratur quantum quis pro libris 3 ex ipsa uncia habuerit: describes questionem sic, et multiplicabis 3 per 25, erunt 75; que diuides per $\frac{3}{10}$ 4, hoc est multiplicabis 75 per 20 de uirgula, que faciunt 1500; et diuides per 89, exhibunt denarii de cantera $\frac{16}{89}$ 16; de quibus $\frac{16}{89}$, si carrubbas facere uolueris, multiplica 76 per numerum carrubarum unius denarii, scilicet per 6, erunt 456; que diuide per 89, exhibunt carrubbe $\frac{51}{89}$ 5. Nam si secundum maiorem magisterium hoc facere uolueris, multiplica 1500 per 6 propter carrubbas; que per 4 propter grana, erunt 36000; que diuide per $\frac{1}{10} \frac{3}{4} \frac{5}{8}$, exhibunt denarii de cantera $\frac{1}{10} \frac{3}{4} \frac{5}{8}$ 16, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Nam si eadem ratione quereretur quantum pro soldis 3 habueris, fac seldos de libris $\frac{3}{10}$ 4, erunt soldi 89; sub quibus pone seldos 3 in questione; et multiplicabis 3 per 25, erunt 75; que multiplicabis per 21 ut habeas carrubbas, et grana in uirgula; et diuides summam per $\frac{1}{10} \frac{3}{4} \frac{5}{8}$, exhibunt $\frac{25}{10} \frac{3}{4} \frac{5}{8}$, hoc est carrubbe 3 et $\frac{25}{89}$ unius grani, ut in questione ostenditur.

Quidam uoluit emere argentum commixtum cum stagno, quod uulgariter argentum falsum appellatur. Quod cum nesciret, quantum argentum purum esset in libris illius commixti argenti, cepit ex eo granulum unum, cuius pondus fuit carrubbe 3, et grana $\frac{1}{2}$ 2, hoc est carrubbe $\frac{3}{2}$ 5; et posuit super ignem, ut a stagno purgaretur argentum: et cum hoc factum esset, inuenit ibi ex argento puro carrubbas 2, et grana $\frac{1}{2}$ 2, hoc est carrubbas $\frac{3}{2}$ 2; queritur quantum argentum purum erat in libris illius commixti argenti. Primum quidem notandum est, quia cum carrubbe $\frac{3}{2}$ 5 sunt ex eodem pondere cum carrubbis $\frac{3}{2}$ 2; ergo sicut in carrubbis $\frac{3}{2}$ 5 illius commixti argenti sunt carrubbe $\frac{3}{2}$ 2 puri argenti, ita in denariis $\frac{3}{2}$ 5 commixti argenti, erunt denarii $\frac{3}{2}$ 2 puri. Et in uncis $\frac{3}{2}$ 5 commixti, erunt uncie $\frac{3}{2}$ 2 puri: similiter et in libris $\frac{3}{2}$ 5 commixti argenti erunt libree $\frac{3}{2}$ 2 puri argenti. Quare cum in hac questione queratur de libris, hoc est de uncis 12, pones in questione quod in uncis $\frac{3}{2}$ 5 commixti argenti sint uncie $\frac{3}{2}$ 2 puri: deinde describes uncias 12 sub uncis $\frac{3}{2}$ 5, hoc est commixtum argentum sub commixto, ut hic ostenditur; et multiplicabis $\frac{3}{2}$ 2 per 12, et diuide per $\frac{3}{2}$ 5; et euitabis hoc, quod inde euitari poteris, exhibunt uncie $\frac{3}{2}$ 5; et tantum argentum purum fuit in superscripta libra. Et scias quia per hanc materiam potes cognoscere quantum argentum purum fuerit in qualibet quantitate cuiuslibet bolsone; cum sciueris quantum argentum fuerit in solo eiusdem bolsone, uel per unciam, uel in libris, uel in alia qualibet quantitate.]

*Incipit pars tertia octaui capituli de uenditione cannarum,
et primum de canna pisana.*

Canna pisana est palmorum 12, uel brachiorum 4: canna autem lanue, ut dictum est, palmorum 2. Canna itaque prouincie, et sicilie, et surie, et constantiopolis sunt unius mensure, scilicet palmorum 8; et nos prius de uenditione pisane canne dicamus.

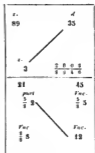
De canna.

Si canna pisana, que est brachia 4 cuiuslibet panni, uendatur pro soldis 7; et queratur quantum ualeat brachium 1, describe questionem ut hic ostenditur: multiplica ergo 7 per 1, et diuide per 4, exhibunt soldi $\frac{7}{4}$ 1, hoc est denarii 21. Nam si quereretur pretium unius palmi, eadem ratione describe in questione palmos canne, uidelicet 10, sicuti modo descripsimus, brachia 4 pro canna; et hoc semper debes considerare, ut

* de eadem ... dicitur ... fol. 46 recto, linc. 23-25, pag. 111, linc. 9-10.



* quantum ... dicitur ... fol. 46 recto, linc. 23-25, pag. 111, linc. 16-17.



* Canon ... $\frac{19}{17}$ dec. (fol. 46 verso, l. 2-10; pag. 111, l. 23 - pag. 112, l. 12).

$\frac{7}{1}$	bra.	4
$\frac{7}{1}$	bra.	1
$\frac{7}{1}$	pat.	10
$\frac{7}{1}$	pat.	1
$\frac{557}{10}$	bra.	4
$\frac{3}{10}$	bra.	3
$\frac{11}{10}$	bra.	24
109	bra.	4
$\frac{10}{10}$	bra.	11
$\frac{1215}{10}$	bra.	4
$\frac{7}{10}$	bra.	4
$\frac{1215}{10}$	bra.	3
$\frac{1215}{10}$	bra.	27
$\frac{1}{10}$	bra.	2
$\frac{1215}{10}$	bra.	3
$\frac{1215}{10}$	bra.	4
$\frac{1215}{10}$	bra.	281
$\frac{1}{10}$	bra.	6
$\frac{1215}{10}$	bra.	63
$\frac{47}{1}$	pat.	9
$\frac{1}{1}$	pat.	3
$\frac{1}{1}$	pat.	2
$\frac{787}{10}$	pat.	8
$\frac{7}{10}$	pat.	15
$\frac{3}{10}$	pat.	3
tar.	pat.	8
19	pat.	8
tar.	pat.	2
4	pat.	2
407	pat.	8
$\frac{10}{10}$	pat.	23
$\frac{1}{10}$	pat.	7
$\frac{1}{10}$	pat.	3

sicuti scribes in questione similem mercem sub simili merce, sic describas similes mensuras sub simili mensura, et simile pondus sub simili pondere, hoc est cannas sub cannis, et brachia sub brachiis, et palmos sub palmis, et cantaria sub cantariis, et rotulus sub rotulis; et sic intelligas de ceteris.

Item canna venditur pro soldis 46, et denariis 3, hoc est soldis $\frac{9}{17}$ 46; quantum ualent ergo brachia 3: multiplicabis 46 per 12, et addes 3, erunt denarii 557; quod multiplicabis per 3, et diuides per 4, et per 12, que sunt sub uirgula, hoc est per $\frac{1}{4} \frac{1}{12}$ exhibunt soldi $\frac{8}{4} \frac{6}{12}$ 24.

De eodem.

Item canna uenditur pro libris $\frac{5}{10}$ 5; et queratur quantum ualeant brachia $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ 2, hoc est brachia $\frac{5}{4}$ 2: describes questionem ut hic ostenditur; et multiplica $\frac{1}{4}$ 2 per $\frac{5}{10}$ 5, et diuide per 4, hoc est multiplicabis 11 per 109, erunt 1199; que diuides per 4 uenditionis, et per ruptos duorum reliquorum numerorum, scilicet per 4, et per 10: sed cum debas habere $\frac{5}{10}$ post $\frac{1}{4}$ sub uirgula diuisionis, multiplicabis 1199 per 3, erunt 3597; que diuides per $\frac{1}{4} \frac{1}{10}$ exhibunt libre $\frac{4}{4} \frac{11}{10} \frac{11}{10}$ 2.

De eodem.

Item eadem canna uenditur pro libris $\frac{7}{10}$ $\frac{5}{10}$ 5; et queratur quantum ualeant brachia $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ 3, hoc est brachia $\frac{7}{4}$ 3: describes questionem, et multiplicabis 3 per suam uirgulam, erunt 1315. Item multiplicabis 3 per suam uirgulam, erunt 37; que multiplicabis per 1315, et diuides per uenditionem, uidelicet per 4, et per omnes ruptos, exhibunt libre $\frac{1}{4} \frac{3}{10} \frac{12}{10}$ 4.

Item canna uenditur pro libris $\frac{7}{10}$ $\frac{5}{10}$ 5; et queratur quantum ualeant canne 11, et brachia $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ 3, hoc est canne $\frac{8}{4}$ 11: et ut dicamus pulcrius, describemus cannas $\frac{11}{12}$ 11; quia in hac questione queritur pretium cannarum; uel de ipsis cannis facies brachia, uel de brachiis 4 facies unam cannam 1. In hac autem describamus brachia 4 pro uenditione canne, ut hic ostenditur; et de cannis 11, et brachiis $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ 3 facies brachia, eruntque brachia $\frac{9}{4}$ 47; que pones in questione sub brachiis 4; et multiplicabis $\frac{9}{4}$ 47 per $\frac{7}{10}$ $\frac{5}{10}$ 5, et diuides per 4, exhibunt libre $\frac{9}{4} \frac{9}{12} \frac{6}{10}$ 63, ut in questione ostenditur.

De canna Ianue.

Item canna ianue, que est palmi 9, uenditur pro soldis 11, et denariis 9, hoc est soldis $\frac{2}{1}$ 11; et queratur quantum ualeant palmi $\frac{1}{2}$ 2: describes questionem, ut hic ostenditur, et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 2 per $\frac{2}{1}$ 11, que sunt ex aduerso, et diuides per 9, exhibunt soldi $\frac{1}{1}$ $\frac{5}{11}$ 2. Et scias quia quot soldos ualet canna ipsa, tot denarios cum totidem tertiis ualet palmus.

De canna prouincie.

Canna prouincie, que est palmi 8, uenditur pro libris $\frac{7}{10}$ $\frac{5}{10}$ 3; et queratur quantum ualeant palmi $\frac{1}{2}$ 2: describes questionem, et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 2 per $\frac{7}{10}$ $\frac{5}{10}$ 3, et diuides per 8, ordinans $\frac{1}{10}$ $\frac{5}{10}$ in capite uirgule diuisionis: ideo quia locus, in quo ponenda est summa, est sub libris, scilicet sub $\frac{7}{10}$ $\frac{5}{10}$ 3, exhibunt libre $\frac{1}{4} \frac{1}{10} \frac{11}{10}$ 1. Et scias quia quot soldos ualuerit ipsa canna, tot denarios cum totidem modis denariis ualebit palmus. Verbi gratia: cum canna ualet soldos 14, palmus ualet denarios 14 cum totidem obulis, hoc est denarios 21.

De canna Sicilie.

Canna Sicilie, cuius longitudo est palmi 8, uenditur pro tarenis 19; et queratur quantum

ualeant palmi 2: describe questionem, ut hic ostenditur, et multiplicabis 2 per 19, erunt 38; que diuides per 8, exhibunt tarenis $\frac{1}{2}$ 4. Vel aliter: quia palmi 2 sunt quarta pars unius canne, scilicet de palmis 8 accipe quartum de tarenis 19, exhibunt tarenis $\frac{1}{2}$ 4, ut precepsimus.

De eodem.

Rursum eadem canna uenditur pro tarenis 23, et granis 7, hoc est pro tarenis $\frac{1}{20}$ 23; et queratur quantum ualeant palmi $\frac{1}{2}$ 2: describes questionem, et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 2 per $\frac{1}{20}$ 23, et diuides summam per 8, exhibunt tarenis $\frac{1}{2}$ $\frac{7}{8}$ 10, hoc est tarenis 10, et grana $\frac{1}{2}$ 4.

De eodem.

Item eadem canna uenditur pro tarenis $\frac{1}{2}$ 25; et queratur quantum ualeant canne 9, et palmi $\frac{1}{2}$ 5, hoc est canne $\frac{1}{2}$ 9: describe questionem sic, et multiplica 25 per suam uirgulam, erunt 109; et 9 per suam uirgulam, erunt 309: deinde multiplica 109 per 309, erunt 33909; que diuide per 1, et per ruptis, hoc est per $\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$. Sed quia locus, in quo ponenda est summa diuisionis, est sub tarenis, uidelicet $\frac{1}{4}$ 25, debemus habere $\frac{1}{20}$ in capite uirgule propter grana; quod $\frac{1}{20}$ non possumus in prescripta diuisione habere, scilicet in $\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$; ideo quia minuit nobis $\frac{1}{4}$ ex ipsa $\frac{1}{20}$; unde describe in questione 5 super 1, ut melius habeatur memorie cura probaueris; et multiplicabis 33909 per 5, et diuide per $\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$ 25, exhibunt tarenis $\frac{1}{4}$ $\frac{6}{8}$ 243, hoc tarenis 243, et grana $\frac{1}{4}$ 2 16.

De canna garbi.

Canna garbi, que est similiter palmi 8, uenditur pro bizantiis 4, et miliarensibus 7, hoc est pro bizantiis $\frac{1}{10}$ 4; et queratur quantum ualeant palmi $\frac{1}{2}$ 2: describes questionem sic, et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 2 per $\frac{1}{10}$ 4, et diuides per 8, exhibunt bizantiis $\frac{1}{2}$ $\frac{6}{10}$ 1, ut in questione ostenditur, hoc est bizantius 1, et miliarenses $\frac{3}{4}$ 2.

De eodem.

Item eadem canna uenditur pro bizantiis $\frac{1}{2}$ 5; et queratur quantum ualeant canne $\frac{1}{2}$ 11: describe questionem sic, et multiplica 5 per 4, et adde 5, erunt 25, que pone super $\frac{1}{2}$ 5; et multiplicabis iterum 11 per suam uirgulam, erunt 22; et multiplicabis 22 per 25, erunt 559; que diuide per ruptos, uidelicet per $\frac{11}{21}$, hoc est per 8, et per 1; cuius diuisio cum nichil operetur, computanda non est, exhibunt bizantiis $\frac{1}{2}$ 66: de qua $\frac{1}{2}$, si miliarenses facere uis, multiplica 1, quod est super 8, per 10; ideo quia bizantius 1 est miliarenses 10, erunt 10; que diuide per 8, exhibit miliarensis $\frac{1}{2}$ 1: uel aliter; quia locus, in quo ponenda est summa, est sub bizantiis garbi, oportet nos habere $\frac{1}{2}$ in capite uirgule propter miliarenses: quare multiplica 529 per 10, hoc est quod ante ponas eis 0, erunt 5290; que diuide per $\frac{11}{21}$, exhibunt bizantiis $\frac{1}{2}$ 66, ut superius, ut ita in questione demonstratur. Et secundum hec que diximus de canna garbi potes intelligere de omnibus rebus, que in eadem regione uenduntur per eosdem bizantios.

De eodem.

Item eadem canna uenditur pro bizantiis 4, et karatis 12, hoc est pro bizantiis $\frac{1}{2}$ 4; et queratur quantum ualeant canne 7, et palmi 2, hoc est canne $\frac{1}{2}$ 7: describe questionem sic, et multiplica $\frac{1}{2}$ 2 per $\frac{1}{2}$ 7, et diuides per 1, exhibunt bizantiis $\frac{7}{2}$ 23.

De balla fustancorum.

Ballu fustancorum, que est petiarum 40, uenditur pro libris 37; et queratur quantum ualeat petra una: describe questionem sic, et multiplica 1 per 37, erunt 37; que diuide

ind. 47 recte

que mensura... bizantio...
ind. 47 recte, lin. 1-13, pag.
112, in. 16-40.

101	tar.	can.
$\frac{1}{2}$ 25		209
grana tar.	can.	
$\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$ 243		$\frac{1}{4}$ 2

476	2	pal.
$\frac{2}{10}$ 4		8
mil. b.		0 pal.
$\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$ 1		$\frac{1}{2}$ 2

23	d.	5
$\frac{1}{2}$ 5	can. 1	
mil. b.		23 can.
$\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$ 66		0 11

109	h.	can.
$\frac{11}{14}$ 4		1
can.		59 can.
$\frac{1}{4}$ $\frac{9}{2}$ 23		$\frac{1}{2}$ 7

- De ballis... quæta una * (fol. 47 recto, lin. 16-23; pag. 113, lin. 41 — pag. 114, lin. 4).

<i>l.</i>	<i>pres.</i>
37	40
/	
<i>d. s. d.</i>	
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$

- Item ballis... quæta una * (fol. 47 recto, lin. 21-24; pag. 114, lin. 5-11).

769 <i>l.</i>	<i>pres.</i>
$\frac{9}{10}$	38
/	
<i>d. s. d.</i>	
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$

- Si torsellus... de codem * (fol. 47 recto, lin. 25-28; pag. 114, lin. 12-18).

<i>l.</i>	<i>con.</i>
55	69
/	
$\frac{7}{10}$	$\frac{11}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$

- Item si... quæta una * (fol. 47 recto, lin. 29-36; pag. 114, lin. 19-21).

<i>l.</i>	<i>con.</i>
35	60
/	
<i>d. s. d.</i>	
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$

479 <i>l.</i>	<i>con.</i>
$\frac{9}{10}$	37
/	
<i>d. s. d.</i>	
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$
$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$

- De quibus... quæta una * (fol. 47 recto, lin. 37-41; pag. 114, lin. 21-26).

<i>incr.</i>	<i>capital.</i>
42	152
/	
$\frac{6}{10}$	$\frac{6}{10}$
$\frac{6}{10}$	$\frac{6}{10}$
$\frac{6}{10}$	$\frac{6}{10}$

per regulam de 40, scilicet per $\frac{1}{4} \frac{0}{10}$, uel per $\frac{1}{2} \frac{0}{20}$; quod est melius hic; ideo quia locus, in quo ponenda est summa, est sub libra, uidelicet sub 37, exhibit $\frac{1}{2} \frac{0}{20}$, hoc est soldi $\frac{1}{2}$ 18; et ex hoc quidem manifestum est, quod quot libre fuerint in medietate pretii ballæ, tot soldos ualet pretia una.

Item balla uenditur pro libra $\frac{0}{10}$ 38; et queratur quantum ualeant pretia 3: describe questionem sic, et multiplica 28 per suam uirgulam, erunt 784; que multiplica per 3, que sunt eis ex aduerso, erunt 2352; que diuide per regulam de 40, et per 50, que sunt sub uirgula, hoc est $\frac{1}{4} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$. Sed prius multiplica 2352 per 3, que minuunt nobis de $\frac{1}{4} \frac{0}{10}$, quam debemus habere in uirgula post 30, erunt 6921; que diuide per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt libre $\frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 2.

De torsello.

Si torsellus, qui est canne 60 prouincie, hoc est de palmis 8, uenditur pro libra 35; et queratur quantum ualeat canna una: describe questionem, et multiplica 1 per 35, et diuide per regulam de 60, que est $\frac{1}{6} \frac{0}{10}$, uel $\frac{1}{3} \frac{0}{20}$, quod est melius hic; ideo quia indigemus habere $\frac{1}{10}$ in capite uirgule, exhibit $\frac{2}{10} \frac{11}{10}$, hoc est denarii 11, et denarii 8. Et ex hoc manifestum est, quod quot fuerint libre pretii torscelli, tot tertias unius soldi ualet canna una.

De eodem.

Item si eadem ratione queres quantum ualeat palmus, facies de palmo partem unius canne, eruntque $\frac{1}{2}$: describe ergo questionem sic, et multiplica 1, quod est super 8, per 35; que diuide per 60, et per 8, que sunt sub uirgula, coaptans ea sic $\frac{1}{4} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibit $\frac{2}{10} \frac{11}{10}$, hoc est denarii $\frac{1}{2}$ 17. Ex hoc ergo manifestum est, quia quot libras ualet torscellus, tot obulos ualet palmus.

Item torsellus uenditur pro libra $\frac{0}{10}$ 37; et queratur quantum ualeant canne 8, et palmi $\frac{1}{2}$ 3, hoc est canne $\frac{1}{8} \frac{0}{10}$: describe questionem sic, et multiplicabis $\frac{1}{4} \frac{0}{10}$ per $\frac{0}{10}$ 37, et diuides per 60, exhibunt libre $\frac{1}{4} \frac{0}{10} \frac{11}{10}$ 5, ut in questione ostenditur.

De societatibus.

Quamuis in decimo huius libri capitulo, qualiter lucrum enticarum inter socios diuidendum sit, debeamus ostendere; tamen qualiter hoc idem, secundum suprascriptum negotiandi modum, fieri debeat, ad presens uolumus demonstrare: ut hoc dupliciter demonstrato, promptiores audientium animos reddat. Preponimus hoc itaque de quodam, qui habuerit in sua botica libras 152, cum quibus lucratus fuit libras 56; et queritur quot ex ipso lucro unicuique sociorum suorum per libram reddere debeat. Primum quidem, secundum pisanam consuetudinem, de suprascripto lucro quartam partem debemus auferre; cum ipsa sit tractoratoris, remanent libre 42. Quare describe in questione, quod libre 152 capitalis lucrata fuerunt libras 42; et pones 1, uidelicet libras sub 152, ut in hac questione demonstratur; et multiplicabis numeros, qui sunt ex aduerso, scilicet 1 per 42, erunt 42, que debes diuidere per regulam de 152, que est $\frac{1}{15} \frac{0}{10}$; sed ut habeam $\frac{1}{12} \frac{0}{10}$ in capite uirgule, multiplica summam, scilicet 42 per 30 propter trigesimam, que minuit nobis de ipso $\frac{1}{12} \frac{0}{10}$, erunt 1260; que diuide per $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt $\frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 5, hoc est soldi 5, et denarii 6, et fere tertiam unius denarii partem: uel aliter secundum vulgarem modum: reperta regula de 152, que est $\frac{1}{6} \frac{0}{10}$, diuides lucrum, uidelicet libras 42 per 8, exhibunt libre 5, et soldi 5, qui sunt soldi 105; quos diuide per 19, exhibunt soldi 5, et denarii $\frac{1}{10}$ 6, ut prediximus. Nam si suprascripta ratione inuenire uolueris quod euenerit

de ipso lucro ei, qui libras 13 in ipsa habuerit, etiam sic facies: multiplica 13 per portionem lucri unius libre, scilicet per solidos 5, et denarios $\frac{2}{9}$ 8; que multiplicatio secundum vulgarem modum sic fit: multiplica primum 13 per solidos 5, erunt soldi 65; cum quibus adde multiplicationem de denariis 8 in 13, hoc est solidos 6, et denarios 6, erunt libre 2, et soldi 11, et denarii 6. Cum quibus iterum adde multiplicationem de $\frac{2}{9}$ in 13, hoc est denarios $\frac{2}{9}$ 4, erunt libre 3, et soldi 11, et denarii $\frac{2}{9}$ 10.

Utrum si hoc idem secundum artem reperire desideras, describes questionem, ut hic ostenditur; et multiplica 13 per 42, que sunt ex aduerso, erunt 546; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$. Sed ut habeas $\frac{1}{2} \frac{0}{10}$ in capite uirgule, multiplica 546 per 30, et diuides summam per $\frac{1}{10} \frac{12}{20}$, exhibunt libre $\frac{3}{10} \frac{12}{20}$ 3, ut superius per vulgarem modum inuenimus.

De eodem.

Item quidam habuit in henticis libras $\frac{11}{10}$ 253, cum quibus lucratus fuit ultra suam quartum proficuum, libras $\frac{2}{10}$ 63; queritur quid per libram unicuique sociorum suorum reddere debeat: describe questionem, et multiplica 1 per $\frac{11}{10}$ 63, et diuide per $\frac{1}{2}$ 253, hoc est multiplicabis 1 per 1271, que per 2, que sunt sub uirgula post 253, erunt 2542; que diuide per 50, et per 20: tamen multiplica prius 2542 per 4, ut habeas $\frac{1}{2}$ post $\frac{1}{10}$ in diuisione, exhibunt $\frac{1}{10} \frac{8}{10} \frac{0}{20}$, hoc est soldi 5, et parum minus de $\frac{1}{4}$ unius denarii.

De eodem.

Et si hoc quod accidit de suprascripto proficuo cuidam, qui in suprascripta hentica habuerit bizantios $\frac{2}{12} \frac{2}{12}$ 12, scire uolueris; describe questionem, et multiplicabis libras 12 per suam uirgulam, erunt 3099; que multiplicabis per 1271; que per 2, que sunt sub uirgula; et diuide summam per 507, et per omnes ruptos reliquorum duorum numerorum: tamen euitabis inde quod non multiplicabis per 2, ut non diuidas per 2, que sunt in regula de 20, exhibunt libre $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{12}{20} \frac{2}{20}$.

De eodem.

Item quidam habuit in henticis libras $\frac{11}{10}$ 712, cum quibus lucratus fuit ultra suam quartum proficuum libras $\frac{11}{10} \frac{12}{20}$ 217; et queratur iterum quid de ipso lucro per unamquamque libram contigerit: describe questionem, et multiplica 1 per 22224; que per 20, que sunt sub uirgula post 712; et diuide summam per regulam de 14271, que est $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{20}$; et per 12, et per 12, que sunt sub uirgula lucri, exhibunt $\frac{2}{10} \frac{0}{10} \frac{12}{20}$, hoc est soldi 6, et fere denarii $\frac{1}{4}$ 1: et sic poteris facere de quolibet lucro, siue larenorum sit, siue quorumlibet bizantiorum. Etiam et si proponeretur quidam habuisse de quantilibet bizantiis libras quantaslibet denariorum, uel econtra; et quereret quot ex denariis redit unicuique bizantio.

Incipit pars quarta octauæ capituli in reuersione unius generis ad Rotulos alterius.

Si uis scire de quotuis Rotulis pisani cantarii, quot libre subtiles sint, ut dicamus de Rotulo .i.; adiscas prius ex eis, in qua proportione sint: sunt enim in tali proportione, uidelicet quot Rotuli 100, scilicet cantarii, sunt libre 158: unde describe in questione Rotulos 100 pro uenditione, et libras 158 pro pretio, et Rotulum 1, de quo uis facere libras, describes sub Rotulis, uidelicet sub 100, ut in hac questione ostenditur; et multiplica 1 per 158, et diuide per 100, hoc est triplum de 158, diuide per triplum de 100; et hoc facies ut habeas $\frac{1}{12}$ in capite uirge propter uncias, exhibit libra $\frac{4}{12} \frac{4}{12}$ 1, hoc est libra 1, et uncie 7 minus $\frac{1}{12}$.

* sic facies . . . De eodem . . . (fol. 47 verso, lin. 6-11; pag. 113, lin. 1-11).

Incr. l.	capitale
42	30 l.
	152
d. s. l.	Incr.
$\frac{3}{10} \frac{10}{10} \frac{0}{20}$	12

* Item . . . De eodem . . . (fol. 47 verso, lin. 12-16; pag. 113, lin. 12-15).

1271 l.	507 l.
$\frac{11}{10}$ 63	$\frac{1}{2}$ 253
	1

* Et si . . . De eodem . . . (fol. 47 verso, lin. 17-21; pag. 113, lin. 15-21).

1271 l.	507
$\frac{11}{10}$ 63	capit.
	$\frac{1}{2}$ 253
d. s. l.	3099
$\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{20}$	$\frac{2}{10} \frac{12}{20} \frac{2}{20}$ 12

* Item . . . quot . . . (fol. 47 verso, lin. 22-26; pag. 113, lin. 22-23).

22224 l.	14271 l.
$\frac{11}{10} \frac{12}{20}$ 217	$\frac{11}{10}$ 712
	1

* Et sic . . . diuide per . . . (fol. 47 verso, lin. 28-32; pag. 113, lin. 27-32).

d.	$\frac{11}{10}$
158	100
$\frac{4}{12}$ 1	$\frac{11}{12}$

* Item . . . ut . . . ostenditur . . . (fol. 47 verso, lin. 33-36; pag. 113, lin. 42 - pag. 116, lin. 4).

d.	$\frac{11}{10}$
158	100
1	$\frac{11}{12}$

De reuersione libre pisane in partes unius Rotuli.

Rvrsum si de libra una partes unius Rotuli facere uolueris; describes t sub 158, ut in hac alia questione describitur, et multiplicabis t per 100, erunt 100; que diuides per 158, erunt $\frac{100}{158}$ unius Rotuli: de quibus si unceas Rotuli facere uolueris, multiplica 50 per unceas unius Rotuli, uidelicet per 12; quia sicut libra est uncie 12, ita Rotulus est uncie 12 tantum sunt maiores, erunt 600; que diuide per 70, exhibunt uncie $\frac{600}{70}$ 7 de Rotulis.

Item si de Rotulis $\frac{2}{3}$ 87 libras facere uolueris; describe itaque Rotulos sub Rotulis, hoc est $\frac{2}{3}$ 87 sub 100, et multiplica 87 per 4, et adde 3, erunt 351; que multiplica per 158, erunt 55458; que diuides per 100, et per 4, hoc est per $\frac{1}{4} \frac{100}{100}$, uel | ut habees $\frac{1}{4}$ in uirgula diuisionis propter unceas, multiplica 55458 per 3, et diuides per $\frac{100}{100} \frac{100}{100}$, exhibunt libre $\frac{166374}{10000}$ 138, ut in questione ostenditur.

De libris ad Rotulos.

Item si de libris $\frac{1}{2}$ 748 Rotulos facere uolueris; describes libras sub libris, hoc est $\frac{1}{2}$ 748 sub 158, et multiplica $\frac{1}{2}$ 748 per 100, et diuide per 158, tantum multiplica summam dictam per 3, ut habees $\frac{1}{3}$ in uirgula diuisionis propter unceas, exhibunt Rotuli $\frac{232800}{158 \cdot 3}$ 472, ut in questione ostenditur.

Item si de Rotulis 42 de cantare messane libras pisanas facere uolueris, addiscas prius in qua portione sunt Rotuli messane ad libras pisanas. Sunt enim in tali portione ut credo, quod Rotulus 1 messane est libre $\frac{1}{9}$ 9 pisane: ergo quattuor Rotuli messane sunt libre 9 pisane: deinde describe questionem ut hic ostenditur, et multiplica 9 per 42, que sunt ex aduerso, et diuide per 4, exhibunt libre.

De libris pisanis ad Rotulos messane.

Item si e contra de libris $\frac{2}{3}$ 96 Rotulos messane facere uolueris; describes libras sub libris, uidelicet $\frac{2}{3}$ 96 sub 9, ut in hac alia cernitur descriptione, et multiplica $\frac{2}{3}$ 96 per 4, que sunt ex aduerso, et diuide per 9, exhibunt Rotuli 42: et sic poteris de omnibus similibus facere.

De Rotulis gerouinis ad forforinos.

Rvrsum si apud Alexandriam de Rotulis 247 Gerouinis, Rotulos forforinos facere uolueris; addiscas prius, in qua portione sunt Rotuli Gerouini ad Rotulos forforinos. Sunt enim in tali portione, quod Rotulus 1 Gerouinis est Rotulus $\frac{1}{6}$ 6 forforinus: ergo Rotuli 6 Gerouini sunt Rotuli 113 forforini; et sic eos describes in questione; et ponas Rotulos 247 Gerouinis sub Rotulis 6 Gerouinis, ut hic ostenditur; et multiplica 12 per 247, et diuide per 6, exhibunt Rotuli forforini $\frac{3084}{6}$ 751, ut in questione ostenditur. Hoc autem cantaria 7 forforini, et de Rotulis 21 et unciis 10; quia Rotulus forforinus est uncie 12, quarum unaqueque ponderat miliarenses 12 de Alexandria; et unuspisique Rotulus Gerouinis est similiter uncie 12, quarum unaqueque ponderat miliarenses 20 ex dictis miliarenseibus; qui miliarenses ponderant karatos 6, qui karatos ponderat abbas 2, scilicet grana.

De forforis ad Gerouinos.

Item si de Rotulis forforinis 452 Rotulos Gerouinos facere uolueris; describes furforinos sub furforinis, hoc est 452 sub 12; et multiplica 8 per 452, que sunt ex aduerso, et diuide per 12, exhibunt Rotuli $\frac{3616}{12}$ 309, ut in hac descriptione ostenditur.

* u[er]u[m] $\frac{1}{4} \frac{100}{100}$ uel
(fol. 47 recto, lin. 26 & 27-29;
pag. 116, lin. 2-10).

t .	3 $\frac{1}{2}$	
158	100	
	251	
		$\frac{1}{4}$ 87
		$\frac{1}{4}$ 87

(f). 48 recto.

* Item questionem ut e (fol.
48 recto, lin. 2-8; pag. 116,
lin. 14-21).

t .	3 $\frac{1}{2}$	
158	100	
1407		
		$\frac{1}{3}$ 748
		$\frac{1}{3}$ 748

* hoc ostenditur addiscas e
(fol. 48 recto, lin. 9-13, pag.
116, lin. 21-40).

$\frac{1}{9}$ 96		$\frac{1}{9}$ 96
387 t .		4
		43

* prius quoque e (f. 48
recto, lin. 14-18; pag. 116;
lin. 46-56).

for.	12	Ger.	6
			6
for.	6	Ger.	247
	751		347

* Rotulos addiscas e (fol.
48 recto, lin. 19-23; pag. 116,
lin. 21-43).

for.	12	Ger.	6
			6
for.	452	Ger.	309
			309

Rvrsam si de Rotulis Gerouinis $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} 23$ forforinos facere uolueris; describe Gerouinos sub Gerouinis, hoc est $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} 23$ sub 6, et multiplica 23 per suas uirgulas, erant 1427; que multiplica per 12, et diuide per 6, et per ruptos; tamen, si uis, multiplica summam per 2, ut habes $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$ in uirgula propter uncias, et miliarenses, exhibit Rotuli Forforini $\frac{7}{8} \frac{1}{4} \frac{1}{8} 51$, hoc est Rotuli 51, et uncie 6, et miliarenses $\frac{1}{2} 4$.

De forforinis a Gerouinis.

Iterum si prescriptos Rotulos $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} 23$ forforinos fore proposueris, et ex eis Rotulos Gerouinos facere uolueris; describes $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} 23$ sub 12, et multiplica numerum ipsorum, scilicet 1427 per 6, et diuide summam per 12, et per ruptos, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$, et habebis propositum. Tamen si uis habere miliarenses post uncias in uirgula, multiplica summam per 2, et diuides per $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$; et que super 12 euerint, erunt uncie; et que super $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$; et que superuenerint, erunt miliarenses: ideo quia uncie, ut diximus, est miliarenses 26, quorum regula est $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$, exhibent Rotuli $\frac{4}{5} \frac{6}{8} \frac{9}{12} 10$, ut in questione ostenditur, hoc est Rotuli 10, et uncie 11, et miliarenses $\frac{1}{2} 18$, quia multiplicanda sunt 2, que sunt super 12 per 2, que sunt post 12, et addendum zephyro, quod est super 2; et sic habentur miliarenses 18, ut modo diximus; et sic secundum prescriptam materiam poteris quoslibet Rotulos, uel cantaria in quilibet (sic) Rotulis, uel cantariis redigere, si haberis notitiam proportionum illorum, hoc est qualiter se habeant ad inuicem. Et hic modus est utilis multum in honeratione nauium, cum honeretur diuersis mercibus, que habent modum secundum diuersitatem ponderis, et leuitatem nel grauitatem illarum, ut naues, que honerantur in garbo, que honerantur ad cantaria coriorum. Vnde cum in ipsis ponderentur diuersae merces grauiores et leuiore quam coria; et habeant minorem globum et maiorem: unde ab antiquis talis fuit ordinatio; quod de alume, quod ponunt in fundo nauis, ponunt duo cantaria pro uno coriorum; de beccanis uero, quia sunt leuiore coris, ponunt duo cantaria pro tribus; de conillis, nel de succaro, ponunt nnum cantare pro duabus de coris. Similiter naues, que honerantur in sicilia, honerantur ad pondus collij qui collus potest habere in se Rotulos 100; et ponunt de rame tria cantaria in uno collo; de cotone ponunt cantare $\frac{1}{2} 1$ in collo: et naues que honerantur apud alexandriam, honerantur asportatas piperis, que sporta ponitur similiter Rotulos 100; ad quam sportatam reducuntur merces secundum diuersitatem illarum ad quasdam ordinationes, quas dicere necesse non est; quia unusquisque, cum ei necessarium fuerit, poterit inde interrogare. Nam qualiter hec reductiones ponderum, secundum diuersitatem mercium prescriptarum, per premissam doctrinam fiant, quasdam in hoc opere positiones proponamus.

De cotone reuersione ad collum sicilie corici in garbo.

Si quis apud siciliam habeat in quadam naui honeratum cantaria 11, et Rotulos 47 cotoneis; et uoluerit eos ad colla redigere; quia cantare $\frac{1}{2} 1$ cotoneis, ut diximus, est collum unum; ergo quattuor cantaria cotoneis sunt colla 2; et quattuor Rotuli cotoneis sunt Rotuli 2 de collo: describes in questione cantaria 11, et Rotulos 47, hoc est Rotulos 1147 sub Rotulis 4 cotoneis; et multiplicabis 1147 per 2, et diuides per 4, exhibent Rotuli $\frac{1}{4} 860$ de collo, ut in descriptione ostenditur, hoc autem colla 2 et Rotuli $\frac{1}{4} 60$ de collo.

* Rvrsam subdit s. (fol. 48 verso, lin. 25-26; pag. 117, lin. 1-3).



* Item quod s. (fol. 48 verso, lin. 29-30; pag. 117, lin. 7-12).



fol. 48. verso.

* In quo colla s. (fol. 48 verso, lin. 17-18; pag. 117, lin. 26-31).



De beccuarum reductione ad cantaria carici in garbo.

Rvrsus si apud hageam nel septim quis in quadam naui habuerit cantaria beccunarium 21, et Rotuli (sic) 64; et uoluerit eos redigere ad coriorum cantaria; quia cantaria duo beccunarium, ut diximus, sunt cantaria 3 coriorum; ergo et Rotuli 2 beccunarium sunt Rotuli 3 coriorum. Quare describes cantaria 21, et Rotuli (sic) 64, hoc est Rotuli 2164 sub Rotulis 2 beccunarium; et multiplicabis 2 per 2164, que sunt ex aduerso, et diuides per 2, exiunt Rotuli 4768, ut in descriptione ostenditur, hoc est cantaria 47, et Rotuli 46. Vel aliter adde medietatem de cantariis 21, et Rotuli 64 super eosdem (sic) cantaria 47; et Rotuli 46 erunt similiter cantaria 47, et Rotuli 46, ut modo inuenimus; et sic poteris intelligere de quibuslibet similibus. Vnde nos huic octauo capitulo finem imponimus, ut ad nonum facimus transitionem.

Incipit capitulum nonum de baractis mercium atque earum similium.

Hoc itaque capitulum in tres partes diuidere decreui, ut quicquid lector in hoc audire desiderat, citius reperire ualeat. Quarum prima pars est de baractis rerum uenaliu; secunda de emptione bolsonalie secundum modum baracte; tertia de regulis equorum ordeum comedentium in constitutis diebus.

Regula uniuersalis in baractis mercium primum de pipere ad linum.

Cum autem uolueris quamlibet mercem cum quamlibet alia merce cambiare, hoc est baractare, addiscas pretium uniuscuiusque mercis; quod pretium semper debet esse unius monete. Et describas illarum mercium unam in capite tabule, et pretium illius mercis scribas in tabula retro uersus sinistra in eadem lineatione, sicuti in negotiationibus in antecedenti capitulo describere docuimus. Deinde sub pretio illius mercis in aliam lineam describes pretium alterius mercis; et retro describes mercem illius pretii. Et si merces, quam aliam mercem baractare uolueris, fuerit ex superiori merce de prima uidelicet descripta in tabula, pones quantitatem illius mercis, quam habueris sub eadem merce. Et si fuerit ex alia merce, describere quantitatem illius super ipsam mercem, ut sicuti modo diximus describendum esse pretium unius mercis sub pretio alterius, ita describantur similes merces sub simili merce. Et descriptis itaque ipsis quinque numericis, tunc ultimum eorum per numerum pretii oppositis multiplica, et quot inde prouenerit, in alium numerum eodem pretio oppositum ducere studeas; quorum numerorum summam per reliquos duos numeros diuide, et habebis optatum. Verbi gratia brachia 20 panni ualeant libras 2 pisaninorum; et Rotuli 48 cotonis ualeant 3 similiter pisaninorum; queritur pro brachiis 50 panni quot Rotuli cotonis habebuntur. Pone itaque brachia 20 in tabula; post que pone libras 2, scilicet eorum pretium, sub quibus pone libras 3; post quas 3 pone Rotulos 48; deinde brachia 50 pone sub brachiis 20, et multiplica 50 per 2, que sunt eis ex aduerso, erunt 100; que multiplica per 48, cum sint ex aduerso eisdem tribus; et quot prouenerit diuide per reliquos numeros, scilicet per 20 et per 3, hoc est per 100, uenient 63; et tot Rotuli bombicis habebuntur pro brachiis 50 panni. Proccedit enim hic modus ex proportione, quam habet prima mercium ad aliam; quam ostendem esse compositam ex duabus proportionibus, scilicet ex proportione, quam habet numerus uenditionis prime mercis ad numerum sui pretii, et ex proportione, quam habet numerus pretii alterius mercis ad numerum uenditionis sue mercis, hoc est quod in hac questione dico; quod proportio brachiorum panni ad Ro-

* *Evangelii beccunarium* = 166, 48 coriorum, lib. 24 28 e 37, pag. 118, lin. 2 61.

beccun.	Rotuli
21	64
—	
1768	2164

* *Et uoluerit mercem* = 166, 48 coriorum, lib. 19 24, pag. 118, lin. 24 42.

Brachia	Libras	Rotuli
20	2	48
—		
50	3	63

tulos cottonis componitur ex proportione, quam habet 20 ad 2, et 5 ad 42: nam sicut 20 est ad 2, ita quincuplum de 20 est ad quincuplum de 2: quincuplum dico propter 5, que sunt pretium Rotulorum 42 predictorum, hoc est quod brachia 100 valent libras 15: rursus sicut 5 sunt ad 42, ita triplum de 5 sunt ad triplum de 42: triplum dico propter 2, que sunt pretium dictorum 20 brachiorum, hoc est quod plus 15 habentur Rotuli 126 bombicis: et quia brachia 100 valent libras 15, et plus 15, habentur Rotuli 126: ergo pro brachiis 100 habentur Rotuli 126; et sic est proportio composita prime mercis ad secundam ex duabus proportionibus predictis. Et quia sicut 100 sunt ad 126 brachia 20 ad cambium quod habentur ad Rotulos, multiplicanda sunt 20 per 126, hoc est 2520 per 2; que per 42, ut superius fecimus; et summa multiplicationis eorum est diuidenda per 100, per 20, et per 5, exhibunt Rotuli 83, quos pone super Rotulos 42: est enim hoc talis propositio proportionum ea que ostenditur in figura cata, scilicet sectoris, per quam Tholomeus docuit in almagesti reperire demonstrationem circularum a circulo recto, et multa alia; et Ametus filius ponat decem et octo combinationes ex ea in libro, quem de proportionibus composuit.

Item proponantur Rotuli 62 bombicis ad baractandum cum pannis; quorum proportio inuenies per supradictam esse composita ex proportione, quam habet 42 ad 5, et 2 ad 20; que proportio est de 126 ad 100, hoc est quod pro rotulis 126 habentur brachia 100 suprascriptorum pannorum: quare multiplicanda sunt 62 per 100, et diuidenda per 126, hoc est multiplica 62 per 5, que sunt eis ex aduerso; quorum summam duc in 20, que sunt eisdem 5 tantum ex aduerso; quod totum diuide per reliquos duos numeros, scilicet per 2, et per 42, uenient brachia 20, que pone sub brachiis 20.

De pipere ad ciminum.

Centum pipereis ualet libras 12, et cantare cimini ualet libras 3; queritur quot Rotuli cimini habebuntur pro libris 242: descripta questione per supradicta, inuenies numerum prime mercis esse ad numerum secunde, sicut centuplum trium ad centuplum de 12: et quia est sicut totum ad totum, ita pars ad partem: erit ergo sicut centesima centupli trium ad centesimam centupli de 12, hoc est sicut 2 sunt 12, ita numerus prime est ad numerum secunde. Et ex hoc quidem manifestum est, quod quando duorum meritorum diuisarum numerus uenditionis est idem, tunc est sicut numerus pretii secunde ad numerum pretii prime; ita numerus prime mercis est ad numerum secunde. Quare multiplicabis 242 in hac questione per 12, et diuidas per 2, exhibunt Rotuli 1482 cimini, quos pone in questione super Rotulos 100: uel secundum modum huius artis multiplicanda sunt 242 per 12, que sunt eis ex aduerso; quod totum per 100 cimini; quorum trium multiplicatorum numerorum summa est per 2, et per 100 diuidenda. Vnde si relinquerentur 100 ab utraque parte, remanebit tantum multiplicatio de 242 in 12 diuidenda per 2, ut superius operati fuimus. Et si de Rotulis 242 cimini pipereis habere nis, pone 242 super 100 cimini, et multiplica ea per 2; quod totum per 100 pipereis, et diuides summam per 100 cimini, et per 12: tamen euita 100 ex his, hoc est, multiplica 242 per 2, et diuide per 12, exhibunt pipereis libre $\frac{12}{12}$ 76, quos pone sub libris 100 pipereis.

Rvrsus cantare Gerouinum Masticis uenditur alexandrie berzi $\frac{12}{12}$ 23; et carica pipereis, que est Rotuli 300 forforini, ualet ibidem berzi $\frac{2}{2}$ 51; et quidam habet Rotulos $\frac{2}{2}$ 523 pipereis, hoc est caricam unam, et Rotulos $\frac{2}{2}$ 23 forforinos, quos ipse uult baractare ad

* triplum cata ualere .i. l. l. 42 uenit, lib. 25-24; pag. 117, lin. 4-12.

R ¹	l.	brachia
62	3	20
R ²	l.	brachia
42	5	30

64. 49 uenit.

* diuulgata multiplicatio est .i. l. l. 42 uenit, lib. 25-24; pag. 117, lin. 25-22.

R ¹	l.	l. pipereis
1482	12	100
R ²	l.	l. pipereis
100	2	242

• *Al' scribo ... diuides per 5 (fol. 43 recto, lin. 20-23; pag. 120, lin. 1-5).*

$\frac{1}{5}$ piper	l.	$\frac{1}{5}$ mast.	$\frac{1}{5}$ mast.
2618	563	100	
$\frac{1}{5}$ 523	$\frac{11}{24}$ 23		
$\frac{1}{5}$ piper	l.	$\frac{1}{5}$ mast.	$\frac{1}{5}$ mast.
1967	51	563	231
Sum	$\frac{1}{5}$ 51	$\frac{1}{5}$ 563	$\frac{1}{5}$ 231

masticem; et quesierit quot Rotulos Gerouinos inde de ipso pipere habuerit; describe questionem sic, et multiplicabis $\frac{1}{5}$ 523 per $\frac{1}{5}$ 51; que per 100, et diuide summam eorum per reliquos duos numeros, scilicet per $\frac{11}{24}$ 23, et per 500; que omnia sic fiunt. Multiplica bizantios 23 per suam uirgulam, uidelicet per 24, et adde 11, erunt 563; et multiplica 523 per suam uirgulam, erunt 2018. Item 51 per suas uirgulas, erunt 1967, que poue super $\frac{11}{24}$ 51; deinde multiplica 2018 per 1967; que per 100; que per ruptum qui est sub uirgula de 23, uidelicet per 24, et diuide per 563, et per regulam de 500, et per ruptos, qui sunt sub uirgula de 523, et de 51, hoc est per 5, et per 4, et per 9; et euitabis quod multiplicabis per 100, quod diximus in multiplicatione; nec diuides per 100, que sunt in regula de 500; et remanebit 5 de ipsis 500, in quibus debemus diuidere. Item potes adhuc relinquere $\frac{1}{5}$ ex diuisione, que est in uirgula, si reliqueres eundem de regula de 24, que debes multiplicare: ergo multiplicabis 2018 per 1967; que per 8, que remanet de 24, et diuides summam per $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{24}$ 231, exhibunt Rotuli $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{24}$ 231, ut in questione demonstratur.

Quod si per pensam 12 probare uolueris; quia multiplicasti 2018 per 1967; que per 8; ideo debes accipere pensam de 2018 per 12, hoc est quod debes diuidere 2018 per 12; et sic remanet 3; que multiplica per pensam de 1967, accepta similiter per 12, que est 8, et erunt 46; de quo accipe pensam, que est 1; quod multiplica per 8, erunt 8, que seruentur pro pensa summe multiplicationis, ut uideas si pensa exeuntis summe diuisionis, scilicet de $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{24}$ 231, erit similiter 8, tunc erit recta.

De pipere ad masticha.

Item si eadem ratione quis quereret quantum piper de Rotulis $\frac{1}{5}$ 523 Masticis habuerit; describes in questione $\frac{1}{5}$ 523 sub uenditione masticis, scilicet sub 100, ut in hac alia demonstratione describitur; et reperies omnes numeros, sicuti superius fecisti in precedenti questione: et multiplicabis 2018 per 563; que per 500, et summam eorum multiplica per ruptos, qui sunt cum 51, scilicet per 4, et per 9, hoc est per 36; et summam diuide per 100, et per 1967, et per ruptos, qui sunt post 523, et post 23, hoc est per 5 et per 24. Nam si euitare uolueris hoc quod inde euitare poteris, relinquet quod non multiples per 500. Nam diuides per 100 supradictos, nec per 5, que sunt sub uirgula post 523, relinques adhuc quod non multiplicabis per 2, que sunt in regula de 4, que sunt sub uirgula post 51; et non diuides per 2, que sunt in regula de 24; et seruabis 12, que remanet de ipsis 24 ad ponenda ea in capite uirgule propter uncias: ergo multiplicabis 2018 per 563; que per 2, que remanet de 4, que sunt post 51 sub uirgula; que per 9, que sunt sub uirgula post eandem 51; eritque multiplicatio eorum in summam 2632018; que diuide per 1967, et per 2, que remanserunt de 24, exhibunt Rotuli $\frac{113}{1967}$ $\frac{7}{12}$ 1184 piperis, hoc est carice 2, et Rotuli 184, et uncie $\frac{113}{1967}$ 2; et est pensa istius questionis 9 per 12, que reperitur secundum prescriptum modum.

De pipere ad zafranum.

Item si proponatur, quod Rotuli 7 piperis ualeant berzi 4, et libre 9 zafranum ualent berzi 11; et queratur quantum zafranum quis de Rotulis 23 piperis habuerit; describe questionem secundum suprascriptum modum, et multiplicabis 23 per 4, quia sunt eis ex aduerso; quod totum multiplica per 9, cum 9 sint eisdem 4 ex aduerso: uel possumus hoc alio modo demonstrare, per quem modum amplius poteris cognoscere quos

• $\frac{1}{5}$ 523 ... erunt 5 (fol. 49 recto, lin. 36-39; pag. 120, lin. 23-25).

263 a.	$\frac{11}{24}$ 23	100
500	1967 a.	2618
	$\frac{1}{5}$ 51	$\frac{1}{5}$ 523

fol. 50 recto.

• et multiplicabis ... per 9 (fol. 50 recto, lin. 10-12; pag. 120, lin. 41 - pag. 121, lin. 6).

23 piper	4 a.	9 zafran
92	10 4	81
81	9	11
9	11	23

tres numeros multiplicare debueris. In huiusmodi enim questionibus quinque describuntur numeri noti, cum quibus sextum numerum ignotum reperiri necesse est. Vnde hic modus uocatur regula sexte proportionis, ex quibus quinque numeris quandoque inuenies tres in superiori linea, et duos in inferiori; et quandoque tres in inferiori, et duos in superiori linea. Illi duo numeri, qui sunt in extremitatibus ipsius lineae, in qua tres numeri positi fuerint, per eis oppositum numerum alterius lineae insimul multiplica, et per reliquos duos numeros eorum summam diuide; et quod ex diuisione exierit, erit quantitas sexti numeri, ut in hac, in qua sunt duo numeri, uidelicet berzi 4, et rotuli 7 in superiori linea, et inferiori sunt tres numeri, uidelicet 9, et 11, et 23; de quibus 9, et 23 sunt in extremitate ipsius lineae; quos multiplicare debes per eis oppositum numerum, qui est in alia linea, scilicet inferiori, hoc est per 4. Multiplicatio enim de 23 in 4 facit 92; que si per 9 multiplicaueris, faciunt 828; que diuide per reliquos duos numeros, scilicet per 7, per 11, exhibunt libre $\frac{2}{7}$, $\frac{4}{11}$, 10, ut in questione scripta ostenditur.

De zafarano ad pipere.

Nam si eadem ratione de libris 23 zaffarani piper habere uolueris; describes questionem, ut docet, hoc est similem mercem sub simili merce, et pretium unius mercis sub pretio alterius, ut hic in qua sunt tres numeri in superiori linea, scilicet 23, et 4, et 7, de quibus sunt in extremitate 23, et 7; quos multiplica per eis oppositum numerum, scilicet per 11, faciunt 1771; que diuide per reliquos duos numeros, scilicet per 4, et per 9, hoc est $\frac{1}{4}$, $\frac{9}{10}$, exhibunt Rotuli $\frac{1}{4}$, $\frac{9}{10}$, 40 piperis, hoc est Rotuli 40, et uncie $\frac{1}{4}$, 2.

De pipere ad zinziberim.

Item Rotuli $\frac{1}{2}$ 7 piperis ualent tarenos $\frac{1}{4}$ 4, et libre $\frac{1}{2}$ 9 zinziberis ualent tarenos $\frac{1}{2}$ 11; et queratur quantum zinziberis quis de Rotulis $\frac{1}{2}$ 23 piperis habuerit; describe questionem secundum superscriptum modum, ut hic; et multiplicabis superscripta ratione $\frac{1}{2}$ 23 per $\frac{1}{4}$ 4; et diuides summam eorum per reliquos duos numeros, scilicet per $\frac{1}{2}$ 7, et per $\frac{1}{2}$ 11, quod sic fit: multiplica 7 per suam uirgulam, erunt 15, que pone super $\frac{1}{2}$ 7; et multiplica 4 per suam uirgulam, erunt 13, que pone super $\frac{1}{2}$ 4; et 9 per suam uirgulam, erunt 46, que pone super $\frac{1}{2}$ 9; et 11 per suam uirgulam, erunt 67, que pone super $\frac{1}{2}$ 11; et 23 per suam uirgulam, erunt 162, que pone super $\frac{1}{2}$ 23; et multiplica 162 per 13, que sunt ex aduerso, que per 46; et summam eorum multiplica per ruptos reliquorum duorum numerorum, scilicet per 2, que sunt sub uirgula post 7; que per 8, que sunt in uirgula post 11; et diuide totam summam per regulam de 15, et per 67, hoc est per $\frac{1}{2}$, $\frac{67}{8}$, et per ruptos reliquorum trium numerorum, uidelicet per 3, que sunt sub uirgula post 4, et per 5, que sunt sub uirgula post 9, et per 7, que sunt sub uirgula post 23, exhibunt libre $\frac{2}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$, 11.

De zinzibro ad pipere.

Item si eadem ratione queratur quot Rotuli piperis quis pro libris $\frac{1}{2}$ 23 zinziberis habuerit; describe questionem, ut hic ostenditur, et multiplica 163 per 67; que per 15; que per ruptos, qui sunt sub 13, et sub 46, hoc est per 3, et per 5, erunt 243850; que diuide per 13, et per 46, et per ruptos, qui sunt reliquorum trium numerorum, scilicet per 7, et per 6, et per 6, et coacta eos, ut habes $\frac{1}{1}$ in capite uirgule propter uncias, exhibunt Rotuli $\frac{6}{7}$, $\frac{1}{14}$, $\frac{1}{24}$, $\frac{7}{12}$, 48.

* per eis ... erunt (fol. 50 recto, lin. 25-30; pag. 121, lin. 18-27).

lib. zaff.	l.	R ^o piper.
23	4	7
lib.	l.	R ^o piper.
9	11	$\frac{1}{4}$, $\frac{9}{10}$, 40

* 13 que pone ... $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}$, 11 de ... (fol. 50 recto, lin. 24-34; pag. 121, lin. 27-35 et 36).

162	l.	13	R ^o 15
$\frac{1}{2}$ 7	11	4	$\frac{1}{2}$ 7
46	l.	67	R ^o 163
$\frac{1}{2}$ 9	$\frac{1}{2}$ 11		$\frac{1}{2}$ 23

* questionem ... scilicet per 2 (fol. 50 recto, lin. 28 et 29; pag. 121, lin. 37-38 et 36).

168	l.	13	R ^o 15
$\frac{1}{2}$ 23	$\frac{1}{2}$ 4		$\frac{1}{2}$ 7
46	l.	67	R ^o 163
$\frac{1}{2}$ 9	$\frac{1}{2}$ 11		R ^o

fol. 50 recto.

De imperialibus ad ianuinos.

Item si proponitur, quod soldus imperialium ualeat pisaninus 31; et soldus ianuinorum ualeat pisaninus 22; et queratur quot ianuinos ualeant imperiales 7; describe questionem, et multiplicabis 7 per 31; que per ianuinos 12; et diuide summam eorum per 12, et per regulam de 22; sed reliquas multiplicare per ianuinos 12, et non diuidas per 12 imperiales: ergo multiplicabis 7 per 31, et diuide per regulam de 22, exibunt ianuini $\frac{1}{2} \frac{10}{11}$ 9, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Item e contra queritur de ianuinis 7 quot imperiales ualent; describe ianuinos 7 super ianuinos 12, ut hic ostenditur, et multiplica 7 per 22; que per imperiales 12, et diuide per 31, et per ianuinos 12; sed reliquas quod non multiplices per 12, nec diuides 12, exibunt imperiales $\frac{10}{11}$ 4, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Item si eadem ratione queratur, quot ianuinos quis pro soldis 7 imperialium habuerit; quia queritur de soldis, omnes numeri, qui sunt in questione, sunt soldi: unde talis oritur questio: uidelicet quod soldi 12 imperialium ualent soldos pisanorum, et soldi 31 ianuinorum ualent soldos 12 pisaninorum. Vnde descripta questione, ponas soldos 7 imperialium sub soldis 12 imperialium, ut hic ostenditur; et multiplicabis 7 per 31; que per ianuinos 12, et diuide summam eorum per 12 imperialium, et per regulam de 22: sed cuitabis $\frac{1}{2}$, ex his exibunt soldi $\frac{8}{11} \frac{10}{11}$ 9, ut in questione ostenditur. Meminiscaris (*sic*) itaque semper supernotare qualitatem omnium numerorum, qui proponuntur in similibus questionibus, etiam et in omnibus questionibus negotiationum, secundum petitionem querentis; hoc est quod super denarios pone denarios, et super soldos pone soldos, et super libras pone libras, et super cantaria pone cantaria, et super Rotulos pone Rotulos, et super uncias pone uncias, et super denarios de cantera pone denarios, et super carrubbas pone carrubbas, ut possit cognoscere, cuius qualitatis sit summa factura: etiam et scias scribere similes sub similibus, ut in hac alia questione, in qua queritur, quot imperiales quis pro libris 7 ianuinorum habuerit: ergo quia queritur de libris, omnes numeri sunt libre: quare talis est questio, quod libre 12 imperialium ualent libras 31 pisaninorum; et libre 12 ianuinorum ualent libras 22 pisaninorum: describes questionem, et notabis super unumquemque numerum qualitatem ipsius, scilicet libras; et pone libras 7 ianuinorum super libras 12 eiusdem monete, ut hic ostenditur; et multiplicabis 7 per 22; quem pro 12 imperialium; et diuides per 31, et per 12 ianuinorum, exibunt libre $\frac{9}{11} \frac{10}{11}$ 4.

De eodem.

Item soldus imperialium ualeat pisaninus $\frac{1}{2}$ 22, et soldus ianuinorum ualeat pisaninus $\frac{1}{2}$ 22; quot soldos ianuinorum ergo ualent soldi 9, et denarii 5, hoc est soldi $\frac{5}{11}$ 9 imperialium: describes questionem, ut hic ostenditur; et descripta ea, talis est questio, quod soldi 12 imperialium ualent soldos $\frac{1}{2}$ 32 pisanorum, et soldi 12 ianuinorum ualent soldos $\frac{1}{2}$ 22 pisanorum: quare supernotentur soldi super unumquemque numerum, ut in questione ostenditur; et multiplica $\frac{5}{11}$ 9 per $\frac{1}{2}$ 32; que per 12 ianuinos, et diuides summam per $\frac{1}{2}$ 22, et per 12 imperialium. Sed relinquet multiplicationem de 12 ianuinis, ut reliquas diuisionem de 12 imperialium; et multiplica tantum $\frac{5}{11}$ 9 per $\frac{1}{2}$ 32, et diuide

* 7 et per 6 ... multiplicare + (fol. 20 verso, lin. 1-4, pag. 121, lin. 41 - pag. 122, lin. 3).

Im.	d. pisa.	d. imp.
$\frac{1}{2} \frac{9}{11}$ 9	31	12
Im.	pisa.	d.
12	22	7

* per ianuinos ... de soldis + (fol. 20 verso, lin. 1-10, pag. 122, lin. 3-15).

Im.	d. pisa.	d. imp.
7	31	12
d. Im.	pisa.	d.
12	22	$\frac{10}{11}$ 4

* omnes numeri ... ostendit + (fol. 20 verso, lin. 11-17, pag. 122, lin. 13-24).

d.	Im.	d.
$\frac{1}{2} \frac{10}{11}$ 9	31	12
d.	Im.	d.
12	22	7

* 12 pisanorum ... ostendit + (fol. 20 verso, lin. 22-27, pag. 122, lin. 29 + 30-31).

d.	Im.	imp.
$\frac{5}{11}$ 9	12	12
Im.	Im.	imp.
12	$\frac{1}{2}$ 22	$\frac{5}{11}$ 9

per $\frac{1}{2}$ 22, quod sic fit: multiplica 22 per 4, et adde 4, erunt 129; que pone super $\frac{1}{4}$ 22. Item multiplica 22 per suam uirgulam, erunt 45, que pone super $\frac{1}{5}$ 22; et multiplica 9 per suam uirgulam, erunt denarii 112: deinde multiplica 112 per 129; que per 2, que sunt sub uirgula post 22, et diuide summam eorum per regulam de 45, que est $\frac{1}{5} \frac{2}{5}$, et per raptos, qui sunt post 22; et post 9, scilicet per 4, et per 12; qui si insumul comptati fuerint in una uirgula, ita ut $\frac{1}{12}$ sit in capite uirgule propter denarios, in $\frac{1}{5} \frac{2}{5} \frac{1}{12}$ transmutabuntur. Vnde de dicta multiplicatione potes relinquere multiplicationem de 9 supradictis; et reliques quod non diuides per 2, que sunt sub uirgula: ergo multiplicabis 112 per 129, et diuides per $\frac{1}{5} \frac{2}{5} \frac{1}{12}$, et habebis summam: uel si uis de predictis, potes adhuc euitare, uidelicet ut accipias tertiam de 129, scilicet 42; in quibus multiplica 112, erunt 4656; que diuide | per $\frac{1}{5} \frac{2}{5} \frac{1}{12}$, exhibunt soldi $\frac{1}{14} \frac{3}{14} \frac{1}{12}$ lanuinorum, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Rvrsus soldus imperialium ualet pisaninos $\frac{1}{2}$ 32, et soldus lanuinorum ualet pisaninos $\frac{1}{2}$ 22: quesieris quot imperiales habueris pro libris $\frac{1}{12}$ 12 lanuinorum: describes $\frac{3}{12}$ 12 super libras 12 lanuinorum, ut hic ostenditur; et multiplicabis $\frac{3}{12}$ 12 per $\frac{1}{2}$ 21; que per imperiales 12, et diuide summam eorum per $\frac{1}{2}$ 22, et per lanuinos 12, hoc est, quod multiplicabis 269 per 65, et per imperiales 12, et per 4, que sunt sub uirgula post 22, et diuide summam eorum per regulam de 125, que est $\frac{1}{2} \frac{1}{5} \frac{1}{5}$, et per 12 gerouinos, et per raptos aliorum duorum numerorum, uidelicet per 2, que sunt sub uirgula post 21, et per 30, que sunt sub uirgula post 12: de quibus si euitationem obseraueris, reperies quod non oportuerit te multiplicare 269, nisi tantum per quintam de 55, hoc est per 12; que per tertiam de 12, hoc est per 4; que per 4, que sunt sub uirgula post 22, ut prediximus. Quorum omnium summa est 55952; quam non oportuerit te diuidere propter predictam euitationem, nisi tantum per quintam de 125, hoc est per $\frac{1}{5}$ 12, et per $\frac{1}{2} \frac{1}{5}$, hoc est per $\frac{1}{5} \frac{1}{5} \frac{1}{5}$, exhibunt libre $\frac{21}{12} \frac{8}{12} \frac{1}{12}$ 8.

De imperialibus ad Gerouinos.

Iterum soldus imperialium uenditur pro pisaninis $\frac{1}{2}$ 31, et soldus lanuinorum ualet pisaninos $\frac{1}{2}$ 19; et queratur quot libras lanuinorum habuerit quidam pro libris 17, et soldis 11, et denariis 5, hoc est pro libris $\frac{3}{12} \frac{11}{12}$ 17 ipsius: describes questionem, ut hic ostenditur, et multiplicabis $\frac{3}{12} \frac{11}{12}$ 17 per $\frac{1}{2}$ 21; que per 12 gerouinos, et diuides summam eorum per $\frac{1}{2}$ 19, et per 12 imperiales; et euitabis hoc quod inde euitare poteris secundum suprascriptum modum, exhibuit libre $\frac{81}{12} \frac{3}{12} \frac{1}{12}$ 25 lanuinorum, ut in questione ostenditur.

De imperialibus ad Gerouinos.

Item imperiales $\frac{1}{2}$ 11 ualent pisaninos $\frac{1}{2}$ 31, et lenuini $\frac{1}{2}$ 12 ualent pisaninos $\frac{1}{2}$ 22: queratur quot lanuinos habueris pro imperialibus $\frac{1}{2}$ 8: describes questionem, ut hic ostenditur: et quia questio est de denariis, supernoteatur denarii super quemquem (*sic*) numerum, et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 8 per $\frac{1}{2}$ 21; que per $\frac{1}{2}$ 12, et diuides summam eorum per $\frac{1}{2}$ 11, et per $\frac{1}{2}$ 22, quod sic fit: multiplica 11 per suam uirgulam, erunt 22, que pone super $\frac{1}{2}$ 11; et sic facies de omnibus aliis numeris, et habebis 127 super $\frac{1}{2}$ 21, et 40 super $\frac{1}{2}$ 12, et 115 super $\frac{1}{2}$ 22, et 49 super $\frac{1}{2}$ 8. Vnde multiplicabis 49 per 127; que per 40; que per raptos aliorum duorum numerorum, scilicet per 5, et per 2; et diuides totam summam

fol. 54 verso.

* et per lanuinos ... euitationem *
(fol. 51 verso, lin. 8-12, pag. 123,
lin. 17-21).

d.	s.	l.	125l.	l.
$\frac{3}{12}$	$\frac{11}{12}$	17	$\frac{1}{2}$ 22	12
			$\frac{1}{2}$ 21	12
			65 l.	269 l.
			$\frac{1}{2}$ 12	$\frac{1}{2}$ 12

* Iterum ... ad Gerouinos * (fol. 51 verso, lin. 18-16, pag. 123,
lin. 28-32).

Ger.	p.	imp.
d.	s.	l.
$\frac{3}{12}$	$\frac{11}{12}$	17
		$\frac{1}{2}$ 21
		79
		$\frac{1}{2}$ 19
		4217,
		$\frac{1}{2}$ 12

* Iterum ... numero * (fol. 51 verso, lin. 17-22, pag. 123, lin. 35
- pag. 124, lin. 2).

G.	d.	127 d.	p.	imp.
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	8	$\frac{1}{2}$	22 d.
			$\frac{1}{2}$	11
			115 l.	$\frac{1}{2}$ 8
			49 d.	$\frac{1}{2}$ 8
			115 l.	$\frac{1}{2}$ 8
			$\frac{1}{2}$ 12	$\frac{1}{2}$ 12

eorum per 23, et per regulam de 118, que est $\frac{1}{2} \frac{0}{118}$, et per ruptos, qui sunt sub aliis tribus numeris, uidelicet per 6, et per 4, et per 3, que sunt sub uirgulis illorum; qui omnes si insimul coaptati fuerint in $\frac{4}{1} \frac{4}{2} \frac{0}{3} \frac{0}{2} \frac{0}{118}$; et si habebis lanuinis, qui contingerit de prescriptis imperialibus $\frac{1}{2}$ s: nam si euitare enpis hec, que inde euitare poteris, relinquet quod noo multiplicis per 3, que sunt sub uirgula post 11, ut non diuidas per 2, que sunt sub sine uirgule diuisionis. Item relinques multiplicare per 40; sed diuides ea per 8, exibunt 5; per que 5 multiplicabis, et relinques quod non diuides per 8, que sunt in uirgula diuisionis: ergo multiplicabis 40 per 127; que per 5, scilicet per octauam de 40; quam summam multiplicabis per 5, que sunt sub uirgula post 23, erunt 155575; que diuide per $\frac{4}{2} \frac{0}{118} \frac{0}{118}$, exhibunt denarii $\frac{4}{2} \frac{11}{118} \frac{11}{118}$ 12.

De ienuinis ad imperiales.

Rvrsum si econtra quesieris, quot imperiales habuerit pro libris $\frac{1}{2}$ s lanuinis; describes questionem, ut hic ostenditur: et multiplicabis $\frac{1}{2}$ s per $\frac{1}{2}$ 23; que per $\frac{1}{2}$ 11, et diuides per $\frac{1}{2}$ 12; et per $\frac{1}{2}$ 21, hoc est quod multiplicabis 60 per 118; que per 23; que per 4, que sunt sub uirgula post 21; que per 3, que sunt sub uirgula post 12; et diuide summam eorum per regulam de 40, que est $\frac{1}{2} \frac{0}{40}$, et per 127, et per ruptos aliorum trium numerorum, uidelicet per 7, et per 5, et per 3, scilicet per $\frac{7}{2} \frac{5}{117} \frac{0}{210}$; et ideo posuimus $\frac{1}{2} \frac{0}{210}$ in capite uirgule, quia ibi debemus habere $\frac{1}{2} \frac{0}{210}$; ideo quia questio est de libris: unde scimus quia minuit nobis 3, ut habeamus $\frac{1}{2} \frac{0}{210}$: quare pone 3 super $\frac{1}{2}$ 12, ne tradatur obliuioni cum acciperis pensam; et multiplicabis per ipsa 3 totam summam; quam diuide per $\frac{4}{2} \frac{0}{117} \frac{0}{117} \frac{0}{210}$; et euitabis, scilicet multiplica 118 per quintam de 60, hoc est per 12; que per 23, erunt 2760; que per 3; que per 4, que sunt sub uirgulis, erunt 29086; que multiplicabis per 3, que posita sunt super $\frac{1}{2}$ 12, et diuides summam per $\frac{4}{2} \frac{0}{117} \frac{0}{117} \frac{0}{210}$, exhibunt | libre $\frac{4}{2} \frac{0}{117} \frac{0}{117} \frac{0}{210}$ 5.

De imperialibus ad piperem.

Rvrsum soldus imperialium ualet pisaninos $\frac{1}{2}$ 21, et centum piperis ualet libras $\frac{11}{10}$ 11, et habueris libras $\frac{1}{2}$ 57 imperialium, de quibus uoueris habere piperem. Queritur quantum habueris de ipso pipere pro illis libris $\frac{1}{2}$ 57 imperialium: describes questionem, ut hic ostenditur: et quia pretium piperis, scilicet $\frac{11}{10}$ 11, est de genere librarum; et libre $\frac{1}{2}$ 57, de quibus uolumus piperem emere, sunt ex eodem genere, necessarium est, ut numeri qui sunt in superiori linea, uidelicet 12 et $\frac{1}{2}$ 21, fiant similiter libre: unde supernotabis libras super unumquemque ipsorum, ut fiat talis questio, quod libre 12 imperialium ualeant libras $\frac{1}{2}$ 21 pisanorum; et sic habebis libras imperialium, scilicet $\frac{1}{2}$ 57 sub libris 12, et libras pisanorum sub libris pisaninis, uidelicet $\frac{11}{10}$ 11 sub $\frac{1}{2}$ 21: deinde, hoc facto, multiplica $\frac{1}{2}$ 57 per $\frac{1}{2}$ 21, que sunt ex aduerso; que per 100, que eisdem $\frac{1}{2}$ 21 sunt ex aduerso; et summa diuidatur per alios duos numeros, qui remanent in questione, scilicet per 12, et per $\frac{11}{10}$ 11, exhibunt libre piperis $\frac{7}{111} \frac{11}{111}$ 1201, ut in questione ostenditur, hoc est centenaria 12, et libra 1, et uncie $\frac{7}{111}$ 1.

De eodem.

Nam si prescripta ratione quereris, quot piperis haberes pro soldis $\frac{1}{2}$ 57, tunc in hac questione scias heri $\frac{1}{2}$ 57 aliter esse describenda, uidelicet ut de soldis $\frac{1}{2}$ 57 facias libras; eruntque libre 3, et soldi $\frac{1}{2}$ 17, hoc est libre $\frac{1}{2} \frac{17}{20}$ 2; que pone sub imperialibus 12 in questione, et supernotabis libras super 12 ut similiter super notes, uel super pretium

* que sunt ... exhibent a ffol. 34 verso, lin. 23-29; pag. 124, lin. 11-24.

Gr.	pta.	imp.
60 l.	127 l.	23 l.
$\frac{1}{2}$ 8	$\frac{1}{2}$ 11	$\frac{1}{2}$ 11
Ger.		
40 l.	118	d. r. l.
$\frac{1}{2}$ 12	$\frac{0}{23}$	$\frac{4}{117} \frac{11}{117} \frac{11}{210}$

fol. 33 verso.

* $\frac{1}{2}$ 57 imperialium ... 12 et per a ffol. 21 verso, lin. 4-10; pag. 104, lin. 29-37.

Fac.	pip.	imp.
l. pip.	l.	l.
$\frac{3}{11} \frac{0}{11}$	1201	$\frac{1}{2}$ 21
		12
pip.		
l.	231	l.
100	$\frac{11}{10}$ 11	$\frac{1}{2}$ 57

* hoc est ... libris $\frac{1}{2}$ 57 a ffol. 21 verso, lin. 14-20; pag. 124, lin. 42 — pag. 125, lin. 7.

pip.	pta.	imp.
l.	l.	l.
$\frac{1}{2} \frac{17}{20}$	63	12
$\frac{1}{2} \frac{17}{20}$	65	$\frac{1}{2}$ 21
		12
pip.		
l.	231	l.
100	$\frac{11}{10}$ 11	$\frac{1}{2} \frac{17}{20}$

prescriptorum 12, scilicet super $\frac{1}{2}$ 31, que ponenda sunt in questione super pretium centenarii piperis, uidelicet super libras $\frac{11}{20}$ 11; et erunt illidem libre pisanorum sub libris pisanorum, scilicet libras $\frac{11}{20}$ 11 sub libris $\frac{1}{2}$ 21, et libras imperialium erunt similiter sub libris imperialium, hoc est libras $\frac{11}{20}$ 11 sub libris 12, ut in hac questione ostenditur: quare multiplicabis $\frac{1}{2}$ 21 2 per $\frac{1}{2}$ 21; que per 100, et diuides summam per $\frac{11}{20}$ 11, et per 12, et per $\frac{1}{2}$, exibit libre piperis $\frac{1}{9}$ 7 11 65, ut in questione ostenditur, que sunt uigesima pars de libris $\frac{1}{14}$ 14 1201, sicuti soldi $\frac{1}{2}$ 37 sunt $\frac{1}{20}$ de libris $\frac{1}{2}$ 37.

Possimus enim hanc eandem questionem aliter describere, uidelicet ut ponamus soldos $\frac{1}{2}$ 37 imperialium sub imperialibus 12; et notentur soldi super eos: et quia sunt soldi imperiales $\frac{1}{2}$ 37, necessarium est ut 12, que super eos sunt, fiant similiter soldi: ergo et $\frac{1}{2}$ 31 erunt similiter soldi: quare notabis soldos super $\frac{1}{2}$ 31, et super 12: et quia pretium centenarii piperis, scilicet libras $\frac{11}{20}$ 11, ponendum est sub pretio imperialium, uidelicet sub $\frac{1}{2}$ 31; ergo necessarium est ut, sicuti ipsi $\frac{1}{2}$ 31 sunt soldi, ita de libris $\frac{11}{20}$ 11 faciamus soldos, eruntque soldi 231: quem numerum describes in questione sub $\frac{1}{2}$ 31; et notabis soldos super eum, ut in hac alia cernitur descriptione; in qua talis est questio, quod soldi 12 imperialium ualent soldos $\frac{1}{2}$ 31 pisanorum; et centenarium piperis ualeat soldos 231; et queritur quantum piperis quis habuerit pro soldis $\frac{1}{2}$ 37. Multiplicabis itaque 229, que sunt super $\frac{1}{2}$ 37, per 63, que sunt super $\frac{1}{2}$ 31; que per centenarium piperis, et diuides summam eorum per regulam de 231, que est $\frac{1}{2}$ 7 11 65, et per $\frac{1}{2}$, et per $\frac{1}{2}$, que sunt sub uirgula post 31, et per 4, que sunt sub uirgula post 37, hoc est per $\frac{1}{9}$ 7 11 65, et euitabis inde hoc quod euitare potes, exibit similiter libre $\frac{1}{9}$ 7 11 65, ut in precedenti questione ostenditur.

De eodem.

Rvrsus si eadem ratione quesieris quantum piperis habueris pro imperialibus $\frac{1}{2}$ 37; scias quod habueris inde tot uncias, quot habuisti libras de soldis $\frac{1}{2}$ 37, hoc est uncias $\frac{1}{2}$ 7 11 65: ideo quia, sicut dicitur $\frac{1}{2}$ 37 sunt $\frac{1}{12}$ de soldis $\frac{1}{2}$ 37, ita et uncie $\frac{1}{2}$ 7 11 65 sunt $\frac{1}{12}$ de libris $\frac{1}{2}$ 7 11 65; et quamuis hoc sit, qualiter per artem ipse uncie repariantur indicabimus: possumus enim hanc questionem duplici modo describere: primum quidem, ut sicuti pretium centenarii piperis, scilicet $\frac{11}{20}$ 11, sunt libre, ita pretium imperialium, uidelicet $\frac{1}{2}$ 31, sint similiter libre; que aliter esse libre uon possunt, nisi imperiales 12 fuerint similiter libre. Vnde notabis libras super 12, et super $\frac{1}{2}$ 31: deinde, quia oportet describere imperiales $\frac{1}{2}$ 37 sub dictis libris 12 imperialium, necessarium est ut de ipsis imperialibus $\frac{1}{2}$ 37 facies partes unius libre, | ut fiat libre sub libris, eruntque $\frac{1}{2}$ 7 11 65 unius libre; quam uirgulam pones sub 12, ut hic in questione ostenditur. Et est talis questio, quod libre 12 imperialium ualent libras $\frac{1}{2}$ 31 pisanorum, et centenarium piperis ualeat libras $\frac{11}{20}$ 11 pisanorum; et queritur quantum piperis quis habuerit pro $\frac{1}{2}$ 37 unius libre: multiplicabis 4, que sunt super 20 per 12, et addes 9, que sunt super 12; que per 4, et addes 1, erunt 229; que multiplicabis per 63, et per 100; que per 20, que sunt sub uirgula post 11; et diuides summam eorum per regulam de 231, que est $\frac{1}{2}$ 7 11 65, et per 12, et per alios raptos, uidelicet per 2, et per $\frac{1}{9}$ 7 11 65, hoc est per $\frac{1}{9}$ 7 11 65, et euitabis hoc quod euitare potes, exibit libre $\frac{1}{9}$ 7 11 65, ut in questione ostenditur; quod tantum uncie $\frac{1}{9}$ 7 11 65, ut predictimus.

Item alius modus scribendi hanc questionem est: ut ponas dictos imperiales $\frac{1}{2}$ 37 sub

* super eis de 231 que est a (Id. 5) error, l. 22-23: pag. 123, l. 10-11).

Fac.	l.	pro.	imp.
$\frac{1}{2}$ 7 11 65	63 l.
	$\frac{1}{2}$ 31	12	
ppp.		229	
l.		l.	l.
100	231	$\frac{1}{9}$ 7 11 65	

* $\frac{1}{2}$ 37 l. 21, s. 1 (Id. 5) error, l. 24-25: pag. 123, l. 26-27).

Fac.	l.	pro.	imp.
$\frac{1}{2}$ 7 11 65	63 l.
	$\frac{1}{2}$ 31	12	
ppp.		229	
l.		l.	l.
100	$\frac{11}{20}$ 11	$\frac{1}{9}$ 7 11 65	

Id. 32 error.

Item ... in antecedenti + (fol. 52 recto, lin. 9-13 + 16, pag. 125, lin. 41 - pag. 126, lin. 8).

pop.	p.	imp.
62	d.	12
$\frac{1}{2}$ 31		
100	2772	$\frac{1}{2}$ 57

Et si ... piperis + (fol. 52 recto, lin. 17-22, pag. 126, lin. 10-17).

pop.	p.	imp.
62	d.	12
$\frac{1}{2}$ 31		
100	2772	$\frac{1}{2}$ 57

imperialibus 12; et erunt denarii $\frac{1}{2}$ 57, et 11, et $\frac{1}{2}$ 21. Quare notentur denarii super unumquemque ipsorum numerorum; et quia pretium centenarii piperis, videlicet libe $\frac{11}{20}$ 11, scribendum est sub denariis $\frac{1}{2}$ 21, necessarium est, ut de ipsis libris $\frac{11}{20}$ 11 facies denarios, qui sunt 2772; et pones eos sub $\frac{1}{2}$ 21, ut sint denarii sub denariis, ut in hac alia questione ostenditur; et multiplicabis 229 per 62; que per 100, quorum summam diuidis per regulam de 2772, que est $\frac{1}{2} \frac{0}{1} \frac{0}{11}$, et per imperiales 12, et per ruptos, scilicet per $\frac{1}{2}$ et per $\frac{1}{4}$; et euitabis hoc quod euitare potes, exibunt similiter libe piperis $\frac{1}{2} \frac{7}{11} \frac{4}{12} \frac{3}{12}$ 5, ut in antecedenti questione inuenimus.

De pipere ad imperiales.

Et si econtra quesieris, quot imperiales quis superscripta ratione de libris $\frac{1}{2}$ 57 piperis habuerit; describes siquidem libras $\frac{1}{2}$ 57 super centenarium piperis, ut in hac alia cernitur descriptione.

Et multiplicabis $\frac{1}{2}$ 57 per $\frac{11}{20}$ 11; que per imperiales 12, et diuides summam per 100 et per $\frac{1}{2}$ 21; quod sit secundum quod superius in similibus demonstraui; et euitabis $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ que sunt in regula de 62, propter $\frac{11}{20}$, que sunt in regula de 221; et aptabis uirgulam diuisionis sic, ut sub capite ipsius sit $\frac{0}{12} \frac{0}{12}$; ideo quia summa debet poni sub libris 12 imperialium, exibunt libe $\frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{1}{12} \frac{2}{10}$ 2 pro pretio dictarum librarum $\frac{1}{2}$ 57 piperis.

De eodem.

Item si queratur, quot imperiales pro uncis $\frac{1}{2}$ 57 habueris; aut de uncis $\frac{1}{2}$ 57 facies libras, que sunt libe $\frac{1}{2} \frac{0}{12}$ 4; et pones eas super centenarium piperis; aut de centenario facies uncias, quod est uncie 1200; super quas pones uncias $\frac{1}{2}$ 57. Et nota quod pulcrius est facere uncias de libris, in hac et in similibus questionibus, quam de uncis facere libras; ideo quia cum de uncis facies libras, augebuntur quandoque rupti in questione. Vnde questio uideatur esse impeditior. Propter quod, cum soldos uel denarios, sub libris uel super libras denariorum, in aliqua alia questione ponere oportuerit; pulcrius est facere soldos, et denarios de libris, quam de soldis et denariis facere libras, uel partes ipsius; et pulcrius est facere grana de tarenis, quam de granis facere tarenos. Hoc idem intelligatur de bizantiis, et de omnibus monetis; quamuis aliter in quibusdam questionibus huius antecedentis capituli superius demonstraui; descriptis itaque uncis $\frac{1}{2}$ 57 super uncias 1200, fac soldos de pretio centenarii piperis, scilicet de libris $\frac{11}{20}$ 11, erunt soldi 221; quos pones sub $\frac{1}{2}$ 21; et erit tunc talis questio, quod soldi 12 imperialium ualent soldos $\frac{1}{2}$ 21; et uncie 1200 piperis ualent soldos 221, ut in hac alia questione demonstratur. Et scias quia ideo fecimus soldos de libris $\frac{11}{20}$ 11, ut centum soldi ipsi cum imperialibus 12, sub quibus poneuda est summa, scilicet pretium de uncis $\frac{1}{2}$ 57; quod pretium cum non surgat in magna quantitate, liquidius demonstrabitur, cum questio fuerit ad soldos, quam cum fuerit ad libras; et multiplicabis 229 per 221; que per 12; que per 2, que sunt sub uirgula; et diuides summam per 62, et per 1200, et per 4; et euitabis hoc quod euitare poteris, et ordinabis $\frac{1}{12}$ in capite uirgule propter denarios, exibunt pro pretio illarum unciarum soldi $\frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{12} \frac{4}{10}$ 4; uel aliter sint 100 in loco de 1200; et erunt ipsa 100 uncie propter uncias $\frac{1}{2}$ 57, et que sunt super ea, et reliqui numeri erunt denarii, scilicet 221, et $\frac{1}{2}$ 21 et 12; et operaberis ut supra.

De baractis monetarum cum plures monete inter similes.

Imperiales 12 ualent pisaninos 31, et soldus lanuinorum ualeat pisaninus 22, et soldus

Item ... in antecedenti + (fol. 52 recto, lin. 33-35, pag. 126, lin. 30-36).

pop.	p.	imp.
62	d.	12
$\frac{1}{2}$ 31		
1200	2772	$\frac{1}{2}$ 57

fol. 52 recto.

turnensium ualet lanuinus 12, et soldus Barcellonaensium ualet turnenses 11; queritur de imperialibus 15 quot barcellonaenses ualeant. Secundum quidem uulgarem modum consideratur primum de imperialibus 15 quot pisaninos ualeant; ualent enim pisaninos $\frac{2}{3}$ 25 : ex quibus consideratur quot lanuinos ualeant; ualent enim lanuinos $\frac{2}{3}$ 20 : ex quibus consideratur quot turnenses ualeant; ualent enim turnenses $\frac{5}{12}$ 24, scilicet parum minus de turnensibus $\frac{2}{3}$ 18: ex quibus etiam consideratur iterum quot barcellonaenses ualeant; ualent enim parum amplius de barcellonaensibus $\frac{2}{3}$ 20, qui sunt pretium de imperialibus 15 prescriptis. Sed secundum artem ponens omnes prescriptas monetas in duabus lineis per ordinem, scilicet in superiori linea imperiales 12; et pisaninos 21, retro scribendo, et in inferiori lanuinos 12, et pisaninos 23; ita ut sint pisanini sub pisaninis, et in superiori linea turnenses 12, et lanuini 12; ita ut sint lanuini 12 super lanuinos 12: deinde sub turnensibus 12 ponens turnenses 11; et retro in eadem linea ponens barcellonaenses 12; et sic habes in superiori linea imperiales 12, et pisaninos 21, et lanuinos 12, et turnenses 12: in inferiori pisaninos 23, et lanuinos 12, et turnenses 11, et barcellonaenses 12: et quando habet imperiales ad cambiandum, scilicet 15, ponens ipsos sub imperialibus 12, ut hic ostenditur; et multiplicabis ipsos 15 per pisaninos 21, cum sint ex aduerso; quorum summam multiplicabis per lanuinos 12, qui sunt ex aduerso eisdem 21; cuius multiplicationis summam multiplicabis iterum per turnenses 12; cum sint ex aduerso dictis lanuinis 12; quorum multiplicationis summam multiplicabis iterum per barcellonaenses 12; cum sint similiter ex aduerso dictis turnensibus 12; quam totam summam diuides per imperiales 12, et per pisaninos 23, et per lanuinos 12, et per turnenses 11; et cuitabis quod cuitare poteris, exhibunt barcellonaenses $\frac{2}{11}$ 20 pro pretio de imperialibus 15, scilicet parum plus de barcellonaensibus $\frac{1}{11}$ 20, ut praediximus.

Nam si habueris barcellonaenses 15 ad cambiandum cum imperialibus, ponens barcellonaenses 15 super barcellonaenses 12, ut in hac alia questione ostendetur; et tunc multiplicabis barcellonaenses 15 per turnenses 11, quorum summam per lanuinos 12: deinde per pisaninos 23, et per imperiales 12; et dicte multiplicationis summam diuide per barcellonaenses 12, et per turnenses 12, et per lanuinos 12, et per pisaninos 23; et habebis imperiales $\frac{5}{12}$ 25 pro dictis barcellonaensibus 15: et sic secundum hunc modum de pluribus monetis poteris operari. Est enim proportio imperialium ad barcellonaenses composita ex $\frac{1}{12}$ proportiionibus sub superscriptis, scilicet ex ea quam habet numerus imperialium ad eorum pretium, scilicet 12 ad 21; et ex ea quam habet 23 ad numerum suorum lanuinarum, scilicet ad 12; et ex ea quam habet numerus lanuinarum ad suos turnenses, scilicet 12 ad 11; et ex ea quam habet numerus turnensium ad numeros suos barcellonaensium, scilicet 11 ad 12, hoc est ex proportiionibus antecedentium ad consequentes; et hinc procedit modus supradictus multiplicand. et diuidend.

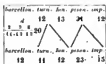
Incipit pars secunda noni capituli de emptione (sic) bolsonalie secundum modum.

Ille siquidem monete bolsonalie appellantur, que non emuntur nisi quantum ualet argentum, quod est in ipsis; ut dissolutis ipsis in uase super ignem, alie monete inde informantur. Quare nos, qualiter inueniri debeat pretium illarum ad modum baracte, siue sit ad pondus libre, siue ad numerum, ostendemus.

De emptione cuiusdam bolsonalie ad pondus libre.]

Ouidam habet libras 11 cuiusdam bolsonalie, que est ad uncias 2 argenti, hoc est quod

pisaninos . . . turnensibus 12 :
[fol. 32 verso, lin. 14 - 15-22 :
pag. 127, lin. 10 - 11-20:]



proportiones unciarum modum .
(fol. 53 recto, lin. 2 et 3-4, pag.
128, lin. 2-3).

argenti		hol.
Fac.	Fac.	de.
$\frac{3}{4}$ 12	2	1
7	12	11

baracte De eodem . (fol. 53
recto, lin. 9-11, pag. 128, lin. 9
-10).

Fac.	Fac.
7	12
$\frac{3}{4}$ 12	22

Item unci $\frac{7}{2}$ s . (fol. 52
recto, lin. 11-30) pag. 129 . lin.
17 - pag. 129, lin. 3).

arg.	Fac.
2	12
7	12
11	11

arg.	Fac.	d.
2		200
7	12	11

Fac.	arg.	hol.
9		1
$\frac{1}{2}$ 2		1
149		26
$\frac{9}{10}$ 7	12	8

Fac.	arg.	hol.
9		12
149	2	26
$\frac{9}{10}$ 7	12	8

Fac.	arg.	d. pen
9		200
149	2	26
$\frac{9}{10}$ 7	12	8

contineatur uncie 2 argenti in libra ipsius. Et libra argenti ualet pisis libras 7 pisanorum. Et queratur quot pisaninos de ipsis libris 11 habere debeas. Pones itaque in capite tabule 1 pro libra una bolsonalie. Et argentum quod est in ipsa libra, scilicet uncias 2, ponas retro in eadem linea; et sub ipsas 2 ponas 12, scilicet uncias unius libre argenti; in quorum linea retro ponas pretium pisanis libre, scilicet libras 7 pisanorum; et sub uno posito plus bolsonalie ponas libras 11 prediete bolsonalie, ut sit bolsonalia sub bolsonalia, sicuti est argentum sub argento, scilicet uncie 12 sub unciis 2, ut in hac questione describitur: et multiplicabis ipsos tres numeros; quin ad inuicem positi sunt ex aduerso, secundum modum baracte, hoc est 11 per 2; quorum summa per 7, erunt 154; que diuides per reliquos duos numeros, scilicet per 1, et per 12, exhibunt libre $\frac{5}{12}$ 12, hoc est libre 12, et soldi 16, et denarii 8 pro pretio dictarum librarum 11 bolsonalie. Aliter hoc idem per modum negotiationis operatur, uidelicet ut uideas quantum argutum est in illis libris 11 bolsonalie, cum in libra una sint uncie 2 argenti; et inuenies esse uncias 22 in ipsis libris 11 bolsonalie; quorum pretium queras, cum libra argenti ualet libras 7; cuius rei descriptio hec est.

De eodem.

Item si queratur quot pisaninos de unciis 11 dicte bolsonalie superscripta ratione habueris: cum in hac questione queratur pretium unciarum bolsonalie, debes ponere uncias 12 pro libra bolsonalie, ut sint uncie 11 sub unciis 12, ut in hac alia descriptione ostenditur: et multiplicabis 11 per 2; que per 7, erunt 154; que diuide per 12, et per 12, hoc est $\frac{11 \cdot 2}{12 \cdot 12}$. Sed quia locus, in quo ponenda est summa diuisionis, est super libras, scilicet super 7, oportet nos multiplicare 154 per 5; et pone 5 sub uirgula diuisionis, et apta ea cum 4, que sunt sub ipsa uirgula, facies ex eis $\frac{767}{12}$, exhibunt libre $\frac{1}{12}$ 12 pro pretio illarum unciarum 11.

Item si queratur quantum ualeant denarii 11 de cantera ipsis bolsonalie; describe pondus denariorum unius libre, scilicet 200 super denarios 11, ut sint denarii de cantera sub denariis de cantera, ut in hac alia patet descriptione; et multiplicabis 11 per 2; que per 7, erunt 154; que diuide per 12, et per 200, hoc est per $\frac{2 \cdot 7 \cdot 200}{12 \cdot 200}$, exhibunt $\frac{1}{2}$ 10 pro pretio illorum denariorum 11 de cantera.

Rvrsus quidam habet libras $\frac{2}{3}$ s cuiusdam bolsonalie, que est ad uncias $\frac{1}{2}$ 2 argenti; et libra argenti ualet libras $\frac{7}{10}$ 7 pisaniorum; et queratur quot pisaninos habuerit pro ipsis libris $\frac{2}{3}$ s bolsonalie: describe questionem ut hic ostenditur; et multiplicabis $\frac{2}{3}$ s per $\frac{1}{2}$ 2, quia sunt ex aduerso; et eorum summam multiplicabis per $\frac{7}{10}$ 7, cum sint $\frac{1}{2}$ 2 ex aduerso; et diuides summam per reliquos duos numeros, scilicet per 1, et per 12; et exhibitis hoc quod euitare poteris, exhibunt libre $\frac{1}{12}$ 26 pro pretio illarum librarum $\frac{2}{3}$ s.

Nam si superscriptas libras $\frac{2}{3}$ s dicte bolsonalie uncias esse proposueris; describes uncias unius libre bolsonalie, scilicet 12, super uncias $\frac{2}{3}$ s, ut in questione ostenditur; et multiplicabis 26, que sunt super $\frac{2}{3}$ s per 9, que sunt super $\frac{1}{2}$ 2; que per 149 uigessimas; et diuides summam per 12, et per 12, et per omnes ruptos, scilicet per 3, et per 4, et per 20; et euitabis hoc quod euitare poteris, exhibunt libre $\frac{1}{12}$ 21 1, hoc est soldi 20, et denarii $\frac{1}{2}$ 2 pro pretio illorum unciarum $\frac{2}{3}$ s bolsonalie.

De eodem.

Rvrsus si prescriptas uncias $\frac{2}{3}$ s denarios de pondere cantere esse proposueris; de-

scribe denarios cantare unius libre, scilicet 300, super denarios $\frac{1}{2}$ s, ut in hac questione ostenditur; et multiplicabis 26 per 9; que per 140, et diuides per 200, et per 12, et per omnes ruptos; et euitabis hoc quod euitare poteris, exhibunt $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$, hoc est denarii $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 9, parum uidelicet amplius de denariis $\frac{1}{2}$ s.

De eodem.

Irem quidam habet libras 11, et uncias 7, et denarios ponderis de cantera $\frac{1}{2}$ 12, hoc est libras $\frac{1}{2} \frac{12}{12} \frac{7}{12}$ 11 cuiusdam bolsonalie, in cuius libra sunt uncie 3, et denarii ponderis de cantera 7, hoc est uncie $\frac{7}{12}$ s; | et libra argenti ualet libras $\frac{1}{12} \frac{11}{10}$ 7 pisaninorum; fac itaque uncias de libris $\frac{1}{2} \frac{12}{12} \frac{7}{12}$ 11, erunt uncie $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 120; quas describe sub uncis libre bolsonalie, scilicet sub 12, ut sint uncie sub uncis, ut in descriptione ostenditur: et multiplicabis uncias 120 bolsonalie per suam uirgulam, hoc est per 25, et adde 12; que per 7, et adde 1, erunt 6977; super que pone pensam ipsarum, que est 5, per septenarium; deinde multiplica uncias 3 argenti per suam uirgulam, hoc est per 25, et adde 7, erunt 128, que pone super $\frac{1}{2}$ 5; et desuper pone pensam, que est 6: similiter facies de libris $\frac{1}{12} \frac{11}{10}$ 7; et habebis super ipsa 1817, quorum pensa est 4: deinde multiplica 6977 per 128; quorum summam multiplica per 1817, et diuides totam summam per 12 bolsonalie, et per 12 argenti, et per omnes numeros, qui sunt sub uirgulis; et euitabis hoc quod euitare poteris, et aptabis ruptos, et probabis multiplicationes et diuisiones, secundum quod superius demonstrauius; et habebis libras $\frac{1}{2} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 28 pro pretio superscriptarum unciarum $\frac{1}{2} \frac{12}{12}$ 120; et est pensa summe superscripti pretii 3 per septenarium post euitationem.

De bolsonalia cum uenditur ad numerum.

Quidam habet libras 12, et soldos 7 cuiusdam bolsonalie, de qua intrauit in libra soldi 21; et in libra ipsius contiaentur uncie $\frac{1}{2}$ 3; et libra argenti ualet libram $\frac{1}{10}$ 7 pisaninorum; queritur quot pisaninas de superscripta bolsonalia habuerit: facies soldos de libris $\frac{7}{12}$ 12, erunt soldi 267; quos pones sub soldis 21, ut sint soldi sub soldis, ut in hac questione ostenditur: et multiplicabis 267 per numerum de $\frac{1}{2}$ 3, scilicet per 15; que per numerum de $\frac{12}{12}$ 7, hoc est per 153; et diuides summam per 21, et per 12, et per omnes ruptos, uidelicet per 4, et per 20, exhibunt libre $\frac{1}{4} \frac{11}{14} \frac{9}{12} \frac{11}{10}$ 20 pisaninorum pro pretio de libris 12, et soldis 7 predicte bolsonalie. Et si uis scire quot pisaninas ualeat soldus 1 dicte bolsonalie, describe 1 pro ipso soldo sub soldis 21, ut hic ostenditur, et multiplicabis ipsum 1 per $\frac{1}{2}$ 3; que per $\frac{12}{12}$ 7, et diuides per 12 et per 21, hoc est multiplicabis dictum 1 per 15; que per 153, erunt 2205; que diuides per $\frac{1}{4} \frac{11}{14} \frac{9}{12} \frac{11}{10}$ 20, exhibunt $\frac{1}{4} \frac{11}{14} \frac{9}{12} \frac{11}{10}$ 220, hoc est denarii $\frac{1}{4} \frac{11}{14}$ 18, qui sunt denarii $\frac{1}{4}$ 18, et amplius $\frac{1}{224}$ unius denarii. Ergo habito pretio unius soldi predicte bolsonalie, possumus per eum reperire pretium quarumlibet librarum, uel soldorum, uel denariorum, secundum quod superius in antecedenti capitulo demonstrauius.

De eodem.

Et si de superscripta bolsonalia habueris tantum denarios 9 ad cambiandum; aut de soldis 21 facies denarios, qui sunt 372; et pones eos super denarios 9 superscriptos, ut in hac descriptione ostenditur. Aut de denariis 9 facies partes unius soldi, scilicet $\frac{1}{4}$, et pones eos sub 21, ut inferius in alia descriptione ostenditur. Nam in superiori descriptione multiplicabis denarios 9 per 15; que per 153; et diuides per regulam de 273,

fol. 53 verso.

• 29 libre ... 12 bolsonalie • (fol. 53 verso, lin. 1-7) pag. 120, lin. 8-16 v. 17).

	120		12
	Fac.		Unc.
	$\frac{1}{12}$ 5		
1817			6977
	$\frac{1}{2}$ 5	12	$\frac{1}{2}$ 129
	$\frac{1}{12}$ 7		

• libre ... de eodem • (fol. 53 verso, lin. 12-22) pag. 120, lin. 24-30).

	15	s. sold.
l. p.	Fac. ar.	21
152	$\frac{1}{2}$ 3	
$\frac{12}{12}$ 7	12	267

	15	s. sold.
l. p.	Fac. arg.	21
	$\frac{1}{2}$ 3	
152		
$\frac{12}{12}$ 7	12	1

378 et pona s (fol. 33 verso, lin. 25-33) pag. 129, lin. 30 — pag. 129, lin. 17).

	15	d. bol.	372
l. p.	$\frac{1}{3}$	Fac.	3
153	$\frac{1}{3}$	12	9
$\frac{15}{12}$	7		

	15	d. bol.	24
l. p.	$\frac{1}{3}$	Fac.	3
153	$\frac{1}{3}$	12	9
$\frac{15}{12}$	7		

s. pona euitabis s (fol. 54 verso, lin. 30-37; pag. 129, lin. 17-17).

	41	d. bol.	323
l. p.	$\frac{1}{5}$	Fac.	5
87	$\frac{1}{5}$	12	9
$\frac{87}{12}$	7		

	41	d. bol.	260
l. p.	$\frac{1}{5}$	Fac.	5
87	$\frac{1}{5}$	12	9
$\frac{87}{12}$	7		

et probabis pona quia s (fol. 54 verso, lin. 1-13; pag. 129, lin. 17-34).

	41	d. bol.	125
l. p.	$\frac{1}{5}$	Fac.	5
87	$\frac{1}{5}$	12	9
$\frac{87}{12}$	7		

	41	d. bol.	135
l. p.	$\frac{1}{5}$	Fac.	5
87	$\frac{1}{5}$	12	9
$\frac{87}{12}$	7		

que est $\frac{8}{9} \frac{0}{0} \frac{0}{0}$, et per 12, et per ruptos, hoc est per $\frac{1}{9} \frac{0}{0} \frac{0}{0} \frac{0}{0} \frac{0}{0}$; euitabis inde $\frac{1}{9}$ de 12, hoc est quod multiplicabis 9 per tertiam partem de 12, scilicet per 3; que per 12, erunt 688; que diuides per $\frac{1}{4} \frac{0}{4} \frac{0}{16} \frac{0}{32}$, exhibit $\frac{1}{4} \frac{0}{4} \frac{0}{16} \frac{0}{32}$. In alia uero descriptione multiplicabis 3, que sunt super 4 per 15; que per 153, erunt similiter 688; que diuides per 3, et per 12, et per omnes ruptos, hoc est per $\frac{1}{4} \frac{0}{4} \frac{0}{16} \frac{0}{32}$, exhibit $\frac{1}{4} \frac{0}{4} \frac{0}{16} \frac{0}{32}$, hoc est denari $\frac{1}{4} \frac{0}{4} \frac{0}{16} \frac{0}{32}$.

De eodem.

Item sint libre $\frac{8}{12} \frac{0}{12}$ cuiusdam bolsonalie, que sit ad uncias $\frac{1}{5}$ 5 argenti; et in libra ipsius sint soldi 21, et denari 3, hoc est soldi $\frac{1}{5}$ 21; et libra argenti ualeat libras 8, et sodos 7, et denarios 6, hoc est libras $\frac{7}{8}$ 8: fac sodos de libris $\frac{7}{8} \frac{0}{8}$ 12, erunt soldi $\frac{7}{8}$ 269; quos pones sub soldis $\frac{1}{5}$ 21, ut hic ostenditur; et multiplicabis 269 per suam uirgulam, erunt 2923; que pone super $\frac{7}{8}$ 269, et super ipsa pone pensam ipsorum, que est 10, per 11: similiter facies de $\frac{1}{5}$ 5, et habebis 41 super ipsa, quorum pensa est 8: hoc idem facies de $\frac{7}{8}$ 8, et habebis 67; et pro pensa 1, et super $\frac{1}{5}$ 21 habebis 125: deinde multiplicabis 2923 per 41, et per 67, et per 4, que sunt super uirgula de 21; et diuides summam per regulam de 125, que est $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{20}$, et per 12, et per ruptos trium reliquorum numerorum, scilicet per 12, et per 8, et per 8, et aptabis ruptos, et euitabis, | et probabis, semper exhibuit libre $\frac{4}{5} \frac{0}{10} \frac{0}{20} \frac{0}{40}$ 20 pro pretio dictarum librarum 12, et soldi 9, et denari 5.

De eodem.

Et si pretium nnius soldi eiusdem bolsonalie reperire uolueris, describes 1 sub $\frac{1}{5}$ 21, et multiplicabis ipsam 1 per 41, erunt 41; que multiplicabis per 67, erunt 2747; que relinques multiplicare per 4, que sunt sub uirgula post 21, et non diuides per 4, que sunt in regula de 8, que sunt sub uirgula sub 41, et per 8, que sunt sub uirgula sub 87, et aptabis ruptos, exhibit $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{20}$, ut in hac descriptione ostenditur; hoc est parum minus de denariis $\frac{1}{5}$ 27, uidelicet $\frac{1}{5}$ unius denari, minus per unamquamque libram; et hoc cognoscitur ita: quod pretium soldi est denariorum $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$ 27, hoc est denari $\frac{1}{10}$ 27; a quibus usque in denariis $\frac{1}{5}$ 27 desunt $\frac{8}{100}$ unius denari: ergo si unicuique soldi defuerit $\frac{8}{100}$ unius denari et libre, scilicet soldi 20, deerunt $\frac{8}{100}$, hoc est $\frac{1}{5}$ nnius denari, ut pre diximus.

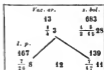
De eodem.

Item si queratur pretium de denariis $\frac{1}{5}$ 21 eiusdem bolsonalie; ant de soldis $\frac{1}{5}$ 21 facies denarios, qui sunt 27; et pones sub eis dictos denarios $\frac{1}{5}$ 21; uel de ipsis denariis $\frac{1}{5}$ 21 facies partes unius soldi, scilicet $\frac{1}{5} \frac{0}{5}$; et pones ipsas sub soldis $\frac{1}{5}$ 21, ut sint soldi sub soldis, nt in hac descriptione ostenditur; et multiplicabis denarios 8 per suam uirgulam, erunt 17; que multiplicabis per 41; que per 67; que per 4, que sunt sub uirgula post 21; et diuides per 125, et per 12, et per ruptos, scilicet per $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$, et per 8, et per 8; et euitabis, et coaptabis, et exhibit $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{20}$, hoc est denari $\frac{1}{10} \frac{0}{10}$ 16.

Item quidam habet sodos 11, et denarios 7, hoc est sodos $\frac{7}{10}$ 11 cuiusdam bolsonalie, que est ad uncias $\frac{1}{5}$ 2; et intrant in libra ipsius bolsonalie soldi 25, et denari $\frac{1}{5}$ 8, hoc est soldi $\frac{1}{5} \frac{0}{5}$ 25; et libra argenti ualeat libras $\frac{7}{8}$ 8; describes questionem, ut hic ostenditur, et multiplica 25 per suam uirgulam, erunt 683: similiter multiplica omnes numeros per suas uirgulas; et habebis 12 super $\frac{1}{5}$ 2, et 167 super $\frac{7}{8}$ 8, et 120 super $\frac{1}{10}$ 11.

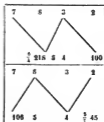
Et tunc multiplicabis 120 per 12; que per 157; que per ruptos, qui sunt cum 26, scilicet per 2, et per 12; et diuides summam per 683, et per 12, et per ruptos trium numerorum multiplicatorum, scilicet per 11, et per 4, et per 20; et cuitabis, et coaptabis; et sic habebis $\frac{1 \cdot 120 \cdot 12 \cdot 15}{2 \cdot 11 \cdot 4 \cdot 20}$ pro pretio de soldis $\frac{1}{11}$ ti dicte bolsionalie. Et sic poteris quorumlibet bolsionaliarum pretia per demonstratum modum sexte proportionis reperire; que proportio est composita ex dualibus datis proportionibus. Et cum proportio aliqua est composita ex quocumque proportionibus; tunc proportio proportionum ipsa appellatur: que compositio qualiter fiat, lucidius demonstrabo. Sit summa aliqua, de qua efficitur summa secunda per datam duorum numerorum proportionem; et de secunda summa fit tertia per proportionem duorum quorumlibet numerorum; et de tertia eodem modo efficitur quarta, et sic deinceps; tunc prime summe proportio ad ultimam dicitur esse composita ex omnibus datis proportionibus, scilicet que proportio est facti numeri ex omnibus antecedentibus ad factum numerum ex consequentibus, eadem est prime summe ad ultimam. Verbi gratia: quidam habuit bizantios 100, de quibus in primo foro de duobus fecit tria; in secunda de quattuor quinque; in tertio ex sex fecit septem: pone has proportionem in una virga sic $\frac{2}{3} \frac{4}{5} \frac{6}{7}$; et sunt omnes antecedentes super virga, et consequentes sub ipsis; et quia in primo foro de duobus fecit tria, prima summa ad secundam est sicut 2 ad 3: quare prima summa est $\frac{2}{3}$ secunde; de qua cum de 4 fecit 5, est proportio secunde summe ad tertiam, sicut 4 est ad 5: quare secunda summa est $\frac{4}{5}$ tertie summe; et sic prima summa est $\frac{2}{3}$ de $\frac{4}{5}$ tertie $\frac{2}{5}$ summe; de qua tertia summa cum de 6 fuerit 7, est tertia summa $\frac{6}{7}$ quarte summe. Quare prima summa est $\frac{2}{5}$ de $\frac{6}{7}$ ex ultima quesite summe; quarum duarum summarum proportio est sicut facti numeri ex antecedentibus ad factum ex consequentibus. Et est factum ex antecedentibus 48, que est similiter prime summe, qui procreatur ex multiplicatione antecedentium in se, scilicet de 2 in 4; que in 6: factum | quidem ex consequentibus est 105; quia ter quinque ductus in 7 faciunt 105; et assimilantur ultime summe. Ergo si a principio pro prima summa habeantur 48; pro quarta habeantur 105; quia si de 105 acceperis $\frac{2}{5}$, veniunt 90 pro tertia summa; de quibus si acceperis $\frac{4}{5}$, veniunt 72 pro secunda summa; de quibus si acceperis $\frac{2}{3}$, veniunt 48 pro prima summa. Vel aliter: si de 48 de 2 feceris tria, veniunt 72; de quibus si de 4 feceris 5, veniunt 90; de quibus etiam si de 6 fieri 7, hoc est quod $\frac{6}{7}$ de 90 multiplices per 7, veniunt 105. Ergo proportio de 48 ad 105 est composita ex tribus datis proportionibus, scilicet ex ea, quam 2 habent ad 3; et ex ea, quam 4 habent ad 5; et ex ea, quam 6 habent ad 7. Et quia est sicut 48 ad 105, ita prima est ad quesitam summam. Quare si prima summa fuerit 100, multiplicanda sunt per 105, et diuidenda per 48. Vel si hoc, secundum modum haracti, operari uis, pone primam proportionem in una linea, scilicet 2 et 3; et sub 3 pone antecedentem secunde proportionis, scilicet 4; post quam pone 5, et super 5 in superiori linea pone antecedentem tertie proportionis, scilicet 6; post quam pone 7, et 100 pone sub 3; quibus multiplicatis per 3; quibus per 5; quibus per 7, reddent summam multiplicationis facti ex consequentibus in 100; quam diuides per antecedentes, scilicet per $\frac{120}{2 \cdot 4 \cdot 6}$, hoc est per $\frac{10}{12}$ exhibunt $\frac{2}{3}$ 215 pro ultima summa. Et si proponatur, quod ultima summa fuerit 100; et uis inuenire primam, pones 100 sub 7, ut in hac alia patet descriptione; et multiplica 100 per factum ex antecedentibus, hoc est per 6; que per 4; que per 2, et diuides per conse-

* quam ... procreatur * (fol. 54 verso, lin. 15-24, pag. 120, lin. 40 - pag. 121, lin. 7).



fol. 54 verso.

* per 48 ... cum proportione * (fol. 54 verso, lin. 9-22 et 23; pag. 121, lin. 25 - pag. 122, lin. 9 et 10).



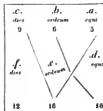
quentes, scilicet per $\frac{600}{137}$, exhibunt $\frac{1}{2}$ 45 pro prima summa: ex hoc quidem manifestum est, quod composita proportio ex datis quascumque proportionibus, numerus factus ex omnibus antecedentibus ad numerum factum ex consequentibus. Nam si proportionem de proportiue extrahere uis, multiplica antecedentem illius proportionis, de qua aliam extrahere uis, per consequentem alterius; et habebis antecedentem residue proportionis; et ex multiplicatione duorum residuorum numerorum habebis consequentem. Verbi gratia: proportionem de 3 ad 4 uolumus extrahere ex proportiue de 2 ad 5: pro prima proportiue pone $\frac{2}{3}$, et pro secunda pone $\frac{2}{5}$; et multiplica 2 per 4, erunt 8; et 3 per 5, erunt 15; que pone sub 8, et habebis residuam proportionem: quam si addideris cum proportiue, quam 3 habent ad 4, nimirum proportio, quam 21 habent ad 60, scilicet quam 3 habent ad 5, proueniet.

Explicit pars secunda noni capituli.

Incipit tertia de equis qui comedunt ordeum in propositis diebus.

Quinque equi comedunt sextaria 6 ordei in diebus 9; queritur in quot dies eadem ratione decem equi comedent sextaria 16: pone inferiori linea 5 pro equis, et 6 pro ordeo, et 9 pro diebus, retro uidelicet scribendo; et sub 5 pones 16 equos, et 16 sextaria pone sub 6; et multiplica 5 per 16; que per 9, erunt 720; que diuide per 6, et per 16, exhibunt dies 12: uel aliter quia equi 5 comedunt sextaria 6 in diebus 9; ergo decem equi comedent duplum de sextariis 6 in totidem diebus, cum 10 equi sint duplum equorum 5. Rursus quia 10 equi comedunt sextaria 12 in diebus 9; ergo ipsi comedent sextaria 16 in diebus 12, qui proueniunt ex multiplicatione de 16 in 9 diuisa per 12. Possumus enim in hac questione 18 combinationes proportionum ostendere, quas in sex lineis in figura chata prima monstrantur. Sit itaque numerus .e. linea prima, et .f. sit secunda, et .d. sit tertia, et .a. sit quarta, et .b. quinta, numerus quoque .c. sit linea sexta; et sit numerus .a. e. c. quedam coniunctio, que uocetur prima: numeri uero .d. b. f. sit coniunctio secunda. Proportio quidem uniuscuiusque numeri prime coniunctionis ad unumquemque numerum secunde est composita ex quattuor reliquis numeris; et sunt duo illorum antecedentes, et duo consequentes. Quare unaqueque proportio illarum compositarum proportionum, que sunt 9, componitur secundum unam combinationem proportionum: quia cum proportio aliqua componitur ex primo antecedente, et primo consequente, et ex secundo antecedente, et secundo consequente, componitur etiam permutata eadem proportio, quam habet | primum antecedens ad secundum consequens; et ex proportiue, quam habet secundum antecedens ad primum consequens. Non enim mutantur facti ex antecedentibus, neque ex consequentibus; cum ipsi facti numeri faciant compositam proportionem, que componitur ex duobus antecedentibus, et ex duobus consequentibus predictis. Similiter proportio uniuscuiusque numeri secunde coniunctionis ad unumquemque numerum prime est composita ex quattuor reliquis numeris, quorum duo sunt antecedentes, et duo consequentes. Unde fiunt alie 9 combinationes. Et nos ostendamus compositionem proportionis primi numeri .e. ad secundum .f. esse compositam ex quattuor reliquis numeris; ex quibus numeri .d. b. sunt antecedentes; reliqui uero .a. c. sunt consequentes; quod probabitur ita: quia ex multiplicatione numeri .e. in factum ex numeris .a. c., scilicet de 16 uicibus 9, uicibus 5, diuisa per factum ex numeris .d. b., prouenit numerus .f. Ergo si multiplicatur

* 10 uicibus ... consequente e (fol. 14 verso, l. 20-26 e 29; pag. 122, lin. 18-21).

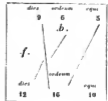


fol. 14 verso.

factus ex numeris *d. b.* per *f.* equalitur multiplicationi *e.* in factum ex numeris *a. c.* : quare proportionaliter est sicut factus ex numeris *d. b.* ad factum ex numeris *a. c.*, ita *e.* ad *f.*; ergo numeri *d. b.*, ut dixi, sunt antecedentes, et *a. c.* sunt consequentes. Componitur ergo proportio *e.* ad *f.* ex proportione *d.* antecedentis ad *a.* consequentem, et ex proportione *b.* similiter antecedentis ad *c.* consequentem; vel proportio *e.* ad *f.* componitur ex permutatis proportionibus, scilicet ex ea, quam habet numerus *d.* ad numerum *c.*, et ex ea quam habet *b.* ad *a.*; quod etiam demonstrabo in numeris alio modo. Quoniam est sicut 10 ad 5, hoc est, sicut numerus *d.* ad numerum *a.*, ita factus ex numeris *b. d.* ad factum ex numeris *b. a.*; hoc est sicut equi 10 sunt ad equos 5, ita equi 60 sunt ad equos 30; et sicut equi 60 sunt ad equos 30, ita sextaria 60 sunt ad sextaria 30. Rursus sicut 6 sextaria sunt ad 9 dies, hoc est, sicut *b.* est ad *c.*, ita factus ex numeris *a. b.* ad factum ex numeris *a. c.*; hoc est sicut 6 sextaria sunt ad dies 9, ita sextaria 30 sunt ad dies 45 : ergo est sicut *d.* ad *a.*, ita sextaria 60 ad sextaria 30; et sicut *b.* est ad *c.*, ita sextaria 30 ad dies 45 : ergo proportio ordei ad dies est sicut 60 ad 45; que proportio ostensa esse composita ex ea, quam habet *d.* ad *a.*, et *b.* ad *c.*; ergo est sicut 60 sextaria ad dies 45, ita sextaria 16 sunt ad quosdam dies, scilicet numerus *e.* ad numerum *f.*; et sic proportio *e.* ad *f.* ostensa est esse composita ex *d.* ad *a.*, et ex *b.* ad *c.*, ut oportet. Similiter ostenderem *e.* ad *f.* compositam esse ex *a.* ad *c.*, et ex *b.* ad *a.*; et sic habemus unam combinationem. Similiter potest ostendi, quod *c.* ad *f.* componitur ex reliquis quattuor numeris. Ex quibus rursus numeri *d. b.* sunt antecedentes, reliqui autem *e. a.* sunt consequentes; et est multiplicatio facti ex numeris *a. e.* in numerum *c.*, scilicet 720 equalis multiplicationi facti ex numeris *d. b.* antecedentibus in numerum *f.*; et sic habetur combinatio secunda. Eodem modo ostendetur *a.*, qui restat ex prima coniunctione, componi ad *f.* ex quattuor reliquis numeris; quorum iterum numeri *d. b.* sunt antecedentes, et reliqui, scilicet *e. c.*, sunt consequentes; et sic habetur combinatio tertia. Et sic ostensum est, quod proportio uniuscuiusque trium numerorum prime coniunctionis ad numerum *f.*, qui est unus ex tribus numeris secunde coniunctionis, componitur ex duabus proportionibus reliquorum quattuor numerorum. Rursus supradicta ratione queratur, quot equi comedant sextaria 16 in diebus 12: describe in questione ordem sub ordeo, et dies sub diebus; et diuides numerum factum ex tribus numeris prime compositionis, scilicet 720, per reliquos duos numeros, scilicet per 12, et per 6, exhibunt 10 pro quesitis equis. In hac autem questione supradicto modo potest ostendi, quod proportio quam habet unusquisque numerorum prime coniunctionis ad 10, qui est alius numerus secunde, componitur ex duabus proportionibus reliquorum quattuor numerorum, quorum antecedentes sunt 12 ad 6, scilicet numeri *f. b.*; et sic habentur tres alie combinationes in hac questione.

Et si proponatur, quod equi 10 comedant sextaria 16 in diebus 12; et queratur quot sextaria comedent equi 5 in diebus 9; modo in hac questione deficit tertius numerus secunde coniunctionis; quare reliqui duo numeri eiusdem coniunctionis, scilicet 10 et 12, erunt diuisores; in quibus diuides 720, qui proceuntur ex 3 nicibus 16, exhibunt sextaria ordei 6, ut in hac tertia descriptione ostenditur; in qua certissime potest cognosci, quod proportio uniuscuiusque numeri prime coniunctionis ad 6, qui est tertius ex

* *e.* ad *f.* proportionibus
 55 recto. l. 22-21 e 24. pag. 113.
 l. 18-20.



l. 23 verso.

• *arcedunt arboribus* (fol. 35 verso, lin. 1-9 et 10; pag. 122, lin. 29 — pag. 124, lin. 2).

diebus	arborum	equi
9	6	5
↙ ↘		
diebus	arborum	equi
12	16	10

• *arcedo multiplicatio* (fol. 35 verso, lin. 15-23 et 24; pag. 124, lin. 19-22).

arborum	diebus	equi
6	9	5
↘ ↙		
16	12	10

• *arcedo fructum* (fol. 35 verso, lin. 25-29; pag. 124, lin. 23 — pag. 125, lin. 1).

diebus	arbores	homines
9	1000	30
↙ ↘		
diebus	arbores	homines
9	4400	36
↘ ↙		
diebus	arbores	homines
9	1000	30
↘ ↙		
diebus	arbores	homines
33	4400	36
↘ ↙		
diebus	arbores	homines
9	1000	30
↘ ↙		
diebus	arbores	homines
33	4400	36

numeris secunde, est composita ex duabus proportionibus quattuor reliquorum numerorum, ex quibus antecedentes sunt 10 et 12; reliqui duo sunt consequentes; et sic habentur nouem combinationes. Reliquas uero 9 combinationes inuenies ex compositione proportionis uniuscuiusque trium numerorum secunde coniunctionis ad unumquemque trium numerorum prime: que compositiones fiunt ex duabus proportionibus, que fiunt a reliquis quattuor numeris, ex quibus semper in unaquaque combinatione erunt antecedentes duo ex numeris prime coniunctionis. Et notandum, quod nullus ex predictis sex numeris habent proportionem compositam ad aliquem numerum sue coniunctionis ex duabus proportionibus reliquorum; et sunt ille proportiones duodecim.

Et si in questionibus supradictis ponerentur dies in medio equorum, et ordei, et in hac alia questione cernitur; tunc numeri prime coniunctionis erunt 5, et 9, et 16; reliqui essent numeri coniunctionis secunde; quod cognosces ita: ponatur ut sit ignotus numerus inferioris lineae; et quia equi 5 comedunt aliquam datam mensuram ordei, scilicet sextaria 6 in datis diebus, scilicet in 9; ergo equi 10 totidem ordeum comedent in diebus $\frac{1}{2}$ 4, qui proueniunt ex multiplicatione 5 in 9, diuisa per 10. Rursus cum in diebus $\frac{1}{2}$ 4 equi 10 comedent sextaria 6; queritur quot sextaria comedent in diebus 12: est ergo sicut $\frac{1}{2}$ 4 sunt ad 6, ita 12 ad quesitum numerum ordei. Quare multiplicanda sunt 12 per 6, et diuidenda per $\frac{1}{2}$ 4; et quia est sicut numerus ad numerum, ita decuplus unius ad decuplum alterius. Si multiplicauerimus ergo per 10 multiplicationem de 12 in 6, hoc est quod multiplicemus 10 uicibus 12, uicibus 6; et summam, que est 720, diuiserimus per decuplum de $\frac{1}{2}$ 4, scilicet per 5 et 9, que sunt in superiori linea, neniunt 60 pro numero ignoto ordei: quare si multiplicauerimus 5 per 9 uicibus 16, equabitur multiplicationi de 10 uicibus 12, uicibus 6; et sic 5 et 9 et 16 faciunt primam coniunctionem. Reliqui uero, scilicet 10 et 12 et 6, faciunt secundam. Vnde cum aliquis ex predictis sex numeris fuerit ignotus, quem uolueris inuenire, uide ex ipso numero de quali fuerit coniunctione; quia in reliquis duobus numeris sue coniunctionis diuides factum ex tribus numeris relique coniunctionis; et inuenies quesitum numerum.

De hominibus qui plantant arbores in positus diebus.

In quadam planitie quidam rex misit homines 30 ut plantarent arbores in ea, qui plantauerunt ibi arbores 1000 in diebus 9; et queratur de hominibus 36 in quot diebus plantauerunt arbores 4400: descriptis siquidem hominibus 36 sub hominibus 30, et arboribus 4400 sub arboribus 1000, ut in hac descriptione cernitur; multiplicabis homines 36 pro arbores 4400, et eorum summam per dies 9, et diuides totam summam per homines 36, et per arbores 1000, exhibunt 33; et in tot diebus ipsi homines plantabant arbores 4400.

De eodem.

Reuersus si econtra queratur de hominibus 36 quot arbores suprascripta ratione plantauerunt in diebus 33; descripta questione, ut hic ostenditur, multiplicabis homines 36, et arbores 1000, et dies 33 in unum, et diuides per homines 36, et per dies 9, exhibunt arbores 4400.

Item si queratur, quot homines plantauerunt suprascripta ratione arbores 4400 in diebus 33; describes questionem ut hic ostenditur, et multiplicabis homines 36, et arbores 4400, et dies 9 in unum, et diuides summam per 1100 et per 33, exhibunt homines 36, ut oportet. |

De hominibus qui comedunt frumentum.

Homines 5 comedunt modia 4 frumenti in uno mense, scilicet in diebus 30. Vade alii homines 7 querunt scire, quot modia sufficient eis eadem ratione in eisdem diebus 30; describes siquidem questionem ut hic ostenditur; et multiplicabis homines 7 per modia 4, et per dies 30, qui sunt in inferiori linea, et diuides summam per homines 5, et per dies 30, qui sunt in superiori linea. Vnde relinquet quod non multiplicabis per 30, nec diuides per 30: ergo multiplicabis tantum 7 per 4, et diuides per 5, exhibunt modia $\frac{28}{5}$ s. Et scias quia ideo posuimus hanc questionem; quia inde etiam, et de uino quod bibitur sepe inter mercatores oritur questio; quare eam tenaci memorie commenda, ut scias in similibus questionibus operari.

Incipit capitulum decimum de societatis factis inter consocios.

Cum autem prepositum fuerit de quibusdam consociis qui insimul societatem fecerunt, quorum unusquisque inequaliter suam portionem in ipsa societate habuerit, et cum ipsa societate aliquam quantitatem lucrati fuerint; quam quantitatem inter se secundum portiones eorum diuidere uoluerint. Et uoluerit scire quot unicuique de ipso lucro continget; pone portionem primi socii in capite tabule in dextera parte; deinde in eadem linea uersus sinistram portiones aliorum per ordinem ponere studeas; et lucrum quod fecerint, in alio capite tabule in eadem linea depingas, in sinistra uidelicet parte. Tunc aggregabis portiones omnium sociorum in unum, et aggregatam summam seruabis. In qua singulariter diuides multiplicationes portionis uniuscuiusque socii in totum lucrum; et sic habebis hoc quod unicuique de ipso lucro contigit. Et ut hoc apertius declaretur, primum in societate duorum hominum in prima parte; et trium in secunda; et quattuor in tertia cum uariis positionum portionibus demonstrabimus: deinde in quinta parte diuisiones quorundam numerorum in portionibus ruptorum ad modam societatum terminalimus.

De societate duorum hominum.

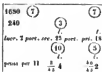
Si proponatur de duobus hominibus, qui societatem insimul fecerunt, quorum unus misit in prescripta societate libras 18 alicuius monete; et alter misit in eadem libras 25; et lucrati fuerunt inde libras 7; et queratur quot unicuique de ipsis libris 7 contingerit, sic facies: describes portionem primi socii, hoc est libras 18, in capite tabule in dextera parte; deinde uersus sinistram in eadem linea libras 25, describe lucrum, idest libras 7; iterum uersus sinistram separatim ab ipsis ad libitum pone, ut hic inferius ostenditur. Et iunge insimul portiones utriusque socii, idest 18 cum 25, erunt 43; que pone in questione sub 18, et protrahe uirgulam super ipsa 43, et alia 43 cum uirgula pone sub 25, ut in questione ostenditur. Deinde multiplica portionem primi socii, scilicet 18, per lucrum, uidelicet per 7, erunt 126; que diuide per 43, que posita sunt sub 18, exhibunt libras $\frac{126}{43}$ 2; et tantum contigit primo socio de ipso lucro, hoc est libras 2, et soldi 18, et denarii $\frac{12}{43}$ 11. Residuum uero lucri contigit alteri; tamen ut secundum hanc artem operetur, multiplica portionem alterius socii per lucrum, scilicet 25 per 7, erunt 175; que diuide per 43, que posita sunt sub 25, exhibunt libras $\frac{175}{43}$ 4; et tantum contigit secundo, scilicet libras 4, et denarii $\frac{12}{43}$ 16; cum quibus si iuxeris libras 2, et soldos 18, et denarios $\frac{12}{43}$ 7, que contingunt primo, in eisdem libris 7 denariis.

fol. 56 recto.

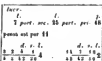
* querunt *de arith. cap. 1. fol. 56 recto, lin. 2-8, pag. 104, lin. 2-11.*



* Si proponatur *de arith. s. c. fol. 56 recto, lin. 24-27, pag. 123, lin. 27-30.*



* secundo *qua 2. c. fol. 56 recto, lin. 24-27, pag. 133, lin. 41 - pag. 136, lin. 6.*



hoc quod contingit de lucro primo socio, que pone in questione sub eodem. Item multiplica 280 per 2523, et diuide summam eorum per $\frac{4}{3} \frac{0}{210} \frac{0}{42} \frac{0}{210}$, exhibit pro portione lucri alterius secundi libre $\frac{1}{3} \frac{0}{210} \frac{0}{42} \frac{0}{210}$, quas pone sub eodem socio.

De eodem.

Item duo homines societatem fecerunt, quorum unus misit libras 24, et seldos 11, et denarios 8, hoc est libras $\frac{0}{12} \frac{0}{12} 4$; et alter misit libras 41, et seldos 9, hoc est libras $\frac{0}{12} 41$; et lucrati fuerunt libras $\frac{0}{12} 21$; queritur quantum unicuique de superscripto lucro contingit: describe questionem, ut hic ostenditur, et multiplica 24 per suam uirgulam, erunt denarii 5900, quos pone super $\frac{0}{12} \frac{0}{12} 24$. Item fac denarios de libris $\frac{0}{12} 41$ sic: multiplica 41 per suam uirgulam, hoc est per 20, et adde 9, erunt soldi 829; de quibus fac denarios, hoc est multiplica eos per 12, que sunt sub uirgula alterius socii. Amplius quam in sua uirgula erunt denarii 9948, quos pone] in questione super $\frac{0}{12} 41$: unde apparebit, quod primus misit denarios 5900, et alter misit denarios 9948; et sic studeas semper portionem socinrum reducere ad similia: deinde multiplica 24 per 8, et adde 2, erunt 252; que pone super $\frac{0}{12} 24$, et adde 5900 cum 9948, erunt 15848: quibus reperias regulam, que est $\frac{1}{1} \frac{0}{12} \frac{0}{252}$, cum qua cumisce ruptum, qui est in lucro, scilicet $\frac{1}{12}$, faciet $\frac{1}{1} \frac{0}{12} \frac{0}{252}$; quam uirgulam studeas aptare, ut habeas in capite ipsius $\frac{1}{12} \frac{0}{252}$; ideo quia iu lucro ponuntur libre, in quo si ponerentur soldi, deberemus habere tantum $\frac{1}{12}$ in capite: et si ponerentur bizantii Iperperi, uel saraceniati, deberemus habere $\frac{1}{12}$; si tarenii $\frac{1}{12}$: et si in eodem lucro ponerentur bizantii Garbi, deberemus habere $\frac{1}{12}$ in capite uirgule, ut sepe in negotiationibus prediximus. Vnde cum non habeas in prescripta uirgula de $\frac{1}{12} \frac{0}{252}$, nisi tantum $\frac{1}{12}$ de ipsa $\frac{1}{12}$, et alia $\frac{1}{12}$ de $\frac{1}{12}$; quas duas quartas accepimus de duobus octauis, qui sunt sub uirgula, et remanet nobis ex eis alia $\frac{1}{12}$ in uirgula; et sic minuit nobis $\frac{1}{12}$ de $\frac{1}{12}$, et $\frac{1}{12}$ de $\frac{1}{12}$, hoc est $\frac{1}{12}$ inter utrumque. Vnde pone 15 super 252, et multiplica 252 per 15, erunt 3765; que pone super 252, et deinceps habebis in aptatione uirgule diuisionis $\frac{1}{1} \frac{0}{12} \frac{0}{252} \frac{0}{15}$: deinde multiplica 3765 per 5900, et diuide summam per $\frac{1}{1} \frac{0}{12} \frac{0}{252} \frac{0}{15}$, et habebis portionem lucri primi socii. Item multiplica 3765 per 9948, et diuide per eandem uirgulam, et habebis portionem lucri alterius socii, ut superius in questione ostenditur.

De eodem.

Rursum duo homines societatem fecerunt, in qua primus misit libras $\frac{1}{2} 112$, et alter libras $\frac{1}{2} 227$; et lucrati fuerunt libras $\frac{1}{2} 228$: queritur quantum unicuique de prescripto lucro contingat: describe questionem ut hic ostenditur; deinde multiplica 112 per 2, et adde 4, erunt 228 modia; que multiplica per 5, que sunt sub uirgula alterius socii, erunt decime 1125; et hec est ars, quam in aditionibus numerorum cum ruptis docuimus: pone ergo 1125 super $\frac{1}{2} 112$. Item fac decimas de alio socio sic, quod multiplicabis 227 per 5, et adde 4, quod est super 5, erunt quate 1126; quas multiplica per 2, que sunt sub uirgula primi socii, erunt similiter decime 2272, quod pone super $\frac{1}{2} 227$: ergo unus misit decimas 1125 unius rei, scilicet libre; et alter misit decimas 2272 eiusdem rei. Postea multiplica lucrum, scilicet 228 per suas uirgulas, erunt uigesime quarte 7801: deinde iung $\frac{1}{2} 1125$ cum 2272, erunt 3497; in quorum regula, que est $\frac{1}{1} \frac{0}{12} \frac{0}{252}$, et in ruptis qui sunt in lucro, scilicet per $\frac{1}{2} \frac{0}{12}$, diuidis multiplicationem de 7801 in 1125, et habebis portionem lucri, que contingit primo socio: inde coapta partes uirgulam diuisionis, ut

fol. 87 recto.

in questione Modia que 2 (fol. 57 recto, lin. 1-12) per 127, lin. 12-24.

27	2784	27	2784
12	112	12	112
252	7	252	7
15	3765	15	3765
5900	1125	5900	1125
9948	2272	9948	2272
3765	7801	3765	7801
3765	1125	3765	1125
3765	2272	3765	2272
3765	7801	3765	7801

* multiplex per 3 ... 6070 per 3
(lib. 52 verso, lin. 18-21 ;
pag. 127, lin. 21 - pag. 128,
lin. 7).

(5)	1125	l.	1125
(0)	2372	l.	2372
(1)	6070	l.	6070
	7010	l.	7010
	10	l.	10
	7001	l.	7001
	lucrum 3 1/2 238	partio prima 1/2 710	1125
			2372
			1170

Ed. 51 verso.

habeas in capite ipsius $\frac{4}{12} \frac{6}{10}$; sed cum ibi non habeas ex ipsis $\frac{1}{12} \frac{6}{10}$, nisi tantum $\frac{1}{2} \frac{6}{10}$, hoc est $\frac{1}{6} \frac{6}{10}$, scimus quod minuit nobis inde $\frac{1}{12}$; quare multiplicabis 7001 per 10, erunt 70010; que multiplicabis, ut diximus, per 1125, et divides per $\frac{1}{12} \frac{6}{10} \frac{6}{10}$, cum ante quam multiplices, potes euitare $\frac{1}{12}$ in multiplicatione et diuisione; ideo quia 70010 integraliter possunt diuidi per 12: unde si diuiderimus 70010 per 12, exibunt 6070; que 6070 si multiplicauerimus per 1125, et diuiderimus per $\frac{1}{240} \frac{6}{10} \frac{6}{10}$, ad eandem quantitatem peruenerimus: quare multiplicabis iterum 6070 per 2372, et divides per $\frac{1}{120} \frac{6}{10} \frac{6}{10}$, et habebis portionem lucri alterius socii, que est $\frac{21}{120} \frac{1}{12} \frac{6}{10} 232$, ut in questione ostenditur.

Probatio eiusdem.

Nam si per iunctionem portiones lucri utriusque cognoscere uoluerimus, utrum rectum sit quod fecimus an non; nide de $\frac{1}{2} \frac{6}{10}$ unius libre quot denarii sint: sunt enim soldi 15, et denarii 10; quos redige in partibus unius libre, erunt $\frac{15}{12} \frac{10}{12}$, quos serus: deinde protrahite uirgulam sub lucro, sub qua pone $\frac{10}{12} \frac{6}{10} \frac{6}{10}$, et collige 185, que sunt super 260; de uirgula primi socii; cum 84, que sunt super 260 de uirgula secundi socii, erunt 309 que diuide per 309, exhibit 1, et remanet 0: pone 0 super 260, que sunt sub uirgula posita sub lucro, et retineas 1; quod adde cum denariis 6, qui sunt super 12 de uirgula primi cum denariis 4, qui sunt super 12 de uirgula secundi, erunt denarii 10; quos pone super 12; et adde soldos 15, qui sunt super 20 de uirgula primi cum 0, quod est super 20 de uirgula secundi, erunt soldi 15, quos pone super 20, qui sunt in capite uirgule posite sub uirgula lucri: deinde adde libras 106 cum libris 22, erunt libre 228; quas pone ante uirgulam sub lucro, et sic habebis pro eorum collectione libras $\frac{106}{12} \frac{22}{12} 228$, hoc est libras $\frac{2}{12} \frac{2}{12} 228$, ut in eorum loco prepositum fuit.

Item duo homines societatem fecerunt, quorum unus misit bizantios $\frac{1}{2} 22$, alter nero misit bizantios $\frac{1}{2} 31$; et lucrati fuerunt bizantios 47, et karatos 11, hoc est bizantios $\frac{11}{12} 47$; queritur quantum unicuique de prescripto lucro contingat: describe questionem ut hic ostenditur, et multiplica bizantios 22 per suam uirgulam, erunt quarte 92; quos deberes multiplicare per ruptum uirgule alterius socii, scilicet per 3: sed quia uterque ruptus utriusque socii reperitur in octo, non oportet multiplicare 92, nisi tantum per quartam de octo, scilicet per 2, erunt octauae unius bizantii 186, quas pone in questione super $\frac{1}{2} 22$. Item multiplica 31 per suam uirgulam, erunt octauae 352, similiter unius bizantii: que cum sint octauae, sicuti 186 alterius socii, non oportet eas multiplicare per ruptum primi socii, uel per aliquam partem ipsius. Vnde pone 352 super $\frac{1}{2} 31$; et erit tunc talis questio, quod unus illorum misit 186, et alter misit 352: possumus enim aliter reperire 186 et 352, uidelicet ut uideas de $\frac{1}{2}$ et de $\frac{1}{2}$ in quali minori numero reperiantur, scilicet in octo; in quibus multiplica $\frac{1}{2} 22$, erunt, ut prediximus, 186. Item multiplica $\frac{1}{2} 31$ per 8, erunt ut diximus 352: quare addes 186 cum 352, erunt 438; in quibus cum careant regula, divides multiplicationem de 186 in toto lucro, et habebis portionem lucri primi socii, quod sic fit: multiplica bizantios lucri, scilicet 47 per suam uirgulam, hoc est per 24, et adde 11, erunt karati 1120; quos multiplica per 186, erunt 21854; que diuide per 438, et per 24, hoc est per $\frac{11}{432} \frac{24}{24}$, exhibunt $\frac{112}{432} \frac{24}{24} 20$, ut in questione ostenditur. Item eodem modo multiplica 352 per 1120, et diuide summam eorum per $\frac{20}{432} \frac{24}{24}$, et habebis portionem lucri alterius socii, ut in questione sub eodem ostenditur.

* bizantios $\frac{1}{2} 22$... in questione
no 1 (lib. 52 verso, lin. 7-22 ;
pag. 126, lin. 24-31).

(4)	186	lucrum	186
(1)	352	partio prima	1/2 92
(6)	1120	lucrum	1120
	47	partio secunda	1/2 31
(8)	352	lucrum	352
	47	partio prima	1/2 24
	11	partio secunda	1/2 24
	1120	lucrum	1120
	21854	lucrum	21854
	438	lucrum	438
	20	lucrum	20

De eodem.

Item fuerunt duo homines, quorum unus misit tarenos $\frac{1}{2}$ 82, et alter misit tarenos $\frac{1}{4}$ 97; et lucrati fuerunt tarenos $\frac{1}{4}$ 112: describe questionem, ut hic ostenditur; et multiplicabis lucrum, scilicet 112, per suas uirgulas, erunt 4062; que pone super ipsum lucrum: deinde multiplica portionem primi socii per suas uirgulas, erunt quattuordecime 1157; quas multiplica per ruptos, qui sunt sub uirgulis alterius socii, hoc est per 2, et per 5, uel per 15, erunt ducentesime decime 17355. Eademque nia multiplica portionem secundi socii, scilicet 97 per suas uirgulas, erunt quindecime 1467; quas multiplica per ruptos, qui sunt sub uirgulis primi socii, hoc est per 2, et per 7, uel per 14, erunt similiter ducentesime decime 20322, quas pone super $\frac{1}{4}$ 97: et scias quia ideo fecimus ducentesimas decimas de portionibus arborum; quia in 210 reperiuntur omnes rupti eorum; et non possunt inueniri in aliquo minori numero, quia rupti non habent ad inuicem aliquam comunem regulam. Ergo primus misit 17355, et alter misit 20322. Quare addes 17355 cum 20322, erunt 37677; in quo numero, et in ruptis, qui sunt in lucro, debes diuidere; qui omnes si ponantur in una uirgula, facient $\frac{1}{9,11,14,17}$. Sed quia cum lucro est ex conditione tarenorum, necessarium est, ut habes $\frac{1}{12}$ in capite uirgule diuisionis. Quare cum habere totam de ipsa uirgula non possis; quia in ea non habes ex ea, nisi tantum $\frac{1}{2}$, multiplicabis numerum lucri, scilicet 4062 per 5, erunt 20315; que pone super 4062, et addes $\frac{1}{2}$ in uirgula diuisionis, et facies $\frac{1}{12}$ de eis, | et de $\frac{1}{2}$, que est in uirgula. Et pone ipsam $\frac{1}{12}$ in capite uirgule; et sic habebis in ipsa uirgula $\frac{1}{9,11,14,17}$; quam uirgulam pone sub primo socio, et aliam similiter sub secundo: deinde multiplicabis 20315 per 17355, et diuides per regulam positam sub primo; et habebis portionem lucri primi socii. Item multiplesbis eadem 20315 per numerum secundi socii, scilicet per 20322, et diuide per regulam positam sub eodem portionem lucri illius, ut in questione ostenditur.

De societate trium hominum.

Tres homines societatem fecerunt, quorum primus misit libras 17, secundus libras 29, tertius libras 42; et lucrati fuerunt libras 100: primum describes questionem, ut hic ostenditur: deinde adde portiones illorum in unum, scilicet libras 17 cum 29, et cum libris 42, erunt libre 88; quibus 88 reperies regulam, que est $\frac{1}{11,17,29}$; et multiplicabis portionem illius cuiusque socii in lucro, et diuides per $\frac{1}{11,17,29}$, et habebis portionem lucri contingentem unicuique. Nam si libras, et solidos, et denarios unicuique de lucro contingentes in una multiplicatione, et in una diuisione reperire uolueris, inuenies illud quod tibi minuit de $\frac{1}{11,17,29}$ in uirgula diuisionis predictae, scilicet in $\frac{1}{9,11,17}$: in qua cum non habes nisi tantum $\frac{1}{2}$ de prescriptis $\frac{1}{11,17,29}$, minuit tibi $\frac{1}{2}$ inter utrumque. Vel quia $\frac{1}{11,17,29}$ est regula denariorum unius libre, scilicet de 240, diuide 240 per 8, exibunt 30, quod est pro his, qui minuunt tibi de $\frac{1}{11,17,29}$, ut prediximus: que si commiserimus cum $\frac{1}{11,17,29}$, habebimus $\frac{1}{11,17,29}$. Quare multiplicabis lucrum, scilicet 100 per 30, ut sicuti suggeritur 30 in diuisione, ita augeantur in multiplicatione, erunt 3000; quem pone super 100 in questione, et multiplicabis libras 17 primi socii per 3000, et diuides per $\frac{1}{11,17,29}$, exibunt libre $\frac{1}{11,17,29}$ 19. Item multiplica libras 29 secundi socii per 3000, et diuide per $\frac{1}{11,17,29}$, exibunt libre $\frac{1}{11,17,29}$ 22; quas pone in questione sub secundo, scilicet sub 29: deinde multiplica 42, scilicet portionem tertii socii per 3000, erunt 126000; que

et multiplicabis $\frac{1}{11,17,29}$ de eis
(fol. 11 recto, lin. 26-27, pag.
135, lin. 4-17).

Arborum	4062			
per	5			
erunt	20315			
per	17355			
erunt	118			
per	118			
erunt	1			
per	11			
erunt	9			
per	17			
erunt	4			
per	29			
erunt	1			
per	11			
erunt	9			
per	17			
erunt	4			
per	29			
erunt	1			
per	11			
erunt	9			
per	17			
erunt	4			
per	29			
erunt	1			

fol. 58 recto.

et in una ... prescriptis et (fol.
28 recto, lin. 11-20, pag. 135,
lin. 23 — pag. 140, lin. 14).

17	29	42	100
per	88		
erunt	30		
per	100		
erunt	3000		
per	17		
erunt	51		
per	29		
erunt	84		
per	42		
erunt	126		
per	11		
erunt	11		
per	17		
erunt	6		
per	29		
erunt	2		
per	11		
erunt	1		
per	17		
erunt	4		
per	29		
erunt	1		
per	11		
erunt	9		
per	17		
erunt	4		
per	29		
erunt	1		

diuide per $\frac{4}{11} \frac{2}{12} \frac{0}{20}$, exhibunt libre $\frac{0}{11} \frac{4}{12} \frac{11}{20}$ 47, quas pone in questione sub 42, scilicet t sub tertio socio. Nam si portionem lucri uniuscuiusque in unum per regulam colligere uolueris, facies secundum quod superius demonstraui in societatibus duorum sociorum, uidelicet, ut ponas $\frac{4}{11} \frac{2}{12} \frac{0}{20}$ sub 100, scilicet sub lucro: deinde collige 4, que sunt super 11, in uirgula lucri tertii socii cum uno, quod est super 11, in uirgula lucri secundi, et cum 4, que sunt super 11, in uirgula lucri primi, erunt 11; que diuide per 11, que sunt sub uirgula posita sub 100, exibat inde 1, et remanet 0: pone 0 super 11, et 1 serua in manu; cum quo iunge 4, et 1, et 4, que sunt super 12 omnium trium uirgularum, facient denarios 12; quos diuide per 12, que sunt sub uirgula posita sub 100, exibat soldus 1, et remanet 0: pone 0 super 12, et retineas in manu soldum 1; cum quo iunge soldos 4, et 19, et 6, qui sunt super 20 earundem trium uirgularum, erunt 40; que diuide per 20, exhibunt libre 2, et remanet 0: pone 0 super 20, et libras 2 retineas in manu; cum quibus iunges libras 47, et libras 32, et libras 19, que sunt ante prescriptas tres uirgulas, erunt libre 100, ut oportet.

De eodem.

Item sunt tres homines, quorum unus misit libras $\frac{3}{20}$ 69, et alter misit libras $\frac{14}{32}$ 83, tertius quoque misit libras 91; et lucrati fuerunt libras 112: describe questionem ut hic ostenditur, et tunc facies soldos de portione uniuscuiusque socii sic: multiplices 69, scilicet portionem primi socii per suam uirgulam, hoc est per 20, et super addes 7, erunt soldi 1287, quos pones super libras $\frac{3}{20}$ 69. Quod idem si feceris de portione secundi labelis super ipsam soldos 1571. Similiter multiplica libras 91 per 20, ut facias soldos ex eis, erunt soldi 1820, quos pones super libras 91. Et nota, quod si in portionibus capitalis ipsorum, uel ctiam in aliqua ipsarum ponerentur denarii, cum ipsis libris oporteret facere denarios ex portione uniuscuiusque socii, sicuti in hac quod fecimus soldos ex una quaque portione, preter soldos, qui sunt | cum libris ipsorum. Ergo unus misit soldos 1287, alter soldos 1571, tertius soldos 1820. Quare addes prescriptos soldos in unum, erunt soldi 4678; cuius numeri regula hec est $\frac{1}{20} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$. Nam cum oportet habere in capite uirgule diuisionis $\frac{1}{12} \frac{0}{20}$; et ex eis nou habemus in ipsa uirgula nisi tantum $\frac{4}{2}$, scimus quia minuit nobis $\frac{4}{2} \frac{0}{20}$, hoc est 40, ex ipsis $\frac{1}{12} \frac{0}{20}$: pones ergo 40 super lucrum; et multiplicabis 40 per ipsum lucrum, scilicet per 112, erunt 4480; que pone super 40, et comptabis $\frac{1}{20} \frac{0}{10}$ in uirgula diuisionis sic $\frac{1}{2} \frac{1}{244} \frac{7}{42} \frac{0}{12}$: quam uirgulam pones sub unoquoque consocio, et multiplicabis 4480 per 1287, et diuides per $\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{12} \frac{0}{20}$, exhibunt pro portione lucri primi socii libre $\frac{1}{2} \frac{4}{274} \frac{11}{24}$ 21. Item multiplica 4480 per 1571, et diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{21} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$, exhibunt libre $\frac{0}{2} \frac{282}{21} \frac{7}{12} \frac{0}{24}$ 28 pro portione lucri secundi socii. Similiter si multiplicaueris 4480 per 1820, et diuideris per $\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$, habebis portionem lucri tertii socii. Possumus enim aliter portionem lucri tertii hominis ex reperitis portionibus reliquorum reperire, uidelicet, ut addas 1, quod est super 3, in uirgula primi socii cum 0, quod est super 3 de uirgula secundi socii, erit 1; a quo usque in 3, que sunt sub uirgula tertii, desunt 2, que pone super ipsum 3, et pro expleto semel ternario, retineas in manu 1, quod 1 est $\frac{1}{174} \frac{4}{12} \frac{0}{24}$ unius libre: ergo addes ipsum 1 cum 0, quod est super 271 in uirgula primi socii, et cum 263, que sunt super 271 in uirgula secundi, erant 264; a quibus usque in 271 desunt 7, que pone super 271 de uirgula tertii socii: et quia semel expleuisti 271, retinebis semel unitatem

fol. 28 verso.

• cum libris ... cum soldo 7 •
(fol. 28 verso, lin. 1 20) pag.
118, lin. 23 — pag. 141, lin. 6.

①	4480	40 l.	lucrum	112	passus per 41	$\frac{1}{2} \frac{4}{274} \frac{11}{24}$	21
②	1820	1287 l.	tertius l.	91	$\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$	28	28
③	1071	1287 l.	secundus l.	83	$\frac{1}{2} \frac{0}{21} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$	21	21
④	1287	1287 l.	primus l.	69	$\frac{1}{2} \frac{0}{12} \frac{0}{12} \frac{0}{24}$	21	21

in manu; que unitas est $\frac{1}{12} \frac{1}{24}$ unius libre 1; que adde cum denariis 11, qui sunt super 12 de uirgula primi socii, et cum denariis 3, qui sunt super 12 secundi, erunt denarii 15; a quibus usque in duplum 12, scilicet in 24, desunt denarii 9; quos pone super 12 de uirgula tertii socii; et pro expleto duplo de 12, retinebis in manu 2, que sunt $\frac{1}{12}$ unius libre, hoc est soldo 2; cum quibus adde soldos 16, qui sunt super 20, de uirgula primi socii, et cum soldis 7, qui sunt super 20 de uirgula secundi, erunt soldo 25; a quibus usque in soldos 40, scilicet in duplum de 20, desunt soldo 15. Et nota, quia ideo dicimus a 25 usque in 40, quia 25 sunt plus 20: unde si essent plus quam 40, quereremus differentiam, que esset ab ipsis usque in triplum de 20; et sic intelligas de omnibus aliis similibus. Pones ergo soldos 15 super 20 de uirgula tertii socii; et pro expleto duplo de 20 retinebis in manu libras 2; cum quibus addes libras 31 primi socii, et libras 38 secundi, erunt libre 71; a quibus usque in summam lucri, scilicet in libras 112, desunt libre 41; quas pone ante uirgulam tertii socii, et habebis in portionem lucri ipsius libras $\frac{7}{8} \frac{7}{24} \frac{1}{24} = \frac{7}{12} = 41$, ut in questione ostenditur. Nam si superscripta omnia probare uuleris, probabis ea per modum prioris pense; quia cum portionem lucri ultimi socii per portiones lucri reliquorum inuenieris, nequaquam per reliquum modum similes questiones probare poteris. Est enim pensa lucri primi socii 3 per 11, secundi 9, tertii 4, ut super ipsis portionibus in questione reperitur.

De eodem.

Er si proponatur, quod primus illorum misisset libras $\frac{1}{2}$ 69, secundus libras $\frac{1}{4}$ 83, tertius libras $\frac{1}{3}$ 91; et lucrati essent libras $\frac{1}{12}$ 127: descripta questione, ut hic ostenditur, potes duobus modis procedere. Per primum quidem reperitur numerus, in quo sint rupti, qui positi sunt in portionibus capitalis ipsorum, scilicet $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{3}$; qui numero est 60, per quem multiplica unamquamque portionem, scilicet $\frac{1}{2}$ 69, et habebis super ea 4160; et $\frac{1}{4}$ 83 habebis super ea 4995; et $\frac{1}{3}$ 91, et habebis super ea 5472. Vel per alium modum: multiplica 69 per suam uirgulam, hoc est per 2, et adde 1, erunt 206; que multiplica per 4; que per 5, que sunt sub uirgulis, erunt similiter 4160. Item multiplica 83 per 4, et adde 1, erunt 333; que multiplica per 5, que sunt sub uirgula tertii socii, erunt 1665; que multiplica per 3, que sunt sub uirgula primi, erunt similiter 4995. Rursum multiplica 91 per 3, et adde 1, erunt 456; que multiplica per 4; que per 2, que sunt sub reliquis uirgulis, erunt similiter 5472; que addes eum 4995, et cum 4160, erunt 14627. In quibus diuides multiplicationem lucri in prescriptis tribus numeris, quod sic fit: multiplicabis libras 127 per eorum uirgulam, erunt soldo 2347; quos ponas super libras $\frac{1}{12}$ 29, et multiplicabis eos per 12, ut habeas ipsam sub uirgulis diuisionum post 20, que sunt sub uirgula lucri, erunt 30564; que multiplicabis per 4160, et diuides per 30564 per 4995, et diuides similiter per $\frac{4}{14437} \frac{0}{12} \frac{29}{20} = \frac{2347}{14437} \frac{08}{12} \frac{08}{20} = 26$ pro portione lucri primi socii. Item multiplicabis 30564 per 4995, et diuides similiter per $\frac{4}{14437} \frac{0}{12} \frac{29}{20} = 26$ pro portione lucri secundi socii. Item si multiplicaueris 30564 per 5472, et diuiseris per $\frac{4}{14437} \frac{0}{12} \frac{29}{20}$, habebis portionem tertii socii. Nam si ex reperitis portionibus lucri reliquorum sociorum ipsam portionem inuenire desideras, adde 8356, que sunt super 14627 de uirgula primi socii cum 3191, que sunt super 14627 secunde uirgule, erunt 13537; a quibus usque in 14627, desunt 1090, que pone super 14627 in uirgula tertii socii; et pro semel expletis 14627, retinebis 1; cum quo addes 4, que sunt super 12 prime uirgule, et

64 29 recto.

• 4995... 1092 10 12 17
 (61. 59 m. Ar. Sm. 1. 20. p. 9
 244. In. 29 = pag. 137, In. 51.

1770	1771	1772	1773	1774	1775
20264	5172	4995	4160		
127	29	20	12	17	
30564	3191	8356	13537	14627	
14627	14627	14627	14627	14627	14627

9, que sunt super 12 secunde, erunt denarii 14; a quibus usque in duplo 12, scilicet in 24, desunt denarii 10, quos pone super 12 de uirgula tertii socii; et pro expletis denariis 24 retinebis in manu sordos 2; cum quibus addes sordos 4, qui sunt super 30 prime uirgule, et sordos 9 secunde, erunt soldi 15; a quibus usque in soldis 27, hoc est ut expleatur una libra cum ipsis soldis 7, qui sunt super uirgulam lucri, desunt soldi 12; quos pones super 20 in uirgula tertii socii, et retinebis 1 pro ipsa expleta libra. Cum qua addes libras 26 primi socii, et libras 42 secundi, erunt libre 68; a quibus usque in libris 127, scilicet in lucro, desunt libre 47. Quas pone ante uirgulam tertii socii, et habebis pro portione lucri ipsius libras $\frac{1000 \ 46 \ 12}{14221 \ 12 \ 20}$ 47, ut superius in questione ostenditur.

De societate inter IIII^{os} homines.

Quattuor homines fecerunt societatem, ex quibus primus misit libras $\frac{1}{2}$ 21, secundus libras $\frac{2}{3}$ 42, tertius libras $\frac{1}{3}$ 56, quartus libras $\frac{1}{4}$ 86; et lucrati fuerunt libras $\frac{17}{12}$ $\frac{9}{10}$ 126: descripta questione, ut hic ostenditur, multiplica lucrum per suam uirgulam, erunt denarii 20255, quos pone super lucrum: deinde ut inueniantur numeri sociorum, quos multiplicare debes in prescriptis denariis 20255, potes dupliciter procedere. Primum quidem ut inuenias numerum, in quo reperiantur rupti, qui sunt in portionibus ipsorum; quem numerum, secundum modum citationis, 60 esse reperies. Quem multiplica per unamquamque portionem ipsorum; et habebis super primum socium 1880, super secundum 2625, super tertium 3408, super quartam 5210. Vel aliter, secundum huius artis magisterium, multiplica 21 per suam uirgulam, erunt 94; que multiplica per 4; que per 5, que sunt sub uirgulis secundi et tertii socii, erunt sexagesime 1880, ut superius super primum socium per alium modum inuenimus: quem numerum non oportet multiplicare per 6, que sunt sub uirgula quarti socii propter $\frac{1}{2} \frac{1}{4}$, que sunt sub uirgulis primi et secundi, in quibus totam 6 esse cognoscimus. Item multiplica 42 secundi socii per suam uirgulam, erunt quarte 175; quas multiplica per 5; que per 3, que sunt sub uirgulis tertii, et primi socii, erunt similiter sexagesime 2625, ut super secundum socium inuenimus; quas non oportet multiplicare per 6 de uirgula quarti socii superscripta ratione. Item ut habeas numerum tertii hominis, multiplica 56 per suam uirgulam, erunt quinte 284; quas multiplica per 6, que sunt sub uirgula quarti socii, erunt trigesime 1704; quas multiplica per 2, que sunt in regula de 4, que sunt sub uirgula secundi, erunt sexagesime 3408; quas non oportet multiplicare, cum sint sexagesime per 2, que remanent in regula de eisdem 4, neque per 3, que sunt sub uirgula primi socii. Rursum, ut habeas numerum | quarti socii, multiplica 86 per 6, et adde 5, erunt sexte 521; quas multiplica per 5, et per 2 superscripta demonstratione, erunt sexagesime 5210, ut per alium modum reperitum fuit: deinde adde quattuor repertos numeros in unum, et operaberis secundum quod superius docuimus; et sic habebis portiones que contingunt eis de lucro, ut in questione ostenditur.

De eodem.

Quattuor homines fuerunt, ex quibus primus misit $\frac{1}{2}$ unius integri, alter misit $\frac{1}{3}$, tertius $\frac{1}{4}$, quartus uero misit $\frac{1}{5}$; et habuerunt insimul sordos 60; queritur quot unicuique ex eis contingerit. Eadem uero questio est, cum dicitur de quattuor hominibus, qui emerunt porcum pro soldis 60; ex quibus primus uoluit habere tertium illius porci, secundus

ut superius numerum
ad 39 recte, loc. 21-39; pag
142, loc. 9-24.

(1)	1880	primus	$\frac{1}{2}$	21	○	1880
(2)	2625	secundus	$\frac{2}{3}$	42	○	2625
(3)	3408	tertius	$\frac{1}{3}$	56	○	3408
(4)	5210	quartus	$\frac{1}{4}$	86	○	5210
(5)	20255	lucrum	$\frac{17}{12}$	$\frac{9}{10}$	126	

fol. 39 recte.

quartum, tertius quintam, quartus sextam. Vnde quidam imperiti cum primus pro tertia parte porci persoluat soldos 20, et secundus pro quarta parte soldos 15, et tertius pro quinta parte soldos 12, et quartus pro sexta parte soldos 10; et omnes insimul iuncti non faciunt nisi soldos 57, mirantur quomodo remanet ad persoluendum soldos 3 ex ipsis soldis 60; et querunt quis eorum ipsos soldos 3 soluere debeat. Non enim considerant, quod ipsi quattuor homines non emerunt totum porcum; cum $\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6}$ unius integri non faciunt unum integrum, immo remanet ex eo $\frac{2}{15}$. Quare de soldis 60 remanet similiter uigesima eorum pars, scilicet soldi 2. Vnde si essent tres homines, ex quibus primus emeret dimidium illius porci, et persolueret soldos 30; et alter emeret tertiam, et persolueret soldos 20; et tertius emeret quartam, et persolueret soldos 15; et sic haberentur in summa solbi 65, hoc est soldi 5 magis de soldis 60; qui soldi 5 sunt duodecima pars de soldis 60. Et hic contingit quia $\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}$ faciunt $\frac{47}{60}$ magis integrum. Vnde non persoluatur plus uel minus de soldis 60, oportet ut emptores quantumque fuerint, emant talis portiones que, cum in unum redactæ fuerint, faciunt unum integrum. Verbi gratia: si emptores fuerint duo, unus emat dimidium, et alius aliud dimidium; uel unus $\frac{2}{3}$ alius $\frac{1}{3}$, et sic deinceps. Et si fuerint tres, unusquisque emat tertiam partem, uel primus emat $\frac{1}{2}$, secundus $\frac{1}{3}$, tertius $\frac{1}{6}$. Et si fuerint quattuor, emat unusquisque quartam partem; uel primus eorum emat $\frac{1}{3}$, secundus $\frac{1}{4}$, tertius $\frac{1}{5}$, quartus $\frac{1}{6}$; et sic potes intelligere de pluribus. Nam ut prescripti soldi 60 diuidantur inter quattuor superscriptos homines, ita ut nihil inde remaneat; describe questionem, ut hic ostenditur; et nide de $\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6}$ in quali numero reperiantur. Reperiuntur enim in 60, quorum $\frac{1}{3}$, que est 20, pone super $\frac{1}{3}$ in questione; et quartam, scilicet 15, pone super $\frac{1}{4}$; et quintam, scilicet 12, pone super $\frac{1}{5}$; et sextam, scilicet 10, pone super $\frac{1}{6}$. Vnde dices, quod primus misit 20, secundus 15, tertius 12, quartus 10. Vnde adde eos in unum, erunt 57; in quibus diuide multiplicationem uniuscuiusque superscriptorum quattuor numerorum in soldis 60; et sic habebis pro portione primi hominis soldos $\frac{15}{21}$, hoc est soldos 21 et $\frac{15}{21}$ unius denarii; et pro secundi portione soldos $\frac{12}{21}$, hoc est soldos 12, et denarios $\frac{12}{21}$ 9; et pro tertii portione soldos $\frac{10}{21}$, hoc est soldos 10, et denarios $\frac{10}{21}$ 7. Similiter et pro quarti portione habebis soldos $\frac{8}{21}$ 10, ut superius in questione ostenditur, qui sunt soldi 10, et denarii $\frac{8}{21}$ 6. Quibus quattuor portionibus repertis, si eas in unum conuixeris, in superscriptos soldos 60 denenies.

Incipit capitulum undecimum de consolamine monetarum.

Moneta quidem dicitur quelibet denariorum quantitas; et efficitur ex quauis argenti, et eris commixtione. Maior autem moneta dicitur, in cuius libra fuerit plus argenti, quam in ea, que fieri desideratur. Minor uero, in qua minus. Moneta consulari dicitur, quando ponitur in libra ipsius aliqua data argenti quantitas. Et cum dicimus: habeo monetam ad uncias quantaslibet, ut dicamus ad 2, intelligimus quod in libra ipsius monete habeantur uncie 2 argenti. Consolatur enim moneta tribus modis. Primus modus est, quando consolatur ex data quantitate argenti uel eris. Secundus cum consolatur ex quibuslibet datis monetis cum argenti, uel eris, uel utriusque additione tertius: quando tantum ex datis monetis consolatur; que omnia, ut in hoc capitulo perfecte contineantur, ipsum in differentiis septem diuidimus; quarum prima erit de consolamine monete ex data argenti, uel eris quantitate; secunda erit de consolamine, in quo mo-

* Vnde quidem ... et persolueret ... (fol. 59 verso, lin. 9-15 et 16; pag. 147, lin. 1-7)

	10	12	15	20
<i>a.</i>	<i>quart.</i>	<i>tert.</i>	<i>secund.</i>	<i>prim.</i>
60	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$
$\frac{10}{60}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$
$\frac{12}{60}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$
$\frac{15}{60}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$
$\frac{20}{60}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$

fol. 60 verso.

nete ponuntur quantitatie, ex quibus alia moneta informatur, in cuius libra minus argenti habeatur, quam in prepositis monetis. Quod consolamen sine additione cupri esse non potest. Tertia cum monete similiter ponuntur quantitatie; et uolueris ex eis facere monetam; in cuius libra sit plus argenti, quam in ipsa, que sine additione argenti esse non potest. Quarta cum monete ponuntur sine quantitate, ex quibus uolueris facere aliquam positam quantitatem cuiuslibet minoris monete cum additione eris. Quinta cum monete ponuntur similiter sine quantitate, ex quibus uolueris facere aliquam positam quantitatem cuiuslibet maioris monete cum additione argenti. Sexta quidem differentia est de ipsis monetis, que sunt minores et maiores illa moneta, quam uolueris facere; quod consolamen sit sine eris, uel argenti additione. Septima uero differentia crit de regulis ad consolamen pertinentibus.

Differentia prima.

Quidam habet libras 7 argenti, ex quibus uult facere monetam ad uncias 2 argenti in libra; et uult scire quantitatem tantius consolaminis, nec non et eris iunctionem. Ex libris quidem 7 argenti fac uncias, erunt uncie 84; quas diuide per uncias 2 superscriptas, exhibunt 42; et tot libre monete erunt in summa prescripti consolaminis. Verbi gratia: cum in qualibet libra monete oportet uncias 2 esse argenti, quotiens uncie 2 fuerint in uncis 84, totiens libra una monete potest consolari esse uncie 84 argenti. Sunt enim uncie 2 in illis uncis 84 quadragies his. Vnde summa consolaminis est libre 42, ut preduximus. Ex quibus, extractis prescriptis libris 7 argenti, remanent pro iunctione cupri libre 35. Aliter quia in qualibet libra debent esse uncie 2 argenti, residuum quod est ab illis uncis 84 usque in libra, scilicet uncie 10, erit in eadem libra de cupre, hoc est de rame. Vnde pro quibuslibet uncis 2 argenti, quas habet, oportet ponere in consolamine uncias 10 eris; propter quod et in libris 3 argenti ponas libras 10 ramis. Vnde redigitur hec questio ad modum negotiationum, uidelicet ut ponas libras 2 argenti, et libras 10 ramis in una linea; et libras 7 argenti, quas ipse habet, ponas sub libris 2 argenti, ut sit argentum sub argento, ut hic ostenditur: et multiplicabis 7 per 10, que sunt ex aduerso, et diuide per 2, exhibunt libre 35 eris; cum quibus adde libras 7 argenti, reddunt libras 42 pro summa totius consolaminis. Nam si superscripte libre 7 essent de rame, poneres ipsas libras 7 sub libris 10, scilicet rame sub rame, ut in hac alia patet descriptione; et multiplicarea 7 per 2, et diuides per 10, et exiret libra $\frac{7}{5}$ 1 argenti; cum qua, additis libris 7 ramis, redderent pro summa totius consolaminis libra $\frac{7}{5}$ 3. Aliter quia in qualibet libra diete monete sunt uncie 10 ramis, quotiens uncie 10 fuerint in libris 7, scilicet in uncis 84, totiens libra una exiet in summa ipsius consolaminis: quare diuides 84 per 10, exhibunt libre $\frac{84}{10}$ 8, ut preduximus; ex quibus extractis libris 7 ramis, remanet argenti libra $\frac{7}{10}$ 1.

De eodem.

Item si proponatur, quod quidam habeat libras 8, et uncias $\frac{1}{4}$ 7 argenti, ex quibus uult facere monetam ad uncias $\frac{1}{2}$ 2 in libra; et queritur summa consolaminis, nec non et eris adiunctin, fac superscripta ratione uncias de libris 8, et uncias $\frac{1}{4}$ 7, erunt uncie $\frac{1}{4}$ 102; quas diuide per uncias $\frac{1}{2}$ 2, hoc est multiplica $\frac{1}{4}$ 102 per 12; quia in 12 reperiuntur $\frac{1}{2}$ 2, erunt 1220; et multiplicabis iterum $\frac{1}{2}$ 2 per 12, erunt 28; in quibus diuide 1220, exhibunt libre $\frac{1}{4}$ 44, scilicet libre 44, et uncie 3 pro summa dicti consolaminis: ex quibus

libras 10 ... monete ... (lib. 60 recta, ho. 89 = fol. 60 verso, ho. 1, pag. 144, lin. 24-26).

l. ra 10	l. arg. 2
35	7

l. ra 10	l. arg. 2
7	10

lib. 60 verso.

extrahe libras 8, et uncias $\frac{1}{4}$ 7 argenti, remanebant ex ere libre 35, et uncie $\frac{1}{4}$ 7. Alteri extrahe uncias $\frac{1}{2}$ 2 argenti ex uncis unius libre, scilicet de 15, remanebant uncie $\frac{1}{2}$ 9; et describes quod in uncis $\frac{1}{2}$ 2 argenti sunt uncie $\frac{2}{7}$ 9 eris; et sub uncis $\frac{1}{2}$ 2 pone uncias $\frac{1}{4}$ 103, scilicet argenti sub argento; et multiplicabis $\frac{2}{7}$ 9 per $\frac{1}{4}$ 103, et diuides per $\frac{1}{2}$ 2, exhibunt uncie eris $\frac{1}{4}$ 427, que sunt libre 25, et uncie $\frac{1}{4}$ 7, ut per alium modum inuenimus: cum quibus adde libras 8, et uncias $\frac{1}{4}$ 7 argenti, erunt in summa totius consolaninis libre 44, et uncie 3.

De eodem.

Nam si prescripte libre 8, et uncie $\frac{1}{4}$ 7 fuerint ex ere; et uolueris scire summam consolaninis, et argenti iunctionem, multiplicabis $\frac{1}{4}$ 103 per $\frac{1}{4}$ 2, et diuides per $\frac{2}{7}$ 9, exhibunt argenti uncie $\frac{2}{7}$ 23 24; eum quibus adde uncias $\frac{1}{4}$ 103 eris, erunt uncie $\frac{3}{7}$ 128, hoc est libre 10, et uncie $\frac{3}{7}$ 8, que sunt summa totius consolaninis. Vel aliter: diuide $\frac{1}{4}$ 103 per $\frac{2}{7}$ 9, exhibunt libre $\frac{1}{4}$ 10 10; de quibus $\frac{1}{4}$ 10 si uncias facere uis, multiplica 19 per 4, et adde 3, erunt 79; que multiplica per 2, et diuide per 29, exhibunt uncie $\frac{3}{7}$ 8; et sic habebimus pro summa dicti consolaninis libras 10, et uncias $\frac{3}{7}$ 8, ut predictimus.

Incipit differentia secunda.

Quidam habet libras 7 monete, que est ad uncias, ex quibus uult facere monetam ad uncias 2; et quare consolaninis summa, et eris adiunctio. Scribes quidem sub libris 7 uncias 5 argenti, que sunt in unaquaque libra; et inuenies uncias argenti, que sunt in illis libris 7: scilicet multiplicabis 5 per 7, erunt uncie 35; et tantum argentum est in prescriptis libris 7: quas uncias 35 pones super libras 7; ex quibus uero uncie 35 argenti possunt consolari, totiens libra 1 mouete ad uncias 2, quoties uncie 2 sunt in uncis 35: quare diuide 35 per 2, exhibunt libre $\frac{1}{2}$ 17 pro summa dicti consolaninis; ex quibus extrahe libras 7 superscriptas, remanebant libre $\frac{1}{2}$ 10 pro cupri iunctione.

De eadem differentia.

Item si habueris libras 7 ad uncias 5 unius monete, et libras 9 ad uncias 4 alterius; et uolueris ex eis monetam ad uncias 2, cuprum addendo, conformare; et quesieris iunctionem cupri, nec non et totius consolaninis quantitatem, sic facies: ordina questionem dietam in hunc modum; et multiplica libras 7 per 5, erunt 25; et libras 9 per 4, erunt 36; que adde eum 25, erunt 71; et hec est summa uncie argenti, que est in libris dictis utriusque monete; qua diuisa per uncias 2 ipsius monete, quam uis facere, exhibunt libre $\frac{1}{2}$ 22, que sunt summa totius consolaninis; de quibus extrahes libras 7, et 9 superscriptis (sic), remanent libre $\frac{1}{2}$ 7, que sunt summa iunctionis cupri.

De eodem regula uniuersalis.

Si uero in consimili consolanine tres, uel quattuor, uel plures diuerse monete proponantur, argenti uncias, que fuerint in omnibus prepositis monetis, addiscas; quibus diuisis per uncias argenti, que sunt in libra ipsius monete, quam uis facere, summam totius consolaninis, tantum inuenies. De qua summa extractis libris monete, que in consolanine proponuntur, cupri adiunctio relinquitur. Verbi gratia: habeantur in consolanine quattuor monete, ex una quarum sint libre 8 ad uncias $\frac{1}{4}$ 7; et ex altera libre 6 ad uncias $\frac{1}{2}$ 6; ex tertia uero libre $\frac{1}{2}$ 5 ad uncias $\frac{1}{4}$ 5; ex quarta uero sint libre $\frac{1}{2}$ 11 ad uncias $\frac{1}{4}$ 4; et uolueris ex eis facere monetam ad uncias $\frac{1}{2}$ 2; et quesieris totius consolaninis summam, nec non et cupri iunctionem; scribe questionem, ut supra docui-

7. Alteri... (fol. 60 verso, lib. 9 11; pag. 145, h. 111).

Fac. er.	Fac. ar.
$\frac{1}{2}$ 9	$\frac{1}{4}$ 2
↘	
$\frac{1}{4}$ 103	

8. 24... (fol. 60 verso, lib. 15-16; pag. 145, h. 11-16).

Fac. er.	Fac. ar.
$\frac{1}{2}$ 9	$\frac{1}{4}$ 2
↗	
$\frac{1}{4}$ 103	

9. quare consolaninis... (fol. 60 verso, lib. 21-22; pag. 145, h. 10-12).

Fac. er.	Fac. ar.
$\frac{1}{2}$ 10	35
Summa eris.	l.
$\frac{1}{2}$ 17	7
Fac.	var.
2	5

Fac. eris	Fac.	Fac. ar.
$\frac{1}{2}$ 7	36	25
Summa eris.	l.	l.
$\frac{1}{2}$ 23	0	7
Fac.	Fac.	Fac.
2	4	5

fol. 61 recto

ex quibus scribitur... que sunt ad
 (fol. 69 verso, lin. 29, fol. 61
 recto, lin. 1-18, pag. 145,
 lin. 41 — pag. 146, lin. 23).

quantitas ex qm	Fac.	Fac.	Fac.	Fac.	Fac.
1/2	24	47	60	28	60
1/3	19	31	28	19	47
1/4	12	18	19	12	19
Summa consolamini	11	11	6	6	11
1/12	5	5	5	5	5
1/15	34	34	34	34	34
1/18	10	10	10	10	10
1/20	9	9	9	9	9
1/24	10	10	10	10	10
1/30	10	10	10	10	10
1/36	10	10	10	10	10
1/40	10	10	10	10	10
1/45	10	10	10	10	10
1/48	10	10	10	10	10
1/54	10	10	10	10	10
1/60	10	10	10	10	10
1/72	10	10	10	10	10
1/84	10	10	10	10	10
1/90	10	10	10	10	10
1/108	10	10	10	10	10
1/120	10	10	10	10	10
1/144	10	10	10	10	10
1/180	10	10	10	10	10
1/216	10	10	10	10	10
1/270	10	10	10	10	10
1/324	10	10	10	10	10
1/360	10	10	10	10	10
1/432	10	10	10	10	10
1/540	10	10	10	10	10
1/648	10	10	10	10	10
1/810	10	10	10	10	10
1/1080	10	10	10	10	10
1/1296	10	10	10	10	10
1/1620	10	10	10	10	10
1/2160	10	10	10	10	10
1/2700	10	10	10	10	10
1/3240	10	10	10	10	10
1/3600	10	10	10	10	10
1/4320	10	10	10	10	10
1/5400	10	10	10	10	10
1/6480	10	10	10	10	10
1/8100	10	10	10	10	10
1/10800	10	10	10	10	10
1/12960	10	10	10	10	10
1/16200	10	10	10	10	10
1/21600	10	10	10	10	10
1/27000	10	10	10	10	10
1/32400	10	10	10	10	10
1/36000	10	10	10	10	10
1/43200	10	10	10	10	10
1/54000	10	10	10	10	10
1/64800	10	10	10	10	10
1/81000	10	10	10	10	10
1/108000	10	10	10	10	10
1/129600	10	10	10	10	10
1/162000	10	10	10	10	10
1/216000	10	10	10	10	10
1/270000	10	10	10	10	10
1/324000	10	10	10	10	10
1/360000	10	10	10	10	10
1/432000	10	10	10	10	10
1/540000	10	10	10	10	10
1/648000	10	10	10	10	10
1/810000	10	10	10	10	10
1/1080000	10	10	10	10	10
1/1296000	10	10	10	10	10
1/1620000	10	10	10	10	10
1/2160000	10	10	10	10	10
1/2700000	10	10	10	10	10
1/3240000	10	10	10	10	10
1/3600000	10	10	10	10	10
1/4320000	10	10	10	10	10
1/5400000	10	10	10	10	10
1/6480000	10	10	10	10	10
1/8100000	10	10	10	10	10
1/10800000	10	10	10	10	10
1/12960000	10	10	10	10	10
1/16200000	10	10	10	10	10
1/21600000	10	10	10	10	10
1/27000000	10	10	10	10	10
1/32400000	10	10	10	10	10
1/36000000	10	10	10	10	10
1/43200000	10	10	10	10	10
1/54000000	10	10	10	10	10
1/64800000	10	10	10	10	10
1/81000000	10	10	10	10	10
1/108000000	10	10	10	10	10
1/129600000	10	10	10	10	10
1/162000000	10	10	10	10	10
1/216000000	10	10	10	10	10
1/270000000	10	10	10	10	10
1/324000000	10	10	10	10	10
1/360000000	10	10	10	10	10
1/432000000	10	10	10	10	10
1/540000000	10	10	10	10	10
1/648000000	10	10	10	10	10
1/810000000	10	10	10	10	10
1/1080000000	10	10	10	10	10
1/1296000000	10	10	10	10	10
1/1620000000	10	10	10	10	10
1/2160000000	10	10	10	10	10
1/2700000000	10	10	10	10	10
1/3240000000	10	10	10	10	10
1/3600000000	10	10	10	10	10
1/4320000000	10	10	10	10	10
1/5400000000	10	10	10	10	10
1/6480000000	10	10	10	10	10
1/8100000000	10	10	10	10	10
1/10800000000	10	10	10	10	10
1/12960000000	10	10	10	10	10
1/16200000000	10	10	10	10	10
1/21600000000	10	10	10	10	10
1/27000000000	10	10	10	10	10
1/32400000000	10	10	10	10	10
1/36000000000	10	10	10	10	10
1/43200000000	10	10	10	10	10
1/54000000000	10	10	10	10	10
1/64800000000	10	10	10	10	10
1/81000000000	10	10	10	10	10
1/108000000000	10	10	10	10	10
1/129600000000	10	10	10	10	10
1/162000000000	10	10	10	10	10
1/216000000000	10	10	10	10	10
1/270000000000	10	10	10	10	10
1/324000000000	10	10	10	10	10
1/360000000000	10	10	10	10	10
1/432000000000	10	10	10	10	10
1/540000000000	10	10	10	10	10
1/648000000000	10	10	10	10	10
1/810000000000	10	10	10	10	10
1/1080000000000	10	10	10	10	10
1/1296000000000	10	10	10	10	10
1/1620000000000	10	10	10	10	10
1/2160000000000	10	10	10	10	10
1/2700000000000	10	10	10	10	10
1/3240000000000	10	10	10	10	10
1/3600000000000	10	10	10	10	10
1/4320000000000	10	10	10	10	10
1/5400000000000	10	10	10	10	10
1/6480000000000	10	10	10	10	10
1/8100000000000	10	10	10	10	10
1/10800000000000	10	10	10	10	10
1/12960000000000	10	10	10	10	10
1/16200000000000	10	10	10	10	10
1/21600000000000	10	10	10	10	10
1/27000000000000	10	10	10	10	10
1/32400000000000	10	10	10	10	10
1/36000000000000	10	10	10	10	10
1/43200000000000	10	10	10	10	10
1/54000000000000	10	10	10	10	10
1/64800000000000	10	10	10	10	10
1/81000000000000	10	10	10	10	10
1/108000000000000	10	10	10	10	10
1/129600000000000	10	10	10	10	10
1/162000000000000	10	10	10	10	10
1/216000000000000	10	10	10	10	10
1/270000000000000	10	10	10	10	10
1/324000000000000	10	10	10	10	10
1/360000000000000	10	10	10	10	10
1/432000000000000	10	10	10	10	10
1/540000000000000	10	10	10	10	10
1/648000000000000	10	10	10	10	10
1/810000000000000	10	10	10	10	10
1/1080000000000000	10	10	10	10	10
1/1296000000000000	10	10	10	10	10
1/1620000000000000	10	10	10	10	10
1/2160000000000000	10	10	10	10	10
1/2700000000000000	10	10	10	10	10
1/3240000000000000	10	10	10	10	10
1/3600000000000000	10	10	10	10	10
1/4320000000000000	10	10	10	10	10
1/5400000000000000	10	10	10	10	10
1/6480000000000000	10	10	10	10	10
1/8100000000000000	10	10	10	10	10
1/10800000000000000	10	10	10	10	10
1/12960000000000000	10	10	10	10	10
1/16200000000000000	10	10	10	10	10
1/21600000000000000	10	10	10	10	10
1/27000000000000000	10	10	10	10	10
1/32400000000000000	10	10	10	10	10
1/36000000000000000	10	10	10	10	10
1/43200000000000000	10	10	10	10	10
1/54000000000000000	10	10	10	10	10
1/64800000000000000	10	10	10	10	10
1/81000000000000000	10	10	10	10	10
1/108000000000000000	10	10	10	10	10
1/129600000000000000	10	10	10	10	10
1/162000000000000000	10	10	10	10	10
1/216000000000000000	10	10	10	10	

ex dicta summa consolaninis, tunc accipe sextas 45 et 35, quas superius inuenimus, erunt sexte 150: que ut redigantur ad similia cum uirga fractionum summe predictae, multiplica $\frac{1}{10}$ per 2, erunt duodecime 200; quas | multiplica per reliquos numeros, qui sunt sub uirga, scilicet per 5; que per 5; que per 17; que per 7, erunt 592500; que extrahe de 1724800, remanent 841700; que diuide per $\frac{1}{7} \frac{0}{27} \frac{0}{3} \frac{0}{16}$, exhibunt pro cupri iunctione libre $\frac{6}{7} \frac{4}{13} \frac{8}{3} \frac{0}{16}$ 22, ut supra. Verum si de predicto consolanime libras 60 cum additione argenti, et eris consolare uolueris. Multiplica 60 per $\frac{4}{3}$ 2, ut habeas argentum, quod erit necessarium in ipsis libris 60, erunt octaue ipsius uncie 1030; quas multiplica per octauam de 840, scilicet per 105, erunt octingentesime quadragésime 107100; de quibus extrahe octingentesimas quadragésimas ex uncis 80710, que sunt argenti in prescriptis, scilicet predictarum monetarum, remanent argenti octingentesime quadragésime ex uncis 30900, que deberent diuidi per 840, ut reuigrentur. Sed ut habeas denarios ponderis, que sunt in eis, multiplica 107100 per 5, erunt 535500; que diuide per 840, et per 5, hoc est per $\frac{1}{2} \frac{0}{4} \frac{0}{8} \frac{0}{8}$; et que exierunt, erunt uncie: de quibus, ut fiant libre, addes 12 sub uirga, exhibunt libre $\frac{8}{7} \frac{0}{11} \frac{1}{13} \frac{1}{16}$ 2, hoc est libre 2, et denarius 1 ponderis, et carrube 5, et $\frac{2}{3}$ unius grani; et tantum debet addi de argente; que adde cum prescriptis monetis, erunt libre $\frac{7}{8} \frac{0}{11} \frac{1}{13} \frac{0}{16}$ 27; residuum quod est usque in 10 addes de cupro; quod residuum inuenies esse $\frac{0}{7} \frac{0}{8} \frac{0}{16} \frac{0}{16}$ 22 per modum demonstratum in societatis; cum per portionem lucrì unius socii portio alterius inuenitur.

Incipit differentia tertia.

Quidam habet libras 9 monete, que est ad uncias 2, ex quibus uult facere monetam ad uncias 5; et quare summa consolaninis, et argenti adiunctio. In hac autem differentia rame, quod est in moneta posita, est considerandum: quare extrahe uncias 2 de libris, remanebant uncie 10; et tot uncie eris sunt in qualibet libra dicte monete: quare pones 10 sub libris 9, et multiplicabis 10 per 9, erunt 90: et tot uncie eris sunt in illis libris 9; quas uncias diuide per uncias cupri, que sunt in libris monete, quam consolare uis, scilicet per 7; quia quotiens uncie 7 sunt in uncis 90, totiens una libra ex ipsis uncis 9 consolari potest, exhibunt libre $\frac{0}{7} \frac{12}{1}$ pro summa totius consolaninis; ex quibus extrahes libras 9, remanent $\frac{0}{7} \frac{3}{1}$ pro argenti iunctione.

De eodem.

Item si habueris libras 9 alicuius monete, que sit ad uncias 6, et libras 9 alterius, que sit ad uncias 7; et uolueris ex eis consolare monetam ad uncias 8 argenti addendo; et quesieris totius consolaninis summam, nec non et argenti addiscere iunctionem, accipe uncias cupri, que sunt in unaquaque moneta, et eas insimul iunge; et quorum summa per uncias cupri fende monete diuide; et quod ex diuisione peruenerit, erit summa totius consolaninis; que sic facienda sunt. Vide ab uncis 6 argenti, que continentur in libra prioris posite monete, usque in uncis 12, scilicet in libris, quot desint: desunt enim uncie 6; et tot uncie cupri continentur in libra ipsius dicte monete; quas multiplica per libras 8, erunt uncie 48; et tot uncias cupri in prescriptis libris 8 esse cognoscas. Item illud idem fac de alia moneta; et reperies esse in ea uncias 45 cupri: que si iuncte cum uncis 48 fuerint, erunt uncie 93; quas diuide per uncias 4 cupri, que sunt in moneta, quam tu uis facere, exhibunt libre $\frac{1}{2}$ 22, que sunt summa totius consolaninis; de qua summa extractis libris 6 et 9, scilicet 17 pro argenti iunctione, libre $\frac{1}{2}$ 6 remanebunt.

fol. 64 verso.

* in 60 ... consolaninis + fol. 61 verso, lin. 18-21; pag. 147, lin. 17-20.

incitio arg.	Fac. ar.
$\frac{0}{7}$ 3	90
J. consol	J.
$\frac{0}{7}$ 12	9
Fac. ar.	Fac. ar.
7	10

* uncias 7 ... que sunt in * fol. 61 verso, lin. 24-25; pag. 147, lin. 32-42.

Fac. ar.	Fac. ar.	Fac. ar.
$\frac{1}{2}$ 6	45	48
J. consol	J.	J.
$\frac{1}{2}$ 22	9	6
Fac.	Fac.	Fac. ar.
4	5	6

De eodem.

Item habes libras $\frac{1}{2}$ s unius monete, que est ad uncias $\frac{3}{4}$ 3 argenti, et libras $\frac{1}{2}$ s ad uncias $\frac{1}{2}$ 4, et libras $\frac{1}{2}$ 7, que est ad uncias $\frac{1}{2}$ 5; et uis facere ex eis monetam ad uncias $\frac{1}{2}$ 6, argentum addendo, conformatum; uide cuprum, quod est in libra uniuscuiusque monete: in libra namque primæ monete sunt uncie $\frac{1}{2}$ 8; secunde uero uncie $\frac{1}{2}$ 7, et tertie $\frac{1}{2}$ 6. Multiplica itaque libras $\frac{1}{2}$ 5 per uncias $\frac{1}{2}$ 8, erunt $\frac{1}{2}$ 40. Item multiplica libras $\frac{1}{2}$ 6 secunde monete per uncias $\frac{1}{2}$ 7, erunt $\frac{1}{2}$ 42. Item multiplica libras $\frac{1}{2}$ 7 tertie monete per uncias $\frac{1}{2}$ 6, et adde tres prescriptas multiplicationes insimul, erunt uncie $\frac{1}{2}$ 142; quas diuide per uncias cupri, que sunt in libris ipsis monetæ, quam uis facere, scilicet per $\frac{2}{3}$ 5, exhibunt pro summa totius consolaminis libras $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ 26. A quibus extractis libris $\frac{1}{2}$ 5, et $\frac{1}{2}$ 6, et $\frac{1}{2}$ 7, remanebunt pro argenti iunctione libras $\frac{1}{2}$ 7.

Cognitio utrum argentum uel rame iungi debeat in quouis consolamine.

Item si trium uel plurium quantitates libre, uel uncie aliquarum monetarum, in consolamine proponantur, in quibus sunt maiores et minores ex ea moneta, quam uolueris facere; et utrum argentum, uel ex addere debeat, scire uolueris, argenti uncias cunctarum monetarum accipe, et diuide eas per uncias argenti unius libre ipsius monete, quam uis consolare: et si summa, que exierit, maior libris omnium monetarum erit, cuprum oportet adiungi; et si minor erit, addendum est argentum; et si minor, nec maior fuerit, nec cuprum, nec argutum debet adiungi. Verbi gratia: habeo libras 7 monete ad uncias 2, et libras 8 ad uncias 3, et libras 10 ad uncias 6, et libras 12, que sunt ad uncias 9; et uolo ex eis facere monetam ad uncias 5. In istis namque quatuor monetis sunt uncie argenti 215; quas diuide per uncias 5, que sunt in libra ipsius monete, quam tu uolueris consolare, exhibunt libre 43: iunge itaque libras 7 cum libris 8, et cum 10, et cum 12, que sunt minus de 43: quare in dicto consolamine addes cuprum; et si plus fuisset, addendum esset argentum; et si 43 equarentur ad 43, tunc nec cuprum, nec argentum esset addendum, ut supra diximus.

Differentia quarta.

Si habueris monetam ad uncias 5, ex qua uolueris facere libras 30 monete ad uncias 2, cuprum uidelicet addendo; et uolueris scire quantum mittes de ipsa moneta, et quantum de cupro, Vides quantum argentum debet esse in illis libris 30 fideæ monete, scilicet uncie 60: quia in unaquaque libra debent esse uncie 2 argenti, et his triginta faciunt 60; que uncie 60 argenti sunt in libre (sic) 12 illius monete, quam habes ad uncias 5; quia diuisis 60 per 5, reddunt 12; et tot mittes ex dicta moneta. Residuum uero, quod est usque in libris 36, mittes de cupro, scilicet 18.

De eodem.

Et si habueris duas monetas maiores, ex ea quam facere uis, quarum una sit ad uncias 7, et alia ad uncias 6, ex quibus uis facere unam libram monete, in qua sit uncie 4 argenti; et uolueris scire quot uncias ex unaquaque miseris, nec non et eris adunctionem. Hæc autem et sequentium differentiarum consolamina tripliciter preposui possunt. Primus quidem est, ut mittatur equaliter ex unaquaque positarum monetarum. Secundus inequaliter. Tertius proportionaliter. Vade si in prescripto consolamine equilibre mittere uis; ex unaquaque positarum monete addes uncias argenti, que sunt in utraque moneta, scilicet 7 cum 6, erunt 13; et multiplica argentum ipsius monete,

fol. 62 recto.

* Item habes $\frac{1}{2}$ 47 Item a
fol. 61 verso, *maxime Tufano*, pag. 148, lin. 2-7.

Libras argenti					
$\frac{1}{2}$ 7	$\frac{1}{2}$ 40	$\frac{1}{2}$ 47	$\frac{1}{2}$ 45		
$\frac{1}{2}$ 6					
$\frac{1}{2}$ 7					
$\frac{1}{2}$ 6					
$\frac{1}{2}$ 7					
$\frac{1}{2}$ 6					
$\frac{1}{2}$ 7					
$\frac{1}{2}$ 6					
$\frac{1}{2}$ 7					
$\frac{1}{2}$ 6					

* Habes ... cum libra 2 a
fol. 62 recto, lin. 6 + 144;
pag. 148, lin. 11-24.

L.	L.	L.	L.
13	10	8	7
Par.	Par.	Par.	Par.
Par.	9	6	3
			2
			5

* et cum 10 ... reddunt a fol.
62 recto, lin. 15-22; pag. 148,
lin. 24-25.

60	
20	
Par.	Par.
2	5
L. erit	6
18	12

* 12 et tot ... Vnde cum a fol.
62 recto, lin. 25-27; pag. 148,
lin. 27-41.

48	Par.	Par.
12	3	5
12	3	5
Par.	Par.	Par.
4	6	7
intra erit		
3		
12	4	

remanebunt pro cupro libre $\frac{4}{3}$ 9, et $\frac{1}{3}$ 8, et $\frac{1}{3}$ 7, et $\frac{1}{3}$ 6: quibus insimul iunctis, faciunt $\frac{17}{3}$ 31; in quibus diuide multiplicationem eris fiende monete in suama consolamine, scilicet de $\frac{1}{3}$ 6 in 19, exhibunt libre $\frac{7}{14} \frac{2}{7} \frac{2}{3}$ 3; et tot mittes de unaquaque moneta. Residuum uero, quod est usque in libris 19, mittes de argento, quod est, scilicet libre $\frac{4}{14} \frac{2}{7} \frac{4}{3}$ 6. Si autem scire uolueris de $\frac{3}{14} \frac{2}{7} \frac{2}{3}$, que partes sint unius libre. Multiplica 239 per 12, scilicet per uncias unius libre, erunt 2868; que diuide per $\frac{4}{14} \frac{2}{7}$, exhibunt uncie $\frac{1}{2} \frac{2}{9} \frac{4}{3}$ 1. Et si scire noluieris de $\frac{1}{14} \frac{2}{7} \frac{4}{3}$, que partes sint unius uncie, multiplica 1321 per 25, scilicet per summam ponderis denarii unius uncie, erunt 33075; que diuide per $\frac{4}{14} \frac{2}{7}$, exhibunt denarii $\frac{7}{14} \frac{2}{7} \frac{2}{3}$ 18. Illud enim idem, quod de $\frac{2}{14} \frac{2}{7} \frac{2}{3}$ fecisti, potes facere de $\frac{4}{14} \frac{2}{7} \frac{4}{3}$; sed hoc aliter expeditius fieri potest: multiplica 844 per 200, scilicet per summam ponderis denarii unius libre, erunt 168800; que diuide per 1877, exhibunt denarii $\frac{7}{14} \frac{2}{7} \frac{2}{3}$ 124, que suut uncie 5, et denarii $\frac{7}{14} \frac{2}{7} \frac{2}{3}$ 9. Potes enim de prescripto consolamine inaequaliter etiam, et proportionaliter mittere ex prescriptis monetis, si feceris secundum quod in precedenti differentia fecimus.

Differentia sexta XI^m capituli.

Si quis habuerit duas monetas, quarum una sit maior, et altera minor de moneta, quam facere uult, poterit illud facere sine eris, uel argenti adicione: si ex ipsis duabus monetis posuerit permutatim secundum numeram differentiarum, que sunt ad uncias argenti fiende monete in unceis argenti ipsarum duarum monetarum. Verbi gratia: habeat monetam ad uncias 2, et monetam ad uncias 9, de quibus uult facere monetam ad uncias 5. Pone itaque 2 et 9 in unam lineam, et sub ipsis inter utrumque 5 describe, ut in margine ceruitur: deinde differentiam, que est ad 2 in 5, scilicet 3 super 9 pone; et e contra differentiam, que est ad 5 in 9, scilicet 4 super 2 mitte; et habebis propositum, hoc est quod de minori moneta mittes partes 4, et de maiori 2. Quia quantum habundat de argento in libris 3 maioris monete, tantum deficit ex ipso in libris 4 minoris. Verbi gratia: si habundat quidem in unaquaque libra maioris monete uncie 4, scilicet differentia, que est ad 5 in 9; quare in libris 3 superhabundat de argento triplum de unceis 4, scilicet uncie 12; que 12 proueniunt ex 3 positis super 9 ductis in 4 positus super 2; Et in libra quidem minoris monete deficient uncie 3 argenti, scilicet differentia, que est ad 2 in 5: Quare in libris 4 minoris deficit de argento quadruplum unciarum trium, scilicet 12, que etiam proueniunt ex ductis 4, que sunt super 2 in 3, que sunt super 9. Ergo quotiens miseris libras 4 de minori moneta, totiens libras 3 de maiori mittes. Similiter quam partem, uel partes miseris ex libris 4 minoris monete, eandem partem, uel partes librarum trium mittes de maiori. Proportionaliter quidem est sicut 4 ad 2, ita id, quod mittitur ex minori moneta, erit ad id, quod erit mittendum de maiori. Vnde si ex ipso consolamine tantum uncias 12 consolare noluieris, addes insimul numeros proportionis, scilicet 4 cum 3, erunt 7; in quibus diuide multiplicationem de 4 in 12, et de 3 in 12, exhibunt de minori moneta uncie $\frac{4}{7}$ 5, et de minori uncie $\frac{3}{7}$ 5. Rursus si de minori moneta habueris libras 10, multiplica eas per 3, que sunt supra 9, et diuide per 4, que sunt super 2, exhibunt libre $\frac{1}{2}$ 7 de maiori moneta: uel si de maiori habueris libras 10, multiplica eas per 4 posita super 2, et diuide per 3 posita super 9, exhibunt de minori moneta libre $\frac{1}{2}$ 12. Et si in consimili consolamine fractiones eum unceis fuerint, rediges omnia ad integra; et cum ipsis inte-

* Potes enim... ut supra per...
[54, 63 recto, fol. 37-42] pp.
131, fol. 12-26.

3	4
9	2
	5
$\frac{1}{2}$ 5	$\frac{4}{7}$ 6
$\frac{1}{2}$ 7	10

fol. 63 verso.

-25 de 41 = 1/4 1/2
 114, 61 verso, fol. 14-22, pag.
 152, fol. 4-22.

$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$
$\frac{1}{4}$ 6	$\frac{1}{4}$ 4
	41
	$\frac{1}{4}$ 3
$\frac{1}{7}$ 3	$\frac{1}{7}$ 6
$\frac{3}{5}$ 5	10
10	18

4 Equivocum ... arithmetica ... 154,
 61 verso, fol. 22-23, pag. 152,
 fol. 22-23.

<i>larga</i>	<i>minoris</i>
$\frac{1}{2}$ 7	$\frac{1}{2}$ 2
	30
<i>larga</i>	<i>minoris</i>
$\frac{1}{2}$ 4	$\frac{1}{2}$ 8
30	45

fol. 61 verso.

gris hoc eodem ordine operare. Vt si habes monetam ad $\frac{1}{2}$ 4, et ad $\frac{1}{4}$ 6, de quibus vis facere monetam ad $\frac{1}{2}$ 5; multiplica hec omnia per 8, ut reintegrentur, et habebis monetam ad 36 et ad 50, de quibus vis facere monetam ad 41. Descripta quidem questione, ut cernitur, extrahit 30 de 41, remanent 5, que pone super 50; quia tot libere ponende sunt de maiori moneta. Eodemque Modo differentiam, que est ad 41 usque in 50, pone super 36, scilicet 9; quia tot libere mittende sunt de minori: quibus libris 9 additis cum libris 5 inuentis, reddunt libras 14 pro summa totius consolaminis. Cuius rei probatio est, ut multiplices 9 per $\frac{1}{4}$ 4, et 5 per $\frac{1}{4}$ 0; et habebis pro argento, quod est in ipsis libris 9, uncias $\frac{1}{4}$ 40; et pro eo, quod est in libris 5 maioris monete, habebis uncias $\frac{1}{4}$ 21: quibus unceis insimul additis, reddunt uncias $\frac{1}{4}$ 71 pro argento, quod est in illis libris 14: quare si diuidantur $\frac{1}{4}$ 71 per 14, exhibunt uncias $\frac{1}{4}$ 5, ut oportet. Et si de consolamine vis facere libras 10 tantum, multiplicabis 10 per 9, et 10 per 5; et diuides istas multiplicationes per 14, et habebis de minori moneta libras $\frac{2}{7}$ 6, et de maiori, libras $\frac{1}{7}$ 2. Et si habueris de minori moneta libras 10, multiplica eas per 5, et diuide per 9, exhibunt de maiori libra $\frac{2}{9}$ 5. Vel si habueris de maiori libras 10, multiplica eas per 9, et diuide per 5; quia est sicut 5 ad 9, ita 10 ad quesitam, exhibunt libras 18, ut in questione ostenditur. Ex hac enim regula procedit quoddam documentum valde et sepe utile monetariis in hunc modum. Moneta enim, quam faciunt, quandoque exit eis aliquantulum larga, quandoque aliquantulum scarsa, id est quod quandoque super habundat in ipsa aliquantulum argenti, quandoque deficit; quod accidit vel propter ignorantiam consolidandi, ut est pro nimia, vel pauca cris eluditione. Vnde ante quam cugnentur, hoc est signentur, oportet ut date quantitati unius addatur tantum ex alia, ut redigantur ad debitum modum; et ex hoc talem proponimus questionem.

De equiparanda scarsa moneta cum larga.

Quidam habet libras 30 monete, in cuius aliqua quantitate, ut dicamus in uncia 1, deficit argenti granum $\frac{1}{2}$ 1; et alius habet monetam, in cuius uncia superhabundat argenti grana $\frac{1}{2}$ 2; queritur quantum ex hac larga cum illis libris 30 de scarsa commiseri oporteat, ut redigantur ad debitum modum. Pone $\frac{1}{2}$ 1 super $\frac{1}{2}$ 2 in una linea, et super largitatem scribe scarsitatem, et econuerso: quia ideo scarsa est minor moneta, que ponitur in consolamine, et larga est maior. Vnde scarsitas, scilicet $\frac{1}{2}$ 2, est differentia, que est a minori moneta usque in monetam, quam vult facere: que differentia ponenda est, ut superius ostendimus, super maiorem monetam; et largitas, scilicet $\frac{1}{2}$ 1, est differentia, que est a minori usque in monetam, quam vult facere; que differentia ponenda est super minorem monetam. Et tunc erit sicut $\frac{1}{2}$ 1 ad $\frac{1}{2}$ 2, ita quam volueris quantitatem largioris monete ad quantitatem scarsioris, et econtra. Quare pones libras 30 sub $\frac{1}{2}$ 2, scilicet scarsitatem sub scarsitate, ut hic ostenditur; et multiplica 30 per $\frac{1}{2}$ 1, et diuides per $\frac{1}{2}$ 2, exhibunt libras 30; et tantum commisceas de larga cum illis libris scarse. Si autem predictae libras 30 erunt de larga, pones ipsas sub $\frac{1}{2}$ 1, scilicet largitatem sub largitate; et multiplica 30 per $\frac{1}{2}$ 2, et diuides per $\frac{1}{2}$ 1, exhibunt de scarsa libras 45.

De consolamine trium monetarum inter se.

Si autem tres monete proponantur, quarum due sint minores, et altera maior; vel

due sint maiores, et altera minor de moneta fienda, fac ex ipsis duabus monetis unam; et sic habebis duas monetas ad consolandum, quarum una erit maior, et altera minor de moneta fienda. Nam de duabus monetis fit una tribus modis: scilicet commiscendo eas equaliter, uel inequaliter, seu proportionaliter, secundum aliquam datam proportionem: que omnia, qualiter fiant, indicabimus in hoc consolamine, in quo proponitur quidam habere monetam ad uncias 3, aliam ad 4, aliam ad 6; ex quibus uult facere monetam ad 5. Describe itaque tres predictas monetas in una linea: deinde, ut ex duabus minoribus faciamus unam monetam, adde 3 cum 4, erunt 7; et tot uncie argenti sunt in libris 2 predictae commixtionis. Quare diuide 7 per 2, et habebis uncias $\frac{7}{2}$ 3 pro argento, quod est in libra illius commixtionis. Quare dices: habeo monetam ad $\frac{7}{2}$ 3, et ad 6; et uolo facere monetam ad 5. Vel integris dicas: habeo monetam ad 7 et ad 12, ex quibus uolo facere monetam ad 10. Quare differentiam, que est ad 7 in 10, scilicet 3, mitte de maiori moneta; et differentiam, que est ad 10 in 12, scilicet 2, mitte de minoribus; que 2 diuide in duo equa, cum equaliter iunxisti eas ad faciendum ex eis unam monetam, exhibet libra 1 super unamquamque ipsarum monetarum; et sic erunt in summa libre 3 consolare ex ipsis tribus monetis, in quibus sunt uncie 25 argenti, ut oportet. Et si ex ipsis duabus monetis unam facere uis, commiscendo eas inequaliter, uel secundum aliquam datam proportionem, ut dicamus: sicut 2 sunt ad 5, ita id quod mittitur de moneta, que est ad 3, sit ad illud, quod mittitur de moneta, que est ad 4. Commisceas itaque libras 2 de moneta, que est ad 3 cum libris 3 de moneta, que est ad 4, et uncias argenti, que sunt in ipsis, scilicet 26, diuide per summam ipsarum librarum, scilicet per 7, exhibunt uncie $\frac{26}{7}$ 2; et tot argentum erit in libris illius commixtionis. Quare dices: habeo monetam ad $\frac{26}{7}$ 3, et ad 6; et uolo facere monetam ad 5, hoc est: habeo monetam ad 26, et ad 42; et uolo facere monetam ad 35: pone itaque 9 super 6, scilicet differentiam, que est ad 26 in 35; et differentiam, que est ad 35 in 42, scilicet 7, diuide inter alias duas monetas, secundum proportionem librarum commixtarum ex ipsis, hoc est: ex ipsis 7 mitte partes 5 de moneta, que est ad 4; et partes 2 mitte de moneta, que est ad 3, hoc est $\frac{2}{7}$ ex predictis 7, scilicet libras 5 mitte de moneta, que est ad 4, et $\frac{2}{7}$ eorundem, scilicet libras 2, mitte de moneta, que est ad 3. Quare pones 5 super 4, et 2 super 3 in questione; et erunt in summa huius consolaminis libre 16 ex ipsis tribus monetis, in quibus sunt uncie argenti 80; ex quibus contingunt unicuique libre uncie 5, ut oportet. Et si ex hoc consolamine libras 20 facere uoueris, rediges hanc questionem ad modum societatis, in qua primus misit 2, secundus 5, tertius 9; et lucrati sunt libras 20. Multiplicabis ergo 20 per 2, et 20 per 5, et diuides unamquamque multiplicationem per 16; et sic inuenies te mittere debere de moneta, que est 2, libras $\frac{1}{2}$ 2, et libras $\frac{1}{2}$ 6 de moneta, que est ad 4. Residuum quod est usque in 20, scilicet libras $\frac{1}{2}$ 11, mitte de moneta, que est ad 6; que etiam habebis, si multiplicaueris 20 per 9, et diuideris per 16. Et si habueris libras 10 de moneta, que est ad 3; et uis scire, quot de reliquis monetis cum ipsis commiscere debeas, ut facias monetam ad 5, ut diximus; multiplicabis ipsa 10 per 5, que posita sunt super 4, et per 9, que posita sunt super 6; et diuides utramque multiplicationem per 2 posita super 3. Vel quia 10 sunt quincuplum de 2, accipe quincuplum de libris 5, et de 9, et habebis libras 25 de moneta, que est ad 4; et libras 45 de moneta, que est ad 6, ut in questione

et altera ... diuide (Ed. 64 recto, lin. 10 19; p. 153, lin. 1-26)

3	1	1
6	4	3
	5	
12		7
	10	
9	5	2
6	4	3
42		26
	35	

fol. 64 verso.

ostenditur. Est enim alius modus consolandi, quem in libro minoris guise docuimus, per quem sanius possumus habere summas quaslibet consolaminum in consolamine trium, uel plurium monetarum huius maoeriei. Vt si de predicto consolamine uolueris facere libras 20, fac monetam ad 5 ex ea, que est ad 3; et ex ea, que est ad 6, exhibunt libere 2, in quibus sunt libere 2 de moneta, que est ad 6; et libra 1 de moneta, que est ad 2. Item de moneta, que est ad 4, et de ea, que est ad 6, fac aliam consolationem ad 5; et erunt in summa libere 2, scilicet libra 1 ex ea, que est ad 4; et libra 1 ex ea, que est ad 6: deinde ad faciendum libras 20, pones in eis primam consolationem semel, aut bis, aut pluries, donec ex ipsis 20 remaneat numerus, qui integraliter, si possibile fuerit, diuidatur per summam secunde consolationis; et quotiens 1 ex ipsa diuisione peruenit, toties mittes ipsam secundam consolationem; et habebis propositum. Verbi gratia: mittamus primam consolationem bis, in quibus erunt libere 2 ex moneta, que est ad 2; et libra 4 ex ea, que est ad 6; quibus extractis de 20, remanent 14; quibus diuisis per summam secunde consolationis, scilicet per 2, ueniunt 7. Quare mittes secundam consolationem septies, in quibus erunt libere 7 de moneta, que est ad 4; et libra 7 de moneta, que est ad 6; et sic de prescriptis libris 20 erunt libere 2 de moneta, que est ad 2; et libra 7 de moneta, que est ad 4; et libra 11 de moneta, que est ad 6; in quibus libris 20 sunt argenti unciæ 100, ut oportet; et uocatur iste modus consolaminum.

De consolamine trium monetarum cum minutis.

Quidam habet monetam ad $\frac{1}{2}$ 2, et ad $\frac{1}{2}$ 6, et ad $\frac{1}{2}$ 7, de quibus uult facere monetam ad $\frac{1}{2}$ 4; multiplica primum prescriptos quattuor numeros per 60; cum in ipsis reperiantur prescripte fractiones, et habebis pro prima moneta 150; pro secunda 200; pro tertia 420; et pro moneta fienda 252: deinde adde duas minores monetas in unum, scilicet 200 et 420, erunt 620, que debes diuidere per 2, ut in duabus monetis faceres unam: sed quia illa diuisio esset fracta, duplica numerum minoris monete, et numerum fiende, scilicet 150 et 252; et sic habebis monetam ad 300, et ad 515, de quibus uult facere monetam ad 204 per unitas differentias; et habebis de minori moneta partes 214, et de maioribus partes 204, scilicet partes 102 ex unaquaque; et pone super ipsas monetas, ut in questione ostenditur. Et si de ipso consolamine libras 16, et uncias 5, et denarios 9 de cantera, hoc est libras $\frac{2}{15}$ 16, uis consolare, facies ut in societatibus docuimus, uidelicet adde 211 cum 102, et cum 102, erunt 515; et multiplica 16 per suam uirgam, erunt denarii ponderis 4924; que multiplicabis per 214, et per 102, et diuides ipsas multiplicationes per 515, et per $\frac{9}{15}$ 12, exhibent de moneta, que est ad $\frac{1}{2}$ 2, libere $\frac{4}{168}$ $\frac{21}{12}$ $\frac{11}{12}$ 9; et de unaquaque reliquarum libere $\frac{8}{168}$ $\frac{27}{12}$ $\frac{5}{12}$ 2: possumus etiam per inuentiuem portionis prime monete inuenire portionem reliquarum in hunc modum: extrahe 4, que sunt super 5 de 5, remanet 1; quod cum sit indiuisibile per 2, extrahe ipsa 4 de duplicato quinario, remanent 6; quorum dimidium, scilicet 3, pone super 5 alterius uirge, sub qua sint $\frac{1}{102}$ $\frac{23}{12}$ 7; et pro duplicato quinario serua 2; que adde cum 27, que sunt super 102, erunt 30; que extrahe de 102, remanent 44; quorum dimidium, scilicet 22, pone super 102, et serua 1; cum semel explentur 102. Ex additis 20 cum 44, quod 1 adde cum 4, que sunt super 25, erunt denarii ponderis 5; quos extrahe de denariis, qui sunt in summa dicti consolaminis, remanent 4; quorum dimidium, scilicet 2, pone super 25; et extrahe 11, que sunt super 12 de 12, remanet 1; quod adde eum unciis 5, que sunt in summa consolaminis, erunt 6; quorum

* Fractiones remanent a 164.
64 serua, lib. 21 a 21-39 ;
reg. 154, lin. 21-41.

102	102	211
$\frac{1}{2}$ 7	$\frac{1}{2}$ 6	$\frac{1}{2}$ 2
	$\frac{1}{2}$ 4	
44		10
17		11
15		12
11		13
9		14
		15
		16
		17
		18
		19
		20
		21
		22
		23
		24
		25
815		300
	504	

dimidium, scilicet 3, pone super 12, et serua 1; quod adde cum libris 9, que sunt extra uirgam, erunt 19; quas extrahe de libris 16, remauent libre 6; quorum dimidium, scilicet libras 3, pone ante uirgam, et habebis similiter $\frac{3-2}{8-12} = \frac{1}{4}$. Et nota, quia cum ita fecimus, tunc accepimus dimidium differentie, que est a libris $\frac{6-3}{8-12} = \frac{3}{-4} = \frac{3}{4}$ usque in summa consolarum, scilicet in libris $\frac{3-3}{8-12} = 0$; potes etiam secundum superscriptum modum mittere de duabus maioribus monetis inaequaliter, et proportionaliter in quacunque uolueris proportione.

De quattuor monetis per modum consolationum.

Item habeo monetam ad uncias 2, et ad 3, et ad 6, et ad 7, ex quibus uolo facere monetam ad 4: secundum quidem priorem modum fac de duabus minoribus monetis unam, et de duabus maioribus aliam, addendo eas equaliter, uel proportionaliter; et operare postea ordine superscripto. Et si per modum consolationum facere uis, fac ex una de minoribus, et ex alia de maioribus unam consolationem, et de reliquis duabus fac aliam: faciamus ergo de ea, que est ad 2, et de ea, que est ad 7, unam consolationem; et erunt in summa ipsius libre 5, scilicet libre 2 de ea, que est ad 2; et libre 3 ex ea, que est ad 7. Similiter de reliquis fac consolationem aliam; et erunt in summa ipsius libre 3, scilicet libre 2 et ex ea, que est ad 3; et una ex ea, que est ad 6; et sic sunt consolate libre 8 ad uncias 4: quam summam si uis in aliam reducere, ut dicamus in 19, multiplica 19 per unumquemque de predictis numeris, et diuide unamquamque multiplicationem per 8, exhibent de moneta, que est ad 2, libre $\frac{1}{2}$ 7; et de ea, que est ad 3, libre $\frac{1}{3}$ 4; et de ea, que est ad 6, libre $\frac{1}{6}$ 3; et de ea, que est ad 7, libre $\frac{1}{7}$ 4. Sed si hoc sine fractione librarum habere uis, mites primam consolationem bis, et secundam ter; et habebis de moneta, que est ad 2, libras 6; et de ea, que est ad 7, libras 4; et de ea, que est ad 3, libras 6; et de ea, que est ad 6, libras 2; et sic erunt consolate libre 19. Nam si tantum libras 12 consolare uis sine aliqua fractione; cum per has consolationes hoc non facere possis, muta consolationes; scilicet de moneta, que est ad 2, et de ea, que est ad 6, fac tertiam consolationem; et erunt in summa libre 3, scilicet libra 1 de qualibet ipsarum; et de reliquis duabus fac quartam; et erunt in summa ipsius libre 4, scilicet libre 3; et ex ea, que est ad 3; et libra 1 ex ea, que est ad 7: deinde in prescriptis libris 12 cadent semel prima consolatio, et secunda, et quarta; et sic erunt de moneta, que est ad 2, libre 3; et de ea, que est ad 3 libre 5; et de ea, que est ad 6 libra 1; et de ea, que est ad 7 libre 3; uel in ipsis libris 12 pones bis tertiam consolationem, et quartam; et sic erunt libre 16 de ea, que est ad 3, et libre 2 de unaquaque reliquarum; et sic per hunc modum possumus diuersas summas librarum integraliter consolare.

De quattuor monetis quando minores tres sunt, et altera maior de moneta fienda.

Et si ex quattuor monetis tres essent ab una parte consolarum, scilicet quod sint maiores, uel minores de moneta fienda: ut si dicatur: habeo monetam ad uncias 3, et ad 4, et ad 5, et ad 7; ex quibus uolo facere monetam ad 8: si per modum consolationum procedere uis, fac ex unaquaque trium minorum monetarum cum maiore, scilicet cum ea, que est ad 7, unam consolationem; et erunt in summa prime consolationis libre 4, scilicet libra 1 ex ea, que est ad 3; et libre 2 ex ea, que est ad 4; et in summa secunde consolationis erunt libre 3, scilicet libra 1 ex ea, que est ad 4; et libre 2 ex

* consolarum ... de ea, que est a (fol. 65 recto, lin. 9-14; pag. 155, lin. 16-17).

prima 2	3
7	2
4	
secunda 1	2
6	3
4	
tertia $\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
6	2
4	
quarta 1	3
7	3
4	

* ad 7 ... sunt in 1 (fol. 65 recto, lin. 25-29; pag. 155, lin. 32 — pag. 156, lin. 10).

	111
7	543
6	
prima 3,	1
7	3
6	
secunda 2	1
7	4
6	
tertia 1	1
7	5
6	

ea, que est ad 7. Similiter in summa tertie consolationis erunt libre 2, scilicet libra 1 ex ea, que est ad 5; et libra 1 ex ea, que est ad 7. Adde ergo has tres summas trium consolationum, erunt 9 in summa totius consolaminis; ex quibus libre 6 sunt de moneta, que est ad 7; et libra 1 est de unaquaque reliquarum trium monetarum. Et si de unaquaque minorum monetarum inequaliter mittere uis, mites primam consolationem semel, et secundam bis, et tertiam ter; et habebis in summa prescripti consolaminis libram 1 de moneta, que est ad 3; et libras 2 de ea, que est ad 4; et libras 3 de ea, que est ad 5; et libras 10 ex ea, que est ad 7. Rursus si uis quod multiplicatio eius, quod miseris ex ea, que est ad 3, in uncis, quod miseris ex ea, que est ad 5, fiat equali multiplicationi eius, quod miseris ex ea, que est ad 4 in se; et sunt in summa totius consolaminis libre 20: pones primam consolationem semel, et secundam bis, et tertiam quater; et habebis proportionem rei quesite; in cuius proportionis sunt libre 15; ex quibus libre 11 sunt ex ea, que est ad 7; et libre 4 ex ea, que est ad 5; et libre 2 ex ea, que est ad 4 in libra 1 ex ea, que est ad 3; et sunt libre predicte trium minorum monetarum in proportione continua; quia sicut 4 sunt ad 2, ita 2 ad 1; uel sicut 1 ad 2, ita 2 ad 4. Quare multiplicatio de 1 in 4 equatur multiplicationi de 2 in se. Vnde ut summa huius consolaminis redigatur in libris 20; in hac eadem proportione multiplica 20 ad modum societatum per 1, et per 2, et per 4, et per 11; et unamquamque multiplicationem diuide per 18, exhibunt de moneta, que est ad 3, libre $\frac{1}{3}$; de ea, que est ad 4, libre $\frac{2}{3}$; et de ea, que est ad 5, libre $\frac{4}{3}$; et de ea, que est ad 7, libre $\frac{2}{3}$ 12.

De consolamine septem monetarum.

Et si in aliquo consolamine ponantur septem monete, quarum tres sint minores, et quattuor maiores de moneta fienda; ut moneta ad 1, et ad 2, et ad 3; et moneta ad 5, et ad 6, et ad 7, et ad 8; et uis ex ipsis facere monetam ad 4; et cupis per modum consolationum procedere, facies ex eis quattuor consolationes. Cum monete, que plures sunt ab una parte, sint quattuor; tres enim ex ipsis consolationibus facies ad libitum ex tribus maioribus, et ex tribus minoribus; quartam uero facies ex maiori moneta superhabundante cum una de minoribus qualem uolueris; et summas quattuor consolationum in unum redige, et habebis summam totius consolaminis: deinde poteris procedere secundum quod dictum est superius in his, que proponi possunt in consolamine monetarum. Sed ut modus primus melius intelligatur, qualiter secundum ipsum operari debeas, indicabo. Accipe quidem libram 1 ex unaquaque minorum monetarum, et commisce eas insimul, erunt libre 3; de quibus fac monetam unam, scilicet diuide unceas argenti, que sunt in ipsis per 2, ueniet moneta ad uncias 2: serua ea, et fac ex quattuor monetis maioribus monetam aliam, commiscendo eas equaliter, sicuti fecisti minores, exhibit moneta ad uncias $\frac{1}{2}$ 6, que proueniunt ex summa de 5, et 6, et 7, et 8 diuisa per 4, scilicet per numerum multitudinis maiorum monetarum. Ergo dicas: habeo monetam ad 2, et ad $\frac{1}{2}$ 6; et uolo facere monetam ad 4, hoc est habeo monetam ad 4, et ad 12; et nolo facere ad 8: extrahere quidem 4 de 8, remanent 4; et tot mites de maioribus monetis: extrahere 8 de 12, remanent 4; et tot mites de minoribus, scilicet tertiam partem earum de unaquaque. Sed quia 8 non diuiduntur integraliter per 3, mites libras 5 ex unaquaque minorum monetarum, scilicet triplum tertie partis de 5; et triplicabis 4, que

61. 65. *corrupt.*

• maior ... unaquaque • (cf. 65. *corrupt.*, lin. 14-17); pag. 156, lin. 28 — pag. 157, lin. 21.

8765	321
4	
8765	321
4	5
4	5
13	4
8	

debeant mitti ex maioribus, erunt 12; quorum quartam partem, scilicet 3 mittes de unaquaque maiorum monetarum, ut in questione ostenditur; et erunt in summa dicti consolaminis libre 27. Si vero ex eis libris aliquantas monetas consolare uolueris, facies ut superius in ceteris secundum regulam, quam in societate ostendimus.

Aliter cum ponatur inequaliter uel proportionaliter de monetis.

Item si predictarum monetarum consolamen aliter facere uolueris, ut de nulla ipsarum aliqua ponatur equalitas, sic facies: scribe questionem, ut hic ostenditur. Post hoc scribe super unamquamque monetam numerus ad libitum quales noluieris inequales; tamen tales numeros supra minores monetas adscribas, ut cum in summa iuncti fuerint, reddant aliquem sanum, et compositum numerum, ut per eum id, quod parti debueris, leuius diuidas. Pone igitur super eas 12 in tres inequales partes diuisas, ut pote in 2, et 4, et 8, ut superius in questione posita cernis; quia duodeuarius numerus 12 in monetarum consolaminis necessarius, atque integer reperitur propter libram, que est uncie 12. Vnde cum aliquis librarum numeris in 12 diuiditur; que super 12 remanserint, erunt uncie. Illud uero idem, quod de minoribus monetis docuimus, fac de maioribus.

Pones etiam super prefatas un. maiores monetas 12 in quattuor | inequales partes diuisa, scilicet in 1, et 2, et 3, et 6, ut super ea in questione posita sunt. Post hec multiplica numerum super minorem monetam positum per ipsam minorem monetam, scilicet 2 per 1, erunt 2, que serua. Item multiplica sequentem positum numerum per sequentem monetam, scilicet 4 per 2, erunt 8, que serua. Item multiplica tertium positum numerum per tertiam minorem monetam, scilicet 3 per 3, erunt 12; que adde cum 8, et cum 2 superius seruatis, erunt uncie argenti 26. Adde itaque tres super positos numeros, uidelicet 2, et 4, et 8, erunt 14; in quibus diuide 26, exhibunt uncie $\frac{1}{2}$ 2, quas habebis ab una parte consolaminis. Item positum numerum super minorem numerum maiorum monetarum multiplica per ipsam monetam, scilicet 1 per 5, erunt 5, que serua. Item multiplica sequentem positum numerum per sequentem monetam, scilicet 2 per 6, erunt 12, que serua. Item multiplica 3 per 7, erunt 21, que serua. Item multiplica posterio rem positum numerum, scilicet 6, per posteriorem maiorem monetam, scilicet per 8, erunt 48; que adde cum 5, et cum 12, et cum 21, erunt 86; que diuide per iunctionem super positorum numerorum, qui sunt super maiores monetas, scilicet per 12, exhibunt uncie $\frac{1}{2}$ 7, quas habebis ab alia parte consolaminis. Post hec redige dictarum omnium 7 monetarum consolamen. Ad consolamen duarum monetarum, uidelicet ut si dicas: habeo monetam ad uncias $\frac{1}{2}$ 2, et monetam ad uncias $\frac{1}{2}$ 7; et uolo inde facere monetam ad uncias 4 a minori: itaque moneta usque in monetam, quam uis facere, scilicet a $\frac{1}{2}$ 2 usque in 4 desunt $\frac{1}{2}$ 2; et tantum mittes de minoribus monetis inequaliter, secundum proportionem numerorum positorum super ipsas; scilicet de moneta, que est ad 5, mittes unam partem ex ipsis $\frac{2}{5}$ 1; et de ea que est ad 6, mittes duas partes. Et de ea, que est ad 7, mittes tres partes; et de ea, que est ad 8, mittes sex partes: ergo adde ad modum societatum 1, et 2, et 3, et 6, erunt 12. Et multiplicabis $\frac{2}{5}$ 1 per 1, et diuides per 12, exhibunt $\frac{1}{15}$; quas pone super ipsam monetam, que est ad uncias 5; quia talis portio de ipsa moneta erit ponenda in consolamine. Similiter multiplicabis singulariter 2, et 3, et 6 per $\frac{2}{5}$ 1; et diuides singulariter per 12, exhibunt $\frac{2}{15}$, et $\frac{3}{15}$, et $\frac{6}{15}$; quas pone per ordinem super reliquis tres monetas, ut superius in que-

numeros ... in quattuor ... (fol. 66 recto, lin. 21-29; pag. 157, lin. 8-16).



fol. 66 recto.

in equales ... erunt 12 + (fol. 66 recto, lin. 1-19; pag. 157, lin. 16-27).



et singulariter ... moneta + (fol. 66 recto, lin. 20 + 21-27 + 28, pag. 157, lin. 42 — pag. 158, lin. 6).



stione ostenditur. Rursum accipe differentiam, que est ad 4, usque in $\frac{1}{2}$ 7, que est $\frac{1}{2}$ 2; et habeat eam proportionem, que ponenda erit de tribus minoribus monetis in prescripto consolamine; et diuides ipsa $\frac{1}{2}$ 3 in xii^m partes, dando tres partes minori monete, et iii.^{or} partes alie, et v partes tertie: et ut hoc facias, multiplica 3, que posita sunt super maiorem monetam, per $\frac{1}{2}$ 2; et diuide per 12, exhibunt $\frac{23}{24}$, quas pone super maiorem monetam; quia talis portio erit ponenda in consolamine de ipsa minori moneta. Similiter multiplica 4, que posita sunt super monetam, que est ad uncias 2, per $\frac{1}{2}$ 2; et diuide per 12, exhibunt $\frac{17}{12}$, quas pone super ipsam monetam. Iterum multiplica 5, que posita sunt super monetam, que est ad 3, per $\frac{1}{2}$ 2, exhibunt $\frac{25}{12}$, quas pone super ipsam monetam, ut in questione ostenditur superius.

Er nota: quia idco fecimus septuagesimas secundas de .vii. portionibus, que ponende sunt ex predictis 7 monetis; ut cum ipse portiones sint ex eisdem ruptis, scilicet ex septuagesimis secundis, possunt esse integre libre in eisdem numeris, hoc est quod de minori moneta mittes libras 57; cum de ea mittere debeamus $\frac{23}{24}$; et eadem ratione de moneta, que est ad uncias 2, mittes libras 76; et de ea, que est ad uncias 2, mittes libras 95; et de moneta, que est ad uncias 3, mittes libras 11; et de ea, que est ad uncias 6, mittes libras 22; et de ea, que est ad uncias 7, mittes libras 22; et de maiori moneta mittas libras 66; et sic habebis propositum. Nam si de prenominato consolamine tantum libras 30 consolare uoueris, adde prescriptas libras, quas de prescriptis monetis mittere debes, scilicet 57, et 76, et 95, et 11, et 22, et 22, et 66, erunt libre 366; in quibus diuide multiplicationem de 30, quas consolare affectas in prenomatis libris 57, et in 76, et in 95, et in 11, et in 22, et in 22, et in 66; et inuenies, quod de minori moneta mittes libras 4, et uncias 9; et de ipsa, que est ad uncias duas, mittes libras 6, et uncias 4; et de ipsa, que est ad uncias 2, mittes libras 7, et uncias 11; et de moneta, que est ad uncias 3, mittes uncias 11; et de moneta, que est ad uncias 6, mittes libram 1, et uncias 10; et ex ea, que est ad 7, libras 2, et uncias 9; et ex ea, que est ad 8, libras 5, et uncias 6.

Quidam habuit monetas ducentas quadraginta, quarum prima erat ad $\frac{1}{2}$ unius uncie argenti in libra; secunda ad $\frac{2}{3}$, scilicet ad $\frac{1}{12}$; tertia ad $\frac{3}{16}$; Quarta ad $\frac{1}{24}$, scilicet ad $\frac{1}{2}$; et sic in reliquis per ordinem semper erat $\frac{1}{12}$ plus, usque quod ultima moneta erat ad $\frac{21}{16}$, scilicet uncie 12 argenti; hoc est quod tota ipsa moneta erat argenti; ex quibus uoluit facere monetam ad uncias $\frac{1}{2}$ 2: queritur, quantum mittet ex unaquaque moneta: quamuis superius dictum sit, quod minores monete in unam partem poni debeant, et maiores in aliam; tamen qualiter aliter quandoque fieri doceat, indicabimus: quia in hoc consolamine multe monete posite sunt, summatur ex eis ad libitum per ordinem a minori, usque quod ex summa earum egrediatur moneta, que non sit minor de uncis $\frac{1}{2}$ 2. Summanturque octuaginta monete ex eis, in ultima quarum sunt $\frac{26}{24}$ unius uncie argenti; et colligatur argentum, quod est in illis 80 monetis per ordinem, scilicet iungemus uigesima 1 prime monete, et uigesimas 2 secunde, et 3 tertie, et 4, et 5; et deinceps per ordinem usque in 80: quarum uigesimarum summa reperitur ex multiplicatione de 40 in 81, ut in prima parte duodecimi capituli demonstrabitur: multiplicatio enim de uigesimis 40 in 81, scilicet de uncis 2 in 81, faciunt uncie 162; et tantum argentum est in ipsis libris 80: quare diuisis uncis 162 in monetis 80, ueniunt

uncie $\frac{1}{12}$ 2 argenti per unamquamque libram ipsarum 80 monetarum: quas uncias $\frac{1}{12}$ 2 pone ab una parte consolaminis; et uideas quantum argentum est in reliquis centum sexaginta monetis: quod uides cum multiplicaueris 1 plus de nigesimis 240, scilicet 241 per medietatem de 240, scilicet per 120; et ex multiplicatione extrahas uncias 162 inuenias, que sunt in monetis 80 minoribus: multiplicatio de nigesimis 120, scilicet de unciis 6 in 241, faciunt uncias 1446; et tot uncie argenti sunt in moneta 240 positis: ex quibus unciis extrahere 162, remanent uncie 1284; et tantum argentum est in libris 160 maioribus: quare diuisis 1284 per 160, reddunt uncias $\frac{1}{10}$ 8; et tantum argentum uenit in libra uniuscuiusque maiorum monetarum. Quare ponas $\frac{1}{10}$ 8 ab alia parte consolaminis; et $\frac{1}{12}$ 2 ponas inter $\frac{1}{12}$ 2, et $\frac{1}{10}$ 8, ut in margine ostenditur. Et pone super $\frac{1}{12}$ 2 differentiam, que est a $\frac{1}{10}$ 8, usque in $\frac{1}{12}$, scilicet $\frac{1}{60}$. Et super $\frac{1}{10}$ 8 pone differentiam, que est ab $\frac{1}{12}$ 2 in $\frac{1}{10}$ 2, scilicet $\frac{2}{15}$ 5; que cum sint quadragesime 221, pone 221 super $\frac{1}{10}$ 2: ergo de minoribus monetis mittes 221, hoc est $\frac{221}{10}$ ex unaqueque, cum ipse monete sint 160; et de maioribus monetis mittes 19, hoc est $\frac{19}{100}$ ex unaqueque, cum ipse monete sint 160: deinde ut habeas hoc, quod de unaqueque mitti debet, in integrum redige $\frac{221}{10}$, et $\frac{19}{100}$ in eisdem partibus: duplicatis quidem 221, faciunt 442; quibus positis super duplicata 80, faciunt $\frac{442}{10}$: ergo de unaqueque minorum monetarum mittes 442; et de unaqueque minorum mittes 19.

Incipit differentia septima de regulis a consolamine pertinentibus.

Quidam miuit petia duo auri, quarum pondus erat libra una; et ex quibus uendit unum petium ad rationem libre de bizantiis 67; aliud uero ad rationem de bizantiis 56: habuit autem ipsam ex utroque petio bizantiis 56; queritur, quantum fuit pondus uniuscuiusque petii. Cuius regula ad monetarum doctrinam redigimus. Vt si diceretur: habeo monetam ad uncias 67, et ad 50; et uolo ex eis libris monete ad 56; in qua regula sic fieri demonstratum est: uidelicet ut differentia, que est a 50 usque in 67, hoc est 6, ponatur super 67; et differentia, que est a 56 usque in 67, scilicet 11, ponatur super 50; et addantur 6 cum 11, erunt 17; et multiplicentur 6, et 11 per 17, scilicet per quantitatem unearum utriusque petii; et diuidantur utreque multiplicationes per 17, exibunt pro quantitate ponderis carioris petii uncie $\frac{1}{17}$ 4; et pro quantitate uilioris petii uncie $\frac{1}{17}$ 7.

Item de homine qui inuenerunt (sic) duo petia auri.

Si autem diceretur, quod illa duo petia ponderarent uncias 11; et uenderentur similiter pro bizantiis 56, sic erit faciendum: uidelicet, ut dicatur: cum 11 uncie ualeant bizantiis 56; quantum ualent ergo uncie 12, scilicet libra: multiplicentur 12 per 56, erunt 672; que diuidantur per 11, exibunt bizantiis $\frac{672}{11}$ 61. Modo dicatur. Habeo monetam ad uncias 67, et ad 50; et uis facere monetam ad $\frac{1}{11}$ 61; et operetur postea secundum dictam doctrinam.

Item si petia illa ponderarent uncias 13; multiplicentur similiter 12 per 56, et diuidantur per 13, exibunt $\frac{672}{13}$ 51; et dicitur tunc: habeo monetam ad 50, et ad 67; et uolo facere monetam ad uncias $\frac{1}{13}$ 51; et sic de tribus, uel pluribus petiis facere potes. Tamen semper provideas, ut pretium omnium petiorum redigatur ad eiusdem uenditionis quantitatem, sicuti in precedentibus petiis fecimus. Videlicet cum posuimus, quod illa duo petia essent uncie 11, uel 12; et redigamus eam ad quantitatem petii unius libre; quia de libra dictum fuit, quod ualebat bizantiis 56 et 67.

* differentia ... ergo = (51) 86
error, in. 29-33, pag. 159.
lin. 16-17.

19	221
$\frac{1}{10}$ 8	$\frac{1}{12}$ 2
	$\frac{1}{10}$ 2

* ex quibus ... demonstratum
est = (fol. 66 error, in. 35-
29; pag. 149, lin. 29-32).

6	11
A.	A.
67	50
A.	
	56

fol. 67 recto.

* quantitate ... 67 et ad = (fol.
67 recto, in. 4-6; pag. 149,
lin. 29-34).

6	11	$\frac{12}{13}$ 5
A.	A.	A.
67		50
		$\frac{1}{11}$ 61

* per 56 exhibent ... 59 et 67 =
(fol. 67 recto, in. 11-15; pag.
149, lin. 33-41).

12	1	$\frac{1}{13}$ 15
A.	A.	A.
67		50
		$\frac{1}{13}$ 51

De homine qui emit libras 7 trium carniū per denarios 7.

Quidam emit libram carnis porcine pro denariis 3, et uaccine pro denariis 2; yrcine nero pro denario $\frac{1}{2}$; et ex illis tribus carniibus habuit libras 7 pro denariis 7; queritur, quantum de unaquaque habuit: cum pro denariis 7 habuit libras 7 carniū; ergo libra ualuit denarium 1: ergo habeo monetam ad 3, et ad 2, et ad $\frac{1}{2}$; et uolo facere monetam ad 1: quod fiat secundum supradictam doctrinam, uidelicet ut addas 2 cum 3, erunt 5: pone differentiam, que est ab uno usque in dimidium de ipsis 5 super $\frac{1}{2}$; et differentiam, que est a $\frac{1}{2}$ usque in 1, scilicet $\frac{1}{2}$, diuide per 2, exhibunt $\frac{1}{4}$, quam pone super 2; et aliam $\frac{1}{4}$ pone super 3, et adde ipsas duas quartas cum $\frac{1}{2}$: suprascripta, erunt 2: et multiplica 7 per $\frac{1}{2}$ 1, erunt $\frac{7}{2}$ 10; que diuide per 2, exhibunt $\frac{7}{4}$ 5; et tot libras emit de yrcina carne. Item $\frac{1}{2}$, que est posita super 2; uel ipsa, que posita est super 3, multiplica per 7, et diuide per 2, exhibunt $\frac{7}{4}$ unius libre; et tot emit ex unaquaque reliquarum carniū. Nam si inequaliter de unaquaque carne in prescripta compera habere uolueris, pone ut emeret ad libitum de porcina carne libram 1 pro denariis 3, remanent libre 6 de reliquis duabus carniibus pro denariis 4; quarum unaquaque ualet $\frac{2}{3}$ unius deuarii. Quare dicas: habeo monetam ad 2 et ad $\frac{2}{3}$; et nolo facere libras 6 monete ad $\frac{2}{3}$: quam si per premissum magisterium facere scieris, inuenies, quod de bouina carne emit $\frac{2}{3}$ unius libre pro denariis $\frac{1}{2}$; et de yrcina libras $\frac{1}{2}$ 5 pro deuariis $\frac{2}{3}$; et sic habet libras 7 carniū pro denariis 7, ut quesitum est.

De muliere mercatrice que emit mala et pira.

Item mulier mercatrix emit mala 7 pro denario 1; et uenditit 6 pro denario 1; et emit pira 8 pro denario 1; et uenditit 9, et inuestiuit denarios 10; et lucrata fuit denarium 1; queritur quot inuestiuit in malis, et quot in piris: sic faciendum est, ut ponatur, ut illa inuestiret in malis illos denarios 10, scilicet ut multiplica 7 per 10, erunt mala 70; quos cum uederet sex pro 1 denario, diuide ea per 6, exhibunt denarii $\frac{7}{2}$ 11: similiter facies de piris, quod pones ut inuestiret in eis denarios 10; et uidebis quod inde habueris de pira: multiplica igitur 8 per 10, et diuide per 9, exhibunt denarii $\frac{8}{9}$ 8; et dicas: habeo monetam ad $\frac{7}{2}$ 11, et ad $\frac{8}{9}$ 8; et uolueris facere ad 11, hoc est adinjectionem lucri, et capitalis, pone super $\frac{7}{2}$ 11, secundum suprascriptam doctrinam, differentiam, que est a $\frac{8}{9}$ 8 in 11, scilicet nonas 10. Et e contra pone super $\frac{8}{9}$ 8 differentiam, que est inter 11, et in $\frac{7}{2}$ 11, scilicet $\frac{5}{2}$ 6, et adde 6 cum 10, erunt 25; et multiplica 10 per 10, et diuide per 25, exhibunt denarii $\frac{2}{5}$ 7; et tot inuestiuit in piris.

De laboratore laborante in quodam opere.

Quidam erat recepturus in mense causa sui laboris bizantios 7; et si aliquo tempore a labore cessaret, erat redditurus ad rationem mensis bizantios 4: stetit per mensem, ex quo quandoque laborauit, quandoque non; sic quod habuit de eo, quod laborauit, bizantium 1, discomputato eo, quod non laborauit. Queritur quantum laborauit, et quantum non ex ipso mense: sic facies. Adde dies mensis, qui sunt 30, cum bizantiis 7, quos lucrabatur, erunt 37; et de ipsis 30 tolle 4, quos erat redditurus, si non laboraret, remanent 26. Item cum 30 adde lucrum quod fecit, scilicet 1, erunt 31; et dicas: habeo monetam ad 26 et ad 37; et uolo facere ex eis libras 30, scilicet pro diebus mensis, qui sunt 30 ad 31: quod faciendum est per supradictam doctrinam, uidelicet ut differentia, que est a 27 usque in 31, scilicet 4, pones super 26; et differentia, que est a

• 2 queritur ... 2 minus (fol. 61 verso, lin. 18-24, pag. 160, lin. 2 r. 4-12).

1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$
3	2	2
1		

• denarii 8 ... adinjectionem (fol. 61 verso, lin. 20-21, pag. 160, lin. 20-28).

6	10
$\frac{7}{2}$ 11	$\frac{8}{9}$ 8
11	

fol. 61 verso.

• erat ... discomputato (fol. 61 verso, lin. 4-p. pag. 160, lin. 30-42).

5	9
37	26
31	

28 usque in 31, scilicet 8, ponas super 37: ergo euidenter apparet, quod quinque partes illius mensis laborauit, et sex partes a labore cessauit. Vnde diuidendi sunt dies mensis, scilicet 30, in his partibus secundum modum societatum, hoc est ut addes 5 cum 6, erunt 11; in quibus diuides multiplicationem de 5 in 30, exibunt dies $\frac{7}{11}$ 13; et tot diebus laborauit homo ille: similiter multiplicabis 6 per 30, et diuides per 11, exibunt dies $\frac{16}{11}$ 16, in quibus non laborauit memoratus homo.

Diuisi 20 in duas partes, et accepi $\frac{1}{2}$ unius, et $\frac{1}{2}$ alterius, et addidi super 20; et de concreta summa extraxi quinta, et remanserunt 20; quia de quacumque summa extrahitur $\frac{1}{5}$ eius, remanent $\frac{4}{5}$ eiusdem: ergo $\frac{1}{2}$ concrete summe sunt 20: et quin $\frac{1}{2}$ cuiusuis summe est quarta de $\frac{1}{2}$ eiusdem; ergo $\frac{1}{4}$ concrete summe est $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{2}$: que $\frac{1}{4}$ fuit $\frac{1}{2}$ prime partis, et $\frac{1}{4}$ secunde: hoc itaque intellecto, pone 20 esse diuisa in 20 et in 0; quare si acceperis $\frac{1}{2}$ prime partis, et $\frac{1}{2}$ secunde, ueniet utique $\frac{1}{2}$ de 20 tantummodo. Rursus si acceperis $\frac{1}{2}$ secunde partis, scilicet de 0, et $\frac{1}{2}$ prime, neniet $\frac{1}{2}$ de 20: sed cum acceperis $\frac{1}{2}$ unius ex quesitis duabus partibus, et $\frac{1}{2}$ alterius, prouenit $\frac{1}{2}$ de 20: ergo habeo monetam ad $\frac{1}{2}$ de 20, et ad $\frac{1}{2}$ de 20; et uolo facere monetam ad $\frac{1}{2}$ de 20; que cum sint partes unius, et eiusdem numeri, scilicet de 20, indifferenter possumus dicere: habeo monetam ad $\frac{1}{2}$, et ad $\frac{1}{2}$; et uolo facere monetam ad $\frac{1}{2}$, hoc est: habeo monetam ad 8, et ad 3; et uolo facere libras 20 ad 6 per mutata differentias (sic); et inuenies primam partem esse $\frac{1}{2}$ de 20, scilicet 12; secundam $\frac{1}{2}$, scilicet 8. Et si proponatur remanere 10; cum de concreta summa extrahatur $\frac{1}{2}$, adde super 10 quartam eorum, erunt $\frac{1}{2}$ 23, que sunt summa concreta: de quibus extrahere 20, remanent $\frac{1}{2}$ 3; que denomina a 20, scilicet diuide ea per 20, exibunt $\frac{3}{10}$; et sic habes monetam ad $\frac{1}{2}$, et ad $\frac{1}{2}$; et uis facere libras 20 ad $\frac{3}{10}$, hoc est: habeo monetam ad 16, et ad 6; et uolo facere libras 20 ad 0; permutatis quidem differentiis, inuenies primam partem esse $\frac{8}{10}$ de 20, scilicet 6; secundam $\frac{2}{10}$, scilicet 4.

Item diuisi 20 in tres partes, et super ea addidi $\frac{1}{2}$ prime partis, et $\frac{1}{2}$ secunde, et $\frac{1}{2}$ tertie; et de concreta summa extraxi sextam eius, et remanserunt 20: supradictis itaque demonstrationibus inuenit r, quod $\frac{1}{2}$ concrete summe est $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{2}$ eiusdem, scilicet de 20: ergo habeo monetam ad $\frac{1}{2}$, et ad $\frac{1}{2}$, et ad $\frac{1}{2}$; et uis facere monetam ad $\frac{1}{2}$: posita questione, poteris per predictam doctrinam inuenire prescriptas partes; et erit secunda pars cum tertia in quacumque uolueris proportionem.

De homine qui emit modia 90 quinque bladarum.

Quidam emit constantinopolim modia 90 inter frumentum, et milium, et fabas, et ordeum, et lenticulas pro bizantiis $\frac{1}{2}$ 21. Ea uidelicet ratione, quod modia centum frumenti uendebantur pro bizantiis 20; ordeus uero pro bizantiis 25; Milii autem pro bizantiis 22; fabarum namque bizantiis 18. Et lenticulas bizantiis 16. Queritur quantum emit de unaquaque blada; sic facies. Vide quantum ualeant modia 100 commixtarum | bladarum cum modis 90 ex eis: ualeant bizantios $\frac{1}{2}$ 21. Vt hoc scias; multiplica modia 100 per bizantios $\frac{1}{2}$ 21, et diuide per 90, exibunt bizantii $\frac{11}{10}$ 23 pro pretio centum modiorum. Vnde ut redigatur hoc questio ad monetarum consolamen, dicendum est: habeo monetam ad uncias 20, et ad 25, et ad 22, et ad 18, et ad 16; et ex eis uolo facere monetam ad uncias $\frac{11}{10}$ 23, et consolare ex eis libras 90: quare describe questionem in hunc modum, et adde insimul pretium de carioribus bladis, scilicet bizantios 20 cum

* concrete ... dicitur + (fol. 41 verso, linc. 48-53, pag. 161. lin. 9-17).

7	3
6	9
	9

* habes ... dicitur 14 + (fol. 42 verso, linc. 24-30 + pag. 162. lin. 17-23).

2	3
3	4
6	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

* Bladarum Bladarum s (6d.
58 recto, lin. 1-20, pag. 161,
lin. 27 s 28 — pag. 162, lin.
20).

122	122	122	122	267	267
3 1	3 1	3 1	3 1	17 2	17 2
3 1	3 1	3 1	3 1	16 2	16 2
16	16	16	16	25	25
Moneta	Moneta	Moneta	Moneta	Moneta	Moneta
11	11	11	11	20	20
11	11	11	11	20	20
11	11	11	11	20	20

* 6d ad consolandum . . . in
28 ultinet s (6d. 68 verso,
lin. 25-26, pag. 162, lin. 27-28).



bizantii 25, erunt 54: et quia duas bladas iasimul iunxisti, diuide 54 per 2, exhibunt 27; de quibus extrahere bizantios $\frac{11}{10}$ 23, remanent bizantii $\frac{1}{10}$ 3; qui numerus est proportio trium milium bladarum: quare diuides $\frac{1}{10}$ 3 per ipsas tres bladas, exhibit $\frac{1}{10}$ 1; que pone super bizantios 22, et super 18, et super 16, ut in descriptione ostenditur; et adde insimul pretium aliarum trium bladarum, scilicet 22, et 18, et 16, erunt 56; que diuide per 2, exhibunt $\frac{28}{1}$ 28: a quibus usque in $\frac{11}{10}$ 23 desunt $\frac{7}{10}$ 4, qui sunt proportio cariorum bladarum: quare diuide $\frac{7}{10}$ 4 per 2, exhibunt $\frac{7}{10}$ 2; que pone super 29, et super 25: quibus ita descriptis, redigitur hec questio ad societatum questiones; uidelicet quod unus misit $\frac{17}{10}$ 2, et alter totidem, et tertius $\frac{3}{10}$ 1, et quartus, et quintus totidem; et lucrati sunt modica 90. Vnde oportet, ut facias de unoquoque numero centesimas octauas; quia in 108 reperiuntur predicti bizantii: et describere unumquemque ipsorum super suum numerum; et sic habebis 267 super 29, et super 25, et 122 super 22, et super 18, et super 16: quibus insimul additis, scilicet 267, et 267, et 122, et 22, et 122, erunt 900; in quorum regula diuide multiplicationem de modis 90 in unumquemque prescriptorum numerorum. Vel quia 90 sunt $\frac{1}{10}$ de 900, accipe $\frac{1}{10}$ de suprascriptis numeris, exhibunt de frumento modica $\frac{27}{10}$ 26 pro bizantiis $\frac{3}{10}$ 16, $\frac{1}{10}$ 7; et de ordeo modica $\frac{7}{10}$ 26 pro bizantiis $\frac{3}{10}$ 16, $\frac{1}{10}$ 6; et de milio modica $\frac{7}{10}$ 12 pro bizantiis $\frac{1}{10}$ 12, $\frac{1}{10}$ 2; et de fabis modica $\frac{11}{10}$ 12 pro bizantiis $\frac{1}{10}$ 12, $\frac{1}{10}$ 2; et de lenticalis modica $\frac{9}{10}$ 12 pro bizantiis $\frac{9}{10}$ 12, $\frac{1}{10}$ 1.

Aliter de emptione bladarum.

Utrum si iaequaliter de unaquaque predictarum bladarum se habuisse proposueris; aliter quam superius in inequalitate monetarum diximus, hoc dicere uolumus: ut tripliciter similes questiones soluere ualeas, pone ut emisset ex una ipsarum quantum uis. Nam ut magis ueaiat expeditum, pone ut emisset ex ea, que ualet bizantios 25, modica 5: ideo quia ipsa modica 5 ualet bizantios $\frac{1}{4}$ 4; que modica 5 extrahere de 90, remanent modica 85; et $\frac{1}{4}$ 4 extrahere de $\frac{1}{4}$ 21, remanent bizantii 20. Modo restant consolare nobis modica 85 pro bizantiis 20 inter reliquis quattuor bladas. Vnde ad libitum ponas, ut ex ea, que ualet bizantios 16, emisset modica 25, que ualet bizantios 4; remanet modica 60 ad consolandum pro bizantiis 16 cum reliquis tribus bladis. Iterum summas ad libitum, ut emisset modica 10 de ea, que ualet centenarium bizantios 15; que modica 10 ualet bizantios $\frac{1}{3}$ 3: unde discomputatis modis 10 de 60, et bizantios $\frac{1}{3}$ 3 de 16, remanent modica 50 ad consolandum pro bizantiis $\frac{1}{3}$ 14 inter ipsam; cuius centenarium ualet bizantios 22, et eam, que ualet bizantios 20; quare dicendum est: si modica 56 duarum commixtarum bladarum ualet bizantios $\frac{1}{3}$ 14; quantum ualet modica 100. Multiplicabis siquidem 100 per $\frac{1}{3}$ 14, et diuides per 50, hoc est duplicabis ea, exhibunt bizantii $\frac{28}{3}$ 28: dices itaque: habeo monetam ad 28, et ad 22; et uolo ex eis facere libras 50 monete ad $\frac{28}{3}$ 28: descripto siquidem prescripto consolamine, ut poteris edoceatur, accipe differentiam, que est a 28 usque in $\frac{28}{3}$ 28, scilicet $\frac{2}{3}$ 6; et scribe ea super 29; et a $\frac{28}{3}$ 28 usque in 29 desunt $\frac{2}{3}$ 6, quas pone super 22, et fac societatem de $\frac{2}{3}$ 6, et de $\frac{2}{3}$ 6, qui faciunt 7: in quibus diuide multiplicationem de $\frac{2}{3}$ 6 in 30, exhibunt modica $\frac{2}{3}$ 45; et tantum emit de illa de 29: et iterum diuides in eadem 7 multiplicationem de $\frac{2}{3}$ 45 in 30, exhibunt modica $\frac{2}{3}$ 4; et tantum emit de illa, que ualet bizantios 22.

Aliter de eisdem bradis. (sic) |

Utrum si propositerit, se emisse ex illa de 29 tantum quantum emit; et de illa de 25 quartam partem ipsius; et de illa de 22 tantum quantum emit; et de ipsa de 18 quartam partem ex eadem 22; et de illa de 18 quantum ex ipsa de 18; et sic habuit, prescriptis conditionibus, ex ipsis quinque bladis modia 90 pro bizantiis $\frac{1}{2}$ 21; sic est faciendum: ut describatur questio, sicut inferius cernitur: et quia de ipsa de 25 emit quartam partem de ipsa de 29; ergo quater tantum emit de ipsa de 29, quam ex ipsa de 25. Unde ponenda sunt 4 super 29, et 1 super 25; et multiplicanda 4 per 29, erunt 116; et 1 per 25, erunt 25; que iunge cum 116, erunt 141; que diuide per iunctionem de 4 cum 1, scilicet per 5, exhibunt bizantii $\frac{1}{2}$ 28; et tantum ualuit centum modiorum illarum predictarum bladaram ita uidelicet commixtarum. Item eadem rationem (sic) quia cum de ipsa de 22 emerit quantum emit; et ex ipsa de 18 quartam partem ipsius; et ex ipsa de 18 quintam, quam ex ipsa de 18; querendum est de $\frac{1}{2}$ 1, in quali reperiantur numero: scilicet in 20, que describantur super 22; et accipias quartam partem ipsorum, que est 5; et describas ea super 18; et iterum accipias $\frac{1}{2}$ ipsorum, que est 1; et ponas cum super 18: et multiplica 20 per 22, erunt 440; et 5 per 18, erunt 90; et unum per 16, erunt 16; que adde cum 90, et cum 440, erunt 536; que diuide per iunctionem de 20 cum 5, et cum 1, scilicet per 26, exhibunt 21; et tantum ualeat centum illarum trium reliquarum bladaram in dicta proportione commixtarum. Quapropter ut redigatur hec questio ad monetarum consolamen dices: habeo monetam ad $\frac{1}{2}$ 26, et ad 21; et uolo inde facere libras 90 monete ad uncias $\frac{12}{22}$ 22: quod consolamen, si magistraliter secundum artem facere cupis; descripto ipso consolamine, multiplica 26 per 5, et addes 1, erunt 141; que multiplica per 9, et per 2, que sunt sub uirgula de 22, erunt 2538, que pone super 26. Item multiplica 21 per 9, et per 9 de uirgula de 22, et per 5 de uirgula de 26, erunt 1990, que pone super 21. Item multiplica 22 per 9, et adde 2; que per 2, et adde 1, erunt 425; que per 5, que sunt sub uirgula, que est cum 26, erunt 2125, que pone super $\frac{1}{2}$ 22; et iterum dices: habeo monetam ad 2528, et ad 1890; et uolo facere inde libras 90 ad uncias 2125: unde differentia, que est a 1890 usque in 2125, scilicet 235, ponenda est super $\frac{1}{2}$ 29; et differentia, que est a 2125 usque in 2528, scilicet 413, ponenda est super 21, ut est inferius. Iunge siquidem 413 cum 225, erunt 648; in quorum regula, que est $\frac{10}{217}$, que diuidenda esset multiplicatio de modis 90 supradictis in 225; et summa que exiret esset summa duarum illarum modiorum bladaram superiorum coniunctarum, scilicet de 29, et 25: sed ut diuidatur pars unius ab altera, multiplica prescriptam multiplicationem, scilicet de 225 in 90, per 4, que sunt super 29 in descriptione; et diuide per coniunctionem eiusdem 4 cum 1, quod positum est super 25, idest per 5, et prescriptam uirgulam, scilicet per $\frac{1}{2}$ $\frac{9}{10}$ $\frac{9}{10}$. Nam cum euidentissime uidetur, regulam de 90 in prescripta uirgula esse idem $\frac{10}{210}$, non oportet multiplicare 225 per 90; sed relinques laborem multiplicationis, ut iterum reliquas laborem diuisiouis eorundem 90; et remanebunt tantum 225 per 4 multiplicanda. Et per $\frac{10}{210}$ diuidenda: de quibus etiam, si euitaueris $\frac{1}{2}$, remanebunt 225 diuidenda per 9, exhibunt modia $\frac{1}{2}$ 28; et tantum emit de ipsa de 29. Item eodem modo et ordine multiplica 225 per 1, quod est super 25, erunt 225; que diuide similiter per $\frac{10}{210}$, exhibunt $\frac{25}{10}$ 6; et tantum emit de ipsa de 25. Rursum ut haberetur quantitas reliquarum trium

fol. 68 verso.

et de illa ... ab altera + (fol. 68 verso, lin. 12, 14-15; pag. 163, lin. 19-24).

differentia	differentia
413	225
1890	2528
21	$\frac{1}{2}$ 28
	2125
	$\frac{1}{2}$ $\frac{9}{10}$ 22

bladarum inasimul coniunctarum, multiplicanda essent 413 in modia 90, et in $\frac{413}{115}$ diu-
denda : sed ut separentur ad inuicem, multiplicanda est illa multiplicatio, scilicet de
413 in 90 per 30, que posita sunt super 22; et diuiddenda per eandem regulam, scilicet
per $\frac{115}{30}$, et per 26, que sunt summa eorundem 30; et de 5, que sunt super 18,
et de 1, quod est super 16, optime in uirgula omnia coaptata sic $\frac{1}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$; et sic ha-
bebitur quantitas de ea, quam emerit ad rationem de 22: sed cum rursus euidenti-
sime uidetur de prescriptis 90 erunt $\frac{1}{2}$ sub uirgula diuisionis, $\frac{1}{2}$ de 90 accipe, que est
10; et multiplica ea per 413, erunt 4130; que multiplica iterum per medietatem de 20;
ideo quia potes relinquere $\frac{1}{2}$, quod est in uirgula, erunt 41300: que diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$
tantum, exhibunt modia $\frac{4}{9} \frac{0}{9} \frac{0}{9} \frac{0}{9} \frac{0}{9}$ 44; et tantum emit de illa de 22. Iterum ut habes illud
quod emit de 18, multiplica 413 per 5, scilicet per octauam decimam partem de 90;
ideo quia possibile est relinquere de dicta diuisione, scilicet de $\frac{1}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$ regulam de
18, que est $\frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$; qua extracta de uirgula, remanebit ut diuidatur tantum in $\frac{1}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$
multiplicatio 413 in 5, et adhuc in alia 5, que sunt posita super 18; que tota mul-
tiplicatio est 10225: que diuide per $\frac{1}{9} \frac{0}{9} \frac{0}{9} \frac{0}{9}$, exhibunt modia $\frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$ 11; et tantum emit de
ipsa de 18. Item ut habentur quantitas de ea, que emit de 16: multiplica 413 per 5,
scilicet per octauam decimam de 90, erunt 2065; que multiplica per 1, que est per 16,
erunt similiter 2065; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$, exhibunt modia $\frac{1}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2} \frac{0}{2}$ 2; et tantum emit de
illa de 16, ut in descriptione ostenditur.

De Campana ex quinque metallis.

Quidam uolens facere campanam de quinque metallis, ex quibus cantare uisus
ualet libras 16; Alterius uero libras 18; Alterius uero libras 20; Alterius uero libras
27; Alterius libras siquidem 31: fecit itaque ex eis campanam, que ponderat rotulis
775, que constitit libris $\frac{5}{16}$ 162: queritur quantum misit de unoquoque metallo: que
omnia facere potes per predictam regulam bladarum. Sed ut clarius intelligantur, uideamus
cum rotuli: 775 commixtorum metallorum, ualent libras $\frac{5}{16}$ 162; quid ualeant
Rotuli 190, scilicet cantare; quod sic uidentum est: ut multiples $\frac{1}{10}$ 162 per 100, erunt
16275; que diuide per regulam de 775, que est $\frac{15}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$, exhibunt 21. Vnde dicendum est,
ut redigatur hec questio ad monetarum consolamen: habeo monetam ad 21, et ad 27,
et ad 30, et ad 18, et ad 16; et uolo ex eis facere libras 775 monete ad libras 21:
quod consolamen, si omnium demonstrationum similium non immemor extiteris, inuenies,
quod misit in prescripta campana ex eodem 16 rotulos $\frac{2}{1} \frac{0}{11}$ 187 pro libris 20, et denariis
 $\frac{0}{11}$ 14; et ex eodem 18 rotulos $\frac{2}{1} \frac{0}{11}$ 187 pro libris 32, et soldis 16, et denariis $\frac{0}{11}$ 4; et
eodem 20 rotulos $\frac{2}{1} \frac{0}{11}$ 187 pro libris 37, et soldis 2, et denariis $\frac{0}{11}$ 6; et ex eodem 27
Rotulos $\frac{1}{1} \frac{0}{11}$ 105 pro libris 28, et soldis 10, et denariis $\frac{0}{11}$ 8; et ex eodem 31 Rotulos
 $\frac{1}{1} \frac{0}{11}$ 105 pro libris 32, et soldis 12, et denariis $\frac{0}{11}$ 2. Et si inqualiter in prescripta cam-
pana de unoquoque metallo mittere uolueris, facies secundum quod in emptione mo-
diorum 90 quinque bladarum superius demonstrauimus. Sed si in integris Rotulis hec
omnia habere uis, operare per modum consolationum; et habebis de uiliori metallo
Rotulos 60; de secundo 155; de tertio 400; de quarto 155; de cariori 40: et hec etiam
possunt uariari per consolationes cum diuersis integris numeris; et est pretium primi
metalli libre 9, et soldi 12; secundi libre 27; tertii libre 80; quarti libre 32, et soldi
15; carioris libre 12, et soldi 8.

Et. 69 recte.

* 413 erunt ... misit de 5 (fol. 69 recte, lin. 4-12; pag. 164, lin. 8-24).

4		4
1.	29.	29.
20.	25.	44.
22.	44.	66.
3.	18.	21.
4.	16.	20.

* unguage ... drauer 20 + (fol. 69 recte, lin. 34-39; pag. 164, lin. 24 - pag. 165, lin. 1).

1	1	105
1	21	105
1	37	187
1	21	187
1	20	187
1	18	187
1	16	187

De homine qui emit aues triginta trium generum pro denariis 30.

Quidam emit aues 30 pro denariis 20. In quibus fuerunt perdices, columbe, et passeris: perdices uero emit denariis 3; columba denariis 2, et passeris 2 pro denario 1, scilicet passer 1 pro denariis $\frac{1}{2}$. Queritur quot aues emit de unoquoque genere: diuide denarios 30 per aues 20, exiit denarius 1. Dic ergo: habeo monetam ad $\frac{1}{2}$, et ad 2, et ad 3; et uolo facere monetam ad 1. In similibus enim questionibus procedendum est per modum consolationum, ut habeamus integros numeros auium. Quare ut species uiliorum auium equetur speciebus cariorum multitudinem dicas: habeo monetam ad $\frac{1}{2}$, et ad $\frac{1}{2}$, et ad 2, et ad 3; et uolo facere monetam ad 1, hoc est: habeo monetam ad 1, et ad 1, et ad 4, et ad 6; et uolo facere monetam ad 2: fac ex passeribus, et perdicibus primam consolationem; et erunt aues 3 pro denariis 5, scilicet passeris 4, et perdix 1; et de passeribus, et columbis fac secundam; et habebis 2 pro denariis 2, scilicet passeris 2, et columba 1: deinde ut habeas aues 30 consolatas, mites primam consolationem ter, in quibus erunt passeris 12, et perdices 3; et remanebunt aues 15 consolatae; pro quibus mites secundam consolationem quinquies, et habebis passeris 10, et columbas 5; et sic in predictis auiibus 30 erunt passeris 22, et columbe 3, et perdices 2, ut in questione ostenditur. Et scias quia de superscriptis potes habere aues sanas quantas uoluerit pro totidem denariis ultra 15; sed infra 15 non possunt haberi aues, nisi 12, et 11, et 8. Nam in auiibus 12 cadit prima consolatio bis, et secunda semel; et in auiibus 11 cadit secunda consolatio bis, et prima semel; et in auiibus 8 cadit unaqueque consolatio semel.

De eodem.

Rvrsus perdix ualeat denarios 2; et columbe 2 dentur pro denario 1; et passeris 1 pro denario 1; et uolo aues 12 pro denariis 12: ergo habes monetam ad $\frac{1}{2}$, et ad $\frac{1}{2}$, et ad 2; et uolo facere monetam ad 1: fac de perdicibus et passeribus consolationem primam; et erunt aues 7 pro denariis 7, scilicet passeris 4, et perdices 3; et de perdicibus, et columbis fac secundam; et erunt aues 3 pro denariis 3, scilicet columbe 2, et perdix 1. Et quia cum ipsis duabus consolationibus non possumus aues 12 in integrum pro denariis 12 consolare, consolabimus cum eis aues 21, scilicet duplum de auiibus 12, in quibus cadit prima consolatio ter, et secunda semel. Quare ex ipsis auiibus 24 erunt perdices 10, et columbe 2, et passeris 12: qui numeri, cum sint pares, possunt integraliter dimidiare. Quare dimidia eos, et habebis perdices 5, et columbam 1, et passeris 6, hoc est aues 12 pro denariis 12. Et si proponeretur, quod columba ualeat tantum denarium 1, tunc non indigeres nisi primam consolationem, in qua sunt perdices 3, et passeris 4 pro denariis 7. Residue aues 3 erunt columbe: et si ex ipsis uis consolare aues 100 pro denariis 100, potes mittere primam consolationem quotiens uolueris, donec 100 excedat summam consolationum; et quae de 100 remanserint, erunt columbe.

De eodem cum genera auium sint quattuor.

Item perdix ualeat denarios 3, columba 2, turtur denarium $\frac{1}{2}$, passer denarium $\frac{1}{2}$; et nolo ex eis aues 30 pro denariis 30: fac primam consolationem ex perdicibus, et passeribus; et habebis aues 11, scilicet perdices 3, et passeris 8: et in secunda consolatione erunt turtures 2, et columba 1, hoc est aues 3. Et quia ex his duabus consolationibus non possunt aues 30 consolari; cum extracta prima consolatione de 30 semel,

* Quidam remanebant 1 (fol. 69 verso, lin. 20-22; pag. 165, lin. 2-14).

3	5	2	2
perdi. columba, pass. passeris			
6	4	1	1
	2		
perdi. 3		12	
Consolatio prima			
1	4		
6	1		
	2		

fol. 69 verso.

* consolatio dimidiamus 1 (fol. 69 verso, lin. 20-22; pag. 165, lin. 21 - pag. 166, lin. 19).

columbe 5	passeres 10
Consolatio secunda	
1	2
4	2
2	1
	1
1	
perdi. 2	passer 4
consolatio prima	
2	1
	1
secunda perdi. columbe	
1	2
2	1
	1
perdi. columbe turtur passer	
7	6
3	1
	1
perdi. 3	passeris 8
consolatio prima	
3	1
	1
columbe 1	turtur 2
secunda	
2	1
	1
Columbe	passeres
3	4
2	1
tertia	
1	
perdi. 3	turtur 2
consolatio prima	
3	1
	1

et his, non remaneat numerus diuisibilis per 3, scilicet per summam secunde consolationis. Ideo oportet mutare consolationes: fiat itaque consolatio tertia ex columbis, et passeribus; et habebis aues 7, scilicet columbas 3, et passeres 4: remanebunt pro quarta consolatione aues 5, scilicet turtures 4, et perdix 1: deinde in omnibus similibus questionibus debes mittere primam consolationem, et secundam uel tertiam, et quartam semel; et tunc studeas supplere summam quesitam, secundum quod fors ceciderit cum aliqua, uel aliquibus ex ipsis. Verbi gratia: ponamus summam prime consolationis, et secunde semel, erunt aues 14; quibus extractis de 30, remanent 16 ad consolandum, in quibus cadit semel prima consolatio, et quarta, seu ter secunda consolatio, et tertia semel: ergo in ipsis 30 auibus cadit prima consolatio bis; bis et secundam, et quartam semel; et sic habebis perdices 7, et columba 1, et turtures 6, et passeres 16. Vel mitamus semel in ipsis 30 auibus tertiam et quartam consolationem; et erunt aues 12: quibus extractis de 30, remanent aues 18, in quibus cadit semel prima consolatio et tertia, uel quarta consolatio ter, et secunda semel; et sic habebis perdices 4, columbas 6, turtures 4, passeres 16: et sic possunt consolari diuersis modis; cum genera sint 4, uel plura. Et nota, cum ex aliquo genere auium ponatur auis 1 pro denario 1, tunc leuissima est questio; quia reliques ipsum genus; et de reliquis facies consolationes, quas mittes suppendo summam quesitam de genere relicto.

Incipit Capitulum duodecesimum.]

64 70 20000

Capitulum itaque duodecesimum de questionibus abbaci in partes nouem diuidimus. Quarum prima est de collectionibus numerorum, et quarundam aliarum similium questionum 70.

Secunda de proportionibus numerorum 71 § per regulam quarte proportionis 72.

Tertia de questionibus arborum, atque aliarum similium, quarum solutiones fiunt.

Quarta de inuentione bursarum 89.

Quinta de emptione equorum inter consocios, secundum datam proportionem 96.

Sexta de uiaigijs, atque eorum questionum, que habent similitudinem uiaigiorum questionibus 110.

Septima de reliquis erraticis, que ad inuicem in eorum regulis uariatur 119.

Octaua de quibusdam in diuinationibus 122.

Nona de Duplicatione scacherii, et quibusdam alijs questionibus 126.

Explicunt partes xii^m capituli. Incipit pars prima de collectionibus numerorum.

Cum autem uis super aliquem datum numerum colligere numeros quotcumque ascendentes ab ipso dato numero equaliter, ut per ascensionem unitatis, uel binarij, uel ternarij, uel alterius cuiuslibet numeri, dimidium multitudinis eunctorum numerorum in collectione positorum per coniunctum extremis multiplica; uel dimidium summe extremorum, scilicet primi et ultimi numeri, per numerum multitudinis numerorum ducas, et habebis propositum. Verbi gratia: uolo colligere super 7 numeros, qui ascendant per ternarium ab ipso septenario usque in 31, ut 7, et 10, et 13, et deinceps usque in 31. Multitudo quidem numerorum predictorum est 6, hoc est quod nouem numeri sunt in predicta collectione; ex quibus unus est septenarius. Reliqui autem sunt octo, qui habentur ex tertia de 24, que remanent de 31, extractis in 7. Coniunctum itaque ex extremis, scilicet de 7, et 31, et 38: quare si multiplicaueris dimidium de

Incipit ... ex quibus ... 166
70 20000, pag. 166,
hoc 24 41.



9 per 38, uel dimidium de 38 per 9, reddunt 171 pro summa collectionis nouem positorum numerorum: per hanc quidem regulam possunt inueniri collectiones subscripte; quas etiam demonstrabimus alio modo.

De eodem alio modo.

Si uis colligere aliquot numeros, qui ordinate ascendunt aut per ascensionem unitatis, incipiendo ab uno; uel per ascensionem binarii, incipiendo a 2; aut per ascensionem alicuius alterius numeri, incipiendo ab ipso, ultimum numerum per primum diuide, et exeunti ex diuisione unum adde; et quod prouenerit serua; ipsumque per dimidium ultimi numeri, uel ultimum numerum per dimidium seruari multiplica. Verbi gratia: uolo colligere omnes numeros, qui sunt ab uno usque in 60: diuidam ergo 60 per 1, et exeunti saper addam 1, erunt 61; que multiplicabo per dimidium de 60; uel 60 multiplicabo per dimidium de 61, uenient 1830 pro summa dicte collectionis. Similiter si a binario colligere uis numeros, qui ascendunt per binarium usque in 60, hoc est pares numeros, diuide 60 per 2, et saper adde 1, erunt 31, que multiplica per dimidium de 60. Similiter si uis colligere a 3 usque in 60, ascendendo per ternarium, ut 3, et 6, et 9, unum plus tertia parte de 60, scilicet 21, per dimidium de 60 multiplica, erunt 630; et intelligas in reliquis similibus.

Nam si in partes numeros tantum, incipiendo ab 1 usque in alium quemlibet numerum colligere uis, potes per regulam priorem procedere. Vel quod idem est, dimidium summe extremorum in se multiplica, et habebis propositum. Verbi gratia: ut si uis colligere impares numeros, qui sunt ab 1 usque in 19; dimidium summe coniunctionis extremorum, scilicet 10, in se multiplica, scilicet in numerum multitudinis ipsorum numerorum. Nam in pares numeri, qui sunt ab 1 usque in 19, sunt decem; exhibunt 100 pro dicta collectione. }

Si autem uis habere summam quadratorum omnium numerorum per ordinem, qui sunt a quadrato unitatis, scilicet ab uno usque in quadratum alicuius numeri, ut dicamus usque in quadratum decenarii, cuius quadratum est 100; pone 10 ex parte, et aute ea pone numerum sequentem, scilicet 11; et coniunctum ex eis, scilicet 21, pone sub ipsis: et multiplica 10 per 11; que per 21, et diuides summam per 6, et per 1, quod est differentia inter 10, et 11; et habebis 235 pro dicta summa; et erit semper possibile euitare in his 6, in quibus sit diuisio. Et si summa quadratorum, qui fiunt per ordinem ab imparibus numeris, habere uis usque in quadratum nouenarium aute 9, pones sequentem in partem, hoc est 11; et coniunctum ex eis, scilicet 20, pone sub eis; et hos tres numeros insimul multiplica; et summam diuides per 12, hoc est per 6, et per 2, que sunt differentia inter 9 et 11, et euitabis; scilicet tertiam de 9 multiplica per quartam de 20, erunt 45; que multiplica per 11, erunt 495; et hec est summa. Et si collectionem quadratorum, qui fiunt a numeris paribus, per ordinem habere uis, a quadrato binarii, qui est 4, usque in quadratum decenarii, qui est 100, pone 10; et sequentem parem, scilicet 12; et coniunctum ex eis, scilicet 22, ex parte. Et ex supradicta ratione duodecimam partem de summa multiplicationis eorum accipe, que erit summa quesita: sed euitabis $\frac{1}{12}$, et habebis 230. Similiter potes habere summam omnium quadratorum, qui fiunt a numeris ascendentibus ordinate per ternarium, uel quaternarium, uel per alium quemlibet numerum. Vt si uis habere summam quadra-

64 20.0000

torum, qui fiunt a numeris ascendentibus per quaternarium, incipiendo a quadrato quaternarii, qui est 16, usque quadratum alicuius numeri, ut dicamus usque in quadratum de 20, que est 400; pones primum 20, et eum ipsum scribes sequentem numerum per quaternarium ascendentem, scilicet 24: sub ipsis quidem pones 44, scilicet numerum coniunctum ex eis; et multiplicabis 20 per 24; quod totum per 44, et diuides summam per 6, et per numerum ascendentem per 4, hoc est: multiplicabis 20 per quartam sexte de 24, scilicet per 4, et per 44, exhibunt 880 pro eorum summa; et sic fiet in ceteris. Probaui enim geometricè, que hic sunt dicta de collectionibus quadratorum in libro, quem de quadratis composui.

*De duobus uiatoribus, quorum unus inimitat alterum
per ascensionem numerorum per ordinem.*

Ostensis quidem regulis de collectionibus numerorum; Nunc uero que ad eas pertinent ostendantur, uidelicet ut cum dictum fuerit. Sunt duo homines, qui longum iter agere proposuerunt, quorum unus ibat cotidie milia 20. Alter uero primo die miliarium 1, in secundo 2, in tertio 3; et sicut semper unum miliarium cotidie addendo iter suum perficere conabatur; Queritur in quot diebus alter alterum consequetur; quod sic inueniendum est: uidelicet ut duplicentur 20, erunt 40; de quibus extrahas 1, remanent 39; et in tot diebus eum consecutus est: quia ipse, qui cotidie ibat miliaria 20, perexit in illis 20 diebus 20 uices 20 miliaria, que fuerunt in summa 700. Alter uero in eisdem 20 diebus perexit tot miliaria, quot sunt in summa numerorum, qui sunt ab uno usque in 20; que summa reperitur similiter ex multiplicatione de 20 in 20.

*Aliter de duobus uiatoribus, quorum unus sequitur alterum
per ipsos numeros ascendendo.*

Item si propositum fuerit, quod unus iret cotidie miliaria 21; Alter uero iret per impares numeros ordinate, ab uno uidelicet incipiendo, donec eum esset consecutus; Eritque manifestum, quod in diebus 21 eum consecutus. Quia si numeri 21 impares per ordinem accipiamus, erit collectio eorum ab uno usque in 41. Vnde collectio imparium numerorum, qui sunt ab uno usque in 41, ascendit in multiplicatione de 21 in se ipsa.

De duobus uiatoribus, quorum alter alterum per pares numeros inimitatur.

Utrum si proponatur, quod unus cotidie iret miliaria 20; Alter uero per pares numeros augendo iter suum faceret, donec eum esset consecutus, sic faciendum est. Tolle 1 de 20, remanent 19; et in tot diebus eum consecutus est. Ideo quia 20 pares numeri a binario usque in 38 ascendunt. Et quia collectionis summa parium numerorum usque in 38 exit ex multiplicatione | de 20 in 20, ipsum esse consecutum non dubitatur.

*Aliter cum unus inimitatur alterum per ternarium ascensionem
uel alicuius alii numeri.*

Utrum si propositum fuerit, quod unus eat cotidie miliaria quelibet, que diuidi possint integraliter per ascensionem cotidianam miliariorum alterius, qui eat per ascensionem numerorum, qui ascendunt per ternarium, uel quaternarium, uel quinarium, seu per ascensionem alicuius alterius numeri, donec eum consequatur; Sic est faciendum: numerum miliariorum, que primus cotidie uidit, per ascensionem alterius diuide; et quod inde exierit duplica; et de duplicata summa; per abice; residuum erit quantitas dierum, in quibus eum consecutus erit. Verbi gratia: ponatur, quod unus eat cotidie

* Item ut consideranda s. (Ed. Di. v. 10, fol. 21-22 = 21, pag. 164, lin. 24-25).

dies 21

* Vtrum ut... quae ut s. (Ed. Di. v. 10, fol. 20-21; pag. 164, lin. 20-22).

dies 20

fol. 21 verso.

miliaria 60; alter uero uadat ascendendo per ternarium, hoc est in primo 3; in secundo 6; in tertio 9; et deinceps diuide 60 per 3, exhibunt 20; que duplica, erunt 40; de quibus abice unum, remanent 39; et in tot diebus eum consecutus erit; ideo quia 39 numeri, qui ascendunt per ternarium, ueniunt usque in triplum de 39, hoc est in 117. Collectio enim numerorum, qui ascendunt per ternarium a 3 usque in 117, ascendit in multiplicatione de 39 in 60, ut per primam regulam inuenitur. Et ipse, qui cotidie ibat miliaria 60, perrexit similiter in illis 39 diebus per 39 uices miliaria 60.

De eodem per quinarum ascensionem.

Item si per ascensionem quinarum alter alterum imitaretur, quinta de 60 duplicata, et uno inde dempto, 23 pro numero dierum iunctionis ipsorum reperies; et sic potest facere per quamlibet numerorum aliorum ascensionem.

Aliter cum numerus aliorum miliariorum illius qui cotidie uadit equaliter per ascensionem alterius integraliter non diuidatur.

Nam si numerus ipsius, qui semper equaliter uadit, minime per ascensionem alterius numeros equaliter diuidi possit; Aliter quam predictum sit, erit faciendum: uidelicet ut si ponatur, quod ipse qui equaliter uadit, eat cotidie miliaria 10; Alter uero per ascensionem ternarii ipsum imitetur; Accipias tertia de 10, que est $\frac{10}{3}$; et duplica ea, erunt $\frac{20}{3}$; de quibus abice 1, remanent $\frac{17}{3}$; de quibus etiam abice fractionem, scilicet $\frac{2}{3}$, remanent 5; et in tot diebus eum fere consecutus est. Sed ut ueritatem coniunctionem eorum adiscas, uide quo: ipse qui equaliter uadit, in diebus 5 uadat. Vadit enim miliaria 50. Alter uero uadit in ipsis diebus 5 quantitate ascensionis numerorum, qui sunt a 3 usque in 15, uidelicet per ternarium ascendendo, unus habetur in ipsa ascensione numerus 45; a quo usque in 50 desunt 5, que serua. Et quia manifestum est, in ipsis 5 diebus eum consecutum non esse, de itinere sex diei erit sumcadum. In quo sexto die ipse, qui ascendit per ternarium, uadit miliaria 18, alter uero miliaria 10 equaliter ire consueuerat; a quibus 10 usque in 18 desunt 8; in quibus diuide 8 serua, exhibunt $\frac{8}{3}$; quas iunge cum diebus 5 superior inuentis, erunt $\frac{23}{3}$; et in tot diebus eum consecutus est.

Aliter summa miliariorum ipsius qui uadit ascendendo per ternarium in diebus 5 predictis, scilicet 45, diuide per 5 modo inuenta, exhibunt similiter $\frac{23}{3}$; ut preduximus: et sic de omnibus similibus facere potest.

Inciuit pars secunda de proportionibus numerorum.

Numerus ad numerum proportionem habet equalem, uel maiorem, uel minorem. Equalem quando numeri sunt ad inuicem equales, ut 2, et 2. Numeri, qui ad inuicem in maiori proportionem sunt, habent proportionem, secundum quod exiit ex diuisione maioris numeri in minorem, ut 8 ad 4, que sunt in dupla proportionem; ideo quia 8 diuisus in 4, exeunt 2; uel quia 8 dupla sunt de 4. Item 9 ad 3 sunt in tripla proportionem; quia 9 triplum sunt de 3. Et 16 ad 5 sunt in tripla proportionem, et quinta; ideo quia, diuisus 16 per 5, exeunt $\frac{16}{5}$. Et sic intelligatur de reliquis maiorem habentibus proportionem. Numeri, qui minorem habent proportionem, sunt in ea proportionem, que exiit ex diuisione minoris in maiorem, ut 4 ad 8, que sunt in dimidia unius proportionis: quia 4 diuisus in 8 dimidium redunt unius; uel quia 4 dimidium sunt de 8.

* Alter uero ... collectio + (fol. 71 recto, lin. 8-10 + 11, pag. 169, lin. 1-3).

diuis
39

* 39 abice ... abice + (fol. 71 recto, lin. 12-15 + 16, pag. 169, lin. 7-11).

diuis
23

* fractionem ... abice + (fol. 71 recto, lin. 21-22, pag. 169, lin. 18-22).

diuis
$\frac{17}{3}$
5

* Aliter ... de proportionibus + (fol. 71 recto, lin. 25-31, pag. 169, lin. 27-32).

diuis
$\frac{23}{3}$
5

Ed. 71 *correc.*

prop[os]itio[n]is ... 6 unit + (6d. 71
71 *correc.*, l. 4 e 8-4) pag
170, l. 7-11.

prop[os]itio
10

Item ... $\frac{4}{5} 10 = 8$ (6d. 71
71 *correc.*, l. 7-8, pag 170, l. 9-11).

prop[os]itio
$\frac{4}{5} 10$

int[er]cipit ... $\frac{8}{5} 5 = 8$ (6d. 71
71 *correc.*, l. 12-14; pag 170,
l. 15-18).

prop[os]itio
$\frac{8}{5} 5$

de 10 ... 7 *correc.*, l. 1-4,
71 *correc.*, l. 10-13; pag 170,
l. 19-21)

prop[os]itio
$\frac{7}{5} 4$

de $\frac{1}{2}$ *correc.* ... ut tertius +
(6d. 71 *correc.*, l. 19-21; pag
170, l. 24-26).

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{6}$
$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{12}$
$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{24}$

Item 3 ad $\frac{1}{10}$ sunt in tertia unius proportionis; quin 3 sunt tertia de 9, et 3 ad 10 sunt in $\frac{3}{10}$ unius integre proportionis; quia 3 dinisis in 10, nimirum $\frac{3}{10}$ unius integri reddunt.

Si queratur de 6, ad quem numerum eandem habeat proportionem, quam 3 ad 3, sic facies. Multiplica 5 per 6, erunt 30; que diuide per 3, exibunt 10, que sunt quesitus numerus; quia sicut 3 sunt ad 3, ita 6 sunt ad 10. Solent enim ex usu nostri vulgari hanc eandem questionem aliter proponere: videlicet ut si 3 essent 3; quid nam esset 6: et cum ita proponitur, multiplicatur similiter 3 per 6, et diuiditur summa per 3.

Item queritur de 11 ad quem numerum habeat eandem proportionem, quam 3 ad 9: hoc est secundum modum vulgarem, si 3 essent 9, quantum essent 11. Multiplicabis ergo 9 per 11, et diuides per 3, exibunt $\frac{9}{3} 10$ pro quesito numerum (sic).

Modus alius de proportionibus sic.

Si propositum fuerit tibi, quod si 7 essent dimidium de 12, quantum esset dimidium de 10: hec enim positio duplici modo potest intelligi, videlicet cum dicitur si 7 essent dimidium de 12; aut intelligitur quod medietas de 12, que est 6, crescit in 7; aut 7 diminuitur in dimidium de 12, hoc est in 6. Vnde si 6, que sunt dimidium de 12, crescant in 7; ergo et dimidium de 10 crescet: et tunc tali regula indigebis: multiplicabis 7 per 10, et diuides per 12, exibunt $\frac{7}{12} 5$ pro dimidio de 10; et si intelligere uolueris, quod 7 minuatur in 6, hoc est in medietate de 12. Ergo et medietas de 10 minuatur; et tunc multiplicabis prescriptum 6 per dimidium de 10, scilicet per 5, erunt 30; que diuides per 7, exibunt $\frac{30}{7} 4$; et tantum essent tunc dimidium de 10. Et sic similes questiones, per qualem uolueris modum, ex duobus prescriptis modis solvere poteris. Tamen uos semper utimur per primum modum interrogantibus respondere.

Si $\frac{1}{2}$ esset $\frac{1}{3}$, quantum esset $\frac{1}{4}$: hec questio talis est, qualis si diceretur: $\frac{1}{2}$ unius Rotuli pro $\frac{1}{3}$ unius bizanti; quantum ualent $\frac{1}{4}$ unius Rotuli. Quare scribenda est hec questio ad modum negotiationis, et operandum secundum quod in similibus in octavo capitulo docuimus.

Si queratur inuenire quattuor integros numeros proportionales, quorum primus sit ad secundum, sicut tertius ad quartum; hoc est que pars, uel partes erit primus numerus de secundo, eadem pars, uel partes sit tertius numerus de quarto: uel quam multiplex fuerit primus de secundo, tam multiplex sit tertius de quarto numero: potes pro primo et secundo numero duos numeros ad libitum, quales uis. Sitque primus 3; secundus 7; et pro tertio numero pone numerum, qui possit diuidi integraliter per primum numerum. Sitque 6; et diuide 6 per primum numerum, scilicet per 3, exibunt 2; per que 2 multiplica ipsum numerum, scilicet 7, erunt 14, que est quartus numerus. Verbi gratia: sunt enim 3 de 7 tres septime. Similiter et 6 de 14 sunt $\frac{3}{7}$; potes etiam 14 habere pro primo numero; 6 pro secundo; 7 pro tertio; 3 pro quarto: quare quam multiplica sunt 14 de 6, tam multiplica sunt 7 de 3: sunt enim 14 bis tantum, et tertia 16; et tam multiplica sunt 7 de 3: et notandum cum quattuor numeri predicto modo proportionales fiunt, permutatim erit primus ad tertium, sicut secundus ad quartum: est enim primus 3 ad tertium 6, sicut secundus 7 ad quartum 14: dimidium est enim unusquisque antecedentis uniuscuiusque numerus sui consequentis: et notandum iterum, quod in quattuor proportionalibus numeris semper sit multiplicatio primi numeri in

quartum, quantum multiplicatio secundi in tertium. Vt hec in qua multiplicatio de 3 in 14 facit quantum multiplicatio de 6 in 7.

Irem sit sicut primus numerus ad secundam, et tertius ad quartum, ita quintus ad sextum. Inuentis primum quattuor numeris proportionalibus, ut supra, pones quintum numerum ad libitum, qui diuidatur integraliter per primum numerum. Sit 15, quo diuiso per 3, reddunt 5; per que multiplica secundum | numerum 7, erunt 35, que sunt sextus numerus.

fol. 72 verso

Et si proponatur dinidere 10 in quattuor inequales partes proportionales, scilicet quod multiplicata prima in quartam, faciat multiplicationem secunde in tertiam; inuenies primum quattuor numeros proportionales; sitque 3, et 7, et 6, et 14; et adde eos insimul, erunt 30; ex quibus 10 sunt tertia pars. Quare accipies tertiam partem de quattuor positis numeris; et habebis pro prima parte 1; pro secunda $\frac{1}{2}$ 2; pro tertia 2; pro quarta $\frac{2}{3}$ 4: et scias, quod talis proportio proportionalitas appellatur. Est enim quedam alia proportio, que uocatur continua, in qua omnes numeri sunt in una, et eadem per ordinem ad inuicem proportione; uidelicet sicut primus numerus est ad secundum, ita secundus ad tertium, et tertius ad quartum, et quartus ad quintum; et deinceps per ordinem est unusquisque ad unumquemque.

Si uolueris inuenire numeros quotcumque in continua proportione, pone primum numerum qualem uis, secundum aliquem multiplicem primi, ut duplum, uel triplum, aut alium quemuis multiplicem; et pones tertium tam multiplicem secundi, quam multiplex fuerint secundus ex primo numero. Similiter quam multiplex fuerit tertius secundo, tam multiplicem pone quartum tertio, et quintum quarto, et unumquemque de unoquoque suo antecedente. Verbi gratia: Volumus quinque numeros in continua proportionalitate reperire. Sit quidem primus eorum 1; secundus 2, scilicet duplus primi; tertius duplus secundi, scilicet 4; quartus duplus tertii, scilicet 8; quintus duplus quarti, scilicet 16: est enim 1 de 2 dimidium; quod idem sunt 2 de 4, et 4 de 8, et 8 de 16. Similiter sicut 16 sunt duplum de 8, ita 8 sunt duplum de 4; et 4 de 2; et 2 de 1: et sic potes ponere unumquemque numerorum triplum, uel alium quem uis multiplicem sui antecedentis inuenires. Et notandum, quod cum tres numeri continue proportionales fuerint, erit multiplicatio primi in tertium, quantum multiplicatio secundi in se ipsum. Verbi gratia: sint in continua proportione 3, et 6, et 12: est enim multiplicatio de 3 in 12, quantum multiplicatio de 6 in se ipsa, scilicet 36: et cum quattuor numeri continue proportionales sunt, facit multiplicatio primi in quartum, quantum multiplicatio secundi in tertium; et multiplicatio primi in tertium, quantum multiplicatio secundi in se ipsum; et multiplicatio secundi in quartum, quantum multiplicatio tertii in se ipsum. Vt si primus numerus fuerit 1; secundus 2; tertius 4; quartus 8, poteris cognoscere in ipsis que diximus. Similiter, cum plures numeri continue proportionales sint, est semper multiplicatio extremorum equalis multiplicationi reliquorum extremorum; et hoc usque quod non remanserit numerus in medio proportionalium numerorum. Verbi gratia: Si nouem numeri proportionales fuerint, erit multiplicatio primi numeri in nonum, quantum multiplicatio secundi in octauum; et tertii in septimum; et quarti in sextum; et quinti, qui est in medio proportionis in se ipsum. Ad cuius rei euidentiam, sicut nouem numeri in continua proportione 1, et

2, et 4, et 8, et 16, et 32, et 64, et 128, et 256: est enim multiplicatio de 1 in 256, quantum multiplicatio de 2 in 128, et de 4 in 64, et de 8 in 32, et de 16 in se. Ex hoc enim procedit materia multiplicandi figuras, quam docuimus in secundo capitulo, ut in eodem capitulo continetur.

Si queratur inuenire duos numeros, quorum $\frac{7}{8}$ unius sit $\frac{2}{3}$ alterius, multiplicabis in cruce 7 per 3, et 8 per 2, et habebis pro primo numero 21; pro secundo 16: sunt 6 enim $\frac{7}{8}$ de 21, et $\frac{2}{3}$ de 16: procedit enim hec regula ex his que secuntur; quia $\frac{7}{8}$ de $\frac{2}{3}$ cuiuslibet numeri sunt quantum $\frac{7}{12}$ de $\frac{2}{3}$ eiusdem numeri. Vnde cum multiplicamus 7 per 2, tunc accipimus $\frac{7}{2}$ de 56; que 56 surgunt ex multiplicatione eorundem 7 in 8, que sunt sub uirgulis: quia que proportio est de 2 ad 8, eadem proportione ex septies 2 ad septies 8; | et quando multiplicamus 8 per 2, tunc accipimus $\frac{8}{2}$ de eisdem 56. Vnde $\frac{7}{8}$ de 21, scilicet de $\frac{2}{3}$ de 56, sunt quantum $\frac{7}{12}$ de 16, scilicet de $\frac{2}{3}$ de 56.

64. 12 error.

Irem $\frac{1}{2}$ unius numeri sicut $\frac{1}{3}$ alterius, redige $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{2}$ in partes unius numeri, erunt $\frac{2}{3}$; quod idem facies de $\frac{1}{4}$, erunt $\frac{2}{3}$. Ergo $\frac{2}{3}$ primi numeri sunt $\frac{2}{3}$ secundi. Idcirco ordine superscripto multiplicabis 12 per 9, et 20 per 7, et habebis primum numerum 108; secundum 140: quos etiam possumus habere in minoribus numeris; cum uterque ipsorum numerorum possit diuidi integraliter per 4. Quare si quartam partem uniuscuiusque acceperimus, et habebimus primum numerum 27; secundum 35: uel aliter quia in unaquaque duarum multiplicationum superscriptarum Multiplicatur numerus, cuius quarta pars est integra, in prima quarum est 12; in secunda 20. Quare multiplica tantum quartam partem de 12 per 9, et quartam partem 20 per 7, et habebis similiter 27 et 35.

Rursus $\frac{1}{2}$ unius numeri, sicut $\frac{1}{3}$ alterius, redige similiter $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{2}$ in partes unius numeri, erunt $\frac{2}{3}$. Similiter fac de $\frac{1}{4}$, erunt $\frac{2}{3}$; et multiplicabis 60, que sunt sub 47 per 27; et 60, que sunt sub 27 per 47: uel ut habeas minores numeros; Multiplicabis tantum sexagesima de 60 per numerum eis existentem ex aduerso, et habebis primum numerum 27; secundum 47: et sic potes procedere in similibus.

Iterum sunt tres numeri, quorum $\frac{2}{3}$ primi sunt $\frac{1}{2}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ terti; pone partes prescriptas in ordinem sic $\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{3}$. Et multiplicabis unumquemque numerorum existentem sub uirgula per numerum existentem super unam de duabus uirgulis reliquis; et summam multiplicabis per alium numerum, qui est super aliam uirgulam, et habebis quesitos numeros. Verbi gratia: multiplicatis 5, que sunt sub prima uirgula, per 3, que sunt super 7; quibus per 4, que sunt super 9, habebimus primum numerum 60. Item multiplicabis 7 per 4; quibus per 2, reddent pro secundo numero 56. Rursus multiplicatis 9, que sunt sub tertia uirgula, per 3, et per 2, reddunt pro tertio numero 54.

Nam si, unde hec regula procedat, noscere uis; considera qualiter $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{2}$ de cuiuslibet numeri sunt quantum $\frac{1}{3}$ de $\frac{1}{2}$ de eiusdem numeri; et quantum $\frac{1}{2}$ de $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{2}$ de eiusdem numeri: quibus consideratis cognosces, nos superius accepisse $\frac{2}{3}$ de $\frac{2}{3}$ ex numero, quod ex multiplicatione exiit de 9 in 7 ducta in 5, scilicet de 315: cum multiplicauimus 5 per 3; que per 4, unde habuimus 60: similiter cum habuimus 56, accepimus $\frac{1}{2}$ de $\frac{2}{3}$ de 315: et adhuc cum habuimus 54, accepimus $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$ de 315. Vnde $\frac{2}{3}$ de 60, que sunt $\frac{1}{2}$ de $\frac{2}{3}$ de 315, sunt quantum $\frac{1}{3}$ de 56, que sunt $\frac{1}{2}$ de $\frac{2}{3}$ de 315; et quantum $\frac{1}{3}$ de 54, que sunt $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$ ex eisdem 315. Est enim quelibet predictarum sumptionum

24, que proveniunt ex multiplicatione de 2 in 12 ducta in 4: possunt enim reperiri in minoribus numeris, si inveniatis tres numeri, scilicet 60, et 36, et 24 diuiseris per 3, que sunt comunis regula eorum: et erit primus numerus 20; secundus 12; tertius 27.

Et si proponatur, quod $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{6}$ primi numeri sint $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{5}{18}$ secundi, et $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, scilicet $\frac{1}{20}$ tertii; pone in ordinem $\frac{11}{18}$ $\frac{5}{18}$ $\frac{1}{20}$, et multiplicabis 12 per 9; que per 11; et 20 per 11; que per 7; et 20 per 9; que per 7; et euitabis $\frac{1}{2}$ ex unaqueque multiplicatione, et habebis primum numerum 394; secundum 170; tertium 945.

Item sunt tres numeri, quorum $\frac{1}{2}$ primi est quantum $\frac{1}{3}$ secundi; et $\frac{1}{3}$ secundi est quantum $\frac{1}{4}$ tertii numeri: inuenias primum duos numeros, quorum $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{4}$ alterius: erunt 2, et 4: post hec inuenies alios duos numeros, ex quibus $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{4}$ alterius; eruntque 5, et 6: ergo primus numerus est ad secundum, sicut 2 est ad 3; et secundus ad tertium, sicut 5 est 6: quare ponas 2, et 4 in unam lineam; et 5, et 6 in aliam; ita quod 5 sit super 4, ut hic ostenditur: et multiplicabis 5 per 3, et 5 per 4, et 4 per 6, et habebis primum numerum 15; secundum 20; tertium 24. Verbi gratia: sicut 3 est ad 4, ita aliquod multiplex de 3 est ad idem multiplex de 4: ergo sicut 3 sunt ad 4, ita quinques 3, scilicet 15, sunt ad quinques 4, scilicet ad 20. Item sicut 5 sunt ad 6, ita aliquod multiplex de 5 est ad idem multiplex de 6: ergo sicut 5 sunt ad 6, ita quadruplum de 5, scilicet 20, sunt ad quadruplum de 6, scilicet ad 24: inuentus est enim primus numerus 15 ad secundum 20, sicut 2 est ad 4; et secundus 20 ad tertium 24, sicut 5 ad 6, ut querebamus.

Et si proponatur, quod numeri sint quattuor; et primus, et secundus, et tertius illorum sint ad innicem in proportionibus superscriptis; et $\frac{2}{3}$ tertii numeri sint $\frac{3}{4}$ quarti numeri; inuenies primum tres numeros superscriptos, scilicet 15, et 20, et 24: deinde inuenies duos numeros, quorum $\frac{2}{3}$ unius sint $\frac{3}{4}$ alterius; eruntque 15, et 14: et scribes eos super alios tres numeros, ut hic ostenditur; et multiplicabis 15, que sunt super 24 per 15, et per 20, et per 24; que per 24: multiplicabis 14, et habebis primum numerum 225; secundum 360; tertium 360; quartum 220: et est tertius numerus ad quartum sicut 15 sunt ad 14; cum $\frac{2}{3}$ tertii numeri sint $\frac{3}{4}$ quarti: et sic potes plurimos numeros in quibuslibet proportionibus inuenire.

Incipit pars tertia de questionibus arborum et similium quare solutiones sunt.

Est arbor, cuius $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ latet sub terra; et sunt palmi 21: queritur quanta sit arboris illius longitudo: quia $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ reperintur in 12, intellige ipsam arborem esse in partes 12 equales diuisam; quarum tertia, et quarta, scilicet partes 7, sunt palmi 21: quare proportionaliter est sicut 7 ad 21, ita partes 12 ad longitudinem arboris. Et quia cum quattuor numeri sunt proportionales, est equa multiplicatio primi in quartum multiplicationi secundi in tertium: quare si multiplicaueris secundum 21 per tertium 12 notos, et diuides per primum numerum similiter, scilicet per 7, exibit 36 pro quarto ignoto numero, scilicet pro illius arboris longitudine: uel quia 21 tripla sunt de 7, accipe triplum de 12, et habebis similiter 36.

Est enim alius modus quo utimur, uidelicet ut ponas pro re ignota aliquem numerum notum ad libitum, qui integraliter diuidatur per fractiones, que ponuntur in ipsa questione: et secundum positionem illius questionis, cum ipso posito numero studeas inuenire proportionem cadentem in solutione illius questionis. Verbi gratia: nu-

* *duos numeros de 2 + (ad. 72 recto, lin. 24-27; pag. 172, lin. 9-15).*

15	20	24
	5	6
2	4	

fol. 72 recto.

* *Et si quibuslibet + (ad. 72 recto, lin. 3-5; pag. 172, lin. 21-25).*

primus secund. tertius quater.			
225	360	360	220
		15	14
15	20	24	

* *Est arbor longitudo + (ad. 72 recto, lin. 10-13 + 16; pag. 172, lin. 21-26).*

palmi	partes
21	7
36	12

* *Est enim qua 7 non + (ad. 72 recto, lin. 17-20; pag. 172, lin. 40 — pag. 174, lin. 4).*

veniant	pono
7	12
uenerit	36
21	

merus quesitus huius questionis est longitudo arboris: quare pone ipsam esse 12, cum integraliter diuidantur per 3, et per 4, que sunt sub uirgis: et quia dicitur $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ arboris sunt 21, accipe $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ de 12 positus, erunt 7; que si essent 21 fortuina utique haberemus propositum, uidelicet quod illa arbor esset palmarum 12. Sed quia 7 non sunt 21; cadant ergo proportionaliter sicut 7 ad 21, ita posita arbor ad quesitam, scilicet 12 ad 36: quare consequit dicere: pro 12, que pono, ueniunt 7; quid ponam, ut ueniunt 21: et cum ita dicitur, multiplicandi sunt insimul numeri extremi, scilicet 12 per 21; et summa diuidenda est per reliquum numerum.

De arbore, de qua cum extrahitur $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$, remanent 12.

Item est arbor, cuius $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ latet sub terra. Residuum uero, quod est super terram, est palmi 21: fac duodecim ex ipsa arbore, erunt partes equales 12; ex quibus abice $\frac{1}{4}$ ipsarum, scilicet partes septem, remanebunt partes 5, que ponuntur esse palmi 21: quare sicut partes 5 sunt ad 21, ita partes 12 erunt ad longitudinem arboris: quare multiplicationem de 12 in 21 diuides per 5, exibunt palmi $\frac{252}{5}$ 50. Vel per secundum modum pone ipsam arborem esse palmarum 12; de quibus eiecisti $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ earum, scilicet 7, remanebunt palmi 5 super terram: quare dicis: pro 12, que pono, ueniunt 5; quid ponam, ut ueniunt 21: multiplica itaque extrema, scilicet 12 per 21, et diuide per numerum medium, ueniunt similiter $\frac{252}{5}$ 50: que si probare uis; quia extractis $\frac{1}{4}$ ex quacumque remanent $\frac{5}{12}$ eiusdem rei; quare accipe $\frac{5}{12}$ de $\frac{252}{5}$ 50, quas dupliciter accipere potes; accipe primum $\frac{5}{12}$ de 48, scilicet $\frac{1}{12}$ de 48, que sunt 4; quineupla, erunt 20: post hec extrahe 48 de $\frac{252}{5}$ 50, remaneant $\frac{2}{5}$ 2: de quibus fac quintas, erunt quinte 12; de quibus adde iterum $\frac{5}{12}$, erunt quinte 5, scilicet 1; quod adde cum 20 inuentis, erunt 21; et hoc uolumus, ut extractis $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ de $\frac{252}{5}$ 50, remaneant 21: uel aliter: multiplica $\frac{2}{5}$ 50 per 5, que sunt super 12, erunt 202; quibus diuisis per 12, ueniunt 21: uel de $\frac{252}{5}$ 50 fac quintas, erunt quinte 252; de quibus abice $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ earum, scilicet 81 et 63, remaneant quinte 108 unius palmi, que sunt super terram, hoc est palmi 21.

De arbore uel numero, super quem si additum fuerit $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$, erunt 28.

Item si dixeris, quod addita $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ ipsius arboris super arborem, erunt 28: ponas etiam supradicta demonstratione secunde regule, ut illa arbor sit 12; de quibus accipe $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$, scilicet 7, et adde super 12, erunt 19: que cum uellent esse 28, dicis: pro 12, que pono pro quantitate arboris, ueniunt in summa 19; quid ponam, ut ueniunt in eadem summa 28: multiplicabis enim 12 per 28, scilicet primum numerum per ultimum, et diuide per 19, scilicet per secundum: sed prius diuide 38 per 19, exhibant 2; que multiplica per 12, exhibunt 24 pro ipsius arboris longitudine. Verbi gratia: $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ de 24 sunt 14; quibus additis cum 24, faciunt 38; et hoc uolumus. Illud enim idem esset, si dixeris: est numerus, super quem, si addideris $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ ipsius, fiet 28.

De arbore uel de numero, super quem si addatur residuum de $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$ ipsius, surgit in 51.

Rursus est arbor, de qua extracta $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$, si residuum addatur super ipsam arborem, surgit in 51: queritur illius arboris quantitas: quare eam de ipsius queratur quantitate, ponatur ut ipsa sit 12; et extrahatur inde $\frac{1}{4} \frac{1}{3}$, scilicet 7, remanent 5; quibus additis cum 12, fiunt 17; que cum uellent esse 51, dicis: pro 12, que pono, ueniunt 17; quid ponam, ut ueniunt 51: multiplica 12 per 51, et diuide per 17; uel diuide 51 per 17, exhibent

Residuum ... extrema + (fol. 73 verso, lin. 21-22, pag. 174, lin. 19-17).



fol. 73 verso.

demonstrationes ... sunt 28 + (fol. 73 verso, lin. 2 + 3 + 4; pag. 174, lin. 27-36).



3; que multiplica per 19, reddent pro quantitate arboris 36. Verbi gratia : extracta $\frac{1}{3}$ de 28, que sunt 21, remanent 13; quibus additis cum 36, reddunt 31, ut querebatur. Illud enim idem est si diceris: est numerus, super quem si addideris residuum de $\frac{1}{3}$ ipsius, surget in 31.

De arbore uel numero, cuius $\frac{1}{3}$ sunt 22 plus arbore uel numero.

Iterum est arbor, de quo acceptis $\frac{1}{3}$; et de collecta quantitate si extraxeris quantitatem illius arboris, remanent 22: queritur rursus quanta sit illius arboris longitudo: et cum de ipsa queratur longitudo, pone ut ipsa sit 20; ideo quia in 20 reperiuntur $\frac{1}{3}$ de quibus 20, accipe $\frac{1}{3}$, erunt 31; de quibus extrahe positum numerum pro quantitate arboris, scilicet 20, remanent 11: que cum uelint esse 22, dices: per 20, que pono in quantitate arboris, perueniunt 11; quid ponam ut perueniant 22: multiplicabis 20 per 22, et diuides per 11: quare diuide 22 per 11, exibunt 2; que multiplica per 20, exibunt 60; et tot palmorum est arbor illa. Verbi gratia : $\frac{1}{3}$ de 60 sunt 45, et $\frac{1}{3}$ de 60 sunt 48; quibus insimul iunctis, faciunt 93; de quibus si extraxeris quantitatem arboris, id est 60, remanebunt 33, ut quesitum est. Est enim illud idem si diceret: est numerus, de quo si acceperis $\frac{1}{3}$, facient ultra ipsum numerum 22; qui numerus est similiter 60. Explicatis quidem arborum regulis, nunc uero ad earum consimiles accedamus.

De inuentione cuiusdam numeri, de quo $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ ipsius, sit radii eiusdem numeri.

Est numerus, de quo si acceperis $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$; et summam, que exierit, si in se ipsam multiplicaueris, faciet eundem numerum; hoc est quod erit radix illius numeri: queritur, quis sit numerus ille. Quare ponas iterum, ut sit 60; de quibus accipe $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, que sunt 57; et multiplica ea in semetipsa, erunt 3240; que uellent esse 60: dic ergo: pro 60, que pono pro quantitate numeri, ueniunt 3240; quid ponam, ut perueniant tantum 60: multiplicabis itaque 60 per 60, facient 3600; que diuides per regulam de 3240, que est $\frac{60}{3240}$, exhibunt $\frac{1}{18}$; et tot est numerus ille. Verbi gratia : multiplica 1 per 19, et super adde 2, que sunt super 19; que multiplica per alium 19, et super adde 1, erunt 409, que sunt $\frac{360}{18}$, hoc est trigesime sexagesime prime: que ad maiorem intelligentiam scribantur sic $\frac{409}{18}$: de quibus accipe $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, que sunt $\frac{123}{18}$, hoc est $\frac{29}{18}$, quibus in se ipsis multiplicatis, reddunt eadem $\frac{29}{18}$, hoc est $\frac{1}{18}$, ut querebamus. Aliter quia $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, scilicet $\frac{11}{60}$ ipsius numeri in se multiplicatis, faciunt ipsum numerum; inuenias numerum, quo multiplicato per $\frac{11}{60}$, faciat 1: que inuenies, si diuideris 1 per $\frac{11}{60}$, scilicet 20 per 19; ex qua diuisione, perueniunt $\frac{29}{18}$, que sunt radix quesiti numeri, ut diximus: quibus in se multiplicatis, faciunt $\frac{409}{18}$ pro quesito numero: quod etiam demonstremo cum figura geometrica. Adiaceat quidem linea *a. b.* pro quesito numero, super quam constituatur superficies retriangula *a. d.*, latitudinem faciens lineam *a. t.*, que sit .1: quare superficies *a. d.* est numerus quesitus; quia ex *t. a.* in *a. b.* prouenit numerus *a. b.*, qui est numerus quesitus: et summatur ex numero *a. b.* numerus *a. c.*, qui sint $\frac{19}{18}$ numeri *a. b.* Et quia ex ductu *a. e.* in se proponitur prouenire numerum *a. b.*; Manifestum est, quod numerus *a. e.* maior est unitate; cum maior sit numerus *a. b.* numero *a. e.* quare maior est *a. c.* unitate *a. e.*; et constituatur super recta *a. c.* tetragonum *e. z.* Et quoniam ex ductis $\frac{19}{18}$ numeri quesiti in se prouenit numerus quesitus; ergo ex ductu *a. e.* in se prouenit numerus *a. d.* Sed ex ductu

* Illius arboris ... remanebunt 22
(Ed. 78 arbor. lin. 17-22, pag. 173, lin. 7-13).

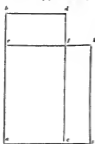


* eadem ... que uelint esse 60
(Ed. 78 arbor. lin. 30-36, pag. 173, lin. 31-35).



Ed. 78 arbor.

• sicut est ad .a. b. s (fol. 74 recto, linc. 7-16), pag. 173, linc. 40 — pag. 176, linc. 9).



• de 9 sit de quatuor s (fol. 74 recto, linc. 26-29 et 37), pag. 176, linc. 21-25).

NUMERUS
400

• multiplicaueris et tot s (fol. 74 recto, linc. 36-37), pag. 176, linc. 24-28).

NUMERUS
$\frac{400}{11111}$

fol. 74 recto.

.a. e. in se provenit tetragonum .e. z.; ergo .e. z. equalis est numero .a. d.; ergo numerus .e. z. est numerus quesitus: communiter auferatur numerus .a. I., remanebit numerus .I. b. equalis numero .t. k. Sed .b. I. fit ex ducta .e. t. in .I. d.; quia rectangula est superficies .b. I. Et ex ducta quidem .t. I. in .I. k. provenit superficies rectangula .t. k.: proportionales ergo sunt numeri .t. I. I. d. e. I. I. k.; et est .e. I. unum; cum sit equalis unitati .a. t.: et est sicut numerus .t. i. primus ad secundum .I. d., ita tertius .e. I. ad quartum .I. k.: quare erit sicut .t. I. ad .t. d., hoc est sicut .a. e. ad .a. b., ita unitatis .e. t. ad numerum .e. k., hoc est ad numerum .a. e. Sed .a. e. ad .a. b. est sicut 19 ad 20. Quare et .e. I. ad .e. k. est sicut 19 ad 20: quare multiplicanda est unitas .e. I. per 20, et summa est diuidenda per 19; et ueniunt $\frac{20}{19}$ pro numero .e. k., hoc est pro numero .e. a., ut oportebat ostendere.

De inuentione numeri, cuius radix est residuum de $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ ipsius.

Est numerus, de quo si extraxeris $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$; et residuum in se ipsum multiplicaueris, faciet eundem numerum, hoc est quod erit radix illius numeri. Queritur quantum sit numerus ille: pone ergo ut sit 60. Ideo quia in 60 reperiuntur $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$: deinde accipe $\frac{1}{2}$ de 60, scilicet 30, et $\frac{1}{3}$ de 60, scilicet 20, et $\frac{1}{4}$ de 60, scilicet 15, et $\frac{1}{2}$ de 60, scilicet 30; et adde ea in simul, erunt 57; que extrahit de 60, remanent 3; que multiplica in se, faciunt 9, que 9 uellent esse 60. Quare dices: pro 60, que pono, ueniunt 9; quid ponam, ut ueniunt 60: multiplicabis ergo 60 per 60, et diuides per 9, exibunt 400: sed cum regula de 9 sit $\frac{1}{4}$ de 9, diuide unum de illis 60 per 2, exibunt 30. Iterum diuides alia 60 per alia 3, que in regula remanent de 9, exibunt similiter 20: quibus in simul multiplicatis, reddunt similiter 400. Et tot est numerus ille. Verbi gratia: extrahit $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ de 400, scilicet 200, remanebunt 200: que si in se multiplicaueris, facient eandem 400, ut oportet. Aliter qua extractis de quesito numero $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ eiusdem, remanet $\frac{1}{12}$, que est radix ipsius numeri. Quare ex ducta $\frac{400}{12}$ in se peruenit idem numerus. Quare inuenias numerum, qui cum multiplicatus fuerit per $\frac{400}{12}$ unius integri, ueniunt 1: quem inuenias, si diuideris 1 per $\frac{400}{12}$; ex qua diuisione proveniunt 30, que sunt radix predicti numeri: quibus in se multiplicatis, reddunt 400 pro toto numero: que etiam monstrantur per figuram supradictam geometricam.

Inuentio alterius numeri, cui cum superadditur $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ ipsius, est radix numeri.

Item si dictum fuerit: est numerus, super quem si addideris $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$; et summam collectam in se ipsam multiplicaueris, faciet eundem numerum. Hoc est quod erit radix illius. Pone itaque, ut ipse numerus sit 60; super que adde $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ ipsius, id est 57, erunt 117; que multiplica in se, erunt 13689, que uellent esse 60: quare dices: pro 60, que pono in quantitate numeri, ueniunt 13689; quid ponam ut ueniunt 60. Multiplicabis 60 per 60, erunt 3600; que diuide per regulam de 13689, exibunt $\frac{3600}{13689}$; et tot 1 erit numerus ille; cuius radicem, que $\frac{3600}{13689}$ inuenias, si diuideris 1 per $\frac{3600}{13689}$: unde proveniunt $\frac{3600}{13689}$ pro radice quesiti numeri; quibus in se multiplicatis, reddunt $\frac{3600}{13689}$, ut supra.

De numero, cum super additur ei residuum de $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ ipsius, est radix ipsius numeri.

Athuc si dictum fuerit: est numerus, super quem si addideris residuum de $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$ ipsius,

et summam in se ipsam multiplicaueris, iterum eundem faciet numerum, hoc est quod erit radix illius: pone itaque, ut ipse sit 60, de quo extrahat $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$, remaneat 3; que adde cum 60, erunt 63; que in se multiplica, erunt 3969, que uelint esse 60: quare multiplica 60 per 60, erunt 3600; que diuide per 3969, exhibunt $\frac{60}{441}$; et talis erit numerus ille. Vel adde $\frac{1}{2}$ super 4, scilicet residuum de $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$, erunt $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$; in quibus diuide 4, uenient $\frac{2}{1}$, que sunt radix predicti numeri $\frac{1}{2}$; quibus in se multiplicatis, redduat pro quesitu numero similiter $\frac{100}{49}$.

Avrsus est numerus, de quo si acceperis $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$; et de collecta quantitate extraxeris ipsam numerum; residuumque si in se ipsum multiplicaueris, nimirum eundem faciet numerum, hoc est quod erit radix illius numeri: pone ut ipse sit 60, de quo accipe $\frac{1}{2}$, que sunt 40, et $\frac{1}{2}$, que sunt 45, et $\frac{1}{2}$, que sunt 48, et $\frac{1}{2}$, que sunt 50; et adde inasimul, erunt 183; de quibus extrahat 60, remaneat 123; que multiplica in se, erunt 15129. Quare dices: pro 60, que pono, ueniunt 15129; quid ponam, ut ueniant 60. Multiplicabis ergo 60 per 60, et diuide per regulam de 15129, exhibunt $\frac{60}{1114}$; et tot erit numerus ille.

De iuuenis uita reperiendis.

Quidam iuuenis uixit per aliquot tempus, qui si uixisset quantum uixit, et iterum tantum, et $\frac{1}{2}$ ex eo quod uixerat, et amplius unum annum, 100 annos uixisset. Queritur quantum uixerat. Ille enim positio similis est regule arboris, super quam si addideris bis longitudinem eiusdem arboris, et insuper $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ et 1, fient 100: quod sic faciendum est: extrahat 1 de 100, scilicet ipsam, qui superadditur annis, remaneat 99; postea pone, iuuenis uixisset annos 12; qui si uixisset tantum quantum nixit, et iterum tantum, et $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ tanti, haberet annos 42. Ergo dices: pro annis 12, quos pono ut iuuenis uixisset, ueniunt in summa anni 42; quid ponam, ut ueniant in summa anni 99: multiplica 12 per 99, erunt 1188; que diuide per 42, exhibunt anni $\frac{28}{14}$; et tantum uixit iuuenis ille. Illud idem est diuidere 99 per $\frac{1}{2} \frac{1}{2} 2$.

De leone qui erit in puteo.

Quidam leo est in quodam puteo, cuius profunditas est palmis 50; et ascendit cotidie $\frac{1}{2}$ unius palmi, et descendit $\frac{1}{2}$. Queritur in quot diebus exierit de puteo. Pona, ut exierit extra puteum in diebus 63; ideo quia in 63 inueiuit et $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$; et uide quantum ascenderit leo ille, si descendendo in illis 63 diebus, ascendit enim septimas 63 unius palmi, que sunt palmi 9; et descendit nouenas 63, que sunt palmi 7: quos extrahat de 9, remaneat palmi 2; et tot ascendit amplius quam descendat in diebus 63. Unde dices: pro diebus 63, quos pono, ascendit palmos 2; quid ponam, ut ascendat palmos 50: multiplica 63 per 50, et diuide per 2, exhibunt dies 1575; et in tot diebus leo exiet de puteo.

De duobus serpentibus.

Irem est serpens in planu cuiusdam turris, que est alta palmis 100; et ascendat cotidie $\frac{1}{2}$ unius palmi, et descendit cotidie $\frac{1}{2}$. In summitate uero turris est aliud serpens, qui descendit cotidie $\frac{1}{2}$, et ascendit $\frac{1}{2}$: queritur in quot diebus infra turrim coniungentur: pona ut coniungantur in diebus 60. Ideo quia in 60 reperiuntur $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$; uide ergo quantum se serpentes appropinquant in illis diebus 60. Inferior uero serpens ascendit in illis diebus 60 magis quam descendit palmis 3. Superior uero descendit magis quam ascendit palmis 2. Ergo appropinquantur palmi 7. Quare dicendum est: pro diebus 60, quos pono, appropinquantur serpentes palmi 7 | quid ponam, ut appro-

* 50 et alibi .. nota = (L. 7. 74
verum, lra. 13-15; pag. 177,
lin. 11-13).

numerus
11 9
11 14

* et Notum .. notat = (L. 74
verum, lra. 21-23; pag. 177,
lin. 24-25).

num
22 27
11 27

* Inf. notandi .. appropinquant =
(L. 74 verum, lra. 30-32;
pag. 177, lin. 32-33).

Dies
1575

fol. 16 recto.

quod ponam ... erit $\frac{1}{2}$ * (fol. 75 verso, l. 1-7; pag. 177, l. 43 — pag. 178, l. 10).

divi functionis
$\frac{1}{2}$ 857
Arretra inferioris
$\frac{1}{7}$ 74
Dominio inferioris
$\frac{1}{7}$ 25

pretii illius ... et $\frac{100}{171}$ * (fol. 75 verso, l. 8-18; pag. 174, l. 10-22).

pretium prime
$\frac{1}{7}$ 31
Arretra secunde
$\frac{1}{7}$ 20
Tertia
$\frac{1}{7}$ 12
Quarta
$\frac{1}{7}$ 12

et multiplica ... erunt 131 * (fol. 75 verso, l. 22-25; pag. 174, l. 21-23).

24	20	40	60
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}$

et queratur ... numero illo * (fol. 75 verso, l. 27-31; pag. 174, l. 27-31).

numerus
$\frac{1}{5}$ 6

Aliter ... de nota * (fol. 73 verso, l. 32-34; pag. 178, l. 43 — pag. 179, l. 1).

numerus
$\frac{1}{5}$ 6

pinguantur palmi 100 : multiplica 60 per 100, erunt 6000; que diuide per 7, exhibunt dies $\frac{1}{7}$ 857; et in tantum temporis coniungentur se. Nam si quæsieris, in qua parte turris se coniungerit, sic facies : multiplica 8, scilicet ascensionem inferioris serpeati, per 100, erunt 800; que diuide per 7, exhibunt palmi $\frac{1}{7}$ 71; et tot ascendit inferior serpens. Et si descensionem superioris serpentis, scilicet 2, per eandem 100 multiplicaueris, et summam per 7 diuideris, exhibunt palmi $\frac{1}{7}$ 28 pro loco coniunctionis ipsorum a superiæ parte.

De petiis quatuor panni.

Quidam emit panni petias 4 pro bizantiis 80. Quarum primam emit aliquid; alteram emit $\frac{2}{3}$ pretii illius prime. Tertiam uero emit $\frac{1}{2}$ pretii secunde. Quartam autem emit $\frac{1}{3}$ pretii tertie. Queritur quantum ualuit unaqueque petia. Pone, ut prima ualeret bizantios 60; ideo quia in 60 reperiuntur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$. Ergo si prima ualuit 60; secunda, cum ualeret $\frac{2}{3}$ ipsius, ualuit bizantios 40; et tertia ualuit bizantios 20, hoc est $\frac{1}{2}$ pretii secunde. Quarta uero ualuit bizantios 24, cum sint $\frac{1}{3}$ de 20. Postea adde 60, et 40, et 20, et 24, scilicet posita pretii supradictarum quattuor petiarum, erunt 154; que cum nefas esse 80, die: pro 60, que pono pro pretio prime petie, ueniunt in summa emptiois quattuor petiarum bizantii 154; quid ponam, ut ueniunt tantum in earundem summam 80. Multiplica 60 per 80, erunt 4800; que diuide per regulam de 154, que est $\frac{1}{154}$, exhibunt bizantii $\frac{1}{154}$ 31. Et tot ualuit prima petia. Item ut habeas pretium secunde. Multiplica 40 per 80, et diuide iterum per $\frac{1}{154}$, exhibunt bizantii $\frac{1}{154}$ 20 pro pretio secunde petie. Item ut scias pretium tertie, multiplica 20 per 80, et diuide per $\frac{1}{154}$, exhibunt pro ipsius pretio bizantii $\frac{1}{154}$ 12; deum ut scias pretium quarte, multiplica 24 per 80, et diuide in $\frac{1}{154}$, exhibunt pro pretio ipsius bizantii $\frac{1}{154}$ 12; et scias quod in unaquaque superscriptarum quattuor multiplicatio ei euitanda est $\frac{1}{2}$.

Aliter de eodem.

Aliter ut redigatur hec questio ad regulam societatum, describe minuta per ordinem sic $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{6}$, et multiplica per 2; que per 4; que per 5, que sunt sub nigris, erunt 6, que serua. Item multiplica 2, que sunt super 2, per 4, que sunt sub 2, erunt 8; que per 5, erunt 40, que serua. Rursus multiplica 2, que sunt super 2 per 2, que sunt super 4, erunt 8; que per 5, erunt 20, que serua. Et adhuc multiplica 2, que sunt super 2, per 2, que sunt super 4, erunt 6; que multiplica per 4, que sunt super 5, erunt 24; adde itaque quattuor seruantes numeros insimul, scilicet 6, et 40, et 20, et 24, erunt 154. Et inuenias regulam ipsorum, que est $\frac{1}{154}$; et multiplica singulariter unumquodque prescriptorum quattuor numerorum; et diuide unamquamque multiplicationem per $\frac{1}{154}$, et habebis pretium uniuscuiusque petie, hoc est per medietatem de 154.

De tertia unius numeri ex quarta, cuius numeri sit quinta.

Si queratur de tertio unius integri, de cuius numeri quarta sit quinta pars; pone igitur ut numerus ille sit 60; de quibus summe $\frac{1}{4}$, que est 15; de quibus acripe $\frac{1}{5}$, que est 2; que cum uellent esse tantum $\frac{1}{5}$, multiplica 60 per $\frac{1}{5}$, erunt 20; que diuide per 3, exhibunt $\frac{1}{3}$ 6 pro numero illo.

Aliter describe per ordinem : sit $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$; deinde multiplica unum, quod est super 2 per 4; que per 5, erunt 20; que diuide per multiplicationem de 4, quod est super 8 in 1, quod est super 4; que in 2; que multiplicatio est 2, exhibunt similiter $\frac{1}{3}$ 6.

De ouis.

Quidam emit oua 7 pro numero uno, et vendidit oua 5 pro denario; et fueratus fuit denarius 10: queritur quot ipse in ouis inuestiuit: pone ut inuestiuit denarios 5, pro quibus habuit oua 35, que vendidit denarios 7: ergo lucratus fuit denarius 2 in illis denariis 5: qui denarii 2 nellenit esse 10 denarii. Multiplica 10 per 5, et diuide per 2, exibunt denarii $\frac{5}{2}$ 47; et tot inuestiuit homo ille. Nam materiam inueniendi hanc regulam est hec. Vt discas a 5 usque in 7, desunt | 2; in quibus diuide multiplicationem de 5 in 10, ut supra diximus.

De eisdem ouis.

Item si dixerit, quod emit oua 7 pro denariis 2, et vendidit oua 10 pro denariis 6; et lucratus est denarii 21; queritur quot inuestiuit: scribe questionem sic; et multiplica 7 per 6, erunt 42, que pone super 7; et multiplica 10 per 2, erunt 20, que pone super 10: post hec extrahe 20 de 42, remaneat 4; multiplica 20 per 21, erunt 780; que diuide per 4, exibunt denarii $\frac{5}{2}$ 199; et tot inuestiuit. Et si proponatur, quod inuestiret denarios $\frac{5}{2}$ 199, et queratur lucrum ipsius; multiplicabis $\frac{5}{2}$ 199 per 4, et diuides per 20; et habebis pro lucro 21.

De rotulis secuudum regula ouorum.

Urum si proposuerit, quod pro denariis $\frac{5}{2}$ 4 rotulos $\frac{11}{2}$ 11 haberet, uenderet rotulos $\frac{2}{3}$ 17 pro denariis $\frac{7}{10}$ 7; et esset lucratus denarios 27: describe questionem secundum quod in hac pagina descriptam cerneris; et multiplica rotulos 11 per 5 de sua uirgula, et desuper adde 2, erunt 91; que per 2, et adde unum, erunt 182, que pone super $\frac{11}{2}$ 11. Item multiplica denarios 4, per 2, et adde 1, erunt 9; que per 7 de altera sua uirgula, erunt 63: super que adde multiplicationem de 1, quod est super 7 in 2, erunt 65, que pone super $\frac{7}{2}$ 4. Rursus multiplica rotulos 17 per 5, et super adde 1; que per 9, et adde multiplicationem de 2, que sunt super 9 in 5, erunt 784, que pone super $\frac{2}{3}$ 17. Iterum multiplica denarios 7 per 10, et adde 7, erunt 77, que pone super $\frac{7}{10}$ 7: post hec multiplica numerum positum super $\frac{2}{3}$ 17, scilicet 784 per numerum positum super $\frac{5}{2}$ 4, idest per 95, erunt 59660, que pone super 784. Item multiplica positum numerum super $\frac{11}{2}$ 11, scilicet 182 per positum numerum super $\frac{7}{10}$ 7, idest per 77, erunt 14091, que pone super 182: postea oportet multiplicari 59660 per minuta, que sunt sub uirgulis de 11, et de 7, scilicet per 2, et per 9, et per 10: et adhuc oportet multiplicari 14091 per minuta, que sunt sub uirgulis de 17, de 4, scilicet per 5, et per 9, et per 2, et per 7; unde multiplicentur tantum 5960 per 2, et per 8, idest per 16, erunt 815260; et relinquatur quod non multiplicentur per 10; quia relinquemus multiplicare 14091 per 5, et per 2, in quibus ipsa multiplicare oportuerat; et multiplicabitur tantum per 7, et per 9, idest per 63, erunt 877722; de quibus extrahe 815260, remaneat 72272; quibus studeas reperire regulam, que est $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$; in qua diuide per multiplicationem de 815260 in 27, scilicet in luenum; que multiplicatio est 28914790, exibunt denarii $\frac{0}{2} \frac{0}{7} \frac{0}{7} \frac{0}{7} \frac{0}{44}$ 2011; et tot inuestiuit in illis rotulis.

Alier diuide $\frac{11}{2}$ 11 per $\frac{1}{2}$ 4, exibunt $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 2. Item diuide $\frac{11}{2}$ 17 per $\frac{7}{10}$ 7, exibunt $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 2; que extrahe de $\frac{1}{2} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 2; et in hoc remanserit, diuide multiplicationes de $\frac{0}{2} \frac{0}{7} \frac{0}{7} \frac{0}{44}$ in 27; et habebis propositum:

De cane et uulpe.

Item si queratur de uulpe, que est ante canem passus 30, et passus 9 fugientis mlpis ,

* 33 que — deant + (ed. 75 recte, in. 27-29; pag. 179, in. 4-7).

Denarius
$\frac{5}{2}$ 47

ed. 75 recte

* 2 in quibus regula numerorum (ed. 75 recte, in. 1-7; pag. 179, in. 7-12).

35	42
6	2
10	7
$\frac{1}{2}$	199

* et multiplica multiplicetur tantum a (ed. 75 recte, in. 10-11; pag. 179, in. 30-32).

88822	815260
14091	59660
182	784
9	63
$\frac{2}{3}$ 17	$\frac{7}{10}$ 7
65	190 denarios
pro denariis	17
$\frac{5}{2}$ 4	95
$\frac{11}{2}$ 11	182

* reliquatur et hoc multiplicetur a (ed. 75 recte, in. 30 + 31 + 32, pag. 179, in. 34-37).

Denarius
$\frac{0}{2} \frac{0}{7} \frac{0}{7} \frac{0}{44}$ 2011

... ubi ... in *Alexandria* ...
 (fol. 76 verso, lin. 25-32; pag.
 177, lin. 42 — pag. 178, lin. 61).

Beri
100
Bizantii
50

fol. 76 verso.
 ... unde per ... (fol.
 76 verso, lin. 27; pag. 187,
 lin. 12-22).

Beri
137
150
197
Piper
8
10
14
197
104

... Et si ... *Alexandria* ... (fol. 76
 verso, lin. 9-11; pag. 181, lin.
 23-25).

14
27
8
10
14
197

... $\frac{1}{2}$... *Alexandria* ... (fol. 76
 verso, lin. 14-16; pag.
 181, lin. 25-32 = 23).

35
27
8
10
14
197

... Piperis ... *Alexandria* ... (fol.
 76 verso, lin. 31-33; pag. 181,
 lin. 31-41).

27
25
30
36
432
448
480
576
8
10
14
197

sunt passus 6 sequentis canis; queritur in quantum ea consequetur. Hec enim questio eandem retinet regulam ouorum: uidelicet ut extrahas 6 de 9, remanent 3; in quibus diuide multiplicationem de 6 in 50, exhibunt passus 100; et in tot diebus canis fuit cum uulpe in uno puncto. Verum si distantiam eorum ignoraueris; et preponatur, quod canis uulpem adiungat in passibus 100; multiplicabis 3 per 100, et diuides per predicta 8.

De eo qui misit filium in Alexandria.

Quidam misit filium suum in alexandriam; deditque ei bizantios 100, precipiens, ut emeret ex eis piper, atque berzi. Cantare quidem piperis pro bizantiis 50, et cantare berzi pro bizantiis 30; et pondus quod ponderat piper esset $\frac{2}{3}$ ponderis berzi. Queritur, quot emit de pipere, et quantum de berzi. Pone ut emeret de berzi cantaria 63; ideo quia in 63 reperitur $\frac{2}{3}$ $\frac{2}{3}$; et uide quantum ualent cantaria illa 63: ualent enim bizantios 1890: quo facto accipe $\frac{2}{3}$ $\frac{2}{3}$ de 63, que sunt 41; et tot cantaria pone, quod emisset ex pipere, que ualent bizantios 2050; cum quibus adde bizantios 1890, erunt bizantii 3940. Quare dicet: pro cantariis 63, que posui ut emeret de berzi, ueniunt in summa bizantii 3940; quid ponam ut ueniunt in summa bizantii 100: multiplica 63 per 100, et diuide per 3940; quorum regula est $\frac{1}{2}$ $\frac{0}{10}$ $\frac{0}{197}$: multiplicatio autem de cantariis 63 in 100 surgit in cantariis 6300, que sunt Rotuli 630000; quos diuide per $\frac{1}{2}$ $\frac{0}{10}$ $\frac{0}{197}$, exhibunt Rotuli $\frac{137}{197}$ 150; et tot emit ipse de berzi. Item multiplica cantaria 41 per 100, erunt Rotuli 410000; quos diuide per $\frac{1}{2}$ $\frac{0}{10}$ $\frac{0}{197}$, exhibunt Rotuli $\frac{0}{2}$ $\frac{0}{10}$ $\frac{14}{197}$ 104; et tantum emit de pipere. Si autem scire uolueris, quot bizantios ualeat piper, et quot berzi; multiplica 2050 per 100, et diuide per $\frac{1}{2}$ $\frac{0}{10}$ $\frac{0}{197}$, et habebis pro pretio piperis bizantios $\frac{0}{10}$ $\frac{12}{197}$ 48. Item multiplica 1890 per 100, et diuide per $\frac{1}{2}$ $\frac{0}{10}$ $\frac{0}{197}$, exhibunt pro pretio berzi $\frac{137}{197}$ 47.

Et si superscriptus pater precepisset filio, ut $\frac{2}{3}$ ex pondere piperis esset $\frac{1}{2}$ et pondere berzi; inuenies primum duos numeros, ex quibus $\frac{2}{3}$ unius sint $\frac{1}{2}$ alterius, erunt 14 et 27. Nam $\frac{2}{3}$ de 14 faciunt quantum $\frac{1}{2}$ de 27: quare pones, ut ipse emeret de pipere cantaria 14, et de berzi cantaria 27; et operaberis secundum quod superius fecimus; et inuenies quantitates utriusque mercis.

Item $\frac{1}{2}$ ex pondere piperis sit $\frac{1}{4}$ ex pondere berzi, inuenies quod duos numeros, ex quibus $\frac{1}{2}$ unius sint $\frac{1}{4}$ alterius, erunt 27, et 35. Nam $\frac{1}{2}$ de 27 sunt $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{4}$ de 35: quare pones, ut ipse emeret de pipere cantaria 27, de berzi cantaria 35; et operaberis secundum superscriptum modum.

Reuersus si proponatur, quod ipse emisset ex superscriptis bizantiis 100 piper ad rationem de bizantiis 50; et lac ad rationem de bizantiis 40; et de berzi ad rationem de bizantiis 30; et limum ad rationem de bizantiis 20. Et $\frac{2}{3}$ ex pondere piperis esset $\frac{1}{2}$ ex pondere lacce. Et $\frac{0}{2}$ ex pondere berzi, et $\frac{0}{3}$ ex pondere lini. Inueniendi sunt primum quattuor numeri, ex quibus $\frac{2}{3}$ primi numeri sint $\frac{1}{2}$ secundi, et $\frac{0}{2}$ terti, et $\frac{0}{3}$ quarti; et habebis pro primo numero 36; pro secundo 30; pro tertio 25; pro quarto 27: quare pones, ut ipse emeret ex pipere cantaria 36, que ualent bizantios 1800. Et de lacca cantaria 30, que ualent bizantios 1200; et de berzi cantaria 25, que ualent bizantios 840; et de lino cantaria 27, que ualent bizantios 540: quibus bizantiis quattuor meriti in unum coniunctis, faciunt bizantios 4380, que ualent esse bizantios 100: quare singulariter cantaria 36 piperis, scilicet Rotuli 3600. Et cantaria 30 lacce, scilicet Rotuli 3000. Et cantaria 25 berzi, scilicet Rotuli 2800; et cantaria 27 lini, scilicet Ro-

tulos 2700 multiplicabis per bizantios 100, et diuides summam uniuscuiusque multiplicationis per regulam de 4280, que est $\frac{1}{2-18-\frac{1}{2}}$ et habebis pro pondere piperis Rotulos $\frac{11}{14}$ 83; et pro pondere lace Rotulos $\frac{22}{17}$ 68; et pro pondere berzi Rotulos $\frac{22}{17}$ 63; et pro pondere lini Rotulos $\frac{11}{14}$ 61; et sic possemus huiusmodi varias proponere questiones, que solucuntur anprascripto ordine.

De diuisione de 10 in tribus partibus inequales secundum continuam proportionem.

Si opponatur ut diuides 10 in tres inequales partes, quarum multiplicata minore in maiorem, faciat quantum secunda multiplicata in se ipsam; sic facies: pone ut prima pars sit aliquis, numerus, ut 1; deinde pone, ut secunda pars sit alius quilibet numerus, ut dicamus 2; que multiplicata in se, faciunt 4; que diuide per 1, ueniunt 4. Modo habes tres numeros, scilicet 1, et 2, et 4; ex quibus multiplicatis primo per tertium, scilicet 1 per 4, facit tantum quantum secundus in se ipsum, scilicet 2 per 2. Vnde colligas 1, et 2, et 4, faciunt 7; que cum uellent esse 10, dices: pro 1, quod pono pro prima illarum trium partium, peruenit 7 in earum summa: quid ponam pro eadem, ut perueniat in summam 10. Multiplicabis itaque 1 per 10; que diuides per 7, exibit pro quantitate prime partis $\frac{10}{7}$ 1. Item multiplicabis eodemque ratione secundam partem, scilicet 2 per 10, erunt 20; que diuides iterum per 7, exhibunt $\frac{20}{7}$ 2; et tantum est secunda pars. Rursum multiplicabis 4, que sunt tertia pars, per 10, erunt 40; que diuides per 7, exhibunt pro tertia parte $\frac{40}{7}$ 5. Multiplicatio igitur de $\frac{10}{7}$ 1 in $\frac{20}{7}$ 2, est quantum | Multiplicatio de $\frac{10}{7}$ 2 in se; et $\frac{20}{7}$ 2, et $\frac{10}{7}$ 1, et $\frac{40}{7}$ 5 insumal iunctis, faciunt 10, ut querelatur. Potest eum 10, secundum prescriptam conditionem, in infinitas tres et uariis partes diuidere: quare si alios in principio in continua proportione poneremus numeros preter quod 1, et 2, et 4 in alias partes 10, redderet diuiso; quarum semper prima multiplicata in tertiam, faciet quantum secunda multiplicata in se.

De eodem in 111^{ra} partes.

Item si 10 in quattuor partes diuidere uolueris, ita quod multiplicata prima in quartam faciat quantum secunda in tertiam. Et rursum multiplicata prima in tertiam faciat quantum secunda in se ipsam. Et iterum multiplicata secunda in quartam faciat quantum tertia in se ipsam. Hanc eum diuisionem in infinitas uariasque partes possumus inuenire. Quare unam demonstrationem pro multis ostendamus: ponas ut prima pars sit unum. Secunda bis tantum, scilicet 2. Tertia bis tantum secunde, scilicet 4. Quarta bis tantum tertie, scilicet 8: Illi quattuor numeri sunt in continua proportione. Vnde condanatis his quatuor partibus, scilicet 1, et 2, et 4, et 8, faciunt 15, que uellent esse 10. Vnde dices: pro 1, quod pono prima parte, perueniunt 15 in summa eorum quattuor partium; quid ponam pro eadem parte, ut ueniant in 10 in earum summa. Multiplicabis eum unum per 10, et diuides per 15, exhibunt $\frac{2}{3}$ unius integri pro prima parte. Item multiplicabis singulariter 2, et 4, et 8 per 10; et singulariter diuides per 15, et habebis pro secunda parte $\frac{4}{3}$ 1; pro tertia $\frac{8}{3}$ 2, et pro quarta $\frac{16}{3}$ 5: uel habita prima parte, duplicabis eam, et habebis secundam; qua duplicata, habebis tertiam; qua duplicata, habebis quartam. Vel quia 10 sunt $\frac{2}{3}$ de 15, accipe $\frac{2}{3}$ prescriptorum quattuor numerorum, et habebis quesitas.

De eodem in quinque.

Rursum si 10 in plures partes quam quattuor, ut in 5, secundum continuam proportio-

quantum ... quatuor + (101, 16 uerba, lin. 24-29; pag. 131, lin. 12-21).

Prima	1
Secunda	2
Tertia	4
Quarta	8

101, 16 uerba.

diuisionem ... et habebis + (101, 16 uerba, lin. 7-8-15; pag. 131, lin. 20-60).

Prima	1
Secunda	2
Tertia	4
Quarta	8
Quinta	16

* Recursum per ... diuides per
21 x (fol. 36 verso, lin. 15-
25, pag. 181, lin. 49 - pag.
182, lin. 8).

Prima	42
	21
Secunda	$\frac{20}{21}$
Tertia	$\frac{9}{27}$
Quarta	$\frac{16}{74}$
Quinta	$\frac{3}{24}$

nalitatem, diuidere uoueris; hoc est, quod multiplicata prima in quinta, faciat quantum secunda in quartam, et quantum tertia in se ipsam. Et iterum prime in quartam faciat quantum secunda in tertiam. Et iterum prima in tertiam, quantum secunda in se ipsam. Et iterum secunda in quintam, quantum tertia in quartam. Et adhuc tertia in quintam, quantum quarta in se ipsam. Partes itaque secundum quod superius fecisti pro prima parte 1; pro secunda 2; pro tertia 4; pro quarta 8; pro quinta 16: adde ergo 1, et 2, et 4, et 8, et 16, erunt 31; que cum uelint esse 10, Multiplicabis 1 per 10, et diuides per 31, exhibunt $\frac{10}{31}$ pro quantitate prime partis: deinde multiplicabis 2 per 10, et diuides per 31, exhibunt $\frac{20}{31}$ pro secunda parte; et sic facies de reliquis tribus partibus pro tertia $\frac{37}{31}$, hoc est $\frac{9}{31}$ t. Et pro quarta $\frac{28}{31}$, hoc est $\frac{15}{31}$ 2; et pro quinta $\frac{150}{31}$, hoc est $\frac{5}{31}$ 5; quibus insimul iunctis, faciunt 10, ut sperelatur.

De Leone et leopardo et urso.

Quidam leo comedabat unam ouem in horis 60^m; et leopardus in horis 5; et ursus in horis 6: queritur, si inter eos ouis una eiecta fuerit, in quantis horis eam deuorauerunt. Sic facies: pro quattuor horis, in quibus leo ouem comedit. Pone $\frac{1}{4}$; et pro horis 5 leopardi pone $\frac{1}{5}$; et pro horis 6 ursi, pone $\frac{1}{6}$: et quia $\frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6}$ reperimur in 60. Pone ut in horis 60 ipsi deuorarent ouem illam. Considera itaque, quot oues leo comederet in illis horis 60: cum in quattuor oris unam deuoret ouem, est manifestum, quod ipse deuoraret oues 15 in illis 60 horis; et leopardus deuoraret oues 12 per quintum de 60, que est 12. Similiter et ursus deuoraret oues 10; cum 10 sint $\frac{1}{6}$ de 60. Ergo in horis 60 comederet ipsi oues 15, et 12, et 10, hoc est 37. Quare dices: pro horis 60, quas pono, comedunt ipsi oues 37. Quid ponam ut tantum comedent ouem unam. Multiplica itaque unum per 60, et diuide 37, exhibit hora $\frac{75}{37}$ t. Et in tot ipsi ipsam ouem deuorauerunt.

De duabus formicis quarum una imitatur aliam.

Formice 2 distabant in plano passibus 100; et tendebant ad unum locum: prima quarum ibat cotidie $\frac{1}{2}$ passus, reuertebat retro $\frac{1}{4}$; alia ibat $\frac{1}{3}$, et reuertebatur $\frac{1}{6}$: queritur, in quot diebus erunt coniuncte: pone dies 60, in quibus prima iret tertiis 60 unius passus, scilicet passibus 30; et reuerteretur retro passibus 15, scilicet $\frac{1}{2}$ de 60; et sic in diebus 60 iret plus de sua reuersione passibus 3; et aliam eisdem diebus 60 iret $\frac{1}{2}$ de 60, scilicet 12; et reuerteretur retro $\frac{1}{6}$, scilicet passibus 10; et sic iret passibus 2 magis de sua reuersione: quibus extractis de passibus 3, remanent passus 2; et tot appropinquantur ipse in dies 60: que cum uelint esse 100, Multiplicabis $\frac{1}{2}$ de 60 per 100; et habebis dies 2000 pro eorum coniunctione.

De duabus nauibus se se inuicem coniungentibus.

Naues due distabant ad inuicem per aliquod spatium; quod iter prima nauis explebat in diebus 5; alia in diebus 7: queritur si ceperint iter in eadem hora, in quot diebus erunt coniuncte. Multiplica 5 per 7, erunt 35; et tot dies pone, in quibus prima nauis faciet iter suum septies. Alia uero quinques: quare adde 7 cum 5, erunt 12; et quia inter utramque nauem debebant facere tantum semel illud iter. Multiplica 1 per 35, et diuide per 12, exhibunt $\frac{11}{12}$ 2; et in tot diebus erunt coniuncte: et si uis scire, in qua parte; diuide 7, et 5 per 12, uenient $\frac{7}{12}$ totius itineris ex parte prime nauis, et $\frac{5}{12}$ ex parte secunde. Et si proponeretur primam nauem ire septies ad locum alterius nauis, et aliam redire quinques in una die, diuide semel 1 per 12, exhibit hora una pro eorum coniunctione; que coniunctio erit in parte predicta.

* deaurant ... adde x fol. 25
verso, lin. 21-37, pag. 187,
lin. 20-24.

Ita conuincitur
$\frac{22}{27}$

fol. 22 verso

De tina que habet quatuor foramina in fundo.

Est tina, que habet quatuor foramina, per primum quorum euacuatur in die 1; per secundum in 2; per tertium in 3; per quartum in 4; queritur quot horis euacuabitur, si dicta quattuor foramina simul aperiuntur: pone dies 12 pro ipsius euacuatione. In quibus per primum foramen tina euacuaretur duodecies; cum dies 12 sint duodecuplum unius diei: similiter in illis positis 12 diebus per secundum foramen euacuaretur tina septies; per tertium quater; per quartum ter; et sic in diebus 12 tina euacuaretur uigies quinques; hoc est, quod in diebus 12 euacuatur tina 25: et queritur, in quot euacuabitur tina 1. Multiplica ergo extremos, scilicet 12 per 1, et diuide per medium, exhibent $\frac{4}{3}$ unius diei: de quibus si uis horas facere, Multiplica 12, que sunt super uirgam, per horas unius diei, scilicet per 12, erunt 144; que diuide per 25, exhibunt hore $\frac{144}{25}$ s pro tina euacuatione.

De eadem tina cum super ipsam sint canales 1111."

Et si proponatur, quod super ipsa tina erunt canales 4 euacuantes equam; per primum quorum tina impleatur in horis 6; per secundum in 9; per tertium in 24; per quartum in 27; queritur si tina fuerit uacua, et per ipsas canales simul fluat aqua uicina, et foramina sint aperta; in quot horis implebitur tina: pone etiam, ut impleatur in dies 12, in quibus per ipsa foramina euacuuntur tinae 25: deinde fac horas ex ipsis diebus 12, erunt hore 144; quas diuide per horas primi canalis, scilicet per 6, exhibunt 24; et tot tinae implentur per primum canalium: quia quam multiplices sunt hore 144 ex horis 6, tam multiplices sunt tinae 24 ex tina 1: quare eadem ratione diuides hore 144 per horas reliquorum canalium, scilicet 9, et per 24, et per 27, exhibunt tinae 16, et 6, et $\frac{1}{3}$ 5: quibus additis cum tina 24 primi canalis tinae $\frac{1}{3}$ 51; et tot tinae implentur ab ipsis canalibus 4 in positis diebus 12: a quibus eiectis tina 25, que euacuatur per foramina, remanent tinae $\frac{1}{3}$ 26, que uellent esse tina 1. Quare multiplica horas 12 diei, scilicet 144 per 1; et diuide per secundum numerum, scilicet per $\frac{1}{3}$ 26, exhibunt hore $\frac{144}{\frac{1}{3} 26}$; et in tot implebitur tina illa.

De buce que habet 1111" foramina unum super aliud.

Item buctis habens 4 foramina unum super aliud in quarto retinimento buctis constituta; ex quibus si aperiens primum foramen .i. superius, euacuatur quarta pars buctis in 1 die; qua euacuata, si aperieris secundum, euacuabitur buctis a primo usque ad secundum, scilicet alia quarta pars in duobus diebus. Rursum, euacuatis duabus quartis, si aperieris tertium, euacuatur de bucte alia quarta pars | a secundo foramine usque ad se in tribus diebus. Iterum si aperieris quartum euacuatur de bucte alia quarta pars in diebus 4. Queritur si omnia quattuor foramina pariter aperta fuerint, in quantum tota buctis euacuabitur. Quia euacuato aliquo ipsorum nullum iuuamen alius prebere posse proponitur. Necessarium est ut euacuationem uniuscuiusque foraminis singulariter reperiamus. Primum quidem ponamus, quod buctis teneat bariles quotlibet, ut dicamus 48. Quarum quarta pars accepta, que est 12, habeatur pro tenimento uniuscuiusque foraminis: deinde accedamus ad euacuationem primi, id est superioris foraminis: ponamus, ut inter omnia 4 illa foramina euacuetur de bucte usque ad superius foramen in una die, scilicet in horis 12: deinde uideamus quot bariles in illis 12 horis per unumquodque foramen euacuarentur: per primum quidem euacuarentur

14. 11. 1111"

in diebus ... evacuatur : (fol. 22 verso, lin. 17-22; pag. 181, lin. 214 - 215).

horæ evacuatur	
prima	$\frac{1}{2}$
secunda	$\frac{1}{3}$ 5
tertia	$\frac{1}{4}$ 11
quarta	$\frac{1}{5}$ 20
Evacuatur totum buctis	
$\frac{1}{2}$ 0 2 5	
$\frac{1}{3}$ 4 3 12	1

das 4 ... in prepositis : (fol. 22 verso, lin. 23-27; pag. 181, lin. 47-51).

Das 7 et horæ	$\frac{1}{2}$ 0 2 5	$\frac{1}{3}$ 4 3 12	$\frac{1}{4}$ 11	$\frac{1}{5}$ 20
---------------	---------------------	----------------------	------------------	------------------

in horis 12 ... evacuatur : (fol. 28 verso, lin. 30-35; fol. 28 verso, lin. 1, pag. 181, lin. 22-25).

Evacuatur prout foramina	
hora	2
hora	4
hora	4
Tertia	6
hora	12
Quarta	12

fol. 28 verso

bariles 12 in illis horis 12. Ideo quia preponitur in positione, quod per ipsum evacuatur quarta pars totius buctis in una die. Et quia per secundum alia quarta pars in duobus diebus evacuatur. Ergo in illis 12 horis evacuarentur per ipsum bariles 6: eademque rationem per tertium foramen evacuabuntur bariles 4 in illis 12 horis. Et per quartum evacuarentur bariles 3. lunctis itaque barilibus 12, et 6, et 4, et 3 faciunt 25; et tot bariles evacuarentur per ipsa quattuor foramina in illis 12 horis. Quare multiplica 12 per 12, faciunt 144; que diuide per 25, exhibunt horæ $\frac{1}{5}$ 5; et in tot horis evacuabuntur buctis usque ad superius foramen: deinde accedamus ad euacuationem secunde, quarte: et pone iterum, ut evacuatur ipsa similiter in aliis 12 horis. In quibus, ut prediximus, per secundum evacuatur bariles 6; per tertium quoque bariles 4; per quartum uero bariles 3. Quare per ipsa tria foramina evacuatur bariles 12; pro quibus multiplicabis 12 per 12, et diuide per 12, exhibunt horæ $\frac{1}{12}$ 11 pro euacuatione eiusdem secunde partis: deinde pone, ut tertia quarta evacuatur iterum in horis 12, in quibus per tertium foramen evacuatur bariles 4; per quartum 3, hoc est per utrumque evacuatur bariles 7. Quare multiplica 12 iterum per 12, et diuides per 7, exhibunt horæ $\frac{1}{7}$ 20 pro euacuatione tertie quarte; per quartum uero foramen evacuatur reliqua quarta in quattuor diebus. Quare adde dies 4, et horas $\frac{1}{3}$ 5, et horas $\frac{1}{12}$ 11, nec non et horas $\frac{1}{7}$ 20, erunt dies 7, et horas $\frac{1}{3}$ 5, et in tantum evacuabuntur buctis illa.

Aliter de bucte.

Et si dixeris, quod per unum quodque foramen tota buctis evacuatur usque ad se ipsam in prepositis diebus; pone similiter, ut buctis tenent bariles 48: deinde uide in quantum evacuabuntur buctis usque ad primum foramen. Apertis uidelicet omnibus foraminibus. Pone ergo ut evacuatur in horis 12, in quibus per primum evacuatur bariles 12: per secundum uero totidem evacuatur; cum in duobus diebus bariles 24 evacuatur in horis 12: per tertium quoque in positis horis 12 evacuarentur alios bariles 12: cum in tribus diebus per ipsum evacuarentur bariles 36: per quartum autem in illis 12 horis alios bariles 12 evacuatur: quibus iunctis cum barilibus euacuationum trium reliquorum foraminum, erunt 48, que uellent esse 12. Ergo multiplica 12 per 12, et diuide per 48, exhibunt horæ 3; et in tot evacuatur usque ad primum foramen. Item si posueris pro euacuatione secunde quarte alias horas 12, reperies quod per reliqua tria foramina evacuabuntur bariles 36: quare multiplicabis 12 per 12, et diuides per 36, exhibunt horæ 4; et in tantum evacuabuntur secunda quarta. Item si posueris horas 12 pro euacuatione tertie quarte, quod reperies utrumque foramen evacuarentur bariles 24. Quare multiplica 12 per 12, et diuide per 24, exhibunt horæ 6 pro tertie quarte euacuatione. De quarto foramine nil dicendum est; cum manifestum sit, quod per ipsum in horis 12 evacuatur totum residuum, scilicet bariles 12. Quare addas horas euacuationum quattuor dictorum quartarum, scilicet 3, et 4, et 6, et 12, erunt horæ 25; et in tantum evacuabuntur buctis illa.

Aliter de bucte.

Et si proponatur, quod a summo buctis usque ad superius foramen sit $\frac{1}{2}$ totius tenimenti buctis: ab ipso foramine usque ad secundum, sit $\frac{1}{3}$ eiusdem tenimenti. Et ab ipso usque ad tertium sit $\frac{1}{4}$. Ab ipso usque ad inferius foramen sit residuum tenimenti buctis; et per superius foramen evacuatur buctis usque ad ipsum in 1 die. Per

secundum ab ipso superiori usque ad ipsum secundum in 2. Per tertium a secundo usque ad ipsum tertium in 3. Per inferius euacuetur lactis a tertio usque ad ipsum in dies 4. Punc, ut lactis teneat bariles 60; quare usque ad superius foramen sunt bariles 20, scilicet tertium de 60. Et a secundo foramine usque ad superius sunt bariles 15, scilicet quartam de 60. Et a tertio usque ad secundum sunt bariles 12, scilicet quintam de 60. Quibus barilibus 12 et 15, et 20 in unum coniunctis, reddunt bariles 47 pro tenimento lactis usque ad tertium foramen: a quibus 47 usque in 60 sunt bariles 13 ab inferiori foramine usque ad tertium: deinde pone diem 1 in euacuatione lactis usque ad superius foramen, in quo posito die per primum foramen euacuatur bariles 20; per secundum $\frac{2}{3}$ 7, scilicet $\frac{1}{3}$ de 15; per tertium 4, scilicet tertia de 12; per quartum $\frac{1}{4}$ 2, scilicet quartam de 12: ergo per quattuor foramina euacuatur in 1 die bariles 20, et $\frac{1}{3}$ 7, et 4, et $\frac{1}{4}$ 2, hoc est in summa bariles $\frac{1}{3}$ 24, que uellent esse 20, scilicet teimumentum superioris foraminis: quare multiplicabis diem 1 per bariles 20, et diuides per $\frac{1}{3}$ 24, exhibunt $\frac{20}{177}$ unius diei pro euacuatione superioris foraminis. Item pone unum diem in euacuatione barilium 15 secundi foraminis, in quo per secundum euacuatur, ut praediximus, bariles $\frac{2}{3}$ 7; per tertium 4; per inferius $\frac{1}{4}$ 2, hoc est in summa $\frac{2}{3}$ 14, que uellent esse 15: quare multiplicabis 1 per 15, et diuides per $\frac{2}{3}$ 14, exhibit dies $\frac{15}{14}$ 1 pro euacuatione barilium 15. Rursum pone unum diem in euacuatione barilium 12 tertii foraminis, in quo die per ipsum foramen euacuatur bariles 4; per inferius $\frac{1}{4}$ 2, hoc est per utrumque $\frac{1}{4}$ 7, qui uellent esse 12: quare multiplica 1 per 12, et diuide per $\frac{1}{4}$ 7, exhibit dies $\frac{12}{7}$ 1 pro euacuatione tertii foraminis. Per inferius uero foramen euacuatur residuum in dies 4, ut propositum est. Quare addes dies 4, et $\frac{15}{177}$ 1, et $\frac{1}{14}$ 1, et $\frac{12}{7}$ 1, et habebis dies 7, et horas $\frac{11}{177}$ $\frac{5}{14}$ $\frac{115}{112}$ 2 pro euacuatione totius lactis.

Modus alius de bucte.

Et si per unumquodque foramen usque ad ipsum, totam buctem euacuare proponatur in prepositis diebus, pones similiter, ut buctis teneat bariles 60: quare per primum euacuatur bariles 20 in uno die. Per secundum 20 et 15, scilicet 35 in duobus diebus. Per tertium 30, et 15, et 12, scilicet 47 in diebus 2. Per inferius euacuatur bariles 60, scilicet tota buctis in diebus 4. Quare pones in euacuatione barilium 20 superioris foraminis diem 1. In quo per primum euacuatur bariles 20; per secundum $\frac{1}{2}$ 17, scilicet dimidium de 35; Per tertium $\frac{2}{3}$ 15, scilicet $\frac{1}{3}$ de 47. Per inferius 15, scilicet quartam de 60; et sic sunt in summa bariles $\frac{1}{3}$ 68, qui uellent esse 20: quare multiplica 1 per 20, et diuide per $\frac{1}{3}$ 68, exhibunt $\frac{120}{119}$ unius diei. Item pro euacuatione barilium 15 secundi foraminis pone diem 1, in quo per secundum euacuatur bariles $\frac{1}{2}$ 17; per tertium $\frac{2}{3}$ 15; per quartum 15, hoc est in summa bariles $\frac{1}{2}$ 48, qui uellent esse 15: quare multiplicabis 1 per 15, et diuide per $\frac{1}{2}$ 48, exhibunt $\frac{30}{119}$ unius diei. Rursum pro euacuatione barilium 12 tertii foraminis pone 1 diem, in quo per ipsum euacuatur bariles $\frac{1}{2}$ 13; per ultimum 15, hoc est per utrumque $\frac{2}{3}$ 20, qui uellent esse 12: quare multiplica 1 per 12, et diuide per $\frac{2}{3}$ 20, exhibunt $\frac{6}{119}$ unius diei. Item pone in euacuatione bariles 13 inferioris foraminis diem 1, in quo euacuatur bariles 15, qui uellent esse 12: quare multiplica 1 per 12, et diuide per 15, exhibunt $\frac{12}{119}$ unius diei; quibus iunctis cum $\frac{2}{119}$, et cum $\frac{120}{119}$, reddunt pro summa diem 1, et horas $\frac{1}{119}$ $\frac{12}{119}$ $\frac{12}{119}$ $\frac{115}{119}$ 10 pro euacuatione totius buctis.

* per unumquodque ... de bucte a (fol. 78 recto, in. 12-24. pag. 185, lin. 7-21).

Euacuatio superioris Vinctus dies	
	20
	17
Secundi	15
	15
Tertii	12
	12
Quarti	15
	4
Summa	
Dies 7 et horas	$\frac{11}{177}$ $\frac{5}{14}$ $\frac{115}{112}$ 2

* Et si per ... totam buctem a (fol. 78 recto, in. 25-32. pag. 187, lin. 25-32).

Euacuatio primi Vinctus dies	
	20
	17
Secundi	15
	15
Tertii	12
	12
Inferius	15
	12
Summa	
horas	dies
1 12 12 12 115 12	
2 17 17 20 112 10	

fol. 28 verso.
 In collectione 164.
 28 versus, lin. 2-6, pag. 195.
 lin. 2-3:

Euacuatur buctis
<i>denis</i>
3
55 unius

4 quibus ... euacuatur modia 2
 fol. 28 verso, lin. 12-15, pag.
 196, lin. 16-17:

Caricium nauis
10
17 4210
Caricium nauis
27
64 1211

Item est buctis habens inferius foramina 10, que per primum euacuatur in 1 die; per secundum in $\frac{2}{3}$ unius diei. | Per tertium in $\frac{1}{2}$; per quartum in $\frac{1}{4}$, et sic deinceps per ordinem, usque quod per decimum foramen euacuatur buctis in $\frac{1}{10}$ unius diei. Queritur: si foramina insimul aperta fuerint, in quanta die parte buctis tota erit euacuata. Pone, ut buctis euacuatur in una die, in quo per primum foramen euacuatur buctis semel; per secundum bis, cum in dimidio diei euacuatur ipsa: quare per tertium euacuatur ter; per quartum quater; per quintum quinquies, hoc est buctes 5; per sextum euacuatur buctes 6; per septimum 7; per octauum 8; per nonum 9; per decimum 10: ergo in die 1 per omnia foramina euacuatur tot buctes, quot sunt in collectione numerorum, qui sunt ab 1 usque in 10, scilicet 55: quare dices: pro die 1, qui pono, euacuatur buctes 55; quid ponam, ut euacuatur buctis 1: multiplica 1 per 1, et diuide per 55, exibit $\frac{1}{55}$ unius diei pro euacuatione totius buctis.

De quattuor hominibus nauem locantibus.

Quattuor homines nauem ad honeraudum de frumento; et unusquisque eorum quartam honerauit: et primus erat daturus domino nauis pro nauo $\frac{1}{4}$ sui frumenti; secundus $\frac{1}{3}$; tertius $\frac{1}{2}$; Quartus $\frac{1}{4}$; a quibus habuit dominus nauis pro eorum nauo modia 1000: quare quantitas totius carici nauis: pone ut caricum 4^{ta} partis totius nauis, scilicet portio uniuscuiusque, sit modia 60; quare caricum totius nauis erit modia 240. Et quia primus dedit $\frac{1}{4}$ sui carici; et secundus $\frac{1}{3}$; tertius $\frac{1}{2}$; quartus $\frac{1}{4}$, accipe $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ de 60, erunt modia 37, que uellent esse 1000. Quare dices: pro die 1, que pono in carico totius nauis, ueniunt Nauclerio modia 37; quid ponam, ut ueniant ei modia 1000: multiplica 30 per 1000, et diuide per 37, exhibunt modia $\frac{1000}{37}$ pro carico totius nauis.

De eodem.

Er si proponatur, quod dato nauo domino nauis, remansisset ei modia 1000. Extrahes 37 de 240, remanent ei modia 183, que uellent esse 1000: quare multiplica 240 per 1000, et diuide per 183, exhibunt modia $\frac{1000}{183}$ pro carico totius nauis.

De homine retento in obsequio.

Quidam retinuit quendam hominem in obsequium. Cui erat daturus in mense numeros tres, quorum secundus erat denarius 2 maior primo; et tertius denarius 2 maior secundo, hoc est denarius 4 maior primo. Et insuper erat ei daturus denarios 10. Contingit autem, quod ipse laborauit dies 6, pro quibus dominus operis dedit ei medietatem primi numeri. Et tertiam secundi. Et quartam tertii numeri; et fuit persolutus secundum quod ei contingit pro hoc, quod laborauerat. Queritur qui fuerunt numeri illi. Quis dies 6, in quibus laborauit, sunt quinta mensis; scilicet ex diebus 30 debuit ipse pro suo labore recipere $\frac{1}{5}$ omnium trium numerorum dictorum; et de denariis 16, pro quo $\frac{1}{5}$ dedit eius dominus medietatem primi numeri. Et tertiam secundi. Et quartam tertii. Et manifestum est, quod si de secundo numero extrahatur 2, et de tertio 4, uterque eorum erunt equales primo numero. Vnde extractis 2 de secundo, et de denariis 16, pro quo si acceperimus medietatem primi, et tertiam secundi, et quartam tertii; ideo accepimus $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ tantum de primo numero: ergo ut accipiamus $\frac{1}{5}$ de denariis 2, in quibus secundus excedit primum; et $\frac{1}{5}$ de 4, in quibus tertius excedit primum, erunt $\frac{2}{5}$ 1: ergo dedit ei dominus $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ primi numeri, et insuper denarium $\frac{2}{5}$ 1; et fuit tamquam si de

disset ei $\frac{1}{2}$ omnium trium numerorum, et de 10: nam extractis iterum 2 de secundo numero, et 4 de tertio; et accepto $\frac{1}{2}$ primi numeri, et secundi, et tertii, tantum est quantum si acceperimus tantum $\frac{1}{2}$ de primi numeri: deinde remanet, ut accipiat $\frac{1}{2}$ de denariis 3 prescriptis, qui extracti fuerunt de secundo numero; et de 4, qui extracti fuerunt de tertio; et de 10, hoc est de 16, erunt $\frac{4}{3}$ 3: ergo operarius erat receptorus $\frac{2}{3}$ primi numeri, et insuper denarios $\frac{1}{3}$ 3; pro quibus receipt $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ eiusdem primi numeri, et insuper denarium $\frac{2}{3}$ 1: quare extrahas $\frac{2}{3}$ 1 de $\frac{4}{3}$ 3, remanent $\frac{2}{3}$ 1: ergo $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ ipsius numeri primi sunt plus $\frac{2}{3}$ 1 de $\frac{2}{3}$ eiusdem numeri. Vnde inueniendum est numerus, cuius $\frac{2}{3}$ extractis de $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ eiusdem numeri, remanent $\frac{2}{3}$ 1. Pone, ut numerus ille sit 60, cuius $\frac{2}{3}$ acceptis, que sunt 40; et extractis de $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ de 60, scilicet de 80, remanent 20, que uelint esse $\frac{2}{3}$ 1: multiplicabis itaque | 60 per $\frac{3}{2}$ 1, erunt 90; que diuide per 20, exhibunt $\frac{3}{2}$ 3 pro quantitate primi numeri: quibus additis 2, habebis $\frac{5}{2}$ 5 pro secundo numero; quibus iterum additis 2, habebis $\frac{7}{2}$ 7 pro tertio numero.

De numero cui super additur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et 12, et a quo extrahitur $\frac{2}{3}$ 1 et 12, et nil remanet.

Est numerus, super quem si addideris $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et 12; et de collecta quantitate abstuleris $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et 12, nichil remanebit. Queritur quid sit numerus ille: primum querendum est, quis sit numerus, de quo si extraxeris $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et 12, nichil remaneat. Pro quo pone 30, de quibus extrahere $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, scilicet 17, remanent 13. Que cum uelint esse 12; Multiplica 12 per 30, erunt 360; que diuide per 13, exhibunt $\frac{27}{13}$ 27: pro quibus iterum dices: est numerus, super quem si addideris $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et 12, facient $\frac{27}{13}$ 27: quare extrahere 12 de $\frac{27}{13}$ 27, remanebit $\frac{3}{13}$ 15: deinde pone, ut ipse numerus sit 12, super quem adde $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ ipsius, erunt 10; que cum uellent esse $\frac{27}{13}$ 27, Multiplicabis itaque 12 per $\frac{27}{13}$ 27, et diuides per 10, exhibunt $\frac{315}{13}$ 9; et tot erit numerus ille. Verbi gratia: Accipe $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ de $\frac{315}{13}$ 9; quas sic accipere eas demonstramus uidelicet ut multiplices 9 per 19, et adde 17; que per 12, et adde 4, erunt 248; super que adde $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ ipsorum, que sunt 128, erunt 376; que diuide per $\frac{12}{13}$ 9. Et ideo primus per 19, quam per 12; quia 376 integraliter diuidatur per 19, exhibunt $\frac{19}{12}$ 15; super que adde 12, erunt $\frac{27}{12}$ 27; de quibus extrahere $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, que sunt $\frac{15}{12}$ 15, remanent 12; que non abieceris, nichil remanebit, ut prepositum est.

De numero cui super additur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et 60.

Item est numerus, super quem si addideris $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, et denarios 60; et de collecta summa extraxeris $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, et denarios 60, nichil remanebit: inuenies numerum, de quo extracta $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, remaneant 60: erit numerus ille $\frac{33}{11}$ 173; de quibus extrahere 60, remanent $\frac{25}{11}$ 113; pro quibus inueniendus est numerus, super quem si addatur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, faciant $\frac{25}{11}$ 113, quem sic inuenies. Pone igitur, ut ipse sit 63; de quibus accipe $\frac{2}{3}$, que sunt 27. Et $\frac{1}{2}$, que est 7, erunt 24; que adde eum 63, erunt 97, que uellent esse $\frac{25}{11}$ 113. Vnde multiplicanda sunt 63 per $\frac{11}{25}$ 113, et diuidenda per 97, exhibunt $\frac{23}{24}$ 73 pro quesiti numeri quantitate.

Item alia cum similibus.

Item est numerus, super quem si addideris $\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{2}{3}$ ipsius numeri, et insuper alios duos numeros equales quoscumque uolueris, et $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius ipsorum numerorum; et de collecta quantitate extraxeris $\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{2}{3}$, et tres numeros tales, quales fuerint ipsi duo, quos primum iunxeris, et $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius ipsorum numerorum, nichil remanebit: primum quidem inueniendi sunt, qui sunt numeri illi, qui debent addi in principio, et extrahi in

* in delant ... $\frac{1}{2}$ accipit ...
(fol. 78 verso, lin. 22-25 + 25;
pag. 186, lin. 42 — pag. 187,
lin. 10).

primus	3
Secundus	5
Tertius	7

fol. 79 verso.

* querendum est ... adde $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ et
12. 79 verso, lin. 5-8 + pag.
187, lin. 17-21.

Numerus	12
13	9

* faciat $\frac{25}{11}$ 113 quoniam
semper * (fol. 79 verso, lin. 17
+ 18-21; pag. 187, lin. 24-29).

Numerus	17
11	73

* quo extractis . . . in numero s
(fol. 79 verso, lin. 23-24; pag.
188, lin. 5-9).

Numerus	
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{8}$
$\frac{2}{8}$	$\frac{21}{112}$
$\frac{21}{112}$	248

* Summe $\frac{1}{2}$ subtrahit s
(fol. 79 verso, lin. 23-24; pag.
188, lin. 12-16).

part prima	
$\frac{1}{10}$	8
Secunda	
$\frac{1}{10}$	11

fol. 79 verso.

* quot ponderat . . . minuta s
(fol. 79 verso, lin. 4-8; pag.
188, lin. 21-23).

fundus
12
cuperclium
9

* ponderat subter esse s
(fol. 79 verso, lin. 9-11; pag.
188, lin. 21-23).

pondus cuppe
36

* redigere . . . cuppe esse s (fol.
79 verso, lin. 13-21; pag. 188,
lin. 40 — pag. 187, lin. 3).

Cuppa
$\frac{1}{11}$
27
fundus
$\frac{1}{11}$
6
Coperclium
$\frac{1}{11}$
6

fine; quos sic inuenies: nidebis quis sit numerus, in quo reperiantur $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, et $\frac{1}{4}$: qui numerus est 42; et tot pone pro numero illo. Et quia proponitur in finem, quod extractis tribus numeris illis, et $\frac{1}{2}$ unius illorum, $\frac{1}{2}$ multiplicabis 42 per 2, erunt 84; super que adde $\frac{1}{2}$ de 42, scilicet 14, erunt 140; deinde multiplicabis per regulam secundi arboris, quis sit numerus, de quo extractis $\frac{1}{14}$ et $\frac{2}{7}$, remanent 140; que si secundum considerationem ipsius arboris regulam inuenire scieris, ipsum esse $\frac{14}{14}$ 673 inuenies: de quibus extrahere duplum de 42, et insuper $\frac{1}{2}$ de 42, hoc est 114, remanebunt $\frac{14}{14}$ 565: pro quibus uide per regulam tertie arboris, qualis est numerus, super quem si addideris $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{4}$; et fiant $\frac{14}{14}$ 163; eritque numerus ille $\frac{1}{4}$ 8 18 214: et sic omnes regulas huiusmodi operaberis.

Questio proposita a quodam constantinopolitano magistro $\frac{1}{2}$.

Summe $\frac{1}{2}$ unius numeri, et inde extrahere $\frac{1}{2}$; et quod remanet diuide in duas tales partes, ut multiplices unam partem per $\frac{1}{7}$, et aliam per $\frac{1}{2}$, et fiant euales. Sic facies: pone numerum talem, quod de $\frac{1}{2}$ ipsius possis $\frac{1}{2}$ integraliter extrahere; eritque numerus ille 21: de quo accipe $\frac{1}{2}$, scilicet 26; et extrahere inde $\frac{1}{2}$, scilicet 16, remanebunt 20; que oportet diuidere in duas tales partes, quod multiplicata una illarum per $\frac{1}{2}$, faciat tantum, quantum multiplicata alia per $\frac{1}{7}$. Quare ut in hac positione regulam arborum immitetur, pone quod una partium sit 18; que multiplicata per $\frac{1}{2}$, faciant 17: deinde uideas per regulam primi arboris qualis est numerus, de quo 17 sit $\frac{1}{7}$; eritque numerus ille $\frac{1}{7}$ 26; que adde eum 18, erunt $\frac{1}{7}$ 44, | qui numerus uellet esse 20. Multiplicabis igitur 18 per 20, et diuides per $\frac{1}{7}$ 44, exibunt $\frac{1}{7}$ 8 pro quantitate unius partis; a quibus usque in 20 desunt $\frac{1}{7}$ 11, que sunt alia pars.

De cuppa cuius fundus est tertia pars totius cuppe Cuperclium est quarta.

Quendam cuppa est, de qua fundus ponderat tertium totius cuppe; euperclium uero ponderat quantum; residuum uero ponderat libras 12: queritur pondus totius cuppe: que positio similis est arboris, de quo $\frac{1}{3}$ latet sub terra; et super terram est palmi 15. Verbi gratia: cum fundus cuppe sit $\frac{1}{3}$; et euperclium sit $\frac{1}{3}$ totius cuppe. Ergo inter fundum, et euperclium sunt $\frac{1}{3}$ totius cuppe. Et hoc quod remanet ponderat libras 12. Quare eum de quantitate totius cuppe queratur; pondendum est, secundum eiusdem arboris regulam, ut ipsa ponderat aliquem numerum talem, uidelicet ut in ipso reperiantur minuta positionis, scilicet $\frac{1}{3}$; qui numerus erit 12. Quare pone, ut cuppa ponderat libras 12; qua ratione, fundus cum sit tertium, cuppa ponderat libras 4; et euperclium, cum sit $\frac{1}{3}$, ponderat libras 3. Ergo inter fundum, et euperclium ponderat libras 7: a quibus usque in 12 de sunt libras 5 pro quantitate residui cuppe, que uellent esse libras 12: que cum non sint. Multiplicabis 12 per 15, et diuides per 5; et sic perueniunt 36 pro pondere totius cuppe.

Aliter de cuppa.

Nam si dixeris, quod fundus ponderet $\frac{1}{3}$ tantum medii et euperclii. Et euperclium ponderet quantum medii, et fundi; medium uero ponderet 15: quum positionem, si ad regulam eiusdem arboris redigere nolneris, sic facies: cum fundus ponderet $\frac{1}{3}$ medii, et euperclii. Et si inter euperclium, et medium ponderat 3, fundus ponderat 1; ergo fundus est $\frac{1}{4}$ totius cuppe. Eademque ratione cum euperclium est $\frac{1}{4}$ medii, et fundi; si inter medium, et fundum ponderat 4, euperclium ponderat 1: ergo euperclium est $\frac{1}{4}$ totius

cuppe; et ita inter fundum et coperclium sunt $\frac{4}{5}$ totius cuppe: quare inueniendus est numerus, de quo reperitur $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{4}$, critque 20, qui exiit ex multiplicatione de 4 in 5: de quibus extrahes $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{4}$, scilicet 9, remanent 11. Quare multiplica 20 per 15, erunt 200; que diuide per 11, exhibunt $\frac{1818}{11}$ 27 pro pondere totius cuppe. Verum si unamquamque ipsarum partium reperire uolueris, eum fundus sit $\frac{1}{5}$ totius cuppe, sume $\frac{1}{5}$ de 20, quod est 4; que multiplica per 15, erunt 60; que diuide per 11, exhibunt pro pondere fundi libras $\frac{5454}{11}$ 6. Item cum coperclium sit $\frac{1}{5}$ totius cuppe. Accipe $\frac{1}{5}$ de 20, que est 4; que multiplica per 15, erunt 60; que diuide per 11, exhibunt pro pondere coperclii libras $\frac{1818}{11}$ 5.

Item de cuppa.

Item est cuppa, cuius fundus est $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ coperclii, et medii. Coperclium uero est $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ medii et fundi. Medianus cuppe ponderat libras 6. Queritur pondus fundi, et coperclii; quia fundus est $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ residui: ergo si residuum ponderat libras 12, et fundus ponderat libras 7; ergo tota cuppa ponderat libras 19: quare fundus ponderat $\frac{7}{19}$ totius cuppe; propter eandem rationem coperclium cum sit residui $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$, erit $\frac{14}{19}$ totius cuppe. Vnde describe in ordinem $\frac{14}{19}$ $\frac{7}{19}$; et multiplicabis 7, que sunt super 19, per 41, erunt 287. Item multiplicabis 14, que sunt super 41, per 19, erunt 269; que adde eum 287, erunt 496; et multiplicabis 19 per 41, erunt 779; de quibus extrahes 496, remanent 283: multiplica 779 per 6, erunt 4674; que diuide per 283, exhibunt $\frac{16416}{283}$ 16 pro quantitate ponderis totius cuppe: et si multiplicaueris 287 per 6, et diuideris per 283, reperies $\frac{1722}{283}$ 6 pro quantitate fundi. Item si multiplicaueris 269 per 6, et diuideris per 283, reperies libras $\frac{1614}{283}$ 4 pro pondere coperclii.

De 111^{or} hominibus denarios habentibus.

Quattuor homines habent denarios. Denarii autem primi erunt $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ denariorum aliorum trium: denarii autem secundi erant $\frac{7}{8}$ $\frac{1}{8}$ aliorum trium: tertii autem erant $\frac{5}{7}$ $\frac{1}{7}$ aliorum trium. Denarii autem quarti erant 27. Queritur quot denarios unusquisque reliquorum habebat: hec questio eandem retinet regulam cuppe sic: quod eum denarii primi hominis sint $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ denariorum reliquorum trium hominum; ergo habet ipse $\frac{7}{19}$ totius summe eorum quattuor. Propter eandem et secundus habet $\frac{14}{19}$ eiusdem summe. Et cum tertius habeat $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ reliquorum: ergo si ipsi tres habent denarios 36, et ipse habet $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ illorum, hoc est 15; ergo inter omnes habent denarios 71; de quibus ipse habet $\frac{14}{19}$: ergo assimilat hec questio arboris, uel numero; de quo, extractis $\frac{14}{19}$ $\frac{14}{19}$, remanent 27: quod sic facias: multiplica 7, que sunt super 19, per 41; que per 71, erunt 20277, que pone super $\frac{7}{19}$. Item multiplica 14, que sunt super 41, per 71; que per 19, erunt 14829, que pone super $\frac{14}{19}$. Rursus multiplica 15, que sunt super 71, per 41; que per 19, erunt 11685, que pone super $\frac{15}{19}$: adde itaque 20277 cum 14829, et cum 11685, erunt 46901; que extrahes ex multiplicatione de 19 in 41, et in 71, scilicet de 55209, remanebunt 8468; quibus reperies regulam que est $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$. Et multiplica 20277 per 27, erunt 550179; que diuide per $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$. Et multiplica 20277 per 27, erunt 550179; que diuide per $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$, exhibunt denarii $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$ 63; et tot habuit primus homo. Item multiplica 14829 per 27, erunt 400653; que diuide per $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$, exhibunt denarii $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$ 47; et tot habuit secundus. Item multiplica 11685 per 27, erunt 315495; que diuide per $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$, exhibunt denarii $\frac{4}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{19}$ 27; et tot habuit tertius.

$\frac{14}{19}$ totius ... habentibus
fol. 79 verso, lin. 20-24, pg.
180, lin. 15-22).

147	16
14	6
147	4
147	

fol. 80 recto.

* remanent 27 ... denale per 1
(fol. 80 verso, lin. 2 a 3-3;
pg. 180, lin. 12-12).

Primo
2 287
5 1074
Secundo
2 661
8 1024
Tertio
7 819
8 1031

De duobus hominibus qui habent denarios, ex quibus unus petit alteri aliquam quantitatem et proponit excedere eum in aliqua proportione.

Dvo homines denarios habent, quorum unus dixit alteri : Si dares mihi unum ex tuis denariis, essem tibi equalis. Alter Respondit : et si tu dares mihi unum ex tuis denariis, haberem decies tantum, quam tu. Queritur, quot unusquisque habebat. Quod, ut ad regulam arboris redigatur, sic videndum est: quia primus, habito numero et denariis alterius, proponit se ei esse equalem; ergo medietatem totius summe denariorum arborum eum habere, habito ipso 1 denario, non dubitatur. Quare describes. Item qui alter habitu 1 ex denariis primi, decies tantum quam ipse se habere pronuntiat: ergo si ipse tunc habuit 10, et primus habuit 1: ergo inter ambos habet 11; ex quibus cum secundus habeat 10, nimirum de tota summa utriusque ipsum habere $\frac{10}{11}$ affirmatur. Ergo unus habet $\frac{1}{11}$ totius summe, et alter $\frac{10}{11}$ habito videlicet quæsito denario. Quare dices: est arbor, cuius $\frac{1}{11}$, et $\frac{10}{11}$ superat longitudinem regulæ palmi 2, videlicet illis, quos ipsi adiuvicem querunt. Secundum illius arboris regulam oportet multiplicare 1, quod est super 2, per 11, erunt 11; et 10, quæ sunt super 11, per 2, erunt 20: quæ adde cum 11, erunt 31; et 2 per 11, faciunt 22; quæ extrahere de 31, remanet 9, quæ vellet esset 2: quare multiplica 2, scilicet iunctionem utriusque denarii, per 11, erunt 22; quæ diuide per 9, exhibunt $\frac{2}{9}$ 2; et tot habuit primus, accepto denario ab altero homine. Ergo primus habet denarium $\frac{1}{9}$ 1. Iterum multiplica eadem 2 per 20, erunt 40; quæ diuide per 9, exhibunt denarii $\frac{4}{9}$ 4; et tot habuit alter, habito denario ab alio: ergo habuit ipse denarios $\frac{5}{9}$ 2.

De eadem re.

Aliter secundum quorundam inuentionem. Cum secundus, habito 1 ex denariis primi, preponit se habere decies tantum primo; extrahere 1 de 10, remanet 9: unus habet $\frac{1}{9}$ 1, et alter $\frac{2}{9}$ 2: et si diceres, quod ipse haberet duodecies tantum primi. Similiter extrahes 1 de 12, remanent 11; et sic unus habet $\frac{1}{11}$ 1, et alter $\frac{2}{11}$ 2. Et sic posses facere de qualibet simili interrogatione.

Questio de eadem re nobis apud constantinopoli a quodam magistro proposita.

Item si proponatur, quod unus illorum petat alteri denarios 7; et habeat quincuplum eius. Et secundus petat primo 5 denarios; et habeat septuplum eius. Ut solutio huius questionis redigatur ad regulam secunde arboris, etiam et ad oculum clarius videatur; sit summa denariorum ipsorum linea *a. b.*, ex qua *a. g.* sit portio primi: quare *g. b.* erit portio secundi: et signetur in *g. b.* punctus *d.*; sitque *g. d. 7.*, et in *a. g.* signetur punctus *e.*; sitque *e. g. 5.* Et quoniam primus petit secundo septem, scilicet numerum *g. d.*; et portio eius est numerus *a. g.*; si addantur ei ipsa 7, habeat numerum *a. d.*, qui proponitur esse quincuplum residui denariorum secundi hominis, scilicet ex numero *d. b.*: ergo si numerus *a. d.* diuidatur in quinque partes equalis, erit unaquæque pars equalis numero *d. b.*: quare *d. b.* est sexta pars totius numeri *a. b.*, scilicet de summa denariorum utriusque hominis. Rursus si super denarios | secundi hominis, scilicet super numerum *b. g.* addantur denarii 5 de denariis primi hominis, scilicet numerus *g. e.*, habeat ipse secundus homo numerum *b. e.*; et primo remanebit numerus *e. a.* Et quia secundus, habitis 5 de denariis primi, habet septuplum eius, erit numerus *b. e.* septuplum numeri *e. a.*: quare *e. a.* est $\frac{1}{7}$ totius

proponatur ratio 2 per 2
[fol. 85 verso, lin. 12-24, pag.
158, lin. 9 a 10 17 a 20]

Primo
1
9 1
Secundo
10
9 2

• habebit a. b. ergo a fol.
80 verso, lin. 27: pag. 159,
lin. 25 a 26-27).

a — g — b — d — b

fol. 80 verso.

numeri *a. b.*: ostensus etiam et numerus *b. d.* esse $\frac{1}{2}$ numeri *a. b.*: ergo numeri *b. d.*, et *e. a.* sunt $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{8}$ totius numeri *a. b.*: quare si de numero *a. b.* auferantur $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{8}$ ipsius, scilicet numeri *b. d.* et *e. a.*, remanebit numerus *e. d.*, qui est 12; cum *e. g.* sit 5, et *g. d.* sit 7: et quare, secundum regulam ipsius arboris, pone pro numero *a. b.* 24, quarum $\frac{1}{4}$, scilicet 4, erit pro numero *b. d.*: cuius etiam $\frac{1}{2}$, scilicet 2, erit pro numero *e. a.*: quare si de numero posito per *b. a.*, scilicet de 24, auferantur numeri positi pro numeris *b. d.* et *e. a.*, scilicet 4 et 2, remanebunt 17 pro numero *e. d.* qui est 12: quare est sicut 17 ad *a. e.*, scilicet ad 12, ita 24 ad numerum *a. b.*, et ita 4 ad numerum *b. d.*, et 2 ad numerum *e. a.*: quare si multiplicauerimus 24 per 12, et diuiserimus per 17, habebimus numerum *a. b.*: similiter si multiplicauerimus 4 per 12, et diuiserimus per 17, uenient $\frac{48}{17}$ 2 pro numero *b. d.*: quibus additis 7, scilicet *a. g.*, erit *b. g.*, scilicet denarii secundi hominis $\frac{65}{17}$ 9. Item diuisa multiplicatione de 12 in 3 per 17, ueniunt $\frac{36}{17}$ 2 pro numero *a. e.*: quibus additis 5, scilicet *e. g.*, reddunt pro numero *a. g.* $\frac{57}{17}$ 7; et tunc habuit primus.

De eodem secundum regulam rectam.

In soluendis itaque questionibus est regula quedam, que recta dicitur, qua arabos utuntur: et est illius regule modus ualde laudabilis, cum per ipsam infinite questiones solui ualeant: quam regulam, si in hac questione imitari uis, pone secundum hominem habere rem, et denarios 7, quos petit ei primus: et intellige pro re summam aliquam ignotam, quam inuenire uis: et quia primus habet quincuplum eius, habitis ipsis denariis 7, sequitur necessario, illum habere quinque res minus denariis 7: quin cum ipse habuerit 7 de denariis secundi, tunc habebit quinque res integras; et secundo remanebat res una; et sic primus habebat quincuplum eius: quare si de portione primi hominis addatur 5 secundo, que petit ei; et habebit utique secundo rem, et denarios 12; et prima remanebunt quinque res minus denariis 12: et sic secundus habet septuplum primi, hoc est quod una res, et denarii 12 sunt septuplum quinque rerum, et de denariis 12: quare multiplicatis quinque rebus minus denariis 12 per 7, ueniunt 25 res minus soldis 7, que equantur uni rei, et soldo una: quare si utroque parti addantur soldi 7, erunt triginta quinque res equales de re una, et soldi 8: quia si super equalia equalia addantur, tota erunt equalia. Rursus cum de equalibus equalia demperis, que remanebunt equalia erunt: si de superscriptis duarum partium tollatur res una, remanebunt 24 res equales de soldis 8: quare si diuiseris soldos 8 per 24, habebis $\frac{1}{3}$ 2 pro summa uniuscuiusque rei: ergo secundus habet $\frac{1}{3}$ 9, cum habet rem, et denarios 7. Similiter si de quinque rebus, scilicet ex multiplicatione de $\frac{1}{3}$ 2 in 5, auferantur denarii 7, remanebunt denarii $\frac{1}{3}$ 7 pro denariis secundi hominis, ut superius inuenimus: per hunc tertium modum potes soluere omnes sequentes duorum hominum questiones.

De eadem re.

Item si proponatur, quod unus petat alteri 6; et dicat se habere quinq̄ies tantum et quartam, quem alter; et alius petat primo denarios 4, et habeat septies tantum, et duas tertias quam primus: quia primus preponit se habere quinq̄ies tantum, et quartam alterius; ergo si ipse habuerit $\frac{1}{4}$ 5, et alter habuit 1; ergo inter utrumque dant $\frac{1}{4}$ 6; de quibus habet unam partem ipse secundus habet: fac quartas de $\frac{1}{4}$ 6,

minoris summe, et amplius denarios 12: habent etiam et maiorem summam: quare $\frac{1}{6}$ minoris summe cum denariis 11 faciunt maiorem summam; et $\frac{1}{6}$ minoris summe cum denariis 11 faciunt minorem summam. Vnde extractis $\frac{1}{6}$ minoris summe de eodem, remanebunt 11. Quare ponas ipsam summam esse 24; de quibus extractis $\frac{1}{6}$ remaneant 17: que cum uelint esse 11, multiplicabis $\frac{1}{6}$ de 24, scilicet 3 per 11, et diuides per 17, exiunt $\frac{6}{17}$ pro $\frac{1}{6}$ minoris summe: quia quam partem de 24 multiplica scilicet per 11, et diuides per 17, talem partem minoris summe inuenies: super que $\frac{16}{17}$ iunctis denariis 5, quos primus habet plus dicte octaue, reddent $\frac{16}{17}$ 6 pro denariis primi, ut superius per aliam regulam inuenimus. Similiter multiplicabis 3, scilicet $\frac{1}{6}$ de 24 per 11, et diuides per 17, et super addes 7 diuisioni, et habebis $\frac{16}{17}$ 9, scilicet denarios secundi.

De eodem.

Item aliter inuentum est superius, quod primus habet $\frac{2}{3}$ minoris summe, minus denariis 6; uel $\frac{1}{3}$ eiusdem summe, et plus denariis 5: unde $\frac{2}{3}$ minoris summe unius denarii 6 sunt quantum $\frac{1}{3}$ eiusdem summe cum denariis 5. Quare si addantur unicuique portioni denarii 6, erunt $\frac{2}{3}$ minoris summe quantum $\frac{1}{3}$ eiusdem summe cum denariis 11: ergo extracta $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$ minoris summe, remanent 11: ponas itaque, ut ipsa summa sit 24; de cuius $\frac{1}{3}$, scilicet de 24, extrahes $\frac{1}{3}$, scilicet 8, remaneat 17: que cum uelint esse 11; aut multiplicabis $\frac{2}{3}$ de 24, scilicet 16, per 11, et diuides per 17, et extrahes 6; uel $\frac{1}{3}$ de 24 multiplicabis per 11, et diuides per 17, et addes 5, et habebis denarios primi hominis. Similiter quia secundus habet $\frac{7}{8}$ minoris summe, minus denariis 4; uel denarios 7, plusquam $\frac{1}{8}$ eiusdem summe; si comuniter utrique portioni addantur 4, erunt $\frac{7}{8}$ minoris summe denarii 11 plus de $\frac{1}{8}$ eiusdem summe. Quare extracta $\frac{1}{8}$ de $\frac{7}{8}$ minoris summe, remanent 11: pone similiter, ut ipsa summa sit 24; de cuius $\frac{1}{8}$, scilicet de 24, extrahes $\frac{1}{8}$, scilicet 3, remanent 17: que cum uelint esse 11, aut multiplica 21 per 11, et diuides per 17, et extrahes inde 4, que secundus habet minus; aut multiplicabis 4, scilicet $\frac{1}{8}$ de 24 per 11, et diuides per 17, et super addes 7, et habebis denarios secundi hominis: possunt enim per ea que diximus reperiri, que ex similibus questionibus solubiles sunt, et que insolubiles: secundum predictas multiplicitates possunt solui, cum unicuique dictorum hominum equaliter superauerit super suam multiplici- tatem ab uno predicto denario usque in denarios 11: ab undecim uero superius ipsius insolubiles esse probabimus. A cuius exemplum primus petat secundo denarios 7, et habeat 12 plusquam quinque tantum ipso. Secundus similiter querat primo 5, et habeat septies tantum quam primus, et plus denariis 12. Vt diximus superius: denarii namque omnes ipsorum uocantur maior summa. Duodecim uero minus ea uocabitur minor; cum 12 super habundet unicuique. Et quoniam primus, habitis 7 a secundo, habet quinque tantum quam ipse, et insuper denarios 12, necessarium est, ipsum primum habere $\frac{2}{3}$ minoris summe, et denarios 12 plus; ex quibus 12 cum 7 fuit ex denariis secundi, remanet portio primi hominis de 5 plus de $\frac{1}{3}$ minoris summe. Similiter inuenies portionem secundi esse denarios 7 plus de $\frac{1}{8}$ minoris summe: ergo inter utrumque habent $\frac{7}{8}$ minoris summe, et denarios 12: habent etiam et ipsi similiter denarios 12 plus minoris summe: ergo $\frac{1}{8}$ minoris summe cum denariis 12 sunt quantum maior summa: et quoniam cum de equalibus equalia tollantur, que remanent equalia sunt.

si ab utraque portione tollantur 12, remanebunt $\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ minoris summe equales eidem minori summe, quod est impossibile: uel aliter, cum secundus dat 7 primo, et remanet ei $\frac{1}{2}$ minoris summe; ergo portio eius est denarii 7 plus quam $\frac{1}{2}$ minoris summe. Inuenimus enim superius, portionem ipsius esse denarios 7 plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe. Quare $\frac{1}{2}$ minoris summe cum denariis 7 est quantum $\frac{1}{2}$ eiusdem summe cum denariis 7: sunt enim utrique 7 equales: remanet ergo $\frac{1}{2}$ minoris summe equalis de $\frac{1}{2}$ eiusdem summe; quod est iterum impossibile. In portione autem priui hominis inuenies $\frac{1}{2}$ minoris summe esse equale de $\frac{1}{2}$ eiusdem summe; quod est inconueniens. Similiter multum inconuenientius ostenduntur, non posse superare alicui ipsorum ultra denarios 12.

Modus tertius in questione duorum hominum.

Reuersus primus querat secundo 7, et habeat 1 plus quam quinquies ipso. Secundus petat primo 5, et habeat 2 plus quam septies ipso. In hac questione tres summe considerande sunt. Quarum maior est quantitas omnium denariorum ipsorum duorum hominum; media est 1 minus ea. Minor quoque est 2, minus maiori summe, uel 1 minus media. Et quoniam primus cum 7 denariis secundi habet quinquies tantum quam secundus, et 1 plus ipsum; primum $\frac{5}{2}$ mediane summe minus denariis 6; et secundum hominem $\frac{1}{2}$ eiusdem summe, et plus denariis 7 habere necesse est. Similiter quia secundus cum 5 denariis primi habet septies tantum quam primus, et 2 plus: extractis ipsis 2 de maiori summa, remanet minor summa; de qua secundus cum 3 ex denariis primi habet septies tantum quam primus, hoc est $\frac{7}{2}$ minoris summe, minus denariis 3: quare primus habet $\frac{1}{2}$ eiusdem minoris summe, et insuper denarios 5 plus ipsos, uidelicet quos dat secundo: quibus omnibus peractis, possunt redigi portiones utriusque in partes uniuscuiuslibet trium dictarum summarum: redigamus ergo eas primum in partes minoris summe. Quoniam mediana summa est plus 1 minori $\frac{1}{2}$ mediane summe, est $\frac{3}{2}$ unius denarii plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe: ergo $\frac{1}{2}$ minoris summe cum $\frac{1}{2}$ unius denarii est quantum $\frac{1}{2}$ mediane summe; et primus habet $\frac{1}{2}$ mediane summe minus denariis 6: ergo habet $\frac{1}{2}$ minoris summe, minus denariis 6, et plus $\frac{1}{2}$ unius denarii. Quare extractis $\frac{1}{2}$ unius denarii de 6, remanent $\frac{1}{2}$ 5: ergo primus habet $\frac{1}{2}$ minoris summe minus denariis $\frac{1}{2}$ 5; de qua secundus habet, ut inuentum est, $\frac{1}{2}$ minus denariis 3: quare inter utramque habent $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ eiusdem minoris summe minus denariis $\frac{1}{2}$ 8.

Habent etiam et ipsi maiorem summam, scilicet 2 plus minoris summe. Vnde manifestum est, quod $\frac{7}{2} \frac{1}{4}$ minoris summe, minus denariis $\frac{1}{2}$ 8, sunt quantum minor summam cum denariis 2. Quare extractis ipsis 2 de utraque portione, remanet minor summa equalis de $\frac{7}{2} \frac{1}{4}$ ipsius, minus denariis $\frac{1}{2}$ 10: quare inuenienda est summa, de qua $\frac{7}{2} \frac{1}{4}$ super habundant $\frac{1}{2}$ 10 ipsam summam. Ponet itaque, ut ipsa summa sit 24, cuius $\frac{7}{2} \frac{1}{4}$ scilicet 41, super habundant 17 ipsa 24: que 17 cum uelut esse $\frac{1}{2}$ 10, Multiplicabis $\frac{1}{2}$ 10 per $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet per 20, et diuides per 17, exiunt $\frac{666}{119}$ 11 pro $\frac{1}{2}$ minoris summe: de quibus extrahit $\frac{1}{2}$ 8, quas primus habet, minus de $\frac{1}{2}$ minoris summe, remanebunt $\frac{22}{119}$ 6; et tantum habet primus. Item multiplica $\frac{1}{2}$ 10 per $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet per 21, et diuides per 17; et de exente summa extrahit 3, que secundus habet, minus de $\frac{1}{2}$ minoris summe, exiunt $\frac{15}{119}$ 0.

Itreu si uis eos redigere in portione mediane summe, de qua primus habet $\frac{1}{2}$ minus denariis 6; et secundus cum habeat $\frac{1}{2}$ minoris summe, minus denariis 3, habebit ex me-

diana summa $\frac{7}{2}$ minus denariis 3, et minus $\frac{1}{2}$ ipsius denarii; quia est inter medianam suam et minorem: quia cum minor summa sit 1, minus mediana $\frac{7}{2}$ minoris, sunt $\frac{1}{2}$ unius denarii minus de $\frac{1}{2}$ mediane: ergo cum primus habeat $\frac{1}{2}$ mediae summe minus 6; et secundus $\frac{1}{2}$ eiusdem minus denariis $\frac{1}{2}$ 3, inter utrumque habebunt $\frac{1}{2}$ eiusdem mediae summe, minus denariis $\frac{1}{2}$ 9: et quoniam ipsi habent 1 plus mediane summe, scilicet maiorem summam $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ mediane summe, minus denariis $\frac{1}{2}$ 9, sunt quantum mediana summa cum denario 1: quo denario extracto ex utraque portione, remanet mediana summa equalis de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ipsius, minus denariis $\frac{1}{2}$ 10. Quare multiplicanda sunt $\frac{1}{2}$ 10 per 20, et dividenda per 17; et de summa extrahenda 6, que primus habet, minus de $\frac{1}{2}$ mediane summe, et habebis denarios primi $\frac{11}{17}$ 6. Similiter multiplicanda sunt iterum $\frac{1}{2}$ 10 per 21, et dividenda per 17, et extrahenda $\frac{1}{2}$ 3, et habebis denarios $\frac{11}{17}$ 9. Rvrsum aliter rediges denarios eorum in portionem maioris suae: quia primus habet $\frac{1}{2}$ mediane summe, minus denariis 6, habebis utique $\frac{1}{2}$ maioris summe minus 6, et minus $\frac{1}{2}$ de ipso denario, qui super est a mediana summa in maiorem: ergo $\frac{1}{2}$ maioris summe sunt $\frac{1}{2}$ unius denarii, plus de $\frac{1}{2}$ mediane summe. Quare primus habet $\frac{1}{2}$ maioris summe, minus denariis $\frac{1}{2}$ 6. Similiter cum secundus habent $\frac{1}{2}$ minoris summe minus denariis 3, habebis utique de maiori summa $\frac{1}{2}$ minus denariis 3, et minus $\frac{1}{2}$ de denariis 3; in quibus maior summa excedit minorem: nam $\frac{1}{2}$ de 3 est $\frac{1}{2}$ 1: ergo secundus habet $\frac{1}{2}$ maioris summe minus denariis 3, et $\frac{1}{2}$ 1, hoc est minus $\frac{1}{2}$ 4: habet enim primus, ut diximus, $\frac{1}{2}$ usioris summe, minus $\frac{1}{2}$ 6: ergo inter utrumque habent $\frac{1}{2}$ maioris summe, minus denariis $\frac{1}{2}$ 6, et $\frac{1}{2}$ 4, scilicet minus $\frac{1}{2}$ 11: habent enim et ipsi maiorem summam tantum. Quare $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ maioris summe sunt plus de ipsa summa $\frac{1}{11}$ 11. Multiplicabis ergo $\frac{1}{11}$ 11 per 20, et per 21, et divides utramque multiplicationem per 17; et de prima diuisione extrahes $\frac{1}{2}$ 6; et de secunda extrahes $\frac{1}{2}$ 4, et habebis denarios ipsorum. Paucissimus enim superius tripliciter; cum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ posuimus iterum tripliciter cum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ procedere sic. Inuentum est superius, quod primus habet $\frac{1}{2}$ minoris summe, et plus denarios 3; et secundus habet $\frac{1}{2}$ mediane summe, et plus 7: unde potes redigere secundum hoc denarios ipsorum in portione cuiuslibet dictarum trium summarum; et nos redigamus eos primum in portione minoris summe, de qua primus habet $\frac{1}{2}$, et plus denarios 3: et quoniam secundus habet $\frac{1}{2}$ mediane summe, et plus 7, habebit de minori summa similiter $\frac{1}{2}$, et denarios 7, et insuper $\frac{1}{2}$ ex ipso denario, qui est a minori summa usque ad medianam: ergo secundus habet denarios $\frac{1}{2}$ 7 plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe. Quare inter utrumque habent $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ minoris summe, et denarios $\frac{1}{2}$ 12: que quantitas, cum sit summa eorum tota, scilicet maior; et ipsa maior summa sit 2 plus minori summa; ergo $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ minoris summe cum denariis $\frac{1}{2}$ 12, sunt quantum minor summa cum denariis 2. Quare extractis 2 ex utraque portione, remanebunt $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ minoris summe cum denariis $\frac{1}{2}$ 10, quantum minor summa. Quare extractis $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de minori summa, remanent $\frac{1}{2}$ 10: quam si posuerimus esse 24, et extraxerimus inde $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, remanebunt 17; que 17 cum uelint esse $\frac{1}{2}$ 10, Multiplicabis $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet 3, per $\frac{1}{2}$ 10, et divides per 17, exiit pro $\frac{1}{2}$ minoris summe $\frac{11}{17}$ 1: cum quo aditis 5, quos primus habet plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe, erunt $\frac{11}{17}$ 6; et tot superius inuentum est habere primum. Eademque ratione multiplicabis $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet 4, per $\frac{1}{2}$ 10, et divides per 17, et super addes postea super numerum, qui ex diuisione exierit, $\frac{11}{17}$ 7, quo secunduus habet, plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe; et habebis $\frac{11}{17}$ 9 pro denariis secundi, ut supra.]

Si autem in portione mediane summe denarios ipsorum reducere scieris, inuenies primum habere $\frac{1}{2}$ eiusdem mediane summe, et plus denariis $\frac{1}{2}$ 4 : secundum quoque eiusdem summe $\frac{1}{2}$, et plus denariis 7, hoc est, inter utrumque habent $\frac{1}{4}$ mediane summe, et denarios $\frac{1}{2}$ 11. Et quoniam inter utrumque habent denarios 1 plus mediana summa, scilicet maiorem summam; si utraque portione extrahatur 1, remanebunt $\frac{1}{4}$ mediane summe cum denariis $\frac{1}{2}$ 10 euales de mediana summa : operaberis secundum quod in minori summa fecimus, et inuenies denarios ipsorum. Similiter potes inuenire denarios ipsorum, si reduceris ipsos in portione maioris summe; de qua primus habet $\frac{1}{2}$, et plus denariis $\frac{1}{2}$ 4; secundus $\frac{1}{2}$, et plus denarios $\frac{1}{2}$ 8. Redactis quoque denariis ipsorum in portione alicuius dictarum trium summarum, possumus quantitates ipsorum aliter inuenire: uidelicet quia superius inuentum est, primum habere $\frac{1}{2}$ minoris summe, et plus denariis 5; uel $\frac{1}{2}$ eiusdem summe, minus denariis $\frac{1}{2}$ 8; ergo $\frac{1}{2}$ minoris summe cum denariis 5 quantum $\frac{1}{2}$ eiusdem summe minus $\frac{1}{2}$ 8. Quare si comuniter addiderimus $\frac{1}{2}$ 8, erit $\frac{1}{2}$ minoris summe cum denariis $\frac{1}{2}$ 10 quantum $\frac{1}{2}$ eiusdem summe : unde si de 30, que sunt $\frac{1}{2}$ de 24, extraxeris $\frac{1}{2}$ eorum, remanebunt 17. Multiplicabis $\frac{1}{2}$ 10 per 2, et diuides per 17, et addes 8, quos primus habet plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe. Aut multiplicabis $\frac{1}{2}$ 10 per 20, et diuides per 17; et extrahes inde $\frac{1}{2}$ 8, quos idem primus habet, minus de $\frac{1}{2}$ eiusdem summe; et sic habebis denarios primi hominis. Similiter si secundum hoc consideraueris per duas portiones, quas habet primus in qualibet reliquarum duarum summarum, poterit denarios primi reperire: quod idem intelligas de denariis secundi. Et notandum, quia quedam ex similibus questionibus sunt insolubiles: ad quarum notitiam habendam, quedam insolubilis questio proponatur.

Modus quartus in consimilibus questionibus duorum hominum.

Sint iterum duo homines; et primus petat secundo 7; et habet similiter quinque tantum quam ipse, et unum plus. Secundus quoque petat 5 primo; et habet septies tantum quam ipse, et 15 plus. In hac questione maior summa est quantitas duorum ipsorum mediana 1 minus. Minor 15 minus eiusdem maioris summe: et quoniam primus, habitus 7 ex denariis secundi, habet quinque tantum quam secundus, et 1 plus; necesse est, secundum hominem habere $\frac{1}{2}$ mediane summe, et 7 plus. Similiter, ut supra diximus, primus habet $\frac{1}{2}$ minoris summe, et 2 plus. Et quoniam secundus habet $\frac{1}{2}$ mediane summe, et 7 plus; necesse est, ut pro $\frac{1}{2}$ mediane summe habeat $\frac{1}{2}$ minoris, et insuper sextam partem de denariis 14, in quibus mediana summa excedit minorem : ergo secundus habet $\frac{1}{2}$ minoris summe, et sextam partem de 14, scilicet $\frac{1}{2}$ 2, et 7 plus: est hoc $\frac{1}{2}$ 9, plus de $\frac{1}{2}$ minoris summe: ex qua summa, eum primus habeat $\frac{1}{2}$ et 3 plus; inter utrumque habebunt $\frac{1}{4}$ minoris summe, et denariis $\frac{1}{2}$ 14 : habent etiam et ipsi minorem summam, et denarios 15, scilicet maiorem summam. Si ex utraque portione extrahantur denarii $\frac{1}{4}$ 14, remanebit minor summa cum $\frac{1}{2}$ unius denarii equalis de $\frac{1}{4}$ ipsius summe; quod est impossibile. Similiter si reduceris portiones eorum in portione mediane summe, inuenies, primum habere $\frac{1}{2}$ mediane summe, minus octaua parte de denariis 14, que sunt a minori summa usque ad medianam, et plus denariis 5: ex quibus 2, extracta $\frac{1}{4}$ de 14, scilicet $\frac{1}{4}$ 1, remaneat $\frac{1}{4}$ 3 : ergo primus habet $\frac{1}{2}$ mediane summe, et $\frac{1}{4}$ 3 : ergo inter utrumque habent denarios $\frac{1}{2}$ 10, plus de $\frac{1}{4}$ mediane summe : habent enim ipsi 1 plus mediane summe, scilicet maiorem summam: quo 1 extracto ex utraque

portione, remanent $\frac{1}{4}$ mediane summe cum denariis $\frac{1}{2}$ & equales ipsis mediane summe. Quare supradictis demonstrationibus, ad habendum denarios primi, multiplicanda est $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet 3 per $\frac{1}{4}$ 9, et diuidenda est summa multiplicationis per 17; et postea super addendi sunt denarii $\frac{1}{2}$ 2, quos primus habet plus de $\frac{1}{4}$ mediane summe; et habebis pro denariis primi $\frac{15}{17}$ 4; quod est inueniens; eum sint minus de 5, quos petit secundus ipsi primo homini: hoc idem inuenies, si reduceris portiones eorum in portione maioris summe.

Item de duobus hominibus modus quintus.

Item primus petat secundo 7, et habet quinquies tantum quam ipse, et 1 minus. Secundus petat primo 5, et habet septies tantum quam ipse, et 3 minus. Hec autem questiones in infinitum tendunt solubiles; et soluuntur hoc ordine: quantitas denariorum ipsorum uocatur minor summa; uno plus uocatur mediana; duo plus mediana, scilicet 3 plus minori; que 3 deficiunt secundo, uocatur maior: et quoniam primus, habetis 7 ex denariis secundi, habet 1 minus quam quinquies tantum ipso; si ipse denarius addatur super denarios primi, et super denarios 7, quos querit secundo; habebit ipse primus $\frac{5}{2}$ mediane summe. Quare portio primi hominis est $\frac{5}{2}$ mediane summe minus denariis 7, quos dat ei secundus; et minus denario 1, qui super additur ei, scilicet minus denariis 8: secundi uero est $\frac{1}{2}$ eiusdem mediane summe, et plus denariis 7 predictis. Similiter inuenies ex petitione secundi, primum habere $\frac{1}{2}$ maioris summe, et denarios 8, quos dat secundo. Et secundum $\frac{1}{2}$ eiusdem maioris summe, minus ipsis 8, et minus 3, qui minuunt ei ad habendum septuplum primi: quibus itaque si daretis, potes reducere portiones ipsorum in portionibus cuiuslibet trium dictarum summarum; et deinceps in ipsis tripliciter operari, secundum quod superius fecimus. Sed ut hoc liquidius ostendatur, reducamus eos in portione mediane summe, secundum unum modum ex tribus modis: habet enim secundus $\frac{1}{2}$ mediane summe, et plus denariis 7: primus autem habet $\frac{1}{2}$ maioris summe, et denarios 8. Et quoniam maior summa est 2 plus mediane summe, erit $\frac{1}{2}$ maioris summe $\frac{1}{2}$ pars de denariis 8, scilicet $\frac{1}{4}$ unius denarii plus de $\frac{1}{2}$ mediane summe. Quare $\frac{1}{2}$ mediane summe cum $\frac{1}{4}$ unius denarii est quantum $\frac{1}{4}$ maioris summe. Et quoniam primus habet $\frac{1}{2}$ maioris summe, et denarios 8; habebis $\frac{1}{2}$ mediane summe, et denarios $\frac{1}{2}$ 8: ergo inter utrumque habent $\frac{1}{4}$ mediane summe, et denarios 7, et 8, et $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{4}$ 18: habet etiam et ipsi minorem summam tantum: ergo $\frac{1}{4}$ mediane summe cum denariis $\frac{1}{4}$ 18 sunt quantum minor summa. Quare si utrique portioni addatur 1, erunt $\frac{1}{4}$ mediane summe cum denariis $\frac{1}{4}$ 19 quantum ipsa mediana summa; cum ipsa sit 1 plus minore. Ergo extractis $\frac{1}{4}$ mediane summe ex ipsa summa, remanent $\frac{1}{4}$ 18: et queritur quantitas de $\frac{1}{4}$ eiusdem summe: quare multiplicabis $\frac{1}{4}$ de 24, scilicet 3, per $\frac{1}{4}$ 12, et diuide summam per 17, et habebis pro $\frac{1}{4}$ mediane summe $\frac{3}{17}$ 2: cum quibus additis denariis $\frac{1}{4}$ 5, reddunt pro denariis primi hominis $\frac{15}{17}$ 7. Item multiplicabis $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet 4, per $\frac{1}{2}$ 12, et diuides per 17, erunt pro $\frac{1}{2}$ mediane summe $\frac{8}{17}$ 3; cum quibus additis 7, quos secundus habet plus de $\frac{1}{2}$ mediane summe, reddent proportionem ipsius $\frac{8}{17}$ 10.

Ex is autem que dicta sunt satis potes perpendi si proponatur, ut uni ipsorum super suam multiplicatam superet; et alteri uero minuat: tamen ut melius comprehendantur, quedam similis questio proponatur, in qua primus, habetis 7 ex denariis secundi, habet plus quam quinquies ipso; et secundus, habetis 5 ex denariis primi, habet septuplum eius, minus denariis 8. In hac autem questione minor summa est 6, minus quantitate

minima denariorum ipsorum; de qua, si de supradictis inmemor non extiteris, inuenies primum habere $\frac{2}{3}$ minus denario 1; secundum $\frac{1}{2}$ eiusdem summe plus denaris 7: mediana quoque summa est quantitas denariorum ipsorum. Maior quoque est 8 plus mediana, de qua primus habet $\frac{1}{2}$, et insuper denarios 5; secundus ex eadem maioris summa habet $\frac{1}{3}$, minus ipsis dictis 5 denariis, et minus adhuc ipsis 8, quos ninunt ei, ut habet septuplum primi hominis: quibus cognitis, reducamus eos in partes medianae summe; quamuis possunt redigi in portiones reliquarum summarum. Et hoc faciamus secundum unum modum ex tribus modis, quibus hoc fieri potest. Quoniam maior summa est 8 plus mediana; octaua pars maioris summe erit $\frac{1}{8}$ de denariis 8, scilicet 1 plus de octaua parte medianae summe. Vnde cum primus habeat $\frac{1}{2}$ maioris summe, et denariis 5, habebis similiter $\frac{1}{2}$ medianae summe, et denarios 6. Item quia minor summa est 8, minus mediana, erit $\frac{1}{2}$ minoris summe sexta pars de denariis 8, scilicet 1 minus de $\frac{1}{2}$ medianae summe: unde cum secundus habeat $\frac{1}{2}$ minoris summe, et denarios 7, habebit similiter $\frac{1}{2}$ medianae summe, minus denario 1, et plus denariis 7, hoc est denarios 6 plus: ergo inter secundum et primum habent $\frac{1}{2}$ medianae summe; et de 12 habet etiam et ipsius medianam summam. Quare $\frac{1}{2}$ medianae summe cum denariis 12 est quantum ipsa mediana summa: ergo extractis $\frac{1}{2}$ medianae summe ex ipsa remanent 12. Vnde ut habeas $\frac{1}{2}$ eiusdem medianae summe, multiplicabis $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet 3 per 12, et diuides per 17, exiunt $\frac{3}{17}$ 2: cum quibus adde 8, quos primus habet, plus de $\frac{1}{2}$ medianae summe, erunt $\frac{3}{17}$ 8; et tot habet primus. Item ut habeat $\frac{1}{2}$ medianae summe, multiplicabis 4 per 12, et diuides per 17, et addes 6, quos secundus habet, plus de $\frac{1}{2}$ medianae summe, exiunt $\frac{14}{17}$ 8 pro denariis secundi hominis. Quod etiam per regulam rectam potes inuenire, si ponas, secundum habere rem et denarios 7. Secundum quinque res unius denario 1: quia cum primus habeat 7 a secundo, remanebit secundo res una; et primus habebit res quinque, minus denario 1: discomputatis 6 denariis, quos habet, plus quincuplo eius de illis denariis 7, quos dat ei secundus. Similiter si secundus habuerit 5 a primo, remanebunt ipsi primo quinque res, minus denariis 8; et secundus habebit rem unam, et denarios 12: que cum denariis 8 equantur septuplo denariorum secundi, scilicet triginta quinque rebus, minus denariis 42: quibus denariis 42 aditis ab utraque parte, erunt 25 res, que equantur uni rei, et denariis 62: quare diminuta ab utroque parte, erunt 25 res, que equantur uni rei et denariis 62: quare diminuta ab utraque parte remanebunt 34 res, que equantur denariis 62, hoc est, 17 res sunt denarii 21: quare diuide 21 per 17, ueniet denarius $\frac{14}{17}$ 1 pro re una. Et quia secundus habet rem cum denariis 7, ergo habet denarii $\frac{14}{17}$ 8: similiter quia secundus habet quinque res, minus denario 1, multiplica $\frac{14}{17}$ 1 per 5, erunt $\frac{8}{17}$ 9; de quibus tolle 1, remanebunt denarii $\frac{8}{17}$ 8; et tot habuit primus. Per hunc itaque modum possunt solui omnes suprascripte duorum hominum questiones: sunt enim ex similibus questionibus infinite, que solui non possunt; quas cognoscere secundum suprascriptum modum.

Questio consimilis inter tres homines.

Item tres homines habent denarios, quorum unus dixit ceteris duobus: si daretis mihi 7 utrorum denariorum, haberem quinquies tantum quam uos. Secundus dixit ceteris: si daretis mihi 9 utrorum denariorum, haberem septies tantum quam uos: tertius petit decarios 11; et preponit se habere septies tantum quam ipsi: queritur quot uniusquisque habebat: hec enim regula per regulam quinti arboris facienda est sic:

uidebis de unoquoque, quam partem habeat totius summe denariorum eorum, habitis ipsis denariis, quos ipse petit ceteris : quod sic uidendum est: cum primus, acceptis 7 denariis ab aliis, preponit se habere quinque tantum quam ipsi ; si tunc habuit quinque quaslibet quantitates; et reliqui duo habebunt unam ex eisdem quantitatibus: quare primus habet $\frac{5}{8}$ cunctorum denariorum, minus ipsis 7 denariis, quos erit eadem ratione ; secundus habet $\frac{5}{7}$ totius summe 9 denariis, quos petit reliquis. Similiter et tertius habet $\frac{7}{8}$ totius summe eorum, minus ipsis 11 denariis, quos petit reliquis: ergo inter omnes habent $\frac{5}{8} + \frac{5}{7} + \frac{7}{8}$ totius summe, minus denariis 7, et 9, et 11 ; hoc est denarios 27 : ergo $\frac{5}{8} + \frac{5}{7} + \frac{7}{8}$ cunctorum denariorum ipsorum superhabundat summe eorum in denariis 27 : uide assimilatur hec questio arbori: illi $\frac{5}{8} + \frac{5}{7} + \frac{7}{8}$ superant longitudinem arboris palmis 27: quare inueniendus est numerus, in quo reperiantur $\frac{5}{8} + \frac{5}{7} + \frac{7}{8}$, scilicet in 168 : de quo accipe $\frac{5}{8}$, que sunt 105; et $\frac{5}{7}$, que sunt 144; et $\frac{7}{8}$, que sunt 147, et adde insimul, erunt 433; de quibus extrahe 168, remanebunt 265, que uellent esse 27: quare multiplicabis 140 per 27, et diuide per 265, exibunt denarii $\frac{378}{265}$ 14; et tot habuit primus homo, habitis 7 denariis, quos petit reliquis: quare extrahe 7 de $\frac{378}{265}$ 14, remanebunt $\frac{371}{265}$ 7; et tot habuit primus. Iterum ut habeas denarios secundi, multiplica 144 per 27, et diuide per 262, exibunt $\frac{3888}{262}$ 14: de quibus extrahe denarios 9, quos secundus petit reliquis, remanebunt denarii $\frac{3879}{262}$ 9; et tot habuit secundus. Item ut habeas tertii hominis, multiplica 147 per 27, et diuide iterum per 263, exibunt $\frac{3969}{263}$ 15: de quibus extrahe denarios 11, quos tertius petit, remanebunt denarii $\frac{3958}{263}$ 4; et tot habuit tertius, cum uero petat secundus. Secundus tertio, et tertius primo; inuenies modum solutionis in quarta parte huius capituli, etiam et in secunda parte eleatain.

De eodem secundum alium modum.

Item homines sunt tres; et primus, habitis 7 ex denariis aliorum, habeat quinque tantum quam ipsi, et unum plus. Secundus, habitis ab aliis, habeat septies tantum quam ipsi, et unum plus : tertius, habitis 11 ab aliis, habeat septies tantum quam ipsi, et unum similiter plus. In hac autem due summe considerande sunt, quarum maior est quantitas illorum trium; minor est 1 minus maiori. Et quoniam primus cum 7 ex denariis aliorum habet quinque tantum quam ipsi, et 1 plus ; ipsum $\frac{5}{8}$ minoris summe minus denariis 6 habere necesse est: propter eadem ergo, secundum cum denariis 9 reliquorum, $\frac{5}{7}$ eiusdem minoris summe, minus denariis 8 habere inuenies; cum ipse cum 9 denariis habeat septies tantum quam reliqui, et 1 plus. Rursum cum tertius, habitis 11 ex denariis aliorum, habeat septies tantum quam ipsi, et 1 plus | ipsum habere $\frac{7}{8}$ minoris summe, minus denariis 10, non dubitatur: ergo inter omnes habent $\frac{5}{8} + \frac{5}{7} + \frac{7}{8}$ minoris summe, minus denariis 6, et 8, et 10, scilicet minus 24: habent etiam et ipsi maiorem summam: ergo $\frac{7}{8} + \frac{5}{7} + \frac{5}{8}$ minoris summe, minus denariis 24, faciunt maiorem summam. Quare si extrahatur inde 1, in quo maior summa superhabundat minorem, remanebunt $\frac{7}{8} + \frac{5}{7} + \frac{5}{8}$ minoris summe, minus denariis 23 equales eiusdem minoris summe. Quare $\frac{7}{8} + \frac{5}{7} + \frac{5}{8}$ minoris summe superhabundat ipsam summam in 23: quare ut in antecedente questione fecimus, multiplicabis 104 per 23, et diuides per 263, et habebis pro $\frac{7}{8}$ minoris summe $\frac{2392}{263}$ 12: de quibus extrahe 6, quos primus habet, minus de $\frac{7}{8}$ minoris summe, remanebunt $\frac{2386}{263}$ 7; et tot habuit primus. Item multiplicabis 144 per 25, et diuides per 262; et pro $\frac{5}{7}$ minoris summe habebis $\frac{3600}{262}$ 12: de quibus extrahe 9, quos secundus habet,

* See question ... folios 111
82 verso, lins. 23-25, pag. 159,
lins. 10-13.



64. 81 verso.

minus $\frac{2}{3}$ minoris summe, remanebunt $\frac{161}{213}$ 5; et tot habet secundus. Item multiplicabis 147 per 25, et diuides per 263, et habebis pro $\frac{1}{2}$ minoris summe $\frac{372}{263}$ 12: de quibus extractis 10, quos tertius habet, minus de $\frac{1}{3}$ minoris summe, remanebunt $\frac{224}{263}$ 3; et tot habuit tertius. Item primus petat reliquis 7; et habeat 1 plus quam quinquies ipsi; secundus petat 9; et habeat 2 plus quam septies ipsi. Tertia petat reliquis 11; et habeat 3 plus quam septies ipsi. In hac autem quattuor summe sunt considerande, quarum prima, et maior est quantitas denariorum ipsorum. Secunda 1 minus. Tertia 2 minus prima, uel 1 minus secunda. Quarta et minor, et 3 minus prima, uel 2 minus secunda, uel 1 minus tertia. Et quoniam primus, habitis 7 ex denariis reliquorum hominum, habet quicquies tantum quam ipsi, et 1 plus; necesse est ipsum habere $\frac{3}{4}$ secunde summe minus de 6; quia 1 remanet ei ex 7 predictis, sine quo efficitur ipsa secunda summa. Ex hoc autem comprehendere poteris, quod secundus habet $\frac{6}{7}$ tertie summe minus 7; cum superhabundent ei 2, ex 9, quos petit reliquis. Et tertius habet 3, deceptis de 11, scilicet 8, minus de $\frac{2}{3}$ minoris summe: his itaque intellectis, potes redigere denarios uniuscuiusque in portione cuiuslibet quattuor dictarum summarum: rediguntur enim in minori summa sic. Quoniam secunda summa est 2 plus minori, erunt $\frac{2}{3}$ secunde summe $\frac{1}{3}$ de denariis 2, scilicet $\frac{2}{3}$ 1 plus de $\frac{2}{3}$ minoris summe. Vnde cum primus habeat $\frac{3}{4}$ secunde summe, minus 6, habebis $\frac{3}{4}$ minoris, minus $\frac{1}{4}$ 4: quia extractis $\frac{3}{4}$ de 6, remanent $\frac{3}{4}$ 4. Item quia tertia summa est 1 plus minore, erunt $\frac{2}{3}$ tertie summe $\frac{1}{3}$ ipsius denarii, plus de $\frac{2}{3}$ minoris summe. Vnde cum secundus habeat $\frac{6}{7}$ tertie summe, minus 7, habebit $\frac{6}{7}$ minoris, minus denariis $\frac{1}{7}$ 6: habet etiam et tertius homo $\frac{1}{2}$ minoris summe, minus denariis 8: ergo iuter omnes habent $\frac{1}{4}$ $\frac{6}{7}$ $\frac{1}{2}$ minoris summe, minus denariis $\frac{1}{4}$ 4, et $\frac{1}{7}$ 6, et 8, scilicet unius $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{4}$ 10: habent etiam et ipsi 3 plus minoris summe, scilicet maiorem summam. Quare extractis ipsi 3 ex utraque equali portione, remanebunt $\frac{1}{4}$ $\frac{6}{7}$ $\frac{1}{2}$ minoris summe, minus denariis $\frac{1}{4}$ 4: 21 equales minori summa: quare secundum hoc quod superius diximus, multiplicabis $\frac{1}{4}$ de 168, scilicet 168 per $\frac{1}{4}$ 21, et diuide summam per 263, et extrahes inde $\frac{1}{4}$ 4; et inuenies, primum habere $\frac{26}{263}$ 7. Rursum multiplicabis $\frac{1}{7}$ 21 per 144, que sunt $\frac{6}{7}$ de 168, et diuide summam per 263; et extrahes inde $\frac{1}{7}$ 6, et habebis denarios secundi $\frac{152}{263}$ 5. Item multiplicabis $\frac{1}{2}$ 21 per 147, que sunt $\frac{1}{2}$ de 168, et diuides per 263; et extrahes inde 8, et habebis denarios tertii $\frac{114}{263}$ 4: potes enim ex predictis satis aperte comprehendere, si de multiplicatibus ipsorum aliquid minuerit, etiam et de pluribus hominibus operari; cum unus eorum petat reliquis omnibus.

Modus alius inter tres homines.

Sunt iterum tres homines, quorum primus, et secundus petat tertio homini denarios 7; et habeant quinquies quam ipse. Secundus quoque, et tertius petat primo denarios 9; et habeant septies quam ipse. Tertius, et primus petant secundo 11; et habeant septies quam ipse. Quia primus, et secundus, habitis 7 ex denariis tertii, habent quinquies quam ipse; tertium hominem $\frac{1}{2}$ totius summe, et insuper denarios 7 habere necesse est. Similiter ex petitionibus ex proportionibus reliquorum hominum comprehenditur, primum habere $\frac{1}{2}$ totius summe, et denarios 9; secundum $\frac{1}{4}$ eiusdem summe, et denarios 11: ergo inter omnes habent $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ 4, et denarios 27. Quare pones, ut inter omnes habeant 168; quorum $\frac{1}{4}$, scilicet 28 et $\frac{1}{4}$, scilicet 24, et $\frac{1}{2}$, scilicet 21, in unum coniunctis, faciunt 73: a quibus usque in 168 sunt 95; que 95 cum ueluti esse 27, ut habeat $\frac{1}{2}$ totius summe eorum

multiplicabis 27 per 28, et divides per 95, exiunt $\frac{24}{95}$ 7; cum quibus adde 7, quos tertius homo habet plus de $\frac{1}{2}$ totius summe, erunt $\frac{84}{95}$ 14; et tot habuit tertius. Item multiplica 27 per 24, et divide per 95, et super adde 8, erunt $\frac{15}{95}$ 15; et tot habuit primus. Rursum multiplicabis 27 per 21, et divides per 95, et super addes 11, erunt $\frac{92}{95}$ 16; et tot habuit secundus: potes enim secundum hoc operari de pluribus hominibus, cum reliqui petant tui eorum per ordinem aliquem numerum, et excedant eum in aliqua multiplicitate. Etiam si de supradictis non inmemor exiteris, poteris operari cum superatione, uel diminutione multiplicatum ipsorum.

De eodem inter quattuor homines questio insolubilis.

Quattuor homines habent denarios, ex quibus primus et secundus petunt reliquis 7; et proponunt habere ter tantum quam ipsi. Secundus et tertius petunt reliquis 8, ut habeant quater tantum quam ipsi. Tertius et quartus petunt reliquis 9; et habent quinques tantum quam ipsi. Quartus et primus petunt 11, et excedunt eos in sesquiplum: queritur quot unusquisque habeat. Hec questio insolubilis est; et cognoscitur sic. Cum primus et secundus cum 7 ex denariis reliquorum habuerit ter tantum quam ipsi; tunc $\frac{1}{2}$ totius summe denariorum eorum habebunt ipsi; et tertio, et quarto homini remanebit $\frac{1}{2}$ eiusdem summe: ergo inter tertium, et quartum hominem habent $\frac{1}{4}$ totius summe, et amplius 7, quos dant primo et secundo homini. Similiter ex petitionibus, et ex propositionibus reliquorum inuenies, inter quartum et primum hominem habere $\frac{1}{4}$ totius summe, et denarios 8; et inter primum et secundum $\frac{1}{2}$ dicte summe, et denarios 9; et inter secundum et tertium $\frac{1}{3}$ eiusdem summe, et insuper denarios 11. Et quoniam inter primum et secundum habent $\frac{1}{2}$ totius summe, et denarios 9; et inter tertium et quartum $\frac{1}{4}$ eiusdem summe, et denarios 7; ergo inter omnes quattuor habent $\frac{1}{4}$ dicte summe, et denarios 16. Quare summa eorum est numerus, de quo extracto $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$, remanet 46: quem numerum per regulam secundi arboris inuenies esse $\frac{7}{3}$ 27. Item quia inter quartum et primum habent $\frac{1}{2}$ totius summe eorum, et denarios 8; et inter secundum et tertium habent $\frac{1}{3}$, et denarios 11; ergo erit summa eorumdem quattuor hominum quantum $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{3}$ eiusdem summe cum denariis 19. Quare summa eorum est numerus, de quo extracto $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$, remanet 46: quem numerum per regulam eiusdem arboris inuenies esse $\frac{24}{19}$ 82; quod est inconueniens, cum per primam inuestigationem inuenimus, summam eorum esse aliter, scilicet $\frac{7}{3}$ 27: nude hec questio insolubilis est. Nam si eam solubilem proponere uolumus, petant primus et secundus reliquis denarios 100; Secundus et tertius denarios 106; tertius et quartus 113; Quartus et primus 170; et inuenies per utramque inuestigationem, summam eorum esse 420; de qua inter primum et secundum habent $\frac{1}{2}$ et 143, scilicet 215; inter secundum et tertium habent $\frac{1}{3}$ de eodem 420 et 170, scilicet 290; et inter tertium et quartum habent $\frac{1}{4}$ de 420, et 190 plus, scilicet 295; et inter quartum et primum habent $\frac{1}{4}$ de 420, et denarios 106, hoc est 190: quos diuide inter eos ad libitum, hoc est: cum primus et secundus habent 215, habeat inde primus 100, et secundus 115: qui secundus, cum habeat cum tertio homine 230, extrahe inde 115, quos habet secundus, remanebunt tertio denarii 115: qui tertius, cum habeat cum quarto homine 295, extrahe inde 115, quos habet tertius, remanebunt quarto homini denarii 90.

De quinque hominibus questio consimilis.

Irem homines sicut quinque, et primus, et secundus, et tertius petant quarto et quinto homini denarios 7; et habeant lus tantum quam ipsi. Secundus, et tertius, et quartus petant quinto et primo denarios 8; et habeant ter tantum quam ipsi. Tertius, et quartus, et quintus petant primo et secundo denarios 9; et habeant quater tantum quam ipsi. Quartus, et quintus, et primus petant secundo et tertio denarios 10; et habeant quinque tantum quam ipsi. Quintus, et primus, et secundus petant tertio et quarto 11; et habeant septies tantum quam ipsi. Quoniam primus et secundus, et tertius cum 7 et denariis quarti et quinti habeant his tantum quam ipsi, necesse est, ut primus, et secundus, et tertius habeant $\frac{2}{3}$ totius summe, minus ipsis 7; et quartus, et quintus habeant $\frac{1}{3}$ eiusdem summe, et ipsis 7 plus. Similiter ex petitionibus, et ex propositionibus aliorum cognoscitur, quod inter quintum et primum habeant $\frac{1}{4}$ totius summe eorum, et denarios 8. Et inter primum, et secundum habeant $\frac{1}{5}$ totius summe, et denarios 9. Et inter primum, et tertium habeant $\frac{1}{6}$ totius summe, et denarios 10. Et inter tertium, et quartum habeant $\frac{1}{7}$ totius summe, et denarios 11: unde inter omnes habent dimidium $\frac{1}{2} = \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7}$ summe, et dimidium de denariis 7, et 8, et 9, et 10, et 11, hoc est denarios 45; cum unusquisque in prescriptis partibus, et numeris his computatus sit. Quare invenias numerum, in quo reperiantur $\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7}$, erit 420; que dupplicata propter binam computationem eorum, erunt 840: et accipe $\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7}$ de 420, et extrahere eos de 840, remanent 381, que vellent esse 45. Quare multiplicabis 45 per 420, et divides per 381, et habebis summam eorum $\frac{371}{127} 40$: de qua inter quartum et quintum $\frac{1}{4}$ habet tertiam partem, et 7 plus, hoc est $\frac{84}{127} 22$. Et inter quintum et primum quartam partem, et 8 plus, scilicet $\frac{91}{127} 20$. Et inter primum, et secundum habent quintam partem, et 9 plus, scilicet $\frac{98}{127} 18$. Et inter secundum, et tertium habent sextam partem, et 10 plus, scilicet $\frac{105}{127} 18$. Et inter tertium, et quartum eiusdem summe habent septimam partem, et 11 plus, scilicet $\frac{112}{127} 18$. Deinde ut separetur denarii unus a denariis alterius, adde denariis (sic) primi et secundi, scilicet $\frac{112}{127} 18$, cum denariis tertii, et quarti, scilicet cum $\frac{112}{127} 18$, erunt $\frac{1}{127} 37$: residuum vero, quod est usque in summam eorum omnium, scilicet in $\frac{371}{127} 40$, habet quintus homo; quod residuum est $\frac{76}{127} 12$: quibus extractis de denariis quinti et primi, remanebunt primo $\frac{83}{127} 7$; quibus extractis de denariis primi et secundi, remanebunt secundo $\frac{83}{127} 11$; quibus extractis de denariis secundi et tertii, remanebunt tertio homini $\frac{83}{127} 7$; quibus extractis de denariis tertii et quarti $\frac{83}{127} 10$, remanebunt quarto homini.

Aliter quoniam inter secundum, et tertium, ut ostensum est superius, habent $\frac{1}{4}$ totius summe quinque hominum, et denarios 10; et inter quartum et quintum habent $\frac{1}{5}$ eiusdem summe, et denarios 7; ergo inter ipsos quattuor habent $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{5}$, scilicet $\frac{9}{20}$ summe, et denarios 17. Quare primo remanet $\frac{1}{4}$ eiusdem summe, minus ipsis 17. Similiter quia inter $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{5}$ habent $\frac{1}{20}$ summe, et denarios 11; et inter quintum et primum habent $\frac{1}{4}$ summe, et denarios 8; ergo ipsi quattuor habent $\frac{1}{20}$, scilicet $\frac{11}{20}$ summe, et denarios 10: quare secundo homini remanet residuum summe, scilicet $\frac{11}{20}$ minus ipsis 10. Similiter si addideris portionem quarti et quinti cum portione primi et secundi, scilicet $\frac{1}{4}$ summe, et denarios 7 cum $\frac{1}{5}$, et denarios 9, erunt $\frac{9}{20}$ summe, et denarii 16: quibus extractis de summa, remanent tertio homini $\frac{11}{20}$ summe minus ipsis 16. Item addita

portione quinti et primi cum portione secundi et tertii, scilicet $\frac{1}{4}$ summe, et denariis 8 cum $\frac{1}{2}$ summe, et denariis 10, faciunt $\frac{8}{13}$ summe, et denarios 18. Quare remanent quarto homini $\frac{5}{13}$ summe, minus ipsis 18. Rursum addita portione primi et secundi cum portione tertii et quarti, scilicet $\frac{1}{2}$ summe, et 9 cum $\frac{1}{4}$ summe, et 11 faciunt $\frac{11}{13}$ summe, et denarios 20: quare remanent quinto homini $\frac{2}{13}$, minus ipsis 20. Inuenta autem portione uniuscuiusque per ordinem, potes per regulam primam trium hominum operari.

De homine qui ad uendendas tres margaritas constantinopoli properauit.

Quidam mercator duxit constantinopolim tres margaritas ad uendendum. Quarum una ualebat aliquid. Secunda duplum prime. Tertia siquidem duplum secunde, minus tertia unius bizantii. Commerciarius quippe constantinopolitanus exigebat decimam predictarum margaritarum pro curie directum. Mercator quidem neuidit prima (*sic*) margaritarum, scilicet uiliorem; et persoluit exigenti decimam predictarum margaritarum omnium; et hoc quod superfluit ei fuit $\frac{1}{2}$ pretii secunde margarite, et amplius bizantii $\frac{1}{4}$ 21. Queritur pretium uniuscuiusque margarite: sic enim faciendum est: ut ponamus numerum quemlibet pro pretio prime margarite, ut dicamus 10; pro secunda quidem 20; pro tertia quoque $\frac{2}{3}$ 20, hoc est duplum pretii secunde margarite, minus $\frac{1}{3}$ unius bizantii: quibus insimul coniunctis, $\frac{2}{3}$ 60 coadunabunt: de quibus accipe $\frac{1}{10}$, que est $\frac{37}{110}$ 6; a quibus usque in 10, scilicet in pretium prime margarite, desunt $\frac{11}{110}$ 2; de quibus extrahe $\frac{1}{2}$ de 20, scilicet pretii secunde margarite, que est $\frac{1}{2}$ 2, remaneat $\frac{18}{10}$; quos extrahes de $\frac{1}{10}$ 21, remaneat $\frac{2}{10}$ 20, que serua. Et talem questionem oppone, ut prima margaritarum ualeat aliquid. Secunda bis tantum. Tertia ualeat quadruplum prime. Et extracto commercio ipsarum de pretio prime margarite, remaneat $\frac{1}{2}$ pretii secunde, et insuper bizantii $\frac{1}{4}$ 20. Deinde pone ad libitum pro tertio prime margarite 20; et pro secunda 40; et pro tertia 80: quibus insimul additis, faciunt 140; quorum $\frac{1}{10}$, scilicet 14 extrahe de 20, scilicet de pretio prime margarite, remaneat 6; de quibus extrahe $\frac{1}{2}$ pretii secunde margarite, scilicet de 40, scilicet 20, remanet 4: quod cum uellent esse $\frac{1}{10}$ 20, multiplica $\frac{2}{13}$ 20 per 20, et diuide per 1, exhibuit 418; quibus adde bizantios 10, quos posuimus pro prima margarita, erunt bizantii 428 pro prima margarite. Quare pretium secunde est 856; tertie $\frac{2}{3}$ 1711.

De eodem per regulam rectam.

Pone pro pretio margarite rem. Quare pretium secunde erit due res; tertie quatuor, minus $\frac{1}{3}$ unius bizantii; quibus insimul iunctis sunt septem res, minus $\frac{1}{3}$ unius bizantii; quorum $\frac{1}{10}$, scilicet $\frac{7}{10}$ rei, minus $\frac{1}{10}$ bizantii, abice de re una, scilicet de pretio prime margarite, remanebunt $\frac{6}{10}$ rei, et $\frac{1}{10}$ unius bizantii, que equantur $\frac{1}{2}$ pretii secunde margarite, et bizantii $\frac{1}{10}$ 21, hoc est $\frac{1}{2}$ prime margarite, et bizantii $\frac{1}{10}$ 21. Committit auferatur $\frac{1}{10}$ unius bizantii, remanebunt $\frac{5}{10}$ rei, que equantur $\frac{1}{4}$ rei, et bizantii $\frac{1}{10}$ 21. Iterum committit auferatur $\frac{1}{4}$ rei, remanebit $\frac{3}{10}$ rei equalis de bizantiiis $\frac{1}{10}$ 21. Quare $\frac{3}{10}$ cuplum (*sic*) de $\frac{1}{10}$ rei, scilicet res, equalibit $\frac{3}{10}$ cuplo de bizantiiis 21, scilicet bizantiiis 428; ergo pretium prime margarite 428, ut predictimus. Est enim alius modus, qui regula uersa dicitur; per quem etiam possunt solui multe questiones: nam per regulam rectam tendimus de principio ad finem questionis; per uersam facimus contrarium; quod nolimus in hac questione demonstrare: in qua proponitur super $\frac{1}{10}$ pretii

bl. 93. r. 11.

trium margaritarum de pretio prime margarite remansisse $\frac{1}{12}$ pretii secunde, et insuper bizantios $\frac{1}{12} \frac{1}{2}$ 21; a quibus summamus initium: quoniam pretium secunde margarite est duplum pretii prime, ergo $\frac{1}{6}$ pretii secunde est quantum $\frac{1}{12}$ pretii prime. Ergo de pretio prime margarite, quos ponas esse rem, remansit $\frac{1}{12}$ ipsius, et in super bizantii $\frac{1}{12} \frac{1}{2}$ 21 post solutionem $\frac{1}{12}$ predicte; que $\frac{1}{12}$, ut supradictum est, fuit $\frac{1}{24}$ rei, minus $\frac{1}{12}$ unius bizantii. Sed cum de re extrahitur $\frac{1}{12}$ ipsius, et bizantii $\frac{1}{12} \frac{1}{2}$ 21, remanent $\frac{1}{24}$ rei, minus bizantiis $\frac{1}{12} \frac{1}{2}$ 21, que equantur $\frac{1}{12}$ rei, minus $\frac{1}{12}$ unius bizantii. Si comuniter addatur bizantii $\frac{1}{12} \frac{1}{2}$ 21, erunt $\frac{1}{12}$ rei, que equantur $\frac{1}{12}$ eiusdem, et bizantiis $\frac{1}{12}$ 21. Quare si comuniter auferatur $\frac{1}{12}$ rei, remanebit $\frac{1}{12}$ rei equalis de bizantiis $\frac{1}{12}$ 21, ut per regulam rectam inuenimus.

Aliter de tribus margaritis.

Ualeat quidem secunda margarita quarta unius bizantii, plus duplo pretii prime. Tertia quoque ualeat duplum secunde, minus tertia unius bizantii. Cuius questionis solutionem, si per regulam rectam inuenire uis, pone primam ualere rem. Quare secunda ualebit duas res, addita quarta bizantii. Et tertia ualebit *iii.* res, sexta bizantii addita: quibus insimul additis, erunt septem res, et quarta, et sexta bizantii; quarum decima, que est $\frac{7}{10}$ rei, et $\frac{1}{10}$ unius bizantii, extracta de re, scilicet de pretio prime, remanent $\frac{3}{10}$ rei, minus $\frac{1}{10}$ unius bizantii, que equantur $\frac{1}{5}$ secunde, et bizantiis $\frac{1}{10} \frac{1}{2}$ 21. Sed $\frac{1}{5}$ secunde equatur $\frac{1}{10}$ prime, et $\frac{1}{10}$ bizantii; ergo $\frac{1}{10}$ rei, minus $\frac{1}{10}$ bizantii, equatur $\frac{1}{10}$ rei, et bizantiis $\frac{1}{10} \frac{1}{2}$ 21. Si comuniter addatur $\frac{1}{10}$ bizantii, erunt $\frac{1}{10}$ rei, que equantur $\frac{1}{10}$ rei, et bizantiis $\frac{1}{10} \frac{1}{2}$ 21: comuniter auferatur $\frac{1}{10}$ rei, remanet $\frac{1}{10}$ rei, que equantur $\frac{1}{10} \frac{1}{2}$ 21: reintegra ergo rem tuam, scilicet multiplica $\frac{1}{10} \frac{1}{2}$ 21 per 20; et 20 per $\frac{1}{10}$ faciunt $\frac{2}{10}$ 6; et 20 per $\frac{1}{10}$ faciunt 2; et 20 per $\frac{1}{10}$ faciunt $\frac{1}{10}$; et 20 per $\frac{1}{10}$ faciunt $\frac{1}{10}$: quibus insimul iunctis faciunt bizantios $\frac{1}{10}$ 20 pro pretio prime. Quare pretium secunde est $\frac{1}{10}$ 860; tertia $\frac{1}{10}$ 1720: soluitur quidem hec questio, et eius similes, per primum modum, etiam et per regulam uersam.

De tribus hominibus qui inaequaliter colligerunt bursas.

Tres homines inuenierunt bizantios, ex quibus unusquisque sumpsit inaequaliter, sic quod multiplicatio bizantium primi in tertiam summe facit quantum multiplicatio bizantium secundi in quartam summe; et quantum multiplicatio bizantium tertii in quintam eiusdem summe. Et hec tres multiplicationes euales in unum redacte faciunt eandem summam bizantium, quam ipsi tres homines inuenierant. Queritur, que fuit illa summa; et quot unusquisque ex ea assumpsit. Pone itaque, ut primus numeret bizantios 2; et secundus 4; et tertius 3: ideo quia multiplicatio cuiuslibet numeri in tertiam partem de 3 est quantum multiplicatio eiusdem numeri in quartam partem de 4, uel in quintam partem de 5; ergo et multiplicatio cuiuslibet numeri in 3 est quantum multiplicatio quarte eiusdem numeri in 4, et quantum multiplicatio quinte eiusdem numeri in 5: adde 2, et 4, et 5, erunt 12 pro summa bizantium inuentorum: multiplica itaque 3, scilicet bizantios primi per tertiam summe, scilicet per 4, erunt 12, que serua; et multiplica bizantios secundi, scilicet 4, per quartam partem summe, scilicet per 3, erunt similiter 12, que serua; et multiplica iterum bizantios tertii, uidelicet 3, per quintam summe, scilicet per $\frac{5}{3}$ 2, erunt similiter 12. Adde ergo has tres

* primus in tertiam ... multiplicatio itaque a (fol. 85 verso, lin. 23 e 24-30; pag. 204, lin. 30-40).



* 2. sicut ... 8. etiam a (fol. 85 verso, lin. 21-26 e 27; pag. 204, lin. 40 — pag. 205, lin. 6).



multiplicationes, erunt 36, que nellent esse 12: quare dices: per 3, que pono in quantitate bizantiornu primi, neniunt 36; quid ponam ut ueniunt tantum 12: multiplicabis ergo 3 per 12, et diuides per 36, exiit bizantius 1; et tot sumpsit primus homo ex reperitis bizantiis. Item eadem ratione multiplica 4, scilicet bizantios secundi, per 12, et diuides per 36, exiit bizantius $\frac{1}{3}$; et tot sumpsit secundus homo ex ipsis bizantiis. Iterum superscripta ratione multiplica bizantios 3 tertii hominis per 12, et diuides iterum per 36, exiit bizantius $\frac{1}{6}$ pro quantitate inuentione tertii hominis.

Aliter pro prescriptis $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{6}$ pone 3, et 4, et 6, et adde eos insimul, erunt 12; que diuide per numerum hominum, scilicet per 3, exiunt 4; et tot bizantios reperierunt ipsi; ex quibus primus sumpsit $\frac{4}{3}$, hoc est bizantium 1; Secundus $\frac{4}{4}$, hoc est bizantium $\frac{1}{3}$; Tertius sumpsit $\frac{4}{6}$ unius bizantii, hoc est bizantium $\frac{1}{6}$, ut prediximus.

De eodem de quinque hominibus.

Item quinque homines bizantios reperierunt, ex quibus iterum sumpsit unusquisque inaequaliter; sic quod multiplicatio bizantiornu primi in tertiam summe facit quantum multiplicatio bizantiornu secundi in quartam summe; et quantum multiplicatio bizantiornu tertii in quintam eiusdem summe; et quantum multiplicatio bizantiornu quarti hominis in sextam summe. Etiam et quantum multiplicatio bizantiornu quinti hominis in septimam eiusdem summe; et hec quinque multiplicationes insimul inuncte faciunt eandem inuentam summam. Cum itaque hec positio per primam regulam, hoc est per modum arborum, solui possit; tamen qualiter aliter soluitur, demonstrare cupimus. Pro predictis $\frac{1}{3}$, et $\frac{1}{4}$, et $\frac{1}{6}$, et $\frac{1}{8}$, et $\frac{1}{10}$ pone in ordinem 3, et 4, et 6, et 8, et 10; et adde eos insimul, erunt 33; et tot quarte reperierunt ipsi; ideo quia equales multiplicationes fuerunt 5, ex quibus quintis primus sumpsit $\frac{5}{3}$ unius bizantii. Secundus $\frac{5}{4}$; tertius $\frac{5}{6}$, hoc est bizantium 1. Quartus $\frac{5}{8}$, hoc est $\frac{1}{2}$. Quintus $\frac{5}{10}$, hoc est bizantium $\frac{1}{2}$.

Aliter de quinque hominibus.

Reuersus quinque homines bizantios inuenerunt, ex quibus unusquisque collegit inaequaliter; sic quod multiplicatio bizantiornu primi in tertiam summe, hoc est multiplicatio totius summe in tertiam partem bizantiornu ipsius primi, facit aliquem numerum. Et multiplicatio quarte partis totius summe in bizantiis secundi hominis, uel e conuerso, facit duplum multiplicationis predictae primi hominis. Et multiplicatio bizantiornu tertii in quintam partem summe, et e conuerso, facit triplum multiplicationis secundi hominis, hoc est sexuplum multiplicationis primi. Et multiplicatio bizantiornu quarti in sextam partem summe, uel e conuerso, facit quadruplum multiplicationis tertii hominis, hoc est uicuplum quadruplum multiplicationis primi hominis. Item et multiplicatio bizantiornu quinti hominis in septimam partem summe, uel septimam partem bizantiornu ipsius quinti hominis in totam summam, facit quinquuplum multiplicationis quarti hominis, hoc est centuplum uicuplum multiplicationis primi hominis. Et hec quinque multiplicationes in unam coniuuncte faciunt eandem reperlant summam. Queritur que fuit illa summa; et quot unusquisque ex ea collegit. Onia preponitur, quod multiplicatio totius summe in tertiam partem bizantiornu primi facit aliquem numerum; ponendum est, quod primus homo colligeret aliquem numerum bizantiornu, qui habent $\frac{1}{3}$. Ponatur ergo, ut ipse colligeret bizantios 3. Quarum tertia pars est bizantius 1; quo multiplicato in summa emetorem bizantiornu facit aliquem numerum, scilicet ipsam

* inuentione ... A uniusquisque ... c. d.
12 uocem, lra 26 17; pag. 202,
lin. 7 17:

primus	1
Secundus	$\frac{1}{3}$
tertius	$\frac{1}{6}$
quartus	$\frac{1}{8}$
quintus	$\frac{1}{10}$

fol. 85 recto.

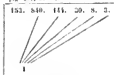
* Item quinque ... Censit e a
dem * fol. 86 recto, lin. 1
16, pag. 203, lin. 12-25:

3	5	7	6	5	4	3
/						
5						
Summa						
5						
primus primus						
$\frac{1}{3}$						
Secundus						
$\frac{1}{4}$						
Tertius						
$\frac{1}{6}$						
Quartus						
$\frac{1}{8}$						
Quintus						
$\frac{1}{10}$						

eandem summam. Et quia preponitur, quod multiplicatiu quarte partis bizantium secundum luminis in totam summam facit duplum multiplicationis tertie partis bizantium primi in ipsam eandem summam; ponendum est, quod secundus colligeret talem numerum bizantium, quorum quarta pars sit duplum tertie partis bizantium primi; eritque numerus ille 8. Cuius quarta pars est 2, que sunt duplum tertie partis bizantium primi, scilicet de 1. Item quia multiplicatio quinte partis bizantium tertii hominis in totam summam preponitur facere triplum multiplicationis quarte partis bizantium secundi in eandem summam; oportet ergo, ut tertius homo colligeret tot bizantios, ex quibus quinta pars sit triplum quarte partis bizantium secundi: ergo ponas, ut ipse colligeret bizantios 30, quorum quinta pars, scilicet bizantii 6, est triplum quarte partis bizantium secundi, scilicet de 2. Adhuc quia multiplicatio sexte partis bizantium quarti luminis in superscripta summa proponitur facere quadruplum multiplicationis quinte partis bizantium tertii, in ipsa summa ponendum est, ut ipse quartus homo colligeret tot bizantios, ex quibus sexta pars fiat quadruplum quinte partis bizantium tertii hominis; erunt bizantii 144, quorum sexta pars sunt bizantii 24, qui sunt quadruplum quinte partis bizantium tertii hominis, scilicet de 6. Rursus quia multiplicatio septime partis bizantium quinti hominis in totam summam preponitur facere quincuplum multiplicationis sexte partis bizantium quarti hominis in ipsam summam, oportet quod ponatur, quod quintus homo colligeret bizantios 840. Ideo quia septima pars ipsorum sunt bizantii 120, qui sunt quincuplum de bizantiis 21, sexte uidelicet partis bizantium quarti hominis. Quo facto, colliges prescriptas bizantium positiones in unum, scilicet bizantios 3 primi hominis, et bizantios 8 secundi, et bizantios 30 tertii, et bizantios 144 quarti, et bizantios 840 quinti, erunt bizantii 1025, qui est numerus positus pro reperta summa: deinde uideas, in quot ascenderit quinque superscriptas (*sic*) multiplicationes in ipsam summam. Multiplicatio quidem tertie partis bizantium primi in ipsa summa, scilicet 1 in 1025, facit semel 1025: quare seruabis 1 ex parte. Item multiplicatio quarte partis bizantium secundi, scilicet 2, in totam summam, uidelicet in | 1025, facit las 1025: quare seruabis 2. Iterum quinta pars bizantium tertii hominis, scilicet 6, multiplicata in prescriptis 1025, faciet seuis 1025: quare seruabis iterum 1 ex parte. Item multiplicatio quarte partis bizantium secundi, scilicet 2, multiplicata in 1025, facit nigies quater 1025: quare seruabis 24: adhuc septima pars bizantium quinti hominis, scilicet bizantii 120, multiplicata in prescripta summa, scilicet in 1025, facit centies nigies 1025: quare seruabis 180; que addes cum 24, et cum 6, et cum 1 seruatis, erunt 133: ergo in prescriptis quinque multiplicationibus erunt centies quinquagies ter 1025: et cum ipse quinque multiplicationes non debeant facere nisi tantum semel ipsam summam, dices: pro 3, que pono in collectione bizantium, ueniet centies quinquagies ter ipsa summa; quid ponam, ut tantum ipsa permeat semel: multiplicabis ergo 3 per 1, et diuides per 133, exibunt $\frac{3}{133}$ unius bizantii; et tot reperit primus homo de reperta summa. Similiter si hoc fereris de positionibus bizantium reliquorum quattuor hominum, scilicet de bizantiis 3 secundi hominis; et de bizantiis 30 tertii hominis; et de bizantiis 144 quarti; et de bizantiis 840 quinti luminis. Reperies, quod secundus homo collegit ex reperta summa $\frac{8}{133}$ unius bizantii; et tertius homo collegit $\frac{30}{133}$; et quartus $\frac{144}{133}$; et quintus $\frac{840}{133}$; hoc est bizantii $\frac{35}{133}$ 5: collige ergo hec quinque collectiones in unum faciunt $\frac{1025}{133}$, hoc est bizantii $\frac{1025}{133}$ 6; et tot reperierunt ipsi.

64 86 vers.

1025 Col. 12 multiplicat (64, 86 vers. lin. 1-17, pag. 206, lin. 27 - pag. 207, lin. 8).



Primus	3
Secundus	8
Tertius	30
Quartus	144
Quintus	840
Serua	133
Summa	1025
Reperit	1025

partes prim	3
partes prim	8
partes prim	30
partes prim	144
partes prim	840
partes prim	133
partes prim	1025
partes prim	1025

De duobus hominibus qui inuenerunt bizantios.

Dvo homines inuenerunt bizantios, ex quibus unusquisque colligit inaequaliter; et id, quod colligit primus, fuit $\frac{1}{11}$ ex hoc quod colligit secundus; et primus lucrando cum sua portione, de bizantiis 11 fecit bizantios 12. Alter uero de bizantiis 12 fecit 14; et sic inter utrumque habuerunt bizantios 100. Queritur, quot sit summa inuenta; et quot unusquisque ex ea collegit. Primum quidem inuenias numerum, in quo reperitur $\frac{1}{11}$, eritque 39; et tot pone secundum collige (sic): de quibus accipe $\frac{1}{11}$, scilicet 19; et tot bizantios pone pro collectione primi; qui cum de 11 fecisset 12, multiplica bizantios 19 per 12, et diuide per 11, exhibunt bizantii $\frac{9}{11}$ 17, quos serua: deinde quia secundus de 12 fecit 14, multiplica 29 per 14, et diuide per 12, exhibunt bizantii 42; quos adde cum bizantiis $\frac{9}{11}$ 17, erunt bizantii $\frac{3}{11}$ 59, qui uellent esse bizantii 100: quare multiplicabis 19 per 100, et diuides per $\frac{3}{11}$ 59, exhibunt pro portione primi hominis bizantii $\frac{1}{10}$ 29. Item eadem ratione multiplica 39 bizantios per 100, et diuide per $\frac{3}{11}$ 59, exhibunt pro portione secundi hominis $\frac{69}{100}$ 63 bizantii; quibus iunctis cum bizantiis $\frac{1}{10}$ 29 primi hominis, reddunt pro tota summa bizantios $\frac{1}{10}$ 92.

Diuisio de 11 in duas partes.

Diuide 11 in duas partes, quarum una multiplicata per 9 faciat quantum alia multiplicata per 10: accipiendum est primum, quod multiplicatio cuiuslibet partis cuiuslibet numeri in numerum, ex quo ipsa pars ducit originem, facit quantum multiplicatio alic cuiuslibet partis eiusdem numeri in numero. Vnde ipsa pars derivatur. Verbi gratia: multiplicatio quidem tertie cuiuslibet numeri in 3, ex quibus $\frac{1}{3}$ ducit originem, facit quantum multiplicatio quarti eiusdem numeri in 4. A quibus $\frac{1}{4}$ ducit originem: quare nona unius numeri multiplicata per 9 facit quantum $\frac{1}{10}$ eiusdem numeri multiplicata per 10. Vnde quam proportionem habet decima unius numeri ad nonam eiusdem numeri, eandem proportionem habebit una pars de 11 ad aliam. Vnde inueniendus est numerus, in quo reperitur $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{9}$, eritque 90, cuius $\frac{1}{9}$ et $\frac{1}{10}$ sunt 19 et 9: multiplicatio ergo de 9, scilicet decime de 90 in 10, facit quantum multiplicatio de 10, scilicet $\frac{1}{9}$ de 90 in 9: unde iunge 9 et 10, erunt 19, que uellent esse 11: multiplica ergo 19 per 11, et diuide per 19, exhibunt $\frac{11}{19}$ 5; et tot erit una pars: residuum uero, quod est usque in 11, scilicet $\frac{11}{19}$ 5, erit alia pars; qui numerus exiit ex multiplicatione de 9 in 11 diuisa per 19. Aliter quia multiplicatio prime partis in 9 est equa multiplicationi secunde partis in 10; proportionaliter est sicut 19 ad 9 est prima pars ad secundam. Vnde erit sicut 9 iunctum ex 10, et 9, scilicet 19 ad 9 iunctum ex partibus, scilicet ad 11, ita 10 ad primam partem, et 9 ad secundam. Quare multiplicanda sunt 11 per 10, et per 9; et diuidenda utraque multiplicatione per 19. Si uero per regulam rectam uis procedere, pone pro prima parte rem; quare secunda erit 11 minus res: et multiplica rem, scilicet primam partem, per 9, egredientur nouem res. Item multiplica 11 minus res, scilicet secundam partem per 10, erunt 110, minus decem res, que equantur nouem res: quare si conuenter addantur decem res, erunt 19 res, que equantur 110: diuide itaque 110 per 19, erunt pro prima parte $\frac{11}{19}$ 5; quibus extractis de 11, super erunt pro secunda parte $\frac{9}{19}$ 5, ut superius inuenimus.

Diuisio de 11 in tres partes.

Item si 11 in tres partes diuidere uolueris, quarum prima multiplicata per 4 facit

• bizantios 15 ... $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{10}$ *
 (f. d. 85 verso, l. 23-27, pag. 207, l. 3-15).



• quarta uindicta ... multiplicatio
 nona = 10 d. 85 verso, l. 23-27, pag. 207, l. 3-15.



• secunda pars ... multiplicatio
 11 = f. d. 86 verso, l. 23-40, pag. 207, l. 32-37 + 38.



(f. 87 verso)

quantum alia multiplicata per 5, et quantum alia multiplicata per 6: quin multiplicatio quarte minus numeri per 4 facit quantum multiplicatio quinte eiusdem numeri in 5, et quantum multiplicatio sexte eiusdem numeri in 6, inuenies numerum, in quo reperiantur $\frac{1}{4} \frac{1}{5}$; eritque 60, cuius quarta est 15; quinta est 12; sexta est 10: adde ergo 12, et 12, et 10, eruntque 37, que uellent esse 41: quare multiplicabis 15, et 12, et 10 singulariter per 11, et diuides unamquamque multiplicationem per 37; et sic habebis pro prima parte $\frac{51}{37} 4$; pro secunda $\frac{51}{37} 2$; pro tertia $\frac{51}{37} 2$; et sic possemus diuidere 11, etiam et quemlibet alium numerum in plures partes.

Diuisio de 11 in duas partes secundum alium modum.

Item si proponatur diuidere 11 in duas partes, quarum una multiplicata (sic) per 9 faciet $\frac{1}{4} 20$, plus alia multiplicata similiter per 9; quia maior pars multiplicata per 9 facit $\frac{1}{2} 20$, magis alia multiplicatione, diuides $\frac{1}{2} 20$ per 9, exhibunt $\frac{10}{9} 2$; et in tot excedit maior pars minorem: ideo quia multiplicatis $\frac{10}{9} 2$ per 9, faciunt $\frac{1}{4} 20$; ergo extrahes $\frac{10}{9} 2$ de 11, remanebant $\frac{10}{9} 7$, hoc est $\frac{20}{9} 7$; que diuide in duo equa, exhibunt $\frac{50}{9} 2$ pro qualibet parte; et tot fuit minor pars: residuum nero, quod est usque in 11, scilicet $\frac{51}{9} 7$, fuit alia.

Aliter de eodem.

Nam si proponatur diuidere 11 in duas partes, quarum secunda multiplicata per 10 faciet $\frac{1}{2} 20$, plus multiplicatione prime partis in 9; extrahit de 11 numerum, qui cum multiplicetur per 10, faciat $\frac{1}{2} 20$: qui numerus reperitur, cum $\frac{1}{2} 20$ diuidantur per 10; eritque numerus ille $\frac{1}{10} 2$: quod extracto de 11, remanent $\frac{9}{10} 7$; que diuide in duas partes per superscriptam regulam; ita quod multiplicatio prime partis per 9 faciat quantum alia multiplicata per 10; eritque prima pars $\frac{1}{10} 7$; quia inuenta, extrahatur de 11: quod facies per modum, quem in decimo capitulo demonstrui: scilicet accipe 2, que sunt super 4, et extrahit ea ex ipsis 4, et remanens pone super 4 cuiusdam protracte uirge, sub qua sint per ordinem superscripti rupti, scilicet $\frac{1}{10} 7$; et pro expletis (sic) 4, retinet in manu 1; que adde cum 7, que sunt super 10, erunt 8: a quibus usque in 10 desunt 2, que pone super 10; et pro expletis decem retine 1; que adde cum 14, que sunt super 19, erunt 15: a quibus usque in 10 desunt 4, que pone super 19 protracte uirgule; et pro expletis 19 retine 1, quod adde cum 2, que sunt ante uirgulam 7; et extrahit de 11, remanebant 7, que pone ante protractam uirgulam; et sic habebis pro secunda parte $\frac{4}{10} 7$. Item si 11 in tres partes diuidere proponatur, quarum secunda multiplicata per 5 faciat 10, plus multiplicationi prime in 4; et multiplicatio tertie per 6 faciat 11, plus multiplicatione secunde in 5, hoc est 21, plus multiplicatione prime partis per 4. Cum itaque ultima pars multiplicata per 6 faciat 21, plus quam prima pars multiplicata per 4; ergo si ex ipsa ultima parte extrahatur numerus, quo multiplicato per 6, faciet 21, scilicet $\frac{7}{6} 2$, que exeunt ex diuisione 21 per 6, remanent ex ipsa ultima parte numerus, qui, cum multiplicatus fuerit per 6, facit quantum prima pars multiplicata per 4. Item quia secunda pars multiplicata per 5 facit 10, plusquam prima multiplicata per 4; si ex secunda parte extrahatur numerus, qui multiplicatus per 5 faciat 10, scilicet 2, remanebit ex ipsa secunda parte numerus, quo multiplicato per 5, faciet quantum prima multiplicata per 4: ergo extrahantur 2, et $\frac{1}{5} 2$ de 11, remanebant $\frac{7}{5} 5$; que diuide per superscriptam regulam in

quodlibet alium ... typis in 11 ... (Ed. 87 recto, l. 10-12, pag. 208, l. 8-13).

pars prima	$\frac{5}{9} 2$
Secunda	$\frac{10}{9} 7$

duas partes ... desunt 4 ... (Ed. 87 recto, l. 20-22, pag. 208, l. 21-22).

pars prima	$\frac{1}{10} 7$
Secunda	$\frac{4}{10} 7$

per 6 facit ... protracta in 2 ... (Ed. 87 recto, l. 33-37, p. 208, l. 38-39 — pag. 209, l. 3).

prima	$\frac{1}{6} 2$
Secunda	$\frac{2}{5} 2$
Tertia	$\frac{1}{5} 2$

tres partes, quarum secunda multiplicata per 5, et tertia multiplicata per 6 faciunt quantum prima multiplicata per 4; eritque prima pars $\frac{1}{2} \frac{5}{7}$; secunda $\frac{6}{2} \frac{22}{7}$; tertia $\frac{6}{2} \frac{13}{7}$; t: adde ergo 2 cum secunda parte, erunt $\frac{22}{7}$ 2: similiter adde $\frac{1}{2}$ 3 cum tertia parte, erunt $\frac{13}{7}$ 2: et sic potes facere de similibus.

De duobus numeris reperiendis secundum datam quandam proportionem.

Sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius est $\frac{1}{3}$ alterius; et eorum multiplicatio est quantum eorum additio. Inuenias primum duos numeros, quorum $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{3}$ alterius; eruntque 5 et 7. Que pone pro quesitis numeris, et adde 5 cum 7, erunt 12. Sed multiplicatio de 5 in 7 facit 35; que cum uelint esse 12, et multiplica 12 per 5, et 12 per 7, et diuides utramque multiplicationem per 35; et habebis primum numerum $\frac{2}{5}$; secundum $\frac{2}{7}$: uel aliter superscripta 12 diuide per 7, et per 5.

Aliter.

Et si proponatur, quod addita quinta parte unius eum septima alterius faciat quantum multiplicatio numerorum ad inuicem; addes quintam de 5, scilicet 1, cum $\frac{1}{2}$ de 7, erunt 3; que multiplica per 5, et per 7, et diuide utramque multiplicationem per 35; uel ipsa 2 diuide per 7, et per 5; et habebis primum numerum $\frac{2}{5}$; secundum $\frac{2}{7}$.

Aliter.

Rursus si proponatur, quod multiplicata quinta parte unius per septimam alterius faciat quantum additio unius numeri eum alio; multiplicabis quintam de 5 per $\frac{1}{2}$ de 7, scilicet 1 per 1, erit unum; et adde 5 cum 7, ut supra, erunt 12; que multiplicabis per 5, et per 7, et diuides utramque multiplicationem per unum, quod fuit summa multiplicationis de uno in uno supradictis; et habebis primum numerum 60, quorum quinta est 12; secundum est 84, quorum septima est 12 similiter, ut oportet: nam multiplicato 12 per 12 facit quantum additio de 60 cum 84.

Modus alius de duobus numeris reperiendis.

Item quinta unius numerorum sit septima alterius; et multiplicata quinta parte unius per septimam alterius facit quantum addita quinta parte unius cum septima alterius: multiplicabis 1 per 1, ut supra, erit unum; et addes ipsas unitates in simul, erunt 2: per que multiplicabis 5 et 7, et diuides utramque multiplicationem per unum, et habebis primum numerum 10; secundum 14.

Questio alia de duobus numeris.

Ahuc si proponatur, quod multiplicato uno numero per alium faciat aliquod multiplex eorumdem additionis, ut dicamus duplum: addes tunc 5 cum 7, erunt 12; que duplicabis, erunt 24: multiplicabis ergo 24 per 5, et 24 per 7; et diuides utramque multiplicationem per multiplicationem de 5 in 7, scilicet per 35, et habebis primum numerum $\frac{2}{5}$; secundum $\frac{2}{7}$ 4: et nota quia in omnibus superscriptis, etiam et in sequentibus, semper damus diuisionem numero, qui ex multiplicatione duorum numerorum colligitur multiplicatorum.

Questio alia de duobus numeris.

Iterum si proponatur, quod additio numerorum faciat aliquam multiplicatam multiplicationis eorumdem, ut dicamus triplum: multiplicabis 12, que sunt additio de 5, et 7 per eodem numeros, erunt 60, et 84; que diuide per dictam multiplicatam multiplicationis de 5 in 7, scilicet per triplum de 35, idest per 105, et habebis primum numerum $\frac{2}{5}$; secundum $\frac{2}{7}$.

fol. 81 verso
 * Et ut duo ... duntaxat ... fol. 81
 verso, lin. 1-4; pag. 209, lin.
 6-13.

35	7	5
		12

* per 5 et per 7 ... primum nu-
 merum ... fol. 81 verso, lin.
 2-14; pag. 209, lin. 13-22.

1	7	5
		12

* Iterum si ... additionis ... fol. 81
 verso, lin. 22-23 et 26; pag.
 209, lin. 40—pag. 210, lin. 2.

105	7	5
		12

partes numerus + (Ed. 87
recte, in. 29-32, pag. 210,
lin. 1-10).



sexcuplum duodecimae +
(Ed. 82 recte, in. 21-26, pag.
210, lin. 11-16).



Utrum ... numerus + (Ed.
82 recte, in. 27-30, pag. 210,
lin. 17-20).



Ed. 85 recte

Utrum ... primus + (Ed. 86
recte, in. 1-6, pag. 210, lin.
21-26).



Utrum ... dividit per + (Ed. 86
recte, in. 4-12, pag. 210, lin.
31-37).



Utrum ... multiplicabilis +
(Ed. 85 recte, in. 13-18, pag.
210, lin. 49— pag. 210, lin.
1).



Alter secundum aliam questionem.

Rursum multiplicatio numerorum in se ipsos faciat aliquod multiplex, ut dicamus, quadruplum additionis quinte partis unius numeri cum septima parte alterius: quadruplum de 2, que sunt aditio quinte partis de 5, et septime partis de 7, scilicet 8, multiplica per 5 et per 7, erunt 40, et 56; que diuide per multiplicatiouem de 5 in 7, scilicet per 35, et habebis primum numerum $\frac{8}{7}$; secundum $\frac{8}{5}$. Item aditio quinte partis unius cum septima alterius faciat quincuplum multiplicationis unius numeri in alium: multiplicabis 2 superscripta per 5, et per 7, erunt 10, et 14; que diuide per quincuplum de 25, scilicet per 175, et habebis primum numerum $\frac{2}{175}$; secundum $\frac{2}{175}$.

Item questio alia de duobus numeris.

Ahuc multiplicatio quinte partis unius in septimam alterius sit sexcuplum additionis eorundem partium: addes $\frac{1}{5}$ de 5 cum $\frac{1}{7}$ de 7, erunt 12; quorum sexcuplum, scilicet 12, multiplica per 5, et per 7, erunt 60, et 84; que diuide per multiplicatiouem quinte partis de 5 in septimam partem de 7, scilicet per 35, et habebis primum numerum 60; secundum 84.

De eodem secundum aliam diuisionem.

Iterum aditio quinte partis unius cum septima parte alterius faciat septuplum multiplicationis eorundem partium in se: multiplicabis 2 per 5, et per 7, erunt 10, et 14; que diuides per septuplum multiplicationis quinte partis de 5 in septimam partem de 7, scilicet per 49; et habebis primum numerum $\frac{2}{49}$; secundum 2: possumus enim multas alias questiones varias ex superscriptis proponere; quorum solutiones per superscriptas satis competenter reperiri possunt.

Diuisio alia inter duos numeros.

Item sunt duo numeri, ex quibus $\frac{1}{2}$ unius sunt $\frac{1}{3}$ alterius; et multiplicatis inuicem faciunt inuentionem eorundem: primum quidem superscriptorum inuenies duos numeros, quorum $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{3}$ alterius; eruntque 27, et 35; et addes 27 cum 25, erunt 62: per que multiplica 27, et 25, et diuides utranque multiplicatiouem per summam multiplicatiouis de 27 in 35; uel diuide 62 per 35, et per 27, et habebis primum numerum $\frac{27}{175}$; secundum $\frac{27}{175}$.

De eodem.

Et si propositum fuerit, quod multiplicatio unius dictorum numerorum in alium sit duplum additionis eorundem; duplum de 62, scilicet 124, multiplica per 27, et per 35, et diuide utranque multiplicatiouem per summam multiplicatiouis de 27 in 35; uel 124 diuide per 25, et per 27, et habebis primum numerum $\frac{124}{175}$; secundum $\frac{124}{175}$.

De eodem.

Et si aditio sit duplum multiplicationis eorundem; multiplicatio de 62 in 27, et in 35 diuides per duplum multiplicationis de 27 in 35; uel diuide 62 per duplum de 25, et de 27, et habebis primum numerum $\frac{62}{175}$; secundum $\frac{62}{175}$.

De eodem.

Item $\frac{1}{2}$ primi numeri sit $\frac{1}{3}$ secundi; et multiplicatio primi in secundum faciat quantum aditio cuiuslibet partis; uel quarumlibet partium primi in quamlibet partem, uel partes secundi, ut dicamus, quod aditio (sic) $\frac{1}{2}$ unius cum $\frac{1}{3}$ alterius sit quantum multiplicatio unius numeri in alium: accipe $\frac{1}{2}$ de 27, que sunt $\frac{1}{3}$ 15; et adde ea cum

$\frac{1}{2}$ de 25, scilicet cum $\frac{1}{2}$ 25, erunt $\frac{1}{2}$ 31: multiplicabis $\frac{1}{2}$ 21 per 27, et $\frac{1}{2}$ 31 per 25; et diuides utramque multiplicationem per summam multiplicationis de 27 in 25: uel $\frac{1}{2}$ 31 diuides per 25, et per 27, et habebis pro primo numero $\frac{21}{15}$; pro secundo $\frac{1}{2}$.

De eodem.

Et si multiplicatio numerorum sit quadruplum additionis de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius cum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius; quadruplum $\frac{1}{2}$ 21, scilicet 126, multiplica per 27, et per 25; et diuide utramque multiplicationem per summam multiplicationis de 27 in 25: uel 126 diuide per 25, et per 27, et habebis pro primo numero $\frac{1}{2}$ 21; pro secundo $\frac{2}{4}$ 4. Et si multiplicatio de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ primi numeri in $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ secundi sit quantum additio primi numeri cum secundo: quia $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 27, et $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 25 non cadunt in integrum, cum sint $\frac{1}{2}$ 15; oportet ut multiplicentur 27 et 25 per 4, erunt 108, et 140: et accipe $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 108, que sunt 63; et multiplica ea per 63, que sunt $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 140, erunt 2069; et adde 108 cum 140, erunt 218; que multiplica per 108, et per 140; et diuide utramque multiplicationem per regulam de 2069; et euitabis hoc quod cuitare poteris, et habebis primum numerum $\frac{218}{117}$ 6; secundum $\frac{108}{117}$ 8.

De eodem.

Et si multiplicatio de $\frac{2}{4}$ $\frac{1}{2}$ primi in $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ secundi sit quincuplum additionis numerorum; quincuplum de 218, scilicet 1210, multiplica per 108, et per 140; et diuides utramque multiplicationem per regulam de 2069; et euitabis, et habebis primum numerum $\frac{1210}{117}$ 10; secundum $\frac{636}{117}$ 43.

Rursus $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ut diximus, primi numeri sit $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ secundi; et multiplicatio de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ primi in $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ secundi faciat additionem de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ cum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ secundi; adde 63 cum 63, scilicet $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 108 cum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 140, erunt 126; per que multiplica 108 et 140; et diuide utramque multiplicationem per 2069; et euitabis, et habebis primum numerum $\frac{126}{117}$ 1; secundum $\frac{117}{117}$ 4.

De eodem.

Et si multiplicatio de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius in $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius sit sexcuplum additionis de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius; sexcuplum de 126 multiplicabis per 108, et per 140; et diuides utramque multiplicationem per 2069; et euitabis hoc quod poteris, et habebis primum numerum $\frac{1}{2}$ 20; secundum $\frac{1}{2}$ 26.

Et si additio de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius cum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius sit septuplum multiplicationis de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius per $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius; multiplicationes de 126 in 108, et in 140 diuides per septuplum de 2069; et euitabis, et habebis pro primo numero $\frac{126}{117}$; pro secundo $\frac{117}{117}$.

De duobus numeris reperiendis, qui sint ad inuicem in data proportione.

Accipi $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius numeri extracti de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius sit, et quod remansit multiplicauit per $\frac{1}{2}$ 9, et habui 108: diuides itaque 108 per $\frac{1}{2}$ 9, exhibunt $\frac{108}{17}$ 10. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ unius cedant $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ alterius in $\frac{108}{17}$ 10: pone pro primo numero 20, et pro secundo 24: extrahit $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 20, scilicet 11, de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ de 24, scilicet de 14, remanent 2: que cum uellent esse $\frac{108}{17}$ 10, Multiplicabis $\frac{108}{17}$ 10 per 20, et per 24, et diuides utramque multiplicationem per 2, exhibunt pro primo numero $\frac{108}{17}$ 108; pro secundo $\frac{108}{17}$ 86: uel habes pro primo numero 30; et super $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ eorum adde $\frac{108}{17}$ 10, erunt $\frac{108}{17}$ 21, que sunt $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ secundi numeri. Quare multiplica 12 per $\frac{108}{17}$ 21, et diuide per 7. Et si uis, sit secundus numerus 24; de quorum $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ deme $\frac{108}{17}$ 10, remanebunt $\frac{108}{17}$ 3, que sunt $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ primi numeri. Et si proponatur, quod $\frac{1}{2}$ primi sint $\frac{1}{2}$ secundi; et ex ipsis proueniant predicta. Inuenies duos numeros, quorum $\frac{1}{2}$ unius sint $\frac{1}{2}$ alterius, erunt 9, et 10: quos

$\frac{1}{2}$ 21 ex pro. fol. 84
verso, lin. 25-26; pag. 211.
lin. 6-11 + 12.



• Et si ... eodem • fol.
85 verso, lin. 31 + 34-35, p. 211.
lin. 18-20.



• Et si ... numerum • fol. 85
verso, lin. 27-29 + pag. 211.
lin. 23-25.



fol. 86 verso.

• Et si ... proportionem • fol.
86 verso, lin. 2 + 4 + 5.
pag. 211, lin. 29-32.



multiplica per 30; ut que necessaria sunt, habeantur in integra; eruntque pro primo numero 270; pro secundo 200: extrahe ergo $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ de 270, scilicet 99 de $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ de 200, scilicet de 175, remanent 76; que cum ueliat esse $\frac{22}{17}$ 10, multiplicabis $\frac{22}{17}$ 10 per 270, et per 200, et diuides unamquamque multiplicationem per 76, exibunt pro primo numero $\frac{1}{12}$ $\frac{11}{17}$ 39; pro secundo $\frac{11}{19}$ $\frac{21}{21}$ 42. Et si uis, ut multiplicato residuo in se, quod est inter $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ primi numeri, et $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ secundi, faciant unum ex ipsis duobus numeris, qualem uis, ut dicamus primum; pones pro ipso primo numero numerum habentem radicem, cuius $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ sint integre; sitque 900 super $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$, quorum adde radicem eorum, scilicet 30, erunt 200: quare inuenias numerum, cuius $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ sit 200, scilicet multiplicationem de 12 in 200 diuide per 7, exibunt pro secundo numero $\frac{1}{6}$ 617. Rursus si uis, ut multiplicatio predicti residui in se faciat secundum numerum; pone ipsum secundum numerum esse 144; de quorum $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$, scilicet de 84, abice radicem eorum, que est 12, remanebunt 72. Inuenias ergo numerum, cuius $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ sint 72; eritque $\frac{1}{11}$ 106 pro secundo numero. Item multiplicauit $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ primi numeri per $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ secundi; et fuit illud quod prouenit 100. Inuenias duos numeros, qui in simul multiplicati faciant 100: sint 5, et 20: quare pro primo numero habebis numerum, cuius $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ sunt 5; et pro secundo habebis ipsum numerum, cuius $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$, et $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ sunt 20. Quare multiplica 30 per 5, et diuide per 14; et 18 per 20; et diuide per 7, et habebis primum numerum $\frac{1}{11}$ 12; secundum $\frac{1}{7}$ 24. Aliter quia ex ductis 10 in se proueniunt 100; inuenias pro primo numero numerum, cuius $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ sint 10; eritque $\frac{1}{14}$ 87: et pro secundo inuenias numerum, ex quo 10 sint $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$; eritque $\frac{1}{7}$ 17: et sic possumus infinitas questiones per regulas arborum soluere.

Incipit pars quarta duodecimi Capituli de inuentione bursarum. |

63. 30. 1000

Dvo homines, qui habebant denarios, inuenerunt bursam unam denariorum; qua inuenta, primus dixit secundo: Si hos denarios burse cum denariis, quos habeo, haberem, haberem utique ter tantum quam tu. Cui econtra alter respondit: Et si ego haberem denarios burse cum denariis meis, haberem quater tantum quam tu. Queritur quot unusquisque habebat; et quot ipsi reperierunt in bursa. Notandum est quidem, quod quia cum primus, habita bursa, habeat ter tantum secundo; si ipse cum bursa habet 2, et secundus habet 1; ergo inter utrumque cum bursa habent 4; ex quibus primus cum bursa habet 2; ergo habet $\frac{2}{3}$ totius summe denariorum illorum, et burse. Propter eadem et secundus, cum habeat cum bursa quater tantum primo, eiusdem summe $\frac{1}{2}$ cum habere necesse est. Quare inuenias numerum, in quo reperiantur $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$; eritque 20. Pone ergo, ut summa denariorum illorum sit 20; de quibus primus cum bursa habet $\frac{1}{3}$, scilicet 15. Et secundus cum bursa habet $\frac{1}{3}$, scilicet 16: ergo inter utrumque cum bursa bis computata habent 21: Superfluum nero, quod est a 20 usque in 21, scilicet 11, est summa denariorum burse. Ideo quia bursa computata est bis, cum non debeat computari nisi tantum semel; quare computatio burse fuit semel magis quam debuit. Vnde denarij superflui, qui sunt n 20 usque in 21, uidelicet 11, sunt semel id quod in bursa reperiment fuit. Quare extrahes 11 de 21, remanent 4; et tot habuit primus: deinde extrahe 11 de 16, remanent 5; et tot habuit secundus: ergo primus habet 4, et secundus 5; quibus additis cum 11 de bursa faciunt 20, ut pro eorum summa posuimus.

Aliter quia primus cum bursa habet $\frac{2}{3}$ totius summe denariorum ipsorum, et burse;

ergo secundus habet $\frac{1}{2}$ totius summe. Et primus habet $\frac{1}{3}$ totius summe; ideo quia secundus cum bursa habet $\frac{1}{2}$ summe. Quare accipe $\frac{1}{2}$ de 30, que est 15; et tot habuit primus. Item accipe $\frac{1}{3}$ de 30, que est 10; et tot habuit secundus: ergo inter utramque habent 9; a quibus usque in 30 remanent 11 pro bursae quantitate, ut predivimus. Item aliter. Pone primum habere rem; quare cum bursa habet rem et bursam, que sunt triplum denariorum secundi: ergo secundus habet tertiam rei et bursae. Quare si habuerit bursam, habebit bursam et tertiam bursae, et insuper tertiam rei, que equantur $3m^m$ rebus, scilicet quadruplo denariorum primi; cum secundus cum bursa habeat quater tantum quam primus. Extrahere ergo ab utraque parte tertiam rei, remanebunt bursa, et tertia bursae, que equantur $2m^m$ rebus, minus tertia rei. Quare triplum unius bursae, et tertia, scilicet bursae 4, equatur triplo $2m^m$ rerum, minus tertia, scilicet rebus 11: et quia quater 11 equatur undecies $2m^m$, erit proportio denariorum bursae ad denarios primi hominis, sicut 11 est ad 4. Vnde si in bursa sunt denarii 11, primus homo habet 4, quorum omnium tertia, scilicet 3, necessario habet secundus; cum primus cum bursa habeat triplum eius.

De bursa a tribus hominibus reperta.

Item tres homines denarios habentes, qui bursam denariorum inueuerunt; quorum primus divit ceteris. Si daretis mihi bursam denariorum cum denariis, quos habeo, haberem bis tantum quam uos. Secundus, habitis denarijs bursae, preponit se habere ter tantum reliquis. Tertius, si bursam habuerit, quater tantum duobus reliquis se habere affirmat. Queritur, quot unusquisque habebat; et quot in bursa reperierunt. Quia primus, habita bursa, preponit bis tantum alijs habere; ergo si primus habet 2 cum bursa, alij habent 1: ergo inter omnes habent 3: ergo primus, habita bursa, habet $\frac{2}{3}$ totius summe cunctorum trium hominum denariorum et bursae. Eademque ratione secundus homo eiusdem summe habet $\frac{1}{3}$, et tertius habet $\frac{1}{3}$, quare uidendum est de $\frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3}$, in quo reperiantur numero, uidelicet in 60: accipe | ergo $\frac{2}{3}$ de 60, que sunt 40, et $\frac{1}{3}$, que sunt 20, et $\frac{1}{3}$, que sunt 20; et adde insimul, erunt 80; qui numerus magis est in integro, scilicet de 60: et hoc contingit propter denarios bursae, qui ter computantur in prescripta summa, uidelicet cum unoquoque ipsorum. Et cum non sit computanda nisi tantum semel; manifestum est, quod computatur bis plus quam debeat: ergo illud superfluum, quod est a 60 usque in 80, quod est 20, est duplum denariorum bursae. Quare diuidenda sunt 72 per 2; aut 60 per 2 multiplicanda. Sed melius est, ut multiplicetur 60 per 2, quam diuidere 72 per 2. Ideo quia 72 non potest diuidi per 2 absque fractione; ascendit enim multiplicatio de 2 in 60, in 120, que erunt summa cunctorum denariorum, et bursae. Et 72 erunt pro quantitate denariorum bursae. Et quia primus $\frac{2}{3}$ totius summe cum bursa amplectitur, scilicet de 120, ipsum denarios 80 habere non dubitatur: de quibus extractis denarijs bursae, scilicet 72, remanent 8; et tot habuit primus. Item accipe $\frac{1}{3}$ de 120, erunt 40; de quibus extrahere 72, remanent 17; et tot habuit alter. Rursus sume $\frac{1}{3}$ de 120, que sunt 40, et extrahere inde 72, remanent 22; et tot habuit tertius.

Aliter quia primus cum bursa habet $\frac{2}{3}$ totius summe; reliquis duobus $\frac{1}{3}$ eiusdem summe remanere necesse est. Iterum cum secundus cum bursa $\frac{1}{3}$ totius summe detinet; reliquis $\frac{1}{3}$ eiusdem summe remanere non dubitatur. Rursus cum tertius homo habeat

Aliter .i. exponitur .i. fol. 89
re. fol. 14. 21. pag. 212.
lin. 12 — pag. 213. lin. 7.

primus
4
Secundus
3
Bursa
11

fol. 89. verso.

per 2 .i. exponitur .i. fol. 89
verso. lin. 6. 14. et 15. pag. 212.
lin. 23. 42.

primus
7
Secundus
72
tertius
17
bursa
72

$\frac{1}{2}$, et reliqui habent $\frac{1}{2}$. Quare inveniendus est numerus, in quo reperiantur $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$, hoc est 60. Pone igitur, ut summa denariorum trium hominum, et burse sit 60; quorum $\frac{1}{2}$, scilicet 30, habent inter secundum et tertium. Et $\frac{1}{3}$, scilicet 20, habent inter primum et secundum; et sic, unoquoque bis computato, habent inter omnes denarios 47. Quare sit summa ipsorum, et burse duplum de 60; et eorum summa erit 47. Et quia secundus et tertius homo habent $\frac{1}{2}$ ex ipsis 120, scilicet 60, et inter omnes habent 47; residuum quod est a 40 in 47, scilicet 7, habet primus homo. Similiter. Si auferatur $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{3}$ de 120 a 47, remanebant 17 pro denariis secundi, et 22 pro denariis tertiis, ut superior inuenimus. Nam additis 7, et 17, et 22 reddunt 47, ut pro eorum summa inuenimus.

De bursa, cum in ipsa reperiat aliquam denominatam quantitatem.

Nam si dixerit, quod in bursa inuenta sit aliqua quelibet denariorum quantitas, ut dicamus 22; quia denarii burse inuerti sunt esse 72, quos esse uis 72 (sic); pone 22 sub 72, scilicet bursa sub bursa; et post 72 pone denarios trium hominum, ut in margine cernitur; et multiplicabis 22, scilicet bursam per 7 de bursa, et diuide per 72; et habebis denarios primi. Item multiplica 17 per 22, et diuide per 72; et habebis denarios secundi. Bursus multiplica 22 per 22, et diuide per 72; et habebis denarios tertiis hominis.

De bursa a quatuor hominibus inuenta.

Item si proponantur homines esse 4; et primus, habita bursa, preponat habere ter tantum reliquis. Secundus quater tantum; tertius quinques tantum. Et quartus, habita uidelicet bursa, sex tantum reliquis habere affirmet: per superiorem regulam inuenies; quia primus cum bursa habet $\frac{3}{7}$ totius summe, et reliquis remanent 4; et secundus habet $\frac{4}{7}$, et reliquis remanet $\frac{1}{7}$; et tertius habet $\frac{5}{7}$, et reliquis remanent $\frac{2}{7}$; et quartus habet cum eadem bursa $\frac{6}{7}$, et aliis remanet $\frac{1}{7}$. Unde, secundum prius regule considerationem, uidecudum est de $\frac{6}{7} + \frac{5}{7} + \frac{4}{7} + \frac{3}{7}$, in quo reperiantur numero, scilicet in 420; que pone pro summa denariorum ipsorum, et | burse: de quibus accipe $\frac{3}{7}$, scilicet 215, et $\frac{4}{7}$, que sunt 226, et $\frac{5}{7}$, que sunt 250, et $\frac{6}{7}$, que sunt 360. Et adde insimul erunt 1264; de quibus extrahe 420, remanent 944. Et quia homines sunt 4, et semper cum unoquoque ipsorum computatur bursa; ergo bursa computatur quater in prescriptis 1264; cum non sit nisi semel computanda: ergo computatur ter amplius quam debeat. Unde multiplica 420 per 3, erunt 1260, que sunt summa denariorum .iiii.^{or} hominum, et burse; et 944 erunt denarii burse: accipe ergo $\frac{3}{4}$ de 1260, erunt 945; et tot habet primus homo cum bursa: de quo accipe $\frac{1}{4}$, que sunt 945; et extrahe inde 944, remanent 4; et tantum habuit primus. Item accipe $\frac{1}{4}$ de 1260, que sunt 1080; et extrahe inde 944, remanent 67; et tot habuit alter. Bursus extrahe $\frac{1}{4}$ de 1260, que sunt 1050: extrahe inde 944, remanent 106; et tot habuit tertius. Et adhuc accipe $\frac{1}{4}$ de 1260, que sunt 1080; et extrahe inde 944, remanent 126; et tot habuit quartus. Illud idem reperies, si feceris secundam aliam regulam, uidelicet ut $\frac{3}{7} + \frac{4}{7} + \frac{5}{7} + \frac{6}{7}$, que remanent tribus hominibus per ordinem accipias de 420, erunt 319, que sunt summa denariorum .iiii.^{or} hominum: quam extrahe de 1260 superius reperta, remanent 944, que sunt bursa. Et accipe quartam de 1260, que est 315; et extrahe de 319, remanent 4; et tot habuit primus. Item accipe $\frac{1}{4}$ de 1260, que est 252, et extrahe de 319, remanent 67; et tot habuit secundus.

Nam si... 64 67
erunt, in 27 32. pag. 211.
in. 18 19.

bursa	trium	secundus	primus
72	22	17	7
22			

4-4. 70 100

7 que... 64 50
erunt, in. 2 12. pag. 211. in
24 251.

bursa	944
primus	4
secundus	67
tercius	106
quartus	126

Iterum summe $\frac{1}{5}$ de 1260, que est 210, et extrahe de 210, remanent 109; et tot habuit tertius. Rursus sume $\frac{1}{5}$ de 1260, et extrahe de 319, remanent 139; et tot habuit quartus, ut superius per primam regulam inuenisti.

De bursa quinque hominibus reperta.

Item si proponatur, quod homines sint 5; et primus, habita bursa, proponat se habere bis tantum, et dimidium reliquis; et alter, si habuerit bursum, preonat se habere ter tantum, et terciam reliquis. Tercius quoque quater tantum et quartam; quartus uero quinque tantum et quintam; quintus autem cum eadem bursa sexies tantum, et sextam habere affirmat. Secundum superscriptam materiam, cum primus cum bursa habeat bis tantum, et dimidium reliquis; ergo si ipse cum bursa habuerit $\frac{1}{2}$ 2; et omnes reliqui habebunt 1: ergo si ipse habuerit 3, et reliqui habebunt 2; ergo inter omnes habent 7: de quibus cum primus cum bursa habeat 5, nimirum $\frac{5}{7}$ totius summe inter ipsum, et bursum habere demonstratur. Quare reliquis *nr^o* hominibus $\frac{2}{7}$ eiusdem summe remanere non dubitatur. Eadem itaque ratione, si de secundo homine prospexeris, ipsum cum bursa $\frac{10}{12}$ totius summe habere; et reliquis $\frac{5}{12}$ remanere reperies. Quod idem, si de tercio cerneris, ipsum cum bursa $\frac{15}{21}$ totius summe habere; et reliquis $\frac{6}{21}$ eiusdem summe remanere cognosces. Et si de quarto inspexeris, ipsum cum bursa habere $\frac{20}{14}$; et reliquis $\frac{8}{14}$ remanere non dubitatis. Nam si eodem modo de quinto homine inspicere procuraueris, ipsum cum bursa $\frac{25}{15}$ totius summe habere; et reliquis *nr^o* hominibus $\frac{6}{15}$ eiusdem summe remanere inuenies. Quare uideandum est de $\frac{27}{14}$ $\frac{28}{14}$ $\frac{12}{14}$ $\frac{16}{14}$ $\frac{5}{14}$, in quo numero reperiantur. Quod si secundum nostram magisterium, scilicet uostrarum figurarum inuenire uolueris, multiplica 7, que sunt sub 5 per 12, erunt 91; que cum debeas multiplicare per 21, relinque 7, que sunt in regula de 21 propter ipsa 7, que modo multiplicasti per 12; et multiplicabis 91 per 3, que remanent in regula de 21, erunt 273; que per 31, et per 42, erunt 263099; de quibus accipe $\frac{5}{7}$, et $\frac{10}{14}$, et $\frac{15}{21}$, et $\frac{20}{14}$, et $\frac{25}{15}$. Quas si iterum magistraliter secundum eandem artem accipere uolueris, describe minuta prescripta per ordinem sic

$$\left| \begin{array}{c|c|c|c|c} 312131 & 203214 & 294593 & 279926 & 239923 \\ \hline \frac{57}{42} & \frac{56}{24} & \frac{17}{24} & \frac{16}{14} & \frac{5}{7} \end{array} \right|$$

sunt super 7 per 12, erunt 65; que multiplica tantum per 3, que sunt in regula de 21; quia non oportet repetere 7, que sunt in regula de 21 propter ipsa 7, que sunt sub 5, a quibus incepisti modo multiplicare: et sic 3 per 3 multiplicata reddunt 195; que per 31, et per 42, erunt 259923, que sunt $\frac{1}{5}$ ipsius prescripti numeri; que ponatur super $\frac{2}{11}$, sicuti superius cernuntur esse descripti. Iterum multiplica 10, que sunt super 12, per 21; que per 31, et per 42, erunt 279926, que relinquuntur, ut non multiplicentur per 7, que sunt sub 3 propter ipsa 7, que sunt in regula de 21; et describantur 279926 super $\frac{10}{11}$. Rursus multiplica 17, que sunt super 21, per 21, et per 42, et per 12. Et relinquuntur quod non multiplicabuntur per 7, que sunt sub 5, erunt 294593, que pone super $\frac{17}{11}$. Item multiplica 20, que sunt super 31, per 42, et per 21, et per 12, erunt 263214, que pone super $\frac{20}{11}$. Adhuc multiplica 27, que sunt super 42, per 31, et per 21, et per 12, erunt 312131; que pone super $\frac{27}{11}$, et adde 259923 cum 279926, et cum 294593, et cum 263214, et cum 312131, erunt 1452892; de quibus extrahe 263099, remanent 1088894, que sunt quantitas denariorum burse. Et quia homines sunt 5, bursa computatur quater magis quam oportet. Quare multiplicanda sunt 263099 per 4, erunt 1452896,

(f. 90 verso)

Primum et duo Quater, per 4
 Sub 19 servat, hoc 22, 14,
 216, hoc 218.

Primo
1 0 8 8 5 0 4
denarios quatuor denarios
4 0 1 5 4
denarios sexaginta
2 0 8 2 6
Tercio
5 0 4 7 8
quarto
1 2 1 0 6 2
quinto
1 6 3 6 3 0

que sunt summa burse, et denariorum quinque hominum: et quia primus habet $\frac{2}{3}$ totius summe, accipe $\frac{2}{3}$ de 1455636, que sunt 1029740; et tot habent inter primum, et bursam. Sed quia superius magis in bursa repertum est, quam id quod inter bursam, et primum hominem habent: aut positio huius questionis indissolubilis erit; aut primus homo debitum habebit, illud videlicet quod deest a summa denariorum ipsius, et burse usque ad summam denariorum burse, scilicet id quod est a 1029740 usque in 1088694, quod est 49154. Item accipe $\frac{10}{17}$ de 1455636, que sunt 119720; et tot habuit inter secundum hominem, et bursam: de quibus extractis denariis burse, scilicet 1088894, remanent 20826; et tot habuit secundus. Iterum accipe $\frac{17}{31}$ de 1455636, que sunt 1178372; de quibus extrahere denarios burse, remanent 80478; et tot habuit tertius. Rursus accipe $\frac{25}{31}$ de 1455636, que sunt 1209856; de quibus extrahere denarios burse, scilicet 1088894, remanent 120962; et tot habuit quartus. Et adhuc accipe $\frac{25}{31}$ de 1455636, que sunt 1209856; de quibus extrahere 1088894, remanent 120962; et tot habuit quintus.

Modus alius ad inventionem burse inter tres homines.

Tres homines denarios habentes bursam denarium inveniunt. Quorum primus dixit secundo. Si haberem denarios burse, te in duplo excederem. Secundus dixit tercio: quod si haberet bursam, excedet illum in triplo. Tercius si haberet bursam, proponit se habere quater tantum primo. Queritur, quia in bursa reperierunt; et quot unusquisque habeat. Pro duplo dicitur $\frac{1}{2}$. Ideo quia denarii secundi sunt $\frac{1}{2}$ denariorum primi, et burse; cum primus cum bursa habeat duplum eius, et de triplo $\frac{1}{3}$, et de quadruplo $\frac{1}{4}$; et describit in ordinem sic $1 : \frac{1}{2} : \frac{1}{3} : \frac{1}{4}$; et multiplica 2 per 2, erunt 6; que per 4, erunt 24; de quibus extrahere multiplicationem de 1, quod est super 2, in 1, quod est super 2 ductum in 1, quod est super 4; que multiplicatio tantum ascendit in 1, remanent 23; et tot denarii inveniunt in bursa. Post hec descende $\frac{1}{2}$ in $\frac{1}{3}$; quia secundus habet $\frac{1}{2}$ summe denariorum suorum, et primi, et burse. Similiter eadem ratione descende $\frac{1}{3}$ in $\frac{1}{4}$, et $\frac{1}{4}$ in $\frac{1}{5}$; et pone eas ex parte sic $\frac{1}{2} : \frac{1}{3} : \frac{1}{4} : \frac{1}{5}$; et multiplica 3 per 4, et per 5, erunt 60; quibus super adde 1, quod exiit ex multiplicatione de 1, quod est super 3, in 1, quod est super 4; quam in 1, quod est super 5, erunt 61; que sunt summa denariorum trium hominum, et burse. Post hec extrahere 1, quod est super 3, de eisdem 3, remanent 2; que multiplica per 4, erunt 8; quibus super adde multiplicationem de 1, quod est super 3, in 1, quod est super 4, eruntque 9: que multiplica per 1, quod est super 5, erunt 9; et tot habuit primus. Item extrahere 1, quod est super 4, de eisdem 3, remanent 2; que multiplica per 5, et adde multiplicationem de 1, quod est super 4, in uno, quod est super 5, erunt 16; que multiplica per 1, quod est super 3, et erunt 16; et tot habuit alter. Iterum extrahere 1, quod est super 3, de 5, remanet 4; que multiplica per 3, erunt 12; et multiplica 1, quod est super 5, per 1, quod est super 3, et adde cum 12, erunt 13; que multiplica per 1, quod est super 4, erunt similiter 13; et tot habuit tertius. Potes enim promptius denarios uniuscuiusque reperire: pones $\frac{1}{2} : \frac{1}{3} : \frac{1}{4}$ in ordinem, ut supra; et de superscriptis 24 retine quartum, scilicet 6; cum quibus 6 iunge tertium ipsorum, scilicet 2, erunt 8; super quem 8 adde dimidium de 2, que modo addisti, cum 6, erunt 9; et tot habet primus. Cum quibus 9 adde bursam, scilicet 22, erunt 32; quorum dimidium, scilicet 16, habet secundus. Cum quibus, addita bursa, erunt 39; quorum tertiam partem habet tertius.

Id. 31. 15. 15. 15.

Primo 5 = et per 15. 15. 15
 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15. 15
 24 24

1	2	3	4
4	2	3	2
4	2	3	2

Extrahere 1. = system habet
 11. 14 servat, hoc 11 21, 14,
 216, hoc 32 13.

Burse
23
Primo
9
Secundo
16
Tercio
13

De bursa inter homines inuenta secundum istam modum.

Rursus si proponatur, quod unus illorum, habitu bursa, habeat bis tantum, et dimidium secundo. Et secundus ter tantum, et tercius tercio. Et tercius habeat quater tantum, et quartam primi. Quia primus, habita bursa, habet bis tantum et dimidium secundo; ergo si primus habet tunc $\frac{1}{2}$ 2; et secundus habet 1: ergo si primus habet 5, et secundus habet 2; ergo secundus habet $\frac{2}{5}$ primi, et burse; et habet $\frac{8}{5}$ sui, et primi, et burse. Pone ergo $\frac{2}{5}$ in unam partem, et $\frac{7}{5}$ in aliam. Item quia secundus, habita bursa, habet ter tantum, et terciam tercio; ergo si secundus tunc habet 10, et tercius habet 3; ergo tercius habet $\frac{3}{10}$ secundi, et burse; et habet $\frac{8}{10}$ sui, et secundi, et burse. Pone $\frac{3}{10}$ cum $\frac{1}{5}$ superius inuentis; et $\frac{3}{10}$ pone cum $\frac{7}{5}$. Item quia tercius, habita bursa, habet quater tantum, et quartam primo; ergo primus habet $\frac{4}{11}$ tercii, et burse; et habet $\frac{7}{11}$ sui, et tercii, et burse. Pone $\frac{4}{11}$ cum $\frac{7}{11}$; et $\frac{4}{11}$ cum $\frac{7}{11}$; sicut in margine ostenditur; et operare ut supra.

Tres homines habent denarios, et inuenerunt bursam denariorum; quorum primus cum bursa excedit secundum in duplo. Secundus tercium in triplo; tercius primum in quadruplo. Queritur quot unusquisque habuit, et quot reperierunt in bursa: pro duplo pone $\frac{1}{2}$, scilicet partem, quam habet secundus ex denarijs primi, et burse. Et pro triplo pone $\frac{1}{3}$, quam partem habet tercius homo ex denarijs secundi, et burse. Similiter pro quadruplo pone $\frac{1}{4}$ post $\frac{1}{2}$ sic $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$. Nam $\frac{1}{2}$ est pars, quam primus homo habet ex denarijs tercii hominis, et burse. Deinde multiplica 2 per 3; que per 4, erunt 24; de quibus tolle 1, quod oritur ex multiplicatione de 1, quod est super 2, in 4, quod est super 3 ducta in 1, quod est super 4, remanebunt 23 pro denarijs burse. Deinde necipe $\frac{1}{2}$ de 24, que est 12; cum quibus adde tercium eorum, scilicet 3, erunt 15; cum quibus adde $\frac{1}{3}$ ipsorum, scilicet 5; et tot denarios habet primus: quos adde cum denarijs burse, scilicet cum 23, erunt 28; quorum $\frac{2}{3}$, scilicet denarios 16, habet secundus; cum quibus, addita bursa, erunt 29; quorum $\frac{1}{4}$, scilicet 12, habet tercius.

Aliter, positus $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$, multiplica 1, quod est super 4 per 3, que sunt sub uirga; que per 2, erunt 6; et hoc est accipere quartam de 24. Item 1, quod est super 4, multiplica per 1, quod est super 3; quod per 2, que sunt sub uirga, erunt 2; que sunt $\frac{1}{3}$; quam accepimus superius de 6, que fuerunt $\frac{1}{4}$ de 24. Rursus multiplica 1, quod est super 4, per 1, quod est super 3; quod per 1, quod est super 2, erit 1; et hoc est accipere $\frac{1}{2}$ de 2, que fuerunt $\frac{1}{3}$ de 6: adde ergo 6, et 2, et 1, erunt 9, scilicet denarij primi hominis. Possumus etiam hec promptius inuenire; uidelicet 1, quod est super 4, multiplica per 3, et superadde multiplicationem eiusdem 1 in 1, quod est super 2, hoc est multiplica 1, quod est super 4, per 3, et adde 1, erunt 4; que multiplica per 2, que sunt sub uirga, erunt 8; quibus adde multiplicationem de 1, quod est super 4, in 4, quod est super 2, ductam in 1, quod est super 2, erunt similiter 9: deinde, ut secundum hunc modum inuenias denarios aliorum, redige $\frac{1}{2}$ ad sinistram sic: $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$; et multiplica 1, quod est super 2, per 3, scilicet per coniunctionem de 4 cum 1, quod est super ipsa 4, erunt 3; que multiplica per 3, erunt 13; quibus super adde 1, quod prouenit ex ducto 1, quod est super 2, in 1, quod est super 4; quod in 1, quod est super 2, erunt 16, ut pro denarijs secundi hominis inuenimus. Vel accipe $\frac{1}{2}$ de 24, et $\frac{1}{3}$ ipsius medietatis, et $\frac{1}{4}$ ipsius quarte; et habebis similiter 16. Item redige $\frac{1}{2}$ ab alio

Arithm. m. c. d. lxxviii. c. lxxviii. p. 147.
54 recte, l. 10. SE. 26. l. 10. 217.
lin. 2-3.

$\frac{4}{11}$	$\frac{7}{11}$	$\frac{7}{11}$
$\frac{1}{24}$	$\frac{3}{11}$	$\frac{9}{11}$

fol. 54 verso.

capite sic: $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$; et fac ut fecisti in intentione denariorum reliquorum hominum; et habebis 12 pro denarijs tertij hominis.

Et si primus cum bursa excedat secundum in duplo, et in dimidio eius; et secundus cum bursa excedat tertium hominem in triplo, et in tercia eius; et tertius homo cum bursa excedat primum in quadruplo, et eius quarta. Quia cum primus cum bursa excedit secundum in duplo eius, et dimidio; ergo si primus cum bursa habet $\frac{1}{2} \times 2$; secundus quidem habet 1: quare si primus cum bursa habet duplum de $\frac{1}{2} \times 2$, scilicet 5; secundus habebit 2: ergo denarij secundi sunt $\frac{2}{5}$ denariorum primi, et burse. Similiter inuenies, tertium hominem habere $\frac{3}{12}$ denariorum secundi, et burse. Et primum habere $\frac{4}{12}$ denariorum tertij hominis, et burse. Quare pones in ordinem $\frac{1}{12} \frac{2}{12} \frac{3}{12}$; et multiplicabis 3 per 10; que per 17, erunt 850; et 2 per 3; que per 4, erunt 24; que extrahes de 850, remanent 826 pro denarijs burse: post hec multiplica 4 per 10, et per 3, hoc est per 12, in una multiplicatione, erunt 52; que multiplica per 5, et adde multiplicationem de 4 in 2 ductam in 2, erunt 204; et tot habuit primus. Deinde redige $\frac{3}{5}$ post $\frac{4}{12}$ sic: $\frac{1}{12} \frac{1}{12} \frac{1}{12}$; et multiplica 2 per 21, scilicet per coniuncta de 17 cum 4, erunt 42; que multiplica per 10, et adde 24, scilicet bis 4 ter, pro 2, et 4, et 2, que sunt super uirgas, erunt 444; et tot habuit secundus. Vel accipe $\frac{2}{5}$ de denarijs primi, et burse: deinde redige $\frac{2}{10}$ post $\frac{3}{12}$ sic: $\frac{1}{10} \frac{1}{12}$, et operare ut supra, et habebis 381 pro denarijs tertij hominis. Vel de denarijs secundi, et burse accipe $\frac{1}{12}$.

Item homines sint .iij. et denarij primi, et burse sint duplum denariorum secundi: denarij quoque secundi, et burse sint triplum denariorum tertij hominis: denarij autem tertij hominis, et burse sint quadruplum denariorum quarti hominis: denarij quidem quarti hominis, et burse sint quincuplum denariorum primi: quia primus cum bursa excedit secundum in duplo, erunt denarij secundi hominis $\frac{2}{5}$ denariorum primi et burse. Similiter ex hijs, que posita sunt, denarij tertij hominis sunt $\frac{3}{12}$ denariorum secundi | et burse. Et denarij quarti hominis sunt $\frac{4}{12}$ denariorum tertij hominis, et burse. Nam et denarij primi hominis sunt $\frac{1}{2}$ denariorum quarti hominis, et burse. Quare pone in ordinem $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4}$; et multiplica numeros, qui sunt sub uirgis in se, erunt 120: de quibus tolle 1, quod prouenit ex multiplicatione unitatum, que sunt super uirgas in se, erunt 119 pro denarijs burse. Post hec accipe $\frac{1}{2}$ de 120, erunt 24; de quibus accipe $\frac{1}{3}$, erunt 6; de quibus accipe $\frac{1}{4}$, erunt 2; de quibus accipe $\frac{1}{5}$, erit 1: quos .iij. numeros insimul iunge, reddent 32 pro denarijs primi hominis. Vel multiplica 1, quod est super 5, per 4; que per 3; que per 2, erunt 24; quod idem est accipere quantam de dictis 120. Item multiplicabis 1, quod est super 5, per 1, quod est super 4; quod per 2; que per 3, erunt 6; quod idem est accipere quantam de dictis 24. Rursus 1, quod est super 5, per 1, quod est super 4; quod per 1, quod est super 3; quod per 2, erunt 2: quod idem est accipere $\frac{1}{2}$ de dictis 6. Et adhuc 1, quod est super 5, per 1, quod est super 4; quod per 1, quod est super 3; quod per 1, quod est super 2; et erit; quod idem est accipere $\frac{1}{2}$ de dictis 2, que fuerunt $\frac{1}{2}$ de 6. Adde 24 cum 6, et cum 2, et cum 1, erunt similiter 32; que potes promptius reperire: uidelicet multiplica 1, quod est super 5, per 4, et adde multiplicationem eiusdem 1 in 1, quod est super 4. Et hoc est sicut multiplicare 1, quod est super 5, in 4, et in 1, scilicet in 5 in una multiplicatione, erunt 5; que multiplica per 3; et adde mul-

multiplicationem de 1, quod est super 3, in 1, quod est super 4; quod in 1, quod est super 3, erunt 16: que multiplicata per 3, et adde multiplicationem m^m unitatum, que sunt super uirgaa, erunt similiter 33: deinde redige $\frac{1}{2}$ in capite linee ruptorum sic: $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$; et operaberis cum ruptis, incipiendo a $\frac{1}{2}$, sicuti superius fecisti, incipiendo a $\frac{1}{2}$: uidelicet accipies $\frac{1}{2}$ de 120, scilicet 60; de quibus accipies $\frac{1}{2}$, uidelicet 30; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, scilicet 15; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, uidelicet 7, et iunge insimul, erunt 76; et tot habet secundus. Vel aliter: denarij primi, scilicet 33, cum denarijs burse iunge, scilicet cum 119, erunt 152; quorum medietatem, scilicet 76, habet secundus. Rursus pone $\frac{1}{2}$ in principio linee sic: $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$, ex operaberis ut supra, incipiendo a $\frac{1}{2}$ de 120; et habebis 63 pro denarijs tercii hominis: uel ex denarijs secundi et burse, accipe terciam partem. Iterum pone in principio linee $\frac{1}{2}$ sic: $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$; et inuenies denarios quarti ordine superscripto esse 40, qui sunt quarta de denarijs terciæ, et burse: procedit enim superscripta inuenio denariorum primi, et burse ex proportione, quam habent ad inueniendam; que proportio inuenitur sic. Quoniam primas cum bursa habet his tantum quam secundus; medietas primi et burse est quantum denarij secundi. Secundum hanc consimilem considerationem inuenies $\frac{1}{2}$ denariorum secundi et burse esse quantum denarij tercii hominis; et $\frac{1}{4}$ denariorum tercii hominis, et burse esse quantum denarij quarti hominis. Et $\frac{1}{8}$ denariorum quarti et burse esse quantum denarij primi hominis. Et quoniam medietas denariorum primi, et burse est quantum denarij secundi. Tercia pars medietatis denariorum primi, et burse, scilicet $\frac{1}{6}$ eorum, sunt $\frac{1}{2}$ denariorum secundi. Communiter adiungatur $\frac{1}{2}$ burse, erit $\frac{1}{2}$ denariorum primi cum $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{6}$, scilicet cum $\frac{1}{2}$ burse, quantum $\frac{1}{2}$ denariorum secundi cum $\frac{1}{6}$ denariorum burse; que $\frac{1}{2}$ denariorum secundi cum $\frac{1}{6}$ denariorum burse sunt quantum denarij tercii hominis. Quare $\frac{1}{2}$ denariorum primi cum $\frac{1}{2}$ denariorum burse sunt quantum denarij tercii hominis. Quare $\frac{1}{3}$ sexte partis denariorum primi, scilicet $\frac{1}{27}$, cum $\frac{1}{6}$ medietatis burse, uidelicet $\frac{1}{6}$, sunt quantum quantum denariorum tercii hominis. Communiter adiungatur $\frac{1}{3}$ denariorum burse, erit $\frac{1}{27}$ denariorum primi cum $\frac{1}{6}$ et $\frac{1}{6}$, scilicet cum $\frac{1}{3}$ denariorum burse, quantum $\frac{1}{3}$ denariorum tercii cum $\frac{1}{6}$ denariorum burse; que $\frac{1}{3}$ denariorum tercii, et burse sunt quantum denarij quarti hominis: ergo $\frac{1}{27}$ denariorum primi cum $\frac{1}{6}$ denariorum burse sunt quantum denarij quarti hominis. Quare $\frac{1}{9}$ de $\frac{1}{27}$, scilicet $\frac{1}{243}$ denariorum primi cum $\frac{1}{6}$ de $\frac{1}{6}$, uidelicet cum $\frac{1}{6}$ denariorum burse, sunt quantum $\frac{1}{9}$ denariorum primi cum $\frac{1}{6}$ et $\frac{1}{6}$, uidelicet cum $\frac{1}{9}$ denariorum burse, quantum $\frac{1}{9}$ denariorum quarti, et burse: que $\frac{1}{9}$ denariorum quarti, et burse est quantum denarij primi hominis. Quare $\frac{1}{243}$ denariorum primi cum $\frac{1}{6}$ burse sunt quantum denarij primi hominis. Communiter auferatur $\frac{1}{243}$ denariorum primi, remanebant $\frac{1}{243}$ denariorum burse, quantum $\frac{1}{243}$ denariorum primi. Quare reperti sunt superius duo numeri, scilicet 119 et 33, ex quibus $\frac{119}{33}$ de 119, sunt $\frac{119}{33}$ de 33. Nam modus reperiendi duos numeros, ex quibus $\frac{119}{33}$ nnius sint $\frac{119}{170}$ alterius; hoc est inuenitur numerus, qui dinidatur integraliter per 40, et per 120; qui numerus est 120, de quo accipitur $\frac{119}{120}$, que sunt 32, et $\frac{119}{120}$, que sunt 119; et sunt postea $\frac{119}{120}$ de 33, quantum $\frac{119}{120}$ de 119; quia $\frac{119}{120}$ de $\frac{119}{120}$ unius numeri est quantum $\frac{119}{120}$ de $\frac{119}{120}$ eiusdem numeri. Accipimus enim superius $\frac{119}{120}$ de 120, cum ex multiplicatione numerorum, qui sunt sub uirgulis de $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ extraximus multiplicationem uni-

Et 58.

tatum, que sunt super uirgulas. Similiter accepimus $\frac{11}{12}$ de 120 conuinximus 24, que sunt $\frac{1}{2}$ de 120 cum 6, que sunt $\frac{1}{20}$ eiusdem, et cum 2, que sunt $\frac{1}{60}$ de (sic), et cum 1 quod est $\frac{1}{120}$. Nam $\frac{1}{120} + \frac{1}{20} + \frac{1}{60} + \frac{1}{120} = \frac{1}{30}$ insimul iunctis faciunt $\frac{1}{30}$. Et si denarij primi hominis et burse excedant denarios secundi in duplo, et eorum dimidio. Et denarij secundi et burse excedant denarios tertij in triplo, et eorum tercia. Et denarij similiter tertij hominis, et burse excedant denarios quarti in quadruplo, et quarta. Et denarij quarti, et burse excedant denarios primi in quincuplo, et eorum quinta. Inuenies siquidem per ea, que supradiximus, denarios secundi esse $\frac{2}{3}$ denariorum primi, et burse; et denarios tertij hominis esse $\frac{1}{3}$ denariorum secundi, et burse; et denarios quarti hominis esse $\frac{1}{15}$ denariorum tertij hominis, et burse. Et adhuc reperies denarios primi esse $\frac{3}{5}$ denariorum quarti hominis, et burse. Quare pone $\frac{3}{20} + \frac{1}{10} + \frac{1}{20} = \frac{1}{4}$ ex parte, et multiplica 26 per 17; que per 10; que per 5, que sunt sub uirgis, erunt 22100; de quibus extrahe multiplicationem de 5 in 4; quam in 3; quam in 2, que sunt super uirgas, erunt scilicet 120, remanebunt 2190 pro denarijs burse: post hec multiplica 5, que sunt super 26 per 17, et per 4, hoc est per 21, erunt 105; que multiplica per 10; et adde 5 uicibus 4, uicibus 3, scilicet 60, erunt 1110; que multiplica per 5, que sunt sub prima uirga, et super adde multiplicationem de 5, que sunt super 26, in 4; quam in 3; quam in 2, scilicet 180, erunt denarij 5670; et tot habuit primus homo: deinde redige $\frac{2}{3}$ post $\frac{1}{10}$ sic: $\frac{2}{3} + \frac{1}{10} = \frac{23}{30}$; et incipias a $\frac{1}{2}$, procedens ordine suprascripto; et inuenies denarios secundi hominis 11000: postea redige $\frac{1}{3}$ post $\frac{2}{3}$ sic: $\frac{2}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{1}$, et operare ut supra; et pro denarijs tertij hominis habebis 9912: ad ultimum quidem redige $\frac{1}{15}$ post $\frac{1}{3}$ sic: $\frac{1}{3} + \frac{1}{15} = \frac{4}{15}$; et fac ut supra, scilicet multiplica 4, que sunt super 17, per 13; que per 5, et adde 4 uicibus 3, uicibus 2; que omnia per 26, et adde 120 suprascripta, erunt 7504; et tot habuit quartus homo: et sic secundum hunc modum procedas, si homines fuerint plures quam 4.

Item nu.^m homines nu.^m inuenerit bursas denariorum. In secunda quarum erant denarij 3 plusquam in prima. In tercia 7. In quarta 13; et primus cum prima bursa habet his tantum quam secundus. Secundus cum secunda ter tantum quam tertius; tertius cum tercia quater tantum quam quartus; quartus cum quarta quinque tantum quam primus. Queritur quot unusquisque habuit; et quot in uanisque bursa reperitum fuit; et fiant omnes numeri in integrum: pones ratione suprascripta $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$; et super $\frac{1}{2}$ pones 0, in quo prima bursa excedit seipsam. Super $\frac{1}{3}$ pones 3; super $\frac{1}{4}$ pone 7; super $\frac{1}{2}$ pone 13; in quibus relique burse excedunt primam. Deinde super medietatem de 0 adde 3, que sunt super $\frac{1}{2}$, erunt 3; quorum terciam partem iunge cum 7, que sunt super $\frac{1}{3}$, erant 3; quorum $\frac{1}{3}$ iunge cum 13, que sunt super $\frac{1}{4}$, erunt 13; quorum quinta, scilicet 3, serua ex parte; et inuenias 109, et 119, et 21 suprascripta, ut in alia antecedente questione fecimus; et diuide 119, et 33 per 120, exhibunt $\frac{119}{120}$, et $\frac{33}{120}$. Tunc inuenias duos numeros, ex quibus $\frac{119}{120}$ unius sint 3 plus $\frac{1}{12}$ alterius, scilicet ipsa 3, que seruata sunt superius: quos duos numeros si inuenieris in integrum, habebis in integrum denarios hominum, et bursarum, que in integrum reperiuntur sic: pone ut primus numerus sit 120; de quibus $\frac{119}{120}$, scilicet de 119, extrahe 3, remaneant 116; de quibus considera, si sint $\frac{11}{12}$ alicuius numeri integri: que cum non sint propter 116, que non diuiduntur integraliter per 11, que sunt super 40. Nam 116 sunt $\frac{11}{12}$ ex numero, qui exit ex multi-

plicatione de 40 in 116 diuisa per 11. Quare pone pro primo duplum de 120, uel triplum uel aliud quodlibet multiplex, ex quibus $\frac{116}{11}$ extractis 3 suprascriptis, remaneat numerus, qui diuidatur integraliter per 11. Quare pone pro primo 480, scilicet quadruplum de 120, quorum $\frac{416}{11}$ sunt quadruplum de 116, scilicet 476: de quibus extractis 3, remaneat 473; quorum $\frac{473}{11}$, scilicet 43, multiplica per 40, erunt 1720, qui est alius numerus: ergo primus habet 480; et in prima bursa reperierunt 1720. Quare in secunda fuerunt 1723. In tertia 1727. In quarta 1733, cum quibus bursis, et cum denarijs primi inuenies, secundum hominem habere 1100; tertium 941; quartum 667. Proccedit enim hec regula ex inuentione proportionis, quam habent denarij primi ad denarios prime burse sic. Quia primus cum prima bursa habet bis tantum quam secundus. Medietas denariorum primi, et prime burse sunt quantum denarij secundi. Similiter inuenies $\frac{1}{2}$ denariorum secundi, et secunde burse esse quantum denarij tercii hominis; et $\frac{1}{2}$ tercii, et tercię burse esse quantum denarij quarti hominis; et $\frac{1}{2}$ quarti hominis, et quarte burse esse quantum denarij primi. Et quoniam $\frac{1}{2}$ primi, et prime burse est quantum denarij secundi; $\frac{1}{2}$ medietatis, scilicet primi, et prime burse est quantum $\frac{1}{2}$ denariorum secundi. Communiter addatur $\frac{1}{2}$ secunde burse, que est denarius 1, plus tertia parte prime burse; quod 1 est illud, quod habuimus superius, cum accepimus $\frac{1}{2}$ de 20, que sunt super $\frac{1}{2}$ in questione; erit tunc $\frac{1}{2}$ denariorum primi cum $\frac{1}{2}$ et $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{2}$ prime burse, et cum denario 1, quantum est $\frac{1}{2}$ secundi, et secunde burse. Nam $\frac{1}{2}$ secundi, et secunde burse est quantum sunt denarij tercii hominis. Quare $\frac{1}{2}$ denariorum primi cum $\frac{1}{2}$ prime burse, et cum denario 1 sunt quantum sunt denarij tercii hominis. Quare $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{4}$ denariorum primi, et $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{4}$ prime burse cum $\frac{1}{4}$ unius denarij, sunt quantum $\frac{1}{4}$ denariorum tercii hominis. Communiter adiungatur $\frac{1}{4}$ tercię burse, que est denarius $\frac{1}{4}$, plus quarta parte prime burse; tunc $\frac{1}{4}$ primi, et $\frac{1}{4}$, et $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{4}$ prime burse cum $\frac{1}{4}$ unius denarij, et cum denarij (sic) $\frac{1}{4}$ 1, scilicet cum denarijs 2, erunt quantum est $\frac{1}{4}$ tercii hominis, et tercię burse. Nam $\frac{1}{4}$ tercii hominis, et tercię burse est quantum sunt denarij quarti hominis: ergo $\frac{1}{4}$ denariorum primi, et $\frac{1}{4}$ prime burse cum denarijs 2 sunt quantum denarij quarti hominis. Sunt quidem suprascripti denarij 2 illi, quos habuimus superius: cum accepimus 4 de 818, habuimus ex coniunctione de 1, quod fuit $\frac{1}{4}$ de 3 cum 7, in quibus tertia bursa excedit primam. Et quoniam $\frac{1}{4}$ primi, et $\frac{1}{4}$ prime burse cum denarijs 2 sunt quantum denarij quarti hominis, erit $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{16}$ denariorum primi cum $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$, scilicet cum $\frac{1}{16}$ prime burse, et cum $\frac{1}{4}$ de denarijs 2, scilicet cum $\frac{1}{2}$ unius denarij, quantum $\frac{1}{4}$ de denarijs quarti hominis. Communiter addatur $\frac{1}{4}$ quarte burse, que est $\frac{1}{4}$ de denarijs 12, scilicet $\frac{1}{4}$ 9, plus de $\frac{1}{4}$ prime burse; tunc $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{11}{16}$ prime burse, et $\frac{7}{4}$ unius denarij, et denarij $\frac{1}{4}$ 9, erunt quantum $\frac{1}{4}$ denariorum quarti, et quarte burse. Nam $\frac{1}{4}$ denariorum quarti hominis, et quarte burse est quantum denarij primi: ergo $\frac{1}{16}$ denariorum primi, et $\frac{11}{16}$ prime burse cum denarijs 3 sunt quantum denarij primi hominis. Communiter extralatur $\frac{1}{16}$ denariorum primi, remanebunt $\frac{11}{16}$ prime burse cum denarijs 3, quantum $\frac{11}{16}$ denariorum primi. Vnde inuenimus superius duos numeros, quorum $\frac{11}{16}$ primi sunt 3 plus de $\frac{11}{16}$ alterius. Et notandum, si in secunda bursa inuenti essent denarij 2, in tertia denarij 7. Et in quarta denarij 12, minus quam in prima, sicut in hac questione inuenti sunt, plus de eisdem demonstrationibus; inuenies quod oportet inuenire

duos numeros, ex quibus $\frac{112}{14}$ unius essent 8 | minus $\frac{112}{14}$ alterius; et sic haberet primus denarijs (sic) 840, qui sunt septies 190; et in prima bursa essent 2400. In secunda 3037. In tertia 3032. In quarta 3027; et secundus homo haberet 1946; tercius 1650; quartus 1172: hec et similes questiones per elchataym solui non possunt in integrum, nisi fortuito accideret, quod positiones, que ponuntur in ipso elchataym essent numeri, in quibus in integrum caderent. Et si proponatur, quod in prima bursa reperisset denarios 26. In secunda 29. In tertia 24. In quarta 20: pones 26 super $\frac{1}{2}$, et 29 super $\frac{1}{3}$, et 24 super $\frac{1}{4}$, et 20 super $\frac{1}{5}$; et adde $\frac{1}{5}$ de 26 cum 29, erunt 42; quorum $\frac{1}{2}$, scilicet 21, adde cum 24, erunt 45; quorum $\frac{1}{3}$, scilicet 15, adde cum 29; quorum $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{4}$ 10, multiplica per 120, et diuide per 140 superius inuentos, exhibunt $\frac{1}{7}$ 10; et tot habuit primus: quibus iunctis cum 26 prime burse, faciunt $\frac{2}{7}$ 36: quorum $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{2}$ 18, habet secundus: cum quibus iunctis 29 secunde burse, erunt $\frac{1}{7}$ 47; quorum $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{3}$ 15, habet tercius: cum quibus iunctis 24 tercie burse, faciunt $\frac{2}{7}$ 49; quorum $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{4}$ 12, habet quartus homo: procedi enim hec regula ex inuentione proportionis denariorum burse ad denarios primi hominis sic: manifestum quidem est, quod medietas denariorum primi cum denarijs 12, qui sunt $\frac{1}{2}$ prime burse, sunt quantum denarij secundi. Similiter $\frac{1}{3}$ denariorum secundi cum $\frac{1}{3}$ secunde burse, scilicet cum $\frac{2}{7}$ 9, sunt quantum denarij tercij. Rursus $\frac{1}{4}$ denariorum tercij cum denarijs $\frac{1}{5}$ 8, scilicet cum $\frac{1}{4}$ tercie burse, sunt quantum denarij quarti hominis. Item $\frac{1}{5}$ denariorum quarti hominis cum denarijs $\frac{1}{6}$ 7, scilicet cum $\frac{1}{5}$ quarte burse, sunt quantum denarij primi. Et quoniam $\frac{1}{2}$ denariorum primi cum denarijs 12 sunt quantum denarij secundi; $\frac{1}{3}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{3}$ denariorum primi cum $\frac{1}{3}$ denarijs 12, scilicet cum $\frac{1}{3}$ 4, sunt quantum $\frac{1}{3}$ denariorum secundi. Communiter adiungantur denarij $\frac{1}{3}$ 9, erit $\frac{1}{2}$ denariorum primi cum denarijs $\frac{1}{3}$ 4, et $\frac{2}{7}$ 9, scilicet cum 14, quantum $\frac{1}{4}$ denariorum secundi cum denarijs $\frac{2}{7}$ 9. Verum $\frac{1}{4}$ denariorum secundi cum denarijs $\frac{1}{5}$ 8 sunt quantum denarij tercij hominis; ergo $\frac{1}{4}$ denariorum primi cum denarijs 14 sunt quantum denarij tercij. Quare $\frac{1}{5}$ de $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{5}$ denariorum primi cum $\frac{1}{5}$ de denarijs 14, scilicet cum $\frac{1}{5}$ 2, sunt quantum denarij tercij. Communiter adiungantur denarij $\frac{1}{5}$ 8, erit $\frac{1}{24}$ denariorum primi cum denarijs $\frac{1}{5}$ 2, et $\frac{1}{7}$ 8, scilicet cum denarijs 12, quantum $\frac{1}{6}$ denariorum tercij cum denarijs $\frac{1}{6}$ 8. Verum $\frac{1}{6}$ denariorum tercij cum denarijs $\frac{1}{7}$ a sunt quantum denarij quarti. Communiter adiungantur denarij $\frac{1}{7}$ 7, erit $\frac{1}{120}$ denariorum primi cum denarijs $\frac{1}{7}$ 7, et $\frac{1}{10}$ 7, scilicet cum denarijs $\frac{1}{10}$ 10, quantum $\frac{1}{8}$ denariorum quarti cum denarijs $\frac{1}{8}$ 7. Verum $\frac{1}{8}$ denariorum quarti cum denarijs $\frac{1}{9}$ 7 sunt quantum denarij primi. Similiter et $\frac{1}{120}$ denariorum primi cum denarijs $\frac{1}{9}$ 9 sunt quantum denarij primi. Communiter auferatur $\frac{1}{120}$ denariorum primi, remanebunt $\frac{119}{120}$ denariorum ipsius primi quantum $\frac{1}{10}$ denariorum primi, remanebunt $\frac{112}{120}$ ipsius primi, quantum $\frac{1}{10}$ 10. Quare reperiendus est numerus, ex quo $\frac{1}{10}$ 10 sint $\frac{112}{120}$, qui reperitur ex multiplicatione de $\frac{1}{10}$ 10 in 120, diuisa per 119, ut superius fecimus. Et si proponatur, quod denarijs prime burse multiplicatis per denarios quarte burse, faciant multiplicationem denariorum secunde in terciam; et multiplicatis denarijs prime in denarijs tercie, faciant multiplicationem denariorum secunde in se ipsos; et adhuc multiplicatis denarijs secunde cum quarte (sic) faciant multiplicationem denariorum tercie in se ipsos. Pro denarijs *iii.* bursum pone *iii.* numeros in continua proportionalitate; ex quibus pro prima burse sit *a* pro secunda 12; pro tercia 24; pro quarta 48, ut hic ostenditur; et operaberis ut supra,

et habebis pro quantitate primi hominis $\frac{2}{3}$ 11; quos si in integrum habere uis, multiplica eos per 7, erunt 77. Quare multiplicabis denarios prime burse, scilicet 6 per 7, erunt 42. Nam cum 76, et 42 diuidantur integraliter, diuide ipsos, ut habeas minores numeros; et habebit primus 12; et in prima bursa erunt denarij 7. Quare in secunda erunt 14. In tercia 28. In quarta 56. Cum quibus inuenies, secundum hominem habere denarios 10; tercius 5; quartum 6.]

De duobus hominibus qui duas bursas bizantium inuenerunt.

1-4 14 recto.

Item duo homines bizanthios habentes, qui duas bursas cum bizantijs inuenerunt. In secunda quorum (*sic*) erant bizantij 12 plus quam in prima. Vnde primus dixit secundo: Si haberem primam bursam, haberem bis tantum quam tu. Cui alter Respondit: Et si ego haberem secundam bursam, haberem siquidem ter tantum quam tu. Queritur, que sit quantitas bizantium illorum, et bursarum. Quia primus cum prima bursa habet bis tantum quam secundus; ergo habet ipse $\frac{2}{3}$ cunctorum bizantium illorum, et eiusdem prime burse: propter eandem ergo et secundus cum secunda bursa habet $\frac{2}{3}$ bizantium illorum duorum hominum, et maioris burse: et quia in prima bursa sunt bizantij 12, minus quam in maiori; ergo summa bizantium illorum duorum hominum, et minoris burse est minor similiter bizanthij 12 summa bizantium eorundem duorum hominum, et maioris burse. Quare reperies duos numeros, quorum unus sit 12 maior altero. Et minor illorum diuidatur per 3 integraliter. Et maior diuidatur per 4; sintque 15, et 28: quare pone 15 pro summa bizantium illorum, et minoris burse: et 28 pone pro eorundem summa, et maioris burse. Et quia primus cum minori bursa habet $\frac{2}{3}$ summe illorum, et minoris burse. Accipe $\frac{2}{3}$ de 15, que sunt 10, et extrahe de 15, remanent 5; et tot habuit secundus. Eademque ratione accipe $\frac{2}{3}$ de 28, que sunt 21, et extrahe de 28, remanent 7; et tot habuit primus: a quibus usque in 10 prescriptis desunt 3; et tot inuenerunt in minori bursa: super que adde 12, erunt 16 in maiori bursa. Vel aliter adde 10 cum 21 prescriptis, erunt 31; de quibus extrahe 28 et 15 prescriptis remanent 3 et 16 pro eorundem bursarum quantitate.

De tribus hominibus et tribus bursis ab eis repertis.

Item homines sint tres; et reperierunt tres bursas bizantium. In secunda quarum erant bizanthi 10, magis quam in prima. Et in tercia erant bizanthi 12, magis quam in secunda, hoc est 22, magis quam in prima. Et primus illorum cum in minori bursa habeat bis tantum reliquis. Et secundus cum secunda bursa habeat ter tantum reliquis; et tercius cum maiori bursa habeat quater tantum. Et queratur similiter, quot unusquisque haberit; et quot in unaquaque bursarum reperierunt: quia primus cum minori bursa habet bis tantum reliquis; ergo habet cum eadem bursa $\frac{2}{3}$ summe bizantium eorum, et eiusdem burse: propter eandem ergo et secundus cum bursa habet $\frac{2}{3}$ bizantium illorum, et secunde burse. Et tercius cum maiori bursa habet $\frac{2}{3}$ bizantium eorundem trium hominum, et maioris burse. Quare pones in ordinem $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{3}$; et reperias tres numeros, quorum secundus sit 10 maior primo; et tercius sit 12 maior secundo: et diuidatur minor ipsorum integraliter per 3; et secundus per 4; et tercius per 5; eruntque 42, et 32, et 65; ex quibus minor, scilicet 42, habeatur pro summa bizantium eorum, et minoris burse. Alter, scilicet 32, pro eorundem summa, et secunde burse habeatur. Maior nero, scilicet 65, habeatur pro eorundem summa, et maioris burse: deinde ac-

Ed. 14 vers.

cipe $\frac{2}{3}$ de 42, erunt 28, que sunt summa bizanthiorum primi hominis, et prime burse. Item accipe $\frac{1}{3}$ de 28, erunt 20, que sunt summa bizanthiorum secundi hominis, et secunde burse. Rursum accipe $\frac{1}{3}$ de 65, erunt 22, que sunt summa bizanthiorum tercij hominis, et maioris burse. Adde ergo insimul bizanthios 28, et bizantios 20, et bizantios 22, erunt bizanthij 110, que sunt summa omnium bizanthiorum illorum, etiam et trium bursarum. Vnde ut separantur ad inuicem, adde iterum tres primos positos numeros, uidelicet 42, et 28, et 65, erunt 135, que sunt summa eorundem trium hominum, et bursarum. In qua unusquisque ter computatus existit; cum non debeat computari nisi tantum semel: ergo computatur unusquisque ipsorum bis magis | quam oporteat; et ideo 135 prescripta magis sunt de 110. Vnde extrahas 110 de 135, remanent 25, que sunt duplum bizanthiorum illorum trium hominum propter binam superfluum computationem illorum: quare dinisis 40 per 2, exeunt 20, que sunt summa bizanthiorum illorum trium hominum. Quibus extractis de 110, remanent bizantij 90 pro summa trium bursarum; de quibus extrahere bizantios 10, et bizantios 22, qui inuenti fuerunt in secunda, et tertia bursa magis quam in prima, remanent bizantij 66; quos diuide per numerum bursarum, scilicet per 3, exhibunt bizantij 22 pro quantitate minoris burse. Quibus supersubditis bizantijs 10, erunt bizantij 32; et tot inuenerunt in secunda bursa. Cum quibus superadde bizantios 12, quos in maiori bursa reperierunt magis quam in secunda, erunt bizantij 45, qui sunt bizantij maioris burse. Deinde, ut habeas bizantios uniuscuiusque hominis, extrahere bizantios minoris burse, scilicet 22, de summa bizanthiorum primi hominis, et prime burse, scilicet de 28, remanent bizantij 6; et tot bizanthios habet primus. Iterum extrahere secundam bursam, uidelicet bizantios 22, de summa bizanthiorum secundi hominis, et secunde burse, scilicet de bizantijs 20, remanent bizantij 7; et tot habuit secundus. Similiter extrahere bizanthios maioris burse, uidelicet 45, de summa eiusdem burse, et tercij hominis, scilicet de 22, remanent bizantij 7; et tot habuit tercius. Per hanc enim regulam potes facere antecedentem de duobus hominibus, et de pluribus huiusmodi questionibus.

Item homines sint 4, et burse sint 4, quarum secunda sit 10 maior prima; et tertia sit 12 maior secunda; et quarta sit bizantij 10 maior tertia. Et primus habeat cum minori bursa bis tantum quam reliqui. Et secundus ter tantum habeat cum secunda bursa. Tercius quoque cum tertia bursa habeat quater tantum; quartus uero cum quarta bursa habeat similiter quinquies tantum quam reliqui. Repertis itaque superscriptis demonstrationibus $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, reperies deinceps .iij.^{or} numeros, quorum secundus sit 10 maior primo; tercius sit 12 maior secundo, hoc est 22 maior primo. Et quartus sit 10 maior tercio, hoc est 40 maior primo. Et hoc fecimus, ut habeamus bizantios eorum, et bursarum in numeros integros; eruntque 42, et 28, et 65, et 84: quos numeros iunge, erunt 223, que serua; et accipe $\frac{2}{3}$ primi numeri, scilicet de 42, erunt 28; et accipe $\frac{1}{3}$ de 28, erunt 20; et $\frac{1}{3}$ de 65, erunt 22; et accipe $\frac{1}{3}$ de 84, erunt 28; et adde insimul, erunt 180; que extrahere de 223 seruatis, remanent 54. Qui numerus est triplum omnium bizanthiorum eorum; quia in summa de 223 unusquisque ter computatur ultra quam debeat. Quare diuide 54 per 3, exhibunt 18, et tot habent inter omnes: quibus extractis de 180, remanent 171 pro summa bizanthiorum .iij.^{or} bursarum; de quibus extrahere bizantios 10, et 22, et 42, qui reperti fuerunt in secunda, et tertia, et quarta bursa

magis quam in prima, remanent 96 : quos diuide per numerum bursarum , scilicet per 4, exhibunt 24, qui est summa numeri minoris burse. Quare bizantij secunde burse sunt 24 ; tercię sunt 47. Quarte sunt bizantij 66, hoc est 19 magis tercię. Deinde extrahę bizantios minoris burse, scilicet 24, de suprascriptis 29, remanent bizantij 4; et tot habuit primus. Item extrahę bizantios secunde burse, uidelicet 24 de 39, scilicet de bizantijs secundi hominis, et secunde burse, remanent 5; et tot habuit secundus. Rursus extrahę bizantios tercię burse, scilicet 47, de summa tercię hominis, et eiusdem burse, scilicet de 52, remanent bizantij 5; et tot habuit tercius : adhuc extrahę bizantios minoris burse, uidelicet 66, de summa eiusdem burse, et quarti hominis, scilicet de 70, remanent bizantij 4; et tot habuit quartus. Et sic studeas operari in omnibus similibus. Vel aliter: de summa trium hominum, et prime burse, scilicet de 42, extrahę $\frac{2}{3}$ eorum, scilicet summam bizantium primi, et prime burse, remanent 14 pro bizantijs secundi, et tercię, et quarti hominis. Similiter extrahę $\frac{1}{3}$ secunde summe, scilicet de 52, remanent $\frac{1}{3}$ eius, scilicet 12, pro summa tercię, et quarti, et primi hominis. Item de tercię summa, scilicet de 65, extrahę $\frac{1}{3}$, quos habet tercius homo cum tercię bursa, remanebit $\frac{1}{3}$ eorum, scilicet 12, pro bizantijs quarti, et primi, et secundi hominis. Rursus de maiori summa, scilicet de 84, extrahę $\frac{2}{3}$ eorum, remanebit $\frac{1}{3}$ eorumdem, scilicet 14, pro bizantijs primi, et secundi, et tercię hominis. Adde itaque hos .iiii.^m inuentos numeros, erunt 54, in quibus unusquisque hominum ter computatus est. Quare summa eorum est $\frac{1}{2}$ de 54, scilicet 27, ut prediximus: quibus extractis de prima bursa, scilicet de 42, remanebunt 24 pro bizantijs prime burse. Similiter bizantios secundi, et tercię, et quarti hominis, scilicet 14, extrahę de summa eorum, scilicet de 19, remanent 4 pro bizantijs primi. Item bizantios tercię, et quarti, et primi, scilicet 12, extrahę de 19, remanent 5 pro bizantijs secundi hominis. Eodemque modo de 19 extrahę bizantios quarti, et primi, et secundi, scilicet 12; et bizantios primi, et secundi, et tercię, scilicet 14, remanebunt pro bizantijs tercię hominis 5, et pro bizantijs quarti 4.

De quatuor hominibus et una bursa.

Habeant cum bursa primus et secundus duplum denariorum tercię. Secundus quidem et tercius triplum quarti: tercius quoque et quartus quadruplum primi: quartus autem et primus habeant similiter cum bursa quincuplum denariorum secundi. Huius enim questionis solutionem inuenies per inuentionem proportionis denariorum burse ad denarios primi hominis sic. Quoniam primus, et secundus cum bursa habent duplum secundi. Medietas denariorum primi, et secundi, et burse est quantum denarij tercię hominis. Similiter ex reliquis propositionibus habetur, quod $\frac{1}{2}$ secundi, et tercię hominis, et burse est quantum denarij quarti hominis; et $\frac{1}{2}$ tercię hominis, et quarti, et burse est quantitas denariorum primi; et $\frac{1}{2}$ denariorum quarti, et prime burse est quantitas denariorum secundi. Et quoniam $\frac{1}{2}$ primi, et secundi, et burse, est quantitas tercię; tercię pars medietatis primi, et secundi, et burse, scilicet $\frac{1}{6}$ eorum, est $\frac{1}{2}$ tercię hominis. Communiter adiungantur $\frac{1}{2}$ denariorum secundi, et burse, erunt $\frac{1}{6}$ primi, et $\frac{1}{2}$ secundi, et burse, quantum $\frac{1}{2}$ secundi, et tercię, et burse. Sed $\frac{1}{2}$ secundi, et tercię, et burse est quantitas quarti; ergo $\frac{1}{6}$ primi, et $\frac{1}{2}$ secundi, et burse sunt quantitas denariorum quarti hominis. Quare $\frac{1}{6}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum primi, hoc est $\frac{1}{12}$, et $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{4}$ denariorum secundi, et burse, sunt $\frac{1}{4}$ denariorum quarti hominis. Communiter

addatur $\frac{1}{2}$ tercij, et burse, erit $\frac{1}{16}$ primi cum $\frac{1}{2}$ secundi, et cum $\frac{1}{2}$ tercij, et cum $\frac{1}{2}$ burse, quantum $\frac{1}{2}$ denariorum tercij, et quarti, et burse. Sed $\frac{1}{2}$ tercij hominis, et quarti, et burse est quantitas primi; ergo $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{2}$ secundi, et $\frac{1}{2}$ tercij, et $\frac{1}{2}$ burse sunt quantum denarij primi. Quare quinta pars eorum, scilicet $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ secundi, et $\frac{1}{16}$ tercij, et $\frac{1}{16}$ burse, sunt $\frac{1}{2}$ denariorum primi. Communiter adiungatur $\frac{1}{2}$ quarti hominis, et burse, erunt $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ secundi, et $\frac{1}{16}$ tercij, et $\frac{1}{2}$ quarti, et $\frac{1}{16}$ burse quantum $\frac{1}{2}$ quarti hominis, et primi, et burse. Sed $\frac{1}{2}$ quarti, et primi, et burse, est quantitas denariorum secundi; ergo $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ secundi, et $\frac{1}{16}$ tercij et $\frac{1}{2}$ quarti, et $\frac{1}{16}$ burse sunt quantitas secundi. Communiter auferatur $\frac{1}{128}$ secundi, remanebunt $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ tercij, et $\frac{1}{2}$ quarti, et $\frac{1}{16}$ burse quantum $\frac{1}{4}$ denariorum secundi. Sunt enim denarij quarti hominis $\frac{1}{2}$ denariorum secundi, et tercij, et burse. Quare $\frac{1}{2}$ quarti hominis est $\frac{1}{16}$ secundi, et tercij, et burse: ergo $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ secundi, et $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{16}$ tercij, scilicet $\frac{1}{64}$ ipsius, et $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{16}$, scilicet $\frac{1}{16}$ burse, sunt $\frac{1}{4}$ secundi. Communiter auferatur $\frac{1}{128}$ secundi, remanebunt $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ tercij, et $\frac{1}{16}$ burse quantum $\frac{1}{8}$. Quia si de $\frac{1}{8}$ cuiusvis rei auferatur $\frac{1}{8}$ eiusdem, nimirum $\frac{1}{8}$ ipsius remanebunt. Et quia denarij tercij hominis sunt $\frac{1}{2}$ denariorum primi, et secundi, et burse; ergo $\frac{1}{16}$ tercij erunt $\frac{1}{128}$ primi, et secundi, et burse: ergo $\frac{1}{128}$, et $\frac{1}{128}$ hoc est $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{128}$ secundi, et $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{16}$, hoc est $\frac{1}{2}$ burse, sunt $\frac{1}{8}$ denariorum secundi. Communiter auferatur $\frac{1}{128}$ secundi, remanebunt $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{16}$ tercij, et $\frac{1}{16}$ burse quantum $\frac{1}{16}$ denariorum secundi. Quia si de $\frac{1}{16}$ auferatur $\frac{1}{16}$, remanent $\frac{1}{16}$, que sunt $\frac{1}{16}$ ut dictum est. Et quia denarij secundi sunt $\frac{1}{2}$ primi, et quarti, et burse; ergo $\frac{1}{16}$ secundi sunt $\frac{1}{32}$ primi, et quarti, et burse. Quare $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{2}$ burse sunt $\frac{1}{16}$ primi, et quarti, et burse. Communiter auferatur $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{16}$ burse, remanebunt $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{16}$ quarti, et quantum $\frac{1}{16}$ burse. Sunt enim omnes denarij quarti hominis $\frac{1}{2}$ denariorum secundi, et tercij, et burse. Quare $\frac{1}{16}$ quarti sunt $\frac{1}{32}$ secundi, et tercij, et burse: ergo $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{16}$ secundi, et tercij, et burse sunt $\frac{1}{16}$ burse. Communiter auferatur $\frac{1}{16}$ burse, remanebunt $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{16}$ secundi, et tercij quantum $\frac{1}{16}$ burse. Et quia omnes denarij tercij hominis sunt $\frac{1}{2}$ primi, et secundi, et burse; ergo $\frac{1}{16}$ tercij hominis sunt $\frac{1}{32}$ primi, et secundi, et burse. Quare $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{16}$, scilicet $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{16}$, scilicet $\frac{1}{16}$ secundi, et $\frac{1}{16}$ burse, sunt quantum $\frac{1}{16}$ burse. Communiter auferatur $\frac{1}{16}$ burse, remanebunt $\frac{1}{16}$ primi cum $\frac{1}{16}$ secundi, quantum $\frac{1}{16}$ burse. Et quia $\frac{1}{16}$ secundi, ut inuentum est supra, sunt $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{2}$ burse, decima pars de $\frac{1}{16}$ secundi, scilicet $\frac{1}{16}$ ipsius, erit $\frac{1}{128}$ primi, et $\frac{1}{2}$ burse: ergo $\frac{1}{128}$, et $\frac{1}{16}$, scilicet $\frac{1}{16}$ eiusdem cum $\frac{1}{16}$ burse sunt $\frac{1}{16}$ burse. Communiter auferatur $\frac{1}{16}$ burse, remanebunt $\frac{1}{16}$ primi, quantum $\frac{1}{16}$ burse. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{16}$ primi sint $\frac{1}{16}$ secundi, erant 63 et 82. Quare si primus homo habet 63, bursa est 82. Et quia $\frac{1}{16}$ primi, et $\frac{1}{2}$ burse sunt $\frac{1}{16}$ secundi, accipe $\frac{1}{16}$ de 63, et $\frac{1}{2}$ de 82, et habebis $\frac{1}{16}$ pro $\frac{1}{16}$ denariorum secundi. Quare est sicut 17 ad 20, ita $\frac{1}{16}$ 37 ad denarios secundi: multiplica ergo $\frac{1}{16}$ 37 per 20, et diuides per 17, exibunt 44; et tot habuit secundus: quibus additis cum denarijs secundi, et burse, scilicet cum 63, et 82, erunt 190; quorum dimidium, scilicet 95, habens pro denarijs tercij, cum primus, et secundus, et bursa habent duplum tercij: quibus 95 additis cum denarijs secundi, et burse, erunt 222; quorum tercia pars, scilicet 74, est quantitas denariorum quarti hominis.

Modus alius de tribus hominibus et una bursa.

Sint itaque denarij primi, et secundi cum bursa duplum denariorum tercij. Secundi quoque, et tercij triplum primi: tercij uero, et primi quadruplum (*sic*) secundi. Ex positione predicta inuenies, denarios tercij hominis esse $\frac{1}{2}$ summe denariorum trium hominum et burse; primi esse $\frac{1}{3}$; secundi $\frac{1}{6}$. Quare pone, ipsam esse 60, de qua primus habet $\frac{1}{3}$; scilicet 15; secundus $\frac{1}{6}$, scilicet 12; tercius $\frac{1}{2}$, scilicet 30: quibus omnibus extractis de 60, remanent 12 pro denarijs burse.

De quatuor hominibus et una bursa, cum duo illorum dicant reliquis; questio insolubilis.

Denarij quidem primi, et secundi cum bursa sint duplum denariorum tercij, et quarti. Secundi uero, et tercij sint triplum quarti, et primi: tercij autem, et quarti sint quadruplum primi, et secundi: quarti quoque, et primi similiter cum bursa sint quincuplum denariorum secundi, et tercij: hec questio est insolubilis; et cognoscitur sic. Quoniam primus, et secundus cum bursa habent duplum et tercij, et quarti. Ideo denarij tercij, et quarti hominis sunt $\frac{1}{2}$ summe denariorum .iii.^{or} hominum, et burse. Similiter ex precedentibus habetur, quod denarij quarti, et primi sunt $\frac{1}{2}$ eiusdem summe; et denarij primi, et secundi sunt $\frac{1}{2}$ eiusdem summe; nec non et denarij secundi, et tercij sunt $\frac{1}{2}$: et quia inter primum, et secundum habent quintam predictae summe; et inter tercium, et quartum habent terciam; ergo inter omnes .iii.^{or} habent $\frac{1}{2}$; hoc est $\frac{21}{42}$: habent etiam inter primum, et quartum quartam; et inter secundum et tercium sextam: ergo inter omnes .iii.^{or} habent $\frac{1}{2}$; scilicet $\frac{21}{42}$ predictae summe. Ostensum est enim, ipsos habere per primam computationem $\frac{21}{42}$ predictae summe; ergo $\frac{21}{42}$ ipsius summe sunt $\frac{21}{42}$ eiusdem, quod est inconueniens; et hoc uolui demonstrare.

64. 56. c. 170

De quinque hominibus et una bursa.

Primus quidem, et secundus habeant cum bursa duplum trium reliquorum hominum. Secundus et tercius, triplum; tercius et quartus, quadruplum; quartus et quintus, quincuplum. Quintus, et primus habeant similiter sexcuplum trium reliquorum hominum. Ex hac quidem positione cognoscitur, tercius, et quartum, et quintum hominem habere $\frac{1}{2}$ summe denariorum quinque hominum, et burse: quartum quoque, et quintum, et primum $\frac{1}{3}$. Quintum, et primum, et secundum $\frac{1}{3}$; primum, et secundum, et tercium $\frac{1}{2}$; secundum, et tercium, et quartum $\frac{1}{2}$: pone pro eorum summa, et bursa 420; qui numerus diuiditur integraliter per partes predictas. Et accipe per ordinem $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{3}$; ex ipsis, et habebis denarios tercij, et quarti, et quinti hominis, 140: denarios quoque quarti, et quinti, et primi, 103; quinti, primi, et secundi, 84; primi, et secundi, et tercij 70: similiter et denarios secundi, et tercij, et quarti erunt 60: quibus quinque numeris insimul inunctis, reddunt pro triplo denariorum quinque hominum 450; cum unusquisque ter computatus sit in prescriptis numeris. Quare accipe $\frac{1}{6}$ de 450, cum cadat in integrum, exhibent 150 pro summa denariorum hominum: qua extracta de 420, remanent 267 pro denarijs burse. Post hec adde denarios primi, et secundi, et tercij cum denarijs quarti, et quinti, et primi, scilicet 70 cum 105, erunt 175; et tot habent inter omnes, primo bis computato. Quare extrahere 150, scilicet summa eorum de 175, remanent 25; et tot habet primus: quos adde cum denarijs tercij, et quarti, et quinti, erunt 162; et tot habent inter primum, et tercium, et quartum. Sed inter omnes

quinque habent tantum 153: quare hec questio est insolubilis, nisi ponamus, secundum hominem habere debitum 9, que sunt a 153 in 162: adde itaque denarios 22 cum debito secundi, scilicet extrahere 9 de 22, remanent 13; quos extrahit de 79, remanent 57; de quibus extrahere 9, scilicet debitum secundi, remanent 48; quos extrahit de denarijs secundi, et tertijs, et quarti, scilicet de 69, remanent 12; et tot habet quartus: quos adde cum 57, erunt 69; quos extrahit de 149, remanent 7; et tot habet quintus.

Incipit pars quinta de emptione eorum inter socios secundum datam proportionem.

Dvo homines bizanthios habentes inuenerunt equum equum (sic) ad uendendum; quem cum ipsi emere uoluissent, primus dixit secundo. Si dares mihi $\frac{1}{2}$ tiorum bizanthiorum, habebam pretium equi. Cui alter petijt $\frac{1}{2}$ suorum bizanthiorum, et equi similiter pretium habere proposuit. Queritur pretium equi, et bizantios uniuscuiusque: pone in ordinem $\frac{1}{2}$; et extrahit 1, quod est super 2 ex ipsis 2, remanent 1; que multiplica per 4, erunt bizantij 4; et tot habuit primus. Item 1, quod est super 4, extracto ex ipsis 4, remanent 3; que multiplica per 2, reddunt bizantios 6; et tot habuit alter. Rursus multiplica 3 per 4, erunt 12; de quibus tolle 1, quod exijt ex multiplicatione de 1, quod est super 2, in 1, quod est super 4, remanent bizantij 11 pro pretio equi: procedit enim hec regula ex regula proportionum, scilicet ex inuentione proportionis bizanthiorum unius ad bizantios alterius; que proportio inuenitur sic.

Inuentione proportionis et bizanthiorum unius ad bizantios alterius; ex qua proportione procedit regulam superscriptam (sic).

Quoniam primus cum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi habet quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum primi. Si communiter auferatur $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi remanebit primus equalis duobus tertijs bizanthiorum secundi, et $\frac{1}{2}$ bizanthiorum sui. Item si auferatur communiter $\frac{1}{2}$ bizanthiorum primi, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizanthiorum primi quantum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi. Vnde reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{2}$ alterius. Multiplicabis ergo 4, que sunt sub uirgula de $\frac{1}{2}$ per 2, que sunt super uirgulam de $\frac{1}{2}$, erunt 8; et hoc est quod superius multiplicauimus 2, scilicet 1, extracto de 2, per 4; et habuimus pro bizantijs primi hominis 8. Item ut habeas alium numerum, multiplicanda sunt 2, que sunt sub uirgula de $\frac{1}{2}$, per 2, que sunt super uirgulam de $\frac{1}{2}$, erunt 9; et hoc est quod fecimus superius, cum extraximus 1 de 4; et residuum, scilicet 3, multiplicauimus per 2, et habuimus 9 pro bizantijs secundi hominis. Vel aliter, ut possimus demonstrare inuentionem pretij equi: quia 8 et 9 sunt numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius sunt $\frac{1}{2}$ alterius; redigantur ipsa 8, et 9 in partes alicuius numeri, ut acceptis ipsis partibus ex numero illo, habeamus bizantios uniuscuiusque: redigantur enim in partes de 12, cum $\frac{1}{2}$ reporianter in ipsis. Sunt enim 8 de 12 due tercie, et 9 tres quarte. Vnde primus homo habet $\frac{2}{3}$ ex quouis numero; et secundus habebit $\frac{3}{4}$ eiusdem numeri: sitque numerus ille 12; de quibus si acceperis $\frac{2}{3}$, habebimus bizantios illorum. Accepimus enim superius $\frac{2}{3}$ de 12 cum 1 dempto de 2, scilicet 2, multiplicauimus per 4. Sunt enim 2 de 3 due tercie: multiplicatis quidem 2 per aliquem numerum, numerus qui exierit ex multiplicatione, erit $\frac{2}{3}$ ex numero, qui procreatur ex multiplicatione de 3 in ipso numero, in quo multiplicata fuerit 2. Vnde multiplicatio de 2 in 4, scilicet 8, est $\frac{2}{3}$ multiplicationis de 3 in 4, scilicet de 12. Similiter accepimus $\frac{3}{4}$ de 12, cum dempto de 4, scilicet 3 multiplicauimus per 2: deinde quia primus habet

Quoniam primus cum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi habet quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum primi. Si communiter auferatur $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi remanebit primus equalis duobus tertijs bizanthiorum secundi, et $\frac{1}{2}$ bizanthiorum sui. Item si auferatur communiter $\frac{1}{2}$ bizanthiorum primi, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizanthiorum primi quantum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi. Vnde reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{2}$ alterius. Multiplicabis ergo 4, que sunt sub uirgula de $\frac{1}{2}$ per 2, que sunt super uirgulam de $\frac{1}{2}$, erunt 8; et hoc est quod superius multiplicauimus 2, scilicet 1, extracto de 2, per 4; et habuimus pro bizantijs primi hominis 8. Item ut habeas alium numerum, multiplicanda sunt 2, que sunt sub uirgula de $\frac{1}{2}$, per 2, que sunt super uirgulam de $\frac{1}{2}$, erunt 9; et hoc est quod fecimus superius, cum extraximus 1 de 4; et residuum, scilicet 3, multiplicauimus per 2, et habuimus 9 pro bizantijs secundi hominis. Vel aliter, ut possimus demonstrare inuentionem pretij equi: quia 8 et 9 sunt numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius sunt $\frac{1}{2}$ alterius; redigantur ipsa 8, et 9 in partes alicuius numeri, ut acceptis ipsis partibus ex numero illo, habeamus bizantios uniuscuiusque: redigantur enim in partes de 12, cum $\frac{1}{2}$ reporianter in ipsis. Sunt enim 8 de 12 due tercie, et 9 tres quarte. Vnde primus homo habet $\frac{2}{3}$ ex quouis numero; et secundus habebit $\frac{3}{4}$ eiusdem numeri: sitque numerus ille 12; de quibus si acceperis $\frac{2}{3}$, habebimus bizantios illorum. Accepimus enim superius $\frac{2}{3}$ de 12 cum 1 dempto de 2, scilicet 2, multiplicauimus per 4. Sunt enim 2 de 3 due tercie: multiplicatis quidem 2 per aliquem numerum, numerus qui exierit ex multiplicatione, erit $\frac{2}{3}$ ex numero, qui procreatur ex multiplicatione de 3 in ipso numero, in quo multiplicata fuerit 2. Vnde multiplicatio de 2 in 4, scilicet 8, est $\frac{2}{3}$ multiplicationis de 3 in 4, scilicet de 12. Similiter accepimus $\frac{3}{4}$ de 12, cum dempto de 4, scilicet 3 multiplicauimus per 2: deinde quia primus habet

8	9
2	2
4	4

61. 16. 16. 16.

alicuius numeri, ex quo alius habet $\frac{2}{3}$; et ad emendam equum, primus petit secundo $\frac{1}{2}$ suorum bizanthiorum; ergo petit $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$ illius numeri, de quo secundus homo habet $\frac{2}{3}$. Nam $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$ ipsius numeri est $\frac{2}{9}$ eiusdem numeri; ergo primus petit secundo $\frac{2}{9}$ ipsius numeri, de quo ipse habet $\frac{2}{3}$; quo halito, habebit primus $\frac{4}{9}$ ipsius numeri, de quo ipse habet $\frac{2}{3}$. Nam $\frac{1}{3}$ ipsius numeri est $\frac{2}{9}$ eiusdem numeri. Et quia cum primus habeat $\frac{4}{9}$, scilicet $\frac{2}{9}$ ipsius numeri, de quo ipse habet $\frac{2}{3}$, et habeat pretium equi; ergo $\frac{4}{9}$ ipsius numeri est pretium equi: habet primus $\frac{2}{3}$ de 12, scilicet 8; et secundus $\frac{2}{3}$, scilicet 8; et pretium equi est $\frac{11}{12}$ de 12, scilicet 11. Unde cum superius de multiplicatione de 3 in 4 extraximus multiplicationem de 1 in 1, tunc remanserunt $\frac{11}{12}$ de numero; ex quibus primus habet $\frac{2}{3}$, et secundus $\frac{2}{3}$, scilicet de 12: per hanc enim proportionum regulam, multe alie diuerse questiones solui possunt, ut in sequentibus demonstrabimus.

Aliter cum precium equi sit certa quantitas.

Et si proponatur, quod pretium equi sit bizantij 15. Inuenies primum bizantios 8 primi hominis, et 9 secundi, et 11 equi; et multiplicabis singulariter 8 et 9 per 15, et diuides singulariter per 11; et inuenies, primum hominem habere $\frac{120}{11}$ 10; secundum bizantios $\frac{135}{11}$ 12.

De emptione equi inter tres homines, cum unus petat alteri tantum per ordinem.

Item homines sint tres; et primus petat secundo $\frac{1}{2}$ suorum bizanthiorum. Et secundus petat tercio quartam; et tertius primo quintam. Et proponat unusquisque ipsum emere equum: positis petitionibus ipsorum sic: $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, extrahe 1 de 3, remanent 2; que 2 multiplica per 4, que sunt sub alia uirgula, erunt 8: super que adde multiplicationem de 1, quod est super 3, in uno, quod est super 4, erunt 9; que multiplica per 5, que sunt sub alia uirgula, erunt bizantij 45; et tot habuit primus. Item extrahe 1, quod est super 4, ex ipsis 4, remaneat 3; que multiplica per 5, et superadde multiplicationem de 1, quod est super 4, in 1, quod est super 5, erunt 16; que multiplica per 3 de prima uirgula, erunt 48; et tot habuit secundus. Rursus extrahe 1, quod est super 5, ex ipsis 5, remaneat 4; que multiplica per 3 prime uirgule; et superadde multiplicationem de 1, quod est super 3; in 1, quod est super 3, erunt 13; que multiplica per 4, erunt 52; et tot bizantios habuit tertius. Item multiplica numeros, qui sunt sub uirgulis, scilicet 3 per 4; que per 5, erunt 60: super que, cum homines sint impares, adde multiplicationem de 1, quod est super 3, in 1, quod est super 4; quam multiplicatam per 1, quod est super 5; que multiplicatio facit tantum 1, erunt 61; et tot bizantios ualuit equus. Nam, si homines essent pares, extraheres multiplicationem numerorum, qui sunt super uirgulas, ex multiplicatione numerorum, qui sunt sub uirgulis, ut in antecedente questione fecimus: procedit enim hec ex proportionis regula sic.

Inuentio proportionis, quam habet primus ad secundum, ex qua portio procedit regula superscripta.

QUONIAM primus cum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi; et secundus cum $\frac{1}{4}$ bizanthiorum tercij; et tertius cum $\frac{1}{5}$ bizanthiorum primi, habent tantum pretium equi; ergo primus cum $\frac{2}{5}$ bizanthiorum secundi, habuit quantum secundus cum $\frac{1}{4}$ bizanthiorum tercij; et quantum tertius cum $\frac{1}{5}$ bizanthiorum primi: et quia primus cum $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi habet

et numeri, de q^{to} ... scilicet de 12: et (de 12) 16 erunt, in. 17: 24) per 227, in. 219.

primus	8
Secundus	9
Equus	0
pretium	11

per hanc enim ... 9 secundi a (de 16) 16 erunt, in. 25-28, pag. 227, in. 10-15.

11	9	8
15		

et 13 equi ... super 11: a (104) 10 erunt, in. 25-28 pag. 229, in. 13-27.

primus	$\frac{120}{11}$	10
Secundus	$\frac{135}{11}$	12
Equus		15
per unum	45	
Secundus	84	
Equus	52	
Equus	61	

64, 57 recte.

quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij. Si comuniter auferatur $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, habebit primus quantum $\frac{2}{3}$ bizantiorum secundi, et quatuor $\frac{1}{4}$ bizantiorum tercij. Item quia secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij habet quantum tercius cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi; si comuniter auferatur $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij, habebit secundus homo quantum $\frac{2}{3}$ bizantiorum tercij; et quantum $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi. Rursus quia tercius homo cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi habet quantum primus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi; si comuniter auferatur $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi, resonet tercius homo equalis $\frac{1}{2}$ de bizantijs primi, et de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi. Sed demonstratum est, quod primus homo habet $\frac{2}{3}$ de bizantijs secundi, et quartam de bizantijs tercij. Nunc ostendendum est, que pars sit bizantij primi de bizantijs secundi tantum; que ostenduntur sic: quoniam tercius homo habet $\frac{1}{2}$ de bizantijs primi, et $\frac{1}{2}$ de bizantijs secundi; quarta pars de bizantijs tercij est $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{2}$ de bizantijs primi, et de $\frac{1}{4}$ de bizantijs secuodi. Quarta uero pars de $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi est $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi; et quarta pars de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi est $\frac{1}{4}$ bizantiorum secuodi: ergo quarta pars bizantiorum tercij (sic) $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum secuodi: ergo primus habet $\frac{1}{4} \times \frac{2}{3}$, scilicet $\frac{1}{6}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum suorum; cum habeat $\frac{2}{3}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum tercij. Et quia bizantij primi hominis sunt $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum suorum; si comuniter auferatur $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi, quantum $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius sint $\frac{1}{2}$ alterius, erunt 15, et 16. Nam $\frac{1}{2}$ de 15 sunt quantum $\frac{1}{2}$ de 16; ergo in qua proportioe est 15 ad 16, in eadem proportioe sunt bizantij primi hominis ad bizantios secundi. Deinde inuenienda est proportio bizantiorum primi ad bizantios tercij; quam proportioe ne inuenies sic. Quia primus, ut prediximus, habet $\frac{2}{3}$ bizantiorum secuodi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum tercij. Videas de $\frac{2}{3}$ bizantiorum secundi, que pars sit de bizantijs tercij, et primi hominis. Omnes enim bizantij secuodi hominis sunt $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi. Quare $\frac{2}{3}$ bizantiorum secuodi sunt $\frac{1}{3}$ bizantiorum tercij, et $\frac{2}{3}$ bizantiorum primi. Quare ergo bizantij primi hominis suot $\frac{1}{3} \times \frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{9}$ bizantiorum tercij, et $\frac{2}{3}$ bizantiorum suorum. Quare si comuniter auferantur $\frac{1}{9}$ bizantiorum primi, remanebunt $\frac{8}{9}$, scilicet bizantij primi, quantum $\frac{1}{3}$ bizantiorum tercij: ergo reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{8}{9}$ unius sint $\frac{1}{3}$ alterius; erunt 45, et 54: ergo in qua proportioe sunt 45 ad 54, in eadem proportioe sunt bizantij primi hominis ad bizantios tercij. Et quia proportio bizantiorum primi ad bizantios secundi est sicut 15 ad 16; eritque similiter proportio primi hominis ad secundum, sicut est triplum de 15, scilicet 45, ad triplum de 16, scilicet ad 48: ergo si primus habet 45, et secuodus habet 48, et tercius 54: et quia bizantij primi hominis, scilicet 45, suot $\frac{2}{3}$ de 60, in quo reperiantur petitoes ipsorum, scilicet $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{2}$. Ideo accepimus superiores $\frac{1}{2}$ de 60, cum habuimus bizantios primi hominis; quam acceptionem accepimus sic: extraximus 1 de 2; et 2 que remanserunt, multiplicauimus per 4, et habuimus 8: quare accepimus tunc $\frac{1}{2}$ de 18, que oriuntur ex multiplicatione de 3 in 4. Et cum super 8 iuneximus multiplicationeem de $\frac{1}{2}$ in $\frac{1}{2}$; scilicet cum multiplicauimus 8, quod est super 2, per 1, quod est super 4; tunc habuimus $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{8}$ de 18; que $\frac{1}{2}$ fuerunt 9: que 9 cum multiplicauimus per 8, habuimus $\frac{1}{2}$ de 60, scilicet 45, scilicet ex oumero, qui procreatur ex multiplicatione de 12 in 5; ex quibus 12 fuerunt 9, ut diximus $\frac{1}{2}$. Similiter cum

habuimus superius bizanthios secundi hominis, multiplicauimus 1, extracto de 4, scilicet 3 per 5; et superaddidimus multiplicationem de 1, quod est super 4, in 1, quod est super 5; et sic habuimus 16 pro $\frac{1}{5}$ de 20; que 20 oriuntur ex multiplicatione de 4 in 5, que sunt sub uirgulis: que 16, cum multiplicauimus per 3, accepimus $\frac{4}{5}$ ex numero, qui oritur ex 20 superscriptis in 3, scilicet de 60; quia bizantij secundi hominis sunt $\frac{3}{5}$ de eisdem 60. Eademque ratione, cum inuenimus superius bizantios tercij hominis, accepimus $\frac{11}{15}$ de 60, sicut bizantij 82 sunt $\frac{11}{15}$ de eisdem 60. Et quia primus habet $\frac{2}{3}$ de 60; et secundus habet $\frac{1}{3}$ de 60; et primus petit secundo $\frac{2}{3}$ suorum bizantium; ergo petit ei $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{3}$ de 60, scilicet $\frac{2}{9}$ de 60; qua petitione, scilicet $\frac{2}{9}$ $\frac{1}{3}$ addita cum $\frac{1}{3}$ de 60 primi hominis, reddit pro pretio equi $\frac{1}{18}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ de 60; que partes sunt $\frac{1}{18}$ de 60, plus ex ipsis 60: et ideo superius super 60, que exeunt ex multiplicationibus numerorum, qui sunt sub uirgulis, scilicet de 3 in 4; que in 5, addidimus multiplicationem numerorum, qui sunt super uirgulas, scilicet de 1, in 1; quam in 1; ex qua multiplicatione exijt tantum 1, scilicet $\frac{1}{18}$ de 60; et sic habuimus pretium equi, ut prediximus. Ex huius regule consideratione quedam alia oritur questio, uidelicet de homine, qui habuit ziros 3; quorum primus tenet $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij, sicut superius inuenimus, primua hominem habere. Et secundus tenet $\frac{2}{3}$ tercij ziri, et $\frac{1}{3}$ primi, sicut secundus homo habet; et tercius zirus tenet $\frac{2}{3}$ primi ziri, et $\frac{1}{3}$ secundi, sicut tercius homo habet. Vnde primus zirus tenet media 43; secundus 48; tercius 32, ut pro bizantijs trium hominum inuenti sunt.

Alia questio de tribus hominibus secundum superscriptum modum.

Item si primus petat secundo $\frac{2}{3}$ suorum. Et secundus petat tercio homini $\frac{1}{3}$ suorum; et tercius querat primo $\frac{1}{3}$; in hac enim positione similiter est operandum, scilicet ut describantur petitiones eorum in ordinem, sicut in margine cernitur. Deinde extrahantur 3, que sunt super 3, ex ipsis 3, remanent 1; quod multiplicetur per 7, et addatur multiplicatio de eisdem 2 per 4, erunt 15; que multiplicantur per 9, erunt 135; et tot bizantios habuit primus. Item extrahantur 4 de 7, remanent 3; qui multiplicetur per 9, et superaddatur multiplicatio de 4 in 5, idest 20, erunt 47; que multiplicentur per 3, erunt 141; et tot bizanthios habuit secundus. Rursus extrahe 3 de 9, remanent 4; que multiplicentur per 2, erunt 12; quibus superaddatur multiplicatio de 5 in 2, erunt 22; que multiplicentur per 7, erunt 154; et tot bizantios habuit tercius. Et multiplicentur 3 per 7; que per 9, erunt 189; quibus superaddantur 40, que exeunt ex multiplicatione numerorum, qui sunt super uirgulas, scilicet de 2 in 4; que in 5, erunt 229, que habeantur pro pretio equi. Origo huius regule dicenda non est; cum materia ipsius satis aperte in antecedente questione per regulam proportionum demonstrata sit.

De eodem cum quatuor hominibus.

Uerum si homines .iiii.^{or} extiterint; et primus petat secundo tercium suorum bizanthiorum; et secundus tercio $\frac{1}{3}$ suorum. Et tercius petat quarto $\frac{1}{4}$ suorum. Et quartus primo querat $\frac{1}{4}$; et sic unusquisque equum emere proposuerit: describe in ordinem $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$: deinde extrahe 1, quod est super 3; et de eisdem 3 remanent 2; que multiplica per 4, erunt 8; quibus superadde multiplicationem de 1, quod est super 3, in 1, quod est super 4, erunt 9; que multiplica per 5, et tolle inde multiplicationem de 1, quod est super 2, in 1, quod est super 4; quam in 1, quod est super 5, remanent 46; que multiplica

* sicut in . . . extrahatur 1
(fol. 97 verso, lin. 22-24; pag. 221, lin. 24-27).

3	4	2
9	7	2

* de 7, remanent . . . deinceps
to ut. o (fol. 97 verso, lin. 25-27; pag. 221, lin. 27-31).

primus	135
secundus	141
tercius	154
Pretium equi	229

* scribitur . . . in 1 quod est . . . (fol. 97 verso, lin. 31-32; pag. 221, lin. 31-41; 47).

1	1	1	1
4	3	2	4

Id. 18. ex. 1.

4. *exat* 261 ... quotumque
homo est = 156, 58 *exat*, loc.
1. 4. pag. 232. loc. 1-5 = 7.

primus
275

2. *exat* 16 ... per 1. quod
est = 14. 58 *exat*, loc. 1.
29. pag. 227. loc. 10-20.

Secundus
285
Tercius
216
Quartus
315
pretium equi
339

per 6, erunt 264; et tot habuit primus. Et sic semper in principio est extrahendus numerus, qui est super uirgulam, de numero, qui est sub uirgula illius, que quesita est ab ipso homine; cuius summa tunc inuenimus, sicuti modo de primo homine fecimus: deinde est multiplicandus per numerum, qui est sub sequenti uirgula; et tunc erit addenda multiplicatio superiorum numerorum; et sic semper usque in finem, quotcumque homines fuerint, semel extrahendo, et semel addendo gradieris. In fine autem nec addere, nec extrahere debes. Quare ut inueniantur bizantij secundi hominis, extrahatur 1, quod est super 4, ex ipsis 4; quia ipse petit $\frac{1}{4}$, remanent 3; que multiplica per 3, erunt 15; quibus superadde 1, quod exijt ex multiplicatione de 1, quod est super 4, in 1, quod est super 5, erunt 16; que multiplica per 6, erunt 96: de quibus extrahere multiplicationem de 1, quod est super 4, in 1, quod est super 5; quam in 1, quod est super 6: quod cum non sit nisi tantum 1, remanent 95; que multiplica per 3, erunt 285; et tot habuit secundus. Item ut habeantur bizantij tercij hominis, extrahere 1, quod est super 5, de ipsis 5, remanent 4; que multiplica per 6, erunt 24; quibus superadde 1, quod exijt ex multiplicatione unius, quod est super 5, in 1, quod est super 6, erunt 25; que multiplica per 3, erunt 75: de quibus extrahere multiplicationem de 1, quod est super 5, in 1, quod est super 6; quam in 1, quod est super 3, remanent 74; que multiplica per 4, erunt 296; et tot habuit tercius. Item extrahere 1 de 6, remanent 5; que multiplica per 3, erunt 15: quibus superadde 1, erunt 16; que multiplica per 4, erunt 64; de quibus extrahere 1, quod exijt ex multiplicatione unius, quod est super 6, in 1, quod est super 3; quam in 1, quod est super 4, remanent 63; que multiplica per 5, erunt 315; et tot habuit quartus homo. Et multiplica 3 per 4; que per 5; que per 6, erunt 360. Item multiplica 1, quod est super 3, per 1, quod est super 4; quod per 1, quod est super 5; quod per 1, quod est super 6, erit 1, quod extrahere de 360. Ideo quia homines sunt pares, remanent 339, que sunt pretium equi.

Qualiter superscripta regula procedat ex regula proportionum.

Materia huius regule, secundum regulam proportionum, hec est: quia primus cum $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi habet pretium equi, sicut secundus cum $\frac{1}{3}$ bizantiorum tercij, et sicut tercius cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti, et sicut quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi; ergo primus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi habet quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij, et quantum tercius cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti, et quantum quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi. Et quoniam primus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi habet quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij; si comuniter auferatur $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, inuenies, primum hominem habere $\frac{3}{4}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij. Similiter cum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij habeat quantum tercius cum $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti. Si comuniter auferatur $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij, habebit secundus $\frac{3}{4}$ bizantiorum tercij, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti. Similiter si supradicto modo procedere scieris, inuenies, quod tercius homo habet $\frac{3}{4}$ bizantiorum quarti hominis, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi; et quod quartus homo habet $\frac{3}{4}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi; quibus per ordinem cognitis, inuenienda est proportio primi hominis ad bizantios secundi; quam inueniemus sic: quia primus habet $\frac{3}{4}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercij. Redigemus hanc $\frac{1}{2}$ in partes bizantiorum primi, et secundi; quod facere non possumus, nisi primum redigatur ipsa $\frac{1}{2}$ in partes bizantiorum quarti hominis, et primi; quod facies

sic : quia bizantij tercij hominis sunt $\frac{1}{3}$ de bizantijs quarti, et $\frac{1}{4}$ de bizantijs primi; ergo $\frac{1}{3}$ bizantium tercij est $\frac{1}{3}$ de bizantijs quarti, et $\frac{1}{12}$ de bizantijs primi hominis; ergo bizantij primi hominis sunt $\frac{1}{12}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{6}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{24}$ bizantium suorum. Si comuniter auferatur $\frac{1}{24}$ bizantium primi, erunt $\frac{1}{24}$ bizantium primi $\frac{1}{24}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{6}$ bizantium quarti. Et [quoniam bizantij quarti hominis sunt $\frac{1}{6}$ bizantium primi, et $\frac{1}{12}$ bizantium secundi; ergo $\frac{1}{24}$ bizantium primi sunt $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{12}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{6}$ bizantium suorum. Comuniter auferatur $\frac{1}{24}$ bizantium primi, erunt $\frac{1}{24}$ bizantium primi $\frac{1}{12}$ bizantium secundi. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{24}$ unius sint $\frac{1}{12}$ alterius; eruntque 264, et 288, qui sunt bizantij primi, et secundi, ut in superscripta regula inuenimus. Itaque si duxeris bizantium secundi hominis in partes bizantium tercij, sicut reduximus bizantios primi hominis in partes secundi, inuenies, quod $\frac{11}{12}$ bizantium secundi sunt $\frac{12}{12}$ bizantium tercij. Quare inuenies duos numeros, quorum $\frac{11}{12}$ unius sint $\frac{12}{12}$ alterius; eruntque 855, et 888. Sunt enim in hac proportione 855 secundi hominis. In alia inuenimus 288 pro bizantijs secundi hominis; ergo redigenda sunt superscripta 855 in 288: est igitur 288 tercia pars de 855; quare diuides 855 per 3, eueniet 288 pro bizantijs tercij hominis. Rursum superscripto ordine reduc bizantios tercij hominis in proportione bizantium quarti; eruntque $\frac{1}{3}$ bizantium tercij $\frac{1}{12}$ bizantium quarti. Quare inuenies duos numeros, quorum $\frac{1}{3}$ unius sint $\frac{1}{12}$ alterius; eruntque 296, et 315, ut superius pro bizantijs tercij, et quarti hominis inuenimus: bizantij uero primi hominis, scilicet 264, sunt $\frac{11}{12}$ de 260; que 260 proueniunt ex multiplicatione numerorum, qui sunt sub uirgulis, scilicet de 3 in 4; quem in 5; quem in 6. Vade cum superius in inuentione bizantium primi hominis extraximus 1 de 3, remanserunt 2; que 2 sunt $\frac{2}{3}$ de 3. Et multiplicatis ipsis 2 per 4, ut superius fecimus, habuimus 8 pro $\frac{2}{3}$ de 12, que proueniunt ex multiplicatione de 3 in 4; super que 8 cum addidimus 1, scilicet multiplicationem de 1, quod est super 3, in 1, quod est super 4, habuimus 9, scilicet $\frac{2}{3}$ ex eisdem 12: que 9 cum multiplicauimus per 5, habuimus 45 pro $\frac{2}{3}$ de 60, que exeunt ex multiplicatione dictorum 12 in dictis 5: ex quibus 45 cum extraximus 1, quod exijt ex multiplicatione trium unitatum, que sunt super uirgulis de 3, et de 4, et de 5, remanserunt 44; que 44 sunt $\frac{11}{12}$ de 60. Nam extracto $\frac{1}{12}$ de $\frac{1}{12}$, remanent $\frac{11}{12}$: est enim 1 superscriptum $\frac{1}{12}$ de 60; quia cum multiplicatur 1, quod est super 3, per 1, quod est super 4; quod in 1, quod est super 5, tunc accipitur $\frac{1}{12}$ de $\frac{1}{12}$ de $\frac{1}{12}$, hoc est $\frac{1}{12}$. Item cum multiplicauimus 44 per 6, habuimus 264 pro $\frac{11}{12}$ de bizantijs 260, ut predictimus. Vide si in reliquis tribus hominibus hanc materiam inspexeris, inuenies in inuentione bizantium uniuscuiusque, quod accipimus ipsorum partes de 260. Nam bizantij secundi hominis, scilicet 288, sunt $\frac{11}{12}$ de 260. Et bizantij tercij hominis, scilicet 296, sunt $\frac{11}{12}$ de 260. Et bizantij quarti hominis, scilicet 315, sunt $\frac{11}{12}$ de 260. Et ita has partes in superscripta regula nos accepisse inuenies. Et quia primus habet $\frac{11}{12}$ de 260; et ad habendum pretium equi petit secundo $\frac{1}{2}$ suorum bizantium; ergo petit $\frac{1}{2}$ de $\frac{11}{12}$ de 260, sicuti secundo habet; que $\frac{1}{2}$ est $\frac{11}{24}$ de 260; quibus $\frac{1}{24}$ additis cum $\frac{11}{12}$ faciunt $\frac{13}{24}$ de 260, minus ex ipso 260; et ideo in inuentione bizantium equi exhibetur multiplicatio numerorum, qui sunt super uirgulis, scilicet 1, ex multiplicatione numerorum, qui sunt sub uirgulis; et habentur pro pretio equi bizantij 259.

de 260, quibus $\frac{1}{2}$ Quare
toti (fol. 58 recto. In 32
37) pag. 233, lin. 40 — p. 2
234, lin. 7.

pretium equi
264
secundus
288
tercium
296
quartum
315

Egreditur hinc questio ipsius, qui habet uasa 4; quorum primum tenet $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{1}{4}$ tertiij. Secundum $\frac{1}{3}$ tertiij, et $\frac{1}{2}$ quarti. Tercium $\frac{1}{2}$ quarti, et $\frac{1}{4}$ primi. Quartum tenet $\frac{1}{3}$ primi, et $\frac{1}{2}$ secundi. Primum uas tenet metra 264; secundum 288; tertium 296; quartum 315.

Inuentio proportionis primi ad secundum in 5 hominum questionum.

Et si homines quinque, quorum primus ad emendum equum peteret secundo $\frac{1}{2}$ suorum bizantiorum. Secundus tertio peteret $\frac{1}{3}$. Tercius quarto peteret $\frac{1}{4}$. Quartus quinto peteret $\frac{1}{5}$. Et quis scire, in qua proportione sunt bizantij unius illorum ad bizantios sui sequentis. Videas quidem superscripto modo, que pars sint bizantij uniuscuiusque de bizantijs duorum sequentium per ordinem. Bizantij uero primi sunt $\frac{2}{3}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum tertiij. Secundi sunt $\frac{1}{3}$ bizantiorum tertiij, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti. Tertiij sunt $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Quarti sunt $\frac{1}{3}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi. Bizantij autem quinti sunt $\frac{2}{3}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi. Sunt enim, ut diximus, bizantij primi hominis $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum tertiij. Bizantij uero tertiij sunt $\frac{1}{3}$ bizantiorum quarti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi: quare $\frac{1}{3}$ bizantiorum tertiij est $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et $\frac{1}{24}$ bizantiorum quinti: ergo bizantij primi hominis sunt $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et $\frac{1}{24}$ bizantiorum quinti. Sunt enim omnes bizantij quarti hominis $\frac{2}{3}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi. Quare $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti est $\frac{1}{3}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{12}$ bizantiorum primi. Ergo bizantij primi sunt $\frac{2}{3}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{12}$ bizantiorum quinti, scilicet $\frac{1}{12}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{12}$ bizantiorum suorum. Communiter auferatur $\frac{1}{12}$ bizantiorum primi, erunt $\frac{11}{12}$ bizantiorum primi, $\frac{2}{3}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{24}$ bizantiorum quinti. Sunt enim omnes bizantij quinti hominis $\frac{2}{3}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi. Quare $\frac{11}{12}$ bizantiorum quinti sunt $\frac{11}{12}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{24}$ bizantiorum secundi; ergo $\frac{11}{12}$ bizantiorum primi hominis sunt $\frac{11}{12}$ secundi, scilicet $\frac{11}{12}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{24}$ bizantiorum suorum. Communiter auferantur $\frac{1}{24}$ bizantiorum primi. Erunt $\frac{11}{24}$ bizantiorum primi; $\frac{11}{12}$ bizantiorum secundi. Eademque uia potes inuenire proportionem aliorum per ordinem, cum quibus poteris habere originem superscripte regule; quam regulam in quinque alijs hominibus inferius recitabimus: habet enim primus superscriptorum hominum bizantios 1855. Secundus bizantios 1998. Tercius bizantios 2092. Quartus bizantios 2145. Quintus bizantios 2156. Et pretium equi est bizantij 2321.

Alia questio de quinque hominibus.

Irem homines sint quinque; et primus petat secundo $\frac{2}{3}$ suorum bizantiorum. Secundus itaque petat tertio $\frac{1}{3}$; tertius uero petat quarto $\frac{1}{4}$. Et quartus petat quinto $\frac{1}{5}$. Quintus namque petat primo $\frac{2}{3}$. Describantur minuta petitionum ipsorum per ordinem sic: $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{2}{3}$. Et multiplicentur omnes numeri insimul, qui sunt sub uirgulis, erunt 36072. Quibus, cum homines sint impares, superaddatur multiplicatio numerorum, qui sunt super uirgulis, idest de 2 in 4; que in 5; que in 6, erunt 38977, que habeantur pro pretio equi. Et ut habeantur bizantij primi hominis, extrahendus est superior numerus de uirgula sue petitionis de numero inferiori eiusdem uirgule, idest 2 de 2, remanet 1; que per 7, erunt 7; cui superadde multiplicationem de 2 in 4, erunt 15; que multiplica per 11, erunt 165; de quibus deme multiplicationem de 2 in 4; que in 8, remanet 125; que multiplica per 12, erunt 1625; quibus superadde

ad 59 recte.

quod homines in 6, erunt
ad 59 recte, in 12 25, 179
234, in 23 246

primus
1845
secundus
1918
tertius
2092
quartus
2145
quintus
2156
pretium equi
2321

ad superius quod in 8
ad 59 recte, in 21 20, quod
234, in 29 + 40 = 174 235,
in 46.

primus
25425
secundus
33213
tertius
41712
quartus
28643
quintus
48057
equus
38977

multiplicationem de 2 in 4; que in 5; que in 6, erunt 186; que multiplicentur per 10, erunt 35425; et tot habuit primus. Item extrahes 4, que sunt super 7, de ipsis 7, remanet 3; que multiplica per 11, erunt 33; cui superadde multiplicationem de 4 in 5, erunt 53; que multiplica per 12, erunt 636; de quibus extrahe multiplicationem de 4 in 3; que in 6, idest 120, remanet 569; que multiplica per 18, erunt 10242; quibus superadde multiplicationem de 4 in 5; que in 6, que in 8, idest 500, erunt 11771; que multiplica per 2, erunt 23542; et tot habuit secundus. Item extrahe 5 de 11, remanet 6; que multiplica per 12, erunt 72; quibus superadde multiplicationem de 5 in 6, erunt 108; que multiplica per 10, erunt 2052; de quibus extrahe multiplicationem de 5 in 6; que in 2, idest 240, remanet 1812; que multiplica per 2, erunt 3624; quibus superadde multiplicationem de 5 in 6; que in 8; que in 2, idest 480, erunt 4016; que multiplica per 7, erunt 41712; et tot habuit tertius. Et si de quarto, et quinto homine secundum datam et ostensam materiam inuenire studueris, reperies, quod quartus homo habuit bizantios 28642, et quintus habuit 44057; et sic de pluribus facere poteris.

Alia questio de 111.^a hominibus.

Erunt si homines fuerint 4; et primus petat secundo $\frac{1}{2}$; secundus tertio $\frac{1}{3}$; tertius quarto $\frac{1}{4}$; quartus primo $\frac{1}{4}$; de $\frac{1}{2}$ facies $\frac{2}{2}$; de $\frac{1}{3}$ facies $\frac{3}{3}$; de $\frac{1}{4}$ facies $\frac{4}{4}$; de $\frac{1}{4}$ facies $\frac{1}{4}$; et operaberis postea secundum quod supra docuimus; et inuenies, primum habere 17874; secundum 20972; Tertium 20380; Quartum 23830; et pretium equi esse 20320.

De duobus hominibus, et de duobus equis per regulam proportionum.

Duo homines bizantios habentes inueniunt duos equos ad uendendum; quorum secundus ualebat bizantios 2 plus pretio primi. Et primus homo cum suis bizantijs proponit, primum equum emere, habita $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Secundus uero habita $\frac{1}{4}$ bizantium primi, proponit secundum equum emere; et sicut hec omnia cum integris numeris. Queritur pretium uniuscuiusque equi; et quot bizantios unusquisque habeat: quia primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi habet pretium primi equi. Et secundus cum $\frac{1}{4}$ bizantium secundi habet pretium secundi equi; ergo primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi habet 2, minus quam secundus cum $\frac{1}{4}$ bizantium primi. Unde si auferatur ex utroque $\frac{1}{4}$ bizantium secundi, habebit primus bizantios 2, minus quam $\frac{3}{4}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantium suorum. Quare si adhuc ex utroque auferatur $\frac{1}{4}$ bizantium primi, remanebunt $\frac{3}{4}$ bizantij primi bizantij 2, minus quam $\frac{3}{4}$ bizantium secundi. Quare inuenias duos integros numeros, quorum $\frac{1}{4}$ unius sint 2, minus de $\frac{3}{4}$ alterius: est enim modus reperiendi eos, ut accipias $\frac{3}{4}$ cuiusuis numeri, qui diuidatur integraliter per 4; cui cum superaddideris 2, ueniet numerus, qui diuidatur integraliter per 2, que sunt super 3 de $\frac{3}{4}$: Sitque numerus ille 8 super $\frac{3}{4}$, cuius scilicet super 6 adde 2, in quibus $\frac{3}{4}$ bizantium secundi excedunt $\frac{3}{4}$ bizantium primi, erunt 8; que 8 sunt $\frac{3}{4}$ alicuius integri numeri, quem inuenies cum multiplicaueris dimidium de 8, scilicet 4 in 2: quare numerus ille est 12: et quia $\frac{3}{4}$ de 8 sunt 2, minus de $\frac{3}{4}$ de 12; habet primus homo bizantios 8, et secundus 12; quorum $\frac{1}{4}$, scilicet 4, additis super 8, reddit 12 pro pretio primi equi: cum quibus additis 2, reddunt 14 pro pretio secundi. Item quia $\frac{1}{4}$ de 16, scilicet 4, sunt 2 minus de $\frac{3}{4}$ de 21; potest primus homo habere bizantios 16. Et secundus bizantios 21. Et primus equus ualeat 23; secundus 25. Et sic possent infinitos numeros

fol. 95 verso

si adde 22... primo 8 uno
(fol. 95 verso, lin. 17-26, 19,
23, lin. 31-37)

Vel primus	Primo homo
16	8
Secundus	Secundus
21	12
Primo equus	Primo equus
23	12
Secundus	Secundus
25	14

Bizantios 8... ualeat 8
(fol. 95 verso, lin. 27-33, pag.
225, lin. 38 e 41 — pag. 226,
lin. 41)

Primo homo cum secundis eq. cum addit 2 plus
20
Secundus
27
primo equus
29
Secundus
32

habere pro bizantijs uniuscuiusque; cum infiniti sint numeri, qui sunt in dicta proportionem, scilicet quod $\frac{2}{3}$ unius sint 2 minus de $\frac{2}{3}$ alterius. Et si pretium secundi equi esset 3, plus pretio primi, inuenires duos numeros, quorum $\frac{2}{3}$ unius essent 3, minus de $\frac{2}{3}$ alterius; qui numeri similiter infiniti sunt, ex quibus unus est 20; alius 27: quare primus haberet bizantios 20; alius 27. Et pretium primi equi esset 20; secundi 32.

De tribus hominibus et tribus equis, cum unus petat alii per ordinem secundum regulam proportionum.

Item homines sint tres, et equi similiter sint tres; quorum secundus ualeat 2 plus primo. Et tercius ualeat 3 plus quam secundus, scilicet 5 plus quam primus. Et primus homo cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi habeat pretium primi equi. Secundus cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercii habeat pretium secundi equi. Tercius cum $\frac{1}{4}$ bizantium primi habeat pretium tercii equi. Queruntur in integrum bizantium uniuscuiusque hominis, et equi: quia primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi habeat pretium primi equi. Et secundus cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercii habeat pretium secundi equi. Sunt ergo bizantium primi hominis cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, bizantium 2 minus de bizantijs secundi hominis cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercii. Quare bizantium primi hominis sunt 2 minus de $\frac{2}{3}$ bizantium secundi; et de $\frac{1}{3}$ bizantium tercii. Item quia secundus cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercii habeat pretium secundi equi; et tercius homo cum $\frac{1}{4}$ bizantium primi habeat pretium tercii equi; ergo secundus cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercii habeat 3, minus quam tercius homo cum $\frac{1}{4}$ bizantium primi. Vnde bizantium secundi hominis sunt 3, minus de $\frac{3}{4}$ bizantium primi. Vnde bizantium secundi hominis sunt 3, minus de $\frac{3}{4}$ bizantium primi. Rursus quia tercius homo cum $\frac{1}{4}$ bizantium primi habeat pretium tercii equi; et primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi habeat pretium primi equi; ergo tercius homo cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi habeat 5 plus quam primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Vnde bizantium tercii hominis sunt 5 plus quam de $\frac{1}{2}$ bizantium primi; et de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi: hijs itaque intellectis studeas inuenire proportionem, quam habent bizantium primi hominis ad bizantios secundi. Sunt enim bizantium primi 8, minus de $\frac{2}{3}$ bizantium secundi, et de $\frac{1}{3}$ bizantium tercii hominis. Et quia bizantium tercii hominis sunt 5 plus de $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et de $\frac{1}{3}$ bizantium secundi, erit $\frac{1}{3}$ de bizantijs tercii hominis $\frac{1}{3}$ 1, plus de $\frac{1}{3}$ bizantium primi, et de $\frac{1}{3}$ bizantium secundi: ergo bizantium primi hominis sunt 2, minus de $\frac{2}{3}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{3}$ plus de $\frac{1}{3}$ bizantium suorum, et de $\frac{1}{3}$ bizantium secundi. Quare extracto $\frac{1}{3}$ 1 de 2, remanebunt bizantium primi hominis, minus $\frac{2}{3}$ unius bizantium de $\frac{2}{3}$, et $\frac{1}{3}$ secundi hominis, et de $\frac{1}{3}$ bizantium suorum: quare $\frac{1}{3}$ bizantium primi hominis sunt $\frac{2}{3}$ unius bizantium, minus de $\frac{2}{3}$, et $\frac{1}{3}$, scilicet de $\frac{1}{3}$ bizantium secundi. Vnde si reperiantur duo numeri, quorum $\frac{1}{3}$ unius sint $\frac{2}{3}$ unius bizantium, minus de $\frac{2}{3}$ bizantium alterius, habebis bizantios primi, et secundi hominis: quos numeros inuenies sic: quia $\frac{1}{3}$ unius bizantium superscripti diuidantur per 3; ita quod non frangitur aliqua ex ipsis tribus quartis. Inuenias numerum, quorum $\frac{1}{3}$ diuidantur integraliter per 3; eritque numerus ille 15, cuius $\frac{1}{3}$ sunt 5: cum quibus adde $\frac{2}{3}$ unius bizantium, erunt $\frac{11}{3}$ 12; que $\frac{2}{3}$ 12 sunt $\frac{4}{3}$ alicuius integri numeri; quem inuenies esse 17, cum multiplicaueris $\frac{11}{3}$ 12 per 4, et diuides per 3: ergo primus homo habet bizantios 15, et secundus 17. Si 17 haberet terciam in integrum, quam petit ei primus. Vnde inuenies alios duos numeros,

fol. 170 verso.

et secunda. Considera: fol. 170 verso, lin. 26-29. pag. 226, lin. 42 - pag. 227, lin. 13.

primus homo
20
Secundus
32
Tercius
40
primus equus
41
Secundus
42
tercius
46

quorum $\frac{1}{2}$ unius sint minus $\frac{1}{4}$ unius bizantij de $\frac{1}{2}$ alterius; et secundus numerus dividatur integraliter per 3; eruntque 30, et 33: ergo primus habet 30; secundus 33, quorum $\frac{1}{2}$, scilicet 11, addita sunt 30, reddit bizantios 41 pro pretio primi equi: cum quibus adde bizantios 2, erunt bizantij 43 pro pretio secundi equi. Et quia secundus homo cum $\frac{1}{2}$ bizantium tertij habet pretium secundi equi, scilicet 43; ergo differentia, que est a 33 usque in 43, scilicet 10, erit $\frac{1}{2}$ bizantium tertij hominis. Quare tertius homo habet bizantios 40, cum quibus addita $\frac{1}{2}$ de bizantijs primi hominis, scilicet de 30, reddunt bizantios 46 pro pretio tertij equi. Potes enim infinitos numeros habere pro bizantijs illorum, cum infiniti sint numeri, ex quibus $\frac{1}{2}$ unius sint $\frac{1}{4}$ unius integri, minus de $\frac{1}{2}$ alterius. Et si secundus equus ualeret 2 plus primo, ut diximus; et tertius ualeret 4 plus secundo, scilicet 6 plus primo. Inuenires, suprascriptis dispositis, quod $\frac{1}{2}$ bizantium primi essent $\frac{1}{2}$ unius bizantij, minus de $\frac{1}{2}$ bizantium alterius: de qua re si regulam habere uis, cum tertius equus ualeat 6 plus primo; primus homo 5; Secundus 6; tertius 12; primus equus 7; Secundus 9, tertius 12. Considera quid secundus homo petat tertio: petit enim ei $\frac{1}{2}$; pro qua 4 accipe $\frac{1}{4}$ de 8, in quibus pretium tertij equi excedit pretium primi, erit $\frac{1}{2}$ 4; que extrahe de 8, in quibus pretium secundi equi excedit pretium primi, remanebit ipsum $\frac{1}{2}$; in quo $\frac{1}{2}$ bizantium secundi excedit $\frac{1}{2}$ bizantium primi. In qua proportione infinitos potes reperire integros numeros, ex quibus primi sunt 5 et 6; cum quibus reperies, quod tertius homo habet bizantios 12; et pretium primi equi est 7; secundi 9; tertij 12. Et si pretium tertij equi excederet bizantijs 8 pretium primi; cum $\frac{1}{2}$ ipsorum 8, scilicet 4, fuerint extracta de 8, in quibus pretium secundi equi excedit pretium primi, remanebunt tantum $\frac{1}{2}$ bizantium primi hominis esse $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Quare primus haberet 45; secundus 48; et pretium primi equi esset 61; et tertius homo haberet 60; et pretium secundi equi esset 63; tertij 69. Rursus si pretium equi tertij excederet bizantijs 10 pretium primi; cum $\frac{1}{2}$ ipsorum, scilicet 5, sint $\frac{1}{2}$ plus de 8, in quibus secundus equus excedit primum, erunt $\frac{1}{2}$ bizantium primi $\frac{1}{2}$ unius bizantij, plus de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. In qua proportione infinitos poteris in integrum inuenire numeros, ex quibus sunt 40, et 42: quare primus habet 40; secundus 42; tertius 56. Et primus equus ualeret 54; secundus 56; tertius 64. In hac enim questione ad impediendum ipsum, quem interrogaueris, poteris adiungere, quod tertius homo habet pretium secundi equi; et tunc in alijs numeris, preter quam in suprascriptis, hec questio nullatenus poterit solui.

De quatuor hominibus, et quatuor equis per eandem regulam proportionum.

Item homines sint 4, et equi sint 4; et primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi emat primum equum; et secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tertij emat secundum. Et tertius cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti emat tertium. Et quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi emat quartum equum; et ualeat secundus equus bizantios 2, plus primo; tertius bizantios 3, plus secundo, scilicet 5, plus primo. Quartus bizantios 5, plus tertio, scilicet bizantios 10, plus primo. Si secundum positiones petitionum ipsarum, et secundum preta eorum modo suprascripto considerare scieris, inuenies, quod primus habet bizantios 2, minus de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et de $\frac{1}{2}$ bizantium tertij. Et secundus habet $\frac{1}{2}$ bizantium tertij, et $\frac{1}{2}$ bizantium quarti, minus bizantijs 2; et tertius habet $\frac{1}{2}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{2}$ bizantium primi, minus bizantijs 3. Et quartus habet bizantios 10, plus de $\frac{1}{2}$

fol. 100 verso.

* quod tertius equus ualeat 4 plus primo. Primus homo 5

Primus homo	5
Secundus	6
Tertius	12
Primus equus	7
Secundus	9
Tertius	12

* secundi, de quo... bizantium primi... fol. 100 verso. fol. 102 verso, pag. 237, fol. 11-27.

Quo tertius equus ualeat 10 plus primo

Primus	40
Secundus	42
Tertius	56
Primus equus	54
Secundus	56
Tertius	64

primi hominis, et de $\frac{1}{2}$ secundi: et quia primus habet 2, minus de $\frac{1}{2}$ secundi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci, redigemus hanc $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci in portiones quarti hominis, et primi. Sunt enim omnes bizantij terci hominis bizantij 2, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et de $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi: quare $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci sunt minus quarta parte bizantiorum, scilicet 2, scilicet $\frac{1}{4}$ 1, de quarta parte de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et de quarta parte de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi: ergo bizantij primi hominis sunt bizantij 2, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi; et $\frac{1}{4}$ 1, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum suorum: quare si comuniter auferatur $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, tunc $\frac{21}{4}$ bizantiorum primi erunt bizantij $\frac{1}{4}$ 2, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti: quam $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti rediges iterum in partes primi, et secundi. Sunt enim bizantij quarti hominis bizantij 10, plus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi: quare $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti est bizantij 2 plus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi: ergo $\frac{11}{4}$ bizantiorum primi sunt $\frac{1}{4}$ 2 minus, et bizantij 2 plus de $\frac{1}{4}$ 2, scilicet de $\frac{11}{4}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum suorum. Unde extractis bizantijs 2, qui sunt plus de bizantijs $\frac{1}{4}$ 2, qui sunt minus, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi de $\frac{11}{4}$ bizantiorum ipsius, remanebunt $\frac{10}{4}$ bizantiorum primi quantum $\frac{11}{4}$ bizantiorum secundi, minus bizantijs $\frac{1}{4}$ 1. Quare inuenies duos numeros, quorum $\frac{21}{4}$ unius sint $\frac{1}{4}$ 1, minus de $\frac{11}{4}$ alterius; quos inuenies sic: primum inuenies numerum, ex quo cum acceperis $\frac{10}{4}$ bizantiorum quarti rediges iterum in partes primi, et secundi. Sunt enim bizantij quarti hominis bizantij 10, plus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi: quare $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti est bizantij 2 plus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi: ergo $\frac{11}{4}$ bizantiorum primi sunt $\frac{1}{4}$ 2 minus, et bizantij 2 plus de $\frac{1}{4}$ 2, scilicet de $\frac{11}{4}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum suorum. Unde extractis bizantijs 2, qui sunt plus de bizantijs $\frac{1}{4}$ 2, qui sunt minus, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi de $\frac{11}{4}$ bizantiorum ipsius, remanebunt $\frac{10}{4}$ bizantiorum primi quantum $\frac{11}{4}$ bizantiorum secundi, minus bizantijs $\frac{1}{4}$ 1. Quare inuenies duos numeros, quorum $\frac{21}{4}$ unius sint $\frac{1}{4}$ 1, minus de $\frac{11}{4}$ alterius; quos inuenies sic: primum inuenies numerum, ex quo cum acceperis $\frac{10}{4}$ ipsius, et super ipsum addideris $\frac{1}{4}$ 1, facient integrum numerum, qui diuidatur per $\frac{1}{4}$ integraliter; eritque numerus ipse 54, cuius $\frac{11}{4}$ sunt $\frac{1}{4}$ 42: cum quibus addito $\frac{1}{4}$ 1, faciunt 44; quorum $\frac{1}{4}$ que est 4, multiplica per 15, reddet pro alio numero 60: ergo primus habet bizantios 54, Secundus 60; quorum tercia, scilicet 20, addita cum 54, reddit bizantios 7 pro pretio primi equi; per quorum inuentionem inuenies bizantios terci hominis esse 64; quarti 72; pretium secundi equi 76; terci 79; quarti 84. Et nota quod si $\frac{1}{4}$ de bizantijs 10, in quibus pretium quarti equi excedit pretium primi, esset equalis de bizantijs $\frac{1}{4}$ 2 superscriptis, remanent $\frac{10}{4}$ bizantiorum primi quantum $\frac{11}{4}$ bizantiorum secundi: et si esset plus dicta $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$ 2, hoc est quod in loco decenarij ex positione alicuius alie similis questionis eaderet aliquis numerus maior de 10, cuius $\frac{1}{4}$ esset plus de $\frac{1}{4}$ 2, tunc remaneret $\frac{10}{4}$ bizantiorum primi quantum $\frac{11}{4}$ bizantiorum secundi, et plus hoc quod esset $\frac{1}{4}$ ipsius numeri magis de bizantijs $\frac{1}{4}$ 2 predictis.

De quinque hominibus et totidem equis secundum caudem regulam.

Item homines sint quinque, et equi similiter. Et primus petat secundo $\frac{1}{4}$; Secundus tercio $\frac{1}{4}$; tercius quarto $\frac{1}{4}$; quartus quinto $\frac{1}{4}$; quintus primo $\frac{1}{4}$. Et sic emat primus primum equum; Secundus secundum equum, qui ualet bizantios 2, plus primo. Et tercius tercius (sic) tercius, qui ualet bizantios 3, plus pretio secundi. Et quartus emat quartum, qui ualet bizantios 3, plus tercio. Et quintus homo emat quintum equum, qui ualet bizantios 7, plus quarto, scilicet bizantios 17, plus primo. Inuenies quidem ordine demonstrato, qualiter bizantij primi sunt bizantij 2, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci. Et qualiter bizantij secundi sunt 3, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti: etiam et qualiter bizantij terci hominis sunt bizantij 5, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, etiam et qualiter bizantij quarti hominis sunt bizantij 7, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi. Et qualiter bizantij quinti hominis sunt bizantij 17, plus

fol. 101 recto.

quod, et plus primo s. fol.
101 recto, fol. 1-17, pag. 326.
fol. 17-22.

Primus homo	54
Secundus	60
Tercius	64
Quartus	72
Primus equus	71
Secundus	76
Tercius	79
Quartus	84

de $\frac{4}{7}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{8}$ bizantiorum secundi: tunc studebis redigere $\frac{4}{7}$ bizantiorum tercii in partes bizantiorum primi, et secundi. Sunt enim omnes bizantij tercii hominis 4, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti, et de $\frac{1}{2}$ bizantiorum quinti. Quare $\frac{1}{2}$ bizantiorum tercii sunt $\frac{1}{4}$ t, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et de $\frac{1}{24}$ bizantiorum quinti: ergo bizantiorum (sic) primi hominis sunt 2, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$ t, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti, et de $\frac{1}{24}$ bizantiorum quinti; hoc est bizantij primi hominis sunt $\frac{1}{4}$ 3, minus de $\frac{1}{2}$ secundi, et de $\frac{1}{4}$ quarti, et de $\frac{1}{24}$ quinti. Sunt enim omnes bizantij quarti hominis 7, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum quinti, et de $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi: quare $\frac{1}{2}$ bizantiorum quarti sunt $\frac{1}{2}$ t, minus de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et de $\frac{1}{24}$ bizantiorum primi: ergo bizantij primi hominis sunt $\frac{1}{4}$ 3, et $\frac{1}{4}$ t, scilicet $\frac{13}{24}$ 4, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{24}$ t, et $\frac{1}{2}$ bizantiorum quinti, et de $\frac{1}{24}$ bizantiorum suorum. Quare si comuniter auferatur $\frac{1}{24}$ bizantiorum primi, tunc $\frac{13}{24}$ bizantiorum eius erunt bizantij $\frac{13}{24}$ 4, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{24}$ bizantiorum quinti. Et quoniam omnes bizantij quinti hominis sunt 17, plus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi; ergo $\frac{1}{2}$ bizantiorum quinti erunt $\frac{8}{11}$ de bizantijs 17, scilicet bizantij $\frac{13}{11}$ 3, plus de $\frac{1}{11}$ de $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi, et de $\frac{1}{11}$ de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi. Nam $\frac{8}{11}$ de $\frac{1}{2}$ bizantiorum primi sunt $\frac{4}{11}$ bizantiorum ipsius, et $\frac{4}{11}$ de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi sunt $\frac{2}{11}$ ipsius. Quare $\frac{13}{11}$ bizantiorum primi sunt bizantij $\frac{13}{11}$ 4, minus de $\frac{1}{2}$ bizantiorum secundi, et plus $\frac{13}{11}$ 3 de $\frac{1}{2}$ bizantiorum ipsius, et de $\frac{1}{11}$ bizantiorum secundi: quare extractis $\frac{1}{11}$ bizantiorum primi de $\frac{13}{11}$ bizantiorum ipsius, remanebunt $\frac{12}{11}$ eiusdem; qui $\frac{12}{11}$ sunt $\frac{12}{11}$ 4 minus, et $\frac{12}{11}$ 3 plus de $\frac{12}{11}$ secundi. Quare extractis $\frac{12}{11}$ 3, de $\frac{12}{11}$ 4, remanebunt $\frac{12}{11}$ t: ergo $\frac{13}{11}$ bizantiorum primi sunt de $\frac{13}{11}$ t, minus de $\frac{12}{11}$ bizantiorum secundi. Quare pro bizantijs primi, et secundi hominis reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{13}{11}$ unius sint $\frac{13}{11}$ t, minus de $\frac{12}{11}$ alterius; eruntque 130 et 1713; qui reperiuntur sic: quia $\frac{13}{11}$ unius sunt minus $\frac{12}{11}$ t de $\frac{12}{11}$ alterius. Oportet, ut reperiatur numerus, de quo acceptis $\frac{13}{11}$ t et addito $\frac{12}{11}$ t super ipsas, faciant numerum, qui diuidatur integraliter per 33: quem numerum inuenire non poteris, nisi querendo per numeros, qui sunt integra pars, uel partes de 140: et quia super $\frac{13}{11}$ oportet addere $\frac{12}{11}$ t, inueniendus est maior numerus, in quo 140 et 130 integraliter diuidantur; qui numerus est 20. In quo diuide 140, exhibunt 7; a quibus incipies querere numeros superscriptos, scilicet pones, quod primus numerus sit 7; quorum $\frac{13}{11}$ sunt uigesima de 111, sicut 7 sunt nigesima pars de 110: uigesima enim pars de 111 est $\frac{13}{11}$. Ex quibus fac $\frac{13}{11}$. Et quoniam una queque uigesima est $\frac{6}{170}$; ergo $\frac{13}{11}$ sunt $\frac{85}{170}$: deinde diuide $\frac{13}{11}$, scilicet $\frac{13}{11}$ per 33, ut scias quid ex ipsa diuisione remaneat: diuisis enim 132 per 33, remaneat 27; a quibus usque in 53 desunt 26; et tot oportet superare de $\frac{13}{11}$ illius numeri, quem in portione primi posueris. Vade diuidas $\frac{13}{11}$ positorem 7 pro primo numero, scilicet $\frac{85}{170}$ per 33, uidens quid ex ipsa diuisione remaneat. Remaneat enim 30; que 26, cum non sint 26, ut oportet, pones in portione primi hominis alia 7 super priora 7; ex quibus accipe $\frac{13}{11}$, erunt duplum de $\frac{85}{170}$; quibus diuisis per 33, remaneat duplum de 30, scilicet 60; quibus 60 diuisis per 33, remanent 7; que cum iam sint 26, triplicabis ipsa 30, uel quadruplicabis, uel per 5 multiplicabis, uel per alium numerum, donec ex multiplicatione per 33 remaneat 26: ergo multiplicabis 30 per 15, erunt 450; quibus diuisis proueniat numerus, qui cum diuisis fuerit per 33, remanet

26, ut oportet: quare ponas pro quantitate primi numeri quindicies 7, scilicet 103; de quibus accipe $\frac{114}{143}$, scilicet quindicies $\frac{11}{143}$ 5, hoc est $\frac{1}{7}$ 53, et adde super ipsa $\frac{48}{143}$ 1, erunt $\frac{114}{143}$ 54; que diuide per 53, uenit $\frac{71}{143}$; per que multiplica 72 sic: multiplicatio de 4 in 72 facit 72; et multiplicatio de $\frac{1}{143}$ in 72 facit $\frac{72}{143}$; cum 72 sint $\frac{1}{7}$ de 120: quare multiplicatio de $\frac{71}{143}$ in 72 facit septuaginta unam uices $\frac{1}{7}$, scilicet quintas 212, que sunt integra $\frac{1}{7}$ 28: quibus additis cum 72, reddent pro secundo numero $\frac{2}{7}$ 114; qui numerus, cum non sit integer, oportet, ut super 103 ponamus totiens 7 et 7, donec habeamus secundum numerum in integrum. Vnde si addemus semel 7 super 103, remanebunt ex $\frac{114}{143}$ ipsorum 7, ut prediximus $\frac{23}{143}$, cum diuise fuerint per 53. Quare si super 103 predictis posuerimus bis 7, remanebat bis 30 ex diuisione de $\frac{114}{143}$ ipsorum 14 per 53. Quare ex triplo septenario remanebunt ter 30; et cum non oporteat aliquid remanere ex ipsa diuisione, pone super ipsa 103 quinquaginta tres uices 7, scilicet 371; et sic habebis pro primo numero 478. Et cum $\frac{114}{143}$ ipsorum 478 fuerint additi cum $\frac{48}{143}$ 1; et multiplicata $\frac{1}{53}$ ipsorum per 72 non faciant integrum numerum, oportet iterum super 478 addere 371 semel, bis; et donec procreetur numerus, cuius $\frac{114}{143}$ et $\frac{48}{143}$ 1 additis; et multiplica $\frac{1}{53}$ ipsorum per 72, faciat integrum numerum. Vnde si super 478 addideris ter 371, scilicet 1112, uenient 1509, quorum $\frac{114}{143}$ acceptis eis, et superaddito $\frac{48}{143}$ 1, et eorum $\frac{1}{53}$ multiplica per 72, procreantur pro secundo numero 1713: ergo primus homo habet 1509; secundus 1713; quorum 1713 tercia parte, scilicet 571 addita cum bizantijs primi hominis, scilicet cum 1509, uenit 2160 pro pretio primi equi: quare pretium secundi equi erit 2162; pretium quoque tercij 2165; pretium quarti 2170; pretium quinti 2177. Et tercius homo habebit 1706; quartus 1845; quintus 1930.

*Modus alius, cum unusquisque petit duobus illorum per ordinem
in questione quatuor hominum, et unius equi.*

Quatuor homines bizantibus habentes equum emere uoluerunt; ex quibus primus petit secundo, et tercio homini $\frac{1}{2}$. Secundus tercio, et quarto petit $\frac{1}{2}$. Tercius quarto, et primo querit $\frac{1}{2}$. Quartus quoque primo, et secundo querit $\frac{1}{2}$ suorum bizantium, et sic unusquisque proponit ipsum emere equum. Quia primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et tercij hominis proponit, ipsum emere equum; sicut secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, et quarti. Et sicut tercius homo cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti et primi. Et sicut quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et secundi: ergo primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et tercij habet tantum quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, et quarti; et quantum tercius cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti, et primi; et quantum quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et secundi. Et quoniam primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et tercij habet quantum secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, et quarti. Si de secundo auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium suorum, remanebit primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, equalis de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, et quarti. Vnde si de $\frac{1}{2}$ bizantium tercij auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, remanebit primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, equalis de $\frac{1}{2}$ bizantium tercij cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti. Similiter, eisdem dispositis, inuenies secundum hominem habere eum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti quantum tercius cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi. Etiam inuenies, tercius hominem cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi habere quantum quartus homo cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Item quia quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantium

1143 540000.

1143 540000. 1143 540000. 1143 540000.

Primo homo	Secundo equo
1509	2160
1713	2162
1706	2165
1796	2170
1845	2177
1930	2177

primi, et secundi habet quantum primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et tercii. Si de primo auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium suorum, remanebit quartus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, equalis de $\frac{1}{2}$ bizantium primi cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi et tercii. Quare si de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium ipsius, remanebit quartus homo equalis de $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et de $\frac{1}{2}$ bizantium tercii. Rursus quis primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercii habet quantum $\frac{2}{3}$ bizantium secundi cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti; haec $\frac{3}{4}$ bizantium quarti rediges in partes primi, et secundi sic: quia omnes bizantium quarti hominis sunt $\frac{3}{4}$ bizantium primi, et $\frac{1}{4}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantium tercii; ergo quarta pars bizantium quarti est $\frac{1}{4}$ de $\frac{3}{4}$, scilicet $\frac{3}{16}$ bizantium primi, et $\frac{1}{16}$ bizantium secundi, scilicet $\frac{1}{16}$, et $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{16}$ bizantium tercii; ergo bizantium primi hominis cum $\frac{1}{16}$ bizantium tercii sunt $\frac{2}{16}$, et $\frac{1}{16}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{16}$ bizantium tercii, et $\frac{3}{16}$ bizantium suorum: unde si ex utraque parte relinquatur $\frac{1}{16}$ bizantium tercii, et $\frac{3}{16}$ bizantium primi, remanebunt $\frac{1}{16}$ bizantium primi, equalis de $\frac{1}{16}$ bizantium secundi, scilicet de $\frac{1}{16}$ bizantium secundi. Quare inueniendi sunt duo numeri, quorum $\frac{16}{16}$ unius sint $\frac{16}{16}$ alterius; eruntque 17, et 19: quare bizantium primi hominis sunt a bizantios (*sic*) secundi in ipsa proportione, in qua sunt 17 ad 19: deinde ut inuenies proportionem, quam primus, uel secundus habet ad bizantios tercii. Considerabit qualiter primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et tercii hominis sunt quantum bizantium tercii hominis cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti, et primi, ut superius demonstrauimus: quare si auferatur comuniter $\frac{1}{2}$ bizantium tercii, et $\frac{1}{2}$ bizantium primi, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizantium primi cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, equalis de $\frac{1}{2}$ bizantium tercii, et de $\frac{1}{2}$ bizantium quarti. Ostensum est autem, quod bizantium quarti hominis sunt $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{2}$ bizantium tercii: quare $\frac{1}{2}$ bizantium quarti est $\frac{1}{2}$ de $\frac{3}{2}$, scilicet $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et est $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{4}$ bizantium tercii. Et quia $\frac{1}{2}$ bizantium tercii cum $\frac{1}{2}$ bizantium quarti est quantum $\frac{1}{2}$ bizantium primi cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi; ergo $\frac{2}{3}$ bizantium tercii cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et cum $\frac{1}{2}$ bizantium suorum, scilicet tercii, sunt quantum $\frac{1}{2}$ bizantium primi cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Verum $\frac{1}{11}$ bizantium tercii sunt $\frac{1}{11}$ bizantium ipsius. Quare $\frac{11}{11}$ bizantium tercii cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi sunt quantum $\frac{1}{2}$ bizantium primi cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Quare si de $\frac{1}{2}$ bizantium primi auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium ipsius, remanebunt $\frac{11}{11}$. Similiter si de $\frac{1}{2}$ bizantium secundi auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium ipsius, remanebunt $\frac{9}{11}$. Unde $\frac{11}{11}$ bizantium tercii sunt $\frac{16}{11}$ bizantium primi, et $\frac{6}{11}$ bizantium secundi. Demonstratum est igitur, quod $\frac{11}{11}$ bizantium primi sunt $\frac{16}{11}$ bizantium secundi. Et quia partes ipsorum sunt ex eodem numero, scilicet de 24, erunt similiter 19 partes quelibet bizantium primi 17 partes ex eisdem partibus bizantium secundi. Quare $\frac{19}{19}$ bizantium primi sunt $\frac{17}{19}$ bizantium secundi: et quia $\frac{19}{19}$ bizantium tercii sunt $\frac{16}{19}$ bizantium primi, et $\frac{3}{19}$ bizantium secundi, erunt similiter ipse $\frac{16}{19}$ bizantium tercii $\frac{12}{19}$ bizantium secundi, et $\frac{3}{19}$ bizantium secundi. Verum $\frac{16}{19}$, et $\frac{3}{19}$ bizantium secundi sunt $\frac{16}{19}$, scilicet $\frac{16}{19}$ bizantium ipsius; ergo $\frac{16}{19}$ bizantium secundi sunt $\frac{12}{19}$ bizantium tercii. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{16}{19}$ unius sint $\frac{12}{19}$ alterius; eruntque 11 et 13: ergo sicut 11 est ad 13, ita bizantium secundi hominis sunt

ad bizantios tercij. Sunt enim et bizantij secundi hominis ad bizantios primi, ut 19 est ad 17. Quare reperiendi sunt tres numeri, quorum primus sit ad secundum, sicut 17 est ad 16. Et secundus ad tertium sit, sicut 11 est ad 12; quos inuenies sic multiplicabis proportionem, quam secundus habet ad tertium, per numerum proportionis, quam primus habet ad secundum, scilicet 11 per 17, erunt 187, qui est primus numerus: deinde multiplicabis numeros proportionum, quas secundus numerus habet ad primum, et ad tertium, scilicet 19 per 11, erunt 209, qui est secundus numerus. Rursus multiplicabis numeros proportionis, quam secundus habet ad primum, scilicet 19, per numerum proportionis, quam tertius habet ad secundum, scilicet per 12, erunt 227: ergo primus homo habet 187. Secundus 209. Tercius 227. Et quia primus homo petit secundo, et tercio $\frac{1}{2}$ bizantium suorum, adde bizantios secundi, et tercij in unum, scilicet 209, et 227, erunt bizantij 436; quorum tertiam partem, scilicet 152, adde super bizantios primi hominis, scilicet super 187, erunt bizantij 329; et tot bizantios ualuit equus. Rursus quia secundus cum $\frac{1}{4}$ bizantium tercij, et quarti hominis proponit habere ipsos bizantios 329, scilicet pretium equi, extrahe bizantios secundi hominis de 329, remanent 129, qui sunt quartum de bizantijs tercij, et quarti hominis: quare quadruplum de 129, scilicet 520, habent inter tertium, et quartum hominem; ex quibus 520, cum tertius habeat 227, quartus homo habebit bizantios 372, qui sunt a bizantijs 227 usque in 520.

Modus alius de emptione equi inter tres homines, secundum regulam proportionum.

Tres homines equum emere uolentes, primus, et secundus petunt tercio homini $\frac{1}{2}$; et proponunt ipsum emere equum. Secundus quoque, et tertius petunt primo $\frac{1}{2}$. Tercius, et primus petunt secundo $\frac{1}{2}$. Quia primus, et secundus cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij habent quantum secundus, et tertius cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi, scilicet pretium equi. Si comunitur auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizantium primi cum bizantijs secundi, quantum bizantij secundi cum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij. Quare si comunitur auferantur bizantij secundi, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizantium primi quantum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij. Rursus quia secundus, et tertius cum $\frac{1}{2}$ bizantium primi habent quantum tertius, et primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Si comunitur auferatur $\frac{1}{2}$ bizantium primi, et $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et tercij, remanebunt $\frac{1}{2}$ bizantium primi, quantum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi. Que $\frac{1}{2}$ bizantium primi sunt $\frac{2}{3}$ bizantium tercij. Vel aliter. Cum tertius dat $\frac{1}{2}$ primo, et secundo, remanent ei $\frac{1}{2}$, que sunt residuum, quod est a pretio equi usque in summam bizantium trium hominum: quod etiam residuum remanet primo, cum dat reliquis $\frac{1}{2}$; quod residuum est $\frac{1}{3}$ bizantium suorum. Similiter cum secundus dat $\frac{1}{2}$ primo, et tercio, remanent $\frac{1}{2}$ suorum bizantium pro eodem residuo: ergo $\frac{1}{2}$ bizantium primi sunt quantum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et quantum $\frac{1}{2}$ bizantium tercij, ut prediximus. Quare reperies tres numeros, quorum $\frac{1}{2}$ unius sint $\frac{1}{2}$ alterius, et $\frac{1}{2}$ tercij numeri, quos inuenies sic. Positis $\frac{1}{2}$, et $\frac{1}{2}$, et $\frac{1}{2}$, multiplicabis 4, que sunt sub 2, per 4, que sunt super 3; que per 2, que sunt super 3, erunt 22. Item multiplicabis 5 per 2, que sunt super 4; que per 2, que sunt super 2, erunt 30. Item multiplicabis 2, que sunt sub 2, per 4, que sunt super 3; que per 2, que sunt super 4, erunt 36. Et quoniam 22,

proportionum . . . proportionum
sunt in (lib. III. de ar. lib. 22
p. 24-26) pag. 242, lin. 6-12).

Primus
187
Secundus
209
Tercius
227
Quartus
372
Equus
323

Ed. 103 recto.

et 20, et 36 diuiduntur integraliter per 2, diuide ipsa per 2, ut baseas ea in minoribus numeris; et habebis pro bizantijs primi 16; pro bizantijs secundi 15; pro bizantijs tercijs 15. Addidis ergo $\frac{1}{2}$ de bizantijs 15, scilicet 6, super bizantios primi, et secundi, habebis bizantios 27 pro pretio equi.

De quatuor hominibus, cum duo petant uni eorum per ordinem secundum eandem regulam.

Item homines sint *iiii*; et primus, et secundus petant tercio $\frac{1}{3}$; secundus, et tercius quarto $\frac{1}{4}$. Tercius, et quartus primo $\frac{1}{3}$; quartus, et primus secundo petant $\frac{1}{2}$. Quoniam primus, et secundus cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercijs habent quantum secundus, et tercius cum $\frac{1}{4}$ bizantium quarti, scilicet pretium equi. Si comuniter auferatur bizantij secundi hominis, et $\frac{1}{3}$ bizantium tercijs, inuenies bizantios primi esse $\frac{2}{3}$ bizantium tercijs, et $\frac{1}{3}$ bizantium quarti. Similiter, si de reliquis inspexeris, inuenies bizantios secundi esse $\frac{2}{3}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{3}$ bizantium primi; et bizantios tercijs esse $\frac{1}{3}$ bizantium primi, et $\frac{1}{4}$ bizantium secundi; et bizantios quarti esse $\frac{2}{3}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{3}$ bizantium tercijs. Sunt itaque, ut diximus, bizantij primi $\frac{2}{3}$ bizantium tercijs, et $\frac{1}{3}$ bizantium quarti. Bizantijs (*sic*) uero tercijs sunt $\frac{1}{3}$ bizantium primi, et $\frac{1}{4}$ bizantium secundi. Quare $\frac{2}{3}$ bizantium tercijs sunt $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{3}$ bizantium primi, scilicet $\frac{2}{9}$; et sunt $\frac{2}{3}$ bizantium secundi, scilicet $\frac{1}{3}$; ergo bizantij primi hominis sunt $\frac{2}{9}$ eiusdem, et bizantium secundi, et $\frac{1}{3}$ bizantium quarti. Quare si comuniter auferatur $\frac{2}{9}$ bizantium primi, remanebunt $\frac{7}{9}$ bizantium primi, euales de $\frac{2}{3}$ bizantium secundi, et $\frac{1}{3}$ bizantium quarti; et quoniam bizantij secundi hominis sunt $\frac{1}{3}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{3}$ bizantium primi, erit $\frac{1}{3}$ bizantium secundi $\frac{1}{3}$ de $\frac{7}{9}$, scilicet $\frac{1}{9}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{3}$ de $\frac{1}{3}$ bizantium primi, scilicet $\frac{1}{9}$. Quare $\frac{7}{9}$ bizantium primi sunt $\frac{1}{3}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{3}$ bizantium primi. Unde si comuniter auferatur $\frac{1}{9}$ bizantium primi, remanebunt $\frac{6}{9}$ bizantium primi quantum $\frac{1}{3}$ bizantium quarti. Quare inuenies duos numeros, quorum $\frac{2}{3}$, scilicet $\frac{1}{3}$ unius, sint $\frac{2}{3}$ alterius; eruntque 15, et 20: ergo primus habet 15, et quartus 20. Et quoniam primus habet quantum $\frac{2}{3}$ bizantium tercijs cum $\frac{1}{3}$ bizantium quarti; si de bizantijs 15 primi hominis auferatur $\frac{1}{3}$ de bizantijs 20 quarti hominis, remanebunt 10 pro $\frac{2}{3}$ bizantium tercijs. Quare tercius homo habet 15. Et quoniam secundus habet quantum $\frac{1}{3}$ bizantium quarti, et $\frac{1}{3}$ bizantium primi, accipe $\frac{1}{3}$ de bizantijs 20 quarti hominis, scilicet 15, et adde cum $\frac{1}{3}$ de bizantijs 15 primi, habebis 15 pro bizantijs secundi: additis itaque bizantijs 15 primi cum bizantijs 15 secundi, erunt 30; cum quibus adde $\frac{1}{3}$ bizantium tercijs, scilicet 5, habebis 35 pro pretio equi.

De quinque hominibus, et uno equo, cum tres petant uni eorum, secundum regulam proportionum.

Quis homines sint quinque. Et primus, et secundus, et tercius petant quarto homini $\frac{1}{4}$. Secundus uero, et tercius, et quartus petant quinto $\frac{1}{5}$. Tercius namque, et quartus, et quintus petant primo $\frac{1}{3}$. Quartus quidem, et quintus, et primus petant secundo $\frac{1}{2}$. Quintus uero, et primus, et secundus petant tercio $\frac{1}{3}$; et proponant ipsam equum emere. Quoniam primus cum secundo, et tercio, et cum $\frac{1}{4}$ bizantium quarti habet quantum secundus, et tercius, et quartus cum $\frac{1}{5}$ bizantium quinti. Si comuniter auferantur secundus, et tercius, et $\frac{1}{4}$ bizantium quarti, remanebit primus equalis de

$\frac{1}{3}$ bizantium ... additis itaque ... (lib. 103 recto, fol. 21
-29, pag. 242, lin. 29-32.)

Primus
15
Secundus
15
Tercius
15
Quartus
20
Equus
35

Ed. 103 recto.

$\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti cum $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Si de reliquis inspexeris, inuenies, secundum habere $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi; et tertium habere $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi. Et quartum $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci. Et inuenies similiter, quintum hominem habere $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti. Et quoniam primus habet $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Et quartus habet $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum terci. Erunt ergo $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{16}$ bizantiorum terci. Nam $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi sunt $\frac{1}{16}$ bizantiorum ipsius; ergo primus habet $\frac{1}{16}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{16}$ bizantiorum terci, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Et quoniam bizantij terci hominis sunt $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi; ergo $\frac{1}{16}$ bizantiorum terci erunt $\frac{1}{16}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{16}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi. Nam $\frac{1}{16}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi sunt $\frac{1}{64}$ bizantiorum ipsius; ergo primus habet $\frac{1}{64}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{64}$ bizantiorum suorum, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Quare si comuiter auferatur $\frac{1}{64}$ bizantiorum primi, remanebunt $\frac{23}{64}$ bizantiorum primi, equales de $\frac{1}{4}$, et $\frac{1}{64}$ bizantiorum secundi, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Sed $\frac{1}{64}$, et $\frac{1}{256}$ bizantiorum secundi sunt $\frac{1}{256}$ bizantiorum ipsius: ergo $\frac{1}{64}$ bizantiorum primi sunt $\frac{1}{256}$ bizantiorum secundi, et $\frac{1}{64}$ bizantiorum quinti. Rursus quia bizantij secundi hominis sunt $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi; ergo $\frac{1}{256}$ bizantiorum secundi sunt $\frac{1}{256}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi. Nam $\frac{1}{256}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti sunt $\frac{1}{1024}$ bizantiorum ipsius; et $\frac{1}{256}$ de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi sunt $\frac{1}{1024}$ bizantiorum ipsius; ergo $\frac{1}{1024}$ bizantiorum primi sunt $\frac{1}{1024}$ et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{1024}$ bizantiorum suorum: quibus $\frac{1}{1024}$ extractis de $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, remanebunt $\frac{255}{1024}$, scilicet $\frac{15}{64}$ bizantiorum primi, equales de $\frac{1}{4}$, et de $\frac{1}{4}$, scilicet de $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti. Quare reperies duos numeros, quorum $\frac{15}{64}$ unius sint $\frac{25}{32}$ alterius: multiplicabis ergo 16 per 29, et 40 per 13, et euitabis $\frac{1}{2}$ ex utraque multiplicatione, cum possibile sit; et habebis pro primo numero 35, et 65 pro secundo, scilicet pro bizantijs quinti hominis. Sed quia primo homini petitur $\frac{1}{4}$, ex qua in 35 non reperitur nisi $\frac{1}{4}$, multiplicabis utrumque numerum per 3, et habebis 174 pro bizantijs primi hominis, et 195 pro bizantijs quinti. Et quoniam bizantij primi hominis $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, si $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, scilicet 29, auferatur de bizantijs primi, scilicet de 174, remanebunt 145 pro $\frac{1}{4}$ bizantiorum quarti. Quare multiplicabis 125 per 4, et diuides per 3, exibunt 180 pro bizantijs quarti hominis. Item quia secundus habet $\frac{1}{4}$ bizantiorum quinti, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, accipe $\frac{1}{4}$ de 185, scilicet 156, et adde cum $\frac{1}{4}$ de 174, scilicet cum 29; et habebis 185 pro bizantijs secundi hominis. Rursus quia tercius homo habet $\frac{1}{4}$ bizantiorum primi, et $\frac{1}{4}$ bizantiorum secundi, accipe $\frac{1}{4}$ de 174, que sunt 145, et adde ipsa cum $\frac{1}{4}$ de 185; et habebis $\frac{6}{7}$ 171 pro bizantijs terci: qui cum non sint in integrum, multiplicabis omnes numeros inuentos per 7, et habebis pro bizantijs primi hominis 1215; et pro bizantijs secundi 1295; et pro bizantijs terci 1200; et pro bizantijs quarti 1260; et pro bizantijs quinti 1265. Deinde, ut habes pretium equi, adde bizantijs primi cum bizantijs secundi, et cum bizantijs terci, erunt 3713; cum quibus adde $\frac{1}{4}$ de bizantijs quarti hominis, scilicet 315, erunt bizantij 4028, qui sunt pretium equi.

primi, et $\frac{1}{4}$... utroqueque
 quoniam s. ibi, 101 recte, in-
 1. 11, pag. 214, lin. 33 = pag.
 243, lin. 6).

pretium	61 101 recte.
1215	
1295	
1200	
1260	
1265	
1265	
3713	
315	
4028	

*Modus alius de tribus hominibus et uno equo, cum unusquisque
petat reliquis per ordinem.*

Sunt iterum tres homines bizantios habentes, qui equum emere concupiscant. Et cum nullus illorum ipsam emere posset, primus petat reliquis duobus hominibus $\frac{1}{2}$ suorum bizantiorum. Et secundus petat $\frac{1}{3}$ bizantiorum reliquorum duorum hominum. Similiter et tercius petat $\frac{1}{4}$ reliquis; et sic proponat unusquisque ipsam emere equum. Describatur $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ de positione prima, et extrahatur 1, quod est super 2, de ipsis 2, remanent 2; super que ponat ipsam 1 cum uirgula, ut faciat $\frac{1}{2}$. Item extrahatur 1, quod est super 4, de ipsis 4, remanent 3; super que ponatur ipsum 1 cum uirgula; et faciat $\frac{1}{4}$. Rursus extrahe 1, quod est super 5, de ipsis 5, remanent 4; super que pone 1 cum uirgula; et faciet $\frac{1}{5}$. Post hec pone in ordinem $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$; et uocentur de positione secunda. Et uide, in quo numero reperiantur ipse, scilicet in 12; que multiplica per 2 prime positionis, erunt 24; que diuide per 2 secunde positionis, exhibunt 12, que serua. Item multiplica eadem 12 per 4 prime positionis, et diuide per 3 secunde, exhibunt 16. Item multiplica prescripta 12 per 5 prime positionis, et diuide per 4 secunde, exhibunt 15, que adde cum 12, et cum 16, erunt 40, que sunt summa bizantiorum illorum trium hominum. Deinde extrahatur unus homo de ipsis tribus, remanent 2; per que multiplica eadem 12, erunt 24; que extrahe de 40, remanent 20, que sunt pretium equi. Post hec multiplica prescripta 24 per 1, quod est super 2 secunde positionis, et diuide per ipsa 2, exhibunt 12; que extrahe de 25, scilicet de pretio equi, remanent 12; et tot habuit primus. Item multiplica eadem 24 per 1, quod est super 3, eiusdem secunde positionis; et diuide per eadem 3, exhibunt 8; a quibus usque in dicta 25 desunt 17; et tot habuit secundus: adhuc multiplica 24 per 1, quod est super 4, secunde positionis; et diuide per 4, exhibunt 6; a quibus usque in 25 desunt 19; et tot habuit tercius.

De eodem inter .iiii.^m homines.

Et si homines essent .iiii.^m; et primus illorum peteret reliquis tribus medietatem suorum bizantiorum, et secundus peteret terciam reliquis, et tercius peteret quartam reliquis, et quartus peteret quintam reliquis; hanc enim positionem per superscriptam regulam reperies, uidelicet ut describas in ordinem $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$; et uocabis eas de positione prima. Deinde extrahas figuram, que est super unamquamque uirgulam de figura, que est sub eadem uirgula, faciens ex eis secundam positionem sic: $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$. Deinde uideas de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ in quo numero reperiantur, scilicet in 12. Quare multiplicabis 12 per 2 prime positionis, erunt 24; que diuide per 1 secunde, exhibunt 24, que serua: et multiplica eadem 12 per 3 prime positionis; et diuide per 2 secunde, exhibunt 18, que serua, multiplicans 12 per 4 prime positionis, et diuidens per 3 secunde, exhibunt 16, que serua: et iterum multiplica 12 per 5 prime positionis, et diuides per 4 secunde, exhibunt 15. Adde itaque 24, et 18, et 16, et 15, erunt 72, que sunt summa bizantiorum illorum | .iiii.^m hominum: deinde extrahe 1 de illis .iiii.^m hominibus, remanent 3; per que multiplica 12 prescripta, erunt 36; que extrahe de 72, remanent 37; et tot ualuit equus. Deinde diuide prescripta 36 per 1 secunde positionis, exhibunt 36; que extrahe de 37, remanet 1; et tot habuit primus. Postea uero accipe dimidium de 36 propter $\frac{1}{2}$ secunde positionis, scilicet 18, et extrahe de 37, remanent 19; et tot

* eodem equum in ordinaris a fol. 104 recto, lin. 12-16; pag. 244, lin. 6 a 7-11.

positio prima			
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$
secunda			
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$

* bizantiorum itaq. ^m hominum a fol. 104 recto, lin. 21-25; pag. 245, lin. 11-26.

Primus
12
Secundus
17
tercius
19
equus
25

* reliquis tribus multiplicatio 12 per 5 fol. 104 recto, lin. 21-23; pag. 245, lin. 27-33 a 34.

positio prima			
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$
secunda			
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$

1111. ⁸⁰ *Arithmetica* *Principia*
Arithmetica 3. Ed. 181. *Arith.* *lib.*
 1. *lib. post.* 243, *lib.* 32 — *pag.*
 215, *lib.* 6.

Primus
1
Secundus
19
Tertius
25
Quartus
28
Quintus
37

habuit secundus. Similiter accipe $\frac{1}{4}$ de 36 pro ipsa $\frac{1}{4}$, que est in secunda positione. Et extrahe de 37, remanent 25; et tot habuit tertius. Rursus pro $\frac{1}{4}$, que est in secunda positione, accipe $\frac{1}{4}$ de 36, scilicet 9, que extrahe de 37, remanent 28; et tot habuit quartus. Nam si vade hec regula procedat nosse uolueris, considera igitur, quia cum primus homo petat reliquis $\frac{1}{2}$ ipsorum bizantium, cum habeat ipsam medietatem, non habet amplius quam pretium equi; ergo remanet reliquis tribus, scilicet secundo, et tercio, et quarto a pretio equi usque in summa omnium bizantium illorum .iiii.^m hominum. Et cum secundus habeat $\frac{1}{2}$ bizantium reliquorum trium hominum, et non habeat tunc nisi tantum pretium equi; ergo reliquis tribus, scilicet primo, et tercio et quarto remanet hoc idem, quod est inter pretium equi, et summam bizantium illorum .iiii.^m. Similiter cum tertius homo haberet $\frac{1}{2}$ bizantium reliquorum trium hominum; et haberet tantum pretium equi, reliquis tribus, scilicet quarto, et primo, et secundo remanet illud idem, quod est a pretio equi usque in summa bizantium illorum .iiii.^m. Propter eandem primo, et secundo, et tercio remanet illud idem, quod est a pretio equi usque in summam prescriptam, uidelicet data quinta illorum bizantium quarto homini; ergo cum quilibet illorum petat, et sua petitione ab ipsis recepta, remanet eis una, et eadem quantitas, scilicet una, que est a pretio equi usque in summam omnium bizantium illorum .iiii.^m hominum. Post hanc itaque considerationem describe petitiones eorum in ordinem sic: $\frac{4}{5}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{4}{5}$, de quibus superius fecimus primam positionem. Deinde considera, quam partem quilibet tres illorum tribuant suo petitori ex hoc, quod eis remanet; quod sic considerandum est. Cum secundus, et tertius, et quartus tribuant suo petitori, uidelicet primo, medietatem ipsorum bizantium; ergo, si ipsi habent duos bizantios, dant ei 1, et remanet eis alius; ergo tantum dant, quantum remanet eis. Quare scribitur superius in principio secunde positionis 1. Item cum tertius, et quartus, et primus tribuant secundo homini $\frac{1}{2}$ suorum bizantium, ut ipse petit eis; ergo, si ipsi habent bizantios 3, dant ei 1 ex ipsis tribus bizantijs, et remanent eis 2: ergo dant medietatem eius, quod remanet eis. Quare describitur $\frac{1}{2}$ in secunda positione sub $\frac{4}{5}$ prime positionis, ut in descriptione ostenditur. Item cum quartus, et primus, et secundus tribuant tercio homini $\frac{1}{2}$ ipsorum bizantium, sicut ipse petit eis; ergo, si ipsi tres habent bizantios 4, dant ei 1 ex ipsis pro quarta parte, et remanent eis bizantij 3: ergo dant terciam ex eo, quod eis remanet. Quare describitur $\frac{1}{3}$ in secunda positione sub $\frac{4}{5}$ prime positionis. Rursus cum primus, et secundus, et tertius tribuant quarto homini $\frac{1}{2}$ bizantium eorum, ut ipse petit eis; ergo si ipsi tres habeant bizantios 3, dant ei 1 ex ipsis pro quinta parte, et remanent eis bizantij 2; ergo dant $\frac{1}{2}$ ex hoc, quod remanet eis. Et ideo describitur $\frac{1}{2}$ in fine secunde positionis, ut in prescripta descriptione demonstratur. Deinde quia manifestum est, residuum quod remanet quibuslibet tribus hominibus illorum post datam petitionem quesitam eorum petitori semper est idem. Ponamus ut ipsum residuum sit 12; ideo quia in 12 repertiuntur partes secunde positionis, scilicet $\frac{4}{5}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{4}{5}$. Et quia iterum manifestum est, quod secundus, et tertius, et quartus homo | dant primo homini tantum quantum eis remanet; ergo si remansit eis 12, ut pro residuo quorumlibet illorum trium hominum posuimus, alia 12 ipsos dedisse necesse est: ergo ipsi tres habuerunt in principio bizantios 24; et hoc est quod in precedenti regula multiplicauimus 12 per 2 prime positionis, et diuisimus

111. 145. *Arith.*

per 1 secunde; et sic habuimus 24. Item quia tercius, et quartus, et primus homo dant secundo homini medietatem bizantiorum, qui ei remanent; ergo si remanent eis bizantij 12, ut positum est; et ei dederunt bizantios 6, scilicet medietatem de 12; ergo habuerunt in principio ipsi tres bizantios 18; et hoc est quod multiplicauimus in suprascripta regula 12 per 3 prime positionis, et diuisimus per 2 secunde, et habuimus 18. Rursus quia quartus, et primus, et secundus dant tercio homini tertium bizantiorum, quos eis remanet; ergo si remanent eis 12, ut prediximus, ei dederunt bizantios 4, scilicet tertiam de 12: ergo habuerunt ipsi tres bizantios 16, quos habuimus superius, cum multiplicauimus 12 per 4 prime positionis, et diuisimus per 3 secunde: adhuc quia primus, et secundus, et tercius dant quarto homini quartam bizantiorum, quos eis remanent; ergo si remansit eis bizantij 12 vt ceteris quibuslibet tribus, et ei dederunt bizantios 3, scilicet $\frac{1}{4}$ de 12; ergo habuerunt ipsi tres bizantios 15 in principio, quod superius inuenimus, cum multiplicauimus 12 per 5 prime positionis, et diuisimus per 4 secunde: ergo cum addidimus bizantios 24, quos habent inter secundum, et tertium, et quartum hominem cum bizantijs 18, quos habent inter tertium, et quartum, et primum. Et cum bizantijs 18, quos habent inter quartum, et primum, et secundum. Et cum bizantijs 15, quos habent inter primum, et secundum, et tertium hominem, habuimus in summa bizantios 72. In qua summa, cum unusquisque ipsorum ter computatus sit pro eorum bizantiorum summa, tertiam de bizantijs 72 habere necesse est. Ideo quia 72 triplum est summe eorum propter triplam computationem ipsorum. Sed quia $\frac{1}{3}$ de 72 sine rupto esse non potest, relinquimus 72 pro eorum summa, ut prediximus; et triplicamus residuum, scilicet 12; que triplicatio est 36, secundum quod superius inuenimus, quando multiplicauimus 12 per 3, scilicet per numerum .iii.^{or} hominum prescriptorum, uno uidelicet ex eis extracto: ergo si summa eorum est 72; et residuum, quod remanet quibuslibet tribus eorum, est 36. Et prescriptum residuum, scilicet 36, distat pretium equi ad summam bizantiorum illorum, uidelicet a 72, ut superius demonstrauius: ergo quot distant 36 a 72, scilicet 37, tot ualet equus. Vnde quia primus petit reliquis tantum quantum eis remanet; pro quo tanto in secunda positione 1 describitur; ergo quesiuit eis bizantios 36; a quibus usque in pretium equi, uidelicet in 37, deest 1; ergo tot habuit primus, quia addito ipso bizanthio cum bizantijs 36, quos querit reliquis, nimirum in pretium equi, scilicet in 37 ascendit. Item quia secundo homini datur ab alijs medietas predicti residui, scilicet 18; ergo oportet cum habere bizantios 19, uidelicet differentiam, que est a 18 usque in 37. Et hoc est cum in precedenti accepimus $\frac{1}{2}$ de 36 pro $\frac{1}{2}$ secunde positionis, extraximus ipsam medietatem, scilicet 18 de pretio equi, uidelicet de 37; et sic habuimus 19 pro bizantijs secundi. Rursus quia 1 tertium hominem reliqui tres dant tertiam de residuo eorum, uidelicet de 36; ergo dant ei 12; a quibus usque in 37 desunt bizantij 25; et tot oportet, ut habeat ipse: et hoc est quod superius fecimus, cum accepimus $\frac{1}{3}$ de 36, scilicet 12, et extraximus de 37. Et sic habuimus tunc 25 pro bizantijs tercij hominis. Adhuc quia quarto homini reliqui tres dant quartam residui eorum, uidelicet de 36; ergo dant ei 9; a quibus usque in bizantijs 37 desunt bizantij 28; et tot oportet habere quartum hominem. Et hoc est cum superius accepimus $\frac{1}{4}$ de 36, scilicet 9, et extraximus de 37; et tunc habuimus [similiter 28 pro bizantijs quarti hominis. Et sic

per eandem considerationem poteris quaslibet similes questiones, siue trium, siue plurimum facillime denotare. Sed quia nobis grauissimum est singula singulis demonstrationibus demonstrare, alias huiusmodi questiones in sequentibus, secundum priorem datam regulam, te docebimus denotare.

Questio alia de .iiii.^m hominibus.

Proponamus enim aliam .iiii.^m hominum questionem, ut que dicta sunt in superscripta regula apertius intelligatur. Vt si dicatur: sunt .iiii.^m homines equum emere volentes. Et primus petat alijs tribus hominibus $\frac{2}{3}$ eorum bizantium. Et alter petat reliquis tribus $\frac{1}{4}$. Et tertius petat $\frac{1}{14}$. Quartus querat reliquis $\frac{8}{19}$. Descriptis itaque per ordinem $\frac{2}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{14}$, $\frac{8}{19}$, in quibus continetur prima positio. Et extrahatur unusquisque numerorum, qui sunt super uirgulis, de numero ei existenti sub uirgula, idest 2 de 3, et 3 de 4, et 4 de 14, et 8 de 19, remanebunt 3, et 3, et 7, et 12, super quibus ponantur uirgule, et super 3 ponantur 2, et super 3 ponantur 2, et super 7 ponantur 4, et super 12 ponantur 6; et habebuntur pro secunda positione $\frac{6}{12}$, $\frac{6}{6}$, $\frac{2}{2}$, que sunt partes per ordinem, que dant tres homines eorum petitori de hijs, que remanent eis, sicuti in precedenti demonstratione demonstrauimus. Et pone secundam positionem sub prima, ut inferius ostenditur. Deinde uide, in quo numero ipsi rupti secunde positionis reperiantur: reperiantur enim in 1265: deinde multiplica 1265 per 3, que sunt sub prima uirgula prime positionis; et diuide per 2, que sunt sub prima uirgula secunde positionis, exhibunt 2275, que serua. Iterum multiplica 1265 per 8 de prima positione; et diuide per 3, exhibunt 2184. Rursus multiplica 1265 per 11 prime, et diuide per 7 secunde, exhibunt 2143. Adhuc multiplica 1265 per 19, et diuide per 12, exhibunt 1995; que adde cum 2275, et cum 2184, et cum 2143, erunt 8599, que sunt summa cunctorum bizantium illorum. Postea quia homines sunt .iiii.^m; et unus illorum semper petit reliquis, extrahatur 1 de 4, remanent 3, in quibus multiplicetur 1265, erunt 4095; qui numerus est illud residuum, quod semper remanet quibuslibet tribus illorum. Post emptionem equi, que extrahantur de 8599, remanet 4504 pro pretio equi. Deinde ut habeas bizantios primi hominis, pro $\frac{2}{3}$, que sunt in secunda positione accipe $\frac{2}{3}$ de 4095, exhibunt 2730; que extrahere de pretio equi, scilicet de 4504, remanent 1774; et tot habuit primus. Item ut habeas bizantios secundi, accipe $\frac{1}{4}$ de 4095 pro $\frac{1}{4}$, que sunt in secunda positione, erunt 2457; que extrahere de 4504, remanent 2047; et tot habuit secundus. Rursus pro $\frac{1}{14}$ secunde positionis accipe $\frac{1}{14}$ de 4095, que sunt 2280, et extrahere ea de 4504, remanent 2164; et tot habuit tertius. Iterum accipe $\frac{8}{19}$ de 4095, que sunt 1806, et extrahere ea de 4504, remanent 2614; et tot habuit quartus. Possumus hoc item per aliam regulam promissum operari, uidelicet cum secundus homo, et tertius, et quartus dant primo $\frac{2}{3}$, remanent eis $\frac{1}{3}$ bizantium suorum; que $\frac{2}{3}$ sunt residuum, quod est a pretio equi in summam bizantium .iiii.^m hominum. Item cum reliqui dant secundo $\frac{1}{4}$, remanent eis $\frac{3}{4}$ bizantium, que sunt idem residuum. Rursus cum reliqui dant tercio $\frac{1}{14}$, remanent eis $\frac{13}{14}$ pro eodem residuo. Adhuc cum reliqui dant quarto homini $\frac{8}{19}$, remanent eis pro residuo superscripto $\frac{12}{19}$; ergo $\frac{2}{3}$ bizantium secundi, et tercij, et quarti sunt quantum $\frac{2}{3}$ bizantium tercij, et quarti, et primi hominis; et quantum $\frac{1}{4}$ quarti, et primi, et secundi; et quantum $\frac{8}{19}$ bizantium primi, secundi, et tercij hominis. Quare reperiendi sunt .iiii.^m numeri, quorum $\frac{2}{3}$ primi sint quantum

petat alijs . . . 3, et super 3 f. d.
138 recto, lin. 7-12, 14, 214,
lin. 8-12.

positio prima			
$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{14}$	$\frac{8}{19}$
12	4	14	19
Secunda			
$\frac{6}{12}$	$\frac{6}{6}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{2}{2}$

qui numerus est . . . bizantium
summa cunctorum a d. d. 104 recto,
lin. 24-27, pag. 248, lin. 26-
26)

Equus
4:04
primus
1774
secundus
2047
tertius
2164
quartus
2614

f. d. 138 recto.

$\frac{1}{2}$ secundi, et quantum $\frac{7}{11}$ terciij, et quantum $\frac{11}{15}$ quarti numeri. Erunt 2375, et 2184, et 2145, et 1995, sicut in secunda parte huius capituli similes proportiones docuimus inuenire. Ex quibus .iii.^{or} numeris primus est summa bizantiorum secundi, et terciij, et quarti hominis. Secundus numerus terciij, et quarti, et primi hominis. Tercius numerus est summa quarti, et primi, et secundi hominis. Quartus numerus est summa bizantiorum primi, et secundi, et terciij hominis. Quare ipsi .iiii.^{or} numeri in unum coniuuncti reddunt 8599; qui numerus est triplum summe bizantiorum ipsorum .iiii.^{or}; cum quilibet ipsorum sit ter in ipso computatus. Quare summa ipsorum .iiii.^{or} est tercia pars ipsius numeri. Sed cum iste numerus per ternarium integre non diuidatur, et nos uelimus sanos omnes habere numeros; retinemus 8599 pro summa ipsorum .iiii.^{or}; cum tres illorum per ordinem habeant triplum dictorum minorum, scilicet secundus, et tercius, et quartus homo 6825; tercius, et quartus, et primus 6522. Quartus, et primus, et secundus 6423; primus, et secundus, et tercius 5985. Et quoniam summa ipsorum .iiii.^{or} est 8599; de qua secundus, et tercius, et quartus homo habent 6825; ergo residuum, quod est inter utrumque, scilicet 1774, habet primus; propter quod si extraxerimus 6522 de 8599, remanent pro bizantijs secundi hominis 2077. Similiter extractam tercio, et quarto numero de 8599, remanent tercio homini 2164; quarto 2614. Et ut habeamus pretium equi, multiplica 3, que sunt super 3, per 5, que sunt super 5; et hoc totum per 7, que sunt super 11; que per 12, que sunt super 19, erunt 1265; que triplica, sicut alios numeros triplicasti, erunt 4095, que est summa predicti residui; quibus extractis de 8599, remanent pro pretio equi 4504, ut per aliam regulam inuenimus. Et nota, quod per hanc regulam omnes illas poteris solvere questiones, in quibus unus petit ab omnibus alijs sibi suorum bizantiorum partem aliquam, uel partem exhiberi. Et si primus peteret reliquis $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{7}{12}$; et secundus $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{5}{8}$; et tercius $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{12}$, scilicet $\frac{11}{12}$; et quartus $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{11}{4}$. Inuenies ordine superscripto, primum habere 1376; secundum 5472; tercium 7602; quartum 8702; et pretium equi esse 128657.

Questio nobis proposita a peritissimo magistro musco constantinopolitano in constantinopoli.

Item quinque homines bizantios habentes nauem emere uoluerunt; quorum primus petit $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ reliquis .iiii.^{or} ipsorum bizantiorum. Secundus petit $\frac{1}{100}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$; tercius petit reliquis $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$; quartus petit $\frac{1}{120}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$. Quintus petit reliquis $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$. Quam questionem ita ad superscriptam regulam reducere studui. Quia primus petit $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, ipsas duas uirgulas in unam uirgulam reduxi sic quod uidi de $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, in quo numero reperirentur, uideficeret in 15; et accepi de $\frac{1}{2}$ de 15, que sunt 10, et $\frac{1}{3}$ de 15, que est 5; et iuxta inuicem, et fuerunt $\frac{15}{15}$. Item eademque ratione de $\frac{1}{100}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$, que petit secundus, feci aliam uirgulam, que est $\frac{300}{100}$. Iterum de $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ feci aliam uirgulam, scilicet $\frac{720}{120}$. Rursus $\frac{1}{120}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ quia quarti petitionem redigi in unam uirgulam, scilicet in $\frac{360}{120}$. Adhuc redigi minuta petitionis quinti hominis, scilicet $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ in aliam uirgulam, scilicet in $\frac{360}{120}$, et posui per ordinem $\frac{375}{120}$ $\frac{345}{120}$ $\frac{322}{120}$ $\frac{301}{120}$ $\frac{281}{120}$ et habui eos pro prima positione. Deinde extraxi 13 de 15, remanserunt 2; super que posui 13 cum uirgula sic: $\frac{65}{15}$, quamuis non sit maior numerus super uirgulam ponendus. Item extraxi 401 de 480, remanent 79; super que posui 401 cum uirgula sic: $\frac{401}{15}$. Item extraxi 799 de 927, remanserunt 128; super

fol. 106 verso.

* $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$... super que a [fol. 106 verso, lin. 1-8; pag. 249, lin. 37 e 38—p. 250, lin. 1-2]

positio prima				
375	345	322	301	281
401	479	927	159	43
Secunda				
375	345	322	301	281
79	79	128	79	7

quem posui 799 cum uirgula $\frac{176}{134}$. Rursus minui 341 de 460, remanserunt 79; super que posui 341 sic: $\frac{231}{79}$. Adhuc extraxi 236 de 465, remanserunt 79; super que posui 226 sic: $\frac{228}{79}$. Postea posui ex parte sub prima positione $\frac{228}{79}$ $\frac{144}{79}$ $\frac{176}{134}$ $\frac{164}{79}$ $\frac{44}{2}$. Et habui eas pro secunda positione, ut hic ostenditur. Deinde inueni 158, in quibus reperiuntur omnes rupti secunde positionis; et multiplicauit ipsa 158 per 13 prime positionis, et diuisi per 2, que sunt sub prima uirgula secunde positionis, exierunt 118; adhuc multiplicauit 158 per 460, et diuisi per 79, hoc est duplicauit 460, et habui 960. Item multiplicauit prescripta 158 per 957 prime, et diuisi per 158, exierunt inde 957. Rursus multiplicauit eadem 158 per 420, et diuisi per 79, que sunt sub 341, exierunt 840. Et adhuc multiplicauit 158 per 465 prime positionis, et diuisi per 79, que sunt sub 226 secunde, exierunt 810; cum quibus iunxi 1183, et 960, et 957, et 840 modo inuentis, fuerunt 4782; que cum debui habere pro summa cunctorum bizantium illorum quique hominum, et multiplicare 158 per numerum hominum, uno inde extracto, scilicet per 4, reliqui quod non multiplicauit 158 per 4, sed seruauit ea pro residuo, quod remauet semper .iiii.^{or} hominibus. Post emptionem uauis, ideo quia bizantij 4782 integraliter per prescripta 4 diuidi possunt. Vade diuisi 4782 per 4, exierunt bizantij 1195, quos habuimus pro summa illorum quinque hominum; ex quibus extraxi seruatum residuum, scilicet 158, remanserunt pro pretio nauis bizantij 1020; deinde ut haberem bizantios primi hominis, accepi $\frac{13}{2}$ de 158, hoc est quod multiplicauit 158 per 13, et diuisi per 2, exierunt 1027; que extraxi de pretio nauis, scilicet de 1020, remanserunt bizantij 3; et tot habuit primus. Deinde ut haberem bizantios secundi, multiplicauit 158 per 404, que sunt super 79, et diuisi per ipsam 79; et hoc est quod accepi $\frac{654}{79}$ de 158, que sunt 802, que extraxi de 1020, remanserunt bizantij 228; et tot habuit secundus. Item ut haberem bizantios tercii hominis, accepi $\frac{157}{13}$ de 158, uidelicet de prescripto residuo, fuerunt itaque 700; que extraxi de 1020, remanserunt bizantij 221; et tot habuit tercius. Iterum accepi $\frac{244}{79}$ de 158 sic quod diuisi 158 per 79, exierunt 2; que multiplicauit per 341, et habui 682; que extraxi de 1020 predictis, remanserunt 248; et tot habuit quartus. Similiter accepi $\frac{272}{79}$, scilicet quintam uirgulam secunde positionis de 158, et fuerunt 632; que extraxi de 1020, remanserunt 278; et tot habuit quintus.

Modus alius de quinque hominibus in emptione unius equi.

Item homines sint quinque, quorum primus, et secundus petunt reliquis tribus $\frac{1}{2}$ suorum bizantium. Secundus uero, et tercius petunt reliquis $\frac{1}{3}$. Tercius, et quartus petunt reliquis $\frac{1}{4}$. Quartus, et quintus petunt reliquis $\frac{1}{5}$. Quintus, et primus petunt reliquis $\frac{1}{6}$; et sic proponunt ipsum equum emere. Quamuis duo illorum insimul petant, tamen non dissimilatur hec questio a suprascriptis, in quibus unus petit omnibus reliquis: quare ponas in ordinem petitiones ipsorum, sicut in margine cernitur; et uocabis ipsas primam positionem, sub qua describas secundam positionem; et multiplicabis singulariter 60, in quibus reperiuntur rupti secunde positionis per numeros, qui sub uirgulis sunt prime, scilicet per 2, et per 3, et per 4, et per 5, et per 6; et diuides primam multiplicationem per 1 secunde positionis; secundam per 2; terciam per 3. Quartam per 4. Quintam per 5, ut superius fecimus in questione .iiii.^{or} hominum, et trium; et habebis 120, et 90, et 80, et 75, et 72: quibus omnibus insimul iunctis, faciunt 427, in quibus unusquisque ipsorum ter computatus est; cum duo illorum semper

* remanserunt ... et tot habuit *
(fol. 104 verso, lin. 23 + 26
27; pag. 250, lin. 19-21)

Summa
1020

* primus. Secundo ... bizantio-
rum * (fol. 106 verso, lin. 27
28; pag. 250, lin. 21-22)

Primus
3
Secundus
228
Tercius
221
Quartus
248
Quintus
278

fol. 104 verso.

* petunt reliquis ... primus *
(fol. 107 verso, lin. 2-3; pag.
250, lin. 23-40)

	positio prima			
2	1	1	1	1
3	2	3	4	5
4	3	4	5	6
5	4	5	6	7
6	5	6	7	8
7	6	7	8	9
8	7	8	9	10
9	8	9	10	11
10	9	10	11	12
11	10	11	12	13
12	11	12	13	14
13	12	13	14	15
14	13	14	15	16
15	14	15	16	17
16	15	16	17	18
17	16	17	18	19
18	17	18	19	20
19	18	19	20	21
20	19	20	21	22
21	20	21	22	23
22	21	22	23	24
23	22	23	24	25
24	23	24	25	26
25	24	25	26	27
26	25	26	27	28
27	26	27	28	29
28	27	28	29	30
29	28	29	30	31
30	29	30	31	32
31	30	31	32	33
32	31	32	33	34
33	32	33	34	35
34	33	34	35	36
35	34	35	36	37
36	35	36	37	38
37	36	37	38	39
38	37	38	39	40
39	38	39	40	41
40	39	40	41	42
41	40	41	42	43
42	41	42	43	44
43	42	43	44	45
44	43	44	45	46
45	44	45	46	47
46	45	46	47	48
47	46	47	48	49
48	47	48	49	50
49	48	49	50	51
50	49	50	51	52
51	50	51	52	53
52	51	52	53	54
53	52	53	54	55
54	53	54	55	56
55	54	55	56	57
56	55	56	57	58
57	56	57	58	59
58	57	58	59	60

per ordinem petant reliquis: quare cum 427 integraliter non diuidatur per 3, triplicabis residuum, quod remanet tribus illorum per ordinem post dationem, quam dant suis petitoribus; quod residuum est 60: quibus triplicatis, faciunt 180; que sunt residuum, quod remanet tribus illorum per ordinem post emptioem equi; cum summa quinque hominum fuerit 427. Quare extracto residuo suprascripto a summa, scilicet 180 de 427, remanet pro pretio equi bizantij 247. Et quia tercius, et quartus, et quintus dant suis petitoribus, scilicet primo, et secundo, quantum eis remanet, scilicet 180, extrahes 180 de pretio equi, remanebunt 77; et tot bizantios habent inter primum, et secundum hominem. Item quia quartus, et quintus, et primus homo dant secundo, et tercio medietatem dicti residui, ut in secunda positione cernitur, extrahes dimidium residui, scilicet 96, de pretio equi, remanebunt pro bizantijs secundi, et tercijs 167: eademque ratione, extracta $\frac{1}{3}$ et $\frac{1}{4}$ et $\frac{1}{5}$ eiusdem residui, scilicet 60, et 45, et 36, de pretio equi, remanebunt pro bizantijs tercijs, et quarti 697; et pro bizantijs quarti, et quinti 212; et pro bizantijs quinti, et primi 221: et ut separentur bizantij uniuscuiusque ad inuicem, adde 77 primi, et secundi cum bizantijs 197 tercijs, et quarti, et cum 221 quinti, et primi, erunt 495; in quibus 495 primus bis computatus est. Est enim summa quinque hominum 427: ergo differentiam, que est a 427 usque in 495, scilicet 58, habet primus homo: quibus 58 extrahens de bizantijs primi, et secundi hominis, scilicet de 77, remanebunt secundo homini bizantij 19: quibus extractis de bizantijs secundi, et tercijs, scilicet de 167, remanent 148 pro bizantijs tercijs hominis: quibus extractis de bizantijs tercijs, et quarti hominis, scilicet de 197, remanent 49 quarto homini: quibus extractis de bizantijs quarti, et quinti hominis, scilicet de 212, remanebunt quinto homini 162; quibus additis cum bizantijs 58 primi hominis inuentis, reddunt 221, ut pro bizantijs quinti, et primi inuenimus. Vnde hec questio solubilis est: possemus enim ponere in similibus questionibus, ut plures quam duo peterent reliquis suas petitiones, quas solueres ordine suprascripto: et scias, quia si homines fuerint pares; et duo, uel plures per ordinem petant reliquis, erunt questiones eorum quandoque solubiles, quandoque non: quare ponamus unam questionem insolubilem, et aliam solubilem de .iij. hominibus, ut habens melius notitiam cognoscendi solubiles ab insolubilibus.

Questio insolubilis.

Sint ergo .iij. homines, quorum primus, et secundus petant reliquis $\frac{1}{2}$. Secundus et tercius reliquis $\frac{1}{3}$. Tertius, et quartus $\frac{1}{4}$; quintus et primus petant reliquis $\frac{1}{5}$. Inuenies per primam, et secundam positionem, quod summa eorum est 72; et residuum, quod remanet duobus illorum per ordinem, est 24: quibus extractis de 72, remanent 49 pro pretio equi: et quia tercius, et quartus dant primo, et secundo tantum quantum eis remanet, scilicet 24; cum quibus 21 primus, et secundus habent 49; ergo primus, et secundus habent 25: similiter quia primus, et quartus dant tercio, et secundo dimidium residui, scilicet 12, extrahere 12 de 49, remanent 37 pro bizantijs secundi, et tercijs. Item extrahere 8, scilicet $\frac{1}{5}$ de 24, de 49, remanent 41 pro bizantijs tercijs, et quarti; quod est impossibile: est enim summa eorum 72, ex quibus primus, et secundus habent 25; quare tercius, et quartus deberent habere 48, scilicet residuum, quod est a 25 usque in 72: uel aliter: quia primus, et secundus petunt tercio, et quarto $\frac{1}{5}$;

* foliant 180 . . . dant omnia
[fol. 197, recto, lin. 12 + 14
16; pag. 251, lin. 3-7].

Equus
257

* tercij, et quarto non, quare
[fol. 197, recto, lin. 22-25,
pag. 251, lin. 13-26].

primus
58
Secundus
19
tercius
148
Quartus
40
Quintus
162

fol. 107 verso.

et tercius, et quartus petant primo, et secundo $\frac{1}{2}$. Ideo inuenias, que partes sunt pretium equi ex summa hominum .iii.™; quas inuenies inuentis bizantijs primi 7, et secundi, et tercijs, et quarti, tamquam essent bizantij duorum hominum, quod demonstrauimus in regula duorum hominum, scilicet pone, quod primus, et secundus sint unus homo; et tercius, et quartus sint alius; et tunc petat primus secundo $\frac{1}{2}$; et secundus primo $\frac{1}{2}$; quare primus, scilicet inter primum, et secundum habent 4; secundus, scilicet inter tercium, et quartum 6; et precium equi est 7: ideo quia addito dimidio de 6 super 4, uel $\frac{1}{2}$ de 6 super 6, faciunt 7; que 7 de 4, et de 6 insimul inactis sunt $\frac{7}{14}$: ergo precium equi est $\frac{7}{14}$ de summa illorum .iii.™: deinde uideas, que partes sint precium equi ex eadem summa secundum petitiones, quas petunt secundus, et tercius quarto, et primo; et quartus, et primus secundo et tercio. Nam secundus, et tercius petunt quarto, et primo $\frac{1}{2}$; et quartus, et primus petunt secundo, et tercio $\frac{1}{2}$. Vnde per regulam duorum hominum predictam inuenies, secundum, et tercium habere 5; quartum et primum 6; pretium equi 7; quod precium, scilicet 7, de 5, et de 6, scilicet de 11, sunt $\frac{7}{11}$: ergo precium equi de summa .iii.™ hominum est $\frac{7}{11}$. Inuenimus enim primum, ipsum pretium esse $\frac{7}{11}$ de eadem summa, quod est inconueniens: insolubilis est ergo questio ista; quare ponamus aliam questionem solubilem, in qua primus, et secundus petant reliquis $\frac{1}{2}$; secundus, et tercius $\frac{1}{3}$; tercius, et quartus $\frac{1}{4}$; quartus et primus petant reliquis $\frac{1}{4}$: hanc enim questionem, qualitercumque per istos duos modos considerabis, inuenies eam solubilem esse. Vnde si processeris secundum quod doctum est, donec bizantios omnes duorum illorum per ordinem habueris, inuenies quod primus, et secundus habent 11; inter secundum, et tercium 12; inter tercium, et quartum 16; inter quartum, et primum 14; et precium equi est 19. Nam in separatione unius ab altero nil aliud dicendum est, nisi quod de bizantijs 11, quos habent inter primum, et secundum, habeat primus homo quantum uis, ut dicamus 5; quare secundus habet 6; tercius 7, cum habeat cum secundo 12; et quartus 9, cum habeat 16 cum tercio; quibus 9 additis cum 3 primi hominis, faciunt 14, ut pro summa quarti, et primi hominis reperta erant.

Questio solubilis, cum homines sint 7.

Et si homines essent 7; et primus, et secundus, et tercius querant reliquis $\frac{1}{2}$; secundus uero, et tercius, et quartus petant reliquis $\frac{1}{3}$; tercius, et quartus, et quintus petant $\frac{1}{4}$; quartus, et quintus, et sextus $\frac{1}{5}$; quintus, sextus, septimus $\frac{1}{6}$; sextus, septimus, primus $\frac{1}{7}$. Septimus, primus, et secundus reliquis .iii.™ $\frac{1}{2}$ bizantium suorum; et prepoat emere ipsum equum: posita positione prima sub secunda, tunc 420. In quibus inueniuntur ruptos secunde positionis multiplica per 2 prime; et diuide per 2 secunde, erunt 420. Item multiplica 420 per 3 prime positionis, et diuide per 2 secunde, hoc est $\frac{1}{2}$ de 420 multiplica per 2, erunt 420. Similiter terciam de 420 multiplica per 4, et quartam per 5, et quintam per 6, et sextam per 7, et septimam per 8, erunt et 560, et 525, et 504, et 490, et 480; quibus inactis cum 420, et cum 810, erunt in summa bizantium ipsorum 4029. Et quia semper petitur quatuor ipsorum. Vnusquisque quater computatur in dicta summa. Vnde multiplica 420 per 4, erunt 1680 pro residuo illorum .iii.™; quibus extractis de 4029, remanent pro pretio equi bizantij 2349: deinde diuide 1680 per 4 prime positionis, et extrahes de 2349, remanent primo,

et secundo, et tercio 669. Item extrahere de 2110 medietatem, et terciam, et quartam, et quintam, et sextam, et septimam de 1680, scilicet 840, et 560, et 420, et 336, et 280, et 240, remanebunt secundo, et tercio, et quarto bizantijs 1509. Tercio, quarto, et quinto 1789. Quarto, quinto, sexto 1929. Quinto, sexto, septimo 2012. Sexto, septimo, primo 2098. Septimo, primo, secundo 2109: dcide ut separentur ab inuicem, iunge bizantios secundi, tercijs, et quarti cum bizantijs quinti, sexti, septimi, 1500 cum 2012, erunt 3532; quos extrahere de summa illorum omnium, scilicet de 4029, remanent primo homini bizantijs 507. Item addit bizantijs tercijs, et quarti, et quinti cum bizantijs sexti, septimi, primi; et extrahere summam eorum de 4029, remanent secundo homini bizantijs 171: quibus iunctis cum 507 primi, reddunt pro bizantijs primi, et secundi 678; que sunt 9 plus de bizantijs primi, et secundi, et tercijs: quare tercius homo habet debitum ipsos 9, vel hec questio est insolubilis: sit itaque solubilis cum debito tercijs hominis; deinde ut habeamus bizantios quarti, extrahere debitum tercijs, scilicet 9, de bizantijs secundi, scilicet de 171, remanent 162: ergo secunduus, et tercius habent 162; quibus extractis de bizantijs secundi, et tercijs, et quarti, scilicet de 1509, remanent quarto 1347; de quibus extractis 9, uidelicet debitum tercijs, habebunt inter tercium, et quartum 1238; quibus usque in bizantijs tercijs, et quarti, scilicet in 1789, sunt 451; et tot habet quintus: quibus iunctis cum bizantijs quarti, et extractis de bizantijs quarti, et quinti, et sexti, scilicet de 1929, remanent sexto homini 121; quibus etiam et bizantijs quinti extractis de 2012 quinti, sexti, et septimi, habebit septimus 1421. Sine debito enim alicuius illorum soluitur ordine modi superscripti, cum primi tres petant reliquis tercium, secundi $\frac{1}{2}$. Tercij $\frac{1}{3}$, alij $\frac{1}{3}$, alij $\frac{1}{3}$, alij $\frac{1}{3}$, alij $\frac{1}{3}$: habet enim primus 1077; secundus 717; tercius 489; quartus 1627; quintus 997; Sextus 657. Septimus 1749; et equus ualet 2062.

De duobus hominibus et duobus equis.

Item duo homines bizantios habentes, qui duos equos emere uolebant, quorum secundus ualebat bizantios 2 magis primo. Vnde primus sic loquitur secundo: Si dares mihi tercium tuorum bizantium, primum equum emerem. Cui alter Respondit: et tu si dares mihi $\frac{1}{4}$ tuorum bizantium, secundum equum emerem, scilicet cariorem: queritur quantitas bizantium illorum, nec non et pretium uniuscuiusque equi: hec enim questio per superscriptam unius equi regulam soluitur, uidelicet, ut ponas primum petitiones ipsorum in ordinem sic: $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$, que uocantur de descriptione prima, ut supradiximus: deinde extrahere 1, quod est super 2, de ipsis 2, remaneat 2; super quem pone uirgulam, et 1 sic $\frac{1}{2}$, hoc est quod secundus homo dat primo dimidium de hoc, quod ei remanet. Similiter facies de $\frac{1}{4}$, et habebis $\frac{1}{2}$: quia primus dat secundo de hoc, quod ei remanet. Quare describes $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$, scilicet secundam positionem sub prima, ut hic ostenditur: deinde reperias duos numeros, quorum secundus sit 2, minor primo, sicuti primus equus ualet 2, minus secundo. Et primus numerus illorum diuidatur integraliter per 2 secunde positionis. Et alter diuidatur per 2 eiusdem positionis. Sintque numeri illi 3, et 4; et erunt 3 residuum, quod remanet secundo homini postquam dederit primo terciam partem suorum bizantium; et 6 erit residuum primi hominis: quare multiplicabis 8 predicta per 2 prime positionis, et diuide per 2 secunde, exiunt bizantij 12; et tot habuit secundus. Item multiplica residuum primi hominis, scilicet

* 2110 medietatem primo
residuum + (fol. 108 recto, lin.
29 + 10; pag. 223, lin. 1-10)

			primo		
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$
			secunda		
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$

* 2110 medietatem primo
residuum + (fol. 108 recto, lin.
29-30; pag. 223, lin. 27-30)

		primo prima
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
		secunda
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

6, per 4 prime positionis, et diuide per 3 secunde, exibunt bizantij 8; et tot habuit primus. Nam ut habeas precium equorum, adde bizantios illorum, scilicet 8 cum 12, erunt 20; de quibus extrahere residuum secundi hominis, uidelicet 8, remanent 12 pro pretio primi equi. Item extrahere de eisdem 20 residuum primi hominis, uidelicet 6 remanent 14 pro precio secundi equi.

De tribus hominibus, et totidem equis.

Item homines sint 3, et equi sint similiter 3; et secundus equus ualeat bizantios 2, magis primo. Et tercius ualeat bizantios 2, magis secundo. Et primus homo petat reliquis duobus $\frac{1}{2}$ suorum bizantium; et preponat emere primum equum. Secundus itaque petat $\frac{1}{2}$, et secundum equum emere preponat. Tertius uero petat reliquis $\frac{1}{2}$; et tercius equum emere preponat: descriptis $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ pro prima positione, et $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ pro secunda, ut ostenditur; tunc reperies tres numeros, quorum secundus sit 2, minor primo; et tercius sit 2, minor secundo, propter differentiam pretiorum equorum. Et maior ipsorum, cum possibile sit, diuidatur integraliter per 2 prime positionis. Secundus uero per 3, minor uero per 4. Sintque 20, et 18, et 16; quorum primus, scilicet 20, erit residuum secundi, et tercii. Secundus uero, scilicet 18, erit residuum tercii, et primi. Minor itaque, scilicet 16, erit residuum, quod remanet primo, et secundo homini. Deinde multiplica residuum secundi, et tercii hominis, scilicet 20, per 3 prime positionis; et diuide per 2 secunde, exibunt 30; et tot habuerunt inter secundum, et primum hominem. Item multiplica residuum tercii, et primi hominis, scilicet 18, per 4 prime positionis, et diuide per 2 secunde, exibunt bizantij 24; et tot habuerunt inter tercium, et primum hominem. Rursus multiplica 16, que sunt residuum secundi, et primi hominis per 5 prime positionis, et diuide per 4 secunde, exibunt bizantij 20; et tot habuerunt inter secundum, et primum hominem: quibus additis cum bizantijs 24, quos habent inter tercium, et primum hominem. Et cum bizantijs 20, quos inter tercium, et secundum habuerunt, erunt bizantij 74; in quibus cum unusquisque ipsorum his computatus sit; ergo dimidium ipsorum, scilicet 37, erit summa bizantium illorum trium hominum; ex quibus extractis bizantijs 20, quos habent inter secundum, et tercium hominem, remanent primo homini bizantij 7. Similiter extractis de 37 bizantijs 24, quos habent inter tercium, et primum hominem, remanent secundo bizantij 13. Rursus extractis bizantijs 20, quos habent inter secundum, et primum hominem ex illis bizantijs 37, remanebunt tercio homini bizantij 17. Post hec adde cum bizantijs 7 primi hominis terciam bizantium reliquorum duorum hominum, uidelicet de 30, habebis pro pretio primi equi bizantios 17. Quare pretium secundi erit bizantij 18, hoc est bizantij 2, magis pretio primi. Et pretium tercii erit bizantij 21.

De quatuor hominibus et totidem equis, cum unusquisque petat reliquis.

Item homines sint 4, et equi similiter sint 4. Et secundus ualeat bizantios 3, magis primo. Tercius ualeat bizantios 4, magis secundo. Quartus itaque ualeat bizantios 5, magis tercio. Vnde primus homo petat reliquis tribus tercium bizantium ipsorum; et proponat, primum equum emere. Secundus itaque petat $\frac{1}{2}$ reliquis; et proponat, secundum equum emere. Tercius quoque petat $\frac{1}{2}$; et proponat emere tercium equum. Quartus namque petat $\frac{1}{2}$ reliquis tribus; et proponat quartum equum emere. Et ut que de equis dicta sunt melius intelligi possint, singula huius positionis singulariter

fol. 106 verso.

Ex tercio ualeat ... ualeat
18 + etal 108 verso, lno. 2 +
19, pag. 254, lno. 8-16:

primus homo	1	1	1
Secundus	2	2	2
tercius	2	2	2

ualeat bizantij ... 18 lno +
fol. 18 verso, lno. 14-24, pag.
254, lno. 11-24:

primus	7
Secundus	12
tercius	12
quartus homo	17
Secundus	19
tercius	21

proposui demonstrare. Quia primus, habita $\frac{1}{2}$ bizanthiorum reliquorum trium, habet pretium tantum primi equi; ergo pretium primi equi cum residuo illorum trium, scilicet secundi, et tercij, et quarti hominis est quantitas omnium bizanthiorum illorum .iiii.^m hominum; quod residuum uocabis primum. Propter eandem ergo, cum secundus petat $\frac{1}{3}$ reliquis, et habeat tunc pretium tantum secundi equi; ergo pretium secundi equi cum residuo reliquorum trium, scilicet tercij, et quarti, et primi hominis est eadem quantitas bizanthiorum illorum .iiii.^m hominum; quod residuum uocabis secundum. Et quia secundus equus ualet bizantios 3, magis primo; ergo secundum residuum est minus bizantijs 3 primi residui. Item quia tercius homo petit $\frac{1}{4}$ reliquis, cum qua tantum habet pretium tercij equi; ergo pretium tercij equi cum residuo | quarti, et primi, et secundi hominis est illa eadem superscripta quantitas bizanthiorum illorum, quod uocabis tertium. Et quia tercius equus ualet bizantios 4, magis secundo; ergo tertium residuum est bizantij 4, minus secundo residuo: propter eandem ergo et quartum residuum, scilicet primi, et secundi, et tercij hominis, est bizantij 5, minus tercio residuo. Ideo quia pretium quarti equi est bizantij 5, magis pretio tercij: hijs itaque intellectis, describe primam positionem, scilicet petitiones eorum in ordiem sic: $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$; deinde studeas inuenire minuta secunde positionis, hoc est $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$; et scribe ea sub minutis prime positionis. Ideo quia sunt partes per ordinem posite, quas tres illorum dant eorum petitori de eorum residuo. Verbi gratia. Si primus habuerit $\frac{1}{2}$ bizanthiorum secundi, et tercij, et quarti hominis; et ipsi habeant bizantios 3; ergo dederunt ei bizantium 1; et ex ipsis tribus remanebunt eis bizantij 2; ergo dat ei $\frac{1}{2}$ ex eorum residuo. Quare $\frac{1}{2}$ describitur in capite secunde positionis; et sic intelligas de $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$, que scribantur in eadem positione. Post hec pro .iiii.^m inequalibus residuis ponas .iiii.^m inequales numeros, secundum eorum inequalitatem, hoc est quod secundus sit 3, minor primo; et tercius sit 4, minus secundo; et quartus sit 5, minor tercio. Et maior ipsorum, si possibile fuerit, diuidatur integraliter per 2. Secundus per 3. Tercius per 4. Quartus per 5, secunde uidelicet positionis. Sed cum possibile non sit, pones eos secundum quod tibi melius uidebitur. Sitque primus illorum numerorum 27, qui minime per 2 integraliter diuiditur. Secundus sit 24, qui per 3 integraliter potest diuidi. Tercius sit 20, qui per 4 integram recepit diuisionem. Quartus autem, cum sit 5 minus tercio, scilicet de 20, ipsum 15 fore necesse est. Quibus per ordinem sub secunda positione descriptis, ut hic ostenditur. Considerabit qualiter secundus, et tercius, et quartus homo dat primo homini $\frac{1}{2}$ eorum residui; quod residuum superius primum esse determinauimus; pro quo etiam posuimus 27; ergo dant ei $\frac{1}{2}$ 13, quibus additis cum 27, reddunt bizantios $\frac{1}{2}$ 40 pro quantitate bizanthiorum secundi, et tercij, et quarti hominis. Vel aliter: multiplica ipsa 27 per 3 prime positionis, et diuide per 2 secunde, exhibunt similit $\frac{1}{2}$ 40 pro eorundem quantitate. Item quia tercius, et quartus, et primus homo dat secundo homini $\frac{1}{3}$ eorum residui, scilicet secundi, pro quo posuimus 24, scilicet 2, minus primi residui; ergo dederunt ei bizantios 8; quibus additis cum bizantijs 24, erunt bizantij 32; qui sunt quantitas bizanthiorum tercij, et quarti, et primi hominis. Vel aliter: multiplica 24 per 4 prime positionis, et diuide per 3 secunde, exhibunt similiter bizantij 32. Eandemque ratione tertium residuum, uidelicet quarti, et primi, et secundi hominis, id est 20 per 5 prime positionis multiplica; et eorum

Gal. 166 recto.

* quatuor 15 multiplica 24 *
 (fol. 169 recto, l. 16-25,
 pg. 253, l. 31-41).

	positio prima			
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$	
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$		
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$			
quatuor terciae secundum positionem				primo
15	20	24		27

per 4 secunde ... primi, et
fol. 109 verso, lin. 28-29,
pag. 256, lin. 1-13.

Debitum primo
8
Bizantij secundi
$\frac{1}{2}$ 6
tercij
$\frac{1}{2}$ 12
Quarti
$\frac{1}{2}$ 20
primus equus
$\frac{1}{2}$ 11

fol. 109 verso

per 3a primus ... multiplex
fol. 109 verso, lin. 5-11, pag.
256, lin. 20-27.

Secundi
$\frac{1}{2}$ 14
tercij
$\frac{1}{2}$ 18
Quarti
$\frac{1}{2}$ 22

primus residuum ... residuum
multiplex a fol. 109 verso, l. 11
12 13, pag. 256, lin. 28-32

Quarti Tercij Secundi residuum primi
75 80 81 87

Quo cum ... et quarti a fol.
109 verso, lin. 29-32 + 33
pag. 256, lin. 27-41.

primus homo
$\frac{1}{2}$ 12

multiplicationem per 4 secunde positionis diuide, exhibunt bizantij 25 pro quantitate bizantium quarti, et primi, et secundi hominis. Propter eandem etiam et quartum residuum primi, uidelicet et secundi, et tercij hominis, id est 15, multiplica per 6 prime positionis, et diuide per 3 secunde, exhibunt bizantij 18 pro quantitate primi, et secundi, et tercij hominis: quibus additis cum bizantijs 25, et 22, et $\frac{1}{2}$ 40, erunt bizantij $\frac{1}{2}$ 112, qui sunt triplum bizantium illorum .iij.^{or} hominum. Ideo quia in ipsis unusquisque ter computatus existit. Quare diuide bizantios $\frac{1}{2}$ 112 per 3, exhibunt bizantij $\frac{1}{2}$ 38. Pro quantitate bizantium illorum .iij.^{or} hominum, qui sunt minus quantitate bizantium secundi, et tercij, et quarti hominis. Vnde hec questio cum hijs .iij.^{or} positis residuis solui non potest, nisi primus homo haberet debitum. Vnde si hanc positionem deinceps cum debito primi hominis soluere uolueris, extrahe bizantios $\frac{1}{2}$ 38 de bizantijs $\frac{1}{2}$ 40, remanent bizantij 2; et tot habuit debitum primus homo. Deinde extrahe bizantios 2, scilicet quantatem bizantium tercij, et quarti, et primi hominis de quantitate bizantium illorum .iij.^{or} hominum, scilicet de $\frac{1}{2}$ 38, remanent secundo homini bizantij $\frac{1}{2}$ 6. Item extrahe bizantios quarti, et primi, et secundi hominis, uidelicet 25 de superscriptis bizantijs $\frac{1}{2}$ 38, remanent tercio homini bizantij $\frac{1}{2}$ 12. Rursus extractis bizantijs primi, et secundi, et tercij hominis, uidelicet 18 ex eisdem bizantijs $\frac{1}{2}$ 38, remanent quarto homini bizantij $\frac{1}{2}$ 20. Demum ut pretium primi equi addiscas, accipe terciam ex bizantijs secundi, et tercij, et quarti hominis, uidelicet de $\frac{1}{2}$ 40; quia primus homo petit eis, erunt bizantij $\frac{1}{2}$ 12; de quibus extrahe debitum primi hominis, uidelicet 2, remanebunt bizantij $\frac{1}{2}$ 11 pro pretio primi equi. Quare pretium secundi equi, erit bizantij $\frac{1}{2}$ 14, hoc est bizantij 2, magis pretio primi. Tercij uero bizantij $\frac{1}{2}$ 18. Quarti quoque bizantij $\frac{1}{2}$ 22, scilicet 5, magis pretio tercij equi, ut prepositum est. Nam si hanc eandem questionem sine debito primi hominis soluere uolueris, pro prescriptis .iij.^{or} equalibus residuis, pone alios .iij.^{or} maiores numeros, qui sunt in eorundem differentiam. Sitque primus illorum 87. Secundus 84. Tercius 80. Quartus 75. Deinde superscriptis demonstrationibus multiplica primum residuum, uidelicet 87 per 3 prime positionis, et diuide per 2 secunde, exhibunt bizantij $\frac{1}{2}$ 130 pro quantitate bizantium secundi, et tercij, et quarti hominis. Item multiplica secundum residuum, uidelicet 84, per 4 prime positionis, et diuide per 3 secunde, exhibunt bizantij 112 pro quantitate bizantium tercij, et quarti, et prioris hominis. Rursus multiplica tercium residuum, uidelicet 80, per 3 prime positionis, et diuide per 4 secunde, exhibunt bizantij 100 pro quantitate quarti, et primi, et secundi hominis. Adhuc 75, scilicet quartum residuum, multiplica per 5 prime positionis, et diuide per 3 secunde, exhibunt bizantij 90, que sunt quantitas bizantium primi, et secundi, et tercij hominis. Quibus additis cum bizantijs 100, et cum 112, et cum $\frac{1}{2}$ 130 modo inuentis, erunt bizantij $\frac{1}{2}$ 432. Qui cum sint triplum summe bizantium illorum, diuides eos per 3, exhibunt bizantij $\frac{1}{2}$ 144, qui sunt summa bizantium illorum .iij.^{or} hominum: de quibus extrahe bizantios secundi, et tercij, et quarti hominis, scilicet $\frac{1}{2}$ 120, remanebunt primo homini bizantij $\frac{1}{2}$ 12. Item extrahe bizantios tercij, et quarti, et primi hominis, uidelicet 112, de $\frac{1}{2}$ 144, remanebunt secundo homini bizantij $\frac{1}{2}$ 28. Rursus bizantios 100, quos habent inter quartum, et primum, et secundum hominem extrahe de prescriptis bizantijs $\frac{1}{2}$ 144, remanent tercio homini bi-

zantij $\frac{1}{2}$ 44. Iterum extractis bizanthijs primi, et secundi, et tercij hominis, uidelicet 90, de bizantijs $\frac{1}{2}$ 144, remanent quarto homini bizantij $\frac{1}{2}$ 54. Et quia demonstratum est superius, quod inter pretium primi equi, et primum residuum est quantitas bizantium illorum .mii. hominum; ergo si extraxeris ipsum primum residuum, uidelicet 87 de eorum quantitate, scilicet de $\frac{1}{2}$ 144, remanebunt pro pretio primi equi bizantij $\frac{1}{2}$ 57. Quare si extraxeris secundum residuum, uidelicet 81, de $\frac{1}{2}$ 144, remanebunt similiter bizantij $\frac{1}{2}$ 60 pro pretio secundi equi. Item extracto tercio residuo, uidelicet 80 de eisdem $\frac{1}{2}$ 144, remanebunt bizantij $\frac{1}{2}$ 64 pro pretio tercij equi. Similiter extracto quarto residuo, scilicet 85, de $\frac{1}{2}$ 144, remanebunt bizantij $\frac{1}{2}$ 69 pro pretio quarti equi.

De quatuor hominibus et uno equo, cum unusquisque petat unequaliter reliquis.

Quatuor homines bizantios habentes unum equum emere uoluerunt; et cum nullus ipsorum ipsum in solidum emere posset, primus ipsorum dixit. Si secundus homo daret mihi dimidium suorum bizantium, et tercius daret mihi terciam, et quartus daret mihi quartam similiter suorum, hunc equum emere possem. Cui secundus Respondit. Et si tercius homo daret mihi terciam, et quartus daret mihi quartam, sicut tu petis eis; et tu dares mihi quintam tuorum bizantium, hunc equum similiter emerem: tercius quoque petit quarto homini quartam suorum bizantium. Et primo quintam. Et secundo sextam, et proponit equum emere. Quartus namque petit primo quintam. Et secundo sextam. Et tercio septimam. Et proponit similiter ipsum equum emere. Queritur quantitas bizantium unuscuiusque, et pretium equi. Describes petitiones, quas petit primus homo secundo, et tercio, et quarto homini in ordinem sic: $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ sub quibus pones petitiones ultimi, scilicet quarti hominis, scilicet $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{5}$, ut in hac margine ceruitur. Et extrahes 1, quod est super 2, de ipsis 2, remanebit 1. Quod multiplica per 5, que sunt sub prima uirgula inferioris linee, erunt 5, que pone super $\frac{1}{2}$. Et contra extrahes 1, quod est super 5, de ipsis 5, remanebit 4; que multiplica per 2, que sunt sub prima uirgula superioris linee, erunt 8, que pone super $\frac{1}{3}$. Item extrahes 1, quod est super 2, de ipsis 2, remanebunt 2; que multiplica per 6, que sunt sub secunda uirgula inferioris linee, erunt 12, que pone super $\frac{1}{4}$. Similiter extrahes 1, quod est super 6, de ipsis 6, remanebit 5; que multiplica per 3, erunt 15, que pone super $\frac{1}{5}$. Rursus extrahes 1, quod est super 4, de ipsis 4, remanebit 2; que multiplica per 7, erunt 14, que pone super $\frac{1}{6}$. Et extrahes 1, quod est super 7, de ipsis 7, remanebit 6; que multiplica per 4, erunt 24, que pone super $\frac{1}{7}$. Quibus numeris ita repertis, multiplica 5 per 12; que per 21, que sunt super primam lineam, erunt 120; et tot habuit primus homo. Item multiplica 8, que sunt super $\frac{1}{2}$ de secunda linea, per 12; que per 21 de superiori linea, erunt 2016; et tot habuit secundus. Iterum multiplica 12, que sunt super $\frac{1}{3}$, per 15, que sunt super $\frac{1}{4}$; que per 21, que sunt super $\frac{1}{5}$, erunt 2280; et tot habuit tercius. Rursus multiplica superscripta 2 per 12; que per 24, que sunt super $\frac{1}{6}$, erunt 2880; et tot habuit quartus. Sed ut habeas bizantios unuscuiusque in minori summa, diuide unumquemque inuentorum numerorum per 12, cum integraliter fieri possit, esibunt pro bizantijs primi hominis 105; et pro bizantijs secundi 168; et pro bizantijs tercij 210; et pro quarti 240. Deinde, ut habeas pretium equi, accipe dimidium de bizantijs 108, scilicet 84, et terciam de

• que peti et petis Respondit
(fol. 109 verso, lin. 22 et 23
27; pag. 256, lin. 34 — pag.
257, lin. 15 et 16.)

Secundus	$\frac{1}{2}$	32
Tercius	$\frac{1}{3}$	14
Quartus	$\frac{1}{4}$	11
equi primum	$\frac{1}{2}$	54
secundum	$\frac{1}{2}$	57
tercium	$\frac{1}{2}$	60
quartum	$\frac{1}{2}$	64
Quatuor	$\frac{1}{2}$	69

fol. 110 verso

• que pone petit — superius et
(fol. 110 verso, lin. 28 et 9,
pag. 257, lin. 19-27.)

21	12	5
8	15	12
12	15	8
1	1	1

• que pone — que per 21 —
(fol. 110 verso, lin. 31-33,
pag. 257, lin. 29-30.)

Primum homo	1200
Secundus	2016

• de superius — Deinde et
(fol. 110 verso, lin. 35-36,
pag. 257, lin. 36-42 et 43.)

Primum	2580
Quartus	2880
equi	2880

* pro bizantijs ... manifestum est s. (fol. 110 recto, lin. 20. 26 s. 29., pag. 237, lin. 42. 42 — pag. 258, lin. 7).

Dien bizantijs	
primo	105
secundi	168
terci	210
quarto	240
quinto	219

* multiplicetur 2 ... expendit s. (fol. 110 verso, lin. 20 s. 21-22, pag. 258, lin. 11-12).

Capitale	
$\frac{1}{2}$	10

fol. 110 verso.

* ut dicamus ... De rebus s. (fol. 110 verso, lin. 1-3, pag. 258, lin. 31-33).

Capitale	
$\frac{1}{2}$	11

310, scilicet 70; et quartam de 240, scilicet 60, quia sunt petitiones primi hominis; et addes eos cum bizantijs 105 ipsius, et habebis pro pretio equi bizantios 218; et sic poteris de pluribus hominibus operari.

Incipit pars vi.ª de viagiorum propositionibus, atque eorum similibus.

Quidam pergens negotiando lucam, fecit ibi duplum; et expendit inde denarios 12. Qui egrediens inde, perrexit florentiam; fecitque ibi duplum, et expendit denarios 12. Cum rediret pisas, et ibi faceret duplum, et expenderet denarios 12, nil ei proponitur remansisse. Queritur, quot ipse in principio habuit. Quia preponitur ipse semper duplum fecisse, manifestum est, quod de uno faciebat 2. Vnde videndum est de 1, que pars sit de 2, scilicet $\frac{1}{2}$; quod describatur ter propter tres viagios, quos ipse fecerat, sic: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$; et multiplicetur 2 per 2, et per alia 2, que sunt sub virgulis, erunt 8: de quibus accipe $\frac{1}{2}$, scilicet 4; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, scilicet 2; et de ipsis 2 accipe $\frac{1}{2}$, scilicet 1. Post hec adde 4 cum 2 et cum 1, erunt 7; que multiplica per 12 denarios, quos ipse expendebat, erunt 84; que diuide per 8, exhibant denarij $\frac{1}{2}$ 10; et tot habuit homo ille. Verbi gratia: fecit duplum de denarijs $\frac{1}{2}$ 10, fuerunt 21; de quibus expendit 12, remanserunt 9; quibus duplicatis, faciunt 18; de quibus expendit 12, remanserunt 6; quibus iterum duplicatis, faciunt 12; de quibus extracto expendio, scilicet 12, nil ei, ut propositum est, remansisse comperitur: et sic de .anr.^o, uel pluribus viagijs poteris operari.

Si autem proponitur, quod in ultimo prescriptorum viagiorum post expendium ei denarij quilibet remansissent, | ut dicamus 9, addantur 2 cum 84 superius inuentis, erunt denarij 93; qui diuidantur per 8, ut prediximus, exhibunt $\frac{1}{2}$ 11; et tot habuisset ille.

De eodem.

Verum si diceretur, quod in finem dictorum trium viagiorum lucratus esset post expendia denarios 8; aliter quam predictum sit erit faciendum: uidelicet reperiantur, quot denarij ei necessarij essent, ut de expensis semper suum soluaret capitale. Quos ita reperendos esse demonstrauimus. Quia ipse facit duplum, lucratur de unoquoque quem habuit, denarium alium; ergo de 12 denarijs lucratus est denarios 12, scilicet expendium; qui 12 seruentur ex parte. Et uideatur quid ei necessarium sit, ut lucratur denarios 9, semper duplum faciendo; et nil inde pro expendio extrahendo: quod uidendum est per positionem alicuius numeri, secundum quod in arborum regulis, et in eis similibus demonstrauimus. Vnde ponamus, quod ipse haberet denarium 1 ultra denarios 12 ex parte positos; de quo 1 facit in primo viagio denarios 2; de quibus in secundo facit 4; de quibus in tercio facit denarios 8: ergo in illis tribus viagijs de 1 denario facit denarios 8; de quibus extracto 1, scilicet capitale, remanent 7: ergo de 1 denario lucratur 7. Quare dices: pro 1 denario, quem pono pro illius capitali, lucratur 7; quid ponam, ut lucratur denarios 8: multiplica 1 per 9, et diuide per 7, exhibit $\frac{1}{7}$ 9; quem adde cum denarijs 12, cum quibus lucratur expendium, erunt $\frac{1}{7}$ 12; et tot esset illius capitale. Et si hanc solutionem per regulam rectam habere uis, pone capitale ipsius hominis fuisse rem, quam duplicauit in primo viagio, et expendit denarios 12; et sic habuit duas res, minus denarijs 12, quos duplicauit in secundo viagio; et fuerunt 4 res, minus denarijs 24; ex quibus expendit denarios 12: ergo re-

manserunt ei 4 res, minus denarijs 36: quibus iterum duplicatis in tercio uiagio, fuerunt 8 res, minus denarijs 72, ex quibus expendit denarios 12, remanserunt ei in fine trium uiagiorum .viii. res, minus denarijs 84, que equantur uni rei, et denarijs 9, scilicet capitali eius, et lucro. Quare adde denarios 84 utrique parti, prouenient quod 8 res equantur uni rei, et denarijs 93. Tolle ergo rem ab utraque parte, remanebunt 7 res equales de denarijs 93: ergo diuisis 93 per 7, reddunt denarios $\frac{7}{2}$ 12 pro quantitate uniuscuiusque rei. Et tot fuit capitale ipsius: per hanc enim regulam soluuntur omnes questiones uiagiorum similium.

De eodem.

Rursus fecit tria uiagia, et portauit secum denarios $\frac{1}{2}$ 10, cum quibus, ut prediximus, in uno quoque uiagio fecit duplum; et in quolibet expendit unam et eandem quantitatem, et nil ei remansit. Queritur quantitas expendij illius. Supradicta ratione, pone $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$; et multiplica 2 per 2, que per 2, erunt 8, que serua: et accipe inde $\frac{1}{2}$, scilicet 4; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, scilicet, de quibus accipe $\frac{1}{2}$, scilicet 1, et adde insimul, erunt 7, ut superius inuenimus: et multiplica 8 per ipsius capitale, uidelicet per $\frac{1}{2}$ 10, erunt 84; que diuide per 7, exhibunt denarij 12; et tot fuit expensum illius.

De eodem.

Iterum capitale illius sit denarij $\frac{2}{3}$ 11; et peractis prescriptis tribus uiagijs, remanserunt ei denarij 9; et quot in uno quoque uiagio expendebat, ignoratur. Reperies quidem suprascripta 8, et 7; et multiplicabis $\frac{2}{3}$ 11 per 8, erunt 52; ex quibus extrahas denarios 9, qui proponuntur ei remanere, remanent denarij 84; quos diuide per 7, exhibunt iterum denarij 12 pro ipsius expensio; adhuc capitale ipsius sit $\frac{2}{3}$ 12; et in fine remanserunt ei denarij 9 ultra suum capitale; et queritur iterum ipsius expensum. Adde itaque $\frac{2}{3}$ 12, scilicet capitale ipsius cum 9, uidelicet cum lucro, erunt $\frac{2}{3}$ 33; quos extrahat ex multiplicatione de $\frac{2}{3}$ 12 in 8, que est $\frac{2}{3}$ 106, remanent 84; que diuide per 7, exhibunt denarij 12 pro ipsius expensio, ut prediximus.

De eodem in quatuor uiagijs.

Nam si ipsum .iiii.^m fecisse uiagia proposueris; in quibus suum semper triplicaret capitale. Et inde expenderet in unoquoque uiagiorum denarios 18; et uil ei in fine remanere predixeris. Secundum suprascriptum modum scribes terciam quater uicibus pro .iiii.^m uiagijs sic: $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$. Ideo quia proponitur, quod de 1 faciebat 2. Vnde capitale est $\frac{1}{3}$ sui, et lucri: et multiplica numeros, qui sunt sub uirgulis, uidelicet 2, per 2; que per 2, erunt 8; que habeas loco expendij: de quibus accipe terciam partem, que est 27, que habeas loco capitalis primi expendij; quia semel triplicatis, faciunt 81: de quibus iterum accipe terciam, que est 9, que habeas loco capitalis, ex quo fit secundum expensum: quia triplicatis 9 in primo uiagio, faciunt 27; quibus triplicatis in secundo, faciunt 81, scilicet expensum: ex quibus etiam 9, accipe $\frac{1}{3}$, erunt 27 pro capitali tercijs expendij. Ex quibus rursus accipe $\frac{1}{3}$, proueniet 1 pro capitali ultimi expendij. Adde ergo 27, et 9, et 2, et 1, erunt 40; que habeantur loco capitalis .iiii.^m expensiorum, hoc est si expensum esset 81 capitale. Itaque eius esset 40; et quia ponitur expensum fuisse 18, cadit proportionaliter, uidelicet sicut ai sunt ad 40, ita 18 sunt ad quesitum capitale. Quare multiplicabis 18 per 40, et diuides per 81; et euitabis inde $\frac{1}{3}$, exhibunt denarij $\frac{2}{3}$ 8; et tot fuit capitale illius hominis.

De eodem.

Nam si dixeris, quod ipse haberet in suo capitali in principio illorum .iij.^m uigiogorum denarios $\frac{1}{2}$ 9; et quesieris, quot in unoquoque expendebat uiagio; cum in fine ei nil remansisse ponatur, et expendum sit semper equale. Erit ergo proportio de $\frac{1}{2}$ 9 ad expendum questum, sicut 49 ad 81: multiplicetur $\frac{1}{2}$ 9 per 81, erunt 729; que diuide per 49, exhibunt 15; et tot expedit in unoquoque uiagio.

De eodem.

Nam si ei denarij 12 remansisse in fine proposueris; et expendum eius sit 18, adde 12 multiplicationi de 18 in 49, scilicet cum 729, erunt 722; que diuide per 81, exhibunt $\frac{1}{27}$ 9; et tot esset ipsius capitale.

Quod si contra dicatur, quod suum capitale fuit denarij $\frac{1}{27}$ 9; et ei in fine remanserunt denarij 12. Et quot in unoquoque uiagio expendebat, ignoretur; multiplica $\frac{1}{27}$ 9 per 81, erunt 722; de quibus extrahere 12, remanent 729; que diuide per 49, exhibunt 15; et tot esset ipsius expendum.

De eodem.

Uerum si dixeris, quod in fine illorum .iij.^m uigiogorum suum capitale ei tantum remansisset, sic facies. Quia fecit in unoquoque uiagio de 1 tres; ergo de 1 quoque denario lucratur 2. Quare multiplicabis 1, scilicet capitale, per 18 expendij. Et diuide per 2, scilicet per lucrum, exhibunt 9; et tot esset illius capitale.

De eodem.

Et si proposueris, quod in fine dictorum uigiogorum ultra suum capitale denarij 20 ei remansissent, cum expendum eius sit semper 18; inuenies prescripta 9, cum quibus lucratur suum expendum; et uide quantum ipse lucratur de uno denario in illis .iij.^m uigijs, nil inde expendendo. Quia in primo uiagio facit de 1 denario tres; in secundo de ipsis tribus facit 9. In tercio de illis 9 facit 27, de quibus in 4 uiagio facit 81: ergo in illis .iij.^m uigijs de 1 denario facit denarios 81; ergo de 1 denario ipse lucratur 80. Quare dices: pro 1 denario, quod pono in ipsius capitale, lucratur denarios 80. Quid ponam, ut tantum lucratur denarios 20: multiplicabis itaque 1 per 20, et diuide per 80, exhibit $\frac{1}{4}$ unius denarij: qua addita cum denarijs 9, erunt denarij $\frac{1}{4}$ 9; et tantum esset illius capitale. Item capitale eius sit $\frac{1}{4}$ 9; et ignoretur expendum, et in fine lucratus est 20. Duceam quidem hanc solutionem inuenire per regulam rectam. Pone pro iguorato expendio rem; et triplica $\frac{1}{4}$ 9, erunt $\frac{1}{2}$ 27; de quibus tolle rem pro expendio primi uigijs, remanent $\frac{1}{4}$ 27, minus re: quibus iterum triplicatis, facient $\frac{1}{4}$ 82, tribus rebus diminutis: de quibus tolle expendum secundum, scilicet rem, remanent $\frac{1}{4}$ 82, minus .iij.^m rebus; quibus triplicatis, erunt $\frac{1}{4}$ 249, minus 12 rebus: de quibus extracta re 4, scilicet expedium tertium, remanebunt $\frac{1}{4}$ 249, minus 12 rebus: quibus ultimo triplicatis, faciunt $\frac{1}{4}$ 749, minus 29 rebus; a quibus diminuta re, remanebunt $\frac{1}{4}$ 749, diminutis .xl. rebus; que equantur denarijs $\frac{1}{4}$ 9, et 20, scilicet capitali, et lucro. Restaura ergo 40 res, remanebunt $\frac{1}{4}$ 749, que equantur 40 rebus, et denarijs $\frac{1}{4}$ 29. Tolle ergo denarios $\frac{1}{4}$ 29 de $\frac{1}{4}$ 749, remanent denarij 720, qui equantur 40 rebus. Quare diuide 720 per 40, exhibunt 18 pro quesito expendio. Quod etiam reperitur per regulam uersam sic: pone iterum rem pro expendio, qua addita cum capitali, et lucro eius, erunt res, et denarij $\frac{1}{4}$ 29, que habuit homo ille in quarto uiagio ex triplo denariorum,

• Nam si ... capitale + fol. 111 verso, lin. 24-26; pag. 209, lin. 8-10.

Capitale
$\frac{1}{27}$ 9

• Quod si ... 49, exhibunt + fol. 111 verso, lin. 27-29; pag. 209, lin. 11-13.

expendum
18

fol. 111 verso.

qui remanserunt illi post expensum tercij uiaij. Quare accipe $\frac{1}{3}$ eorum, uenietu tercie rei, et denarij $\frac{1}{3}$ 9; cum quibus adde expensum tercij uiaij, scilicet rem, erunt .iii.^m tercie rei, et denarij $\frac{1}{3}$ 9, que habuit in tercio uiaio ex triplo denariorum, qui remanserunt ei post expensum secundi uiaij. Quare accipe terciam eorum, scilicet $\frac{1}{3}$ rei, et denarij $\frac{1}{3}$ 3; super que adde rem, scilicet expensum secundi uiaij, erunt $\frac{10}{3}$ rei, et denarij $\frac{1}{3}$ 1, que equantur triplo capitalis ipsius, scilicet denarijs $\frac{1}{3}$ 37. Tolle ergo denarios $\frac{1}{3}$ 1 ex denarijs $\frac{1}{3}$ 37, et remanebunt denarij $\frac{1}{3}$ 36, qui equantur $\frac{10}{3}$ rei. Quare est sicut 40 ad 37, ita $\frac{1}{3}$ 36 sunt ad quesitum expensum. Multiplicatis ergo 37 per $\frac{1}{3}$ 36, erunt 730; que diuides per 40, uenient 18, ut oportet.

Questio alia de tribus uiaijs.

Item alia huiusmodi proponatur questio, ut que dicta sunt melius intelligantur, uidelicet ex quodam, qui fecit tria uiaia, qui in primo fecit de duobus tres. In secundo de .iii.^m v. Et in tercio de 6, fecit 7; et expendebat denarios 15 in uno quoque uiaio: quia in primo uiaio de duobus fecit tres; ergo proportio capitalis ipsius ad capitale, et lucrum eiusdem uiaij est sicut 2 ad 3: quare capitale eius fuit $\frac{2}{3}$ eiusdem capitalis, et lucri: quare pone $\frac{2}{3}$. Eademque ratione pro .iii.^m quinque pone $\frac{1}{3}$; et pro .vi. vii. pone $\frac{2}{7}$; et colloca eos sic: $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{7}$. Et multiplica numeros, qui sunt sub uirgulis in seipsos, uidelicet 2 per 3; que per 7, erunt 105: de quibus accipe $\frac{2}{7}$, que sunt 70; de quibus sume $\frac{1}{3}$, que sunt 36; de quibus sume $\frac{2}{7}$, que sunt 48; que adde cum 36, et cum 70, erunt 174, que serua: possunt enim eadem 174 promtius inuenire, uidelicet ut multiplices 2, que sunt super 3, per 3; que per 7, que sunt sub uirgulis, erunt 70. Item multiplica eadem 2 per 4, que sunt super 3; que per 7, erunt 56. Rursus multiplica eadem 2 per eadem 4; que per 6, que sunt super 7, erunt 48: quibus insimul iunctis, redeunt eadem 174; que multiplica per expensum, uidelicet per 15, et diuide per 105, exhibunt $\frac{2}{7}$ 24; et tot est ipsius capitale.

De eodem.

Et si proposeris, quod suum capitale sit denarij $\frac{6}{7}$ 24; et queratur, quantum sit expensum. Multiplica $\frac{6}{7}$ 24 per 105, et diuide per 174, exhibunt denarij 15 pro ipsius expensio.

De eodem.

Rursus expensum sit denarij 15; et in fine ei denarij 21 remansisse proponantur. Adde multiplicationem de 21 in 48 superius inuentis, que est 1008, super summam multiplicationis de 15 in 174, erunt 2616; que diuide per 105, exhibunt $\frac{10}{17}$ 24 pro ipsius capitali.

Nam si econtra dicatur, quod suum capitale sit $\frac{10}{17}$ 24; et in fine ei remansit denarij 21. Et quot ipse expendebat queratur; multiplica $\frac{10}{17}$ 24 per 105, erunt 2616; de quibus extrahe 1008, que surgunt ex multiplicatione de 21 in 48, remanent 2616; que diuide per 174, exhibunt denarij 15 pro suo expensio.

De eodem.

Uerum si dixerit, quod in fine trium uiaiorum suum ei remanserit capitale, extrahe

fol. 112 recto.

* Rursus expensum sit capitalis
fol. 112 recto, lin. 6-3 v. 9
pag. 361, lin. 24-26.

Capitale
$\frac{10}{17}$ 24

* Et quot ipse expendebat queratur
fol. 112 recto, lin. 11-12; pag. 361.
lin. 20-22;

expensum
15

• *Item: 48* ... *capitale* ... (fol. 112 verso, lin. 12-17 + 19, pag. 262, lin. 1-4)

Capitale
15
45

• *Rursus in ...* ... *scilicet 15* ... (fol. 112 verso, lin. 19-21, pag. 262, lin. 6-8 + 9)

expensum
15

• *magnum ... aliar modis* ... (fol. 112 verso, lin. 22-23, pag. 262, lin. 9 + 10-12)

Capitale
15
82

• *Ad idem ... scribit* ... (fol. 112 verso, lin. 29-31, pag. 262, lin. 12-15)

20	18	16	12
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{4}$
24	30	40	60

fol. 112 verso

inuenta 48 de 165 superius inuentis, remanent 57. In quibus diuide multiplicationem expendij, uidelicet de 15 in 174 superius inuentis, remanent 57. In quibus diuide multiplicationem expendij, uidelicet de 15 in 174 superius inuentis, exhibunt pro ipsius capitali denarij $\frac{15}{174}$ 45.

De eodem.

Rursus si dixeris, quod ipsius capitale sit $\frac{15}{174}$ 45; et in fine dictorum trium uiagiorum ipsum capitale ei remansisse proposuerit; et quot in unoquoque expendebat uiagio, quesierit, reperies prescripta 57; in quibus multiplica $\frac{15}{174}$ 45, et diuide per 174, exhibunt 15 pro ipsius expendio. Iterum si proposuerit, quod expensum sit 15; et in fine uiagiorum remansit ei denarij 45 ultra suum capitale, multiplica 15 per 174, erunt 2610; super que adde 45 uicibus 48, scilicet 2160, erunt 4770; que diuide per 57, exhibunt $\frac{45}{174}$ 82 pro ipsius capitali.

De homine qui fecit .iiii.^m uiagia; alius modus.

Iterum proponatur, quod fecerit .iiii.^m uiagia; ex quibus in primo fecit duplum; et expendit in eo denarios 12. In secundo de duobus tria; et expendit in eo denarios 16. Et in tercio fecit de tribus .iiii.^m; et expendit denarios 18. Et in quarto fecit de .iiii.^m v. Et cum ibidem denarios 30 expenderet, nil ei remansit. Suprascriptis itaque demonstrationibus, pro duplo primi uiagij scribes $\frac{1}{2}$. Et pro duobus tria secundi scribes $\frac{2}{3}$. Et pro tribus .iiii.^m tercij scribe $\frac{3}{4}$. Et pro .iiii.^m quinque quarti uiagij scribe $\frac{4}{5}$. Et positus ita per ordinem $\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{4}{5}$, multiplica 2 per 3; que per 4; que per 5, que sunt sub uirgulis, erunt 120; que habeantur loco expendij uniuscuiusque uiagij. Quare accipie dimidium eorum, erunt 60; que habeantur loco capitalis sufficientis primo expendio. Nam cum de 60 duplum fiant, ueniunt 120, scilicet expensum primum. Rursus $\frac{2}{3}$ de 60, scilicet 40, habeantur loco capitalis secundi uiagij. Nam duplicatis ipsis, faciunt 80; de quibus si fiant tres de duobus, hoc est si superaddatur dimidium de 80 super 80, ueniunt 120, scilicet expensum secundum: de quibus etiam 40, si accipiantur $\frac{2}{3}$, ueniunt 30, que habeantur loco capitalis tercij uiagij. Quia duplicatis ipsis in primo uiagio, faciunt 60; quibus factis tribus de duobus, ueniunt 90; de quibus factis 4 de 2, scilicet addita tercia parte earum super ea, faciunt 120, scilicet expensum tertium. Deinde acceptis $\frac{3}{4}$ ex 30, ueniunt 24, que sunt loco capitalis ultimi expendij; quia ex ipsis fiunt 48 in primo uiagio; de quibus in secundo fiunt 72, scilicet de duobus tres; de quibus in tercio fiunt 96, scilicet de tribus .iiii.^m; de quibus etiam fiunt 120 in quarto uiagio, scilicet de .iiii.^m quinque, hoc est expensum quarti uiagij. Possunt etiam hij numeri aliter reperiri: positus in ordinem $\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{4}{5}$. Multiplica 1, quod est super 2, per 3; que per 4; que per 5, que sunt sub uirgis, erunt 60, scilicet dimidium de 120. Item multiplica idem 1 per 2, que sunt super 3; que per 4; que per 5, que sunt sub uirgis, erunt 40, scilicet $\frac{2}{3}$ de 60 predictis: deinde multiplica 1 per 2; que per 3, que sunt super uirga, erunt 60; que multiplica per 5, erunt 30 pro $\frac{3}{4}$ de 40. Ad ultimum quidem multiplica 1 per 2; que per 3; que per 4, que sunt supra uirgas, erunt 24, scilicet $\frac{3}{4}$ de 30. Et quia expensum primi uiagij fuit 12; proportionaliter ergo est sicut 120 est ad 60, ita 12 est ad capitale primi expendij. Quare multiplicabis 12 per 60, erunt 720; que diuides per 120, et habebis capitale primi uiagij. Similiter quia expensum secundum fuit 16, proportionaliter erit sicut 120 est ad 40, ita 16 est

ad capitale secundi viagij. Quare multiplicabis 16 per 40, et diuides per 120; et habebis capitale secundi expendij: propter eadem ergo multiplicabis 18 per 30, et 20 per 24, erunt 540, et 480; que diuides per 120, et habebis capitale tercij, et quarti expendij. Et quia unusquisque inuentorum .iiii.^m numerorum, scilicet 750, et 640, et 540, et 480 diuidenda est per 120, adde eos in unum, erunt 2440; que diuides in unum per 120, exhibunt denarij $\frac{1}{3}$ 20 pro ipsis capitali.

Quod si hoc uerso modo inuestigare uis, quia in quarto niagio de .iiii.^m fecit quinque; et sic habuit expensum ultimum, scilicet 20; ergo .iiii.^m partes ipsorum 20 fuerunt capitalis; et quinta pars fuit lucri. Quare si de 20 accipiatur $\frac{1}{5}$ eorum, erunt 16, que habuit ipse post tercium expensum: quo expensio addito cum 18, faciunt 34; et tot denarios habuit, cum de tribus fecerat .iiii.^m Quare accipe $\frac{1}{3}$ de 34, scilicet multiplica 3 per 34, et diuide per 4, erunt $\frac{1}{3}$ 25; et tot habuit post secundum expensum, quod fuit denariorum 16: que adde insimul, erunt $\frac{1}{3}$ 41; et tot habuit postquam de duobus fecit tria. Quare accipe $\frac{1}{2}$ eorum, erunt $\frac{1}{2}$ 27; et tot habuit post primum expensum, quod fuit denariorum 12: quibus etiam insimul iunctis, faciunt $\frac{1}{2}$ 41; et tot habuit ex duplo, quod fecit in primo uiagio. Quare dimidium eorum, scilicet $\frac{1}{2}$ 20, fuit capitale ipsius, ut inuentum est supra.

Et si proponatur quod peractis .iiii.^m uiagij, remansissent ei denarij 12; quia 24 prescripta sunt capitale quarti expendij; ergo de 24, que habuit a principio, faceret in fine 120: ergo sicut 120 sunt ad 24, ita 12 que remanere proponuntur, erunt ad eorum capitale. Quare multiplicabis 12 per 24, erunt 288; que diuides per 120, hoc accipe $\frac{1}{5}$ de 12, erunt $\frac{1}{5}$ 2; que adde cum inuento capitalis cum $\frac{1}{5}$ 20, erunt $\frac{11}{15}$ 22: vel 288 adde cum 240 predictis, erunt 528; que diuide per 120, exhibunt similiter $\frac{11}{15}$ 22 pro ipsis capitali. Quod etiam inuenies per modum uersum, si ipsum immutare serueris.]

Et in fine .iiii.^m predictorum uiagiorum ei suum remanserit capitale: inuenies ut supra 120, et 24, et 240, extrahes 24 de 120, remanent 96; in quibus diuide 240, exhibunt $\frac{11}{15}$ 22 pro ipsis capitali. Et hoc facimus; quia 24 est numerus, qui de uiagio in uiagium per eorum luca surgit in 120 in quarto uiagio. Et quia proponitur ei in fine suum remansisse capitale; ideo extrahenda sunt 24 de 120, remanent 96; que 96 habentur loco numeri, de quo fiunt expense; et 120 habentur pro eodem numero, et pro capitali ipsius, scilicet loco eorum. Et quia de $\frac{1}{5}$ 20, et de eorum lucro proueniunt omnes expense; quia cum capitale ipsius sit $\frac{1}{5}$ 20, nil ei remanet post expensum; ideo $\frac{1}{5}$ 20 similes sunt de 96. Unde est sicut 96 ad 120, ita $\frac{1}{5}$ 20 est ad numerum seruantem capitale, et expensas. Quare multiplicanda sunt $\frac{1}{5}$ 20 per 120; que multiplicatio est 240, que diuidenda sunt per 96, ut superius fecimus. Rursus si proponatur, ipsum lucratum esse denarios 20: quia ut dictum est de 24 lucratur 96; ergo sicut 96 sunt ad 24, ita 20 sunt ad eorum capitale. Quare multiplicabis 20 per 24; et diuides per 96, hoc est accipies $\frac{1}{6}$ de 20, exhibunt 3, que adde cum $\frac{11}{15}$ 22, erunt $\frac{13}{15}$ 20.

Adhuc lucrum sit idem de uiagio in uiagium; et capitale ipsius sit $\frac{1}{5}$ 20; et expensum secundum sit 2, plus primo. Expensum quoque tercium sit 2, plus secundo; quartum uero expensum sit 2, plus tercio. Et queratur expensum uniuscuiusque uiagij. Inuenies supradicto modo 120, et 60, et 40, et 20, et 24. Post hec multiplica $\frac{1}{5}$ 20 per 120, erunt 240, que serua; et 2, in quibus secundum expensum excedit primum, mul-

triplica per 40, que habentur loco capitalis secundi expendij, erunt 140; et 8, in quibus tertium expendium excedit primum, multiplica per 30, erunt 180. Item 7, in quibus ultimum expendium excedit primum, multiplica per 24; cum ipsa 24 habeantur loco capitalis eiusdem expendij, erunt 168; que adde cum 150, et cum 120 modo inuentis, erunt 438; que extrahere de 2440, remanebunt 2002; que diuide per 154, que proueniunt ex additione de 60 cum 40, et cum 30, et cum 24, exhibunt 13 pro primo expendio. Rursus capitale ipsius sit $\frac{11}{13}$ 82; et in fine post expensia predicta, remaneant ei denarij 12. Multiplica 12 per 24, erunt 288; que adde cum 438, erunt 626; que extrahere ex multiplicatione de $\frac{11}{13}$ 82 in 120, scilicet de 1228, remanebunt 2002; que diuide per 154, exhibunt similiter denarij 13 pro primo expendio. Et si proponatur, capitale fuisse $\frac{3}{11}$ 25; et in fine remansisse ipsum capitale; et querantur expensia, extrahere 24 de 120, remanebunt 96; per que multiplica $\frac{3}{11}$ 25, erunt 240; de quibus extrahere supradicta 438, remanent 2002; que diuide per 154, ueniunt denarij 13 pro primo expendio. Item capitale sit $\frac{7}{13}$ 30; et in fine lucretur denarios 30, multiplica $\frac{7}{13}$ 30 per 96, erunt 2920, que seruat; et multiplica 20 per 24, erunt 480; que adde cum 438 supradictis, erunt 918; que extrahere 2920 seruatis, remanent 2002; quibus diuisis per 154, ueniunt 13 pro primo expendio; quare secundum expendium est 16; tertium est 18; quartum est 20.

Rursus quidam fecit in primo uiagio duplum; in secundo de duobus tria. In tercio de tribus .iiii.^{or} | In quarto de .iiii.^{or} v. ; et expendit in primo uiagio nescio quot; in secundo expendit 2, plus quam in primo. In tercio 2, plus quam in secundo. In quarto 2, plus quam in tercio; et in fine nil ei remansisse proponitur; et fiant expensia, et eius capitale in numeris integris. Ponamus quidem per regulam rectam, capitale fuisse summam, et expendium primum rem; quare in primo uiagio habuit duas summas; quia fecit duplum, de quibus expendit rem, remanserunt ei due summe, minus re: ex quibus in secundo uiagio, faciendo de duobus tria, habuit tres summas, re et dimidia diminuta; de quibus expendit rem, et denarios tres, remanserunt tres summe, duabus rebus et dimidia, et tribus denarijs diminitis; de quibus, faciendo de tribus .iiii.^{or} in tercio uiagio, habuit .iiii.^{or} summas, tribus rebus, tercia, et .iiii.^{or} denarijs diminitis; de quibus expendit rem, et denarios .v. In quibus .v. denarijs tertium expendium excedit primum, remanebunt .iiii.^{or} summe, .iiii.^{or} rebus, et tercia, et .ix. denarijs diminitis: cum quibus, faciendo de .iiii.^{or} v. in quarto uiagio, habuit .v. summas minus .v. rebus, et quarta, et sexta rei, et minus denarijs $\frac{1}{2}$ 14: de quibus expensia re, et denarijs 7, scilicet expendium quartum, remanserunt .v. summe, minus rebus $\frac{5}{12}$ 6, et denarijs $\frac{1}{2}$ 18, que equantur 0, quod remansit ei in ultimo uiagio: quare si comuniter addantur res $\frac{5}{12}$ 6, et denarij $\frac{1}{2}$ 18, erunt .v. summe, que equantur .vi. rebus, et $\frac{1}{12}$ rei, et denarij $\frac{1}{2}$ 18. Unde reperiendus est numerus pro una ex supradictis rebus; quo multiplicato $\frac{5}{12}$ 6, proueniat numerus, qui cum $\frac{1}{2}$ 18 faciat sanum numerum, cuius $\frac{2}{3}$ sit integer; quem inuenies sic: primum reperiatur numerus, qui cum multiplicetur $\frac{5}{12}$ 6, faciat $\frac{1}{2}$ plus sano; eritque 9, qui multiplicatus $\frac{5}{12}$ 6, facit $\frac{5}{2}$ 15; quibus additis cum $\frac{1}{2}$ 18 proueniunt 26, qui est integer, et equatur quinque summis: quare $\frac{1}{2}$ eorum est somma: et quia illa $\frac{2}{3}$ non est integer, multiplica $\frac{5}{12}$ 6 per 12, ex qua multiplicatione prouenit sanus numerus 77: quare adde 77 super 26 inuentis totiens, donec proueniat numerus habens $\frac{77}{3}$; ergo adde his 77 super 26, erunt 220; quorum $\frac{1}{3}$, scilicet 40,

est summa quesita, scilicet capitale, quod ille habuit a principio: et quia super 76 additum est duplum de 77, adde similiter duplum de 12 super 6, erunt 22 pro primo expendio: quare secundum expendum est 36; tertium 26; quartum 40. Et si hoc in alijs numeris integris reperire uis, numerum summarum, et numerum rerum inuentarum, scilicet 5, et $\frac{5}{12}$ 6, multiplica per 12 propter 12, que sunt sub nirga, prouenient 60, et 77. Nam 60 habentur loco expendij, quorum capitale est 77; cum expendum sit semper idem in unoquoque uiagio: quare totiens uis adde 60 super primum expendum, scilicet super 22, et totiens adde 77 super inuentum capitale, scilicet super 46; et habebis quesitum infinitis modis. Et si proponantur 12 remansisse, per supradicta inuenies, quod .v. summe, minus sex rebus, et $\frac{5}{12}$, et denarij $\frac{5}{4}$ 12 equantur denarijs 12: quare, facta restauratione rerum diminutarum, et denariorum, prouenient .v. summe, que equantur rebus $\frac{5}{12}$ 6, et denarijs $\frac{5}{4}$ 30: quare pro primo expendio, scilicet pro una ex supradictis rebus, pone 9, et semel 12, hoc est 21; quare res $\frac{5}{12}$ 6 erunt $\frac{5}{4}$ 124; quibus additis $\frac{5}{4}$ 30, erunt 165, que equantur quinq; summis: quare summa, scilicet capitale ipsius, est 22; et expendum secundum est 24; tertium 26; quartum 28. Rursus si in fine proponatur, sum capitale remanere, inuenies modo supradicto, quod quinq; summe, diminutis rebus $\frac{5}{12}$ 6, et denarij $\frac{5}{4}$ 18, equantur nni summe: quare .iiii.^m summe equantur rebus $\frac{5}{12}$ 6, et denarijs $\frac{5}{4}$ 18. Pone itaque 9 pro re; quare res $\frac{5}{12}$ 6 cum denarijs $\frac{5}{4}$ 18 sunt 76, que equantur .iiii.^m summis: ergo summa est 19, scilicet capitale ipsius. Et si proponatur, ipsum lucratum esse denarios 12, inuenies, quod .iiii.^m summe equantur rebus $\frac{5}{12}$ 6, et denarijs $\frac{5}{4}$ 30. Pone itaque rem esse 9; quare res $\frac{5}{12}$ 6 cum denarijs $\frac{5}{4}$ 30 sunt 58, quorum $\frac{5}{4}$, scilicet 22, est capitale.

Si uero per regulam uersam hanc ultimam questionem soluere uis; quia in fine proponitur remansisse capitale, et denarios 12; ergo remansit ei summa, et 12. Post ultimum expendum, que fuerant; quod fuit res, et denarij 7; quibus insimul iunctis, erit summa, et res, et denarij 19, que habuit, cum de 4 fecit 3: quare ex eis accipe $\frac{2}{3}$ unius summe, et $\frac{4}{3}$ unius rei, et denarios $\frac{2}{3}$ 13; et tot habuit in fine tercij uiagij: cum quibus adde expendum ipsius uiagij, scilicet rem, et denarios 5, erunt $\frac{2}{3}$ summe, et $\frac{2}{3}$ rei, et denarij $\frac{2}{3}$ 20; et tot habuit, post quam de 3 fecerat 4: quare accipe $\frac{1}{4}$ eorum, erunt $\frac{2}{3}$ summe, et $\frac{2}{3}$ rei, et denarij $\frac{2}{3}$ 13; et tot habuit in fine secundi uiagij: cum quibus adde expendum eiusdem uiagij, scilicet rem, et denarios 2, erunt $\frac{2}{3}$ summe, $\frac{4}{3}$ rei, et denarij $\frac{4}{3}$ 18; et tot habuit, cum de 2 fecerat 3: quare accipe $\frac{1}{3}$ eorum, erunt $\frac{2}{3}$ summe, et $\frac{4}{3}$ rei, et denarij $\frac{4}{3}$ 2; et tot habuit in fine primi uiagij: cum quibus adde expendum ipsius, scilicet rem, erunt $\frac{2}{3}$ summe, et $\frac{17}{3}$ rei, et denarij $\frac{4}{3}$ 12; et tot habuit ex duplo primi uiagij: quare dimidia ea, prouenient $\frac{1}{3}$ summe, et $\frac{17}{3}$ rei, et denarij $\frac{4}{3}$ 6, que equantur summe, scilicet capitali: quare extracta $\frac{20}{3}$ summe, remanebunt $\frac{1}{3}$ summe, que equantur $\frac{17}{3}$ rei, et denarijs $\frac{4}{3}$ 6: quare quincuplum de $\frac{1}{3}$ unius summe, scilicet summe .iiii.^m, equantur quincuplo de $\frac{17}{3}$ rei, et denarijs $\frac{4}{3}$ 6, hoc est rebus $\frac{5}{12}$ 6, et denarijs $\frac{5}{4}$ 30, ut superius per regulam rectam inuenimus: deinceps operaberis ut supra. Nam si secundum alium modum solutiones harum .iiii.^m questionum inuenire uis, pone per ordinem ut supra $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$; ex quibus ut supra inuenies 150, et 60, et 40, et 20, et 14, et 154, et 420; addes cum 428 totiens 154, donec proueniat numerus, qui integraliter per 150 diuidatur; et hoc erit trigies ter; quia

multiplicatis 154 per 33 faciunt 5082; cum quibus additis 428, proueniunt 5510; quibus diuisis per 120, ueniunt 46 *pro* capitale; et expensum primum erit 22. Et si uis, ut in fine uiajinum remaneat denarij 12, ut dictum est, multiplica 12 per 24 predictos, erunt 288; que adde cum 428, erunt 716; cum quibus addes totiens 154, donec proueniat numerus, qui integraliter diuidatur per 120; et hoc erit uigesies semel. Nam ex 21 in 154 proueniunt 2234; cum quibus additis 726, erunt 2960; quibus diuisis per 120, proueniunt 24 *pro* capitale; et expensum primum erit 21, ut inuentum est supra. Rursus si uis, ut in fine uiajinorum suum remaneat capitale, extrahe 24 de 120, scilicet multiplicatione numerorum, qui sunt super uirgis ex multiplicatione numerorum, qui sunt sub ipsis, remanebunt 96: deinde adde super 428 totiens 154, donec proueniat numerus, cuius nonagesima sexta pars sit integra; et hoc erit unuies; quia ex multiplicatione de 9 in 154 ueniunt 1386; quibus additis cum 428, erunt 1814; que diuide per 96, ueniunt 19 *pro* capitale; et expensum primum erit 9, ut supra. Similiter si lucratus fuerit denarios 12 in fine, super 726 addes totiens 154, donec proueniat numerus, qui integraliter diuidatur per 96; et hoc erit nouies; quia ex ductis 9 in 154, faciunt 1386; quibus additis 726, proueniunt 2712; que diuide per 96, ueniunt 28 *pro* capitali; et primum expensum est 9, ut superius inuenimus.

Modus alius de uiajijs.

Item quidam habebat bizantios 12; et cum ipsis fecit uiajia nescio quomodo, et in uno quoque faciebat duplam; et expendebat bizantios 14. Queritur quantitas suorum uiajinorum. Quia faciebat duplam, duplica 12, erunt 26; de quibus extrahe 14, remanent 12; et habemus unum uiajium. Item duplica 12, erunt 24; de quibus extrahe 14, remanent 10; et habemus duo uiajia. De quibus proideaes minutionem sui capitalis de uiajio in uiajium. In primo uiajio remanserunt ei 12; ergo minuit 1 suum capitale. In secundo minuit 2. Ideo quia remanserunt ei 10; ergo duplicando uadit minutionem de uiajio in uiajium: quare duplica 2, que sunt minutum secundi uiajij, erit 4; et habemus minutionem terciij uiajij: adde modo tres minutiones trium uiajinorum inuentarum, uidelicet 1, et 2, et 4, erunt 7: a quibus usque in 12 desunt 5, que remanent in minutione quarti uiajij, scilicet 4, erunt 8. In quibus diuide 6, ueniunt $\frac{2}{3}$ unius uiajij; ergo fecit ipse cum ipsis 12 bizantijs uiajia $\frac{2}{3}$ 2. Sed quia uidetur incongruum dicere, aliquem fecisse $\frac{2}{3}$ unius uiajij; hoc emendari sic docemus. Videlicet cum in uiajio faciat duplam; ergo in 1 lucratur alium; ergo in $\frac{2}{3}$ unius uiajij de ipso 1 lucratur $\frac{2}{3}$ unius bizantij; ergo facit de 4 septem; et erunt .iiii.^{or} uiajia; ex quibus in primo, et in secundo, et in tercio fecit duplam, et expendit 14; et in quarto fecit de .iiii.^{or} vii., et expendit tres quartas de 14, scilicet $\frac{3}{4}$ 10.

Tamen si propositum fuerit, quod in fine ignotorum uiajinorum ei supersint bizantij 4, sic erit faciendum: scilicet extrales 4 de uiajione minutorum trium uiajinorum, que ei remanet de suo capitale, uidelicet de 9, qui superius per 8 diuiduntur, remanent 2; que diuide iterum per eadem 9, scilicet per minutionem quarti uiajij, exibat $\frac{2}{9}$; ergo facit ipse uiajia $\frac{2}{9}$ 2. Iterum si de quarta unius uiajij unum uiajium instruere uolueris; cum in uno quoque uiajio lucrator de 1 bizantium alium; ergo in $\frac{2}{9}$ unius uiajij de 1 lucratur quartam partem unius bizantij; ergo de 1 facit $\frac{2}{9}$ 1, hoc est de .iiii.^{or} quinque; et expendit in ipso quartam partem de 14, id est $\frac{2}{9}$ 2.

fol. 114 verso.

• uiajium ... tria minutiones • (fol. 114 verso, lin. 55-57 & 18; pag. 266, lin. 24-27)

$$\begin{array}{|c|} \hline \text{uiajia} \\ \hline \frac{2}{3} \\ \hline \frac{2}{3} \\ \hline \end{array}$$

• ipse uiajia ... 4, minuit • (fol. 114 verso, lin. 29-32; pag. 266, lin. 40 — pag. 267, lin. 1).

$$\begin{array}{|c|} \hline \text{uiajia} \\ \hline \frac{2}{9} \\ \hline \frac{2}{9} \\ \hline \end{array}$$

Si autem numerus quesite superationis, id est 4, maior esset dicte superationis trium uigiorum, scilicet de 6, unde non posset ipsam extrahere ab eadem. Oporteret eam extrahere de residuo minutionis duorum uigiorum, quod ei remanet de suo capitali, id est de 10. Et si adhuc eam de 10 extrahere non posses, extraheres eam de 12, id est de superatione minutionis primi uigij. Et sic poteris inuenire prepositas quoslibet superationes.

*Questio notabilis de homine mutuante libras .C. ad usuras
super quandam domum.]*

Quidam prestauit libras 100 ad usuras .iiii. denariorum per libram in mense supra quandam domum, ex qua recolligebat in uno quoque anno nomine pensionis libras 20; et in capite uniuscuiusque anni debebat discomputare ipsas libras 20 de capitali, et lucro dictarum 100 librarum. Queritur, quot annis, et mensibus, et diebus, et horis domum tenere debebat: quia lucrabatur denarios 4 per libram in mense; ergo lucratur soldos 4 per libram in anno; qui soldi 4 sunt $\frac{1}{2}$ unius libre: ergo de 5 facit 6. Et quia de capitali, et lucro unius anni discomputatur pensio; assimilatur hec questio tali uigiorum questioni; quod quidam habuit libras 100, cum quibus de 5 faciebat 6 in unoquoque uigio; et expendeat libras 20; de quo queritur, quot ex eis fecerat uigia: cuius regule si immemor non exstiteris, minutiones sui capitalis de anno in annum subtiliter sunt inuestigande sic. Quia de 5 facit 6, accipe $\frac{1}{5}$ de 100, que est 20, et adde super 100, erunt 120; et tot habuit inter capitale, et lucrum in primo anno: de quibus extrahere pensionem, scilicet 20, remanent libre 90: a quibus usque in libris 100 desunt libre 10, que sunt minutio primi anni. Item accipe $\frac{1}{5}$ de libris 90, que remanent in capite primi anni, erunt 18; quas adde cum 90, erunt 108; de quibus extrahere pensionem secundi anni, remanent libre 78; a quibus usque in 90 desunt libre 12, que sunt minutio secundi anni. In primo enim anno suum capitale minuit libras 10. In secundo minuunt libre 12; ergo minutiones cadunt proportionaliter, uidelicet de 10 in 12, hoc est sicut 10 sunt ad 12, scilicet sicut 5 ad 6, ita 12, que sunt minutio secundi anni, erunt ad minutionem terciij anni. Quare multiplicabis 6 per 12, et diuides per 5, exhibunt $\frac{144}{5}$ 28, que sunt minutio terciij anni: que multiplica per 6, et diuide per 5, exhibunt $\frac{1728}{25}$ 69, que sunt minutio quarti anni: que multiplica iterum per 6, et diuide per 5, exhibunt $\frac{20736}{125}$ 165, que sunt minutio quinti anni: que iterum multiplica per 6, et diuide per 5; quod sic fit: protrahe quandam uirgam, sub qua pone 5 quater; cum sint ter sub uirgula, quam uis multiplicare; et multiplica 6 per 2, que sunt super 5, erunt 12; que diuide per 5 propter 5, que sunt in capite uirge protracte a sinistra parte, exhibunt 2, et remanent 2: quare pones 2 super ipsas 5, et 2 reserua in manu; cum quibus adde multiplicationem de 6 in 2, que sunt super sequentia 5, erunt 20; que diuide per 5, exhibunt 4, et remanent 0; quod 0 pone super sequentibus 5, et serua 4; super que adde multiplicationem de 6 in 2, que sunt super 5 in capite uirge a parte dextra, erunt 22; que diuide per 5, exhibunt 4, et remanent 2; que 2 pone super tercium 5; et super 4 adde multiplicationem de 6 in 20, erunt 124; que diuide per ultima 5 protracte uirge, exhibunt 24, et remanent 4: que 4 pone super ipsa 5; et ante uirgam pone 24, et habebis $\frac{2244}{125}$ 24 pro minutioe sexti anni. Adde quidem superscripta sex minutiones in hunc modum: pones ex eis integra sub integris, et similes fractiones

64 115 176.

sub similibus, scilicet quintas sub quintis, et quintas quinte sub quintis quinte, et cetera; et protrahe uirgam, sub qua sint 3 quater, scilicet secundum numerum ipsorum 3, que sunt sub maiori uirga minutionum predictarum; et pro 3, que sunt super 3, que sunt in quarto gradu uirge de 24, pone 2 super 5, que sunt in eodem gradu protracte uirge; et adde 0, quod est super 5 tercij gradus uirge de 24 cum 3, que sunt in eodem gradu uirge de 20, erunt 2; que ponas super 5 tercij gradus protracte uirge; et adde 2, que sunt super 5 secundi gradus uirge de 24 cum 3, que sunt super 5 secundi gradus uirge de 20, et cum 2, que sunt super 5 eiusdem secundi gradus uirge de 17, erunt 7; que diuide per 5 secundi gradus protracte uirge, exibit 1, et remanent 2: pone 2 super ipsa 5, et 1 serua in manu; que adde cum 4, que sunt super 5 primi gradus uirge de 24, et cum 3, que sunt super 5 eiusdem gradus uirge de 20, et cum 1, quod est in primo gradu de 17, et cum 2, que sunt super 5 post 14, erunt 11; que diuide per 5 primi gradus protracte uirge, exhibunt 2, et remanet 1: pone quidem 1 super ipsa 5, et 1 serua; que adde cum integris, erunt 99; que pone ante protractam uirgam; et sic habebis $\frac{2}{1} \frac{1}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1} 99$: que si de centum extrahere uis, protrahe aliam uirgam, sub qua pone similiter 5 quater; et accipe 2, que sunt super 3 quarti gradus uirge de 99; et extrahere eam de 5, que sunt sub ipsis 2, remanent 3; que pone super 3 quarti gradus protracte uirge, et retine in manu 1; quod adde cum 2, que sunt super 5 tercij gradus, extrahit ex eisdem 5, remanent 2, que pone super 5 tercij gradus protracte uirge, et serua 1; quod adde cum 2, que sunt super 5 secundi gradus uirge de 99, erunt 3; que extrahit ex ipsis 5, remanent 2, que pone super 5 secundi gradus, et serua 1; quod adde cum 1, quod est super 5, que sunt in primo gradu uirge de 99, erunt 2: a quibus usque in 5 desunt 3, que pone super 5 primi gradus uirge protracte; et pro expleto quinario serua 1; quod adde cum 99, faciunt 100; que extrahit de 100, remanent 0 ante protractam uirgam, scilicet nichil; et sic habes $\frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1}$ pro questo residuo unius libre, que sunt ex minutione septimi anni. Quare inuenienda est minutio septimi anni, si multiplicabis $\frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1} 24$, qui est minutio sexti anni per 6; et diuide per 5, exhibunt libre $\frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1} 29$, in quibus diuidenda essent $\frac{1}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1}$; et quod et diuisione exiret, esset illud, quod ipse tenuit domum, ultra sex inuentos annos. Sed ut habeamus inde dies et horas, multiplica 428 per dies anni, scilicet per 366, ut ita ponantur; et erunt in unoquoque mense dies .xxx., uenient 127680; que multiplica per 12, scilicet per horas diei, erunt 1532160, que serua. Et multiplica 29 per minuta sue uirgule, hoc est per 5, et addas 4; que per 5, et addas 1; que per 5, et addas 2; que per 5, et addas 2, erunt 92312: quibus reperis regulam, que est $\frac{1}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1}$. In qua etiam, et in regula de 625, que est $\frac{1}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1}$, debes diuidere multiplicationem de 1532160 in 5; quam in 5; quam in 5; quam in 5; quam in 5 propter quinque quinariorum, qui sunt sub uirga post 29. Sed relinques multiplicationem .iiii.^{or} quinariorum propter .iiii.^{or} quinariorum, qui sunt regula de 625. Similiter euitabis en, que erunt euitanda; et prouenient hore $\frac{12}{11} 101$, que sunt dies 8, et hore $\frac{12}{11} 5$; et tantum tenuit ipse domum, ultra annos 6 inuentos. Quod si probare uis, nide si de $\frac{1}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1}$ unius libre, que sunt soldi $\frac{1}{1} 14$; et de eorum usuris dierum inuentorum $\frac{111}{111}$ 4 prouenerit pensio ipsorum dierum; quod uidendum est per modum baracti in hunc modum: quin de libra 1 dantur pro usuris 1 denarij 4; ergo pro soldis 60 datur soldus

fol. 115 verso.

* gradus et — ut habemus *
(fol. 115 verso, linc. 19-26,
pag. 206, linc. 31 e 22-30).

	10
	12
	$\frac{2}{1}$ 14
	$\frac{2}{1}$ 17
	$\frac{2}{1}$ 20
$\frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1}$	99. $\frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{2}{1} \frac{1}{1}$ 24

fol. 116 verso.

t in mense. Quare pone in una linea seldos 60, et soldum 1, et dies 30. Et sub soldis 60 pone seldos $\frac{3}{133}$ 14, et sub dies 30 pone dies $\frac{133}{133}$ 8; et multiplicabis $\frac{3}{133}$ 14 per 1, quod est eis ex aduerso; quod multiplica per $\frac{133}{133}$ 8, et summam diuides per reliquos duos numeros, scilicet per 60, et per 30 : ergo multiplica 1732 per 1825; et diuides per 60, et per 30, et per fractiones, que sunt sub utraque uirga; et habebis usuras soldorum $\frac{1}{133}$ 14: que cum debeas insimul addere, scilicet capitale cum usuris; qualiter ea coniunctim habeas, iudicabo: quia ex multiplicatione de 14 in 125 additis 2, proueniunt 1732; ergo si diuideris 1732 per 125, nimirum ipsa $\frac{3}{133}$ 14 reddibunt. Similiter si 38860, que procreantur ex 50 ductis in 20 uicibus 12, uicibus 9, uicibus 2, multiplicaueris per 1732, et diuideris summam per 60, et per 30, et per 12, et per 9, et per 2, et per 125, eadem $\frac{3}{133}$ 14 reddibunt. Sed ex multiplicatione de 1732 in 125 diuisa per eosdem numeros prouenit usura illorum soldorum $\frac{3}{133}$ 14; ergo si coniunctum ex 38860 cum 125, scilicet 39025 multiplicaueris per 1732, et diuideris per eosdem numeros, prouenient soldi $\frac{3}{133}$ 14, et eorum usura; in quibus si modum euitandi seruaueris, remanebit tantum multiplicatio de 72 in 125 diuidenda $\frac{1}{9} \frac{3}{133}$ 14. Vnde proueniunt soldi $\frac{3}{9} \frac{3}{133}$ 14, qui sunt pensio dierum $\frac{1}{9} \frac{3}{133}$ 14: quia si multiplicaueris $\frac{1}{9} \frac{3}{133}$ 14 per denarios 20, qui sunt pensio unius diei, nimirum soldi $\frac{1}{9} \frac{3}{133}$ 14 prouenient.

Aliter de eadem domo.

Rvrsus si dictum fuerit, quod ipse, cuius domus erat, recollegit ipsam domam tali tempore, quod adhuc erat ei redditurus libras 20 de predictis libris 100. Et queratur quantum ipse, qui denarios prestauerat, domum tenuit. Sic facies: iunges ex minutionibus suprascriptis, quas superius inuenimus, donec non remaneat de ipsis libris 100 tantum, quod possit inde domum unum annum tenere; extractis libris 20, que ei debent remanere. Minutio quidem primi anni est 10; secundi 12 insimul iunctis faciunt 22; cum quibus addita tercii anni minutione, scilicet $\frac{2}{3}$ 14, faciunt $\frac{2}{3}$ 30; cum quibus addit quarti anni, erunt $\frac{2}{3} \frac{2}{3}$ 53; cum quibus iterum adde minutionem quinti anni, scilicet $\frac{1}{3} \frac{1}{3}$ 20, erunt $\frac{2}{3} \frac{1}{3}$ 74 : a quibus usque in 100 desunt $\frac{2}{3} \frac{1}{3}$ 26: de quibus si extraxeris libras 20, que debent superare, non remanebit unde domum possit tenere per unum annum. Quare extrahantur 20 ex ipsis, remanent $\frac{2}{3} \frac{1}{3}$ 5; que multiplica per 20, scilicet per dies unius anni; que per 12 horas, et diuide summam dicte multiplicationis per minutionem sexti anni, uidelicet per $\frac{2}{3} \frac{1}{3}$ 24. Tamen caue, ne multiples aliquem dictorum numerorum, cum in aliquo ipsorum debeas postea diuidere, ut in precedenti regula demonstrauius, exhibunt hore $\frac{2}{3}$ 020, que sunt dies 80, et hore $\frac{1}{3}$ 0; et tot tenuit ipse domum, ultra annos 5.

Quod si uerum est, ita cognoscitur: usura de 100 librarum primi anni sunt libre 20; quibus additis cum 100, erunt 120; de quibus extracta pensioe, remanent libre 90 : cum quibus additis usuris ipsarum, scilicet in secundo anno, faciunt 108; de quibus extracta | pensioe eiusdem anni, remanent libre 78 : quibus usuris tercii anni superadditis, faciunt libras $\frac{2}{3}$ 02; de quibus extracta pensioe eiusdem tercii anni, remanent $\frac{2}{3}$ 83; et sic faciendo de quarto, et quinto anno, remanebunt tantum libre $\frac{1}{3} \frac{1}{3}$ 23, de quibus ipse tenuit domum diebus $\frac{1}{3} \frac{1}{3}$ 80, hoc est diebus 80, et horis $\frac{1}{3}$ 9, et remanserunt ex eis libre 20, quas domus domas reddidit ei. Deinde accipias quanta usura datur de libra 1. In illis diebus $\frac{1}{3} \frac{1}{3}$ 80; quod sic erit uidendum. Multiplica de-

* et summam et per 125 *
(fol. 116 verso, lin. 4-11); pag. 269, lin. 3-11).



* ueritas ... addit $\frac{3}{9} \frac{3}{133}$ 14 *
(fol. 116 verso, lin. 16-18, pag. 269, lin. 14-17).

anni	dies	hora
0	8	$\frac{1}{3} \frac{1}{3}$ 9

* ueritas anni hore $\frac{2}{3}$ 0 et *
(fol. 116 verso, lin. 31 et 32, pag. 269, lin. 30-33).

anni	dies	hora
5	80	$\frac{1}{3}$ 9

fol. 116 verso.

naŕios 4, scilicet usuram unius libre in mense per dies $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{12}$ 60, et diuide per dies 30, scilicet per mensem, exibunt denarij $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{9}$ 10; quos adde cum libra 4, hoc erunt soldi 20, et denarij $\frac{4}{3} \cdot \frac{3}{9}$ 10; et tantum ascendit una libra inter capitale, et usuram in illis $\frac{4}{3} \cdot \frac{3}{12}$ 80 diebus; que scilicet $\frac{4}{3} \cdot \frac{3}{9} \cdot \frac{12}{12}$ 80; multiplica per libras $\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3}$ 25, reddunt libras $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{9} \cdot \frac{3}{12}$ 80; et tantum ascendunt libras ille $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{9}$ 25 inter capitale, et proficuum in illis diebus $\frac{4}{3} \cdot \frac{3}{12}$ 80: de quibus si extraxeris pensionem, que euincit in illis diebus $\frac{4}{3} \cdot \frac{3}{12}$ 80, que est libras $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{12}$ 20, remanebunt tantum libras 20, secundum quod propositum fuit.

De eadem domo.

Et si proponatur, quod quidam prestatit super eandem domum libras 8 ad eandem usuras; et queratur, quantum ipsam domum tenere debeat; sic facies: adde libras 8 cum pensione unius anni, scilicet cum 30, erunt libras 38; quas multiplica per 8, et diuide per 6, exibunt libras 30; et tantum oportet, quod ipse haberet, ut domum tenere posset annum 1; et deinceps remaneret proposita libras 6: et extrahere 6 de 30, remanent 24; que esset minutio eiusdem anni: que multiplica per 6 de proportione superioris inuenta, et diuide per 5, exibunt $\frac{1}{5}$ 28; que essent minutio alterius anni, scilicet illius, de quo ipse pro ipsis 6 libris domum tenere debet: quare multiplica 6 per 360 dies, scilicet per annum, et diuide per $\frac{1}{5}$ 28, exibunt dies 72, que sunt menses $\frac{1}{2}$ 2; et tantum tenebit ipse domum pro prescriptis libris 6; et sic poteris de multis alijs similibus operari.

De homine, qui prestatit ad usuras sine noticia.

Item quidam prestatit denarios ad eandem usuras nescio quot; et debebat dare per annum pro pensione eiusdem domus libras 20. Tenuit enim domum pro illis denarijs annis 5, et diebus 70. Queritur quantitas illorum denariorum: primum siquidem incipiendum est a diebus 70, uidelicet ut uideas pro quot denarijs, 70 diebus domum tenere possit. Eritque ita uidendum: quia usura unius anni est $\frac{1}{2}$ totius capitalis, oportet multiplicare dies anni per 3, erunt 180; super quos adde dies prescriptos 70, erunt 187: ergo in illis diebus 70 de 180 facit 1870, hoc est quod de 180 facit 187: quare pone 180 super 187 sic: $\frac{180}{187}$; deinde uide, quanta sit pensio illorum 70 dierum sic: multiplica 30 per 70, et diuide per 180, promeniunt pro pensione illorum 70 dierum libras $\frac{2}{3}$ 5; quas multiplica per 180, et diuide per 187, exibunt libras $\frac{112}{187}$ 5: quibus omnibus explicatis, ad regulam uiagiorum hanc poteris assimilari, uidelicet pro 5 annis dias quinque uiagin. In quibus singulariter de 3 facit 6; et expendit in unoquoque libras 30, scilicet pensionem; et in fine uiagiorum 5, hoc est 5 annorum, remanent ei libras $\frac{112}{187}$ 5, cum quibus tenelit domum diebus 70: quare | ut supra docuimus, scribenda sunt $\frac{1}{2}$ quinquies in ordine sic: $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$; deinde multiplicabis 6 per 8; que per 6; que per (sic); que per 8, scilicet per omnes numeros, qui sunt sub uirgulis, erunt 7776; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, que sunt 6480; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, que sunt 5600; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, que sunt 4500; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, que sunt 3750; de quibus accipe $\frac{1}{2}$, que sunt 3125: deinde adde 6480 cum 5600, et cum 4500, et cum 3750, et cum 3125, erunt 23255; que multiplica per libras 30 pensionis, erunt 697650. Item multiplica 3125 per $\frac{112}{187}$ 5; et summam que exierit, adde cum 697650; et cosudatam summam diuide per regulam de 7776, que est $\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8}$, exibunt libras $\frac{84}{11} \cdot \frac{10}{11}$ 91; et tanta fuit quantitas denariorum

30, erunt . . . que sunt . . . fol. 114 verso, lin. 17-22 . . . 270, lin. 44 = 45-49.

Reus
$\frac{1}{2}$ 8

fol. 117 verso.

et ut supra . . . de quibus a fol. 117 verso, lin. 4-2, pag. 270, lin. 23-25 = 24.

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
---------------	---------------	---------------	---------------	---------------

illorum, quos ipse prestauerat. Aliter potes ad hanc eandem quantitatem per regulam uersam deuenire. Verbi gratia : pensionem quinti anni, scilicet 30, adde cum $\frac{117}{117} 5$, erunt $\frac{117}{117} 25$; que multiplica per 5, et diuide per 6. Ideo quia de 5 facit 6 in uno quoque anno, exhibuit $\frac{6}{117} 25$. Et hoc est illud, quod remanserat, cum iam domum 4 annis tenuerat. Super que adde pensionem quarti anni, erunt $\frac{6}{117} 55$; que multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit $\frac{6}{117} 49$; et tantum remanserat ei, cum iam domum annis tribus tenuerat. Que adde cum 30, scilicet cum pensione tercij anni, erunt $\frac{6}{117} 79$; que multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit $\frac{6}{117} 66$; et tantum remanserat ei, postquam domum annis 2 tenuerat. Cum quibus adde 30, scilicet pensionem secundi anni, erunt $\frac{6}{117} 96$; que multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit $\frac{6}{117} 80$; et tantum remanserat ei, cum iam domum uno anno tenuerat. Que adde cum pensione primi anni, erunt $\frac{6}{117} 110$; que multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit $\frac{6}{117} 91$, que sunt libre 91, et soldi 19, et denarij $\frac{6}{117} 5$; et tantum prestauerat ipse supra domum, ut superius per aliam regulam inuenimus.

De eodem.

Nam si propositum fuerit, quod capitale illius sit libre $\frac{51}{117} \frac{6}{117} 91$; et cum ipsis ad eandem usuram teneret domum annis 5, et diebus 70; et quereret annualis pensionis quantitatem. Sic fac: s: pone, ut pensio sit aliquis numerus, ut dicamus 36. Deinde uide, secundum prescriptum ordinem, dando pro pensione in unoquoque anno libras 36, quantum ei habere oportuerit, ut domum inde ualeat tenere prescriptis annis 5, et diebus 70: quod si bene reperire reperire (sic) seueris, reperies, quod cum oportuerit habere libras $\frac{6}{117} 110$: que si essent $\frac{21}{117} \frac{6}{117} 91$, utique inuenissemus propositum; hoc est quod pensio annualis esset libre 36: quod cum non sit, cedit regula proportionaliter; hoc est, quod sicuti libre $\frac{6}{117} 110$ sunt ad libras $\frac{51}{117} \frac{6}{117} 91$, ita erunt 36 ad quesitam pensionem. Multiplicabis igitur 36 per $\frac{51}{117} \frac{6}{117} 91$, et diuides per $\frac{6}{117} 110$, exhibunt pro quesita pensione libre 30, ut supra dictum est.

De eadem domo.

Item si proposeris, quod pensio sit libre 30; et tenuit ipse domum annis 5, et diebus 70; et remanserunt ei de hoc, quod prestauerat supra domum, libre 20; et quesierit quantitatem denariorum, quos prestauerat; primum siquidem adde libras 30 cum pensione, que contingit illis diebus 70, scilicet cum libris $\frac{2}{5} 5$, erunt libre $\frac{2}{5} 25$; deinde uide quantum ascendat usura in illis diebus 70. In anno quidem ascendit de 5 in 6; ergo in 5 libris lucratur 1 per annum: et cum dies 70 sint $\frac{1}{12}$ unius anni; ergo in illis diebus 70 libre 5 ascendunt in libras $\frac{1}{12} 5$, hoc est 180 in 187, ut superius diximus. Quare describes $\frac{186}{117}$, et multiplica $\frac{2}{5} 25$ per 187, et diuide per 187, exhibuit libre $\frac{6}{117} 24$; cum quibus adde libras 30, scilicet pensionem quinti anni, erunt libre $\frac{6}{117} 54$: quas multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit $\frac{186}{117} 45$: cum quibus adde 30, scilicet pensionem quarti anni, erunt libre $\frac{186}{117} 45$: quas multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit libre $\frac{186}{117} 43$; cum quibus adde pensionem tercij anni, erunt libre $\frac{186}{117} 93$: quas multiplica per 5, et diuide per 6, exhibuit libre $\frac{6}{117} 77$: quibus superadde pensionem secundi anni, uidelicet 30; et multiplica summam per 5, et diuide per 6, exhibuit libre $\frac{6}{117} 89$; quibus superadde pensionem primi anni, uidelicet 30; et multiplica summam per 5, et diuide per 6, exhibuit libre $\frac{6}{117} 99$; et tantum ipse pre-

* exiuit ... cum $\frac{117}{117} 5$.
(fol. 117 recto, lin. 20-24; pag. 270, lin. 22; pag. 271, lin. 2).

libre preste		
5	6	117
6	6	117
91		

* soldi 20 restum s: (fol. 117 recto, lin. 20-24; pag. 271, lin. 9-14).

denarii libre preste		
libre	soldi	denarij
91	19	6
		117
		5

* pensio annua ... $\frac{1}{117} \frac{6}{117} 110$.
(fol. 117 recto, lin. 20-22; pag. 271, lin. 20-22).

pensio	
30	

fol. 117 verso

¶ per 6 hoc est a (fol. 117
recto, lin. 10-13; pag. 371,
lin. 42 — pag. 372, lin. 3).

1	00	1	10	00
9	99	11	11	00

stavit supra domum superscriptam. Potes enim hoc idem aliter reperire, videlicet re-
pertis libris $\frac{5}{11} \frac{14}{17}$ 24 superscriptis, rediges hanc questionem ad regulam viagiorum dice: quod quidam fecit viagia 5, hoc est quod tenuit domum annis 5; et in unoquoque viagio de 5 faciebat 6, hoc est in uno quoque anno; et inde expensum faciebat librarum 20; hoc est dabat pensionem librarum 20. Et in fine quinque viagiorum, scilicet 5 annorum, remanserunt ei libris $\frac{5}{11} \frac{14}{17}$ 24: quare describende sunt in ordinem $\frac{5}{11}$ $\frac{5}{11}$ $\frac{5}{11}$ $\frac{5}{11}$ $\frac{5}{11}$; et deinceps operaberis, sicut superius fuisti operatus; et reperies prescriptas libras $\frac{1}{2} \frac{10}{11} \frac{6}{11} \frac{4}{11} \frac{2}{11}$ 09.

De eadem domo.

Rursum capitale, quod ipse prestavit supra domum, sit libris $\frac{1}{2} \frac{10}{11} \frac{6}{11} \frac{4}{11}$ 09; et tennit cum ipso domum annis 5, et dies 70, et remanserunt ei libris 20; et quota sit pensio ignoraueris; sic facies. Vide quantum erit illa capitalis quantitas, cum qua faciendo dictum lucrum de anno in annum, in fine dictorum quinque annorum, et dierum 70 proveniat in libris 20, que remanere proponuntur in fine dicti termini; quod sic erit videndum. Quia in illis 70 diebus de 180 facit 187, pone $\frac{187}{187}$; ante quas pro quinque annis pone quinques $\frac{5}{5}$ in hunc modum; $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$; et multiplica 5 per 5; que per 5; que per 5; que per 5; que per 180, que sunt supra virgas; que per libras 20; et summam, que euenerit, diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{11} \frac{6}{11} \frac{0}{11} \frac{0}{11} \frac{0}{11}$, exhibit $\frac{4}{5} \frac{0}{11} \frac{2}{11} \frac{10}{11}$ 7; et tanta erit illa quantitas. Quem numerum extrahe de $\frac{1}{2} \frac{0}{11} \frac{6}{11} \frac{4}{11} \frac{10}{11}$ 09, remanent $\frac{0}{2} \frac{0}{11} \frac{10}{11} \frac{10}{11}$ 01; et hec est illa quantitas, cum qua, et cum eius usuris presoluitur pensio, et nichil inde in fine remanet: quo facto, pone ut pensio sit 20, ut superius fecimus; et vide cum pensio fuerit 20; quantum erit capitale, cum quo possit tenere domum prescriptis annis 5, et diebus 70; eruntque $\frac{5}{11} \frac{0}{11} \frac{0}{11}$ 110: que cum uellent esse $\frac{1}{2} \frac{0}{11} \frac{6}{11} \frac{10}{11}$ 01, multiplica $\frac{5}{11} \frac{0}{11} \frac{0}{11} \frac{10}{11}$ 01 per 20, et diuide per $\frac{1}{2} \frac{0}{11} \frac{0}{11} \frac{0}{11}$ 110, exhibit libris 20 pro quesita pensione, ut in tercia precedenti questione demonstrauimus.]

Aliter de domo.

Iterum pensio sit libris 20; et quidam prestavit super eandem domum ad eandem usuras tantum quod tenuit domum annis 5, et diebus 70; et in fine suum ei remansit capitale: quia de omnibus 5, quos ipse habuit in suo capitali, faciebat 6 per singulum annum; ergo in omnibus 5 lucratur 1; ergo in quinques 20, scilicet in 150 lucratur 20, uidelicet pensionem; et tantum habuit ipse. Verum si lucrum uarie de anno in annum propoueretur, alia indigeret regula, uidelicet ut primum pro diebus 70, in quibus de 180 facit 187, ponatur $\frac{187}{187}$; deinde ante ipsas ponatur in ordinem quinques $\frac{5}{5}$, sicut superius diximus: deinde multiplica 5 per 5; que per 5; que per 5; que per 5; que per 180, que sunt super virgis; et summam, que euenerit, extrahe ex multiplicatione omnium numerorum, que sunt sub virgis; et summam, que remanserit, diuides per multiplicationem de $\frac{1}{2} \frac{0}{11} \frac{6}{11} \frac{10}{11}$ 01 in numero, qui euerit ex multiplicatione omnium numerorum existentium sub uirgulis in seipsis; et similiter habebis libras 150.

De domo.

Iterum capitale sit 150; et lucrum sit, ut supra; et queretur pensionis quantitas. Cum itaque suum capitale ei in fine dictorum annorum proponatur remanere; et semper $\frac{1}{2}$ sui capitalis ipse lucratur, accipe quintam de 150, que est 20; et habes ea pro quesita pensione.

fol. 118 recto.
¶ Iterum Gerlach 6 a (fol.
118 recto, lin. 4-7; pag. 372,
lin. 27-27).

pensio
20

¶ summam, que habebis a
fol. 118 recto, lin. 14-16 e 17,
pag. 372, lin. 34-35.

libris penencie
150

¶ Iterum pro quesita a (fol.
118 recto, lin. 14-16 e 17,
pag. 372, lin. 40-42 e 43).

pensio
20

Aliter de eodem domo.

Rvrsus lucrum sit idem, et pensio sit cadem; et in fine dictorum annorum, et diurn 70, libras 26, ultra suum capitale, ei remansisse proponimus: primum quidem inueniende sunt superscripte libe 150, cum quibus lucratur pensionem; quibus repetis, uide, ex quo capitali libras 26 lucrari possit: describantur in ordinem $\frac{150}{10} \frac{2}{10} \frac{5}{10} \frac{5}{10} \frac{5}{10}$, et multiplicentur omnes numeri, qui sunt super uirgulis, erunt 562500; que extrahe de multiplicatione omnium numerorum, qui sunt sub uirgulis, uidelicet de 454418, remanent 891612; in quorum regula diuide multiplicationem de 562500 in 26, que debent superare super suum capitale, exhibunt libe $\frac{1}{2} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 22; quas adde cum 150, erunt $\frac{1}{2} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 172; et tantum habuit ipse.

Iterum ponatur, quod capitale ipsius sit $\frac{1}{2} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 172, et lucrum sit idem; et in fine lucratur libras 26; et quota sit pensio ignoretur. Reperias quidem, secundum quod modo docuimus, ipsum $\frac{1}{2} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 22, cum quibus lucratur in illis 5 annis, et diebus 70 illas libras 26, que in fine ei preponuntur ultra suum capitale remanere; que extrahantur de $\frac{1}{2} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 172, remanent 150; de quibus accipiatur quinta pars; ideo quia per singulum annum quintam sui capitalis lucrari proponitur, exhibunt 36 pro quesita pensione.

De milite recepturo pro suo feudo bizanti .ccc.

Quidam miles erat recepturus a quodam rege causa sui feudi in unoquoque anno bizantios 200; et persoluebantur ei in .m. pagas; et in unaquaque accipiebat bizantios 75, hoc est paga de tribus mensibus. Qui cum necessitate cogereetur, rogauit quemdam diuitem, ut commodaret sibi tot bizantios ad usuras, pro quibus ipse diuus acciperet illos bizantios 200, excomputando bizantios 75 uniuscuiusque page, de paga uidelicet in pagam, de capitali et proficuo. Qui acquiescens uoluntati ipsius, prestauit ei ipsos bizantios ad proficuum duorum bizantium per centenarium in uno quoque mense. Queritur, quot bizantios ipse in prestantiam accepit. Primum quidem studeas hanc questionem ad niagiorem regulam redigere; que sic redigitur: quia in uno quoque mense lucrum 100 bizantium est bizantij 2; ergo lucrum centuarij est bizantij 6 in tribus mensibus, scilicet in termino uniuscuiusque page: ergo in unaquaque paga de bizantijs 100 facit 106, hoc est de 50 facit 52: et quia page sunt .m.; .m. niagiorem similitudinem genuit: et quia paga est bizantij 75, habeantur ipsi pro expendo uniuscuiusque uiagij. Deinde quia de 50 facit 52, pone $\frac{26}{55}$ quater pro .m. pagis sic: $\frac{26}{55} \frac{26}{55} \frac{26}{55} \frac{26}{55}$, et multiplica 50, que sunt super prima uirga, per 52, que sunt sub secunda; que per 52, que sunt sub tercia; que per 52, que sunt sub quarta, erunt 7442500. Item multiplica eandem 50 per 50 secunde uirge; que per 52 tercie; que per 52 quarte, erunt 7022500. Iterum multiplica primam 50 per secundam; que per terciam, erunt 1250000; que per 52, que sunt sub quarta uirga, erunt 6625000. Rursum multiplica 50 per 50; que per 50; que per 50, scilicet ca, que sunt super uirgulis, erunt 6250000; que adde cum reliquis tribus modo inuentis numeris, erunt 27241250; que multiplica per 75, erunt 2050001250; que diuide per $\frac{1}{2} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$, exhibunt $\frac{10}{2} \frac{10}{10} \frac{10}{10} \frac{10}{10}$ 250; et tot fuerunt bizanthij, quos accepit in prestantiam.

De illo, qui edificauit palacium.

Quidam uolens construere palatium, petijt magistrum, cum quo fecit conuentionem

* exposit. . . de 162500 + (ubi 118 rege, lib. 20 + 21-24. pag. 272, lin. 5-8.

Capitala prestata					
1	2	6	2	6	
2	1	2	6	2	172

* illos libras . . . erant 20 pro + (lib. 118 rege, lin. 30 -32, pag. 272, lin. 14-16.

probus	
30	

fol. 248 verso.

* que per 50 . . . prestata + (lib. 118 rege + lin. 44-47; pag. 272, lin. 28-31).

bizanthij recepti					
25	6	10	10		
55	57	51	55		250

de septem bizantijs in mense: expleto quidem mense debebat esse persolutus. Predictus magister erat pauperculus; supplicauit illi domino operis, ut mutaret sibi bizantios 11 pro suis necessarijs. Qui Respondit. Libenter. Sed tali ratione, quod de 60 reddas 11 in mense, secundum quod accidit de 11 bizantijs; et in fine mensis extrahas tuum pretium, scilicet bizantios 7; et quod remanserit, morabitur cum eadem usura, donec lucraberis reliquos. Magister uero professus fuit, quod dominus asseruit, et laborauit opus duobus mensibus. Queritur, quantum dominus operis debebat superaddere prefato magistro: hec regula, secundum regulam prime domus, est operanda; uidelicet ut superponantur usure unius mensis illorum 11 bizantium super ipsos, erunt $\frac{11}{10}$ 11; de quibus discomputentur bizantij 7, scilicet pretium illius de uno mense, remanent bizantij $\frac{11}{10}$ 4; quibus extractis de 11, remanent $\frac{49}{10}$ 6, qui sunt minutio capitalis primi mensis: quem multiplica per 61, et diuide per 60; ideo quia de 60 facit 61, exhibuit bizantij $\frac{49 \cdot 61}{10 \cdot 60}$ 6, qui sunt minutio secundi mensis. In quibus studeas diuidere multiplicationem de bizantijs $\frac{11}{10}$ in 30, uidelicet in diebus mensis, exhibunt dies $\frac{71 \cdot 11}{61 \cdot 60}$ 18. In quibus, et in uno mense expleuit opus, quod debebat magister ipse pro ipsis bizantijs 11 operari: quare extrahantur ipsi de duobus mensibus, remanent dies $\frac{48 \cdot 11}{61 \cdot 60}$ 11; de quibus ipse magister recepturus erat suum pretium, quod illis diebus ei contigit: quod si reperire uolueris, multiplica ipsos dies $\frac{48 \cdot 11}{61 \cdot 60}$ 11 per pretium mensis, scilicet per 7, et diuide per 30, scilicet per dies mensis, exhibuit bizantij $\frac{48 \cdot 11 \cdot 7}{61 \cdot 60}$ 2; et tantum erat ille recepturus in illis duobus mensibus, ultra illos 11 bizantios, quos primum habuerat.

De eodem.

Si dicatur, quod ipse magister laborauit super illis 11 bizantijs tantum, quod dominus operis erat ei daturus 11 bizantios 4, multiplica 4 per dies 20, erunt 80; que diuide per 7, exhibunt dies $\frac{8}{7}$ 17; quos adde cum mense 1, et diebus $\frac{11 \cdot 81}{61 \cdot 60}$ 18, erunt dies $\frac{1 \cdot 60 \cdot 182}{7 \cdot 61 \cdot 60}$ 65; et tantum laborauit ipse.

De duobus hominibus, qui habuerunt societatem in constantinopoli.

Duo homines pariter in constantinopolim habuerunt insimul societatem; quorum unus perrexit alexandriam negotiandi causa, et tulit secum de comuni hentica quantum libuit; stetitque ibi annis 5, et diebus 70, et lucrabatur quintam sui capitalis in uno quoque anno, et inde expendebat per annum bizantios 25. Alius qui remanserat constantinopolim lucrabatur in uno quoque anno septimam sui capitalis; et inde expendebat bizantios 27. In hac autem dictorum 5 annorum, et 70 dierum, cum socijs (sic) eius fuisset reuersus, nil ei remansit; et socius eius lucratus fuit in superscripto termino quantum a principio socio suo remanserat. Queritur, quantum unusquisque habuit de eorum hentica comuni. In hac questione due uingiorum regule, uel domus competerent possunt intelligi: prime quidem de ipso, qui constantinopolim remanserat, cum in unoquoque anno septimum sui capitalis lucraretur, talis est ac si diceretur, quod de 7 faciebat 8; pro 3 enim annis, et diebus 70, uia 3, et $\frac{70}{100}$ unius uia 3 intelligitur. Et expedium unius cuiusque anni, quod faciebat, scilicet bizantij 27, est tantum, quantum si diceres, quod in uno quoque uia 3 ipsos expenderet; uel quod in uno quoque anno computabat ipsos pro pensione domus: et cum ei nil remansisset pronuptur, incipiendum est, secundum regulam domus, ab illis 70 diebus, uidelicet ut inuenias de quanto capitali potuit facere expedium, quod in illis 70 diebus fecerat; quod sic in-

ipse magister ... De eodem :
(fol. 118 verso, lin. 25-28;
pag. 274, lin. 17-21).

bizantij	
55	916
67	809
	2

fol. 119 verso

Quantitas 2 ... constantinopoli
in 5 fol. 119 verso, lin. 1-4,
pag. 274, lin. 22-26).

dies	
4	80
7	104
	65

neure per regulam domus docuimus: scilicet quia cum in anno de 7 facit 8; ergo in diebus 70 de 7 facit $\frac{7}{10}$ 7 unius bizantij, cum ipsi 70 dies sint $\frac{7}{10}$ unius anni: ergo de 233 facit 230, hoc est quod de 28 facit 37. Quare describendi sunt $\frac{37}{10}$; deinde uideas quantum expendium accidit illis diebus 70. Multiplica enim expendium anni, scilicet 37, per dies 70; et diuide per 300, exhibunt bizanti $\frac{8}{3} \frac{4}{3}$ 7; et tantum est expendium 70 dierum; quod multiplica per 26, que sunt super 37; et diuide per ipsa 37, exhibunt bizanti 7; et tantum habuit ipse post moram quinque annorum. Deinde ex anno in annum usque quod ad caput primi anni deuenies, sicuti in domus regula fecimus, studeas operari; uidelicet ut cum repertis modo septem bizantijs addas expendium quinti anni, scilicet 37, erunt 44; que multiplica per 7, et diuide per 8; ideo quia de 7 facit 8, exhibunt $\frac{1}{2}$ 38; et tantum remanserat ei, cum iam .m. transierant anni: super quos adde expendium quarti anni, scilicet 37, erunt bizantij $\frac{1}{2}$ 75; que multiplica per 7, et diuide per 8, exhibunt bizantij $\frac{13}{8}$ 66; et tantum remansit ei post triennium: cum quibus adde expendium tercij anni, uidelicet 37, erunt $\frac{13}{8}$ 103; que multiplica per 7, et diuide per 8, exhibunt bizantij $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$ 90; et tantum remansit ei post biennium: cum quibus additis bizantijs 37, quos expenderat in secundo anno, erunt $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8}$ 125; que multiplica per 7, et diuide per 8, exhibunt bizantij $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} \frac{1}{8}$ 111; et hoc est quod remanserat ei post expendium primi: cum quibus additis bizantijs 37, scilicet ipsius anni expendium, erant bizantij $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} \frac{1}{8}$ 148; quos multiplica per 7, et diuide per 8; que multiplicatio sic fit: protrahe uirgam, sub qua sint 2, et 8, et 8, et 8, sicuti sunt sub uirga numeri, quem multiplicare uis per 7; sub qua etiam ex parte dextra pones 2, scilicet diuisorem, et multiplicabis 7 per 1, quod est super 2, et erunt 7; que diuides per eadem 2, exhibuit 3, et remanet 1: pone remanens 1 super 2, et 3 serua in manu; et multiplica 7 per 0, quod est super 8, ueniet 0, quod adde cum 3 seruatis, erunt 3; que diuides per 8, qui inter diuisores octonarios est primus diuisor, exilat 0, et remanet 3: pone 3 super ipsa 8, et multiplica 7 per 2, que sunt super secundum octonarium, erunt 14; quibus diuisis per eadem 8, exiit 1, et remanet 6: pone 8 super 8, qui inter diuisores octonarius est secundus, et reserua 1; et multiplica 7 per 2, que sunt super 8 in ultimo uirge, erunt 14; cum quibus adde unum seruatum, erunt 15; que diuide per penultima 8 uirge seruate, exhibit 1, et remanet 7: pone 7 super ipsa 8, et serua 1; quod adde multiplicationi de 7 in 148, erunt 1027; que diuide per 8, que sunt ultima sub uirga protracta, exhibunt bizantij $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} \frac{1}{8} \frac{1}{8}$ 129; et tantum habuit de comuni hentica ipse, qui constantinopolim remanserat. Deinde accedendum est ad eum, qui alexandriam perrexerat; quod secundum uirgiorum uel domus regulam oportet operari, scilicet per cam, in qua preponitur de ipso, qui tenuerat domum annis 8, et diebus 70; et super ipsius capitale lucratus fuit in finem bizantios $\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} \frac{1}{8} \frac{1}{8}$ 129, uidelicet eos, qui remanserunt ei, qui constantinopolim permanserat: que sic superius esse operanda demonstrauius, uidelicet ut primum inueniatur de quantis bizantijs potest tantum proficuum habere, unde possit de proficuo facere expendium; et ipsi in finem non comminuantur; qui sic inuenientur. Accipe bizantios 28, qui sunt expendium, et multiplica eos per 8. Ideo quia lucrabatur $\frac{1}{2}$ sui capitalis, erunt 135; de quorum lucro potes facere expendium; et in fine non comminuantur. Deinde quia de 8 facit 6, scribende sunt $\frac{2}{3}$ quinquies propter annos 5 sic: $\frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$. Rursus quo-

64. 119 verso.

niam in uno quoque anno de 5 facit 8; ergo in diebus 70 de 5 facit $\frac{7}{27}$ 8, hoc est, quod de 180 facit 187: quare ponenda sunt 180 super 187, et describenda in ordine cum alijs $\frac{2}{3}$ sic: $\frac{180}{187} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3} \frac{2}{3}$: deinde multiplica omnes numeros, qui sunt super uirgulis, erunt 562500, que habeantur loco capitalis; que extrahe de multiplicatione numerorum, qui sunt sub uirgulis, que est 145412, que habentur loco capitalis, et lucri, remanent 807612 pro lucro: in quorum regula diuide multiplicationem de 5625 in $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ 129, scilicet in capitale ipsius, qui constantinopolim remanserat, exhibuit bizanti: $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ 81, qui sunt bizantij; cum quibus ipse alsque expendio lucratus fuerit bizantios, qui remanserunt, qui constantinopolim remanserat: eum quibus adde 125, cum quibus totum expendum lucrabatur, erunt bizantij $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ 206; et tantum portauit de communi hentica ipse, qui in alexandriam perregerat.

Incipit pars vii.^a de regulis erraticis de duobus hominibus, qui detulerunt lanam ad naulum.

Quidam duxit in quadam naue lane fascas 12 equali pretio ad naulum; et alius fascas 17 eiusdem pretij: cum uenissent ad locum, in quo debebat descendere nauclerus, petiuit eis naulum constitutum: qui cum non haberet denarios, unde naulum persoluerent, dixit ei primus: Accipe unum de meis fascibus pro naulo meorum 12 fascium, et redde mihi superfluum. Qui cum accepisset, reddidit soldos 10 pro hoc, quod fascis ualebat, plus nauli eorum 12 fascium. Cum autem exigeret naulum alij homini de fascibus 17, accepit unum fascium ab ipso, et reddidit ei soldos 3. Queritur, quot ualebat fascis; et quot pro unoquoque fascie naulum dabatur. Accipe differentiam, que est a fascibus 12 usque in fascas 17, que est 4. Item accipe illud, quod est inter soldos 10, et soldos 3, quod est soldo 7: ergo pro fascibus 4, quod vnus habuit amplius alio, fuit ei redditum, minus soldo 7: quare euidetissime uidetur, quod nauclerius pro ipsis 4 fascibus retinuit soldos 7: ergo de omnibus .iij.^{ss} fascibus dabatur naulum soldo 7: ergo si soldo 7, qui sunt denarij 84, diuiderimus per fascas 4, exhibuit denarij 21 pro naulo unuscuiusque fascis; ergo de fascibus 12 erat daturus ille, qui eos duxerat pro naulo denarios 12 uice 21, qui sunt soldo 22, et denarij 9: quibus superadditis soldis 10, quos nauclerus ei reddidit, erunt soldo 32, et denarij 9; et tantum ualuit unusquisque fascium. Et si acceperis naulum de fascibus 17 alterius hominis, quod est soldo 20, et denarij 9, quod exijt ex multiplicatione denariorum 21 in 17; et super addideris soldos 2, quos nauclerius ei reddidit, ad eosdem soldos 22, et denarios 9 deuenies.

De mercatore deferente lapides preciosos Constantinopolim.

Mercator quidam deferens lapides pretiosos 3 equali pretio in constantinopolim ad uendendum, erat primo transiturus per commertia 3; et cum ad primum deueniret commertium; ex amicitia remissum est ei totum commertium, accipiens cartam, quod de uno lapide commertium non exigeretur in secundo, et tercio commertium; qui cum ad secundum ueniret commertium, commertarius abstulit ex 4 lapidibus unum, restaurans ei bizantios 100. Ad tertium cum ueniret commertium, commertarius abstulit ei de tribus unum, et restaurauit ei bizantios 150. Queritur, quot ualebat unusquisque lapis; et quot dabatur pro commertio de uno quoque lapide: hoc quod dicitur de primo commertio, non dicitur nisi pro derisu, ut impediatur rudes. Sed de duobus alijs commertijs est sicuti de nauclerio, qui erat recepturus naulum de .iij.^{ss} lapidibus, et tribus:

Constantinopolim ... totum
fol. 119 verso, lin. 29 e 30
34; pag. 276, lin. 7-10).

Bizantij alius quo tant de Alexandria
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
1 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

fol. 120 recto.

denarij 21 ... hinc, quod a
fol. 120 recto, lin. 11-14;
pag. 276, lin. 36-39).

primum fascium
soldo denarij
32 9

quare extrahantur 3 de 4, remanent 1; in quo diuides 50, qui est differentia, que est a 100 usque in 150, exhibunt 50; et tot dabatur commercium de uno quoque lapide: que multiplica per lapides 4, erunt bizantij 200; qui addantur cum bizantijs 100, qui redditu fuerunt in secundo commercio, erunt bizantij 300; et tantum ualuit unusquisque lapis. Et si multiplicaueris eadem 50 per lapides 3, et superaddideris bizantios 150, ad eosdem bizantios 300 peruenies.

Ex duobus hominibus unus habuit pisces 12, et alter pisces 12; et fuerunt omnes pisces unius pretij. Commerciarius autem abstulit primo piscem, et denarios 12 pro directura. Et alio abstulit pisces 2, et reddidit ei denarios 7; queritur commercium, et pretium unuscuiusque piscis. Quia de 12 piscibus dantur pro directura piscis unus, et denarij 12; ergo de unoquoque pisce datur $\frac{1}{12}$ unius piscis, et denarius 1. Quare secundus homo pro tredecim piscibus debuit dare $\frac{13}{12}$ unius piscis, et denarios 13, pro quibus | dedit pisces 2, minus denarijs 7; ergo $\frac{13}{12}$ unius piscis, et denarij 13 equantur duobus piscibus, minus denarijs 7. Quare si comuniter addantur denarij 7, erunt quod duo pisces equantur $\frac{13}{12}$ unius piscis, et denarijs 20: ex quibus si comuniter auferantur $\frac{13}{12}$ piscis, remanebunt $\frac{1}{12}$ unius piscis, que equantur denarijs 20, hoc est quod $\frac{1}{12}$ piscis ualent denarijs 20: proportionaliter ergo est sicut 11 ad 12, ita 20 ad pretium piscis. Quare pro 11 diuides multiplicationem de 12 in 20, exhibunt denarij $\frac{8}{11}$ 21 pro pretio unius piscis; cuius $\frac{8}{11}$, scilicet $\frac{2}{11}$ 1, adde cum uno denario, erunt $\frac{10}{11}$ 2, qui sunt commercium unuscuiusque piscis. Verbi gratia. Commercium piscium 12 est denarij $\frac{12}{11}$ 22, qui procreantur ex ductis $\frac{2}{11}$ 2 in 12, qui equantur pretio unius piscis, et denarijs 12. Similiter commercium de piscibus 12 est denarij $\frac{12}{11}$ 26, qui equantur pretio duo piscium, minus denarijs 7, ut oportet. Et si proponatur, quod ex 12 piscibus commercarius tolleret piscem, et redderet denarios 12; et pro piscibus 12 tolleret pisces 2, minus denarijs 7, esset hec questio insolubilis. Inuenies enim per consimilem inuestigationem, quod $\frac{13}{12}$ unius piscis, minus denarijs 12, equantur duobus piscibus, minus denarijs 7: quare si comuniter addantur denarij 12, ueniet quod $\frac{13}{12}$ unius piscis equantur duobus piscibus, et denarijs 6; quod est inconueniens. Et si pro 12 piscibus tolleretur piscis, minus denarijs 7; et pro 12 tollerentur pisces 2, minus denarijs 12, tunc $\frac{13}{12}$ unius piscis, minus denarijs $\frac{1}{12}$ 7, equantur piscibus 2, minus denarijs 12. Quare si comuniter addantur denarij 12, et auferantur $\frac{13}{12}$ piscis, remanebunt $\frac{1}{12}$ unius piscis, equales de denarijs $\frac{1}{12}$ 4. Quare multiplica $\frac{3}{12}$ 4 per 12, et diuide per 11, exhibunt $\frac{12}{11}$ 4 pro pretio unuscuiusque piscis. Et quia sunt minus de denarijs 7, quos reddidit commercarius ei, cui abstulit piscem; uidetur hec questio esse insolubilis, cum commercarius reddat ei plusquam accipiat ab eo. Sed si proponeretur, quod superfluum, quod fuit redditum primo homini, esset ad superfluum, quod fuit redditum secundo, sicut pisces unius ad pisces alterius, hoc est sicut 12 est ad 12; tunc unusquisque piscis ualeret inuentos denarios $\frac{8}{11}$ 4.

Quidam emit minuta 5 pro 1 denario, et inuestiuit in ea denarios 10, et uendidit alia minuta 7 pro denario 1; et lucratus fuit denarios 11 in illis 10 denarijs; queritur, que minuta fuerunt illa, que emit; et que illa que uendidit, sic facies: multiplica 5 per 10, erunt 50: deinde pone 5 super 50 sic: $\frac{5}{50}$ 2, et talia fuerunt minuta illa, que emit pro uno denario: ergo pro 10 denarijs emit $\frac{10}{11}$ 25, hoc est integrum unum, quem uendidit

fol. 130. verso.

in talia minuta. Unde habuit ex ipso denarios 21, scilicet 10, quos inuestuerat, et 11, quos fuit superlucrat: quare multiplica 7 per 21, erunt 147; super que pone 7 sic: $\frac{7}{147}$; et talia fuerunt minuta illa, que uendidit.

De illo qui intrauit in uiridario pro pomis colligendis.

Quidam intrauit in quoddam uiridarium, in quo erant porte 7, et accepit ibi summam quamlibet pomorum; qui cum uellet exire, oportuit eum dare primo hostiario medietatem omnium pomorum, et unum amplius; secundo hostiario medietatem residuorum pomorum, et unum amplius. Qui cum ita daret reliquis 5 hostiarijs, comperitum est ei unum pomum. Queritur, quot fuerunt poma illa, que de pomerio collegerat; sic facies: pro uno pomo, quod ei remanserat, tene 1; super quod adde unum pomum, quod ultimo hostiario dederat, erunt 2; que duplica, erunt 4; et tantum habuit, cum ad ultimum deueniret hostiarium: super que adde illud pomum, quod dedit sexto hostiario, erunt 5; que duplica, erunt 10; et tantum remansit ei post exitum 5 portarum: super que adde unum pomum quinti hostiarij, erunt 11; que duplica, erunt 22; super que adde 1 pro illo pomo, quod dedit quarto hostiario, erunt 23; que duplica, erunt 46: super que adde 1 pro illo pomo, quod dederat tercio hostiario, erunt 47; que duplica, erunt 94: super que adde 1 pro eo pomo, quod dederat secundo hostiario, erunt 95; que duplica, erunt 190; cui superadde 1, quod dedit primo porte; et duplica summam, erunt 382; et tot fuerunt illa poma: et sic resuertendo, secundum quod propositum fuerit, in ordinem retro, poteris quamlibet simillum positionum reperire.

Aliter pone ipsam collegisse a principio rem, de qua dedit prime porte $\frac{1}{2}$, et pomum 1. Remansit ergo $\frac{1}{2}$ rei, minus 1, de quo secunde porte dedit medietatem, et pomum unum: ergo remansit ei quarta rei, minus pomo $\frac{1}{2}$ 1, de quo dedit tercie porte dimidium, et pomum 1. Quare remansit ei $\frac{1}{4}$ rei, minus pomo $\frac{1}{2}$ 1, cuius medietatem dedit quarte porte, pomo 1 addito; et sic remansit ei $\frac{1}{8}$ rei, minus pomo $\frac{1}{2}$ 1: cuius medietatem, uno pomo addito, cum dedisset quinte porte, remansit ei $\frac{1}{16}$ rei, minus pomo $\frac{5}{16}$ 1; cuius medietatem cum dedisset, pomo 1 addito, sexte porte, remansit ei $\frac{1}{32}$ rei, minus pomo $\frac{31}{32}$ 1: ex quo etiam, cum dedisset septime porte medietatem, pomo 1 addito, remansit ei $\frac{1}{64}$ rei, minus pomo $\frac{63}{64}$ 1, que equantur uni pomo, ei uidelicet, quod remansit post exitum septem portarum. Si comuniter addatur pomum $\frac{63}{64}$ 1, ueniet quod $\frac{1}{64}$ rei equatur pomis $\frac{63}{64}$ 2. Quare multiplica $\frac{63}{64}$ 2 per 128, erunt similiter poma 382.

De integrorum commixtione cum minutis.

Si propositum fuerit commisere 2 integra cum minutis tribus, ut dicamus cum $\frac{1}{2}$, et fiant 5 ita comixta, hoc est 2 et 2 faciunt 5: deinde multiplicentur 3 per 3, et faciunt 25; et queratur de istis 25, quid fiant. Sic facies: describe $\frac{1}{2}$ 2 bis, tanquam ad inuicem ea debeas multiplicare: deinde multiplica 2 integra per 2 integra, erunt integra 4, que seruentur. Postea multiplica 2 integra, que sunt in superiori linea, per 3, que sunt super 5 de inferiori, erunt $\frac{6}{5}$; et e conuerso multiplica 2 integra inferiora per 2, que sunt super 5 de superiori, erunt similiter $\frac{6}{5}$; quibus insimul additis, faciunt $\frac{12}{5}$. Post hec multiplica $\frac{12}{5}$ per $\frac{5}{2}$, faciunt $\frac{60}{10}$; et talia erant illa 25, hoc est quod .iiii.^{or} ipsorum sunt integra, et 12 eorumdem sunt quinte: reliqua uero 9 sunt uigesime quinte; que si insimul coadunaueris, faciendo integra de minutis, peruenies in summam multiplicationis de $\frac{1}{2}$ 2 in $\frac{1}{2}$ 2. Verbi gratia: si $\frac{1}{2}$ 2 per $\frac{1}{2}$ 2 multiplicaueris, facient $\frac{12}{10}$ 6;

fol. 121 recto.

* et 2 faciunt — multiplica $\frac{1}{2}$ 2
(fol. 121 recto, lin. 24-25):
pag. 278, lin. 34-401.

integra	4
quinta	12
ergo summa quinta	9

et si coadunaveris 4 integra cum $\frac{18}{5}$, erunt $\frac{2}{5}$ 6: quibus si superaddideris $\frac{3}{15}$, facient $\frac{18}{5}$ 6, ut prediximus. Item si dictum fuerit, quod additis 3 integris cum $\frac{3}{5}$ 3, faciant 7; et additis 8 cum $\frac{1}{5}$ 5, faciant 19: et multiplicentur 7 per 12, que faciunt 122; et queratur de illis 122, quid sint: describes itaque $\frac{2}{5}$ 2, et $\frac{3}{5}$ 3 tamquam ea ad unicuique debeas multiplicare; et incipies multiplicationem ab integris, scilicet multiplica 2 per 5, faciunt 10, que sunt integra: deinde multiplica 2 per $\frac{1}{5}$, erunt $\frac{12}{5}$, quas serua; et 5 integra multiplica per $\frac{1}{5}$, erunt $\frac{15}{5}$. Rursus multiplica 3 integra per $\frac{1}{5}$, erunt $\frac{15}{5}$; et 3 per $\frac{2}{5}$, erunt $\frac{12}{5}$; et $\frac{3}{5}$ per $\frac{6}{5}$, erunt $\frac{18}{5}$. Post hec multiplica $\frac{1}{5}$ per $\frac{6}{5}$, erunt $\frac{24}{25}$; et $\frac{1}{5}$ per $\frac{3}{5}$, erunt $\frac{24}{25}$. Et adhuc $\frac{2}{5}$ per $\frac{3}{5}$, erunt $\frac{12}{25}$; et talia sunt illa 122, uidelicet 10 ipsorum sunt integra, et 18 eorum sunt septime, et 15 sunt $\frac{6}{5}$, et deinceps reliqua sunt, sicuti superius modo inuenimus; que omnia insimul iuncta reddunt 122: que si naturaliter addideris, reuenteris in summam multiplicationis de $\frac{2}{5}$ 2 in $\frac{3}{5}$ 3; et sic ex eorum similibus studeas operari.

Quidam ad finem ueniens, maiori filiorum precepit dicens: Substantiam mobilie mee inter uos sic diuidite. Tu bizantium unum accipias, et septimam reliquorum; alteri uero filiorum dixit. Et tu bizantios 2 accipias, et septimam partem reliquorum. Alteri uero, ut 3 bizantios acciperet, et $\frac{1}{7}$ reliquorum imperauit. Et sic uocauit omnes suos filios per ordinem, dando unicuique amplius unum quam alteri; et deinceps semper $\frac{1}{7}$ reliquorum; ultimus autem habuit residuum. Contingit autem, quod unusquisque habuit de substantia patris eorum equaliter, predicta conditione. Queritur, quot fuerunt filij; et quanta fuit pecunia ipsius. Ita enim facies: pro septimo, quod dabat unicuique, retineas 7; de quibus extrahere 1, remanent 6; et tot fuerunt filii eius: que 6 in se multiplicata facient 36; et tot fuerunt bizantiij illius. Et si primus filiorum haberet $\frac{1}{7}$ substantie patris, et postea bizantium 1; et secundus haberet $\frac{1}{7}$ reliqui, et bizantios 2; et hoc modo procederet in reliquis filiis, addendo unicuique per ordinem bizantium 1; tunc filij essent similiter 6, et bizantiij essent septies 6, scilicet 42. Et si in uaqueque questione primus habuisset bizantios 2; secundus 6, et reliqui haberent similiter suos bizantios per ascensionem ternarij; tunc filij essent similiter 6, et summa bizantium esset triplum dictarum summarum, scilicet de 36, et de 42.

Item diuisi numerum in partes; et prime parti dedi unum, et $\frac{1}{11}$ residui; secunde quidem dedi 2, et $\frac{1}{11}$ residui; et sic addidi 1 unicuique parti, dans similiter ei $\frac{1}{11}$ residui; et fuerunt partes equales: queritur, quot fuerunt partes; et que fuit summa: diuide 11 per 2, que sunt super 11, ueniunt $\frac{1}{2}$ 5; ex quibus tolle 1, remanent $\frac{1}{2}$ 4; et tot fuerunt partes; que insimul multiplicata, erunt $\frac{1}{2}$ 20 pro numero diuiso. Et si prime darem 4 ex numeris, et secunde 8; et reliquis darem per ordinem numeros ascendentes per 4; tunc summa esset 51, scilicet quadruplum de $\frac{1}{2}$ 20. Nam si prime parti darem $\frac{1}{11}$; et de reliquis 1, et cetera ut supra, partes similiter essent $\frac{1}{11}$ 4; et summa esset $\frac{1}{11}$ 24, que ueniunt ex $\frac{1}{11}$ 4 in $\frac{1}{11}$ 5; et si numerus prime partis esset 3; secunde 10, et cetera, multiplica $\frac{1}{11}$ 24 per 5; et si loco de $\frac{1}{11}$ ponerentur $\frac{2}{11}$, diuides 11 per 3; et deinceps fac ut supra.

Rursus diuisi numerum dragmarum in partes; et dedi prime parti dragmas 2, et $\frac{1}{11}$ residui; secunde uero parti dedi 3 plus, scilicet 5; et de residuo dedi eidem $\frac{2}{11}$; tercie quidem dedi 3 plus, scilicet 8; et deinceps processi in reliquis partibus eodem modo

* per $\frac{2}{5}$ fuerunt... fuerunt $\frac{12}{5}$ 6
 (16) 122 reuere., lin. 20-24
 pag. 278, lin. 40-43. — pag.
 279, lin. 11.

$\frac{2}{5}$	2
$\frac{3}{5}$	3

64 121 corre

per ordinem, dando unicuique 2, plus antecedente parte et amplius $\frac{6}{11}$ unicuique de residuo; et fuerunt omnes partes equales: queritur, | quot fuerunt partes, et qui fuit numerus diuisus. Soluam itaque hanc questionem per regulam rectam hoc modo: ponam rem pro numero illo, de quo dedi prime parti 2, remansit res, minus dragma 2; de qua dedi eidem prime parti $\frac{6}{11}$, scilicet $\frac{9}{11}$ rei, minus $\frac{17}{11}$ dragma: quibus additis cum dragma 2, faciunt $\frac{6}{11}$ rei, et dragma $\frac{9}{11}$ 1; que sunt portio prime partis: quibus extractis ex re, remanent $\frac{55}{11}$ rei, minus dragma $\frac{55}{11}$ 1: de quibus dedi secunde parti 5, remanserunt $\frac{25}{11}$ rei, minus dragma $\frac{55}{11}$ 6: de quibus etiam dedi secunde parti $\frac{9}{11}$ ipsorum, scilicet $\frac{15}{11}$ rei, minus $\frac{6}{11}$ de dragma $\frac{15}{11}$ 6; quas sic accipies: multiplicabis 6 per 21, et addes 19, erunt $\frac{55}{11}$ 1: de quibus accipe $\frac{6}{11}$, scilicet multiplica 6 per 205, et diuide per 961, scilicet per $\frac{6}{11} \cdot \frac{1}{961}$, exibit dragma $\frac{55}{11}$ 1: adde ergo $\frac{15}{11}$ rei, minus dragma $\frac{55}{11}$ 1 cum dragma 5, quas dedi secunde parti, erunt $\frac{155}{11}$ rei, et dragma $\frac{155}{11}$ 2; et tot fuit secunda pars, que equantur prime parti, scilicet $\frac{9}{11}$ rei, et dragma $\frac{15}{11}$ 1: comuniter auferatur dragma $\frac{15}{11}$ 1, remanebunt $\frac{155}{11}$ rei, et $\frac{275}{11}$ dragma, que equantur $\frac{6}{11}$ rei. Communiter auferantur $\frac{155}{11}$ rei, remanebunt $\frac{15}{11}$ rei, que equantur $\frac{25}{11}$ dragma, hoc est, quod res 25 sunt dragma 225. Quare diuide 225 per 26, exhibunt $\frac{1}{26}$ pro quesito numero; de quo extrahit 2, que dedi prime parti, remanent $\frac{1}{26}$ 54; quorum $\frac{6}{11}$ sunt $\frac{1}{26}$ 10: que adde cum 2, erunt $\frac{1}{26}$ 19; et tot uenit unicuique parti; et partes quesite sunt $\frac{1}{26}$ 4, que ueniunt ex diuisi $\frac{1}{26}$ 56 per $\frac{1}{26}$ 12: extrahit quidem $\frac{1}{26}$ 12 de $\frac{1}{26}$ 56, remanent $\frac{1}{26}$ 44: de quibus dedi secunde parti 5, remanserunt $\frac{1}{26}$ 26; quorum $\frac{6}{11}$ sunt $\frac{1}{26}$ 7: et sic secunda pars fuit equalis prime. Extractis itaque $\frac{1}{26}$ 7 de $\frac{1}{26}$ 26, remanent $\frac{1}{26}$ 21: de quibus dedi tercie parti 5, remanserunt $\frac{1}{26}$ 22; quorum $\frac{6}{11}$ sunt $\frac{1}{26}$ 4; et sic tercia pars fuit equa prime, et secunde. Extractis rursus $\frac{1}{26}$ 4 de $\frac{1}{26}$ 22, remanent $\frac{1}{26}$ 18; de quibus dedi quarte parti 11, remanserunt $\frac{1}{26}$ 7; de quibus dedi $\frac{6}{11}$ eidem, scilicet $\frac{1}{26}$ 1; et sic quarta pars fuit equalis reliquis partibus: quo $\frac{1}{26}$ 1 extracto de $\frac{1}{26}$ 7, remanent $\frac{1}{26}$ 6, scilicet portio, que remanet dimidie parti residue; quia partes sunt $\frac{1}{26}$ 4. Ex hac quidem inuestigatione talem extraxi regulam: posui $\frac{6}{11}$ ex parte, et extraxi 2, que dedi prime ex augmento reliquarum partium, scilicet de 2, remanserit 1; quod multiplicauit per 21, et superaddidi 59, que proueniunt ex multiplicatione predictorum 2 in 25; que 25 remanent de 21, cum extrahuntur inde 6, que sunt super uirgam: que si multiplicauit per eadem 25, fuerunt 205; et multiplicauit 6 predicta in 56, fuerunt 336; in quibus diuisi 205, ut supra; et habui $\frac{1}{26}$ 56 pro quesito numero. Item multiplicauit augmentum, scilicet 2 per 6, que sunt super 21, fuerunt 12; in quibus diuisi 21; et habui $\frac{1}{26}$ 4 pro numero partium. Rursus multiplicauit augmentum per 25 inuenta, et diuisi summam per 6, et habui $\frac{1}{26}$ 12 pro numero contingenti unicuique parti. Et si primum darentur $\frac{6}{11}$ unicuique parti, et postea darentur numeri predicti per ordinem; tunc predicta si multiplicauit per 21; et diuide summam per 26, ut supra, exhibunt $\frac{1}{26}$ 69 pro summa numeri quesiti: et diuides iterum 21 per 18, exhibunt similiter $\frac{1}{26}$ 4 pro quantitate partium. Item | augmentum, scilicet 2, multiplica per 21, et summam diuide per 6, que sunt super 21, exhibunt $\frac{1}{26}$ 15; et tot contingunt unicuique parti.

Item prime parti dedi 2, et de residuo dedi eidem $\frac{6}{11}$, et creui numeros per ascensionem binarij, dans de residuo unicuique parti $\frac{5}{11}$: pone $\frac{5}{11}$ ex parte cum augmento, et cum numero primo, scilicet cum 2, et 2. Et quia 2 de 2 extrahi non possunt,

* remansit $\frac{1}{2}$ 6 . . . fuerunt
2025 = fol. 122 verso, lin. 25
= 26-31, pag. 246, lin. 22-31

25	3
$\frac{6}{11}$	3
	1

fol. 122 verso
* Item . . . remansit = fol. 122
verso, lin. 24, pag. 249, lin.
41, pag. 251, lin. 3

14	1
$\frac{5}{11}$	3
	2

scilicet primus numerus de augmento ; tunc extrahes 2 de 3, remanet 1; quod multiplica per 10, erunt 10, que serua: et extrahes 6, que sunt super 10, de 10, remanent 14; que multiplica per 2, erunt 28; de quibus extrahes seruaata 10, remanent 22; que multiplica per 14, erunt 222; que diuide per multiplicationem de 5 in 56, exhibunt $\frac{22}{5}$ 12 pro numero diuiso. Item multiplica 2, scilicet augmentum, per 5, exhibunt 10: in quibus diuide 22, ueniunt $\frac{22}{5}$ 2 pro quantitate partium. Item multiplica augmentum per 14, erunt 28; que diuide per 5, exhibunt $\frac{28}{5}$ 5; et tot contingunt unicuique parti. Et si primum darentur $\frac{5}{12}$; et postea darentur dictos numeros per ordinem; tunc partes essent eodem; et multiplicabis augmentum per 10, erunt 28; que diuidis per 5, exhibunt $\frac{28}{5}$ 7, et tot contingerent unicuique parti. Et multiplica 10 per 22, et diuide per 25; et habebis summam numeri diuisi, que est $\frac{44}{5}$ 17: coadunaueris integra cum , erunt ; quibus si speraddideris , facient , (sic) ut prediximus.

De tribus hominibus denarios habentibus.

Sunt tres homines denarios habentes; ex quibus si denarios primi per denarios secundi multiplicaueris, facient aliquem numerum. Item si denarios secundi per denarios tercii multiplicaueris, facient duplum eius. Rursum si denarij tercii per denarios primi multiplicaueris, facient triplum multiplicationis primi in denarios secundi. Queritur, quot unusquisque habuit. Quia multiplicatio denariorum secundi in denarios tercii facit duplum multiplicationis eiusdem secundi in denarios primi; ideo manifestum est, quod tercius homo habet duplum primi. Iterum quia multiplicatio denariorum tercii hominis in denarios primi facit triplum respectu multiplicationis eiusdem primi in secundum, oportet, ipsum tercium hominem habere triplum secundi hominis: quare reperiatur numerus, in quo reperiatur $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$, scilicet 6; et tantum habuit tercius homo: de quibus accipe $\frac{1}{3}$, quod est 2; et tantum habuit primus: et ex ipso accipe $\frac{1}{2}$, quod est 3; et tantum habuit secundus. Verbi gratia: multiplicatio de 2 in 2 facit 6; et multiplicatio de 2 in 6 facit 12, que sunt duplum de 6; et multiplicatio de 6 in 2 facit 12, que sunt triplum multiplicationis primi in secundum, scilicet de 6.

De homine, qui emit 100 staria frumenti.

Quidam emit staria frumenti 100 pro bizantijs 100, ex quibus uendidit staria 50 ad rationem de starijs $\frac{1}{2}$ 1 pro bizantio 1; et alia 50 uendidit ad rationem de $\frac{1}{2}$ unius starij pro bizantio 1: queritur, quantum ipse in ipsis 100 starijs fuit lucratus. Quia uendidit staria 50 ad rationem de stario $\frac{1}{2}$ 1, fac quartas de $\frac{1}{2}$ 1, erunt 5; et de starijs 50 fac quartas, erunt 200; quas diuide per 5, exhibunt bizantij 40; et tantum uendidit ipse illa staria 50. Item quia uendidit alia staria 50 ad rationem de $\frac{1}{2}$ unius starij pro bizantio 1, facies quartas de illis starijs 50, erunt 200; quas diuide per 2, exhibunt bizantij $\frac{2}{3}$ 66; et tantum uendidit alia 50 sextario: quibus additis cum bizantijs 40, scilicet cum pretio illorum 50 statorum, erunt bizantij $1\frac{2}{3}$ 106; et tantum uendidit totum frumentum: ex quibus extractis bizantijs 100 capitalis, remanent pro ipsius lucro bizantij $\frac{2}{3}$ 6. Aliter quia uendidit quartas 2, et 5 pro bizantio 1, diuide 100 per $\frac{2}{3}$, exhibunt similiter pro lucro bizantij $\frac{2}{3}$ 6: hec enim regula pro multis alijs similibus tibi sufficiat.

fol. 121 verso.

Est numerus qui, cum diuiditur per 2, uel per 3, uel per 4, uel per 5, seu per 6, semper superat ex eo 1 indiuisibile; per 7 nero integraliter diuiditur. Queritur, qui sit numerus ille: quia preponitur, quod semper superat 1, cum diuidetur per 2, uel per

2, uel per 4, uel per 3, uel per 6; ergo extracto ipso 1 de numero, diuidetur residuum per unumquemque superscriptorum integraliter: quare reperias numerum, in quo reperiantur $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6}$; eritque numerus ille 60; quem diuide per 7, superant 4, qui uellent esse 6. Ideo quia totus numerus per 7 diuiditur; ergo numerus, qui fuerit unum minus eo, cum per 7 diuidatur, 6 inde superare necesse est, hoc est 1, minus septenario numero: quare duplicetur 60, uel triplicetur, uel multiplicetur per alium quemlibet numerum, donec multiplicatio ascendat in talem numerum, qui cum diuidatur per 7, remaneant inde 6; eritque numerus ille 5, in quo 80 multiplicanda sunt; ex qua multiplicatione ueniunt 300: quibus superaddatur 1, erunt 301; et talis est numerus ille. Similiter si 420, que integraliter diuiduntur per omnes predictos numeros, addideris cum 301 semel, uel quotiens uolueris, procreabitur numerus quesitus semper, uidelicet qui diuidetur integraliter per 7, et per omnes reliquos, cum diuisus fuerit, remanebit 1.

Per hanc enim regulam inuenimus alium numerum, qui cum diuiditur in quemlibet uerorum, qui sunt a binario usque in decenarium, semper superat 1, et per 11 diuiditur integraliter; qui numerus est 25201. Item si 69827681 diuidatur per aliquem uerorum, qui sit a 2 usque in 22, semper reperies, quod remanebit 1; per 22 uero diuiditur integraliter; qui numerus similiter per superscriptam regulam inuenitur.

De eodem.

Item est numerus, qui cum diuiditur per 2, superat 1; per 3 superant 2; per 4 superant 3; per 5 superant 4; per 6 superant 5; per 7 uero diuiditur: quare inueniendus est numerus, in quo reperiantur $\frac{1}{2} \frac{1}{3} \frac{1}{4} \frac{1}{5} \frac{1}{6}$; eritque 60: de quo tolle 1, remaneant 59. Qui cum non possit diuidi integraliter per 7, duplicabis 60, uel triplicabis, uel per aliquem alium numerum multiplicabis ipsum, donec ex multiplicatione aliquis numerus eueniat; qui cum diuidatur per 7, remaneat 1: duplicatis quidem 60, faciunt 120; qui cum diuiditur per 7, superat 1; quo extracto, remaneant 119 pro quesiti numeri quantitate.

De eodem.

Item est numerus, qui cum diuiditur per 2, superat 1; per 3 superant 2; per 4, superant 3; et sic deinceps usque quod per 10 superant 9; per 11 uero diuiditur. Primum quidem reperias numerum, in quo inueniantur $\frac{1}{10} \frac{1}{9} \frac{1}{8} \frac{1}{7} \frac{1}{6} \frac{1}{5} \frac{1}{4} \frac{1}{3} \frac{1}{2}$; quem sic reperire tibi demonstrauius. Accipe primum 60, in quo reperiantur ex predictis ruptis $\frac{1}{10} \frac{1}{9} \frac{1}{8} \frac{1}{7} \frac{1}{6} \frac{1}{5} \frac{1}{4} \frac{1}{3}$; et multiplica ea per 7, erunt 420; que cum debeas multiplicare per 5, et per 9, reliques quod non multiplicabis ea per 4, que sunt ex regula de 8, neque per 3, que sunt ex regula de 9. Ideo quia $\frac{1}{3} \frac{1}{4}$ reperiantur in superscriptis 60; ergo multiplicabis 420 per 2, remaneant ex regula de 8, erunt 840; que multiplicabis per 3, remaneant ex regula de 9, erunt 2520; qui est minor numerus, in quo reperiantur omnes rupti prescripti; et uocatur in geometria minimus commensuraturus omnium numerorum, qui sunt sub decenario: deinde extrahe 1 de 2520, remaneant 2519; que cum diuidatur integraliter per 11, habemus absque labore nostrum propositum; hoc est quod 2519 est quesitus numerus. Nam cum 4635851199 diuiditur per aliquem numerum, qui sit minor de 22, semper remanet 1, minus ipso numero per

Per hanc enim ... De eodem
fol. 122 verso, lin. 19-22;
pag. 282, lin. 14-17.

numerus
25201
numerus
69827681

construitur qui ... De eodem
fol. 122 verso, lin. 29-31;
pag. 282, lin. 25-28.

numerus
119

fol. 122 verso.
construuntur
69827681 x fol. 122 verso,
lin. 1 e 2-6; pag. 282, lin.
28 — pag. 282, lin. 1.

numerus
2519
numerus
4635851199

quem diuiditur; et per 23 integraliter diuiditur. Et de 608277681 diuisio per supra scriptos usque in 22 semper superat 1; per 23 nero diuiditur.

De duobus hominibus habentibus panes.

Duo homines fuerunt, quorum primus habuit panes 3 nummales, et alter panes 7; et ierunt spatiatum ad quemdam fontem: qui cum pariter illi uenissent, sederunt ut comederent; et transeunte quodam milite, inuitauerunt eum, qui descendit, et comedit pariter cum eis: et cum omnes panes comedisset, miles discessit, reliquens cis bizantios 5 sue curialitatis causa. Ex quibus primus accepit bizantios 3, sicuti tres habuerat panes: alter uero sumpsit reliquos duos bizantios pro suis duobus panibus. Queritur, utrum diuisio illa recta fuerit, uel non. Quidam uero imperiti rectam fuisse asserunt, cum unusquisque nnum habuerit bizantium pro unoquoque pane; sed hoc falsum est; ideo quia ipsi tres comederunt omnes quinque panes. Vnde contingit unicuique panis $\frac{2}{3}$ 1: ergo miles panem $\frac{1}{3}$ 1 comedit, hoc est $\frac{1}{3}$ ex panibus illius, qui tres habuerat panes. Ex panibus uero alterius non comedit, nisi tantum $\frac{1}{3}$ unius panis. Quare contingunt primo homini bizantij 4, et alteri bizantius 1.

De inuentione perfectorum numerorum.

Perfectus numerus est, ex quo, acceptis suis partibus, quas ipse in integrum habet, facit eundem numerum, ut 6, cuius partes sunt $\frac{1}{2}$ 3; et alias partes preter has non habet in integrum. Et accepto $\frac{1}{3}$ de 6, scilicet 2, et $\frac{1}{4}$, scilicet 1, et $\frac{1}{6}$, scilicet 1, uimur eadem facient 6; que 6 inueniuntur sic: duplica 1, erunt 2; que duplica 2, erunt 4: de quibus tolle 1, remaneat 3; qui numerus, cum sit primus, hoc est, quod non habeat regulam, multiplica ipsam per didimium de superscriptis 4; et sic habebis 6. Vnde si aliquem alium perfectum numerum inuenire uolueris, duplicabis iterum 4, erunt 8; de quibus tolles 1, remanebunt 7; qui numerus, cum non habeat regulam, multiplicabis eum per didimium de 8, uidelicet per 4, erunt 28; qui iterum perfectus est; quia suis collectis partibus equiparatur. Partes enim ipsius sunt $\frac{1}{2}$ 14, $\frac{1}{3}$ 9, $\frac{1}{4}$ 7, $\frac{1}{6}$ 4. Rursum duplicatis 8, faciunt 16; de quibus, cum extrahitur 1, remaneant 15; qui cum habeat regulam, duplicabis iterum 16, erunt 32; de quibus tolles 1, remanebunt 31; qui numerus, cum sit sine regula, multiplicabis eum per 16, et habebis alium perfectum numerum, scilicet 496; et sic semper faciendo, poteris in infinitum perfectos numeros reperire.

Quot paria coniculorum in uno anno ex uno pario germinentur.

Quidam posuit unum par coniculorum in quodam loco, qui erat undique pariete circumdatus, ut sciret, quot ex eo paria germinarentur in uno anno: cum natura eorum sit per singulum mensem aliud par germinare; et in secundo mense ab eorum natiuitate germinant. Quia superscriptum par in primo mense germinat, duplicabis ipsum, erunt paria duo in uno mense. Ex quibus unum, scilicet primum, in secundo mense geminat; et sic sunt in secundo mense paria 3; ex quibus in uno mense duo pregnantur; et geminantur in tercio mense paria 2 coniculorum; et sic sunt paria 5 in ipso mense; ex quibus in ipso pregnantur paria 3; et sunt in quarto mense paria 8; ex quibus paria 5 geminant alia paria 5: quibus additis cum parijs 8, faciunt paria 13 in quinto mense; ex quibus paria 8, que geminata fuerunt in ipso mense, non concipiunt in ipso mense, sed alia 8 paria pregnantur; et sic sunt in sexto mense paria 21;

• illi erunt ... aliter • dicit.
123. uerum. fac. 14. 18. pag.
283. lin. 10. 15.



fol. 124. recto.

* geminat ... 21 secundis + (fol. 124 verso, lin. 1-56; pag. 282, lin. 38 - pag. 281, lin. 22).

parijs
1
primus
2
Secundus
3
tercius
5
Quartus
8
Quintus
13
sextus
21
Sextimus
34
Octavus
55
Nonus
89
Decimus
144
Undecimus
233
Duodecimus
377

* Quatuor ... 21 secundis + (fol. 124 verso, lin. 20-26; pag. 284, lin. 11-17).

primus
12
Secundus
9
tercius
6
Quartus
4

* habent 21 ... u-habitis et + (fol. 124 verso, lin. 1-3; pag. 284, lin. 22 - pag. 285, lin. 2).

primus
10
Secundus
17
tercius
14
Quartus
20

cum quibus additis parijs 13, que geminantur in septimo, erunt in ipso paria 34; cum quibus additis parijs 21, que geminantur in octauo mense, erunt in ipso paria 55; cum quibus additis parijs 34, que geminantur in nono mense, erunt in ipso paria 89; cum quibus additis rursus parijs 55, que geminantur in decimo, erunt in ipso paria 144; cum quibus additis rursus parijs 89, que geminantur in undecimo mense, erunt in ipso paria 233. Cum quibus etiam additis parijs 144, que geminantur in ultimo mense, erunt paria 377; et tot paria peperit suprascriptum par in prefato loco in capite unius anni. Potes enim uidere in hac margine, qualiter hoc operati fuimus, scilicet quod iunximus primum numerum cum secundo, uidelicet 1 cum 2; et secundum cum tercio; et tercium cum quarto; et quartum enim quinto, et sic deinceps, donec iunximus decimum cum undecimo, uidelicet 144 cum 233; et habuimus suprascriptorum cuniculorum summam, uidelicet 377; et sic posses facere per ordinem de infinitis numeris mensibus.

Quatuor homines sunt, quorum primus, et secundus, et tercius habent denarios 27. Secundus itaque, et tercius, et quartus habent denarios 31; tercius, et quartus, et primus habent denarios 34. Quartus uero, et primus, et secundus habent denarios 37. Queritur, quot unusquisque habent. Adde hos .iij. numeros in unum, erunt 129; qui numerus est triplum totius summe denariorum illorum .iij. hominum. Ideo quis in ipsam summam unusquisque eorum ter computatus est; quare diuiso ipso per 3, reddunt 43 pro eorum summa: ex qua si extraxeris denarios primi, et secundi, et tercij hominis, scilicet 27, remanebit quarto homini denarij 16. Item si ex ipsis denarijs 42 extraxeris denarios 31 secundi, et tercij, et quarti hominis remanebunt primo homini denarij 12. Rursus si de denarijs 42 extraxeris 34, scilicet denarios tercij, et quarti, et primi hominis, remanebunt secundo denarij 9. Et adhuc, si de denarijs 42 extraxeris denarios 37 quarti, et primi, et secundi hominis, remanebunt tercio denarij 6. Coniunctis itaque denarijs 12 primi hominis cum 9 secundi, et cum 6 tercij, et cum 12 quarti, nimirum suprascripta reddunt 43.

Item si propositum fuerit, quod inter primum, et secundum hominem habeant denarios 27. Et inter secundum, et tercium habeant denarios 31. Et inter tercium, et quartum 34; inter quartum, et primum 37, consimiles huius positionis quandoque solui possunt, quandoque non. Vnde ut ipse, que solui possunt ab hijs, qui solui non possunt, cognoscantur, talem tibi tradimus euidentiorem; uidelicet ut addas numerum primi, et secundi cum numero tercij, et quarti; et si eorum summa equalis fuerit numero secundi, et tercij, et quarti, et primi; tunc solubilis erit questio: si autem inequalis fuerit, tunc eam non posset solui cognoscas, ut in hac questione, in qua primus, et secundus habent 27; et tercius, et quartus habent 34: ergo inter omnes .iij. habent denarios 61. Nam secundus, et tercius | habent 31; et quartus, et primus habent 37: ergo inter omnes .iij. habent 31, et 37, hoc est denarius 68; quod est impossibile, cum per aliam computationem inuenimus, eos habere 61: ergo questio ista est insolubilis: sed ut eam proponamus solubilem, habeant inter quartum, et primum hominem 30; reliqui uero habeant per ordinem, sicut superius diximus. Vnde cum primus, et secundus habent 27; et tercius, et quartus habent 34; inter omnes ergo habent 61: et cum secundus, et tercius habent 31; et quartus, et primus habent 30; ergo inter

omnes habent similiter 21 : quare questio solubilis est; et soluitur sic : quod primus habeat ad libitum quantum uolueris ex ipsis denarijs 27, quos habet cum secundo. Pone ergo, ut habeat 10; quare secundus habeat reliquos, uidelicet 17: et quia inter secundum, et tertium hominem habent 21, ex quibus secundus habet 17; reliquos uero, scilicet 14, habet tertius; qui cum habeat cum quarto homine 24; ergo quartus habet denarios 20.

Item sunt quinque homines, quorum .liiij.^{ss} per ordinem habent sine quinto 27; alij uero sine primo 31; alij uero sine secundo 34; alij sine tercio 37; alij sine quarto 39; et queratur, quot unusquisque habeat. Adde ipsos quique numeros in unum, erunt 168; qui numerus est quadruplum summe denariorum illorum quinque; ideo quia in prescriptis 168 unumquemque ipsorum, si bene consideraueris, quater esse computatum cognosces : quare diuide 168 per 4, exhibunt pro eorum summa denarij 42. Ex quibus si extraxeris denarios 27, quos .liiij.^{ss} homines habent per ordinem, remanebunt quinto denarij 15: propter eandem ergo, si ex ipsis 42 extraxeris 21, et 24, et 27, et 39, remanebunt primo homini denarij 11; secundo denarij 8; tercio denarij 5; quarto denarij 2.

Et si propositum fuerit, quod primus, et secundus, et tertius habent denarios 27. Secundus uero cum tercio, et cum quarto denarios 31. Et tertius, et quartus, et quintus denarios 34. Quartus quoque cum quinto, et primo denarios 37. Quintus autem cum primo, et secundo habent denarios 39 : additis hijs numeris in unum, faciunt 168, ut superius inuenimus; quem numerum diuide per 2. Ideo quia unusquisque in ipso numero ter computatus est, exhibunt pro summa illorum denarij 56 : et ut habeamus denarios uniuscuiusque, duplifier facere demonstramus. Primum quidem, ut addas quantitatem primi, et secundi, et tercij hominis, scilicet 27, cum quantitate denariorum quarti, et quinti, et primi, scilicet cum 27, erunt 64; in quo numero primus bis computatus est: quare necessario sequitur, quot superhabundantia, que est a summa ipsorum 5 hominum usque in 64, scilicet 8, sit quantitas denariorum primi hominis: quo inuento, adde denarios secundi, et tercij, et quarti hominis, scilicet 31, cum denarijs quinti, et secundi, et primi hominis, scilicet cum 29, erunt 70; in qua summa secundus homo bis computatus est: quare extrahe 56 de 70, remanent secundo homini denarij 14. Quibus additis cum denarijs primi hominis, scilicet cum 5, erunt 23; quos extrahe ex denarijs 27, quos habent inter primum, et secundum, et tertium hominem, remanent ipsi tercio denarij 3: quos adde cum denarijs 14 secundi hominis; et extrahe summam de quantitate denariorum secundi, et tercij, et quarti hominis, scilicet de 31, remanebunt quarto denarij 12; quos adde cum denarijs tercij hominis, scilicet cum 5; et extrahe summam de denarijs 24, quos habent inter tertium, et quartum, et quintum, remanebunt quinto denarij 17. Vel aliter: de summa ipsorum omnium, uidelicet de denarijs 56, extrahe superscriptos numeros, quos 3 illorum habent per ordinem, scilicet 27, et 21, et 24, et 27, et 39; et sic remanebunt quarto, et quinto homini denarij 20; quinto, et primo denarij 25. Primo, et secundo denarij 22. Secundo, et tercio denarij 19. Tercio, et quarto denarij 17 : adde ergo denarios primi, et secundi hominis, scilicet 23, cum denarijs tercij, et quarti, uidelicet cum 17, et cum denarijs quinti, et primi hominis, scilicet cum 25, erunt denarij 64; in qua summa primus bis com-

• 31; alij ... denarij 2 : et tel
124 uero : Im. 12 19 : 192
265, Im. 8 16:

primus
11
Secundus
8
tercius
5
Quartus
2
Quintus
15

* primus lxx. ab uncto * 761
 125 nota. lxx. 4. 12 * 14 ;
 pag. 283, lxx. 42 = pag. 286,
 lxx. 12.

Primus
8
Secundus
14
Tercius
5
Quartus
12
Quintus
17

putatus est, et omnes alij semel. Vnde quot habet 36, scilicet a summa eorum usque in 64, scilicet 8, tot habet primus: quibus iunctis, omnes alios leuissime inuenire potes, uidelicet ut extrahas ipsos denarios a primi hominis ex denarijs 27 primi, et secundi, scilicet de 22, remanebunt secundo homini denarij 14. Quibus extractis de denarijs 19 secundi, et tercij hominis, remanebunt tercio homini denarij: quibus extractis de denarijs tercij, et quarti, scilicet de denarijs 17, remanebunt quarto homini denarij 12: quibus extractis de denarijs quarti, et quinti hominis, uidelicet de denarijs 29, remanebunt quinto homini denarij 17, ut per alium modum inuenimus. Vel aliter: adde denarios secundi, et tercij hominis cum denarijs quarti, et quinti, scilicet 19 cum 29, erunt 48; a quibus usque in summa ipsorum, scilicet in 57, decunt 8; et tantum habet primus, ut prediximus. Potes enim de pluribus hominibus ex hijs, que dicta sunt, doctrinam habere, cum duo illorum, uel tres, uel plures in numeris positionis adiuncti fuerunt. Et nota, quia si homines pares fuerint, possunt quandoque insolubiliter propouij; quorum noticiam in regula 4 hominum superius demonstrauimus.

Quidam habebat uasa 3, quorum primum tenebat octauam decimam partem secundi, et terciam partem tercij. Secundum tenebat quantum tercium, minus quinta parte primi: tercium quoque tenebat quantitatem secundi, et quintam partem primi. Queritur, quot unumquodque tenebat: quia secundum tenet quantitatem tercij, minus quinta parte primi. Et primum tenet $\frac{1}{12}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij; ergo quinta pars ejusdem primi tenet $\frac{1}{60}$ eiusdem secundi, scilicet $\frac{1}{12}$, et quintam partem tercie partis tercij, uidelicet $\frac{1}{12}$: ergo secundum tenet quantitatem tercij, minus $\frac{1}{60}$ secundi, et $\frac{1}{12}$ tercij: ergo secundum tenet $\frac{11}{12}$ tercij, minus $\frac{1}{60}$ ex se ipso: quare $\frac{11}{12}$ tercij uasis teneret quantitatem secundi, et amplius $\frac{1}{60}$ ejusdem secundi, scilicet $\frac{11}{60}$. Aliter tercium uas tenet quantitatem secundi, et quintam primi, que $\frac{1}{5}$ est, ut prediximus, $\frac{1}{60}$ secundi, et $\frac{1}{12}$ tercij; ergo tercium tenet quantitatem secundi, et $\frac{1}{60}$ eiusdem, et $\frac{1}{12}$ tercij: committer auferatur quindecimum tercij uasis, erunt $\frac{11}{12}$ tercij uasis $\frac{88}{60}$ secundi, ut superius per inuestigationem secundi uasis inuenimus. Vnde cognoscimus, hanc questionem solubilem esse, et soluitur sic. Inuenias duos numeros, quorum $\frac{11}{12}$ unius sint $\frac{22}{60}$ alterius: multiplicabis ergo 91, que sunt super 90, per 12, que sunt sub 14, erunt 1262; qui est maior numerus. Item multiplicabis 14 per 90, erunt 1260, qui est alius numerus: qui duo numeri cum habeant communitatem in eorum regulis, possumus eos in minores numeros reducere, si diniserimus eos per 25, scilicet per $\frac{1}{17}$, que sunt in eorum comuni regula, cibusunt pro tenimento secundi uasis 36; et pro tenimento tercij 20: quibus inuenitis, adde $\frac{1}{14}$ de 36, scilicet 3 cum $\frac{1}{4}$ de 20, scilicet cum 15, erunt 18; et tantum tenet primum uas.

Et si uasa fuerint 4, quorum primum teneat $\frac{1}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij, et $\frac{1}{3}$ quarti; et secundum teneat $\frac{1}{3}$ tercij, et $\frac{1}{3}$ quarti, et $\frac{1}{3}$ primi; tercium quoque teneat $\frac{1}{3}$ quarti, $\frac{1}{3}$ primi, et $\frac{1}{3}$ secundi. Quartum nero teneat ad libitum quantum uis. Quia primum, et secundum uas tenent eandem quantitatem tercij, et quarti uasis, oportet ut redigas totum tenimentum primi, et secundi uasis in partes tantum tercij, et quarti uasis, ut inuenias proportionem, quam habent ad inuicem primum, et secundum uas: quod sic fit. Quia | primum uas tenet $\frac{1}{3}$ tercij, et $\frac{1}{3}$ quarti, et terciam secundi, cuius secundi totum tenimentum est quartam tercij, et quintam quarti, et sextam primi. Quare tercia

* uasa cum $\frac{1}{3}$ de 16. 125
 nota. lxx. 27. 22 ; pag. 286,
 lxx. 27. 24.

Primus
15
Secundus
36
Tercius
29

(Id. 125 nota.)

pars ipsius est tertia pars quarte partis tercij, hoc est $\frac{1}{12}$, et $\frac{1}{3}$ quarte partis, scilicet $\frac{1}{12}$ quarti. Et est tertia pars sexte partis primi, scilicet $\frac{1}{18}$: ergo primum uas tenet $\frac{1}{18}$ $\frac{1}{2}$, uidelicet $\frac{1}{36}$ tercij uasis, et $\frac{1}{18}$ $\frac{1}{3}$ quarti, scilicet $\frac{1}{54}$, et $\frac{1}{18}$ ex seipso: qua $\frac{1}{18}$ extracta ex eodem primo, remanent $\frac{11}{18}$ eiusdem; ergo $\frac{11}{18}$ primi uasis tenet $\frac{1}{2}$ tercij uasis, et $\frac{1}{3}$ quarti: quare ut habeas partes, quas totum primum uas tenet ex partibus tercij, et quarti uasis, multiplica $\frac{1}{18}$; quam $\frac{11}{18}$ primi uasis tenet ex partibus tercij uasis per 18, qui est sub uirgula de $\frac{11}{18}$, erunt 6; que diuide per 17, que sunt super uirgula, exhibunt $\frac{6}{17}$; et tot partes tenet primum uas de partibus tercij uasis. Similiter multiplica $\frac{1}{18}$ per 18, et diuide per 17, exhibunt $\frac{24}{17}$; et tot partes tenet primum uas ex partibus quarti: ergo totum primum tenet $\frac{6}{17}$ tercij, et $\frac{24}{17}$ quarti. Item secundum uas tenet $\frac{1}{2}$ tercij, et $\frac{1}{3}$ quarti, et sextam primi. Quod totum, scilicet primum, tenet $\frac{6}{17}$ tercij, et $\frac{24}{17}$ quarti. Quare sexta pars ipsius primi tenet sextam de $\frac{6}{17}$ tercij, scilicet $\frac{6}{17}$, et sextam de $\frac{24}{17}$ quarti, scilicet $\frac{24}{17}$. Vnde totum secundum tenet $\frac{1}{2}$, et $\frac{1}{17}$ tercij, hoc est $\frac{14}{17}$, et $\frac{1}{3}$, et $\frac{1}{17}$ quarti, hoc est $\frac{24}{17}$. Inuenimus enim, quod primum uas tenet $\frac{6}{17}$ tercij uasis, scilicet $\frac{24}{17}$; et secundum uas tenet $\frac{14}{17}$ eiusdem tercij uasis: ergo in qua proportione sunt $\frac{24}{17}$ ad $\frac{14}{17}$, hoc est in qua proportione sunt 24 ad 14, in eadem proportione erit primum uas ad secundum: quare extrahit 21 de 24, remanent 3; que 3 sunt $\frac{1}{8}$ de 24: ergo primum uas tenet octauam partem sui, plusquam secundum: quam proportionem similiter potes inuenire in quarto uase, cum primum teneat $\frac{6}{17}$ ex ipso quarto uase; et secundum teneat $\frac{24}{17}$: deinde ut inuenias, in qua proportione sint ad inuicem secundum, et tertium uas, oportet ut redigas totum tenimentum ipsorum ad partes quarti, et primi uasis; quod operaberis secundum quod fecimus de primo, et secundo uase; et inuenies, quod secundum uas tenet $\frac{8}{13}$, magis tercio: et quia inuenimus, quod primum tenet octauam, plus quam secundum. Pone ut primum uas teneat aliquem numerum, ex quo, cum extraxeris octauam partem ipsius, remaneat numerus, qui integraliter diuidatur per 35: teneat ergo primum 120; de quibus extrahit octauam partem, scilicet 15, remanent pro tenimento secundi uasis 105: ex quibus 105 extrahit $\frac{1}{35}$, scilicet 3, remanent pro tenimento tercij uasis 96: deinde ut habeas tenimentum quarti uasis, accipe tertiam partem tenimenti secundi uasis, uidelicet 32; et quintam partem primi, scilicet 24, et adde insimul, erunt 56; que extrahit de tenimento primi uasis, uidelicet de 120, remanent 64 pro quinta parte quarti uasis: quare multiplica 64 per 5, erunt 320; et tot tenet quartum uas. Nam si proponatur, quod quartum uas teneat aliquem certum numerum, ut dicamus 100, multiplicabis singulariter 100 per numeros primi, et secundi, et tercij uasis, scilicet per 120, et per 105, et per 96; et diuide singulariter per 305, et habebis pro primo uase $\frac{24}{31}$ 29; pro secundo $\frac{24}{31}$ 34; pro tercio $\frac{24}{31}$ 31.

Quatuor homines habent denarios; ex quibus primus dat secundo quantum ipse secundus habet, et dimidium eius. Secundus dat tercio quantum ipse tercius habet, et insuper tertiam eius; tercius dat quarto homini quantum ipse quartus habet, et quartam eius. Quartus quidam homo dat primo quantum ipsi remansit post dationem, quam fecit secundo homini, et insuper quintam eius; et habuerunt omnes equaliter. Quoniam primus dat secundo quantum ipse secundus habet, et dimidium eius; ergo si secundus habet 2, primus dat ei 3; et sic habet 5. Quare hoc quod secundus habuit

* numerus... abelset + 16d.
125 vers. l. 25-31: 124
263, l. 21 + 24-31.

Primum	120
Secundus	105
Tertius	96
Quartus	305

fol. 126 verso.

¶ post datationem
 13860 = (fol. 136 recto, lin.
 1 22; pag. 147, lin. 40 — pag.
 148, lin. 21 = 22;

Quarta	Tercia	Secunda	Prima
7280	8535	10000	22875
1	4	9	16
14	14	14	14
14	14	14	14
58	537	5000	2014

antea fuit $\frac{7}{8}$ ex hoc, quod habuit postea. Similiter secundum hanc investigationem tercius homo habuit primum $\frac{7}{8}$ ex hoc, quod habuit postea. Et quartus homo habet $\frac{4}{5}$, et primo remanserunt $\frac{1}{4}$ ex hoc, quod habuit postea, post datationem uidelicet quam fecerat secundo homini: pones ergo in ordinem $\frac{7}{8}$; et $\frac{7}{8}$; et $\frac{4}{5}$; et post ipsas pone $\frac{1}{4}$. Ideo quia unusquisque, post factas datationes inter se, habuit quartam partem totius summe denariorum ipsorum .iiii.^m hominum $\frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4}$: deinde extrahe 5 de 11, que sunt sub ipsis 5, remanent 6; que multiplica per 1, quod est super 4, erunt 6; que adde cum multiplicatione de 1, quod est super 4, io 11, erunt 17; que multiplica per 4, que sunt super 9, erunt 68; que per 7; quod totum per 5, que sunt sub uirgis, erunt 238; et tot habuit quartus homo. Rursus accipe $\frac{1}{4}$, et extrahe 4 de 9, remanent 5; per que multiplica 17 iouenta, erunt 85; super que adde multiplicationem de 1, quod est super 4, in 11, ductam in 9, scilicet 99, erunt 184; que multiplica per 3, que sunt super 7; quod totum per 5 prime uirge, erunt 2760; et tot habuit tercius homo. Rursus accipe $\frac{1}{4}$, et extrahe 3 de 7, remanent 4; per que multiplica 184 inuenta, erunt 736; super que adde multiplicatioem de 1, quod est super 4, in 11 uicibus 6, uicibus 7, hoc est 693, erunt 1429; que multiplica per 2, que sunt super 5 prime uirge, erunt 2858; et tot habuit secundus homo. Rursus accipe $\frac{1}{4}$, et extrahe 2 de 5, remanent 3; que multiplica 1429 iouenta, erunt 4287; super que adde multiplicationem de 1, quod est super 4, in 5, que suot super 11 uicibus 6, uicibus 7, uicibus 5, que sunt sub uirgis, scilicet 1575, erunt 5862; et tot habuit primus homo: additis ergo inuentis quantitibus .iiii.^m hominum, reddent pro tota summa eorum 12860; que summa inuenitur ex multiplicatione etiam omnium numerorum, qui sunt sub uirgis, uidelicet de 4 in 11 uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5. Redige itaque inuentos numeros in libris, et soldis, erit summa eorum libre 57, et soldi 15. Et denarij primi hominis sunt libre 24, et soldi 8, et denarij 6. Denarij quidem secundi hominis sunt libre 11, soldi 15, et denarij 6. Denarij siquidem terci hominis sunt libre 11, soldi 10. Denarij quoque quarti hominis sunt libre 9, soldi 15, et denarij 4. Et si proponatur, post datationes predictas illis .iiii.^m hominibus inaequaliter remanere secundum aliquam datam proportionem, ut dicamus illud, quod remansit secundo fuit tantum, et tercia ex hoc, quod remansit tercio homini. Item illud, quod remansit tercio homini fuit tantum, et dimidium ex eo quod remansit quarto homini. Inuenias quidem numeros .iiii.^m, qui sunt in dicta proportione, erunt 5, et 4, et 3, et 2. Nam 5 est quantum 4, et quartam eius; et 4 quantum 3, et tercium eius; et 3 quantum 2, et dimidium eius. Adde itaque hos .iiii.^m numeros io unum, erunt 14: a quibus denomina suprascriptos omeros, exhibuit $\frac{5}{14}$, et $\frac{4}{14}$, et $\frac{3}{14}$, et $\frac{2}{14}$, que sunt partes, que ex tota summa ipsi .iiii.^m habuerunt post donationes supradictas, uidelicet primus habuit ex tota summa $\frac{5}{14}$; secuodus $\frac{4}{14}$, et cetera. Pone itaque has .iiii.^m fractiones post alias superius inuentas, scilicet post $\frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4}$: hijs itaque per ordinem positis, incipias a $\frac{1}{4}$: extrahes 5 de 11, remanent 6; que multiplica per 5, que sunt super 14, faciunt 30; que adde cum multiplicatione de 2, que sunt super 14, in 11, erunt 56; que pone sub $\frac{5}{14}$; et multiplica ea per 4, que sunt super 9 uicibus 7, uicibus 5; que 7, et 5 sunt sub uirgis, erunt $\frac{1}{7} 280$; et tot habuit quartus homo: deinde accedes ad $\frac{4}{14}$: extrahes 4 de 9, remanent 5; per que multiplica inuenta 52, erunt 260; quibus adde multiplicationem

de 3, que sunt super 14 in 11 uicibus 9, erunt 357; que pone sub $\frac{1}{3}$, et multiplica per 3, que sunt super 7 uicibus 5, que sunt sub prima uirga, erunt 3235; et tot habuit tertius homo. Modo accedas ad $\frac{2}{7}$: extrahes 3 de 7, remanebunt 4; per que multiplica 327 inuenta, et superadde multiplicationem de 4, que sunt super 14, in 11 uicibus 9, uicibus 7, erunt 5099; que pone sub $\frac{1}{7}$, et multiplica ea per 7, que sunt super 5 prime uirge, erunt 10009; et tot habuit secundus homo: deinde accedas ad $\frac{1}{5}$: extrahes 2 de 5, remanent 3; que multiplica per 5099, et adde multiplicationem de 3, que sunt super 14, in 5, que sunt super 11 uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5, erunt 22573; et tot habuit primus homo. Item multiplica 14 per 11 uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5; et habebis summam eorum. Et quoniam unusquisque inuentorum numerorum per 5 integraliter diuidi potest, accipiat quinta pars uniuscuiusque, ut habeamus in minoribus numeris denarios eorum; eruntque denarij primi hominis 4375, que sunt libre 19, et soldus 1, et denarij 2. Secundi 2999, qui sunt libre 8, et soldus 6, et denarij 8. Tercij 1671, qui sunt libre 6, et soldus 19, et denarij 2. Quarti quidem hominis denarij erunt 1436, scilicet libre 6, et soldus 1, denarij 4. Summa eorum libre 40, et soldus 5, et denarij 6. Nam si, unde hec regula procedat, noscere desideras, considera partem, quam habuit primus homo de tota summa eorum, finitis dationibus inter eos: propositum quidem est, ipsum habuisse $\frac{1}{11}$ totius summe. Considera ergo, unde habuit ipsos $\frac{3}{14}$; dederat enim secundo homini summam dationem, et remansit ei aliquid, et accepit a quarto homine quantum eidem primo remanserat, et insuper quintam eius. Quare si primus post dationem, quam fecit secundo homini, habuit 3; et quartus homo dedit ei 6, scilicet 3, et quintam eorum; et sic habuit 11; que 11 fuerunt $\frac{3}{14}$ totius summe: ergo ex ipsis $\frac{3}{14}$ fuerunt $\frac{3}{11}$ ex denarijs primi, et $\frac{8}{11}$ ex denarijs quarti hominis. Nam $\frac{3}{11}$ ex $\frac{3}{14}$, qui sic scribuntur: $\frac{3}{14} \times \frac{3}{3}$ ex tota summa $\frac{22}{14}$ eiusdem summe, et $\frac{8}{11}$ ex $\frac{8}{14}$ totius summe, que quartus homo dedit primo homini, sunt $\frac{24}{14}$; hoc est quod proportio denariorum, quos quartus homo dedit primo, ad totam summam est sicuti 20 ad 154; et hoc est, quod superius multiplicauimus 5, que sunt super 14 per 6, que remanserunt ex 11, extractis inde 5, que sunt super 11, cum habuimus 30: propositum item est, quarto homini remansisse $\frac{2}{11}$ ex tota summa: fuit ergo proportio ex hoc, quod remansit ei, ad totam summam, sicut 2 est ad 14. Nam sicut 2 est ad 14, ita 11 uicibus 2 erit ad 11 uicibus 14, hoc est 22 ad 154; et hoc est, quod multiplicauimus 2, que sunt super 14, per 11, et habuimus 22: addita ergo proportione, quam quartus dedit primo homini, cum proportione, quam ei remansit, erit totum hoc, quod quartus homo habuit cum datione, quam ei fecit tertius homo, ad totam summam, sicut 52 est ad 154, scilicet ad numerum, qui egreditur ex multiplicatione de 14 uicibus 11; et hoc fecimus superius, cum addimus 20 cum 22. Nam in hac proportione fuerunt ex denarijs tercius hominis $\frac{8}{7}$, et reliqui $\frac{1}{7}$ fuerunt ex denarijs quarti hominis, quam tertius homo dedit quarto, quantum quartus habebat, et quartam partem eius. Vnde si ex dicta proportione, scilicet de $\frac{52}{154}$, accipiemus $\frac{1}{7}$, habebimus denarios quarti hominis. Nam $\frac{1}{7}$ ex $\frac{52}{154}$ accipiuntur sic: multiplicatur 4 per 52, faciunt 208; que denominanda sunt a numero, qui egreditur ex multiplicatione de 154 in 9, hoc est a numero, qui egreditur ex 14 uicibus 11, uicibus 9, scilicet a 1386: ergo proportio denariorum quarti hominis ad totam sum-

60. 187. 1000.

nam est, sicut 208 ad 1286 : et ideo superius multiplicauimus 52 per 4, que sunt super 9. Et quoniam denarij quarti hominis ad totam summam sunt, sicut 208 ad 1286. Erunt ergo denarij quarti hominis ad totam summam, sicut quinques septuplum de 208 ad quinques septuplum de 1286. Nam quinques septuplum de 208 est illud, quod superius fecimus, quando multiplicauimus 52 per 4, que sunt super 9, scilicet 208 uicibus 7, uicibus 5; et habuimus 7280 pro denarijs quarti hominis. Similiter quinques septuplum de 1286 est illud, quod egreditur ex multiplicatione de 14 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7; et hoc est quod fecimus, cum habuimus totam summam, scilicet 48510. Et quoniam est sicut 728 ad 48510, ita denarij quarti hominis ad totam summam. Ideo si summa est 48510; et quartus homo habebat 7280, ut inuentum est supra. Nunc uero accedamus ad inuentionem denariorum tercij hominis. Inuenimus enim superius, ipsum habere $\frac{2}{3}$ in superscriptis $\frac{52}{132}$. Quare multiplicauimus superius 5 per 52, scilicet per 9, extractis inde 4, que super 9; fuit ergo proportio denariorum, quos tercius homo dedit quarto homini, sicut 260 est ad numerum, qui egreditur ex multiplicatione de 154 in 9, scilicet ad eum, qui egreditur ex multiplicatione de 14 in 11 uicibus 9; et quia idem tercio homini remanserunt post hanc dationem $\frac{1}{11}$ totius summe, fuit proportio ipsius remansionis ad totam summam, sicut 3 ad 14. Nam sicut 3 ad 14, ita multiplicatio de 3 in 11 uicibus 9, est ad multiplicationem de 14 in 11 uicibus 9; multiplicatio quidem de 3 in 11 uicibus 9 facit 297 : ergo proportio denariorum, qui remanserunt tercio homini post dationem, quam fecit quarto homini, ad totam summam est, sicut 297 ad numerum, qui egreditur ex multiplicatione de 14 in 11 uicibus 9; quare proportio hec cum proportione dationis, quam dedit quarto homini, est ad totam summam, sicut 297 ad numerum, qui egreditur ex multiplicatione de 14 in 11 uicibus 9; et hoc fecimus superius, cum addimus 297 cum 260, et posuimus summam eorum, scilicet 557, sub $\frac{1}{2}$. In hac enim proportione, scilicet in qua 557 sunt ad numerum, qui egreditur ex multiplicatione de 14 in 11 uicibus 9, est illud, quod habuit tercius homo, quando recepit dationem, quam ei fecit secundus homo; fuit datio, quam secundus fecit tercio, quantum tercius habebat, et terciam eius : ergo si tercius homo habebat 2; secundus dedit ei 4. Quare ex predicta proportione $\frac{1}{2}$ fuerunt ex denarijs secundi, et $\frac{2}{3}$ ex denarijs tercij. Et ideo accipiente sunt $\frac{2}{3}$ ex dicta proportione, scilicet multiplicanda sunt 557 per 3, erunt 1671; et numerus, qui egreditur ex multiplicatione de 14 in 11 uicibus 9, multiplicandus est per 7; et habebitur proportio denariorum tercij hominis ad totam summam, sicut 1671 sunt ad numerum, qui egreditur ex multiplicatione de 14 in 11 uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5. Ideo multiplicationem de 1671 multiplicauimus per 5, et habuimus pro denarijs tercij hominis 8355. Nunc uero accedamus ad inuentionem denariorum secundi hominis. Inuentum est quidem, ipsum habere $\frac{1}{3}$ ex proportione, quam habet 557 ad numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11, uicibus 9, propter dationem, quam fecit tercio homini; ergo proportio ipsius dationis est ad totam summam, sicut quater 557 ad numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7; et ideo multiplicauimus superius 557 per 4, que remanent de 7, extractis inde 2, que sunt super 7; et habuimus 2228; ergo datio, quam secundus fecit tercio, est ad totam summam, sicut 2228 sunt ad numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11, uicibus 11,

uicibus 9, uicibus 7. Et quoniam post hanc dationem secundo remanserunt $\frac{1}{11}$, fuit illa remansio ad totam summam, sicut 4 sunt ad 11. Nam sicut 4 sunt ad 11, ita 4 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7, scilicet 1772, sunt ad 11 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7: ergo proportio denariorum, qui remanserunt secundo homini cum eis, quos dedit tercio, est ad totam summam, sicut 225, et 1772, hoc est 5000, ad numerum, qui egreditur ex 11 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7: et ideo posuimus superius 5000 sub $\frac{2}{7}$: habuit enim secundus hanc proportionem cum datione, quam ei dederat primus; que datio fuit quantum ipse secundus habebat, et dimidium eius. Quare ex dicta proportione $\frac{2}{7}$ fuerunt ex denarijs primi hominis, et $\frac{2}{7}$ ex denarijs secundi: ergo accipiente sunt $\frac{2}{7}$ ex dicta proportione, hoc est multiplicanda sunt 5000 per 2, que sunt super 5, erunt 10000: erunt itaque denarij secundi hominis ad totam summam, sicut 10000 sunt ad numerum, qui egreditur ex 11 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5: nam numerus, qui egreditur ex hijs summa: quare et 1000 erunt denarij secundi hominis. Et quoniam, ut dictum est, primus habuit $\frac{2}{7}$ in proportione, quam 5000 habent ad 11 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7 propter dationem quam fecit secundo homini; ergo multiplicanda sunt 5000 per 3, erunt 15000; ergo datio, quam primus fecit secundo, est ad totam summam, sicut 15000 sunt ad numerum, qui egreditur ex 11 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5. Quare hoc, quod dedit primus secundo, fuit 15000; que addenda sunt cum hijs, que eidem primo remanserunt post ipsam dationem. Quam remansioem inuenimus esse superius $\frac{2}{11}$ ex $\frac{2}{11}$ totius summe; hoc est sicut quinquies quinque sunt ad 11 uicibus 11, ita illa remansio est ad totam summam. Nam sicut quinquies quinque sunt ad 11 uicibus 11, ita quinquies quinque uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5 sunt ad 11 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5, scilicet ad totam summam: et ideo multiplicauimus superius 5, que sunt super 11, per 5, que sunt super 11 uicibus 9, uicibus 7, uicibus 5; et habuimus 7575 pro eo, quod remansit primo post dationem, quam fecit secundo: quibus additis cum 15000, que dedit secundo, reddunt 22575 pro denarijs primi hominis. Rursus si proponatur, quod unusquisque illorum .iiii. hominum suam dationem reliquis tribus per ordinem fecisset, et in fine illarum .iiii. dationum equaliter habuissent; quoniam primus reliquis tribus dedit quantum ipsi habebant, et dimidium eius; ergo si ipsi tres habebant 2, primus dedit eis 3; et sic illud, quod habuerunt antea, fuit $\frac{2}{3}$ ex hoc, quod habuerunt postea. Quare seruabis $\frac{2}{3}$, et inuenies eodem modo $\frac{2}{3}$, et $\frac{2}{3}$, et $\frac{2}{3}$; et pones cum $\frac{1}{4}$ propter quartam partem, quam in fine habuisse unusquisque proponitur, $\frac{1}{4} \frac{2}{11}$ $\frac{2}{7}$ $\frac{2}{5}$; et incipies a $\frac{2}{11}$, extrahens 5 de 11, remanent 6; que multiplica per 4, que sunt sub uirga, et addes multiplicationem de 1, quod est super ipsa 4, in 5, que sunt super 11, erunt 29: multiplica ergo 29 per 4, que sunt super 9; que per 3, que sunt super 7; que per 2, que sunt super 5, erunt 606; et tot habuit quartus homo. Item extrahere 4 de 9, remanent 5, que serua: et multiplica 4, que sunt sub uirga, per 11; que per 5 seruata, erunt 220: quibus superadde multiplicationem de 1, quod est super 4, in 5, que sunt super 11; que per 4, que sunt super 9, erunt 240; que per 3, que per 2, que sunt super reliquis fractionibus, erunt 1440; et tot habuit tercius. Rursus incipias a 4, que sunt in capite uirge, multiplicans ipsa per 11 uicibus 9, uicibus |

Ed. 128 recto.

Et in . . . remanent et 3 .
 (Ed. 128 recto, linc. 7-17, pag.
 292, lin. 7-21).

11	11
11	11
11	11
11	11
11	11
11	11
11	11
11	11

4 per ipsa uidelicet 4, que remanent de 7, extractis inde 3, que sunt super 7, erunt 1584; quibus adde multiplicationem de 1 in 5 uicibus 4, uicibus 3, que sunt super uirgis, erunt 164; que multiplica per 2, que sunt super 5, erunt 328; et tot habuit secunduus. Adhuc incipias a 4 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7; que per 2, que restant ex 3, extractis inde 2, erunt 836; quibus superadde 120, que egrediuntur ex multiplicatione omnium numerorum, qui sunt super uirgis, erunt 956; et tot habuit primus homo. Et si in fine dationum superscripturam primo remauerit $\frac{3}{11}$ totius summe; secundo $\frac{4}{11}$; tercio $\frac{5}{11}$; quarto $\frac{6}{11}$, scribe questionem in hunc modum. Post hoc extrahas 5 de 11, remanent 6; que multiplica per 14, et adde multiplicationem de 2, que sunt super 14 in 5, que sunt super 11, erunt 94; que multiplica per 4, que sunt super 9; que per 3; que per 2, que sunt super uirgas, erunt 236; et tot habuit quartus homo. Rursus incipe a $\frac{5}{11}$, multiplicans 14 per 11 uicibus 5; que 5 restant de 9, extractis de ipsis 4, que sunt super 9, erunt 770; super que adde multiplicationem de 2, que sunt super 14, in 5 sunt super 11 uicibus 4, que sunt super 9, erunt 520; que multiplica per 2, que sunt super 7; que per 2, que sunt super 5, erunt 490; et tot habuit tercius homo. Nunc incipias a $\frac{6}{11}$, multiplicans 14 per 11 uicibus 9, uicibus 4; que 4 remanent de 7, extractis inde 2, que sunt super 7, erunt 534; super que adde multiplicationem de 4, que sunt super 14, in 5, que sunt super 11, in 4, que sunt super 9, et in 2, que sunt super 7, scilicet 240, erunt 5784; que multiplica per 2, que sunt super 5, erunt 11568; et tot habuit secundus: deinde incipias a $\frac{7}{11}$, multiplicans 14 per 11 uicibus 9, uicibus 7, uicibus 3; que 2 remanent ex 5, extractis inde 2, erunt 2916; quibus superadde 5, que sunt super 14 uicibus 5, que sunt super 11 uicibus 4, que sunt super 9 uicibus 2, que sunt super 7 uicibus 2, que sunt super 5, erunt 2988; et tot habuit primus homo.

Inuestigatur hec regula sic: quoniam quartus homo, qui ultimam fecit dationem, dedit reliquis tribus quantum ipsi habebant, et quintam eius, et ei remauit $\frac{2}{11}$ totius summe, ut propositum est; ergo ex $\frac{12}{11}$, scilicet ex hoc, quod ipsi tres homines habuerunt, ipse quartus homo dedit $\frac{6}{11}$; sed $\frac{6}{11}$ ex $\frac{12}{11}$ totius summe sunt sicut 12 uicibus 6 ad numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11. Et $\frac{12}{11}$ totius summe, que remanent quarto homini post dationem suam, sunt ad totam summam, sicut est multiplicatio de 2 in 11 ad multiplicationem de 14 in 11: ergo hoc, quod quartus homo habebat, quando suam dationem reliquus fecit, fuit ad totam summam, sicut 12 uicibus 6, et 2 uicibus 11 sunt ad 14 uicibus 11. Sed 2 uicibus 11 sunt quantum 2 uicibus 6 cum 2 uicibus 5. Et 12 uicibus 6 cum 2 uicibus 6 sunt quantum 14 uicibus 6; ergo illud quod habuit quartus homo, quando suam dationem fecit, fuit ad totam summam, sicut 14 uicibus 6, et 2 uicibus 5 sunt ad 14 uicibus 11; et hoc fecimus superius, quando multiplicauimus 14 uicibus 6, et addidimus multiplicationem de 2, que sunt super 14, in 5, que sunt super 11; et sic habuimus 94: ergo illud, quod habuit quartus homo quando fecit dationem suam, fuit ad totam summam, sicut 94 est ad numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11. Sed hoc habuit ipse, cum iam receperat tres dationes ab alijs. Vnde incipiamus ab ultima datione, quam fecit sibi tercius homo, qui dedit ei quantum ipse habebat, et quartam eius; hoc est si quartus homo habuit tunc 4, et ille tercius dedit ei 5; ergo quartus homo habebat $\frac{2}{5}$ ex dicta portione, scilicet ex ea, quam habet 94 | ad 14 uicibus 11, quando accepit dationem a

Ed. 128 verso.

tercio homine. Nam proportio de $\frac{1}{2}$ dicte proportionis est ad totam summam, sicut 94 uicibus 4 sunt ad 14 uicibus 11, uicibus 9; et hoc est quod superius fecimus, quando multiplicauimus 94 per 4, et habuimus 376: ergo proportio denariorum, quos habebat quartus homo antequam reciperet dationem secundi hominis, sunt ad totam summam, sicut 376 sunt ad 14 uicibus 11, uicibus 9: ex qua proportione fuerunt secundi hominis $\frac{1}{2}$; quia fuerat eidem quarto homini quantum ipse habebat, et terciam eius: ergo relique $\frac{1}{2}$ fuerunt quarti hominis, quas habuit cum datione, quam fecit ei primus homo; que datio fuit $\frac{1}{2}$ ex ipsis $\frac{2}{3}$: ergo relique $\frac{1}{3}$ ex tribus septimis ex dicta proportione, scilicet ex ea, quam habet 376 ad 14 uicibus 11, uicibus 9, fuerunt denarij quarti hominis. Nam $\frac{2}{3}$ ex $\frac{2}{3}$ de 376 sunt ad totam summam, sicut numerus, qui egreditur de 376 uicibus 3, uicibus 3, ad numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7, uicibus 8. Sed quia summam uolo esse numerum, qui egreditur ex 14 uicibus 11, uicibus 9, uicibus 7, uicibus 8. Ideo numerus quarti hominis erit 2256, qui egreditur ex multiplicatione de 94 uicibus 4, uicibus 3, uicibus 2, scilicet de 376 uicibus 3, uicibus 2, ut superius fecimus. Simili quoque modo possunt inuestigari denarij reliquorum trium hominum, etiam et omnes consimiles questiones.

Tales homines habebant libras nescio quot sterlingorum, quarum medietas erat primi; tertia erat secundi; sexta erat terci; quas cum uellent in loco tutiori habere, quilibet eorum accepit ex ipsis sterlinguis aliquam quantitatem; et ex quantitate, quam cepit primus, posuit in comuni medietatem; et ex ea, quam cepit secundus, posuit terciam partem; et ex ea quam cepit tercius, posuit sextam partem; et ex hoc, quod posuerunt in comuni, recepit quilibet terciam partem; et sic unusquisque suam habuit portionem. Quoniam primus posuit in comune $\frac{1}{2}$ ex hoc, quod cepit; de quo $\frac{1}{2}$ rehauit terciam partem, scilicet $\frac{1}{3}$ totius, quod accepit: ergo remansit ei ex hoc, quod cepit $\frac{1}{3}$; scilicet $\frac{2}{3}$; et ex hoc quod posuit secundus, habuit primus $\frac{1}{3}$; cum secundus posuerit terciam eius, quod sumpsit partem: et ex ipsa $\frac{1}{3}$ habuit primus $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{3}$; et ex hoc, quod posuit tercius, habuit terciam sexte partis, quam ipse tercius posuit, scilicet $\frac{1}{6}$; ergo medietas summe omnium sterlingorum, scilicet portio primi hominis, fuit $\frac{2}{3}$ ex hoc, quod cepit primus, et $\frac{1}{3}$ ex hoc, quod cepit secundus, et $\frac{1}{6}$ ex hoc, quod cepit tercius. Item cum secundus posuit in comune $\frac{1}{2}$ ex hoc, quod cepit, remanserunt ei $\frac{1}{2}$; et ex ipsa $\frac{1}{2}$ rehauit $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{3}$ totius, quod accepit: ergo in portione sua habuit ex hoc, quod cepit ipse $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{3}$; ex hoc, quod cepit primus, habuit sextam partem, scilicet $\frac{1}{6}$ medietatis, quam primus posuit in comuni; et ex hoc, quod cepit tercius, habuit $\frac{1}{6}$, sicut habuit primus homo. Quare $\frac{2}{3}$ sumptionis secundi hominis cum $\frac{1}{2}$ sumptionis primi, et cum $\frac{1}{6}$ sumptionis terci; fuerunt tertia pars summe; ergo $\frac{2}{3}$ et $\frac{1}{6}$, scilicet $\frac{1}{2}$ sumptionis secundi, et $\frac{1}{6}$, scilicet $\frac{1}{6}$ sumptionis primi, et $\frac{1}{6}$, scilicet $\frac{1}{6}$ sumptionis terci; fuerunt tertia pars summe, et medietas tercię, hoc est medietas totius summe. Inuenimus superius, quod $\frac{2}{3}$ sumptionis primi cum $\frac{1}{6}$ sumptionis secundi, et cum $\frac{1}{6}$ sumptionis terci; sunt similiter medietas eiusdem summe: ergo $\frac{2}{3}$ primi numeri, scilicet sumptionis primi cum $\frac{1}{6}$ secundi numeri, et cum $\frac{1}{6}$ terci; sunt quantum $\frac{1}{2}$ primi numeri, et $\frac{1}{6}$ secundi, et $\frac{1}{6}$ terci; quare si de utraque portione tollatur $\frac{1}{6}$ primi numeri, et $\frac{1}{6}$ secundi, et $\frac{1}{6}$ terci; remanebunt $\frac{1}{3}$ primi numeri esse quantum $\frac{1}{3}$ secundi, et $\frac{1}{6}$ terci; numeri. Rursus inuestigemus

64 120 180.

sumptionem tercij hominis cum sumptione primi hominis : quoniam tercius ex hoc , quod sumpsit, posuit in comune $\frac{1}{2}$, remanserunt ei $\frac{2}{3}$; et ex ipso $\frac{1}{2}$ rehabuit terciam partem, scilicet $\frac{1}{3}$; ergo in portione sua, scilicet pro $\frac{1}{2}$ totius summe, habuit $\frac{2}{3}$ et $\frac{1}{3}$ sumptionis sue, scilicet $\frac{2}{3}$, et $\frac{1}{3}$ sumptionis secundi, et $\frac{1}{3}$ sumptionis primi: ergo triplum de $\frac{2}{3}$ sumptionis tercij, scilicet $\frac{4}{3}$, et triplum de $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{3}$ sumptionis secundi, et triplum de $\frac{1}{3}$, scilicet $\frac{1}{3}$ sumptionis primi, faciunt $\frac{5}{3}$, scilicet $\frac{1}{2}$ totius summe. Inuenimus enim superius, quod $\frac{2}{3}$ primi numeri cum $\frac{1}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij sunt medietas totius summe: et modo inuenimus, quod $\frac{1}{2}$ primi numeri, et $\frac{1}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij sunt eadem medietas. Quare si comuniter ex utraque proportionem tollatur $\frac{1}{3}$ primi numeri, et $\frac{1}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij, remanebit $\frac{1}{2}$ primi numeri, scilicet $\frac{2}{3}$, equalis de $\frac{2}{3}$ secundi numeri cum $\frac{1}{3}$ tercij. Quare inuestigandum est per regulam quarte proportionis; cum $\frac{6}{12}$ primi numeri sint $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{17}{18}$ tercij, quantum erunt $\frac{11}{18}$ primi ex hijs, que habent reliqui duo: erunt itaque $\frac{6}{9}$ secundi numeri, et $\frac{23}{18}$ tercij. Inuenimus superius, quod $\frac{5}{16}$ primi sunt $\frac{16}{16}$ secundi, et $\frac{5}{16}$ tercij; et modo inuenimus, easdem $\frac{5}{16}$ primi esse $\frac{5}{8}$ secundi, et $\frac{5}{16}$ tercij. Et quoniam, que ad idem eandem proportionem habent, sibi inuicem equalia sunt; ergo $\frac{11}{18}$ secundi numeri cum $\frac{1}{2}$ tercij sunt quantum $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{23}{18}$ tercij. Vnde si comuniter tollatur ex utraque parte $\frac{2}{3}$ secundi numeri, et $\frac{23}{18}$ tercij, remanebit $\frac{1}{2}$ secundi numeri esse $\frac{5}{16}$ tercij, scilicet sexuplum, et dimidium eius: ergo medietas sumptionis secundi hominis fuit sexies, et dimidia sumptionis tercij: quare tota sumptio secundi hominis est ter decuplum sumptionis tercij hominis; hoc est si tercius sumpsit 1, secundus sumpsit 12. Nam ut habeamus sumptionem primi hominis. Accipe sexies $\frac{2}{3}$ secundi numeri, scilicet de 12, et sexies $\frac{17}{18}$ tercij, scilicet de 1: cum superius inuentum sit, $\frac{1}{2}$ primi numeri esse $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{17}{18}$ tercij; et redige eos in unum, et habebis 33 pro sumptione primi hominis; ex quibus reperies, summam esse 47. Possumus aliter sumptionem primi aliter inuenire: uidelicet cum inuentum sit, quod $\frac{2}{3}$ tercij numeri, et $\frac{1}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ primi sunt $\frac{1}{2}$ totius summe. Quare duplum ipsarum partium, scilicet $\frac{16}{9}$ tercij numeri, et $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{2}{3}$ primi facit duplum de $\frac{1}{2}$ totius summe, scilicet $\frac{1}{3}$. Inuenimus enim superius, quod $\frac{2}{3}$ secundi numeri cum $\frac{1}{3}$ primi, et cum $\frac{1}{3}$ tercij sunt similiter tercia pars summe: ergo $\frac{1}{3}$ primi numeri cum $\frac{2}{3}$ secundi, et cum $\frac{1}{3}$ tercij sunt $\frac{1}{3}$ primi numeri, et $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij. Comuniter auferatur $\frac{1}{3}$ primi numeri; et $\frac{2}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ tercij, remanebunt $\frac{2}{3}$ secundi, equalis de $\frac{1}{3}$ primi, et de $\frac{1}{3}$ tercij. Inuenimus etiam superius, totum secundum numerum esse ter decuplum tercij numeri. Quare $\frac{2}{3}$ secundi erunt $\frac{6}{9}$ tercij: sunt enim et $\frac{2}{3}$ secundi, ut ostensum est, $\frac{2}{3}$ primi numeri, et $\frac{1}{3}$ tercij. Quare si comuniter auferatur $\frac{1}{3}$ tercij, remanebunt $\frac{17}{18}$ tercij numeri quantum $\frac{1}{2}$ primi numeri. Quare totus primus numerus erit triplum triplum tercij numeri. Vnde cum tercius numerus sit unum, primus erit 33, ut dictum est. Et si ex hoc, quod posuerunt in comune, primus sumeret medietatem; secundus terciam; tercius sextam; et unusquisque haberet portionem sibi contingentem ex predictorum sterlingorum; tunc summa ipsius pecunie esset 33: de qua inuenies per inuestigationem proportionum ipsorum, nec non et per sequentem regulam, primum sumpsisse 30; secundum 15; tertium 6. Proponatur iterum, primum posuisse in comuni $\frac{1}{2}$ ex hoc, quod cepit; secundum $\frac{1}{3}$

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36. 37. 38. 39. 40. 41. 42. 43. 44. 45. 46. 47. 48. 49. 50. 51. 52. 53. 54. 55. 56. 57. 58. 59. 60. 61. 62. 63. 64. 65. 66. 67. 68. 69. 70. 71. 72. 73. 74. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 81. 82. 83. 84. 85. 86. 87. 88. 89. 90. 91. 92. 93. 94. 95. 96. 97. 98. 99. 100.

| | | |
|----------------------|---------------|---------------|
| 36 | 72 | 108 |
| Primo primo | | |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ |
| Secundo | | |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ | $\frac{1}{5}$ |
| Tercio secundo primo | | |
| 72 | 72 | 72 |
| primo tercio | | |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ | $\frac{1}{5}$ |

tercium $\frac{1}{3}$; et sic primus habeat $\frac{1}{3}$ totius summe; secundus $\frac{1}{3}$; tercius $\frac{1}{3}$; hoc est unusquisque habuit: quod suum erat. Pone itaque portiones, quas ipsi tres homines habeat de prescripta pecunia in ordinem, scilicet $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$; uocabisque ea ex positione prima. Et quia primus posuit in comune $\frac{1}{3}$ ex hijs que cepit; remanserunt ergo ei $\frac{2}{3}$; quare $\frac{1}{3}$, quam posuit, fuit $\frac{1}{3}$ ex hijs, que remanserunt ei: similiter id, quod posuit secundus, fuit $\frac{1}{3}$ sui residui; et id, quod posuit tercius, fuit $\frac{1}{3}$ ex hoc, quod remansit ei. Quare pone sub positione prima $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ per ordiæm, ut in margine ceruitur; que partes erunt | positionis secunde: sub quibus etiam pones $\frac{1}{3}$ ter propter $\frac{1}{3}$, quam rehabet unusquisque ex hoc, quod positum fuit in comune, que erunt de positione terciæ: deinde multiplica 9, in quibus reperiuntur rupti prime positionis per 12; in quibus etiam reperiuntur rupti positionis secunde, erunt 72: que etiam multiplica per 3; cum in 3 reperiuntur rupti positionis terciæ, erunt 216; et tot pone pro summa totius pecunie; quorum $\frac{1}{3}$ pone super $\frac{1}{3}$ prime positionis, scilicet 108, et terciam, scilicet 72, super $\frac{1}{3}$, et sextam super $\frac{1}{3}$, que est 36. Post hec accipe ex predictis numeris per ordinem partes secunde positionis, scilicet $\frac{1}{3}$ de 108, et $\frac{1}{3}$ de 72, et $\frac{1}{3}$ de 36, erunt 54, et 24, et 9, scilicet 87; et tot posuerunt in comuni. Deinde diuide predicta 216 per partes terciæ positionis, exhibunt 72 super unaquaque $\frac{1}{3}$. Extrahere quidem priora 72 de 108, remanent 36; quorum $\frac{1}{3}$ accipe pro $\frac{1}{3}$, quod est de secunda positione, erunt 12 addita, que serua in manu; et extrahere secunda 72 de 72, que sunt super $\frac{1}{3}$, remanet 0; cuius $\frac{1}{3}$ accipe pro $\frac{1}{3}$, que est in secunda positione, erit 0; quod adde cum 12 seruatis, erunt 12. Et quia 72, que sunt in tercio loco, scilicet super $\frac{1}{3}$ terciæ positionis, non possunt extrahi de 36, extrahere 36 de ipsis 72, remanebat 36 dimidia; de quibus accipe $\frac{1}{3}$ pro $\frac{1}{3}$, que est in secunda positione, erunt dimidia 0; que alice de 12 seruatis, remanent 0 addita. Quare cum sint addita, debes ea extrahere de 216. Et si essent diminuta, adderes ea, remanebant 207, que sunt summa, que remansit eis post posita 87 in comune: quare addes ea insimul, erunt 294 pro summa totius pecunie ipsorum; de quorum medietate, scilicet de 147, extrahere terciam de 87, quam rehabet primus, scilicet 29, remanent 118; quibus superadde $\frac{1}{3}$ eorum pro $\frac{1}{3}$ secunde positionis, erunt 177; et tot habuit primus de prescripta pecunia. Rursus de portione secundi hominis, scilicet de $\frac{1}{3}$ de 294, alice 29, que rehabet ipse ex predictis 87, remanebant 69: super que pone $\frac{1}{3}$ eorum propter $\frac{1}{3}$ secunde positionis, erunt 92; et tot habuit secundus: adhuc de 49, que sunt $\frac{1}{3}$ de 294, scilicet de portione tercijs hominis, extrahere 29, remanebant 20: quibus adde $\frac{1}{3}$ eorum pro $\frac{1}{3}$ secunde positionis, erunt 23; et tot habuit tercius homo. Et si proponeretur, primum rehauisse $\frac{1}{3}$ ex hoc, quod posuerunt in comune; secundum $\frac{1}{3}$; tercius $\frac{1}{3}$, operaberis ut supra, donec habeas 87: deinde sub secunda positione pone in terciæ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$, scilicet partes, que rehauerunt ex posito in comune: quas partes accipe de 216, et habebis 108 super $\frac{1}{3}$, et 72 super $\frac{1}{3}$, et 36 super $\frac{1}{3}$, ut in hac alia cernitur descriptione. Et quia, extractis ipsis numeris per ordinem de numeris, qui sunt super primam positionem, nichil remanet. Ideo nichil debemus addere, uel extrahere a 216. Quare 216 erunt residuum, quod remanet eis, posita 87 in comune. Quare adde 87, et 216, erunt 303 pro summa totius pecunie; quam diuides inter eos ordiæ, quo diuisti 294; et inuenies, primum habuisse 102; secundum 06; tercius diuidatur id, quod posuerunt in comune; ita quod

fol. 129 verso

* 14. Et que... Et si proponeretur a fol. 129 verso, l. 13 25 et 26: pag. 195, no. 24 24.

| | | | |
|---------------|---------------|---------------|--------------|
| 36 | 72 | 108 | total method |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | |
| 36 | 72 | 108 | total method |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | |

primus relinquit inde $\frac{1}{2}$; secundus $\frac{1}{3}$; tercius $\frac{1}{4}$: positus quidem partibus trium positionum, ut hic cernitur, multiplica 6 per 12; que per 10, in quibus reperiuatur fractiones trium positionum, erunt 720; que pone diuiso per partes prime positionis, et tercię, et habebis 260 super $\frac{1}{2}$; et 240 super $\frac{1}{3}$; et 120 super $\frac{1}{4}$; et super partes tercię positionis habebis 260, et 280, et 72: deinde accipe per ordinem $\frac{1}{2}$ de 260, | et $\frac{1}{3}$ de 240, et $\frac{1}{4}$ de 120, scilicet partes secunde positionis, erunt 120, et 80, et 30, que sunt in summa 230; et tot posuerunt in comune: deinde de 260 prime positionis extrahe 260 tercię, remanet 0; cuius dimidium, cum sit 0, relinque, et de 288 extrahe 240, remanent 48 diminuta: et hoc dico, cum 288 non possunt extrahi de 240: de quibus 48 accipe $\frac{1}{2}$ pro $\frac{1}{2}$ secunde positionis, erunt 16 diminuta, que serua: et extrahe 72 de 120, remanent 48 addita; pro quibus $\frac{1}{3}$ habentur 12 similiter addita. Oppone itaque addita cum diminutis, scilicet 12 cum 16, remanebunt 4 diminuta; que adde cum 720, erunt 724; et tot remanserunt eis positus 290 prescriptis: quibus insimul additis, reddunt 1014 pro summa totius pecunie eorum: deinde diuide 290 per partes tercię positionis; et habebis 145 sub $\frac{1}{2}$, et 115 sub $\frac{1}{3}$, et 29 sub $\frac{1}{4}$; et 1014 diuide per partes prime positionis, uenient 607, et 228, et 160. Deinde de 507 extrahe 45, remanent 462; quibus adde $\frac{1}{2}$ eorum propter $\frac{1}{2}$, quod est in secunda positione, erunt 543; et tot sumpsit primus de comuni pecunia. Similiter de 228 extrahe 116, remanent 112; quibus superadde terciam eorum, erunt 296; et tot sumpsit secundus. Item extrahe 29 de 160, remanent 140: quibus adde quartam eorum, erunt 175; et tot sumpsit tercius de predicta pecunia. Et si diceretur, summa totius pecunie fuisse 100; multiplica 543, et 296, et 175 per 100, et diuides unamquamque multiplicationem per 1014.

Item tres homines habeant pecuniam comunem, de qua $\frac{1}{2}$ sit primi; secundi $\frac{2}{3}$; tercię $\frac{1}{4}$: quam cum sumerent inter se fortuito, primus ex hoc, quod cepit, posuit $\frac{1}{2}$ in comune; secundus $\frac{2}{3}$; tercius $\frac{1}{4}$: ex quibus positionibus nansquisque cepit terciam; et sic quilibet eorum suam habuit portionem: pro prima quidem positione ponas $\frac{1}{2}$; $\frac{2}{3}$; et pro terciã in $\frac{1}{4}$; et pro secunda quoque oportebit ponere $\frac{1}{2}$; $\frac{1}{3}$; cum id, quod posuit primus in comune, fuerit quantum illud, quod remansit ei; et id, quod posuit secundus, fuerit $\frac{1}{3}$ eius, quod remansit; et positio tercię fuerit $\frac{1}{4}$ sui residui: pone itaque ipsas positiones in ordine; et multiplica 10 per 10; que per 3, et habebis 200, in quibus reperiuatur fractiones trium positionum: quare pone 200 in partes prime, et tercię positionis, diuisa super ipsas positiones; et habebis super primam positionem 120, et 120, et 20; et super terciã habebis 100 ter: deinde accipe partes secunde positionis de numeris superioribus, uenient 120, et 60, et 6; hoc est in summa 216, que habeantur pro eis, que posuerunt in comune. Item extrahe 100 de 120, remanent 20; que diuide per 1 secunde positionis, exhibunt 20 addita: adhuc extrahe 100 de 120, remanent 20; quorum medietas sunt 10 addita: que adde cum 20 additis, erunt 60 addita. Item extractis 20 de 100, remanent 70 diminuta, quarum quinto sunt 14 diminuta: quibus extractis de 60 additis, remanent 46 addita; que extrahe de 200, remanent 254, que sunt residuum. Quare adde ea cum 216, erunt 470 pro summa pecunie eorum: quam cum diuiseris ordine demonstrato, inuenies, primum sumpsisse 200; secundum 174; que cum insimul iunguntur, faciunt plus de 470. Quare hec questio non potest solui, nisi soluantur eum aliqua propria pecunia tercię hominis; et tunc erit

fol. 120 recto.

et 20, que ... de 218 x fol.
120 recto, in. 2-14, pag. 256.
lin. 6-18:

| | | |
|---------------|---------------|---------------|
| 150 | 228 | 207 |
| 120 | 240 | 260 |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{4}$ |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ |
| 72 | 288 | 260 |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{4}$ |
| 29 | 116 | 145 |

et 20, que ... quibus x fol.
120 recto, in. 23-25, pag.
256. lin. 26-29

| | | |
|---------------|---------------|---------------------|
| 20 | 120 | 150 |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{4}$ primi |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | 1 secunda |
| 100 | 100 | 100 terciã |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{4}$ |

fol. 120 verso.

talís questio, quod pecuoiám, quam ipsi tres habebant comunem, nec non et pecuoiám propriam tercii hominis, sumpserunt fortuito inter primum, et secundum hominem. Post hec primus posuit in comune $\frac{1}{2}$ ex hoc, quod ceperat. Secundus $\frac{1}{3}$; ex quibus positionibus tercius homo cepit $\frac{1}{4}$ de ipsa pecuoiá propria, quam socij habuerant. Post hec, de residuo unusquisque sumpsit terciam partem; et sic habuit quilibet ipsorum id, quod suum erat; et tunc, ut diximus, primus sumeret 206; secuodus 174; et pecuoiá propria tercii hominis fuit 20: quam si 20 esse uis, erit sic 20 ad 20, ita 200 ad id, quod sumpsit primus; et sic 174 ad id, quod sumpserit secuodus. Quare multiplicabis 206, et 174 per 20; et diuides per 20, scilicet accipe $\frac{2}{5}$ eorumdem, exhibunt $\frac{2}{5}$ 817, et 116 pro sumptionibus eorum: de quorum summa extrahere 20 predicta, remanebunt $\frac{1}{5}$ 212 pro summa comunis pecunie. Nam si uis, ut comuio pecunia sit 100; et queras quantitatem proprie pecunie tercii hominis, nec oon et quantum cepit unusquisque reliquorum, erit tunc sicut 470 ad 100, scilicet sicut inuenta summa ad quesitam, ita 20 ad pecuniam tercii hominis. Quare multiplicabis 10 per 20, et diuides per 47, exhibuit $\frac{55}{11}$ 6 pro pecunia propria tercii hominis; que adde cum 100, erunt $\frac{115}{11}$ 106; que multiplica per 206, et per 174; et diuide unamquamque multiplicationem per coniunctum ex eis, scilicet per 200.

De eodem inter .iiii.^{or} homines.

Rvrsus .iiii.^{or} homines habebant pecuniam comunem, cuius tercia sit primi, et $\frac{1}{12}$ sit secundi, et $\frac{1}{6}$ sit tercii, et $\frac{1}{8}$ sit quarti; quam totam pecuoiám, cum inter se fortuito diuiderent, primus ex hijs, que ceperat, posuit dimidium in comune; secundus $\frac{1}{3}$; tercius $\frac{1}{4}$; quartus $\frac{1}{5}$; de quibus .iiii.^{or} positionibus, cum unusquisque caperet $\frac{1}{5}$, quilibet ipsorum habuit suam portionem: pones itaque in prima positione $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{5}$; et in secunda $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$; et in tercia pones $\frac{1}{4}$ quater, et operaberis ut supra; et inuenies, summam pecunie esse 2190; de quibus primus sumpsit 1024; secundus 666; tercius 200; quartus 190.

De .iiii.^{or} pesonibus, quorum pondus erat librarum quadraginta.

Quidam habebat pesones .iiii.^{or}, cum quibus pooderabat integras libras suarum uercium a libra una usque in libris 40; queritur poodus uniuscuiusque pesooi: pondus quidem primi oportuit esse unius libre; ut cum ipso ponderaretur libra una. Secundi duplum eius, 2 addita, scilicet 3, uel triplum ipsius primi; cum quibus duobus pesonibus possunt ponderari a libra uoa usque io 4: pondus autem tercii est 1, plus duplo amborum, hoc est triplum secuodi, scilicet 9: poodus autem quarti est 1, plus ponderis reliquorum trium, hoc est triplum tercii, scilicet 27; quorum ponderibus insimul inuocis faciunt 40. Vnde si uis scire, qualiter ponderari possunt cum hijs pesonibus a libra 1 usque in libris 40 quelibet libra, ut dicamus 14, ponitur quartus peso in una laneea, et reliqui ponuntur in alia; et cum ponitur idem quartus peso cum primo, et ab alia poonuntur reliqui, scilicet 9, et 2, tunc ponderari possunt libre 16: et cum ponuntur quartus, et secundus, et primus ab una parte, scilicet 27, et 2, et 1, quorum poodus est 31; et ab alia ponitur tercius, scilicet 9, tunc possunt ponderari libre 22, que sunt a 9 usque in 31; et sic intelligas io reliquos. Et si adderes quintum pesoem, cuius pondus esset triplum quarti, scilicet 81, ponderari cum hijs quinque pesonibus quotlibet libre, a libra una usque in libras 121; et sic eodem ordine possunt addi pesones in infinitum.

* *Arith. huiusmodi...* *proba librarum...* *lib. 12.*
 22. pag. 297, lin. 11-27.

| | | | |
|---------------|---------------|---------------|----------------|
| 240. | 288. | 422. | 480. |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ | $\frac{1}{5}$ |
| | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{8}$ | $\frac{1}{10}$ |
| 260. | 260. | 260. | 260. |
| $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ | $\frac{1}{5}$ |

De homine, qui habebat siphos quinque argenti. |64. 131 *verba.*

Quidam dabat cuidam pro suo opere cotidie marcham 1 argenti, quam persolvebat cum ciphis quinque, quos habebat, ita quod non frangebatur aliquis eorum; et hoc fecit diebus 30: pondus primi cipli fuit 1, cuius duplum, scilicet marche 2, fuit pondus secundi; pondus quidem tercij fuit 4, scilicet duplum secundi. Pondus autem quarti fuit duplum tercij, scilicet 8; quorum ponderibus .112.⁷ ciphorum insinul iunctis, faciunt marchas 15; quibus extractis ex marcis 30, remaneat marche 15 pro pondere quinti cipli. In primo quidem die dedit ei primum uas. In secundo recepit ab eo ipsum primum, et dedit ei secundum. In tercio reddidit dominus operario ipsum primum. In quarto die recepit dominus ab operario primum, et secundum, et dedit ei tercium; et sic predicto ordine persoluit eum cotidie, usque in diebus 30.

De duobus hominibus, qui habuerunt poma.

Ex duobus hominibus unus habuit poma 10, alius 30; et cum essent ambo in uno foro, unusquisque uendit ex suis pomis nescio quot. Sed pretium eorum fuit idem: et cum uenissent in alio foro, uendiderunt reliqua similiter equali pretio; et fuit illud, quod habuit primus ex suis 10 pomis, quantum illud, quod habuit secundus: queritur pretium pomii in uoquoque foro, nec non et quot fuerunt poma uniuscuiusque uendita in quolibet foro. Numerum quidem pomorum primi hominis, scilicet 10, diuide in duas partes, ita quod, extracta prima parte ex numero pomorum alterius, scilicet de 30, remaneat numerus, qui integraliter diuidatur per secundam partem; et quod ex diuisione peruenerit, erit pretium uniuscuiusque pomi uenditi in secundo foro. Et quia de semel 30 extrahitur semel prima pars, erit semel denarius 1 pretium uniuscuiusque pomi uenditi in primo foro. Verbi gratia: sint 10 diuisa in 6, et 4; et extrahantur 6 de 30, remaneant 24; que diuide per secundam partem, scilicet per 4, ueniunt 6 pro pretio pomi uenditi in secundo foro; et sic habes, quod pretium pomorum primi fori fuit denarius 1, et secundi fori fuit denarij 6. Sed ut habeas poma utriusque fori, accipe ergo alibitum ex predictis 6 partem, qualem uis, pro pomis primi hominis uenditis in primo foro; et aliam partem, scilicet residuum, extrahe de 30; et quot remanebunt, erunt poma primi hominis uendita in primo foro. Vt si uis, quod primus homo uendiderit pomum unum in primo foro, extrahe ipsum de 6, remaneant 5; et tot poma uenditit secundus homo in secundo foro: quibus extractis de 30, remaneant 25 pro pomis ueditis in primo foro ab ipso secundo homine; et sic unusquisque habuit denarios 55. Et si ponas, ut poma 5 uendat primus homo in primo foro, extrahe ea de 6 supradictis, remanet 1 pro id, quod secundus uenditit in secundo foro; reliqua, scilicet 20, uenditit in primo; et sic habuit unusquisque denarios 35: et si uis, ut unusquisque habeat denarios 45, extrahe 25 de 55, remanent 30; que diuide per 4, que sunt a poma uno primi hominis usque in 5 eiusdem, ueniunt 5; et tot denarij minuuntur de 35, si addideris unum pomum super ipsum, quod posuimus, primum hominem uendidisse in primo foro. Quare in ipsis pomis 5 diuide differentiam pomorum, que est a 45 in 55, exhibunt 5; quibus additis cum 1 predicto, quod extraximus de 6, reddunt 3; et tot poma ueditit primus in primo foro, de quibus habuit denarios 3: reliqua, scilicet 7, uendit in secundo foro, ex quibus habuit denarios 42; et sic habuit denarios 45. Extrahe quidem ipsa 3 de 6, remaneant 3; et tot poma

uendit secundus in secundo foro, de quibus habuit denarios 18 : reliqua, scilicet 27, uendit in primo pro denarijs 27; et habuit similiter 45.]

Et si ponatur, quod summa denariorum uniuscuiusque sit minor numero pomorum secundi, tunc duplicabis ipsum, uel per aliquem numerum multiplicabis, donec proveniat numerus, qui sit maior numero pomorum secundi, et minor summe diffinitionis maioris. Nam diffinitionem maiorem dicimus, quando primus homo uendit unum tantum pomum in uiliori foro. In qua summa superius habuimus denarios 55; et tunc secundum ea que diximus, consolabis uenditionem eorum in ipso numero: quo facto, diuides pretia utriusque fori per numerum, in quo multiplicaueris summam quesitam; et habebis propositum. Verbi gratia: pone unumquemque habuisse ex suis pomis denarios 30; quibus duplicatis faciunt 40: ergo uolo consolare poma suprascripta, ita ut unusquisque habeat denarios 40 ex suis pomis. Diuides ergo differentiam, que est a 40 in 35, scilicet 15, per differentiam, que est a pretio pomi primi fori in pretium secundi, scilicet per 5, exiunt 3: quibus additis super pomum maioris diffinitionis, scilicet super 1, faciunt 4; et tot poma uendit primus in primo foro: quibus extractis de prima parte diuisi decenarij, scilicet 6, remanent 2; et tot poma uendit secundus in secundo foro. Et quia duplicasti 30, diuides pretia unius pomi utriusque fori per 2, scilicet 1, et 6, exhibunt pro pretio primi fori $\frac{1}{2}$ unius denarij; et pro pretio secundi denarij 2. Et si uis summam denariorum ipsorum ascendere super maiorem diffinitionem, scilicet super 55, duplicabis ipsam diffinitionem, uel triplicabis, uel per aliquem numerum multiplicabis, donec proveniat numerus maior quesita summa; et tunc superhabundantiam, que est inter ea, diuide per differentiam, que est inter pretia; et quod prouenerit, diuide per numerum, in quem multiplicaueris dictam diffinitionem; et habebis illud, quod debes addere super numerum pomorum primi hominis in primo foro; et multiplicabis pretia utriusque fori per eundem numerum, in quo multiplicasti maiorem diffinitionem. Verbi gratia: ponamus, ut uterque ipsorum habeat ex suis pomis denarios 100. Quare multiplicabis 55 per 2, erunt 110; de quibus extrahes 100, remanent 10; que diuide per differentiam pretiorum, scilicet per 5, exiunt 2; que diuide per 2, in quibus multiplicasti 55, exiunt 1; quod adde super pomum unum, quod primus uendit in primo foro, erunt poma 2 uendita in ipso foro. Reliqua 3 erunt uendita in secundo foro. Et quia multiplicasti 55 per 2, multiplica pretium utriusque fori per 2; et habebis denarios 2 pro pretio primi fori, et denarios 12 pro pretio secundi. Verbi gratia: ex duobus pomis habuit primus homo in primo denarios 4, et de reliquis 8 in secundo habuit denarios 36; et sic habuit denarios 100 ex decem pomis. Deinde, ut habeas diuisionem pomorum secundi utriusque fori, abice poma 2 primi hominis ex pomis 6, scilicet ex prima parte, quam superius de 10 fecimus. Nam ipsa pars est summa pomorum uendita a primo homine in primo foro, et a secundo homine in secundo remanebunt poma 4; de quibus habuit secundus in secundo foro denarios 48; et de reliquis pomis 26 habuit in primo foro denarios 52; et sic habuit denarios 100 ex omnibus suis pomis.

Potes etiam alio modo ad habendam quamlibet summam denariorum procedere, cum solidata erunt poma utriusque in aliquo denariorum numero; quia erit sicut numerus ille ad summam quesitam, ita pretium inuentum uniuscuiusque fori ad pretium que-

64. 131. 1000.

64. 132 *verso*.

situm eiusdem. Verbi gratia: ponamus, unumquemque habuisse denarios 70 ex suis pomis; quia superius in minori diffinitione habui denarios 35, et poma primi hominis fuerunt diuisa in 5, et 5; secundi in 20, et 1; erit itaque sicut 35 ad 70, ita 1, scilicet inueotum pretium primi fori, ad pretium quesitum eiusdem; et sicut 35 ad 70, ita 6, scilicet inueotum pretium secundi fori, ad quesitum pretium eiusdem: quare multiplicabis 70 per inueota pretia, scilicet per 1, et per 6, et diuides utramque multiplicationem per 35; et habebis pro pretio primi fori denarios 2, et pro pretio secundi denarios 12; et diuisio pomorum erit eadem. Nam primus in primo foro ex pomis 5 habuit denarios 10, et ex aliis 5 habuit 10 secundo denarios 60; et sic habuit denarios 70 ex suis pomis, ut querebatur: totidem etiam habuit secundos ex pomis 20 uenditis in primo foro, et ex pomis 1 uendito in secundo. Et ut hec, que dicta sunt, melius elucescant, habeat primus homo poma 12, secundos 32; et habeant, ut dictum est, equaliter post uenditionem pomorum in utroque foro: et uolo iterum, ut pretium primi fori sit denarius 1: diuides 12 in duas ut libet partes; et habes primam pro summa pomorum, que primus uendit in primo foro, et secundus in secundo: et abice eam de numero pomorum secundi hominis, scilicet de 32; residuum, quod remansit, diuide per secundam partem; et quod prouenerit erit pretium unius pomi uenditi in secundo foro. Deinde accipe quotnis poma ex predicta prima parte, et habes ea pro pomis uenditis a primo homine in primo foro; et que ex ipsa parte remanserint, habes pro pomis uenditis a secundo in secundo foro. Verbi gratia: sit prima pars 8, secunda 4; et auferatur 8 de 32, remanent 24; quibus diuisis per secundam partem, uenient denarij 6 pro pretio secundi fori: deinde diuide 8 in duas qualesuis partes, ut dicamus in 5, et 3; et habes poma 5 pro eis, que primus uendit in primo foro: reliqua 3 uendit secundo in secundo foro: quibus extractis ex pomis eorum, remanent poma 7 pro eis, que primus uendit in secundo foro; et 29 pro eis, que uendit secundo in primo; et sic primus habuit denarios 3 ex pomis 5, et denarios 42 ex pomis 7; et sic habuit in summa denarios 47; et totidem habuit secundo ex pomis 20, et ex pomis 2: uel diuidantur 12 in 7, et 5, et auferatur 7 de 32; et reliqua 25 diuide per 5, et habebis denarios 5 pro pretio primi fori: et diuide 7 in quales uis partes; et habes unam partem proportionis primi hominis primi fori, et aliam pro pomis secundi fori secundi hominis: et si uis, quod pretium primi fori sit alius numerus denariorum qualem uis, erit diuisio pomorum eadem. Sed pretium secundi fori cadet proportionaliter, uidelicet sicut 1 est ad numerum illum, ita pretium inuentum secundi fori ad pretium quesitum eiusdem fori. Verbi gratia: ut si uis ualere pomum denarios 2 in primo foro; quia 2 triplum sunt de 1. Ideo triplica pretium secundi fori, et sic habebis in prima diffinitione denarij 15 pro pretio secundi fori, et denarios 15 in secunda diffinitione. Et si proponatur, primum habuisse ex pomis 12 aliquid multiplex denariorum secundi, ut dicamus duplum, inuenias summam, quam uolueris, equallem, quam habeat unusquisque ex suis pomis, secundum modum predictum; ita ut poma secundi fori excedant duplum pomorum secundi fori secundi hominis; et tuoc de pomis secundi fori primi hominis abice duplum pomorum secundi fori secundi habebis (sic); et quod residuum fuerit, serua; et pro predicto duplo duplica predictam summam: de qua duplicatione abice ipsam summam, hoc est multiplica ipsam summam per 1, scilicet

64. 133 *verso*.

per unum, minus de 2 propter duplum predictum; et quod prouenerit, diuide per seruatum residuum; et quod ex diuisione peruenerit, adde super pretium secundi fori, et habebis propositum. Verbi gratia. Sint poma 6 primi hominis in primo foro, et reliqua 6 in secundo; et pretium primi sit 1, secundi 3; et sic habebit ipse denarios 36 in summa, quam habebit secundus ex pomis 31 in primo foro, et ex pomo 1 in secundo: abice ergo duplum ipsius pomi de pomis secundi fori primi hominis, scilicet de 6, remanent 4: in quibus diuide multiplicationem de 1 in 26, exhibunt 9; que adde super pretium secundi fori, erunt 14; et tot uendiderunt pomum in secundo foro; et sic habuit primus denarios 90; secundus 45. Et si uis, primum habere triplum denariorum secundi, abice ex predictis 6 triplum unius pomi, quod secundus uendidit in secundo foro, remanent 3; in quibus diuide multiplicationem de 2 in 36; quia, extracto 1 de 3 propter triplum, remanent 2, exhibunt 24: quibus additis super 3, scilicet super pretium secundi fori, erunt 29; et tot ualuit pomum in secundo foro; et sic primus habuit denarios 6 ex pomis 6, et denarios 174 ex reliquis, hoc est in summa denarios 180; tertia pars quorum habuit secundus ex pomis 31 primi fori, et ex pomo uno secundi. Et si uis pretium secundi excedere pretium primi in aliqua multiplicitate, ut dicamus in quadruplo, inuenias ordine eodem summam ipsorum equalem, secundum aliquam diuisionem pomorum ipsorum; et tunc pro quadruplo accipe $\frac{1}{4}$ ex numero pomorum secundi fori secundi hominis; quam extrahere ex numero pomorum eiusdem fori primi hominis, et residuum serua; in quo diuide summam denariorum ipsorum, quarta eius inde extracta; hoc est per dictum residuum diuide $\frac{2}{3}$ ipsius summe; et, quod ex diuisione peruenerit, abice ex pretio inuenito secundi fori; et quod residuum fuerit, erit quesitum pretium eiusdem fori. Verbi gratia. Sint 6 poma primi fori, et 6 secundi ex pomis primi hominis; et pretium unius pomi in primo foro sit 1; in secundo 11. Quare poma secundi hominis primi fori sicut 36; secundi 4; et summa denariorum uniuscuiusque, est 72. Accipe ergo $\frac{1}{4}$ de 4, scilicet 1, et extrahere eam de pomis 6 secundi fori primi hominis, remanebunt 5: in quibus diuide $\frac{2}{3}$ de 72, scilicet 34, exhibunt $\frac{1}{3}$ 10; que extrahere ex 11, scilicet ex pretio secundi fori, remanet $\frac{2}{3}$; et tot ualuit pomum in secundo foro, cum pretium primi fori sit 1. Quare, ut habeas hec in integrum, multiplica utrumque pretium per 3, et habebis 3 pro pretio primi, et 4 pro pretio secundi; et sic habuit primus ex suis pomis soldos 3; secundus soldos 12, scilicet quadruplum (sic) denariorum primi, ut querebatur.

Modus alius in questione pomorum.

Rvrsus habet unusquisque equaliter post uenditionem pomorum utriusque fori; et sit pretium uniuscuiusque fori nominatum, uel in aliqua data proportione; tunc cognoscas, si questio poterit solui: multiplica unius pretium per maiorem multitudinem pomorum, et minus pretium per minorem multitudinem. Et si ultima multiplicatio fuerit maior uno, tunc solubilis erit questio; et tunc extrahes minorem multiplicationem de maiori; et de residuo extrahere differentiam, que est inter pretia utriusque fori semel, uel bis, uel quotiens uolueris, donec inde aliquid remaneat; quod residuum diuide per predictam differentiam; et quod prouenerit, habes pro pomis secundi fori uenditis & secundo homine, et quotiens dictam differentiam extraxeris de predicto residuo, totiens pomum unum uendidit primus homo in primo foro. Verbi gratia. Sint iterum poma | primi

hominis 12, secundi 33; et pretium secundi fori sit quadruplum pretio primi: uel pretium primi sit 1, secundi 4: quia ex quater 12, scilicet de 48, possunt extrahi semel 22, scimus hanc questionem solubilem esse. Quare extractis 22 de 48, remanent 15: de quibus extracta differentia, que est inter pretia, scilicet 2 bis, remanebunt 9; quibus diuisis per 3, scilicet per eandem differentiam, exhibunt 3; et tot poma uendit primus in primo foro, quia extraxisti bis predictam differentiam de 15; et sic habuit unusquisque denarios 42. Aliter uendat primus homo poma 2 in primo foro, et in secundo, de quibus habebit denarios 2, et 26, hoc est 28: de quibus extrahere multiplicationem de 1 in 22, remanebunt 6; que diuide per 2, exhibunt 3; et tot poma uendit secundus in secundo foro.

Regula notabilis de 5 numeris ingnotis reperiendis.

Primus quidem cum secundo, et tercio contineat quartum semel, et dimidium eius; et cum tercio, et quarto contineat quintum bis, et quartam eius. Cum quarto quidem, et quinto contineat secundum ter, et quintam eius. Cum quinto quoque, et secundo contineat tertium quater, et sextam eius. Quia primus cum secundo, et tercio continet quartum semel, et dimidium. Si ipsi tres numeri in summa sint $\frac{1}{2}$ 1, quartus erit 1. Quare si summa dictorum fuerit 2, quartus erit 2; et sic quartus ex summa primi, et secundi, et tercij est $\frac{2}{7}$. Similiter ex adiacentibus inuenies, quintum esse $\frac{2}{7}$ ex summa primi, et tercij, et quarti. Secundum $\frac{5}{14}$ ex summa primi, et quarti, et quinti. Tertium $\frac{6}{23}$ primi, et quinti, et secundi. Quare pone $\frac{1}{2} - \frac{2}{7} - \frac{6}{23}$, et adde 2 cum 2, que sunt super ipsa 2 prescripte uirge, erunt 5; que multiplica per 4, et adde ter 9, erunt 47; que multiplica per 5, que sunt super 10, et adde ter nouies sexdecim, erunt 607; que multiplica per 6, que sunt super 25, erunt 4002. Vel aliter: multiplica 0 per 16, et adde quinques 6; que omnia per 9, et adde 4 uicibus 5, uicibus 8; quod totum per 2, addens 2 uicibus 4, uicibus 5, uicibus 6, scilicet 240, erunt similiter 4002: deinde multiplica 2 per 10, que sunt sub uirga; que per 4; que per 6, erunt 1152. Item multiplica 4 per 10, et 5 per 9, erunt 109; que per 2; que per 6, que sunt super uirga, erunt 1208; que adde cum 1152, et 4002, erunt 6462, que serua; et adde 240 inuenta cum 1208, erunt 1548, que serua; et multiplica 2 per 9; que per 16; que per 25, erunt 10900: de quibus extrahere inuenta 1152, et 1208, et 240, nec non et multiplicationem de 2, que sunt sub uirga in 4 ductam in 5; quam in 0, que sunt super uirgam, scilicet 260, remanebunt 7740, que serua: et quia unusquisque seruatorum numerorum, scilicet 0462, et 1348, et 7740 diuiditur integraliter per 18, accipe $\frac{2}{9}$ ex unoquoque, et habebis 350, et 86, et 430, que serua circa $\frac{2}{9}$; et cresce uirgulam uersus dextram, reiterans in ea $\frac{6}{23}$, et $\frac{1}{2}$, et $\frac{1}{2}$, ut hic ostenditur. Nam $\frac{5}{14}$ reiterande non sunt, cum sint penultime a parte dextra: et incipias ab 50, multiplicans ea per 25 addita in uirga, uenient 2150; que extrahere ex 420 ductis in 6, que sunt super ipsa 25, scilicet ex 2380, remanent 420; que multiplica per 9 addita, erunt 3870; que etiam per 2 similiter addita in uirga, erunt 11810; super que adde multiplicationem de 2580 inuenta 4, que sunt super 9; quam in 2, que sunt super 2, scilicet 20640, erunt 32250; super que adde multiplicationem de 66 predictis in 6, que sunt super 25; quam in 4; quam in 5, scilicet coniuictum de 2, que sunt sub uirga a parte dextra cum 2, que sunt super ea; que multiplicatio est 10220, erunt 42570; que sunt primus numerus: deinde multiplica 250

* Summa prima . . . uicibus
[fol. 132 recte. . . fo. 16-24.
pag. 302, l. 11-22]

| |
|---|
| 6962 |
| 48 $\frac{7 \ 4 \ 8}{2 \ 9 \ 16 \ 23}$ |
| 7740 |
| ----- |
| 239 |
| $\frac{2 \ 4 \ 9}{9 \ 16}$ $\frac{4 \ 4 \ 7}{2 \ 5 \ 11}$ |
| 420 |

posita super $\frac{1}{2}$ per eadem 25, erunt 6973; de quibus extrahe multiplicationem de 430 seruiatis sub $\frac{1}{2}$ in 9, que sunt super 25, scilicet 2590, remanent 6383; que multiplica per 9, erunt 57555 : de quibus extrahe multiplicationem de 2590 in 4, que sunt super 9, scilicet 10380, remanent 47175: que multiplica per 3, erunt 141705 : de quibus extrahe multiplicationem de 10380 in 2, que sunt super 3, scilicet 20640, remanent 121065: de quibus etiam extrahe multiplicationem de 259 in 6, que sunt super 25; quam in 4, que sunt super 9; quam in 5, scilicet coniunctum de 3 et 9; quorum multiplicationum summa est 42080, remanent 77985, que sunt secundus numerus. Sed ut habeas ipsum, et primum numerum in minoribus uumeris, diuide utrumque per 9, et habebis primum numerum 4720. Secundum 8665: deinde, ut inueniamus tertium numerum, multiplica primum numerum, scilicet 4720, per 259, et secundum per 86; et coniunctum ex hijs duabus multiplicationibus diuide per 430, exhibunt 5688: ex quorum trium numerorum summa accipe $\frac{1}{2}$, et habebis pro quarto uumero 12718; quo addito cum tercio numero, et cum primo, et de eorum summa acceptis $\frac{1}{2}$, reddeat pro quinto numero 10280.

Incipit pars 8^a decimi capituli de quibusdam diuinationibus.

Cum autem quis numerum aliquem posuerit in corde suo, et uoluerit, ut illum inuenias: precipe, ut ponat dimidium ipsius numeri supra ipsum numerum; et si aliqua rupta medietas concurrerit, precipe ut faciat inde integrum. Cuius totius numeri medietatem ponat iterum supra ipsum numerum: et si aliqua medietas concurrerit, iterum in integrum restituat. Deinde interroga eum, si ex summa, quam habet, potest tibi dare 9; et iterum 9, et etiam quotienscumque tibi potest dare 9. Et tu pro quolibet 9 retineas tacite in corde tuo 4; et considera, si in prima positione, cum posuit dimidium numeri super numerum, fuerit fracta medietas, et retine in manu 1. Si in secunda, retine 2. Et si in utraque fractum fuerit, retine 3. Et summam, quam ex quaternarijs collegeris, adde cum dicta unitate, uel cum binario, uel ternario; et habebis positum numerum. Verbi gratia: ponatur, quod posuerit in corde suo 1; super quo si posuerit dimidium ipsius, erit unum, et dimidium; ex quo dimidio, si fecerit 1, erunt 2. Et tu pro ipso dimidio retine in manu 1. Rursus si posuerit dimidium ipsorum 2 super ipsa 2, erunt 3. In quibus, cum non concurrat fracta medietas, et quia non inde potest tibi dare 9, cognoscitur, quod ipse tantum posuit in corde suo unum. Vnde si in utraque positione ruptum ueniret, et 9 inde tibi dare non posset; cognosceres, quod ipse in corde 3 posuisset.

De eodem.

Item ponatur, quod posuisset in corde suo 19; super que si posuerit dimidium ipsorum quod est 5, fiunt 15. In quo numero, cum non sit medium fractum, si superaddideris dimidium ipsius, id est $\frac{1}{2}$ 7, erunt $\frac{1}{2}$ 22; ex quo $\frac{1}{2}$ si feceris 1, erunt 22. Et tu pro $\frac{1}{2}$ cum sit in secunda uice, retine 2. Et quia de 22 non potest tibi dare nouenarium, nisi bis. Retine bis 4 pro ipsis duobus 9; et sic scies, quod 19 posuit in corde suo.

Item ponatur, quod in utraque positione fractio numeri sit; pro quibus fractionibus serua bis 2: et ponatur, quod ex summa, quam in fine habuit, possit tibi dare quater 9; pro quibus retinebis quater 4 id est 16; et tunc cognosces, quod posuit in corde suo 19.

Item alia regula de eodem.

Multiplicet numerum, quem ipse in suo corde posuit per 3; et summam diuidat

* Item ponatur per 2 + (fol. 123 verso, lin. 24-27; pag. 202, lin. 29 — pag. 203, lin. 1).

per 2; et si in ipsa diuisione rupta medietas fuerit, eiciat eam et residuum triplicet iterum; et summam per 2 diuidat. Et si fracta medietas fuerit tibi, eiciat eam; | et quotiens tibi dare poterit 9, pro quolibet 9 retine 4; et si tantum in prima diuisione fuerit rupta medietas, retine in manu 3; et si in secunda 3; si in utraque 1, et habebis numerum excogitatum.

De eodem, cum numerus excogitatus non sit ultra 105.

Diuidat excogitatum numerum per 2, et per 3, et per 7; et semper interroga, quot ex unaquaque diuisione superferuit. Tu uero ex unaquaque unitate, que ex diuisione ternarij superferuit, retine 70; et pro unaquaque unitate, que ex diuisione quinarij superferuit, retine 21; et pro unaquaque unitate, que ex diuisione septenarij superferuit, retine 15. Et quotiens numerus super excreuerit tibi ultra 105, eicias inde 105; et quod tibi remanserit, erit excogitatus numerus. Verbi gratia: ponatur, quod ex diuisione ternarij remaneant 2; pro quibus retineas his septuaginta, id est 140; de quibus tolle 105, remanent tibi 35. Et ex diuisione quinarij remanent 3; pro quibus retine ter 21, id est 63, que adde cum predictis 35, erunt 98. Et ex diuisione septenarij remaneant 4; pro quibus quater 15 retinebis, id est 60; que adde cum 98 predictis, erunt 158; ex quibus eice 105, remanebunt tibi 53; que erant excogitatus numerus.

Procedit enim ex hac regula pulchrior diuiniatio, uidelicet ut si quis tecum nouerit hanc regulam; et aliquis ei priuatim dixerit aliquem numerum, tunc ille tuus consocius, non interrogatus, tacite diuidat numerum sibi dictum per 2, et per 3, et per 7, predicta ratione; et quod ex qualibet diuisione remanserit, per ordinem tibi dicat; et sic poteris scire numerum sibi priuatim dictum.

Aliter. De eodem, cum numerus non ascendat ultra 315.

Precipe ut numerum, quem in corde suo posuerit, diuidat per 3, et per 7, et per 9 ad modum antecedentis regule; et singulariter interroga, quid ex unaquaque diuisione remaneat; et pro unaquaque unitate, que ex diuisione quinarij remanserit, retine 126; et pro qualibet unitate, ex septenario remanente, 225; et pro qualibet ex nouenario, 280; et semper cum summa excreuerit, ita ut possit inde extrahere 315, eice ea inde quotienscumque poteris; et quod tibi in fine remanserit, erit quesitus numerus.

Aliter de eodem.

Precipe, ut duplicet numerum excogitatum; et duplicato addat 5; quod totum multiplicet per 5; et multiplicatae summe addat 10: quo addito, multiplicet totum, quod habuerit, per 10; et interroga eum, quot habet; et ex hoc, quod ipse habuerit, tacite in corde tuo, extrahere 250; et quot centenaria tibi superferint, tot unitates in corde suo proposuit: et si aliquis numerus tibi superferuit, qui sit minor 100, considera ex eo, que pars sit unius centenarij; quia talis pars unius integri, super ipsa integra, que ex centenarijs collegeris, proposuit ipse in corde suo; et cum ad hoc plures possemus dare doctrinas, istas (sic) ad presens sufficiant.

De punctis trium taxillorum inueniendis.

Cum autem quislibet tres taxillos proiecerit; et uolueris, ut dicas puncta, que in quolibet taxillo continentur, precipe ei, ut duplicet puncta unius taxilli; et duplicatae quantitati superaddat 5; quod totum multiplicet per 5, cui superaddat 10, nec non et puncta alterius taxilli; quod totum multiplicet per 10; et multiplicationi puncta

* quater 13 interrogatus =
Sed. 124 recto - fol. 12-13;
pag. 104, lin. 16-20.

| |
|---------------|
| numerus
53 |
|---------------|

alterius taxilli superaddat, et tunc dicat tibi quot habeat: quod cum scieris, extrahe inde 350; et quot centenaria tibi remanebunt, tot puncta in primo taxillo continentur; et quot decene, tot puncta erunt in alio taxillo; et quot unitates, tot in alio.

De anulo reperiendo.]

fol. 134 verso.

Cum autem quotus homines congregati sint; et aliquis eorum occultatum habuerit anulum in aliquo digito manuum, uel in aliquo nodo; et uolueris scire, quis eorum habuerit; per dietam regulam taxillorum tibi demonstro hoc inuenire. Primum quidem iube, ut sedeant omnes in ordinem; et uni eorum, qui plus sciat de numero, dic ut numeret a se usque ad eum, qui habet anulum; quem numerum duplicare facito, et superaddere 5, et multiplicare per 5: deinde superaddat numerum digitorum, hoc est, si habuerit eum in auriculari digito sinistre manus, addat 1; si in anulari 2; si in medio 3; si in indice 4; si in pollice eiusdem manus 5; si in auriculari dextre manus 6; si in anulari 7; si in medio 8; si in indice 9; si in pollice 10; quam summam totam multiplicet per 10; et multiplicationi superaddat numerum nodorum, hoc est, si habuerit eum inter primum nodum, et secundum, addat 1. Si inter secundum, et tertium, 2; si inter tertium, et extremitatem ungule, 3. Et tunc dicat tibi totam summam, ex qua eum extraxeris 350 centenaria, que remanebunt, dabunt tibi numerum hominum, qui sunt ab ipso, qui multiplicat usque ad ipsum, qui habet anulum, computato uidelicet utroque: decene nero, que super fuerint, dabunt tibi numerum digitorum, computando uidelicet ab auriculari digito sinistre manus, ut supra dictum est. Vanitates uero dabunt tibi numerum nodorum digiti, in quo fuerit anulus.

Nam si in aliqua parte corporis ipsum anulum occultare uoluerit; et uolueris scire, quis eorum habeat, et in qua parte sui corporis; oportet primum distinguere hominem in 100 partes, ex quibus decem partes sunt digiti manuum, ut superius determinauimus: digiti uero pedum eodem modo sunt alie 10; et sic sunt 20. Pars uero uigesima prima est superior pars pedis sinistri iuxta digitos. Planta eiusdem est pars uigesima secunda. Superior pars pedis dextri circa digitos, uigesima tertia; planta eiusdem, uigesima quarta. Supra pedem sinistram, ubi pes coniungitur cruri, uigesima quinta. Sub calcaneo eiusdem pedis, uigesima sexta. Supra pedem dextrum, ubi pes coniungitur cruri, uigesima septima. Sub dextro calcaneo, uigesima octaua. Exterior nodus sinistri pedis, uigesima nona. Interior, trigesima; exterior nodus pars dextri pedis, trigesima prima. Interior, trigesima secunda; exterior pars sinistri cruris, trigesimi tertia. Interior, trigesimi quarta. Exterior pars dextri cruris 35. Interior 36. Exterior pars sinistri geniculi 37. Interior 38. Exterior dextri 39. Interior 40. Exterior pars coxie sinistre 41. Interior 42. Exterior pars dextre 43. Interior 44. In ancha sinistra sub brachario, uel supra 45; supra pectinem 46. In ancha dextra circa brachiarum 47. In renibus circa brachiarum 48. Circa posteriorem circulum 49. Circa uirilia 50. In flanco sinistro sub cingulo, uel circa cingulum 51. Umbellius 52; dexter flaneus subtus, uel circa cingulum 53. In renibus circa cingulum 54. Sub ascella sinistra 55; pectus 56; ascella dextra 57. Inter spatulas 58. Inter collum, et humerum sinistram, uel circa collum in sinistra parte 59; fureula pectoris sub gutture 60. In dextra parte circa collum, uel humerum 61. Retro circa colli nodum 62. Inter cubitum, et humerum exterior sinistri brachij 63. Intertia 64.

Exterior dextri 65. Interior 96. Exterior pars cubiti sinistri 67. Interior 99. Exterior dextri 69. Interior 70. Inter cubitum, et manum sinistram exterior pars 71. Interior 72; exterior dextri 73. Interior 74. Exterior iunctura manus sinistre 75. Interior 76. Exterior dextre 77. Interior 78. In dorso manus sinistre 79. In manu eadem 80. In dorso dextre manus 81. In eadem manu 82. In ore 83. Naris sinistra 84; dextra 85. Auris sinistra 86; dextra 87. Post aurem sinistram 88. Post aurem dextram 89. Super frontem iuxta pilos 90. Concauitas colli 91; summitas capitis 92. Retro talum sinistram 93. Retro dextrum 94; super genum sinistram 95. Subtus 96; super dextrum 97. Subtus 98. Sub nare sinistra 99; sub dextra 100: hiis quidem partibus cognitis, fac ut omnes sedeant in ordinem, et uni eorum qui magis de abbaco sciuerit, et qui sciat signa predicta, dic, ut numeret a se usque ad eum, qui habet anulum, computando se, et illum in ipso numero: quibus numeratis, dic ei ut dupliet ipsum numerum; et ut duplicate quantitati addat 10, et multiplicet totam summam per 10, et addat 5; quod totum multiplicet per 5. Postea addat numerum loci, in quo anulus est occultatus, secundum quod superius ostendimus; et totam summam multiplicet per 10; ex qua summa, cum eam ab eo sciueris, extrahe 2250; et quot miliaria remanserint, tot est numerus hominum; et quot tibi remanserint, diuide per 10; et quot ex diuisione euenerint, erit numerus loci, in quo anulus est occultatus. Possemus enim per hanc regulam inuenire, quis colligeret aliquam rem ex 100 rebus, et quam rem colligeret, si poneret eis nomina de numero per ordinem ab unitate usque ad 100.

De diuisione cuiuslibet et numeri in duas partes.

Cum aliquis diuiserit aliquem incertum numerum in duas partes, quas tu inuenire cupis, precepe ut dupliet unam illarum partium, et aliam multiplicet per totum numerum, quem in corde posuerit; et tunc interroga eum, quanta distantia sit a numero summe, quam habet, usque in numerum, quem tu collegeris in corde tuo ex multiplicatione diuisi numeri in uno plus eo; quam distantiam diuide per unum, minus numero diuiso; et quod ex diuisione exierit, erit pars, quam ipse duplicasti. Quod uero ex diuisione remanserit, erit alia pars. Verbi gratia: Sint 10 diuisa in 2, et in 7; et sint 3 duplicata, et 7 multiplicata per 10; que omnin surgunt in 78: a quibus usque in 110, que exeunt ex multiplicatione de 10 in 11, desunt 32: que si per 1 minus de 10 diuideris, scilicet per 9, exilant 3, et remanebunt 7, ut prescripto 10 diuisa fuerunt.

Aliiter de eodem.

Primum partem dupliet, uel triplicet, uel per qualemcumque numerum minorem diuiso numero uoluerit, multiplicet; aliam uero partem per alium numerum, quem uoluerit, qui sit maior numero diuiso, multiplicet; quod totum in unum coniungat, et dicat tibi distantiam, que est a numero, quem habuit usque in numerum, quem in corde tuo collegeris ex multiplicatione diuisi numeri in numerum, qui sit uno maior numero, in quo ipse multiplicauit secundam partem: quam distantiam, si duplicauerit primam partem, diuide per uno minus numero, in quo multiplicauit secundam partem. Et si triplicauerit, diuide per 2 minus; et si multiplicauerit ipsam partem per 4, diuide per 3, minus numero, in quo ipse multiplicauerit secundam partem; et sic intellige de reliquis numeris in quibus tu feceris eam multiplicare primam partem; et poteris ex hoc colligere, cum quidam habuerit in

manu dextra aliquot denarios, ex quibus posuerit ad libitum in manu sinistra quot deuarios de dextra in sinistra posuerit.

De diuisione alicuius numeri in tres partes.

Si quis diuiserit aliquem numerum in tres partes; et uolueris ipsas partes inuenire, addisce diuisum numerum ab eo, et fac ut multiplicet per 2 unam qualem uoluerit partem: aliam uero multiplicet per 1, minus numero diuiso. Aliam autem multiplicet per ipsum numerum diuisum, et addat ipsas multiplicationes in unum. Interim tacite multiplica numerum diuisum in se ipsum; quo multiplicato superadde et qualem uolueris numerum; et ex summa, quam habueris, dic, ut extrahat summam suam, et dicat tibi residuum; ex quo residuo tacite extrahe numerum, quem multiplicationi tue adianxisti: reliquum uero diuide per 2, minus numero diuiso; et quod ex diuisione eueuerit, erit prima pars; quod uero remanserit, erit alia: quibus duabus partibus in unum collectis, si eas ex numero diuiso extraxeris, tertiam tibi parte.n demonstrabunt.

Aliam multiplicet unam partem, ut prediximus, per 3; aliam uero multiplicet per qualem uolueris numerum, qui sit maior numero diuiso; tertiam uero partem multiplicet per 1, plus numero, per quem multiplicauit secundam partem: ex hijs tribus multiplicationibus faciat unam summam; quam dic, ut extrahat ex numero, quem tu colliges ex numero diuiso, multiplicato in numerum, per quem ipse multiplicauit tertiam partem: residuum uero, cum dixerit tibi, diuide secreta per 2, minus numero, per quem multiplicare feceris tertiam partem; et hoc fit, quia prima pars multiplicata fuit per 2. Vnde si multiplicaretur per 3, diuideres ipsum residuum per 3, minus numero suprascripto; et hoc intelligas, si multiplicaretur per aliquem alium numerum; et quod ex diuisione exierit, erit prima pars; et quod ex diuisione remanserit, erit secunda: tertiam uero partem quilibet potest inuenire. Potes enim per has duas regulas puncta trium taxillorum inuenire, si scieris summam cunctorum punctorum.

Et si aliquis diuiserit aliquem numerum in .iiii.^{or} partes; quas partes tu inuenire desideras, addiscas primum ipsum numerum ab eo, et precipe, ut summam prime partis, et secunde, et tercie addat cum summa secunde, et tercie, et quarte, et cum summa tercie, et quarte, et prime partis; et dicat tibi summam, quam secreta extrahe ex multiplicatione diuisi numeri in 3; et quod remanebit, extrahe de diuiso numero: residuum uero erit una pars, scilicet tercia. Qua inuenta, reliquas tres partes per suprascriptas regulas studeas inuenire.

Item si in quinque partes quis aliquem numerum diuiserit, precipe, ut addat numerum .iiii.^{or} partium per ordinem, uidelicet prime, et secunde, et tercie, et quarte cum numero secunde, et tercie, et quarte, et quinte; et cum numero tercie, et quarte, et quinte, et prime; et cum numero quarte, et quinte, et prime, et secunde; et dicat tibi summam, quam extrahe secreta ex quadruplicatione diuisi numeri: residuum uero extrahe de diuiso numero, et habebis unam partium, scilicet quartam. Reliquas uero .iiii.^{or} partes per suprascriptam regulam studeas inuenire: sic enim potes de pluribus partibus operari.

Si tres homines fuerint, quorum unus habeat aurum, alius argentum, alius stagnum; et uolueris scire, quot eorum habeat aliquod eorum. Sit aliquis alius, uel unus eorum, qui faciat numerum quod dixeris ei; et tunc da uni illorum trium 1, et alio 2, et

alio 3; et precipe, ut duplicet numerum, quem dedisti illi, qui habet aurum; et numerum, quem dedisti illi, qui habet argentum, multiplicet per 9: reliquum uero numerum multiplicet per 10, et addat eas duas multiplicationes cum duplicatione superscripta; et dic, ut extrahat summam de 60; et quicquid superfluerit dicat tibi; et tu diuide ipsum superfluum per 9; et cui dedisti numerum, qui ex diuisione exierit, ille habet aurum; et cui dedisti hoc, quod ex diuisione remanserit, ille habet argentum; reliquus uero habet stagnum.

Aliter da uni eorum duos; alij tria; alij 4: precipe, ut numerus illius, qui habet aurum, duplicetur; numerus quoque ipsius, qui habet argentum, multiplicetur per 9; numerus illius, qui habet stagnum, multiplicetur per 10; et interroga, quid habet a summa usque in 90: quod cum scieris, diuide illud per 9; et cui dedisti numerum, qui ex diuisione exierit, ille habet aurum; et cui dedisti numerum, qui ex diuisione remanserit, ille habet argentum. Reliquus uero habet stagnum. Et scias, quia in hac questione ideo distantia queritur, que est a summa usque in 90, quia additis tribus numeris, quos ei dare fecimus, scilicet 2, et 3, et 4, faciunt 9; que cum multiplicaueris per 10, per ipsa uidelicet, in quibus multiplicauit numerum ipsius, qui habet stagnum, faciunt 90: propter eadem uero in antecedente questione queritur distantia, que est a summa usque in 60; quia septies 10 faciunt 60; que 60 colliguntur ex coadunatione trium datorum numerorum, scilicet ex uno, et 2, et 3. Vnde et alios numeros, preter hos, ipsis tribus hominibus dare poteris, si supradictarum regularum doctrinam retinere scieris. Et nota, quod unumquemque numerorum datorum oportet esse minus quam 8, cum in 8 diuidere oporteat.

Aliter ille, qui tecum hoc fecerit, det ad libitum uni eorum quicquid uoluerit; alij det aliquantulum plus; tercio det plus secundo, et addat hos tres numeros insimul; et dicat tibi summam, quam nota; et precipe, ut numerum, quem dederit ei, qui habet aurum, duplicet; numerum uero illius, qui habet argentum, multiplicet per 1, minus summa trium datorum numerorum; quem numerum debes ei denominare, ut non comprehendat quare hoc facias. Et numerum, quem dederit illi, qui habet stagnum, multiplicet per ipsam summam; quem summam debes ei similiter denominare. Interim multiplica ipsam summam in seipsam; et super numerum, qui ex multiplicatione procreabitur, adde aliquem numerum ad libitum; et interroga eum, quot habeat a summa sua usque ad tuam; et ex hoc quod tibi dixerit, extrahere numerum, quem ad libitum adiunxisti. Residuum uero diuide per 2, minus numero, qui ex tribus datis numeris procreatur; et quot ex diuisione exierit, erit numerus illius, qui habet aurum; et quot ex diuisione superfluerit, erit numerus illius, qui habet argentum: quibus duobus numeris inuentis, adde eos insimul, et extrahere summam eorum de summa trium datorum supradictorum numerorum; et quod remanserit, erit numerus illius, qui habet stagnum: quibus tribus numeris repertis, considera, cui eorum trium hominum dedisti maiorem, et cui mediocrem, et cui minorem; et secundum illud poteris scire, quis eorum habeat aurum, et quis argentum, et quis stagnum: cuius regule si memoriam habueris, et de intentione 4, et 5 partium numerorum non immemor extiteris, poteris de 4, et de 5 rebus noticiam habere.

Si aliquis posuerit in corde suo aliquem numerum, facies ei duplicare semel, et bis,

et ter; et quotiescumque uolueris, uel etiam triplicare, uel per aliquem numerum multiplicare, cum quibusdam alijs extractionibus, et additionibus, secundum quod inferius demostrabimus; et uolueris inuenire suramam, in qua ipse ascenderit; retine tu in manu 1, et quicquid precipies ei, | fac de ipsa unitate, ut si preceperis ei, quod dupli- cet, uel triplicet, tu duplica, uel triplica ipsam unitatem; et cum hoc aliquoties ambo feceritis, pariter precipe, ut ipse addat summe, uel extrahat a summa numerum, quem ipse in corde suo posui semel, uel bis, uel quotiescumque uolueris; et tu fac similiter de unitate tua; et tunc precipias ei, ut diuidat totam summam, quam habuerit per numerum, quem in corde suo posuit; et tunc scias, quod ipse habet tantum quantum tu habes in manu tua. Verbi gratia : ponatur, quod ipse cogitet 6; quem si dupli- caueris, eruat 12; et tu ex duplicata unitate habebis 2. Vade si ipse 12 his dupli- caueris, habebit 48; et tu si binarium, quem habes ex duplicato 1, bis duplicaueris, ha- bebis 8; et si ipse suam 48 triplicaueris, habebit 144; et si tu triplicaueris 8, habebis 24; et sic possemus procedere in infinito, duplicando, uel triplicando, uel quadrupli- caado: super que 144, si addiderit ter numerum, quem ipse in corde suo posuit, scilicet ter 6, habebit 162; et si tu super 24 addideris ter ipsam unitatem, habebis 27; et tuac si ipse diuiderit summam, uidelicet 162, per numerum, quem in corde suo posuit, scilicet per 6, habebit 27, sicut tu habes. Vnde si dixeris ei, quod habeat 27, uideberis aliquod dixisse miraculum.

Ex hac itaque regula aliqua quedam procedit, que non minus miranda est. Videlicet cum uolueris, ut aliquis inueniat numerum, quem tu ia corde tuo posueris sine aliqua interrogatione, debes ei dicere, ut accipiat a quocumque uelit homine aliquem numerum; et tu tene in manu tua 1; et precipias ei, ut dupli- cet numerum, quem accepit, uel triplicet, uel per alium numerum multiplicet; uel etiam diuidat; et super summam addat, uel extrahat numerum, quem ab ipso accepit; et tu semper fac de unitate tua illud idem, quod sibi preceperis; et hoc fiat, donec ex ipsa unitate procreaueris aumerum, quem in corde possuisti; et tunc dicas ei, ut diuidat numerum, quem habet per numerum, quem accepit; et quod ex diuisione perueuerit, erit aumerus, quem in corde possuisti.

Incipit pars 9^a de duplicatione scacherii, et quorundam aliarum regularum.

Duplicatio quidem scacherij duplici modo proponitur; quorum unus est cum sequens punctum sui antecedentis duplum sit; alius, cum sequens punctum omnium antecedentium punctorum duplum esse proponatur. Vnde qualiter utrum duplicatio fieri debeat, ad presens ostendere procuramus. Prima namque duplicatio duplici modo fieri potest, uidelicet si de puncto in punctum duplicando usque ad ultimam punctum egrediendo operabimur: alius modus est, ut duplices tantum primum punctum, et habebis duo; que duo multiplica in se, erunt 4; que 4 sunt 1, magis numero duplicationis duorum punctorum. Verbi gratia. In primo puncto pone 1. In secundo 2; quibus iunctis, faciunt 2; quibus tribus superscripta 4 sunt 1 plus; quibus 4 in se multiplicatis, faciunt 16; qui numerus est uno magis duplicatione dupli duorum punctorum, uidelicet de punctis 4. Verbi gra- tia: in primo est 1. In secundo 2. In | tercio 4. In quarto 8; quibus insimul iunctis, faciunt 16; que sunt 1, minus de 16. Item 16 ia se multiplica, faciunt 256; que sunt 1, plus numero duplicationis dupli .iiii.^{or} punctorum superscriptorum, scilicet de

fol. 136 verso.

fol. 137 recto.

punctis 6; que primam scacherij optinent lineam. Verbi gratia. In primo est 1. In secundo 2. In tercio 4. In quarto 8. In quinto 16. In sexto 32. In septimo 64. In octavo 128; quibus in simul iunctis, faciunt 255; quorum 255 superscripta 256 sunt, 1 plus, ut prediximus: quare multiplicatis 256 in se, faciunt 65536, que sunt 1, magis duplicatione dupli unius lineae, scilicet de punctis 16: propter eandem ergo multiplica 65536 in se, faciunt 4294967296; que similiter sunt uno magis numero duplicationis dupli duarum linearum, uidelicet de punctis 256, que dimidium optinent scacherij. Vnde multiplica 4294967296 in se, reddunt 18446744073709551616; que sunt 1, magis duplicatione totius scacherij; quo numero in se ipso multiplicato, reddunt 1, magis duplicatione duorum scacheriorum, scilicet 240 288 366 990 528 462 483 374 607 431 768 241 456; et sic multiplicando possemus procedere in infinitum. Sed cum numerus duplicationis scacherij post multitudinem intelligi nequeat; qualiter apertius intelligi possit, ostendere procuramus. Sumantur bizantij 65536, qui colliguntur ex duplicatione duarum linearum, scilicet 16 punctorum; et impleatur ex hijs arca una; et eas cum ipsa arca duplicando per ordinem; et sic habebimus in septimo decimo puncto, uidelicet in primo puncto tercie lineae, archas duas; secundo eiusdem lineae archas 4. In tercio 8. In quarto 16. In quinto 32. In sexto 64. In septimo 128. In ultimo eiusdem lineae domos 256. In primo puncto lincee 512. In secundo 1024. In tercio 2048. In quarto 4096. In quinto 8192. In sexto 16384. In septimo 32768. In ultimo habebis archas 65536: ex quibus, si unam impleuerimus domum, habebimus in primo puncto quinq; lineae domos 2. In secundo 4. In tercio 6; et sic duplicando per ordinem, habebimus in ultimo puncto sexte lineae domos 65536. Ex quibus, si unam fecerimus ciuitatem, et per reliqua puncta iucrimus duplicando, habebimus in ultimo puncto scacherij ciuitates 65536: ergo summa totius scacherij ascendit in ciuitates 65536; ex quibus unaquaque habet domos 65536; et in unaquaque domo sunt arce 65536; et in unaquaque arca sunt bizantij 65536: propter quod in una arca curam oportet habere bizantium 1, minus supradicta demonstratione. Et si cum gratis frumenti ipsum scacherium duplicare uolueris; et ex hijs quot naues onerate exeant; quarum unaquaque habebit modia 500 pisanos; quorum quodlibet est sextaria 24; quorum quodlibet ponderat libras 140; quarum unaquaque ponderat uncias 12; et in unaquaque uncia ponderat denarios 25 de cantera; quorum unusquisque ponderat carrubias 6; quarum unaquaque ponderat grana frumenti 4, disponantur hee omnes sub quadam nigula sic per ordinem: $\frac{4}{16} \frac{6}{12} \frac{25}{25} \frac{6}{12} \frac{115}{12} \frac{122}{12} \frac{6}{12} \frac{6}{12}$; et numerum scacherij, scilicet 18446744073709551615, diuides per superscriptas partes, que sunt sub nigula; et quicquid super 4, que sunt in capite uirge remanserit, erunt grana; et quicquid supra 8 remanserit, erunt carrube; et quicquid supra 25, erunt denarij de cantera; et quicquid supra 12, erunt uncie; et quicquid supra 140, erunt libe; et quicquid supra 24, erunt sextaria; et quicquid supra 500 remanserit, erunt modia: numerus uero, qui ex diuisione superauerit, erit numerus nauium oneratarum, ut hic ostenditur $\frac{0}{18} \frac{0}{21} \frac{6}{12} \frac{115}{12} \frac{122}{12} \frac{6}{12} \frac{6}{12}$ 4725028445; qui nauium numerus, quoniam infinitus, et innumerabilis sit, satis liquido hic deprehenditur. Et nota, quod modia 500 uniuscuiusque nauis sunt modia thalatia, scilicet de romaniam 16000; uel modia soric 6000; uel sulme sicilie 4000.

Secunda uero duplicatio scacherij, scilicet cum quislibet sequentium punctorum omnium antecedentium duplus esse proponitur, dupliciter inueniri potest: primum qui-

Arce, arbor . . . 65536, 24
 (ad 117 recte, in. 20 TB.)
 pag. 319, lin. 14-25:

| |
|-----------|
| ciuitates |
| 65536 |
| domos |
| 65536 |
| arce |
| 65536 |
| bizantij |
| 65536 |

fol. 137, verso.

dem, ut de puncto in punctum usque ad finem numerando eas. Secundus uero modus est, ut accipias 1, quod proponitur in primo puncto, et addas eum cum 2, que ponuntur in secundo, erunt 3; que 3 multiplica in se, erunt 9; que 0 sunt numerus duplicationis primi puncti, etiam et dupli secundi puncti, scilicet de punctis tribus. Verbi gratia : si in primo ponatur 1. In secundo duo. In tercio 4, scilicet duplum duorum antecedentium punctorum, summa eorum erit 9, ut preuimus: que 0, si in se multiplicentur, faciet 9; qui numerus est duplicatio primi puncti, etiam et dupli duorum sequentium punctorum, scilicet de punctis 3. Verbi gratia : si in primo puncto ponitur 1. In secundo 2. In tercio 6. In quarto 18. In quinto 36, uimur in 81 ascendunt; que 81, si in se multiplicaueris, faciet 6561; qui numerus est duplicatio primi puncti, etiam et dupli .312.^o punctorum sequentium, scilicet de punctis 9. Verbi gratia. Numerus primi puncti est 1; secundi 3; tercij 6; quarti 18; quinti 36; sexti 108; septimi 486; octaui 1458; noni 4374; quibus omnibus iunctis, faciunt 6561; que 6561 in se multiplica, faciunt 43046721; qui numerus, superscriptis dispositis, est duplicatio primi puncti, etiam et dupli octo sequentium punctorum, scilicet de punctis 17. Vnde si multiplicaueris 43046721 in se, reddunt 185208188831841 pro duplicatione primi puncti, et dupli 16 punctorum, uidelicet pro duplicatione punctorum 22: quo numero in se multiplicato, reddit 34 22682382029251246465784 0089251 pro duplicatione totius scacherij, etiam et unius puncti amplius; qui punctus duplum totius scacherij quare oportet, ut tertia pars numeri superscripti sit numerus duplicationis totius scacherij : quare diuiso ipso numero per 3, reddit pro duplicatione totius scacherij 1144561273420827494685040695487.

Quidam dedit unum denarium ad usuram, ita quod in quinque annis debebat duplum ipsius denarij recipere; et in alijs quinque debebat duplum habere duorum illorum denariorum; et sic semper de 5 in 5 annis duplicabatur capitale ipsius, et usura queritur, quot denarios ex ipso denario habere debeat in 100 annis: diuide ipsos annos 100 per 5, exhibunt 20: ergo nigesies duplicatur denarius ille. Vnde 20 punctorum scacherij gerit similitudinem: quare si duplicauerimus ipsum denarium nigesies, habebimus summam, in qua ipse denarius ascenderit in 100 annis: uel aliter duplica ipsum denarium, erunt 2; in quo numero ipse denarius ascendit in primo quinquennio: que 2 iterum multiplica in se, erunt 4; in quo numero ipse denarius ascendit in secundo quinquennio: que 4 iterum multiplica in se, erunt 16; | qui numerus est summa, in qua ascendit ille denarius in quarto quinquennio; que 16 duplica, erunt 32 pro summa quinti quinquennij: que 32 in se multiplica, erunt 1024 pro summa decimi quinquennij: que 1024 in se multiplica, reddunt denarios 1048576 pro summa nigesimi quinquennij, scilicet annorum ipsorum 100, qui sunt libre 4260, et denarij 16. Eadem regula est de homine, qui uendidit 20 paria pellium; ex primo quorum debebat habere 1 denarium; ex secundo 2; ex tercio 4; et sic semper duplicando usque ad ultimum par; quorum summa est denarius 1, minus de predicta summa.

Septem uetule nudant romam; quarum quelibet habet burdones 7; et in quolibet burdone sunt saculi 7; et in quolibet saculo panes 7; et quilibet panis habet cul-tellos 7; et quilibet cultellus habet uaginas 7. Queritur summa omnium predictorum. Primum quidem multiplica numerum uetularum, scilicet 7, per numerum burdonorum,

64. 214 recto.

* Apud ... metrologia 2. fol.
158 recto. lin. 6 27 + 18.
pag. 211, lin. 40 - pag. 212.
lin. 7.

| |
|--------|
| 127856 |
| 7 |
| 49 |
| 343 |
| 2401 |
| 16907 |
| 117649 |

quinariorum; que multiplica per 3, erunt 1933125; quem numerum multiplica in se, reddunt pro summa omnium quinariorum 231469726325; que multiplica per 100, et diuide postea summam per omnia 4, que sunt sub uirga optime coactata, exiunt $\frac{1}{4} \frac{2}{4} \frac{3}{4} \frac{4}{4} \frac{5}{4} \frac{6}{4} \frac{7}{4} \frac{8}{4} \frac{9}{4} \frac{0}{4}$ 5351 pro quesita summa.

Quidam habuit bizantium per .xii. ciuitates; et oportebat, ut in unaquaque illarum ciuitatum daret decimam suorum bizantium, quos defererebat secum; queritur, quot remanserint ei post exitum .xii.^{im} ciuitatum: quia dabat decimum in unaquaque ciuitate, sequebatur necessario, quod sibi remaneret 0^{m} decime omnium bizantium, quos ipse detulerat in ipsa ciuitate: quare ponas $\frac{0}{10}$ duodecies per ordinem in quadam uirga terminante in circulo a sinistra, sic: $100 \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ et multiplica in uiam omnia 9, que sunt super uirga, scilicet 9, per 0; que per 0, erunt 729; que multiplica in se, erunt 531441, que sunt summa sex nouenariorum; quam summam multiplica in se ipsam, reddunt 23122656481 pro summa omnium nouenariorum; que multiplica per 100, et diuide per omnia 10, que sunt sub uirgula, exhibunt bizantij $\frac{1}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 28 pro eo, quod ei remansit in fine. Vnde si uolueris cognoscere, quot bizantios inter omnes ciuitates dedit; de bizantijs quidem centum extrahes 28 eum suis fractionibus; residuumque erit quesitum. Quod inuenies sic: protrahe aliam uirgulam, sub qua sint decies 10 in ordinem pro decem decimis, que sunt sub uirgula superscripti residui; et accipe 1, quod est super prima 10 in sinistra parte, et extrahere eum de 10, et remanet 0; que pone super priora 10 uirge protracte, et retine in manu 1: ideo quia ex ipso 1, qui est super 10, et ex ipso nouenario semel perficitur decenarius numerus; cum quo 1 seruato in manu adde 8, que sunt super sequentia 10, erunt 9; que extrahere de 10, remanet 1; quod pone super 10 noni gradus protracte uirge, et retine 1 in manu; cum quo adde 4, que sunt super 10 octauo gradus, erunt 5; que extrahere de 10, remanent 5; que pone super 10 octauo gradus, et retine in manu 1; cum quo adde 6, quod sunt super 10 septimi gradus, erunt 7; que extrahere de 10, remanent 7; que 3 pone super 10 septimi gradus, et retine 1, quod adde eum 3, que sunt super 10 sexti gradus uirge, erunt 4; que extrahere de 10, remanent 6; que pone super 10 sexti gradus, et retine 1; quod adde eum 5, que sunt super 10 quinti gradus, et extrahere de 10, remanent 4 super 10 quinti gradus; et retineas in manu 1, quod adde cum 0, que sunt super 10 quarti gradus, et extrahere de 10, remanet 0 super 10 quarti gradus, et retine in manu 1; quod adde eum 2, que sunt super 10 tercijs gradus, et extrahere de 10, remanent 7 super octauum 10 tercijs gradus, et retine 1; quod adde eum 4, que sunt super 10 secundi gradus, et extrahere de 10, remanet 5 super 10 secundi gradus, et retineas 1; cum quo adde 2, que sunt super 10 primi gradus, et extrahere de 10, remanent 7 super 10 primi gradus protracte, et retineas 1; quod adde cum bizantijs 68, extrahere de bizantijs 100, remanent bizantij 71 ante ipsam uirgam, ut hic ostenditur $\frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10} \frac{0}{10}$ 71, pro hoc, quod dedit inter omnes illas ciuitates. Nam si hoc, quod dederit, uel quod ei remanserit de ciuitate in ciuitate, scire uolueris, extrahere decimam ex illis 109 bizantijs, quos dedit in prima ciuitate, scilicet bizantios 10, remanent ei 99 bizantij; de quibus bizantijs 99 extrahere decimam, scilicet bizantios 0, quos dedit in secunda ciuitate, remanent ei bizantij 81; de quibus bizantijs 81 extrahere decimam, scilicet bizantios $\frac{1}{10}$ 8, quos dedit in tercia ciuitate,

* pro summa ... extrahere uirgula
tabula ... fol. 128 recto, lin.
24-28 et 29, pag. 313, lin. 12
(45).

| residuum | | | | | | | | | | | |
|----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |

64. 135 recto.

* gradus, et ... ipsum a (6-4)
129 recto, lin. 2-6, pag. 312,
lin. 32-36.

| summa centis | | | | | | | | | | | |
|--------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 | 0 |
| 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |

remanent bizantij $\frac{7}{10}$ 72; de quibus accipe decimam, quam dedit in quarta ciuitate; que duplici modo accipitur: primus modus est, ut multiplices 72 per suam uirgulam, scilicet per 10, et adde 9, erunt 720; que diuide per 10, exhibunt $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 7 pro decima parte de $\frac{7}{10}$ 72. Vel aliter. Pone duas decimas sub quadam uirgula; et super primam pone 9, que sunt super 10 de uirgula de 72; et super alia 10 pone 1, que sunt in primo gradu de 72; et remanentia 7 pone ante ipsam uirgulam, et habebis similiter $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 7; que extrahere $\frac{7}{10}$ 72, que duplici modo extrahuntur: comunis omnium modus est, ut multiplices 7 per suam uirgulam, erunt centesime 720; deinde multiplica 72 per suam uirgulam, erunt decime 720; quas multiplica per 10, ut sint centesime, sicut sunt ille, que debinc debes extrahere, erunt centesime 7200; ex quibus extrahere centesimas 720, remanent centesime 6564; quas diuide per 100, scilicet per $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$, exhibunt bizantij $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ 65 pro suprascripto residuo. Vel aliter: protrahe retro uirgulam, que est post 72, et pone sub eadem 10, et super ipsum 10 pone 0, ut sint decime due sub ipsa uirgula, sicuti sunt sub ea, que est post 7, ut hic ostenditur, de $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 72: deinde accipe 9, que sunt super 10 in uirgula $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 7; et extrahere ea de 0, quod est super 10, de uirgula de $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 72: quod cum non sit possibile, adde 10 super ipsum 0, scilicet numerum, qui est sub uirgula, sub ipso 0, erunt 10; de quibus, cum possibile sit, extrahere 9, remanet 1; quod pone super priora 10 cuiusdam uirgule, sub qua sint similiter decime due, et pro addito decenario retine in manu 1; quod adde cum 1, que sunt super ultima 10 de uirgula de $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 7, erunt 2; que extrahere de 0, cum possibile sit, que sunt super ultima 10 de uirgula de $\frac{7}{10}$ $\frac{7}{10}$ 72, remanebunt 6; que pone super ultima 10 protracte linee, et extrahere 7 de bizantijs 72, remanent bizantij 65; quos pone ante protractam uirgulam, et habebis similiter pro suprascripto residuo bizantios $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ 65; de quibus accipe decimam, quam dedit in quinta ciuitate: que dupliciter per suprascriptos modos potest accipi; scilicet multiplica 65 per suam uirgulam, scilicet per 10, et adde 6; que per 10, et adde 1, hoc est quod ante 65 pones 6 et 1, que sunt super uirgu; et sic habebis suprascriptas centesimas 6564; quas diuide per 10, et per ruptos, qui sunt sub ipsa uirgula, scilicet per $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ $\frac{6}{10}$, exhibunt $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ $\frac{6}{10}$ 6 pro decima parte eorum. Vel aliter: protrahe quandam uirgulam, sub qua pones tres decimas; et super primam pone 1, quod est super prima 10 in uirgula de 65; et super alia pone 6, que sunt super alia 10; et super tertiam pone figuram primi gradus de 65, scilicet 5; et remanentia 6 pone ante ipsam uirgulam; et sic habebis $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ $\frac{6}{10}$ 6 pro decima parte de suprascriptis bizantijs $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ 65: quare extrahere ipsos ab ipsis, qui dupliciter per suprascriptos numeros extrahuntur; quos modos hic reiternimus, ut in reliquis ciuitatibus melius scias procedere: multiplica bizantios 6 per eorum uirgulam, et habebis millenas 6564. Similiter multiplica 65 per suam uirgulam; uel pone ante ipsam figuras, que sunt super uirgulam retro, similiter per ordinem procedendo, erunt centesime 6564; quas multiplica per 10, ut sint millene, sicut sunt alie, quas debes hinc extrahere, erunt millene 65640; de quibus extrahere millenas 6564, remanent 60040; quas diuide per 1000, hoc est per $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$, exhibunt $\frac{6}{10}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ 60 pro quesito residuo. Vel aliter: protrahe retro uirgulam de 65, et pones sub ipsa decem, et super ipsa decem pone 0, ut hic ostenditur $\frac{6}{10}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ 65: deinde 1, quod est super 10 de uirgula de $\frac{1}{10}$ $\frac{6}{10}$ $\frac{1}{10}$ 6, extrahere de 0, quod est super 10 de uirgula de 65; quod cum possibile non sit, adde

cum ipso 0 numerum existentem sub ipso, scilicet 10, erunt 10; de quibus extrahe suprascriptum 1, remanent 9; que pone super primam 10 cuiusdam protracte uirgule, sub qua sint tres decime; et pro addito decenario retine in manu 1; quod adde cum 6, que sunt super 10 uirgule de $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 6, erunt 7; que extrahe de 1, quod est super secundum 10, de uirgula de $\frac{6}{10} \frac{1}{10} \frac{6}{10}$ 65; quod cum possibile non sit, adde cum ipso 1 numerum existentem sub ipso, scilicet 10, erunt 11; ex quibus extrahe suprascripta 7, remaneant 4, que pone super secunda 10 protracte uirgule; et pro 10, que inxisti cum 1, retine in manu 1; quod adde cum 3, que sunt super ultima 10 uirgule de $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{3}{10}$ 6, erunt 6; que extrahe de 6, que sunt super ultima 10 uirgule de $\frac{6}{10} \frac{1}{10} \frac{6}{10}$ 65, remanet 0; quod pone super ultima 10 protracte uirgule: deinde extrahe bizantios 6 de bizantijs 65, remanebunt bizantij 59; quos pone ante protractam uirgulam, et habebis similiter bizantios $\frac{5}{10} \frac{1}{10} \frac{5}{10}$ 59 pro quesito residuo; de quibus extrahe decimam, per quem uolueris modum ex suprascriptis duobus modis, que est bizantij $\frac{5}{10} \frac{1}{10} \frac{5}{10}$ 59, quos dedit in sexta ciuitate, remanebunt bizantij $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 53; de quibus extrahe decimam, quam dedit in septima ciuitate, que est bizantij $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 47, remanebunt bizantij $\frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{6}{10}$ 47; de quibus extrahe decimam, quam dedit in octaua ciuitate, scilicet bizantios $\frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{6}{10} \frac{6}{10}$ 4, remanebunt bizantij $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 42; de quibus extrahe decimam, quam dedit in nona ciuitate, scilicet bizantios $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 4, remanebunt bizantij $\frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 28; de quibus extrahe decimam, quam dedit in decima ciuitate, scilicet bizantios $\frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 3, remanebunt bizantij $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 34; de quibus extrahe decimam, quam dedit in undecima ciuitate, scilicet bizantios $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 3, remanebunt bizantij $\frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 31; de quibus extrahe decimam, que dedit in ultima ciuitate, scilicet bizantios $\frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10} \frac{2}{10}$ 3, remanebunt bizantij $\frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10}$ 28; ut per aliam regulam superius inuenimus: et ut hoc, quod dictum est, melius ad oculumprehendatur, hic inferius bizantios, quos in unaquaque ciuitate dedit, in una parte, et in alia bizantios, qui remanserunt, per ordinem describimus.

hij sunt bizantij, qui remanserunt. 100

| |
|--|
| 90 |
| 81 |
| $\frac{9}{10}$ 72 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 65 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 59 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 52 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 47 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 42 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 38 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 34 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 31 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 28 |

hij sunt bizantij, quos dedit. 10

| |
|--|
| 9 |
| $\frac{1}{10}$ 8 |
| $\frac{9}{10} \frac{9}{10}$ 7 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{9}{10}$ 6 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 5 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 5 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 4 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 3 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 3 |
| $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 3 |
| $\frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{1}{10} \frac{9}{10}$ 3 |

64 149...

... summa illius .
(6) 149 cent. in 5 + 67)
p. 216, lin. 7-11.

Ponit
100

Eadem questio est de buete, in qua sunt hariles 100 unii, ex quibus per singulos menses extrahitur decimum residui; et queritur, quot hariles in fine anni remanserunt, scilicet post 12 menses. Nam si contra propositum esset, quod quidam habebat bizantios perrexit per 12 ciuitates, et dedit in unaqueque ciuitate decimam residui suorum bizantium, et remanserunt ei bizantij $\frac{1}{10} \frac{9}{10} \frac{8}{10} \frac{7}{10} \frac{6}{10} \frac{5}{10} \frac{4}{10} \frac{3}{10} \frac{2}{10} \frac{1}{10}$ 88; et queratur, quata sit summa bizantium ipsius: describe in ordine duodecies $\frac{8}{10}$ sub quadam uirgula, superscripta ratione, ut hic ostenditur $\frac{8}{10} \frac{7}{10} \frac{6}{10} \frac{5}{10} \frac{4}{10} \frac{3}{10} \frac{2}{10} \frac{1}{10}$; et multiplica bizantios 88 cum suis fractionibus per omnia 10, que sunt sub duodecim uouenarijs prescripte uirgule; et diuide summam ipsius multiplicationis per illos duodecim nouenarios, cum positi fuerint sub quadam uirgula; et sic habebis bizantios 100 pro summa illius.

Quidam habens bizantios uoluit exire de quadam ciuitate habente portas 10; et oportuit eum dare prime porte $\frac{2}{3}$ suorum bizantium, et insuper $\frac{2}{3}$ unius bizantij; secunde dimidium bizantium, quos ibi attulit, et insuper $\frac{1}{3}$ unius bizantij. Tercie tercium, et $\frac{1}{3}$ unius bizantij. Quarte quartam, et $\frac{1}{4}$ unius bizantij; et ita per ordinem, usque quod in decima porta dedit decimam bizantium, quos ibi attulit, et $\frac{1}{10}$ unius bizantij, et remansit ei bizantios 1; queritur, quot bizantios habuit ille. Potest itaque hec questio dupliciter solui: primum quidem, ut de porta in portam, ab ultima incipiendo, egrediaris sic. Nam in fine remansit ei bizantios 1, et dedit ultime porte decimam unius bizantij: ergo cum ipse dedit ipsam decimam, habebat bizantium $\frac{11}{10}$; et quia tunc dederat decimam bizantium, quos ibi attulit, et remansit ei bizantios $\frac{11}{10}$; inueniendus est numerus; ex quo, extracta $\frac{1}{10}$, remaneat bizantios $\frac{11}{10}$: quem numerum pone ut sit 10, secundum regulas arborum; de quo, extracto $\frac{1}{10}$, remaneat 9; que 9 uellent esse $\frac{1}{10}$: quare multiplica 10 per $\frac{1}{10}$, et diuides per 9, exhibunt bizantij $\frac{10}{9}$; et tantum remansit ei post nonam portam; eum quo adde $\frac{1}{9}$ unius bizantij, quem dedit nonae porte, erit bizantios $\frac{10}{9}$. Quare inuenies numerum; de quo, extracta $\frac{1}{9}$ ipsius, remaneat bizantios $\frac{10}{9}$. Pones ergo, quod numerus ille sit 9; de quo, extracto $\frac{1}{9}$, remaneat 8; que uellent esse $\frac{1}{9}$: quare multiplica $\frac{10}{9}$ per 9, et diuides per 8, exhibit bizantios $\frac{10}{8}$; et tantum remansit ei post octauam portam: eum quo adde $\frac{1}{8}$ unius bizantij, quod dedit in ipsa porta, erit bizantios $\frac{10}{8}$; quem, demonstrata ratione, multiplica per 8, et diuide per 7, exhibit bizantios $\frac{10}{7}$: eum quo adde $\frac{1}{7}$ unius bizantij, quod dedit septime porte, erunt bizantij 2; quos multiplica per 7, et diuide per 6, exhibunt bizantij $\frac{14}{6}$; eum quibus adde $\frac{1}{6}$ unius bizantij, quem dedit sexte porte, erunt bizantij $\frac{14}{6}$; quos multiplica per 6, et diuide per 5, exhibunt bizantij 3; eum quibus adde $\frac{1}{5}$ unius bizantij, quem dedit quinte porte, erunt bizantij $\frac{15}{5}$; quos multiplica per 5, et diuide per 4, exhibunt bizantij 4; eum quibus adde $\frac{1}{4}$ unius bizantij, quem dedit quarte porte, erunt bizantij $\frac{17}{4}$; quos multiplica per 4, et diuide per 3, exhibunt bizantij $\frac{17}{3}$; eum quibus adde $\frac{1}{3}$ unius bizantij, quam dedit tercie porte, erunt bizantij 6; quos multiplica per 3, et diuide per 2, exhibunt bizantij 9; et tot remanserunt ei post secundam portam: eum quibus adde $\frac{1}{2}$ unius bizantij, quod dedit in secunda porta, erunt bizantij $\frac{19}{2}$; pro quibus inuenies numerum, ex quo, extracto dimidio ipsius, remaneant bizantij $\frac{19}{2}$; pro quo numero pones 2, ex quo, extracto dimidio, remanet 1; quod uellet esse $\frac{1}{2}$: quare multiplica $\frac{19}{2}$ per

2, et diuides per 1, exhibunt bizantij 10; et tot remanserunt ei post primam portam; cum quibus adde $\frac{2}{3}$ unius bizantij, quas dedit in prima porta, erunt bizantij $\frac{32}{3}$ 10; pro quibus inueniendus est numerus; de quibus, extractis $\frac{2}{3}$ ipsius, remaneant bizantij $\frac{28}{3}$ 10: pone quod numerus ille sit 3, ex quo, extractis $\frac{2}{3}$, remanet 1; quod uellet esse $\frac{28}{3}$ 10: quare multiplica $\frac{3}{28}$ 10 per 3, et diuides per 1, secundum superscripti arboris regulas, exhibunt bizantij 30; et tot habuit ille.

Aliter. Inueniamus primum summam bizantiorum, de qua potuit dare partes superscriptas in 10 portas sine fractionibus unius bizantij, que adduntur in eisdem portis; quod inuenies sic: quia ex ipsa summa dedit prime porte $\frac{2}{3}$; ergo ex eadem remansit ei tercia pars: de qua tercia dedit dimidium in secunda porta; et sic remansit ei dimidium tercie partis eiusdem summe; de quo dedit in tercia porta terciam partem; et sic remanserunt ei due tercie medietatis tercie partis eiusdem summe: quo modo, et ordine, si de porta in portam processeris, inuenies ei remansisse in fine .x. portarum $\frac{10}{10} \frac{2}{9} \frac{2}{8} \frac{1}{7} \frac{1}{6} \frac{1}{5} \frac{1}{4} \frac{1}{3} \frac{1}{2} \frac{1}{1}$ ex predicta summa; quod residuum ponitur fuisse bizantium 1. Quare que portio habet denominans ipsius uirge ad denominatum, eandem proportionem habet 1 ad predictam summam. Quare multiplicabis summam multiplicationis omnium numerorum, qui sunt sub uirga, per 1, et diuides per omnes numeros, qui sunt super uirga, inter quos est euitatio maxima; ita quod non oportet multiplicare nisi 3 per 10, scilicet numeros extremos, et diuidere per 1, et habebis 30; quos oportuit eum habere, ut persolueret superscriptas partes in prescriptis partibus (sic), et remaneat ei bizantium 1. Vnde, ut habeamus bizantios, de quibus ipse persoluit fractiones unius bizantij in singulis portis, multiplica $\frac{2}{3}$ unius bizantij, quas dedit in prima porta, per 3, que primo posita sunt sub uirgula; et diuide per 1, quod est super ipsa 3, erunt bizantij 2; quos adde cum 30 inuentis, erunt bizantij 32. Nam ipsi bizantij 2 sunt illi, de quibus dedit duas partes, et remanserunt inde $\frac{2}{3}$ unius bizantij, quas dedit in prima porta. Item multiplica $\frac{1}{2}$ unius bizantij, quod dedit in secunda porta, per 2, et per 2, que sunt sub uirgula; et diuide per 1, quod est super 2, et per 1, quod est super 2, erunt bizantij 3; de quibus dedit in prima porta $\frac{1}{2}$ ipsorum, et in secunda dimidium reliqui, et insuper dimidium unius bizantij, quod dedit in secunda porta; quibus bizantijs 3 additis cum bizantijs 28 inuentis, erunt 31. Item multiplica $\frac{1}{3}$ unius bizantij, quam dedit in tercia porta, per numeros trium portarum, qui sunt positi sub uirgula, scilicet per 3; que per 2; que per 3; et diuides per numeros, qui positi sunt super ipsos tres numeros, scilicet per 1, quod est super 3, et per 1, quod est super 2, et per 3, que sunt super alia 3, erunt similiter bizantij 3; quos oportuit eum habere in tercia porta, ut persoluerentur ex eis antecedentes partes, et insuper $\frac{1}{3}$ unius bizantij eidem porte; quibus additis cum bizantijs 28 inuentis, erunt bizantij 29. Rursum multiplica $\frac{1}{4}$ unius bizantij per numeros .iiii. portarum, qui sunt sub uirgula, scilicet per 4; que per 3; que per 2; que per 2; et diuides per numeros earundem portarum, qui sunt super uirgulam, scilicet per 3, que sunt super 4, et per 2, que sunt super 2, et per 1, quod est super 2, et per 1, quod est super 2; et euitabis hoc, quod poteris, exhibunt similiter bizantij 3; quod idem si fecerimus de reliquis portis, habebimus similiter in unaquaque bizantios 2; quibus omnibus ternarijs, uidelicet .vii. portarum, que remanent, insimul iunctis, faciunt bizantios 21;

fol. 140 verso.

* numerusbus ... fol. 140 verso.
fol. 140 verso, lin. 1-3; pag. 311, lin. 2-4.Summa
30

valerent libras 15, scilicet libras 2, magis quam debeat. Vnde et hec similiter falsa est. Nam pro denarijs 12, quos minimus in secunda positione de precio unius Rotuli, adpropinquauimus libris 5, scilicet differentia, que est a libris 7 usque in 2, remanent ipse due libre adhuc adpropinquandum. Vnde dices: pro denarijs 12, quos minui de precio Rotuli, adpropinquauimus veritati libris 5; quid minuum de secunda positione, ut adpropinquemus libris 2: multiplica ergo extremos, scilicet 12, per 2, et diuides per medium, scilicet per 5, exiunt denarij $\frac{1}{5}$ 4; quibus extractis de soldis 2 secunde positionis, remanebunt similiter pro precio illius Rotuli soldi 2, et denarij $\frac{1}{5}$ 7. Item ut prima posicio sit maior, et altera minor, ponamus pro precio illius Rotuli soldos 3; qua ratione cantare ualeret libras 15, scilicet libras 2, magis quam debeat: et ponamus in secunda positione pro precio Rotuli soldos 2; qua ratione cantare ualeret libras 10, quod est 2, minus quam debeat: ergo pro denarijs 12, quos minimus in secunda positione, minuius libras 2, que in prima positione superant; et libre 2, que in secunda positione minuunt: ergo pro ipsis denarijs 12 minimus libras 5 a prima positione in secunda, cum non restarent ad minuendum nisi libre 2; uel creuimus libras 5 a secunda positione in primam, cum non restarent ad crescendo nisi tantum libre 2; quare hoc dupliciter discere potes: primum quidem dic: per denarios 12, quos minimus de prima positione, minuius libras 5, quid minuemus ex eadem, ut minuemus tantum libras 2: multiplica 12 per 2, et diuides per 5, exiunt denarij $\frac{1}{5}$ 4; quibus extractis de soldis 2 prime positionis, remanent soldj 2, et denarij $\frac{1}{5}$ 7 pro precio illius Rotuli. Vel dic: pro denarijs 12, quos creui a secunda positione in prima, creui libras 5; quid ad crescam super ipsam secundam positionem, ut ad crescat libre 2: multiplica ergo 12 per 2, et diuides per 5, exiunt denarij $\frac{1}{5}$ 7; quibus additis cum soldis 2 secunde positionis, habebis similiter pro precio illius Rotuli soldos 2, et denarios $\frac{1}{5}$ 7.

Est enim alius modus elchataym; qui regula augmenti, et diminutionis appellatur, in quo ponuntur errores sub positionibus suis; et multiplicatur error primus per positionem secundam; et error secundus per positionem primam. Et si errores fuerint ambo diminuti, uel ambo additi, extrahit minor summa predictarum multiplicationum de maiori; et residuum diuiditur per differentiam errorum; et sic inuenitur solutio questionum: et si unus fuerit error additus, et alter diminutus, tunc adduntur inasimul ambe multiplicationes, et summa diuiditur per errorum coniunctionem. Verbi gratia: posuimus superius proportio (sic) unius Rotuli soldum 4, cum quo errauimus in libris 5 diminuti; quare ponas 8 sub 1; et notabis minus super 5, cum sint diminuta: deinde quia in secunda positione posuimus soldos 2 pro precio eiusdem Rotuli, et errauimus adhuc in libris 3 diminuti, ponas soldos 2 ante primam positionem; et sub ipsis pone errorem eorum, scilicet libras 2; super quas notabis iterum minus, cum sint iterum deficientes; et multiplicabis soldos 2 per numerum primi erroris, erunt soldi 16; et soldus 1 per numerum erroris secundi, erunt soldi 2. Et quia ambo errores fuerunt diminuti, extrahit minorem multiplicationem de maiori, scilicet 2, de 16, remanent soldi 12; quibus diuisis per differentiam errorum, scilicet per 5, neuiunt soldi $\frac{1}{5}$ 2, ut superius inuenimus. Rursus cum superius fecimus venire errores ambo addentes, posuimus in prima positione soldos 4, et errauimus cum libris 7 additis; et in secunda positione posuimus soldos 2, et errauimus iterum cum libris 2 additis, ut in

u. 141. 12. per elch. (Largum) (Ed. 144 recto, in. 1. 44 - 24; pag. 219, in. 30 - 32; 229, in. 20)

| | | | |
|---------------------|----|----|----|
| 12 | 15 | 5 | 16 |
| 2 | 16 | 15 | 12 |
| 1 | 2 | 1 | 2 |
| 2 | 2 | 2 | 2 |
| differentia errorum | | | |
| 5 | | | |

| | | | |
|------------------------------|----|----|----|
| differentia multiplicationum | | | |
| 8 | 12 | 21 | 21 |
| 4 | 16 | 15 | 12 |
| 4 | 2 | 1 | 2 |
| 7 | 2 | 1 | 2 |
| differentia errorum | | | |

| | | | |
|----------------------------------|----|----|----|
| additio ex 12 multiplicationibus | | | |
| 4 | 16 | 15 | 12 |
| 2 | 16 | 15 | 12 |
| 2 | 2 | 1 | 2 |
| 3 | 2 | 1 | 2 |
| 5 | | | |
| additio ex erroribus | | | |

Ed. 142 recto.

hac alia patet descriptione. Quare multiplicabis positionem secundam per numerum erroris primi, scilicet per 3, erunt soldi 21; et 2 per 4, erunt soldi 8; et quia ambo errores fuerunt super habundantes, diuide differentiam multiplicationum per differentium errorum, scilicet 13 per 3, et habebis similiter seldos $\frac{2}{3}$ 2. Rursus cum fecimus primum eorum deficere, et alium super habundare, posuimus precio unius rotuli in prima positione seldos 2, et in secunda seldos 3; et primus error fuit $\frac{1}{3}$ diminuta, et secundus 2 addita, ut in hac alia cernitur descriptione. Quare multiplicabis 3 per 2, et 2 per 2, erunt soldi 6, et soldi 4; quos adde insimul, cum unus ex erroribus sit dimiutus, et alter additus, erunt soldi 10; quos diuide per cumiunctum ex erroribus, hoc est per 5, exibunt similiter soldi $\frac{2}{5}$ 2; et hoc est soldi 2, et denarii $\frac{4}{5}$ 7, ut superius inuenimus. Nam ut unde hec proueniant demonstrentur: Adiacet ignotus numerus *a. b.*, scilicet uera solucio alicuius questionis, que solui possit per elchataicym; ex quo numero sumatur numerus *a. g.* notus pro prima positione, cuius error sit numerus *e. z.* deficiens; et pro secunda positione sumatur iterum ex numero *a. b.* numerus *a. d.* similiter notus, cuius error sit numerus *f. z.* similiter deficiens; et est notus unusquisque numerorum *e. z. f. z.* Quare differentia, que est inter utrunque errorem, scilicet numerus *e. f.* est notus: similiter *g. d.* numerus, qui est inter utramque positionem est notus, cum numeri porcionum, scilicet *a. g.* et *a. d.*, sicut noti: sed numerus *b. d.* restat ignotus, cum totus *a. b.* sit ignotus; oportet itaque, si questio fuerit solubilis per elchataicym, ut sit sicut *e. f.* notus ad *f. z.* notum, ita *g. d.* notus ad *a. b.* ignotus. Quare secundum primum modum

$$\frac{a}{e} \quad \frac{b}{z} \quad \frac{c}{t}$$
 multiplicauimus *f. z.* per *g. d.*, et diuidimus per *e. f.*,

$$\frac{a \cdot f \cdot z}{e \cdot f} \quad \frac{b \cdot f \cdot z}{z \cdot f} \quad \frac{c \cdot f \cdot z}{t \cdot f}$$
 scilicet multiplicauimus errorem secundum per differentiam eorum, et habemus notum numerum *d. b.*, quem addimus super secundam positionem, scilicet super *a. d.*; et sic habemus notum numerum *a. b.*, scilicet solucionem posite questionis. Sed secundum alium modum multiplicamus errorem primum per positionem secundam, scilicet *e. z.* per *a. d.*; et extraximus multiplicacionem erroris secundi in positionem primam, scilicet numeri *f. z.* in numerum *a. g.*; et diuidimus residuum per numerum *e. f.*, et habemus totum numerum *a. b.*; et hoc prouenit, quia cum multiplicatur numerus *e. z.* in numerum *a. d.*, tunc multiplicatur numeri *e. f. f. z.* in numerum *a. d.*: sed cum multiplicatur numerus *f. z.* in numerum *a. d.*, tunc multiplicatur numerus *f. z.* in numerum *a. g.* et *g. d.*: ergo multiplicatur numerus *e. z.* in numerum *a. d.*; tunc multiplicatur numerus *e. f.* in numerum *a. d.*, et numerus *f. z.* in numerum *a. g.* et *g. d.*: set multiplicacio *f. z.* in *g. d.* est sicut multiplicacio *e. f.* in *d. b.*, cum sit sicut *e.* ad *f. z.*, ita *g.* ad *d. b.* Quare cum multiplicatur *e. z.* in *a. d.*, tunc multiplicatur *e. f.* in numerum *a. d.* et *d. b.*, hoc est in totum numerum *a. b.*, et numerus *f. z.* in numerum *a. g.* Vnde si ex multiplicacione numeri *e. z.* in *a. d.*, scilicet erroris primi in positionem secundam, auferatur multiplicationum *f. z.* in numerum *a. g.*, scilicet erroris secundi in positionem primam, remanet multiplicacio numeri *e. f.* in numerum *a. b.*; que multiplicacio si diuidatur per eundem *e. f.*, scilicet per differentiam errorum, nimirum numerum *a. b.* prouenire necesse est; quod oportebat ostendere. Rursus sit numerus *a. b.* ignotus uera solutio alicuius questionis, que solui possit per elchataicym, et sit numerus *a. f.* positio prima, et numerus *a. c.*

fol. 142 verso.

nota. . . positiois a (fol. 142 verso, lin. 6. 8, pag. 220, lin. 42 — pag. 221, lin. 41.)

$$\frac{a}{e} \quad \frac{b}{z} \quad \frac{c}{t}$$

$$\frac{a}{e} \quad \frac{b}{z} \quad \frac{c}{t}$$

secunda; et sunt ambo positiones maiores numeri $.a.b.$: quare errores earum erunt addentes; et sit numerus $.g.I.$ error prime positionis, et $.g.k.$ secunde. Oportet itaque, ut sit sicut $.I.k.$ ad $.k.g.$, ita $.e.f.$ notus ad $.c.b.$ ignotum. Quare superius in primo modo multiplicamus $.k.g.$, scilicet errorem secundum, per $.c.f.$, scilicet per differentiam positionum, et diuidimus summam per numerum $.I.k.$, scilicet per differentiam errorum, et habemus numerum $.b.c.$; quem extraximus ex $.a.c.$, scilicet ex positione secunda, et remanet numerus $.a.b.$: set secundum alium modum multiplicamus numerum $.g.I.$ per numerum $.a.c.$, scilicet errorem primum per positionem secundam; et extrahimus inde multiplicationem numeri $.k.g.$ in numerum $.a.f.$, scilicet erroris secundi in positionem primam; et quod remanet diuidimus per numerum $.I.k.$, scilicet per differentiam errorum, et habemus similiter notum numerum $.a.b.$, qui erat ignotus; et hoc fuit, quia cum multiplicatur numerus $.g.I.$ in numerum $.a.c.$, scilicet error primus in positionem secundam, tunc multiplicantur numeri $.g.k.$, et $.k.I.$ in numerum $.a.c.$: set cum multiplicatur numerus $.k.I.$ in numerum $.a.c.$, tunc multiplicatur numerus $.k.I.$ in numeros $.a.b.$, et $.b.c.$ Nam multiplicatio $.k.I.$ in $.b.c.$ equatur multiplicationi $.g.k.$ in $.e.f.$; cum sit sicut $.I.k.$ ad $.k.g.$, ita $.f.c.$ ad $.c.b.$: ergo cum multiplicatur numerus $.g.I.$ in numerum $.a.c.$, tunc multiplicatur numerus $.g.k.$ in numeros $.a.c.$, et $.c.f.$, hoc est in totum numerum $.a.f.$; et numerus $.k.I.$ in numerum $.a.b.$ Quare si ex ductu $.g.I.$ in $.a.c.$, scilicet primi erroris in positionem secundam, auferatur multiplicatio $.g.k.$ in $.a.f.$, scilicet erroris secundi in positionem primam, remanebit multiplicatio numeri $.k.I.$ in numerum $.a.b.$; que multiplicatio cum diuiditur per $.k.I.$, scilicet per differentiam errorem (sic), prouenit numerus $.a.b.$, scilicet solutio questionem; et hoc uolui demonstrare. Iterum adiaceat numerus $.a.b.$ ignotus, qui sit solutio aliquius questionis, que solui possit per elchataiem; et ex ipso accipiat numerus $.a.g.$ notus pro portione prima, cuius error sit numerus $.e.z.$ deficiens; et pro portione secunda habeatur numerus $.a.d.$ notus, qui est maior numerus $.a.b.$, cuius error sit numerus $.z.I.$ Oportet itaque, ut si questio solui poterit per elchataiem, ut sit sicut $.g.d.$ ad $.b.g.$, ita $.e.I.$ ad $.e.z.$, hoc est quod sit sicut differentia, que est inter positiones ad differentiam, que est a prima positione in numerum quesitum, ita coniunctum ex erroribus ad errorem primum. Et quia ita fuit superius, cum pro primum modum (sic) operati fuimus, multiplicauimus errorem primum per differentiam positionum, scilicet $.e.z.$ per $.g.d.$, et diuissimus summam per coniunctum ex erroribus, scilicet per numerum $.g.b.$, quem addidimus per positionem primam, scilicet super $.a.g.$; et fuit notus numerus $.a.b.$, qui fuerat ignotus. Vel quia fuit sicut $.g.d.$ ad $.b.d.$, ita $.e.I.$ ad $.z.I.$ Ideo multiplicauimus $.z.I.$ per $.g.d.$, scilicet ad errorem secundum per differentiam | positionem, et diuidimus summam per numerum $.e.I.$, scilicet per coniunctum ex erroribus, et habuimus $.b.d.$; quem extraximus ex numero $.a.d.$, scilicet ex positione secunda, et remansit numerus $.a.b.$, scilicet solutio: per secundum uero modum multiplicauimus errorem primum per positionem secundam, scilicet $.e.z.$ per $.a.d.$, et errorem secundum per positionem primam, scilicet $.z.I.$ per $.a.g.$; quos (sic) multiplicationes congregauimus, et eorum summam diuissimus per coniunctum ex erroribus, scilicet per $.e.I.$; et habuimus solutionem quesitam, scilicet numerum $.a.b.$; et hoc fuit; quia cum multiplicatur numerus $.e.z.$ per numerum $.a.d.$, tunc multiplicatur $.e.z.$ in

* Utinam $.a.c.$... et quod
(lib. 112 corr. in 31 32.
p. 321, l. 26-27)

$$\frac{g}{a} = \frac{b}{c} = \frac{d}{e}$$

Id. 112 corr.

numeros *a.g.*, et *g.d.*: quibus multiplicationibus, cum additur multiplicatio *.z.I.* in *a.g.*, tunc habetur summa multiplicationum numerorum *.e.z.z.I.* in numerum *a.g.* Et multiplicationis *.e.z.* in *g.d.*: sed multiplicationes *.e.z.* in *a.g.*, et *.z.I.* in *a.g.* equatur multiplicationi totius *.e.I.* in numerum *a.g.*; ergo cum multiplicatur *.e.z.* in *a.d.*, et *.z.I.* in *a.g.*, tunc multiplicatur *.e.I.* in *a.g.*, et *.e.z.* in *g.d.* Sed multiplicatio *.e.z.* in *g.d.* est sicut multiplicatio *.e.I.* in *g.b.*; quia est sicut *I.e.* ad *.z.e.*, ita *d.g.* ad *b.g.* Vnde cum multiplicatur *.e.z.* in *a.d.*, et *.z.I.* in *a.g.*, tunc multiplicatur *.e.I.* in numerum *a.g.*, et *g.b.*, hoc est in totum numerum *a.b.*: ergo cum multiplicatur *.e.z.* in *a.d.*, hoc est error primus in positionem secundam; et *.z.I.* in *a.g.*, hoc est error secundus in positionem primam tantum, tunc coniunctum ex ipsis multiplicationibus quatuor multiplicationi numeri *.e.I.* in numerum *a.b.*: quare cum eorum summa diuiditur per *.e.I.*, qui est coniunctum ex erroribus, prouenit numerus *a.b.*; quod oportebat ostendere: his itaque demonstratis, restat ostendere, qualiter positiones poni debeant; et eorum errores inuenire, secundum diuersitatem questionum: et ut hec apertius demonstraretur, hunc capitulum in duas partes diuisi. In prima quarum ostendam soluere quasdam ex questionibus, que solute sunt per primas regulas in precedentibus capitulis. In secunda tractabitur super solutionem quarundam aliarum questionum, de quibus nulla fuit mentio in hoc libro.

Incipit pars prima.

Quidam habuit monetam, que erat ad uncias tres 2; et aliam monetam, que erat ad uncias 6; et uoluit ex eis facere libram 15 monete, que essent ad uncias 3; et queritur, quantum de una quaque moneta in predicto consolamine mittere debuit. Quia in libra monete, quam uoluit facere, oportuit habere uncias 3 argenti; ergo in libris 15 oportuit habere quidecies, quam in una libra, scilicet uncias 75: quibus ex parte seruatis, pone ad libitum de minori moneta, ut sint in ipso consolamine libree 2, in quibus sunt uncie argenti 9. Reliquas uero libras 12, que sunt ab ipsis tribus libris usque in 15, pone ut essent de maiori moneta, in quibus sunt uncie 72 argenti. Quibus additis cum uncias 9 inuenitis, reddunt uncias 81 argenti in summa illius consolaminis, ex quibus superauit uncias 6; cum non debeant esse, nisi tantum 75; et sic errauimus in uncias 6 additis: quare ponas in secunda positione libras 4 minoris monete, scilicet libram 1, plus quam in prima positione; in quibus libris 4 sunt uncie 12. In reliquis uero libris 11, que sunt ab ipsis libris 4 usque in 15, sunt uncie argenti 66: quibus additis cum uncias 12 argenti, que sunt in 4 libris minoris monete, faciunt uncias 78 pro argento totius consolaminis. In quibus supersunt uncie 3; cum non debeant esse nisi tantum 75; et sic errauimus | adhuc cum uncias 3 additis. In prima enim positione superfuertunt uncie 6; in secunda 3: ergo per 1 libram, quam accreuimus de minori moneta in secunda positione, adpropinquauimus ueritati uncias 3, scilicet differentiam, que est ab ipsis 6 unciis usque in ipsis uncias 3, que supersunt de secunda positione: ergo dices: secundum primum modum libra una, quam creui in secunda positione, adpropinquauimus ueritati uncias 3 argenti; quid adcrecam super ipsam secundam positionem, ut adpropinquem alias 3 unciis, que desunt adpropinquandum: multiplica ergo 1 per 2, et diuides per 2, exibit libra 1; qua addita cum libris 4 secunde positionis, faciunt libree 5; et tantum oportuit eum mittere de

63. 142 corr.

aliqui cum . . . uoluit . . . (fol.
142 corr. in 13 e 6; pag.
302, in 35 4to)



minori moneta. Reliquas uero, scilicet libras 10, de maiori, in quibus sunt argenti uncie 75 inter utramque monetam, ut oportet.

De eodem.

Rursum quidam habet monetam, in cuius libra sunt uncie 2 argenti; et monetam, in cuius libra sunt uncie 3; et monetam, in cuius libra sunt uncie 6; et uult ex ipsis quattuor monetis consolare libras 20 ad uncias $\frac{1}{2}$ 4; multiplica primum libras 20 per uncias $\frac{1}{2}$ 4, et habebis uncias 90, que debent esse in illis libris 20: deinde mitte de minori moneta in prescripto consolamine quantum uis, ut ponamus libras 4, in quibus sunt uncie argenti 8; et extrahere ipsas libras 4 de ipsis libris 20, et ipsas uncias 8 de suprascriptis uncis 90, remanebunt libre 16 ad consolandum de reliquis tribus monetis. In quibus debent esse uncie 28 argenti, scilicet 8, minus de uncis 90: post hec ponas in eodem consolamine ad libitum de maiori moneta, ut dicamus libram 1, in qua sunt uncie 7 argenti, remanebunt libras (sic) 15 de duabus reliquis monetis ad consolandum ad uncias 75 argenti inter utramque, hoc est ad uncias 3 argenti per libram; que consolatio per elchataeym in antecedenti questione consistit: quam consolationem etiam per secundum modum inuenies, si multiplicaueris errorem primum per positionem secundam, scilicet 6 per libras 4; et ex ipsa multiplicatione, que est 24, extraheris multiplicationem secunde (sic) erroris in positionem primam, scilicet 9; et residuum, scilicet 15, diuiseris per differentiam errorum, que est 3, exhibunt similiter libre 5 minoris monete. Relique libre 16 mittentur de maiori, ut preliximus.

De laboratore, questio notabilis.

Quidam laborator (sic) erat receptorus bizantios 7 in mense si laboraret; et si non, debebat reddere bizantios 4 domino operis ad rationem unius mensis: qui quandoque laborauit quandoque non; ita quod, expleto mense, debuit recipere a domino operis bizantium 1; queritur, quot diebus ex ipso mense laborauit. Pone quidem, ut ipse laboraret diebus 20; et quod in reliquis diebus 10 non laboraret. Vnde pro ipsis 20 diebus debuit habere duas tercias de bizantijs 7, scilicet bizantios $\frac{2}{3}$ 4. Cum dies 20 sint $\frac{2}{3}$ totius mensis; et pro illis diebus 10, in quibus non laborauit, debuit reddere domino operis bizantium $\frac{1}{3}$ 1, scilicet tertiam partem de bizantijs 4; quo bizantio $\frac{1}{3}$ 1 extracto de bizantijs $\frac{2}{3}$ 4 lucri, remanent pro lucro bizantij $\frac{1}{3}$ 2; qui uellent tantum esse bizantium 1, uidelicet ipsum, quem lucratus fuit. Vnde ex hac prima positione errauimus in bizantijs $\frac{1}{3}$ 2 additis. Quare mutabis aliam positionem, in qua ponas ad libitum, quod laboraret diebus 15, scilicet 5, minus quar. in prima positione; et remanebunt alii dies 15, in quibus non laborauerit. Vnde pro ipsis 15 diebus, in quibus laborauit, debuit habere bizantios $\frac{1}{2}$ 2, scilicet dimidium de bizantijs 7. Cum ipsi dies 15 sint dimidium mensis; et pro reliquis diebus 15, quibus non laborauit, debuit reddere bizantios 2: quare debuit recipere tantum bizantium $\frac{1}{2}$ 1: ergo in hac secunda positione super nobis (sic) bizantij $\frac{1}{2}$ 1; et in prima superauerat bizanti $\frac{1}{2}$ 2. Quare si per secundum modum operari uis, multiplica errorem primum per positionem secundam, scilicet $\frac{1}{2}$ 2 per 15, erunt dies 25. Similiter multiplica errorem secundum per positionem primam, scilicet $\frac{1}{3}$ 2 per 20, erunt dies 10; quos extrahere de 25, remanent dies 15; quos diuide per $\frac{1}{2}$ 1, scilicet per differentiam errorum, que est a $\frac{1}{2}$ usque in $\frac{1}{2}$ 2, exhibunt dies

* in octiduo ... Rebus ... 164
142 verso, lin. 5 et 6-9; p. 94
322, lin. 40— pag. 322, lin. 1.

| |
|-----------|
| De minori |
| 3 |
| de maiori |
| 10 |

* in octiduo ... Rebus ... 164
142 verso, lin. 10 et 11 22, p. 94
322, lin. 2-15).

| |
|--------|
| libra |
| 4 |
| uuncie |
| 2 |
| libra |
| 5 |
| uuncie |
| 3 |
| libra |
| 10 |
| uuncie |
| 6 |
| libra |
| 4 |
| uuncie |
| 7 |

fol. 144 verso.

* in octiduo ... Rebus ... 164
144 recto, lin. 8-10, p. 94, 342.
lin. 27-43).

| | |
|----------|-----|
| bizantij | duo |
| 1 | 3 |
| / | |
| 1 | 1 |
| 1 | 1 |

147. per . . . de omnibus a (fol. 144 verso, lio. 33-37) pag. 223, lio. 42—pag. 274, lio. 30.



148. per . . . de omnibus a (fol. 144 verso, lio. 30-31) pag. 224, lio. 16-22.



fol. 144 verso.

$\frac{7}{11}$ 12, in quibus laborauit; quos extrahit de diebus 20, scilicet de mense, remanent dies $\frac{7}{11}$ 16, in quibus non laborauit. Et sic potes per elchntaieym omnes questiones undecimi capituli soluere.

De arbore.

Est arbor, cuius $\frac{6}{4}$ $\frac{6}{8}$ latet sub terra; et super terram sunt ex ipsa ulne 20. Pone quidem, ut longitudo ipsius arboris sit aliqua numeri quantitas; quem numerum, quamuis ad libitum ponere possis, tamen considerare debes, ut ponas cum talem, in quo reperias $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{8}$. Et hoc idem intelligas de omnibus positionibus aliarum questionum, ut semper ponas eorum numeros ita, ut in ipsis inueniantur rupti, qui necessarii sunt in qualibet questione. Quod nos in sequentibus questionibus, ponendo ipsos numeros, demonstrabimus. Pone ergo, ut illa arbor sit longitudo duodecim ulnarum; ex quibus cum $\frac{6}{4}$ $\frac{6}{8}$ sit sub terra, scilicet ulne 7, remanent super terram ulne 5; que uellent esse 20: quare per hanc positionem deuiamus a ueritate ulnas 15: quare in secunda positione ponas pro longitudo ipsius arboris ulnas 24, scilicet ulnas 12, plus quam in prima positione. Ex quibus, extracta $\frac{6}{4}$ $\frac{6}{8}$ ipsarum, scilicet 14, que sunt sub terra, remanent super terram ulne 10; que cum uellent esse 20, sumus longe a ueritate ulnis 10. In prima enim positione fuimus longe a ueritate ulnis 12. In secunda 10: ergo per ulnas 12, quas creuimus in secunda positione, adpropinquauimus ulnas 5; et remanent ad adpropinquandum ulne 10: quare multiplicabis 10 per 12, et diuides per 5, exiunt ulne 24; quas adde cum ulnis 24 secunde positionis, reddent 48 pro longitudo totius arboris. Potes enim proportiones similium questionum scribere, secundum modum negociacionum, quem in octauo huius libri capitulo demonstrauimus, ut cognoscas melius, quos numeros multiplicare, et per quem diuidere debes: uerbi gratia: pone in unam lineam ulnas 12, quas in secunda positione super longitudinem arboris creuimus; et ulnas 5, quas per ipsas ulnas 12 adpropinquauimus ueritati; et ulnas 10, que restant ad adpropinquandum, ponas sub ulnis 5, scilicet ad adpropinquanda sub apropinquanda, ut sit similis res sub simile re, ut hic ostenditur. Vnde cognoscitur, quod debes multiplicare 12 per 10, quia sunt ex aduerso; et debes diuidere per 5, ut prediximus: et nos semper in sequentibus ponemus proportiones in | hunc modum, ut ad tramite ueritatis possis nullatenus deuiare.

De homine retento in obsequio.

Quidam retinuit quendam in obsequium, cui debebat dare in mense tres numeros, quibus esset per ordinem unus maior alio 2; et insuper denarios 10 pro beuedicione: qui cum laborasset diebus 6, dedit illi dominus operis dimidium primi numeri, et tertium secundi, et quartam tertij; et sic recte persolutus fuit. Queritur, quid numeri fuerunt illi: studeas quidem ponere tres numeros per ordinem, quorum unus sit maior alio 2; et primus possit diuidi integraliter per 2; secundus per 3; tertius per 4, secundum hoc, quod dominus persoluit eum. Sintque 16, et 18, et 20; et accipe dimidium primi numeri, scilicet 8; et tertium secundi, scilicet 6; et quartam tertij, scilicet 5; et adde insimul, erunt denarij 19; et tot recepisset ille, si 16, et 18, et 20 essent illi numeri, quos dominus ei dare promiserat: quare uides, quot denarij acciderunt illi de ipsis tribus numeris, et denarijs 10 in illis 6 diebus: quod sic uidentum est: quia dies 6 sunt quinta pars mensis. Accipe quintam de 64, que sunt summa illorum . . .

merorum, exhibunt $\frac{1}{2}$ 12, pro quibus habuimus denarios 10; et sic cum prima positioe errauimus cum $\frac{1}{2}$ 6 additis, hoc est cum quintis 31: quare secunda positio minor ponenda est, in qua tres alios numeros ad hoc aptos, quorum unus sit maior alio 2, ponere studeas; eruntque 4, et 6, et 8: deinde accipe dimidium primi oumeri, scilicet 2; et terciam secuodi, scilicet 2; et quartam tercij, scilicet 2; et erunt 6; et tot recepisset ille pro quinta parte de 28, que sunt summa de 4, et de 6, et de 6, et de 10; que quotta pars sunt $\frac{2}{3}$ 5: a quibus usque in 6 remaueot $\frac{2}{3}$ addite pro secundo errore. Quare multiplica 21, scilicet primum errorem, per 4, scilicet per primum numerum secunde positionis, erunt 124; et multiplica 2 pro errore secundo per 16, scilicet per primum numerum prime positionis, erunt 32; et que extraheude 124, remanet 92; et que diuide per differentiam errorum, scilicet per 29, que sunt ad 2 usque in 31, et habebis $\frac{2}{17}$ 3 pro primo numero. Quare secundus est $\frac{1}{17}$ 3; tertius $\frac{3}{17}$ 7.

De duobus hominibus habentibus denarios.

Dvo homioes habebant denarios; quorum primus querit secundo 7, et proponit se habere quinques tantum quam ipse. Et secundus querit primo 8, et proponit se habere septies tantum quam ipse. Queritur quantitas denariorum uoluciusque: pone quidem, ut primus habeat 8, cum quibus additis 7, quos querit secundo, faciunt 15; que 15 deberent esse quincuplum de denariis, qui remanent secundo: quare secundo remanent 3, datis illis 7 denarijs primo: ergo oportet, quod ipse habeat 10; qui cum acceperit 5 ex denarijs primi, qui habent 8, habebit secundus 13; et primo remanebunt 3; que 15 deberent esse 21, scilicet septuplum de denarijs 3, qui remanent primo homini: ergo in hac positioe secundus homo habet denarios 6, minus quam debeat: quare ponas in secunda positioe alium talem numerum; cum quo, cum additi fuerint denarij 7, faciant numerum, qui dioidatur per 5 integraliter; sicutque 13, que sunt 5, plus prime positionis: cum quibus additis denarijs 7, quos petit secundo, erunt 20; quinta quorum pars, scilicet 4, oportet, quod remaneat secundo; cum quibus additis denarijs 7, quos dedit primo, reddunt 11 pro denariis secundi hominis; cum quibus additis denarijs 5, quos petit primo, qui habet 13, et primo remauebunt 6; et secundus habebit 16; que 16 debeat esse 36, scilicet septuplum de denarijs 8, qui remaueot primo homini. Vnde in hac secunda positioe secundus habet 40, minus quam debeat: et quia prima positio fuit propius ueritati quam secunda, facies de secunda positioe primam, et de prima secundam, ut semper sit secunda positio propior ueritati; et tunc in prima positioe secundus habebit 40, minus quam debeat; et in secunda 6: ergo per 5, quos minui in secunda positioe, adpropinquauit ueritati 34, et restant adpropinquandum 6: quare multiplica 6 per 5, et diuides per 34, hoc est secundum euitationis modum 3 per 5; et diuides per 17, exhibunt $\frac{15}{17}$; quos extrahe de denarijs 8 secunde positiois, remanent $\frac{3}{17}$ 7 pro denarijs primi hominis: deinde, ut habes denarios secundi, adde 7, quos primus petit secundo, super $\frac{3}{17}$ 7, erunt denarij 14, et $\frac{3}{17}$, et tunc super quintam partem eorum, quod est $\frac{15}{17}$ 2, adde ipsos denarijs 7, erunt denarij $\frac{14}{17}$ 9; et tot haboit secuodus. Nam si ignoraeris, qualiter quintam de denarijs $\frac{5}{17}$ 14 prescriptis accipere debeas, dupliciter tibi facere doceo: primum quidem, ut facias septimas decimas de denarijs $\frac{3}{17}$ 14, hoc est multiplica 14 per suam uirgulam, scilicet per 17, et addas 2, erunt septime decime 210; de quibus accipe quintam, erunt

* Quare multiplica 7 quos :
(-) 144 ueritas. lin. 21-29 :
pag. 245, lin. 6-17.

| | |
|---------------------|------------------|
| denarios | |
| 20 | 12 |
| | 7 |
| 2 | $\frac{21}{17}$ |
| pice eorum denarios | |
| $\frac{3}{17}$ 3 | $\frac{5}{17}$ 5 |
| $\frac{3}{17}$ 7 | |

fol. 113 v. r. r.

* secunda denarij 5 : 61.
113 ueritas, lin. 6-10 pag. 245,
lin. 21-29.

| | |
|-------|-----------------|
| minus | |
| 24 | 5 |
| | 13 |
| 6 | $\frac{13}{17}$ |

Nam si ... equalis a (fol. 115
verso, linc. 18-19; pag. 323,
linc. 40 — pag. 326, linc. 4).

| |
|-------------------|
| primi |
| $\frac{3}{11}$ 7 |
| Secundi |
| $\frac{11}{17}$ 9 |

• Officium ... secundum a (fol. 143
verso, linc. 20-25; pag. 326,
linc. 6-11).

| | |
|-----------------|------------------|
| $\frac{4}{8}$ 8 | tertijs |
| $\frac{4}{8}$ 8 | 6 |
| $\frac{4}{7}$ 7 | $\frac{3}{14}$ 5 |

• Officium ... quibus addita a
(fol. 144 verso, linc. 26-34 e
35; pag. 326, linc. 11 e 12-24)

| |
|---------|
| bursa |
| 119 |
| primi |
| 33 |
| Secundi |
| 76 |
| tertij |
| 65 |
| quartj |
| 46 |

fol. 115 verso.

septime decime 48; ex quibus 48 fac integra, erunt $\frac{14}{11}$ 2. Vel aliter: accipe quintam de 10 a erunt 2; et de $\frac{2}{11}$ 4, que remanent, fac septimas decimas, erunt 70; quorum quinta pars est 14; et sic habebis $\frac{14}{11}$ 2 pro quinta parte de $\frac{2}{11}$ 14; et sic potes supra-scripto modo solvere questiones, que sunt in tercia parte duodecim capituli.

De quatuor hominibus, qui inuenerunt bursam.

Quatuor homines denarios habentes inuenerunt bursam denariorum; ex quibus primus dixit, quod si haberet denarios burse, haberet bis tantum secundo. Secundus, si haberet bursam, haberet ter tantum tercio; et tertius, si eam haberet, haberet quater tanto (*sic*) quarto. Quartus quinquies tantum primo: queritur quot denarios habeat unusquisque. Pone quidem, quod primus habeat denarios 9; et in bursa sint denarij 21: ergo si primus habuit bursam, habebit 36. Vnde cum habet duplum secundo, oportet, quod secundus habeat dimidium ipsius, scilicet 18; cum quibus additis denarijs burse, scilicet 21, faciunt 39; quorum terciam partem, scilicet 13, habebit tertius; cum secundus cum bursa habeat triplum ipsius, cum quibus 12, addita bursa, faciunt 33; quorum quartam partem, scilicet 8, habet quartus; cum quibus, habita bursa, scilicet 21, faciunt denarios $\frac{1}{4}$ 29; qui debent esse 45, scilicet quincuplum denariorum primi hominis: ergo quarto homini minuit $\frac{3}{4}$ 15, scilicet differentia, que est a $\frac{1}{4}$ 29 usque in 45: quare in secunda positione augetis denarios burse, aut minues denarios primi hominis: augeamus itaque denarios burse; et ponamus, quod inuenti sunt in ea denarij :7, scilicet 6, plus quam in prima positione: quibus additis cum denarijs primi hominis, scilicet cum 9, faciunt 36; quorum medium, scilicet 18, habet secundus: cum quibus addita bursa, faciunt 45; quorum terciam partem, scilicet 15, habet tertius; cum quibus addita bursa, faciunt 42; quorum quartam partem habet quartus, scilicet $\frac{1}{4}$ 10; cum quibus addita bursa, erunt denarij $\frac{1}{4}$ 37; quid debent esse 45, scilicet quincuplum primi hominis. Vnde in hac secunda positione minuit quarto $\frac{1}{4}$ 7, scilicet differentia, que est a $\frac{1}{4}$ 37 usque in 45: in prima uero positione minuunt $\frac{3}{4}$ 15; ergo per sex, quos creuimus in secunda positione | burse, adpropinquamus ueritati $\frac{1}{4}$ 8, scilicet differentiam, que est a $\frac{3}{4}$ 15 usque in $\frac{1}{4}$ 7; et restant ad adpropinquandum ipsi denarios $\frac{1}{4}$ 7: quare multiplica $\frac{1}{4}$ 7 per 6, et diuides per $\frac{1}{4}$ 8, ut in descriptione ostenditur, exigunt denarij $\frac{3}{11}$ 5; quibus additis cum denarijs 27, scilicet sunt secundam positionem (*sic*), erunt $\frac{3}{11}$ 32; et tot sunt reperti in bursa, si primus habeat 9: nam ut habeamus in integrum denarios burse et hominum, multiplica per 11 denarios burse, et primi hominis; et habebis pro denarijs burse 257; et pro denarijs primi hominis habebis 99; qui 257, et 99, cum habeant ad inuicem commnem regulam, scilicet tercium, diuidatur unusquisque eorum per 3, ut habeas in minoribus numeris numerum eorum; quod semper in omnibus similibus facere studere debes; et sic habebis pro denarijs burse 159; et pro denarijs primi hominis 33: quibus insimul iunctis, faciunt 192; quorum medium, scilicet 96, est quantitas denariorum secundi hominis: quibus additis cum denarijs burse, scilicet cum 159, faciunt 195; quorum tercia pars est quantitas denariorum tercij, scilicet 65; cum quibus additis iterum denarijs burse, facient 184; quorum quarta pars, scilicet 46 sunt quantitas quarti hominis: cum quibus additis denarijs burse, faciunt 155, qui est quincuplum denariorum primi hominis; ut oportet. Nam si per minutionem denariorum primi hominis hoc idem reperire desideras, pone ut

in secunda positione in bursa reperiuntur sunt denarii 21, ut in prima positione (sic) posuisti; et pone, quod primus homo habet denarios 7, scilicet denarios 2, minus quam in prima positione; quibus additis cum denarijs burse, scilicet cum 21, faciunt 28; dimidium quorum, scilicet 14, habet secundus: quibus additis cum 21 burse, scilicet burse, faciunt 35; quorum tertiam, scilicet $\frac{2}{3}$ 41, habet tertius: cum quibus additis 21, erunt $\frac{2}{3}$ 35; quorum quartam, scilicet $\frac{1}{4}$ 8, habet quartus; qui iuncti cum 21, faciunt $\frac{1}{4}$ 29; qui debent esse 25, scilicet quincuplum denariorum 7 primi hominis. Vide quartus homo habet, minus quam debeat, denarios $\frac{1}{2}$ 5, scilicet differentiam, que est a $\frac{1}{4}$ 29 usque in 35; et in prima positione habuit ipse quartus homo minus, denarios $\frac{1}{2}$ 15; ergo per 2, quos minus de denarijs primi, adpropinquamus ueritati $\frac{11}{12}$ 9, scilicet differentiam, que est a $\frac{1}{2}$ 15 usque in $\frac{1}{2}$ 5; et restant adpropinquandum ipsi $\frac{1}{2}$ 5: quare multiplica $\frac{1}{2}$ 5 per 2, et diuides per $\frac{11}{12}$ 9, exibit denarius $\frac{3}{11}$ 4; quo extracto de denarijs 7, remanebunt denarij $\frac{11}{11}$ 5; et tot habuit primus. Vel si per secundam modum operari uis, reddige errores ad similia, scilicet $\frac{1}{4}$ 15, et $\frac{1}{2}$ 5, scilicet multiplica eos per 12; cum in ipso numero reperiantur fractiones eorum, et habebis pro primo errore 180 diminuta; et pro secundo 70 similiter diminuta. Quare multiplicationem de 70 in 9, scilicet secundi erroris in positionem primam, extrahere ex multiplicatione primi erroris in positionem secundam, scilicet de 180 in 7. Et quod residuum fuerit, diuide per differentiam errorum, scilicet per 119, exibit similiter pro denarijs primi hominis $\frac{11}{12}$ 9. Et si in integrum denarios primi hominis reducere uolueris, multiplica $\frac{11}{12}$ 9 per ruptum sue uirgule, scilicet per 12, erunt 99; et multiplica denarios 21, scilicet burse, per eundem 12, erunt 252, ut superius inuenimus: quibus scilicet 99, et 252 diuisis per 2, superscripta ratione reddunt similiter pro denarijs primi hominis 33; et pro denarijs burse 119.

De quinque hominibus, qui inuenerunt equum.

Quinque homines bizantios habentes equum emere uoluerunt; ex quibus primis (sic) petit secundo dimidium suorum bizantium; et secundus petit tercio tertiam; et tertius petit quarto quartam; et quartus petit quinto quintam; et quintus similiter petit primo sextam suorum bizantium. Et sic unus quisque proponit ipsum equum emere. Queritur, quot bizantios unus que uisue (sic) habuit; et quod fuit pretium equi: pone quidem, ut primus habeat bizantios 12; et equus ualeat bizantios 20. Quare secundus habebit 14, scilicet duplum differentie, que est a 12 in 20; quia si ex ipsis 12 primus haberet dimidium, scilicet 7, sicuti petit secundo, cum suis bizantijs 12 haberet pretium equi, scilicet bizantios 20: propter eadem ergo tertius habebit 18, scilicet triplum differentie, que est a 12 usque in 20; et quartus habebit 8, scilicet quadruplum differentie, que est a 18 usque in 20; et quintus habebit 60, scilicet quincuplum differentie, que est ab 8 usque in 20: cum quibus bizantijs 60, si addideris sextam partem bizantium primi hominis, scilicet de 12, habebis bizantios $\frac{62}{6}$ 62; qui deberent esse 20, scilicet pretium equi. Quare in hac prima positione superat quinto homini bizantij $\frac{42}{6}$ 42. Vnde oportet in secunda positione aut mutare pretium equi, aut bizantios primi hominis. Mutemus primum pretium equi; et ponamus ipsum 21, scilicet bizantium 4, plus quam in prima positione. Vnde cum primus habet bizantios 12; secundus habebit 16. Quare et tertius habebit 15; et quartus habebit 21, scilicet 3, plus pretio equi.

* quincuplum ... que uisue ...
 Sic. 148. uisue. l. 22. 24.
 pag. 327, l. 7-10.



fol. 116 verso.

Quare oportet, ut quintus homo habeat debitum, ex quo quartus homo petit quintum, hoc est quod poterit emere equum, et reddere quinto homini bizantios 3 pro quinta parte sui delicti: ergo quintus habet debitum bizantium 16; de quibus extractis bizantijs $\frac{1}{2}$ 2, scilicet sexta parte bizantium primi hominis, remanet eidem quarto homini debitum bizantium $\frac{1}{2}$ 12: ergo, ut ipse habet pretium equi, minuunt ei bizantij $\frac{1}{2}$ 12, et insuper pretium equi, qui sunt in summa bizantij $\frac{1}{2}$ 32. Im (sic) prima ergo positione superauerunt quinto homini bizantij $\frac{1}{2}$ 42. In secunda minuunt ei bizantij $\frac{1}{2}$ 23. Vnde cognoscitur, quod verum pretium equi est inter utranque positionem, scilicet inter 20, et 21. Quare dices: pro 1, quem creui super pretium equi, minui quinto homini bizantios $\frac{1}{2}$ 42, qui superauerunt ei in prima positione; et bizantios $\frac{1}{2}$ 23, qui superauerunt ei in secunda, hoc est in summa bizantios 76; quid superaddam prime positioni, ut tantum minuatur bizantij $\frac{1}{2}$ 42. Vel quid extraham de secunda positione, ut augeantur ipsi quinto homini bizantij $\frac{1}{2}$ 23, qui minuunt ei in secunda positione.

Quare si multiplicaueris $\frac{1}{2}$ 42 per 1, et diuides per 76, oportebit, ut hoc, quod inde colligeris, addas super bizantios 20 prime positionis; et si multiplicaueris bizantios $\frac{1}{2}$ 23, per eundem 1, et diuides per 76, oportebit, ut hoc quod inde exierit, extrahatur de bizantijs 21 secunde positionis. Vel multiplica errorem primum per 21 positionem secundam, scilicet $\frac{1}{2}$ 42; et errorem secundum per positionem primi, scilicet $\frac{1}{2}$ 23 per 20; et adde has multiplicationes in unum, erunt $\frac{1}{2}$ 1572; que diuide per coniunctum ex erroribus, scilicet per 76; et sic habebis pretium equi per quem uolueris modum; quod pretium est bizantij $\frac{1}{2}$ 20: quod pretium, si integrum habere uolueris, multiplica 20 per suam uirgulam, scilicet per 76, et adde 42; que per 6, et adde 1, erunt 9272; et tantum ualeret equus: ergo si multiplicabis bizantios 42 primi hominis per eandem uirgulam, scilicet per 76, et per 6, habebis bizantios primi hominis. Sed cum 9272 integraliter per 12 diuidatur, diuide ipsa per 12, exibunt pro pretio equi bizantij 721; et multiplica tantum ter decimam partem ex ipsis bizantijs 12, scilicet 1, per superscriptas 76, et per 6; et habebis 456 pro bizantijs primi hominis. Vnde secundus habet 520; tertius 372; quartus 529; quintus 645. Nam si per mutationem primi hominis hoc idem reperire uolueris, serua $\frac{1}{2}$ 42, qui superat quinto homini in prima positione; et pone, quod primus habeat bizantios 12, scilicet 1, minus quam in prima positione; a quibus usque in pretium equi, scilicet 20, desunt 8; quorum duplum habet secundus, scilicet 16; quare tertius habet 12, et quartus habet 20; qui cum habeat 12, plus pretio equi, oportet, ut ipsi bizantij 12 sint quintam debiti quinti hominis: ergo quintus homo habet debitum bizantium 60; de quibus extractis bizantijs 2, scilicet sexta parte bizantium primi hominis, quos querit, remanet ei debitum bizantium 58: ergo in hac secunda positione minuunt quinto homini ipsi bizantij 58, et insuper pretium equi, scilicet in summa bizantij 76: ergo pro uno, quod minus in secunda positione primo homini, minuerunt quinto homini bizantij $\frac{1}{2}$ 42, qui sperant ei in prima positione, et insuper bizantij 76, qui minuunt ei in secunda, hoc est in summa bizantij $\frac{1}{2}$ 120: quare dices: pro uno, quod minui in secunda positione primo homini, minuitur quinto homini $\frac{1}{2}$ 120; quid minuum ex eadem prima positione, ut tantum minuatur quinto homini $\frac{1}{2}$ 42: multiplica $\frac{1}{2}$ 42 per 1, et diuides per $\frac{1}{2}$ 120; et hoc quod exierit, extrahes de bizantijs 12 prime positionis: re-

• Obser. et per 6. (fol. 116 verso). Im. 28. 29. p. 325. Im. 44. 47.

| |
|----------|
| Primo |
| 456 |
| Secundus |
| 520 |
| Tertius |
| 372 |
| Quartus |
| 529 |
| quintus |
| 645 |
| opus |
| 721 |

• fol. 116 verso.

• Ergo quintus . . . positione x (fol. 116 verso. Im. 2. 12. pag. 325. loc. 34. 42).



siduum uero erit quantitas bizantium primi hominis: uel dices: pro uno, quod creui in secunda positione, creuerunt quinto homini bizantij $\frac{1}{5}$ 120; quid accrescam super secundam positionem, ut tantum augeantur quinto homini bizantij 78, quid minuunt ei in secunda positione: multiplica ergo 78 per 5, et diuides per $\frac{1}{5}$ 120, exhibunt $\frac{156}{774}$; quibus additis cum bizantijs 12 secunde positionis, reddunt bizantios $\frac{168}{774}$ 12 pro quantitate bizantium primi hominis, cum pretium equi fuerit bizantij 20. Nam ut redigamus eos in integrum, multiplica bizantios primi hominis per 721; et sic habebis pro quantitate primi hominis bizantios 9120, qui exiunt ex multiplicatione de 12 in 721 cum additione de 468, que sunt super uirgulam; et pro pretio equi habebis bizantios 14420; qui numeri, scilicet 9120, et 14420, cum habeant ad inuicem uicesimam, diuidatur uterque numerus per 20; et sic habebis pro quantitate primi hominis bizantios 456; et pro pretio equi bizantios 721, ut superius inuenitum est.

De homine, qui iuit negociando lucram.

Quidam iuit negociando lucram, deinde florentiam, et reuersus est pisas; et fecit in unoquoque ciuitate duplum, et in unoquoque expendit denarios 12; et in fine nil remansit ei. Queritur, quot in principio habuit. Pone quidem, ut ipse habet denarios 12, cum quibus in primo uiagio fecit duplum; et sic habuit denarios 24, ex quibus expendit denarios 12, et remanserunt ei alii denarij 12; cum quibus, cum faceret duplum in reliquis duobus uiagijs, et expeuderet in unoquoque denarios 12, remanserunt ei in fine denarij 12. Quare in hac positione errasti in 12 additis: ergo pones, quod ipse haberet denarios 11; cum quibus, cum faceret duplum in ipsis tribus uiagijs, et expeuderet in unoquoque denarios 12, remanent ei in fine denarij 4, scilicet 8, minus quam in prima positione. Quare et hec positio maior est. Vnde dices: per 4, quod minui de capitale ipsius, adpropinquauit 8; quid minum iterum, ut adpropinquem 4: multiplica ergo 4 per 1, et diuides per 8, exhibit $\frac{1}{2}$ unius denarij: quo de 11 denarijs extracto, remanent pro capitale ipsius denarij $\frac{11}{2}$ 10. Vel ex multiplicatione erroris primi in positionem secundam, scilicet de 122 extrahere 148, que proneniunt ex errore secundo in positionem primam, remanet 84; quibus diuisis per differentiam errorum, ueniunt $\frac{1}{2}$ 10. Nam si proponatur, quod ipse habeat denarios 12, cum quibus tria fecit uiagijs; et queratur, quot in unoquoque expeuderet, cum in fine ei nichil remanserit. Pone, quod expensum sit denarij 19; et duplica ter 12 superscripta, extracto semper denarios 19; et sic remanebunt denarij 26: quare hec positio minor est ueritate 26. Vnde pro expensio ipsius pones 11 in secunda positione; et cum operaberis ut decet, inuenies, quod remanebunt ei denarij 19, scilicet 7, minus quam in prima positione. Vnde dices: pro 1, quod creui in expensio ipsius, adpropinquauit ueritati 7. Quid rursus adcrecam, ut adpropinquem ipsos denarios 19, qui restant ad adpropinquandum in secunda positione. Multiplica ergo 1 per 19, et diuides per 7, exhibunt denarij $\frac{19}{7}$ 2; quibus additis cum denarijs 11 secunde positionis, reddent denarios $\frac{38}{7}$ 12 pro expensio ipsius: uel ex ductis 26 in 11 extrahere ductum ex 19 in 19, remanent 96; que dinde per differentiam errorum, exhibunt similiter denarij $\frac{19}{7}$ 12.

De homine, qui dabat pensionem.

Quidam dabat pensionem in anno libras 20, hoc est seldos 20 in mense, qui prestaui domino dumus libras 6 super ipsam pensionem ad usuras 4 denariorum per

* proxi hominis ... habet a ...
fol. 146 verso, lin. 16-17.
pag. 229, lin. 1-2.



* ex quibus ... restantur a ...
fol. 146 verso, lin. 21-22. pag.
229, lin. 17-18.



fol. 147 recto.

* dicitur ... 19, qui a ...
fol. 147 recto, lin. 4 et 5-9. pag.
229, lin. 21-25.



ergo unctus ... libras 6 (fol. 147 verso, l. 17-21) pag. 320, l. 2-7).



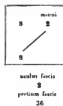
libram in mense. Queritur, quot mensibus ipse debuit tenere domum pro ipsis libris 6, et eorum usuris: pone, ut ipse teneret ipsam domum mensibus 4; in quibus expediret cum dare pro pensione libras 16; et usura illarum 6 librarum in illis 4 mensibus est soldi 8. Ergo debuit recipere libras 6, et soldos 8 in illis 4 mensibus; et debuit dare pro pensione libras 16, scilicet soldos 72, plus quam recipere debuit: quare pones, ut ipse tenet domum in secunda positione mensibus 2, in quibus debuit recipere libram 6, et soldos 6 inter capitale, et usuram; et debuit dare pro pensione libras $\frac{1}{2}$ 7, scilicet soldos 21, plus quam hoc, quod debuit recipere. Nam in prima positione fuerunt plus soldi 72. Quare pro uno mense, quem minimus, adpropinquauimus soldos 48, scilicet differentiam, que est a soldis 72 usque in soldis 24; et restant nobis ad adpropinquandum ipsi soldi 24. Quare multiplica 1 per 24, et diuides per 48, exibit $\frac{1}{2}$ unius mensis: quo extracto de mensibus 2 secunde positionis, remanent octones $\frac{1}{2}$ 2; et tantum debuit ipse tenere domum pro ipsis libris 6. Verbi gratia: usura de libris 6 in illis mensibus $\frac{1}{2}$ 2 sunt soldi 3; cum quibus iunctis illis libris 6, faciunt libras 6, et soldos 3, scilicet quantitatem pensionis ex illis mensibus $\frac{1}{2}$ 2; et hoc uolumus.

Quidam duxi in quadam nauu ad nauum fascis 11 equali pretio; ex quibus dedit nauclerio fascium 1 pro instituto nauo; et nauclerius reddidit ei soldos 14 pro hoc, quod fascis ualebat plus nauo. Quidam uero, qui duxerat in eadem nauu fascis 12 eiusdem pretij, dedit similiter nauclerio pro suo nauo fascium 1; et nauclerius reddidit ei soldos 6. Queritur pretium uniuscuiusque fascis; et quid de unoquoque fascio daretur nauum. Pone ergo, quod nauus unius fascis esset soldi 6. Quare primus homo debuit dare nauum de suis 11 fascibus soldos 66; cum quibus additis soldis 14, quos nauclerius reddidit ei, reddunt soldos 80 pro pretio uoiuscuiusque fascis. Secundus uero debuit dare nauum ex suis 12 fascibus soldos 90 suprascripta ratione; quibus additis cum soldis 6, quos nauclerius ei reddidit, reddunt soldos 96 pro pretio uniuscuiusque suorum fascium, qui sunt soldi 16, plus pretio fascis primi hominis. Quare minuat nauum in secunda positione; et ponatur, quod sit soldi 4; qua ratione nauum de 11 fascibus primi hominis est soldi 44; cum quibus additis soldis 14 suprascriptis, reddunt pro pretio fascis soldos 58. Nauum uero de fasciis 12 secundi hominis est soldi 60; cum quibus additis soldis 6, quos nauclerius reddidit ei, reddunt pro pretio sui fascis soldos 66, scilicet soldos 8, plus pretio fascii primi hominis: ergo in secunda positione pro illis soldis 2, quos minimos de nauo cuiuslibet fascis, adpropinquauimus differentiam, que est a soldis 16 usque in soldis 8; que differentia est soldi 8; et restant nobis ad adpropinquandum alii soldi 8. Quare multiplicabis suprascriptos soldos 2 per soldos 8, qui restant ad adpropinquandum; et diuides per soldos 8 adpropinquatos, exibunt alii soldi 2: quibus extractis de soldis 4 secunde positionis, remanent soldi 2 pro nauo uniuscuiusque fascis; quos multiplica per fascis 11 primi, et superadde multiplicationem de soldis 14, quos nauclerius reddidit ei, redduot soldos 38 pro pretio cuiuslibet fascii. Verbi gratia: nauum de 12 fascibus secundi hominis est soldi 36; cum quibus additis soldis 6 ei a nauclerio redditis, reddunt similiter soldos 26 pro pretio uniuscuiusque suorum fascium, ut oportet.

Sex homines habebant denarios; ex quibus quinque per ordinem sine primo habebant

fol. 147 verso.

ergo un ... 14, quis a (fol. 147 verso, l. 4-9, pag. 320, l. 22-24).

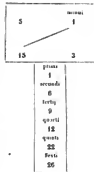


denarios 75; sine secundo denarios 70; sine tercio denarios 67; sine quarto denarios 64; sine quinto denarios 54; sine ultimo denarios 50; queritur, quot unusquisque habuit; pone, ut ipsi habeant denarios 80; ex quibus extractis sex numeris per ordinem prescriptis, remanet primo homini denarii 3; secundo 10; tercio 15; quarto 16; quinto 26; sexto 20; quibus insimul iunctis, faciunt denarios 100, scilicet denarios 20, plus posita summa. Vnde cognoscimus, ipsam summam esse nimis magnam: quare ponamus eam in secunda positione 1 minus, scilicet 79; ex quibus extractis sex numeris prescriptis, scilicet 75, et 70, et reliquis, remanebant primo homini 4; secundo 9; tercio 12; quarto 13; quinto 25; sexto 20; quibus insimul iunctis, cum faciant 94, scilicet 15, plus posita summa in secunda positione, cognoscimus iterum, ipsam summam adhuc maiorem esse veritate. In prima positione fuimus longe 20; in secunda 15: ergo per unum denarium, quem minimus, adpropinquamus veritati denarios 3; qua ratione uolumus adpropinquare ipsos denarios 15, qui restant ad adpropinquandum. Vnde multiplica 1 per 15, et diuides per 5, exiunt denarii 3; quibus diminutis de denarijs 79 secunde positionis, remanet pro summa denariorum illorum 6 hominum 76; de qua extractis per ordinem sex numeris superscriptis, remanet primo homini denarius 1; secundo 6; tercio 9; quarto 12; quinto 22; sexto 26; quibus insimul iunctis, reddunt ipsam, et eandem summam 76, ut oportet.

De duabus auibus.

Dve aues erant super altitudinem duarum turrium; quarum una erat alta passibus 40, altera 20; et distabant in solo passibus 50; et uno ictu descenderunt pari uolatu ad centrum eiusdem fontis; et pariter uno momento ad ipsum deuenerunt, qui erat inter utramque turrim. Quod uno momento mouerunt, et uno momento iunxerunt: nichil aliud est, nisi quod recte linee, que descendunt a summitatibus turrium usque centrum fontis, sunt ad inuicem equales: quare, sicut in geometria aperte monstratur, multiplicatio longitudinis cuiuslibet illarum turrium in se ipsa addita cum multiplicatione spatij soli, quod est ab ipsa turri usque ad centrum fontis, in se ipsum, faciunt quantum multiplicatio recte linee in se ipsa, que ascendit a centro fontis usque ad altitudinem ipsius turris: his itaque cognitis, pone, ut centrum fontis distet a maiori turri passibus quolibet, ut dicamus 10; et multiplica 10 in se, erunt 100; que adde cum multiplicatione altitudinis maioris turris in se ipsa, scilicet cum 1600, erunt 1700, que serua; et multiplica residuum spatij, scilicet 40 in se ipsa, cum sint differentia centri illius a minori turri, erunt 1600; que adde cum multiplicatione minoris turris in se, scilicet cum 900, fuit 2500, quum debent esse 1700, sicut fuerunt alie due multiplicationes: ergo in hac positione sumus longe a veritate 800, scilicet distantia, que est a 1700 usque in 2500: quare elongabis centrum fontis a maiori turri: elongetur quidem passibus 5 ultra primam positionem, scilicet passibus 15 longe ab ipsa maiori turri; et multiplica 15 in se, erunt 225; que adde cum multiplicatione maioris turris, scilicet cum 1600, erunt 1825. Similiter multiplica 35 per se, que sunt distantia centri fontis a minori turri, faciunt 1225; quibus additis cum 900, scilicet cum multiplicatione altitudinis maioris turris, faciunt 2125, que deberent esse 1825 superscripta ratione. Quare in hac secunda positione sumus longe a veritate 300; in prima enim fuimus longe 800: ergo dices: pro quinque passibus, quos elongauimus centrum fontis a maiori

* primo locum ... altitudinem ...
lib. 147 recte, lin. 47-50;
pag. 331, lin. 4-11;



lib. 148 recte.

* Erunt ... adpropinquandum ...
lib. 148 recte, lin. 43-45;
pag. 331, lin. 41 - pag. 332,
lin. 7;



... multiples reliquis 3 (6).
118 *verse* : lns. 17-24 : pag.
352, lns. 2-9.

| |
|------------------|
| denarios maiores |
| 15 |
| minores |
| 32 |

turri, adpropinquauimus 300 ueritati; quantum enim elongabimus ipsam centrum ab eadem maiori turri, ut adpropinquemus 300 restant ad adpropinquandum; multiplica 3 per 300, et diuides per 300, exhibunt passi 3; quibus additis cum passibus 15, reddunt passus 18; et tantum distat fons a maiori turri. Residuum uero spatij, scilicet 32, distat a minori turri. Verbi gratia : multiplicatio de 18 in se ipsa, addita cum multiplicatione de 40 in se ipsum, faciunt quantum multiplicatio de 32 in se ipsa, addita cum multiplicatione de 30 in se ipsum, ut oportet.

De tribus hominibus habentibus denarios.

Tres homines habent denarios; quorum primus dixit reliquis: si dares mihi 7 ex nostris denarijs, haberem utique quater tantum quam uos: secundus petit reliquis 9; et proponit se habere quinquies tantum quam ipsi: tertius uero querit reliquis 11; et proponit se habere seties tantum quam ipsi. Queritur, quantum unusquisque habeat: pone quidem, ut primus habeat denarios 12; cum quibus adde denarios 7, quos petit reliquis, faciunt 20; quorum quarta pars, scilicet 5, remanent inter secundum, et tertium hominem, datis illis denarijs 7 primo: ergo inter utrumque habent denarios 12; quibus additis cum 12 primi hominis, reddunt denarios 25 pro summa illorum trium hominum: ex quibus oportet, ut secundus habeat $\frac{2}{3}$, habitis 9 denarijs, quos petit reliquis; et alia sexta pars remaneat reliquis; et sic habebit quinquies tantum quam ipsi. Quare accipe $\frac{2}{3}$ de denarijs 25, erunt $\frac{10}{3}$ 30. Residuum uero, scilicet $\frac{5}{3}$ 4, remanet primo, et tercio homini; cum quibus adde 9, quos dant secundo homini, reddunt $\frac{13}{3}$ 12 pro summa tertij, et primi hominis: ex quibus cum primus habeat 12, remanet tercio homini tantum $\frac{1}{3}$ unius denarij: ergo reliqui duo habent $\frac{2}{3}$ 24, scilicet residuum, quod est a sexto usque in 28. Ex quibus, si dederint tercio homini 11, remanebunt eis denarij $\frac{2}{3}$ 12; et tertius homini habebit $\frac{1}{3}$ 11, qui debent esse 32, scilicet sextuplum de denarijs $\frac{2}{3}$ 12, qui remanent primo, et secundo homini: quare in hac prima positione minuit tercio homini $\frac{1}{3}$ 71, scilicet differentia, que est ab $\frac{1}{3}$ 11 | usque in 82. Quare pone in secunda positione, ut primus homo habeat denarios 9, scilicet 4, minus quam in prima positione; cum quibus additis denarijs 7, quos petit reliquis, faciunt 16; qui cum habeat tunc quater tantum quam reliqui, oportet, ut quartam eorum partem, scilicet 4, habeat ipsi; cum quibus additis denarijs 7, quos dant primo, faciunt denarios 11; et tot habent inter secundum, et tertium hominem: quibus additis cum denarijs 9 primi hominis, reddunt denarios 20 pro summa illorum trium hominum: ex quibus quinquies sextas, scilicet $\frac{2}{3}$ 16, oportet ut secundus habeat, habitis 9 denarijs, quos petit reliquis: reliqua uero pars, scilicet sexta, remanet tercio, et primo homini, que est $\frac{2}{3}$ 3; cum quibus additis 9, quos dant secundo, reddunt pro summa eorum denarios $\frac{4}{3}$ 12: ex quibus cum primus habeat 9, remanent tercio denarij $\frac{1}{3}$ 3: a quibus usque in 20, remanent $\frac{2}{3}$ 16 secundo, et primo homini; ex quibus extractis 11, quos dant tercio, remanet eis $\frac{2}{3}$ 5; et tertius homo habet, habitis ipsis 11 denarijs, $\frac{1}{3}$ 14; qui deberent esse denarij 34, scilicet sextuplum de denarijs $\frac{2}{3}$ 5, qui remanet primo, et secundo homini. Quare in hac secunda positione minuunt tercio homini denarij $\frac{2}{3}$ 19, scilicet differentia, que est ab $\frac{2}{3}$ 14 usque in 24: in prima eum positione minuit ei denarij $\frac{2}{3}$ 71: ergo per denarios 4, quos minuimus primo homini in secunda positione, adpropinquauimus $\frac{1}{3}$ 38, scilicet differentiam, que est a $\frac{2}{3}$ 71 usque in $\frac{1}{3}$ 19, et

et 148 *verse*.

in prima ... reddunt pro 3
(et. 148 *verse* : lns. 14-19 ;
pag. 352, lns. 41 - pag. 353,
lms. 3)

| | | |
|---|----|---|
| 4 | 32 | 4 |
| 3 | 10 | |

restant ad appropinquandum ipsi denarij $\frac{2}{3}$ 19: quare multiplica $\frac{2}{3}$ 19 per 4, et divides per $\frac{1}{2}$ 92, exhibit $\frac{138}{113}$ 4; quo extracto de denarijs 9 secunde positionis, remanent primo homini denarij $\frac{138}{113}$ 7; cum quibus adde 7, quos petit reliquis, erunt $\frac{155}{113}$ 14. Quorum quarta pars, scilicet $\frac{155}{113}$ 3, remanet reliquis; quibus additis cum ipsis denarijs 7, quos dant primo homini, reddunt pro eorum summa denarios $\frac{155}{113}$ 10: quibus additis eum denarijs $\frac{124}{113}$ 7 primi hominis, reddunt pro summa tot illorum trium hominum denarios $\frac{279}{113}$ 15. Ex quibus cum secundus habeat quinque sextas, habitis 9 denarijs, quos petit reliquis, accipe $\frac{2}{3}$ de denarijs $\frac{16}{113}$ 18, qui sunt denarij $\frac{36}{113}$ 15; et extrale inde denarios 9, quos secundus petit reliquis, remanebunt secundo homini denarij $\frac{20}{113}$ 6. Quos adde cum denarijs $\frac{133}{113}$ 7, quos habet primus, erunt denarij $\frac{153}{113}$ 13: a quibus usque in summa trium hominum, scilicet $\frac{279}{113}$ desunt $\frac{126}{113}$ 4; et tot habet tertius homo.

De quatuor hominibus, qui inueniunt bursam.

Quattuor homines habentes inueniunt unam bursam denariorum; ex quibus primus dixit ceteris; quod si haberet ipsam bursam, haberet cum suis denarijs ter tantum quam reliqui; secundus quater tantum; tertius quinque tantum. Quartus quoque sexies tantum quam reliqui, se habita bursa habere affirmat. Queritur, quot denarios unusquisque habuit; et quot in bursa reperiunt. Considera quidem primum, quas partes unusquisque habeat cum bursa ex summa denariorum quattuor hominum, et burse. Nam cum primus habeat cum bursa ter tantum quam reliqui; oportet, ut si primus cum bursa habuerit 3, quod reliqui tres habent 1; ergo inter omnes cum bursa habent 4; ex quibus primus cum bursa habet 3, scilicet $\frac{3}{4}$ totius summe superscripte: propter eadem ergo secundus eiusdem summe cum bursa habet $\frac{2}{4}$; tertius quoque cum bursa $\frac{1}{4}$; quartus uero cum bursa $\frac{0}{4}$ eiusdem summe, scilicet 4 hominum, et burse habere necesse est: que summa sit 400, eum in ipsa reperiuntur superscripte partes; quas accipe per ordinem 7, et inuenies, quod primus eum bursa habet denarios 213; secundus cum bursa 236; tertius 350; quartus cum bursa 360, scilicet $\frac{0}{4}$ de 400: his itaque peractis, poue ut in bursa reperti sint denarij 100; quos extrale per ordinem ex superscriptis numeris, remanebunt pro denarijs primi hominis 213; pro denarijs secundi 236; pro denarijs tercij 350; pro denarijs quarti 360; quorum quattuor numerorum summam adde eum denarijs burse, scilicet cum 100, erunt 1061, qui deberent esse 400: quare in hac prima positione superat distantia, que est a 400 usque in 1061, scilicet 661: quare prones in secunda positione, ut reperti sint in ipsa denarij 200, scilicet 100, plus quam in prima positione; quos denarios 200 extrale ex superscriptis 313, et 336, et de 350, et de 360, remanent primo denarij 113; secundo 136; tertio 150, et quarto 160; qui insimul iuncti cum denarijs 200 burse, faciunt 761, qui debent esse 400. Quare in hac secunda positione superant adhuc 361; in prima superauerunt 661: ergo pro ipsis 100 denarijs, quos creuimus burse, adpropinquauimus denarios 206; et restant nobis ad adpropinquandum denarij 341: quare multiplica 100 per 341, et divides per 200, exhibunt $\frac{3}{4}$ 113; quibus additis cum denarijs 200 burse, reddunt pro summa burse denariorum $\frac{3}{4}$ 313; quibus extractis per ordinem ex superscriptis .iiii.^{or} numeris per ordinem, remanet primo homini denarius $\frac{1}{4}$ 1; secundo $\frac{2}{4}$ 23; tertio $\frac{3}{4}$ 36; quarto $\frac{4}{4}$ 46; quos numeros si in integrum habere uolueris, multiplica unumquemque ipsorum per 4, et habebis pro denarijs burse 841; et primus habebit 4; secundus 67; tertius 109; quartus 219, ut in quarta parte duodecimi capituli propriam regulam inuenimus.

et eorum quorum ... habere
primus a 661, 118 2000, lin.
20-21, pag. 313, lin. 3-14:

| | |
|----------|-----|
| primus | 113 |
| secundus | 136 |
| tertius | 150 |
| quartus | 160 |
| bursa | 100 |
| Summa | 661 |

Ed. 149 recte.

et in hac prima ... et primo a
661, 118 2000, lin. 4-8; pag.
313, lin. 31-36.

| | |
|-----|-----|
| 30 | 100 |
| 341 | |

et superauerunt ... adstantibus
(Ed. 149 recte, lin. 9-11;
pag. 319, lin. 26 — pag. 324,
lin. 1).

| | |
|----------|-----|
| bursa | 200 |
| primus | 4 |
| secundus | 67 |
| tertius | 109 |
| quartus | 219 |

De quatuor hominibus equum emere uolentibus.

Quatuor homines bizantios habentes equum emere uoluerant ; ex quibus primus petit reliquis $\frac{1}{2}$ suorum bizantiorum, et cum suis bizantijs quos habet, proponit se ipsum equum emere : secundus petit reliquis $\frac{2}{3}$; tertius $\frac{1}{3}$. Quartus similiter petit reliquis $\frac{1}{4}$ suorum bizantiorum, et poterit ipsum equum emere. Queritur, quot denarios unusquisque habuit; et quot equus uendebatur. Pone quidem, ut primus habeat bizantios 6; et equus ualeat bizantios 30; et sic oportebit, ut reliqui tres habeant bizantios 48: ideo quia primus petit reliquis $\frac{1}{2}$ suorum bizantiorum, scilicet 24; cum quibus, cum ipse habeat bizantios 6, habebit pretium equi, scilicet 30: ergo summa bizantiorum quattuor hominum erit 54; ex qua oportet tantum dari secundo, ut cum ipse habuerit tertiam residui, habeat 30. Quod per positionem alterius elchataieym inueniri potest. Vnde in hac questione etiam et in similibus plures elchataieym necessarii sunt, in quibus non modicum consideraendum est. In hac enim, et similibus questionibus in ipsa prima positione primam uniuersalem appellabis. Secunda uero, cum qua questio soluetur, secunda uniuersalis appellabitur: positiones uero reliquorum elchataieym, per quas positiones bizantiij uniuscuiusque hominis reperitur, particulares nuncupantur: deinde pone, ut secundus ex ipsis bizantijs 34 habeat bizantios 12 in hac prima particulari positione, et remanent reliquis tribus bizantiij 42; ex quibus, cum ipse petat eis tertiam partem, scilicet 14, cum suis bizantijs 12 habebit bizantios 26, qui uellent esse bizantiij 30, scilicet pretium equi: ergo in hac prima particulari positione minuunt secundo homini bizantiij 4; quare in secunda particulari positione pone, ut secundus habeat bizantios 18 ex superscriptis bizantijs 34, scilicet bizantios 2, plus quam in prima particulari positione; cum quibus adde tertiam partem residuorum, scilicet de bizantijs 30, faciunt bizantios 28, qui debent esse 30; quare in hac secunda particulari positione minuerint eidem secundo homini bizantiij 2; in prima positione enim minuerant ei bizantiij 4: ergo per 2, quos creuimus ei, adpropinquauit ueritati 2, et restant ad adpropinquandum alii bizantiij 2: quare multiplicabis 2 per 2, et diuides per 2, exhibunt alii bizantiij 2; quos adde cum bizantijs 12 | superscriptis, erunt 18; et tot habet secundus: aliter siue elchataieym bizantios secundi hominis reperire potes: summa enim 4 hominum est bizantiij 54; ex quibus secundus habet bizantios 30, habita tertia parte de bizantijs trium reliquorum hominum: ergo remanet eis tribus residuum, quod est a bizantijs 30 usque in bizantijs 54, scilicet bizantiij 24; qui bizantiij 24 due tercie summe eorum trium hominum esse necesse est, cum ipsi tres homines dederint secundo aliam tertiam partem: quare inueniendus est numerus, ex quo 24 sicut $\frac{2}{3}$; qui numerus sic inuenitur. Multiplica 3 per 24, et diuides per 2, exhibunt bizantiij 36 pro quesito numero: ergo tot habent ipsi tres: residuum uero, quod est ab ipsis bizantijs 30 usque in bizantijs 54, scilicet bizantios 18, habet secundus, ut per elchataieym modo inuenimus: deinde accedes ad tertium hominem, cui ex superscriptis bizantijs 34 tot oportet dare, ut cum supra suos bizantios habuerit quartam partem reliquorum, habeat et ipse similiter bizantios 30, scilicet pretium equi; quod per elchataieym, uel per alium modum, per quem bizantios secundi hominis modo inuenimus, reperire potes. Vnde qualitercumque hoc feceris, inuenies, quod tertius homo habebit bizantios 22 ex ipsis bizantijs 54; quibus bizantijs 22 additis cum bi-

zantijis 18 secundi hominis, et cum 6 primi, faciunt bizantios 46; a quibus usque in bizantijis 54 desunt bizantij 8; et tot habet quartus homo: cum quibus 6 si addideris quintam partem de bizantijis 46, quos habent reliqui tres homines, faciunt bizantios $\frac{1}{5}$ 17, qui uellent esse bizantij 30: quare prima uniuersalis positio falsa est, in qua quarto homini minuunt bizantij $\frac{1}{5}$ 12, qui desunt ab ipsis bizantijis $\frac{1}{5}$ 17 usque in 30: quare in secunda uniuersali positione augebis pretium equi, uel minues bizantios primi hominis: augeatur quidem pretium equi; sitque bizantij 36, ex quibus primus habet bizantios 6: quare desunt ei bizantij 30, ut habeat ipsum pretium equi; qui bizantij 30 dimidium de bizantijis reliquorum trium hominum esse necesse est. Quare reliqui tres homines habent duplum ex ipsis bizantijis 30, scilicet 60: quibus additis cum bizantijis 6 primi hominis, reddunt bizantios 66 pro summa illorum .iiii.^m hominum; ex qua oportet, ut secundus habeat 21, et tercius 26, ut unusquisque illorum suum possit adimplere propositum; quorum unusquisque reperitur per elchataeym, uel per alium modum superius demonstratum; per quem leuius, quam per elchataeym, ipsos posse reperiri cognoscas: quibus numeris iuuentis, adde eos cum bizantijis primi hominis, erunt bizantij 53; et tot habent inter primum, et tertium, et secundum; a quibus bizantijis 33 usque in bizantios 66, scilicet in summa .iiii.^m hominum, sunt bizantij 12; et tot habet quartus homo; cum quibus adde quintam partem de bizantijis 53, erunt bizantij $\frac{5}{5}$ 23, qui debent esse 36, scilicet pretium equi: ergo in hac secunda uniuersali positione minuunt quarto homini bizantij $\frac{1}{5}$ 12, qui sunt quinte 62. In prima uero uniuersali positione minuunt ei bizantij $\frac{1}{5}$ 12, scilicet quinte 64: ergo pro bizantijis 6, quos eremus pretio equi, adpropinquauimus ueritati quintas 2; et restant ad adpropinquandum quiete 62: quare multiplicabis 6 per 62, et diuides per 2, hoc est 3, per 62, et diuides per 1, exibunt bizantij 166; quos adde cum bizantijis 36, scilicet cum pretio equi secunde positione, erunt bizantij 222. Vel secundum regulam augmenti et diminutionis, multiplica 64 per 30; extrahe inde 62 uicibus 30; et que superfluerint diuide per differentiam errorum, scilicet per 2, exibunt similiter bizantij 222, qui sunt pretium equi: qui bizantij 222, cum habeant communem regulam cum bizantijis 6 primi hominis, scilicet $\frac{1}{5}$, diuide unumquemque ipsorum | numerorum per 6; et sic habebis 1 pro bizantijis primi hominis, et 27 pro precio equi; cum quibus, si sciueris inuenire bizantios reliquorum trium hominum per elchataeym, uel per alium modum, per quem superius ipsos inuenire demonstrauimus, inuenies, quod secundus habet bizantios 19; tercius bizantios 25; quartus bizantios 23; ut in quinta parte duodecimi capituli per primam regulam demonstrauimus.

Tres homines habebant libras nescio quot sterlinguorum; quarum medietas erat primi; tertia erat secundi; sexta erat terti; quis cum uellent in loco tuciori habere, quilibet eorum sumpsit fortuito (*sic*) ex eis; et cum ad tutum deuenissent locum, primus posuit in comune $\frac{1}{2}$ ex his que sumpserat; secundus $\frac{1}{3}$; tercius $\frac{1}{4}$; ex quorum trium positionum summa, cum unusquisque caperet terciam partem, quilibet ipsorum suam portionem habuisse proponitur: pone itaque summam sterlingorum totam fuisse 12; et quod ex his posuerunt in comune 3; de quibus pro tertia parte unusquisque habuit 1; cum quo 1, cum primus habuisset $\frac{1}{2}$ totius summe, scilicet 6; ergo habebat ipse tunc 3; que 3 remanserunt ei, cum posuerat $\frac{1}{2}$ in comune ex his, que sumpserat a

* quatuor 62... per differentiam
| 64. 119. ueritas. h. 32. 37.
| 122. 325. h. 39. 31.

| quatuor | bizantij |
|---------|----------|
| 2 | 6 |
| 62 | |

61. 1. 10. recte.

principio. Quare a principio sumptserat 16; quorum dimidium, cum poneret in commune, remanserunt ei 8. Simili quoque modo secundus cum ipso 1, quod euenit ei ex 2 positus in commune, habuit tertiam summe, scilicet 4; de quibus, extracto ipso 1, remanent 3; et tot habuit secundus, postquam posuit $\frac{1}{2}$ ex his, que sumptserat a principio: ergo 2 fuerunt $\frac{2}{3}$ sumptionis secundi. Quare totum id, quod cepit, fuit $\frac{1}{2}$ 4, que proueniunt ex addita medietate de 3 super 2, uel ex multiplicatione de 3 in 2, diuisa per 2. Rursus de $\frac{1}{2}$ de 12, scilicet de 2, extrahere 1, quod tertius habuit ex predictis 2, remanet 1; pro quo inuenias numerum, de quo extracta $\frac{1}{3}$, remaneat 1; eritque $\frac{1}{2}$ 1, que adde cum $\frac{1}{2}$ 4, et cum 10 inuenta, erunt $\frac{2}{3}$ 18, que deberent esse 12; et sic errauimus in $\frac{2}{3}$ 3 additis, scilicet in decimis 37: pone ergo 37 addita sub 12, scilicet sub prima positione. Et pone 6 pro summa omnium sterlingorum in secunda positione; de quibus cunctingunt primo 3; et secundo 2; et tertio 1: ergo 1, quod primus habuit ex suis predictis 2 positus in commune, extrahende 3, scilicet de portione ipsius primi, remanent 2; que duplica, erunt 4. Similiter extracto 1 de portione secundi, remanet 1; cui adde dimidium eius, erit $\frac{1}{2}$ 1; que adde cum 4, erunt $\frac{1}{2}$ 5. Post hec extrahere de portione tertiū hominis, remanet 0; super quod adde quintam, ueniet 0; quod adde cum $\frac{1}{5}$ 5, erunt $\frac{1}{5}$ 5; que cum deberent esse 6, scimus in hac secunda positione errasse cum $\frac{1}{5}$ diminutis. Quare ponas 6 diminuta sub secunda positione, scilicet sub 6, et multiplica errorem primum per positionem secundam, scilicet 37 per 6, et errorem secundum per positionem primam, scilicet 3 per 12, et diuide summam per coniunctum ex erroribus, scilicet per 42. Et ut euites, multiplica 37 per $\frac{1}{2}$ de 6, et 3 per $\frac{1}{2}$ de 12, erunt 47; que diuide per $\frac{1}{2}$ de 42, scilicet per 7, exhibunt $\frac{1}{2}$ 6 pro summa omnium sterlingorum. Sed ut hec habeas in integra, multiplica $\frac{1}{2}$ 6 et 3, que posuerunt in comuni per 7, et habebis pro summa omnium sterlingorum marcas 47, et marcas 21 pro his, que posuerunt in comuni: quarum tertia pars, scilicet 7, extrahere de medietate summe, scilicet de $\frac{1}{2}$ 23, remanent $\frac{1}{2}$ 16; quibus duplicatis, reddunt 22 pro his, que sumpsit primus homo. Item extrahere 7 ex tertia parte summe, scilicet de $\frac{1}{3}$ 15, remanent $\frac{1}{3}$ 8 pro $\frac{1}{3}$ sumptionis secundi; quibus superaddita dimidia eorum, reddent marcas 13 pro sumptione secundi; quibus additis cum marcis 22, faciunt 46; quibus extractis de tota summa, scilicet de 47, remanet marca una, quam sumpsit primus homo. Vel extrahere 7 de $\frac{1}{3}$ de 47, remanent $\frac{1}{3}$ 4; quibus adde quinta eorum, ueniet 1 pro sumptione tertiū hominis, ut prediximus: potuimus itaque 3, que posuimus, posside in commune habere pro positione prima, et mutare ea, tenendo 12 pro summa in utraque positione.

fol. 150 verso.

de denariis ... multiplicatis
fol. 150 verso. lin. 12-20
pag. 326, lin. 10 — pag. 327,
lin. 6.

| | | | | | | | | | |
|---|-------|--------|---|----|----|----------|----|----|----|
| | cipus | | | | | | | | |
| 11 | 4 | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | |
| <table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td style="text-align: right;">primus</td> <td style="text-align: right;">0</td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">14</td> <td style="text-align: right;">14</td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">secundus</td> <td style="text-align: right;">14</td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">14</td> <td style="text-align: right;">14</td> </tr> </table> | | primus | 0 | 14 | 14 | secundus | 14 | 14 | 14 |
| primus | 0 | | | | | | | | |
| 14 | 14 | | | | | | | | |
| secundus | 14 | | | | | | | | |
| 14 | 14 | | | | | | | | |

*Incipit pars secunde solutione quarundam questionum per elchataym
proprias regulas in hoc libro demonstrate non sunt. (sic)*

Duo homines habebant denarios; quorum primus dixit secundo: si dares mihi tertiam tuorum denariorum, haberem denarios 14. Secundus Respondit ei, et dixit: Et si tu dares mihi quartam tuorum denariorum, haberem denarios 17. Queritur, quot unusquisque habuit. Pone, quod primus habeat denarios 4. Quare secundus habebit denarios 20, ut ex tertia parte ipsorum, scilicet ex denarijs 16, et ex denarijs 4, quos primus habet, habet ipse primus denarios 14, ut propositum est. Verum addita quarta parte de denarijs 4 primi hominis cum denarijs 20 secundi, habebit secundus denarios

21, scilicet 14, plus quam debeat. Quare in secunda positione pone, quod primus homo habeat denarios 8. Quare secundus habebit denarios 18, cum quibus addita quarta parte de denarijs a primi hominis, habebit ipse secundus homo denarios 20, scilicet 2, plus quam debeat. In prima enim positione superant secundo homini 14; in secunda 3; ergo pro 4 denarijs, quos accrevimus primo, adpropinquavit secundus veritati 11; et restat ad adpropinquandum 2. Quare multiplicabis 3 per 4, et divides per 11, exibit denarius $\frac{12}{11}$; qui addito cum denarijs 8, faciunt denarios $\frac{98}{11}$: a quibus usque in 14 desunt denarij $\frac{10}{11}$ 4, qui sunt tertia pars de denarijs secundi hominis: quare multiplica eos, scilicet $\frac{10}{11}$ 4 per 3, reddent $\frac{40}{11}$ 14, pro denarijs secundi hominis.

Aliter per regulam proportionum. Quoniam denarij primi cum $\frac{1}{2}$ denariorum secundi sunt 14; ergo $\frac{1}{14}$ denariorum primi cum $\frac{1}{28}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum secundi est denarius 1. Quare $\frac{3}{14}$ denariorum primi cum $\frac{3}{28}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum secundi sunt denarij 2: ergo denarij primi hominis cum $\frac{3}{14}$ ipsorum, et cum $\frac{3}{28}$ denariorum secundi sunt denarij 17, sicut sunt omnes denarij secundi hominis cum $\frac{3}{14}$ denariorum primi. Denarij autem primi hominis cum $\frac{3}{14}$ ipsorum sunt $\frac{51}{14}$ eorumdem; tertia quoque denariorum secundi cum $\frac{3}{14}$ ipsius tereū sunt $\frac{47}{14}$ denariorum ipsius secundi: ergo $\frac{51}{14}$ denariorum primi cum $\frac{47}{14}$ denariorum secundi sunt quantum denarij secundi hominis cum $\frac{1}{2}$ denariorum primi. Vnde si de denarijs secundi hominis auferatur $\frac{51}{14}$ ipsorum, remanebunt siquidem $\frac{22}{14}$ eorumdem: ergo $\frac{17}{14}$ denariorum primi sunt $\frac{22}{14}$ secundi, et $\frac{1}{2}$ denariorum suorum. Vnde si de $\frac{17}{14}$ denariorum primi auferatur $\frac{1}{2}$ denariorum ipsius, remanebunt $\frac{15}{14}$ denariorum ipsius, equales de $\frac{22}{14}$ denariorum secundi: quare inveniendi sunt duo numeri, quorum $\frac{22}{14}$ unius, sint $\frac{22}{14}$ alterius; qui inveniuntur sic: multiplicatur 28 per 25, et 42 per 27; sed quia 28 et 42 dividuntur integraliter per 7, multiplica tantum $\frac{1}{7}$ de 28, scilicet 4 per 25, et $\frac{1}{7}$ de 42, scilicet 6 per 27, erunt 100, et 162: adde quidem super 100 petitionem, quam primus petit secundo, scilicet $\frac{1}{2}$ de 162, que est 81, erunt 181, qui cum debeant esse 14; divides 181 per 14, erunt 13; in quo divide 100 et 162, exhibunt pro denarijs primi hominis $\frac{13}{14}$ 0; et pro denarijs secundi $\frac{13}{14}$ 14, ut per | elefataicym inveniuntur. Item aliter pone 14 super $\frac{1}{2}$, et 17 super $\frac{1}{4}$; et multiplica 3 per 4, et extrahe inde semel unum, que sunt super virgulis; et cum homines sint pares, secundum quod diximus in regula emptionis equi; remaneant 11, quem serua; et extrahe 1, quod est super 3, ex ipsis 3, remaneant 2; quem multiplica per 14, faciunt 28; de quibus tolle 3, que sunt a 14 usque 17 multiplicata per unum, quod est super 3, cum 17 sit plusquam 14; et si esset minus, adderes, remaneant 25; quem multiplica per 4, que sunt sub virga, erunt 100; que divide per 11, exhibunt $\frac{12}{11}$ 9 pro denarijs primi. Rursus extrahe 1, quod est super 4 de 4, remaneat 3; que multiplica per 17, et adde 3 multiplicata per 1, quod super 4 propter 3, que sunt a 14 usque in 17, erunt 54; que multiplica per 3, erunt 162; que divide per 11, exhibunt $\frac{14}{11}$ 14 pro denarijs secundi hominis. Aliter proptius: pone secundum habere rem. Quare primus habet 14, minus tertia rei, quam querit secundo; de quibus secundus petit primo quartam, scilicet denarios $\frac{1}{2}$ 3, minus quarta tertia rei; et sic habebit rem, minus $\frac{1}{2}$, et denarios $\frac{1}{2}$ 3, que equantur 17. Quare extrahe $\frac{1}{2}$ 3 de 17, remaneat $\frac{1}{2}$ 13; que equantur $\frac{13}{2}$ unius rei. Quare multiplica 12 per

fol. 151 verso.

$\frac{1}{2}$ 12, et diuide per 11, ut reintegretur res, exibunt $\frac{5}{11}$ 14; et tot habet secundus; quorum tercia, scilicet $\frac{15}{11}$ 4 extrahende de 14, remanent $\frac{1}{11}$ 9 pro denarijs primi.

De tribus hominibus denarios habentibus.

Tres homines habent similiter denarios; et primus querit secundo $\frac{1}{2}$, et proponit se habere denarios 14; secundus petit tercia $\frac{1}{3}$ suorum denariorum, et proponit habere denarios 17: tercius quidem querit prima $\frac{1}{4}$ suorum denariorum, et proponit habere denarios 19. Queritur, quot unusquisque habet: pone, ut primus habeat denarios 16; quare secundus habebit 12; et tercius 30: cum quibus addita quinta parte de denarijs 16 primi hominis, habebit tercius homo denarios 22, scilicet 2, plus quam debeat. Quare in secunda positione pone, ut primus habeat denarios 9, scilicet 1, minus quam in prima; et sic oportebit, ut secundus habeat 15, scilicet triplum differentie, que est a 9 predictis usque in 14; et tercius habebit 8, scilicet quadruplum differentie,

que est a 15 superscriptis usque in 17: cum quibus 8 addita quinta parte de denarijs 9 primi hominis, scilicet $\frac{1}{5}$ 1, faciunt $\frac{4}{5}$ 9, qui deberent esse 10: quare in hac secunda positione minuunt tercio homini $\frac{1}{3}$ 3, et in prima superant ei 2: quare addes ipsas differentias in unum, scilicet $\frac{1}{3}$ 9 cum 2, erunt $\frac{1}{3}$ 12; et dices: pro 1, quod minui in secunda positione primo homini, minuunt tercio $\frac{1}{3}$ 12; quid minuam ex prima positione, ut minuam tantum eidem tercio homini 2, qui superant ei in prima positione. Multiplicabis ergo 1 per 2, et diuides per $\frac{1}{3}$ 12, exibunt $\frac{15}{12}$; quibus extractis de denarijs 10 prime positionis, remanent $\frac{16}{12}$ 9 pro denarijs primi: quare secundus habebit $\frac{15}{12}$ 12, et tercius $\frac{16}{12}$ 17; et sic possemus facere de pluribus hominibus, cum unusquisque petat alio per ordinem. Item primus petat reliquis duobus $\frac{1}{2}$, et proponat, et habeat 14; et secundus querat $\frac{1}{3}$ reliquis, et habeat 17; et tercius petat reliquis $\frac{1}{4}$, et habeat 19: pone, quod primus habeat 8; quare reliqui habebunt 18: oportet diuidere inter utrumque per elchataieyn, ita ut secundus cum suis denarijs, et cum quarta parte de denarijs tercij, et primi hominis, habeat 17. Quare oportet, ut superscripta prima positio habeatur pro uniuersali; et aliam primam particularem positionem ponamus, in qua ponatur, quod secundus habeat 2; quare ex ipsis 18, remanebunt tercio homini 12; quibus additis cum 8 primi hominis, faciunt 20; quorum quarta parte, scilicet 5, addita super denarios 6 secundi, faciunt 11, qui uellent esse 17: quare minuunt secundo homini 6 in hac prima particulari positione. Vnde pone in secunda particulari positione, quod secundus habeat 10, scilicet 4, plus quam in prima positione; quare remanebunt tercio homini 5; quibus additis cum 8 primi, faciunt 16; quorum quarta parte, scilicet 4, addita eum 10 secundi, faciunt 14, scilicet 2, minus quam debeat. In prima eum particulari positione minuunt secundo 6. In secunda 2: ergo per 4, que creuimus secundo, adpropinquauimus ueritati 2; et restant ad adpropinquandum 2. Multiplicabis ergo 2 per 4, et diuides per 2, exibunt 4; quibus additis cum 10, erunt 14; et tot habet secundus homo: quare remanebit tercio homini 4 ex superscriptis 18; cum quibus, addita quinta parte de denarijs 8 primi hominis, et de denarijs 14 secundi, erunt $\frac{3}{5}$ 8; que uellent esse 10: ergo in prima uniuersali positione minuunt tercio homini $\frac{1}{5}$ 10. Quare pones in secunda uniuersali positione, quod primus habeat denarios 6, scilicet 2, minus quam in prima uniuersali positione; quare oportet, ut inter secundum, et tertium habeant 24, que oportet, ut diuidas

• Tres homines ... 47; cum a
(fol. 131 recto, lin. 17-24,
pag. 326, lin. 4-12).

| |
|--------------------|
| primus |
| $\frac{16}{9}$ 9 |
| secundus |
| $\frac{12}{12}$ 12 |
| tercia |
| $\frac{30}{17}$ 17 |

• superant ... habebit $\frac{15}{12}$ 12
(fol. 131 recto, lin. 27-31,
pag. 326, lin. 12-20).

| |
|----------|
| secundus |
| 3 4 |
| 3 |

(fol. 131 verso).

inter eos per elchataym, secundum quod superius fecimus 18; et inuenies, quod secundus habebit $\frac{2}{3}$ 12 ex ipsis 24: quare remanebunt tercio homini $\frac{1}{3}$ 14; cum quibus adde quintam partem de 6 primi hominis, et de $\frac{2}{3}$ 12 secundi; que quinta pars est $\frac{1}{5}$ 3, erunt $\frac{1}{5}$ 15, qui deberent esse 19: ergo in hac secunda uniuersali positione minuunt tercio homini $\frac{1}{5}$ 3, que sunt quate decime 39; et in prima minuunt ei $\frac{2}{5}$ 10, que sunt quate decime 159: ergo per 3, que minimum primo in secunda positione, appropinquamus ueritati quintas decimas 109; et restant ad adpropinquandum 59 quinte decime: ergo multiplica 39 per 3, et diuides per 100, exibat $\frac{3}{100}$ 1; que extrahende 6 secunde positionis, remanent $\frac{11}{100}$ 4; et tot habeat primus homo: a quibus usque in denariis 14, quos ipse proponit se habere, habita tercia parte reliquorum, desunt $\frac{1}{100}$ 2; quorum triplum, scilicet $\frac{33}{100}$ 27, habent inter secundum, et tertium; quos diuide inter eos per elchataeym, secundum quod superius fecimus; et inuenies, quod secundus homo habebit $\frac{44}{100}$ 11, tertius $\frac{33}{100}$ 15.

Et si secundum inuestigationem proportionum ipsorum hec inuenire desideras, pone secundum, et tertium hominem habere rem. Quare primus habet 14, minus tercia rei: deinde pone, ut tertius homo habeat partem rei. Quare secundus habet rem, minus parte; cui si addatur quarta partis, et quarta denariorum primi, quem secundus petit reliquis, habebit 17. Sed quarta denariorum primi sunt denarij $\frac{1}{4}$ 3, minus $\frac{1}{100}$ rei: ergo res minus parte, scilicet portio secundi cum quarta partis, et cum denarijs $\frac{1}{4}$ 3 diminuta duodecima rei, sunt 17; de quibus si auferantur denarij $\frac{1}{4}$ 3, remanebunt $\frac{11}{100}$ rei, diminutis $\frac{1}{4}$ partis, equales de denarijs $\frac{1}{100}$ 13. Rursus quia tertius petit primo et secundo quintam, et habet 19; et ipse habet partem; ergo pars cum quinta denariorum 14, scilicet cum $\frac{1}{5}$ 3, diminuta quinta tercie rei, scilicet $\frac{1}{100}$ rei, et cum quinta rei, minus quinta partis, sunt 19: set si de quinta rei auferatur $\frac{1}{100}$ rei, remanebunt $\frac{11}{100}$ rei: similiter si de 19 auferatur $\frac{1}{5}$ 3, remanebunt $\frac{1}{100}$ 16. Rursus si de parte auferatur $\frac{1}{5}$ eius, remanebunt $\frac{1}{5}$: ergo $\frac{1}{5}$ partis cum $\frac{1}{100}$ rei, sunt denarij $\frac{1}{5}$ 16. Quare $\frac{11}{100}$ partis, scilicet $\frac{2}{100}$ eiusdem, cum $\frac{9}{100}$ rei, scilicet cum $\frac{1}{4}$ rei sunt denarij $\frac{1}{4}$ 13, scilicet $\frac{1}{4}$ de denarijs $\frac{1}{4}$ 16. Inuenimus enim $\frac{44}{100}$ rei, minus $\frac{1}{100}$ partis esse similiter $\frac{1}{100}$ 13. Quare $\frac{11}{100}$ rei, minus $\frac{1}{100}$ partis equantur duabus tertijs partis, et $\frac{1}{100}$ rei; communiter addantur $\frac{1}{100}$ partis, et auferatur $\frac{1}{100}$ rei, erunt $\frac{22}{100}$ rei, equales de $\frac{11}{100}$ partis. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{22}{100}$ unius sint $\frac{11}{100}$, hoc est $\frac{11}{100}$ alterius, erunt 51, et 29: ergo proportio rei ad partem est sicut 51 ad 29. Quare extractis 29 de 51, remanet proportio denariorum secundi ad denarios tertij, sicut 22 ad 29. Et quia $\frac{11}{100}$ rei, minus $\frac{1}{100}$ partis sunt denarij $\frac{1}{100}$ 13 se (sic) de 51, scilicet de proportione rei, accipiantur $\frac{11}{100}$, scilicet $\frac{1}{100}$ 46, et auferantur inde $\frac{1}{100}$ de 29, scilicet de proportione partis, remanebunt 25. Quare est sicut 25 ad $\frac{1}{100}$ 13, hoc est sicut 36 ad 27, ita 22 ad denarios secundi, et ita 29 ad denarios tertij. Quare multiplicabis 27 per 22, et 27 per 29; et diuides utramque multiplicationem per 56, et inuenies, secundum habere $\frac{11}{100}$ 11; tertium $\frac{22}{100}$ 15; quorum tertiam, scilicet $\frac{11}{100}$ 3, extracta de 14, remanebunt $\frac{11}{100}$ 4 pro denarijs primi.

Aliter per regulam proportionum.

QVOSIAM denarij primi hominis cum $\frac{1}{5}$ denariorum secundi sunt 14; ergo $\frac{3}{44}$ denariorum primi cum $\frac{3}{14}$ tercie partis denariorum secundi sunt denarij 5. Vnde denarij primi cum $\frac{1}{5}$ denariorum secundi, et cum $\frac{3}{14}$ ipsius primi, et cum $\frac{1}{14}$ tercie partis de-

fol. 152 recto.

* $\frac{1}{100}$ 13 sicut ... proportio
num. 2 (fol. 152 recto, lin. 1
-13; pag. 329, lin. 27-30)

| | |
|-------------------|---|
| quoddecimas minus | |
| 100 | 2 |
| 59 | |

| | |
|---------|---------------------|
| primo | $\frac{44}{100}$ 11 |
| secundi | $\frac{33}{100}$ 15 |
| tercij | $\frac{22}{100}$ 15 |

narium secundi, scilicet eum $\frac{5}{11}$ denariorum secundi, sunt denarij 19: additis autem $\frac{5}{11}$ denariorum primi super denarios ipsius, faciunt $\frac{14}{11}$: similiter additis $\frac{5}{11}$ denarijs secundi cum $\frac{1}{2}$ de denarijs secundi facit $\frac{13}{11}$ denariorum secundi: ergo $\frac{13}{11}$ denariorum primi cum $\frac{13}{11}$ denariorum secundi sunt denarij 19, sicut sunt denarij tercii hominis cum $\frac{1}{2}$ denariorum primi. Item quia denarij secundi hominis eum $\frac{1}{2}$ denariorum tercii sunt denarij 17; ergo $\frac{5}{11}$ denariorum secundi cum $\frac{1}{2}$ quarte partis denariorum, scilicet cum $\frac{5}{14}$ denariorum tercii, sunt denarij 2. Vnde denarij secundi hominis cum $\frac{5}{17}$ ipsorum, scilicet $\frac{13}{17}$ eorumdem cum $\frac{1}{4}$, et $\frac{2}{14}$, scilicet cum $\frac{13}{14}$ denariorum tercii, sunt denarij 19, sicut sunt denarij tercii hominis cum $\frac{1}{2}$ denariorum primi: et quoniam $\frac{13}{11}$ denariorum primi cum $\frac{13}{11}$ denariorum secundi sunt quantum $\frac{19}{17}$ denariorum secundi cum $\frac{13}{11}$ denariorum tercii, scilicet 19; ergo si de $\frac{13}{11}$ denariorum secundi auferatur $\frac{13}{11}$ denariorum ipsius secundi, remanebunt siquidem $\frac{22}{11}$ ipsius, et $\frac{5}{17}$: additis ergo $\frac{2}{17}$, et $\frac{22}{11}$ in unum, faciunt $\frac{375}{114}$: ergo $\frac{13}{11}$ denariorum primi sunt quantum $\frac{375}{114}$ denariorum secundi cum $\frac{13}{11}$ denariorum tercii; que $\frac{13}{11}$ denariorum tercii redigende sunt in partes primi et secundi sic: quia denarij tercii hominis cum $\frac{1}{2}$ denariorum primi sunt 19, sicut sunt $\frac{13}{11}$ denariorum primi cum $\frac{13}{11}$ denariorum secundi; ergo si de $\frac{13}{11}$ denariorum primi auferatur $\frac{1}{2}$ denariorum primi, remanebunt $\frac{13}{11}$ denariorum primi cum $\frac{13}{11}$ denariorum secundi, equales denarijs tercii hominis. Sunt enim $\frac{5}{14}$ $\frac{5}{14}$ denariorum primi $\frac{61}{70}$ denariorum ipsius; ergo denarij tercii hominis sunt quantum $\frac{61}{70}$ denariorum primi cum $\frac{13}{11}$ denariorum secundi: quare $\frac{13}{11}$ denariorum tercii sunt $\frac{55}{70}$ de $\frac{51}{14}$ denariorum primi, et sunt adhuc $\frac{13}{11}$ de $\frac{13}{11}$ denarijs secundi. Verum $\frac{13}{11}$ de $\frac{51}{14}$ denariorum primi sunt $\frac{1323}{1762}$ denariorum primi, que evenit ex multiplicatione de 19 in 21 diuisa per 68, et per 70. Item $\frac{13}{11}$ de $\frac{13}{11}$ denariorum secundi sunt $\frac{361}{2552}$ denariorum secundi; ergo $\frac{13}{11}$ denariorum primi sunt $\frac{373}{114}$, et $\frac{361}{2552}$ denariorum secundi, et $\frac{1315}{1762}$ denariorum suorum: quare si de $\frac{13}{11}$ denariorum primi auferatur $\frac{373}{114}$ denariorum ipsius, remanebunt $\frac{218}{926}$ denariorum primi, equales de $\frac{178}{714}$, et de $\frac{361}{2552}$ denariorum secundi, scilicet de $\frac{3761}{1752}$: quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{748}{114}$ unius sint $\frac{2261}{1752}$ alterius; qui reperiuntur ex multiplicatione de 680 in 2261, et de 2256 in 703. Vel quia 680, et 2256 diuiduntur integraliter per 136, multiplicabis $\frac{1}{178}$ de 680, scilicet 5 per 2261, et $\frac{1}{148}$ de 2256, scilicet 21 per 703; sed quia 2261, et 703 diuiduntur | integraliter per 19, multiplicabis 5 per 19^{num} partem de 2261, scilicet per 119; et 21 multiplicabis per $\frac{1}{14}$ de 703, scilicet per 27; et habebis 595 pro primo numero; et 777 pro secundo, hoc est quod proportio denariorum primi ad denarios secundi est sicut 595 ad 777: et quia primus homo petit secundo $\frac{1}{2}$ denariorum suorum, adde $\frac{1}{2}$ de 777, scilicet 259 super 595, erunt 854; quem cum debeant esse 14, diuide ipso 854 per 14, exhibent 61; in quibus 61 diuide 595, et 777 inuenta, et habebis $\frac{13}{11}$ pro denarijs primi; et $\frac{13}{11}$ 12 pro denarijs secundi, ut per elethateym superius inuenimus: denarios uero tercii hominis reperiens ordine superscripto.

De quinque hominibus.

Item homines sint 5; et primus habeat 14, habita $\frac{1}{4}$ de denarijs secundi, et tercii hominis; secundus uero habeat 17, habita $\frac{1}{4}$ de denarijs tercii quarto hominis; tercius quoque habeat 19, habita $\frac{1}{4}$ de denarijs quarti, et quinti hominis. Quartus namque habeat 21, habita $\frac{1}{4}$ de denarijs quinti, et primi hominis. Quintus itaque habeat 22

cum $\frac{1}{2}$ de denarijs primi, et secundi hominis. Queritur, quot denarios unusquisque habeat: pone, ut primus habeat denarios 8. Residuum uero, quod est ab ipsis denarijs 8 usque in 14, scilicet 6, oportet ut sit tertia de denarijs secundi, et terti hominis. Quare inter secundum, et tertium hominem habent denarios 18, scilicet triplum de 6 superscriptis. Quos denarios 18 oportet ita diuidere per particularem clehataeym inter secundum, et tertium hominem, ut secundus cum petitione, quam petit tertio, et quarto homini, habeat suos denarios 17; et tertius cum petitione, quam petit quarto, et quinto, habeat suos denarios 19; et quartus cum sua petitione, quam petit quinto, et primo homini, habeat suos denarios 21. Vnde ponamus in prima particulari positione, quod prius habeat 9 ex superscriptis 18; a quibus usque in 17 desunt 8, qui sunt $\frac{1}{2}$ de denarijs tertijs, et quarti hominis: ergo inter tertium, et quartum hominem habent 22; de quibus extrahere 9, que remanent tertio homini ex superscriptis denarijs 18, remanet quarto homini denarij 23: deinde extrahere 9, quos habet tertius de denarijs 19, quos ipse proponit se habere, remanent 10, qui sunt $\frac{1}{2}$ de denarijs quarti, et quinti hominis: ergo inter quartum, et quintum hominem habent 20; ex quibus quartus habet 23; quare remanent quinto homini 27; quibus additis cum denarijs 8 primi hominis, faciunt 35; quorum sexta pars, scilicet $\frac{1}{6}$ 3 addita cum denarijs 23 quarti hominis, faciunt denarios $\frac{1}{6}$ 28, qui deberent esse 21: quare in hac prima particulari positione superant quarto homini denarij $\frac{1}{6}$ 7. Vnde pone in secunda particulari positione, quod secundus habeat 10 ex predictis denarijs 18, scilicet 1, plus quam in prima particulari positione; a quibus 10 usque in 17 desunt 7, que sunt quarta de denarijs tertijs, et quarti hominis: ergo inter tertium, et quartum hominem habent denarios 28; de quibus extrahere 8, que remanent tertio homini ex superscriptis denarijs 18, remanet quarto homini denarij 29: deinde extrahere 8, quos habet tertius de denarijs 19, quos ipse proponit se habere, remanent 11; qui sunt $\frac{1}{2}$ de denarijs quarti, et quinti hominis: ergo inter quartum, et quintum hominem habent 25; ex quibus quartus habet 20. Quare remanent quinto homini 35; quibus additis cum denarijs 8 primi hominis faciunt 43; quorum sexta pars, scilicet $\frac{1}{6}$ 7 addita cum denarijs 20 quarti hominis, faciunt denarios $\frac{1}{6}$ 27; qui deberent esse 21: quare in hac secunda particulari positione superant quarto homini $\frac{1}{6}$ 6, qui sunt sexte 37, scilicet 19 sexte, minus quam in prima particulari positione, scilicet de sextis 47. Quare pro 1, quam creuimus secundo homini, adpropinquauimus sextas 10, et restant ad adpropinquandum sexte 27: quare multiplica 1 per 27, et diuides $\frac{1}{2}$ per 10, exiunt denarij $\frac{1}{2}$ 3; quos adde cum 10 secundi particularis positionis, reddant pro denarijs secundi hominis $\frac{1}{2}$ 13. Reliquos uero, qui sunt usque in 18, scilicet $\frac{1}{2}$ 4, habeat secundus: quibus inuentis, extrahere $\frac{1}{2}$ 13 secundi hominis de superscriptis 17, remanent $\frac{1}{2}$ 2, qui sunt quarta de denarijs tertijs, et quarti hominis: ergo inter tertium, et quartum hominem habent denarios $\frac{1}{2}$ 12; de quibus extrahere $\frac{1}{2}$ 4 tertijs hominis, remanent quarto homini denarij $\frac{1}{2}$ 8: deinde extrahere $\frac{1}{2}$ 4, quos habet tertius de denarijs 19, quos ipse proponit se habere, remanent $\frac{1}{2}$ 4, qui sunt $\frac{1}{2}$ de denarijs quarti, et quinti hominis: ergo inter quartum, et quintum hominem habent denarios $\frac{1}{2}$ 72; ex quibus quartus habet $\frac{1}{2}$ 8. Quare remanent quinto homini $\frac{1}{2}$ 64; quibus additis cum denarijs 8 primi hominis, faciunt $\frac{1}{2}$ 72; quorum sexta pars, scilicet $\frac{1}{6}$ 12 addita cum denarijs $\frac{1}{2}$ 8,

fol. 153 recto.

reddat denarios 21, ut oportet : nam addita $\frac{1}{5}$ de denarijs primi, et secundi hominis, scilicet $\frac{1}{5}$ 2, sunt denarij $\frac{2}{5}$ 64 quinti hominis, faciunt $\frac{7}{10}$ 67; qui debent esse 22. Quare extrahat 22 de denarijs $\frac{7}{10}$ 67, remaneat $\frac{7}{10}$ 44; et tot superant quinto homini in hac prima uniuersali positione. Quare in secunda uniuersali positione pone, ut primus habeat 7. Quare inter secundum, et tercium habebunt 21; quibus per elchataieym, secundum superscriptum ordinem diuisis, inuenies, quod secundus habet $\frac{2}{3}$ 10 ex ipsis 21, et tercio remanet $\frac{7}{3}$ 10 : cum quibus dualis portionibus inuenies similiter, quod quartus homo habet $\frac{1}{3}$ 12; et quintus $\frac{2}{3}$ 27; super que si addideris septimam de denarijs 7 primi hominis, et de denarijs $\frac{2}{3}$ 17 secundi; quorum $\frac{2}{3}$ est $\frac{12}{9}$ 4, et erunt $\frac{11}{9}$ 20, que debeant esse 22; quare in hac secunda uniuersali positione superant quinto homini $\frac{11}{9}$ 7, scilicet differentia, que est a 22 usque in $\frac{11}{9}$ 20. In prima enim uniuersali positione superauerunt ei $\frac{7}{10}$ 44 : ergo per 1, quem minimus primo homini in secunda uniuersali positione, adpropinquauit quintus homo ueritati $\frac{21}{10}$ 27, scilicet differentia, que est a $\frac{7}{10}$ 44 usque in $\frac{11}{9}$ 7; et restant ad adpropinquandum ipsi denarij $\frac{11}{9}$ 7. Multiplica ergo $\frac{11}{9}$ 7 per 1, et diuides per $\frac{21}{10}$ 27, exibunt $\frac{332}{243}$; quas extrahat de denarijs 7 secunde uniuersalis positionis, remaneat $\frac{7107}{243}$ 6; et tot habet primus homo; a quibus usque in 14 desunt $\frac{21}{243}$ 7, qui sunt tercia de denarijs secundi, et tercij hominis: quare multiplica ens per 3, erunt $\frac{1336}{243}$ 21; et tot habent inter secundum, et tercium: quos si studueris diuidere inter eos, secundum quod superius fecimus 18, inuenies quod secundus homo habet $\frac{2560}{243}$ 9, et tercius $\frac{1336}{243}$ 11; cum quibus inuenies, quod quartus homo habet $\frac{1374}{243}$ 16, et quintus $\frac{1374}{243}$ 20.

De eodem.

Item homines sint 5; et primus eorum petit secundo, et tercio, et quarto terciam denariorum ipsorum, et proponit se habere 14; secundus petit $\frac{1}{2}$ tercio, et quarto, et quinto homini, et habebit 17; tercius quoque petit $\frac{1}{2}$ quarto, et quinto, et primo homini, et habebit 19. Quartus namque petit $\frac{1}{2}$ quinto, primo, et secundo homini, et habebit 21. Quartus uero petit $\frac{1}{2}$ primo, et secundo, et tercio homini, et habebit 22. Queritur, quot unusquisque habeat : pone ut primus habeat 8; quare inter secundum, et tercium, et quartum habebunt 18, scilicet triplum differentie, que est ab 8 usque in 14; que 18 oportet diuidere per elchataieym inter eos tres : pones ad libitum, ut secundus habeat 6 ex ipsis 18; quare remanet tercio, et quarto 12: oportet iterum per elchataieym diuidere inter utrumque: et quia posieiones primi, et secundi hominis false sunt, et oportet aliam falsam positionem tercio homini ponere. Ideo positionem primi hominis primam primi elchataieym appellabis. Positionem uero secundi, primam secundi elchataieym nominabis : deinde, quia in prima | positione secundi elchataieym posuimus, ut secundus habeat 6, oportet ut inter tercium, et quartum, et quintum hominem habeant 44, scilicet quadruplum differentie, que est ab ipsis 6 usque in 17: ex quibus 44, cum tercius et quartus habeant 12, ergo quintus habet 22 : deinde oportet, ut per tertium elchataieym diuidas 12 superscriptum, inter tercium et quartum hominem; ita ut tercius cum petitione, quam petit quarto, et quinto, et primo homini, possit suum habere propositum, scilicet 19; que diuisio dupliciter fit: primum quidem, et ex 12, que habent inter tercium, et quartum ponas, ut tercius homo habeat aliquam quantitatem; consolabis ipsam per elchataieym. secundum quod

* in hoc ... oportet alium *
(fol. 132 verso, fol. 18-27 ;
pag. 342, lin. 10-32).

| | | |
|-----------------------|----------|---|
| $\frac{21}{10}$ 27 | secundo | 1 |
| $\frac{11}{9}$ 7 | | |
| | primus | |
| $\frac{2408}{243}$ 6 | secundus | |
| $\frac{2408}{243}$ 0 | tercius | |
| $\frac{1336}{243}$ 11 | quartus | |
| $\frac{1336}{243}$ 16 | quintus | |
| $\frac{1374}{243}$ 20 | | |

fol. 132 verso

superius multiplicatiōnes demonstratū est. Vel aliter: adde 44, que habent inter tercium, et quartum, et quintum hominem cum 8 primi hominis, erunt 52; ex quibus oportet, tot dare tercio homini, ut cum habuerit quintam residui, habeat 19 superscripta: quare pone in hac prima positione tercij elchataeym, ut tercius homo habeat 2 ex ipsis 52; ergo remanet 50 quarto, et quinto, et primo homini; quorum quinta parte, scilicet 10, addita cum 2 tercij hominis, faciunt 12; que debent esse 19: quare minuunt tercio homini 7. Vnde pone in secunda positione tercij elchataeym, ut tercius habeat 7 ex superscriptis 52; ergo remanent reliquis tribus 45; quorum quinta parte, scilicet 9, addita cum 7 tercij, faciunt 16; que debent esse 19: ergo in hac secunda positione minuunt tercio 3; et in prima minuerant ei 7: ergo pro 5, que creuimus eidem tercio, appropinquauit ipse ueritati 4; et restant ad appropinquandum 2. Quare multiplicabis 3 per 5, et diuides per 4, exhibunt $\frac{15}{4}$ 3; quibus additis cum 7 secunde positionis, faciunt $\frac{15}{4}$ 10; et tot habet tercius homo: uel aliter: quia tercius homo 19, habita quinta parte denariorum quarti, et quinti, et primi hominis; et ipsi quatuor habeant in summa 52, scilicet si auferantur 19 de 52, remaneat 33 quarto, et quinto, et primo homini post datione quinte denariorum ipsorum, quam dederunt tercio homini: ergo illa quinta pars fuit $\frac{1}{5}$ residui ipsorum, scilicet de 33: quare $\frac{1}{5}$ de 33, que est $\frac{3}{5}$ 8, est illud, quod dederunt ipsi tercio homini: quibus $\frac{1}{5}$ 8 additis cum 33, reddunt $\frac{1}{5}$ 41, pro denarijs quarti, et quinti, et primi hominis; quibus extractis de 52 superscriptis 1, remaneat $\frac{1}{5}$ 10 tercio homini, ut per elchataeym inuentum est. Residuum uero, quod est usque in 12, scilicet $\frac{1}{5}$ 4, habet quartus, cum inter utrumque habeat 12; super que $\frac{1}{5}$ 4 adde $\frac{1}{5}$ 7, scilicet sextam partem de 28 quinti hominis, et de 8 primi, et de 6 secundi, faciunt $\frac{1}{5}$ 8; qui debent esse 21: ergo in prima positione secundi elchataeym minuunt quarto homini $\frac{1}{5}$ 12. Quare pones in secunda positione eiusdem secundi elchataeym, ut secundus homo habeat 5 ex superscriptis 18; que ipsi habeant cum tercio, et quarto homine; et sic remanebunt tercio, et quarto 13, quos oportet ut habeant cum quinto homine 48, scilicet quadruplum differentie, que est 4 usque in 17: ergo quintus habet 35: deinde diuides 13 tercij, et quarti hominis inter eos; ita ut tercius cum sua petitione habeat 19: quam diuisionem facies per duas alias positiones, scilicet per quartum elchataeym, uel per alium superscriptum modum, qui est pulcrior; et inuenies ex ipsis 13, quod tercius habet $\frac{1}{4}$ 9, et quartus $\frac{1}{4}$ 4; super que $\frac{1}{4}$ 3 adde 8, scilicet sextam de 35 quinti hominis, et de 8 primi, et de 3 secundi, erunt $\frac{1}{4}$ 11, qui debent esse 21: quare in secunda positione secundi elchataeym minuunt quarto homini $\frac{1}{4}$ 9. In prima enim minuerant ei $\frac{1}{4}$ 12; ergo pro 1, quod minusimus secundo, adpropinquauit quartus ueritati $\frac{1}{4}$ 2, scilicet differentiam, que est a $\frac{1}{4}$ 12 usque in $\frac{1}{4}$ 9; et restant adpropinquandum ipsa $\frac{1}{4}$ 9: quare multiplica 1 per $\frac{1}{4}$ 9, et diuides per $\frac{1}{4}$ 2, exhibunt $\frac{9}{2}$ 4; que extrahe de 5 secunde positionis, remanent $\frac{9}{2}$ 1; et tot habet secundus, cum primis habeat 8: deinde studeas inuenire per quartum elchataeym, uel per alium superscriptum modum quantitates tercij, et quinti, et quinti hominis; et inuenies, quod tercius habet $\frac{1}{5}$ 5, et quartus $\frac{1}{5}$ 11, et quintus $\frac{1}{5}$ 47; super ipsas adde $\frac{1}{5}$ de denarijs 8 primi, et de $\frac{1}{5}$ secundi, et de $\frac{1}{5}$ 3 tercij; quorum septima est $\frac{1}{5}$ 2, erunt $\frac{1}{5}$ 49, qui debent esse 21: ergo in prima positione primi elchataeym superant quinto homini $\frac{1}{5}$ 28: quare pone in secunda positione primi

* petitione . . . manent et (fol. 155 verso, lin. 21-28 + 29; pag. 218, lin. 29-34).



fol. 154 verso.

elchataeym, ut primus habeat 7, scilicet uno minus quam in prima; et sic oportet, ut inter secundum, et tertium, et quartum hominem habeant 21; que studeas diuidere per elchataeym ita: unusquisque cum sua petitione habeat suum propositum numerum, scilicet, quod secundus habeat 17, et tertius habeat 19, et quartus 21; et inuenies, quod secundus ex ipsis 21 habet $\frac{2}{3}$ 4, tertius $\frac{2}{3}$ 6, quartus $\frac{2}{3}$ 12; ex quarum inuentione inuenies, quod quintus habet $\frac{2}{3}$ 43; cum quibus $\frac{2}{3}$ 41 adde septimum de 7 primi, et de $\frac{2}{3}$ 1 secundi, et de $\frac{2}{3}$ 6 terciij, que est $\frac{2}{3}$ 2, erunt $\frac{2}{3}$ 44, quem debent esse 23: quare in hac secunda positione primi elchataeym superant quinto homini $\frac{2}{3}$ 21, et in prima superauerunt ei $\frac{2}{3}$ 26: unde per 1, quod minimum primo homini, appropinquat ipse $\frac{2}{3}$ 5, scilicet differentiam, que est $\frac{2}{3}$ 26 usque in $\frac{2}{3}$ 21; et restant ad appropinquandum ipsa $\frac{2}{3}$ 21: quare multiplica 1 per $\frac{2}{3}$ 21, et diuides per $\frac{2}{3}$ 5, exhibunt $\frac{2}{3}$ 3; quas extrahe de 7 secunde positionis, remanet $\frac{2}{3}$ 3; et tot ueraciter habet primus: quibus inuenitis (sic) studeas denarios reliquorum per elchataeym, secundum superscriptum modum inuenire; et inuenies, quod secundus habet $\frac{2}{3}$ 2, tertius $\frac{2}{3}$ 11, quartus $\frac{2}{3}$ 16, quintus $\frac{2}{3}$ 20; et sic studeas operari in similibus questionibus: omnes per elchataeym mirabiliter soluantur.

De tribus hominibus, qui habebant denarios.

Tres homines habebant denarios; et primus petit secundo 7, et proponit se habere ter tantum quam ipse: secundus nero petit tertius (sic) homini 9, et habebit quater tantum quam ipse: tertius petit primo homini 11, et habebit quinques tantum quam ipse. Pone quidem, ut primus habeat 17; cum quibus adde 7, que petit secundo, erunt 24; quorum tertia pars, scilicet 8, est residuum, quod remanet secundo homini, cum dederit primo 7: ergo ipse habet 15; cum quibus adde 9, que petit tertio homini, erunt 24; quorum $\frac{1}{3}$ pars, scilicet 8, est residuum, quod remanet tertio, datis 9 secundo homini: quare ipse habet similiter 15; cum quibus adde 11, que petit primo, erunt 26. Et primo remanent 6; que 26 debent esse 30, scilicet quintuplum de 6, que remanent primo: ergo in hac prima positione minuunt tertio homini 4, que sunt n 26 usque in 30: quare pone in secunda positione, ut primus habeat 14, scilicet 3, minus quam in prima. Quare secundus habeat 14, et tertius $\frac{2}{3}$ 14; cum quibus adde 11, que petit primo, remanebunt primo 3; et tertius habebit $\frac{2}{3}$ 25; quia quibus adde esse 15, scilicet quintuplum de 3, que remanent primo: ergo in hac secunda positione superant tertio homini $\frac{2}{3}$ 10. In prima enim minuerat ei 4. Quare adde $\frac{2}{3}$ 10 cum 4, erunt $\frac{2}{3}$ 14: ergo per 3, que minimum, peruenerunt $\frac{2}{3}$ 14; quid ergo minucimus, ut peruenerit 4: multiplica ergo 4 per 3, et diuides per $\frac{2}{3}$ 14, exhibunt $\frac{2}{3}$ 17; extrahe de 17 prime positionis, remanebunt $\frac{2}{3}$ 16; tot habuit primus; cum quibus adde 7, que petit secundo, erunt $\frac{2}{3}$ 23; quorum tertiam partem adde cum eisdem 7, erunt $\frac{2}{3}$ 14; et tot habuit secundus; cum quibus adde 9, quos petit tertio, erunt $\frac{2}{3}$ 23 super quartam partem; quorum adde ipsa 9, erunt $\frac{2}{3}$ 14; et tot habuit tertius: ex hac enim maucerie multae et variae questiones proponi possunt.

Aliter.

Extractis quidem ex denarijs primi 11, quos tertius petit ei; et ex denarijs secundi 7, quos primus petit ei; et ex denarijs terciij 9, quos ei petit secundus, hoc quod remanebit uniuersique uocetur residuum ipsius: deinde quia primus cum 7 de denarijs secundi

* que est $\frac{1}{12}$ 2 20, uolunt - (fol. 134 recto, lin. 12-21, pag. 344, lin. 7-16).

| | | |
|-----------------|----------|----|
| $\frac{16}{18}$ | minut | 1 |
| $\frac{8}{9}$ | 21 | |
| $\frac{16}{18}$ | primus | 3 |
| $\frac{16}{18}$ | secundus | 5 |
| $\frac{16}{18}$ | tertius | 11 |
| $\frac{16}{18}$ | quartus | 16 |
| $\frac{16}{18}$ | quintus | 20 |

* 4, que sunt ... homini $\frac{2}{3}$ 10 - (fol. 134 recto, lin. 22-23, pag. 344, lin. 27 + 28-32).

| | | |
|---------------|----|---|
| $\frac{2}{3}$ | 14 | 3 |
| 4 | | |

fol. 134 recto.

* In primis ... remanebunt - (fol. 134 recto, lin. 27-29; pag. 344, lin. 22-25).

| | | |
|-----------------|----------|----|
| $\frac{16}{18}$ | primus | 16 |
| $\frac{16}{18}$ | secundus | 14 |
| $\frac{16}{18}$ | tertius | 14 |
| $\frac{16}{18}$ | quartus | 14 |

habet triplum residui ipsius secundi ; ergo residuum primi cum denarijs 11 superscriptis, et cum ipsis 7, scilicet cum 18, est triplum similiter residui secundi hominis : similiter inuenies, quod residuum secundi hominis cum denarijs 7, et cum denarijs 9 superscriptis, scilicet cum 16, est quadruplum residui tercij hominis. Et residuum tercij hominis cum denarijs 9, et cum denarijs 11, scilicet cum denarijs 20, est quintuplum residui primi hominis. Et quoniam residuum primi cum denarijs 18 est triplum residui secundi ; tercia pars residui primi cum $\frac{1}{3}$ de denarijs 18, scilicet cum 6, est quantum residuum secundi. Item quia residuum secundi cum denarijs 16 est quadruplum residui tercij ; quarta pars residui secundi cum $\frac{1}{4}$ de 16, scilicet cum 4, est quantum residuum tercij. Rursum quia residuum tercij cum denarijs 20 est quintuplum residui primi hominis ; quinta pars residui tercij cum $\frac{1}{5}$ de 20, scilicet cum 4, est quantum residuum primi. Et quantum $\frac{1}{3}$ residui primi cum denarijs 6 est quantum residuum secundi ; et $\frac{1}{4}$ residui secundi cum denarijs 4 est quantum residuum tercij hominis : si de residuo secundi hominis auferatur $\frac{1}{3}$ ipsorum, et denarij 4, remanebit $\frac{2}{3}$ residui primi hominis cum denarijs 6, equalis de $\frac{1}{3}$ residui secundi, minus denarijs 4, et de residuo tercij hominis. Quare si in utraque portione addantur denarij 4, erit $\frac{1}{3}$ residui primi cum denarijs 10 quantum $\frac{2}{3}$ residui secundi cum residuo tercij. Similiter quia $\frac{1}{3}$ residui secundi cum denarijs 4 est quantum residuum tercij hominis ; et $\frac{1}{4}$ residui tercij cum denarijs 4 est quantum residuum primi hominis ; si de utraque portione auferatur $\frac{1}{3}$ residui tercij, et denarij 4, remanebit $\frac{1}{3}$ residui secundi cum denarijs 4 quantum $\frac{1}{3}$ residui tercij, minus denarijs 4 cum residuo primi hominis. Vnde si in utraque portione addantur denarij 4, erit $\frac{1}{3}$ residui secundi cum denarijs 6 quantum $\frac{1}{3}$ residui tercij cum residuo primi. Rursum quia $\frac{1}{4}$ residui tercij cum denarijs 4 est quantum residuum primi hominis ; et $\frac{1}{5}$ residui primi cum denarijs 6 est quantum residuum secundi ; si ex utraque portione auferatur $\frac{1}{4}$ residui primi, et denarij 6, remanebit $\frac{1}{4}$ residui primi quantum $\frac{1}{5}$ residui secundi, minus denarijs 6 cum residuo secundi : vnde si super utramque portionem addantur denarij 6, erit $\frac{1}{4}$ residui tercij cum denarijs 10 quantum $\frac{1}{5}$ residui primi cum residuo secundi. Et quoniam $\frac{1}{5}$ residui primi cum denarijs 10 est quantum $\frac{1}{6}$ residui secundi cum residuo tercij ; si super utramque portionem addantur 20, erit $\frac{1}{6}$ residui primi cum denarijs 30 quantum $\frac{1}{6}$ residui secundi cum residuo tercij, et cum denarijs 20. Ostensum est autem, quod residuum tercij cum denarijs 20 sunt quinquies tantum quia (*sic*) residuum primi hominis ; ergo residuum primi cum denarijs 20 sunt $\frac{2}{5}$ residui secundi cum quinquies residuum primi, scilicet cum $\frac{15}{5}$ ipsius. Vnde si ex utraque portione auferatur $\frac{1}{5}$ residui primi, denarij 20 erunt $\frac{1}{5}$ residui secundi, et $\frac{14}{5}$ residui primi. Rursum quia $\frac{1}{4}$ residui secundi cum denarijs 6 sunt $\frac{1}{5}$ residui tercij cum denarijs primi ; si super utramque portionem addantur denarij 18, erit $\frac{1}{5}$ residui secundi cum denarijs 8, et 18, scilicet cum 26, quantum $\frac{1}{4}$ residui tercij cum residuo primi, et cum denarijs 18. Ostensum est autem, quod residuum primi cum denarijs 16 sunt triplum de residuo secundi ; quare $\frac{1}{3}$ residui secundi cum denarijs 20 sunt $\frac{1}{3}$ residui tercij, et triplum, scilicet $\frac{12}{3}$ residui sui : quare si ex utraque portione auferatur $\frac{1}{3}$ residui secundi, remanebunt $\frac{1}{3}$ residui tercij cum $\frac{12}{3}$ residui secundi, denarij 20. Aduc quia $\frac{1}{3}$ residui tercij cum denarijs 10 est quantum $\frac{2}{3}$ residui primi cum residuo secundi ; si super

fol. 158 recto.

utramque portionem addantur denarij 16, erit $\frac{1}{2}$ residui tercii cum denarijs 10, et cum 10, scilicet cum 20, quantum $\frac{1}{2}$ residuo primi cum residuo secundi, et cum denarijs 16: est enim residuum secundi cum denarijs 16 quadruplum de residuo tercii: quare $\frac{1}{2}$ residui tercii cum denarijs 20 sunt $\frac{2}{3}$ residui primi, et quoduplum, scilicet $\frac{2}{3}$ residui sui. Quare si ex utraque portione auferatur $\frac{1}{2}$ residui tercii, remanebunt $\frac{1}{3}$ residui primi cum $\frac{20}{3}$ residui tercii esse denarios 20: et quoniam $\frac{11}{2}$ residui primi cum $\frac{7}{2}$ residui secundi sunt denarij 20; et $\frac{11}{4}$ residui secundi cum $\frac{11}{2}$ residui tercii sunt denarij 20; et $\frac{15}{2}$ residui tercii cum $\frac{5}{2}$ residui primi sunt similiter denarij 20; oportet, ut habeas equas proportionem in omnibus, ut redigantur partes primi, et secundi, ita ut sint 20 sicut sunt alie; quod facies sic: 4, in qua 20 excedit 20, diuide per 20, exibunt $\frac{1}{5}$; et quoniam $\frac{11}{2}$ residui primi cum $\frac{7}{2}$ residui secundi sunt denarij 20; ergo $\frac{7}{10}$ de $\frac{11}{2}$ residui primi, scilicet $\frac{77}{20}$, et $\frac{77}{20}$ de $\frac{7}{2}$ residui secundi, scilicet 10, erunt $\frac{77}{20}$ de denarijs 20, scilicet de denarijs 4: quare si de $\frac{11}{2}$ residui primi auferatur $\frac{77}{20}$ residui ipsius; et de $\frac{7}{2}$ residui secundi auferatur $\frac{77}{20}$ residui ipsius $\frac{77}{20}$, residui primi cum $\frac{11}{2}$ residui secundi, remanebunt denarij 20: ergo $\frac{112}{20}$ residui primi cum $\frac{11}{2}$ residui secundi sunt quantum $\frac{11}{4}$ residui secundi cum $\frac{11}{2}$ residui tercii. Quare si de $\frac{11}{2}$ residui secundi auferatur $\frac{11}{4}$ residui ipsius, remanebunt $\frac{11}{4}$ residui primi quantum $\frac{77}{10}$ residui secundi cum $\frac{1}{2}$ residui tercii. Ex $\frac{11}{4}$ residui secundi extrahuntur $\frac{11}{10}$ sic: $\frac{1}{4}$ fiant vigesimi, et sunt $\frac{11}{20}$; ex quibus, extractis $\frac{11}{20}$, remanent $\frac{11}{20}$, scilicet $\frac{11}{20}$. Item quia $\frac{11}{4}$ residui secundi cum $\frac{1}{2}$ residui tercii sunt quantum $\frac{22}{3}$ residui tercii cum $\frac{2}{3}$ residui secundi, scilicet 20. Si de $\frac{11}{4}$ residui tercii auferatur $\frac{2}{3}$ residui ipsius, $\frac{11}{12}$ residui secundi, quantum triplum residui tercii cum $\frac{2}{3}$ residui primi: qua ratione inueniendum est de $\frac{77}{10}$ residui secundi, que partes sint de residuo tercii primi. Sunt enim, ut diximus, $\frac{11}{4}$ residui secundi quantum triplum residui tercii cum $\frac{2}{3}$ residui primi. Quare $\frac{77}{10}$ residui secundi, scilicet $\frac{77}{10}$ cum sint $\frac{22}{15}$ de $\frac{11}{4}$ residui secundi, scilicet ex $\frac{77}{10}$, erunt $\frac{22}{15}$ de triplo residui tercii, et de $\frac{2}{3}$ residui tercii $\frac{22}{15}$ de triplo residui tercii sunt $\frac{22}{5}$, et $\frac{22}{5}$ de $\frac{2}{3}$ residui primi sunt $\frac{22}{15}$ residui ipsius: et quoniam $\frac{112}{20}$ residui primi sunt quantum $\frac{11}{4}$ residui secundi cum $\frac{1}{2}$ residui tercii, erant similiter $\frac{112}{20}$ residui primi quantum $\frac{112}{20}$ residui tercii cum (sic) $\frac{77}{10}$ residui sui, et cum $\frac{1}{2}$ residui tercii. Nam $\frac{112}{20}$, et $\frac{1}{2}$ residui tercii sunt $\frac{77}{10}$ residui tercii cum $\frac{22}{15}$ residui sui. Quare si de $\frac{112}{20}$ auferatur $\frac{77}{10}$ remanebunt $\frac{35}{20}$ residui primi quantum $\frac{22}{15}$ residui tercii. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{112}{20}$ unius sint $\frac{22}{15}$ alterius; quos inuenies sic: quia 99 et 11, qui sunt sub uirgulis, diuiduntur integraliter per 11; multiplica $\frac{1}{11}$ de 99, scilicet 9 per 24, et $\frac{1}{11}$ de 11, scilicet 1, per 250, et habebis pro primo numero 206; et pro secundo, scilicet pro numero residui tercii hominis, 250. Et quoniam residuum tercii cum denarijs 20 est quincuplum de residuo primi, multiplica 206 per 5, erunt 1030; de quibus extrahe 250, remanent 780; quos diuide | per denarios 20 superscriptos, exibunt 29; in quo 20 diuide 206, et 250, exibunt pro residuo primi hominis denarij $\frac{11}{2}$ 5; cum quibus adde denarios 11, quos primus dat terciio, erunt $\frac{11}{2}$ 16; et tunc habet pro residuo tercii $\frac{22}{3}$ 8; cum quibus adde denarios 9, quos ipse dat secundo, erunt $\frac{22}{3}$ 14; et tot habet tercius: et quoniam primus cum denarijs 7 secundi habet ter tautum quam secundus; adde 7 super $\frac{11}{2}$ 16, erunt $\frac{11}{2}$ 23 super tertiam partem quorum, scilicet super $\frac{11}{2}$ 7, si addideris ipsos 7, habebis $\frac{11}{2}$ 14 pro denarijs secundi. Eadem enim questio est

de tribus omnibus (*sic*) qui tres bursas denariorum reperierunt. In prima quarum crant denarij 18; in secunda denarij 16; in tertia denarij 30; et primus cum prima bursa haberet ter tantum quam secundus. Secundus cum secunda quater tantum quam tertius : tertius cum tertia quinque tantum quam primus. Primus habet, ut preduximus, $\frac{66}{13}$ 5; secundus $\frac{52}{13}$ 7; tertius $\frac{11}{13}$ 0: aliter promptius: quoniam ostensum est superius, quod $\frac{2}{3}$ residui primi cum denarijs 6 est quantum residuum secundi. Quarta pars tercie partis residui primi, scilicet $\frac{1}{13}$ residui primi cum $\frac{1}{4}$ de denarijs 6, scilicet cum $\frac{3}{4}$ 1, est quantum quarta pars residui secundi. Unde, si utrique portionis (*sic*) addantur denarij 4, erit $\frac{4}{13}$ residui primi cum denarijs $\frac{1}{4}$ 5 quantum $\frac{1}{4}$ residui secundi cum denarijs 4. Verum $\frac{1}{4}$ residui secundi cum denarijs 4 ostensa est, equalcm esse de residuo tercii hominis. Quare $\frac{4}{13}$ residui primi cum denarijs $\frac{1}{4}$ 5 est quantum residui tercii. Quare $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{13}$, scilicet $\frac{1}{26}$ residui primi cum $\frac{1}{2}$ de denarijs $\frac{1}{4}$ 5, scilicet cum $\frac{1}{8}$ 1, est quantum $\frac{1}{2}$ residui tercii: quare si addantur utrique portioni denarij 4, erit $\frac{1}{13}$ residui primi cum denarijs $\frac{1}{4}$ 5 quantum $\frac{1}{2}$ residui tercii cum denarijs 4. Verum: $\frac{1}{13}$ residui tercii cum denarijs 4 est quantum residuum primi hominis. Quare $\frac{1}{26}$ residui primi cum denarijs $\frac{1}{4}$ 5 est quantum residuum eiusdem primi. Quare si comiter auferatur $\frac{1}{26}$ residui primi, remanebunt $\frac{25}{26}$ residui primi quantum denarij $\frac{1}{4}$ 5. Quare inuenies numerum, cuius $\frac{25}{26}$ sint $\frac{1}{4}$ 5. Multiplicabis ergo 60 per $\frac{1}{4}$ 5, et diuides per 26, exibunt $\frac{14}{26}$ 5 pro residuo primi hominis. Et nota, cum tres homines inueniunt tres bursas, in prima quarum suat 18, et in secunda 16, et in tertia 30; et primus cum primo habeat triplum secundi; secundus cum secunda quadruplum tercii; tertius cum tertia quintuplum primi; tunc primum residuum quantitas denariorum primi; secundum secundi; tertium tercii hominis. Cuius maneriei ei (*sic*) solutiones in quarta parte duodecimi capituli proprias regulas demonstratas inuenies.

De tribus hominibus.

TRES homines equum emere uolebant; et primus petit secundo $\frac{1}{2}$, et tercio $\frac{1}{3}$ suorum bizantium; et proposuit ipsum equum emere. Secundus petit tercio $\frac{1}{4}$, et primo $\frac{1}{2}$: tertius namque petit primo $\frac{1}{3}$, et secundo $\frac{1}{2}$: pone quidem, quod primus habeat 30, in quibus reperitur $\frac{1}{3}$, quam petit sibi secundus, et $\frac{1}{2}$, quam petit sibi tertius; quia positionem firmam semper habere necesse est: deinde pone in prima positione, quod secundus habeat 70, cum in ipsis reperitur $\frac{1}{3}$, quod petit ei primus, et $\frac{1}{2}$ petit ei tertius: deinde considera, quid primus, et secundus petant tercio. Nam primus petit ei $\frac{1}{3}$, et secundus $\frac{1}{2}$: ergo primus petit ei $\frac{1}{3}$ plus quam secundus, scilicet superhabundantiam, que est a $\frac{1}{3}$ usque in $\frac{1}{2}$: quo intellecto adde petitionem super 30, quia (*sic*) petit primus secundo, scilicet $\frac{1}{2}$ de 70. Et adde super 70 petitionem, quia secundus petit primo, scilicet $\frac{1}{2}$, erunt 70; sunt 11 magis quia (*sic*) 63; que 11 sunt $\frac{1}{11}$ de bizantijs tercii hominis: ergo tertius homo habet duodecies 11, scilicet 132; et sic primus, et secundus possunt equum emere, hoc est cum eorum petitionibus habeant unum, et eundem numerum. Verbi gratia: ergo primus, qui habet 30 cum $\frac{1}{2}$ de 70 secundi, et cum $\frac{1}{3}$ de 132 tercii, habet 109. Secundus uero, qui habet 70 cum $\frac{1}{2}$ de 132 tercii, et cum $\frac{1}{3}$ de 30 primi, habet similiter 109, que ponantur esse pretium equi: deinde adde super 132 tercii $\frac{1}{2}$ de bizantijs 30 primi, et $\frac{1}{3}$ de bizantijs 70 secundi, erunt 147, scilicet 38, plus pretio equi: ergo in hac prima positione

fol. 456 recto.

superant tercio homini 38 : quare pones in secunda positione, ut secundus habeat 56, scilicet 14, minus quia (sic) in prima; et inuenisse suprascripta ratione, quod tercius habeat 48, et pretium equi est 74, et minuunt ei 13 in secunda positione: ergo per 14, que minus (sic) tercio homini, minuunt eadem 28, que superant ei in prima positione, et 12, que minuunt ei in secunda, hoc est 51: quare multiplicabis 14 per 38, et diuides per 51, et extrahe illud quod exierit de 70 prime positionis; uel multiplica 14 per 12, et diuides per 31; et quod exierit addes super 56 secunde positionis, quod est pulchrius, erunt $\frac{55}{11}$ 50; et tot habet secundus; per quam inuentionem inuenisse (sic) suprascripta ratione, quod tercius habet $\frac{55}{11}$ 60; et pretium equi est $\frac{57}{11}$ 82; quos numeros, si in integrum habere uolueris, multiplica unumquemque eorum per 11; et habet primus 1530; secundus 3028; tercius 3540; equus 4220.

Aliter per regulam proportionum.

Quoniam (sic) primus cum $\frac{1}{2}$ bizantium secundi, et cum $\frac{1}{3}$ bizantium tercij habet quantum secundus cum $\frac{1}{4}$ bizantii, et cum $\frac{1}{5}$ bizantium primi, scilicet pretium equi; si ex utraque parte auferatur $\frac{1}{5}$ bizantium secundi, remanebit primus cum $\frac{1}{5}$ bizantium tercij, equalis dimidio bizantium secundi cum $\frac{1}{5}$ bizantium tercij, et cum $\frac{1}{5}$ bizantium primi. Item si ab utraque parte auferatur $\frac{1}{5}$ bizantium primi, remanebunt $\frac{1}{5}$ bizantium primi cum $\frac{1}{5}$ bizantium tercij quartum (sic) $\frac{1}{5}$ bizantium secundi cum $\frac{1}{5}$ bizantium tercij. Vnde si ab utraque parte auferatur $\frac{1}{5}$ bizantium tercij, remanebunt $\frac{1}{5}$ bizantium primi cum $\frac{1}{15}$ bizantium tercij quantum $\frac{1}{5}$ bizantium secundi. Rursus quia tercius homo cum $\frac{1}{6}$ bizantium primi, et cum $\frac{1}{7}$ bizantium secundi habet quantum primus cum $\frac{1}{8}$ bizantium secundi cum $\frac{1}{9}$ bizantium tercij; vnde si comunitur auferatur $\frac{1}{9}$ bizantium tercij remanebunt $\frac{2}{9}$ bizantium tercij hominis cum $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et cum $\frac{1}{9}$ bizantium secundi, equales de bizantijs primi cum $\frac{1}{9}$ bizantium secundi. Vnde si comunitur auferatur $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et $\frac{1}{9}$ bizantium secundi, remanebunt $\frac{2}{9}$ bizantium tercij quantum $\frac{2}{9}$ bizantium primi cum $\frac{1}{9}$ bizantium secundi. Nam extracta $\frac{1}{9}$ de $\frac{1}{9}$, remanet $\frac{8}{9}$. Et quoniam $\frac{1}{9}$ bizantium tercij sunt $\frac{2}{9}$ bizantium primi, et $\frac{1}{9}$ bizantium secundi; ergo $\frac{2}{9}$ de $\frac{2}{9}$, scilicet $\frac{4}{9}$ bizantium tercij, erit $\frac{1}{9}$ de $\frac{2}{9}$ bizantium primi, scilicet $\frac{2}{9}$, et $\frac{1}{9}$ de $\frac{1}{9}$ bizantium secundi, scilicet $\frac{1}{9}$. Ostensum est enim, quod $\frac{1}{9}$ bizantium primi cum $\frac{1}{9}$ bizantium tercij sunt quantum $\frac{1}{9}$ bizantium secundi; sed $\frac{1}{9}$ bizantium tercij est $\frac{2}{9}$ bizantium primi, et $\frac{1}{9}$ bizantium secundi. Quare $\frac{1}{9}$, et $\frac{1}{9}$ bizantium primi, scilicet $\frac{2}{9}$ cum $\frac{1}{9}$ bizantium secundi, sunt quantum $\frac{1}{9}$ bizantium secundi. Quare extractis $\frac{1}{9}$ bizantium secundi de $\frac{1}{9}$ bizantium ipsius, remanebunt $\frac{8}{9}$ bizantium primi quantum $\frac{8}{9}$ bizantium secundi. Quare pro bizantijs primi et secundi reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{8}{9}$ unius sint $\frac{11}{9}$ bizantium ipsius; quos inuenies sic : quia 240, et 112, que sunt sub uirgulis, diuiduntur integraliter per 8; multiplica $\frac{1}{8}$ de 240, scilicet 30 per 31, et $\frac{1}{8}$ de 112, scilicet 14 per 217, et habebis 1520, et 3028. Rursus quia demonstratum est, quod $\frac{1}{9}$ bizantium secundi est $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et $\frac{1}{9}$ bizantium tercij; ergo $\frac{2}{9}$ bizantium secundi, cum sint $\frac{1}{9}$ medietatis bizantium secundi, erunt $\frac{2}{9}$ de $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et $\frac{2}{9}$ de $\frac{1}{9}$ bizantium tercij, hoc est $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et $\frac{2}{9}$ bizantium tercij: set $\frac{2}{9}$ bizantium tercij $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et $\frac{1}{9}$ bizantium secundi, que $\frac{1}{9}$ bizantium secundi, cum sint $\frac{1}{9}$ bizantium primi, et $\frac{1}{9}$ bizantium

tercū, erunt $\frac{2}{3}$ bizantiumum tercū $\frac{4}{3}$ bizantiumum primi, scilicet $\frac{8}{3}$, et $\frac{4}{3}$ bizantiumum suorum. Quare si de $\frac{2}{3}$ bizantiumum tercū auferatur $\frac{4}{3}$ bizantiumum ipsius, remanebunt $\frac{2}{3}$ bizantiumum primi, $\frac{4}{3}$ bizantiumum tercū: quare pro bizantijs primi, et tercū reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{2}{3}$ unius sint $\frac{4}{3}$ alterius. Quare multiplicabis $\frac{2}{3}$ de 42, scilicet 3 per 17, et $\frac{4}{3}$ de 28, scilicet 2 per 59, et habebis pro primo numero 51; et pro numero tercū hominis 118: et quia superius pro numero primi hominis inuenimus 1320; et est sicut 91 ad 118, ita 1320, scilicet primi, ad bizantios tercū. Quare, ut habeas bizantios tercū, multiplicabis 118 per 1320, et diuides per 91, scilicet $\frac{4}{11}$ de 1320, scilicet 30, multiplica per 118, et habebis pro bizantijs tercū hominis 3540. Vel si bizantios secūdi hominis, scilicet 2028, uis redigere in portionem inuentam, quam primus habet ad tercium, scilicet cum primus habet 51, et tercius habet 118, multiplica 51 per 2028, et diuide per 1320, hoc est 2028 diuides per $\frac{1}{12}$ de 1320, scilicet per 30, exibunt pro bizantijs secūdi hominis $\frac{1}{3}$ 101: que cum non sint in integra, habeantur 1320 pro bizantijs primi hominis, et 2028 pro bizantijs secūdi, et 3540 pro bizantijs tercū: deinde ut inuenias pretium equi super bizantios primi hominis, scilicet super 1320, adde $\frac{1}{2}$ de bizantijs secūdi, scilicet 1319, et $\frac{1}{3}$ de bizantijs tercū, scilicet 1180; et habebis pro precio equi bizantios 429, ut per elchataym inuenimus. Inuentis quidem bizantijs 1320 primi hominis, 2028 et secūdi, possumus bizantios tercū aliter reperire, scilicet cum $\frac{2}{3}$ bizantiumum primi, et cum $\frac{4}{3}$ bizantiumum tercū sint $\frac{1}{3}$ bizantiumum secūdi; si de $\frac{1}{3}$ bizantiumum secūdi, scilicet de 1319, auferantur $\frac{2}{3}$ bizantiumum primi, scilicet 1324, remanet 295 pro $\frac{1}{3}$ bizantiumum tercū: quare multiplicatis 295 per 12, reddunt bizantios 3540, ut pro bizantijs tercū inuentum est. Satis per hoc quod dictum est de elchataym, et de regula augmenti et diminutionis, atque propositioni (sic) materiam soluendi omnes questiones haberi potest. Vade propositionis (sic) quarundam questionum solutas deinceps ponere disposuimus.

De quatuor hominibus.

Si homines fuerint 4; et primus petat secūdo $\frac{1}{2}$; tercio $\frac{1}{3}$; et quarto $\frac{1}{4}$; et possit equum emere, secūdus petit tercio $\frac{1}{2}$, et quarto $\frac{1}{3}$, et primo $\frac{1}{4}$; tercius namque quarto $\frac{1}{2}$, primo $\frac{1}{3}$, secūdo $\frac{1}{4}$. Quartus quoque petit primo $\frac{1}{2}$, secūdo $\frac{1}{3}$, tercio 10: primus habet 8562849; secūdus 21741236; tercius 26855060. Quartus 29637469; equus 35829901.

Ex quibus hominibus equum emere uolentibus primus et secūdus petunt tercio, et quarto $\frac{1}{3}$ bizantiumum ipsorum; et proponunt ipsum emere. Secūdus uero, et tercius petunt quarto, et quinto $\frac{1}{2}$; tercius quoque, et quartus petunt quinto, et primo $\frac{1}{2}$. Quartus namque, et quintus petunt primo, et secūdo $\frac{1}{2}$. Quintus autem, et primus petunt secūdo, et tercio $\frac{1}{2}$: primus habet 986; secūdus 850; tercius 1117; quartus 956; quintus 1260; precium equi est bizantijs 2381.

Quinque homines denarios habentes inueniunt bursam denariorum; ex quibus primus cum bursa habet duplum secūdi et tercū; secūdus triplum tercū, et quartū; tercius quadruplum quartū, et quintū; quartus quinquuplum quintū, et primū. Quintus sexuplum primi secūdi: primus habet 1; secūdus 561; tercius 981. Quartus 257. Quintus 609; bursa 2762.

De quatuor hominibus et una bursa.

Item homines sint quatuor; et primus cum bursa habet duplum secūdi, et tercū; secūdus triplum tercū, et quartū; tercius quadruplum quartū, et primū. Quartus si-

fol. 157 recto.

militer cum bursa habet quincuplum primi, et secundi: hec questio insolubilis est, nisi concedatur, primum hominem habere debitum, et sic in minoribus numeris secundus habet 4, tercius 1, quartus 4, bursa 11; et debitum primi hominis est 1; et sic primus cum bursa habet 10, scilicet duplum secundi, et tercii: secundus quoque cum bursa habet 15: scilicet triplum tercii, et quarti; et tercius cum bursa habet quadruplum quarti, et primi: quia si de 4, que habet quartus, auferatur debitum primi, remanebunt 3; et tot dicuntur habere inter quartum, et primum hominem. Quartus autem cum bursa habet 15, que sunt quincuplum primi, et secundi, ut oportet. Et si vis cognoscere hanc questionem sine debito primi hominis insolubilem esse, hoc scire poteris per investigationem proportionum ipsorum, quem habent ad inuicem inter se. Nam quia primus cum bursa habet duplum secundi, et tercii; medietas primi, et burse est quantitas secundi, et tercii. Similiter habetur ex adiacentibus, quod tercia secundi, et burse est quantitas tercii, et quarti. Adhuc et quarta tercii, et burse est quantitas quarti et primi; nec non est quinta quarti, et burse est quantitas primi et secundi.

Et quoniam medietas primi, et burse est quantitas secundi, et tercii. Si communiter adiungatur quantitas quarti, et primi, erit quantitas denariorum quatuor hominum, equalis de $\frac{1}{2}$ denariorum primi, et de $\frac{1}{2}$ burse, et ex denarijs quarti hominis. Rursus quia $\frac{1}{2}$ secundi, et burse est quantitas secundi, et quarti. Si communiter adiungatur denarij secundi et primi, erunt denarij illorum quatuor equalis de $\frac{1}{2}$ denariorum secundi, et de $\frac{1}{2}$ burse, et de denarijs primi. Nam denarii illorum quatuor inuenti sunt esse $\frac{2}{3}$ primi, et $\frac{1}{3}$ burse, et quantum denarii quarti hominis. Ergo $\frac{1}{2}$ burse, et $\frac{2}{3}$ primi cum denarijs quarti sunt quantum $\frac{4}{3}$ secundi, et $\frac{1}{3}$ burse, et $\frac{2}{3}$ primi. Si communiter auferatur $\frac{1}{2}$ burse, et $\frac{2}{3}$ primi, scilicet denarij eius, remanebunt $\frac{1}{3}$ denariorum secundi equalis de $\frac{1}{2}$ burse, et de $\frac{1}{3}$ primi, et de denarijs quarti. Quare $\frac{1}{3}$ de $\frac{4}{3}$ denariorum secundi, scilicet denarij ipsius, sunt $\frac{2}{3}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{3}$ burse, et $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$, scilicet $\frac{2}{9}$ primi, et $\frac{2}{9}$ denariorum quarti: serua hec demum, ut inuenias proportionem denariorum tercii ad denarios burse, et primi et quarti hominis; accipe $\frac{1}{3}$ denariorum tercii hominis, et burse, qui equantur denarijs quarti et primi; et adde utrique parti denarios secundi, et tercii, et erunt omnes denarij quattuor hominum equalis de $\frac{2}{3}$ denariorum tercii, et de $\frac{1}{3}$ burse, et de denarijs secundi hominis. Sed denarii secundi hominis super $\frac{1}{3}$ burse, et $\frac{2}{9}$ primi, et $\frac{2}{9}$ denariorum quarti. Ergo $\frac{2}{3}$ denariorum tercii cum $\frac{1}{3}$ burse, et cum $\frac{2}{9}$ primi, et cum $\frac{2}{9}$ denariorum quarti, sunt sunt (*sic*) quantum summam denariorum quattuor hominum. Quam summam inuenimus esse quantum $\frac{10}{9}$ denariorum primi cum $\frac{1}{3}$ burse, et cum denarijs quarti hominis: ergo $\frac{2}{3}$ tercii, $\frac{2}{9}$ primi et burse cum $\frac{2}{9}$ denariorum quarti sunt quantum $\frac{2}{3}$ primi, et $\frac{1}{3}$ burse cum denarijs quarti. Quare si communiter auferantur $\frac{2}{9}$ burse, et primi, et $\frac{1}{3}$ denariorum quarti, remanebunt $\frac{1}{3}$ denariorum tercii equalis coniuncto ex $\frac{1}{3}$ burse, et ex $\frac{2}{9}$ primi, et ex $\frac{1}{3}$ denariorum. Quare $\frac{1}{3}$ de $\frac{2}{3}$ denariorum tercii, scilicet denarij eius, sunt $\frac{2}{9}$ ex $\frac{1}{3}$ burse; et ex $\frac{2}{9}$ primi, et ex $\frac{1}{3}$ denariorum quarti, hoc est, quod denarij tercii hominis sunt $\frac{1}{9}$ burse, et $\frac{1}{9}$ primi, et $\frac{2}{9}$ denariorum quarti: serua hec, et accede ad inuentionem proportionis quarti, cuius $\frac{1}{2}$ et burse est quantitas primi, et secundi: si communiter addantur denarii tercii et quarti, erunt $\frac{1}{2}$ denariorum quarti cum $\frac{1}{2}$ burse, et cum denarijs tercii quantum est summa denariorum quattuor hominum, hoc est quantum sunt $\frac{10}{9}$

• In communitate ... de $\frac{1}{2}$ •
(fol. 157 recto, lin. 15-21;
pag. 350, lin. 18-25).

| primi | burse | quarti |
|---------------|---------------|--------|
| $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{3}$ | 1 |
| 1 | $\frac{1}{3}$ | |

• scilicet $\frac{1}{3}$... secundi hominis •
(fol. 157 recto, lin. 22-26;
pag. 350, lin. 23-27).

| tercius habet burse pmi | quarti |
|-------------------------|---------------|
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{2}{9}$ |
| $\frac{1}{3}$ | $\frac{2}{9}$ |

• remanebunt ... proportionis •
(fol. 157 recto, lin. 22 a 32-36;
pag. 350, lin. 36-40).

| tercius habet burse pmi | quarti |
|-------------------------|---------------|
| $\frac{1}{9}$ | $\frac{2}{9}$ |
| $\frac{1}{9}$ | $\frac{2}{9}$ |

primi, et $\frac{1}{2}$ burse cum | denariis quarti. Auferatur itaque communiter $\frac{1}{2}$ burse, et denarij quarti, remanebit $\frac{1}{2}$ denariorum quarti cum denarijs tercii quantum $\frac{1}{2}$ primi, et $\frac{1}{10}$ burse. Sed denarij tercii sunt $\frac{3}{10}$ primi, et $\frac{1}{10}$ burse, et $\frac{1}{2}$ quarti hominis; ergo $\frac{1}{2}$ quarti hominis cum $\frac{3}{10}$ primi, et cum $\frac{1}{10}$ burse sunt quantum $\frac{1}{2}$ primi, et $\frac{1}{10}$ burse. Communiter auferantur $\frac{3}{10}$ primi, et $\frac{1}{10}$ burse, remanebunt $\frac{1}{2}$ primi cum $\frac{1}{2}$ burse quantum $\frac{1}{2}$ denariorum quarti. Quare $\frac{3}{7}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum quarti, scilicet denarij ipsius, sunt $\frac{2}{7}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum primi, scilicet $\frac{2}{7}$ denariorum ipsius; et sunt $\frac{2}{7}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{7}$ denariorum burse. Ergo denarij quarti hominis sunt $\frac{1}{7}$ denariorum primi, et $\frac{1}{7}$ burse. Communiter adiungantur denarii quarti, erunt $\frac{2}{7}$ denariorum primi cum $\frac{1}{7}$ burse, et cum denarijs quarti quantum est duplum denariorum quarti. Set $\frac{1}{7}$ primi cum $\frac{1}{7}$ burse cum denarijs quarti sunt quantum est summa denariorum quattuor hominum. Quare duplum denariorum quarti sunt quantum endem summa; ergo denarij quarti hominis sunt dimidium ipsius summe. Ostendam rursus, secundum hominem habere nliam medietatem eiusdem summe sic: sunt enim omnes denarij secundi $\frac{1}{2}$ burse, et $\frac{1}{2}$ primi, et $\frac{1}{4}$ denariorum quarti. Nam omnes denarii quarti hominis sunt $\frac{1}{2}$ denariorum primi, et $\frac{1}{4}$ burse. Quare $\frac{1}{4}$ denariorum quarti sunt $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{4}$ primi, et $\frac{1}{4}$ de $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{4}$ burse: ergo omnes denarij secundi sunt $\frac{3}{4}$, et $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{2}$ primi, et $\frac{1}{4}$ burse, scilicet $\frac{1}{2}$ burse, sicuti sunt denarij quarti hominis. Quare denarij secundi, et quarti sunt summa denariorum ipsorum quattuor hominum; quod est inconueniens, nisi habeat unus ex reliquis, scilicet primus, uel tercius, debitum, quod erit equali capitali alterius; quin addito ipso capitali cum denarijs secundi, et quarti; et ex summa extracto debito alterius, nimirum remanebit summa denariorum secundi, et quarti, que est summa denariorum quattuor hominum. Et quoniam uidetur, secundum habere maiorem proportionem nd idem quam secundus, et tercius, congnoscutur iterum hec questio esse insolubilis sine debito alicuius eorum. Nam denarij secundi hominis super $\frac{1}{2}$ primi, et $\frac{1}{4}$ burse: sed denarij secundi, et tercij sunt tantum $\frac{1}{2}$ primi, et burse; quod uidetur incongruum, ut predixi. Sed hoc saluabitur ita: si de $\frac{1}{2}$ burse extrahant $\frac{1}{4}$ ex debito primi, remanebunt denarij secundi. Item si de $\frac{1}{2}$ burse extrahatur $\frac{1}{4}$ tantum primi, remanebunt denarij secundi, et tercii hominis. Nam eum $\frac{1}{2}$ primi sint semel denarij ipsius, plus de $\frac{1}{4}$ denariorum eiusdem, congnoscutur, tercius hominem habere quantitatem debiti primi hominis. Set, ut inuenias huius questionis solutionem (sic), adde $\frac{1}{4}$ burse, et $\frac{1}{4}$ primi, et $\frac{1}{4}$ quarti cum $\frac{1}{10}$ burse, et cum $\frac{3}{10}$ primi, et cum $\frac{1}{2}$ quarti hominis, scilicet denarios secundi, et tercii, erunt $\frac{3}{10}$ burse, et $\frac{3}{10}$ primi, et $\frac{1}{2}$ quarti, pro denarijs secundi, et tercii. Set denarij secundi, et tercii sunt $\frac{1}{2}$ primi, et burse; ergo $\frac{3}{10}$ burse, et $\frac{3}{10}$ primi, eum $\frac{1}{2}$ quarti sunt $\frac{1}{2}$ primi, et burse. Et quoniam denarij quarti hominis sunt $\frac{1}{7}$ primi, et $\frac{1}{7}$ burse; erunt ergo $\frac{10}{7}$ denariorum quarti, equales de $\frac{10}{7}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum primi, et de $\frac{10}{7}$ de $\frac{1}{4}$ denariorum primi, et de $\frac{10}{7}$ de $\frac{1}{2}$ denariorum burse: ergo $\frac{10}{7}$, et $\frac{10}{7}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{4}$ burse, cum $\frac{10}{7}$, et $\frac{10}{7}$ de $\frac{1}{2}$, scilicet cum $\frac{10}{7}$ primi, sunt quantum $\frac{1}{2}$ primi, et burse; quod etiam uidetur | incongruum, cum $\frac{10}{7}$ burse sint plus de $\frac{1}{2}$ eiusdem; et $\frac{10}{7}$ primi sint similiter plus $\frac{1}{2}$ ipsius. Set quia uolo, primum hominem habere debitum, erit id quod remanet ex $\frac{10}{7}$ burse, extractis inde $\frac{7}{7}$ ex debito primi, equale ei quod remanet ex $\frac{1}{2}$ burse, extracto iude $\frac{1}{2}$ ex debito primi. Quare si ex $\frac{10}{7}$ debiti primi hominis nufferatur $\frac{1}{2}$ eiusdem, et ex

$\frac{2}{3}$ burse auferatur $\frac{1}{3}$ eiusdem, remanebunt $\frac{1}{3}$ debiti primi hominis equales $\frac{1}{3}$ denariorum burse. Quare reperiendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{3}$ nnius sint $\frac{1}{3}$ alterius; eruntque 11 pro debito primi, et 14 pro denariis burse, ut predixi. Quare si addatur debitum primi cum bursa, erunt 10; quorum dimidium, scilicet 5, habent inter secundum, et tertium; ex quibus tertius habet 4, cum habeat quantitatem ex debito primi. Quare secundus habet 4, et quartus habet totidem, cum denarij sui equeantur denarijs tercii, ut superius inuenimus.

Incipit capitulum quartum decimum.

In reperiendis radicibus quadratis et cubicis, et de multiplicatione, et diuisione, seu extractione earum inter se, et de tractatu binomiorum et recisorum, et eorum radicum.

LICEAT aih in hoc de radicum capitulo quedam necessaria, que claus dicuntur, inserere; que cum sint in secundo euclidis apertis demonstrationibus demonstrata, sufficit super diuisionibus earum hoc tantum secundum numerum procedere. Prima quarum est, cum numerus diuiditur in quaslibet partes, erunt multiplicationes ipsarum partium in totum numerum diuisum, insimul coniuncte, equales quadrato numeri diuisi, scilicet multiplicationi eiusdem numeri in se. Verbi gratia: sint 10 diuisa in 2, et 5, et 2. Dico, quod multiplicationes binarij, et ternarij, et quinarij in 10, scilicet 20, et 30, et 50, equantur multiplicationi de 10 in se, hoc est 100. Item si numerus aliquis diuidatur in partes; et multiplicetur usqueque pars per aliquem alium numerum, et multiplicationes omnes insimul iungantur, equabuntur multiplicationi diuisi numeri in alium numerum: ut si 10 diuidantur in supra dictas partes, et multiplicentur ipse partes in alium quemlibet numerum, ut dicamus in 12; et ipse multiplicationes coniungantur, scilicet 24, et 30, et 60, nimirum 120, scilicet multiplicationi de 10 in 12, equabuntur. Item si numerus diuidatur in duas quaslibet partes, erit multiplicatio uniuscuiusque partis in se cum duplo multiplicationis partis in aliam, equalis quadrato totius numeri: ut si diuidatur 12 in 3, et in 4, erit multiplicatio de 3 in se 36, et de 4 in se 48; et duplum de 3 in 4 sunt 24: quibus insimilibus (sic) iunctis, faciunt 144, scilicet multiplicationem totius numeri in se. Rursus si numerus diuidatur in duas partes, erit duplum multiplicationis unius partis in totum numerum cum quadrato alterius partis, equalis multiplicationi eiusdem prime partis in se, et quadrato totius numeri. Ut si 12 diuidantur in 4, et 8, duplum multiplicationis de 4 in 12 cum octies octo, scilicet 96, et 64, qui faciunt 160, equantur multiplicationi de 4 in se, que est 16, et de 12 in se, que est 144. Adhuc si numerus diuidatur in duas partes equales, et in totidem inaequales, erit multiplicatio minoris partis per maiorem cum quadrato numeri, qui est a minori parte usque ad medietatem totius numeri diuisi, equalis quadrato diete medietatis. Ut si 12 | diuidatur in 2, et 10, et in 6, et 6, erit multiplicatio de 2 in 10 cum quadrato quaternarij, qui est a 2 usque in 6, scilicet 20 cum 16 equatur multiplicationi de 6 in se, hoc est 36. Item si numerus diuidatur in duas partes equales, et adiungatur ei aliquis numerus, erit multiplicatio numeri adiuncti in numerum diuisum, et in adiunctam cum quadrato, qui fit a medietate numeri diuisi, equalis quadrato, qui fit a medietate numeri diuisi, et ab aiuncto, tamquam ab uno numero. Verbi gratia: sint 10 diuisa in 5, et 5, et addantur eis duo; multiplicatio quidem

de 2 in 10, et in 2, hoc est in 12, scilicet 24 cum quadrato de 2, scilicet cum 24, equatur quadrato de 5 et 2, hoc est de 7; qui quadratus est 49. Ad has quidem ultimas duas definitiones reducuntur omnes questionationes (*sic*), que sunt in alicuius almuchabala, scilicet in libro contemptionis, et solidationis; denique, his terminatis, hoc capitulum in quinque partes diuidatur. Quarum prima sit de inuentioe radicum; secunda de multiplicacione earum inter se, et bino minorum (*sic*). Tercia de additione eorumdem. Quarta de ipsorum extractione ad inuicem. Quinta de diuisione radicum, et binorum.

Incipit pars prima quarti decimi capituli.

Cum itaque de inuentioe radicum tractare oporteat, dicendum est primum, quid sit radix. Radix quidem cuiuslibet numeri est numerus qui, cum in se multiplicatur, facit ipsum numerum, ut 2, que sunt radix de 9. Et 6 de 36; quia ter tria faciunt 9, et sexies 6 faciunt 36. Nam quidem numeri habent radices, et uocatur (*sic*) quadrati; et quidam non; quorum radices, que surde dicuntur, cum in possibile sit eas in numeris inuenire, qualiter in quantum plus possumus ferre, ad ipsas radices uero demonstrari: ponatur, quod uolumus inuenire radicem de 10. Inuenias quidem integrum (*sic*) maiorem radiceo in 10, que inueniri potest; eritque 3, que sunt radix de 9; que 9 extrahe de 10, remanet 1; quod 1 diuide per duplicatam radicem inuentam, scilicet per 6, exiit $\frac{1}{6}$; quam adde cum 3 inuentis, erant $\frac{1}{6}$ 2, que sunt parum amplius radice de 10; quia multiplicata $\frac{1}{6}$ 2 in se ipsa, faciunt $\frac{4}{36}$, plus decenario numero. Vade si propius ad radicem de 10 uenire uolueris, diuide ipsam $\frac{1}{6}$ per duplum de $\frac{1}{6}$ 2, ueniet $\frac{1}{12}$; quam abiecede (*sic*) $\frac{1}{6}$ 2, et habebis propositum. Et notaodum, quod radix numerorum unius figure, uel duarum est numerus unius figure. Trium uero, et quatuor figurarum radix est numeri duarum figurarum. Quinque uero, et sex figurarum radix est numerus trium figurarum; et sic, addendo unam figuram, uel duas numeris, additur figura una in eorum radicibus. Secundum uero geometriam, non numero, sed mensura, radix cuiuslibet numeri inuenitur; et est iste inueniendi modus. Inueniantur duo numeri, qui insimul multiplicati faciant. Numerum (*sic*), cui radicem inuenire uis, ut dicamus 10; erunt illi duo numeri 2, et 5; quos adde insimul, erunt 7; ex quorum mensura ordinabis lineam; sitque *a.b.c.*, uidelicet *a.b.* duarum ulnarum, et *b.c.* quinque ulnarum; eritque tota hęc *a.c.* 7 ulnarum; quam lineam diuides in duo equalia, secundum punctum *d.*; in punctis *a.c.* semi circulum circinalis *a.e.c.*; et a puncto *b.*, secundum rectum angulum, linea protraatur usque aperti feriam (*sic*); sitque *b.e.*, que est radix de 10, ut in geometria aperte moonstratur. |

Nam si, secundum abaci materiam, radicem de 743 reperire uolueris, inuenias maiorem radicem, quam 743 habent in integrum; que secundum hęc artem sic inuenitur: scilicet radicem 743 sit numerus trium figurarum, sinus (*sic*), quod radix ipsius est numerus duarum figurarum. Vnde ultimus gradus radiceo ipsis (*sic*) incipiendus est sub secundo gradu, scilicet sub 4; sub quibus 4 pones bis maiorem radicem, quam 7 habent in integrum, scilicet ultima figura de 743, erit illa figura 2; qua posita bis sub 4, multiplicabis unum binarium per aliam, erunt 4; que extrahe de 7, remanent 3; que 3 pone super 7, ut in hac prima descriptione ostenditur; et copulabis ipsa 3 cum antecedente figura, scilicet cum 4, facient 34; pro quibus pones bis talem figuram ante positos, scilicet sub primo gradu de 743; que cum multiplicata fuerit per duplum binarij, et de 34

* *reformati...* sans correction (fol. 150 verso, fol. 22 r. 31 — 27 r. 18; pag. 352, fol. 26-31)



fol. 150 verso.

* Nam si... descriptione: fol. 150 verso, fol. 1-2 r. 8; pag. 352, fol. 26-31.

| |
|-----|
| 3 |
| 743 |
| 2 |

facit remanent... figura
 dist. 159 verso, lin. 11-16.
 pag. 234, lin. 4-7b

| | | |
|---|---|----|
| 3 | 6 | 14 |
| 7 | 4 | 3 |
| 2 | 7 | |
| 2 | 7 | |

suprascriptis ipsa multiplicatio extracta fuerit, remaneat inde numerus, qui cum copulatus fuerit cum prima figura de 743, scilicet cum 3, possis inde extrahere multiplicationem posite figure sub primo gradu in se ipsa; et non remaneat inde numerus, qui excedat iduplum (*sic*) totius radicis inuente; eritque illa figura 7; que 7 his positus sub 3, multiplica superiora 7 per inferiorem binariam, et inferiora 7 per superiorem binarium; sic habebis 58: quibus extractis de 34, remaneat 6; que pone super 4 de 24; et copulabis ea cum antecedente figura, scilicet cum 3, erunt 63; de quibus extrahe multiplicationem de 7 in 7, scilicet 49, remaneat 14; et sic habebis 27 pro radice de 743, remanent 14, ut in hac ultima descriptione ostenditur: que 14 diuide per duplum de 27; uel dimidiam de 14, scilicet 7, diuide per 27, exhibunt $\frac{7}{27}$; quas adde cum 27 inuenta, erunt $\frac{7}{27}$ 27 pro radice de 743: ad quam radicem, si amplius apropinquare uolueris, facies secundum quod superius demonstrauimus.

Inuentio Radicis de 8754.

et extrahe... multiplicatio
 num. 144-159 verso, lin. 27-
 35 e 36, pag. 234, lin. 18-20f

| | | | |
|---|----|-----|---|
| 6 | 81 | 105 | |
| 8 | 7 | 5 | 4 |
| 9 | 3 | | |
| 9 | 3 | | |

Item si radicem de 8754 inuenire uolueris, que cum sint numerus quattuor figurarum, simus (*sic*) similiter, quod radix illorum est numerus duarum figurarum: quare pone sub secundo gradu ipsius numeri, scilicet sub 5, maiorem radicem, quam 87 habeat, scilicet numerus duarum ultimarum figurarum de 8754; eritque 9, que pone bis sub 5; et multiplica 9 per 9, et extrahe de 87, remanent 6 super 7; quibus copulatis cum antecedente figura, scilicet cum 5, faciunt 65; pro quibus pone ante positos nouenarios bis talem figuram; qua multiplicata per duplum de 9, et extracta ipsa multiplicatione de 85, remaneat numerus, qui cum copulatus fuerit cum figura primi gradus, scilicet cum 4, possis inde extrahere multiplicationem posite figure sub primo gradu in se ipsa; et non remaneat inde plus duplo totius radicis inuente; eritque figura illa 3; qua posita bis sub 4 ante positos nouenarios, multiplicabis in cruce 3 per 9, et 3 per 9, erunt 54; que extrahe de 65, remanent 11, que pone super 65; et copulabis 11 cum 4, que sunt in primo gradu, erunt 114; de quibus extrahe multiplicationem de 3 in 3, scilicet 9, remanebunt 105: ergo radix de 8754 est in integrum 93, et remanent inde 105; que diuide per duplum de 93, exhibunt $\frac{15}{93}$; quas adde cum 93 inuentis, erunt $\frac{15}{93}$ 93 pro radice de 8754.

Inuentio radicis 12345.

fol. 159 verso.
 altissimum... 1. qua e 164.
 159 verso, lin. 2-9; pag. 234,
 lin. 22-26.

| | | | | |
|---|---|----|---|---|
| 2 | 2 | 24 | | |
| 1 | 2 | 2 | 4 | 5 |
| 1 | 1 | 1 | | |
| 1 | 1 | 1 | | |

si uis si radicem cuiuslibet numeri quinque figurarum uis inuenire, ut dicamus de 12345, inuenies quidem supra scripto ordine radicem numeri trium ultimarum figurarum, scilicet de 123; eritque 11, et remanent 2: pone ergo 11 his sub tercio, et secundo gradu, et remaneat 2, que pone super 3; et copulabis ea cum antecedente (*sic*) figura, scilicet cum 4, erunt 24; pro quibus pones in primo gradu radicis, scilicet ante posita 11, his talem figuram, qua in cruce multiplicata per 11, et extracta summa multiplicationis de 24, remaneat numerus, qui copulatus confuerit com (*sic*) figura primi gradus, scilicet cum 5, ualeas inde extrahere multiplicationem illius figure in se ipsa; et non remaneat plus duplo inuente radicis; eritque 1: qua posita ante utraque 11, multiplicabis eum in cruce per 11, erunt 22; que extrahe de 24, remanent 2 super 4; quibus copulatis cum 5 primi gradus, faciunt 25; de quibus extrahe multiplicationem de 1 superiori et 1 inferiori, remaneat 24; et sic habebis numerum trium figurarum, scilicet 111 pro radice de 12345, ut oportet; et remaneant supra ipsam radicem 24;

quorum dimidium, scilicet 12, diuide per 111, exhibunt $\frac{1}{17}$; quibus additis cum 111, reddunt $\frac{1}{17}$ 111 pro radice de 12245.

Inuentio radice de 927435.

Rvrsus si radicem cuiuslibet numeri sex figurarum unde 927435 inuenire uis, quorum radix oportet (*sic*) similiter esse numerum trium figurarum, unde ultimus eius gradus ponendus est sub figura tercii gradus, scilicet sub 4; inuenies itaque radicem numeri quattuor ultimarum figurarum, scilicet de 9274; et hoc facies secundum quod superius in inuentione quattuor figurarum demonstrauius; eritque radix illius numeri 96, et remanent 38; pones ergo 96 bis sub tercio, et secundo gradu; et 38 pones super 74 de 1274; et copulabis 38 cum antecedente figura, scilicet cum 3, que sunt in secundo gradu, erunt 383; pro quibus pones in primo gradu radice, scilicet ante 96, bis talem figuram, quia in cruce multiplicata per 96, et extracta summa multiplicationis de 383, remanent numerus, qui computatus (*sic*) cum fuerit cum figura primi gradus, scilicet cum 3, ualeas inde extrahere multiplicationem ipsius figure in se ipsa, et non remanent inde plus duplo radice inuente; eritque 3; qua posita ante utraque 96, multiplica 3 per 96 in cruce, erunt 276; que extrahit de 383, remanent 7 super 3; quibus copulatis cum 3 primi gradus, faciunt 75; de quibus extracta multiplicatione de 3 in 3, scilicet 9, remanent 68; quorum dimidium, scilicet 33, diuide per 963, exhibunt $\frac{11}{171}$; et sic habebis $\frac{11}{171}$ 963 pro quesita radice, qua multiplicata in se ipsa, reddunt plus quesito numero quantitate multiplicationis raptorum in se ipsis, scilicet de $\frac{11}{171}$. Quare si propius ad radicem de 927435 accedere uis, multiplica $\frac{11}{171}$ in se; et quod prouenerit diuide per duplum de $\frac{11}{171}$ 963; et quod exierit (*sic*) minue de prescriptis: quod idem intelligas de precedentibus, et de omnibus aliis similibus. Est enim alius modus, per quem possumus satis prope ad radices numerorum nou quadratorum peruenire, uidelicet ut multiplicemus | eos per aliquem quadratum numerum, et summe radicem inuenias; quam per radicem quadrati diuidas, et habebis propositum.

* nouagesimo... arithmetica... 1561,
159 verso, in. 26 r. 21 23.
pag. 355, lin. 13-18.

| | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 5 | 8 | 7 | | | | | | | |
| 9 | 2 | 7 | 4 | 3 | 5 | | | | |
| | | | | | 9 | 6 | 3 | | |
| | | | | | | | 9 | 6 | 3 |

fol. 160 verso.

* quattuor... 2, que... fol. 160
verso, in. 8-10; pag. 355, lin.
22-41.

| | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 3 | 4 | | | | | | | | | | | | | | | |
| 8 | 3 | 9 | 5 | | | | | | | | | | | | | |
| 7 | 2 | 1 | 0 | 0 | 0 | 9 | | | | | | | | | | |
| | | | | | | 8 | 5 | 0 | 3 | | | | | | | |
| primus | 1 | 6 | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | 1 | 7 | 0 | | | | | |
| | | | | | | | | | | | 1 | 7 | 0 | 1 | 0 | |
| | | | | | | | | | | | | | | | 1 | 8 |

Uolo inuenire radicem de 7224: multiplicabo quidem ea per 10000, quorum radix est 100; quia quanto per maiorem quadratum multiplico, tanto propius ad radicem numeri quesiti deuenio: et cum aliquem numerum per 10000 multiplico, quattuor tantum zephira ante ipsum addo, ut oportet. Et sic pro predicta multiplicatione 72240000 habeo: quibus per alium modum radicem inuenire docebo: quia, ut dictum est, radix numeri octo figurarum est numerus quattuor figurarum. Quare pone 8 sub 9 quarti gradus, cum sint radix impropria (*sic*) quam 72, scilicet numerus duarum ultimarum (*sic*) figurarum habeant in integrum; et multiplica ipsa 8 in se, erunt 64; a quibus usque in 72, remanent 8; que pone super 3; et intellige copulationem earum, que est 83; et duplica 8 posita sub 9, erunt 16; ex quibus poue 8 sub 8, et 1 post ipsa, inuenies figuram, que multiplicata per 16, faciunt ferre 83; set remanent inde numerus, qui copulatus cum fuerit cum 4 sequentis gradus, possit ex ipsa copulatione extrahere quadratum illius figure, scilicet multiplicationem eius in se; et non remanent tamen plus duplo radice inuente; eritque illa figura 3; qua posita sub 9 tercii gradus ante 4, multiplica 3 per 4, scilicet per ultimum gradum de 16, erunt 12; que extrahit de 8, que sunt super 3, remanent 3 super 8; quibus copulatis cum 3 sequentibus, faciunt 33; de quibus tolle multiplicationem de 3 in sex, remanebunt 2, scilicet ea, que sunt

2. fac. in ... extrahe de ...
164 recta, lin. 23-29; pag.
256, lin. 2-12.

| | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 3 | 4 | 4 | | | | | | | | | | |
| 8 | 0 | 3 | 0 | 7 | 5 | | | | | | | |
| 7 | 2 | 3 | 4 | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| | | | | | | 8 | 5 | 0 | 5 | | | |
| | | | | | | | | | 1 | 7 | 0 | 0 |

3090 remanent ... 7234. Et
164. 69 recta, lin. 21-29; pag.
256, lin. 12-20.

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|--|--|--|--|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 3 | 4 | 4 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 8 | 0 | 3 | 0 | 7 | 5 | | | | | | | | | | | | | |
| 7 | 2 | 3 | 4 | 0 | 0 | 0 | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | 8 | 5 | 0 | 5 | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | 1 | 7 | 0 | 0 |

fol. 164 verso

in sexto gradu: quibus copulatis cum 4 sequentibus, faciunt 34; de quibus abice quadratum quinarium, scilicet 25, remanent 9 super 4: et duplica etiam ipsa 5, erunt 10; de quibus pone 0 sub ipsis 5, et 1 adde cum 6, que sunt sub 8; et sic habebis 170 pro duplo de 85: deinde ponendum est 0 sub 0 secundi gradus ante posita 85; quia multiplicatio secundi gradus in quintum, scilicet in 1, facit sextum gradum; quod locum non habet, cum ultima figura remanentis numeri, scilicet 9, sit tantum in quinto gradu: quo 0 posito, duplica ipsum, faciet 0; quod pone sub ipso, scilicet ante 170, et habebis 1700 pro duplo radicis inuente, in quibus multiplicanda est ponenda figura. Quare pone 5 sub 0 primi gradus, et multiplica ea per 1, et extrahe de 0, remanent 4 super ipsa; et 5 per 7, et extrahe de 40, remanent 5 super 0 quarti gradus; et 5 per 0, quod est sub 5, et extrahe de 50, remanent 50; et 5 per 0, quod est sub 0 in numero de 1700, et extrahe de 500, remanent 500 terminantia super secundum gradum; et multiplica 5 in se, et extrahe de 5000, remanent 4075 super 5000; et duplica 5, eam uidelicet, que sunt in primo gradu radicis inuente, erunt 10; de quibus pone 0 sub ipsis 5, et 1 pone post ipsum, delens 0, quod est in ponendo loco; et sic habebis 17010 pro duplo radicis inuente, ut in tercia patet descriptione; et radix est 8505, et remanent 4075. Que si probare uolueris; pensam de 72340000 serua, que est 5, per septenarium; et pensande (sic) 8505, que est 0, in se multiplica, proueniat 0; quod adde cum pensa de 4075, que est 5, faciunt 5, ut pro pensa seruasti: quibus per ordinem gestis, diuide 4075 per 17010, ueniet circa quartam; et sic pro radice de 72340000 habes $\frac{1}{2}$ 8505; que diuide per 100, exhibuit $\frac{1}{100}$ $\frac{1}{20113}$ pro radice de 7234. Et | nota, cum multitudo figurarum alcius numeri est impar, tunc incipies inuentionem radicis ipsius a radice ultime figure tantum; et in reliquis procedes, ut dictum est.

*Incipit pars secunda quartidecimi capituli
de multiplicatione radicum, et de binomiorum (sic).*

Ostensa siquidem doctrina in rependiendis radicibus numerorum, ut que secuntur in hoc capitulo latius secundum numerum demonstratur, diffinitiones duarum linearum ratiocinatorum (sic), super quas decimus euclidis liber geometrie tractat, assignare disposui (sic). Prima quidem linea dicitur riti, hoc est ratiocinata longitudine, et potentia; per quam intelliguntur numeri ratiocinati, ut 1, et 2, et 3, et ceteri. Qui quando sunt radices, est eorum potentias (sic) similiter ratiocinata; quia ex multiplicatione cuiuslibet numeri in se, numerum prouenire necesse est. Secunda uero dicitur riti potentia solum; per quam intelligitur radis numeri non quadrati; que radix dicitur surda, cum numerari non possit; sed eius potentia numeratur. Ex tredecim (sic) autem lineis inratiocinatis prima est simplex, que uocatur media, cuius potentia est inratiocinata, que uocatur superficies media. Ideo quia media in proportione inter duas superficies potentia solum commensurabilis; per hanc quidem lineam intelligitur radix radicis numeri, cuius potentia est radix numeri tantum non quadrati: sunt et omnes radices numerorum non quadratorum medie inter duos numeros dissimiles, hoc est qui non habent proportionem inter se, sicut quadratus numerus ad quadratum numerum: ut si unus numerorum fuerit 10, et alter 12, medius inter eos cadit radix de 120; quia sicut 10 est ad radicem de 120, ita radix de 120 est ad 12; cum ex multiplicatione primi in tertium surgat multiplicatio secundi in se. Ex reliquis duodecim lineis sex sunt radices numerorum compositorum ex duobus

nominibus. Ex sex relique sunt radices decompositorum eorundem nominum. Numeri
 autem, qui sunt ex duobus nominibus, diuiduntur in sex partes, ex quibus. Primum
 binomium est coniectum ex numero, et radice; et potentia numeri superhabundat
 potentiam radicis, secundum quantitatem alicuius quadrati numeri: ut si primum nomen
 fuerit 4; secundum radix de 7: sunt enim 16 potentia de 4, que addunt 9 super 7.
 Secundum quoque binomium compositum ex radice, et numero; et est potentia radicis
 addens numerum sibi similem super potentia minoris nominis, scilicet super potentiam
 numeri. Vt si maius nomen fuerit radix de 112, et minus nomen fuerit 7: nam radix
 de 112 potest 62 super 49; qui numerus 62 est similis de 112, cum eorum proportio
 sit sicut quadratus numerus 16 ad quadratum numerum 9: tertium autem binomium
 est coniectum ex duabus radicibus potentia solum commensurabilibus, hoc est, quod
 quadrati ipsarum non habeat proportionem inter se, sicut quadratus numerus ad qua-
 dratum numerum. Et maius nomen potest plus minore, secundum quantitatem numeri
 consimilis ipsius nominis potentia: ut si maius nomen fuerit radix de 112, minus ex
 8; ex quibus duobus nominibus 112 addunt 28 super 84; quorum proportio, scilicet
 de 112 ad 28, est sicut quadratus numerus ad quadratum numerum. Quartum quidem
 binomium est ex nominibus primi; sed maius nomen, scilicet numerus, non potest nu-
 merum quadratum super minus nomen, ut 4, et radix de 16. Nam 16, scilicet qua-
 dratus de 4, addit 6, scilicet numerum non quadratum super 19: quintum siquidem
 binomium est compositum ex nominibus binomii secundii; sed quadratus radicis addit
 numerum sibi dissimilem super quadratum numeri. Vt si primum nomen fuerit radix
 de 20; secundum sit 2. Nam super 20 habundat 11 quadratum ternarii; et proportio
 20 ad 11 non est sicut quadratus numerus ad quadratum numerum. Sextum quidem
 binomium est ex nominibus tercii. Sed quadratum maioris numerus (*sic*) potest numerum
 sibi dissimilem super quadratum maioris. Vt radix de 20 et radix de 8. Nam 20 addunt
 12 super 8; et proportio de 20 ad 12 non est sicut quadratus numerus ad quadratum
 numerum.

Primi quidem binomium (*sic*) radix est unum ex supra scriptis sex binomii; quia
 quando aliquod binomium multiplicatur in se, surgit binomium primum. Secundi quippe
 binomii radix est linea composita ex duabus medialibus lineis, potentia solum commensurabilibus, hoc est compositum ex duabus radicibus radicis in eorum potentia solum
 communicantes. Ex quibus etiam, cum una multiplicatur in aliam, prouenit numerus rati-
 onatus. Vt radix radicis trium, et radix radicis de 27. Tercii quoque binomii radix est
 linea, que dicitur bimedialis, siue ex duobus mediis secunda; per quam intelligitur con-
 iunctum ex duabus radicibus radicis (*sic*) in eorum potentia tantum communicantibus; ex
 quibus, cum una multiplicatur in aliam, prouenit medium, scilicet radix numeri non
 quadrati. Quarti quippe binomium (*sic*) radix est linea, que dicitur maior, hoc est com-
 positum ex duobus numeris irrationis potentia incommensurabilibus; quorum quadrati
 insimul iunguntur, faciunt numerum ratiocinatum. Et ex multiplicatione huius (*sic*) in
 alium surgit radix numeri ratiocinati. Vt si prima fuerit radix de 4, et ex radice de 12;
 et alia fuerit radix de 4, minus radice de 12. Quinti autem binomii radix est linea, que
 dicitur rita, et medium propotens, sine potens super ratiocinatum, et iratiocinatum
 numerum, que componitur ex duabus lineis, potentia incommensurabilibus; quarum qua-

drati insimul iuncti faciunt radicem numeri; et ex multiplicatione unius in aliam provenit numerus ratiocinatus. Ut si prima fuerit radix radice de 20, et ex 2; et alia fuerit radix de 20, minus 2. Sexti autem binomii radix est linea, que dicitur duo media potens, siue potens super duos iratiocinatos numeros, que componitur ex duabus lineis potentia incommensurabilibus; quarum quadrati insimul iuncti faciunt radicem numeri; et ex multiplicatione unius in aliam surgit similiter radix numeri non quadrati: ut si prima fuerit radix (sic) radice de 24, et de radice de 7; alia fiat radix radice de 24, minus radice de 7. Numeri autem, qui sunt decompositi ex predictis nominibus sex binomiorum, uocantur recisi, seu apothami; et sunt illud per ordinem, quod est inter utrumque nomen predictorum sex binomiorum, ut 4, minus radice de 7, que sunt primum recisum; et radix de 112, minus 7, que sunt ex secundo reciso; et radix de 112, minus radice de 24, qui sunt ex tercio reciso; et sic intellige de quarto, et quinto, ex sexto reciso. Nam radix primi recisi est unum ex sex recisis supradictis. Radix uero secundi est recisum bimedialis prime, hoc est radix radice, minus radice radice; ex quarum multiplicatione provenit numerus ratiocinatus: tertiū autem radice est recisum bimedialis secundi, hoc est radice radice, minus radice radice; ex quarum multiplicatione provenit numerus iratiocinatus. Quarti quoque recisi radix est, que constat ex residuo, quod est inter duas lineas, que sunt potentia incommensurabiles; ex quibus componitur linea maior. | Quinti itaque recisi radix est, que constat ex residuo, quod est inter unam (sic) lineam potentia incommensurabilem (sic), ex quibus componitur linea potens super ratiocinatum cum et iratiocinatum. Sexti namque recisi radice est, que constat ex residuo, quod est inter duas lineas potentia incommensurabiles; ex quibus componitur linea potens super iratiocinatum, et in ratiocinatum: his itaque per ordinem terminatis, qualiter hec multiplicari inter se, addi, uel extrahi, seu diuidi debeant, ordinare demonstrato (sic).

Pars secunda de multiplicatione radicum in radicibus et numeris.

Si uis multiplicare radicem surdam, uel ratiocinatum alicuius numeri per radicem surdam alterius, multiplica unum ex ipsis numeris per alium; et quot prouenerit, erit quadratus summe multiplicationis ipsarum radicum. Verbi gratia: uis multiplicare radicem de 10 per radicem de 20, multiplica 10 per 20, erunt 200; quorum radix est summa multiplicationis quesite. Verbi gratia: sit *a.* radix de 10, et *b.* de 20; et adiaceat *g.* equalis *a.*, et *d.* equalis *b.*: ergo *g.* est radix de 10, et *d.* de 20: ergo cum multiplico *g.* in *a.*, hoc est *a.* in se, ueniunt 10; et cum multiplico *d.* in *b.*, hoc est *b.* in se, faciunt 20: ergo cum multiplico 10 per 20, tunc multiplico factum ex *g.a.* in factum ex *d.b.*; ergo multiplicatio facti ex *g.a.* in factum ex *d.b.* est 200. Sed multiplicationi facti ex *g.a.* in factum ex *d.b.* equatur multiplicatio facti ex *a.b.* in factum ex *g.d.*: ergo multiplicatio facti ex *a.b.* in factum ex *g.d.* est 200. Sed factus ex *a.* in *b.* equatur facto ex *g.* in *d.*; ergo multiplicatio facti ex *a.* in *b.* per factum ex *g.* in *d.* equatur multiplicationi facti ex *a.b.* in se: ergo multiplicatio facti ex *a.* in *b.* in se, facit 200. Quare factus ex *a.* in *b.*, siliet ex radice de 10 in radice 20, est radice ducentorum; quod oportebat ostendere.

Item si uis multiplicare radicem de 20 per radicem de 40, multiplica 20 per 40,

• multiplo (tenis) ... ex *g.* in *d.*, s. | *Id.* 161 *verus*, in. 11 = 12-13; pag. 252, in. 21-22.

| | |
|----------|----------|
| 10 | 20 |
| <i>a</i> | <i>b</i> |
| <i>g</i> | <i>d</i> |

erunt 1200; quorum radix, que est surda, hoc est inratiocinata, est summa quesite multiplicationis. Et nota, cum numeri (*sic*), quorum radices multiplicas, sunt consimiles, hoc est quod habent proportionem inter se, sicut quadratus numerus ad quadratum numerum; tunc ex eorum multiplicatione provenit numerus ratiocinatus. Verbi gratia: vis multiplicare radicem de 40 per radicem de 90, multiplica 40 per 90, erunt 3600; quorum radix est 60, in quibus multiplicatio ascendit, prescripta sunt 60 media in proportione inter 40, et quia (*sic*) 90; quia sicut 40 sunt ad 60, ita 60 ad 90; et converso sicut 90 ad 60, ita 60 ad 40; et hoc est quod euclides ostendit, cum dixit: inter duos numeros similes unum interciderere numerum. Et si vis habere notitiam cognoscendi numeros consimiles, diuide utrumque ipsorum per maiorem communitatem, quam habent; ex qua diuisione, si prouenerint numeri quadrati, tunc similes erunt. Vel cum diuidetur unus per alium similem, ex ipsa diuisione provenit semper unum quadratus: sunt enim 10 comunis mensura, et maxima de 40, et 90; que si diuidantur per 10, ueniunt 4, et 9; qui numeri sunt quadrati. Vel si diuiserimus 40 per 90, ueniunt $\frac{4}{9}$ 2; qui numerus est quadratus, cuius radix est $\frac{2}{3}$ 1; que reperitur sic: fac quartas $\frac{1}{2}$ 2, erunt $\frac{2}{3}$; ex quibus accipe radices, et habebis 2, et 2; que 2 diuisis per 2, reddunt $\frac{2}{3}$ 1. Similiter, si diuiseris 40 per 90, ueniunt $\frac{2}{3}$; que etiam quadrate sunt; et est eorum radix $\frac{2}{3}$ propter 2, que sunt radix de 4, et propter 3, que sunt radix de 9. Et si vis multiplicare tres | radices de 10 in quattuor radices de 20, rediges hec ad multiplicationem radicis huius (*sic*) numeri in radice alterius, hoc modo: pro tribus radicibus de 10 multiplica quadratum ternarii, scilicet 9, per 10, erunt 90; quorum radix equatur tribus radicibus de 10. Eodemque modo, multiplicato quadrato de 4, scilicet 16, in 20, reddet radice de (*sic*) 20 pro quattuor (*sic*) radicibus de 20. Quare si ex multiplicatione de 90 in 20 radicem acceperis, scilicet de 28800, habebis utique multiplicationem trium radicum de 100 in quattuor radices de 20. Nam si ad oculum deprehendere uis, quomodo quattuor radices de 20 suat radix de 200, adiaceat quadri laterum recti angulum, et equilaterum .*a.b.g.d.*, cuius area sit uharum 20. Quare quodlibet latus ipsius est radix de 20; que radix, cum sit plus quaternario, accipiantur in rectam .*b.g.* punctus .*e.*; et sit recta .*b.e.* quattuor uharum, cui equalis sit recta .*a.e.*; et copuletur recta .*e.c.* Superficies ergo .*a.b.e.c.* constat ex quattuor radicibus de 20; cuius superficiei area colligi ex ductu .*a.b.*: est enim .*a.b.* radix de 20, et .*b.e.* est radix de 16; quare area superficiei .*a.b.e.c.* colligitur ex ducta radice de 20 in radicem de 16; ex qua multiplicatione provenit radix de 220, ut predixi. Ex hoc enim poteris habere doctrinam reducendi plures radices unius numeri ad radicem unam. Vt si uis redigere sex radices de 20 ad radicem unam, multiplica quadratum de 6, scilicet 36, in 20, peruenient 720, quorum radix est id quod queritur. Et si uis multiplicare aliquem numerum per radicem alicuius numeri; quod unitates erunt in ipso numero, tot radices equales eidem radici, in quem numerum multiplicare uis, ex ipsa multiplicatione provenient. Verbi gratia: si uis multiplicare 6 in radicem de 20, nimirum sex radices de 20 provenient, que sunt radix de 720, ut predixi. Ergo ex multiplicatione de 6 in radicem de 20 surgit radix de 720; et sic studeas facere in similibus.

De multiplicatione radicis in radicem radicis.

Si uis multiplicare radicem radicis alicuius numeri per radicem radicis alterius,

64. 162 recto.

* equilaterum plures + (fol. 162 recto, lvs. 6-13, pag. 339, lvs. 36-34).



multiplica unum ex ipsis numeris in alium; et eius quod prouenerit, radicem radicis accipe, et habebis summam quesite multiplicationis. Et nota; quia quando multiplicatur radix radicis numeri per radicem radicis, tunc ex ipsa multiplicatione prouenit numerus, aut radix numeri, siue radix radicis numeri. Verbi gratia: multiplicas radicem radicis trium per radicem radicis de 27, prouenit radix radicis de 81, que surgunt ex ductis 3 in 27. Nam radix 81 est 9; quorum radix, scilicet 3, est summa quesite multiplicationis. Similiter si multiplicas radices radicis de 96 per radicem radicis de 216, prouenit numerus ratiocinatus; quia ex ductis 96 in 216 surgunt 20736, quorum radix est 144; quorum radix, scilicet de 144, est 12, que sunt summa quesite multiplicationis. Ex multiplicatione quidem radicis radicis duorum in radicem radicis de 18 prouenit radix numeri; quia ex ductis 2 in 18 proueniunt 36; quorum radix, que est 6, carens radice: ergo ex dicta multiplicatione surgit radix de 6. Similiter ex multiplicata radice radicis 8 in radicem radicis de 18 prouenit radix de 12; quia ex ductis 8 in 18 prouenit 144, qui numerus est quadratus, cuius radix est 12; quorum radix, que est surda, est |summa quesita, ut predixi. Item si multiplicas radicem radicis 10 per radicem radicis 12, prouenit ipsa multiplicatione radix radicis numeri non quadrati, scilicet de 120. Similiter ex multiplicatione radicis radicis 20 in radicem radicis 20 surgit radix radicis de 100.

De inuentione duarum Radicum radicis, que in simul multiplicata faciunt rition datum.

Si uis inuenire duas radices radicis numeri non quadrati, numerum datum continentes, hoc est quod ex earum multiplicatione ad inuicem proueniat aliquid datum numerus. Sit numerus datus .a., quo in se multiplicato, faciat numerum .b.; quo etiam in se ducto, faciat numerum .g. Quare numerus .a. est radix radicis numeri .g.; est alius numerus non quadratus quislibet .d.; et diuidatur .g. per .d., et proueniat numerus .e. Quoniam diuissus est numerus .g. per numerum .d., et ex diuisione prouenit numerus .e.; si multiplicetur .d. per .e., nimirum proueniet .g., cuius radix radicis est numerus .a.; sed ex radice radicis numeri .d. per multiplicata per radicem radicis numeri .e. prouenit radix radicis facti ex .d. in .e. Sed factus ex .d. in .e. est numerus .g., cuius radix radicis est numerus .a. Ergo inuenite sunt due radices radicum numerorum non quadratorum, que continent numerum datum .a. Non est (sic) numerus .e. est quadratus, cum numerus .d. non sit quadratus; et ex .d.e. in .e. proueniat numerus quadratus .g. Vnde proportio .g. ad .e. non est sicut proportio quadrati numeri ad quadratum numerum. Et ut hoc in numeris ostendatur, numerus .a. sit 12. Quare numerus .b. erit 144, et numerus .g. erit 20736; et numerus .d. sit 96; et diuidantur 20736 per 96, proueniet 216 pro numero .e. Ex radice ergo radicis de 96 ducta in radicem radicis de 216 prouenit numerus .a. datus.

Et si uis reperire duas radices radicis duorum numerorum non quadratorum, ex quarum multiplicatione proueniat radix alicuius numeri non quadrati, ut radix de 10, multiplica 10 in se, erunt 100; et adiaceat numerus aliquis non quadratus; sitque 3, in quibus diuidatur 100, ueniet 20. Quare ex ductis 3 in 20 faciunt 100, scilicet quadratum de 10; ergo si multiplicas radicem de 3 in radicem de 20, faciunt radicem de 100, scilicet 10. Eodumque modo si multiplicas radicem radicis de 3 in radicem radicis de 20, proueniet radix radicis 100, hoc est radix de 10; et hoc querrebamus.

17. 162. vers.

* datum .a. ... numerus .b. s.
(fol. 162. vers., lin. 11-16; pag.
269, lin. 20-24).

| | | |
|-------------------|-----|-------|
| 12 | 144 | 20736 |
| numerus datus .a. | b. | g. |
| 16 | 216 | e. |
| alios numerus .d. | | |

De multiplicatione radicis radici in radicem numeri.

Item si uis multiplicare radicem radicis de 20 in radicem de 10, multiplica quadratum de 10, scilicet 100 per 20, erunt 2000, quorum radix radicis est summa dicte multiplicationis. Quia radix de 10 est radix radicis de 100. Et si uis multiplicare radicem radicis alicuius numeri per aliquem numerum, ut radicem radicis de 12 per 7, multiplica quadratum quadrati de 7, scilicet 2401 per 12, erunt 28812, quorum radix radicis est id quod queritur.

Explicit pars secunda. Incipit tertia de adictione et extractione radicum inter se, et reliquorum duorum simplicium numerorum.

Si vis addere numerum cum radice surda, scilicet cum radice numeri non quadrati, uel radicem cum numero, ex hoc aliud preter binomium euenire non posse demonstrabo: sit itaque numerus linea *a.b.*, et *b.c.* sit radix; quare tota *a.c.* est summa iunctionis eorum. Et quia linea *a.c.* diuisa est in duo in punctum *b.* Erunt duo quadrati linearum *a.b.* et *b.c.* cum duplo multiplicationis *a.b.* in *b.c.* equals quadrato totius linee *a.c.*: est enim numerus uterque quadratorum linearum *a.b.* et *b.c.* Quare ex eorum adictione prouenit numerus; sed ex ductu dupli *a.b.* in *b.c.* proueniunt radices equals radici *b.c.*, secundum unitates, que sunt in duplo. Numeri *a.b.* Quare ipse radices erunt una radix tantum alicuius numeri non quadrati. Quia proportio quadrati linee *a.b.* ad quadratum linee *b.c.* non est sicut quadratus numerus ad quadratum numerum. Ergo ex multiplicatione linee *a.c.* prouenit binomium; quod etiam demonstrabo in sequentibus esse binomium primum. Quare linea *a.c.* est radix alicuius binomii. Constantis ex numero et radice. Et ut hec apertius demonstrerunt, *a.b.* sit 4, et *b.c.* sit radix de 7; et addantur quadrati linearum *a.b.* et *b.c.*, scilicet 16 cum 7, erunt 23; et accipiatur duplum multiplicationis *a.b.* in *b.c.*, prouenit octo radices de 7, que sunt una radix de 448, que prouenit ex quadrato octonarij ducto in 7. Ergo si ducatur coniunctum de 4, et radice de 7 in se, ueniunt 23, et radix de 448. Quare radix eorum est 4, et radix de 7. Vnde 4, et radix de 7 non potest aliter agregari, nisi ut accipiatur radix de 448 quam propius potest, et addatur cum 23; et eius quod prouenerit accipiatur radix; uel accipiatur radix de 7, et addatur cum 4, et habebis id, quod in numeris ex ipsa (sic) coniunctione haberi potest. Verbi gratia: radix de 448 est parum minus de $\frac{1}{2}$ 21; quibus additis cum 23, faciunt fere $\frac{1}{2}$ 44; quorum radix est parum minus de $\frac{2}{3}$ 6: uel quia radix de 7 est parum minus de $\frac{1}{2}$ 2, si addantur cum 4, ueniunt similiter parum minus de $\frac{2}{3}$ 6 pro adictione 4 cum radice de 7. Et nota: cum uis multiplicare aliquod binomium, cuius nomina sint ex numero et radice, tunc facies sicut fecimus modo ex 4, et radice de 7; que multiplicata in se, faciunt 23, et radicem de 448. Nec etiam possunt agregari simul radices numerorum non habentium proportionem, ut quadratus numerus ad quadratum numerum. Exempli causa: sit una ex radicibus, quas agregare uis linee *d.e.*, et alia sit *e.z.*, quarum quadrati non sint proportionales, ut quadratus numerus ad quadratum numerum. Quare tota *d.z.* erit ex duobus nominibus tertiis, uel sexta. Et quia linea *d.z.* diuisa est in duo super *e.*, duo quadrati linearum *d.e.* et *e.z.* cum duplo *d.e.* in *e.z.* equatur quadrato totius linee *d.z.* Nam ex coniuncto quadratorum linearum (sic) *d.e.*, et *e.z.* prouenit numerus. Sed ex duplo *d.e.*

* quadrato ... *a.b.* et *b.c.* +
(fol. 163 recto, lin. 41 + 28,
pag. 261, lin. 14 + 13)

$\frac{a}{\quad} \frac{b}{\quad} \frac{c}{\quad}$

fol. 163 recto.

* quadrati ... quadrato + | fol.
163 recto, lin. 25, pag. 261,
lin. 41 42.

$\frac{d}{\quad} \frac{e}{\quad} \frac{z}{\quad}$

in $e.z.$ provenit radix numeri. Ergo ex ducto $d.z.$ in se provenit numerus, et radix numeri. Quare coniunctum ex radicibus $d.e.$, et $e.z.$, scilicet $d.z.$, est radix numeri, et radicis. Et ut hec in numeris demonstrentur. Sit $d.e.$ radix de 19, et $e.z.$ sit radix de 10; quorum quadrati insimul iuncti faciunt 23; et ex duplo multiplicationis radicis de 12 in radice de 10 proveniunt due radices de 120, hoc est una radix de 480: ergo ex multiplicatione radicum de 12, et de 10 proveniunt 22, et radix de 480, cuius binomii radix est coniunctum ipsarum radicum. Vnde pulchrius sonat dieere radice de 12, et radicem de 10, quam radicem de 22, et ex radice de 480.

Demonstrabo itaque quo modo ex quolibet binomio ducto in se provenit binomium primum: sit quoduis binomium linea $a.b.$; cuius maius nomen sit $a.g.$ Cuius quadratus sit numerus $d.z.$; et quadratus quod est ex $g.b.$ sit numerus $z.e.$; et ex duplo $a.g.$ in $g.b.$ proveniat radix $e.I.$; dico quod tota $d.I.$ est binomium primum. Quoniam ex duplo $a.g.$ in $b.g.$ provenit $e.i.$; ergo ex $a.g.$ in $b.g.$ provenit medietas ex $e.I.$; que medietas sit $e.t.$, et dividatur numerus $d.e.$ in duo equa super punctum $k.$, qui punctus cadit inter $d.z.$ cum sit quadratus maioris nominis binomii $a.g.b.$: demonstrandum itaque est primum, quod dimidium quadratorum quantumtum $a.g.$ et $g.b.$ superhabundant multiplicationi ex $a.g.$ in $b.g.$: quoniam $a.g.$ magis est quantitati $g.b.$; adiacent quantitas $l.$ equalis quantitati, in qua $a.g.$ super habundat $g.b.$; erunt ergo $g.b.$, et $l.$ equales numero $a.g.$: ex ductu quidem $a.g.$ in se provenit id, quod ex ductu $a.g.$ in $g.b.l.$ Quare quadratus numeri $a.g.$ super habundat multiplicationem ex $a.g.$ in $b.g.$ in multiplicatione ex $a.g.$ in $l.g.$, hoc est in $g.b.l.$ Sed quadratus qui fit ex $b.g.$ super habundatur a superficie, que fit ex $g.b.$ in $g.a.$, hoc est in $g.b.l.$, secundum id, quod fit ex ductu $g.b.$ in $l.$: plus ergo super habundat quadratus, qui fit ex $a.g.$ superficie, que est ex $a.g.$ in $g.b.$, quam ipsa superficies super habundet quadratum, qui fit ex $g.b.$ Quare duo quadrati linearum $a.g.$, et $g.b.$, scilicet numerus $d.e.$ superhabundant duplum superficiem $a.g.$ in $g.b.$, scilicet quantitatem $e.i.$ Quare medietas numeri $d.e.$, scilicet $d.k.$, super habundat dimidium ex $e.I.$, scilicet quantitatem $e.t.$; quod oportebat demonstrare. Et quia ex ductu $a.g.$ in $b.g.$ provenit $e.t.$ Ergo ex ductu quadrati, qui fit ab $a.g.$, in quadratum qui fit ab $g.b.$, scilicet ex numero $d.z.$ in $z.e.$, provenit similiter quadratus, qui fit a radice $e.t.$ Et quoniam numerus ratiocinatus $d.e.$ diuisus est in duo equalia super punctum $k.$, et in totidem unequalia super punctum $z.$, erit multiplicatio numeri $d.z.$ in numerum $z.e.$ cum quadrato numeri ratiocinati $k.z.$, equalis quadrato numeri $d.k.$ Est enim numerus $d.k.$ medietas numeri $d.e.$: quare quadruplum multiplicationis $d.z.$ in $z.e.$, scilicet quadruplum quadrati, qui fit a radice $e.t.$ cum quadruplo quadrati, qui fit a numero $k.z.$, equatur quadruplo multiplicationis $d.k.$ in se: sed quadruplum multiplicationis $d.k.$ in se equatur multiplicationi numeri $d.e.$ in se. Similiter et quadruplum quadrati, qui fit ab $e.t.$, equatur quadrato, qui fit a tota radice $e.I.$ Ergo quadratus qui fit ab $e.I.$ cum quadruplo quadrati, qui fit a numero $k.z.$, equatur quadrato, qui fit a numero $d.e.$ Ergo quadratus, qui fit a numero $d.e.$, addit super quadratum, qui fit ab $e.I.$, quadruplum quadrati qui fit a numero $k.z.$ Sed quadruplum quadrati, qui fit a $k.z.$, equatur quadrato, qui fit a duplo numeri $k.z.$: est enim numerus $k.z.$ ratiocinatus; quia cum ex $d.z.$ ratiocinato auferatur $d.k.$ ratiocinatus,

64 163 error.

$a.g.$ magis ... $a.g.$ superhabundat + (64. 163 error, lin. 6. 8. 9), pag. 162, lin. 17-20



scilicet dimidium $d.e.$ ratiocinati, remanet $k.z.$ ratiocinatus. Quare et duplum eius est ratiocinatus. Ergo quadratus numeri $d.e.$ superhabundat quadratum radicis $e.i.$, secundum quantitatem numeri quadrati. Quare tota $d.f.$ est binomium primum, quod oportebat ostendere.

De extratione Radicuum (sic).

Si uis extrahere radicem surdam de numero ratiocinato, uel numerum de radice surda, aut radicem de radice, que sint potentia solum commensurabiles, hoc est quod proportio quadratarum (sic) ipsarum non sit ut quadratus numerus ad quadratum numerum; hoc facere non poteris, ut inde remaneat numerus ratiocinatus. Est enim quadratus residui harum extractionum recisum primum: que si in numeris habere uis, habeatur 4; de quibus si extraas radicem de 7, remanebunt 4, minus radice de 7, que sunt recisum. Quod si in se multiplicare uis, adde quadratum de 4 cum quadrato radicis de 7, erunt 23; de quibus extrahe duplum multiplicationis de 4 in radice de 7, remanebunt 23, minus radice de 448: exempli causa: linea $a.b.$ sit 4, et $b.g.$ sit radix de 7; qua extracta de 4, scilicet ex $b.a.$, remanet recisum $g.a.$; quod uolumus in se multiplicare. Quoniam linea $a.b.$ diuisa est in duo super punctum $g.$, erunt duo quadrati linearum $a.b.$, et $b.g.$; et duplo multiplicationis $b.g.$ in $a.b.$, euales quadrato linee $g.a.$ Quare si de quadratis linearum $a.b.$ et $b.b.$, hoc est de 22, auferatur duplum superficiæ, que fuerit ex $g.b.$ in $a.b.$, hoc est radix de 448, remanebunt 22, minus radice 448, pro quadrato recisi $g.a.$, que sunt recisum primum, cum 23 possunt 81, qui est quadratus numerus super 448. Similiter si uis extrahere 7 ex radice de 112, remanebit tunc radix de 112, minus 7 pro quesito residuo: quod si in se multiplicare uis, adde insimul quadratos predictorum uominum, scilicet 112 et 49, erunt 161; de quibus extrahe multiplicationem duplam de 7 in radice de 112, remanebunt 161, minus radice de 2182. Item si uis extrahere radicem de 10 ex radice de 20, adde 10 cum 20, erunt 30; de quibus extrahe duplum multiplicationis radicis de 10 in radice de 20, remanebunt 30, minus radice octigentorum; de quibus accipe radicem, et habebis quesitum. Vel pro quesito residuo habetur radix de 20, minus radice de 10.

Si autem uis addere radices cum radicibus sibi innicem commensurabilibus. Vel una de alia extrahere, hoc fieri poterit; et egredietur inde senper radix numeri ratiocinati. Ut si uis adde (sic) radicem de 18 cum radice de 22, quorum numerorum proportio est sicut quadratus numerus 9 ad quadratum numerum 18; hoc enim facies per premissam doctrinam, scilicet adde 18 cum 22, erunt 30; et multiplica radicem de 18 per radicem de 22, uenient 24; quorum duplum adde cum 30, erunt 96; quorum radix est summa quesite additionis: aliter radices illorum quadratorum numerorum, quorum proportionem habent 18, et 22, scilicet de 9, et de 16, insimul adderunt 7; que multiplica in se, erunt 49; que multiplica per 2, que proueniunt ex 18 diuisis in 9, uel ex 22 diuisis in 16, erunt 96; quorum radix est summa coniunctionis predictæ. Et nota, quia radix duorum prescriptorum sunt comunis mensura radicis de 18, et de 22. Est enim radix binarii ter in radice de 18, et quater in radice de 22. Ergo ponuntur in hac additione tres radices, et quatur (sic) binarii, que sunt in summa septem radices de 2, hoc est una radix de 98. Quare si radicem de 18 de radice 22 extrahere uis, extrahere (sic) tres binarij radices ex quatuor radicibus eiusdem, remanebit tantum una radix binarii pro

Ed. 164 recto.

* remanet ... diuisa ... 64.
164 recto, linc. 2 et 3. pag.
383, linc. 15 et 16.

a g d

residuo predictae extractionis: Vel inuenta 48 extrahende (sic) 50, remanebunt 2, quarum radix est residuum quesitum.

Item si uis addere radicem de 48 cum radice de 108, quorum numerorum proportio sicut 16 ad 26; et est unusquisque antecedens triplus sui consequentis; quia sicut 48 | tripla sunt de 16, ita 108 sunt tripla de 36: addes ergo radicem de 16 cum radice (sic) 36, scilicet 4, et 6, erunt 10; quorum quadratum multiplica per 3, propter triplicitates predictas, erunt 300; quorum radix est summa predictae iunctionis. Vel adde 108 cum 48, erunt 156; quibus adde multiplicationes radice de 48 in radice de 108, scilicet 144, erunt 300; quorum radix est quesitum. Et si uis radicem de 48 extrahere ex radice de 108, extrahere (sic) radicem de 48 ex radice de 36, remanebunt 2; quorum quadrato multiplicato per 3, propter triplicitates predictas, faciunt 12; quorum radix est residuum quesite extractionis: uel inuenta 144 extrahende (sic) 156, remanebunt similiter 12; quorum radix est residuum prescriptae extractionis, ut predixi.

Et si uis aggregare 4 cum radice radice de 10 secundum uulgarem modum, accipe radicem radice de 10, que est parum minus de $\frac{1}{2}$ 4, et adde eam cum 4, erunt parum minus de $\frac{1}{2}$ 3: et si $\frac{1}{2}$ 4 extraxeris de 4, habebis residuum, quod est inter 4, et radicem radice de 10. Que si magistraliter facere uis, multiplica 4, et radicem radice de 10 in se; quod sic fieri in linea demonstratur: sit $a \cdot b$ 4, et $b \cdot c$ sit radix radice de 10. Erit ergo linea $a \cdot c$ diuisa in duo. Quare duo quadrati portionum $a \cdot b$ et $b \cdot c$ cum duplo $a \cdot b$ in $b \cdot c$ faciunt summam quesitam, scilicet quadratum compositi $a \cdot c$. Est enim quadratus porcionis $a \cdot b$ 16, et porcionis $b \cdot c$ est radice de 10, et duplum superficie $a \cdot b$ in $b \cdot c$ est octo radices radice de 10; que reddiguntur in una radice radice de . . . sic: ducuntur octo in se, fiunt 64; quibus in se ductis, faciunt 4096; quibus ductis per 10, faciunt 40960; quorum radix radice equatur octo radicibus radice de 10; et sic pro quesita multiplicatione habentur 10, et radix de 10, et radix radice de 40960. Quare radix eorum trium nominum est additio de 4, et radix radice de 10: quam radicem secundum propinquitatem habebis, si addideris 16 cum radice de 10, que est $\frac{1}{2}$ 3 fere, et cum radice radice de 40960, que est circa $\frac{1}{4}$ 14, erunt 32 et amplius; quorum radix est circa $\frac{1}{5}$ 5, ut superius inuenimus. Et si uis extrahere radicem radice de 10 de 4. Extrahere radicem radice de 40960 de 16, et de radice 10, remanebunt 16, et radix de 10, minus radice radice de 40960, pro summa multiplicationis residui dicte extractionis in se. Quare radix eorum est residuum quesitum; quam radicem accipies sic: adde 16 cum radice de 10, erunt parum minus de $\frac{1}{4}$ 10; de quibus extrahere (sic) radicem radice de 40960, remanebunt $\frac{1}{5}$ 4; quorum radix, que est circa $\frac{1}{2}$ 2, est residuum quesitum, ut per uulgarem modum inuenimus.

Item si uis addere radicem de 12 cum radice radice de 10 per modum uulgarem, scilicet secundum propinquitatem, radicem de 12, que est circa $\frac{12}{12}$ 3, cum radice radice de 10, que est circa $\frac{1}{2}$ 1 adde, et habebis summam dicte iunctionis. Et si extraxeris $\frac{1}{2}$ 1 de $\frac{12}{12}$ 3, quod remaneret, erit residuum, in quo radix de 12 excedit radicem radice de 10. Et si hoc secundum artem habere uis, sit $d \cdot e$ radix de 12, et $e \cdot f$ sit radix radice de 10. Et accipiantur quadrati porcionum $d \cdot e$ et f , erunt 12, et radix de 10. Et accipiantur duplum superficie $d \cdot e$ in $| e \cdot f$, que est radix radice de 22040, et habebis pro quadrato dicte iunctionis (sic) 12, et radicem de 10, et radicem radice de 22040;

* ut radix . . . Quare duo + (fol. 164 verso, lin. 35) pag. 361, lin. 18 + 19)

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

a b c

fol. 163 verso.

quorum trium nominum radix est additio quesita. Et si uis radicem radicis de 10 extrahere ex radice de 12, extrahere radicem radicis de 22040 ex 12, et de radice de 10, et habebis pro quadrato quesiti residui 12, et radicem de 10, minus radice radicis de 22040. Verbi gratia: si (sic) linea *i.t.* radix de 12, et *t.k.* sit radix radicis de 10. Queritur ergo notitia *k.l.* residui. Quoniam linea *i.t.* diuisa in duo super *k.* sic, erunt duo quadrati linearum *i.t.* et *t.k.* equales quadrato residui *k.l.*, et duplo superfici *t.k.* in *i.t.* Quare si de quadratis quantitatum *i.t.*, et *t.k.*, scilicet ex 12, et ex radice de 10 auferatur duplum superfici *t.k.* in *i.t.*, scilicet radix radicis de 22040, remanebunt 12, et radix 10, minus radice radicis de 22040, pro quadrato residui *k.l.*; quod oportebat ostendere.

Ex additione quidem radicum radicis cum radicibus radicum quandoque proueniunt radices trium nominum; quandoque duorum secundi, uel tercii binomii: quando numeri mediales sunt incommensurabiles potentia, tunc ex eorum additione prouenit radix trium nominum, ut in precedentibus contingit. Et quando compositum ex eis facit bimediale primum, tunc ex multiplicatione earum in se prouenit radix, et uicinus, scilicet binomium secundum. Et quando compositum ex eis facit bimediale secundum, tunc quadratus earum est binomium tertium, quod est compositum ex duabus radicibus diuersis; et ex recisis predictarum proueniunt quadrati eorundem nominum. Et ut hec aperte demonstrantur, radicem radicis de 12 addamus cum radice radicis de 10, quorum quadrati sunt radix de 12, et radix de 10; et ex duplo multiplicationis unius in aliam prouenit radix radicis de 1000; quorum trium nominum radix est additio quesita. Et si radix radicis de 10 auferatur de radice radicis de 12, remanebunt itaque pro quadrato ipsius residui radix de 12, et radix de 10, minus radice radicis de 1000. Item si uis addere radicem radicis de 8 cum radice radicis duorum eorum, quadrati ipsarum radix de 8, et radix de 2; que radices cum sint consimiles, aggregantur in radice de 18; et ex duplo multiplicationis radicis radicis 8 in radicem radicis 2 proueniunt 4; et sic habemus radicem de 18, et 4, que sunt binomium secundum pro quadrato quesite additionis. Et si radicem radicis duorum ex radice radicis de 8 extraxeris, remanebit radix de 18, minus 4 pro quadrato quesiti residui: quare radix eorum erit residuum. Bursus uis addere radicem radicis de 22 cum radice radicis de 18, multiplica radicem radicis de 22 in se, prouenit radix de 22; et ex radice radicis de 18 ducta in se prouenit radix de 18; quorum quadrati insimilis (sic) iuncti faciunt radicem de 95; et ex duplo multiplicationis radicis radicis de 22 in radice radicis de 18 uenit radix de 96; et sic habetur pro quadrato huius additionis radix de 98, et radix de 96. Et si auferatur radix radicis de 18 ex radice radicis de 22, remanebit radix de 98, minus radice de 96, pro quadrato quesiti residui. Et nota, cum multe radices radicis unius numeri proponantur, reduce eas ad unam radicem radicis, ut superius feci ex octo radicibus de 10. |

*Incipit pars quarta de diuisione de diuisione (sic) trium simplicium
numerorum inter se.*

fol. 165 verso.

Cum autem uolueris diuidere uerum per radicem, uel radicem per numerum, seu radicem per radicem, diuide quadratum diuidendi per quadratum diuisoris, et habebis quesita. Verbi gratia: uis diuidere 30 per radicem de 10, quadratum diuidendi, scilicet

de 900 diuide per 10, proueniunt 90; quorum radix est id quod exiit (*sic*) ex dicta diuisione. Et si uis diuidere radicem de 10 per 20, diuide 10 per 900, exhibit $\frac{1}{90}$ unius integri; cuius radix est id quod queris. Item si uis diuidere radicem de 80 per radicem de 20, proueniet ex hoc numerus ratiocinatus; eum 20 ad 80 habent proportionem sicut quadratus numerus ad quadratum numerum. Nam ex diuisione de 80 in 20 ueniunt 4; quorum radix, scilicet 2 est id quod exiit ex diuisione: quare ex ductis 2 in radice de 20, radicem de 80 surgere necesse est. Et si uis diuidere decem radices de 20 per quatuor radices de 11, redige ipsas radices ad radicem unius numeri, scilicet quadratum de 10, scilicet 100 multiplica per 20; et quadratum de 4, scilicet 16, multiplica per 11; et sic ueniunt radix de 2000 ad diuidendam per radicem de 176; ex qua diuisione prouenit radix de $\frac{1}{14}$ 11. Et si .iiii.^{or} radices 11 uis diuidere per decem radices 20, diuide 176 per 2000, et immictare (*sic*) modum euitationis in hoc, scilicet $\frac{1}{14}$ de 176, scilicet 11, diuide per $\frac{1}{14}$ de 2000, scilicet per 125, exhibunt $\frac{11}{125}$; quarum radix est id quod queris.

De diuisione numerorum et radicum per radices radicum, et e contra.

Si uis diuidere numerum, uel radicem radiceis per radicem radiceis, quadratum quadrati rerum diuidendarum per quadratum quadrati diuisorum diuide; et radix radiceis eius quod prouenerit, erit quesitum. Verbi gratia: uis diuidere 5 per radicem radiceis de 10, quadratum quadrati de 5, scilicet 625, diuide per quadratum quadrati radiceis radiceis de 10, scilicet per 10, exhibunt $\frac{1}{25}$ 62; quorum radix radiceis est id quod queris. Et si diuideris 10 per 625, exhibunt $\frac{1}{625}$; quorum radix radiceis prouenit ex diuisione radiceis radiceis de 10 in 5. Item si uis diuidere radicem de 20 per radicem radiceis 8, multiplica radicem de 20 in se, proueniunt 20; que etiam multiplica in se, erunt 400; quorum radix radiceis equatur radici de 20. Ergo uis diuidere radicem radiceis de 400 per radicem radiceis de 8: quare diuides 400 per 8, exhibunt 20; quorum radix radiceis prouenit ex diuisione quesita. Et si uis diuidere radicem radiceis de 6 per radicem de 20, diuide 8 per 400, exhibunt $\frac{1}{50}$, cuius radix radiceis est id quod prouenit ex ipsa diuisione. Similiter, si uis diuidere radicem radiceis de 90 per radicem radiceis de 10, diuide 90 per 10, exhibunt 9; quorum radix radiceis, scilicet radix trium prouenit ex ipsa diuisione. Item si uis diuidere radicem radiceis 10 per radicem radiceis de 90, diuide 10 per 90, exhibunt $\frac{1}{9}$, cuius radix radiceis, scilicet radiceis de $\frac{1}{3}$ est hoc quod queris. Adhuc si uis diuidere radicem radiceis de 243 per radicem radiceis trium, diuide 243 per 27, proueniunt 81; quorum radix radiceis, id est 3, est illud quod prouenit ex diuisione. Et si radix radiceis trium diuidatur per radicem radiceis de 243, diuide 3 per 243, exhibit $\frac{1}{81}$, cuius radix est $\frac{1}{9}$, cuius radix est $\frac{1}{3}$; et tot prouenit ex dicta diuisione. Et si decem radiceis radiceis de 20 uis diuidere per .iiii.^{or} radiceis radiceis de 11, rediges has ad unam radicem radiceis, scilicet multiplica 10 in se, faciunt 100; que in se multiplicata faciunt 10000; que multiplicata per 20, faciunt 200000, quorum radix radiceis equatur decem radicibus radiceis de 20. Similiter pro .iiii.^{or} radiceibus radiceis de 11 multiplica quadratum quadrati de 4, scilicet 256, per 11, ueniunt radix radiceis de 2816; in quo numero diuides 200000, et prouenientis numeri radix radiceis erit quesitum. Et si quatuor radiceis radiceis de 11 uis diuidere per decem radiceis radiceis de 20, diuide 2816 per 200000; et radix radiceis eius, quod prouenerit, erit quesitum. Explicatis

itaque multiplicationibus, et additionibus, et extractionibus atque diuisionibus numerorum simplicium, uidelicet eorum, qui per lineas simplices denotantur, etiam et ostensis multiplicationibus radicem trium binomiorum in se; nunc qualiter quarti, et quinti, et sexti binomii multiplicari debeant, ostendantur.

Radix quidem quarti binomii est composita ex duabus lineis, quarum una est radix quarti binomii, et alia est radix reciproci eiusdem binomii habentis eadem nomina. Quorum (sic) linearum prima dicitur maior, secunda minor; et coniunctum ex eis, scilicet radix binomii quarti, est similiter maior; et dicitur maior, quia maius nomen, quod potest esse numerus. Nam radix quarti binomii potest similiter super numerum, et radicem; sed minus nomen eorum numerus est; unde ipsa uocatur ritou, et medium potens, ut dictum est superius; et componitur ex radice quinti binomii, uel sexti ex radice ipsorum reciprocorum. Radix quoque sexti binomii eodem modo (sic) componitur ex radice sexti binomii, et quinti ex reciprocorum eorum. Vnde cum uis aliquem ipsorum binomiorum radicem multiplicare in se, adde quadratus (sic) sectionum ipsius cum duplo multiplicationis unius sectionis in aliam: ut si uis multiplicare radicem de 4; et radicis de 6, et radicem de 4, minus radice de 6 in se, hec demonstrantur in linea. Sit itaque linea *.a.b.* radix de 4, et radices de 6; et *.b.g.* sit radix de 4, minus radice de 6; et multiplicetur *.a.b.* in se, erunt 4; et radix de 6, que sit *.d.e.z.*, scilicet *.d.e.*, sit 4; et *.e.z.* sit radix de 6; et multiplicetur adhuc *.b.g.* in se, ueniunt 4, minus radice de 6: sit ergo *.e.f.*. Quare *.z.I.* est 4. Et quia oportet nos multiplicare ignotum *.a.b.* per ignotum *.b.g.*, multiplicabimus quadratum linee *.a.b.* in quadratum linee *.b.g.*, scilicet *.d.z.* in *.z.I.* Est enim tota *.d.I.* 8, que diuisa est in duo equalia super punctum *.e.*, et in duo inaequalia super punctum *.z.*: quare multiplicatio *.d.z.* in *.z.I.* cum quadrato linee *.e.z.* equatur ei, qui fit a dimedio (sic) linee *.d.I.*, scilicet quadrato linee *.d.e.*, que est 4: quare quadratus eius est 16. Ergo ex ducto *.I.z.* in *.z.d.* cum quadrato linee *.z.e.* ueniunt 16. Sed quadratus linee *.e.z.* est 6. Quare ex ducto *.I.z.* in *.z.d.* ueniunt 10. Ex hoc quidem manifestum est, quod quando aliquid binomium multiplicatur in suum reciprocum, [ex ipsa multiplicatione] provenit illud residuum, quod est inter quadratum maioris nominis. Et quadratum minoris nominis alicuius binomii. Vt modo, quod ex ductis 4, et radice de 6 in 4, minus radice de 6, ueniunt 10, que sunt differentia, que est a 16 in 6: et quoniam ex ducto quadrati linee *.a.b.* in quadratum linee *.b.g.* proveniunt 16; ergo ex ducto *.a.b.* in *.b.g.* provenit radix de 10. Quare ex duplo *.a.b.* in *.b.g.* provenit radix de 40; et sic pro quadrato totius linee *.a.g.* habentur 8, et radix de 40, que sunt binomium quartum; cum differentia, que est a 40 in 64, non sit ex quadratis numeris. Eodemque modo operaberis in radicibus binomii quinti sexti. Vt si uolueris in se multiplicare radicem compositi ex radice de 40, et ex 6, et radicem decompositi ex radice de 40, minus 6, quadratos sectionum in similis adde, erunt due radices de 40, hoc est una radix de 160; quam adde cum duplo multiplicationis unius quadrati in aliam, ex qua multiplicatione proveniunt 16; quorum radix, scilicet 4, est id quod uoluisti; et sic habebis radicem 160 et 4. Item si uis in se multiplicare radicem compositi ex radice de 40 ex radice de 15, et radicem residui, quod est inter radicem de 40, et radicem de 15, multiplica unamquamque sectionum (sic) in se; et provenient radix de 40 cum radice de 15. Et radix de 40, minus radice de

* *d.I.*, uelut Ex hoc
[Sic. 166 verso; ibi 36-38
Pag. 167, ibi 24-27].

$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$

$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$

fol. 166 verso

15; que insinul adde, veniet radix de 160; et multiplica radices de 40, et de 15 in radicem de 40, minus radice 15, proveniet 25, que sunt a 15 in 40; quorum radicem, que est 5, duplica, venient 10; que adde cum radice de 160, proveniet radix de 180, et 10; que nomina faciunt binomium quintum.

Rursus si uis multiplicare radicem compositi ex radice de 40, et ex 5, et radicem de compositi eorumdem nominum, scilicet de 40 minus 5, multiplica similiter unamquamque sectionem in se, veniet radix de 40 et 5, et radix de 40 minus 5; quibus in unum cum iunctis faciunt radice (sic) de 160; et ex multiplicatione quadrati unius sectionis in alia, proveniunt 15; quorum radix duplicata faciet radicem de 60; et sic habebis nomina binomii sexti, que sunt radix de 160, et radix de 60. Similiter, si ponamus radicem compositi ex radice de 40, et ex radice de 18, et radicem de compositi ex radice de 40, minus radice de 18, proveniunt ex eorum multiplicatione in se nomina binomii sexti, quorum minus nomen est radix quadrupli de 40, scilicet 160; et minus nomen est radix quadrupli residui, quod est inter 18, et 40, scilicet ex 88; et ita contingit ex omnibus radicibus quinti et sexti binomii. Et notandum, quod coniunctum ex radicibus primi binomii, et eius recisi est radix numeri tantum: ut si componamus radicem de 4, et radice de 7 cum radice de 4, minus radice de 7, proveniunt quidem octo ex additione quadratorum sectionum; et ex duplo multiplicationis unius quadrati in alium proveniunt 6, scilicet radix quadrupli quadrati residui, quod est a quadratum (sic) de 4 in 7. Quare coniunctum ex radicibus predicti binomii, et sui recisi est radix de 14: que etiam ostenduntur in figura: ut que de reliquis binomiis diximus, clarius innotescant, spacium quadrilateri equi anguli, et equaliteri (sic) .a.k. sit 4; et radix de 7, et tetragonum .z.t. sit 4, minus radice de 7; et educatur recta | .a.e. in punctum .b.; et sit recta .e.b. equalis recte .k.t.: similiter et recta .a.f. producatur usque in .d.; et sit recta .f.d. equalis recte .z.k.; et copulentur .b.t., et .z.d.: ergo tetragonum est quadrilaterum .a.b.g.d.; et est eius latus, scilicet radix ipsius, linea .b.g., que est coniunctio linearum .b.t., et .t.g. Sed .b.t. est radix tetragoni .a.k., cum sit equalis linee .e.k. Et .t.g. est radix tetragoni .z.t.; et ex ducta .k.t., hoc est .g.t. in .t.b., provenit superficiem (sic) .b.k.; et ex ducta .k.z. in .k.i., hoc est .g.t. in .t.b., provenit superficies .k.d.; ergo ex quadratis linearum .b.t. et .t.g., et ex duplo .g.t. in .t.b. provenit tetragonum .a.b.g.d.: sunt enim spacium tetragonorum .a.k. et .k.g. 8, et quolibet spatiorum .b.k. et .k.d. est 2. Quare spacium tetragoni .b.d. est 14; quorum radix est linea .b.g., que est composita ex radice binomii primi, scilicet ex .b.t. et .t.g., et ex radice recisi ipsius, que est .t.g., quod oportebat ostendere. Similiter eodem modo ostendetur, coniunctum ex radicibus binomii secundi et terti, et ex eorum recisis esse semper radicem radicis numeri: his itaque explicatis, ostendamus multiplicare composita ex numericis, et radicibus, et radicibus radicem in eisdem.

Si uis multiplicare 4, et radicem de 7 per 5, et radicem de 20, pone numerum sub numero, et radicis quadratum sub quadrato radicis, ut in margine cernitur; et multiplica 4 per 5, scilicet numerum per numerum, et radicem per radicem. scilicet 7 per 20, exhibunt 20, et radix de 140; et multiplica ex aduerso 4 per radicem de 20, et 5 per radicem de 7, exhibunt quatuor radices de 20, et quinque radices de 7, hoc est radix de 300, et radix de 175; et sic habeatur pro quesita multiplicatione 20, et radix

radicem de . . . additione
(fol. 166 verso, lin. 28-34;
pag. 368, lin. 9-13).



fol. 167 recto.

et ex multiplicata . . . et radice
(fol. 162 verso, lin. 18-21;
pag. 368, lin. 39 + 40 = pag.
369, lin. 1).

| | |
|---|----|
| 4 | 7 |
| 5 | 20 |

de 320, et radix de 175, et radix de 140. Et quia non communicantur quadrati radicem supra scriptarum in proportione quadratorum, non possunt reddigi in paucioribus nominibus, sicuti faciemus in hac alia multiplicatione, in qua volumus multiplicare 5, et radicem de 8 in 6, et radicem de 32; quia 8, et 32 sunt inter se sicut quadratus numerus ad quadratum numerum: id circo diuide 32 per 8, uenient 4, quorum radix est 2; et tot radices de 8 est una radix de 32. Ergo uis multiplicare 5, et unam radicem de 8 per 6, et duas radices de 8; multiplicabis ergo 5 per 6, et unam radicem per duas, erunt 30, et duo quadrati radicis de 8, scilicet 16; que eciam habebis, cum multiplicaueris 8 per 32, et ex summa acceperis radicem: adde ergo 30 cum 16, erunt 46; et multiplica 5 per duas radices de 8, et 8 per unam radicem de 8, egredientur ex his duabus multiplicationibus sexdecim radices de 8; quibus additis cum 46, erunt 46, et una radix de 208 pro summa quesite multiplicationis.

Item si uis multiplicare 7, et radicem radicis de 10 per 8, et radicem radicis de 12; multiplicatis siquidem 7 per 8, et radicem radicis de 10 per radicem radicis 12, et 7 per radicem radicis de 12, et 8 per radicem radicis de 10, uenient integra 56, et octo radices radicis de 10, et vij. radices de 12, et una radix radicis de 120; et non possunt dici in paucioribus nominibus, cum proportio de 10 ad 12 non sit sicut quadratus numerus ad quadratum numerum: nec eciam sint medie numerum contijuentes. Vnde si uis multiplicare 8, et radicem radicis trium per 9, et radicem radicis de 27, multiplica 8 per 9, et per radicem radicis de 27, et multiplica per radicem radicis trium; et radicem radicis trium multiplica per radicem radicis de 27, uenient 72, et 8 radices radicis de 27, et nouem radices radicis de 3, et una radix radicis de 81, scilicet 3: quibus 3 additis cum 72, faciunt 75; que habentur eum radice radicis de 19682, cum radice radicis de 110592 pro summa quesite multiplicationis. Sunt enim nouem radices radicis (*sic*) trium una radix radicis de 19682. Et octo radices radicis de 27 sunt una radix radicis de 110592; que due radices radicis non possunt agregari, nisi in radice una binomii secundi. Quia ex additione quadratorum ipsarum (*sic*) prouenit radix de 223587; et ex duplo multiplicationis unius in aliam prouenit 422, cuius binomii radix est additio prescriptorum; et sic habentur pro quesita multiplicatione integra 75, et una radix ex radice de 223587, et de 422.

Item si uis multiplicare radicem de 5, et radicem radicis de 10 per radicem de 6, et radicem radicis 12, multiplica species ordine superscripto, et habebis radicem de 30, et radicem radicis de 260, et radicem radicis de 300, et radicem radicis de 120.

Rursus si uis multiplicare 3, minus radice 5, per 8 minus radice de 20, multiplica 3 per 6, erunt 18; de quibus tolle multiplicationem de 3 in radicem de 20, et de 8 in radicem de 5, remanebunt 18, minus duabus radicibus de 180: super que adde multiplicationem radicis de 5, et radicem de 20, erunt 25, minus radice de 780, pro quesita multiplicatione. Et notandum, quia cum multiplicantur aliqua diminuta per diminuta, tunc illa multiplicatio crescit (*sic*); et cum multiplicatur addita inter se, tunc etiam et ipsa eorum multiplicatio est augmentanda; sed cum multiplicatur addita per diminuta, tunc eorum multiplicatio est minuenda, ut in sequentibus ostendetur. Et quia ex hac multiplicatione prouenit numerus tantum, minus radice, scitar, quod nomina superscriptorum recisorum sunt ad innicem proportionalia. Verbi gratia: sunt enim

* quadratum ... 5 per 6
167 uerba, lin. 25 et 26 et 27
pag. 369, lin. 3-40.

| | |
|---|----|
| 5 | 8 |
| 6 | 32 |

* et una ... radicis trium
167 uerba, lin. 28 et 29 et 30
167 uerba, lin. 31, pag. 369,
lin. 16-18.

| | |
|---|----|
| 7 | 10 |
| 8 | 12 |

L.L. 167 uerba.

* radicis trium ... per 9
167 uerba, lin. 29 et 167 uerba,
lin. 31; pag. 369, lin. 36 et
37.

| | |
|---|----|
| 8 | 3 |
| 9 | 27 |

* Item ... de 20 et 5
167 uerba, lin. 14 et 15; pag. 369,
lin. 41, 32 et 33.

| | |
|---|----|
| 5 | 10 |
| 6 | 12 |

* per quesita ... et una
167 uerba, lin. 21 et 22; pag.
369, lin. 37 et 38-40.

| | |
|---|----|
| 3 | 5 |
| 6 | 20 |

* ad quadratum... *a.d.*, hoc est *
(fol. 161 verso, lin. 25 e 26-
27, pag. 359, lin. 42 — pag.
370, lin. 12).



fol. 168 verso.

* 18 pro ... remaneant * (fol.
168 verso, lin. 4-9, pag. 370,
lin. 12-21).



* Item ... radices * (fol. 168
verso, lin. 14 e 15; pag. 370,
lin. 27).

4

3

* quatuor ... duorum * (fol.
168 verso, lin. 17 e 19; pag.
370, lin. 22-23).

9

18

* Similiter ... modum * (fol.
168 verso, lin. 28 e 29; pag.
370, lin. 28 e 29).

20

26

6 dupla de 3. Eodem modo radix de 20 est dupla radice de 5. Vel sicut 2 sunt ad radicem de 5, ita 6 sunt ad radicem de 30; quorum proportio notificatur cum quadratis ipsorum nominum, hoc est sicut quadratus de 3 est ad 5, ita quadratus de 6 est ad 20. Et ut ostendatur quod multiplicatio rerum diminuatam crescenda (sic) sit, adiaceat quadrilaterum *a.b.c.d.* recti angulum; et auferatur que vis pars ex *a.d.*, et ex *a.b.*; sicutque *d.e.*, et *b.f.*; et per punctum *e.* protrahatur linea *e.g.* equi distans utrique linearum *a.b.* et *d.c.* Similiter per punctum *f.* protrahatur linea *f.h.* equi distans lineis *a.d.*, et *b.c.* Ex ductu quidem *d.a.* in *a.b.* provenit superficies *b.d.*, et ex ductu *h.f.* in *I.g.*, hoc est *d.e.* in *f.b.*, provenit superficies *g.h.* Ex quibus duabus superficibus si auferatur due superficies, que sunt *b.h.*, et *g.d.*, quarum una provenit ex *f.b.* in *b.c.*, hoc est ex *d.a.* in *f.b.*, et alia provenit ex *a.g.* in *e.d.*, hoc est ex *a.b.* in *e.d.*, remanebit superficies *f.e.*, que provenit ex *e.a.* in *a.f.*, quod oportebat ostendere. Et ut hoc in numeris habeatur, sit linea *a.d.* 6; de qua auferatur *d.e.*, que sit radix de 20, et *a.b.* sit 2, et *b.f.* sit radix de 5; et volo multiplicare 6, minus radice de 20, per 2 minus radice de 5, hoc est *e.a.* in *a.f.*, de qua provenit superficies *f.e.*; multiplicatio itaque *d.a.* in *a.b.*, erunt 18 pro superficie *a.b.c.d.*; quibus addam multiplicationem radicis de 20 in radicem de 5, scilicet ex *d.e.* diminuta in *b.f.* diminuta, hoc est *h.a.* in *i.g.*; de qua provenit superficies *g.h.*, erunt 28 pro quantitate superficierum *b.d.* et *g.h.*; de quibus auferam multiplicationem ex *d.a.* in *f.b.*, hoc est ex *h.f.* in *f.b.*, scilicet suprafitie (sic) *b.h.*, que provenit ex 6 ductis in radice de 5, remanebunt 28, minus sex radicibus 5, pro duabus superficibus *g.d.*, et *f.e.*; de quibus si auferatur multiplicatio de 3 in radice 20, scilicet *g.e.* in *e.d.*; de qua multiplicatione provenit superficies *g.d.*, remanebunt 28, minus quatuor radicibus de 5, et tribus radicibus de 20 sunt una radix de 720.

Item si vis multiplicare 4, minus radice radicis duorum, per 5, minus radice radicis de 8, multiplicabis siquidem 4 per 5, et radicem radicis binarii per radicem radicis de 8, erunt 22 addita; de quibus tolle ea, que proveniunt ex ductis 4 in radice radicis 8, et ex 5 in radicem radicis 2, remanebunt 22, minus quatuor radicibus radicis de 8, et quinque radicibus radicis 2 pro quesita multiplicatione.

Adhuc si vis multiplicare radicem de 8, minus radice radicis duorum, per radicem de 18, minus radice radicis de 128. Ex ducta quidem radice de 8 in radicem de 18 proveniunt 12 addita; et ex ducta radice radicis duorum in radice radicis de 128 proveniunt *ur.* addita; et ex ducta radice de 8 in radicem radicis de 128 proveniunt una radix radicis diminuta de 819; et ex ducta radice de 18 addita in radicem radicis diminutam de 2 proveniunt una radix radicis diminuta de 618; et sic habentur pro quesita multiplicatione 16, minus radice radicis 819, et radice radicis de 618.

Similiter si vis multiplicare radicem radicis de 20, minus radice radicis de 10, per radicem radicem (sic) radicis de 20, minus radice radicis de 18; secundum modum suprascriptum invenies, summam ipsius multiplicationis esse radicem radicis de 600, et radicem radicis de 150, diminutis duabus radicibus radicis de 200. Et quia radices radicem de 600, et de 150 sunt potentia tantum comunicantes; ideo possunt congregari

in radicem binomii terti; et (*sic*) quom congregazione prouenit radix ex radice de 1250, et ex radice de 1200: his omnibus explicatis, doceamus multiplicare binomiales numeros per recisos.

Cum uolueris multiplicare aliquod binomium per suum recisum, extrahe quadratum minoris nominis de quadrato maioris; et quod remanserit, erit summa quesite multiplicationis: ad cuius rei euidencia, adiaceat binomium *a.b.g.*, cuius maius nomen sit *a.b.*; a quo auferatur equale nominis *b.g.*; sitque *b.d.* Recisum ergo est *d.a.*,] quod uolo multiplicare per binomium *a.g.* Et quia linea *d.g.* diuissa est in duo equalia super punctum *b.*, et ei indirecto adinecta est linea *d.a.*, erit multiplicatio *a.d.* in *a.g.* cum quadrato linee *d.b.* equalis quadrato linee *a.b.* Quare si a quadrato nominis *a.b.* auferatur quadratus nominis *b.d.*, hoc est nominis *b.g.*, remanebit summa multiplicationis ex *a.d.* in *a.g.*; quod oportebat ostendere. Et ut hec in numeris ostendatur, sit *a.b.* 4, et *b.g.* sit radix de 7; que uolo multiplicare per 4, minus radice de 7, hoc est per *a.d.*: auferam itaque quadratum linee *d.b.*, scilicet 7, ex quadrato linee *a.b.*, scilicet ex 16, remanebunt 9 pro summa multiplicationis *a.g.* in *a.d.* Vel, si secundum numerum hoc facere uis, pone 4, et radicem de 7, et 4, minus radice de 7, ut in margine cernitur; et multiplica 4, que sunt in recisu per utrumque nomen binomii, scilicet per 4, et per radicem de 7, erunt 16; et quatuor radices de 7 addita; et multiplica radicem de 7 diminuta per eadem nomina binomii, proueniet 7 diminuta, et quatuor radices de 7 similiter diminutas: quibus extractis ex 16, et ex quattuor radicibus de 7, scilicet ex additis, remanebit 9 pro summa quesite multiplicationis.

Item si uis multiplicare tertium binomium, uel sextum in suum recisum, similiter ex eorum multiplicatione prouenit numerus racionatus: ut si uolueris multiplicare radicem de 40, et radicem de 20 per radicem de 40, minus radice de 20, extrahes quadratum minoris nominis de quadratum (*sic*) maioris, scilicet 20 de 40, remanent 10 pro summa quesite multiplicationis; et sic operandum est in multiplicatione secundi, et quinti binomii in eodem recisum. Et notandum, quod quando ex multiplicatione alienius recisi in aliquod binomium prouenit numerus tantum, tunc nomina recisi sunt proportionalia cum nominibus binomii; et habent ad inuicem eundem ordinem: ut si uis multiplicare 6, et radicem de 10 per 18, minus radice de 90; quia nomina recisi sunt tripla ex noninibus binomii, accipe triplum differentie, que est inter quadratum maioris nominis binomii, et quadratum minoris; et quod prouenerit, esse quesitum: uerbi gratia: extractis 10 de 36, remanent 26; quibus triplicatis, reddunt 78 pro quesita multiplicationem (*sic*): quod etiam haberes, si operaberis secundum modum numeri; quia multiplicatis 18 in 6, et in radice de 10, proueniunt 108, et decem octo radices de 10; de quibus si auferatur multiplicatio radicis de 90 in 6, et in radice de 10, remanebunt 78, ut prediximus: eodemque modo procedendum est in multiplicatione binomiorum, et recisorum diuersorum. Vt si uolueris multiplicare 3, et radicem de 10 per 7, minus radice de 20. Multiplicatis siquidem 7 per 3, et radicem de 10, ueniunt 21, et radix de 40; de quibus si auferatur multiplicatio radicis de 20 in 3, et in radice de 10, remanebunt 21, et radix de 40, diminuta radice de 78, et de 20: et aliter non potest dici in surdis, cum radices predictae non inter se communicantes. Et si uis multiplicare radicem

fol. 165 verso.

* hoc est a.g. quod a (fol. 165 verso, lin. 5, pag. 371, lin. 11 et 12).

a ————— a b g

* auferam et quatuor a (fol. 165 verso, lin. 7 et 8 12; pag. 371, lin. 12-20).

| | | |
|-------|---|------|
| | | plus |
| | 4 | 7 |
| minus | | |
| 7 | 4 | |

* quoniam auferatur a (fol. 165 verso, lin. 23 et 26-27 et 28, pag. 371, lin. 23 — pag. 372, lin. 2 et 3).

| | | |
|----|-------|----|
| | 6 | 10 |
| 90 | 18 | |
| | 5 | 10 |
| 20 | 7 | |
| | 40 | 5 |
| | radix | |
| 6 | 50 | |

de 40, additis 3, per radicem de 30, diminutis 6, multiplicata quidem radice de 30 in radice de 40, et in 5, prouenit radix de 2000, et radix de 1250 : de quibus si auferatur multiplicatio de 6 in radice de 40, et in 3, remanebit radix de 2000, et radix de 1250, minus 30, et radice de 1440.]

fol. 169 verso.

Si uis multiplicare aliquem numerum, et radicem radice per suam recisum, operaberis ut diximus in multiplicatione binomii in suum recisum. Vt si uis multiplicare 4, et radicem radice 10 per 4, minus radice radice de 10, extrahe quadratum nominis minoris, scilicet radicem de 10, de quadrato maioris, scilicet de 16, remanebunt 16, minus radice de 10, pro quesita multiplicatione. Et si multiplicarentur 4, et radix radice de 10 in duplum sui recisi, scilicet in 8, minus radice radice de 160, proueniet utique duplum suprascripte multiplicationis, scilicet 32, minus radice de 40.

Rursus si uis multiplicare radicem de 20, et radicem radice de 10 per suum recisum, scilicet per radicem de 20, minus radice radice de 10, extrahere (sic) similiter quadratum minoris nominis de quadrato maioris, remanebunt 20, minus radice de 10. Similiter si uis multiplicare radicem radice de 60, et radicem radice de 15 per suum recisum, scilicet per radicem radice de 60, minus radice radice de 15, extrahe quadratum minoris nominis de quadrato maioris, scilicet radicem de 15 ex radice de 60, remanebit tantum radix de 15 pro quesita multiplicatione. Et si uis multiplicare 4, et radicem radice de 10 in 5, minus radice radice de 12, scribes ea ut hic nernitur (sic). Et multiplica ordine suprascripto maius nomen recisi per utrumque nomen binomii, scilicet 5 per 4, per (sic), et per radicem radice de 10, erunt 20, et quinque radices radice de 10; de quibus extrahe multiplicationem diminute radice radice de 12 in 4, et in radicem radice radice de 10, remanebunt 20, et quinque radices radice de 10, dimiuitis quattuor radicibus radice de 12, et una radice radice de 120; et sic studeas facere in similibus: et cum occurrerint nomina comunicantia in diminutis et additis, reddiges ea in paucioribus uocibus. Vt si uis multiplicare 4, et radicem radice de 37 per 5, minus radice radice de 2, proueniet siquidem ex eorum multiplicatione 20, et quinque radices radice de 37, diminutis quattuor radicibus radice trium, et radice radice de 8; que radix radice est ratiocinata, et est 3; quibus diminutis a 20, remanent 17; et sic habentur pro quesita multiplicatione 17, et quinque radices radice 37, diminutisquatuor radicibus radice trium.

Incipit pars quarta de diuisione binomiorum recisorum per numeros ratiocinatos et intratiocinatos et e contra.

Cum autem uolueris diuidere aliquod binomium, uel recisum, uel etiam aliquem numerum plurium nominum per aliquem datum numerum, nel per radicem radice alicuius numeri ratiocinati, diuide unum quoque (sic) nomen per diuissorem; et nomina que prouenerint, siue addita fuerint, uel diminuta, erunt id quod ex diuisione prouenerit. Vt si uolueris diuidere 20, et radicem de 96 per 4, diuides primum 20 per 4, exibunt 5; diuide radicem de 96, per 4, hoc est diuides 96 per 16, exibit una radix de 6; et sic pro quesita diuisione habentur 5, et radix de 6. Similiter diuisis 20, minus radice de 96, per 4, exibunt eodem ordine 5, minus radice de 6. Item] diuidere 20 et radicem de 96 per radicem de 8, diuiso utroque nomine singulariter per radicem de 8, prouenit radix de 30, et radix de 12. Similiter diuisis 20, minus radice

fol. 169 verso.

radice de 10 ... radix radice
sic a (fol. 169 verso, lin. 10
26 a 27, pag. 372, lin. 13-19.)

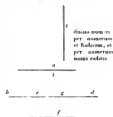
| Radice radice | |
|---------------|----|
| 4 | 10 |
| 12 | 5 |
| Radice radice | |
| 12 | 5 |

de 96, per radicem de 8, prouenit radix de 50, minus radice de 12. Et si eadem nomina diuidere uolueris per radicem radicis de 10, multiplicabis 96 in se, prouenient 400; quibus in se multiplicatis, faciunt 160000; quibus diuisis per 10, faciunt 16000; quorum radix radicis est unum ex nominibus uenieotibus ex diuisione. Quare si eodem modo diuiseris radicem de 96 per radicem radicis de 10, scilicet quadratum de 96 per 10, exhibit radix radicis de $\frac{2}{5}$ 921 pro reliquo uomine ueniente ex diuisione: similiter diuisis 20, minus radice de 96, per radicem radicis de 10, prouenit radix de 16000, minus radice radicis $\frac{2}{5}$ 921. Item si uis diuidere radicem de 80, et radicem de 48 per 4, diuiso utroque nomine per 4, scilicet 80, et 48 per 16, prouenit radix de 5, et radix de 3: et si radix de 80, minus radice 48, diuidatur per 4, ueniet radix 5, minus radice trium. Rursus si radicem de 80, et radicem de 48 diuidere uis per radicem de 8, prouenit radix de 10, et radix de 6. Et sit (*sic*) radicem de 80, minus radice de 48, per radicem de 8 diuiseris, ueniet utique radix de 10, minus radice de 6. Similiter si a qua (*sic*) nomina diuidere uis per radicem radicis alicuius numeri, secundum ea que dicta sunt, studeas operari.

*De diuisione numerorum, uel radicum, siue radicum radicis
per binomia uel recisa.*

Cum uis diuidere aliquem numerum, uel radicem numeri, seu radicem radicis numeri per aliquod binomium, multiplica ipsam binomium in suum recisum; et quod prouenerit, erit numerus, ut ostensum est: in quo diuide multiplicationem diuidendi numeri in recisum diuideotis binomii; et habebis quesitum. Verbi gratia: sit *a*. numerus, uel radix numeri, seu radix radicis numeri, quod diuidere uis per binomium *b.g.d.*; quorum uominis sit maius *b.g.*, et proueniat ex ipsa diuisione quantitas *z.*: et iaceat *e.g.* equale nominis *g.d.* Recisum ergo est *b.e.*; quo multiplicato per binomium *b.d.*, proueniat numerus *f.*, qui est ratiocinatus (*sic*), cum ex *b.e.* in *b.d.* proueniat residuum, quod est inter quadratum nominis *g.e.*, et quadratum nominis *b.g.*, ut superius demonstratum est. Ergo siuidatur (*sic*) numerus *f.* per binomium *b.d.*, proueniet utique recisum *b.e.* Quare si diuidatur quoduis multiplex, uel quelibet pars numeri *f.* per binomium *b.d.*, proueniet utique ex diuisione idem multiplex, uel eadem pars recisi *b.e.*: si ergo equalis est numerus *a*. numero *f.*, equalis est quantitas *z.* reciso *b.e.*; si maior, maior, et si minor, minor: proportionaliter ergo est sicut *f.* primus ad *a*. secundum, ita *b.e.* tertius ad *z.* quartum. Quare multiplicatio secundi in tertium, scilicet *a*. in *b.e.*, equatur multiplicationi primi in quartum. Et sic diuisa multiplicatione ex *a*. in *b.e.* per numerum *f.*, prouenit *z.*, scilicet illud quod prouenit ex *a*. diuiso in binomium *b.d.*, quod oportebat ostendere. Eodem modo si *a*. diuidere uis per recisum *b.e.*, inuenies, quod ex multiplicatione *a*. in binomium *b.d.*, diuisa per numerum *f.*, prouenit quesitum; quia si diuidatur numerus *f.* per recisum *b.e.* prouenit utique binomium *b.d.*; et erit sicut *f.* ad *a.*, ita binomium *b.d.* ad id, quod prouenit ex *a*. diuisio (*sic*) in recisam *b.e.* Et ut hoc in numeris habeatur, sit *a*. 100, que diuidere uis per binomium *b.d.*; cuius maius nomen, scilicet *b.g.*, sit 4; minus autem, scilicet *g.d.*, sit radix de 7. Quare recisum *b.e.* est 4, minus radice de 7; quo multiplicato per 4, et per radicem 7, scilicet per binomium *b.d.*, proueniunt 9 pro numero *f.* Ergo si diuidatur 9 per 4, et radice (*sic*) de 7, prouenient ex

* pone [aut . . . quod prouenit] sit a [60. 100] error: [a. 92] e 28 = 36 + 57; pag. 373, lin. 24 e 25-24.



fol. 110 verso

uisione 4, minus radice de 7, scilicet recisum *b.e.*: est ergo sicut 9 ad 106, ita 4, minus radice de 7, ad quesitum. Quare multiplicanda sunt 106 per 4, minus radice de 7, et diuidenda per 9; ex qua enim multiplicatione proueniunt 400, minus centum radicibus de 7: quibus diuisis per 9, ueniunt $\frac{4}{9}$ 44, minus .xl.^{im} radicibus, et nona de 7. Et si 106 diuiseris per 4, minus radice de 7, ueniunt, eisdem dispositis, $\frac{4}{9}$ 44, et insuper radices .xl., et nona de 7 pro quesita diuisione; et sunt nomina exeuntis summe proportionalia nominibus diuisoris: quia sicut 4 sunt ad unam radicem de 7, ita $\frac{4}{9}$ 44 sunt ad undecim radices, et nonam de 7.

Item si radicem de 80 diuidere uis per radicem de 8, et radicem de 6, multiplica radicem de 8, et radicem de 6 per suum recisum, scilicet per radicem de 8, minus radicem de 6, exhibent 2. In quibus diuide multiplicationem radiceis de 80 in radicem de 8, minus radice de 6; uel medietatem radiceis de 80, scilicet radicem de 20, multiplica in radice de 8, minus radice de 6, exhibit radix de 160, minus radice de 120. Et si radicem de 80 diuiseris per radicem de 8, minus radice de 6, prouenit utique radix de 160, et radix de 120.

Rursus si radicem radiceis ducentorum uis diuidere per aliquod binomium, ut per 2, et radicem duorum, multiplica 2, et radicem de 2 per 2, minus radice de 2, proueniet 7. Quare si dinidantur 7 per 2, et radicende (*sic*) 2, proueniunt utique 2, minus radice duorum; in quo reciso, supradictis dispositis, multiplica radicem radiceis ducentorum, proueniet radix radiceis de 16200, minus radice radiceis octingentorum; quibus diuisis per 7, ueniunt radix radiceis de $\frac{2460}{1177}$ 6, minus radice radiceis $\frac{800}{2177}$. Et si diuidatur radix radiceis ducentorum per 2, minus radice duorum, multiplicabitur tunc ipsa radix radiceis per 2, et radicem de 2; et ea que prouenerit diuides per 7, exhibit radix radiceis de $\frac{2460}{1177}$ 6, et radix radiceis de $\frac{800}{2177}$; et sic studeas facere in similibus.

*De diuisione uulnerorum et radicem, uel radicem per Compositos
ex numero et radice radiceis, uel ex radice et Radice Radiceis,
seu ex duabus radicibus Radiceibus Radicum diuersis.*

Si uis diuidere 10 per 2, et radicem radiceis trium, scias primum, quia cum multiplicatur numerus, et radix radiceis in suum recisum, tunc prouenit ex ipsa multiplicatione id quod est inter quadratum minoris nominis, et quadratum maioris; quod residuum est aut numerus minus radice, aut radix minus numero: quod idem prouenit ex multiplicatione radiceis, et radiceis radiceis in suum residuum. Sed cum multiplicantur due radices | radiceis diuerse per suum recisum, tunc radicem minus radice, uel radicem tantum prouenire demonstrabo. Sit itaque *a.c.* compositum ex numero, et radice radiceis; et sit minus nomen *a.b.*; et inecat *b.d.* equale nomini *b.c.*; et quia *d.c.* linea diuisa est in duo equalia super punctum *b.*, et ei adiuncta est linea *a.d.*, erit multiplicatio *a.d.* in *a.c.* cum quadrato linee *d.b.* equalis quadrato linee *a.b.*: quare si auferatur quadratum linee *b.d.* ex quadrato linee *a.b.*, remanebit multiplicatio ex *a.d.* in *a.c.* Sit ergo primum *a.b.* numerus, et *b.c.*, hoc est *b.d.* sit radix radiceis numeri; remanebit ergo *a.d.* decomposita ex numero *a.b.*, minus radice radiceis *b.d.* Et quia multiplicato *a.d.* in *a.c.* prouenit quadratus numerus *a.b.*, minus quadrato radiceis radiceis *b.d.*; et est quadratus numerj *a.b.* numeris; et quadratum radiceis radiceis *b.d.* est radix numeri; ergo ex ductu *a.c.* in *a.d.* prouenit numerus

fol. 170 verso.

* radiceis, et *a.d.* linea
fol. 170 verso. lin. 2 et 3; pag.
374, lin. 25 et 26).

a *d* *b* *c*

de (*sic*) minus radice. Et si maius nomen *a.b.* sit radix radice numeri; et minus, silicet *b.c.*, sit numerus, proueniet ex *a.b.* in se radix numeri. Et ex *b.d.* in se prouenit numerus: ergo ex *a.c.* in *a.d.* prouet (*sic*) radix numeri, minus numero, ut predixi. Similiter ostendetur, idem prouenire, si unum ex nominibus *a.b.*, et *b.c.* sit radix numeri, et alterum sit radix radice(*sic*). Set si utrumque nomen fuerit radix radice numeri, tuac ex *a.b.* in se prouenit radix numeri, et ex *a.b.* similiter. Quare id quod prouenit ex *a.c.* in *a.d.*, silicet ex duabus radicibus radice diuersis in suum recisum, prouenit radix numeri, minus radice: que si fuerint comunicantes, possunt reddigi ad radicem unam, ut predixi. Et quia uis diuidere 10 in 2, et radicem radice trium, multiplica ea in suum recisum, silicet in 2, minus radice radice trium, proueniet 4, minus radice trium: que si diuidantur per 2, et radicem radice trium, reddibit utique suum recisum, silicet 2, minus radice radice trium: proportionaliter ergo sicut 4, minus radice trium, sunt ad 10, ita 2, minus radice radice trium, sunt ad quesitum. Quare multiplicanda sunt 10 per 2, minus radice radice trium, et diuidenda per 4, minus radice trium; uel diuidenda sunt 10 per 4, minus radice trium; et que prouenerit multiplicanda per 2, minus radice radice trium. Nam qualiter 10 diuidantur per 4, iuius radice trium, ostensum est superius: et sunt que proueniunt ex ipsa diuisione $\frac{15}{2}$, et radix de $\frac{250}{15}$; que multiplicata per 2, minus radice radice radice trium, reddunt ea, que proueniunt ex 10 diuisis in 2, et radicem radice trium. Et si 10 per 2, minus radice radice trium diuidere uis, multiplicabis prescriptas $\frac{15}{2}$, et radicem de $\frac{250}{15}$ per 2, et radice radice trium, et habebis quesitum. Item si uis diuidere 10 per radicem de 6, et radicem radice duorum, multiplica radicem de 6, et radicem radice duorum per radicem de 6, minus radice radice duorum, 6 prouenient, minus radice duorum: in quibus diuide 10; et quod prouenerit multiplica per radicem de 6, minus radice radice duorum, et habebis propositum. Et si uolueris diuidere 10 per radicem de 6, minus radice radice duorum, id quod prouenit ex 10 diuisis in 6, minus radice duorum, multiplica per radicem de 6, et | per radicem radice duorum, et habebis propositum.

fol. 171 verso.

Rursus si uis diuidere radicem de 120 per radicem radice de 18, et radicem radice 8 per radicem radice de 18, minus radice radice de 8; et proueniet rationale in potentia, quod est radix duorum; in qua diuide radicem de 120, proueniet radix de 60; quam multiplica per radicem radice de 18, minus radice radice de 8, et habebis propositum. Et si radicem de 120 per radicem radice de 18, minus radice radice de 8, diuidere uis, multiplicabis radicem de 160 superius inuenta per radicem radice 18, et radicem radice radice de 8.

Adhuc si uis diuidere radicem radice de 5000 in radicem radice de 40, et radicem radice de 20, multiplica hoc binomium in suum recisum, silicet in radicem radice de 40, minus radice radice de 20, proueniet radix de 40, minus radice de 20; in qua diuide radicem radice de 5000, hoc est, multiplica radicem de 40, minus radice de 20, in suum binomium, silicet in radicem de 40, et in radicem de 20, proueniet 20. In quibus diuide radicem radice de 5000, prouenient radix radice de $\frac{25}{2}$; quam multiplica per radicem de 40, et per radicem de 20; et quod prouenerit multiplica per radicem radice de 40, minus radice radice de 20, et habebis propositum.

Et si uolueris diuidere aliquod simplex, uel binomium, siue recisum per aliquod trinomium, extrahere unum ex tribus nominibus ex reliquis duobus; et quod remanserit, per ipsum trinomium multiplicare; et in id quod prouenerit, diuides multiplicationem diuidendorum nomium in residuum trinomium; et habebis quod queris. Nam cum extrahitur ex tribus nominibus unum nomen, et residuum multiplicatur in ipsum trinomium; quod ex ipsa prouenit multiplicatione, erit aut recisum, uel binomium, siue radix numeri rationati; quod demonstrabo in linea. Sit itaque linea *a.d.* trinomium alicuius, nomina sint *a.b. b.c. c.d.*; et auferatur ex *a.c.* binomio recta *c.e.* equalis recte *c.d.* Et quoniam recta *e.d.* diuisa est in duo equa super punctum *c.*; et ei indirecto adiuncta est linea *e.a.*, erit multiplicatio *a.e.* in *a.d.* cum quadrato linee *e.c.* equalis quadrato linee *a.c.* Quare cum uis multiplicare residuum *a.e.* in trinomium *a.d.*, multiplicandum est binomium *a.c.* in se; et ex ipsa multiplicatione extrahendus est quadratus nominis *e.c.*, hoc est nominis *c.d.*, et remanebit id quod fit ex ductu *a.d.* in *a.e.* Scimus autem, quoniam ex ductu *a.c.* binomio in se prouenit primum binomium, ut ostensum est. Ex omne enim binomium (*sic*), cum multiplicatur in se, prouenit primum binomium; primum autem binomium numerus est, et radix numeri. Scimus etiam, quos (*sic*) ex ductu *e.c.* in se prouenit numerus. Minus igitur de primo binomio numerum, qui est numerus, et radix numeri. Si autem numerus, qui minuendus est minor numero, qui est in binomio primo, tunc id quod remanet, est numerus, et radix numeri, quod est binomium. Si uero numerus, qui est minuendus, fuerit maior numero, qui est in primo binomio, tunc id quod remanet, erit radix numeri, minus numero, quod est recisum. Si autem equalis fuerit, tunc remanebit radix numeri, ut pre dixi. Vnde, si uis diuidere 10 per 2, et per radicem de 2, et per radicem de 3, multiplicandus (*sic*) 2, et radicem de 2 in se, prouenient 7, et radix de 48; de quibus extrahere 5, scilicet quadratum tercii nominis diuisoris, remanebunt 2, et radix de 48; in quo binomio diuide multiplicationem de 10 in 2, et in radice de 2, minus radice de 3, per modum superius demonstratum: et si uis diuidere 10 per 2, et radice de 3, minus radice de 2, multiplica 10 per 2, et per radicem de 2, et per radicem de 3; et que prouenerint diuide per 2, et radicem de 48: similiter si uolueris diuidere radicem de 10 per radicem de 6, et radicem de 7, et radice 8, multiplicabis radicem de 6, et radicem de 7, et de 8, in radicem de 6, et radice de 7, minus radice de 8, et prouenient 3, et radix de 168, quod est binomium; in quo diuide multiplicationem radicis de 10 in radicem de 6, et in radicem de 7, minus radice de 8. Et si uis diuidere radicem radicis de 200 per radicem de 6, et radicem de 7, minus radice 8, multiplicabis radicem de 200 per radicem de 6, et per radicem de 7, et per radicem de 8; et que prouenerint diuide per 3, et radicem de 168; et sic studeas facere in similibus.

Incipit pars de inuentione radicum, binomiorum et recisorum.

Si uis inuenire radicem alicuius binomii, studeas diuidere maius nomen in duas partes, quarum una multiplicata per aliam faciat quartam partem quadrati minoris nominis; quarum duarum partium radices in similibus (*sic*) inuncte, erunt radix quesiti binomii. Nam, qualiter ipse partes inueniri debeant, in linea ostendamus: adiaceat binomium quodlibet *a.g.*, cuius maius nomen sit *a.b.*, quod possit super numerum *b.g.* equale numero *d.*; et diuidatur *a.b.* per medium super punctum *e.*, et addatur radix quarte

partis numeri *d*. lineae *a.e.*, sitque *e.f.*; dico linea *a.b.* diuisam esse in duas partes, que sunt *a.f.*, et *f.b.*; quarum una multiplicata in aliam, equatur quartae parti quadrati lineae *b.g.* Quoniam linea *a.b.* potest numerum *d.*, et quadratum nominis *b.g.*: medietas ergo nominis *a.b.*, siliect *a.e.*, poterit quartam partem numeri *d.*, et quadrati nominis *b.g.* Et quoniam linea *a.b.* diuisa est in duo equalia super *e.*, et in duo inaequalia super *f.*, erit multiplicatio *b.f.* in *f.a.* cum quadrato lineae *e.f.* equalis quadrato lineae *a.e.*; ergo id quod fit ex ductu *b.f.* in *f.a.* cum quadrato lineae *e.f.* equatur quartae parti uonini (sic) *d.*, et quadrati nominis *b.g.*: sed quadratus lineae *e.f.* est quarta pars numeri *d.*; quare id quod fit ex ductu *b.f.* in *f.a.* equatur quadrato, qui fit a dimidio lineae (sic) *b.g.*, hoc est quartae parti quadrati totius nominis *b.g.*; et hoc uolebamus. Et notandum, quod si *a.g.* fuerit binomium primum, tunc *e.f.* erit numerus: quare tota *a.f.* erit similiter numerus, cum *a.e.* sit numerus; est enim tota *a.b.* numerus, scilicet maius nomen binomii primi. Unde *f.b.* erit numerus; quia extracto numero *a.f.* ex numero *a.b.*, remanet *f.b.* similiter numerus ratiocinatus. Et si binomium *a.g.* fuerit secundum uel tertium, tunc linea *a.e.* erit radix numeri comunicans lineae *e.f.* Quare lineae *a.f.* et *f.b.* erunt radices duorum diuersorum numerorum. Et si binomium *a.g.* fuerit aliquod ex tribus binomiis reliquis, erit linea *a.f.* binomium, et linea *f.b.* reuisum, ut in decimo euclitis (sic) habentur. Restant itaque ostendende radices partium *a.f.* et *f.b.* insinual coniuacte esse radicem totius binomii *a.g.*: sit que radix portionis *a.f.* linea *i.z.*, et portionis *f.b.* sit *z.t.*; dico quod *i.t.* est radix binomii *a.g.* Quoniam *i.t.* diuisa est in duo super *z.*, erunt duo quadrati portionum *i.z.* *z.t.* cum duplo *i.z.* in *z.t.*, equals quadrato totius lineae *i.t.*: sunt enim quadrati portionum *i.z.* *z.t.* numeri *a.f.* *f.b.*, hoc est numerus *a.b.*: sed ex ducta *i.z.* in *z.t.* prouenit radix eius, quod fit ex *a.f.* in *f.b.*; cum *a.f.* et *f.b.* sint quadrati portionum *i.z.* *z.t.* Sed ex ductu *a.f.* in *f.b.* prouenit quadratus dimidii nominis *b.g.* Quare ex *a.f.z.* in *z.t.* prouenit dimidium nominis *b.g.*: ergo ex duplo *i.z.* in *z.t.* prouenit nomen *g.b.*: ergo ex ductu *i.t.* in se prouenit binomium *a.g.*, oportebat ostendere: et ut hec habeantur in numeris, sit binomium *a.g.* primum, cuius maius nomen *a.b.* sit 23; et minus *b.g.* sit radix de 48. Et extrahatur quadratus minoris nominis ex quadrato maioris, scilicet 48 de 529, remanent 81; et dimidiatur *a.b.* per medium, ueniet *a.e.* $\frac{1}{2}$ 11; quibus addatur radix quartae partis de 81, scilicet $\frac{1}{4}$ 4, que sunt dimidium radicis de 81, erit *a.f.* tota 16; quibus extractis de 23, remanent 7 pro numero *f.b.* Nam multiplicatis 7 per 16, siliect *b.f.* per *f.a.*, nimirum 112, scilicet quarta pars quadrati nominis *b.g.* prouenient, ut uolebamus. acceptis itaque radicibus numerorum *a.f.* *f.b.*, uenient 4, et radix de 7 pro radice 23, et radicis de 48 insinual coniuكتورum. Et si radix de 23, minus radice de 48, habere desideras, ipsam esse 4, minus radice de 7, eisdem demonstrationibus poteris inuenire.

Item sit binomium *a.g.* secundum, cuius maius nomen sit radix de 48; minus uero sit 14. In quo binomio maius nomen potest 232, plus minori; quorum quartae partis radix, scilicet de 62, addatur quadrato medietatis maioris nominis, scilicet radici quartae partis de 48, erunt radix de 112, et radix de 62; quibus insinual iunctis, faciunt radice (sic) de 242 pro linea *a.f.*: et extracta quidem radice de 62 ex radice de 112,

fol. 112 recto.

* radix ... quare ... 112
recto, fol. 112 r 23, pag. 377.
fol. 29 r 40.

a ————— e f b g

silicet $e.f.$ ex $e.b.$, remanet pro linea $f.b.$ radix de 7; et sic pro radice de 448, et de 14 insinuat coniunctis habetur radix radicis de 242, et radix radicis de 7. Quare pro radice radicis de 448, minus 14, habetur radix radicis de 242, minus radice radicis de 7. Eodemque modo inuenies radicem tertiū binomiū, et eius recisi.

Nam si radicem quarti binomiū inuenire uis, adiaceat iterum binomium $a.g.$, cuius maius nomen $a.b.$ sit 20; minus quoque $b.g.$ sit radix de 240; ex quibus nominibus maius nomen potest 160, plus minore. Radix quarte partis quorum, silicet de 40, si addatur dimidio maioris nominis, silicet linee $a.e.$, habebuntur 16, et radix de 40 pro linea $a.f.$: que cum aggregari non possint, est tota linea $a.f.$ binomia. Quare residuum $f.b.$ est recisum constans ex 16, minus radice de 40: harum itaque duarum quantitatum $a.f.$, et $f.b.$ radices in unum coniuncte sunt radix de 20, et radices de 240. Nam radix residui, in quo $a.f.$ super habundat $f.b.$, est radix de 20, minus radice de 240. Et si secundum hunc | hunc (*sic*) modum in iunctione radicum quinti, et sexti binomium (*sic*), et eorum recisorum processeris, nullatenus poteris deuari.

Expicit tractatus de quadratis radicibus.

Incipit pars quinta de inuentione radicum cubicarum, et de additione et multiplicatione, et extractione, seu diuisione earundem.

Cubus quidem numerus est, qui surgit ex multiplicatione trium equalium numerorum, uel ex aliquo quadrato numero in suam radicem ducto, ut 8, et 27: nam 8 surgunt ex multiplicatione de 2 in 2, ducta in 2, uel ex multiplicatione quaternarii in suam radicem, silicet in 2; et 27 surgunt ex tribus ternariis, uel ex nouenario ducto in suam radicem, que est 3. Nam radix cubica octonarii est 2; et radix cubica de 27 est 3; et sic intelligas de reliquis cubis numeris, et eorum radicibus. Reliqui autem numeri, qui cubi non sunt, radices cubicas in numeris habere non possunt. Vnde radices ipsorum cubices (*sic*) dicuntur surde. Nam, qualiter secundum propinquitatem radix cubica cuius uis numeri reperiri ualeat demonstrabo. Sed primum, unde modus reperendi has radices procedat, nolo presentialiter demonstrare. Cum itaque linea diuisa in duas partes fuerit, erunt cubi ipsarum proportionum cum triplo multiplicationis quadrati uniuscuiusque sectionis in aliam, equales cubo totius linee. Verbi gratia: sit linea $a.b.$, ut libet diuisa super punctum $g.$; dico cubos proportionum $a.g.$, et $g.b.$ cum triplo quadrati portionis $a.g.$ in $g.b.$, et cum triplo quadrati portionis $b.g.$ in $g.a.$, quales (*sic*) esse cubo totius linee $a.b.$; quod uideatur in numeris: sit tota $a.b.$ 5, et $a.g.$ sit 2, remanebit $g.b.$ 3; quorum portionum cubi sunt 27, et 8; quibus insimilis (*sic*) inunctis, faciunt 35; et ex triplo quadrati de 2 in 2, ueniunt 54; et ex triplo quadrati de 3 in 3, ueniunt 36; et sic habentur in summa 125, silicet cubus quinariū, silicet linee $a.b.$ Nam 5 est radix cubica de 125; quia ductis 5 in se, faciunt 25; quibus ductis in 5, faciunt 125. Et cum super hanc diffinitionem diuicis cogitarem, inueni hunc modum reperendi radices, secundum quod inferius explicabo: sed primum uolo demonstrare, quomodo secundum hanc diffinitionem debeat quilibet numerus cubicarj: ut si nis cubicare 12, accipe culum de 10, et cubum de 2; in quibus portionibus sint 12 diuisa, erunt 1008; super que adde triplum quadrati de 10 ductum in 2, et triplum quadrati de 2 ductum in 10, silicet 600, et 180, erunt in summa 1725, que sint cubus de 12; et sic potes operari

est tota ... ex 10 + f.b. 172
recisi, in. 26. pag. 373, lin.
9 et 10.

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

14 17⁸ ...

est tota ... 3 in 2 + f.b. 172
recisi, in. 21 et 22; pag. 373,
lin. 22 et 23

1 2 3 4 5

in cubicatione cuius vis numeri. Sed ut demonstremus modum, qualiter tres numeri equales vel diversi in una multiplicatione multiplicandi sint; per quem modum etiam omnes numeri cubificantur; adiaceant tres numeri inaequales, quorum primus sit 12, secundus 24, tercius 36; quos insimul multiplicari oporteat: describantur ipsi per ordinem, ut in margine cernuntur; et multiplicantur 2 per 4, erunt 8; que per 6, erunt unitates 48: ponantur 8 in loco unitatum, et retineantur 4; cum quibus addes multiplicationem eorundem 8 in 5, erunt decene 44; et multiplicentur 2 per 3, et 4 per 1, erunt 10; que per 6, erunt decene 60; quas adde cum decenis 44, erunt decene 104: ponas 4 in loco decenarum, et retineas 10; | et 10, que multiplicata fuerunt per 6, multiplica per 5, et adde cum servatis 10, erunt centene 60; et 4 per 3, erunt centenaria 2; que 2 multiplica per 6, erunt centenaria 12; que adde cum 60, erunt centenaria 72: pone 8 in loco centenariorum, et retineas 7; cum quibus adde multiplicationem de 1 in 3, ductam in 5, erunt millene 22: pone 2 in quarto gradu, et retineas 2, que pone in quinto gradu, et habebis pro quesita multiplicatione 22848; cuius multiplicationis probatio est, ut proba (*sic*) de 12 multiplices per probande (*sic*) 24; et proba que provenient, multiplica per prolam de 36; et proba que provenient, crit proba de 22848: ad quam summam etiam pervenire poteris, si multiplicas 12 per 24; quod totum per 36.

Item si vis multiplicare in una multiplicatione 120 per 456; quod totum per 780, describe numeros, ut in margine cernuntur; et multiplica figuras primi, et secundi numeri, secundum ordinem demonstratum in secundo capitulo; et multiplicationes, que provenient, duces per figuras tercii numeri, ut inferius ostendetur: primum quidem in multiplicatione de 120 in 456, multiplicantur 2 per 6, faciunt 12; que multiplica per primam figuram tercii numeri, scilicet per 9, erunt unitates 102. Quare ponas 2 in primo loco, et servabis decenas 16; et multiplicabis eadem 12 per secundam figuram tercii numeri, scilicet per 5, erunt decene 144; et accipies multiplicationes positionis secunde figure duorum superiorum numerorum, scilicet 2 per 5, et 6 per 2, erunt 27; que multiplica per primam figuram tercii numeri, scilicet per 9, erunt decene 243; quibus additis cum decenis 16, et cum decenis 144 servatis, scilicet cum decenis 160, erunt decene 483: ponas 2 in secundo loco, et servabis centenas 40; et accipies multiplicationes positionis tercie figure duorum superiorum numerorum, scilicet 2 per 4, et 6 per 4, et 2 per 3, erunt 28; et addes cum 40 servatis multiplicationem positionis prime figure superiorum numerorum, scilicet de 18, in ultimam figuram tercii numeri, scilicet in 7, erunt centene 126; cum quibus adde multiplicationem inuentorum 27 in secundam figuram tercii numeri, scilicet in 5, erunt similiter centene 252; cum quibus adde multiplicationem inuentorum 28 in primam figuram tercii numeri, scilicet in 9, erunt similiter decene 624: ponas 4 in tercio loco, et servabis millenas 83. Cum quibus addes multiplicationem supradictorum 27 in 7 tercii numeri, et de 28 in 8 eiusdem numeri, erunt millene 476; et accipe multiplicationes positiones quarte figure in multiplicatione duorum superiorum, scilicet de 2 in 4, et de 5 in 1, erunt 12; que multiplica per 9 tercii numeri, erunt millene 102; quibus additis cum millenis 476, erunt millene 502: ponas 2 in quarto loco, et retineas decem millenas 50; cum quibus addes multiplicationem supradictorum 28 in 7, et de 12 in 8, erunt decem millene 330; cum quibus adde multiplicationem de 1 in 4 ductam in 9, erunt decem millene 396: ponas 5 in quinto loco, et serva centum

fol. 172 verso

* et 10 quo... que provenient: fol. 172 verso, lin. 4-7; pag. 379, lin. 9-16.

| |
|-------|
| 22848 |
| 12 |
| 24 |
| 36 |

* 18 per ... multiplicationem: fol. 172 verso, lin. 16-21; pag. 379, lin. 21-31.

| |
|----------|
| 44292428 |
| 127 |
| 456 |
| 780 |

fol. 172 verso.

millenas 29; cum quibus adde multiplicationem predictorum 12 in 7, nec non et multiplicationem de 1 in 4 ductam in 8, erunt centum millene 162: pones 2 in sexto loco, et retines 16, que sunt mille millene; cum quibus adde multiplicationem de 1 in 4 ductam in 7, scilicet 28, erunt mille millene 44: pones 4 in septimo loco, et 1 in octauo; et sic habebis pro quesita multiplicatione 4482432; et sic potes facere in similibus, nec non in cubicatione cuiusuis numeri trium figurarum. Vide reuertantur ad inuentionem radicum cubicarum quorumlibet numerorum. Sed primum sciendum est, qui sunt numeri cubi, qui fuerint a numeris primi gradus. Nam cubus unitatis est 1. Binarii 8, ternarii 27. Quaternarii 64. Quinarij 125. Sexnarii 216. Septenarii 343. Octonarii 512. Nouenarii 729. Et cubus itaque decenarii est 1000: quibus per ordinem cordetenus cognotis, sciatis, quod radix cubica numerorum unius et duarum, et trium figurarum est una figura. Quatuor uero figurarum, et quinque, et sex, radix cubica est numerus duarum figurarum; septem autem figurarum, et octo, et nouem, radix est numerus trium figurarum; et sic semper deinceps crescendo, unam, uel duas, uel tres figuras numero in eius radice crescit una figura tantum: his itaque intellectis, oportet docere, qualiter inueniatur differentia, que est inter aliquem cubum numerum, et suum sequentem: multiplicabis itaque radicem unius per radicem alterius; et quod prouenerit triplicabis; et summe addes 1, quod prouenit ex cubicatione unitatis, in qua radix maioris cubi super habundat radicem minoris. Verbi gratia: uolo scire quantum addit cubus, qui fit a 2 super cubum qui fit (sic) 2: multiplicationem itaque de 2 in 2 triplicas, erunt 19; quibus adde 1, erunt 19 pro differentia quesita; que 19 si addantur super cubum, qui fit a binario, scilicet super 8, uenient 27, scilicet cubus, qui fit a ternario: his explicatis, inueniatur radix de 47 secundum propinquitatem: primum quidem accipe maiorem radicem, quam habent 47 in integris, et est 3; quorum cubum, scilicet 27, extrahere de 47, remanent 20: ergo radix cubica de 47 est 3, et remanent 20; que 3 sit linea *a.b.*; et proportionabis 20 ad differentiam, que est inter cubum, qui fit a 3, et cubum, qui fit a 4: quam differentiam inuenies ex triplo multiplicationis de 3 in 4, uno addito, uel ex extractione 27 de 64; que differentia est 37, ex quibus 20 sunt plus medietate. Quare adde $\frac{1}{2}$ super lineam *a.b.*; sitque *b.g.*; et inueniatur cubus numerum *a.g.*, qui sic inuenitur: cubicalo secciones *a.b.*, et *b.g.*, erunt $\frac{1}{8}$ 27; quibus super addam triplum quadrati numeri *a.b.* in *b.g.*, nec non et triplum quadrati numeri *b.g.* in *b.a.*, hoc est $\frac{1}{8}$ 12, et $\frac{1}{8}$ 2, erunt $\frac{1}{8}$ 42; a quibus usque in 47 desunt $\frac{1}{8}$ 4; ergo radix cubica de 47 est $\frac{1}{8}$ 3, et superhabundant $\frac{1}{8}$ 4; que etiam proportionabis ad numerum, qui uenit ex triplo *a.g.* in 4, que sunt radix sequentis cubi; qui numerus est 42, hoc est ex triplo de $\frac{1}{8}$ 3 in 4; ex quibus predicta $\frac{1}{8}$ 4 sunt quasi decima pars: quare adde numero *b.g.* $\frac{1}{120}$, que sit *g.d.* Cuius cubus, qui est $\frac{1}{1728}$ cum triplo quadrati *a.g.* ducto in *g.d.*, scilicet cum $\frac{7}{120}$ 3, nec non et cum triplo quadrati *g.d.* ducto in *g.a.*, scilicet cum $\frac{1}{2}$ $\frac{117}{160}$, extrahere de $\frac{1}{8}$ 4, remanebunt $\frac{211}{1728}$, que sunt $\frac{111}{1728}$. Ergo radix cubica de 47 est $\frac{1}{8}$ 3, scilicet $\frac{1}{8}$ 3, et remanet inde parum amplius de $\frac{1}{8}$ unius integri; quam tertiam si proportionaueris ad numerum, qui prouenit ex triplo *a.d.* in 4, propius nimirum ad radicem de 47 deuenies.

Item si uis inuenire radicem cubicam de 500. Jam scis, quia radix eorum, quam habent in integrum, cum sint numerus tercii gradus, est una figura tantum; quam accipe,

47 ad ... 20 ergo + fol. 172 verso, lin. 15; pag. 380, lin. 24 + 25].

a b g d

et est 9, quorum cubus est 729: quibus extractis ex 900, remanent 171; et inuenies differentiam, | que est a cubo nouenarii usque in cubum deccarii; que differentia est 271: proportione ergo residua 171 cum 271, uenient parum minus de $\frac{2}{3}$. Quarum duarum terciarum cubum, scilicet $\frac{8}{27}$, extrahere de 171, remanebant $\frac{153}{27}$ 170: deinde multiplica triplum quadrati 9, scilicet 242 per $\frac{2}{3}$, hoc est accipe $\frac{2}{3}$ de 242, erunt 162; que extrahere de $\frac{153}{27}$ 170, remanent $\frac{153}{27}$ 8: deinde accipere (sic) quadratum de $\frac{2}{3}$, erunt $\frac{4}{9}$; quas triplica, ueniet $\frac{4}{3}$ 1; quem numerum multiplica per 9, ueniet 12; que cum non possint extrahere de $\frac{153}{27}$ 8, extrahes $\frac{12}{27}$ 8 de 12, remanent $\frac{12}{27}$ 2 diminuta. Ergo radix de 900 est $\frac{2}{3}$ 9, et desunt inde $\frac{8}{27}$ 2, hoc est cubus de $\frac{2}{3}$ 9 est $\frac{8}{27}$ 900: quem inuenies, si de $\frac{2}{3}$ 9 facies tercias, scilicet 29; et cubicaueris 29, et eorum cubum per 27 diuideris, scilicet per cubum ternarii. Et si propius ad radicem de 900 uenire uis, multiplica $\frac{2}{3}$ 9 per 10; et quod prouenerit triplica; uel triplum de $\frac{2}{3}$ 9 per 10 multiplica, exibunt 290. In quibus diuide $\frac{8}{27}$ 2; et quod prouenerit abice de $\frac{2}{3}$ 9, et habebis propositum.

Reversus si uis inuenire radicem de 2345. Iam scis, quia radix eorum, quam habent in integrum, est numerus duarum figurarum. Quare ultima figura ipsius radices ponenda est sub secundo gradu. Nam que figura ipsa esse debeat, iudicabo. Reliquae itaque ex 2345 tres figuras, que faciunt terciam, et secundam, et primum gradum, remanent 2; ex quibus accipe maiorem radicem, quam habent in integrum, que est 1, et remanet 1; qui radicem, scilicet 1, ponas sub 4; et pro 1 quod remanet, pone 1 super 2; et copulabis ipsam cum 245, erunt 1245; et sic pro radice de 2345 habentur 10, scilicet 1 in secundo gradu, et remanent 1243; pro quibus ante positum oportet ponere talem figuram sub 3, que multiplicata ipsa per triplum quadrati posite figure sub 4, nec non et multiplicata eadem posita figura per triplum quadrati ponende figure, etiam et cubitata ipsa ponenda figura; et hec omnia extracta cum fuerint de 1243, non remaneant inde ultra triplum multiplicationis totius inuente radices 10 numerum sequentem in ordine numerorum; quam figuram inuenire non poteris, nisi ex usitato arbitrio. Erit enim ipsa figura 3; qua posita sub 3, triplicabis quadratum posite figure, erunt 27, que ponas sub tercio gradu; quia cum multiplicatur secundus gradus in se, tercius gradum facit; et multiplicabis posita 2 sub 5 per posita 2 sub 2, erunt 8; que extrahere ex copulatione de 1 posito super 2 cum sequentibus 2, scilicet de 12, remanent 4, que pone super 2 tercij gradus; et triplicabis quadratum positorum trium sub 3, erunt 27, que ponas sub secundo, et primo gradu; quia cum primus gradus multiplicat se ipsum, primum gradum facit (sic), uel terminantem 10 ipso; et multiplicabis ipsa 27 per 1 positum sub 4, et extrahes ipsam multiplicationem ex copulatione quaternarii positi super 2, et sequentis quaternarii, scilicet de 44, remaneant 17 super ipsa 44; que copulabis cum 5 primi gradus, erunt 175; de quibus extrahere cubum ternarii positi sub 5, scilicet 27, remaneant 148; que non excedunt triplum multiplicationis radices inuente, scilicet de 12, in numerum sibi sequentem, scilicet in 14; ergo radix cubica de 2345 est 12, et remanent 148: accipe ergo | triplum multiplicationis de 12 in 14, et adde 1, erunt 147; ex quibus 148 sunt parum amplius quarte partis. Quare adde $\frac{1}{4}$ inuente radices, erunt $\frac{1}{4}$ 147; et extrahere ergo cubicationem de $\frac{1}{4}$, scilicet $\frac{1}{64}$ ex 148, remanent $\frac{55}{64}$ 147. Et accipe triplum quadrati de 12, erunt 507; que multiplica per $\frac{1}{2}$, ueniet $\frac{1}{2}$ 507; que extrahende (sic) $\frac{55}{64}$ 147, remanent $\frac{55}{64}$ 21. Item accipe triplum quadrati de $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{8}$;

64 171 verso.

* est sub . . . inuenta * (fol. 171 verso, lin. 16-25; pag. 381 r. lin. 16-25).

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | 4 | 8 | | |
| 1 | 4 | 7 | | |
| 2 | 3 | 4 | 5 | |
| | | 1 | 2 | |
| | | 3 | 2 | 7 |

64 171 verso.

et multiplica eam per 1 de 147, erunt 7; que extrahe ex 11, que sunt super 48, remanent 4 super quintum gradum; que copula cum 3 sequentibus, faciunt 42; de quibus tolle multiplicationem eorundem 7 in 4 de 147, remanent 13 super 42; quibus copulatis cum 7, erunt 157; ex quibus tolle multiplicationem eorundem 7 primi gradus in 7, que sunt in 40, remanebunt 108 super 157: deinde triple (*sic*) quadratum septenarii primi gradus, erunt 147 terminantia in tertio gradu; que ordinate per suas differentias per 7, que sunt posita sub secundo gradu, secundum quod in divisione numerorum docuimus multiplicata. Nam ex uno ducta in 7 ueniunt 7; quibus extractis de 10, remanent 3 super 0; et ex 4 ductis in 7 ueniunt 28; quibus extractis de 28, remanent 10 super 28; et ex ductis 7 in 7 ueniunt 49; quibus extractis de 108, remanent 39 super tertium, et secundum gradum; quibus copulatis cum 9 primi gradus, faciunt 396; ex quibus extrahe cubum septenarii, scilicet 343, remanent 230; et sic radix inuenta est 77, et remanent 236.

Atque si vis inuenire radicem de 9876343; diuisis siquidem tribus primis figuris, remanent 9878; quibus positus in aliam partem, eorum radicem inuenias ordine demonstrato, erit que 21; et remanebunt inde 615: pone ergo 21 sub tertio, et secundo gradu, cum radix septem figurarum sit numerus figurarum trium; et remaneantia 615 pone super 876, ut hic ostenditur; et tripla quadratum de 21, erunt 1293; que posita sunt terminantia in tertio gradu, in quo terminatur multiplicatio unitatis in se, que posita est sub secundo gradu. Quibus ita positis, cadit ultima figura eorum sub sexto gradu: deinde pone 4 ante 21, que figura inuenitur ex magisterio superioris demonstrato; et multiplicabis ipsa 4 per unam quamque figuram ordinate de 1293; et incipies extrahere a 8, que sunt super sextum gradum; quia cum primus gradus sextum multiplicat, sextum gradum facit: ergo multiplicabis 4 per 1, et extrahes de 8, remanebunt 3 super 0; et 4 per 2, et extrahes de 21, remanebunt 0 super 1; et 4 per 2, et extrahes de 22, remanebunt 87 super quintum, et quartum gradum; et 4 per 3, et extrahes de 575, remanebunt 562 super quintum, et quartum, et tertium gradum: deinde accipe triplum quadrati de 4, scilicet 48, et pone sub secundo, et primo gradu; et multiplicabis 4 ex ipsis 48 per 2 de 21 positus in radice, erunt 8, que extrahenda sunt de numero terminante in quarto gradu, scilicet de 86; quia cum secundus gradus multiplicat tertium, quartum gradum facit; remanebunt 78 ex ipsis 86 super quintum, et quartum gradum; et eadem 4 multiplicabis per 1 de 21, erunt 4, que extrahenda sunt de numero terminante in tertio gradu, scilicet de 782; quia cum secundus gradus secundum multiplicat, tertium gradum facit; remanebunt 770 super quintum, et quartum, et tertium gradum: deinde multiplicanda sunt 8, que restant de 48 gradatim per eadem 21. Ergo multiplicabis 8 per 2, faciunt 16; que extrahes de numero terminante in tertio gradu; quia cum primus gradus multiplicat tertium, tertium gradum facit; remanebunt 763 super quintum, et quartum, et tertium gradum: et 8 per 1, faciunt 8; que extrahes de numero terminante in secundo gradu, scilicet de 7634; quia eum primus gradus multiplicat secundum, secundum gradum faciunt; remanebunt inde 7626 super quintum, et quartum, et tertium, et secundum gradum; que copula cum 3, que sunt in primo gradu, erunt 76262; de quibus extrahe cubum de 4, scilicet 64, remanebunt 76199 super radicem inuentam, que est 214: eodemque modo, si radice (*sic*) alicuius numeri octo, uel

* quod est differentia per 8
fol. 125 recto, lin. 1-15, pag.
382, lin. 40-41 - pag. 251,
lin. 61

| |
|--------|
| 1 |
| 32 |
| 105 |
| 4505 |
| 113896 |
| 456789 |
| TT |
| 147 |
| 147 |
| 49 |

* sub tota quadrata * fol.
115 recto, lin. 28-26 + 27,
pag. 309, lin. 16-23.

| |
|---------|
| 0 |
| 77 |
| 702 |
| 863 |
| 2970 |
| 61526 |
| 9870543 |
| 214 |
| 1322 |
| 48 |

fol. 115, recto.

nouem figurarum reperire uis, relictis primis figuris, radicem reliquarum per demonstratum modum inuenire studeas; et deinde copulato residuo earum cum tribus dimissis figuris, facies secundum quod modo fecimus; et inuenies quesitum, si deus uoluerit: eademque uia et ordine poteris operari in reperiendis radicibus cubicis numerorum decem, uel plurium figurarum.

Explicit de inuentione radicum cubicarum.

Incipit de multiplicatione earundem inter se.

Si uis multiplicare radicem cubicam de 40 per radicem cubicam de 60, multiplica 40 per 60, erunt 2400; quorum radix cubica est id quod queris: et si uis 5 multiplicare per radicem cubicam de 90, cubica 5, erunt 125. Ergo uis multiplicare radicem cubicam de 125 per radicem cubicam de 90. Quare multiplicabis 125 per 90; et eius quod prouenerit radix cubica est illud quod queris. Et si uis multiplicare duas cubicas radices de 20 per tres radices cubicas de 40, reddige eas ad radicem cubicam unius numeri sic: pro duabus radicibus de 20 cubica 2, erunt 8; que multiplica per 20, erunt 160; quorum radix cubica equatur duabus radicibus de 20. Similiter pro tribus radicibus de 40 cubica 2, erunt 27; que multiplica per 40, erunt 1080; quorum radix cubica habetur pro tribus radicibus de 40. Multiplica ergo 160 per 1080; et eius quod prouenerit radix cubica, erit illud quod queris. Item si uis multiplicare radicem cubicam de 20 pro aliquid (*sic*), unde proueniat aliquis numerus datus, ut dicamus 10; cubica 10, erunt 1000; que diuide per 20, exhibunt 50; quorum radix cubica est id quod queris.

fol. 176 verso.

Et si uis inuenire duas radices cubicas numerorum non cuborum, que insinual multiplicato (*sic*) faciant numerum ratiocinatum. Cubica unum numerum qualem uis, et inuenias duos numeros, qui insinual multiplicati faciant ipsum cubum numerum. Cubice autem radices ipsorum duorum numerorum erunt quesita. Verbi gratia: cubicentur 6, erunt 216; et inuenias duos numeros, qui insinual multiplicati, faciant 216; eruntque 3, et 21; quorum radices cubice sunt quesita. Aliter | adiaceant duo numeri quadrati quauis (*sic*) sintque 4, et 9; et multiplica unum quenque ipsorum per radicem alterius, exhibunt 12, et 18; quorum radices insinualis (*sic*) multiplicatae faciunt radicem cubi numeri, ut querebatur.

Si uis diuidere radicem cubicam de 100 per radicem cubicam de 5, diuide 100 per 5, proueniet 20; quorum radix cubica est id quod queris. Et si diuideris 5 per 100, prouenit $\frac{5}{100}$, cuius radix cubica est id quod prouenit ex radice (*sic*) de 5 diuisa in radicem de 100. Et si uis diuidere 8 per radicem de 22, cubum de 8, scilicet 512, diuide per 22, ueniet 16, quorum radix cubica est id quod queris. Et si uis diuidere radicem de 80 per 2, diuide 80 per cubum binarii, ueniet 10; quorum radix cubica est id quod queris.

Item si uis diuidere octo radices cubicas de 10 per tres radices cubicas de 5; reddiges pluralitatem ipsarum radicum ad radicem unam, et habebis 5120 pro octo radicibus de 10; et pro tribus radicibus de 5 habebitur radix de 125.

Explicit de multiplicatione radicum cubicarum.

Incipit de diuisione earum inter se.

Scias in additione, et disgregatione radicum cubicarum euenire ea, que inter radices eueniunt quadratorum, uidelicet quod quedam ex eis possunt inter se agregari, et

39-Collecta .. mensura, quo 4
 24. 126 error. lin. 33. r. 28.
 32. 1. q. 286. lin. 4-141.



14 177 recte.

cum solido, qui fit a quadrato lineae $.g.a.$ in linea $.a.b.$ Quia ex ducto $.a.b.$ in se ueniunt 25; quibus ductis in $.g.b.$, erunt 50, quorum duplum est 100; quibus additis cum multiplicatione quadrati lineae $.g.a.$ in $.a.b.$, scilicet cum 45, faciunt 145, ut oportet. Hac itaque diffinitione intellecta, pro radice cubica de 32 adiacentem lineam $.d.e.$; et accipiat ex ea portio $.e.z.$, que sit radix cubica de 4, remanet $.z.d.$ ignota, quam inuenire uolumus. Constituum igitur super lineam $.d.e.$ quadrilaterum equilaterum, et equiangulum $.c.d.e.f.$; et signabo punctum $.b.$ in lineam $.e.f.$, ita ut $.e.b.$ sit equalis lineae $.e.z.$; et per punctum $.b.$ protraham lineam $.b.a.$; et sit $.a.d.$ equalis lineae $.b.e.$ Item per punctum $.z.$ protraham lineam $.z.g.$; et sit $.g.f.$ equalis $.z.e.$; quibus explicatis accipiam cubum lineae $.d.e.$, qui est 32; et multiplicabo $.z.e.$ in se, prouenit radix cubica de 16 pro quadrato $.h.z. e.b.$; quam superficiem ductam in altum, secundum quantitatem lineae $.d.e.$, hoc est multiplicabo superficiem $.z.b.$, que est in plano, per equalem lineam $.d.e.$; quam intelligo eleuatam in altum, scilicet radicem de 16 per radicem de 32, proueniet radix cubica ipsius numeri, qui prouenit ex 16 in 32; sed ex 16 in 32 prouenit idem quod ex dimidio de 16 in duplo de 32, scilicet ex 8 in 64; sed ex ductis 8 in 64 prouenit numerus cubus cum 8 | et 64 sint cubi. Cuius radix est illud, quod prouenit ex radice de 8 in radice de 64, scilicet de 2 in 4; sic habentur 8 pro solido, qui fit a quadrato lineae $.e.z.$ in lineam $.e.d.$; quibus 8 additis cum cubo lineae $.e.d.$, erunt 40; de quibus 8 auferatur duplum solidi, qui fit a superficie $.a.d.e.b.$, et linea $.e.d.$, hoc est duo solidi, qui sunt a superficie predicta, et a superficie $.z.e.f.g.$ eleuatis in altum secundum lineam $.e.d.$, remanebit solidus, qui fit eleuatus in altum, secundum quantitatem lineae $.d.e.$ super quadratum lineae $.z.a.$ ignote, scilicet super quadratum $.e.a.h.g.$ Nam solidus, qui fit a superficie $.a.d.h.$ eleuata in $.d.e.$ habetur ex multiplicatione $.b.e.$ in $.e.d.$ ducta in $.e.d.$, hoc est ex quadrato lineae $.e.d.$ in $.e.z.$; ergo multiplicabis radicem de 32 in se, ueniet radix de 1024; quam multiplicabis per $.b.e.$, hoc est per $.e.z.$, scilicet per radicem de 4, ueniet radix illius, quod prouenit ex duplo de 4 in dimidium de 1024, scilicet ex 8 in 512; sed radix eius qui prouenit ex 8 in 512 est id, quod prouenit ex 2 in 8, scilicet ex radice de 8 in radicem de 512; ergo solidus, qui fit ex $.d.e.$ in $.e.z.$ producta in $.d.e.$, erunt 16; quorum duplum extrahe de 40, remanent 8 pro solido, qui fit ex quadrato lineae $.z.d.$ in lineam $.d.e.$ Quare si duseris (sic) 8 per lineam $.d.e.$, scilicet per radicem cubicam de 32, ueniet radix cubica de 16 pro quadrato lineae $.z.d.$, hoc est pro superficie quadrata $.a.g.$ Quare radix quadrata radicis cubice de 16, scilicet radix cubica de 4, est linea $.h.a.$, hoc est linea $.z.d.$; ergo si ex radice cubica de 32 auferatur radix cubica de 4, remanet radix cubica de 4, ut per alium modum inuenimus. Et quia inuenta est linea $.z.d.$ equalis lineae $.z.e.$, erit tota linea $.d.e.$ duplum lineae $.e.z.$ Vnde ex hoc manifestum est, quod cum aliquis numerus fuerit octuplum alterius, tunc radix cubica maioris cubici erit duplum radicis (sic) cubice minoris. Vnde radix cubica de 32 soluitur in duabus radicibus de 4. Quare cum uis addere radicem de 32 cum radice de 4, tunc uis addere duas radices de 4 cum una radice de 4; ex qua coniunctione proueniunt tres radices de 4, hoc est radix eius, quod prouenit ex ductis 27 in 4. Similiter, cum uis extrahere radicem de 4 ex radice de 32, tunc ex duabus radicibus de 4 extrahe unam radicem de 4, remanebit una radix de 4, ut modo inuenimus. Et

ut hoc melius declarescat, addatur radix de 125 cum radice de 1715; quorum proportio est sicut cubus 27 ad cubum 343; et est unusquisque eorum quincuplus sui cubi. Quare accipe radices ipsorum cuborum, erunt 3 et 7. Dic ergo, te nelle addere tres radices de 5 cum septem radicibus de 5. Ex qua iniectione proueniunt decem radices cubice de 5, hoc est una radix de 5000. Et si uis extrahere radicem de 125 ex radice de 1715, extrahe tres radices de 5 ex septem radicibus de 5, remanebunt quattuor radices de 5, scilicet una radix de 250. Et sic intelligas in omnibus radicibus cubicis inter se comunicantibus: relique uero radices, que proportionem non habent, addi nec disgregari possunt. Vnde si uis addere radicem cubicam de 5 cum radice cubica de 3, proueniet ex eorum ad-
 64 1715 5000

*Incipit capitulum quintum decimum de regulis geometrie pertinentibus,
 et de questionibus aliebre et almuchabale.*

Partes huius ultima (sic) capituli sunt tres; quarum prima erit de proportionibus trium, et quattuor quantitatum, ad quas multe questionum geometrie pertinentium solutiones reddiguntur: secunda erit de solutione quarundam questionum geometricalium: tertia erit super modum algebre, et almuchabale.

Incipit pars prima.

Sint primum tres numeri proportionales *a.b.*, *b.c.*, *c.d.* secundum proportionem continuam, scilicet ut *a.b.* ad *b.c.*, ita *b.c.* ad *c.d.*; et sit coniunctum numerorum *a.b.*, et *b.c.* 10; et numerus *c.d.* sit 9; et queratur disiunctio numerorum *a.b.b.c.c.*: quoniam est sicut *a.b.* ad *b.c.*, ita *b.c.* ad *c.d.*; erit ergo sicut duo antecedentes ad unum ipsorum, ita et reliqui antecedentes ad summ consequentem; hoc est sicut *a.c.* primus ad *b.c.* secundum, ita *b.d.* tercius est ad *c.d.* quartum; et sunt noti primus, et quartus; et quia cum quattuor numeri sunt proportionales, multiplicatio primi in quartum equatur multiplicationi secundi in tercium: est enim primus *a.c.* 10, et quartus *c.d.* est 9; quorum multiplicatio, que est 90, equatur multiplicationi *b.c.* secundi in *b.d.* tercium: diuidatur itaque numerus *c.d.*, scilicet in duo equa super punctum *e.*, erit una queque portio eorum $\frac{1}{2}$ 4. Et quia *c.d.* numerus diuisus est in duo equa super *e.*, et ei adiunctus est numerus *b.c.*, erit multiplicatio adiuncti *b.c.* in totum *b.d.* cum quadrato numeri *c.e.*, equalis quadrato numeri *b.e.*: est enim multiplicatio ex *b.c.* in *b.d.* 90; et quadratus numeri *c.e.* est $\frac{1}{4}$ 20; quibus in suislibus (sic) inunctis, faciunt $\frac{1}{4}$ 110 pro quadrato numeri *b.e.*; quorum radix, scilicet $\frac{1}{2}$ 10, est numerus *b.e.*; de quibus auferatur numerus *c.e.*, scilicet $\frac{1}{2}$ 4, remanebit *b.c.* numerus 6; quibus extractis ex numero *a.c.*, scilicet ex 10, remanebit numerus *a.b.* 4. Item sit sicut numerus *a.b.* ad *b.c.*, ita *b.c.* ad *c.d.*; et *a.b.* sit 4, et coniunctum ex numeris *b.c.*, et *c.d.* sit 15; erit ergo sicut *a.b.* primus ad *a.c.* secundum, ita *b.c.* tercius ad *b.d.* quartum: multiplicabis siquidem primum eorum in quartum, scilicet 4 per 15, erunt 60; quibus equatur multiplicatio secundi *a.c.* in tercium *b.c.*: quare addatur super 60 multiplicatio medietatis numeri *a.b.* in se, erunt 64; ex quorum radice auferatur medietas numeri *a.b.*, remanebunt 6 pro numero *b.c.*; quibus extractis ex numero *b.d.*, remanebunt 9 pro numero *c.d.* Rursus sit sicut *a.b.* ad *b.c.*, ita *b.c.* ad *c.d.*; et *b.c.* sit 6: coniunctum itaque ex nu-

64 1715 5000
 64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

64 1715 5000

• ut est ... ad ... ad ...
171 recto, lin. 37, pag. 268,
lin. 2 e 3.

• a b c d e

per 6^{am} secunda

fol. 178 verso.

• dividit ... remanet ...
178 verso, lin. 11 20 e 21,
p. c. 268, lin. 16-26.



• quibus equatur ... tolle 2
fol. 178 verso, lin. 25-27;
pag. 268, lin. 29-31.



• dividit dimidium ... numerus
ad ... fol. 178 verso, lin. 26-28;
pag. 268, lin. 29 e 40 41.



per 6^{am} secunda

fol. 178 verso.

meis ab , et cd sit 12; quia multiplicatio primi in tertium equatur multiplicationi secundi in se in tribus numeris proportionalibus: ideo secundum numerum in se multiplica, erunt 36; quibus equatur multiplicatio ex ab in cd : adiacet itaque numerus $d.e$ equalis numero ab ; quare totus $c.e$ est 12; qui diuidatur in duo equa super punctum f , erit una queque portio eorum $\frac{1}{2} 6$: et quoniam numerus $c.e$ diuisus est in duo equalia super f , et in duo inaequalia super d , erit superficies recti angula in equalium portionum, scilicet multiplicatio ed in $d.c$. cum quadrato numeri $d.f$, equalis quadrato numeri $e.f$: quare multiplicetur $e.f$, scilicet $\frac{1}{2} 6$ in se, erunt $\frac{1}{2} 42$; de quibus auferatur multiplicatio ex ab , hoc est ex cd in $d.c$; que multiplicatio est 36, remanebunt $\frac{1}{2} 6$ pro quadrato numeri $f.d$; quorum radix, scilicet $\frac{1}{2} 2$, est numerus $f.d$: quibus additis super numerum $e.f$, erit totus cd 9; quibus extractis ex $c.e$, scilicet ex 12, remanebunt 4 pro numero $d.e$, hoc est pro numero ab . Item collectum ex numeris ab $b.c$ $c.d$ sit 19; et queratur quantitas uniuscuiusque: hoc potest fieri infinitis modis; ex quibus ponam unum modum: summantur tres numeri continue proportionales; sintque 1, et 2, et 4; quos iusimul iunge, erunt 7; in quibus diuide multiplicationes de 1, et 2, et 4 in 19.

Rursus sit sicut a ad $b.g$, ita $b.g$ ad $e.d$; et sit 2 numerus $b.c$, in quibus numerus $b.g$ superhabundet numerum a ; nec non et numerus $e.d$ sit 9; sumatur ex numero $e.d$ numerus $e.f$ equalis superfluo, in quo numerus $e.d$ superhabundet numerum $b.g$; erit itaque sicut numerus $e.d$ primus ad $b.g$, secundum, ita $e.f$ tertius ad $b.c$. quantum: multiplicabis ergo $e.d$ in $b.c$, qui sunt noti, erunt 18; quibus equatur multiplicatio $b.g$ in $e.f$; est enim $f.d$ equalis numero $b.g$: ergo ex ducto $e.f$ in $f.d$ proueniunt 18; qui auferantur ex quadrato medietatis numeri $e.d$; que medietas sit $e.z$, remanebunt $\frac{1}{2} 2$; quorum radix est $\frac{1}{2} 1$, que sunt quantitas numeri $f.z$; quibus extractis ex $c.e$, remanebunt 3 pro $f.e$; quibus 3 extractis ex $e.d$, remanebunt 6 pro $f.d$, hoc est pro $b.g$; ex quibus extractis 2, scilicet $b.c$, remanebit $c.g$, hoc est a . Sed sicut a ad $b.g$, ita $b.c$ sit ad $e.f$; et sit a 4, et $e.f$ sit 3: multiplicabis ergo primum numerum a notum per quartum $e.f$, erunt 12; quibus equatur multiplicatio secundi $b.g$ in tertium $b.c$: et est notus $c.g$, cum sit equalis a noti: quare dimidium $c.g$, scilicet 2, in se multiplica, erunt 4; que adde cum 12, que proueniunt ex $b.c$ in $b.g$, erunt 16; de quorum radice tolle 2, scilicet dimidium $c.g$, remanebunt 2 pro $c.b$ numero; quibus additis cum $c.g$, erunt 6 pro numero $b.g$, hoc (sic) pro numero $f.d$; quibus addito numero $e.f$, habebuntur 9 pro numero $e.d$. Sit etiam numerus $b.g$ notus, qui sit 9; et numeri a , et $e.d$ sint ignoti; et sit $e.z$ 5, in quibus numerus $e.d$ superhabundet numerum a ; quoniam est sicut a ad $b.g$, ita $b.g$ ad $e.d$: erit itaque multiplicatio ex a in $e.d$, equalis quadrato numeri $b.g$; qui quadratus est 36: ergo ex ducto $c.d$, qui est equalis a , in $d.e$ prouenit 36; quibus si addatur quadratus medietatis numeri $c.e$, scilicet $\frac{1}{2} 6$, erunt $\frac{1}{2} 42$; de quorum radice, scilicet de $\frac{1}{2} 6$, tolle $\frac{1}{2} 2$, scilicet dimidium $c.e$, remanebunt 4 pro $c.d$, hoc est pro numero a ; quibus additis 5, erunt 9 pro toto numero $e.d$. Et si proponeremus differentias predictas in quadratis, uel in cubis trium quorumlibet numerorum continue proportionalium, eueniret utique omnia, que diximus in eisdem; quia cum fuerit sicut primus numerus ad secundum,

ita secundus ad tertium; per euale erit sicut quadratus primi ad quadratum secundi, ita quadratum secundi ad quadratum tertii; ne: non si coniungantur, erit proportio summe quadratorum primi, et secundi ad quadratum secundi, sicut proportio quadratorum secundi, et tertii ad quadratum tertii, et conuerso; eritque similiter sicut quadratus primi ad quadratum secundi, ita superfluum, quod addit quadratus secundi super quadratum primi, ad id, quod addit quadratus tertii super quadratum secundi; et hec omnia accident in cubis.

Modus alius proportionis inter tres numeros.

Sunt tres numeri, ex quibus primus, et tertius sunt noti; secundus autem est ignotus: sed proportio superhabundantie maioris super medium ad superhabundantiam medii super minorem est sicut maior numerus ad minorem: pone numeros diuersos, quos uis pro maiori, et minori numero. Sintque 20, et 12; et auferatur 12 de 20, remanebunt 8, que sunt summa duarum suprascriptarum superhabundantiarum, que oportet diuidere in ea proportione, quam 20 habent ad 12: quare addes 20 cum 12, erunt 32: erit ergo sicut 32 ad 12, ita 8 ad superhabundantiam medii super minorem: quare multiplicabis 8 per 12, ueniunt 96; que diuide per 32, ueniunt 3 pro superhabundantiam (sic) medii super minorem: quare si addatur 3 super 12, erit medius numerus 15. Siat itaque omnia que diuisus inter predictos tres numeros; sed maior numerus sit ignotus, reliqui duo sunt noti. Et quia est sicut tertius ignotus ad primum notum, ita superhabundantia tertii ignoti ad superhabundantiam secundi noti: quare si permutauerimus proportionem, erit sicut tertius ad superhabundantiam eius super secundum, ita primus ad superhabundantiam secundi super primum: et quia primus, et secundus sunt noti, erit ipsa superhabundantia nota: pone igitur pro secundo, et primo numero numeros quales uis; sintque 15, et 12; et tertius numerus sit *a.b.*; de quo auferatur numerus *a.g.*, qui sit 15, sicut equalis secundo numero: ergo *.g.b.* est superhabundantia numeri *a.b.* super secundum numerum: demonstrata est proportio numeri *a.b.* ad *.g.b.* esse ea, quam habet minor numerus 12 ad superhabundantiam secundi, scilicet ad 3; hęc proportio est in minimis, sicut 4 ad 1: ergo sicut 4 sunt ad 1, ita *a.b.* ad *.g.b.*: quare proportio *a.g.* ad *.g.b.* erit sicut 3 ad 1: ergo multiplicandus est numerus *a.g.*, scilicet 15 per 1; et summa diuidenda est per 3, ueniunt 5 pro numero *.g.b.*: quare totus *a.b.*, scilicet maior numerus, est 20. Sit siquidem ipsorum trium numerorum minor ignotus; reliqui duo sint noti; quorum medius sit 15, maior 20; quare superhabundantia eius super secundum est 5; et quia est sicut 20 ad minorem numerum ignotum, ita 5 ad superhabundantiam secundi super primam: quare permutatim erit sicut 20 ad 5, hoc est sicut 4 ad 1, ita primus ignotus ad superhabundantiam secundi: sit itaque secundus numerus *d.e.*, de quo sumatur numerus *d.z.*, qui sit equalis minori ignoto numero; et quia est sicut 4 ad 1, ita primus ignotus ad superhabundantiam secundi: ergo sicut 4 est ad 1, ita *d.z.* ad *.z.e.*: quare coniunctim erit sicut 5 ad 4, ita *d.e.* ad *.z.e.*; et quia *d.e.* est 15, multiplica ea per 4; et summa (sic) diuide per 5, ueniunt 12 pro numero *d.z.*; qui cum sit equalis primo, primus erit 12.

Modus alius proportionis inter tres numeros.

Sint iterum tres numeros ineuales, quorum maior et minor sint noti, scilicet dati;

* sunt noti ... numerus \times 114.
118 *corol.*, lib. 2^o, pag. 267.
lib. 22 \times 21.

* $\frac{p}{q} = \frac{r}{s}$

* reliqui ... sunt super \times 144.
118 *corol.*, lib. 2^o, pag. 267.
lib. 22 \times 21.

* $\frac{d}{e} = \frac{f}{g}$

64 179 recto

quod sit primus et secundus
 sit 4 et 10 recte, in 9 et 10
 p. g. 29, in 10 = 11

$$a \quad b \quad c \quad d$$

de quo sit primus et secundus
 sit 4 et 10 recte, in 9 et 10
 p. g. 29, in 21 = 22 23

$$a \quad b \quad c \quad d$$

medius autem sit ignotus; et sit superhabundantia medii super minorem ad superhabundantia maioris super medium, sicut maior numerus est ad minorem: pone ergo pro minori et maiori numero numeros quoslibet datos; sintque 12, et 4; et extrahe 4 de 12, remanent 8 pro summa duorum residuorum superscriptorum: et quia est sicut 12 ad 4, ita superhabundantia prima ad superhabundantiam secundam. Erit ergo sicut compositum ex 12, et 4 ad 4, ita summa utriusque superhabundantie, scilicet 8, ad superhabundantiam secundam: quare multiplicanda suat 4, scilicet minor numerus, per 8; et summa diuidenda per 16, exhibunt 2 pro superhabundantia maioris numeri, in qua excedit secundum: quare extractis 2 de maiori numero, remanent 10 pro medio numero. Sed sit datus primus et secundus numerus, quorum primus sit 4, secundus 10, tertius autem sit ignotus; et quia est sicut tertius ad primum, ita superfluum primum ad superfluum secundum: erit igitur multiplicatio terti in superfluum secundum equalis multiplicationi primi in superfluum, scilicet de 4 in sex; que multiplicatione (sic) est 24: sit itaque numerus .a.b., de quo auferatur secundus numerus, qui sit .a.g., remanebit .g.b. pro superfluo, in quo numerus .a.b. excedit secundum numerum: ergo ex ductu .a.b. in .b.g. pronuntiet 24; et est notus numerus .a.g., cuius dimidium sit .g.d., qui erit 3; quorum quadratum sic adderis (sic) super 24, erunt 49; quorum radix, scilicet 7, est numerus .d.b.; cui si addatur numerus .a., erit totus .a.b. 12; de quibus si auferatur numerus .a.g., remaneant 2 pro numero .d.g. Sed sint dati secundus, et tertius numerus, quorum secundus sit 10, tertius 12; et sit primus numerus ignotus; et quia est sicut 12 ad primum superfluum ignotum, ita superhabundantia secundi super primum, que est ignota, ad superhabundantiam terti super secundum, que est 2: quare multiplicatio de 12 in 2 equatur multiplicationi primi numeri in superhabundantiam primam: adiaceat itaque numerus .d.e., qui sit 10, scilicet quantitas secundi numeri; et auferatur ab eo minor numerus, qui sit .d.z., remanebit ergo .z.e. pro superhabundantia, quam habet secundus super primum: ergo diuisa sunt 10 in duas partes, quarum una multiplicata per aliam, facit 24; que partes sunt .d.z., et .z.e.: diuidatur ergo .d.e. in duo equalia super punctum .i.; et multiplicetur .e.i. in se, erunt 25; de quibus extrahe 24, remanet 1; cuius radix, que est 1, est numerus .i.z.: quare .z.e. est 6, et .d.d., qui est equalis primo numero, est 4.

Modus alius proportionis in tribus numeris.

Sit itaque proportio maioris ad minorem, que sit nota, sicut superfluum primum, et secundum ad secundum; et sit medius numerus ignotus: ponamus pro maiori, et minori numero 12, et 6, qui sint dati; et extrahantur 6 de 12, remaneant 6, que sunt summa auborum superfluum: et quia est sicut 12 ad 6, scilicet sicut maior numerus ad minorem, ita 6, scilicet summa utriusque superflui ad superfluum secundum; id est multiplicabis 6 per 6, et diuides per 12, exhibit 3 pro secundo superfluo; quo extracto de maiori numero, remanent 9 pro mediato numero. Sit itaque tertius numerus ignotus; et secundus sit 9, et primus 6; et adiaceat numerus .a.b. ignotus pro maiori; et auferatur inde secundus numerus, qui sit .a.g.; ex quo etiam auferatur minor, qui sit .a.d., remanebit .d.b. equalis duorum superfluum; et .g.b. est superfluum secundum: et quia est sicut numerus .a.b. ad numerum .a.d., ita .d.b. ad .g.b.; erit cum diuiserimus sicut .b.d. ad .d.a., ita .d.g. ad .g.b.: quare multiplicatio .b.d. primi in .g.b. quartum est

equale numerum .a.d. et
 160, 179 recte, in 24; pag.
 296, in 41 et 42.

$$a \quad b \quad c \quad d$$

sicut multiplicatio *a.d.* secundi in *d.g.* tertium: est enim *a.d.* 6, et *a.g.* est 9: quare *d.g.* est 3; quibus multiplicatis in *d.a.*, faciunt 18, quibus equatur multiplicatio *d.b.* in *g.b.*: sed *d.g.* est notus, cui additus est numerus *g.b.*; ergo ex *d.b.* in *g.b.* cum quadrato dimidii *d.g.* equatur quadrato coniuncti ex *g.b.* ex dimidio *g.d.*; quod dimidium est $\frac{1}{2} \times 1$; cuius quadratus, scilicet $\frac{1}{4} \times 1$ si addatur super 18, erunt $\frac{1}{4} \times 20$; de quorum radice, scilicet de $\frac{1}{2} \times 4$, si auferatur $\frac{1}{2} \times 1$, scilicet dimidium ex *g.d.*, remanebit *g.d.* 3, iu quibus maior *b.a.* superhabundat numerum medium *a.g.*, qui est 9; quibus additis cum 3, faciunt 12 pro maiori numero *a.b.* Et si minor numerus *a.d.* fuerit ingnotus; reliqui uero *a.g.*, et *a.b.* sint noti; quia est sicut *a.b.* primus ad *a.d.* secundum, ita summa duorum superfluum, scilicet *d.b.*, est ad superfluum secundum, scilicet ad *g.b.*: erit itaque multiplicatio *a.b.* primi in *g.b.* quartum, equalis multiplicationi *a.d.* in *d.b.*: et quia ex *a.b.* in *g.b.* proueniunt 26, qui sunt quadratus medietatis totius *a.b.*; idcirco radix eorum, scilicet 6, est minor numerus *a.d.*, qui erat ingnotus.

Modus alius proportionis.

Sit itaque *a.b.* ad *a.d.* sicut summa duorum superfluum ad superfluum primum, scilicet *b.d.* ad *g.d.*; et sit ingnotus numerus *a.g.*; numeri uero *a.d.*, et *a.b.* sint noti; quorum *a.b.* sit 25, et *a.d.* sit 10: quare *d.b.* est 15; et quia est sicut *b.a.* ad *d.a.*, ita *b.d.* ad *g.d.*; ergo si multiplicauerimus *a.d.* secundum in *d.b.* tertium, scilicet 10 per 15, et diuiserimus summam per *a.b.*, scilicet per 25, uenient 6 pro superfluo *g.d.*; quibus si addatur numerus *d.a.*, erit numerus *a.g.* 16, qui erat ingnotus. Et si minor numerus *a.d.* fuerit ingnotus, reliqui uero *a.g.*, et *a.b.* sint noti; quia est sicut *a.b.* ad *a.d.*, ita *d.b.* ad *g.d.*, erit cum diuiseris, sicut *b.d.* ad *d.a.*, ita *b.g.* ad *g.d.*: quare cum permutaueris, erit *b.d.* ad *b.g.* sicut *d.a.* ad *d.g.*; est enim *d.a.* 10, et *g.a.* est 16 ex positione: quare si ex *a.g.* auferatur *a.d.*, remanebit *d.g.* 6; ergo proportio *a.d.* ad *d.g.* est in minimis sicut 5 ad 3: ergo et proportio *b.d.* ad *g.b.* est sicut 5 ad 3: quare cum diuiseris, erit sicut 5 ad 3, ita *d.g.*, scilicet 6, ad *g.b.* ingnotum: ergo multiplicatio de 3 in 6 diuidenda est per 5; et si habebuntur 9 pro numero *g.b.*, cui si addatur numerus *g.a.*, erit totus *a.b.* 23, qui erat ingnotus. Sed si (*sic*) ingnotus numerus *a.d.*; reliqui uero *a.b.*, et *a.g.* sint noti; et quia est sicut *a.b.* ad *a.d.*, ita *d.b.* ad *d.g.* Et cum permutaueris, sicut *a.b.* ad *d.b.*, ita *d.b.* ad *g.b.*: ergo numeri *a.b.*, et *d.b.* continui proportionales sunt: quare si ex ductu *a.b.* in *g.b.* radicem acciperis, proueniet utique numerus *d.b.* notus: est enim numerus *a.b.* 25, et *g.b.* est 9, cum *a.g.* sit 16; quibus insimul multiplicatis, faciunt 225; quorum radix, scilicet 15, est numerus *d.b.*; qui si auferatur ex numero *b.a.*, remanebit (*sic*) pro numero *d.a.*

Incipit differentia tertia in proportione trium numerorum.

Et si proponatur, quod proportio *b.a.* ad *g.a.* sit sicut superhabundantia maioris ueris (*sic*) super medium ad superhabundantia (*sic*) medii super minorem, hoc est sicut *b.g.* ad *g.d.*; et sit ingnotus quilibet numerorum *a.b.* *a.g.* *a.d.*; dico, quod numeri *a.b.* ad *a.g.d.* sit (*sic*) continue proportionales; quod probabitur ita: quoniam est sicut *a.b.* ad *a.g.*, ita *b.g.* ad *g.d.*; hoc est sicut totus ad totum, ita pars ad partem: quare erit sicut pars ad partem, ita residuum ad residuum, ut in quinta euclidis ostenditur:

Ed. 179 verso.

* si superfluum . . . numerus
- g . a + | Ed. 179 verso, lin. 17; pag.
291, pag. 291, lin. 16 et 17)

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{g} = \frac{a+b}{d+g}$$

* sicut *a.d.* . . . ad *b.g.* . . .
(Ed. 179 verso, lin. 17; pag.
291, lin. 22 et 24)

$$\frac{a}{d} = \frac{b}{g}$$

* ad *g.d.* . . . ad partem + (Ed.
179 verso, lin. 22 et 26; pag.
291, lin. 42 et 43)

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{g} = \frac{a+d}{b+g}$$

ergo erit sicut $.b.g.$ ad $.g.d.$, ita $.a.g.$ ad $.a.d.$; sed sicut $.b.g.$ ad $.g.d.$, ita $.a.b.$ ad $.a.g.$; quare est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.a.g.$ ad $.a.d.$: ergo numeri $.a.b.$, $.a.g.$, $.a.d.$ continui proportionales sunt: unde si aliquis illorum erit ignotus, poteris eum reperire | pro modum superiorum demonstratum in numeris tribus continue proportionalibus.

Sed sit sicut $.b.a.$ ad $.g.a.$, ita $.d.g.$ ad $.g.b.$; et sit primum ignotus numerus $.g.a.$; reliqui vero $.a.b.$, et $.a.d.$ sint noti; ex quibus $.a.b.$ sit 12, et $.a.d.$ sit 2; et quia est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.d.g.$ ad $.g.b.$, erit, cum permutaveris, sicut $.a.g.$ ad $.a.b.$, ita $.b.g.$ ad $.g.d.$; et cum composueris, erit coniunctus ex numeris $.a.g.$, et $.a.b.$ primus ad $.a.b.$ secundum, ita $.b.d.$ tertius ad $.g.d.$ quartum: multiplicatio ex $.a.b.$ secundum in $.b.d.$ tertium est nota, quia surgit ex 12 in 10, cuius multiplicationis summa est 120, cui equatur multiplicatio coniuncti ex $.a.g.$, et $.a.b.$ in $.b.d.$: quare si numero $.a.b.$ addatur numerus $.b.e.$, qui sit equalis numero $.a.g.$; et auferatur ex numero $.b.e.$ numerus $.e.z.$, qui sit equalis numero $.g.d.$, remanebit numerus $.z.b.$ equalis numero $.a.d.$, qui est 2; quare totus numerus $.a.z.$ est 14, cui additus est numerus $.z.e.$: diuidatur ergo numerus $.a.z.$ in duo equa super $.z.$, erit ergo multiplicatio $.a.e.$ in $.e.z.$, que est 49, cum quadrato numeri $.z.d.$, qui est 49, equalis quadrato numeri $.i.e.$: quare radix eorum, que est 7, est numerus $.i.e.$; de quibus si auferatur numerus $.z.d.$, qui est 7, remanebunt 6 pro numero $.z.e.$, hoc est pro $.g.d.$; cui si addatur numerus $.a.d.$, habebis 8 pro numero $.a.g.$. Et si $.a.b.$ tantum fuerit ignotus; quia erit sicut $.a.b.$ ignotus ad $.g.a.$ notum, ita $.d.g.$ notus ad $.g.b.$ ignotum; quia multiplicatio noti $.a.g.$ in notum $.d.g.$, scilicet de 8 in 6, equatur multiplicationi $.a.b.$ ignotum in $.g.b.$ ignotum: diuidatur ergo $.a.g.$ in duo equa super $.e.$; et quia numerus $.a.g.$ diuisus est in duo equa; et ei additus est numerus $.g.b.$, erit multiplicatio $.a.b.$ in $.g.b.$ cum quadrato numeri $.e.g.$, equalis quadrato numeri $.e.b.$: est enim multiplicatio $.a.b.$ in $.g.b.$ 48, et quadratus numeri $.e.g.$ est 16; quibus insimilis (sic) iunctis, reddunt 64; quorum radix, que est 8, est numerus $.e.b.$; quibus si addatur numerus $.e.a.$, erit totus numerus $.a.b.$ 12. Sit itaque numerus $.a.d.$ ignotus, reliqui vero $.a.g.$, et $.a.b.$ sint noti; et quia est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita numerus $.d.g.$ ad $.g.b.$ erit multiplicatio $.a.b.$ in $.g.b.$, scilicet 48, equalis multiplicationi $.a.g.$ noti in $.d.g.$ ignotum: quare diuide 48 per $.a.g.$, scilicet per 8, exibunt 6 pro numero $.d.g.$; quibus extractis ex numero $.a.g.$, remanebunt pro numero $.a.d.$.

Modus proportionis in tribus numeris.

Et si fuerit sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita summa superhabundantiarum eorum, scilicet $.d.b.$ ad $.g.b.$; et sit ignotus numerus $.a.g.$, et $.a.b.$ sit 15, et $.a.d.$ sit 5; quare summa habundantiarum predictarum, scilicet numerus $.d.b.$ est 10; et quia est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.d.g.$ ad $.g.b.$; erit cum permutabitur, sicut $.a.b.$ ad $.d.b.$, ita $.a.g.$ ad $.g.b.$: ergo cum iungetur, erit sicut $.a.b.$ $.d.b.$, ita $.a.g.$ $.g.b.$, hoc est $.a.b.$ ad $.g.b.$: ergo est sicut 25 ad 10, ita 15, scilicet $.a.b.$ ad $.g.b.$ ignotum; sed 25 ad 10 sunt sicut 5 ad 2: quare multiplicabis 15 per 2, et diuides per 5; uel quinquam de 15 multiplica per 2, uenient 6 pro numero $.g.b.$; quibus diminutis ex numero $.a.b.$, remanent 9 pro numero $.a.g.$. Et si tantum numerus $.a.b.$ fuerit ignotus, quia est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.d.b.$ ad $.g.b.$; erit etiam cum cõmterteretur, sicut $.a.g.$ ad $.a.b.$, ita $.a.b.$ ad $.g.d.$; nec non cum diuidetur, erit sicut primus $.a.g.$ ad secundum

fol. 183 recto.
 arithm. 2. et a. fol. 180
 recto, l. 47. pag. 272.
 l. 6.

$a \quad d \quad e \quad b \quad g \quad z \quad c$

a. b. c. d. e. f. g. h. i. j. k. l. m. n. o. p. q. r. s. t. u. v. w. x. y. z.

$a \quad d \quad e \quad b \quad g \quad z \quad c$

et multiplicatio a. b. g. d. e. f. g. h. i. j. k. l. m. n. o. p. q. r. s. t. u. v. w. x. y. z.

$a \quad d \quad e \quad b \quad g \quad z \quad c$

summa a. b. c. d. e. f. g. h. i. j. k. l. m. n. o. p. q. r. s. t. u. v. w. x. y. z.

$a \quad d \quad e \quad b \quad g \quad z \quad c$

$.g.b.$, ita secundus $.g.b.$ ad tertium $.g.d.$; quare numeri $.a.g.$, $.g.b.$ et $.g.d.$ continui proportionales sunt; erit [ergo] multiplicatio $.a.g.$ primi in $.g.d.$ tertium equalis multiplicationi $.g.b.$ in se: est enim ac (sic) $.g.$ 9, et $.g.d.$ est 4, in quibus numerus $.a.g.$ superhabundat numerum $.a.d.$ Vnde si multiplicationis de 9 in 4 radicem acciperis, uenient 6 pro numero $.g.b.$; quibus additis cum $.a.g.$, uenient 15 pro numero $.a.b.$ Et si numerus $.a.d.$ fuerit ignotus, reliqui uero $.a.g.$ et $.a.b.$ sint noti; et quoniam est sicut $.a.b.$ uotus ad $.a.g.$ notum, ita $.d.b.$ ignotus ad $.g.b.$ uotum; quare si multiplicaueris $.a.b.$ in $.g.b.$, siliet 15 in 6; et diuiseris summa (sic) per $.a.g.$, siliet per 9, uenient 10 pro numero $.d.b.$; quibus dimiuitis ex numero $.a.b.$, remanebunt 5 pro numero $.a.d.$

Modus alius proportionibus (sic) in tribus numeris.

Et si fuerit sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.d.b.$ ad $.d.g.$; fueritque $.a.g.$ ignotus, reliqui $.a.b.$ et $.a.d.$ sint noti; in hac proportione demonstrabo, tertium numerum excedere non posse secundum, sic: quoniam est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.b.d.$ ad $.g.d.$; erit ergo, si diuiseris, sicut $.b.g.$ ad $.g.a.$, ita $.b.g.$ ad $.g.d.$; sed que eadem eadem propositionem (sic) habent, sibi inuicem sunt equalia; ergo numeri $.g.d.$ et $.a.g.$ sibi inuicem sunt equales, minor maior, quod est impossibile; maior est enim $.g.a.$, quam $.g.d.$ Vnde non potest saluari, nisi numerus $.b.g.$ sit zephirum, hoc est nichil; et tunc erit sicut zephirum, et $.g.a.$ ad $.g.a.$, ita zephirum, et $.g.d.$ ad $.g.d.$, hoc est sicut $.g.a.$ ad $.g.a.$, ita $.g.d.$ ad $.d.g.$: est enim $.g.d.$ id, in quo numerus $.a.g.$ excedit numerum $.a.d.$; quare numerus $.a.b.$ est equalis numero $.a.g.$, cum superhabundantia $.b.g.$ super $.g.a.$ sit nichil; ergo cum notus est numerus $.a.b.$, notus est numerus $.a.g.$ Aliter, quia est sicut $.a.b.$ ad $.a.g.$, ita $.b.d.$ ad $.g.$, erit, cum conuertetur, sicut $.a.b.$ ad $.d.b.$, ita $.g.a.$ ad $.g.d.$; ponamus $.a.b.$ esse 8, et $.a.d.$ esse 3; quare $.b.d.$ est 6; quare est sicut 8 ad 6, ita $.a.g.$ ad $.g.d.$; sed 8 ad 6, sicut 4 ad 3; ergo si extraxerimus 3 de 4, remanebit 1; quare est sicut 1 ad 3, ita $.a.d.$ ad $.d.g.$: quare si multiplicatio de 2 in 3 diuiseris per 1, uenient 6 pro numero $.g.d.$; cui si addatur $.d.a.$, siliet 2, erit numerus $.g.a.$ qualis (sic) numero $.a.b.$, ut predixi: nec est enim necessarium ponere ignotum aliquem numerorum $.a.b.$ et $.a.d.$; quia si notus est numerus $.a.g.$, notus et numerus $.a.b.$, cum sit ei equalis; et si uoti sunt numeri $.a.g.$ et $.a.b.$, notus erit et numerus $.a.d.$, cum possit esse qualis uis numerum (sic) minor numero $.a.g.$

Modus alius proportionis in tribus numeris.

Si uero proportio $.a.g.$ $.a.d.$, sicut proportio $.b.g.$ ad $.g.d.$; et sit ignotus primus numerus $.a.g.$; reliqui uero $.a.b.$, et $.a.d.$ sint noti: quoniam est sicut $.b.g.$ ad $.g.d.$, ita $.g.a.$ ad $.d.a.$, erit, cum permutaueris, sicut $.b.g.$ ad $.g.a.$, ita $.g.d.$ ad $.d.a.$; et cum composueris, erit sicut $.b.g.$ $.g.a.$ ad $.g.a.$, hoc est sicut $.b.a.$ ad $.g.a.$, ita $.g.d.$ $.d.a.$; hoc est $.g.a.$ ad $.d.a.$; quare numeri $.a.b.$ $.a.g.$ $.a.d.$ continui proportionales sunt: ergo cum ignotus sit numerus $.a.g.$, multiplicabitur $.a.d.$ in $.a.b.$, cuius summe radix est numerus $.a.g.$; et si fuerit ignotus numerus $.a.b.$, diuides quadratum numeri $.a.g.$ per $.a.d.$; et he contra (sic) si ignotus fuerit numerus $.a.d.$; nec nou et si duo illorum fuerint ignoti, poteris per reliquum ipsos inuenire: uerhi gratia: sit numerus $.a.d.$ 8: ponam $.a.g.$ 12 ad libitum; et multiplicabo 12 in se, et summa (sic) diuidam per 8, prouenient 18 pro numero $.a.b.$ Et si secundus fuerit 12, ponam ad libitum unum

• ad tertium ... erit • (Id. 180
recte, lra. 29, pag. 293. lra.
1 = 2).
a d g
Id. 180 recte.

• ut a g ... est ratio • (Id.
180 recte, lra. 14, pag. 252.
lra. 13 = 16).

• g a, ita ... g d, hoc est •
(Id. 182 recte, lra. 22, pag.
213, lra. 24 = 25).

Gal. 141 recto.

ex reliquis, in quo diuidam | quadratum numeri $a.g.$; et si maior eorum fuerit notus, faciam ex eo sicut feci de minori.

Modus alius proportionis in tribus numeris.

Ponam etiam, ut sit sicut $a.g.$ ad $a.d.$, ita $b.d.$ ad $g.d.$; et sit notus uterque numerorum $a.d.$ et $a.b.$; reliquis (*sic*) uero $a.g.$ sit ingnotus; et quoniam est sicut $a.g.$ primus ad $a.d.$ secundum, ita $b.d.$ tertius ad $g.d.$ quartum; erit ergo multiplicatio $a.d.$ in $d.b.$ equalis multiplicationi $a.g.$ in $g.d.$: sit ergo 6 numerus $a.b.$, et numerus $a.d.$ sit 2; quare $d.b.$ est 4; et sic ex $a.d.$ in $d.b.$ ueniunt 8; quibus multiplicatio $g.a.$ in $g.d.$ equalis: et quoniam est notus numerus $a.d.$, quadratum ipsius medietatis, scilicet 1, adde cum $g.$, erunt 9; de quorum radice, scilicet de 3, extrahere dimidium $a.d.$, remanebunt 2 pro numero $g.$; de quibus si addatur numerus $a.a.$, habebis 4 pro numero $a.g.$. Et si fuerit ingnotus numerus $a.b.$, inueniatur (*sic*), cum multiplicationem $a.g.$ noti in $g.d.$ notum diuideris per $a.d.$ notum; tunc procreabitur inde numerus $g.d.$, qui est 4; cui si addatur numerus $a.d.$, erit 6 numerus $a.b.$. Et si numerus $a.d.$ fuerit ingnotus tantum; quia est sicut $a.g.$ ad $a.d.$, ita $b.d.$ ad $g.d.$, erit, cum permutabitur, sicut $a.g.$ primus ad $g.d.$, ita $d.b.$ ad $g.b.$, qua in $g.$ notum ratum (*sic*): quare multiplicabis $a.g.$ notum, scilicet 4 per 2, erunt 8; quibus equatur multiplicatio $g.d.$ secundi in $d.b.$ tertium: quare si acciperis quadratum dimidii $g.b.$, qui est 1, et addes eum cum 8, erunt 9; si per (*sic*) radicem quorum si addideris 1, scilicet dimidium numeri $g.b.$, habebis 4 pro numero $d.b.$; que si auferatur de numero $a.b.$, remanebunt 2 pro numero $a.d.$: in hac autem proportionem, si unus numerus fuerit notum tantum, poteris per ipsum reliquos inuenire. Verbi gratia: quia est sicut $a.g.$ ad $a.d.$, ita $b.d.$ ad $g.d.$; ergo erit sicut $a.d.$ ad $a.g.$, ita $d.g.$ ad $d.b.$: sed cum diuideris, erit sicut $a.d.$ ad $d.g.$, ita $d.g.$ ad $g.b.$; ergo numeri $a.d.g.b.$ continui proportionales sunt: primum quidem si numerus $a.d.$ fuerit notus, ponam $d.g.$ ad libitum, cuius quadratum diuidam per $a.d.$ notum; et sic perueniet numerus $g.b.$: similiter si fuerit notus numerus $g.b.$, ponam ad libitum, et numerum $g.d.$; et multiplicabo $g.d.$ in se, et quod prouenit diuidam per $g.b.$, et ueniet numerus $a.d.$: et si fuerit notus numerus $a.g.$, accipiam ex eo ad libitum aliquem numerum, qui sit numerus $g.d.$: similiter et pro numero $a.d.$ ponam numerum qualem uoluerio, in quo diuidam quadratum numeri $g.d.$, et proueniet numerus $g.b.$.

Modus alius proportionis in tribus numeris.

Ponam etiam, ut sit sicut $a.g.$ ad $a.d.$, ita $d.g.$ ad $g.b.$; et sit ingnotus numerus $a.g.$, ex reliquis autem numerus $a.d.$ sit 4, et numerus $a.b.$ sit 10: quoniam est sicut $a.g.$ ad $a.d.$, ita $d.g.$ a (*sic*) $g.b.$; erit ergo sicut compositus numerus ex $a.g.$ et $a.d.$ primus ad $a.d.$ secundum, ita compositus ex $d.g.b.$ tertius ad $g.b.$ quartum: quare id quod prouenit ex $a.d.$ in $d.b.$, quod est 24, equatur $e.i.$, quod prouenit ex $a.g.$ et $a.d.$ in $g.b.$: producatur enim recta $b.a.$ in $e.$; et sit $a.e.$ equalis numero $a.d.$, erit tota $e.b.$ 14, que est indiuisa in duo super $g.$, ita quod multiplicatio $b.g.$ in $g.b.$ est 24: diuidatur ergo linea $e.b.$ in duo equa super punctum $f.$; erit $b.f.$ 7; de quorum quadrato, si auferatur multiplicatio $b.g.$ in $g.e.$, remanebunt 25 pro quadrato linee $g.f.$; quare $g.f.$ est 5; qui auferantur ex $f.b.$, remanebunt 2 pro numero $g.b.$; quibus extractis ex numero $a.b.$, habebantur 8 pro numero $a.g.$. Et |

si fuerit $a.g.$ notum +
Gal. 141 recto, lin. 11; pag.
374, lin. 12 et 13.

a d g b

si $a.d.$ notum +
Gal. 141 recto, lin. 27; pag.
374, lin. 24 et 25.

a d g b

si 10 numerus + Gal. 141
recto, lin. 31; pag. 394, lin.
24 et 25.

a a f d g b

Si numerus $a.b.$ fuerit ignotus; reliqui uero $a.d.$, et $a.g.$ sint noti; quia est sicut $a.g.$ notus ad $a.d.$ notum, ita $d.g.$ notus ad $g.b.$ ignotum: multiplicabis ergo $a.d.$ in $d.g.$, scilicet 4 per 4, et diuides per $a.a.g.$, uenient 2 pro $g.b.$; quibus additis cum $a.g.$, erit totus $a.b.$ 10. Sed sit ignotus numerus $a.d.$ tantum; et quia est sicut $a.g.$ notus ad $a.d.$, ita $d.g.$ ad $g.b.$ notum: multiplicatio ergo ex $a.g.$ in $g.b.$, que est 16, e[st] natu[r]a[m] multiplicationi $a.d.$ secundi in terciu[m] $d.g.$; que multiplicatio, cum sit equalis quadrato medietatis numeri $a.g.$, scimus, numerum $a.d.$ dimidium esse numeri $a.g.$; ergo $a.d.$ est 4.

Modus ultimus proportionis in tribus numeris.

Sit itaque sicut $a.g.$ ad $a.d.$, ita $d.b.$ ad $g.b.$: in hanc autem propositionem inuenietur senper, quod numerus est equalis superfluo tercii numeri super secundam; quod demonstrabitur ita: $d.b.$ ad $g.b.$ erit, supernutabitur (*sic*) et diuidetur, sicut $a.d.$ $d.g.$, ita $b.g.$ ad $d.g.$; que ergo eidem eandem proportionem habent, sibi inuicem equalia sunt; equalis ergo est numerus $a.d.$ numero $g.b.$, ut pre dixi. Vnde si ignotus fuerit numerus $a.g.$ tantum, extrahes numerum $a.d.$ ex numero $b.a.$, et remanebit notus numerus $a.g.$: et si fuerit numerus $a.b.$ ignotus, addes numerum $a.d.$ super numerum $a.g.$, habebis numerum $a.b.$: et si fuerit ignotus numerus $a.d.$, extrahes numerum $a.g.$ ex numero $a.b.$, residuum erit numerus $a.d.$ Et notandum, cum aliqui predictarum (*sic*) trium numerorum omnes tres numeri ponantur ignoti, et summa eorum ponatur nota, tunc inueniendi erunt tres numeri, qui sint in ipsa, quam uolueris, proportione, et eos in simul iunges; et si id, quod pronenerit, fuerit equale summe quesite, habebis utique propositum; sin autem cadet proportionaliter, uidelicet sicut inuenta fuerit ad quesitam, ita unusquisque trium inuentorum numerorum erit ad suum cumsimilem.

Incipit de proportione quatuor numerorum.

Cum quattuor numeri $a.b.g.d.$ proportionales fuerint ut $a.$ ad $b.$, ita $g.$ ad $d.$, erit permutatum sicut $b.$ ad $a.$, ita $d.$ ad $g.$; et sicut $g.$ ad $a.$, ita $d.$ ad $b.$; et multiplicatio $a.$ in $d.$ equatur multiplicationi $b.$ in $g.$; quare si fuerit ignotus numerus $d.$, diuides factum ex $b.$ in $g.$ per $a.$; et si $a.$ fuerit ignotus, diuides per $d.$ factum ex $b.$ in $g.$; et si fuerit ignotus numerus $b.$, uel $g.$ per notum ipsorum, diuides factum ex $a.$ in $d.$ Sed si preponatur, quod summa numerorum $a.b.$ sit 14; et numerus $g.$ sit 22, et numerus $d.$ sit 6; et his scire quantum sit numerus $a.$, uel numerus $b.$; quia est sicut $a.$ ad $b.$, ita $g.$ ad $d.$, erit ergo ut $a.b.$ ad $b.$, ita $g.d.$ ad $d.$: quare multiplicabis coniunctum ex $a.$, et $b.$, scilicet 14, per $d.$, hoc est per 6, erant 84; que diuise per iunctum ex $g.d.$, hoc est per 22, uenient 3 pro numero $b.$; quibus extractis ex 14, remanent 11 pro numero $a.$: similiter procedes, si numeri $a.$ et $b.$, nec non et summa ignotorum $g.d.$ fuerit nota. Item si fuerit ignotus unusquisque numerorum $a.g.$; sed summa eorum sit nota, et sint etiam noti numeri $b.d.$, erit sicut summa $b.d.$ nota ad notum $d.$, ita $a.g.$ notum ad $g.$ ignotum: quare multiplicabis coniunctum ex $a.g.$ in $d.$, et diuides per coniunctum ex numeris $b.d.$; et quod pronenerit erit numerus $g.$; quod (*sic*) extracto ex summa numerorum $a.g.$, remanebit numerus $a.$ notus: similiter facies, cum ignoti fuerint numeri $b.d.$, et eorum summa sit nota, nec non et unusquisque numerorum $a.g.$ sit notus.

fol. 181 verso.

* Si numerus ut sicut a (fol. 181 verso, lin. 2) pag. 375. (no. 1).

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{g}$$

* numerus ... extrahes a (fol. 181 verso, lin. 13 et 14) pag. 375, lin. 42 et 43.

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{g} = \frac{c}{h}$$

* numerus ... diuides a (fol. 181 verso, lin. 26-27) pag. 375, lin. 28-29).

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{g}$$

* multiplicabis ... extrahes ex a (fol. 181 verso, lin. 21-22) pag. 375, lin. 23-25).

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{g} = \frac{c}{h}$$

fol. 182 verso.

* 7) et comens... (fol. 182
recto, lin. 4-8; pag. 356,
lin. 2-8).

$$\frac{b}{a} \text{ lat. } \frac{g}{k} \text{ p. } \frac{e}{f}$$

$$\frac{d}{b} \text{ h. } \frac{g}{k} \text{ p. } \frac{e}{f}$$

Item sit sicut a . ad b ., ita g . ad d .; et sit summa numerorum bg . nota; sed unusquisque eorum sit ignotus: et sint etiam noti numeri $a.d.$; quorum a . sit 6, et d . sit 9; et summa numerorum bg . sit 21: quia factus ex a . in d ., silicet 54, equatur facto ex b . in g .; oportet ut diuidantur 21 in duas partes, quarum una multiplicata per aliam faciant 54: ergo ex quadrato medietatis de 21, silicet de $\frac{1}{2} 110$, extrahes 54; et radicem residui, que est $\frac{1}{2} 7$, retrahende (sic) $\frac{1}{2} 10$, remanent 3 pro uno ex numeris bg .; quibus extractis de 21, remanent 18 pro alio numero: erit enim sicut 6 ad 3, ita 18 ad 9; uel sicut 6 ad 18, ita 3 ad 9: eodemque modo procedes, cum summa numerorum $a.d.$ ignotorum fuerit nota cum numeris bg .: procedit enim ex hoc talis questio, quod quidam emit rotulos 6 nescio pro quot bizantiis; sed pro bizantiis 9 habuit rotulos nescio quod eadem rationem (sic); sed summa rotulorum et bizantiorum fuerit 24; de quibus extrahendi sunt rotuli 6, et hisani (sic) 9, remanent 11 pro summa duorum ignotorum numerorum, qui adsimulantur (sic) numeris bg .

* numerus... quare + (fol. 182
recto, lin. 19-21; pag. 356,
lin. 15-20).

$$\frac{a}{b} \text{ h. } \frac{g}{k} \text{ p. } \frac{e}{f}$$

$$\frac{d}{f} \text{ h. } \frac{g}{k} \text{ p. } \frac{e}{f}$$

Sit item proportio numeri ab . ad numerum g . sicut proportio $d.e.$ ad numerum z .; et sint ignoti numeri ab ., et g .; numeri autem $d.e.z$. sint noti; et sit notum superfluum numeri ab . super g ., quod sit numerus $a.c.$; et quia maior est numerus ab ., quam g ., maior erit numerus $d.e.$, quam z .: summantur itaque ex numero $d.e.$ numerus $f.e.$ equalis numero z .; et quia est sicut ab . ad g ., ita $d.e.$ ad z .; erit itaque sicut ab . ad cb ., ita $d.e.$ ad $f.e.$: quare si diuiseris, erit sicut $a.c.$ notus ad cb . ignotum, ita $d.f.$ notus ad $f.e.$ notum: quare multiplicabis ab . primum per $e.f.$ quartum, et diuides per $d.f.$ tertium, et proueniet cb ., silicet g . notus; quo addito cum $a.c.$ notum, erit notus totus numerus ab . Similiter si fuerint noti numeri ab ., et g .; et numeri $d.e.$ et z . sint ignoti; sed sit notum id, in quo numerus $d.e.$ excedit numerum z ., quod sit numerus $d.f.$: adiciam ergo ex numero ab . numerum cb . equalen numero g ., remanebit $a.c.$ notus; erit proportio noti $d.f.$ ad ignotum $f.e.$, sicut $a.c.$ noti $a.cb$. notum: quare multiplicabis $d.f.$ in b ., et summa diuidetur per $a.c.$, et quod exierit, erit numerus $f.e.$, hoc est numerus z .; super quem si additus fuerit numerus $d.f.$, erit notus numerus $d.e.$ Set sicut ignoti numeri ab . et $d.e.$, et uterque numerorum $g.z.$ sit notus, nec non et superfluum ab . supra $d.e.$, quod sit $a.c.$; quoniam est sicut ab . ad g ., ita $d.e.$ ad z .: permutatum ergo erit sicut ab . ad e ., ita g . ad z .: sit itaque numerus g . 9, et numerus z . sit 3, et superfluum ab . super $d.e.$, hoc est $a.c.$, sit 8: et quoniam est sicut g . ad z ., ita ab . ad $d.e.$; erit ergo sicut superfluum g . super z ., scilicet 8, ad superfluum ab . super $d.e.$, silicet ad 8, sicut z . ad numerum $d.e.$: quare multiplicabis numerum z . per 8, erunt 24; que diuides per 6, ueniunt 4 pro numero $d.e.$; cui addito numerus (sic) $a.c.$, habebunt 12 pro numero ab .: aliter erit sicut 6 ad 3, ita numerus 6 ad numerum ab .; quare multiplicabis 6 per 9, et diuides per 6, ueniunt 12; de quibus si auferatur numerus $a.c.$, remanebunt 4 pro numero $d.$, | ut predixi. Sed sicut numeri ab . et z . ignoti, et unusquisque numerorum $d.e.$ et g . sit notus, nec non et superfluum ab . super z ., quod sit $a.c.$; et quia est sicut ab . ad g ., ita $d.e.$ ad z ., erit multiplicatio ab . in z ., hoc est ex ab . in cb . est nota, cum equalis multiplicationi notorum $d.e.$ in g .; cui multiplicatione (sic) si addatur quadratus numeri z ., silicet dimidii numeri ab ., prouenit notus quadratus numeri z .; quare radix ipsius est z .;

fol. 182 verso.

* radix... radix + (fol. 182
verso, lin. 6-9 e 10; pag. 356,
lin. 42 - pag. 357, lin. 4).

$$\frac{a}{b} \text{ h. } \frac{g}{k} \text{ p. } \frac{e}{f}$$

$$\frac{d}{k} \text{ h. } \frac{g}{k} \text{ p. } \frac{e}{f}$$

de qua si auferatur $d.c.$ notus, remanebit $e.b.$, scilicet $.z.$, notus : si addatur $a.c.$ notus, erit etiam notus numerus $a.b.$; que etiam demonstrantur in numeris : ex $.g.$ quidem in $d.e.$, scilicet ex $.g.$ quidem in $d.e.$, scilicet ex 9 in 4; quibus si addatur quadratum medietatis numeri $a.c.$, qui numerus $a.c.$ sit 9, erunt $\frac{1}{2}$ 56; quorum radix, que est $\frac{1}{2}$ 27, est numerus $d.b.$; de quo si auferatur numerus $d.c.$, remanebunt 3 pro numero $e.b.$, hoc est pro numero $.z.$; cum quibus si addantur 9, idest numerus $a.c.$, erunt 12 pro toto numero $a.b.$ *

Item sit sicut $a.$ ad $b.$, ita $.g.$ ad $d.$; et sit summa quadratorum numerorum $a.b.$ 225, et numerus $.g.$ sit 4, et numerus $d.$ sit 3; addes quadratum de 4 cum quadrato de 3, scilicet 19 cum 9, erunt 28: proportio enim de 28 ad 9 est sicut proportio de 225 ad quadratum numeri $b.$: quare multiplicabis 9 per 225, et divides per 28, exhibunt 81 pro quadrato numeri $b.c.$; quare numerus $b.$ est 9: ex his autem colliges, omnia euenire in quadratis quatuor numerorum proportionalium, que diximus in numeris simplicibus, etiam et eadem prouenire in cubis ipsorum.

Explicit pars prima ultimi capituli. Incipit secunda de questionibus geometrie pertinentibus.

Est asta iuxta quamdam turrim erecta, habens in longitudine pedes .xx.; queritur, si pes aste separetur a turri pedibus 12; quot pedibus caput aste descenderit : sit itaque turris linea $a.b.$; ex qua accipitur $b.c.$ equalis date aste; et protrahatur linea $b.d.$ in plano, que sit pedum 12; et iceat asta $d.g.$ equalis linee $b.c.$; et sic fit trigoni recti angulum ab asta $d.g.$, et a plano $d.b.$, et a muro $b.$; et est angulus rectus ipsius, qui sub $g.b.d.$; et quoniam ut heuclides testatur in penultima sui primi libri, quod in trigonis recti angulis quadratus lateris subtendentis angulum rectum equatur quadratis duobus lateris reliquorum duorum laterum angulum rectum continentium; quare quadratus aste $d.g.$, scilicet 400, equatur duobus quadratis linearum $d.b.$, et $b.g.$: sed quadratus linee $d.b.$ est notus, cum ipsa sit nota; quare si auferatur quadratus ipsius, scilicet 144, ex 400, remanebunt pro quadrato linee $b.g.$ 256; quorum radix, scilicet 16, est linea $b.g.$; qua extracta ex linea $a.$, remanebunt 4 pro descensu capitis aste $g.c.$ Et si protrahatur pes aste donec caput eius descenderit pedibus 4; et queratur quantum pes elongabitur a turri; in hac ponitur notum latns $b.g.$; quia extractis 4 ex linea $a.b.$, que est longitudo aste, remanent 16 linea $b.g.$; quorum quadratus si auferatur ex quadrato aste $d.g.$, scilicet 256 ex 400, remanebunt 144 pro quadrato linee $b.d.$, que est separatio pedis aste a turri; et si fuerit nota altitudo $b.g.$, et plauum $b.d.$, et ignoraueris $b.d.$, et ignoraueris longitudinem aste $d.g.$, addes quadratos linearum $b.g.$ et $b.$ in unum, scilicet 256 et 144, erunt 400, quorum radix, scilicet 20, est asta $d.g.$; et hec memorie commenda, cum sint unum utilia.

In quodam plano sunt erecte due aste, que distant in solo pedibus 12; et minor asta | est alta pedibus 25, maior quoque pedibus 40; queritur, si maior asta ceciderit super minorem, in qua parte ipsius erit contactus eorum: sit itaque minor asta linea $a.b.$, maior uero $g.d.$, et copuletur recta $d.a.$; et quia quadratus maioris aste est plus duobus quadratis linearum $a.b.$ et $b.d.$, scitur, quod linea $d.a.$ est minor, quam linea $d.g.$: quare protrahatur linea $d.a.$ in punctum $e.$, et sit equalis recta $d.e.$ recte $d.g.$; ergo si asta $d.g.$ ceciderit super punctum $a.$, faciet lineam $d.e.$: erit ergo

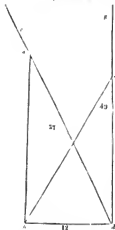
* cum 9 ... $d.$ sit 9 + (fol. 182 recto, lin. 14-15; pag. 387, lin. 10-12).

$$\frac{a}{g} = \frac{d}{b}$$

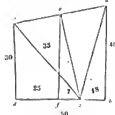
* equatur ... subtendens (fol. 182 recto, lin. 21 + 22-27; pag. 387, lin. 19-26).



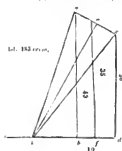
est alta ... iuncti ... (fol. 183
recte, lin. 1-14; pag. 297, lin.
25 — pag. 218, lin. 5.)



descendentes ... (fol. 183
recte, lin. 18-24
25, pag. 218, lin. 12-15.)



pro hanc ... (fol. 183
recte, lin. 24-25
149; 218, lin. 29 + 30-35.)



fol. 183 recte,

trigonum abd recti angulum; quare quadratus linee ad equatur duobus quadratis linearum ab et bd : adde ergo insimul quadratos earum, scilicet 1225 et 144, erunt 1369; quorum radix, scilicet 37, est linea ad ; quibus extractis ex linea de , scilicet ex asta dg , remanebunt 3 pro linea ae . Et si minor asta eeciderit super maiorem, extrahat 144 de 1225, remanent 1081; quorum radicem accipe in ista dg , sitque df ; in puncto ergo f erit eumtactus aste minoris: et ut hec apertius uideas, protrahe lineam bf , ipsa erit subtendens angulum rectum, qui est ad d ; quare quadratus linee bf equatur duobus quadratis in eorum (*sic*) fd et db ; qui quadrati, scilicet 1081 et 144, insimul iuncti, faciunt 1225; quorum radix, scilicet 35, est linea bf , que est equalis aste ba , ut oportet.

In quodam plano sunt due turres, quarum una est alta passibus 30, altera 40, et distant in solo passibus 50; infra quas est fons, ad cuius centrum uolitant due aues pari uolatu, descendentes pariter ex altitudine ipsarum; queritur distantia centri ab utraque turri: sit itaque maior turris linearum ab , minor sit gd ; spatium, quod erit inter eas, est linea bd ; et copulentur sumitates earum cum linea ag , que diuidatur in duo equa super punctum e ; a quo protrahatur linea ef equidista linee ab et gd ; et a puncto e protrahatur linea ez faciens duos angulos rectos super linea ag , id est circa e : dico quod punctus z est centrum fontis; quod probabitur ita: protrahant (*sic*) a puncto z due recte, que sint za et zg , que sunt uolatus auium, quos ostendam esse equales: quia linea za est subtendens angulum rectum in triangulo zae , ideo quadratus ipsius equatur duobus quadratis linearum ze et ea : similiter quadratus linee zg est equalis duobus quadratis linearum ge et ze ; sed ge est equalis ea , et quadratus linee ze est communis in predictis duobus trigonis; quare ga et az sunt equales, et hoc uolumus: sed si secundum numerum procedere uis, adde passus utriusque turris, scilicet 40 cum 30, erunt 70; quorum dimidium, scilicet 35, est linea ef : nam et dimidium spatii bd est 25, quod est quelibet linearum df et fb ; et accipe differentiam, que est a maiori turri usque in 35, que est 5; in quibus multiplica 35, erunt 175; que diuide per dimidium spatii, scilicet per 25, exhibent 7 pro linea fz ; cum quibus si addantur 25, scilicet linea df , erit linea dz 32: et si auferatur 7 ex linea fb , remanebunt 18 pro linea zb ; quorum quadratus si addatur cum quadrato turris ba , scilicet 324 cum 1600, erunt 1924 pro quadrato linee za , cui etiam equatur quadratus linee zg , cum proveniat ex additione quadratorum linearum zd et dg , scilicet de 1024 et de 900; et hoc uolumus. Et notandum, quod si quadratus maioris turris esset equalis duobus quadratis, qui sunt a spatio bd , et a minori turri, tunc centrum fontis esset punctus b , qui est pex maioris turris: et si quadratus ipsius maioris turris superhabundaret super summam predictorum quadratorum, tunc centrum erit extra minorem turrim; quod inuenies eodem modo. Verbi gratia: sit spatium bd , quod est differentiam (*sic*) turrium, 10; et turres sint eadem, ut hac alia cernitur formula; et protrahatur linea db in infinitum super punctum b ; et a puncto e protrahatur linea ef , nec non et linea ez faciens angulos rectos super linea ag ; quare ostendentur ex his que diximus, linee za et zg sibi inuicem esse equales: nam si prescripta 175 diuiseris per spatium df , quod est 5, nimirum 35 ueniet pro spatio fz : quare centrum z distat a pede minoris turris, scilicet a puncto d , passibus 40; ex quibus si extrahatur spatium db , scilicet 10, rema-

nebunt 30 pro spatio *b.z.*, quod est extra maiorem turrim; et nota quia est super linea *d.i.* protrahetur in plano linea ab utraque parte in iofuitum per punctum *z.*, secans ipsam ad rectos angulos; tunc in quacumque parte ipsius linee uelles, posset esse centrum predictæ fontis. Et si a centro fontis due aues insimul discesserint, et pari uolatu super altitudines duarum turrim ab utrumque (*sic*) parte fontis existentium uno et eodem momento deuenierit; et uis scire utriusque turris altitudinem; et sit centrum predictum longe a minori turri passibus 28, a maiori passibus 15; sic facit quadratum minoris spatii de quadrato maioris extrahe, scilicet 321 de 1024, remanebunt 703, que serua; et pone altitudinem minoris turris ad libitum, sicque (*sic*) 30; super quorum quadratum adde 700 seruata, erunt 1009; quorum radix, scilicet 32, erit altitudo maioris turris. Et si proponatur, quod maior turris altior minore passibus 8, dimidium de 8 serua, et adde insimul distancias centri a turribus, scilicet 18 et 32, erunt 50; quorum dimidium, scilicet 25, extrahe (*sic*) de 32, remanent 7; que multiplica per eadem 25, erunt 175; que diuide per 4 seruata, exhibent $\frac{1}{4}$ 43 pro linea *e.f.*; super que adde 4, erunt $\frac{1}{4}$ 47 pro altitudine maioris turris; de quibus extractis 8, in quibus ipsa excedit minorem, remanebunt $\frac{1}{4}$ 39 pro minori turri.

Quidam habuit libras 100, de quibus lucratus est in quodam foro aliquid; ex quibus omnibus lucratus est in alio foro proportionaliter, secundum quod lucratus fuerat in primo foro, et habuit libras 200; pone *a.* pro libris 100, et *b.* pro eo, quod habuit ioter capitale et lucrum in primo foro; et *g.* sit 200; quia est sicut *a.* ad *b.*, ita *b.* ad *g.*, erit multiplicatio *a.* in *g.* equalis quadrato numeri *b.*: ergo multiplicabis 100 per 200, erunt 20000; quorum radix, que est circa libre 141, et soldi 8, et denarii $\frac{1}{2}$ 8, est numerus *b.*; de quibus auferantur libre 100 capitalis, remanebunt libre 41.

Rursus quidam habuit libras 100, cum quibus fecit nouum uiadium, et lucratus est nescio quot; et tunc accepit alias libras 100 in societate; et cum his omnibus lucratus est eadem ratione, qua lucratus fuerat in primo uiagio; et sic habuit libras 299; queritur, quot lucratus fuit: sit *a.* 100; de quibus facit numerum *b.* in primo uiagio; super quem addantur libre 100 societatis, et proveniat quantitas *g.c.d.*; de qua *g.c.* sit 100; et ex quantitate *g.c.d.* facit in secundo uiagio libras 299, que sint numerus *e.*; et diuidatur *g.c.* in duo equa super *z.*; et quia est sicut *a.* ad *b.*, ita *g.d.* ad *e.*, erit multiplicatio ex *b.* in *g.d.* equalis multiplicationi *a.* in *e.*: sed multiplicatio *a.* in *e.*, scilicet de 100 in 299, est 29900; quibus equatur multiplicatio ex *b.* in *g.d.*: sed *c.d.* est equalis *b.*; erit ergo multiplicatio *g.d.* in *c.d.* 29900; quibus si addatur quadratus numeri *z.c.*, scilicet 2500, erunt 32400; quorum radix, scilicet 180, est numerus *z.d.*; ex quibus si auferatur 50, scilicet *z.c.*, remanebunt 130 pro oumero *c.d.*: sed *c.d.* est equalis *b.*; ergo *b.* est 130, qui fuit capitale et lucrum primi uiagii; de quibus auferantur libre 100 capitalis, remaneat libre 30 pro lucro: ergo ex libris 100 lucratus fuit 30; centesima pars quarum, scilicet soldos 6, lucratus fuit per libram in uno quoque uiagio. Item quidam habuit libras 100; de quibus, et de eorum proficuo lucratus est semper equaliter in tribus foris, et in fine habuit libras 200; queritur, quot in uno quoque habuit foro: hic intelliguntur quatuor numeri cootinuim proportionales; ex quibus primus, et quartus sunt noti, scilicet libre 100 et libre 200; reliquos oportet nos inuenire. Et quooiam ut euclides

* remanebunt ... libro 41. (fol. 182 verso, l. in. 81-82; pag. 299, l. in. 45 e 16-17).



* et proveniat ... est 29900 (fol. 182 verso, l. in. 26-27; pag. 299, l. in. 28-32).



64. 182 verso, margine inferiori exteriori.



64. 181 verso.

* pro lucro ... lucratus (fol. 184 verso, l. in. 6; pag. 309, l. in. 28 e 35).

299



dicit, inter duos cubos numeros duo medi intercidunt numeri continui cum ipsis in proportione continui; ideo cubicetur 100, erunt 1000000, quorum proportio est ad cubum denariorum primi fori, sicut primus numerus ad quartum, ut euclides ostendit. Et quia quartus numerus, scilicet 200, est duplum primi, duplica 1000000, erunt 2000000 pro cubo denariorum primi fori; quibus etiam duplicatis faciunt 4000000 pro cubo denariorum secundi fori; quibus duplicatis faciunt 8000000, scilicet cubum ducentarum librarum, quas ipse habuit in ultimo foro: ergo reperias radicem cubicam numerorum primi et secundi fori, et habebis quesita secundum propinquitatem, cum ipsi numeri radicem cubicam non habeant: sed si primus numerus eorum, et ultimus essent cubi, uel habentes proportionem inter se sicut cubus numerus ad cubum numerum; tunc interciderent inter eos duo numeri ratiocinati. Verbi gratia: si primus numerus 24, quartus uero sit 81; quorum proportio est sicut cubus 8 ad cubum 27: unde si uis inuenire numeros intercedentes, accipe radices cuborum, eruntque 2 et 3, in quorum proportione cadunt numeri intercedentes: quare triplum primi numeri diuides per 2; uel dimidium eius, quod est 12, triplica, uenient 36 pro secundo numero; quorum dimidio iterum triplicato, uenient pro tercio numero 54; quorum etiam dimidio iterum triplicato, prouenit est (sic) quartus numerus 81, ut uolebamus: et notandum, quod quando in similibus inter primum numerum, et ultimum, scilicet inter capitale, et id quod habuit in fine suorum uiagiorum, unus intercudit numerus, ut in duobus foris, tunc proportio ipsorum trium numerorum dicitur esse duplicata in ea, quam habet ultimus numerus ad primum numerum; hoc est sicut ultimus numerus est ad primum, ita quadratus secundi numeri est ad quadratum primi, et quadratus ultimi ad quadratum secundi: et dicitur duplicata, quia quadratus numerus surgit ex duobus numeris equalibus: et cum duo intercidunt numeri, tunc ipsorum quattuor numerorum proportio dicitur esse triplicata, hoc est, sicut ultimus est ad primum, ita cubus secundi ad cubum primi, et cubus tertii ad cubum secundi, et cubus ultimi ad cubum tertii: et dicitur triplicata, quia omnis cubus numerus surgit ex tribus equalibus numeris, ut 8, qui surgit ex tribus binariis: et cum tres interciderent numeri, ut in questione quattuor uiagiorum, tunc proportio ipsorum quinque numerorum erit quadruplicata; hoc est, sicut proportio quinti ad primum, ita quadratus quadrati unius cuiusque sequentis erit ad quadratum quadrati sui antecedentis: et dicitur quadruplicata; | quia omnis quadratus quadrati surgit ex quatuor numeris equalibus (sic), ut 81, qui surgit ex quattuor ternariis; et sic per ordinem ascendit proportio ex additione intercedentium numerorum: nam quincuplata proportio est in cubis quadratorum, uel in quadratis cuborum; ex quibus est 32, qui surgit ex 8 binariis, uel ex multiplicatione cubi binarii in quadratum eius: seveuplata uero proportio est in cubis cuborum, qui numeri oriuntur ex sex numeris equalibus; ex quibus si acceperis radicem quadratam, proueniet numerus, cuius radix cubica est latus ipsorum numerorum; uerbi gratia: ut in 729, quorum radix quadrata est 27, qui numerus est latus de 729, secundum has multiplicitates. Ex his autem habetur, quod quando extremi numeri, scilicet capitale, et id quod habetur in fine duorum uiagiorum non habeant proportionem inter se sicut quadratus numerus ad quadratum numerum, tunc numerus intercicens inter eos erit radix numeri non quadrati. Et cum tres fuerint uiaj; et extremi non habuerint proportionem sicut cubus

numerus ad cubum numerum; tunc unus quisque duorum intercidentium numerorum erit radix cubica numeri non cubi; et si .iii.^{or} fuerint uiadii; et extremi non habuerint proportionem inter se, sicut quadratus numerus quadrati ad quadratum quadrati, tunc unus quisque trium intercidentium numerorum erit radix radices numeri non quadrati; et sic intelligas in reliquis.

Quidam habens bizantios, cum quibus lucratus est in quodam foro, ita quod inter capitale et proficuum habuit bizantios 80; de quibus lucratus est in alio foro eadem ratione, quod lucratus fuerat prius, et habuit aliquid; et fuerit proportio capitalis ad ultimum numerum, sicut est proportio quadrati de 3 ad quadratum de 9, hoc est sicut 25 est ad 81: multiplicabis itaque 8 per 9, erunt 45; quorum proportio ad 80 est sicut 25 ad quesitum capitale; et sicut 81 ad ultimum numerum: quare multiplicanda sunt 25, et 81 per 80; et diuidenda utraque multiplicatio per 45, exhibunt pro capitali bizantii $\frac{4}{3}$ 44, et pro ultimo numero bizantii 144. Eadem regula retinet, cum dicitur: inueniantur duo numeri, ex quibus $\frac{1}{2}$ unius sit $\frac{1}{3}$ alterius; et simul multiplicati faciant 80; erit primus numerus $\frac{2}{3}$ 9, scilicet radix de $\frac{1}{3}$ 44 predictis; et alius numerus erit 12, scilicet radix de 144; et inueniuntur ita: quia $\frac{1}{2}$ primi numeri est $\frac{1}{3}$ secundi; inueniendi sunt duo numeri, quorum $\frac{1}{2}$ unius est $\frac{1}{3}$ altius (sic); erunt que 5, et 9: multiplica ergo 8 per 89, et diuide per 9; et 9 per 80 diuide per 5, exhibunt $\frac{558}{9}$, et 144 integra, quorum radices, scilicet $\frac{80}{9}$, et 12 sunt quesiti numeri. Et si vis inuenire duos numeros, ex quibus $\frac{2}{3}$ unius sint $\frac{1}{3}$ alterius, et insimul multiplicati facient 60; inuenies ergo duos numeros, ex quibus $\frac{2}{3}$ unius sint $\frac{1}{3}$ alterius; eruntque in minoribus numeris 9 et 10: multiplica ergo secundum regulam superscriptam 10 per 60, et diuide per 9, exhibunt $\frac{2}{3}$ 66; quorum radix est primus numerus. Item multiplicationem de 9 in 60 diuide per 10, erunt 54; quorum radix est secundus numerus.

Si vis inuenire duas radices in integris, quarum quadrati in insimul coniuncti faciunt quadratum numerum, scilicet habentem radicem, accipe duos numeros quadratos, uel habentes inter se proportionem quadratorum; et sintambo (sic) pares, uel impares; et multiplica unum in alium, et uenientis numeri radicem accipe, que erit una ex radicibus quesitis: deinde aggrega numeros prescriptos, et egredietur uergerus par; et cum ambo sint pares, uel impares, cuius numeri dimidium accipe; et ex ipsa medietate minorem numerum extrahe, residuumque erit alia radix; uerbi gratia: sint duo quadrati numeri 1, et 9; quibus coniunctis faciunt 10; et ex multiplicatione unius in alium surgit 9, cuius radix est 3, quam habeas pro radice: et extrahe minorem numerum, scilicet 4, ex medietate decenarii, remanebunt 4 pro alia radice.

Inueniuntur hec per unam ex superscriptis definitionibus, scilicet cum numerus diuiditur in duas euales partes, et in duas inuales, erit multiplicatio minoris partis per maiorem cum quadrato numeri, qui est a minori parte usque ad medietatem totius numeri diuisi, equalis quadrato dicte medietatis. Quare ponamus iterum pares numeros habentes proportionem inter se, sicut quadratus numerus ad quadratum numerum; et sint 8 et 18, quorum proportio est sicut 4 ad 9, qui sunt numeri quadrati; qui insimul iuncti faciunt 26, cuius dimidium est 13: ergo 26 diuisus est in duas partes inuales, scilicet in 8 et in 18; et in duas euales, scilicet in 3 et 12: esto ergo multiplicatio de 8 in 18 cum quadrato quinarum, qui est ab 8 in 12, equalis multiplicationi de 12

Ed. 185

* 12 ergo ... habet in s. 64.
185 nota, lu. 9, pag. 401,
lu. 41 e 47.

$$\frac{8}{1} \times \frac{18}{1} = \frac{144}{1} \quad \frac{12}{3} \times \frac{12}{3} = \frac{144}{9}$$

in se. Sed ex multiplicatione 8 in 18 surgit 144, qui est quadratus, cuius radix est 12; et ex multiplicatione quinarum in se, qui est alia radix, surgit 25; et sic habentur 169, cuius radix est 13. Aliter est quidem manifestum, quod omnes quadrati numeri componentur aggregatione imparium numerorum per ordinem. Vt si super 1, qui est quadratus, et est primus impar, addatur 3, qui est secundus impar, habebitur 4, qui est secundus quadratus; super quem si addatur tertius impar numerus, scilicet 5, tertius quadratus, scilicet 9, procreatur; et sic infinitum (*sic*) ex continua collectione imparium quadrati per ordinem orientur. Quare si acceperimus aliquem quadratum (*sic*) numerum imparem, uel ortum ex duobus, uel pluribus imparibus numeris continuis; et summam reliquorum imparium ab unitate acceperimus, nimirum duos quadratos habebimus, qui coniuncti aliquem quadratum numerum reddent. Verbi gratia: accipimus 49 pro uno quadrato; et colligamus omnes impares, qui sunt hab (*sic*) uno usque in 47, scilicet multiplicemus 24 in se, et habebitur 576 pro secundo quadrato, cuius radix est 24; et radix de 49 est 7, et summa horum quadratorum est 625, quorum radix est 25: similiter si posueris duos, uel plures numeros continuos impares, quorum conuinctio faciat quadratum numerum; radix quidem ipsius erit una ex quisis (*sic*) radicibus; summe uero reliquorum imparium radix, qui sunt ab ipsis usque ad unitatem, erit alia.

De inuentione duarum radicum, quarum multiplicationes faciant 25.

Si dicatur: ter tria faciunt 9, et quater quatuor faciunt 16; quibus insimul additis faciat 25: uolo ut inuenias alias duas radices, quarum quadrati iterum faciant 25: quia 25 est numerus habens radicem, scilicet 5, reperiende sunt alie due radices, quorum quadrati insimul iuncti faciant alium quemlibet numerum habentem radicem, eruntque 5, et 12: nam 5 multiplicata in se faciunt 25, et 12 in se faciunt 144; quibus insimul iunctis faciunt numerum habentem radicem, uidelicet 169, cuius radix est 13: deinde multiplica radicem de 25, uidelicet 5, per 12 modo inuenta, erunt 60; que diuide per 12, exhibent $\frac{5}{12}$ 4 pro una ex duabus radicibus: deinde multiplica eadem 5 per alia inuenta 5, erunt 25; que similiter diuide per 12, exhibit $\frac{5}{12}$ 4, que sunt alia radix. Verbi gratia: multiplicatio de $\frac{5}{12}$ 4 in se facit $\frac{25}{144}$ 21; et multiplicatio de $\frac{5}{12}$ 4 in se facit $\frac{25}{144}$ 3; quibus insimul iunctis faciunt 25, ut quesitum est; et sic potes multimode alias duas radices inuenire, quarum multiplicationes iuncte faciunt 25, ex quibus sunt ex quibus sunt (*sic*) $\frac{1}{2}$ 4, et $\frac{3}{2}$ 2, uel hec $\frac{7}{2}$ 4 et $\frac{11}{2}$ 4, et etiam $\frac{16}{4}$ 4 et $\frac{9}{4}$ 4.

De inuentione duarum radicum, quarum multiplicationes faciant 41.

Item 4 uices 4 faciunt 16, et 5 uices 5 faciunt 25, que insimul faciunt 41; et queritur, ut inuenias alias duas radices, quarum quadrati faciant simul 41. Inueniantur quidem duo quilibet numeri, quorum multiplicationes iuncte faciant quemlibet numerum habentem radicem; sitque 3 et 4, quorum multiplicationes iuncte faciunt habentem radicem, scilicet 25; cuius radix, uidelicet 5, multiplicetur per utrasque radices propositas, scilicet per 4, et per 5, exhibunt 20, et 25: deinde multiplica 20 per 20, erit 400, et 25 per 25, erunt 625; qui insimul iuncti faciunt 1025: uel multiplica 25 per 41, et erunt similiter 1025. In quibus alias duas radices poteris reperire in sanis preter 20, et 25, que faciunt 1025; quas inuenies sic: pone radices, que fecerunt 25, unam sub alia; ante quas pones eas, que fecerunt 41, ut hic ostenditur; et multiplicabis 3 per 4, que sunt autem ipsa 3, et que fuit una ex radicibus de 25; et 4 per 5, que

Id. 183. vers.

et cetera... questio... fol. 183
vers. lin. 9 et 10 15. pag. 402.
lin. 49 — pag. 403, lin. 3.

| | |
|---|---|
| 3 | 4 |
| 4 | 5 |

sunt ante ipsa, et habebis 12, et 20, que seruabis ex parte. Rursus multiplicabis radices ex opposito, scilicet 3 per 5, et 4 per 4, erunt 15, et 16; que adde insimul, erunt 31; et extrahe 12 de 20, remanent 8; et sic habes pro quesitis duabus radicibus 21, et 8; quorum multiplicationes insimul iuncte, scilicet 961, et 64, faciunt 1025: quare diuidendum est uterque numerus, uidelicet 21, et 8 per 5, que multiplicasti superius, per positas radices, uidelicet per 4, et per 5, exhibunt 5, et $\frac{8}{5}$; et $\frac{7}{5}$; quorum multiplicationes, si insimul adderis, faciunt 41. Sunt enim 1025 alie due radices, quarum multiplicationes insimul iuncte faciunt iterum 1025, que reperiuntur ex predictis .an.⁶⁶ inuentis numeris sic; adde 12 cum 20, et extrahe 15 de 15; et egredientur pro ipsis radicibus 12, et 15; quibus per 5 diuisis, reddent $\frac{12}{5}$ 6, et $\frac{15}{5}$ 3; quorum quadrati faciunt iterum 41: possumus enim cum multiplicatione duorum aliorum numerorum multimode ad eadem 41 peruenire, uidelicet si acceperimus alios duos numeros preter 3, et 4; quorum multiplicationes iuncte insimul faciunt alium numerum habentem radicem, ut 6, et 12, qui faciunt alium numerum habentem radicem, uidelicet 109; de cuius radice, uidelicet de 12, facias sicut fecisti de 5, reperies $\frac{5}{12}$ 2, et $\frac{5}{12}$ 5; quorum multiplicationes insimul iuncte faciunt similiter 41. Nam unde hec inuentiones procedunt (sic), geometrica demonstrata sunt in libello, quem de quadratis composui.

De petia panni, ex qua quidam uohuit facere lintheamina.

Quidam habet petiam unam panni, que est longa luluis 100, et ampla ulnis 50; ex qua uult facere lintheamina, quorum unum quodque habeat in longitudine ulnas 12, et in latitudine ulnas 5. Queritur, quot lintheamina inde facere potest. Multiplicabis itaque latitudinem petie per ipsius longitinem (sic), uidelicet 50 per 100, erunt 200; que diuide per longitudinem, et latitudinem lintheaminum, uidelicet per 5, et per 12, hoc est per $\frac{5}{12}$, exhibunt lintheamina 50.

De archa prestita plena frumento.

Quidam recepit mutuo quandam archam plenam frumento, que habuit in singulis lateribus, uidelicet in latitudine, logitudinem (sic), et altitudine palmos 16: accidit nempe, quod ipsa archa fuerit igne colusta (sic); sic quod non posset frumentum cum ipsa archa reddere; qui, cum cumueniretur, ut rederet frumentum suo prestatori, ait: habeo archam, que habet in singulis lateribus palmos 4, tolle cum ea tuum frumentum; queritur, quot archas frumenti ei reddere debeat: multiplicabis itaque latitudinem maioris arche per longitudinem ipsius, uidelicet et (sic) 16 per 16, erunt 256; que multiplica per altitudinem, uidelicet per 16, erunt 4096; que diuide per 64, que exiit ex multiplicatione laterum minoris arche, uidelicet de 4 in 4; que in 4, exhibunt arche 64: uel aliter: diuide latus maioris arche per latus minoris, uidelicet 16 per 4, exhibunt 4; que cubica, erunt similiter arche 64, ut prediximus. Si autem aliqua prescriptarum archarum inaequalia haberet latera priori regule non obstaret; quia semper multiplicanda est latitudo per longitudinem, et altitudinem maioris arche; et debes diuidere ipsam summam per latitudinem, et altitudinem minoris.

De cisterna plena aqua, in qua eicitur lapis tetragonis (sic).

Est cisterna plena aqua, que tenet bariles 1000; et habet in latitudinem pedes 20, et in longitudinem pedes 24, et in altitudinem pedes 20. Queritur, si eiciatur in eam lapis quadratus, habens in singulis lateribus pedes 6, quanta aqua inde eierit: mul-

tiplicabis itaque cisterne latitudinem per longitudinem, scilicet 30 per 24, erunt 720; que multiplica per altitudinem, uidelicet per 30, erunt pro area totius cisterne pedes quadrati 14400, quos serua; et multiplica in unum latitudinem, et longitudinem, et altitudinem lapidis, scilicet 6 per 6; que per 6, erunt 216 quadrati pro archa (sic) ipsius lapidis. Quare proportionaliter est sicut 216 ad 14400, ita bariles euacuationis ad bariles 1000. Quare multiplica 216 per 1000, erunt 216000; que diuide per 14400, exhibunt 15; et tot bariles aque exhibent de cisterna pro ipso lapide.

De cisterna, in qua cicitur columpna.

Item si in cisterna superscripta cicitur collumpna, que sit longa pedibus 10; et habeat in circuitu pedes 22, sic facies. Inuenies superscripta 14400, que est summa pedum totius cisterne; deinde inuenies diametrum collumpne, que per geometriam sic inuenitur: uidelicet quod diuides circulum columpne, uidelicet 22 per $\frac{1}{2}$ 2, exhibunt pro diametro pedes 7; quorum dimidium, quod est $\frac{1}{2}$ 2, multiplica per dimidium circuli, uidelicet per 11, erunt $\frac{1}{2}$ 28, que sunt area circuli columpne; quam multiplica per longitudinem columpne, uidelicet per 10, erunt pro area collumpne pedes quadrati 280; quos multiplica per bariles 1000, erunt 280000; quos diuide per 14400, exhibunt $\frac{22}{17}$ 26; et tot bariles aque exierunt de cisterna pro columpna illa.

Rursus si in eadem cisterna cicitur lapis, qui habeat formam pyramidis circularis, hoc est, quod in basi sit ut pes columpne rotunde; et uadat ipsius rotunditas semper minuendo uersus altitudinem, donec ad nichilum redigatur; et sit circulus basis pedum 22; et in ipsius altitudinem habeat pedes 18. Inuenies siquidem diametrum ipsius basis; hoc est, quod diuides 22 per $\frac{1}{2}$ 2, et habebis 7 pro diametro ipsius; cuius dimidium, uidelicet $\frac{1}{2}$ 2, multiplicabis per dimidium circuli, scilicet per 11, erunt $\frac{1}{2}$ 28, que sunt area basis: deinde inuenies diametrum altitudinis pyramidis; quod sic inuenitur. Multiplicabis 18 per 18, erunt 324; de quibus extrahere multiplicationem dimidii diametri circuli, uidelicet $\frac{1}{2}$ 2, in 36, que multiplicatio est $\frac{1}{4}$ 12, remanebant $\frac{1}{4}$ 216; quorum radix, que est parum amplius de $\frac{1}{15}$ 17, erit perpendicularis, uidelicet diametrum altitudinis ipsius. Cuius terciam partem, que est $\frac{1}{17}$ 5, multiplica per $\frac{1}{2}$ 28, erunt pedes $\frac{5}{17}$ 216; et tanta erit archa totius pyramidis (sic); que multiplica per bariles 1000, et diuide per archam (sic) cisterne, uidelicet per 14400, exhibunt bariles $\frac{5}{17} \frac{2}{9} \frac{1}{17}$ 15.

De cisterna, in qua cicitur lapis ex utraque parte pyramidatus.

Iterum si in eadem cisterna cicitur lapis, qui habeat formam fusi, cum quo filant mulieres, in duo reddit pyramides similes superscripto pyramidi; et quod ponatur in uentre, scilicet in sectione pyramidorum circumdetur pedibus 44; et in longitudine habeat exterius pedes 26: inuenies itaque aream pyramidis per superscriptam regulam; et addes eas in unum, erunt pedes $\frac{2}{3}$ 1124; quos multiplicabis per bariles 1000, et diuides per 14400, exhibunt bariles $\frac{1}{3} \frac{2}{9} \frac{1}{17}$ 78.

De cisterna, in qua cicitur sphaera rotunda.

Ahuc si in superscripta cisterna cicitur forma rotunda, in cuius circuitu sint pedes 44, inuenies (sic) diametrum ipsius; scilicet quod diuides 44 per $\frac{1}{2}$ 2, exhibunt pro diametro ipsius pedes 14; que multiplica per sextam partem ipsius, uidelicet per $\frac{1}{3}$ 2, erunt $\frac{1}{3}$ 28; que multiplica per 44, erunt 1232; et tot pedes quadrati continetur in superscripta forma; quos multiplica per bariles 1000, et diuide per 14400, exhibunt $\frac{11}{12}$ 96;

et tot bariles exierunt de cisterna pro eiectione illius formæ: possumus est (*sic*) in superscriptam cisterna (*sic*) varias lapidis formas eicere, ut pote triangulatas, quadratas, pentagulas, ctiam plurium laterum habentes, seu obliquas; quas relinquimus demonstrare his, qui geometriam ignorant.

De trigonali ciborio picto a tribus magistris.

Quidam construxit palatium; et pro tecto sui talami ciborium ex .iii. trigonis constituit. Quorum unum quodque latus habebat in altitudine palmos 36; et in eorum base palmos 30; quod ciborium tribus magistris dedit ad pingendum. Quorum primos pinxit suam portionem, uidelicet tertiam partem, incipiendo ad puncta illius ciborii, finiendo ad equi distantem lineam circiter cum base trigonorum; secunda (*sic*) suam tertiam partem post primum circiter pingere studuit; tertius uero pinxit residuum. Queritur quantum unusquisque ex ascendentibus lineis trigonorum pinxerit, cum unusquisque ipsorum tantum tertiam partem ciborii pinxisse proponatur. Mensuram quidem basis in hac questione nil facere scias. Mensuram uero linearum ascendentium a base usque ad puncta ciborii, uidelicet 36 in se ipsa multiplicata, erunt 1296; et radicem tercie partis ipsi, uidelicet de 432 subtiliter inuenire studeas. Nam ipsa erit portio, quam primus ex ipsis lineis a puncti inferiori descendendo depinxit. Similiter si de $\frac{1}{3}$ de 1296, scilicet de 364, radicem subtiliter acceperis, terminum secundi magistri ab eadem puncta inferiori descendendo reperies. Residuum uero pinxit tertius, ut in subiecta figura ostenditur. Vnde manifestum est, quod ex quacunque parte de superscriptis 1296 radicem acceperis, dabit punctum (*sic*), seu terminum tibi eiusdem partis superscripti ciborii a puncta incipiendo, et inferiori uidendo (*sic*), ut superius demonstraui.

Sunt tres numeri; ex quibus medietas primi est tertia pars secundi; et quarta pars secundi est quinta pars tertiæ numeri; et multiplicatis ipsis tribus numeris in unum, scilicet primum per secundum; quorum summa multiplicata per tertium faciunt additionem eorundem. Inuenias primum tres numeros, quorum medietas primi sit tertia pars secundi, et quarta secundi sit quinta tertiæ, eruntque 8, et 12, et 15: pone ergo ut primus numerus sit 8, secundus 12, tertius 15; et multiplica eos in unum, et etiam addes eos, erit eorum multiplicatio 1440; et eorum additio est 35. Vide ergo que pars sit additio dicta ex multiplicatione predicta; quia eadem pars erit tetragonis uniuscuiusque quesitorum numerorum ex tetragono sui positi numeri in se. Itaque 35 de 1440 sunt $\frac{1}{40}$; quia tetragonus primi numeri quesiti est $\frac{1}{120}$ ex tetragono de 8, scilicet de 64. Similiter tetragonus secundi quesiti numeri est $\frac{1}{120}$ ex tetragono de 12, scilicet de 144. Item et tetragonus tertiæ quesiti numeri est $\frac{1}{120}$ ex tetragono de 15, scilicet de 225: unde multiplicata sunt 7, que sunt 7 super 258, per 64, et per 144, et per 225; et diuidenda una queque multiplicatio per 288; et habebis pro tetragono primi numeri $\frac{1}{2}$ 1, cuius radix est primus quesitus numerus; et pro tetragono secundi numeri habebis $\frac{1}{2}$ 3, cuius radix est secundus numerus; et pro tetragono tertiæ numeri habebis $\frac{1}{2}$ 5. Et notandum, quia cum numeri fuerint duo tantum, erit proportio uniuscuiusque positorum numerorum ad suum consimilem quesitorum, sicut proportio multiplicationis positorum ad additionem eorundem; que proportio dicitur simplex. Et cum numeri fuerint tres, erit sicut multiplicatio trium positorum numerorum ad summam additionis eorum, ita quadratus unius cuiusque positorum ad quadratum sui consimilis

* Illius ciborii ... ab eodem *
(fol. 103 verso, in. 25-34;
pag. 405, lin. 9-18).



fol. 107 verso.

quesitorum. Vt in hac, in qua fuerit proportio quadratorum de 8, et 12, et 15, scilicet positorum numerorum ad quadrato (sic) quesitorum numerorum, sicut 1440 ad 25, scilicet sicut summa multiplicationis ipsorum ad summam additionis eorundem: que proportio dicitur duplicata, cum quadrati surgant ex multiplicatione duorum equalium numerorum. Et cum numeri fuerint quatuor, erit sicut factus ex multiplicatione positorum ad factum ex additione eorundem, ita cubus uniuscuiusque positorum ad cubum sui consimilis quesitorum; que proportio dicitur triplicata, cum cubi surgant ex multiplicatione trium equalium numerorum. Et cum numeri fuerint quinque, erit siquidem proportio positorum ad eorum consimiles quesitorum quadruplicata in his que diximus superius. Et in sex numeris cadet proportio quinquenpla, et cetera.

Nam si cognoscere vis, utrum radices inuentorum tetragonorum, scilicet de $\frac{1}{2}$ 4, et de $\frac{1}{3}$ 3, et de $\frac{2}{3}$ 5 sint ad invicem in quesitis proportionibus, scilicet sicut 2 sunt ad 3, ita radix de $\frac{2}{3}$ 5 sint ad radicem de $\frac{1}{3}$ 3; et sicut 4 sunt ad 5, ita radix de $\frac{1}{2}$ 3 sint ad radicem de $\frac{2}{3}$ 5: multiplicatis ergo $\frac{2}{3}$ 5, et $\frac{1}{2}$ 3 per 18, in quibus reperiuntur $\frac{1}{3}$ 3; et habebis 28, et 63: et quoniam 28 sunt ad 63, sicut tetragonum binarii ad tetragonum ternarii, hoc est sicut 4 ad 9; cognoscitur quod radix de $\frac{2}{3}$ 5 est ad radicem de $\frac{1}{2}$ 3, sicut 2 ad 3: similiter inuenies, radicem de $\frac{1}{2}$ 3 esse ad radicem de $\frac{2}{3}$ 5, sicut 4 sunt ad 5; cum $\frac{1}{2}$ 3 sint ad $\frac{2}{3}$ 5, sicut tetragonus quaternarii ad tetragonum quinarium. Item si vis cognoscere, utrum multiplicatio radicum trium inuentorum tetragonorum surgat in ascensione additionum ipsarum, multiplica $\frac{2}{3}$ 5 per $\frac{1}{2}$ 3; quam multiplicationem multiplica per $\frac{2}{3}$ 5] erunt $\frac{224}{135}$ 29, cuius numeri radix est summa multiplicationis radicum trium tetragonorum dictorum. Item ut habeas iunctionem ipsarum, iunge tres numeros inuentos superius in quesitis proportionibus, scilicet 8, et 12, et 15, erunt 35; et accipe tetragonum primi numeri, scilicet 64, et tetragonum de 35, scilicet 1225; quia in qua proportione est tetragonus primi positi numeri ad tetragonum iunctionis trium positorum numerorum, ita primus inuentus tetragonus est ad tetragonum iunctionis radicum trium inuentorum tetragonorum; hoc est, sicut 64 sunt ad 1225, ita $\frac{1}{2}$ 3 est ad tetragonum summe iunctionis trium radicum superscriptorum. Quare multiplicanda sunt 1225 per $\frac{1}{2}$ 3, et diuidenda multiplicatio eorum per 64; et inuenies similiter $\frac{224}{135}$ 39 tetragono iunctionis trium predictarum radicum: possumus multas varias questiones de similibus in tribus numeris, vel in pluribus proponere, secundum quod in duorum numerorum questionibus superius fecimus, quarum omnium solutiones per ea, que dicta sunt, satis aperte inuenire possunt.

Incipit pars tertia de solutione quarundam questionum secundum Modum algebre et almuchabale, scilicet ad proportionem et restorationem.

Maumeht

Ad compositionem quidem algebre (sic), et almuchabale tres proprietates, que sunt in quolibet numero, considerantur, que sunt radix, quadratus, et numerus simplex. Cum itaque aliquis numerus multiplicatur in se, et prouenit aliquid. Tunc factus est multiplicatio quadratus est multiplicati; et multiplicatus sui quadrati est radix. Vt cum multiplicatur 3 in se, ueniunt 9. Sunt enim 3 radix de 9; et 9 sunt quadratus ternarii. Et cum numerus non habet respectum ad quadratum uel radicem, tunc simpliciter numerus appellatur: he autem in solutionibus questionum inter se equantur sex modis, ex quibus tres sunt simplices, et tres compositi. Primus quidem modus est,

quando quadratus, qui census dicitur, equatur radicibus. Secundus quando census equatur numero; tertius quando radix equatur numero. Vnde cum in aliqua questione inueniantur census, uel partes unius census equari radicibus, uel numero, debeant reddigi ad equationem. Vnius (*sic*) census per diuisionem ipsarum in numerum censuum. Verbi gratia: cum duo census equantur .x. radicibus, diuides radices per numerum census, scilicet 10 per 2, exhibuit radices 5, que equantur uni censui, hoc est radix census est 5, et census est 25; quia quot radices equantur censui, tot unitates sunt in radicem census. Item si tres census equantur radicibus 12, tunc tertia pars trium censuum (*sic*) equatur tercie parti de radicibus 12, hoc est unus census equatur quattuor radicibus. Quare radix census est 4, et census est 16. Similiter cum census $\frac{1}{2}$ 2 equantur radicibus 21, diuides 21 per $\frac{1}{2}$ 2; et inuenies, quod unus census equatur radicibus 6. Et si $\frac{1}{3}$ unius census equatur 5 radicibus, diuides 5 per $\frac{1}{3}$, hoc est multiplicabis 5 per 3, que sunt sub uirga; et diuides per 1, quod est super uirga, exhibuit 10. Ergo unus census equatur 10 radicibus. Et si $\frac{2}{3}$ unius census equantur 8 radicibus, tunc census equaliter (*sic*) radicibus 12; quin diuisis 8 per $\frac{2}{3}$ ueniunt 12: hec omnia intelligantur cum census augmentatus, uel diminutus equalitur alicui numero. Sed ut hec apertius habeantur, ponantur 5 census equari denariis 43: diuides ergo 43 per 5, uenit denarii 9, qui equantur censui, hoc est census, est 9, et radix eius est 3. | Similiter cum census $\frac{1}{4}$ 4 equatur denariis 26, diuides 26 per $\frac{1}{4}$ 4, scilicet 78 per 12, exhibuit 6; quibus equatur unus census. Quare radix eius est surda, cum sit radix numeri non quadrati. Et cum $\frac{1}{5}$ unius census equatur denariis 12, tunc census equalitur denariis 16; quia diuisis 12 per $\frac{1}{5}$, scilicet 48 per 3, ueniunt 16. Quare radix census est 4. Similiter facies, cum radices, uel partes unius radicis equatur numero: his autem ostensis, reliquos tres modos compositos demonstremus. Primus eum modus est, quando census et radices equantur numero. Secundus, quando radices et numerus equantur censui; tertius modus est, quando census et numerus equantur radicibus. Vnde, cum in aliqua questione inueniantur census augmentatus, uel diminutus cum compositione radicem et numeri, tunc omnia reducenda sunt ad censum unum. Verbi gratia: duo census, et decem radices equantur denariis 30. Ergo unus census, et 5 radices equantur denariis 12: simili quoque modo, si tres census et 12 radices equantur denariis 30, diuides hec omnia per numerum censuum, scilicet per 3, proueniet unus census, et quatuor radices, que equantur denariis 12. Item si inueniantur radices 15 et denarii 60, que equentur censusibus 5, diuides hec omnia per numerum censuum, scilicet per 5; et inuenies, quod unus census equatur tribus radicibus, et denariis 12. Item si $\frac{1}{3}$ unius census et radices 10 equantur denariis 20, diuides hec omnia per $\frac{1}{3}$, scilicet multiplicabis radices 10, et denarios 20 per 3, exhibuit radices 30, et denarii 100; que diuides per 4; et sic inuenies, quod unus census, et radices $\frac{1}{2}$ 12 equentur denariis 25; et sic intelligas in similibus. Et cum hec omnia operari si uolueris (*sic*), et uolueris inuenire quantitatem census, qui cum datis radicibus equetur numero dato, sic facias: accipe quadratum medietatis radicem, et adde eum super numerum datum; et eius, quod prouenerit, radicem accipe; de qua numerum medietatis radicem tolle; et quod remanserit erit radix questi census. Verbi gratia: census et decem radices equentur 30. Dimidium itaque ex radicibus est 5; quibus in se multiplicatis faciunt 25; quibus additis cum 30 faciunt

et una quaque recta a h. a
lib. 188 recta, in. 22-29;
pag. 408, lin. 7-14f.



lib. 188 recta

una decem ... (sic) lib. 188
188 recta, in. 13-23 e 24;
pag. 408, lin. 26-36f.



64; de quorum radice, que est 8, si auferatur medietas radicis, scilicet 4, remanebunt 3 pro radice quesiti census. Quare census est 9, et ipsius decem radices sunt 30; et sic census, et decem radices equantur 30. Nam unde hec regula procedat, per duplicem figuram ostendere procurabo: adiaceat siquidem tetragonum $a.b.c.d.$ habens in singulis lateribus amplius quam ulnas 5; et accipiat super latus $a.b.$ punctus $e.$, et super latus $a.d.$ punctus $f.$, et super latus $b.c.$ punctus $g.$, et super latus $c.d.$ punctus $h.$; et sit una quaque (sic) rectarum $b.e.$, $c.g.$, et $c.h.$ et $d.f.$ ulnarum 5; et compulentur (sic) recte $e.h.$ et $f.g.$; et quia tetragonum est quadrilaterum $a.e.c.$, erit latus $d.a.$ equalis lateri $b.a.$; et cum de equalibus equalia auferantur, que remaneat erunt equalia; quare si ex $d.a.$ auferatur $d.f.$, et ex $b.a.$ auferatur $b.e.$, quarum unaqueque est 5, remanebit siquidem $e.a.$ equalis recte $f.a.$: sed recte $a.e.$ equalis est recta $f.i.$, cum equalis sit recta $f.g.$ recte $a.b.$; est enim recta $i.g.$ equalis recte $e.h.$: propter eadem ergo et recta $e.i.$ equalis est recte $a.f.$, cum recta $e.h.$ sit equalis recte $a.d.$, et recta $i.h.$ recte $f.d.$: tetragona ergo sunt quadrilatera $e.f.$ et $g.h.$: ponant itaque pro census (sic) quesitum quadrilaterum $e.f.$, quod est ignotum laterum, cuius radix est unaqueque rectarum $e.i.$ et $i.f.$; sed recte $e.i.$ multiplicata est superficies retriangula $b.i.$, que est quinque radices census $e.f.$, cum ipsa superficies adplicata sit super radicem eius, et sit 5 unaqueque rectarum $e.b.i.g.$: similiter et superficies $i.d.$ constat ex 5 radicibus census $e.f.$, cum sit applicata super radicem ipsius, scilicet super latus $i.f.$; et sit 5 unaqueque rectarum $f.d.$ et $i.h.$; sed quia census est 10 radices equantur denariis 30; erunt ergo 30 predicte tres superficies, que sunt $e.f.$, $b.i.$, $i.d.$; quibus si addantur 25, scilicet tetragonum $g.h.$, cuius unum quodque latus est 5, habebuntur 64 pro toto tetragono $a.b.c.d.$; quorum radix, scilicet 8, est longitudo unuscuiusque lateris eius: quare si auferatur ex $b.a.$ recta $b.e.$, scilicet 5 de 8, remanebunt 3 pro linea $e.a.$: ergo radix quesiti census est 3, et census est 9; quo addito cum decem suis radicibus, faciunt 30, ut oportet. Aliter, sit census quesitus tetragonum (sic) $e.i.$, et super latus $d.e.$ applicentur decem radices eius, scilicet superficies recti angula $d.h.$, cuius unumquodque latus (sic) $h.e.$, et $i.d.$ sit 10; et dividatur recta $h.e.$ in duo equalia $s.e.$; et quoniam census $e.d.$, et eius 10 radices $d.h.$ equantur denariis 30, ergo tota superficies recti angula $e.h.$ est 30; que superficies constat ex $i.e.$ in $h.e.$; recta quidem $e.i.$ equalis est recta (sic) $e.e.$, cum sit tetragonum quadrilaterum $e.e.i.$: ergo ex ductu $e.e.$ in $e.h.$ proveniunt 30; quibus si addatur tetragonum linee $e.e.$, quod est 25, habebuntur 64 pro tetragono linee $e.e.$: quare radix de 64, scilicet 8, est recta $e.e.$; de qua si auferatur recta $s.e.$, que est 5, remanebunt 3 pro linea $e.e.$: ergo radix census $e.i.$ est 3, et census est 9, ut per alium modum invenimus. Et cum ceciderit in solutione alicuius questionis, quod census equetur radicibus et numero, tunc quadratum (sic) medietatis radicem addes super numerum; et super radicem eius, quod provenierit, addes non numerum medietatis (sic) radicem, et habebis radicem quesiti census. Verbi gratia: census equetur decem radicibus, et denariis 30; addam siquidem quadratum medietatis radicem, scilicet 25 super 30, erunt 64; quorum radici, scilicet 8, superadde 5, scilicet medietatem radicem, provenient 13 pro radice quesiti census; quare census est 169. Nam, si unde hec regula procedit, scire vis, adiaceat tetragonum $a.b.c.d.$

cuius unum quodque latus sit plus quam 10; et protrahatur in ipso linea ef ; et sit 10 una queque rectarum ec et fd ; et diuidatur ec in duo equa super g ; et sit census quesitus tetragonum bd ; quare decem radices erit superficies ed , cum sit applicata super latus ef , quod est equale radici ipsius census, hoc est linee ab ; et est 10 unaqueque linearum ec , et fd : remanbit ergo superficies fb , 20, que proueniunt ex ductu fe in eb ; sed fe est equalis recte bce , ergo ex bce in bce , proueniunt 20; quibus si addatur quadratus linee eg , ueniunt 64 pro quadrato linee bg : cuius radici addatur linea gc , scilicet 3, ueniunt 12 pro linea bce , que est radix quesiti census; quare census est 108. Et cum } occurrerit, quod census, et numerus equentur radicibus, scias hoc fieri non posse, nisi numerus fiat equalis, uel minor quadrato medietatis radicem: qui si equalis fuerit, habebitur pro radice census numerus medietatis radicem: et si numerus, qui cum censu equatur radicibus, fuerit minus quadrato medietatis radicem, extrahe ipsum numerum ex ipso quadrato; et eius quod remanserit radicem extrahe ex numero medietatis radicem; et si id quod remanserit non erit radix quesiti census, tunc addes id quod extraxisti super numerum, de quo extraxisti, et habebis radicem quesiti census. Verbi gratia: census et 40 equantur 14 radicibus; dimidiatis siquidem radicibus, ueniunt 7; de quorum quadrato, scilicet de 49, extrahe 49, remanent 9; quorum radicem, que est 3, extrahe de medietate radicem, scilicet de 7, remanebunt 4 pro radice quesiti census, census est 16; quibus additis cum 40, faciunt 56, que sunt radices 14 eiusdem census, cum ex ducta radice de 16 in 14 ueniunt 56; uel radicem de 9 addes super 7, erunt 10 pro radice quesiti census; et sic census erit 100; quo addicto cum 49, faciunt 149, que sunt radices 14 de 100, cum ex multiplicatione radicis de 100 in 14 proueniunt 140; et sic cum nun soluetur questio cum diminutione, soluetur sine dubio cum additione. Et si unde hec regula procedat nosse uis, adiaceat linea ab , que sit 14; et diuidam eam in duo equalia super g , et in duo et equalia (*sic*) super d ; et constituam super unam ex inaequalibus (*sic*) proportionibus tetragonum: constituatur primum super minorem portionem, que est db , tetragonum dz ; et protrahatur ze in directo in punctum i ; et sit recta zi equalis recte ab ; et copuletur recta ia . Et quia recta zb est radix census dz , et recta ab est 14, erit tota superficies az radices 14 ex censu dz : et quia census, et 40 equantur radicibus 14, erit superficies ae 40, que prouenit ex ed in da , hoc est ex bd in da : quibus 40 si addatur quadratus sectionis dg , habeantur 49, scilicet quadratum linee gb : quare quadratum linee dg est 9; quorum radix, scilicet 3, est linea gd ; cui si addatur linea ga , erit 10 tota linea ad : et si auferatur gd ex gb , remanebunt 4 pro linea db , que est radix census dz . Et si super lineam ad constituatur census ad , ut in hac alia figura, remanebit superficies ib 49, que prouenit ex id in db , hoc est ex ad in db ; que 40 si extrahantur ex quadrato linee ag , remanebunt 9; quorum radix, scilicet 3, est linea gd : quare ad est 10; ergo radix census ad est 10, et census est 100, ut prediximus. Cum his autem sex regulis possunt solutiones infinitarum questionum reperiri; sed oportet, eos qui per earum modum procedere uolunt, scire ea que diximus in multiplicatione, et diuisione, et extractione, seu additione radicem, et binomiorum atque recisorum; quibus perfecte cognitis, quedam questiones super hec proponantur.

* Nam si ... remanet 64 * (fol. 189 recto, lin. 20-21; pag. 414 lin. 42 - pag. 419 lin. 7).

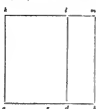


fol. 189 recto.

* et replicatur ... census est * (fol. 189 recto, lin. 21-22; pag. 419, lin. 29-35).



* 100, ut ... in ... remanet * (fol. 189 recto, lin. 21-22; pag. 409, lin. 29 - pag. 410, lin. 4).



Explicunt introductiones algebrae et almuchabale. Incipiunt questiones eiusdem.

Si vis diuidere 10 in duas partes, que insimul multiplicata faciant quartam multiplicationis maioris partis in se; pone pro maiori parte radicem, quam appellabis rem, remanebunt pro minori parte 10, minus re; que multiplicata in re, ueniet 10 res, minus census; et ex multiplicata re in se prouenit census; quia com (sic) multiplicatur radix in se, prouenit quadratus ipsius radice: ergo decem rex (sic), minus censu, equantur quarte parti census. Quare quadruplum ipsarum equalitur censui uni: ergo multiplica 10 res minus censu, per 4, uenient 40 radices, minus 4 censibus, que equantur censui. Restaura ergo 4 census ab utraque parte, erunt 5 census, qui equantur 40 radicibus. Quare diuide radices 40 per 5, exhibunt radices 8, quibus equatur census: ergo portio, per quam possuisti rem, est 8; quibus extractis de 10, remaneat 2, que sunt alia portio; et sic perduximus hanc questionem ad unam ex sex regulis, ad eam uidelicet, in qua census equatur radicibus; ad quam etiam reducemus hanc, in qua diuisi 10 in duas partes, ex quibus multiplicauimus unam in aliam; et in id, quod prouenit, diuisi quadratum unius portionis, et prouenit $\frac{1}{2} 1$: pone iterum rem pro una portione, remanebant 10, minus re; et multiplica rem in 10, minus re, uenient 10 res, minus censu. Et multiplica rem in se, ueniet census; quem diuide per 10 res, minus censu; quod sic fit: tu scis, quia ex ipsa diuisione prouenit $\frac{1}{2} 1$; ergo si multiplicas exeuntem per diuisorem, proueniet utique diuisus numerus, scilicet census: multiplica ergo 10 res, minus censu, per $\frac{1}{2} 1$, exhibunt 15 res, minus censu et dimidio, que equantur censui. Restaura ergo censum $\frac{1}{2} 1$ ab utraque parte, et erunt census $\frac{1}{2} 2$, qui equantur radicibus 15. Quare diuide 15 radices per $\frac{1}{2} 2$, exhibunt 6 radices, que equantur censui: quare census est 36; quorum radix, scilicet 6, est una ex duabus portionibus. Reliqua autem erit 4. Item diuisi 10 in duas partes, et multiplicauimus unam earum in se, et quod prouenit multiplicauimus per $\frac{1}{2} 2$; et id quod prouenit, fuit 100, scilicet quadratus de 10; sic facies: pone pro ipsa positam rem, quam multiplica in se, ueniet census; que multiplica per $\frac{1}{2} 2$, ueniet census $\frac{1}{2} 2$, qui equantur 100: diuide ergo 100 per $\frac{1}{2} 2$, uenient 36; quibus equatur census: quare radix eorum, que est 6, est una ex duabus portionibus; et sic perducta est hec questio ad secundam regulam, in qua census equatur numero. Item diuisi 10 in duas partes, et diuisi maiorem earum per minorem; et id quod prouenit fuit $\frac{1}{2} 2$; sic facies: pone rem pro una ex superscriptis portionibus. Quare alia erit 10, minus re; et diuide 10, minus re in rem, quia ex ipsa diuisione ueniunt $\frac{1}{2} 2$: multiplica diuisorem per $\frac{1}{2} 2$, ueniet res $\frac{1}{2} 2$, que equantur 10, minus re: adde ergo rem utrique parti, et erunt res $\frac{1}{2} 2$, que equantur 10: diuide ergo 10 per numerum rerum, scilicet per $\frac{1}{2} 2$, ueniet quod una res equalitur tribus denariis. Quare una ex superscriptis portionibus est 3; a quibus usque in 10 sunt 7 pro alia portione; et sic reducta est hec questio ad tertiam regulam, ubi radices equantur numero.

Diuisi in duas partes 12, et multiplicauimus unam earum per 27; et quod prouenit fuit equale quadrato alterius partis; sic facies: pone rem pro una partium, remanebunt 12, minus re, pro alia; quibus multiplicatis per 27, faciunt 324, minus 27 rebus: et multiplica rem in re, scilicet primam partem in se, proueniet census, qui equatur denariis 324, minus 27 rebus: quibus rebus additis utrique parti, ueniet census et 27 res, que equantur denariis 324; et sic reducta est hec questio ad unam ex tribus compositis

regulis, ad eam uidelicet, in qua census, et radices equantur numero. Vnde, ut procedas secundum ipsam regulam, multiplica $\frac{1}{2}$ 12, scilicet dimidium radicem in se, erunt $\frac{1}{4}$ 144; que adde cum 24, erunt $\frac{1}{4}$ 504; quibus radicem inuenias sic: fac quartas ex eis, erunt 202; cui numero radicem inuenias, eritque 45; que diuide $\frac{1}{2}$ per radicem de 4, que sunt sub uirga, scilicet per 2, exiunt $\frac{1}{4}$ 22; de quibus extrahere medietatem radicem, remanebunt 9 per radicem census, que sunt una pars: a quibus usque in 12 desunt 3 pro secunda parte. Multiplicauit t plus de $\frac{2}{3}$ unius numeri per unum plus de $\frac{1}{4}$ eiusdem; et prouenerunt 72 pro ipso uunero rem (*sic*): ergo his multiplicare $\frac{2}{3}$ rei, uno addito, per $\frac{1}{4}$ rei, plus uno; multiplica ergo $\frac{2}{3}$ rei per $\frac{1}{4}$ rei, proueniet medietas census; et multiplica unum per unum, faciet 1; et unum in $\frac{1}{4}$ rei, et unum in $\frac{1}{4}$ rei, ueniet res, et $\frac{2}{12}$ rei; et sic ex eorum multiplicatione habebitur medietas census, et res $\frac{5}{12}$ 1, et denarius unus, que equantur denariis 72: abire ergo denarium unum ab utrumque (*sic*) parte, remanebat medietas census, et res $\frac{5}{12}$ 1, que equantur denariis 72: re integra itaque censum tuum, et habebis censum, et res $\frac{5}{12}$ 2, que equantur 144: quare dimidia radices, exiunt $\frac{12}{12}$, quas multiplica in se, ueniet $\frac{1}{144}$ 2; que adde cum 144, erunt $\frac{145}{144}$ 146; quibus radicem inuenies ordine demonstrato, scilicet multiplica 146 per 144, et adde unum, erunt centesime quadragésime quarte 21024; cuius numeri radicem diuide per 12, scilicet per radicem de 144, que sunt sub uirga; et habebis $\frac{1}{12}$ 12 pro radice quesita; de qua extrahere medietatem radicem, scilicet $\frac{1}{12}$ 1, remanebunt $\frac{1}{12}$ 10 pro numero quesito; super $\frac{2}{3}$ quorum si addatur 1, uenient $\frac{1}{3}$ 8, etiam et addito uno super $\frac{1}{3}$ ipsorum, uenient 9; et ex $\frac{1}{3}$ 8 multiplicatis in 9, surgunt 72, ut propositum fuit. Diuisi decem in duas partes, et addidi iusimul quadratos ipsorum, et prouenerunt $\frac{1}{2}$ 62: pone itaque rem pro prima parte, et multiplica eam in se, ueniet census. Similiter multiplica secundam partem in se, que est 10, minus re; quam multiplicationem facies sic: ex 10 in 10 uenient 100; et ex re diminuta in rem dimiuitam proueniet census additus; et ex 10 multiplicatis bis in rem dimiuitam prouenient 20 res dimiuitis; et sic pro multiplicatione de 10, minus re, in se habentur 100, et census, 20 rebus dimiuitis: que si addantur cum quadrato prime partis, scilicet cum censu, erunt 100, et duo census, minus uiginti rebus, que equantur denariis $\frac{1}{2}$ 62: adde ergo uiginti res utriusque parti, erunt 100, et duo census, que equantur 20 rebus, et denariis $\frac{1}{2}$ 62: abire igitur $\frac{1}{2}$ 62 ab utraque parte, remanebunt duo census, et denarii $\frac{1}{2}$ 37, que equantur 20 radicibus; et sic perducta hec questio ad terciam regulam compositarum, ubi census et numerus radicibus equantur: quare ut ipsa (*sic*) inmitteris regulam, diuide numerum, et radices per numerum censuum, scilicet per 2, hoc est dimidia ea; et ueniet, quod census, et denarii $\frac{1}{2}$ 18 equantur radicibus 10: dimidia ergo radices, uenient 5; que multiplica in se, erunt 25; de quibus extrahere $\frac{1}{4}$ 18, remaneant $\frac{1}{4}$ 6; quorum radicem, scilicet $\frac{1}{2}$ 2, extrahere de medietate radicem, scilicet de 5, remanebunt $\frac{1}{2}$ 2, que sunt una predictarum partium; a quibus usque in 10 desunt $\frac{1}{2}$ 7, que sunt secunda pars. Et si extracto quadrato minoris partis de quadrato maioris, remaneant 40, sic facies: quadratum unius partis, scilicet censum, de quadrato alterius extrahere, scilicet de 100 et censu, uiginti rebus dimiuitis, remanebunt 100, dimiuitis 20 rebus; que equantur 50: quare adde utrique parti 20 res; et tolle de unaquaque 50, et remanebunt uiginti res, que equantur 50: quare diuide 50 per 20, ueniant $\frac{1}{2}$ 2 pro minori portione. Multiplicauit siquidem terciam unius numeri

fol. 150 verso.

dividit ... Et hoc e' fol. 150
verso, lin. 4; pag. 412; lin.
8 u. 9).

| | |
|-----|-------------|
| res | 10 minus re |
| a | b |

provenit ... ergo si a | fol.
150 verso, lin. 6 u. 7; pag.
412, lin. 11-12 u. 13).

| | |
|---|---|
| a | d |
|---|---|

per quartam eius, et provenit ex multiplicatione idem numerus, et denarii 24: pone pro ipso numero rem; et multiplica $\frac{1}{2}$ rei per quartam eius, veniet $\frac{1}{4}$ census; que et quartar (sic) rei, et denarii 24. Reintegra ergo censum, scilicet multiplica hec omnia per 12, et veniet census; qui equatur duodecim | rebus, et denariis 288: multiplica ergo 6, que sunt dimidium radicum in se, erunt 36; que adde cum 288, erunt 324: super quorum radicem adde dimidium radicum, erunt 24; que sunt radix census: ergo quesitus numerus est 24; et sic reducta est hec questio ad secundam ex trilus regulis compositis, ubi census equatur radicibus ex (sic) numero. Divisi 10 in duas partes; et divisi illam per istam, et istam per illam, et provenerunt $\frac{1}{2}$ 3. In hac questione oportet quedam predicere, etiam et demonstrationibus demonstrare: sit itaque prima illarum partium *a*, et secunda *b*; et dividatur *b* in *a*, et proveniat *d*; et *a* in *b*, et proveniat *g*: coniectum (sic) ergo ex *g.d.* est $\frac{1}{2}$ 3; et quia cum dividitur *a* in *b*, provenit ergo si multiplicatur *g* in *b*, provenit *a*; quod si multiplicetur in *a*, venit quadratus numeri *a*; et cum dividetur *b* in *a*, provenit *d*: ergo si multiplicetur *d* in *a*, provenit *b*; quod si multiplicetur in *b*, provenit quadratus numeri *b*: ergo ex *a* in *d* ducta in *b*, et ex *b* in *g* ducta in *a*, hoc est ex *a* in *b* ducto in coniectum ex numeris *g.d.*, scilicet in $\frac{1}{2}$ 3, provenit summa quadratorum ex numeris *a.b.*: quibus demonstratis, sic (sic) prima pars *a*. res, remanet pro *b*. 10, minus re; et multiplicetur *a* in se, provenit census; et *b* in se, provenient 100 et census, diminutis viginti radicibus: quibus omnia in unum iunctis, erunt 100, et duo census, minus 20 radicibus, pro duobus quadratis numerorum *a.b.*, que equantur multiplicationi ex *a* in *b* ducta in $\frac{1}{2}$ 3: quare multiplicetur *a* in *b*, scilicet res in 10, minus re, erunt 10 res, minus census; que multiplica per $\frac{1}{2}$ 2, erunt res $\frac{1}{2}$ 22, minus census $\frac{1}{2}$ 2, que equantur 100 denariis, et duobus censibus, viginti rebus diminutis: adde ergo utrique parti 20 res, et census $\frac{1}{2}$ 2; et habebis 100, et census $\frac{1}{2}$ 5, que equantur rebus $\frac{1}{2}$ 52: que omnia dividit per numerum censuum, scilicet per $\frac{1}{2}$ 5; et veniet census, et denarii $\frac{1}{2}$ 18, que equantur radicibus 10: dimidia ergo radices; et multiplica eas in se, erunt 25; ex quibus extrahit $\frac{1}{2}$ 18, remanebunt $\frac{1}{2}$ 6; quorum radicem adde super medietatem radicem, et habebis $\frac{1}{2}$ 7 pro maiori portione; quare minor portio erit $\frac{1}{2}$ 1.

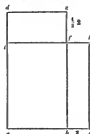
Rursus divisi 10 in duas partes, et multiplicavi unam earum per 6; et quod provenit divisi per aliam partem; et terciam eius, quod provenit, addidi super summam multiplicationis prime partis in 6; et totum id, quod concretum est, fuit 39: pone siquidem pro prima parte rem; et ipsam multiplica per 6, et provenient 6 res; quas debes dividere per secundam partem, scilicet per 10, minus re; et eius quod provenit terciam partem debes addere super 6 res, ut habueras (sic) 29: quare accipe terciam 6 rerum, erit (sic) due res; que divise per 10, minus re, veniet illud, quod debet addi super 6 res, ut veniant 39: ergo id, quod provenit ex diuisione duarum rerum in 10, minus re, est 39, exceptis 6 rebus: quare si multiplicas diuissorem per exeuntem, proveniet utique diuisus numerus, scilicet due res: multiplica ergo 10, minus rem (sic), in 29, minus 6 rebus; et provenient denarii 290, et 6 census, diminutis 99 rebus, que equantur duabus rebus: adde ergo 99 res utrique parti, erunt sex census, et denarii 390, que equantur rebus 101: divide hec omnia per numerum censuum, scilicet per 6, veniet, quod census denarii 65 equantur rebus $\frac{1}{2}$ 16: quare de quadrato medietatis radicem

alice 63; et eius, quod remanserit, radicem accipe, que erit $\frac{5}{11} 2$; quam alicæ de numero medietatis radicem, scilicet de $\frac{5}{11} 8$, remanebunt 6, que sunt radix census: quare radix ipsius census, scilicet 4, est una ex duabus partibus: que si per 6 multiplicata fuerit, uenient 26; quibus diuisis per secundam partem, uenient 9; quorum tertia si addatur super 26, nimirum 29 prouenit, ut propositum fuit.

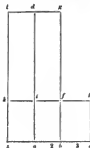
Diuisi 60 in homines, et prouenit unicuique aliquid; et addi duos homines super illos; et per unum ipsos diuisi 60; et prouenit unicuique denarii $\frac{1}{2} 2$, minus ex eo, quod prouenerat prius: sit numerus primorum hominum linea $a.b.$; et erigatur super ipsam secundum rectum angulum linea $b.g.$, que sit illud, quod contingit unicuique illorum de prescriptis denariis 60; et protrahat lineam $g.d.$ equalem, et equidistantem linee $b.a.$; et copuletur recta $d.a.$; erit ergo spatium quadrilateri $a.b.g.d.$ 60, cum colligatur ex $a.b.$ in $b.g.$: deinde lineam $a.b.$ protrahat in punctum $e.$; et sit $b.e.$ 2, scilicet numerus hominum (sic) additorum; et siguetur in lineam $b.g.$ punctus $f.$; et sit $g.f.$ $\frac{1}{2} 2$, scilicet illud, quod diminutum fuit unicuique per additionem duorum hominum; et per punctum $f.$ protrahatur linea $h.i.$ equalis, et equidistans linee $e.a.$; et copuletur (sic) recta $e.h.$; eritque quadrilaterum $h.e.a.i.$ 60, cum colligatur ex $a.e.$ in $e.h.$, scilicet ex $a.e.$ in $b.f.$; que $b.f.$ est id, quod prouenit unicuique ex denariis 60 in homines $a.e.$: ergo superficies $e.i.$ equatur superficiei $b.d.$: ergo multiplicatio $g.b.$ in $b.a.$ equatur multiplicationi $e.a.$ in $f.b.$: quare ipse quatuor linee proportionales sunt: est ergo sicut $g.b.$ prima ad $f.b.$ secundam, ita $e.a.$ tertia ad $b.a.$ quartam: quare si diuidatur, erit sicut $g.f.$ ad $f.b.$, ita $e.b.$ ad $b.a.$; et cum permutaueris, erit sicut $g.f.$ ad $e.b.$, ita $f.b.$ ad $b.a.$: sed proportio $g.f.$ ad $e.b.$ est sicut 5 ad 4; ergo et $f.b.$ ad $b.a.$ est sicut 5 ad 4: ergo $f.b.$ continet semel, et quartam numerum $b.a.$ Pone igitur pro numero $a.b.$ rem, erit ergo $b.f.$ res $\frac{1}{2} 1$; et multiplica $a.b.$ in $b.f.$, et prouenit census $\frac{1}{4} 1$ pro superficie $b.i.$; et multiplica $a.b.$ in $f.g.$, scilicet $i.f.$ in $f.g.$, prouenient res $\frac{1}{2} 2$ pro superficie $f.d.$: ergo tota superficies $b.d.$ est census $\frac{1}{4} 1$, et res $\frac{1}{2} 2$; sed ipsa est 60: ergo census $\frac{1}{4} 1$, et res $\frac{1}{2} 2$ equantur denariis 60: diuide ergo hec omnia per numerum censuum, scilicet per $\frac{1}{4} 1$, ueniet census, et radices 2, que equantur denariis 48: adde ergo quadratum medietatis radicem, scilicet 1, super 48, erunt 49; de quorum radice abice medietatem (sic) radicem, remanebunt 6 pro numero $a.b.$: quare $b.g.$ est 10, et $a.e.$ est 8. Aliter quia superficies $g.a.$, et $a.h.$ sibi inuicem equantur, cum quelibet ipsarum sit 60; si conuenerit anferatur recti angula superficies $a.f.$, remanebit superficies $d.f.$ equalis superficiei $e.f.$; equalis ergo superficies, et equiaugula circa equalis angulos super mutue proportionis. Vnde est sicut $g.f.$ ad $f.h.$, ita $f.b.$ ad $f.i.$, hoc est ad $b.a.$: sed $g.f.$ ad $f.h.$ est sicut 5 ad 4, ergo et $f.b.$ ad $b.a.$ est sicut 5 ad 4, ut superius inuentum est. Item diuisi 20 in homines, et prouenit aliquid; et additi (sic) tres homines; et inter omnes diuisi 30; et accidit unicuique 4, minus eo, quod euenerat prius: sit itaque linea $a.b.$ numerus primorum hominum, et $b.g.$ sit id quod accidit unicuique ex 20; quare superficies $b.d.$ recti angula est 20; et protrahatur $a.b.$ in $e.$, et sit $b.e.$ 3; nec non et ex linea $b.g.$ extrahatur $g.f.$, que sit 4; et per punctum $f.$ protrahatur linea $i.h.$ equidistans et equalis linee $a.e.$; et copuletur $h.e.$, et erit 30 superficies $e.i.$: quare superficies $i.e.$ addit 10 super superficiei (sic) $b.d.$: quare applicetur linee $i.d.$ superficies

64. 194 recta.

* 2, scilicet . . . scilicet $d.f.$:
(fol. 194 recta, lin. 3-16, pag.
413, lin. 12 et 13-35).



* accidit . . . $a.e.$ in $e.$:
(fol. 194 recta, lin. 39-39;
pag. 413, lin. 39 — pag. 414,
lin. 21).



per $\frac{1}{2}$ 2, ueniet, quod census, et denarii 6 equantur 6 rebus: quare ex quadrato medietatis radicem, scilicet ex 9, extrahe 3, remanebit 1; cuius radicem, scilicet 1, extrahe de 2, scilicet medietatem radicem; uel adde eam super 2, et habebis pro numero priorum hominum 3 uel 4.

Item diuisi 60 in homines, et unicuique prouenit aliquid; et additi tres homines; inter omnes diuisi 20; et accidit unicuique 26, minus quam acciderat prius: sit itaque 60 superficies *a.b.c.d.* recti angula; et superficies *e.f.g.h.* sit 20; et *a.i.* sit 26; et *b.f.* sit numerus additorum hominum, scilicet 3; et *b.c.* sit numerus primorum: quare *b.a.* erit id quod prouenit unicuique eorum ex 60; et *b.i.*, silicet *e.f.*, est id quod prouenit unicuique hominum *f.c.* ex 20; et sit *c.b.*, silicet *h.i.* res; et multiplicabo *h.i.* in *i.a.*, prouenient res 26 pro superficie *i.d.*: cui addam 20, scilicet superficiem *f.h.*; et erunt due superficies *f.h.*, et *i.d.* 26 res, et denarii 20; quibus duabus superficiebus equatur superficies due, que sunt *f.i.*, et *b.d.*: ergo superficies *f.i.*, et *b.d.* sunt res 26, et denarii 20; de quibus si auferatur superficies *d.b.*, que est 60, remanebunt res 26, minus denariis 40, pro superficie *f.i.*: que si diuidantur per *f.b.*, silicet per 2, uenient res $\frac{13}{2}$ 8, minus denariis $\frac{1}{2}$ 12, pro linea *b.i.*: quibus si addatur linea *i.a.*, silicet 26, erit tota linea *b.a.* res $\frac{27}{2}$ 8, et denarii $\frac{1}{2}$ 12: multiplicabo ergo *c.b.* in *b.a.*, hoc est rem in res $\frac{13}{2}$ 8, et in denarios $\frac{1}{2}$ 12, prouenient census $\frac{7}{2}$ 9, et res $\frac{5}{2}$ 12 pro superficie *b.d.*; que superficies est 60: ergo census $\frac{7}{2}$ 9, et res $\frac{5}{2}$ 12 equantur denariis 60: rodigere ergo hec omnia ad censum unum, scilicet diuide ea per numerum censum, scilicet per $\frac{7}{2}$ 9, et ueniet unus census, et res una, et $\frac{6}{12}$ rei, que equantur denariis $\frac{12}{7}$ 6: accipe ergo dimidium de re $\frac{6}{12}$ 6, quod est $\frac{12}{12}$ 6; et multiplica illud in se, uenient $\frac{36}{12}$ 3; quas adde cum $\frac{12}{12}$ 6, erunt $\frac{48}{12}$ 4; quibus inuenies radicem sic: accipe radicem de 304, que est 17, et diuide eam per radicem de 676, scilicet per 26, exhibunt $\frac{17}{26}$ 2; de quibus abice medietatem radicem, scilicet $\frac{17}{26}$, remanebit 2, que equantur rei; ergo homines *c.b.* fuerunt 2.

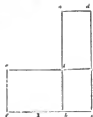
Item diuisi 10 in homines, et prouenit unicuique aliquid; et additi 6 homines, et diuisi in omnes 40; et prouenit unicuique illud idem, quod euenerat prius: extrahe 10 de 40, remaneat 30, que sunt portio 6 hominum additorum: quare diuide 30 per 6, uenient 5 unicuique; in quibus etiam 5 diuidit 10, scilicet portionem primorum hominum, uenient 2; et tot homines fuerunt priores.

Diuisi decem in duas partes, et multiplicauimus unam earum in se, et prouenit triangulum duplum alterius partis: ergo quadratus unius partis equatur multiplicationi secunde partis in 32. Vnde non oportet super hanc questionem aliquid dicere, cum superius super regulam huic consimilem demonstrauimus: est enim prima 9, secunda 2.

Eni nescio quot res pro denariis 36; emi cariores sibi inuicem equalis precii, uelidicet denariorum 36. Et fuit pretium unius cuiusque carioris denarii 3, plus precio aliarum; et inter omnes res fuerunt 10: sit itaque linea *a.b.* numerus primarum rerum, et *a.g.* sit secundarum; est ergo tota *g.b.* 10; super quam, secundum rectum angulum, erigatur linea *a.c.*, que sit equalis precio unius cuiusque uilius rerum; et addatur super lineam *a.c.* linea *c.d.*, que sit 3; erit ergo tota *a.d.* equalis pretio uniuscuiusque cariorum rerum: et protrahatur per punctum *d.* linea *e.f.*, que sit equalis, et equi distans linee *g.b.*; et copuletur recte *e.g.* *f.b.*; et per punctum *c.* protrahatur linea

64. 192 recta.

* 26 res ... accipe radio rem de 2
(fol. 192 recta, lin. 3-14, pag.
415, lvs. 14-15).



partis per minorem; et sit iterum $d.e.$ 10, cui addatur $e.z.$, scilicet id quod prouenit ex diuisione minoris partis per maiorem: et quia ex $a.g.$ in $d.z.$ proueniunt $\frac{2}{3}$ 123; si auferatur ex his 100, que proueniunt ex $a.b.$ in $d.e.$, remanebunt $\frac{2}{3}$ 22 pro tribus multiplicationibus, que sunt $b.g.$ in $d.e.$, et $b.g.$ in $e.z.$, et $e.z.$ in $a.b.$: de quibus si auferatur multiplicatio $b.g.$ in $e.z.$, quod est 1, remanebunt $\frac{2}{3}$ 21 pro duabus multiplicationibus, que sunt $b.g.$ in $d.e.$, et $e.z.$ in $a.b.$, que equantur multiplicationi summe numerorum $b.g.$, $e.z.$ in 10: quare diuide $\frac{2}{3}$ 21 per 10, exhibunt $\frac{2}{3}$ 2, que sunt summa numerorum $b.g.$, et $e.z.$; et sic reducta est hec questio ad usum ex antecedentibus questionibus, in qua dicitur: diuisi 10 in duas partes, et diuisi istam per illam, et illam per istam; et que prouenerunt ex diuisionibus aggregauit; et illud fuit $\frac{1}{2}$ 2: operare ergo secundum illam regulam, et inuenies, illas partes esse 4 et 6: et scias, quia quotiens habueris duos numeros, et diuiseris maiores (sic) per minorem, et minorem per maiorem; et multiplicaueris id, quod prouenit ex una diuisione, in id quod prouenit ex alia, semper ex eorum multiplicatione procreabitur 1: et ideo dixi, 1 eueire ex $b.g.$ in $d.e.$ Item addatur diuisio maioris partis per minorem super 10; et diuisu minoris partis per maiorem tollatur de 10; et que prouenerit multiplicentur; et ex ipsa multiplicatione proueniat $\frac{1}{3}$ 107: sit itaque numerus $a.b.$ id quod prouenit ex diuisione maioris portionis super minorem; et $b.d.$ sit id quod prouenit ex diuisione minoris per maiorem; et multiplica 10 per 10, proueniant 100; et multiplica $a.b.$ additum in $d.b.$ diminutam, proueniet 1 diminutam; quo extracto de 100, remanent 99; quibus extractis de $\frac{1}{3}$ 107, remanent $\frac{1}{3}$ 8, que proueniunt ex multiplicatione $a.b.$ in 10: extracta in e multiplicatione $d.b.$ diminuta in 10; ergo $\frac{1}{3}$ 8 proueniant ex 10 multiplicatis in superfluum, quod est inter $b.d.$, et numerum $a.b.$; quod superfluum est $a.d.$: diuidantur ergo $\frac{1}{3}$ 8 per 10, proueniet $\frac{2}{3}$ unius pro numero $a.d.$: diuidatur ergo $a.d.$ in duo equa super e ; erit ergo multiplicatio $d.b.$ in $a.b.$ cum quadrato numeri $e.d.$, equalis quadrato numeri $e.b.$: prouenit enim 1 ex $b.d.$ in $a.b.$; cui si addatur quadratus numeri $e.d.$, scilicet de $\frac{1}{12}$, erunt $\frac{129}{144}$; quorum radix, scilicet $\frac{11}{12}$, est numerus $b.e.$; cui si addatur $e.a.$, habebitur $\frac{1}{2}$ 1 pro numero $a.b.$; et si auferatur $e.d.$ ex $e.b.$, scilicet $\frac{1}{12}$, de $\frac{11}{12}$, remanet $\frac{10}{12}$ pro numero $b.d.$: deinde pone rem pro maiori parte, et diuide eam per reliquam (sic) partem, scilicet per 10, minus re, proueniet $\frac{1}{2}$ 1. Quare si multiplicas $\frac{1}{2}$ 1 per 10, minus re, habebis 5, et rem $\frac{1}{2}$ 1 diminutam, que equantur rei: quare res $\frac{1}{2}$ 2 equantur 15: diuide ergo 15 per $\frac{1}{2}$ 2, proueniet 6, que sunt maior pars: aliter, quia ex diuisione maioris partis in minorem prouenit $\frac{1}{2}$ 1; ergo minor pars est in maiori semel et semis, et est etiam illa minor pars in se semel; ergo est in 10 bis, et semis: quare si diuiseris 10 per $\frac{1}{2}$ 2, proueniet 4 pro minori parte.

Et si proponatur, quod super maiorem portionem ponatur predictus numerus $a.b.$; et super minorem ponatur predictus numerus $d.b.$; et multiplicentur insimul, et ueniant 35: multiplicetur quidem $a.b.$ in $b.d.$, prouenit 1; quo extracto de 35, remanent 34; et multiplicetur $a.b.$ in minorem partem, et proueniet maior pars; et multiplicetur $b.d.$ in maiorem partem, et ueniet pars minor: ergo ex his duabus multiplicationibus proueniunt 10; quibus extractis de 34, remanet 24 pro multiplicatione huius partis earum in aliam; que extrahes ex quadrato medietatis de 10, remanet 1; cuius radix, scilicet 1, tolle de 5, et adde super 5, et habebis 4 et 6 pro quesitis partibus.

* si iterum $d.e.$ 10 et $d.g.$ in $e.z.$ (fol. 192 verso, lin. 21 22 & 24; pag. 417, lin. 1-4).

$$\begin{array}{r} a \quad \quad \quad b \quad \quad \quad c \\ \hline d \quad \quad \quad e \quad \quad \quad f \end{array}$$

fol. 192 verso.

* extracta multiplicatione: (fol. 192 verso, lin. 8 & 9, pag. 417, lin. 21 & 22).

$$\begin{array}{r} a \quad \quad \quad e \quad \quad \quad d \quad \quad \quad a \\ \hline \end{array}$$

Rursus diuisi 10 in duas partes; et diuisi illam per istam, et istam per illam; et que ex diuisione prouenerunt addidi super 10; et in id quod prouenit multiplicari alteram partem, et prouenerunt 114: sit itaque *a*. una ex predictis partibus, quam pœe rem; et *b.g.* sit 10; super que addantur numeri *g.d.*, et *d.e.*, qui proueniunt ex diuisione partium inter se; et quia ex *a*. in *b.e.*, proueniunt 114; ergo ex *a*. in *b.g.*, et in *g.d.*, et in *d.e.* proueniunt in summa similiter 114: quare si auferatur inde id quod prouenit ex *a*. in *b.g.*, scilicet multiplicatio rei in 10, remanebat 114, minus 10 rebus, pro multiplicatione numeri *a*. in *g.e.*: de qua si extraxeris multiplicationem ex *a*. in *g.d.*, scilicet in id quod prouenit ex diuisione alterius partis per *a*.; ex qua multiplicatione surgit pars diuisa, que est 10, minus re, remanebat 104, minus 9 rebus, pro multiplicatione *a*. in *d.e.*: sed est *d.e.* id quod prouenit ex portione *a*. diuisa per aliam partem: et quia manifestum est, cum unus numerus diuidatur per alium; et in hoc quod prouenit ex diuisione, multiplicatur numerus diuisus, id quod ex ipsa multiplicatione prouenit est euale ei, quod proueniret, si quadratus diuisi diuideretur per diuisorem: ergo multiplicatio *a*. diuisi in *d.e.* equatur diuisioni quadrati numeri *a*. in secundam partem, scilicet in 10, minus re. Quare multiplicetur *a*. in se, proueniet census; qui cum diuiditur per 10, minus re, proueniunt 104, minus 9 rebus: quare si multiplicaueris 10, minus re, in 104, minus 9 rebus, ueniet 1040, et 9 census, diminutis 104 rebus, que equantur censui: restaura ergo res diminutas, et extrahe unum censum ab utraque parte, remanebunt 9 census, et denarii 1040, que equantur rebus 194: diuide ergo hec omnia per numerum censuum; et ueniet census, et denarii 130, qui equantur rebus $\frac{1}{4}$ 24: procede ergo secundum suam regulam, et inuenies, partes esse 2, et 8.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi maiorem per minorem; et quod prouenit multiplicari in hoc, quod est inter utramque partem, et fuit 24: ponam siquidem pro maiori parte lineam *(sic)* *a.b.*, que sit res; de qua auferantur *b.g.*, que sit equalis minori parti; erit ergo *g.a.* residuum, quod est inter utramque partem; et diuidatur *a.b.* in *g.b.*, et proueniat *e.*: ex multiplicatione ergo *e.* in *a.g.* proueniet 24; et ex *e.* in *g.b.* prouenit diuisus, scilicet *a.b.*: ergo ex *e.* in *a.b.* proueniunt 24, et res una; sed id quod prouenit ex *e.* in *a.b.* equatur ei, quod prouenit ex quadrato numeri *a.b.* diuiso in *g.b.*; ergo si diuidatur quadratus numeri *a.b.* per numerum *g.b.*, proueniet 24, et res una: ergo si multiplicauerimus *g.b.*, scilicet 10, minus re, in 24, et rem unam, proueniet quadratus numeri *a.b.*, scilicet census: nam multiplicatio de 24 addita rei in 10, re diminuta, sic fit: ex 10 in 24 ueniunt denarii 240; et ex 10 in re addita ueniunt decem res addite; et ex 24 in re diminuta ueniunt 24 res diminute; a quibus si auferantur 10 res addite, remanebunt 14 res diminute; et ex re addita in rem diminutam prouenit census diminutis *(sic)*; et sic habentur pro dicta multiplicatione denarii 240, censo diminutis et rebus 14, que equantur censui: quare addantur utrique parti census, et res 14, ueniunt duo census, et res 14, que equantur denariis 240: quare unus census, et radices 7 equantur denariis 120; uel aliter: quia ex *e.* in *a.b.* proueniunt 24, et res una; et ex *e.* in *g.b.* prouenit res una. Ergo ex *e.* in 10 proueniunt 24, et due res. Quare si diuidantur 24, et due res per 10, ueniunt denarii $\frac{2}{3}$ 2, et rei *(sic)* $\frac{1}{4}$ pro numero *e.*; que si multiplicata fuerint per numerum *b.g.*, scilicet per 10, minus re, proueniet denarii

• equantur... est euale •
(fol. 153 verso, lin. 24 e 25-27; pag. 418, lin. 10-11).



fol. 159 verso.

• 24 addita ... res diminute •
(fol. 159 verso, lin. 15-17 e 18; pag. 418, lin. 22-23).



24, minus $\frac{1}{2}$ census, et $\frac{2}{3}$ rei, que equantur rei, scilicet numero $a.b.$, cum proueniat ex $e.$ in $.g.b.$: adde ergo utrique parti $\frac{1}{2}$ census, et $\frac{2}{3}$ rei, ueniet $\frac{1}{2}$ census, et res una, et $\frac{2}{3}$, que equantur denariis 24. Quincupla ergo hec omnia, et erit similiter census, et septem res, que equantur denariis 120: dimidia ergo radices, et cetera; et inuenies, 10 diuisa fuisse in 8, et 2.

Diuisa (sic) 10 in duas partes, et diuisi istam per illam, et illam per istam; et quod prouenit, multiplicauit in unam partium, et fuit 24: sit maior pars $a.$, et minor sit $b.$; et diuidatur $a.$ per $b.$, et ueniet $d.$; et $b.$ per $a.$, et ueniet $g.$: multiplicauit ergo coniunctum ex $.g.d.$ in $a.$, et prouenit 24: pone ergo $a.$ rem, remanebit $b.$ 10, minus re; et multiplicatur $g.$ per $a.$, et ueniet $b.$, scilicet 10, minus re; que extrahatur de 24, remanent 24, addita re, pro multiplicatione numeri $d.$ in $a.$; que multiplicatio equatur diuisioni quadrati ex numero $a.$ in $b.$: quare si multiplicetur $b.$, scilicet 10, minus re, per 24, re addita, uenient omnia, que dicta sunt in antecedenti questione.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi istam per illam, et illam per istam; et differentiam, que prouenit inter executas numeros ex diuisione, multiplicauit per unam partem, et fuerunt 3: sit iterum maior pars $a.$, minor quoque sit $b.$; et ex diuisione $a.$ in $b.$ proueniat $g.d.$; et ex $b.$ in $a.$ proueniat $e.d.$: quare $g.e.$ est id, in quo multiplicatur $a.$, et prouenit 5: pone itaque pro $a.$, scilicet pro maiori parte, rem; erit ergo $b.$ 10, minus re; et multiplicetur $g.e.$ in $a.$, uenient 5; et $e.d.$ multiplicetur iterum in $a.$, ueniet $b.$; quo addito cum 3, faciunt 15, minus re; ergo ex multiplicatione $g.d.$ in $a.$ prouenit 15, minus re; et est $g.d.$ id quod prouenit ex $a.$ diuiso in $b.$; que multiplicatio equatur diuisioni quadrati numeri $a.$ in $b.$: ergo si diuidatur quadratus numeri $a.$ per $b.$, prouenit 15, minus re. Quare si multiplicabitur numerus $b.$, scilicet 10, minus re, per 15, minus re, reddibit utique quadratus numeri $a.$, qui est census: ex ductis quidem 10, minus rem (sic), in 15, minus re, ueniant denarii 150, et census, diminutis inde 25 radicibus, que equantur censui. Quare si addantur 25 radices utrique parti; et auferatur census ab eis, remanebunt denarii 120, que equantur 25 radicibus: diuide ergo 120 per 25, ueniet 6 pro una quaque radice, scilicet pro numero $a.$. Quare $b.$ est 4.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi unam per aliam; et quod prouenit addidi parti, per quam diuisi; et fuit $\frac{1}{2}$ 5: pone pro prima parte rem, que sit $a.$, et pro secunda 10, minus re, que sit $b.g.$; et diuidatur $a.$ per $b.g.$, et proueniat $g.d.$: ergo $b.d.$ est $\frac{1}{2}$ 5; de qua si auferatur $b.g.$, scilicet 10 minus re, manebit res, minus denariis $\frac{1}{2}$ 4, pro numero $g.d.$: et quia numerus $a.$ diuisus est per $b.g.$, et prouenit $g.d.$; si multiplicaueris $b.g.$ in $g.d.$, nimirum $a.$ prouenit: ergo multiplica 10, minus re, per rem, minus denariis $\frac{1}{2}$ 4; que multiplicatio sic fit: ex 10 in rem additam uenit decem res; et ex re diminuta in $\frac{1}{2}$ 4 diminuta uenit res $\frac{1}{2}$ 4 addite; et sic habentur res $\frac{1}{2}$ 14 addite; et ex 10 additis in $\frac{1}{2}$ 4 diminuta ueniunt 45 dragmae diminute; et ex et ex (sic) re addita in rem diminutam prouenit census diminutus; et sic pro quesita multiplicatione habentur res $\frac{1}{2}$ 14, et censo (sic) diminuti denariis 45, que equantur rei. Restaura ergo utrique parti diminuta, et etiam de utraque tolle rem, et ueniet census, et denarii 45, qui equantur rebus $\frac{1}{2}$ 13: extrahe ergo 45 ex quadrato medietatis radicum, scilicet de $\frac{9}{16}$ 45, remanebunt $\frac{9}{16}$; quorum radix, que est $\frac{3}{4}$, si de medietate radicum, scilicet de $\frac{1}{2}$ 6, auferatur $\frac{3}{4}$, remanebunt 6, que equantur rei; quare reliqua portio, scilicet $b.g.$, est 4.

* partes ... ergo $a.$ + (fol. 193 verso; lin. 27 e 28-30; pag. 419, lin. 6-9).

$$\begin{array}{|l|} \hline a \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|l|} \hline b \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|l|} \hline g \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|l|} \hline d \\ \hline \end{array}$$

* quoque sit ... in $a.$ + (fol. 193 verso; lin. 27-30; pag. 419, lin. 10-12 e 20).

$$\frac{a}{b} \quad \frac{b}{a}$$

$$g \quad e \quad d$$

fol. 194 recto.

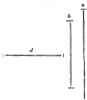
* Diuisi ... 45 dragmae + (fol. 194 recto; lin. 9-16; pag. 419, lin. 29-31).

$$\frac{a}{b} \quad \frac{b}{a} \quad d$$

• a. b.; et pro ... censum a (fol. 194 verso, lin. 25-27, pag. 420, lin. 3-6).



• qui equantur ... cognoscitur a (fol. 194 recto, lin. 29-36, pag. 420, lin. 7-16).



• fol. 194 verso.

• Reintegra ... erunt 9 a (fol. 194 verso, lin. 3, pag. 420, lin. 26 et 27).



Diuisi 10 in duas partes, et diuisi unam partem per aliam; et quod prouenit additi parti diuise; et hoc totum multiplicauit per aliam partem, et fuit 30: ponam siquidem rem pro parte diuisa, que sit $a.b.$; et pro alia parte ponam 10, minus re, que sit $g.$; et diuidatur $a.b.$ in $g.$, et proueniat $b.d.$: ergo ex $a.d.$ in $g.$ proueniunt 30; sed ex $a.b.$ in $g.$ proueniunt 10 res, minus censu; et ex $b.d.$ in $g.$ reddit res diuisa; et sic pro $a.d.$ in $g.$ ueniunt res 11, minus censu, que equantur 20: adde ergo censum utrique parti, et habebis censum, et denarios 20, qui equantur 11 rebus: operare ergo per illud; et inuenies, primam partem fuisse 6, secundam 4.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi unam partem per aliam; et hoc quod exiit, multiplicauit per diuisam partem, et fuerunt 9: sit itaque prima pars $a.$, que sit res; secunda sit $b.$, que est 10, minus re; et diuidatur $a.$ per $b.$, et ueniet $d.$: ergo ex $d.$ in $a.$ ueniunt 9; quod idem est, si diuidatur quadratus numeri $a.$ per $b.$; ergo si multiplicabis $b.$, scilicet 10, minus re, in 9, proueniet quadratus numeri $a.$, scilicet census; ergo denarii 90, minus 9 rebus, que proueniunt ex 9 in 10, minus re, equantur censui. Restauratis itaque 9 rebus, ueniet quod census, et 9 res equantur denariis 90, et cetera; critique prima pars 6, secunda 4.

Est census, de quo si auferantur 72, remanebit radix eius: ex hac quidem positione cognoscitur, quod res, et denarii 72 equantur censui; quare quadratum medietatis unius, scilicet $\frac{1}{4}$, adde super 72, erunt $\frac{1}{4}$ 72; super quorum radicem, scilicet super $\frac{1}{2}$ 9, adde $\frac{1}{2}$, erunt 9, que sunt radix census; et census quesitus est 21.

Sunt duo numeri, quorum maior excedit minorem in 9; et diuisi minorem per maiorem, et prouenit $\frac{1}{2}$: pone pro minori rem; quare maior erit res, et denarii 6: et quia ex diuisione minoris per maiorem prouenit $\frac{1}{2}$; ergo si multiplicabitur $\frac{1}{2}$ per minorem numerum, prouenit numerus diuisus, scilicet minor: ex multiplicatione quidem maioris numeri per $\frac{1}{2}$ prouenit tercia rei, et denarii 3, que equantur rei: abice ergo $\frac{1}{2}$ rei ab utraque parte, remanebunt $\frac{1}{2}$ rei, que equantur denariis 2. Reintegra ergo rem tuam, et ueniet rex (sic), que equatur 3; ergo minor numerus est 3: super quem adde 9, erunt 9 pro maiori numero: aliter sit maior numerus $a.b.$, et $a.c.$ sit minor; ergo $c.b.$ est 0: et quia diuiso $a.c.$ in $a.b.$ prouenit $\frac{1}{2}$; ergo proportio $a.b.$ ad $a.c.$ est sicut 3 ad 1; et cum diuideris, erit sicut 3 ad 1, ita $b.c.$ ad $c.a.$: ergo $a.c.$ est dimidium ex $c.b.$: uel quia diuisa $a.c.$ per $a.b.$ prouenit $\frac{1}{2}$ unius integri, erit $a.c.$ tercia ex $a.b.$; quare si duplicetur $a.c.$ erunt tres res, que equantur rei, et tribus dragma, et cetera.

Est numerus, de quo eieci terciam eius, et denarios 4; et eius quod remansit, proiecci quartam; et quod remansit fuit radix primi numeri: pone pro ipso numero censum; de quo abice terciam, remanebunt due tercie census; de quo etiam abice 4, remanebunt $\frac{2}{3}$ census, minus denariis 4; de quibus abice quartam, remanebunt $\frac{1}{2}$ duarum tertiarum census, minus $\frac{1}{2}$ de denariis 4, hoc est medietas census, minus denariis 2, que equatur radici positi census: restaura ergo 2 denarios, remanebit medietas census, que equatur rei, et denariis 3: quare census equatur dualibus radicibus, et denariis 0: adde ergo super 0 quadratum medietatis radicem, scilicet 1, erunt 7; super quorum radicem, que est surda, adde 1, scilicet medietatem numeri radicem, proueniet utique binomium pro radice quesiti census; quod binomium est radix de 7, et denarius 1; quod cum in se multiplicaueris, proueniet 8, et radix de 28 pro quesito censu.

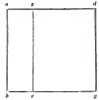
Est census, de quo proici tertiam; et quod remansit multiplicandi per tres radices ipsius, et provenit idem census: tu scis, quia cum multiplicatur tertia radice per tres radices, tunc provenit inde unus census: quare $\frac{2}{3}$ quesiti census est una $\frac{1}{3}$ radice; quare radix quesiti census est $\frac{1}{3}$; quo in se multiplicato fecit $\frac{1}{3}$ pro quantitate census.

Item est census, de quo extraxi 3 radices ipsius, et addidi eas cum 4 radicibus residui, et fuerant 20: pone pro ipso censu tetragonum (sic) *a.b.g.d.*, cuius radix est *.b.g.*; et auferatur ex linea *.b.g.* recta *.g.e.*, que sit 2, cui equalis sit recta *d.z.*; et copuletur *e.z.*: ergo superficies *e.d.* equatur tribus radicibus census *.b.d.*; que extracta ex superficie *.b.d.*, remanet superficies *.b.z.*, cuius 4 radices cum superficie *e.d.* sunt 20: ergo si ex 20 auferantur tres radices census *.b.d.*, remanebunt 20, minus tribus radicibus, que equantur 4 radicibus superficie *.b.z.*; quare quarta pars ex 20, minus tribus radicibus, scilicet 5, minus $\frac{1}{2}$ unius radice, equatur uni radici superficie *.b.z.*: quare multiplicetur 5, minus $\frac{1}{2}$ radice, in se, erunt denarii 25, et $\frac{9}{16}$ census, minus radicibus $\frac{1}{2}$ 7, que equantur superficie *.b.z.*, hoc est censui *.b.d.*, minus tribus radicibus suis, que sunt superficies *e.d.*: quare si communiter addantur res $\frac{1}{2}$ 7, erunt $\frac{9}{16}$ census, et denarii 25, que equantur censui, et rebus $\frac{1}{2}$ 4. Unde si communiter auferantur $\frac{9}{16}$ census, remanebunt $\frac{9}{16}$ census, et res $\frac{1}{2}$ 4, que equantur denariis 25: redde ergo hec omnia ad censum unum, scilicet multiplica ea per 16, et divide per 7; et erit census unus, et res $\frac{2}{7}$ 10, que equantur denariis $\frac{1}{7}$ 57; super quos adde quadratum medietatis radicem, et cetera; et invenies radicem *.b.g.* esse 4, et censum *.b.d.* 16.

Et si proponatur, quod tres radices census *.b.d.* cum quattuor radicibus residui, scilicet superficie *.b.z.*, equantur censui *.b.d.*, et denariis 4; extrahit ergo ex censu, et denariis 4 radices 2, remanebit census, et denarii 4, minus tribus radicibus, que equantur 4 radicibus superficie *.b.z.*; sed superficies *.b.z.* equatur censui *.b.d.*, minus tribus suis radicibus, ergo superficies *.b.z.* cum denariis 4 equatur 4 radicibus ipsius: pone ergo pro superficie *.b.z.* census, quia cum denariis 4 equatur 4 radicibus: extrahit ergo 4 ex quadrato medietatis radicem, scilicet de 4, remanet zephyrum; quo addito, uel diminuto a medietate radicem, redderit 2 pro radice positi census: quibus 2 in se multiplicatis, reddunt 4 pro ipso censu, scilicet pro superficie *.b.z.*; que etiam fit ex *.b.e.* in *e.z.*; hoc est ex *.b.e.* in *.b.g.*; ergo ex ductu *.b.e.* in *.b.g.* veniunt 4 dividatur ergo *e.g.* in duo equa super 4, erit una queque portio *e.i.*, et *i.g.* $\frac{1}{2}$ 1; et quia ex *.b.e.* in *.b.g.* proveniunt 4; si eis addatur quadratus linee *i.*, scilicet $\frac{1}{4}$ 2, habebuntur pro quadrato linee *.b.i.* $\frac{1}{4}$ 6: quare si super eorum radicem, scilicet super $\frac{1}{2}$ 2, addatur linea *i.g.*, scilicet $\frac{1}{2}$ 1, habebuntur 4 pro linea *.b.g.*; quare census *.b.g.* est 16, cuius 3 radices, scilicet superficies *e.d.* sunt 12; remanet ergo 4 pro superficie *.b.z.*, cuius quattuor radices sunt 8; quibus additis cum 12, reddunt denarios 4 super censum *.b.d.*, ut querelatur.

Et si dicatur: est census, de quo extraxi 8 radices; et addidi eas cum 10 radicibus residui, et provenit census, et denarii 21: eodemque modo invenies censum, qui cum 21 equatur decem suis radicibus; eritque 9, uel 49, unus quorum habeatur pro superficie *.b.z.*: quam si ponimus esse 9, erit tetragonum *.b.d.* rationatum; quod sic probatur: quia ex ductu *.b.e.* in *.b.g.* proveniunt 9; si addatur quadratus numeri *e.i.*, scilicet 16, erunt 25; quorum radix, scilicet 5, est linea *.b.i.*; quibus si addatur

* *e.d.* equatur ... denariis 25 +
(fol. 154 verso, l. 10-12;
pag. 421, lin. 3-17).



+ $\frac{2}{7}$ 10, que ... tribus ems +
(fol. 154 verso, l. 15-19;
pag. 421, lin. 19 + 24-25).



fol. 155 recto.

i.g., scilicet 4, erit tota *.b.g.* racionata, que erit 9; quare census *.b.d.* est 81: et si ex *i.b.* auferatur *i.e.*, remanebit *i.b.* unum: et si ponam superficiem *.b.z.* 49, erit radix eius 7; et est media in proportione inter *.b.e.*, et *.e.z.*: quare ex *.b.e.* in *.e.z.*, hoc est ex *.b.e.* in *.g.b.*, ueniunt 49; quibus si addantur 16, scilicet quadratus numeri *e.i.*, proueniunt 65; super quorum radicem si addatur *i.g.*, erit tota *.a.g.* binomia quinta, scilicet radix de 65, et denarii 4; et si auferatur *i.e.* ex *i.b.*, remabit (*sic*) *.e.b.* recensum, quod est radix de 65, minus 4; quia multiplicata per *.e.z.*, scilicet per radicem de 65, et per 4, proueniunt 49 pro superficie *.b.z.*

Adhuc si dictum fuerit: est census, cuius 4 radices multiplicauit per 3 radices eius; et quod prouenit fuit quattuor census, et denarii 48: ex ductis quidem 4 radicibus in 3 radices proueniunt 20 census, qui equantur quattuor censibus, et denariis 48: quare si committer auferantur 4 census, remanebunt 16 census, qui equantur denariis 48: quare diuide 48 per 16, ueniunt 3 pro quantitate quesiti census.

Item est census, cuius $\frac{1}{2}$ equatur $\frac{1}{2}$ radices (*sic*) eius. Reduc ergo hec omnia ad censum unum, et erit quod census equatur radici $\frac{2}{7}$; ergo radix census est $\frac{7}{2}$; qua radix in se multiplicata reddit $\frac{49}{4}$.

Item census, quem si multiplicas in quadruplum ipsius, ueniunt 20; erit eius regula, quod cum multiplicas ipsum in se, proueniunt 5. Ipse namque est radix de 5.

Item est census, quem in terciam sui multiplicauit, et prouenit 10: erit eius consideratio, quoniam cum multiplicas ipsum in se, proueniunt 30. Dic ergo, quod census est radix de 30.

Item est census, quo multiplicato per quadruplum ipsius, prouenit tercia dragma: ergo si multiplicabitur ille census in duodecuplum ipsius, prouenit unum; ergo ille census est $\frac{1}{12}$.

Item est census, quo multiplicato in radicem ipsius, prouenit triplum census primi: erit eius consideratio, quoniam cum multiplicas radicem census in terciam ipsius, prouenit census; dico, quod istius census tercia pars est radix eius, et ipse est 9.

Item multiplicauit terciam census, et denarium 4 in quartam eius, et duos denarios, et prouenit census, et augmentum 12 denariorum: pone pro ipso census rem; et multiplica terciam ei (*sic*) in quarta eius, et prouenit duodecima pars census, et tercium rei duos denarios, et quartam rei in denarium, et denarium in duos denarios; et sic habebis duodecimam census, et $\frac{11}{12}$ rei, et denarios 2, que equentur rei, et denariis 2: tolle ergo ab utraque parte $\frac{11}{12}$ rei, et duos denarios, et remanebit itaque duodecima census; que equatur duo-|decime rei, et denariis 11: multiplica ergo hec omnia per 12, et ueniet census, qui equatur uni rei, et denariis 12, et cetera.

Est numerus, de quo si auferatur $\frac{1}{2}$, et denarii 4, remanebit siquidem radix eius: pone pro ipso numero rem, et extrahe ex eo $\frac{1}{2}$, et denarios 4, remanebunt itaque $\frac{3}{12}$ rei, minus denariis 4, que sunt radix posite rei: quare multiplica ea in se, et quod prouenerit, equalitur rei; nam multiplicatis $\frac{3}{12}$ rei in se, proueniunt $\frac{9}{144}$ census; et ex duplo de $\frac{3}{12}$ rei in denariis 4 diminutis, ueniunt res $\frac{1}{2}$ 3 diminute; et ex denariis 4 in denarios 4 diminutos, ueniunt denarii 16 additi, omnia que equantur rei: adde ergo utrique parti res $\frac{1}{2}$ 3, ueniunt res $\frac{1}{2}$ 4, que equantur $\frac{25}{144}$ census, et denariis 16: reddite ergo hec omnia ad censum unum, scilicet multiplica unum quemque ipsorum numerorum

per 14; et diuide unam quamque multiplicationem per 13, et uenient radices $\frac{22}{13}$ 24, que equantur censui, et denariis $\frac{5}{13}$ 99, et cetera: et inuenies, censum esse binomium, scilicet $\frac{85}{13}$ 12, et radicem de $\frac{145}{473}$ 63. Et si dictum fuerit, quod multiplicato predicto residuo, scilicet $\frac{5}{13}$ rei, minus denariis 4, in se, faciat 12 ultra primum numerum; tunc eodem ordine erunt $\frac{35}{114}$ census, et denarii 4, qui equantur radicibus $\frac{4}{3}$ 4: et cum rederis ea ad censum unum, erit census, et denarii $\frac{2}{3}$ 23, qui equantur radicibus $\frac{5}{13}$ 24: operare ergo per ea, et inuenies, quesitum numerum esse 24.

Multiplicauit numerum per 4 radices ipsius, et prouenit septuplum ipsius; nunquam multiplicabitur numerus aliquid (*sic*) per aliquid, ex qua multiplicatione proueniet septuplum multiplicati, nisi multiplicetur ipse numerus per 7: ergo cum multiplicatur quesitus numerus per 4 radices eius, tunc ipse multiplicator per 7. Vnde manifestum est, quod radices 4 predicti numeri equentur denariis 7: ergo radix eius est $\frac{2}{3}$ 4, quod prouenit ex 7 diuisis in 4; quia radice in se multiplicata proueniunt $\frac{2}{3}$ 3 pro quesito numero.

Item est numerus, de quo proieci quartam ipsius; residuumque multiplicauit 4 (*sic*) radices eius, et prouenit septuplum illius: et quia ex multiplicatione de $\frac{1}{4}$ quesiti numeri in 4 radices eius prouenit septuplum eius; si multiplicatur pars extracta, scilicet $\frac{1}{4}$, per 4 radices predictas, prouenit duplum eiusdem numeri: ergo si multiplicabitur numerus quesitus per 4 radices eius, nimirum proueniet ottuplum eiusdem numeri: ergo 4 radices equantur denariis 8; ergo radix quesiti numeri est 2; et ipse numerus est 4.

Item numerus est, de quo proieci 4 radices ipsius; et de residuo accipi (*sic*) $\frac{1}{4}$; et fuit equale radicibus 4: ergo cum $\frac{1}{4}$ pars residui equatur 4 radicibus, totum ergo residuum equabitur radicibus 16; quibus si addantur radices 4, que fuerunt proiecte, totus numerus quesitus equabitur 20 radicibus: quare radix eius est 20, et ipse numerus est 400.

Item est numerus, de quo proieci 2 radices ipsius; et quod remansit, fuit radix quadrupli ipsius numeri: pro quadruplo predicto accipe radicem de 4, que est 2; et adde eam cum 3, propter tres radices, erunt 5, que sunt radix numeri quesiti; et ipse numerus est 25.

Rursus est numerus, quo multiplicato per $\frac{2}{3}$ ipsius, proueniunt 3: hic ergo; cum ex multiplicatione predicta uenient 5; si multiplicabitur idem numerus per terciam ipsius, proueniunt $\frac{1}{3}$ 2: ergo si numerus multiplicabitur in se, faciet $\frac{1}{3}$ 7; ergo ipse numerus est radix de $\frac{1}{3}$ 7: nam si uis scire, qualiter ipse multiplicetur per $\frac{2}{3}$ ipsius, multiplica ipsum in se, erunt $\frac{1}{3}$ 7; et multiplica $\frac{1}{3}$ ipsius in se, erunt $\frac{1}{9}$; quas partes accipe de $\frac{1}{3}$ 7, erunt $\frac{1}{3}$ 2; que multiplica per $\frac{1}{3}$ 7, ueniunt 23; quorum radix, scilicet 5, est summa quesite multiplicationis, ut oportet.

Item est numerus, de quo extracta tertia ipsius, et denariis 6, residuum, si in se multiplicabitur, reddet duplum ipsius numeri: quamuis hec ad unam ex 6 regulis algebre produci ualeat, tamen qualiter proportionaliter fieri debeat, indicabo (1): sit itaque numerus quesitus linea *a.b.*; de quo auferatur linea *b.g.*, que sit tertia numeri *a.b.*, remanebit numerus *a.g.* $\frac{2}{3}$ numeri *a.b.*; de quo etiam | auferatur linea *g.d.*, que sit 6, remanebit

* proportionalitè ... auferatur *
(fol. 150 verso, lin. 28; pag.
423, lin. 26 + 27).

a e d e h

fol. 156 verso.

(1) Nel margine inferiore della carta 195 verso del Codice Magliabechiano C. I. 2646 si trova scritto ciò che segue: « Ad regulam algebre reducit sic: pone pro numero rei; de qua abice tertia rei, et denariis 6, remaneat $\frac{2}{3}$ rei, minus denariis 6; que multiplica in se, ueniunt $\frac{1}{9}$ census, et denarii 36, minus rebus 6, que equantur duabus rebus, scilicet duplo ipsius numeri: redige hec omnia ad unum censum; et habebis, quod unus census, et denarii 84 equantur rebus $\frac{1}{3}$ 23: procede ergo per 5^{am} regulam, hoc est multiplica hec omnia per 4 quartam nouenari, quod est super uirgam, hoc est per $\frac{1}{4}$ 2; et inuenies pro toto numero 16, id est pro linea *a.b.* »

ergo numerus $.a.d.$, qui est radix ex duplo numeri $.a.b.$: quare reperendus est numerus, qui cum multiplicatus fuerit per numerum $.a.g.$, hoc est per $\frac{2}{3}$ totius lineae, faciat duplum numeri $.a.b.$, eritque 3: ergo multiplicatio numeri $.a.g.$ in 3 equatur multiplicationi numeri $.a.d.$ in se: ergo est sicut $.a.g.$ ad $.a.d.$, ita $.a.d.$ ad 3, maior est $.a.g.$ quam $.a.d.$; maior ergo $.a.d.$ quam 3: auferantur itaque 3 ex numero $.a.d.$; sitque $.a.e.$; et quoniam est sicut $.a.g.$ ad $.a.d.$, ita $.a.d.$ ad $.a.e.$; erit ergo cum diuideris sicut notus $.g.d.$ ad $.d.a.$, ita $.d.e.$ ad $.e.a.$ notum: multiplicabis ergo $.g.d.$ notum in $.a.e.$ notum, scilicet 6 per 3, erunt 18; quibus equatur multiplicatio $.e.d.$ in $.a.d.$: quare si superaddideris quadratus medietatis numeri $.a.e.$, scilicet $\frac{1}{4}$ 4, erunt $\frac{1}{4}$ 20; super quorum radicem, scilicet super $\frac{1}{4}$ 4, adde medietatem numeri $.a.e.$, que est $\frac{1}{4}$ 4, ueniunt 6 pro numero $.a.d.$: cui addantur 6, scilicet numerus $.d.g.$, erit numerus $.a.g.$ 12, que sunt $\frac{2}{3}$ numeri $.a.b.$: multiplice ntur ergo 12 per 3, et diuidantur per 3; uel super 12 addatur medietas eorum, ueniunt 18 pro toto numero $.a.b.$ Et si proponatur, quod ex ductu $.a.d.$ in se proveniat numerus $.a.b.$ cum augmento denariorum 18; inuenies numerum, quo multiplicato per numerum $.a.g.$, faciat equale numeri $.a.b.$, eritque $\frac{1}{2}$ 1, qui sit linea $.a.e.$: ergo ex $.a.e.$ in $.a.g.$ provenit numerus $.a.b.$; ergo si ex ipsa multiplicatione auferatur multiplicatio ex $.a.e.$ in $.d.g.$, scilicet ex $\frac{1}{2}$ 1 in 6, remanebit multiplicatio $.a.e.$ in $.a.d.$ equalis numero $.a.b.$, diminutis inde 6: sed ex $.a.d.$ in se provenit 18 ultra numerum $.a.b.$; ergo multiplicatio $.a.d.$ in se superat multiplicationem ex $.a.e.$ in $.a.d.$ in 27: sed multiplicatio $.a.d.$ in se equatur duabus multiplicationibus, que sunt ex $.a.e.$ in $.a.d.$, et ex $.e.d.$ in $.a.d.$; ergo multiplicatio $.e.d.$ in $.a.d.$ est 27; cui addatur quadratus medietatis numeri, scilicet $\frac{1}{4}$ 9, erunt $\frac{1}{4}$ 36; super quorum radicem, que est $\frac{1}{4}$ 6, si addideris $\frac{1}{4}$ 6, scilicet dimidium numeri $.a.e.$, ueniunt 6 pro numero $.a.d.$; super quem si addideris numerum $.d.g.$, erunt 12 pro numero $.a.g.$; super quem si addideris dimidium eius, erit totus numerus $.a.b.$ 18.

Adhuc est numerus, de quo proieci (sic) tertiam eius, et denarios 6; et quod remansit multiplicauit per 6; et rediit idem numerus (1): sit itaque linea $.a.b.$ numerus quesitus, cuius tertia sit $.b.c.$; et $.c.d.$ sit 6; et linea $.g.h.$ sit 5; et auferatur ex $.g.h.$ numerus $.g.f.$, qui sit $\frac{1}{2}$ 1, in quo multiplicator numerus $.a.c.$, hoc est $\frac{2}{3}$, facit numerum $.a.b.$; et $.a.d.$ in $.g.h.$ facit similiter numerum $.a.b.$, hoc est unum, idest totam lineam: quare est sicut $.c.a.$ ad $.d.a.$, ita $.h.g.$ ad $.f.g.$: erit ergo cum diuidetur, sicut $.c.d.$ primus ad $.d.a.$ secundum, ita $.h.f.$ tertius ad $.f.g.$ quartum: ergo multiplicatio $.c.d.$ in $.f.g.$, scilicet de 6 in $\frac{1}{2}$ 1; que multiplicatio est 9, equatur multiplicationi $.d.a.$ in $.h.f.$ notum: quare si diuidantur 9 per $.h.f.$, scilicet per $\frac{1}{2}$ 1, ueniunt $\frac{1}{2}$ 2 pro numero $.a.d.$; cui si addatur numerus $.d.c.$, erit $.a.c.$ $\frac{1}{2}$ 8; super que si addatur dimidium eorum, scilicet $.c.b.$, que est $\frac{1}{2}$ 4, cum tertia unius numeri sit medietas residui, ueniunt $\frac{2}{3}$ 12 pro toto numero $.a.b.$

• primus ad a d a m • (fol. 176 verso, lin. 29-31; pag. 424, lin. 22-23).



(1) Nel margine inferiore della carta 176 verso del Codice Magliabechiano C. 1. 2516 trovasi scritto ciò che segue: « 1. Nota, quod ad regulam algebre sic reducit: pone pro quesito numero rem; de qua abice tertiam rei, et • denarius 6, remanet $\frac{2}{3}$ rei, minus denarius 6; que multiplica per 5, et ueniunt res $\frac{1}{2}$ 3, minus denarius 20, • que equatur quesitum numerum, uidelicet rem: quare da unicuique parti denarius 20. Et habebis, quod res • (sic) 3, et tertiam rei equatur unum rem, et denarius 20; de quibus unum abice rei (sic) unam. Et remanet, quod 2 res, et tertiam rei equatur denarius 20: ergo rem (sic) ualeat denarius $\frac{2}{3}$ 12 pro quesito. »
Fra le linee 27 e 28 del medesimo recto trovasi: « 1. hoc est unum, idest tota linea ».

Ex (sic) si ex $.a.d.$ in 5, scilicet in $.g.h.$, proveniant 24 ultra numerum $.a.b.$; erit tunc multiplicatio $.g.f.$ in $.a.d.$ novem, minus multiplicatione $.g.f.$ in $.a.c.$; que 9 proveniunt ex $.g.f.$ in $.d.c.$, hoc est ex $\frac{1}{2}$ 1 in 6: ergo ex $.g.f.$ in $.a.d.$ proveniunt 9 diminuta de numero $.a.b.$; que si addantur super 24, erunt 23, que proveniunt ex $.f.h.$ in $.a.d.$: quare si dividantur 23 per $\frac{1}{2}$ 3, scilicet per $.f.h.$, venient $\frac{1}{2}$ 9 pro numero $.a.d.$; quare numerus $.a.c.$ est $\frac{1}{2}$ 13: quibus si addatur dimidium eorum, scilicet $\frac{1}{2}$ 7, erunt $\frac{1}{2}$ 23 pro toto numero $.a.b.$

In quadam negotiatione quidam habuit libras 12 capitalis, eum quibus lucratus est aliquid in mensibus tribus, super quod totum, scilicet super capitale et lucrum, quidam alius addidit libras 11; et cum bis omnibus lucratus est proportionaliter, secundum quod lucratus fuerat primum (v.), et in capite duodecim mensium lucratus est aliquid aliud; et fuit totum luerum duodecim mensium, et trium libre 9; queritur, quot ex ipso lucro cadat unicuique ipsorum, vel quot lucrabatur in unoquoque mense per libram. Ponam pro libris 12 lineam $.a.b.$, ex (sic) pro lucro eorum trium mensium lineam $.b.c.$; et iaceat linea $.c.g.$, equalis linee $.a.c.$; et auferam ab ea lineam $.f.g.$ equalem linee $.b.c.$, remanebit $.e.f.$ equalis linee $.a.b.$; et addam linee $.c.g.$ lineam $.d.e.$, que sit 11; erit ergo tota $.d.f.$ 23; et sit $.g.h.$ lucrum numeri $.d.g.$ in uno anno; erit ergo coniunctum ex $.g.h.$, et $.b.c.$ 9: et quia annus quadruplus est trim mensium, accipiam ex $.g.h.$ quartam eius, que sit $.g.i.$; erit ergo $.g.i.$ lucrum in tribus mensibus totius numeri $.d.g.$: quare proportionaliter est sic $.a.b.$ ad $.b.c.$, ita $.d.g.$ ad $.g.i.$; et quia numerus $.g.h.$ quadruplus est numeri $.g.i.$; erit sicut $.a.b.$ ad $.b.c.$, ita quadruplum ex $.d.g.$ ad $.g.h.$

fol. 156 verso.

Permutatim ergo sicut quadruplum ex $.d.g.$ ad $.a.b.$, ita $.g.h.$ ad $.b.c.$ Coniunctim ergo sicut quadruplum ex $.d.g.$ cum $.a.b.$ ad $.a.b.$, ita coniunctum ex $.g.h.$, et $.b.c.$ ad $.b.c.$ Cum enim .iiii.^m quantitates proportionales sunt, erit multiplicatio prime in quartam, sicut multiplicatio secunde in tertiam. Quare quod fit ex coniuncto quadrupli $.d.g.$ cum $.a.b.$ in $.b.c.$, est sicut illud, quod fit ex $.a.b.$ in coniunctum ex $.g.h.$ cum $.b.c.$ Est eorum $.a.b.$ 12, et $.g.h.$ enim $.b.c.$ sunt 9; quorum multiplicatio surgit in 108. Ergo multiplicatio coniuncti ex quadruplo $.d.g.$ cum $.a.b.$ in $.b.c.$ surgit similiter in 108: deinde ut reducatur hec questio ad unam ex questionibus algebre, ponam luerum $.b.c.$ rem; quare et $.f.g.$ erit similiter res: ergo quadruplum totius $.d.g.$ est 92, et .iiii.^m res; cum quibus si addatur numerus $.a.b.$, qui est 12, erit coniunctio quadrupli $.d.g.$ cum $.a.b.$ 104, et quatuor res. Que omnia multiplicata in $.b.c.$, scilicet in rem, faciunt .iiii.^m census, et 104 radices, que equantur libris 108. Quare quarta pars eorum, scilicet census, et radices 26 equantur quarte de 108, scilicet 27. Vnde si dimidium radicum in se multiplicabitur, surget in 108; cum quibus additis 27, faciunt 196; de quorum radice, scilicet de 14, si auferatur dimidium radicum superscriptarum, remanebit 1 pro quantitate rei: ergo $.b.c.$ cum sit res, est libra 1; qua diuisa per menses 3, veniet pro lucro duodecim librarum in uno mense denarii 80; quibus diuisis per libras 12, venient dearii $\frac{2}{3}$ 6; et tot lucrabatur per libram in uno quoque mense: deinde ut habeatur contingentis (sic) unicuique, addam $.b.c.$ super $.a.b.$, proveniant libre 13; super quas addam luerum ipsarum duodecim mensium, quod est librarum 4, et soldorum 6, et denariorum 8, venient in summa libre $\frac{1}{2}$ 17 pro portione

capitalis, et lucri primi hominis; de quibus si auferatur capitale ipsius, scilicet libre 12, remanebunt pro lucro ipsius libe $\frac{1}{2}$ 5; reliquum, scilicet libre $\frac{1}{2}$ 3, remanet pro lucro unius anni contingente ei, qui miserat 11.]

fol. 197 recto.

• rectang. . . superficies • (fol. 197 recto, lin. 28 & 9; pag. 425, lin. 7-10).



Lucriat quis numerum, quo multiplicato in se, et in radicem de 10, faciat nonnuplum ipsius numeri; ponam pro ipso numero rem, que sit linea $a.b.$; et addam ei lineam $.b.g.$, que sit radix de 10; et ordinabo super rectam $a.b.$ quadratum $d.b.$, et per punctum $g.$ protraham lineam $g.z.$ equidistantem utrique rectarum $b.e.$, et $a.d.$; et ducam rectam $d.e.$ in punctum $z.$; et crit tota superficies $d.g.$ recti angula nonnuplum numeri $.b.a.$ hoc modo: ex ductu quidem $.b.a.$ in se provenit tetragonum $.b.d.$; et ex ductu $.e.b.$ in $.b.g.$, hoc est $.b.a.$ in $.b.g.$, provenit superficies $.e.g.$; ergo ex ductu $.b.a.$ in se, et in radicem de 10 provenit superficies $d.g.$, que est nonnuplum numeri $.b.a.$, hoc est numeri $d.a.$: et quia $.b.$ posuimus (*sic*) rem esse; crit ergo et $d.a.$ res, scilicet radix; et tota superficies $d.g.$, cum sit nonnuplum numeri $d.a.$, equabitur 9 radicibus; quare tota $g.a.$ est 9: de quibus si auferatur recta $g.b.$, que est radix de 10, remanebit pro quesito numero $.b.a.$ 9, minus radice de 10.

Et si dicatur, quod ex ductu $a.b.$, scilicet numeri ducti in se, et in radicem de 10, proveiat nonnuplum quadrati, quod fit a numero $.b.a.$; ponam iterum $.b.a.$ rem; et ex ductu eius in se provenit census $.b.d.$; et ex ductu $.b.a.$ in $.b.g.$, que est radix 10, provenit radix 10 censuum; quia multiplica (*sic*) radix in se, fecit census; et radix 10 in se, facit 10: multiplica ergo 10 in censuum, et proveniunt 10 census; quorum accipe radicem, et erit radix 10 censuum, que est superficies $e.b.g.$: ergo census, et radix decupli ipsius est nonnuplum ipsius census, hoc est quod equatur 9 censibus: cumviter si auferatur census, remanebit radix 10 censuum, equalis 8 censibus, hoc est superficies $e.g.$ est octuplum tetragoni $.b.d.$: ergo est sicut 8 ad 1, ita superficies $e.g.$ ad quadratum $d.b.$: sed sicut superficies $e.g.$ ad quadratum $.b.d.$, ita numerus $g.b.$ ad numerum $.b.a.$: ergo est sicut 8 ad 1, ita $g.b.$ ad $.b.a.$: sed $.b.g.$ est nota, cum sit radix de 10; ergo si multiplicaverimus radicem de 10 in 1, et dividerimus per 8, venient utique radix de $\frac{10}{8}$ unius dragmae pro numero $.b.a.$: quare quadratum $.b.d.$ est $\frac{10}{8}$ unius dragmae. Nam ex ductu $.e.b.$ in $.b.g.$, scilicet ex radice de $\frac{10}{8}$ in radicem de 10, veniunt radix $\frac{100}{8}$; que radix est $\frac{25}{2}$, hoc est dragmae $\frac{1}{2}$; qui denarius $\frac{1}{4}$ et proen dubio nonnuplum est de $\frac{10}{8}$, hoc est quadrati $.b.d.$

• cont. numerum . . . superfi-
cies $d.g.$ • (fol. 197 recto,
lin. 29-32, pag. 426, lin. 23-
27).



Item est numerus, quo multiplicato in se, et in radicem de 10, proveniunt 20: ergo per ea, que dicta sunt, inveniunt, si pro ipso numero ponimus rem; quare census, et radix 10 censuum equatur 20: et tunc si ponamus suprascriptam lineam, inveniatis, quod census, et tot radices eius, quot unitates sunt in radicibus de 10, equantur 20: quare dividam rectam $g.b.$ in duo equa super punctum $I.$; et erit recta $I.b.$ radix quarte partis de 10, scilicet de $\frac{1}{2}$ 2; et tota superficies $d.g.$ est 20, que provenit ex $d.a.$ in $a.g.$, hoc est ex $.b.a.$ in $g.a.$: quibus 20 si addatur quadratus lineae $I.b.$, scilicet $\frac{1}{2}$ 2, venient $\frac{1}{2}$ 22 pro quadrato lineae $I.a.$: quare si ex $\frac{1}{2}$ 22 auferatur radix de $\frac{1}{2}$ 2, scilicet ex $I.a.$ tollatur $I.b.$, remanebit radix de 10 pro numero $.b.a.$: ergo tota $g.a.$ est radix de 20, que duabus radicem (*sic*) de 10 equatur. Nam si ducatur $.b.a.$ in se, proveniunt 10; et ex ductu $.b.a.$ in $.b.g.$ proveniunt alia 10; cum una queque ipsarum sit radix de 10.

Multiplicandi occupum radicis cuiusdam numeri per triplum radicis ipsius, et provenienti summe addidi denarios 20; et fuit totum illud equale quadrato ipsius: pone siquidem pro ipso numero rem; quare pro occupo radicis ipsius habebuntur octo radices ipsius; et pro triplo radicis eius habebuntur radices 3; et ex multiplicatione octo radicum ipsius in tres eius veniet uiguplum quadruplum ipsius numeri. Et quia possumus (sic) ipsum numerum esse rem, uteniet ex dicta multiplicatione radices 24; quibus si addatur 20, erunt 44 res, et denarii 20, que equantur censui, scilicet quadrato quesiti numeri: quare dimidia radices, erunt 12; quibus in se ductas (sic), erunt 144; quibus adde 20, erunt 164; super quorum radice adde medietatem radicum, et habebis radicem de 164, et denarios 12 pro quesito numero; qui numerus est binomium quintum. Quod binomium, si multiplicauerimus per 24, et addiderimus 20, equalitur multiplicationis (sic) ipsius binomii in se.

Et si dicatur multiplicandi radicem occupi cuiusdam numeri in radicem tripli eius; et provenienti summe addidi 20, et ex hoc toto provenit quadratum ipsius numeri; ponam pro ipso numero lineam .b.g., et describam super ipsam tetragonum (sic) .b.d.; et auferam ab eo superficiem .b.f., que sit 20, remanebit superficies .f.g. equalis multiplicationi radicis occupi numeri .b.g. in radicem tripli eius; que multiplicatio est radix uigupli quadrupli quadrati .b.d.: ergo ex ductu .f.e., hoc est .b.g. in .e.g., provenit numerus multiplicationis radicis occupi numeri .b.g. in radicem tripli eius. Sed ex multiplicatione occupi numeri .b.g. in triplum eius provenit uiguplum quadruplum quadrati .b.d.; quod etiam provenit ex quadrato .b.d. ducto in 24. Quare si multiplicauerimus radicem de 24 pro radicem (sic) quadrati .b.d., scilicet pro numerum (sic) .b.g., proveniet radix uigupli quadrupli quadrati .b.d.; quod idem provenit ex .e.g. in .b.g.: ergo .e.g. est radix de 24; que si dividatur in duo equa supra punctum .h., erit utique .e.h. radix quarte partis de 24, scilicet de 6. Et quia ex ductu .b.e. in .e.f., hoc est ex .b.e. in .b.g., proveniunt 20; quibus si addiderimus quadratum numeri .e.h., quod est 6, habebitor 26 (sic) pro quadrato hinc .b.h.: ergo numerus .b.h. est radix de 26. Cui si addatur numerus .h.g., habebitor pro quesito numero .b.g. radix de 26, et radix de 6; que nomina faciunt binomium sextum; quod binomium in se multiplicatum faciunt 32, et radicem de 624 pro quantitate numeri .b.d.: de quibus si auferatur superficies .b.f., que est 20, remanebant pro superficie .f.g. 12, et radicem de 624; que etiam habebitor ex ductu radicis de 24 in radices de 26, et de 6. Nam ex ductu radicis de 24 in radicem de 6 veniunt 12; et ex radice de 24 in radicem de 26 provenit radix de 624, ut oportet.

Reversus multiplicandi radicem sexupli cuiusdam aueris in radicem quinquupli eius, et addidi decuplum ipsius aueris, et denarios 20; et fueront hec omnia sicut multiplicatio ipsius aueris in se: ponam pro ipso aere rem; et multiplicabo radicem sexupli eius in radicem quinquupli eius, hoc est radicem 6 rerum in radicem 5 rerum, proveniet radix 30 censuum; quia cum multiplicatur res in rem facit census; ergo cum multiplicatur radix rei in radicem rei provenit radix census: deinde addam super radicem 30 censuum decuplum unius rei, et denarios 20; et habeo 10 res, et radicem 30 censuum, et denarios 20, que equatur multiplicationi rei in se, | hoc est census. In hac cadit regula radicem, et numeri, que equantur censui. Ad hoc itaque demon-

fol. 157 verso.

* superficies ... in A. g. s. fol. 151 verso, lin. 14 21, pag. 417, lin. 16-24.



fol. 158 verso.

* latus est ergo .b. a | Gd.
198 *vera*, lib. 3-10, pag. 428.
lin. 1-10).



strandum, adiacent quadratum equilaterum, et equiangulum .a.g., cuius latus est .b.g.; et ponam .b.g. rem; ergo quadratum .a.g. est equale radici 30 censuum, et 10 radicibus, et 20 dragmis: quare absidamus a quadrato .a.g. superficiem rectionregulam (sic) .a.e., que sit radix 30 censium; et extra (sic) superficie .f.g. auferatur superficies .f.h., que sit equa 10 radicibus census .a.g.; quare .e.h. est 10, remanebit ex toto quadrato .a.g. superficies .i.g., que erit 20. Et quoniam superficies .a.e. est radix 30 censium; et prouenit ex multiplicatione .a.b. iu .b.e.; et .a.b. est res, necessario sequitur, .b.e. radicem esse de 30; quia ex multiplicatione rei in radicem numeri prouenit radix census: ergo ex multiplicatione rei in radicem de 30 prouenit radix 30 censuum: addamus ergo .b.e. cum .e.h.; et erit tota .b.h. 10, et radix de 30, que est binomialis quarta; et diuidamus eam in duo equa ad punctum .c.; et erit una queque linearum .b.c., et .c.h. 5, et radix de $\frac{1}{2}$ 7. Et quia superficies .i.g. est 20, que prouenit ex ductu .i.h. in .h.g., hoc est ex .b.g. in .h.g.; si super 20 addamus multiplicationem ex .c.h. in se, que est $\frac{1}{2}$ 23, et radix de 750, habebitur pro quadrato linee .c.g. $\frac{1}{2}$ 52, et radix de 750: ergo .c.g. est radix de $\frac{1}{2}$ 52, et radicis de 750; cui si addamus lineam .c.b., habebitur pro tota .b.g., scilicet pro quesito aere, radix de $\frac{1}{2}$ 52, et radicis de 750, et denarii 5, et radix denariorum $\frac{1}{2}$ 7; que omnia sunt secundum propinquitatem circa $\frac{1}{2}$ 16.

Diuisi 10 in duas partes, et multiplicauimus unam in aliam; et quod prouenit diuisi per differentiam, que est inter utramque partem; et prouenit radix 6; pone pro una illarum duarum partium rem, et pro alia 10, dimiuita re; et multiplica unam in aliam, et ueniet ut res, dimiuito censu; que diuide per differentiam, que est inter utramque partem, scilicet per 10, dimiuitis duabus rebus, prouenit utique radix 6. Sed quando multiplicatur id, quod prouenit ex aliqua diuisione, in diuidentem numerum, prouenit numerus diuisus semper: ergo si multiplicauerimus radicem de 6 in 10, minus duabus rebus, prouenit 10 res, dimiuito censu. Sed ex multiplicatione radicis de 6 in 10, minus duabus rebus, prouenit radix de 600, dimiuita radice 21 censuum, que equantur 10 rebus, dimiuito censu: adde ergo utrique parti censum, et radicem 21 censuum, et ueniet census, et radix 600, que equantur 10 rebus, et radici 21 censuum: in hoc equantur radices censui, et numero; quod ostendam iu figura: ponam rectam .a.b. rem, et applicabo ei superficiem rectionregulam .a.c. continentem censum predictum, et radicem 600 denariorum; et quia inuenimus, hec equari 10 rebus, et radici 21 censuum, erit linea .b.c. 10, et radix 21; quia cum multiplicatur res in 10, et radice de 21, prouenit 10 res, et radix 21 censuum, que equantur superficiei .a.c., scilicet censui, et radici sexcentorum: quare si absidamus de superficie .a.c. quadratum equilaterum, et equiangulum .a.g., qui erit census, remanebit superficies .d.c. radix sexcentorum; que radix prouenit ex .d.g. in .g.c., hoc est ex .b.g. iu .g.c. Vnde si diuiserimus lineam .b.c. in duo equa ad punctum .e., erit multiplicatio .b.g. in .g.c. cum quadrato linee .e.g., sicut quadratus linee .b.e. Vnde si a quadrato linee .b.e. auferatur superficies, que fit ex .b.g. in .g.c., remanebit quadratus linee .g.e.: est enim .b.e. 5, et radix 6, scilicet medietas 10, et radicis 21: quare ex .b.e. in se prouenit 21, et radix $\frac{600}{600}$, de quibus si auferatur id quod prouenit ex .b.g. in .g.c., quod est radix 600, remanebunt 31 pro quadrato linee .g.e.: ergo linea .g.e. est radix

* ostendam in censuum,
que 1 (fol. 198 *vera*, lin. 25
e 20-22; pag. 428, lin. 20-24).



fol. 198 *uera*.

31; que si auferatur ex .*b.e.*, remaneat .*b.g.* 5, et radix 8, minus radice 31, que sunt res, scilicet una partium de 10; que si auferatur ex 10, remanebunt pro alia parte 5, et radix 31, minus radice de 6: quibus duabus partibus insimul multiplicatis faciunt radicem 744, minus denariis 12; quia ex ductis 5 in 8 ueniunt 25; et ex ductu radices 6 in radicem 31 additis prouenit una radix de 186 addita; et ex duetu radices 8 diminute in radicem 31 diminutam prouenit alia radix addita de 186; et sic habemus 25, et duas radices de 186, hoc est 25, et unam radicem de 744: de quibus si auferamus multiplicationem radices 6 adite in radicem 6 diminutam, et multiplicationem radices 31 adite in radicem 31 diminutam, que faciunt 37 integra, remanebit radix de 744, minus integris 12; multiplicationis (sic) uero radices 8 adite in 5, et radices 31 adite in 5 relinquimus, opposites eas multiplicationibus de 5 in radicem 31 diminutam, et radices 6 diminute in 5: deinde, si ex (.*ic*) acceperimus differentiam, que est inter utramque partem, que est 2 radices de 31, minus duabus radicibus de 6; et multiplicauerimus eam in radicem de 6, nimirum reddidit radix de 744, diminutis 12 dragmis; que ex multiplicatione radices de 6 in duabus radicibus de 6 diminutis proueniunt 12 diminuta.

Item diuisi 10 in duas partes, et multiplicauimus unam earum in radice 8, et aliam in 36; et proiecit quod prouenit ex multiplicatione unius partis in radicem de 8 ex eo quod prouenit ex multiplicatione alterius partis in 36; et remanserunt denarii 40. Pone pro una partium rem, et pro alia 10, diminuta re; et multiplicata rem in radicem 8, et prouenit radix 8 censuum. Et multiplica 10, minus re, in 36, erunt 100, et census, diminutis 20 rebus: abice ergo ex hiis radicem 8 censuum, remanebunt 40; ergo radix 8 censuum, et 40 equantur censui, et 100, diminutis 20 rebus: adde ergo 20 res utrique parti, et tolle ab utraque parte denarios 40, remanet census, et denarii 60 equales 20 radicibus, et radici (.*ic*) 8 censuum: dimidia ergo radices, erunt 10, et radix de 2; que multiplica in 36, erunt 102, et radix 800; de quibus abice 60, que sunt cum censu, remanebunt 42 radice (.*ic*) de 800; quorum radix (.*ic*) abice de mediate radicum, remanebunt 10, et radix de 2, diminuta radice de 42, et radices de 800 pro quantitate rei: residuum (.*ic*) quod est usque in 10, scilicet radix de 42, radices 800, diminuta radice de 2, est alia pars, que multiplicata fuit in 36. Et est hec operatio, que antecederent figuram (.*ic*): uel aliter, pone pro prima parte rem, et pro alia 10, diminuta re; et multiplica rem in 36, et prouenit census, et 10 diminuta; rem multiplica per radicem 8, et ueniet radix de 800, diminuta radice, et 8 censuum; super que adde 40, in quibus superat hec, et erit radix 800, et 40, diminuta radice 8 censuum, que equentur censui: adde ergo radicem 8 censuum utrique parti, et erit census, et radix 8 censuum, que equantur denariis 40, et radici de, et 2 sic 80 (.*ic*). In hac census, et radices equantur numero; quod per figuram | geometricam demonstrare curauimus. Ponam superficiem .*a.d.* equalem censui, et radici 8 censuum; et auferatur ab ea census .*a.g.*, remanebunt superficies .*a.d.* radix 8 censuum, et prouenit ex ductu .*g.e.* in .*g.d.*, et est .*g.e.* res; quare .*g.d.* est radix 8 denariorum: et quia census, et radix 8 censuum, scilicet superficies .*a.d.*, equantur 40 dragmis, et radici 800; ergo superficies .*a.d.* est 40, et radix de 800; et prouenit ex .*a.b.* in .*b.d.*, hoc est ex .*b.g.* in .*b.d.*: diuidatur ergo recta .*g.d.* in duo equa ad punctum .*i.*, cui iacet in directo recta .*b.g.*; quare superficies

et inueniuntur radices de 8 (.*ic*)
158 versus, lin. 6 et 7-10; pag.
429, lin. 3-7).



60. 159 recta.
et geometriam quare .*g.d.* =
(sic) 159 versus, lin. 7-8; pag.
429, lin. 27-40).



.b.g. in .b.d., scilicet 40, et radix de 500, cum quadrato linee .i.g., quod est 2, equantur quadrato linee .b.i.: ergo quadratum .b.i. est 42, et radix 800: quare .b.i. est radix de 42, et radicis 800; de qua si auferatur recta .g.i., que est radix de 2, remanebunt pro recta .b.g., scilicet pro re, radix de 42, et radicis 800, minus radice de 2, ut per alium modum inuenimus.

Item diuisi 10 in duas partes, et multiplicauimus unam earum in radicem de 10, et aliam in se; et que prouenerunt, fuerunt equalia: ponam unam duarum partium rem, et aliam 10, minus re; et multiplicabo rem in radicem de 10, et prouenit radix 10 censuum; et ex 10, minus re in se prouenit census, et denarii 100, minus 20 rebus, que equantur radici 10 censuum: quare adde utrique parti 20 res, erunt 20 res, et radix 10 censuum equalis censui, et denariis 100: dimidia ergo radices, et erunt 10, et radix de $\frac{1}{2}$ 2; que multiplicata in se, erunt $\frac{1}{2}$ 102, et radix 1000 denariorum; de quibus abice 100, remanebunt $\frac{1}{2}$ 2, et radix 1000 denariorum; quorum radicem abice ex 10, et ex radice $\frac{1}{2}$ 2, remanebunt pro prima parte 10, et radix de $\frac{1}{2}$ 2, minus radice de $\frac{1}{2}$ 2, et radix radicis 1000 denariorum: quare secunda pars erit radix de $\frac{1}{2}$ 2, et radicis 1000 denariorum, diminuta radice denariorum $\frac{1}{2}$ 2: quam partem inuenimus aliter: uidelicet multiplicabo rem in se, et ueniet census; et ex 10, minus re, in radicem de 10, ueniet radix de 1000, diminuta radice 10 censuum. Et sic census equatur radici 1000 denariorum, diminuta radice 10 censuum: abice utrique parti radicem 10 censuum, erit census, et radix 10 censuum, equalis radici 1000 denariorum: dimidia ergo radicem 10 denariorum, et ueniet radix de $\frac{1}{2}$ 2; quam multiplicata in se, et ueniet denarii $\frac{1}{2}$ 2; quos adde cum radice de 1000, et abice ex eorum radice radicem de $\frac{1}{2}$ 2, remanebit radix de $\frac{1}{2}$ 2, et radix radicis 1000 denariorum, diminuta radice de $\frac{1}{2}$ 2, pro secunda parte, ut per alium modum inuenimus.

Super quoddam auere addidi denarios 10; et quod prouenit, multiplicauimus in radicem de 5; quorum accepit radicem; et fuit sicut auere predictum: ponam pro ipso auere rem, cui addidi 10; et fuit quod prouenit res, et denarii 10; que multiplicata in radicem de 5, faciunt radicem 5 censuum, et radicem 500 denariorum; quorum radix equatur res: multiplicata ergo rem in se, et prouenit census; et multiplicata radicem radicis 5 censuum, et radicis 500 denariorum, que equantur censui; et sic census equatur radicibus, et numerorum (sic): dimidia ergo radices, ueniet radix de $\frac{1}{2}$ 1; quam multiplicata in se, et ueniet denarios (sic) $\frac{1}{4}$ 1; que adde cum radice de 500, erunt $\frac{1}{4}$ 1, et radix de 500; super quorum radice adde radicem de $\frac{1}{4}$ 1, et habebis pro quantitate rei, scilicet pro quantitate quesiti auris, radicem radicis de 500, et de denario $\frac{1}{4}$ 1, et radicem de denario $\frac{1}{4}$ 1.

Inter duas quantitates, quarum una est maior, altera est 3; et multiplicauimus maiorem quantitatem in decuplum eius; et eius quod prouenit, accepi radicem; et fuit sicut multiplicatio minoris quantitates in se: | poue pro maiori quantitate rem, et minor quantitas erit res, diminutis 3 dragmis; et multiplicata rem in decuplum eius, et ueniet 10 census; de quibus accepi radicem, et erit radix 10 censuum; et multiplicata rem, diminutis 3, in se, prouenerunt census, et dragme 23, diminutis 10 rebus, que equantur radici 10 censuum: adde ergo res utrique parti, et erunt census, et 23 dragme equalis 10 radicibus, et radici 10 censuum; et sic census, et numerus equantur radicibus: dimidia ergo radices, et erunt 3, et radix de $\frac{1}{2}$ 2; que multiplicata in se, et erunt $\frac{1}{4}$ 6,

et radix de 350; de quibus abice 25, que sunt cum sensu (*sic*), remanebunt $\frac{1}{2}$ 2, et radix de 350; super quorum radice adde medietatem radicem 5, et radix de $\frac{1}{2}$ 2, erunt 5, et radix de $\frac{1}{2}$ 2, et radix radicis de 350, et dragmarum $\frac{1}{2}$ 2 pro quantitate rei, scilicet maioris quantitatis; de quibus si auferantur 5, habebitur minor quantitas.

Item sunt duo numeri, quorum unus excedit alterum in 5; et multiplicari maiorem eorum in radicem de 8, et minorem in radicem de 10; et que prouenerunt, fuerint equalia: pone pro minori numero rem, et maior erit res, et denarii 5: duc ergo rem in radicem de 10, prouenit radix 10 censuum: et multiplica rem, et denarios 5 in radicem de 8, ueniet radix 8 censuum, et radix denariorum 200, que equantur radici 10 censuum. Abice ergo ab utroque (*sic*) parte radicem 8 censuum; et erit radix 10 censuum, dimiuta radice 8 censuum, equalis radici 200 denariorum. Multiplica ergo radicem 200 in se, uenient denarii 200; et multiplica radicem 10 censuum, dimiuta radice 8 censuum, in se, erunt 15 census, dimiuta radice 320 censuum census. Verbi gratia: sit quantitas *a.b.* radix 10 censuum; et auferatur ab ea quantitas *c.b.*, que sit radix 8 censuum, remanebit quantitas *a.c.*, quam uolumus multiplicare in se: et quoniam quantitas *a.b.* diuisa est ut libet in duo ad punctum *c.*, erunt quadrata quantitatum *a.b.*, et *c.b.* equalia duplo superfici *c.b.* in *a.b.*, et quadrato quantitatis *a.c.*: quare si ex quadratis quantitatum *a.b.* et *c.b.* auferatur duplum superfici *c.b.* in *a.b.*, remanebit quadratum quantitatis *a.c.*; proueniunt enim 10 census ex *a.b.* in se, et ex *c.b.* in se proueniunt 8 census; et sic pro quadratis quantitatum *a.b.*, et *c.b.* habentur 18 census; de quibus si auferamus duplum superfici ex *c.b.* in *a.b.*, quod est radix 320 censuum census, remanebunt pro quadrato quantitatis *a.c.* 18 census, dimiuta radice 320 censuum census, ut dictum est. Nam ex *b.c.* in *a.b.*, hoc est ex radice 8 censuum in radicem 10 censuum, prouenit radix 80 censuum census; cuius duplum sunt due radices 80 censuum census. Ex (*sic*) due radices 80 censuum census sunt una radix de 320 censuum census: et quia radix 10 censuum, dimiuta radice 8 censuum, equatur radici 200 denariorum; et eorum quadrata similiter sibi inuicem equaluntur; quare 18 census, et radix 320 censuum census equantur 200 denariis. Reduc ergo hec omnia ad census unum; et illud est, ut multiplices ea per $\frac{1}{2}$ 4, et per radicem de 20. Nam ex multiplicatione de $\frac{1}{2}$ 4, et radicis de 20 in 18 census, dimiuta radice 320 censuum census, prouenit census, ut inferius demonstrabo. Et ex multiplicatione $\frac{1}{2}$ 4, et radicis 20 in denarios 200 proueniunt 900, et radix 800000; ergo census equatur denariis 900, et radici 800000; quorum radix, que est 20, et radix de 500 erit res, hoc est minor numerus; cui si addantur 5, habebunt pro maiori numero 25, et radix 500 denariorum.

Modus autem inueniendi radice (*sic*) de 900, et radicis 800000 est ut de quadrato medietatis 900, quod est 202500, auferas quartam de 800000, remanebunt 2500; quorum radicem, que est 50, adde super 250, scilicet super medietate de 500, erunt 500; et de 4500 abice 400; et accipe radicem de 500, et de 400, et ueniet 20, et radix de 500, ut pro primo numero inuentum est. Et si uis scire modum redicendi (*sic*) 18 census, et radicem 320 censuum census ad unum censum; considera quod quando aliquod

Presso la figura contenuta nel margine laterale esterno della presente carta 159 verso del Codice Magliabechiano C. L. 2616, a sinistra della linea a e b, si legge: « $\frac{1}{3}$ secundi ».

* Verbi gratia . . . quantitas *
(fol. 159 verso, lin. 21: 202-
421, lin. 11 e 14).

fol. 204 recto.

recisum multiplicatur in suum binomium, uel quando multiplicatur binomium aliquod in suum recisum, egreditur inde numerus ratiocinatus: dicimus enim, recisum 18, minus radice 320, cuius binomium est 18, et radix 320; quibus insimul multiplicatis faciunt 4; quia ex ductu 18 in se ueniunt 324 addita; et ex ducta radice 320 addita in radicem 320 dimiuitur ueniunt 320 dimiuita; quibus extractis de 324 remanent 4 addita, ut diximus. Eodemque modo, si multiplicauerimus 18 census, minus radice 320 censuum eensus, in suum binomium, scilicet in 18 census, et radicem 320 censuum (*sic*) census, egredietur inde 4 eensus census. Vade si diuiserimus 18 eensus, et radicem 320 censuum eensus per 4; et quod prouenerit multiplicauerimus in 18 census, minus radice 320, proueniet unus census; et quod prouenerit scilicet 18, et radicem 320 multiplicauerimus in 18 census, dimiuita radice 320 eensus census, egredietur inde 4 census tantum: quare si multiplicauerimus 18 eensus, minus radice 320 censuum census, in quartam de 18, et radicis 320, scilicet in $\frac{1}{4}$ 4, et in radicem de 320, nimirum unus census proueniet; et hoc quod uolui demonstrare.

Possumus aliter ad solutionem huius questionis uenire. Sed sunt quedam plus demonstranda, uidelicet com fuerint tres quantitates continue proportionales in ea, quam habet aliqua alia data quantitas ad aliam quantitatem; erit multiplicatio minoris quantitates illarum duarum quantitatum in coniunctum medie, et maioris illarum trium quantitatum, sicut multiplicatio maioris, erunt earundem duarum quantitatum in coniunctum eiusdem medie, et minoris illarum trium quantitatum. Verbi gratia: siat tres quantitates *a.b.c.* continue proportionales in ea quam habet quantitas *d.* ad quantitatem *e.*; et sit *d.* minor quam *e.*; et sit sicut *d.* ad *e.*, ita *a.* ad *b.*, et *b.* ad *c.*: dico, quod factum ex *d.* in quantitates *b.c.* est sicut factum ex *e.* in quantitates *a.b.*; quod sic probatur: quoniam est sicut *a.* ad *b.*, ita *b.* ad *c.*; erit coniunctum sicut *a.* et *b.* ad *b.*, ita *b.* et *c.* ad *c.*: permutatim ergo erit sicut quantitates *a.b.* ad quantitates *b.c.*, ita *b.* ad *c.*; sed sicut *b.* ad *c.*, ita *d.* ad *e.*: ergo sicut *d.* ad *e.*, ita quantitates *a.b.* ad quantitates *b.c.*: quare multiplicatio *d.* coniunctim ex quantitatibus *b.c.* eparatur multiplicationi quantitates *e.* in coniunctum quantitatum *a.b.*, ut predixi: quibus intellectis, rediam ad questionem superscriptam; et ponam *d.* radix de 8, et *e.* radix de 10; et *f.* sit 8, et *h.* sit 10; et esto sicut *f.* ad *h.*, ita *a.* ad *c.*; et sit *e.* quinque plusquam *a.*; et ponam inter numeros *f.h.* numerum *g.* medium in proportionem, et numerum *b.* inter numeros *a.c.*: dico pro primam (*sic*), numeros *a.b.c.* proportionales esse in ipsa, quam habet quantitas *d.* ad quantitatem *e.*; quoniam *d.* se ipsam multiplicans, numerum *f.* fecit, et *e.* se ipsam multiplicans, numerum *h.* fecit: et posita est *g.* quantitas inter numeros *f.h.* in proportionem media; quare est sicut *d.* ad *e.*, ita *f.* ad *g.*, et *g.* ad *h.*: et est sicut *f.* ad *h.*, ita *h.a.* ad *c.*: sed sicut *f.* ad *h.*, ita quadratum, quod est a numero *f.*, ad quadratum, quod est a numero *g.*, sicuti in geometria patet: est enim similiter sicut *a.* ad *c.*, hoc est sicut prima ad tertiam, ita quadratum, quod est a prima *a.*, ad quadratum, quod est a secunda *b.*: ergo quia est sicut *f.* ad *h.*, ita *a.* ad *c.* erit sicut quadratum, quod est ab *f.*, ad quadratum, quod est a numero *g.*, ita quadratum, quod est ab *a.*, ad quadratum, quod est a numero *b.*: quare erit sicut *f.* ad *g.*, ita *a.* ad *b.*; sed *f.* ad *g.* est sicut *d.* ad *e.*; ergo est sicut *d.* ad *e.*, ita *a.* ad *b.*; sed est sicut *a.*

* numerus ergo est * (Ed
209 recto, fo. 27 r 28-31 r;
pag. 422, lin. 10-23).

| | | |
|----------|----------|----------|
| <i>a</i> | <i>b</i> | <i>c</i> |
| <i>d</i> | | <i>e</i> |
| <i>f</i> | <i>g</i> | <i>h</i> |

fol. 209 verso.

ad *b.*, ita *b.* ad *c.*; ergo est sicut *d.* ad *e.*, ita *a.* ad *b.*, et *b.* ad *c.*: numeri ergo *a.b.c.* cuncti sunt in proportione, quam habet quantitas *d.* ad quantitatem *e.*: quare multiplicatio ex *d.* in numeros *b.c.* et (*sic*) sicut multiplicatio *e.* in numeros *a.b.*, ut superius demonstratum est. Sed qualiter inueniantur numeri *a.b.*, demonstrare nolo: quoniam est sicut *f.* ad *h.*, ita *a.* ad *c.*; et *h.* superat numerum *f.* in 2; et numerus *c.* numerum *a.* in 3: est sicut 2 ad 3, ita *f.* ad *a.*, et ita *h.* ad *c.*: quare si multiplicaueris numeros *f.h.* per 5, scilicet 8, et 10; et summas, que sunt 30 et 50, diuiseris per 2, habebis 20 pro numero *a.*, et 25 pro numero *c.*: et quia numeri *a.b.c.* continue proportionales sunt, erunt multiplicatio numeri *a.* in numerum *c.*, que est 500, sicut multiplicatio numeri *b.* in se: quare numerus *b.* est radix de 500; et sic inuenimus, primum numerum esse 20, et radix de 500; et secundus numerus addit 5 super ipsam, et est 25, et radix de 500, ut per alium modum inuenimus: et notandum, quod si radices *d.e.* sibi inuicem commensurabiles essent, ita quod proportio quadrati radicis *d.* ad quadratum radices (*sic*) *e.* esset sicut proportio quadrati numeri ad quadratum numerum; essent itaque numeri *a.b.* sibi inuicem commensurabiles; et coniunctum ex eis faceret numerum rationatum. Verbi gratia: sic (*sic*) *d.* radix de 2, et *e.* radix de 8, qui sunt quadrati radicem de *d.e.*: est enim proportio de 2 ad 8 sicut proportio quadrati numeri 4 ad quadratum numerum 16.

7109

Et quia uolumus inuenire duos numeros, quorum unus excedat alterum in 5; et sit multiplicatio maioris eorum in radice de 2, sicut multiplicatio minoris in radice de 8; multiplicabimus 2, et 8, que sunt quadrati radicem *d.e.*, per 5 predicta; et diuidemus que prouenerint per 6, que sunt differentiam (*sic*), que est inter 8 et 2, et habebimus pro numero *a.* $\frac{2}{3}$ 1, et pro numero *c.* habebimus $\frac{2}{3}$ 6: quare numerus *b.*, qui est medius inter utrumque, est duplum de $\frac{2}{3}$ 1, scilicet $\frac{2}{3}$ 2; cuius etiam tercius numerus, scilicet $\frac{2}{3}$ 6, duplus existit. Vnde addamus numerus *a.b.* in unum, habebimus 5 pro minori numero; et si addamus numeros *b.c.* simul, scilicet $\frac{2}{3}$ 2, et $\frac{2}{3}$ 6, facient 10 pro maiori numero. Et est proportio coniunctorum *a.b.* ad coniunctorum *b.c.*, hoc est ad 10, sicut proportio *d.* ad *e.*: est enim radix de 2 medietas radicis de 8; et 5 similiter sunt medietas de 10; et sic in similibus studeas operari.

Multiplicauimus quodam aere in duplum eius, et radici uenientis summe addidit 2; et illud totum multiplicauimus per aere predictum, et prouenerunt inde denarii 20: ponc pro ipso aere reu; et multiplica eam in duplum eius, et ueniet duo census; quorum radicis adde 2, et habebis radicem duorum censusum, et denarios 2; que multiplica per rem, et proueniet radix duorum censusum census, et due res, que equantur denariis 20: redige ergo radicem duorum censusum census ad censum vnum; et hoc est, ut multiplices illud per radicem de $\frac{1}{2}$. Quia cum multiplicatur radix duorum censusum census per radicem duorum censusum census, proueniat duo census censusum. Vnde si diuiserimus radicem duorum censusum census per censum, ueniet utique radix de 2: in qua si multiplicauerimus radicem dictorum censusum census, egredietur inde duo census tantum: quare si multiplicauerimus radicem duorum censusum census per medietatem radicis de 2, hoc est per radicem de $\frac{1}{2}$, ueniet inde unus census, ut diximus; et propter (*sic*) multiplica similiter duos res per radicem de $\frac{1}{2}$, ueniet radix duorum cen-

* inuenitur Verbi s (*sic*) 200
census, lra. 24; pag. 433, lra.
16 + 17).

$$\frac{d}{e}$$

* que sunt ... $\frac{2}{3}$ 6 + (*sic*) 200
census, lra. 29 + 30, pag. 432,
lra. 22 + 23).

$$\frac{a}{b} \quad \frac{c}{d}$$

$$\frac{7}{3} 1 \quad \frac{2}{3} 2 \quad \frac{2}{3} 6$$

fol. 201 recto.

suum; et sic habebis censum, et radicem duorum censuum, que equantur multiplicationi de 20 in radicem de $\frac{1}{2}$; que multiplicatio est radix de 400, et sic in hac questione census, et radices equantur numero: dimidia ergo radices, ueniet radix medietatis denarii; quam multiplica in se, ueniet $\frac{1}{4}$; quam adde cum radice de 400, et habebis pro quesito auere radicem de 400, et medietatem unius denariorum: de quorum radice extrahe radicem de $\frac{1}{4}$, remanebit radix radicis 400, et medietatis denarii, diminuta inde radice $\frac{1}{4}$ unius integri. Et notandum, quia quando diuiditur radix aliquot censuum census per censum, non est aliud nisi diuidere numerum per numerum; et cum diuiditur radix numeri per numerum, tunc diuidendus est numerus, cuius radix diuiditur per quadratum numeri, in quo radix diuidetur. Verbi gratia: uolumus diuidere radicem de 22 per 4; hic diuidenda sunt 22 per quadratum de 4; et radix eius quod prouenit, scilicet de 2, est id quod prouenit ex diuisione: eodemque modo et cum diuidimus radicem duorum censuum census per censum, tunc diuidimus duos census census per censum ceosius; et radix eius, quod prouenerit, scilicet de 2, est illud quod prouenit ex diuisione, ut diximus. Item cum multiplicatur radix alicuius numeri per rem, aut per res, est sicut multiplicare radicem numeri per numerum: sed cum multiplicatur radix numeri per numerum, cum multiplicatur quadratum radicis per quadratum numeri, et radix eius quod prouenit, est id quod queratur. Verbi gratia: cum uolumus multiplicare radicem 8 per 4, multiplicamus 8 per 16; et radix uenientis summe, scilicet de 128, est summa quesite multiplicationis: similiter cum multiplicamus res per radicem numeri, dehemus ipsas res multiplicare in se, et illud quod prouenit multiplicare per numerum radicis, et prouenientis summe radicem accipere; et ideo cum multiplicauimus superius duas res in radicem de $\frac{1}{4}$, intelleximus multiplicationem duarum rerum in se, de qua proueniunt 4 census: quibus ductis in $\frac{1}{4}$, ueniunt duo census; radicem quorum diximus prouenire ex ipsa multiplicatione.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi maiorem per minorem, et minorem per maiorem; et aggregaui ea, que prouenerunt ex diuisione, et fuerunt radix 5 denariorum: sit una ipsarum partium *a.*, reliqua sit *b.*; et diuidatur *b.* per *a.*, et proueniet *g.d.*; et *a.* per *b.*, et prouenit *d.e.*: dico primum, quod multiplicatio *a.* in *b.* producta in *g.e.* est equalis duobus quadratis numerorum *a.b.*; exemplumque: cum diuiditur *b.* per *a.*, prouenit *g.d.*; si multiplicatur *g.d.* in *a.*, prouenit *b.*; ergo si multiplicatio *g.d.* in *a.* ducatur in *b.*, erit sicut *b.* in se. Rursus, quia cum diuiditur *a.* per *b.*, prouenit *d.e.*; ergo si multiplicatur *d.e.* in *b.*, prouenit *a.*: quare si multiplicatio *d.e.* in *b.* ducatur in *a.*, proueniet sicut *a.* ducta in se: propterea si ducitur *a.* in *b.*, et illud quod prouenit, ducatur in *g.e.*, erit sicut cumunctum quadratorum numerorum *a.b.*: et quia ita est; pro *a.* pone rem, remanebunt pro *b.* 10, minus *re*: et duc *a.* in se, uenit census; et 10, minus *re*, in se, uenit 100, et census, diminutis 20 rebus; que adde cum censu, erunt 2 census, et denarii 100, diminutis 20 rebus: deinde multiplica *a.* in *b.*, scilicet rem in 10, minus *re*, exhibit 10 res, diminuto censu; quod totum multiplica per *g.e.*; quam quantitatem possumus radicem esse 5 denariorum, que ueniet radix 500 censuum, diminuta radice 5 censuum census, que equantur 2 censibus, et 100 denariis, diminutis 20 rebus. Restaura ergo 20 res, et radicem 5 censuum census utrique parti, erit radix 5 censuum

¶ partium *a.* ... in multiplicatio-
ne s. l. fol. 203 recto, ibi:
22-25, pag. 424, lin. 28-31:

$$\begin{array}{r} a \qquad b \\ \hline e \qquad d \qquad e \end{array}$$

fol. 204, verso.

census, et 2 census, et denarii 100 equales 20 rebus, et radici 500 censusum: redige hec omnia ad censum unum, hoc est ut multiplices hec omnia per radicem de 5, diminutis 2 denariis: nam ex multiplicatione radicis 5 censusum census, et duorum censusum in radicem 5, dimiuntis 2, provenit census; quia cum multiplicatur radix 5, et denarii 2 in radicem de 5, minus 2, et provenit 1; et ex multiplicatione 100 in radicem de 5, minus 2, provenit radix 50000, diminutis 200 denariis: et ex multiplicatione 20 rerum, et radicis 500 censusum in radicem 5, minus denariis 2, veniunt 10 res tantum; quia et ex multiplicatione radicis 5 in radicem 500 censusum provenit radix 2500 censusum, scilicet 20 res; et ex multiplicatione 2 diminutorum in 20 res proveniunt 40 res diminute; quibus extractis de 20 rebus modo inuentis, remanet 10 res. Multiplicatio quidem 20 rerum in radicem de 5, que est addita, relinquimus, cum sit equalis multiplicationi radicis 500 censusum in 2 diminuta: et sic ex multiplicatione 20 rerum, et radicis 500 censusum in radicem 5, minus 2, proveniunt 10 res tantum, que equantur uni censui, et radici 50000, minus 200; et sic radices equantur censui, et numero: et nos ponamus hec in figura; ut que dicere uolumus clarius videantur, sit superficies recti angule latus *ab*. equale rei; et *bc*. sit 10; et sic superficies *ac*. contiuebit 10 res: et quia 10 res equantur uni censui, et radici 50000, minus 200; auferamus a superficie *ac*. quadratum *ac*. , quod sit census, remanebit ex superficie *ac*. superficies *fc*. , que est radix 50000, minus 2000, que provenit ex *fe*. in *ec*. , idest ex *bc*. in *ec*. : et diuidatur linea *bc*. in duo equa ad punctum *d*. , et erit linea *bc*. , que est diuisa in duo equalia in punctum *d*. , et in duo unequalia ad punctum *e*. : quare si ex quadrato numeri *bd*. , quod est 25, auferamus multiplicationem ex *bc*. in *ec*. , que est radix 50000, minus 200, remanebunt 225, diminuta radice 50000, pro quadrato numeri *de*. : quare si radix eius auferatur, que est numerus *de*. , ex *bd*. , hoc est ex 5, remanebunt pro numero *bc*. 5, minus radice differentie, que est inter 225, et radicem 50000; et hec sunt una res, scilicet una duarum partium de 10: reliqua uero est numerus *ec*. , qui est 5, et radix differentie, que est inter radicem de 50000, et radicem de 225.

Et si uis inuenire radicem de 225, minus radice de 50000; multiplica 225 in se, erunt 50625; de quibus abice 50000, remanet 625; quorum radix, que est 25, dimidia, uenient $\frac{1}{2}$ 12; que abice ex medietate de 225, que est $\frac{1}{2}$ 112, remanebunt 100; et adde $\frac{1}{2}$ 12 super $\frac{1}{2}$ 112, erunt 125; de quibus duabus (*sic*) numeris radices accipe, et minorem de maiori extrahe, remanebit radix de 125, minus 10, pro radice de 225, diminuta radice | 50000, que est numerus *ed*. : eni si addamus *dc*. , scilicet 5, habebitur pro tota *ec*. radix de 125, minus 5, que sunt maior pars: et si extraxerimus *ed*. ex *bd*. , scilicet radix de 125, minus 10 de 5, remanebunt pro minori parte, scilicet pro numero *bc*. , 15, minus radice de 125.

Possimus enim aliter solutionem eiusdem questionis inuenire; et est ut ponas unam duarum partium rem, aliam uero 10, minus re; et ex diuisione 10, minus re in rem, uenit denarius; quare ex diuisione rei in 10, minus re, uenit radix 5, diminuto denario: et quia cum diuiditur 10 minus re per rem, provenit denarius; si multiplicabitur denarius in rem, uenient utique 10 minus re; quia semper cum multiplicatur numerus diuidens per exeuntem, provenit diuisus: similiter, quia cum diuiditur res per 10, minus

* sit superficies ... et superfici-
es + 16d. 294 uerba, in 23
25; pag. 425, lin. 15 16.



Gal. 262 recto.

re, prouenit radix 3, diminuto denario; si multiplicaueris radicem 3, minus denario, in 10 minus re, prouenit inde res: sed ex multiplicatione radicis 3, minus denario, in 10 minus re, proueniunt 10, et radix 300, diminuta radice 3 censuum, et re 10; que multiplicatio sic fit: multiplicatur primum radix 3 per 10, et prouenit radix 300 addita; et radix 3 in re diminuta prouenit radix 3 censuum diminuta; et denarius diminutus in 10 addita proueniunt 10 denarii diminuti; et ex multiplicatione denarii diminuti in rem diminutam proueniunt 10 addita, diminuta re: et sic pro multiplicatione radicis 3, diminuto denario, in 10 minus re, prouenit radix 300, et denarii 10 minus re, et radicis 3 censuum, et denarii 10, que equantur rei: adde ergo utrique parti 10 denarios, et tolle ab utraque parte rem, et erunt 10, et radix 300, diminutis duabus rebus, et radice 3 censuum, que equatur 10, et denario: diuidamus per 10, et ueniet 1, et radix 3 censuum, diminuto $\frac{1}{3}$ rei, et diminuta radice $\frac{1}{3}$ census, que equantur uni denario: et quia ex ducto denario in rem prouenit 10 minus re; si id quod est equale uni denario, scilicet radix 3, et 1, minus quinta rei, et minus radice $\frac{1}{3}$ census multiplicetur in rem, ueniet similiter ex ipsa multiplicatione 10 minus re: quare multiplicemus rem in radicem 3 et in 1, diminuta quinta rei, et radicem $\frac{1}{3}$ census, et ueniet radix 3 censuum, et res, diminuta $\frac{1}{3}$ census, et radice $\frac{1}{3}$ census census, que equantur 10 minus re: adde ergo utrique parti rem, et $\frac{10}{3}$ census, et radicem $\frac{1}{3}$ census census; et erunt radix $\frac{10}{3}$ census census, et $\frac{1}{3}$ census, et denarii 10 equales radici 3 censuum, et 2 rebus. Reduc ergo radicem $\frac{1}{3}$ census census, et quantam census ad censum unum; et est ut multiplices illud per radicem de 300, minus 10 denariis, et proueniet census: deinde ut reduces denarios 10, qui sunt cum censu, et radicem 3 censuum, et duas res, que opponuntur censui, multiplica eam per radicem 300, diminutis 20, et ueniet 10 res, que equantur censui, et radici 3000, minus denariis 200, ut superius inuenimus: deinde operaberis ut supra, et habebis propositum.

Est enim alius modus in soluendo similes questiones, quem demonstrare nequeo, donec quedam huic operi necessaria demonstrentur: si duo numeri quales cumque fuerint; et diuidatur secundus per primum, et primus per secundum; et que ex utrumque (sic) diuisione peruenierint, si insimul multiplicata fuerint, nimirum ueniet inde .i.: ad cuius rei euidenciam, sint duo numeri .a.b.; et diuidatur .b. per .a., et ueniat .g.d.; et .a. per .b., ueniat .d.e.: dico, quod si .g.d. multiplicetur in .d.e., egredietur ex ipsa multiplicatione .i.; quod sic probatur: quia cum diuiditur .b. per .a., prouenit .g.d.; ergo si multiplicetur .g.d. per .a., prouenit .b.; quod etiam prouenit, si multiplicetur .i. in .b.: quare est sicut .b. ad .a., ita .g.d. ad unitatem. Rursus quia cum diuiditur .a. per .b., prouenit .d.e.; si multiplicetur .d.e. in .b., prouenit .a.: sed si .a. ducatur in .i., prouenit similiter .a.; quare est sicut unitas ad .d.e., ita .b. ad .a.; sed sicut .b. ad .a., ita fuerit .g.d. ad unitatem; ergo est sicut .g.d. ad .i., ita unum est ad .d.e. Unitas ergo media est inter .g.d. et .d.e.: quare multiplicatio .g.d. in .d.e. est sicut multiplicatio unitatis in se; sed ex ducto .i. in se prouenit .i.: ergo ex ducto .g.d. in .d.e. prouenit .i.; et hoc uoluit (sic) demonstrare. Nunc reuertamur ad questionem; et diuidatur 10 in duas partes; et diuisi istam per illam, et illam per istam; et aggregaui insimul que ex ipsis diuisionibus prouenerunt; et fuit totum hoc radix 3: diuidenda est ergo radix 3 in duas partes, quarum una multiplicata per aliam,

* Et enim multiplicata e
(fol. 202 verso, lin. 24, 25 e
26; pag. 426, lin. 26-27).

$$\frac{a}{b} = \frac{d}{e}$$

fol. 202 verso.

* diuidenda diuidatur .g.d. a
(fol. 202 verso, lin. 10, 11,
14 e 15; pag. 426, lin. 43
pag. 427, lin. 1).

$$\frac{d}{e} = \frac{a}{b}$$

faciat 1; sintque prediete partes *g.d.*, et *d.e.*; et tuta *g.e.* sit radix 3; et diuidatur *g.e.* in duo equa ad punctum *c.*; et erit una queque pars *g.e.*, et *c.e.* radix de $\frac{1}{2}$ 1: et multiplicetur *g.d.* in se, proueniet $\frac{1}{4}$ 1; et auferantur (*sic*) iude multiplicatio ex *g.d.* in *d.e.*, que est 1, remanebit $\frac{1}{4}$ pro quadrato numeri *d.c.*; cuius radix, que est $\frac{1}{2}$, est numerus *d.c.*; quo ablato ex *g.e.*, remanebit pro *g.d.* radix $\frac{1}{2}$ 1, minus medietate denarii; et addita *d.c.* super *c.e.*, erit totus *d.e.* radix de $\frac{1}{2}$ 1, et medietas denarii: ergo cum diuiditur maior pars de 10 per minorem, prouenit radix $\frac{1}{2}$ 1, et denarii $\frac{1}{2}$; et eum diuidetur minor pars per minorem, prouenit radix $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$ denarii. Possumus eum has partes aliter inuenire: pone pro una duorum partium rem; alia erit radix 5, minus re: et multiplicetur res in radicem 5, minus re, uenit radix 5 censuum, dimiuito censu, que equantur uni denario: adde ergo censum utriusque parti, et erit census, et denarius 1, que equantur radici 5 censuum: dimidia ergo radicem 5 censuum; et erit radix $\frac{1}{2}$ 1; de qua abice 1, qui est eum censu, remanebit $\frac{1}{2}$. Cuius radicem, que est $\frac{1}{2}$, abice ex radice de $\frac{1}{2}$ 1, remanebit radix $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$, pro una duorum partium; reliqua uero erit radix $\frac{1}{2}$ 1 medietas denarii. Inuenitis itaque his partibus, pone per (*sic*) maiori parte de 10 rem; minus uero erit 10, minus re; et diuide 10 minus re per rem, uenit radix $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$; quod multiplica per rem, uenit radix unius census, et $\frac{1}{2}$ census, minus medietate rei, que equantur 10, minus re. Adde ergo utrique parti medietatem rei, erunt 10, minus medietate rei, que et equantur radicem de censum (*sic*) $\frac{1}{2}$ 1: quare multiplica 10, minus medietate rei, in se, erunt 100, et $\frac{1}{2}$ census, dimiuitis 10 rebus; et multiplica radicem census $\frac{1}{2}$ 1 in se, et prouenit census $\frac{1}{4}$ 1: adde ergo utrique parti 10 res, et tolle ab utraque parte $\frac{100}{4}$ census, uenit census, et 10 res, que equantur 100 denariis: operare deinceps in hoc secundum algebram; et inuenies maiorem partem, scilicet rem, esse radicem de 125, dimiuitis 5 denariis. Reliqua uero pars erit 15, dimiuita radice de 125, ut superius inuenimus. Et nota: cum habuistis superius radicem unius census $\frac{2}{3}$, dimiuita medietate unius rei, equari 10 denariis, et addidimus utrique parti dimidiam rem; tunc potuimus addere utrique parti rem; et essent radix census $\frac{1}{2}$ 1, et medietas rei, equales 10 denariis: et si secundum hanc processionem nis procedere, multiplica 10 in se, erunt 100; et multiplica radicem census $\frac{1}{2}$ 1, et medietatem rei in se, et prouenient census $\frac{1}{4}$ 1, et radix census census $\frac{1}{2}$ 1; et hec equantur denariis 100. Vide, ut reducamus hec ad unum censum, multiplicabis ea per $\frac{1}{2}$ 1, minus radice de $\frac{1}{2}$ 1; et erit census equalis denariis 150, minus radice de 12500; quorum radix, que est radix de 125, minus 5, erit res, hoc est maior pars.

Et si uolumus procedere per inuentionem minoris partis, pone eam rem; minor uero partis, erit 10, minus re; et quia ex diuisione 10, minus re, in rem, prouenit radix de $\frac{1}{2}$ 1, et medietas denarii, multiplica hec in rem, et uenit 10, minus re: sed ex multiplicatione radicis de $\frac{1}{2}$ 1, et medietatis denarii in rem, prouenit radix census $\frac{1}{2}$ 1, et medietas rei; ergo hec equantur 10, minus rei. Vide si ab utraque parte abstuleris medietatem rei, remanebit radix census $\frac{1}{2}$ 1 equalis 100, dimiuita re $\frac{1}{2}$ 1: quare si multiplicabitur (*sic*) utramque partem in se, erit census $\frac{1}{4}$ 1, equalis denariis 100, et census $\frac{1}{2}$ 2, dimiuitis 20 rebus. Adde ergo utrique parti 20 res; et tolle ab utrumque (*sic*) parte censum $\frac{1}{4}$ 1; et uenit census, et denarii 10, que equantur 20 rebus. Age in hoc

secundum alzebra; et inuenies rem, scilicet miorem partem, esse 15, minus radice de 125, ut superius inuenimus. Et oota iterum: quando habuisti radicem census $\frac{1}{4}$ 1, et medietatem rei equalem denariis 10, minus re; et extraxisti ab utrumque (*sic*) parte medietatem rei; tunc potuisti addere utrique parti rem, et esset radix census $\frac{1}{4}$ 1, et res $\frac{1}{2}$ 1, equales 10 denariis. Vnde, si multiplicaueris hec omnia in se, habebimus census $\frac{1}{16}$ 2, et radicem census census $\frac{1}{4}$ 11, equales denariis 100. Vnde, ut redigamus hec omnia ad proportionem huius census, multiplica eam per $\frac{1}{2}$ 2, minus radice $\frac{1}{4}$ 11, et venit census equalis denariis 250, minus radice 112500; quorum radix, que est 15, diminuta radice 125, erit res, hoc est minor pars: maior uero pars est radix 125, minus 5. Possemus etiam in his aliis aliis (*sic*) modis procedere; sed ista que diximus, sufficiant: et scis, secundum hanc diuisionem, 10 diuisa esse media et extrema proportione; quia est sicut 10 ad miorem partem, ita maior pars ad minorem: quare multiplicatis 10 in miorem partem, scilicet in 15, minus radice 125, faciunt equale multiplicationi maioris partis in se.

In qua proportione, si 10 diuidere uis, pone maiorem partem rem, minorem uero 10, diminuta re; in qua multiplica 10, erunt 100, diminutis 10 rebus; et multiplica rem in se, venit census, qui equatur 100, diminutis 10 rebus. Adde ergo utrique parti 10 res, et erit census, et 10 res equales denariis 100. Age ergo in his secundum alzebra, et cetera.

Diuisi 12 in duas partes, et diuisi qualibet (*sic*) illarum partium per aliam; et multiplicauit quodlibet executionem in se, et sunt 4 dragme. Pote pro maiori parte rem, pro minori 12, minus re; et diuidatur 12, minus re, in rem, et ueniat numerus *a.b.*; et ex re diuisa in 12, minus re, ueniat *b.c.*; et aggrega multiplicationes ex *a.b.* in se, et ex *b.c.* in se, erunt 4; et quia numerus *a.c.* diuisus est in duo, scilicet in *a.b.* et in *b.c.*, erit multiplicatio dupli *a.b.* in *b.c.* cum quadratis numerorum *a.b.* et *b.c.*, equalis quadrato numeri *a.c.*; sed ex quadratis numerorum *a.b.* et *b.c.* proueniunt 4; et ex duplo *a.b.* in *b.c.* ueniunt 2; quibus additis cum 4, faciunt 6 pro quadrato numeri *a.c.*; ergo *a.c.* est radix de 6: diuide ergo eam in duas partes per modum superius demonstratum. Vt ex minore ducta in maiorem ueniat 1; et erit minor pars radix $\frac{1}{2}$ 1, minus radice $\frac{1}{2}$; et maior erit radix $\frac{1}{2}$ 1, et radix $\frac{1}{2}$; ergo cum diuideret 12, minus re, scilicet minor pars in rem, prouenit radix $\frac{1}{2}$ 1, minus radice $\frac{1}{2}$; multiplica radicem $\frac{1}{2}$ 1, minus radice $\frac{1}{2}$, in rem, et uenit radix census $\frac{1}{4}$ 1, minus radice medietatis census, que equatur denariis 12, minus re: deinde multiplica radicem unius census, et dimidii, minus radice medietatis census, in se, uenient duo census, minus radice trium censuum census, que equantur multiplicationi 12, minus re in se, hoc est denariis 144, et uni censui, diminutis 24 radicibus: adde ergo utrique parti 24 res, et tolle ab utraque parte census, et uenit census 24 res, diminuta radice trium censuum census, que equantur denariis 144: multiplica ergo census, minus radice trium censuum census in suum binomium, hoc est inde 1 radicem trium, et uenitot duo census diminuti: quare multiplica unum censuum, diminuta radice trium censuum census, in medietate sui binomium (*sic*), hoc est in $\frac{1}{2}$ in radicem de $\frac{3}{4}$, uenit unus census diminutus: et multiplica 24 res similiter in $\frac{1}{2}$, et in radice de $\frac{3}{4}$, uenient 12, et res, et radix 422 cen-

Nel margine laterale esterno della carta 203 recto del Codice Magliabechiano C. I. 2616, a destra della figura $\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d}$, si legge: « per 4 secundi ».

1. m. 10. r. 1. c. 1. f. 1. d. 203 verso, l. 32; 102. 428, l. 22 e 23.

61. 203 verso.

sic habetur ab una parte 12 res, et radix 432 censuum, diminuto censu, que
 tur multiplicationi re (sic) 144 in $\frac{1}{2}$; et in radicem de $\frac{1}{2}$, hoc est denariis 72, et radici
 adde ergo censum utriusque parti, et erunt res 216, et radix 432 censuum, que equantur
 censui, et denariis 72, et radici de 15332; que radix est 12 radices de 108: dimidia
 ergo radices 12, et radicem 432, erunt 6 res, et radix de 108; que multiplica in se, ue-
 nient 144, et 12 radices de 108; de quibus abice numeros, qui sunt censu (sic), scilicet 72,
 et 12 radices de 108, remanebunt 72; quorum radicem abice ex medietate radicem, remane-
 bunt 6, et radix de 108, diminuta radice 72 et pro quantitate rei, scilicet pro maiori
 parte: reliqua uero pars est 6 radix de 72; quam etiam partem inuenies, si ponas
 minorem partem rem; maior uero 12, minus re; et diuidas 12, minus re, per rem,
 ueniet radix $\frac{1}{2}$ et radix medietatis dragme; que multiplicata in rem, ueniunt radix census
 $\frac{1}{2}$ 1, et radix medietatis census, que equantur (sic) 12, minus re: multiplica hec omnia in
 se, erunt duo census, et radix trium censuum, equales 144, et censui, diminutis 24 rebus:
 adde ergo utriusque parti 24 res, et tolle censum ab utraque parte, remanebit radix
 trium censuum, et census 24 res, que equantur 144 dragmis: redige hec omnia ad
 censum unum; et est ut multiplices ea per radicem $\frac{2}{3}$, diminuta medietate dragme;
 et erit census, et radix 432 censuum, diminutis 12 radicibus, equales 12 radicibus de
 108, minus 72 dragmis: multiplica ergo medietatem radicem, que sunt censu (sic), scilicet
 radix de 108, diminutis 6 radicibus in se, erunt 144, diminutis 12 radicibus de 108:
 super que adde 12 radices de 108, diminutis 72 dragmis, remanebunt 72; de quorum
 radice abice radicem de 108, minus 6, et habebis minorem partem radicem de 72, et
 dragmas 6, diminuta radice de 108. Vt superius inuenimus.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi quamlibet illarum per aliam; et multiplicauit quod-
 libet exuentum in se ipsum, et minus minus ex maiori, et remanet 2 dragme. | Pone
 minorem partem rem, et maiorem 10, diminuta re; et diuidem (sic) 10, minus re, in rem,
 et uenit .a.; et ex re diuisa in 10, minus re, ueniet (sic) .b.: iam scis quia ex .a. ducta
 in .b. prouenit 1; quare si multiplicetur quadratus numeri .a. in quadratum nume-
 ri .b., uenit quadratus unitatis, scilicet 1: quare ponamus pro numero .b. radi-
 cem unius census; et pro numero .a. radicem unius census, et duarum dragmarum;
 et multiplica .b. in se, ueniet census; et .a. in se, ueniet census, et 2 dragme: di-
 minuato ergo censu, scilicet quadrato numeri .b. ex censu, et duabus dragmis, hoc
 est ex quadrato numeri .a., remanebunt itaque 2 dragme: multiplica ergo quadratum
 numeri .b. per quadratum numeri .a., scilicet censum per censum, et duas dragmas,
 ueniet census census, et duo census, qui equantur unius dragme: deinde ponamus
 quadratum .c.e., qui sit equalis eusui census; quare unum quodque latus ipsius erit
 census: et addamus lineam .d.e., que est census, linea (sic) .e.h., que sit 2; et inecat .e.h.
 in directo linee .d.e.; et compleatur figura recti angula .g.h., que prouenit ex .g.e.
 in .e.h., hoc est ex censu in 2: quare superficies .g.h. est 2 census; ergo tota su-
 perficies .c.h. est census census, et duo census, et equantur unius dragme; quin ex .c.d.
 in .d.h., prouenit dragma, scilicet ex censu in censum, et duas dragmas: diuidamus
 .e.h. in duo equalia in .f., et erit .e.f. 1; et quia ex .c.d. in .d.h. prouenit 1; et
 .d.e. equalis est etiam ex .c.d.; ergo ex .d.e. in .d.h. prouenit 1: cui si addamus
 quadratum unitatis .e.f., habebitur pro quadrato numeri .d.f. 2: super quorum radicem,

fol. 204 recto.

a minus re ... b: sem a (fol.
 204 recto, lin. 9-12); pag. 429, lin.
 25 a 26).

a minus re ... c.g.e. in e (fol.
 204 recto, lin. 9-12); pag. 429,
 lin. 24-27 a 28).



si addideris unitatem *h.f.*, scilicet (*sic*) erit totus *d.h.* radix 2, et una dragma, quadratus numeri *a.*; cuius radix, que est numerus *a.*, ducatur in *b.*, ueniet minus re: quare si multiplicauerimus quadratum eius, scilicet census, in quadrato numeri *a.*, scilicet in radicem 2 dragmarum, et in dragmam, ueniet quadratus 10, minus re, hoc est 100 dragme, et census, dimiuitis 20 rebus: sed ex multiplicatione census in radicem 21, prouenit duorum (*sic*) censuum census, et unus census, que equantur dragmis 100, et censui, dimiuitis 20 rebus: adde ergo 20 res utrique parti, et tolle ab utraque parte censum, remanebunt radix duorum censuum census 20 res, que equantur 100 dragmis: sed ut redigamus hec omnia ad censum unum, multiplica ea per radicem $\frac{1}{2}$ dragme; quia cum multiplicamus radicem 2 censuum census in radicem $\frac{1}{2}$ dragme, prouenit census; et cum multiplicamus 20 res in radicem $\frac{1}{2}$, prouenit radix 200 censuum; et cum multiplicatur 100 in radicem $\frac{1}{2}$, prouenit radix 5000 dragmarum; ergo census, et radix 200 censuum (*sic*) equatur radici de 5000 dragmarum. Vere, si uis, in hoc superscripta figura; et pone quadratum *c.e.* censum, et superficiem *g.h.* radicem 200 censuum; quare *e.h.* erit radix 200 dragmarum; qua diuisa in duo equa in *f.*, erit una queque quantitas *c.f.f.h.* radix 50: quare ex ductu quantitatis *d.e.* in *d.h.* cum quadrato quantitatis *c.f.* est sicut *d.f.* in se; sed ex *d.e.* in *d.h.*, hoc est ex *c.d.* in *d.h.*, prouenit radix 5000 dragmarum; et ex ductu *c.f.* in se proueniunt 50; ergo ex ductu *d.f.* in se proueniunt radix 5000, et 50 dragme: quare numerus *d.f.* est radix radicis 5000 dragmarum de 50; de qua si auferatur *d.f.*, scilicet radix de 50, remanebit pro quantitate *d.e.*, que est res, radix radicis 5000 dragmarum, et de 50, diminuta (*sic*) radice 50 dragmarum, que sunt minor pars: residuum, quod est usque in 10, scilicet 10, et radix 50, diminuta radice radicis quinque milium 50 dragmarum, est maior pars; quam habebis si pulsaueris eam rem, et minorem 10, diminuta re: quia cum diuiseris 10, minus re in rem, ueniet radix radicis duarum dragmarum, et minus dragma; quam si multiplicauerimus in se, ueniet radix duarum dragmarum, minus dragma; quam etiam si multiplicaueris in censum, scilicet in quadratum rei, ueniet radix duarum (*sic*) censuum census, diminuto censu, que equatur 100, et censui, dimiuitis 20 rebus: adde ergo utrique parti 20 res, et tolle ab utrumque (*sic*) parte censum, ueniet 20 res (*sic*), et radix duorum censuum census, dimiuitis duobus censibus. Radice (*sic*) hec ad censuum unum; et est ut multiplices ea per 1, et radicem $\frac{1}{2}$ dragme; que cum multiplicatur radix duorum censuum census, minus 2 censibus, in suum binomium, ueniunt iude duo census dimiuiti: ergo cum multiplicaueris radicem duorum censuum census, dimiuitis duobus censibus, in medietatem sui binomii, scilicet in 1, et in radicem $\frac{1}{2}$ dragme, ueniet unus census dimiuitus: et cum multiplicatur 20 res in 1, et in radicem $\frac{1}{2}$, ueniunt 20 res, et radix, et 200 censuum; et cum multiplicatur 100 in 1, et in radicem $\frac{1}{2}$, ueniunt 100, et radix quinque milium. Et sic 20 res, et radix 200 censuum, diminuto censu, equantur 100, et radici 5000 dragmarum: adde ergo censum utrique parti, et erunt 20 res, et radix 200 censuum, equales censui, et 100 dragmis, et radici 5000 dragmarum: dimidia ergo radices, et age eis secundum alzebra, et inuenies rem, scilicet maiorem partem esse 10, et radix 50, diminuta radice radicis 5000, et dragmarum 50, ut superius diximus.

Diuisi 10 in duas partes, et per namquamque ipsarum diuisi 10; et que ex diui-

sione exierunt, fuerunt 3 dragme. Notandum est primum, quod quando aliquis numerus diuiditur in duas partes, et per unamquamque (*sic*) ipsarum diuiditur ipse numerus, quod id, quod aggregatur ex duabus diuisionibus, est 2 plus eo quod aggregatur ex duabus diuisionibus uniuscuiusque partis in aliam: exemplum: diuidatur numerus *a.* in partes; et diuidatur *c.* per *b.*, et proueniat *d.e.*; et *b.* per *c.*, et proueniat *e.f.*; dico quod, si diuidatur *a.* per *b.* et per *c.*, egredientur inde 2, plus numero *d.f.*; quod sic probatur: quia *b.c.* sunt equales numeri *a.*; est, cum diuiditur *a.* per *b.*, sicut cum diuiduntur numeri *b.c.* per *b.*; sed cum diuiditur *b.* per *d.*, prouenit 1; et cum diuiditur *c.* per *b.*, prouenit *d.e.*; ergo cum diuiduntur numeri *b.c.*, hoc est numerus *a.*, per *b.*, prouenit unus, plus eo quod prouenit ex *c.* diuiso per *b.* Item, cum diuiditur *a.* per *c.*, est sicut cum diuiduntur numeri *c.b.* per *c.*; sed cum diuiditur *c.* per *c.* (*sic*), prouenit 1; et cum diuiditur *b.* per *c.*, prouenit *e.f.*; ergo cum diuiduntur numeri *c.b.* per *c.*, prouenit 1, plus eo quod prouenit ex diuisione ex *b.* in *c.*: quare cum diuiditur *a.* per numerus *b.c.*, ueniunt 2, plus eo quod prouenit ex duabus diuisionibus, que sunt ex *c.* per *b.*, et ex *b.* per *c.*: ergo quia preponitur, 10 diuidere in duas partes; et per unam quamque earum diuidere 10; et ipsius diuisionibus ueniunt 5; tolle 2 de 5, remaneant 3.

Diuisi 10 in duas partes, et diuisi istam per illam, et illam per istam; et prouenerunt 3 dragme: operare secundum | quod dicta sunt superius, et habebis quesitum: utere in hoc uia alia, que est ut diuidas 10 in duas partes, et ponas minorem partem 5, minus re, aliam uero 5, et rem; et multiplica unam in aliam, ueniunt 25, diminuta census; que duc in 3, ueniunt 75, diminutis tribus census; et multiplica unamquamque partium in se, et prouenient 50, et dua census, que equantur dragmis 75, diminutis tribus census: adde ergo utrique parti 3 census, et tolle ab utramque (*sic*) parte 50, ueniunt 3 census equales 25 dragmis: diuiditur (*sic*) ergo 25 dragmas per 5, ueniunt 5 dragme pro quantitate census; quare radix earum est res: ergo minor pars erit 5, diminuta radice 5 dragmarum; et maior erit 5, et radix de 5.

Vel aliter: diuide 3 predicta in duas partes, quarum una multiplica per aliam faciat 1; erit minor pars $\frac{1}{2}$ 1, minus radice $\frac{1}{4}$ 1; et maior erit $\frac{1}{2}$ 1, et radix de $\frac{1}{4}$ 1: et ex hoc manifestum est, quod cum diuiduntur 10 in duas partes, et diuiditur maior earum per minorem, tunc prouenit $\frac{1}{2}$ 1, et radix $\frac{1}{4}$ 1 dragme: quare multiplica exeuntem per diuidentem, et ueniet inde diuisus numerus: ergo si multiplicaueris $\frac{1}{2}$ 1, et radicem de $\frac{1}{4}$ 1 per 5, minus re, proueniet numerus diuisus: sed ex ductu $\frac{1}{2}$ 1, et radix $\frac{1}{4}$ 1 in 5, minus re, ueniunt $\frac{1}{2}$ 7, et radix de $\frac{1}{4}$ 21, diminuta re $\frac{1}{2}$ 1, et radice census $\frac{1}{4}$ 1, que equantur dragmis 5 et rei: quare adde utrique parti rem $\frac{1}{2}$ 1, et radicem unius census, et $\frac{1}{4}$ census; et tolle ab utraque parte 5, remanebunt res $\frac{1}{2}$ 2, et radix census $\frac{1}{4}$ 1, que equantur dragmis $\frac{1}{2}$ 2, et radici $\frac{1}{4}$ 21: multiplica ergo unam quamque istarum duarum partium in se, et erunt census $\frac{1}{2}$ 7, et radix $\frac{1}{4}$ 11 census census, que equantur dragmis $\frac{1}{2}$ 27, et 5 radicibus de $\frac{1}{4}$ 21, que sunt una radix de $\frac{1}{4}$ 781: redde ergo omnia hec ad unum census; et est ut multiplices omnia que habes per $\frac{27}{14}$ dragme, diminuta radice $\frac{1}{14}$, ueniet census equalis dragmis 5: ergo res est radix 5 dragmarum; qua addita, et diminuta ad 5, ueniunt pro minori parte 5, minus radice 5 dragmarum; et alia erit 5, et radix 5 dragmarum, ut superius diximus. Et si uis scire,

* duabus diuisionibus *c.* unum, equales 2 (*sic*). 304 *recte*, licet 33-28; pag. 441, loc. 4. 3).

$$\begin{array}{c} \overline{a} \\ \overline{c} \quad \overline{b} \\ \overline{d} \quad \overline{e} \quad \overline{f} \end{array}$$

fol. 305 *recte*.

quomodo multiplicatis $\frac{1}{2}$ 37, et radix $\frac{1}{2}$ 781 per $\frac{1}{16}$ dragmae, dimiuita radice $\frac{1}{16}$ dragmae; multiplica primum $\frac{1}{2}$ 37 per $\frac{1}{16}$, uenient $\frac{1}{4}$ 11 addita; et multiplica radicem de $\frac{1}{4}$ 781 pro (sic) radicem $\frac{1}{16}$, hoc est accipe $\frac{1}{16}$ de $\frac{1}{4}$ 781, ueniet radix de $\frac{1}{16}$ 39 dimiuita; que radix est $\frac{1}{4}$ 6: quibus extractis de $\frac{1}{4}$ 11, remanent 5 pro summa dicte multiplicationis. Nam multiplicatio de $\frac{1}{16}$ in radicem de $\frac{1}{4}$ 781 addita equatur multiplicationi radicis $\frac{1}{4}$, dimiuita $\frac{1}{2}$ 11.

Possumus etiam in huius, et in similibus uti uia alio; et est ut diuidas 10 in duas partes, et ponas minorem partem 5, minus re, maiorem uero quinque, et re; et diuidatur 10 per utranque partem, et uenient 5, ut dictum est: multiplica secundum hunc modum 5, minus re, in 5 et rem, uenient 25, dimiuito censu; que multiplica per 5, que uenient ex duabus diuisionibus predictis 125, diminutis 5 censibus, que equantur 100, scilicet multiplicationi de 10 in se, ut inferius demonstrabo: sed adde primum ntrique parti 5 census, et tolle ab utraque parte 100, remanebunt 5, et census equals 25 dragmis; quare census est 5 dragmae, ut dictum est. Age dcinceps ut supra, et inuenies propositum.

Adiaceant duo numeri $a.b.$, et $.b.c.$; et diuidatur $a.c.$ per $a.b.$, et proueniat $d.e.$; et diuidatur etiam $a.c.$ per $.b.c.$, et ueniet $e.f.$: dico quod multiplicatio $a.b.$ in $.b.c.$ ducta in $d.f.$ est sicut multiplicatio $a.c.$ in se; quod sic probatur: quoniam cum diuidatur $a.c.$ per $a.b.$, prouenit $d.e.$; si multiplicetur $d.e.$ per $a.b.$, prouenit numerus $a.c.$: comunis adiaceat numerus $.b.c.$, erit multiplicatio $d.e.$ in $a.b.$ ducta in $.b.c.$ sicut multiplicatio $a.c.$ in numerum $.b.c.$: rursus, cum diuiditur numerus $a.c.$ per numerum $.b.c.$, prouenit numerus $e.f.$; ergo cum multiplicetur $e.f.$ in numerum $.b.c.$, prouenit numerus $a.c.$: comunis adiaceat numerus $a.b.$, et erit multiplicatio $e.f.$ in $.b.c.$ ducta in $a.b.$, sicut multiplicatio $a.c.$ in $a.b.$: ergo multiplicatio $d.e.$ in $a.b.$ ducta in $.b.c.$ multiplicatione $e.f.$ in $a.b.$ ducta in $.b.c.$, hoc est in $.b.c.$ ducta in $a.b.$ est sicut multiplicatio $a.c.$ in $.b.c.$ cum multiplicatione $a.c.$ in $a.b.$. Sed multiplicationes $a.c.$ in $.b.c.$, et ex $a.c.$ in $a.b.$ sunt sicut multiplicatio $a.c.$ in se; ergo et multiplicationes $d.e.$ et $e.f.$ in $a.b.$ ducte in $.b.c.$ sunt sicut $d.f.$ in $a.b.$ ducta in $.b.c.$: sed multiplicatio $d.f.$ in $a.b.$ ducta in $.b.c.$ est sicut multiplicatio $a.b.$ in $.b.c.$ ducta in $d.f.$; ergo multiplicatio numeri $a.b.$ in $.b.c.$ ducta in $d.f.$ est sicut multiplicatio $a.c.$ in se; et hoc est quod uolui demonstrare. Vnde si $a.c.$ sit 10, et ipsa 10 sint diuisa in partes $a.b.$ et $.b.c.$; et ex diuisione 10 in $a.b.$, et in $.b.c.$ proueniant 5: quiesui (sic) numerus $e.f.$ multiplicatio $a.b.$, scilicet 5, minus re in $.b.c.$, hoc ergo est in 5, et rem ducta in 5, scilicet in $d.f.$, sicut multiplicatio $a.c.$, hoc est ex 10 in se, sicut superius operati fuimus.

De quodam auere minui duas radices eius, et 4 dragmas; et multiplicari residuum in se ipsum, et prouenit occupum ipsis (sic) ancris. Ponc pro ipso auere censum, qui sit quadratum $a.c.$, cuius unum quodque latus sit radix illius census; et auferatur ab ipso superficies $a.e.$, que sit 4 dragmae; et ex superficie $f.c.$ auferatur superficies $f.g.$, que sit 2 radices census $a.c.$, remanebit superficies $h.c.$ pro residuo, quod remanet ex predicto eccusu, hoc (sic) ex predicto auere, ablatis ab ipsa 2 radices eius, et 4 dragmas, scilicet superficies $a.g.$: ergo cum proponitur, quod ex multiplicatione residui $h.c.$ in se proueniat occupum census, erit superficies $h.c.$, que est residuum

diuidatur . . . adiaceat a (fol. 205 verso, lin. 35 + 36-38 + 39; pag. 442, lin. 13-15).



fol. 205 verso.

a.c. in . . . multiplicatio d.e. (fol. 205 verso, lin. 1-3; pag. 442, lin. 10-12 + 12).



in se ipsum . . . occusu, erit a (fol. 205 verso, lin. 15-20 + pag. 442, lin. 17-18).



predictum, radix de 8 censuum. Sed superficies *h.c.* provenit ex *h.g.* in *g.c.*; et *h.g.* est res, cum sit equalis lateri *a.b.*; quare numerus *g.c.* est radix 8 dragmarum; quia ex ducta re in radicem 8 provenit radix 8 census, scilicet superficies *h.c.*: et quia superficies *fg.* est 2 radices census *a.c.*, et provenit ex *ef.* in *eg.*; et *ef.* est res, necessario sequitur, numerum *eg.* esse 2: quare totus *ec.* est 2, et radix 8 dragmarum. Item quia superficies *a.e.* est 4, et provenit ex *b.e.* in *ba.*, hoc est ex *b.e.* in *b.c.*; si dividatur *ec.* in duo equa ad punctum *i.*, erit multiplicatio *b.e.* in *b.c.* cum quadrato numeri *ei.*, sicut multiplicatio *bi.* in se: est enim *ei.* medietas de 2, et de radicis (*sic*) 8, hoc est 1, et radix dragmarum (*sic*) 2: quo binomio in se multiplicata (*sic*), veniant 3, et radix 8; quibus additis cum 4, que proveniunt ex *b.e.* in *b.c.*, faciunt 7, et radicem 8 pro quadrato numeri *bi.*: quare *bi.* est radix 7, et radicis 8 dragmarum: cui si addatur numerus *ic.*, qui est 1, et radix 2 dragmarum, erit tota *b.c.*, que est radix census *a.c.*, radix 7 dragmarum, et radicis 8, et una dragma, et radix duarum dragmarum. Vade ut habemus quadratum *a.c.*, multiplica numerum *b.c.* in se, cum sit radix census *a.c.*: multiplicatio quidem *b.c.* in se sic fit: quia numerus *b.c.* diuisus est in duo, scilicet in *bi.* et in *ic.*, erunt quadrati numerorum *bi.* et *ic.* cum duplo multiplicationis *ic.* in *bi.*, sicut *b.c.* in se: sed quadratus numeri *bi.* est 7, et radix 8 dragmarum; quibus insimul iunctis, faciunt 10, et duas radices 8, que sunt una radix de 23; et ex multiplicatione *ic.* in *bi.*, hoc est ex radice trium, et (*sic*) radices 8 in radicem 7, et radicis 8 provenit radix 20, et radix radicis 10 radicem 0; cuius radicis duplum est radix quadrupli, scilicet ex 116, et radicis 40 radicem de 8. | Nam 40 radices 8 sunt una radix 12800 dragmarum; et sic processum (*sic*) *a.c.*, hoc est pro quesito auere, habentur 10, et una radix 23, et una radix de 116, et radicis 1212800; que omnia reducta ad numerum sunt inter $\frac{2}{3} 4$, $\frac{1}{2} 40$.

fol. 106 verso

Est quoddam auere, cuius radices, et radix medietatis eius, et radix tercie eius sunt equales censui. Pone pro ipso auere censum; et quia due res, et radix medietatis census, et radix tercie census equantur censui, fac quadratum superscriptum *a.c.* censum, et due radices ipsius census, fuit superficies *d.g.*; et radix medietatis census esto superficies *e.h.*; et radix tercie census sit superficies *b.f.*; quare *eg.* erit 2, et *eg.* erit radix $\frac{1}{2}$ dragme, et *b.e.* erit radix $\frac{1}{3}$ dragme; et sic tota *b.c.*, que est res, erit 2, et radix $\frac{1}{2}$, et radix $\frac{1}{3}$: multiplica ergo hec in se, et venient $\frac{2}{3} 4$, et radix 8, et radix $\frac{1}{3}$ 8, et radix $\frac{1}{2}$ unius dragme pro quantitate census, hoc est quesiti aueris: et si vis scire quomodo multiplicentur 2, et radix $\frac{1}{2}$, et radix $\frac{1}{3}$ in se, multiplica primum 2 in se, et radicem medietatis dragme, et radicem tercie dragme in se, et venient $\frac{4}{3} \frac{1}{2} 4$, hoc est $\frac{2}{3} 4$: deinde multiplica duplum de 2 in radicem $\frac{1}{2}$, et veniet radix 8; et multiplica iterum duplum de 2 in radicem $\frac{1}{3}$, et veniet radix de $\frac{4}{3}$ 8: post hec multiplica radicem $\frac{1}{2}$ in radicem $\frac{1}{3}$, et veniet radix $\frac{1}{6}$ dragme; quam radicem duplica, et veniet radix $\frac{1}{3}$ dragme.

Est quoddam auere, cuius 2 radices, et radix medietatis eius, et radix tercie eius sunt 20 dragme. Pone pro ipso auere censum; et dic, quod 2 radices census, et radix $\frac{1}{2}$ census, et radix $\frac{1}{3}$ census equantur 20 dragmis; et tolle ab utraque parte duas res, et erunt 20 dragme, minus duabus rebus, equales radici medietatis census, et radici

tercie census: multiplica quidem 30, dimittis 2 rebus, in se, erunt 600, et 4 census, dimittis 80 rebus, que equantur multiplicationi radicem medietatis census, et tercie census; que multiplicatio surgit in $\frac{1}{2}$ census, et in radicem $\frac{1}{2}$ census census: adde ergo utrique parte (sic) 80 res, et tolle utraque parte $\frac{1}{2}$ census, et radicem $\frac{1}{2}$ census census: et erunt 400 dragme, et census $\frac{1}{2}$ 2, minus radice $\frac{1}{2}$ census census, que equantur 30 rebus: duo (sic) ergo hec omnia ad unum censum; et est ut multiplices ea per $\frac{400}{21}$ dragme, et per radicem $\frac{400}{21} \times \frac{7}{21} = \frac{7}{3}$. In quibus multiplicatis 80 rebus Veniunt (sic).

Et si dixeris: de quodam aere minui duas radices eius, et radicem medietatis eius, et radicem tercie eius, et remanserunt 20 dragme. Pone pro ipso aere censum, qui sit quadratum $a.g.$; et minue ab ipso duas radices eius, et radicem medietatis eius, et radicem tercie eius, que sunt superficies $a.c.$, et $e.f.$, et $h.i.$, remanebit ex toto quadrato superficies $k.g.$, que est 20: manifestum est enim, quod numerus $b.c.$ est 2, et $c.f.e.$ radix $\frac{1}{2}$, et $f.i.$ est radix $\frac{1}{3}$ dragme; quare totus numerus $b.i.$ est 2, et radix $\frac{1}{3}$, et radix $\frac{1}{3}$, et numerus $i.g.$ est ignotus: sed ex $k.i.$, qui est res, in $i.g.$ pronunciant 20: sed $b.g.$ equalis est numero $i.k.$; ergo ex $b.g.$ in $i.g.$ veniunt 20: dividamus itaque numerum $b.i.$ in duo equalia, que sint $b.d.$, et $d.i.$; erit ergo multiplicatiu $b.g.$ in $i.g.$ cum quadrato numeri $i.d.$, equalis quadrato numeri $g.d.$; ergo numerus $g.d.$ erit notus. Cui si addatur numerus $b.d.$, qui est notus, cum sit medietas de 2, et radice $\frac{1}{2}$, et radice $\frac{1}{3}$, erit totus numerus $g.b.$, qui est res, notus; quem si multiplicaverimus in se, erit quadratum $a.g.$ notum, scilicet aere census.

Et si dicemus tibi: adde super quodam aere 4 radices eius, et radicem medietatis eius, et radicem $\frac{1}{3}$ eius, et erunt 10 dragme, quantus est census: pone pro ipso aere censum, qui sit quadratum $a.c.$; et adiungantur 4 radices eius, et radix medietatis eius, que sunt superficies $d.e.$; quare numerus $c.e.$ erit 4, et radix $\frac{1}{2}$, et radix $\frac{1}{3}$, secundum ea que premissa sunt: et quia tota superficies $a.e.$ ponitur esse 10, et pronunciant ex $a.b.$ in $b.c.$, hoc est ex $b.c.$ in $b.e.$, si addamus ad 10 quadratum.

Medietatis (sic) numeri $c.e.$, erit totus numerus $b.f.$ notus; de quo si auferamus numerum $f.c.$, remanebit numerus $b.c.$ notus: et quia $b.c.$ est res, si dicamus eam in se, venit quadratum $a.c.$, hoc est quesitum aere notum.

Et si dicemus tibi: super quodam aere addidi radicem eius, et radicem medietatis eius; et hoc totum multiplicavi in se, et provenit quicuplum ipsius aeris: pone pro ipso aere censum $a.g.$; et adiungatur ei superficies recti anguli $d.e.$, que sit una radix ex quadrato $a.g.$, et radix medietatis eius; et erit numerus $g.e.$ 1, et radix medietatis dragme numerus $g.d.$ sit res; nam ex multiplicatione rei in 1, et in radicem medietatis dragme, provenit una radix census, et radix medietatis.

eius (sic); et quia proponitur, quod ex multiplicato numero $a.e.$ in se provenit quincuplum quadrati $a.g.$, erit numerus $a.e.$ radix quinq;ue census; et provenit ex ducto $a.b.$ in $b.e.$; et $a.b.$ est res; quare $b.e.$ est radix 5 dragmarum; quia cum multiplicat res in radicem 5 dragmarum, provenit radix 5 census, hoc est numerus $a.e.$ Vnde si ex $b.e.$ auferatur numerus $g.e.$, qui est 1, et radix medietatis dragme, remanebit pro quantitate rei, hoc est pro numero $b.g.$, radix 5 dragmarum, diminuta dragma, et radice medietatis dragme: que si multiplicaverimus in se, venient dragme $\frac{1}{4}$ 6, et radix duarum dragmarum, diminuta radice 20, et radicem 10 dragmarum pro quantitate census $a.g.$, hoc est pro quesito aere.

et eius, et in $i.g.$ fol. 206 recto, lin. 21-22; pag. 444, lin. 8-14, p. 13).



fol. 206 verso.

et eius in $b.e.$ a (fol. 206 verso, lin. 1-4) pag. 444, lin. 22-25).



et abbas pronuntia a (fol. 206 verso, lin. 11-15) pag. 444, lin. 21-25).



Item super quodam aere addidi radicem eius, et radicem medietatis eius, et hoc totum multiplicari in se, et prouenit 20 dragme. Intellige utrum ista figura quadratum *a.g.* esse censum, et superficies *d.e.* radicem census, et radicem medietatis eius: et quia proponitur, quod ex coniuncto predictorum multiplicato in se proueniunt 20, erit superficies *a.e.* radix 20 dragmarum; et prouenit ex re *a.b.* ducta in numerum *g.b.e.*; sed ex *a.b.* in *b.e.* prouenit census *a.g.*, et superficies *d.e.*, que est radix census, et radix medietatis eius; et sit (*sic*) census, et res, et radix medietatis census equantur radici 20 dragmarum; et est, per ea que diximus, numerus *g.e.* 1, et radix medietatis dragme: quare medietas ipsorum, que sit *g.f.*, erit $\frac{1}{2}$; et radix $\frac{20}{2}$ dragme: et quin ex *a.b.* in *b.e.*, hoc est ex *b.g.* in *b.e.*, prouenit radix 20; si addatur ei multiplicatio ex *g.f.* in se, que est $\frac{1}{4}$, et radix $\frac{20}{4}$ dragme, uenient radix 20, et radix $\frac{20}{2}$ dragme, et insuper $\frac{1}{2}$ unius dragme pro quadrato numeri *b.f.*: quot (*sic*) si ex radice ipsorum auferatur numerus *b.f.*, qui est medietas dragme, et radix $\frac{20}{2}$ dragme, remanebit pro numero *b.g.*, scilicet pro re, radix radicis 20, et radicis $\frac{20}{2}$ dragme; et ex $\frac{1}{2}$ dragme, diminuta medietate dragme, et radice $\frac{20}{2}$ dragme pro quantitate rei *b.g.* Que est radix numeri quesiti aeris.]

Item super quodam aere addidi radicem medietatis eius; et multiplicauit aggregatum in se, et prouenit quadruplum eius: sit superscripta figura quadratum *a.g.* census, et superficies *d.e.* radix $\frac{1}{2}$ census; et quia proponitur, quod hec in se multiplicata faciunt quadruplum census, erit superficies *a.e.* radix 4 census; et prouenit ex re *a.b.* in numerum *b.e.*; ergo numerus *b.e.* est radix 4 dragmarum; et sic *b.e.* est 2; de quibus si tollatur *g.e.*, qui est radix $\frac{1}{2}$ dragme, remanebit pro re *b.g.* 2, minus radice $\frac{1}{2}$ dragme; quibus in se multiplicatis, reddunt $\frac{1}{2}$ 4, minus radice 2 dragmarum pro quesito aere.

Multiplicari quoddam aere, et radicem 3 per idem aere, et radicem 2 dragmarum, et prouenerunt 20 dragme: pone pro ipso aere rem; et multiplicata (*sic*) rem, et radicem 3 per rem, et radicem 2, ueniet census 6 dragme, et radix 12 census, et radix 8 census, que equantur 20 dragmis: tolle ab utraque parte sex, remanebit census, et radix 12 census, et radix 8 census, que equantur 14 dragmis: multiplica ergo medietatem radicem in se, hoc est radicem 3, et radicem 2 dragmarum, uenient 3 dragme, et radix 24 dragmarum; que adde cum 14, erunt 19, et radix 24: de quorum radice abice medietatem radicem, scilicet radicem 3, et radicem de 3, remanebit radix de 19, et radicis 24, diminuta radice 3, et radice 2 dragmarum pro quantitate rei, hoc est quesiti aeris.

Cuidam aeri addidi 7 dragmas; et multiplicauit aggregatum in radicem tripli ipsius aeris, prouenit decuplum ipsius: pone pro ipso aere rem, et adde ei 7; et multiplica aggregatum per radicem trium rerum, et uenient 10 res, hoc est decuplum rei. Multiplica ergo 10 res in se, uenient 100 census; et multiplica radicem 3 rerum in se, uenient 3 res; et multiplica rem 7, et dragmas in se, uenient 1 census, et 14 res, et dragme 49; cum que multiplica per 3 res, uenient 3 cubi, et 42, et census, et res 147, que equantur censibus 100: abice ab utraque parte 42, et census, remanebunt 3 cubi, et 147, et res, que equantur censibus 30: diuide hec omnia per rem, et uenient 3 census, et dragme 147, que equantur 30 rebus: reduce ergo hec omnia ad censum

predictorum et radix :
(fol. 106 verso, lin. 20-21; pag.
415, lin. 4-7).



Sol. 207 recta.

et prouenit . . . dragmarum :
(fol. 202 verso, lin. 2-4; pag.
445, lin. 18-21).



unum; hoc est diuide ea per 3, exhibit census, et dragne 40 equales rebus $\frac{1}{3}$ 19: diuidia ergo radices (*sic*), erunt $\frac{2}{3}$ 9; que multiplicata in se, erunt $\frac{4}{9}$ 93; de quibus abice 49, remanent $\frac{4}{9}$ 44; quorum radicem, que est $\frac{2}{3}$ 6, abice de medietate radicum, remanebunt 3 pro quantitate rei, scilicet pro auere quesito.

Super una quaque duarum inequalium quantitatuum, quarum una est triplum alterius, addidi radicem eius, et multiplicauit unum ex aggregatis in aliud, et prouenit decuplum maioris quantitatis (*sic*): pone pro minori quantitate rem, et pro maiori 3 res; et adde unicuique ad eorum radicem suam; et multiplica unum per alium, hoc est rem, et radicem rei in 3 res, et radicem 3 rerum, et uenient 3 census, et radix trium censuum, et radix 9 cuborum, et radix 3 cuborum; quia ex multiplicatione rei in 3 res ueniunt 3 census, et radicem rei in radicem 3 rerum prouenit radix 3 censuum; et ex re in radicem trium rerum prouenit radix 3 cuborum; et multiplicatione trium rerum in radicem rei prouenit radix 9 cuborum; et hec omnia equantur decuplo maioris quantitatis, hoc est 30 rebus: tolle itaque ab utraque parte 3 census, et radicem 3 censuum, remanebunt 30 res, diminutis 3 censibus, et diminuta radice 3 censuum, equales radici 9 cuborum, et radici 3 cuborum: multiplica quidem 30 res, diminutis 3 censibus, et diminuta radice 3 censuum in se, et prouenient 903 census; et cum census census, et radix 108 | censuum census census, diminutis 160 cubis, et diminuta radice 10800 censuum census, que equantur multiplicationi radicum 9 cuborum, et 3 cuborum in se: nam ex multiplicatione radices 9 cuborum in se ueniunt 9 cubi; et ex ducta radice 3 cuborum in se ueniunt 3 cubi; et sic habentur 12 cubi; et ex duplo multiplicationis radices 9 cuborum in radicem 3 cuborum prouenit radix 108 cuborum cubi, que radix est, sicut radix 108 censuum census census. Tolle ergo ab utraque parte radicem 165 censuum census census; et adde utrique parti 180 cubos, uenient 192, et cubi, qui equantur 9 censibus census, et 903 censibus, diminuta radice 10800 censuum census: diuide hec omnia per census, et erunt 9 census, et 903 dragne, diminuta radice 10800 dragmarum, que equantur rebus 192; quia cum diuiditur cubus per censum, prouenit res: diuide ergo hec omnia per 9, ut reducas ea ad unum censum, et erit census, et dragne $\frac{1}{9}$ 100, diminuta radice dragmarum $\frac{1}{9}$ 123, que equantur rebus $\frac{1}{9}$ 21. Age secundum alzebra in hoc; et est, ut multiplices medietatem radicum in se, et erunt $\frac{2}{3}$ 113; de quibus abice $\frac{1}{9}$ 100, diminuta radice $\frac{1}{9}$ 123, remanebunt $\frac{1}{9}$ 13, et radix dragmarum $\frac{1}{9}$ 133; quorum radicem abice de $\frac{1}{9}$ 10, remanebunt $\frac{2}{9}$ 10, diminuta radice dragmarum $\frac{1}{9}$ 13, et radice $\frac{1}{9}$ 133 pro quantitate rei, scilicet minoris quantitatis (*sic*).

De quodam auere accepi radicem, et radicem radice eius, et radicem 2, et radicem eius, et radicem quincupli eius; et hec omnia fuerunt 10 dragne: pone pro ipso auere censum, et accipe radicem eius, et radicem radice eius, et radicem 2 radicem eius, et radicem 5pli (*sic*) eius, et erunt res, et radix rei, et radix 2 rerum, et radix 5 censuum, equales 10 dragmis: proice ab utraque parte rem, et radicem 5 censuum; et erunt 10, diminuta re, et diminuta radice 5 censuum, equales radici rei, et radici 2 rerum: multiplica ergo 10, minus re, et diminuta radice 5 censuum in se, et erunt 100, et 6 census, et radix 20 censuum census, diminutis 20 rebus, et diminuta radice 2000 censuum, equales radici rei, et radici 2 rerum ductis in se, que sunt 3 res, et radix 6 censuum. Adde ergo utrique parti 30 res, et radicem, et 2000 censuum, et erunt

100 dragme, et 6 census, et radix 30 censuum census, equales 23 rebus, et radiei 8 censuum, et radiei 3000 censuum. Reduc ergo totum quod habes ad census, et est quod ducas ipsum in $\frac{2}{3}$ dragme, diminuta radice $\frac{1}{3}$ octave dragme: et due 6 census, et radicem 20 censuum census in $\frac{2}{3}$, diminuta radice $\frac{2}{3}$ dragme, et prouenit census: et due 100 dragmas in $\frac{2}{3}$, diminuta radice $\frac{1}{3}$ dragme, et prouenit $\frac{1}{3}$ 27, diminuta radice $\frac{1}{3}$ 781 dragmarum: et due 23 res in $\frac{2}{3}$, diminuta radice $\frac{2}{3}$, et prouenit 8 res, $\frac{2}{3}$ rei, diminuta radice censuum $\frac{27}{3}$ 41: et ducamus radicem 2000 censuum in $\frac{2}{3}$, diminuta radice $\frac{1}{3}$, et prouenit radix censuum $\frac{1}{3}$ 281, diminutis rebus $\frac{1}{3}$ 12: deinde due radicem 8 censuum in $\frac{2}{3}$, diminuta radice $\frac{2}{3}$, et prouenit radix census $\frac{1}{3}$ 1, diminuta radice $\frac{2}{3}$ census: erunt igitur post hec omnia census, et dragme $\frac{1}{3}$ 37, diminuta radice $\frac{1}{3}$ 781, equales radiei censuum $\frac{1}{3}$ 281, et radiei census $\frac{1}{3}$ 1, diminutis rebus $\frac{1}{3}$ 3, et diminuta radice censuum $\frac{27}{3}$ 41, et diminuta radice $\frac{1}{3}$ unius census: deinde fac ut dictum est superius, et inuenies quesitum.

Trium quantitatum inequalium, si multiplicetur minor per maiorem, erit sicut media in se; et si multiplicetur maior in se, uenit sicut minor in se, et sicut media in se insimul iunctis; et ex ductu minoris in | mediam prouenit 10. Pone pro minori quantitate rem, et pro media 10 diuisa per rem; et multiplica 10 diuisa per rem in se, et uenient 100 diuisa per census; que diuide per rem, uenient 100 diuisa per cubum; hec erit maior quantitas: deinde multiplica minorem quantitatem, scilicet rem, in se, et uenient census; et multiplica mediam in se, scilicet 10 diuisa per rem, uenient 100 diuisa per census; que adde cum censu, erunt census, et 100 diuisa per census. que equantur multiplicationi maioris quantitatis, scilicet de 100 diuisa per cubum in se; ex qua multiplicatione proueniunt 10000 diuisa per cubum cubi. Multiplica ergo omnia que habes per cubum cubi; et est multiplicare per cubum cubi, sicut multiplicare per census census census: ergo si multiplicamus 10000 diuisa per cubum cubi, hoc est per census censuum census, uenient 10000: et si multiplicauimus census, sed (sic) quadratum minoris quantitatis per census census census, habebimus inde census census census: et si quadratum medie quantitatis, scilicet 100 diuisa per census, multiplicamus per census census census, uenient 100 census census; ergo census census census census, et 100 census census equantur 10000 dragmis. Ponamus itaque quadratum .a.c. censuum census census, et erit unum quodque latus ipsius census census; quia cum multiplicatur census census in se, prouenit census census census: et adiungamus eidem quadrato superficiem .d.e., que sit 100 census census; et quia .d.e. est census census, erit .c.e. 100, cum superficie .d.e., que est 100 census census, sit ex .d.e. in .c.e.: et quia, ut dictum est, quod census census census census, et 100 census census equantur 10000; ergo tota superficies .a.e. erit 10000: quare ex ductu .a.b. in .b.e., hoc est ex .b.e. in .b.e. proueniunt 10000; quibus si addimus quadratum medietatis .c.e., que sit .c.f., habebuntur pro quadrato numeri .b.f. 12500: quare .b.f. est radix de 12500; de qua si auferatur .c.f., que est 50, remanebit pro quantitate .b.e. radix 12500, diminutis 50 dragmis: sed .b.e. est census census; et quia res est radix radiei census census; et nos possumus rem pro minori quantitate, erit utique ipsa minor quantitas radix radiei ex radice 12500 dragmarum, diminutis inde 50: et quia media quantitas fuit 10 diuisa per rem; et eius quadratus fuit 100 diuisa per census quadrati quadrati

fol. 214 recto.

1. census census a. b. in .b. e.
 (fol. 208 verso, lin. 13-17;
 pag. 441, lin. 23-26).



ipsius, erit 10000 diuisa per censum census: est enim superficies *a.e.* 10000; et colligitur ex *a.b.* in *b.e.*; et *a.b.* est census census, hoc est quadratus quadrati: si diuidamus 10000 per censum census, ueniet quantitas *b.e.* pro quadrato quadrati mediane quantitatis quesit: sed *b.e.* est quantum *b.f.* et *f.e.*: sed *b.f.* ex (*sic*) radix 12500, et *f.e.* est 50; ergo mediana quantitas est radix radicis, et radice (*sic*) de 12500, et ex 50 dragmis: maior uero quantitas erit radix amborum quadratorum, qui sunt a minori, et a media quantitate; et hec est radix radicis radicis 12500, minus 50 dragmarum, et radicis radix 12500, et 50 dragmarum.

Et si dicatur: diuisi 10 in 3 partes; et fuit multiplicatio minoris per maiorem sicut multiplicatio medie partis in se; et multiplicationes minoris in se, et medie partis in se sunt sicut multiplicatio maioris partis in se: pone primum pro minori parte dragmam, et pro media rem, et pro maiori censum; et hoc facies, quia multiplica (*sic*) dragma, que est minor pars, in censum, qui est maior pars, est sicut multiplicatio medie partis, scilicet rei in se: deinde multiplica dragmam in se, et uenit dragma; et multiplica rem in se, ueniet census; et multiplica censum, hoc est maiorem partem in se, et pronenit census census, qui equatur censui, qui prouenit ex re ducta in se, et dragma, que prouenit ex dragma ducta in se: sed quando census census equatur censui, | et dragme est sicut quando equatur census rei, et dragme. Verbi gratia: pro censu census esto quadratus *a.g.*, cuius latus est *b.g.*; et accipiat in *b.g.* recta *b.e.*, que sit 1; et per punctum *e.* protrahatur linea *e.c.*, erit ita superficies *a.e.* census, cum prouenit ex ducta *a.b.*, que est census, in *b.e.*, que est 1; remanebit ergo superficies *e.g.* 1, et prouenit ex *g.e.* in *e.c.*, hoc est ex *g.e.* in *b.g.* Nunc diuidamus *b.e.* in duo equa ad punctum *f.*, et erit multiplicatio *e.g.* in *b.g.* cum *e.f.* in se, sicut multiplicatio *g.f.* in se: sed ex multiplicatione *e.g.* in *b.g.* prouenit 1; et ex multiplicatione *e.f.*, que est medietas dragme, prouenit $\frac{1}{2}$; et sic pro quadrato numeri *g.f.* habetur $\frac{1}{4}$; ergo *g.f.* est radix de $\frac{1}{4}$; et cui si addatur *f.b.*, que est $\frac{1}{2}$ dragme, habebitur pro tota *b.g.* radix de $\frac{1}{4}$ dragme; et est *b.g.* census, cum totus quadratus *a.g.* sit census census: et quia pro maiori parte posuisti censum, erit itaque ipsa minor pars radix $\frac{1}{4}$, et $\frac{1}{2}$ dragme, quorum radix est media pars; et minor pars est 1, scilicet dragma: et cum hec tres partes coniuncte non equantur 10 dragmis; et nos uelimus 10 in suprascripta conditione diuidere, erit sicut coniunctum ex his tribus partibus inuentis ad 10, ita dragma ad id, quod prouenit ex 10 minori parti: quare ponamus, ut ex ipsis 10 nemant minori parti re (*sic*); erit sicut coniunctum ex predictis tribus partibus inuentis ad 10, ita dragme ad rem: quare multiplicatio rei in predictas tres partes inuentas erit equalis multiplicationi dragme in 10: quare multiplicemus rem ipsas (*sic*) tres partes; et ex multiplicatione rei in dragmam ueniet res; et ex multiplicatione rei in radicem radicis $\frac{1}{4}$, et medietatis dragme prouenit radix census census $\frac{1}{4}$, et medietatis census; et multiplicatione rei in radicem $\frac{1}{2}$, et in medietatem dragme prouenit radix census $\frac{1}{4}$, et medietas rei; que omnia equantur 10. Tolle ergo ab utraque parte rem, et medietatem rei, et radicem census $\frac{1}{4}$, remanebunt 10, diminuta re $\frac{1}{2}$, et diminuta radice census $\frac{1}{4}$, equals radiei radieis census census $\frac{1}{4}$, et medietatis census: multiplica ergo 10 minus re $\frac{1}{2}$, et minus radice census $\frac{1}{4}$ in se, et ueniet 100, et census $\frac{1}{2}$, et radix censuum ueniet $\frac{1}{4}$, dimi-

nutis 30 rebus, et diminuta radice 500 censuum, qui equantur multiplicationi radicis radicis census census $\frac{1}{4}$ t, et medietatis census; que multiplicatio est radix census census $\frac{1}{4}$ t, et medietas census: tolle ab utraque parte medietatem census, et adde utrique parti 30 res, et radicem 500 censuum, et erunt 100, et tres census, et radix censuum census $\frac{1}{4}$ t, equales 30 rebus, et radici 500 censuum, et radici census census $\frac{1}{4}$ t: tolle iterum ab utraque parte radicem census census $\frac{1}{4}$ t; et hoc est, ut de radice census census $\frac{1}{4}$ t extrahas radicem census census $\frac{1}{4}$ t; et hoc est de radice $\frac{1}{4}$ t extrahere radicem $\frac{1}{4}$ t: est enim radix de $\frac{1}{4}$ t sicut 3 radices de $\frac{1}{4}$ t. Vnde si ex ipsis tribus radicibus auferamus unam radicem de $\frac{1}{4}$ t, remanebunt 2 radices de $\frac{1}{4}$ t, que sunt una radix 5 dragmarum: propter quod cum de radice censuum census $\frac{1}{4}$ t tollatur radix census census $\frac{1}{4}$ t, remanet inde radix 5 censuum census; et sic 100, et tres census, et radix 5 censuum census equantur 30 rebus, et radici 500 censuum: et reduc ergo 3 census, et radicem 5 censuum census ad censum, et est ut multiples illud per quartam partem numeri sui recisi: nam recisus ipsius binomii est 3, minus radice de 5; in quo reciso si multiples 3 census, et radicem 5 censuum census, uenient inde 4 census: quare multiples 3 census, et radicem 5 censuum census per quartam ipsius recisi, scilicet per $\frac{1}{4}$, diminuta radice $\frac{15}{16}$ dragme, ueniet census; et ideo multiplica 100 per $\frac{1}{4}$, minus radice $\frac{5}{16}$, ueniet 757, diminuta radice 3125, que sunt cum censu; et multiplica iterum 30 res, et radicem 500 censuum per $\frac{1}{4}$, diminuta radice $\frac{5}{16}$, ueniet 10 res tantum; quia ex $\frac{5}{16}$ in 30 res ueniant res $\frac{15}{16}$ 22 addite; et ex radice $\frac{5}{16}$ diminuta in radicem 500 censuum ueniant res $\frac{1}{4}$ 12 diminute; quibus extractis de radicibus $\frac{5}{16}$ 22, remanet 10 res, ut diximus. Relinquimus quidem multiplicationem de $\frac{5}{16}$ in radicem 500 censuum aditam, cum sit equalis diminute multiplicationi radicis $\frac{5}{16}$ in 30 res: ipsis his itaque intellectis, extrahere 75, diminuta radice 3125, de quadrato medietatis radicem, scilicet de 25, remanebit radix de 3125, minus 5 dragmis; quorum radicem accipe, et extrahere eam ex medietate radicem, scilicet de 5, remanebunt 5, diminuta radice radicis 3125, minus 50 dragmis; et hec sunt minor pars. Et si uolumus maiorem partem inuenire, ponas pro ipsa dragmam, et pro media radicem rei, et pro minori parte rem; et hoc facias, ut sit multiplicatio rei in dragmam, sicut multiplicatio radicis radicis rei in se: et quia propositum est, ut multiplicatio minoris partis in se, et media in se sunt sicut multiplicatio maioris in se; multiplica ergo minorem in se, scilicet rem, ueniet census; et multiplica mediam in se, scilicet radicem rei, et ueniet res; et sic habes censum et rem, que equantur multiplicationi dragme, scilicet maioris partis in se; que multiplicatio est 1: diuide ergo hoc secundum algebram; et est, ut diuidas numerum rei in duo equa, ueniet $\frac{5}{2}$; cuius quadratum adde dragme, erit dragma $\frac{1}{4}$ t; de cuius radice abice $\frac{1}{2}$, et remanet pro quantitate rei radix de $\frac{1}{4}$ t, substracta inde medietate dragme; et hoc est pro minori parte, cuius radix est pro media parte, et est radix radicis de $\frac{1}{4}$ t, minus $\frac{1}{2}$ dragme; pro maiori uero parte posita est dragma: et quia hec tres partes posite insimul iuncte non sunt 10, sit sicut 1 est ad summam ipsarum trium partium, ita res aliqua sit ad 10; et erit multiplicatio ipsius rei in summam ipsarum trium partium sicut multiplicatio de 1 in 10: quare multiplica dragmam per rem, et ueniet res; et multiplica 10 in radicem radicis de $\frac{1}{4}$ t, minus $\frac{1}{2}$, ueniet radix radicis census census $\frac{1}{4}$ t, minus $\frac{1}{2}$ census; et

fol. 207 recto.

multiplica rem in radicem de $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$, uenit radix census $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$ rei; et sic habes rem, et radicem radice census census $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$ census, et radicem census $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$ rei, que equatur 10 dragmis: proice itaque ab utraque rem, minus medietate rei, et radicem census $\frac{1}{2}$ 1, que equantur radici radice census census $\frac{1}{2}$ 1, minus medietate census. Multiplica ergo utramque partem in se, et multiplicatione (*sic*) 10, minus $\frac{1}{2}$ rei, et minus radice census $\frac{1}{2}$ 1, habebuntur 100, et census $\frac{1}{2}$ 1, et radix census census $\frac{1}{2}$ 1, diminutis 10 rebus, et diminuta radice 500 censuum, que equantur multiplicationi radice radice census census $\frac{1}{2}$ 1, minus medietate census $\frac{1}{2}$ 1; que multiplicatio est radix census census $\frac{1}{2}$ 1, minus $\frac{1}{2}$ census: adde ergo utrique parti $\frac{1}{2}$ census, et 10 res, et radicem 500 censuum; et tolle ab utraque parte radicem census census $\frac{1}{2}$ 1, et erunt duo census, et 100 dragne equales 10 rebus, et radicem 500 censuum. Dimidia ergo omnia que habes, ut reduces ea ad censum unum, et uenient census 50 equales 5 rebus, et radici 125: dimidia ergo radices et radicem 125 censuum, que sunt $\frac{5}{2}$ 2, et radix $\frac{5}{2}$ 31; et multiplica eas in se, uenient $\frac{5}{2}$ 37, et radix $\frac{5}{2}$ 781; de quibus abice 50, que sunt cum censu, remanebit radix $\frac{5}{2}$ 781, diminutis dragmis $\frac{5}{2}$ 12; quorum radicem abice ex medietate radicem, scilicet de $\frac{5}{2}$ 2, et radice $\frac{5}{2}$ 31, remanebunt $\frac{5}{2}$ 2, et radix $\frac{5}{2}$ 31, diminuta radice differentie, que est inter $\frac{5}{2}$ 12, et radicem $\frac{5}{2}$ 781; et hec sunt maior pars. Minorem uero partem inuenimus esse 5, diminuta radice differentie, que est inter 50, et radicem 2125 dragmarum. Vnde si has duas inuentas extraxeris de 10, remanebunt pro media parte $\frac{5}{2}$ 2, et radix differentie, que est inter 50, et radicem de 2125; et radix differentie, que est inter $\frac{5}{2}$ 12, et radicem $\frac{5}{2}$ 781, dimiuta ex his omnibus radice $\frac{5}{2}$ 31. Et nota, quod cum diximus superius radicem radice census census $\frac{1}{2}$ 1, minus medietate census, tunc intelleximus radicem acceptam ex radice census census $\frac{1}{2}$ 1, minus medietate census. Vnde, cum multiplicatur in se illa radix radice, prouenit radix census census $\frac{1}{2}$ 1, sublata inde medietate census.

Id. Subterita.

Possimus enim ad inuentiorem medie partis ex tribus partibus, que fiunt de 10, per hanc aliam uiam peruenire: uidelicet, ut ponamus pro ipsa media parte duas dragmas, et pro prima radicem rei; et multiplicemus radicem rei in se, et ueniet res; et multiplicemus duas dragmas in se, ueniet 4 dragme. Agrega ea, et habebis re (*sic*), et 4 dragmas, que equantur multiplicationi maioris partis in se; quare maior pars erit radix rei, et 4 dragmarum; et quia proponitur, quod multiplicata minori parte in maiorem partem est sicut media in se, multiplicemus radicem rei, scilicet minorem partem in radicem rei, et 4 dragmarum, ueniet radix census, et radix 4 rerum, que equantur 4 dragmis, scilicet multiplicationi duarum dragmarum in se: multiplica iterum hec in se, et erit census, et 4 res equales 16 dragmis: dimidia itaque res, erunt 2; et que multiplica in se, et adde cum dragmis 16, erunt 20; de quorum radice abice medietatem radicem, remanebit radix 20, minus 2 dragmis, pro quantitate rei; quorum radix est minor pars, quia possimus eam radicem rei: pars uero maior, que est radix rei et 4 dragmarum, erit radix radice 20, et 2 dragmarum; et media pars est 2 dragme: et quia hec tres partes inuenta non sunt 10, erit proportio cumiuncti ipsarum ad 10 sicut proportio 2 dragmarum ad id quod prouenit mediane parti, quod ponamus esse rem; et ideo multiplicatio rei in ipsas tres partes erit sicut multiplicatio 2 in 10: ergo multiplicemus rem in radicem 20, minus 2 dragmis, radice eorum inde accepta,

ueniet radix 20 censuum census, minus 2 censibus, radice inde accepta: et multiplicemus rem in 2, ueniet 2 res: et multiplicemus iterum rem in radicem 20, et duarum dragmarum, ueniet radix radicis 20 censuum census, et duorum censuum; que omnia equantur 20 dragmis: abice ergo ab utraque parte 2 et res, erunt 20, minus 2 rebus, equales radici radicis 20 censuum census, minus 2 censibus, et radici radicis 20 censuum census 2 censuum: multiplica igitur 20, minus 2 rebus, in se, ueniet 400, et 4 census, minus 80 rebus; et multiplica radicem 20 censuum census, minus 2, et censibus, accepta inde radice; et radicem 20 censuum census, et 2 censuum, accepta similiter inde radice, in se, et erunt 8 census, et radix 80 census, que equantur 400 dragmis, et 4 censibus, diminutis 80 rebus: adde ergo utrique parti 80 res, et tolle ubi utraque parte 4 census, remanebunt 80 res, et radix 80 censuum census, et 4 census equales 400 dragmis: redige ergo radicem 80 censuum census, et 4 census ad censum; et est, ut multiplices ea per radicem $\frac{80}{256}$, minus $\frac{4}{16}$ dragme: quare multiplica 80 res in radice $\frac{80}{256}$, minus $\frac{4}{16}$, ueniet radix 125 censuum, minus 5 rebus, que sunt cum censu; et multiplica 400 per radice (sic) $\frac{80}{256}$, minus $\frac{4}{16}$, ueniet radix 3125, minus 25 dragmis, que equantur censui, et radici 125 censuum, sublatis inde 5 rebus: dimidia ergo radicem 125 censuum, minus 5 rebus, ueniet radix $\frac{1}{2}$ 21, minus $\frac{1}{2}$ 2: multiplica ea in se, ueniet $\frac{1}{2}$ 27, minus radice $\frac{1}{2}$ 781; super que adde radicem 3125, minus 25: et scias quia radix de 3125 est duplum radicis $\frac{1}{2}$ 781, ueniet $\frac{1}{2}$ 12, et radix $\frac{1}{2}$ 781; de quorum radice abice radicem $\frac{1}{2}$ 21, minus $\frac{1}{2}$ 2, remanebunt dragme $\frac{1}{2}$ 2, et radix dragmarum $\frac{1}{2}$ 12, et radicis $\frac{1}{2}$ 781, minus radice $\frac{1}{2}$ 21, pro quantitate rei; et hec sunt pars media. Volo demonstrare quomodo accepta radix radicis 20 censuum census, minus 2 censibus, et accepta radix radicis 20 censuum census, et 2 censuum multiplicentur in se. Sit itaque liuen .a.b. radix accepta radicis 20 censuum census, minus 2 censibus; et .b.g. sit radix accepta de radice 20 censuum census, et 2 censuum; et uolumus scire quantum (sic) ueniat ex .a.g. quantitate ducta in se. Iam scis, quod quadrata quantitatum .a.b. et .b.g. cum duplo .a.b. in .b.g. equantur quadrato quantitatis .a.g.: ergo multiplicemus .a.b. in se, et uenit radix 20 censuum census, minus 2 censibus; et dicamus .b.g. in se, ueniet radix 20 censuum census, et 2 census: agrega hec inuicem, uenient 2 radices 20 censuum census, que sunt una radix 80 censuum census: et multiplica quadratum quantitatis .a.b. in quadratum quantitatis .b.g., et habebis quadratum multiplicationis ex .a.b. in .b.g.: sed multiplicatio quadrati .a.b. in quadratum .b.g. ueniunt 16 census census hoc modo: cum multiplicatur radix 20 censuum census per radicem 20 censuum census, ueniunt 20 census census; et cum multiplicantur 20 census additi in duos census diminutos, ueniunt 4 census census diminuti; quibus extractis ex 20 censibus census, remanent 16 census census; quorum radix, scilicet 4 census, est id quod prouenit ex .a.b. in .b.g.; quorum duplum, si addamus super radicem 80 censuum census, habebuntur utique 8 census, et radix 80 censuum census pro multiplicatione quantitatis .a.g. in se; et hoc uolui demonstrare.

Et si dicemus: diuisi 16 in duas partes, et de maiori parte extraxi duas radices eius; et super minorem addidi duas radices eius; et que prouenerunt fuerunt equalia. — one pro minori parte 5, minus re, et pro maiori 5, et rem; et accipe 2 radices de 5, et re, que sunt radix 20, et 4 rerum; et abice eandem 5 et re, remanebunt 5 et

fol. 210 verso.

res, diminuta radice 20 dragmarum, et 4 rerum: deinde adde super 5, minus re, 2 radices eius, que sunt una radix de 20, minus 4 rebus, et erunt 5, minus re, et radix de 20, minus 4 rebus, que equantur 5, et rei, minus radice 20 dragmarum, et 4 rerum. Tolle ab utramque partem (*sic*) 5, et adde utrique parti rem, et radicem 20 dragmarum, et 4 rerum, et erunt radix 20, minus 4 rebus, et radix 20, et 4 rerum, equales 2 rebus. Multiplica quidem utramque partem in se, et ueniet ex multiplicatione 2 rerum in se 4 census; et ex multiplicatione radicis 20, minus 4 rebus, et radicis 20, et 4 rerum in se, ueniunt 40, et radix 1600 dragmarum, minus 64 census; que multiplicatio sic fit: ducitur primum radix 20, minus 4 rebus, in se, ueniunt 20, minus 4 rebus; et ducitur radix 20, et 4 rerum in se, et ueniunt 20, et 4 res: congrega ea, et erunt 40 dragme; et multiplica radicem 20, minus 4 rebus, in radicem 20, et 4 rerum, et ueniet una radix 400 dragmarum, minus 16 censusibus: duplica eam, et erunt 2 radices 400 dragmarum, minus 16 censusibus, que sunt una radix 1600 dragmarum, minus 64 censusibus; et sic pro quesita multiplicatione,] ut dictum est, habentur 40 dragme, et radix 1600, minus 64 censusibus, que equantur 4 censusibus: tolle ergo ab utraque parte 40, et erunt 4 census, minus 40 dragmis, que equantur radici 1600 dragmarum, minus 64 censusibus: multiplica ergo radicem 1600, minus 64 censusibus, in se, ueniet 1600 dragme, minus 64 censusibus: et multiplica 4 census, minus 40, in se, et ueniet 16 census census, et 1600 dragme, minus 320 censusibus, que equantur dragmis 1600, minus 64 censusibus. Adde ergo utrique parti 320 census, et tolle ab utraque parte 1600 dragmas, remanebunt 16 census census equales 250 censusibus: diuide hec omnia per censusum, et ueniet 16 census equales 250 dragmis: diuide ergo 250 per 16, et exibunt 16 pro quantitate census; quorum radix, que est 4, est res: quare si addantur 4 super 5, et tollantur 4 de 5, habebuntur 9 pro maiori parte, et 1 pro minori.

Aliter tolle de 5, et re duas radices eius; et adde super 5, minus re, 2 radices eius, erunt 5 et res, diminutis 2 radicibus 5 et rei, equales dragmis 5, minus re, et duabus radicibus dragmarum 5, minus re: tolle ergo ab utramque (*sic*) parte 5, et adde utrique parti rem, et duas radices dragmarum 5 et rei, et erunt 2 res equales duabus radicibus 5 et rei, et duabus radicibus 5, minus re: dimidia ergo hec omnia, et erunt radix 5, et rei, et radix 5, minus re, equales rei. Vnde si multiplicauerimus rem in se, ueniet census equales multiplicationi radicis 5 et rei, et radicis 5, minus re, in se; ex qua multiplicatione proueniunt 10, et radix 100 dragmarum, diminutis 4 censusibus: tolle ergo ab utraque parte 10, remanebit census, diminutis 10 dragmis, equales radici de 100 dragmarum, minus 4 censusibus: multiplica ergo census, minus 10, in se, et ueniet census census, et 100 dragme, minus 20 censusibus: et multiplica radicem 100, minus 4 censusibus, in se, ueniunt 100, minus 4 censusibus, que equantur censui census, et 100 dragmis, diminutis 20 censusibus. Tolle ergo ab utraque parte 100, et adde utrique parti 20 census, remanebit census census equalis 16 censusibus; quare census est 10, et radix eius est 4, ut superius inuenimus.

Et scias, quod cum superius inuenimus, radicem 5, minus re, cum radice 5 et rei equari uni rei, potuimus aliter quam processibus (*sic*) procedere; uidelicet, ut tollatur radix 5 rei ab utraque parte, et erit tunc res, minus radice 5, et erit equalis radici 5, minus re: tunc si multiplicauerimus utraque (*sic*) partem in se, que prouenerint erunt equalia. Vnde multiplicemus rem, minus radice 5 et rei, ueniet census, et 5 dragme,

et res, minus radice 20 censuum 4 cuborum. Verbi gratia : duc rem in se, provenit census ; et duc radicem 5 et rei in se, veniunt dragme 5 et res ; et sic habemus censuum, et 5 dragmas, et rem : deinde duc duplum rei in diminutam radicem de 5, et rei ; et hoc est multiplicare radicem 4 censuum per radicem 5, et rei ; de qua multiplicatione provenit radix 20 censuum 4 cuborum, diminuta (sic) census, et res, et dragme 5, diminuta radice 20 censuum, et 4 cuborum, equatur multiplicationi radicis 5, minus re, ducta in se, scilicet dragmis 5, minus re. Adhuc ergo utrique parti rem, et radicem 20 censuum 4 cuborum ; et tollamus ab utraque parte 5, remanebit census, et 2 res equales radici 20 censuum, et 4 cuborum : multiplicemus etiam utraque (sic) partem in se, et venient census census 4 cubi, 4 census equales 20 censibus 4 cuborum. Age ergo in eis secundum algebra, et invenies, census census equari 16 censibus : quare census est 16, et radix eius est 4, ut dictum est.

Est enim alius modus, quem demonstrare nequimus donec intelligatur, quod quando duo numeri sunt, et tollatur ab uno eorum una vel plures radices eius ; et super alium addatur equalis multitudo radicum ipsius, et que provenierint fuerint equalia ; tunc equalibatur in numero veniente | ex multiplicatione radicis unius eorum in radicem alterius, sicut modo evenit de 1, et de 9 ; quia extractis 2 radicibus de 9, remanserunt 3 ; quibus 3 equatur 1 cum duabus suis radicibus ; et hec tria veniunt ex multiplicatione radicis de 1, que est 1 in radicem de 9, que est 3 : et ego ostendam hec in figura : ponam tetragonum .*a.g.* pro maiori numero, et attabo super lineam .*g.d.* quadratum aliud .*d.e.*, quod erit equale quadrato .*a.g.*, cum ambo sint super unum latus ; et anguli, qui ad .*g.* sint recti ; et tollam ex quadrato .*a.g.* quantaslibet radices eius, ut dicamus 2 ; et sint superficies .*a.c.* : quare si superficies .*a.c.* est 2 radices quadrati .*a.g.*, erit recta .*e.d.* 2 ex numeris ; et accipiam in recta .*g.e.* rectam .*e.h.* equalem recte .*c.d.* ; et per punctum .*h.* pertraham (sic) rectam .*b.i.* equidistantem utrique rectorum .*d.g.* et .*e.f.* ; et protraham lineam .*k.c.* in punctum .*l.* : et quoniam equalis est recta .*g.e.* recte .*g.d.*, et est equalis recta .*c.d.* recte .*e.h.*, erunt et .*g.c.*, et .*g.h.* sibi inuicem equalis. Equilaterum est ergo quadrilaterum .*c.h.* et .*e.* (sic) etiam recti angulum, eum anguli .*g.h.* sint recti ; et recta .*h.m.* equidistet recte .*g.c.* ; quare quadratum est quadrilaterum .*c.h.* ; et ponam illum pro minori numero ; et quia equalis est recta .*e.h.* recte .*d.c.*, quot unitates sunt in numero .*c.d.*, tot unitates sunt in numero .*e.h.* ; quare quot radices in superficies .*a.c.*, et ex quadrato .*a.g.*, tot radices sunt in superficie .*e.m.* quadrato .*c.h.* : et quia .*b.g.* equalis est ex .*g.e.*, equalis erit superficies .*k.g.* superficiem .*c.e.* : sed superficies .*k.g.* est id quod remanet ex quadrato .*a.g.*, extractis ab eo radicibus, que sunt in superficie .*a.c.* ; et superficies .*c.e.* est id quod provenit ex coniuncto quadrati .*c.h.*, et radicium ipsius, que sunt in superficie .*m.e.* ; ergo cum ex .*a.g.* quadrato tolluntur tot radices eius, quot sunt unitates in numero .*d.e.* ; et super quadratum .*c.h.* adduntur tot radices eius, quot unitates sunt in numero .*c.h.* ; et numerus .*e.h.* equalis est numero .*c.d.*, concordant sibi inuicem in superficie .*k.g.*, vel in superficie .*c.e.*, cum ambe ipse sibi inuicem superficies sint equalis : et quia superficies .*k.g.* provenit ex ductu .*g.c.* in .*b.g.* ; et .*g.c.* est radix quadrati .*c.h.*, et .*b.g.* est radix quadrati .*a.g.* ; numerus .*a.g.*, diminutis ab eo radicibus, que sunt in superficie .*a.c.*, equatur cum numero .*c.h.*, eum adduntur ei radices eius, que sunt in numero .*e.m.* In numero

fol. 111 verso.

ueniente ex multiplicatione radicis unius in radicem alterius; et hoc uolui demonstrare.

Et postquam hec demonstrata sunt, diuidam 10 in duas partes; et ponam minorem partem censum; maiorem uero 10, minus censum; et addam super minorem partem 2 radices eius, et erit census, et 2 res, que equantur multiplicationi radicis minoris partis in radicem maioris, hoc est in multiplicationi (sic) radicis census in radicem 10, minus censum; que multiplicatio est radix 10 censuum, diminuto censu censum; et hec est radix differentie, que est inter censum census, et 10 census: deinde multiplicemus censum, et 2 res in se, ueniunt census census, 4 cubi, et 4 census; et multiplicemus radicem 10 censuum, minus censu census, in se, ueniunt inde 10 census, minus censu census, qui equantur censui census, et 4 cubis et 4 censibus. Age itaque in eis secundum algebra, et erunt 2 census census, et 4 cubi equales 6 censibus: dimidia hec omnia, et erit census census, et 2 cubi equales 3 censibus: diuide hec omnia per censum, exibit census, 2 res equales 2 dragmis. Age ergo in his secundum algebra, et inuenies, rem esse 1; quod multiplica in se, ueniet 1 pro quantitate census; et quia nos possumus (sic) minorem partem censum, et census est 1; ergo minor pars est 1: reliquum quod est usque in 10, scilicet 9, est maior pars. Et si nolumus uti figura superscripta, possumus alio modo procedere; et est ut ponas quadratum *a.g.* maiorem partem, et quadratum *c.h.* minorem: abscedat a maiori *a.g.* 2 | et radices eius, que sunt superficies *a.c.*; quare *d.c.* erit 2; et quia *h.e.* equalis est *c.d.*, erit similiter *h.e.* 2; quare superficies *e.m.* continet 2 radices quadrati *c.h.*: ergo cum addantur super quadratum *c.h.* 2 radices eius, scilicet superficies *m.e.*, prouenit inde superficies *c.e.*; et cum tolluntur ex quadrato *a.g.* 2 radices eius, scilicet superficies *a.c.*, remanet superficies *k.g.*, que est equalis superficie *c.e.*: sunt enim super equas bases, et in eisdem equidistantibus: hiis itaque intellectis, faciam quadratum *c.h.* censum, et quadratum *a.g.* 10, minus censum (sic); et adam (sic) super censum *c.h.* superficies *d.m.* et *m.e.*, que sunt 4 radices eius, cum naqueque linearum *d.c.* et *c.h.* sit 2; super que omnia addam quadratum *f.d.*, quod est 4 dragme, cum una queque linearum *f.m.* et *m.d.* sit 2: est enim *f.m.* equalis *d.c.*, et *m.d.* recte *h.e.*: et sic totum quadratum *d.c.* constat ex censu *c.h.*, et ex 4 radicibus eius, et ex 4 dragmis; et est quadratum *d.c.* equalis quadrato *a.g.*, scilicet 10 dragmis, minus censu: ergo census, et 4 res, et 4 dragme equantur 10 dragmis, minus censu. Adde ergo utrique parti censum, et tolle ab utrumque (sic) parte 4 dragmas, erunt 2 census, et 4 res equales 6 dragmis; quare dimidium eorum, scilicet census 2 radices equantur 3 dragmis: est enim superficies *c.e.* census 2 radices eius; ergo superficies *c.e.* est 3 dragme, et prouenit ex *c.g.* in *g.e.*, hoc ex *g.h.* in *g.e.*; ergo ex *g.h.* in *g.e.* ueniunt 3; quibus si addatur quadratum numeri *h.n.*, quod est 1, habebuntur 4 pro quadrato numeri *g.n.*; ergo *g.n.* est 2: de quibus si tollatur *h.n.*, remanebit *g.h.*; quo in se multiplicato, reddit 1 pro censu *c.h.*, hoc est pro minori parte; quo extracto de 10, remanent 9 pro maiori parte.

Item diuisi 10 in duas partes, et diuisi 10 per unamquamque ipsarum partium, et multiplicauimus unum ex euntium in alium, et prouenerunt $\frac{1}{2}$ 6: notandum est primum, quod quando ex aliquo numero fiunt 2 partes; et per unam quamque ipsarum partium diuiditur ille numerus, erit multiplicatio unius ex euntium in alium, sicut aggregatio

eorundem: ad quod demonstrandum, diuidatur aliquis numerus *a*. in duas partes, que sint *b.g.*; et diuidatur *a*. per *b.*, et ueniet *e.*; et *a*. per *g.*, ueniet *d.*: dico quod multiplicatio *d.* in *e.* est sicut agregatio *d.* cum *e.*; quod sic probatur: cum diuiditur *a*. per *b.*, prouenit *e.*; ergo cum multiplicatur *b.* per *e.*, prouenit *a.*: similiter, cum diuiditur *a*. per *g.*, prouenit *d.*; ergo cum multiplicatur *g.* per *d.*, prouenit *a.*: multiplicatio quidem ex *b.* in *e.* est sicut multiplicatio *g.* in *d.*: quare est sicut *b.* ad *g.*, ita *d.* ad *e.*; coniuictim ergo sicut *b.* et *g.* ad *g.*, ita *d.* et *e.* ad *e.*: permutatim ergo sicut *d.* et *e.* ad *b.* et *g.*, ita *e.* ad *g.*: sunt enim numeri *b.g.* equales numero *a.*; ergo est sicut *d.* et *e.* ad *a.*, ita *e.* ad *g.*; sed sicut *e.* ad *g.*, ita ductum ex *d.* in *e.* ad ductum ex *d.* in *g.*: sed ex ductu *d.* in *g.* prouenit *a.*; ergo est sicut *e.* ad *g.*, ita productum ex *d.* in *e.* est ad *a.*: fuit etiam sicut *e.* ad *g.*, ita coniuictum ex *d.* et *e.* ad *a.*; ergo coniuictum ex *d.e.* ad *a.* est sicut ductum ex *d.* in *e.* ad *a.* Quare equalis est multiplicatio *d.* in *e.* coniuictum eorundem; et hoc uolui demonstrare. Possunt enim hec aliter inuestigari, si immemor uou fueris de hiis, que superius demonstrata sunt, uidelicet, cum omnium duorum numerorum unusquisque diuidatur per alium, et multiplicetur unum exentibus in alium, quod inde semper prouenit 1: etiam et quando aliquis numerus fuerit diuisus in duas partes, et diuidatur ipse numerus per unam illarum duarum partium, quod id quod prouenit ex diuisione addit semper 1 super id quod prouenit ex diuisione alterius partis in ipsam partem: et quia hec ita sunt. Putamus aliquem numerum *a.* diuisum in partes *b.c.*; et diuidatur *c.* per *b.*, et ueniet res; et diuidatur *a.* per *b.*, et ueniet 1 plus, id est res et dragma; et diuidatur *b.* per *c.*, et ueniet denarius; et *a.* per *c.*, et ueniet 1 plus, id est dragma, et denarius 1: ergo cum diuiditur *a.* per *b.*, prouenit res, et dragma; et cum diuiditur *a.* per *c.*, prouenit dragma, et 1: dico quod multiplicatio rei, et drage per denarium, et dragmam est equalis congregatioui eorundem. Vtibi gratia: ex agregatione quidem eorum proueniunt 2, et res, et denarius; que etiam proueniunt ex multiplicatione unius ipsarum partium in aliam; quia cum ducitur dragma in dragmam, prouenit 1; et ex re in dinarium 1, prouenit 1; et sic habes 2: et ex ducto 1, quod est cum dinario, in rem, prouenit res; similiter ex ducto 1, quod est cum re, in denarium, prouenit denarius; et sic habes 2, et rem, et dinarium pro multiplicatione rei et drage in dinarium, et dragmam, sicuti habuisti pro agregatione eorum: et postquam hec manifesta sunt et aperta, dicemus diuisi in duas partes, et per unam quamque ipsarum diuisi 10, et prouenerunt $\frac{1}{2}$ 6. Age in hiis secundum quod in consimili questione superius dicta sunt, et inuenies: uel pone pro una partium 2, minus re, et pro alia 8, et rem; et multiplica unam ipsarum in alia, et illud totum per $\frac{1}{2}$ 8; et quod prouenerit, oppone cum 100, que proueniunt ex ducto 10 in se; et age secundum algebra, et inuenies, rem esse nichil; quare una ipsarum duarum partium erit 2, et alia (sic) 8: et posuerimus unam illarum duarum partium 2 et rem, alia 8, minus re; et multiplicabimus 2 et rem, in 8, minus re; et illud tutum ducemus per $\frac{1}{2}$ 8, quod prouenerit, erit equale 100 dragmis. Vnde cum agimus secundum algebra in hiis inueniemus, rem esse 6; quibus additis cum 2, et extractis de 8, uenient 2 pro una partium, et 8 pro alia.

Ed. 212 recto.

Et si dicemus: feci duas partes de 10, et per unam, quamque ipsarum diuisi 20, et prouenerunt $\frac{1}{2}$ 12; quia 10 sunt $\frac{1}{2}$ de 20, accipe $\frac{1}{2}$ de $\frac{1}{2}$ 12, erunt $\frac{1}{4}$ 6; quia in qua proportione sunt 10 ad 20, in eadem est numerus, qui prouenit, quando diuiduntur 10 in duas partes, et diuiduntur 10 per unam quamque ipsarum duarum partium ad numerum, qui prouenit ex diuisione 20 in easdem partes, ut inferius demonstrabo; quare dic: diuisi 10 in duas partes, et diuisi 10 per unam quamque ipsarum, et prouenerunt $\frac{1}{4}$ 6. Age in hiis, ut supradictum est, et inuenies, unam partem de 10 esse 2, et aliam 3: et ut demostremus que promisi in hac questione. Sint duo numeri *a.b.*; et diuidatur *a.* in duas partes, que sint *c.d.*; et diuidatur *a.* per *c.*, ueniet *e.*; et diuidatur *a.* per *d.*, ueniet *f.*; et diuidatur *b.* per *c.*, ueniat *g.*; et diuidatur *b.* per *d.*, ueniat *h.*: dico quod est sicut *a.* ad *b.*, ita *e.f.* ad numeros *g.h.*; quod sic probatur quia cum diuiditur *a.* per *c.*, prouenit *e.*; ergo ex *c.* in *e.* prouenit *a.*. Similiter, cum diuiditur *b.* per *c.*, prouenit *g.*; ergo ex *c.* in *g.* prouenit *b.*. Sed ex *c.* in *e.* prouenit *a.*; quare est sicut *a.* ad *b.*, ita *e.* ad *g.*: similiter, quia cum numeri *f.h.* multiplicantur per *d.*, faciunt numerus *a.b.*; quare est sicut *a.* ad *b.*, ita *f.* ad *h.*: fuit enim sicut *a.* ad *b.*, ita *e.* ad *g.*; ergo est sicut *a.* ad *b.*, ita numeri *e.f.* ad numeros *g.h.*. Unde si *a.* ponamus 10, et *b.* 20; et diuidantur 10 in duas partes, et in unamquamque ipsarum diuidantur 10, et ueniant numeri *e.f.*, qui sint $\frac{1}{2}$ 12, ut propositum fuit: erit itaque, ut demonstratum est, sicut *a.* ad *b.*, ita *e.f.* ad *g.h.*, scilicet ad $\frac{1}{2}$ 12. Sed *a.* ex *b.* est medietas; quare numeri *e.f.* ex numeris *g.h.*, scilicet ex $\frac{1}{2}$ 12, sunt $\frac{1}{2}$, scilicet $\frac{1}{4}$ 6, ut predixi: et si numerus *b.* esset plus, uel minus de 10, semper in qua proportione essent 10 ad ipsum numerum, in eadem essent unacui *e.f.* ad numeros *g.h.*. Unde potes, secundum hunc modum, in omnibus similibus questionibus procedere. Sed si nis sine inuentione numerorum *e.f.*, in inuentione duarum partium de 10, aliter | procedere; ponamus iterum numeros *a.b.*; et ex *a.* fiant 2 ex (*sic*) partes, que sint *g.d.*; in quibus diuidamus numeros *a.b.*, et ueniet numeri *e.f.* et *g.h.*, ut supra dicto (*sic*), quod multiplicatio *g.* in *d.* producta in summa numerum *g.h.* est sicut multiplicatio *a.* in *b.*; quod sic probatur: quia, ut dictum est, cum multiplicatur *c.* in *g.*, prouenit *b.*; si addiderimus numerum *d.* in multiplicatione, erit multiplicatio *c.* in *g.*, scilicet (*sic*) hoc est *c.* in *d.* ducta in *g.* ducta in *d.*, sicut multiplicatio *d.* in *b.*. Item, quia cum diuiditur *b.* per *d.*, prouenit *b.*; ergo si multiplicetur *d.* per *b.*, prouenit *b.*. Unde, si in commune addiderimus numerum *c.*, erit multiplicatio *d.* in *b.* ducta in *c.*, hoc est multiplicatio *c.* in *d.* ducta in *b.*, sicut multiplicatio *c.* in *b.*; fuerit etiam multiplicatio *c.* in *d.* ducta in *g.*, sicut *d.* in *b.*: ergo multiplicatio *c.* in *b.* ducta in cumiunctum ex numeris *g.h.* est sicut id quod prouenit ex *c.* in *b.*, et ex *d.* in *b.*: sed numeri *c.d.* sunt sicut *a.*; ergo multiplicatio *c.* in *d.* ducta in summa numerorum *g.h.* est sicut *a.* in *b.*; et hoc uolui demonstrare. Unde ponamus *a.* 10, et *b.* 20; et diuidantur 10 in duas partes, que sint *c.d.*; in quibus, cum diuiduntur 20, proueniunt $\frac{1}{2}$ 12, qui sint numeri *g.h.*: et ponamus numerum *c.* rem; quare numerus *d.* erit 10, diminuta re; et multiplicemus *c.* per *d.*, scilicet rem in 10, minus re, uenient 10 res, diminuto censu; quibus ductis in $\frac{1}{2}$ 12, scilicet in numeros *g.h.*, erit

illud quod prouenerit equale 200 dragmis, scilicet multiplicationi numeri *a.* in numerum *b.*, hoc est *d.* (*sic*) 10 in 20: oppone ergo in his, restaura secundum algebra, et inuenies, nram partem esse 2, et aliam 8. Vel pone unam partem de 10 quinque et rem, et aliam 5, minus re; et multiplica unam earum in aliam, erunt 25, minus censu; que duc in $\frac{1}{5}$ 25, et habebis similiter equale 200 dragmis.

Et si dicemus: de 10 feci duas partes; et per unam quamque partium diuisi 20; et multiplicauimus unum exeuntium numerorum in alium, et proueniunt 25. Pone iterum numeros *a.b.*; et ex *a.* fiant 2 partes, que sint *c.d.*; et per unam quamque ipsarum diuidatur *a.* et *b.*, et proueniunt numeri *e.f.* et *g.h.* Iam scis per ea que dicta sunt, que est sicut *b.* ad *a.*, Ita numeri *g. h.* ad numeros *e. f.*; vnde si *b.* duplus est ex *a.*, dupli sunt *g.h.* ex *e.f.*; et est etiam sicut *a.* ad *b.*, ita *e.* ad *g.*, et *f.* ad *h.*; vnde si dupli sunt *g.h.* ex *e.f.*, duplus est *g.* ex *e.*, et *h.* ex *f.*: multiplicatio ergo *g.* in *h.* erit quadrupla multiplicationis *e.* in *f.* Et si tripli sunt numeri *g.h.* ex *e.f.*, erit multiplicatio *g.* in *h.* nonupla multiplicationis *e.* in *f.*: et si numeri *g.h.* medietas fuerint numerorum *e.f.*, erit multiplicatio *g.* in *h.* quarta pars multiplicationis *e.* in *f.*; et sic intelligas in quolibet casu: vnde si ponamus *b.* 20, et *a.* 10, erunt numeri *g.h.* dupli numerorum *e.f.*; quare ex *g.* in *h.* prouenit quadruplum numeri ueniens ex *e.* in *f.*: sed ex *g.* in *h.* propositum est uenire 25; quare quarta eorum pars, scilicet $\frac{1}{4}$ 25, ueniet ex *e.* in *f.*: demonstratum est enim, quod multiplicatio *e.* in *f.* est sicut aggregatio *e.* cum *f.*; ergo numeri *e.f.* sunt $\frac{1}{4}$ 25. Vade reuertere ad questionem, et dic: ex 10 feci 2 partes; et per unam quamque diuisi 10, et prouenerunt $\frac{1}{2}$ 10. Age post hec secundum quod dictum est superius, et inuenies. Aliter: adiaceant numeri prescripti ordine eodem; et multiplicetur *c.* in *d.*, et ueniat *k.*; ex *g.* in *h.* ueniat *b.*: dico quod multiplicatio *k.* in *l.* est sicut multiplicatio *b.* in *se*; et erit *b.* medius in portione (*sic*) inter *k.* et *l.*; quod sic probatur: quia cum *b.* diuiditur per *c.*, prouenit *g.*; et si multiplicatur *c.* in *g.*, prouenit *b.*: comunitur addatur numerus *d.*, erit multiplicatio *c.* in *g.* ducta in *d.*, sicut $\frac{1}{2}$ *d.* in *b.*; sed multiplicatio *c.* in *g.* ducta in *d.* est sicut multiplicatio *c.* in *d.* ducta in *g.*: sed ex *c.* in *d.* prouenit *k.*; ergo multiplicatio *c.* in *d.* ducta in *d.* est sicut *k.* in *g.*; quare multiplicatio *k.* in *g.* est sicut multiplicatio *d.* in *b.*: comunitur addatur in multiplicatione numerus *h.*; et erit multiplicatio *b.* in *d.* ducta in *h.*, sicut multiplicatio *k.* in *g.* ducta in *h.*: sed ex *g.* in *h.* prouenit *l.*; ergo ex *h.* in *l.* prouenit sicut *b.* in *d.* ducta in *h.*: sed ex *d.* in *h.* prouenit *b.*; quia cum diuiditur *b.* per *d.* prouenit *h.*; ergo ex ductu *b.* in *d.*, et productu in *h.* est sicut *b.* in *se*; ergo ex *k.* in *l.* prouenit sicut ex *b.* in *se*; et hoc uolui demonstrare. Nunc reuertamur ad questionem, et dic: diuisi 10 in duas partes, que sint *c.* et *b.*; et in ipsis diuisi numerum *b.*, qui sit 25, et prouenerunt numeri *g.h.*; et multiplicauimus *g.* in *h.*, et prouenit qui (*sic*) *l.* est 25: deinde pone *c.* rem; quare *d.* erit 10, minus re; et multiplica rem in 10, minus re; et illud totum duces in *l.*, scilicet in 25; et quod prouenit erit equale 400 dragmis, scilicet multiplicationi *d.* in *se*. Vel pone *c.* 5, minus re; et *d.* erit 5 et res; et multiplica 5, minus re, in 5, et rem; et illud totum per 25, et habebis similiter equale 400 dragmis. Vel aliter: quia multiplicatio *k.* in *l.* est sicut *b.* in *se*,

64 213 0000

numeri *k.b.l.* in continua proportione sunt: est enim sicut *l.* ad *b.*, ita *b.* ad *k.* Vnde si multiplicauerimus *b.* in se; et summam, que est 400, diuiserimus per *l.*, per 25, uenient 16 pro numero *k.*: sed numerus *k.* prouenit ex *c.* in *d.*; et numeri *c.d.* sunt 10; ergo die: diuisi 10 in duas partes, et multiplicauimus unam earum per aliam, et prouenerunt 16. Age in his secundum algebra, et inuenies, unam illarum partium esse 2, et aliam 8.

Rursus diuisi 10 in duas partes, et per unam illarum diuisi 40, et per aliam 50; et multiplicauimus unam eorum in aliam, et prouenerunt 125; quia 40 quadrupla sunt de 10, 50 sunt quinquupla: multiplica 4 per 5, uenient 20; de quibus diuide 125, uenient $\frac{1}{5}$ 6, qui sunt id quod prouenit quando ex 10 fiunt due partes; et diuidantur 10 per unam quamque ipsarum. Age deinceps, ut dictum est: uel pro una duarum partium de 10 pone 3 et rem, pro alia 5, minus re; multiplica unam earum in aliam, uenient 25, diminuto censu; que multiplica per 125, et quod prouenerit erit equale 2000 dragma, scilicet multiplicationi de 40, et de 50; et sic studeas operari in similibus.

Et si dicemus tibi: de 10 feci duas partes, et per unamquamque earum diuisi 10; et quod e utraque diuisione prouenit, duxi in se, prouenit $\frac{1}{4}$ 20: accipe radicem de $\frac{1}{4}$ 20, que est $\frac{1}{2}$ 4; et erit illud quod prouenit ex ipsis duabus diuisionibus superscriptis; operare deinceps ut supra. Et si dixerit (*sic*): diuisio (*sic*) 10 in duas partes; et per unam quamque diuisi 10; et quod prouenit multiplicauimus in se, et prouenerunt 20 dragma: pone pro una duarum partium 5 rem (*sic*), et pro alia 5, minus re; et die (*sic*) unam earum in alia, et erunt 25, diminuto censu; que multiplica in se, erunt 625, et census census, diminutis 50 censibus; que multiplica per 20, erunt 12500, et 20 census census, diminutis 1500 censibus, que equantur 10000 dragma, que proueniunt ex quadrato de 10 multiplicato in se: adde ergo utrique parti 1500 census, et tolle ab utraque parte 1000, remanebunt 20 census census 8700 dragma equales 1500 censibus: reduce ergo hec omnia ad censum census; et est ut diuidas ea per 20, et erit census, et dragma $\frac{2}{7}$ 291 equales 50 censibus: dimidia ergo census, et medietatem eorum multiplica in se, uenient 625; de quibus abice $\frac{2}{7}$ 291, remanebunt $\frac{1}{7}$ 332; quorum radicem abice de 25, remanebunt 25, diminuta radice $\frac{1}{7}$ 332 pro quantitate census, quorum radix erit res; quam rem adde cum 5, et tolle ea de 5, et habebis quesitum.]

62. 213 *vers.*

Item diuisi 10 in duas partes, et per unamquamque diuisi 40; et quod prouenit multiplicauimus in se, et prouenerunt 625: pone pro una parte 3 et rem, et pro alia 5, minus re; et duc unam earum in aliam, et illud totum per 25, scilicet per radicem de 625; et quod prouenit, equabitur 40 dragma, scilicet multiplicationi de 10 in 40. Age deinceps ut supra, et inuenies unam ipsarum partium 2, aliam 8.

Diuisi 10 in duas partes, et per unam illarum diuisi 10; et quod prouenit multiplicauimus per aliam partem, et prouenerunt $\frac{1}{4}$ 20. Pone unam illarum duarum partium, et rem, et aliam 10, diminuta re; et diuide 10 per rem, exibunt 10 diuisa per rem; que multiplica per 10, minus re, ueniet 100, minus 10 rebus, diuisa per rem, que equantur $\frac{1}{4}$ 20: multiplica ergo hoc totum per rem, uenient 100, minus 10 rebus, que equatur rebus $\frac{1}{4}$ 20. Adde ergo utrique parti 10 res, erunt res $\frac{1}{4}$ 20 equales 100 dragma: diuide ergo 100 per $\frac{1}{4}$ 20, uenient $\frac{1}{11}$ $\frac{3}{11}$ 3 pro quantitate rei. Residuum quod est usque in 10, scilicet $\frac{7}{11}$ $\frac{1}{11}$ 6, est alia pars.

Et si dicemus tibi: $\frac{1^{lm}}{30}$ cuiusdam census multiplicari per 30, et quod prouenit fuit equale additioni 30 dragmarum, et $\frac{1^{ll}}{20}$ eiusdem census: pone pro ipso censu res, et multiplica 30 res per 30, uenient 900 res, que equantur 30 rebus, et 30 dragmis: tolle ab utraque parte 30 res, remanebunt 870 res equales 30 dragmīs: diuide ergo 30 per 870, ueniet $\frac{1}{29}$ dragme pro quantitate rei.



300332

IMPRIMATUR

Fr. Th. H. Laro Ord. Presb. E. P. A. Hig. Soc.

IMPRIMATUR

Fr. A. L. g. Boss Min. Coad. Archep. Iona. Virg.

5. 11. 1-22

/

[



